

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

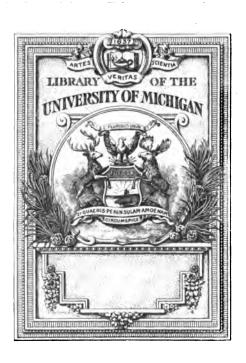
Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

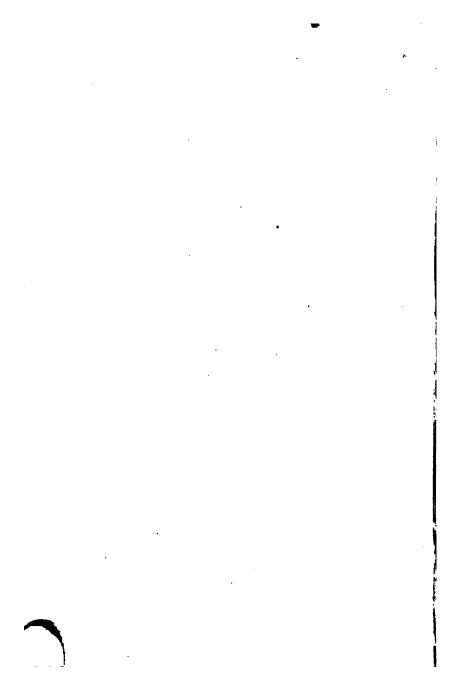
- + *Make non-commercial use of the files* We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + Refrain from automated querying Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + *Maintain attribution* The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + *Keep it legal* Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at http://books.google.com/



ФА 31 .А673 Н465



ARCHIMEDIS

OPERA OMNIA

CUM COMMENTARIIS EUTOCII.

5-11729

E CODICE FLORENTINO RECENSUIT, LATINE UERTIT

NOTISQUE ILLUSTRAUIT

J. L. HEIBERG

DR. PHIL.

UOLUMEN III.



LIPSIAE
IN AEDIBUS B. G. TEUBNERI.
MDCCCLXXXI.

LIPSIAE: TYPIS B. G. TEUBNERI.

PRAEFATIO.

Finito iam tertio huius editionis uolumine, quod toti operi finem imponit, in hac quoque praefatione uaria congeram, quae sero addenda et corrigenda esse cognoui.

Ab erroribus in collatione codicis F enotanda commissis ceterisque typographicis incipiam.

I p. 70, 12: $\delta \eta$ — scribatur: $\delta \dot{\eta}$

I p. 264 in notis criticis addatur: 11. η'' om. F; corr. Wallis. praeterea pro "3". scribatur "4".

I p. 268, 1: ἐπεί — scribatur: ἐπεὶ οὖν

II p. 232 in notis addatur: 4. μηκει F; corr. Torellius.

II p. 252 in notis criticis addatur: "13. ὅψιος] οψιας F; corr. B. 15. ὅψιος] οψιας F; corr. ed. Basil. 17. ὅψιος] οψιας F; corr. A." praeterea in nota ad lin. 14 pro "C" ponatur "B".

II p. 256 in nota ad lin. 10 pro "BC" ponatur "V".

II p. 258 in notis addatur: "22: ὑπό] επι F, uulgo."

II p. 264 in notis addatur: "4. τᾶς] om. F, uulgo.
17. μυριάδες] μυριάδων F, uulgo."

II p. 276 in nota ad lin. 2 scribatur "A" pro "B".

II p. 296 in notis addatur: "τε] om. F, uulgo" et: "26. ὑπ' ἀμῶν V, fort. recte".

II p. 314 in notis addatur: "10. διὰ τά] δι' F, uulgo".

ΙΙΙ p. 30, 14: παράλληλοις — scribatur: παράλληλος

III p. 96, 24: B = scribatur: BE

III p. 118, 3: οἶά ἐστιν — scribatur: οῖα ἐστίν

III p. 214 in notis criticis scribatur "22". pro "23".

III p. 316, 1: $\Psi\Gamma$ $\dot{\eta}$ — scribatur: $\Psi\Gamma$, $\dot{\eta}$

denique I p. 156, 16 adnotare oblitus sum, pro BE in F esse BA. quare in notis addatur: "16. BE] BA FA".

I p. 264, 2; 266, 20; III p. 270, 7, 10, 14; 284, 19, 24, 25 τρίτου, quod praebet F, in τρίτου (quod legitur I p. 266, 3, sed corrigendum uidetur) mutare non debueram. nam apud mathematicos Graecos genetiuum cum uerbo εἶναι eodem sensu coniungitur, quo nos signum aequalitatis = usurpamus. cfr. μορίου τινός III p. 274, 3; 276, 8; 278, 8 et loci in indice II sub uocabulo οἶος collecti. u. praeterea Proclus in Euclid. p. 296, 12: κωλύει γὰρ οὐδὲν μιᾶς μὲν εἶναι καὶ τρίτου τὴν ὑπὸ αβὸ τοῦ δὲ λοιποῦ διμοίρου τὴν ὑπὸ αβὸ, p. 297, 19: μιᾶς ἄρα καὶ ἡμισείας ὀρθῆς ἐστιν ἡ ὑπὸ δγξ al. quare etiam III p. 270, 19, 20, 21; 284, 23, 26 διμοίρου cum codd. retinendum erat.

Epistulam Eratosthenis nuper edidit E. Hiller: Eratosthenis carmin. reliq. Lipsiae 1872 p. 122 sq., cuius adnotatione cum mea comparata haec addenda mihi uidentur. p. 104, 6 iam Hiller pro δή tacite substituit δέ. p. 104, 4 hanc coniecturam Nauckii adfert: δοκεί δ' ἡμαρτηκέναι, quam non probo; cfr. Hiller p. 131 not. p. 104, 19 falso ex editione Basileensi enotaui: διαπεμψομένους; habet διαμεμψαμένους. p. 114, 1

Hermannus in Orph. p. 769 coniecit: τοῖσδε σύ γ' έν. ceterum Hiller totam epistulam subditiuam esse putat nulla idonea causa adlata. cfr. Cantor: Vorlesungen p. 284 not. 2. ne Menaechmi guidem negue Archytae solutiones in dubitationem uocandae sunt; sed uerba sola ab Eutocio ipso uel auctore eius (qui in Archyta solo Eudemus est) mutata sunt et ad sermonem mathematicorum Gaecorum posterioris temporis adcommodata. contra iure Blassius de Platone mathemat. p. 27 sq. solutionem Platonis damnasse mihi quoque uidetur. cfr. Cantor: Vorlesungen p. 200 sq. de his solutionibus cfr. Proclus in Timaeum p. 353 ed. Schneider; πῶς μὲν οὖν δύο δοθεισῶν εὐθειῶν δυνατὸν δύο μέσας ἀνάλογον λαβείν ἡμεῖς ἐπὶ τέλει τῆς πραγματείας [cfr. p. 384] εύρόντες την 'Αρχύτειον δείξιν άναγράψομεν, ταύτην έκλεξάμενοι μᾶλλον ἢ τὴν Μεναίχμου, διότι ταϊς κωνικαϊς έκεινος γρηται γραμμαϊς, καὶ τὴν Έρατοσθένους ώσαύτως, διότι κανόνος χρηται παρα-ઈર્દ્ઇદા.

De quadrat. parab. prop. 23 acute observauit L. Oppermannus, uir mathematices antiquae in primis peritus, eam nihil nisi peculiarem quendam casum propositionis, quae apud Euclidem est IX, 35 continere (έὰν ὧσιν ὁσοιδηποτοῦν ἀριθμοὶ ἑξῆς ἀνάλογον ἀφαιφεθῶσι δὲ ἀπό τε τοῦ δευτέρου καὶ τοῦ ἐσχάτου ἴσοι τῷ πρώτῳ, ἔσται, ὡς ἡ τοῦ δευτέρου ὑπεροχὴ πρὸς τὸν πρῶτον, οῦτως ἡ τοῦ ἐσχάτου ὑπεροχὴ πρὸς τοὺς πρὸ ἑαυτοῦ πάντας, h. e. si a:b=b:c=c:d, erit $b \div a:a=d \div a:a+b+c$). nam ex quadr. parab. 23 erit $d+c+b+a+\frac{1}{3}a=\frac{1}{3}d$, si d=4c, c=4b, b=4a; siue $a+b+c=\frac{1}{3}(d \div a)$,

h. e. d
ightharpoonup a : a + b + c = 3:1, quod ex Eucl. IX, 35 statim sequitur, quia b
ightharpoonup a : a = 3:1.

ΠΙ p. 312, 10 sq. Eutocius librum Π conicorum Apollonii citat; sed nisi hic quoque uestigium recensionis antiquioris Apollonii deprehenditur, uidetur memoria confisus deceptus esse. nam quod dicit: ἐπὶ δὲ τῆς ὑπερβολῆς τὸ κέντρον τοῦ σχήματος ἐκτός ἐστιν, καθ' ὁ αὶ διάμετροι συμπίπτουσιν ἀλλήλαις, id in libro II conicorum nusquam legitur. potius uerba eius ad I def. alt. 1 p. 42 ed. Halley: τῆς ὑπερβολῆς καὶ τῆς ἐλλείψεως ἐκατέρας ἡ διχοτομία τῆς διαμέτρου κέντρον τῆς τομῆς καλείσθω referri posse uidentur. tamen hoc uerum est, ex conic. Π intellegi posse, centrum hyperbolae extra figuram cadere (u. uerbi causa II, 45: τῆς δοθείσης ἐλλείψεως ἢ ὑπερβολῆς τὸ κέντρον εύρειν).

In hoc tertio uolumine collationes nouas codd. Pariss. uno uel duobus locis exceptis nullas habui. in indice II interpretationem Latinam plerumque omisi et omnino magis etiam quam in primo breuitati studui. et hac re et inde, quod index I, cum secundum conficerem, in manibus typothetarum erat, inaequalitas molesta duorum indicum exorta est. in prolegomenis de dialecto Archimedis agere constitueram, sed cum hanc quaestionem altius repetere cuperem, et tempus instante itinere Italico deesset, satius duxi rem differre quam eam ratione imperfecta, quae mihi ipsi displiceret, iam nunc tractare.

Scrib. Hauniae Id. Sext. MDCCCLXXXI.

PROLEGOMENA.

De codicibus Archimedeis.

Cum ante hos duos annos de codicibus Archimedeis recte aestimandis quaererem, cuius disputationis summa potior est pars Quaestionum Archimedearum (Hauniae 1879, caput VI), non potuit me fugere, codicem Florentinum cum omnium praestantissimum esse, id quod iam censor editionis Torellianae (Jenaer Literaturzeitung 1795 p. 610 sq.) intellexerat, tum cum codice peruetusto Georgii Uallae artissima necessitudine coniunctum. quare cum de aetate huius codicis nihil compertum haberem, nisi Bandinium eum saeculo XIII tribuisse, necessario eo perductus sum, ut statuerem, codicem Florentinum esse ipsum illum Uallae codicem antiquum, unde descripti sunt codices Parisini BC. sed restabant difficultates et in scripturis singulorum locorum et in primis in explicando, quo modo codex ille tandem in bibliothecam Laurentianam peruenisset; etiam epistula illa primo libro de sphaera et cylindro praemissa in codice B melius seruata esse uidebatur (Quaest. Arch. p. 130). quas difficultates tum, ut potui, explicare conatus sum (Quaest. Arch. p. 132 sq.). uerum iam tum de iudicio Bandinii dubitare coeperam. et postquam codicem Florentinum ipse examinaui diligenterque contuli, mihi persuasi, hunc codicem nullo modo eundem esse posse ac codicem Uallae, sed potius apographum eius summa diligentia descriptum, ita ut scriba formam quoque litterarum plerumque molesta cura imitaretur. itaque constitui, hunc totum locum retractare.

Incipiamus a describendo codice Florentino.

codex igitur Florentinus bibliothecae Laurentianae Mediceae plut. XXVIII, 4 membranaceus est in membranis crassis sine ullo linearum uestigio scriptus, et optime conservatus, constat foliis CLXXIX forma maxima, quae manus recens satis neglegenter numeris signauit; manu prima in dextra parte infima posterioris paginae decimi cuiusque folii numeri fasciculorum et prima uerba sequentis paginae adscripta sunt. codex satis perspicue. etsi non pulcherrime scriptus est compendiis multis; accentus et spiritus saepius omittuntur; hi ubi adsunt, formam quadratam + uel - praebent, rarissime curuatam, quali nunc utimur: hic illic et spiritus et accentus in eadem syllaba positus est, sed nunquam uno ductu coniuncti. prima pagina atramento euanidiore cum omnibus accentibus scripta est, titulus et A initiale rubra sunt. continentur hoc codice haecce:

de sphaera et cylindro I—II, de dimensione circuli, de conoidibus, de lineis spiralibus, de planis aeque ponderantibus, arenarius, quadratura parabolae, commentaria Eutocii in libros II de sphaera et cylindro, in libellum de dimensione circuli, in libros II de planorum aequilibriis, excerpta Heronis de mensuris. in fine librorum semper repetitur titulus; praeterea in fine libri de quadratura parabolae habet:

εὐτυχοίης λέον γεώμετρα

πολλοὺς εἰς λυπάβαντας ἔοις πολὺ φίλτατε μούσαις et in fine commentariorum Eutocii in libros de sphaera et cylindro

Εὐτοκίου πινυτοῦ γλυκερὸς πόνος, ὅν ποτ' ἐκεῖνος γράψεν τοῖς φθονεροῖς πολλάκι μεμψάμενος.

figurae mathematicae semper eadem manu descriptae sunt, qua codex reliquus; in quo opere librarius amussi et circino usus est, instrumentis, quibus sectiones conicas et spirales depingeret, caruit; quare illas fere ita descripsit, quasi arcus circulorum essent, has nullo adiumento pessime et neglegentissime adumbrauit. in fine codicis neque uocabulum τέλος neque aliud ullum signum, quo ostendatur codicem finitum esse, additum est; ultimum folium uacat et pro tegumento fuit. cfr. Bandinii catalogus II p. 14.

Codices Parisinos 2360 (B) et 2361 (C) ex antiquo codice Uallae descriptos esse, demonstraui Quaest. Arch. p. 124 sq., et hoc loco summatim rationes repetam.

in codice Parisino B in fine fol. 120 haec adnotauit librarius: ταῦτα ἐξεγράφη ἀπὸ τοῦ ἀντιγράφου ἐκείνου τοῦ καλαιοτάτου ὁ πρότερον κτῆμα ὅν τοῦ Γεωργίου τοῦ βάλλα ὕστερον τοῦ ἐπιφανεστάτου ἄρχοντος ᾿Αλβέρτου Πίου τοῦ καρπαίου ἐγένετο ὁ μὲν ἀντίγραφον ὡς εἰρήκαμεν παλαιότατον ἡν πλείστην δὲ καὶ ἀμέτρητον ἔχον ἀσάφειαν ἐκ τῶν πταισμάτων · ῶστε ἀναρίθμητα χωρία μηδὲ σαφηνίσασθαι μηδαμῶς · περί δὲ τὰς καταγραφὰς πολλῶν ὅντων καὶ ἄλλων ἁμαρτημάτων ταῦτα ἡν πυκνότερα τὰ ὑπογεγραμμένα στοιχεῖα δηλαδὴ ἀντὶ στοιχείων χ ἀντὶ τοῦ κ καὶ ἀνάπαλιν, Θ ἀντὶ τοῦ β καὶ ἀνάπαλιν, Η ἀντὶ τοῦ Ν καὶ ἀνάπαλιν, α ἀντὶ τοῦ λ καὶ ἀνάπαλιν, ξ ἀντὶ τοῦ ξ καὶ ἀνάπαλιν.

οιον ξ τοῦς. ης οιον τ της. μ καὶ ἄλλως ς και α ϊσαι ' μ τοῦς. ' ης οιον τ της. μ καὶ ἄλλως ς και α μ ισαι ' μ ισας '

itaque codex B ex Uallae codice descriptus est. praeterea in codice C hanc praefatiunculam Georgii Armagniaci inuenimus: "Ne te offendat, studiose lector, hunc Authorem citra ullam ipsius commendationem aut praefationem aliquam videre: ita prima folii facies in veteri exemplari, unde hoc descriptum est, vetustate consumpta et extrita fuit, ut ne nomen Archimedis quidem agnosci potuerit, nec tum aliud Romae restabat, quo restitui hoc πρόσωπον posset. carebat in universum et spiritus et accentus omni nota; reliquis partibus integrum et absolutum nisi quod nonvoc de mensuris postremi folii secunda pagina itidem ut Archimedis penitus obliterata fuerit. quo tamen commendatione eiusmodi Authoris etiam Gallia laetaretur, malui potius quoquo modo eius tibi copiam meo sumptu fieri, quam mathematices amatoribus in hac parte mea culpa videri et in fine codicis librarius hanc subnegligentior." scriptionem adiecit: τέλος ἐπέθηκε τούτω τῷ συντάγματι Χριστοφόρος δ ἀουέρος γερμανός τῆ πρώτη ἡμέρα τοῦ χιλιοστού πεντακοσιοστού και τεσσαρακοστού τετάρτου. δαπανήματι τοῦ εὐσεβεστάτου τῶν ρουθένων ἐπϊσκόπου γεωργίου άρμαγνιακοῦ τότε πρὸς παῦλον τὸν τρίτον τῆς ἁγίας ἐκκλησίας την διοίκησιν οἰκονομοῦντα ἐν τη ρώμη παρά φραγκίσκου τοῦ κελτῶν βασιλέως έγκεκωμιασμένως πρεσβεύοντος. hinc adparet, codicem C Romae sumptu Georgii Armagniaci a. 1544 a Christophoro Auuero descriptum esse. iam Guil. Philander, qui Georgio Armagniaco ab epistulis erat et eum a. 1541 Uenetias et inde Romam secutus est, in editione Uitruuii (Lugd. 1552 et iterum 1586) haec habet p. 357: "haec ego scripseram, cum beneficio Rodolphi Pii Carporum Cardinalis facta est mihi copia videndi exscribendique, curante id Maecenate meo [h. e. Georgio Armagniaco] Archimedis de sphaera et cylindro cum enarratione Eutocii volumen, ornamento futurum augustissimae illi et instructissimae Bibliothecae, quam tu [Franciscus primus] ad Fontem Bleeium instituisti. Id volumen Georgii Vallae fuerat, in quo praeter linguae Doricae proprietatem et omissionem spirituum atque accentuum, quae in legendo nonnihil exhibuerunt difficultatem, occurrunt subinde syllabarum et dictionum notae, quae ne a Graecis quidem satis agnoscuntur." itaque uix ulla

relinquitur dubitatio, quin Georgius Armagniacus illum codicem Uallae, cuius copiam Philandro fecit, describendum curavit, ut hoc apographum bibliothecae Fonteblandinensi donaret. itaque sequitur, codicem C etiam ex codice Uallae descriptum esse, quod eo quoque confirmatur, quod in bibliothecam Parisinam ex Fonteblandinensi peruenit.

cod. Paris. 2360 chartaceus, olim Mediceus eadem continet opera Archimedis Eutociique commentaria eodem ordine. post librum de quadratura parabolae eosdem uersus praebet. contendunt, eum a Philandro scriptum esse itaque saeculo XVI tribuendum; sed hoc minime ex Philandri uerbis supra adlatis colligi potest; dicit enim hoc solum, se codicem Uallae "exscripsisse", h. e. enotauit ex eo, quae ei in commentario ad Uitruuium utilia esse poterant, nec si totum descripsisset, de libris de sphaera et cylindro solis commemorasset; uidetur hos libros solos euoluisse nec ceteros inspexisse. praeterea adparet ex subscriptione illa librarii, codicem archetypum tum, cum ex eo describeretur codex B, Alberti Pii fuisse; nam si iam tum Rodolpho Pio cessisset, sine dubio illius nomen, non Alberti posuisset uel certe eum quoque nominasset. quare cum Georgius Ualla a. 1499 mortuus sit, Albertus Pius a. 1531, colligendum est, codicem B inter hos annos scriptum esse.

cod. Paris. 2361 (C) chartaceus Fonteblandensis et ipse eadem opera Archimedis et Eutocii eodem ordine continet, et praeterea Heronis mensuras, sicut Florentinus. ex hoc codice Heroniana illa edidit F. Hultschius: Heronis reliq. p. 188—207. post Heronis mensuras praeterea sequuntur duo fragmenta περὶ σταθμῶν¹) et περὶ μέτρων, quae ex hoc codice edidit idem (Metrolog. script. 83—84. I p. 267—272; cfr. praef. p. XVII). haec omnia eadem et eodem ordine in codice Florentino inueniuntur, nisi quod ultimum fragmentum περὶ μέτρων in eo paullo longius est.

¹⁾ περὶ ταλάντων habet Hultschius, sed in codice esse περὶ σταθμῶν, testis est Carolus Graux, et ita legitur in Florentino.

iam hinc ueri simile est, codicem Florentinum et codices BC cognatos esse, et hoc aliis documentis certissimis arguitur. primum enim uidimus, codicem Uallae in initio mutilum fuisse, et ea de causa codicem C maiore parte epistulae libro I de sphaera et cylindro praemissae carere; etiam in Florentino prima pagina alia manu et cum lacunis plurimis scripta est, et in B quoque idem locus similiter corruptus est (cfr. uol. I p. 3 not.); adscripsit librarius: 'Αργιμήδους τοῦ περί σφαίρας καὶ κυλίνδρου τὸ προοίμιον λείπει ἡ πρώτη γὰρ σελίς τοῦ ἀντιγράφου ἀφανῆς ἦν, ὡς ὁρᾶις. praeterea uol. III p. 4, 18 in omnibus codicibus lacuna est inter σύγκειται et τῆ ABΓΔ; adscripsit librarius codicis B: Eν όλον σελίδιον n nal ovo lelnei. denique numeri propositionum libri neol κωνοειδέων prorsus eodem modo in omnibus codicibus confusi ac corrupti sunt (cfr. Quaest. Arch. p. 123 sq.). itaque cum codex Florentinus ex Parisinis descriptus esse nequeat, relinquitur, ut aut ipse ille codex Uallae sit aut ex eo derivatus. iam exponam, cur nunc hoc uerum esse existimem.

ex nota Georgii Armagniaci supra e codice C adlata adparet, primam paginam et ultimam codicis Uallae litteris quidem inscriptas fuisse, sed prae uetustate et obscuritate legi non potuisse. at in codice Florentino prima pagina primo prorsus uacauit, et postea demum manu alia 1) pars omissa epistulae addita est, nec ullum est uestigium scripturae antiquioris postea deletae nec in lacunis unquam quidquam fuit scriptum. et pars extrema fragmentorum Heronianorum nitide et perspicue, ut reliqua pars codicis, scripta est, neque post eam quidquam scriptum fuit. dixi supra, ultimum fragmentum in Florentino paullo

¹⁾ Nicolaus Anziani bibliothecarius Laurentianus primam paginam eadem, qua reliquum codicem, manu scriptam esse censet. mihi tamen scriptura diuersa uidetur, quamquam non multum discrepat, et mecum sentiunt H. Menge et Carolus Graux, qui hanc partem saeculo XVI tribuit. certe hoc interest, quod in hac parte omnes fere accentus et spiritus adsunt.

longius esse; itaque librarius huius codicis paullo plura in archetypo legere potuit, quam librarius codicis C quinquaginta fere annis post uel legere potuit uel recipere operae pretium esse putauit. archetypum codicis Florentini in fine legi non potuisse, inde quoque colligere possumus, quod in Florentino neque τέλος neque aliud signum, quo opus perfectum significare solent librarii, reperitur.

praeterea in epistula illa ea est discrepantia codicis B. ut hac in parte e codice Florentino descriptus esse non possit; u. in primis uol. I p. 4, 6: ηγνόειστο F, γνοει B; p. 4, 11: πολλα . . . F, πολ . . . ξου B; p. 6, 1: άγνοεῖσθαι F, . . . εισθαι B; et his omnibus locis scriptura codicis F ita clara est, ut nulla de ea dubitatio relinquatur. itaque statuendum erat, lacunam illam codicis F postea demum, quam codex B ex eo descriptus esset, expletam esse. hoc per se factum esse potest; sed tamen ueri simile est, tum librarium codicis B, qui tam multis uerbis de antigrapho suo disserat, adnotaturum fuisse, se procemium ex alio exemplari sumpsisse, praesertim cum ad hoc ipsum procemium adscripsit: 'Αρχιμήδους τοῦ περί σφαίρας και κυλίνδρου το προοίμιον λείπει1), ώς δραις. non credo, haec uerba de alio ullo exemplari accipi posse, quam de eo antigrapho, quod in toto opere secutus est. deinde in iis, quae Ualla ex suo codice Latine uertit (de qua re u. quae disputaui Neue Jahrbücher, Suppl. XII p. 381 sq.), quidam loci inueniuntur, ubi Ualla apertissime non prauam scripturam codicis Florentini, sed bonam co-

uol. III p. 306, 17: ἀφτώμενον BC, αφτωμεν F, "elevatus" Ualla.

dicum BC ob oculos habuit:

III p. 70, 11: αὐτῶν BC, αυτον F, "ipsarum" Ualla.
 III p. 118, 25: ΘΝ BC, ΘΗ F, "hn" Ualla.

minus ualent III p. 104, 12: 'Innonparis F, "Hippocrates"

¹⁾ H. e. mancum est (non: deest), ut adparet ex additis uerbis ως ὁρᾶις; nam procemium eadem manu, qua reliqua, scriptum est. cfr. Quaest. Archim. p. 121 not.

Ualla, III p. 182, 8: η μεν η HN F, "gn" Ualla, al. (u. Neue Jahrb. 1. 1. p. 385). cum Ualla ipse uix hos locos coniectura restituerit, id quod intellegent, qui errores ab eo receptos perlustrauerint, ex testimoniis Ualla et codicum BC coniunctis efficitur, in codice Uallae his locis aliam eamque emendatiorem scripturam fuisse, ac in Florentino est (de III p. 76, 26; 124, 22 u. infra).

etiam ex compendiis illis, quae a librario codicis B in codice Uallae obuia esse dicuntur, testimonium grauissimum peti potest, quo probetur, quod proposuimus. ibi enim (p. IX) pro syllaba -ois hoc compendium ≠ indicatur; uerum in Florentino hoc ita formatum nusquam inuenitur, sed erectum et rotundum ∂, quae est forma recentior huius compendii (O. Lehmann: Die tachygr. Abkürz. p. 70—71).

et quamquam eorum locorum, ubi BC meliorem scripturam praebent quam F, ea fere est natura, ut negari non possit, librarios codicum BC errorem apertum et correctu facilem sua sponte eodem modo emendare potuisse, tamen non modo meliores illae scripturae satis frequentes facilius explicantur, si statuimus, codices BC ex ipso fonte codicis F deriuatos esse, sed inueniuntur etiam loci quidam, ubi emendatio difficilior erat nec talis, ut duo librarii non doctissimi fortuito in eandem incidere potuisse uideantur; uelut I p. 6, 11 in F est τοτε αξιωμα, sed uerum praebent BC (τά τε ἀξιωματα); I p. 8, 11: τομέα δὲ στερεὸν καλῶ legitur in BC, in F uero principio τομε solum fuisse uidetur; deinde eadem manu, qua epistula addita est in prima pagina, lacuna expleta est, nisi quod στερεόν omissum est lacuna parua relicta.

postremo loco commemorandum est (nam hoc genus demonstrandi in hoc maxime codice lubricum est et incertum), ipsam formam litterarum interdum originem recentiorem significare. hac de re in primis iudicio Caroli Graux nitor, qui imagine photographica, unde tabula uolumini II adiuncta expressa est, diligenter examinata ita de codice nostro iudicauit: ce qui me paratt le plus pro-

bable en ce moment, c'est que le Laurentianus en question est le produit d'un copiste du quinzième siècle qui avait pour modèle un manuscrit du neuf ou dixième et cherchait à l'imiter scrupuleusement jusque dans le tracé des lettres. incidit igitur in eam ipsam sententiam, ad quam ego quoque alia progressus uia perueneram. nec Guilelmus Gardthausen, cui eandem imaginem transmiseram, hanc sententiam reiiciendam putauit, quamquam ipse ex sola litterarum forma codicem saeculo XI tribuere maluit, nisi aliunde documenta peti possent ad illam opinionem confirmandam; quod hic fecisse uideor. maxime offensioni est, ut monuerunt ambo illi palaeographi peritissimi, forma litterae φ , quam adparet uno ductu scriptam esse (u. tabula, lin. 1, 3, 4, 5, 6 cett.), id quod excepta forma & ante saeculum XV non occurrit (Gardthausen: Griech. Palaeogr. p. 208). praeterea huic opinioni id quoque fauet, quod scriptura, quae initio codicis diligentissima et nitidissima est, aduersus finem neglegentior fit et speciem minus antiquam praebet, et accentus, qui uulgo omittuntur, hic illic, et id quidem magis sub finem, frequentiores sunt, ita ut consuetudo librarii uoluntatem antigraphum religiose exprimendi interdum uicisse uideatur. denique membranae quoque et genere et specie tempus satis recens produnt.

his omnibus rebus perpensis statuendum est, codicem Florentinum non esse codicem Uallae, sed hunc communem fontem codicum FBC esse. iam de nostro codice F ipso accipiendum est, quod Angelus Politianus Uenetiis Laurentio Mediceo scribit anno 1491 (u. Fabronius: uita Laurentii II p. 285): in Vinegia ho trovato alcuni libri di Archimede e di Herone matematichi, che ad noi mancano . . ed altre cose buone. tanto che Papa Janni ha che scrivere per un pezo. quoniam Georgius Ualla ab anno 1486 ad 1499 Uenetiis docebat (Neue Jahrb. Suppl. XII p. 377), et codex Uallae, ut supra cognouimus, praeter Archimedem etiam fragmenta Heronis continebat, uix dubitare possumus, quin Angelus Politianus Uallae codicem

describendum curauerit. sed quod significat, Ioannem Rhosum¹) codicem Archimedis descripturum esse, id effectum non est. nam F ab eo scriptus esse nequit, ut facile adparet comparato aliquo codice²) ab eo scripto, qui frequentissimi sunt, cum tabula nostra.

itaque F ex ipso codice Uallae a. 1491 uel paullo post descriptus est, haud ita multo ante codices BC. restat igitur, ut quaeramus, cui harum trium quasi sororum potissimum credendum sit.

iam codicem B a docto librario descriptum esse, qui multa emendaret, multa etiam praue tentaret, satis firmis, opinor, documentis ostendi Quaest. Arch. p. 128—30, et plura singulis fere paginis occurrunt. unum addam. III p. 182, 25 in F est ov³) pro oṽvoς; in B legitur teste Lebèguio ov, sed in margine manu 1 oṽvoς. codex C contra magis ad F adcedit, et magis etiam adcederet, si diligenter collatus esset; nam in omnibus fere locis, quos inspexit Henricus Lebègue, eadem quae in F scriptura etiam in C inuenta est, cum tamen in collatione Torelliana nihil enotatum esset, sicut intelleget, qui locos in meo adparatu stellula signatos cum illa collatione conferre uoluerit.

sed manifesto demonstrare possumus, codicem F maiore fide quam ceteros descriptum esse. sunt enim loci quidam, ubi ex interpretatione ipsius Uallae cognoscimus, eosdem in eius codice fuisse errores ineptos, quos F praebeat, sed qui in BC correcti sint⁴):

¹⁾ Nam is est "Papa Ianni", ut recte me monuit N. Anziani. de Ioanne Rhoso presbytero Cretensi, librario strenuo u. Gardthausen p. 326 sq.

²⁾ Comparaui Florentiae cum ipso codice F codices Laurentianos XXXII, 6; LV, 9; LXXXI, 23; LXXXVI, 18.

³⁾ Etiam apud Uallam "cuius circulus".

⁴⁾ Hoc documentum iam significaui Neue Jahrb. Suppl. XII p. 384—385. postea Henricus Lebègue meo rogatu omnes locos denuo contulit, ubi de BC nihil apud Torellium enotatum erat. quod inuenit praeter locos supra adlatos, hic notabo, quia incredibilem neglegentiam collationis Torellianae manifestissime arguunt. III p. 62, 17: $\tau \tilde{\eta}_5$ ZH] B, $\tau \tilde{\eta}$ ZH C (F). p. 68, 13:

III p. 62, 10: οὖ δέον] BC, οὐδε ὁν F, "sit quod non est" Ualla.

III p. 92, 25: το ἀπό] BC, το απο F, "quod ex b" Ualla.

III p. 94, 1: ἐπὶ παραβολῆς] BC, επει παραβολης F, ,quoniam comparatione" Ualla.

III p. 94, 5: ἐπὶ ὑπερβολῆς ΒC, επει υπερβολης F, "quoniam hyperbole" Ualla.

III p. 98, 7: τῷ ἀπό] ΒC, το απο F, "quod ex bd" Ualla.

III p. 122, 3: πόλω] BC, πολλω F, "multo magis" Uallahis ex locis perspicitur, quanta fuerit et quam anxia diligentia librarii codicis F; nam cum uix credibile sit, eum non potuisse hos errores ineptissimos corrigere, sicut fecerunt librarii codicum BC, adparet, eum summa fide archetypum, sicut accepisset, reddere uoluisse. hoc certe constat, etiam ubi BC contra auctoritatem codicis F consentiant, cautissime tamen nobis ex iis de scriptura archetypi iudicandum esse, et primarium locum nunc quoque obtinere codicem Florentinum.

omnino interpretatio illa Uallae plane cum F congruit paucis locis exceptis, quos supra p. XIII adtuli. sed etiam aliis ex rebus concludere possumus, quam accuratam imaginem archetypi codex F exprimat. nam primum pleraeque litterae formam saeculo XV longe antiquiorem praebent, sicut ex tabula nostra intellegi potest, quae paginam ex priore parte codicis sumptam (I p. 156, 10—160, 11 editionis) repraesentat. et usus compendiorum, omissi accentus et spiritus, horum forma quadrata, ubi adsunt,

τὸ ΘΜ] τῶ ΘΜ BC (F). p. 68, 16: τοῦ ΚΛ] τῶν ΚΛ BC (F). p. 68, 17: τούτων] τῶν BC (F). p. 70, 17: τὰς EH] τὰ EH BC (F). p. 76, 20: πολύ γε] BC (F). p. 84, 4: πρόθεσιν] BC (F). p. 98, 23: τῆ ἀπό] τὴν ἀπό BC (F), sed B mg. manu 1 τῆ. p. 104, 16: αὐτοῦ] BC (F). p. 116, 15: πνλινδρίω] πνλίνδρίον BC (F); itaque in notis delendum: "corr. BC". p. 188, 6: τὴν αὐτήν] B, πωνω τήν C (F); itaque in notis scribendum "corr. B". denique I p. 194, 10: ἡ B] ἡ HB BC (F); sed in B H deletum est. hinc etiam confirmatur, quod supra de genere codicum BC dixi.

haec omnia codicem antiquum sapiunt et cum descriptione codicis Uallae a librario codicis B facta mire congruunt. deinde pars mutilata epistulae libro I de sphaera et cylindro praefixae (I p. 2—6, 6), quae in prima pagina archetypi usu et tempore detrita fuit, etiam in F primam paginam nec plus nec minus occupat. etiam uerba $r\tilde{\eta}$ $AB\Gamma\Delta$ III p. 4, 18, quae in archetypo necessario prima uerba prioris paginae folii fuerunt, cum ante ea unum uel duo folia tota exciderint, in F simili loco posita sunt; sunt enim extrema uerba posterioris paginae folii. III p. 172, 23 sq. ita in F leguntur:

... μ eyistov esti to ano the $\overline{\beta}\epsilon$ eni thu $\overline{\epsilon}\alpha$ o tau η dinhasia $\dot{\eta}$ $\overline{\beta}\epsilon$ the $\overline{\tau}$ 0 $\overline{\epsilon}\alpha$ 2. \sim censthasia on the rail axoloudousiv xata xth.

signum ⁶ in margine adscriptum in F usurpatur ad uerba ab Eutocio citata distinguenda (III p. 4, 7 not., alibi). haec eodem modo in archetypo fuisse, inde intellegitur, quod C non intellecto signo illo ita praebet:

codicis C ut 5 καί legit. denique uerba I p. 244, 7—246, 7, ad quae adscripsit librarius codicis B: οὐδεμία σελὶς τοῦ ἀντιγράφου οῦτω συγκεχυμένη καὶ τεταραγμένη οὐσα ἐτύγχανεν ὡς αῦτη (Torellius p. 446), in F reuera in eadem pagina sunt (fol. 36 recto).

itaque librarius codicis F eadem diligentia, qua litterarum formas imitatus est, etiam speciem antigraphi secutus esse uidetur, ita ut pagina paginae, immo linea lineae respondeat. 1)

fieri igitur potest, ut horum trium codicum ope, in primis Florentini, imaginem quandam archetypi illius, quon-

¹⁾ Cfr. quae de cod. Marciano 247 simili diligentia e Marciano 246 descripto scripsit Jordan Hermes XIV p. 264 sq.

dam Georgii Uallae, fingamus, sine dubio scriptum fuit saeculo IX uel X, ut ex uestigiis pristinae litterarum formae in F seruatis coniecit Carolus Graux 1), et fuit codici Oxoniensi Euclidis persimilis (Bodleian, d'Orville ms. X, 1. Inf. 2. 30; exempla eius edita sunt Palaeographical Society tab. 65-66) cum toto habitu tum usu compendiorum, satis diligenter descriptus fuit de exemplo alicuius uiri mathematices non imperito; neque enim scholia illa in margine adscripta additamentaque, quae in omnibus fere libris occurrunt, maxime tamen in libris de sphaera et cylindro²) ab ipso librario codicis profecta esse possunt, quippe quae maiorem mathematices scientiam ostendant, quam quae illis temporibus peruulgata esset. figuris instructus fuit plerumque optime et diligentissime descriptis, sed in litteris iis adpositis et in figuris et in uerbis ipsis Archimedis saepe erratum erat, quod notauit librarius codicis B (p. IX); exempla ex F collegi Quaest. Archim. p. 125 sq., et plura addi possunt. praeterea natura rei effecit, ut saepius non pauca uerba interciderent, quia, ut in demonstratione mathematica, eadem uerba saepius repetebantur et ita δμοιοτέλευτα oriebantur (u. I p. 74, 7; 144, 28; 184, 12; 200, 1; 206, 14; 226, 1; 230, 17; 246, 24; 250, 8; 254, 4; 360, 11; 370, 10; 380, 15; 390, 26; 432, 3; 458, 6; 462, 18; 472, 19; 476, 10; 496, 22; II p. 20, 21; 30, 6; 48, 12; 48, 20; 98, 21; 254, 21). multo rarius accidit, ut eadem de causa nonnulla errore bis scriberentur (I p. 288, 9; 376, 23; 496, 13; II p. 224, 24; 254, 15). interdum ob compendia uocabula per se parum similia permutata erant.

¹⁾ Tum demum recte codex Uallae παλαιότατος uocatur a librario codicis B (u. supra p. IX), quod de ipso codice Florentino preedicare por posset

tino praedicare non posset.

2) Tamen mihi quidem ueri simile uidetur, haec additamenta non omnia ab eodem uiro proficisci. antiquiora existimo, quae in libris de conoidibus et de helicibus plerumque Dorice interposita sunt; recentiore demum aetate libri de sphaera et cylindro et de dimensione circuli in linguam communem conuersi et simul plurimis additamentis inquinati esse uidentur.

uelut korw — ws I p. 136, 8; korw — wore I p. 28, 18; 154, 13; οὖν — γάο I p. 134, 9; γάο — γίνεται I p. 148, 2; 346, 9: τουτέστι - τῆς Ιρ.148.5; ἐπί - πρός Ιρ.244.3-4; οὖν- $\mu \ell \nu \text{Ip.} 384, 1$; $loov - \ell \nu \text{Ip.} 420, 17$, alia; ita etiam accidit, ut ov compendio rariore scriptum saepius omitteretur (I p. 150, 12: 498, 4 al.). omnium frequentissimi ii errores erant, qui permutatis litteris η et ι , o et ω oriebantur; inde factum est, ut syllabae nv, iu, siv et ns, is, sis iisdem compendiis scriberentur. etiam dé et dn saepissime ut in omnibus fere mathematicorum codicibus confundebantur, in fine uocabulorum v saepe lineola transuersa supra uocalem extremam posita scribebatur, quod etiam nunc in F interdum seruatum est; saepius hoc scribendi genus causa fuit. cur ν finale in F omitteretur (I p. 58, 16; 70, 11; 72, 21; 116, 2; 290, 3 al.). consonantes geminati saepe ita scriptae fuisse uidentur, ut altera supra alteram poneretur, ut in F factum est I p. 42, 21; 42, 24; 60, 21; 94, 5; 102, 14; 112, 9; 164, 4; 242, 24; 280, 1; 474, 1 al. hinc non raro factum est, ut littera, quae bis scribenda erat, in F semel tantum scriberetur (Ip. 40,9; 44,12; 88,21; 102,14; 350, 8; 360, 8; 366, 10; 384, 12; 404, 17; 494, 1 al.). ne hoc quidem praetereundum esse uidetur, librarium codicis Uallae errores semel ortos pertinacia quadam amplexum esse longiusque propagasse, uelut in Arenario decies scripsit αις αν et similia pro ελο αν, in libro I de aequilibriis et libro de quadratura parabolae semper fere τραπεζειον pro τραπέζιον, in libro de spiralibus saepe προαγόμενα pro προαγούμενα, in libro de conoidibus semper μηδεποθεν et ουδεποθεν pro μηδε ποθ' εν et οὐδε ποθ' εν. I p. 494 sq. octies του εγγεγραμμενου pro τὸ έγγεγραμμένον, praeterea per totum opus saepe και pro κα, saepius etiam εσται uel εσσειται pro ἔστε, al.

hic codex igitur mortuo Georgio Ualla (a. 1499) ad Albertum Pium Carpensem transiit, qui etiam alios codices Uallae et fortasse totam bibliothecam eius comparauit, ut ex subscriptione codicis cuiusdam Scorialensis adparet (Miller: Catalogue de mss. grecs Escur. p. 454): Δωνᾶτος δ

Βοντουρέλλιος έξέγραψεν ἀπὸ ἀντιγράφου, ο πρίν μέν πτημα ύπάρχον τοῦ Γεωργίου τοῦ Βάλλα (καὶ γὰρ ὁ αὐτὸς ἐγεγράφει τη ίδία γειρί) υστερον του επιφανεστάτου άρχοντος 'Αλβέρτου Πίου τοῦ Καρπαίου ἐγένετο, ἔτει ἀπὸ θεογονίας αφκή σκιρροφοριώνος εβδόμη μεσούντος εν Κάρπω του 'Αλβέρτου έκβληθέντος ήδη της ίδιας άργης ύπο του σκορπίου του μιαρωτάτου τῶν ζώων. de fatis bibliothecae Alberti Stephanus Borgia (Anecdot. litterar. Romae 1773 ff. I p. 81), haec tradit. Albertus ipse eam Augustino Steuchio Eugubino dono dedit, cuius frater Fabius partem eius Marcello Cervinio cardinali tradidit. ab eo ad Guilelmum Sirletum cardinalem testamento peruenit, quo mortuo ab Ascanio Colonna cardinali empta est. inde per complurium manus in Uaticanam uenit. sed adparet, nostrum codicem alia fortuna usum esse¹); uidimus enim, eum a. 1544 a Rodolpho Pio filio fratris Alberti possessum esse, nec in catalogo bibliothecae Sirleti (Miller p. 323 - 324) ullus codex Archimedis nominatur. itaque, fortasse propter insignem uetustatem, in familia Piorum retinebatur. quo deinde peruenerit, nescimus, neque constat, utrum in bibliotheca aliqua Italiae lateat an interciderit, id quod ueri similius mihi uidetur.

Iam uideamus, quae ratio inter cetera subsidia critica et codices Uallae et Florentinum intercedat.

primum igitur constat, Nicolaum quintum papam codicem Archimedis habuisse, quem Latine uertendum curauerit. nam Nicolaus Cusanus cardinalis ita ei scribit (Opera p. 1004): "tradidisti enim mihi proximis his diebus magni Archimedis Geometrica Graece tibi praesentata et studio tuo in Latinum conuersa". quis fuerit interpres Nicolai, ex praefatione editionis Basileensis (fol. 2 uerso) com-

¹⁾ Et Ambr. Morandus in uita Steuchii (Steuchii opera. Uenet. 1591, I praef. fol. 4 uerso) non dicit, Albertum omnes libros Steuchio dedisse. nam uerba eius haec sunt: bibliothecam eius mirificam, quam ab Alberto Pio Carpensium principe acceperat dono, magna ex parte Fabius Steuchii frater Marcello Ceruino largitus est.

perimus: "is (Regiomontanus) primae uocationi suae in Italiam ultro obsequens ut amplissimam sui nominis famam est consequutus, ita ex Constantinopolitana clade ereptos Graecos libros et uidit plurimos et descripsit non paucos articulis propriis. inter alia autem Archimedis libros de sphaera et cylindro, de circuli dimensione deque aliis rebus non tam utilibus quam necessariis mortalium generi, ueluti palam est legere in istis libris, quos Iacobus Cremonensis uir ea tempestate duplici honore dignus, cum quod Graece doctus esset, tum quod linguarum commercio adjutus hanc operam solus uidetur absoluere posse, in gratiam Nicolai quinti Rom. Pont. iam pridem latinos fecerat, oblatos sibi ab amicis diligentissime descripsit adiectis non raro in marginibus Graecis (quod etiam Graecorum codicum facta fuisset sibi copia), si quae uisa fuissent uel uersa duriuscule uel non admodum intelligenter descripta". haec Iacobi Cremonensis interpretatio in editione Basileensi recepta est, ut significat titulus: "Archimedis . . . opera, quae quidem exstant omnia, latinitate iam olim donata nuncque primum in lucem edita". quare inde de codice Nicolai papae coniecturam facere licet. statim adparet, eum cum codice Uallae arte coniunctum fuisse; nam lacuna illa uol. III p. 4, 18, quae teste librario codicis B (u. supra p. XII) eo orta est, quod unum uel plura folia codicis Uallae interciderant (nec fieri poterat, ut librarius ille in re tam facili intellectu erraret, quippe qui codicem Uallae ipse in manibus haberet), haec lacuna, inquam, iam in codice Nicolai quinti erat. nam in interpretatione Iacobi Cremonensis p. 2 ita scribitur: "unam autem lineam in plano quocunque modo connexam quamuis siue ex rectis pluribus connectatur Siue ex curuis siue ex rectis et curuis unam tamen eam ex ea connexione postulat appellari]

Hic deest una charta in exemplari Graeco. ipsi abcd."

hinc igitur necessario sequitur, codicem Nicolai aut ipsum codicem Uallae fuisse, quod suspicatus eram Quaest.

Arch. p. 139—140, aut ex eo ipso descriptum.¹) hoc mihi nunc ueri similius uidetur, quia uerba illa supra uncis inclusa, quibus lacunam nescio quis explere conatus est, uestigia originis Graecae seruauerunt; nam "eam ex ea connexione" uidetur esse interpretatio nimis religiosa uerborum Graecorum τὴν ἐκ τῆς συνάψεως. quare librarius codicis Nicolai haec uerba addidit, ut lacunam codicis Uallae aliquatenus suppleret.

apographum interpretationis Iacobi Cremonensis ab Regiomontano ipsius manu descriptum, de quo loquuntur Uenatorius (u. supra p. XXII) et Regiomontanus ipse apud Gassendi (Opera V p. 469: traductio est Iacobi Cremonensis, sed nonnusquam emendata), etiamnunc in bibliotheca ciuitatis Norimbergensis exstat. de qua re primus monuit Henricus Menge (Neue Jahrb. f. Philologie 1880 p. 110). postea ipse hunc codicem examinaui, cum senatus Norimbergensis liberalissime concessisset, ut Hau-niam mitteretur. est codex chartaceus centur. V, 15, qui libros Archimedis et commentarios Eutocii hoc ordine continet: Archimedis de sphaera et cylindro I-II, de circuli dimensione, de conoidibus et sphaeroidibus, de spiralibus, de planorum aequilibriis I-II, quadraturam parabolae, arenarium, Eutocii comm. in libros de sphaera et cylindro, de dimens, circuli, de planorum aequilibriis. in marginibus plurimis locis Graeca uerba notata sunt, sicut Uenatorium praedicantem uidimus (supra p. XXII). in prima pagina legitur "Thomae Venatorii sum ego" et in ultima manu Uenatorii "Ioannes de Monte Regio nascitur anno 1436 die 6 Iunii hora 4 minut. 40 ... post meridiem. idem Regiomontanus moritur anno 1476 circiter diem 8 Iulii". praeter Graeca Regiomontanus non

¹⁾ Et uulgo interpretatio cum Florentino in scripturae discrepantia consentit. quod hoc non ubique fit, uel librario codicis Nicolai, qui interpolatione, ut uidebimus, non abstinuit, uel Regiomontano tribuendam est. exemplo consensus sit, quod dittographia codicis F III p. 172, 17, quam correxerunt BC, etiam Cremonensi p. 36, 7 ante oculos erat.

raro emendationes uerborum Latinorum in margine addidit, quae omnes a Uenatorio receptae sunt, qui ex hoc ipso codice interpretationem Latinam editioni suae adiunctam (Basileae 1544) edidit.

ex locis illis, quos Regiomontanus e suo codice Graeco enotauit, suspicio, quam proposui Quaest. Archim. p. 138, Regiomontanum amicum Bessarionis nostro codice Ueneto, qui olim Bessarionis fuit (u. infra), usum esse, ualde confirmatur. nam cum ex plerisque locis a Regiomontano excerptis nihil de codice eius concludere liceat, quia eadem est scriptura omnium uel complurium codicum nostrorum, in nonnullis tamen errores eius classis codicum, cuius dux est cod. Uenetus, proprii etiam apud Regiomontanum occurrunt. quos iam adferam:

I p. 420, 9: ἕξει ἄφα καὶ ἀνομοίως] ἕξει οὖν ἀμετριᾶ όμοίως Regiom., Uenet. ap. Torellium p. 294 q.

III p. 68, 16: ἔσται ἡ κίνησις] ἔστω ἡ κίνησις Regiom.;
Uenet. ap. Torellium p. 135 d.

III p. 98, 17: παμαρικών] μαπαρικών Regiom., Uenet. p. 143 q.

III p. 104, 3: διπλάξ'] ἐδιπλασίαζεν Regiom., διπλασίαζεν Uenet. p. 144 a.

III p. 106, 23: πατατοήσεις] παταμετοήσεις Regiom., Uenet. p. 145 m.

III p. 152, 7: ἀπλῶς μέν] μέν Regiom., Uenet. p. 163 f. III p. 300, 17: Ἦντονίω] ἀνντοβίω Regiom., Uen. p. 216 s. et exemplaria Bessarionis interdum disertis uerbis significat Regiomontanus, uelut de planor. aequil. II, 8 extr. adnotauit: "sic scribitur in exemplari dni. b cardinalis et veri simile est ita translatum esse ex graeco . sed male actum est"; de plan. aequil. I, 15 extr. "male stat . vide exemplar utrumque dni Niceni grecum et latinum. vide etiam exemplar vetus apud magistrum Paulum".¹) nam

¹⁾ In his locis collationem meam meo rogatu beneuolenter partim confirmauit partim correxit Frommannus u. d., praefectus museo Germanico Norimbergensi.

"dominus Nicenus" est Bessarion, quem constat a. 1436 archiepiscopatum Nicaeae adeptum esse. eius exemplar Latinum, de quo loquitur Regiomontanus, et ipsum Uenetiis adseruatur; est cod. lat. CCCXXVII saec. XV (..olim Bessarionis", u. Latina et Italica D. Marci bibliotheca codd. mss. praeside L. Theupolo. Uenet. 1741 p. 140), quo continentur Archimedis de sphaera et cvl. I—II cum expositione Eutocii, de dimens. circuli cum exposit. Eutocii, de figuris conoid, et sphaeroidib., de lineis spiralib., de plan, aequiponderant, cum Eutocio, de quadratura parabolae, de numero arenae, quamquam hic nomen interpretis omissum est, tamen dubitari nequit, quin sit apographum interpretationis Iacobi Cremonensis; nam ordo librorum qualis hic est, in hac interpretatione sola inuenitur; in ceteris omnibus fontibus libellus de arenae numero ante librum de quadratura parabolae collocatur. credideris igitur, Regiomontanum hunc ipsum codicem descripsisse; uerum alio exemplari usus esse uidetur, cuius apographum deinde eum codice Latino Bessarionis nam in quadr. parab. 14 uerba "sicut autem ba ad bf, ita mensula de ad spacium q. spacium igitur q spacio r maius est. nam hoc ostensum est", quae in Graecis codicibus desunt, in interpretatione autem Basileensi p. 149 uncis inclusa sunt, etiam Regiomontanus uxcis inclusit, et deinde in margine scripsit "vacat"1) et paullo infra "in exemplari dni erat additamentum", quod sine dubio de Latino, non de Graeco codice Bessarionis accipiendum est, sicut etiam "exemplar dni b cardinalis" in nota supra adlata (ad plan. aequil. II, 8). idem colligi potest ex nota ad pl. aeq. I, 15. — sed supra p. XXII uidimus, Regiomontanum teste Uenatorio complurium codicum Graecorum copiam habuisse, et hoc confirmatur ea adnotatione, quam p. XXIV adtulimus. posterior eius pars: "vide etiam exemplar vetus apud magistrum Paulum" manu quidem Regiomontani, sed alio genere atra-

¹⁾ Hoc de codd. Graecis accipio.

menti scripta est et apertissime aliquanto post addita. eodem atramento, quo hoc additamentum, in libro de lineis spiralibus additi sunt alteri propositionum numeri. qui a prop. 18 incipiunt. ibi in margine adnotauit Regiomontanus: "notas illas propositionum ex greco novo1) exemplari". hi numeri posteriores ita se habent, ut 19 ponatur in prop. 18 II p. 74, 17, deinde propp. 20-25 respondeant propp. 19 - 24 editionis, 26 ponatur II p. 102, 20, deinde prop. 27 respondent prop. 25 ed., 28 ponatur II p. 112, 7, prop. 29 respondent prop. 26 ed., 30 ponatur II p. 122, 13, prop. 31 respondeat prop. 27 ed.; denique prop. 28 ed. nullus additur nouus numerus. cum haec omnia cum numeris codicis Florentini (de ceteris codd. hic nihil certi scimus; in editis series numerorum emendata est, nisi quod in interpretatione Cremonensis numerus 19 praetermittur) prorsus congruant, sicut adparebit ex adnotationibus nostris, suspicari licet, illud exemplar uetus Pauli magistri ipsum codicem Uallae fuisse. quae si uera est coniectura, hinc de fatis codicis Uallae nouum testimonium nanciscimur, eum, ante quam in possessionem Uallae peruenerit, Pauli magistri fuisse. uix alius esse potest ac Paulus (Albertini) Uenetus, natus circiter a. 1430, mortuus a. 1475, monachus illo tempore haud ignotus, qui etiam in nummo memoriali "M." h. e. magister appellatur (Tiraboschi: Storia della letterat. Ital. VI¹ p. 288 sq.).

Iam ad codices deteriores transeames. sunt igitur hi: Codex Uenetus Marcianus CCCV membran., saec. XV (V) continens eadem ac Florentinus et eodem ordine; post Archimedem et Eutocium sequitur idem fragmentum Heronis (u. Morellius: Biblioth, manuscr. I p. 186). in prima pagina legitur κτῆμα βησσαρίωνος καρδηναλέως, et Bessario hic illic errores graviores correxit, sed pleraeque emendationes ab ipso librario factae esse uidentur. ad scholium περὶ ἐλίκ. 10 Bessario adscripsit: σῆ, τοῦτο σγόλιον

¹⁾ H. e. sine dubio "e codice Graeco, quem postea inspexi"; neque enim de aetate codicis accipi potest.

έστι εἰς τὸ ι ϑ(εώρημα) ὡραῖον πάνυ. in epigrammate Eratosthenis idem uersus distinxit, supra scripsit στίχοι ἡρωελεγεῖοι, denique III p. 114, 3 συνημῶν in συνηβῶν correxit. figurae fortasse postea a Bessarione ipso additae sunt.

Codex Parisinus 2359, chartaceus, olim Mediceus, saec. XVI (A); continet eadem opera Archimedis et Eutocii, quae Uenetus. duorum librariorum manu scriptus est, quorum alter, qui a folio 33 incipit, teste Carolo Graux Nicolaus Murmuris est, qui circiter a. 1541—42 Uenetiis multos codices describebat.

Codex Parisinus 2362, chartaceus, Fonteblandinensis, saec. XVI (D), eadem continens quae A.

Si supra recte statuimus, codicem Florentinum a. 1491 demum scriptum esse, fieri non potest, ut codex Uenetus, sicut antea arbitratus eram, ex eo descriptus sit, cum Bessario iam a. 1472 mortuus sit et Uenetus a. 1468 cum tota eius bibliotheca in Marcianam peruenerit. itaque putandum est, similitudinem summam horum codicum inde effectam esse, quod ambo ex eodem archetypo, codice antiquo illo Georgii Uallae, fluxerunt, ita ut hinc quoque fides librarii codicis F in antigrapho reddendo haud mediocriter confirmetur. uelut, ut pauca exempla adferam, I p. 8, 11: τομέα δὲ στερεον καλῶ ἐπειδάν in F legitur καλῶ] ἐπειδάν, ita ut, quae uncis inclusi, postea addita sint. itaque archetypus Uallae hoc loco obscurior fuit (sed in BC tamen uera scriptura exstat); in Ueneto est τὸ με ἐπειδάν lacuna relicta. III p. 30, 14 compendium uocabuli ylverai (quod uocabulum totum in BC exstare uidetur) in F ita scriptum est, ut pro γάρ accipi possit, et ita sine dubio in archetypo fuit; nam ob similitudinem uocabulorum γάρ (quod tamen in F hoc loco compendio scriptum non est) et γίνεται accidit, ut in Ueneto post ὅτι νάο interciderint ἡ οὖτως ἀγομένη παράλληλος γίνεται. praeterea memorabile est, codicem Uenetum in duobus corum locorum, ubi Ualla ipse cum BC contra F consentit (u. supra p. XIII), rursus a partibus codicis F contra reliquos stare; nam III p. 76, 26 etiam V περιφέρειαν habet pro περιφέρεια (u. Torellius p. 137 w)1) et III p. 124, 22 τὰ ὑπό pro τὸ ὑπό (u. Torellius p. 149z). 3) itaque saltem dubitari potest, an F his quoque locis fidelius archetypum expresserit quam ceteri omnes, quamquam fieri potest, ut scriptura codicis Uallae uera quidem fuerit (quae deinde in BC interpretationemque Uallae transiit), sed obscurior et talis, ut locum errandi dederit (unde ortus est idem legendi error in FV).

nec desunt, quae confirment, codicem Uenetum non ex ipso F descriptum esse. primum commemorandum est. fragmentum Heronianum uel potius Epiphanianum ei adiunctum in Ueneto quoque, sicut in Parisino C (p. XI), paullo breuius esse quam in F (sed tamen quattuor uerbis longius quam in C); quare ne librarius codicis V quidem in difficultatibus archetypi hac in parte detriti explicandis tantum laborare sustinuit, quantum is, qui codicem F descripsit. nam si Uenetus ex F descriptus esset, non intellegitur, cur ultima pars aeque lectu facilis ac cetera in Ueneto recepta non sit. deinde I p. 6, 7 ἀποστέλλομεν, quod in F exstat, in Ueneto omissum est lacuna relicta, et hoc uerbum in archetypo difficile lectu fuisse, inde adparet, quod in B post lacunam Money solum legitur. etiam I p. 6, 10 Uenetus cum BC έρρωμένως praebet, non ερρωμενω ut F. II p. 80, 19 dittographia codicis F in V non invenitur; cum ne in BC quidem exstet, librario codicis F. non archetypo tribuenda est. omnino saepius errores inepti codicis F in V non reperiuntur, quod ideo magni momenti est, quod librarius codicis V apertissime non intellexit, quae scribebat, et ea de causa coniecturas uix tentauit. huius generis adferam II p. 262, 15-16, ubi in V cett. recte est σελήνας, in F uero ελινας. 3) ita-

 πεοιφέρεια BC, "ambitus" Ualla.
 τὸ ὑπὸ BM BC, "quod est sub bm" Ualla.
 Mirum est, Uenetum solum ex apographis codicis Uallae . si collationibus Torellianis credendum est, II p. 296, 26 scripturam, ut uidetur, ueram ὑπάμων i. e. ὑπ' ἀμῶν retinuisse.

que concludendum est, codicem V non ex F, sed ex antigrapho eius deriuatum esse.

Codices Parisinos AD ex V dependere ex communibus eorum lacunis permultis demonstraui Quaest. Archim. p. 133. relinquitur causa dubitandi, utrum D ex ipso V, quod etiamnunc credo, an ex A descriptus sit; u. H. Menge: Neue Jahrbücher 1880 p. 111—112; Quaest. Archim. p. 137. quam quaestionem, si operae pretium est, diligens collatio codicum V A D dirimet. hoc certe constat, codicem A apographum esse codicis V, et Parisinum D, siue ex V siue ex A descriptus sit, nullius prorsus pretii esse.

Sequitur, ut de codicibus Tartaleae agamus.

Nicolaus igitur Tartalea, Brixianus, mathematicus praeclarus († 1557) Uenetiis a. 1543 interpretationem nonnullorum operum Archimedis (de centris grauium uel de aequerepentibus I-II, tetragonismus sc. parabolae, dimensio circuli, de insidentibus aquae I) Latinam edidit, in cuius praefatione fol. 2 ita scribit: "cum sorte quadam ad manus meas peruenissent fracti et qui vix legi poterant quidam libri manu graeca scripti illius celeberrimi Philosophi Archimedis . . omnem operam meam, omne studium et curam adhibui, ut nostram in linguam, quae partes eorum legi poterant, conuerterentur, quod sane difficile fuit. nam et temporum vetustaste et eorum incuria, qui hosce libros detinuerant, errores non paucos fuisse corrigendos certe scias velim. visis autem horum titulis librorum et perlecto uniuerso opere Philosophum hunc et magna et constanti fama clarissimum habitum longe maiorem et clariorem etiam inuentum fuisse mihi clarissime patuit. ideo cupidus ego (ut dixi) hosce libros perspexi, ordine procurri¹) et omnia demum diligentissime perpendi,

¹⁾ Error typothetae est pro: percurri. omnino liber Tartaleae talibus erroribus scatet, sicut ex adnotatione mea ad libros neel oxovuéror patet. ridiculi causa hic duo addam: fol. 2": ualde aequerepentibus pro: uel de aeq.; fol. 19: de centrum gravitatis uel duplationis (h. e. de planis) aequerepentibus. infra legitur "oppositis" pro "appositis".

verum cum locos multos deprauatos et figuras quasdam ineptas et ad rem nihil facientes offendissem, ab incepto desistere pene coactus sum. sed desiderio incredibili id opus inspiciendi accensus magna ex parte erroribus purgatum et propria manu figuris aptis et propriis oppositis luce dignum censui et maxime eam partem, quam et verbis et exemplis, quantum in me fuit, dilucidam reddidi, donec totum opus, quod (ut spero) breui a me fiet, omnino castigetur". deinde a. 1565 a Troiano Curtio bibliopola Ueneto libri II de planorum aequilibriis e schedis Tartaleae editi sunt (praef. quare cum habeam adhuc apud me Archimedem de insidentibus aquae ab ipso Nicolao in lucem reuocatum et, quantum ab ipso fieri potuit, ab erroribus librarii emendatum et suis lucubrationibus illustratum, uideor fraudare omnes litteratos sua possessione, ni omnia, quae huius ingeniosissimi uiri apud me restant, in lucem emisero). utrique libro in hac editione proprium praefigitur folium titulum et signum typographi praebens, et eadem praefatio utrique praemissa est. liber primus prorsus eadem forma ac apud Tartaleam ipsum repetitur, nisi quod initium et finis paginarum propter typos maiores non semper eadem sunt (tamen apud utrumque liber foliis quattuor et dimidio continetur); praeterea apud Tartaleam titulus est: liber Archimedis de insidentibus aquae (in fine: explicit de insidentibus aquae liber), apud Curtium uero: Archimedis de insidentibus aquae liber primus (in fine: explicit de insidentibus aquae liber primus). in libro ipso praeter unum et alterum errorem typothetae nihil mutatum est.

cum Tartalea librum I de insidentibus aquae ceteris libris, quos e codice Graeco se sumpsisse testatur, sine ullo indicio fontis noui adiunxerit, iure putaueris, eum hunc etiam in uetusto illo codice repperisse. sed est, cur de hac re dubitemus. nam primum quamquam interpretatio libri I περὶ δχουμένων, si summam spectes, similis est interpretationi ceterorum librorum et uniuerso genere et in singulis uerbis Graecis Latine reddendis, tamen ad

codicem Graecum aliquanto propius adcedere uidetur: in primis syntaxis Graeca, cuius in ceteris libris uix ullum uestigium deprehenditur, saepissime hic seruata est, uelut genetiuus post comparatiuum pro ablatiuo et similia. 1) deinde constat, Tartaleam octo annis post nullum codicem Graecum ad manus habuisse; nam in libro, qui inscribitur Ragionamenti sopra la sua travagliata inventione (Uenetiis 1551) in ragionam. I fautori cuidam ita scribit: ..ragioonandomi vostra signoria questi giorni passati, magnifico signor Conte, de l'opra di Archimede Siracusano da me data in luce e massime de quella parte, che e intitolata de insidentibus aquae quella me notifico esser molto desiderosa di trouare e di vedere l'original greco, dove che tal parte era stata tradotta. Per la qual cosa compresi, che vostra signoria ricercaua tal originale per la oscurità del parlare, che nella detta traduttion latina si pronontia. Onde per levar questa fatica a vostra signoria di star a ricercare tal original greco (qual forsi piu oscuro e incorretto lo ritrouaria della detta traduttion latina) ho dechiarata e minutamente dilucidata tal parte in questo mio primo ragionamento". quamquam hinc pro certo concludi non potest, Tartaleam ipsum nunquam codicem Graecum huius libri habuisse, tamen non possumus non mirari. hunc codicem tantulo spatio annorum tam penitus oblitterari potuisse, ut ne Tartalea quidem fautori suo eum studiosissime, ut uidetur, quaerenti indicare posset, quo peruenisset, praeterea uerba: qual forsi piu oscuro e incorretto lo ritrouaria mira essent, si ipse ex hoc codice interpretationem suam sumpsisset. omnino totus locus facilius explicari mihi uidetur, si statuerimus, ne Tarta-

¹⁾ Nam hoc sine ullo dubio adfirmari potest, hunc et ceteros libros a Tartalea editos e Graeco conuersos esse, non ex Arabico sermone, quod crediderit quis, quia fol. 11 legitur Archimenidis, forma nominis ab Arabibus ad multas interpretationes Latinas medii aeui propagata. sed sermo et species horum librorum talis est, ut necessario e Graeco fonte fluxisse putandi sint, sicut praedicat Tartalea.

leam quidem ipsum Graecum codicem hac in parte habuisse. hoc quoque memorabile est, eum de hoc libro ita loqui, ut significet, eum proprium et a ceteris diuersum locum obtinere (l'original greco, dove che tal parte era stata tradotta). huc adcedit testimonium Fr. Commandini uiri mathematices Graecae peritissimi et impigri codicum eius generis inuestigatoris. is haud ita multis annis post (Bononiae 1565) in praefatione editionis librorum neol ογουμένων fol. 2 haec habet: "cum enim graecus Archimedis codex nondum in lucem venerit, non solum is, qui eum Latinitate donavit, multis in locis foede lapsus est, verum etiam codex ipse, ut etiam interpres fatetur, vetustate corruptus et mancus est". his uerbis Tartaleam et descriptionem codicis eius, quam ex praefatione eius supra adtuli, significari adparet, et miramur, cur nomen eius non nominauerit. ceterum ex hoc loco concludi potest. Commandinum credidisse, etiam libros περί ογουμένων in eodem codice, quo cetera opera, exstitisse, sed tamen etiam hoc inde sequitur, eum Graecum codicem ne fando quidem nouisse. - his omnibus rebus adductus nunc in eam potius partem inclinauerim, ut putem, Tartaleam ex codice illo Graeco antiquo et dilacerato ceteros libros ipsum Latine interpretatum esse, sed librum I de insidentibus aquae, sicut etiam librum II, ei e Graeco Latine conversum nescio quo modo oblatum esse. 1) quod si uerum est, in promptu est suspicari, codicem illum. de quo loquitur Tartalea, ipsum codicem Uallae fuisse, qui eodem tempore fere (a. 1544) similiter a librario codicis C describitur (supra p. X). nam parum est ueri simile,

¹⁾ De origine et auctoritate fragmenti ab Ang. Maio editi quaestio difficilis est diiudicatu. hoc saltem pro certo constat, interpretationem Tartaleae non ad hanc formam libri, sed ad meliorem multo factam esse. crediderim, fragmentum illud paruum et praeter primam propositiones solas sine demonstrationibus complectens conatum esse alicuius uiri docti medii aeui interpretationem Latinam rursus Graece conuertendi, quod idem Riualtus conatus est. eadem uidetur esse sententia Thuroti.

duos simul in Italia fuisse codices Archimedis, quorum uterque uetustate corruptus et passim difficilis lectu¹) esset, uterque nostris temporibus plane interciderit²), praesertim cum magna sit inter codicem Uallae et Tartaleae codicem in erroribus scribendi communitas cognatioque. cuius rei iam exempla quaedam dabo:

- II p. 146, 14: ἐπὶ τό om. cod. Uallae; "repunt a maiori" Tartalea.
- II p. 150, 18: μεταξὺ τοῦ κέντρου cod. Uallae; "centri" Tartalea.
- II p. 152, 12: ἀντιπεπονθότων cod. Uallae; "contra passis" Tartalea.
- II p. 156, 6: ἄφτιά τε omissis καὶ τῷ πλήθει cod. Uallae; "paresque enim sunt . . . he. similiter" Tartalea.
- II p. 158, 5: ἀντιπεπονθότων cod. Uallae; "contra passis" Tartalea.
- Π p. 160, 2: τῷ Λ cod. Uallae; "ipsi a" Tartalea.
- Π p. 160, 8: ἐφ' δ cod. Uallae; "ad quod" Tartalea.
- II p. 162, 12: τας πλευρας cod. Uallae; "lateris" Tartalea.
- Π p. 162, 20: ποια cod. Uallae; "aliqua" Tartalea.
- II p. 174, 17: ἀποπα cod. Uallae; "aliqua" Tartalea.
- II p. 176, 9: ἔσται cod. Uallae; "erit" Tartalea.
- II p. 182, 18: ἐσσείται] εί cod. Uallae; "si" Tartalea.
- II p. 188, 6: ἔχωντι] ἔχοντα cod. Uallae; "habentia" Tartalea.
- II p. 194, 1: AEKI EZIK cod. Uallae; "ezir" Tartalea.
- II p. 218, 4: μεγίστας τᾶν ἀναλογιᾶν cod. Uallae; "ad maximam proportionem" Tartalea.

¹⁾ Quamquam adparet, Tartaleam in libris, quos primos ederet, eligendis, breuissimum quemque praetulisse, ueri simile est, etiam lacunam in initio libri I de sphaera et cyl. eum deterruisse, ne hos libros ederet, cum ipse dicat, se eas partes edere, quae minimo negotio legi possent.

edere, quae minimo negotio legi possent.

2) De figuris in codice Uallae corruptis, quod Tartalea de suo codice tradit (p. XXXI), etiam librarius codicis B queritur

⁽u. supra p. IX).

- II p. 230, 22: ἐφαπτομέναι cod. Uallae; "attingentes"
 Tartalea.
- II p. 234, 17—18: τᾶς AZ τᾶς διπλασίας om. cod. Uallae; "altitudinem autem compositam ex dupla ipsius nx" Tartalea.
- II p. 236, 2 et 4: $N\bar{Z}$, $N\bar{O}$] $N\bar{Z}O$ cod. Uallae; "nxo" Tartalea.

praeterea etiam apud Tartaleam, sicut in nostris codicibus, libri I de planor. aequil. propp. 1—2 sine numeris leguntur, ita ut numeri propositionum per totum librum duobus minores sint uero.

in libris de quadratura parabolae et de dimensione circuli Tartalea interpretationem alienam adripuit, quamquam ne uerbo quidem huius rei mentionem fecit (id quod fidem facit, eum etiam in libris περί ογουμένων alio fonte, ac in ceteris libris edendis, uti potuisse, etsi eum non diserte commemoranit). nam libri de quadratura parabolae et de dimensione circuli iam a. 1503 a Luca Gaurico Latine editi erant (Tetragonismus id est circuli quadratura per Campanum Archimedem Syracusanum atque Boetium mathematicae perspicacissimos adinuenta. in praefatione: Lucas Gauricus Iuphanensis ex regno Neapolitano mathematicae studiosis s. d. subscriptio est: dautum i almo studio Patauino 1503. 15 Kalendas Sextiles. fine libri: impressum Venetiis per Ioan. Bapti. Sessa anno ab incarnatione Domini 1503 die 28 Augusti. - 4to), et hanc interpretationem Tartalea ad uerbum recepit seruatis et erroribus ineptissimis et interpunctione peruersa. perpaucas tantum modo lacunas expleuit, figuras et litteras figurarum interdum mutauit. 1) hinc Tartalea fol. 19* titulum recepit: Archimedis tetragonismus, qui apud Gau-

¹⁾ Solus, quod sciam, hanc rem commemorauit Mazzucchelli: Notizie istoriche intorno alla vita, alle invenzioni ed agli scritti di Archimede siracusano, Brescia 1737. 4. p. 95. postquam in hunc locum tamdiu indignae obliuioni traditum incideram, ipse exemplum huius libri rarissimi, quod possidet magna bibliotheca regia Hauniensis, contuli.

ricum communis est inscriptio utriusque libri; deinde singulorum librorum tituli et apud Gauricum et apud Tartaleam hi sunt: incipit Archimenidis ("Archimedis" Tartalea) quadratura parabolae, et: Archimedis Syracusani quem codicem secutus sit, Gauricus non dicit; in praefatione hoc solum habet fol. 2": Campani igitur atque Archimedis de tetragonismo circuli demonstratio quoniam ad nostras manus peruenit, nullatenus supprimendam existimaui. itaque ne hoc quidem constat, utrum ipse hos libros e Graeco conuerterit an interpretationem Latinam nactus sit. sed quidquid id est, constat, interpretationem eius, quae longe deterior est quam Iacobi Cremonensis et Graeca tam presse sequitur, ut saepissime non modo ab usu linguae Latinae, sed ab omni sensu abhorreat, e codice simillimo codici Uallae uel ex eo ipso deriuatam esse. nam non solum in eius archetypo, sicut in F et sine dubio in codice Uallae, propositiones libri de quadratura parabolae numeris prorsus carebant, quod inde intellegitur, quod saepissime propositiones pessime divisit coniunctis duabus et una in duas uel etiam plures discisa (numeros propositionum Tartalea addidit plerumque sectiones Gaurici maioribus solum litteris significatas secutus); sed etiam plerumque errores codicis Uallae hic quoque deprehenduntur, uelut:

I p. 264, 11: φqα' η"] φqα' cod. Uallae; "591" Gauricus. I p. 266, 7: ἐστὶ πολυγώνου πλευράς ἔχοντος ς5΄ cod. Uallae; "est polygonii circa circulum habentis latera 96" Gauricus.

I p. 266, 21: ατνα'] τνα cod. Uallae; "351" Gauricus. I p. 268, 5: lon om. cod. Uallae; "qui sub hrg tertio ei qui sub agh" Gauricus.

I p. 268, 12: $\gamma \nu \gamma' \downarrow \delta''$] $\gamma \nu \gamma' \gamma' \delta'$ cod. Uallae; "3013. 3. 4" Gauricus.

I p. 268, 14: [εληδ΄] ετκδ΄ cod. Uallae; "5324" Gauricus. I p. 268, 15: σμ΄] σν΄ cod. Uallae; "250" Gauricus.

I p. 268, 15: $\delta' \, \iota \gamma''] \, \delta' \, \iota \gamma' \, \alpha' \, \text{cod. Uallae; om. Gauricus.}$ I p. 268, 16: $\iota \alpha'' \, \text{om. cod. Uallae; } _{3}1838$. 9" Gauricus.

I p. 270, 1: §5'] c§5 cod. Uallae; "266" Gauricus.

I p. 270, 1—2: ἐκατέρα γὰρ ἐκατέρα οιμαι ἄρα πρὸς τὴν καταγον ,αος cod. Uallae; ,,utraque enim utrique exstimo¹) ergo ad 1076" Gauricus.

I p. 270, 4: $\Delta\Gamma$] $\Delta\Gamma$ cod. Úallae; "ag" Gauricus.

I p. 270, 7: ,ςτλς'] ,ςτας' cod. Uallae; ,,6301. 6" Gauricus.

I p. 270, 8: βιζ σd. Uallae; "7012" Gauricus.

I p. 270, 14: ἐλάσσων μὲν ἢ εβδόμω μέρει μείζων δέ cod. Uallae; "et minor quidem quam septima parte maior" Gauricus.

Π p. 294, 4: τίν] τινα cod. Uallae; "quendam" Gauricus.

Π p. 294, 19: ∞στε] ὅπερ cod. Uallae; "quod quidem"
Gauricus.

II p. 296, 2: ὑπ' εὐθείας τε om. cod. Uallae, Gauricus.

II p. 296, 3: προτέφων] πρώτων cod. Uallae; "primorum" Gauriens.

Π p. 296, 22: δμοίως cod. Uallae; "similiter praedicto fundamento accipientes" Gauricus.

II p. 300, 4: ἀχθέωντι] ἄχθωσαν cod. Uallae; "ducantur" Gauricus.

II p. 300, 21: KH] KI cod. Uallae; "ki" Gauricus, "kh" Tartalea.

II p. 304, 26: κάτω νοείσθω] κατανοείσθω cod. Uallae²);
,,hoc quidem ad eandem ipsi dz intelligantur, haec autem ad alteram sursum"
Gauricus.

II p. 306, 5: ἔχοντι] ἐόντι cod. Uallae; "existenti" Gauricus.

II p. 306, 8: εηκα αὐτὸν ὁρίζονται cod. Uallae; "assimilatur linea ag ipsi orizonti" Gauricus.³)

1) H. e. aestimo (non: existimo).

²⁾ Si re uera in codicibus Parisinis legitur κάτω, hinc rursus cernitur, codicem F archetypum maiore fide quam ceteros sequi; neque enim Gauricus ipso F usus esse uidetur (u. infra). in V tamen est κατανοείσθω.

³⁾ Etsi hinc non adparet, quid Gauricus in suo codice legerit, hoc certe constat, eum similiter corruptum fuisse.

II p. 308, 9: φανεφόν, ὅτι καὶ . . ὅτι cod. Uallae; "manifestum autem quod et si...quod" Gauricus.¹)

II p. 314, 10: διὰ τὰ αὐτά] δι' αὐτά.cod. Uallae; "propter hoc prioribus" Gauricus.

II p. 314, 15: μείζονα λόγον ἔχον cod. Uallae; "maiorem proportionem habens" Gauricus.

Π p. 320, 6: τᾶς τομᾶς cod. Uallae; "a sectione" Gauricus.

II p. 326, 7: $\delta \hat{\eta}$] $\delta \hat{\epsilon}$ cod. Uallae; "autem" Gauricus.

II p. 326, 16: καθ' α καθ' δ cod. Uallae; "ubi" Gauricus.

II p. 330, 17: ΠO] $\Pi \Sigma$ cod. Uallae; "ps" Gauricus.

Π p. 336, 11: ΒΔΓ τουγώνου cod. Uallae; "trigoni bdg"
Gauricus.

II p. 336, 26: κώνου om. cod. Uallae; "in sectione rectanguli ducta" Gauricus.

II p. 348, 12: A, B, Γ , Δ] $AB\Gamma\Delta E$ F; "a. b. g. d. e" Gauricus.²)

¹⁾ II p. 304, 23 — 306, 19 errore bis habet Gauricus; correxit Tartalea.

²⁾ Hinc apud Gauricum etiam II p. 348, 15 idem error ortus est; habet enim "b. g. d. e" (B, Γ, ⊿ nostri codices). utrumque correxit Tartalea. II p. 328, 16 etiam apud Gauricum et Tartaleam est "palam igitur est", nec plura.

colligam, ubi errores codicis Uallae apud Gauricum correcti sunt:

- I p. 260, 6: ἐλάττων] μείζων cod. Uallae; "minor"
 Gauricus.
- I p. 264, 3: \tilde{v}] \tilde{v} $\tilde{v}v$ cod. Uallae; "proportionem habet quam" Gauricus.
- I p. 266, 2: 'δχογ' L] 'δυογ cod. Uallae; ",4673" Gauricus. 1)
- I p. 268, 9: AH] AH cod. Uallae; "ah" Gauricus.
- I p. 270, 11: ι' o α''] $\partial \nu$ o' $\iota \alpha'$ cod. Uallae²); "10. 71" Gaurieus.
- I p. 270, 12: ι' οα"] δ' ια' cod. Uallae; "10.71" Gauricus.
- II p. 298, 11: τῷ ΔΓ] om. cod. Uallae; "ipsi dg" Gauricus.
- II p. 298, 11—12: αι τε ἐπιψανίουσαι cod. Uallae; ,,quae ag et secundum b contingens" Gauricus.
- II p. 300, 5: παρὰ τὰν κατὰ τὸ B] om. cod. Uallae; "penes eam, quae secundum b contingentem" Gauricus.
- II p. 300, 10: $\delta \ell$] $\delta \eta$ cod. Uallae; "autem" Gauricus.
- II p. 304, 16: & KA] om. cod. Uallae; "quae lk" Gauricus.
- II p. 310, 1: $\tau \tilde{\varphi} \ A \ldots \tau \tilde{\varphi} \ Z A$] $\tau \tilde{\varphi} \ A \ldots \tau \tilde{\varphi} \ Z A$ cod. Uallae; "l . . zl" Gauricus.
- II p. 310, 5: δ AΓ] δ AB cod. Uallae; "abg" Gauricus.
- II p. 312, 8: $\Delta \Gamma K$] $\Delta E K$ cod. Uallae; "dgk" Gauricus.³)
- II p. 318, 5: A] A cod. Uallae (FV); "l" Gauricus.
- II p. 324, 20: $B\Gamma\Delta$] $A\Gamma\Delta$ cod. Uallae; "bgd" Gauricus.
- II p. 326, 9: τὰ αὐτὰ τῷ τμήματι] τὰ τῷ τμήματι cod. Uallae; "ad eandem portioni" Gauricus.
- II p. 326, 19: MH, NI] OH, III cod. Uallae; "mh, ni"
 Gauricus.
- - 1) Hic Cr. cum cod. Uallae congruit (4473).
- 2) Ortum est ex $o^{t}\alpha$, sicut etiam lin. 12, ubi insuper permutata sunt O et Θ .
 - 3) "dek" Cr.

- II p. 340, 22: τούτου] om. cod. Uallae; "demonstratio autem hoc" Gauricus.
- II p. 344, 10: τμᾶμα] τμήματος cod. Uallae; "in bhg portione" Gauricus.
- II p. 344, 19: κώνου] om. cod. Uallae ¹); "rectanguli coni" Gauricus.
- II p. 346, 7: ἴσα ἐόντα τῷ] ἴσων ὄντων τό cod. Uallae; "aequalia sunt spatio r" Gauricus ("t" Tartalea).
- II p. 346, 9: J] qωι cod. Uallae; "spatio i" Gauricus.
 II p. 350, 5: AΔBEΓ] AΔEBΓ cod. Uallae; "adbeg"
 Gauricus; sic etiam II p. 350, 13.

est autem, cur putemus, Gaurici interpretationem ad eundem codicem factam esse, quo Iacobus Cremonensis usus est; nam in utroque eaedem interpolationes et correctiones falsae, quae sponte ab ambobus inuentae esse non possint, his locis reperiuntur:

cod. Uallae Gauricus Cremonensis I p. 260, 12—13: accipiantur sectores sumptae sint italeleφθωσαν of τῷ similes ipsi pka.²) que sectores similes ΠΖΑ τομεῖ ὅμοιοι. ipsi pfa.

II p. 300, 7: $\dot{\omega}_S$ $\dot{\alpha}$ ut quae bd longisicut bd ad bf $B\Delta$ nort $\dot{\alpha}$ $\dot{\alpha}$ BZ. tudine ad bz. longitudine.

II p. 302, 1: ἐσσεί- erit ergo ut quae erit igitur sicut be ται ἄρα ὡς ἁ ΒΓ bg ad bi longitu- ad bi longitudine, ποτὶ τὰν ΒΙ μάπει, dine, ita quae bg ad ita dc ad df poten-

¹⁾ Si quidem collationi codd. Pariss. hoc loco credendum est; nam in V κώνου exstat. interpretationem Gaurici non e V deriuatam esse, inde adparet, quod lacunis huius codicis uacat, uelut I p. 266, 4; II p. 326, 19; p. 384, 3. ne ii quidem errores, qui codicis F proprii sunt, usquam apud Gauricum exstant (uelut II p. 298, 10; 318, 13; 322, 9; 328, 8, 10; 330, 5, 19 al.).

²⁾ Itaque habuerunt pro leleígdosar ellígdosar, quod prauum est, et pro τομείς, quod et ipsum propter collocationem uerborum rejiciendum est.

cod. Uallae ούτως ά BΓ, BΘ, bt potentia. aequa- tia. aequales sunt ΒΙ γοαμμαί.

Gaurieus bt lineae.

Cremonensis les enim quae dz enim df kg. et ideo kh. proportionales sicut be ad bh poergo sunt quae bg, tentia. proportionales igitur sunt bc bh bi lineae. 1)

II p. 302, 4-5: est ergo ut quae est igitur sicut cd ώς ά ΓΔ ποτὶ τὰν gd ad lineam dz ad df ita fh ad hg. ita quae ti ad li-OH (lacuna). neam th.2)

etiam in erroribus codicis Uallae emendandis Cremonensis et Gauricus plerumque consentiunt. duos tamen locos apud Gauricum correctos, apud Cremonensem uero intactos supra p. XXXVIII not. 1 et 3 adtuli; hic duos alteros addam. II p. 304, 16 Cremonensis sic habet: "eandem ergo proportionem habet ki ad il quam de ad da. habet autem et ki ad ih eam quam da ad dk". hic igitur Cremonensis lacunam archetypi ita expleuit, ut "ki" interponeret, quae linea proxime ante commemorata est; haec interpolatio necessario effecit, ut deinde pro KI scriberet "li", et pro AI "dc", quia alioquin proportio euerteretur. etiam in sequentibus in litteris errauit ("ih" pro $K\Theta$, "dk" pro AK, sed ita ut rectam proportionem seruauerit. II p. 330, 13 interpretatio Cremonensis "et a punctis gik ad lineam ce rectam ducantur rectae" ostendit. eum scripturam codicis Uallae sine suspicione erroris reddere uoluisse, quam adiuuauit addito uocabulo "rectae". his igitur locis Gauricus uel auctor interpretationis eius

¹⁾ Adparet, Cremonensem interpolationem etiam propagauisse. ut intellegatur congruentia, notandum, litteras Graecas A, B, I, A, E, Z, H, O ab Cremonensi per abcdefgh, a Gaurico per ab gdezht reddi.

²⁾ Interpolationibus adnumerandum non uidetur, quod I p. 268, 1 apud Gauricum legitur "secetur in duo aequa" (sic etiam Cr.); nam idem etiam I p. 264, 11 addidit, et Cremonensis semper "secetur" uel "diuidatur" habet.

ipse in ueram scripturam incidit. II p. 310, 5 dubitari potest, utrum Gauricus rectius pro falso *AB* scripserit "abg" an Cremonensis "ac".

ceterum errores iidem codicis Uallae apud Cremonensem et Gauricum seruati sunt paucis exceptis locis, ubi Cremonensis plus uidit et errorem sustulit, sed plerumque ita ut ipsa forma emendationis interpolationem arguat. nam I p. 268, 14; 268, 15; 268, 16; 270, 7; II p. 296, 2; 296, 22; 306, 5¹); 306, 8²); 330, 17; 348, 2 eosdem errores etiam apud Cremonensem reperimus, quibus ii loci addendi sunt, ubi uitiosiorem etiam scripturam habet: I p. 264, 11: "571" (uerbis designatum, ut semper solet); I p. 266, 21: ",354"; I p. 268, 12: ",3013" omissis γ'δ', quia non intellexit; I p. 268, 15: "nam utraque utrinque" sequente lacuna, quod scripturam corruptam $\delta' \nu \gamma' \alpha'$ non intellexit; etiam locum corruptissimum I p. 268, 17: zñ $KA = 270, 3: \xi_5'$ omisit magna lacuna relicta. I p. 270, $\ddot{6}$ pro §5' habet "166" (Gauricus recte "66"). contra errorem correxit Cremonensis, reliquit Gauricus I p. 268, 58) ("et tertius angulus gfc erit tertio angulo gac aequalis"); I p. 270, 4 ("le"); I p. 270, 8 ("2017‡"); II p. 294, 4 ("teque"); 300, 21 ("kg"); 304, 24 ("pars quidem versus d intelligatur infra"); 314, 5 ("maiorem igitur proportionem habet"); 326, 7 ("necesse iam est"); 326, 16 ("a punctis quibus"); 336, 11 ("bhc"); 336, 26 ("rectanguli coni"). sed hos locos coniectura emendatos esse, inde colligi potest, quod in aliis locis a Cremonensi correctis interpolatio manifesta est. uelut:

¹⁾ Nam scriptura eius "sic posito" ostendit, eum non habuisse oṽτως ἔχοντι, quod semper "sic se habente" uertit.

²⁾ Hic similitudo in primis memorabilis est: "ac linea ipsi librae assimilatur. terminantur autem lineae ad angulos rectos ex ipsa ac ductae in plano erecto super horizontem et erunt perpendiculares super horizontem".

³⁾ Omnino hic Gauricus (et Tartalea) locum nescio quomodo corrupit; habet enim "et communis qui sub ahg rectis et terminatis erit qui sub hrg tertio ei qui sub ahg".

I p. 266, 7: "est latus figurae multorum angulorum circa circulum descriptae, quae 96 lateribus concluditur".

I p. 270, 14: "unde colligitur, circuli circumferentiam sua diametro maiorem esse quam triplam sesquioctauam minorem uero quam triplam sesquiseptimam".

II p. 294, 19: "sumentes non facile concessibilia fundamenta ipsis, sane cum haec ipsa a quamplurimis non inuenta sunt. illud etiam diuulgatum, portionem".¹)

II p. 296, 3: "ueterum" (si legisset προτέφοις, scripsisset sine dubio "priorum").

II p. 308, 9: "manifestum quoque est, quod si triangulus bdc spacii f triplus exstiterit, ambo similiter constituta aequeponderabunt".

II p. 314, 10: "per eandem quae in superioribus rationem".

II p. 320, 6: "a punctis diuisionum."

itaque constat, interpretationem Gaurici a Tartalea receptam codice interpolato ⁸) Nicolai V niti, et loci a codice Uallae discrepantes aut codici Nicolai tribuendi aut a Gaurico ipso mutati sunt. huius generis postremo loco quaedam adiiciam, ubi Gauricus scripturam falsam codicis, quam non intellegeret, interpretatione ad sensum recte diuinatum formata felici coniectura expediuit; etiam scripturam Cremonensis addidi.

Gauricus.

Cremonensis.

II p. 304, 23: intelligatur ergo propositum in recto ad

intelligatur autem hoc primum, quod est in inspectione

¹⁾ Ut intellegatur differentia utriusque interpretis in iisdem uerbis corruptis reddendis, adponatur Gaurici huius loci interpretatio: "sumentes non facile concessibilia fundamenta, quae quidem ipsis a plurimis non inuenta haec despecta sunt. portionem autem".

²⁾ Unam interpolationem supra arguimus p. XXIII, plures breuiter indicaui Quaest. Archim. p. 105.

Gauricus.

orizontem et lineae a. b. hoc quidem cett.1)

II p. 308, 13: et suspendatur apud b trigonum gdh ambligonium basim quidem habens cett.2)

II p. 338, 10: in portione contenta a recta et a sectione rectanguli coni quae a media basi ducta est cett.3)

II p. 338, 20: penes lineam contingentem sunt, palam quod cett.4)

II p. 294, 11: ὑφ' ἡμῶν apud Gauricum et Tartaleam est "ab aliis", id quod uix aliter explicari potest, ac si supposuerimus, in Graeco codice fuisse TIIAMON, quod pro ΥΠΑΛΛΩΝ acceptum sit. itaque ueri simile est, codicem Uallae quoque hoc loco genuinam formam Doriensium ὑπ' ἀμῶν seruasse et eam in omnibus nostris huius codicis apographis in uulgarem mutatam esse, quod idem II p. 296, 26 in omnibus excepto Ueneto factum ("a nobis" Cremonensis utrobique).

Inter emendationes a Tartalea in sua editione interpretationis Gaurici receptas memorabiliores (nam minora

propositum sitque conspectum ad horizontem erectum et lineae a. b. deinde pars cett.

et suspendatur secundum b triangulus edg. triangulus uero cdg sit triangulus ambligonius, qui basim habeat cett.

in portione a linea recta et a rectanguli coni comprehensa sectione linea ducta a media base cett.

sunt aequedistantes contingenti sectionem in puncto b. constat cett.

Cremonensis.

¹⁾ Itaque cum Cremonensis hic Graeca quamuis corrupta cum fide sequatur, Gauricus locum eodem modo, quo ego, emendare conatus est, sed plura etiam omisit (τὸ ἐν τῷ θεωρία).

²⁾ Fortasse tamen hic errore typographico omissum est "sit autem trigonum gdh". nam constructio manca est.

³⁾ Hic uterque in eandem emendationem incidit, quam ego coniectura mea recepi.

⁴⁾ Hic quoque ueram scripturam inuenit, et sententia quidem loci satis patet.

quaedam maxime ad litteras figurarum pertinentia adnotare supersedeo) hae sunt, quibus id quoque efficitur, ut eius licentia interpolandi manifesto documento conuincatur:

Codex Uallae	Gauricus	Tartalea	Cremonensis
I p. 264, 7: συναμφότερος ή ZE, EΓ.	simul utraque quae re.	simul utraque quae re et eg.	
I p. 264, 4: λόγον ἔχει ἢ ὅν.	habet quam.		habet propor- tionem quam.
I p. 264, 10: Λ δυν΄ ποὸς Μ γυθ΄.	proportionem habet quam ¹) ad 23409.	proportionem habet quam 349450 ad 13409.2)	proportionem habet quam 326041 ³) ad 23409.
I p. 264, 11: μήπει ἄρα ὅν.		longitudine ergo maiorem quam.	longitudine uero sicut.
I p. 264, 15: τη̃ ΕΚ.	per eb.	per ek.	ducta linea e k.
	secans rectam quae per punc- ta bg.	quae per punc- ta bg in punc-	quae sit fh di- uidens lineas rectas cb ac. ducatur item alia aequedi- stans ipsi ac secans lineam bd, quae sit kg.4)

1) Numerum non intellexit; quare omisit.

²⁾ Errore typographi. etiam quod I p. 268, 2 pro "hgb" (Gauricus; "gcb" Cr.) apud Tartaleam legitur "hag", typographo tribuendum est.

³⁾ Numerum peruerse legit, nisi typographus errauit.
4) Cr. igitur hoc quoque loco interpolatione rem turbauit.

Codex Uallae	Gauricus	Tartalea	Cremonensis
ποτὶ τὸ Ζ΄ ώστε	tium z quam		re f spacium
μεῖζόν ἐστι τὸ Ζ τοῦ Κ.	_	spatium z ma- ior est quam spatium k.	-

in loco postremo apud Gauricum errore typographi exciderunt: "quare maius est spatium z" propter δμοιοτέλευτον; Tartalea lacunam sine codice Graeco (nam ordo uerborum alius est) suppleuit, in quo errorem uel puero indignum (maior) commisit. quare colligendum est, eum ne in ceteris quidem emendationibus errorum Gaurici codicibus suis usum, sed suo ingenio confisum esse.¹)

Uerum ad codices Tartaleae reuertamur. si supra p. XXXII recte suspicati sumus, codicem illum "fractum et qui uix legi posset", de quo loquitur Tartalea, eundem fuisse ac codicem Uallae, confitendum est, primum eum nimium de genere codicis conqueri, ut adparet e codice Parisino C, qui eodem fere tempore satis recte ex eodem archetypo descriptus est; sed fortasse Tartalea in codicibus Graecis legendis parum uersatus erat. deinde codice suo non ea, qua debuit, diligentia et fide usus est, quoniam de planor. aequil. II, 9 pro genuina demonstratione paraphrasim Eutocii retractatam et in breuius contractam, quasi Archimedis esset, recepit (Quaest. Arch. p. 97). denique multa et correxit et interpolauit, in quo alio quodam codice usus est, quem uno tantum loco diserte nominauit; nam de

ideo lin. 19 pro $\alpha_1\theta\omega$ scripsit "ducta est". addo, lin. 19 etiam apud Cr. legi "i" pro H, sicut in FV ("k" Gauricus; "h" Tartalea); fuit igitur in archetypo Uallae.

¹⁾ Praeterea Tartalea initio libri de quadratura parabolae bis pro "Archimenides" (Gauricus) scripsit "Archimedes", et pro "mathematicam" II p. 294, 11; 298, 2 "mecanicam".

²⁾ Fortasse genuina demonstratio in codice Uallae Tartaleae difficilior lectu uisa est; hoc certe constat, hunc codicem ei nullam causam praebuisse demonstrationem Eutocii cum uera confundendi.

plan. aequil. II, 9 post demonstrationem illam refictam Eutocii additur fol. 16": "in alio exemplari graeco sic habebatur". sed antequam de hoc codice diligentius quaerimus, pauca nobis dicenda sunt de codice Norimbergensi Graeco cent. V app. 12 fol., cuius notitiam primam debeo Mengio (Neue Jahrb. 1880 p. 110); sed postea eum Hauniae conferre mihi ipsi contigit (Na). codex chartaceus est saec. XVI scriptus, qui eadem scripta Archimedis et Eutocii continet, quae F, et eodem ordine. hoc codice in editione principi paranda usus est Uenatorius, qui sua manu permultos errores correxit partim in margine partim in scidulis chartaceis margini adglutinatis; multa etiam ita emendauit, ut callide scripturam codicis eradendo, lineolas addendo uel producendo mutaret; quare id genus correctiones difficillime deprehenduntur et persaepe scripturam pristinam prorsus sustulerunt: nonnullae tamen earum manu antiquiore et fortasse prima facta esse uidentur. interdum etiam notas typothetae legendas adscripsit Uenatorius, ita ut adpareat, hunc ipsum codicem in manibus typothetarum fuisse, ad genus harum notarum cognoscendum unum exemplum sufficiat; I p. 22-24, ubi propositiones in Na eodem modo, quo in F, diuisae sunt, in scidula scripsit: "ομοίως paragraphus. σανερον δέ paragraphus. Seintéou dé demonstratio novae propositionis. praeponatur nota numeri 5", et hoc in edit. Basil. p. 4 factum est. hic codex Na Romae scriptus est uel certe Roma ad Bilibaldum Pirckheymerum Norimbergam peruenit (ed. Basil. praef. fol. 2*: Bilibaldus Pirckheymerus, quem vos. dum uiueret inter doctos doctissimum nominari haud grauatim passi estis, ille inquam, ut erat uir excellentis ingenii, cum Rhoma graece scriptum Archimedis nostri exemplar opera amici cuiusdam tandem post longam expectationem accepisset, non tantum quasi uilem aliquem in aedibus suis passus est habitare hospitem cett.).

Na eiusdem cum ceteris codicibus classis esse ostendit lacuna in initio libri I de sphaera et cylindro et omnino eius in grauioribus erroribus consensus (cfr. praeterea Quaest. Arch. p. 138). sed propius etiam locum, quem inter codices nostros obtinet, definire licet. nam eum e codice F originem ducere, errores his codicibus solis communes, et qui in codice Uallae fuisse non possint, manifesto demonstrant. in hac re iis tantum locis uti licet, ubi scriptura codicum Pariss. pro certo constat. sed inde quoque satis magna copia documentorum peti potest.

- I p. 210, 20—21: ἐπείπερ πρὸς XP in F solo repetuntur; itaque in communi archetypo Uallae bis scripta non erant; sed in N^a eadem uerba bis scribuntur; correxit Uenatorius.
- II p. 116, 8: τᾶς ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ ἐλάσσονος κύκλου τῶν εἰρημένων in mg. manu 1 F (itaque in codice Uallae, sicut in cett. codd. et apud Cr., suo loco exstabant); om. Na (et ed. Basil.).
- II p. 244, 13: ἀκίνητον] ακιτον FN^a (correxit man. 1).
- II p. 248, 1: eluev] B; êneî μ év ACDV; eneimev F; eneimev N^a .
- II p. 250, 26: τὰν πορυφάν] BC; τᾶς πορυφάν VAD; τα πορυφάν F; τᾶ πορυφάν Na.
- II p. 262, 15. 16: σελήνας] ελινας FN^a.
- II p. 270, 1: κατωνομασμένων] κατονομασμένων FN^a.
- Π p. 276, 9: η οσος] ἄσσος VA; ἇ οσος Β; ασσος CD; ασσος FN*.

postremo rem paruam quidem, sed quae re uera summi momenti sit, adferam; nam III p. 198, 26: ἀσυμπτώτους syllaba -τους casu in F paullo insolentius scripta est, ita ut simillima sit syllabae -τους (τουσ), et hanc formam singularem diligenter seruauit librarius codicis Na; inde factum est, ut in ed. Basil. p. 38, 17 legeretur ἀσυμπτώτους. etiam numeri propositionum saepe peruersi et figurae semper fere cum F congruunt. et omnino errores codicis F raro in ipso Na correcti sunt, ita ut fere semper, ubi in

adparatu critico nostro legitur "corr. ed. Basil.", liceat substituere "corr. Uenatorius".

uerum sicut dubitare non possumus, quin F fons sit codicis N^a, ita constat, hunc librum non ex ipso F descriptum esse. nam primum multis locis in N^a compendia usurpantur, ubi in F uocabulum omnibus litteris scriptum est; et hoc non librario codicis N^a ipsi deberi, inde fit ueri simile, quod forma corrupta compendiorum ostendit, ea librario nota assuetaque non fuisse; frequentissimum est compendium uerbi \emph{Eoras} in hunc modum deformatum Δ). deinde non raro lacunae codicum nostrorum, quae in codice Uallae exstabant nec in F expletae sunt, eius modi supplementis reconcinnatae sunt, quae cum interpretatione Tartaleae tam arte cohaereant, ut N^a et interpretatio illa necessario ex eodem codice fluxisse putanda sint. qua de re disputaui Quast. Archim. p. 98—100, et hic locos grauiores repetendos esse duxi:

Nª.

II p. 166, 14: καὶ τετμήσθω δίχα ά $\triangle B$ κατὰ τὸ Θ ; om. cod. Uallae, nec opus est.

Η p. 170, 16: (ἔστιν ἄφα) τὸ N σαμεῖον ὅπερ (sc. ἔδει δεῖξαι); om. cod. Uallae, nec opus est.

II p. 192, 24: διάμετρος δὲ τοῦ τμάματος ἔστω ἁ ΒΔ; om. cod. Uallae, nec opus est.

Η p. 196, 11: τὰς ΔΜ, Ως. καὶ ἐν τοῖς ΖΘ, ΤΨ τραπεζείοις τὰ κέντρα τῶν βαρέων ἐσσούνται ὁμοίως διαιρέοντα; om. cod. Uallae.

Tartalea

et secetur in duo quae db penes t.

est ergo nt centra (sine dubio t addidit Tartalea ipse, et deinde "centra" pro "centrum" scripsit; ὅπερ: ~ omisit, quia non intellexit).

diameter autem portionis sit bd.

lineas rs, 76 rectas. et in mn fg temporalibus [h. e. trapezalibus] centra grauitatum erunt similiter diuidentia. Na

II p. 200, 4: ἀλλ' ἔστι ὡς τὸ ΑΒΓ τρίγωνον ποτί τὸ Κ; om. cod. Uallae.

Πρ. 206, 3: καὶ ἐπεζεύχθω τὰ Θ, Μ, Ι, Ν. ἴσα ἄρα ἐστὶν ὰ ΘΧ τᾶ ΧΜ, ὰ δὲ ΙΤ τᾶ ΤΝ. ἀλλὰ καὶ τριγώνω τῷ ΑΚΒ ἴσον ἐστὶ τὸ ΒΛΓ, τμᾶμα δὲ τὸ ΑΚΒ τμάματι τῷ ΒΛΓ. δέδεικται γὰρ ἐν ἄλλοις τὰ τμάματα ἐπίτριτα εἴμεν τῶν τριγώνων; om. cod. Uallae.

II p. 210, 13: (ΘE) for al $\mu \epsilon l_{\infty}^{\nu} \nu \tau \tilde{\alpha}_{S} B \Theta$. Ral for $\tilde{\alpha}$ ΘH ; om. cod. Uallae.

II p. 210, 15: (Θ) εὐθυγράμμου δὲ τοῦ $AKB\Lambda\Gamma$ τὸ E; om. cod. Uallae.

Π p. 214, 9: (ΒΓ) κατὰ τὰ Z, Η (καὶ ἄχθων) παρὰ τὰν ΒΔ; om. cod. Uallae.

Η p. 214, 17: οὖτως ἁ $\Theta \Delta$ πρὸς τὰν MZ ἁ δὲ $B\Delta$ τετραπλασίων τᾶς KZ; om. cod. Uallae.

Π p. 228, 23: ΑΔΕΓ τόμου διάμετρός ἐστιν ἁ ΗΖ καὶ αἱ μέν; om. cod. Uallae.

Π p. 232, 4: (MN) ποτὶ NO, ὡς δὲ ἁ MN πρὸς NO μάκει, οῦτως ἁ MN; om. çod. Uallae.

Archimedes, ed. Heiberg. III.

Tartalea.

sed sic [h. e. est sicut]
abg ad spacium x.

et copulentur quae tn et mi. aequalis ergo est quae quidem tq ipsi qn, quae autem ic ipsi cm. sed trigono quidem akb aequale est trigonum blg, portio autem akb portioni blg. portiones enim trigonis ostensae sunt in aliis epytritae esse.

erit maior quam linea bt sitque ht (sed deinde Tartalea II p.210,18—19 scripturam mutauit; u. Quaest. Arch. p. 146).

rectilinei autem akblg signum e.

penes zh et ducantur ipsi bd aequidistanter.

ita quae td ad mz, quae autem db quadrupla ipsius kz.

manifestum autem, quod et sectoris adeg dyameter est quae hz et quae quidem.

ad no, ut autem quae mn ad no longitudinem, ita quae mn ad nx.

Nª.

Tartalea.

II p. 232, 22 et 24: $\delta i\pi \lambda \alpha$ - $\sigma i\alpha_5$; om. cod. Uallae. 1)

ex dupla.

II p. 234, 5: καὶ ὁ ἀπὸ AZ; om. cod. Uallae.

et cubus qui ab az.

Π p. 238, 7: PI. καὶ ἐστι μὲν τοῦ ὅλου τμάματος κέντρον; om. cod. Uallae. ri. et est totius quidem portionis centrum grauitatis.

haec omnia interpolatione orta esse, certissimum est; nam supplementa II p. 166, 14; 170, 16; 192, 24; 210, 15; 214, 9 (prior pars); 232, 4 per se bona certe necessaria non sunt. II p. 210, 13 interpolator nexum sententiarum paullo obscuriorem non perspexit, et totum locum peruertit (Quaest. Arch. p. 146). in aliis locis lacunas in nostris codicibus esse constat et, si summam spectes, recte apud Tartaleam et in Na expletae sunt; sed tamen errores quidam minuti interpolatoris manum produnt. II p. 196, 11 prauum est ἐν τοῖς ΖΘ, ΤΨ τραπεζείοις pro genetiuo, et litterae uix recte se habent; cfr. II p. 196, 9-10. II p. 214, 7 παρὰ τὰν ΒΔ haud facile eo loco intercidere poterant, quo in Nº interpolata sunt; II p. 214. 17 genuinam scripturam ab interpolata diuersam seruauit Eutocius III p. 338, 17—18; II p. 228, 23 τόμου addendum esse et ZH pro HZ scribendum, docet idem III p. 360, 10-11; praeterea II p. 230, 1 nai al mév praua sunt; nam μέν nihil habet, quo referatur; II p. 238, 7 denique pro μέν τοῦ saltem scribendum erat τοῦ μέν. II p. 206. 3 sq. et forma minus bona est (ἐπεζεύγθω de punctis, cum apud Archimedem semper de lineis dicatur; τριγώνω τῶ AKB, τμᾶμα τὸ AKB, quae collocatio uerborum satis frequens hic tamen locum non habet), et ex

¹⁾ Contra II p. 234, 17: τῆς ΔΖ καὶ τῆς ΔΗ, οὖτως ἡ συγκειμένη ἔκ τε τῆς β΄, quae omisit cod. Uallae, etiam in Na desunt; correxit Uenatorius. et etiam apud Tartaleam desunt; habet enim: "altitudinem autem compositam ex dupla ipsius nx et ipsa mn".

Eutocio III p. 334, 11 adparet, eum haec uerba non habuisse.¹)

itaque cum magna pars horum locorum eiusmodi sit, ut congruentia fortuita nullo modo esse possit, necessario sequitur, N^a ex eodem codice ab homine non indocto interpolato descriptum esse, quo usus sit Tartalea. nam eum ipso N^a usum non esse, hi maxime loci ostendunt:

II p. 164, 22: $\delta l \chi \alpha$] om. N^a; "in duo" Tartalea.

II p. 172, 5 sq. καὶ πεποιήσθω, ὡς ἁ BH ποτὶ $B\Theta$, οὕτως ἁ ME ποτὶ EN. καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ $A\Theta$ [$B\Theta$ cod. Uallae] $\Theta\Gamma$] om. N^a (corr. Uenatorius, qui pro πεποιήσθω habet γεγονέτω); "et sit facta ut quae bh ad bt, ita quae me ad en, et coniungantur quae bt, tg" Tartalea.

II p. 218, 3: Θν δὲ ἔχει λόγον] F; Θν δὲ λόγον ἔχει Ν*; "quam autem habet proportionem" Tartalea, qui si legisset λόγον ἔχει, scripsisset "proportionem habet", ut alibi sexcenties.

ex hoc libro igitur Tartalea de plan. aequil. II, 9 fol. 16 alteram demonstrationem sumpsit, et re uera haec demonstratio cum F plerumque consentit, uelut II p. 218, 27 habet: "simul utraque quae ab, bg ad duplam ipsius bd"; II p. 220, 11: Δ0] ΔΘ F; "dk" Tartalea; II p. 220, 12: OΛ] ΘΛ F; "ka" Tartalea; idem II p. 220, 25; II p. 222, 6: ΟΔ] ΘΛ F; "kd" Tartalea; II p. 222, 8: ἴσαν τῷ συγπειμένῳ] ἴσαν τὰν συγπειμέναν F; "ad aequalem compositam" Tartalea; II p. 222, 15: ΟΛ] ΘΛ F; "kd" Tartalea; II p. 228, 4: ΛΒ] ΔΒ F; "db" Tartalea. interdum coniectura errorem sustulit; praeter paucas quasdam litterarum emendationes hic commemorandum est, eum II p. 220, 14, ubi in F omittitur καὶ τειραπλασίᾳ τᾶς ΓΒ recte habere: "et quadruplae ipsius gb"; et eum dittographiam codicis F II p. 224, 24—26, quae etiam in N° est (corr. Uenatorius) euitasse. uerum haec coniectura

¹⁾ Addi potest, Na II p. 228, 14 falsum nulovos praebere, lin. 18 omittere (addidit Uenatorius); etiam Tartalea priore loco habet: "medietate", altero "e minori basium".

emendata esse, inde quoque confirmatur, quod interdum, ubi litterae in F peruersae sunt, errorem quidem subesse uidit, sed ueram scripturam non repperit, uelut II p. 220, 25: OA] AF; "ka" Tartalea; II p. 222, 10: AA] ABF; "da" Tartalea; II p. 222, 19: OE] OEF; "kd" Tartalea; II p. 224, 7: OB] EBF; "kb" Tartalea; II p. 226, 12: OB] ABF; "kb" Tartalea; II p. 226, 16: OB] EBF; "kb" Tartalea; II p. 228, 1: AO] AF; "ka" Tartalea; II p. 228, 2: BA] BOF; "ab" Tartalea.

praeter interpolationes communes Tartalea proprias habet has, quae sine dubio ipsi debentur (cfr. de eius interpolatione interpretationis Gaurici supra p. XLIV):

- fol. 5: "dixerunt enim Theorema esse quidem quod premittitur ad demonstrationem ipsius quod premittitur, Problema autem quod preiacitur ad constructionem ipsius quod premittitur, Porisma autem quod premittitur ad acquisitionem ipsius quod premittitur". haec, quae e Pappo VII p. 650, 17—20 ad uerbum uersa sunt, ante de plan. aequil. I, 3 inseruntur ita typis expressa, quasi sint ipsius Archimedis.
- fol. 8° post II p. 172, 9: ΔM additum est "(per sextam sexti Euclidis)"; parenthesis signum non significat haec uerba interposita esse; nam fol. 15 uerba "aequalis enim est ipsi" II p. 216, 19—20, quae in codicibus sunt, eodem modo in parenthesi sunt.
- fol. 13: "est autem et trigoni abg centrum grauitatis signum e. palam igitur quod totius abg centrum grauitatis est in linea xe [per signum o ut sit sicut abg trigonum a portiones atb, bkg ita xo·ad oe, erit o centrum grauitatis totius portionis]. quare". hic uerba uncis inclusa prorsus inutilia sunt et in codicibus omittuntur II p. 204, 11; contra Tartalea errore omisit τοῦ δὲ X p. 204, 9—10 et τοντέστι σαμείων p. 204, 11. ceteris locis, ubi Tartalea adnotationes adiecit, diserte tituli loco praeposuit "interpres" (fol. 3, 4, 13°, 18, 20) uel "diffinitio prima a Nicolao Tartalea Brixiano interprete addita" (fol. 2°). in his commentariolis conscribendis interdum Eutocio ni-

titur (fol. 2° = Eutoc. III p. 306; fol. 4 = Eutoc. III p. 310; fol. 18° = Eutoc. III p. 360 cum additamentis quibusdam; u. Quaest. Arch. p. 96).

summa igitur disputationis de codicibus Tartaleae haec est. pro fundamento interpretationis habuit codicem Uallae¹), sed ubi is ei lectu difficilis uel mancus uisus erat, ad alium codicem confugiebat, qui e codice F descriptus erat, sed haud imperite interpolatus; idem antigraphus est codicis N^a.

Etiam in ceteris libris a Tartalea non editis lacunae nostrorum codicum communes interdum in Nº expletae sunt, quamquam supplementum multo saepius Uenatorio debetur; is sine dubio nullo codice adiutus sua coniectura expleuit lacunas2) codicis Na easdem, quae in codice Uallae erant, his locis: I p. 44, 3; 74, 7; 122, 7; 132, 14; 140, 26; 144, 28; 154, 26; 184, 14; 202, 1; 206, 14; 230, 17; 230, 23; 244, 4; 244, 14; 246, 24; 250, 8; 462, 18; 496, 22. III p. 160, 19; 182, 26-27; 202, 1; 210, 26; 216, 2; 218, 4; 240, 11—12; 242, 3; 250, 9; 254, 26; 352, 25; 354, 12; 368, 8. contra Na ipse has lacunas recte, ut uidetur, ex antigrapho illo interpolato emendauit: I p. 16, 2: ωστε την Θ. I p. 200, 1: AB. δ αρα N κύκλος ἴσος ἔσται τη. Η p. 6, 19: ἔλασσον. Η p. 364, 12: ούτως ά ΔΗ ποτί τὰν συγκειμέναν ἐκ τᾶς β' τᾶς ΑΖ καὶ τᾶς ΔΗ (sed ita iam F in mg. manu 2). I p. 228, 17 et 18 δο-Dels supplementum necessarium in mg. positum est, sed manu 1, ut uidetur, certe non Uenatorii; etiam additamentum inutile I p. 202, 7: της σφαίρας in mg. manu anti-

2) In nonnullis tamen horum locorum non lacunas apertas expleuit, sed additamenta inutilia interposuit.

¹⁾ Tamen fieri potest, ut codex ille dilaceratus, a Tartalea commemoratus alius fuerit ac codex Uallae, et in eo iam lacunae illae interpolatione expletae fuerint, ita ut Tartalea eo solo loco ad alium codicem confugerit, quo eum commemorat, sed hoc ideo parum ueri simile est, quod is codex, quem apographum codicis F fuisse necesse est (itaque post a. 1491 scriptum), tam male conservatus erat, ut uix ab Tartalea legi posset; quod uix spatio L annorum fieri potuit.

qua scriptum est $(\tilde{\eta}g)$. non dubito, quin haec eodem modo in antigrapho fuerint.

haec supplementa interpolata esse, ex iis, quae supra diximus, satis adparet; sed magis etiam inde confirmatur, quod interdum in Na et superuacua addita sunt (I p. 332, 21: λόγον; I p. 204, 3: ως ή ΚΘ ποὸς ΘΔ, ή ΘΓ ποὸς ΓΔ; III p. 124, 24: ἴσον ἄρα τὸ ὑπὸ BMA μετὰ τοῦ ἀπὸ AΔ τῷ ὑπὸ ΒΚΓ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΓΖ; idem casu suppleuit B), et emendationes in universum uerae paruulis erroribus laborant, sed quae interpolatoris manum redarguant. hoc in genere in primis commemorandum est supplementum I p. 40, 18 (nam I p. 40, 17 lacunam recte suppleuit Na), cuius errores in notis correxi (cfr. p. 41 n. 3); sed hic addendum est, post ênel our I p. 40, 20 dimidiam lineam in Na uacare (in mg. Uenatorius: "nulla hic lacuna"); itaque in archetypo codicis Na magna lacuna erat, sicut est in eius archetypo, nostro codice F, quam interpolatio non prorsus expleuit; hinc fortasse concludi potest, interpolationes illas non prima manu factas esse. eiusdem generis est emendatio III p. 250, 5, quam in notis criticis indicaui; ueram in textu posui; etiam I p. 310, 4 puto, emendationem codicis Nº falsam, meam ueri similiorem esse.

His locis, qui in N^a et apud Tartaleam correcti uel interpolatione peius etiam corrupti sunt, Cremonensis interdum idem praebet, quod nostri codices (Ip.16,2;154,26;246,24;496,22;IIp.192,24;196,11;206,3;210,13—15;228,23;232,6;IIIp.124,24;368,8) quod interdum supplementa Uenatorii iisdem fere uerbis habet, id casu factum esse necesse est, nisi quis credat, Uenatorius sua e Latina interpretatione Graece conuertisse¹); sed plerumque loci natura ita simplex est, ut idem duobus simul in mentem uenire potuisse ueri simillimum sit. huius modi hi loci sunt²):

¹⁾ Eum in editioffe sua hanc usurpasse, eo uidetur demonstrari, quod I p. 240, 3 uerba a Cremonensi p. 51 solo omissa (u. notae) in Na (et ed. Basil.) postea, sine dubio a Uenatorio, uncis inclusa sunt.

²⁾ Quod quam facile in scriptore mathematico fiat, inde per-

- I p. 122, 7: "duo latera" Cremonensis p. 28.
- I p. 144, 28: "quam est k ad i triplicata. k uero ad g" Cremonensis p. 33.
- I p. 184, 14: "minorem habet proportionem quam portio solida ad conum h" Cremonens. p. 41.
- I p. 202, 1: "ostendemus" Cremonensis p. 44.
- I p. 206, 14: "superficiei autem portionis dbe aequalis est circulus, cuius semidiametros est aequalis ipsi bd" Cremonens. p. 45.
- I p. 230, 17: "aequabitur circulo, cuius semidiametros est 1m" Cremonensis p. 50.
- I p. 244, 4: "ad id, quod fit ex quadrato he in gh" Cremonensis p. 52.
- I p. 244, 14: "ad superficiem" Cremonensis p. 52.
- II p. 234, 17: "ex dupla af et dg eam habeat proportionem, quam composita ex dupla nx" Cremonensis p. 141.
- III p. 182, 26—27: "ad circulum, cuius quae ex centro aequalis est ipsi bm, et sicut circulus, cuius quae ex centro est aequalis ipsi ab" Cremonensis p. 38.
- III p. 202, 1: "et ad quadratum eg" Cremonensis p. 41
- III p. 216, 2: "bases" Cremonensis p. 44.
- III p. 218, 4: "et est sicut bh ad hc, ita ln ad nm. uerum sicut hc ad hp, ita nm ad nr"

 Cremonensis p. 44.
- III p. 240, 11-12: "in hg" et "quadratum ah" Cremon. p. 49.
- III p. 254, 26: "quadrato ar" Cremonensis p. 51.
- III p. 352, 25: "utriusque simul ab, be et quadrupla utriusque simul" Cremonens. p. 65.

spici potest, quod I p. 204, 24 Torellius et Cremonensis p. 44 in idem additamentum inciderunt. etiam II p. 222, 24 et Torellius addidit: " $\kappa\alpha$ l $\dot{\alpha}$ $\Gamma\Delta$ norl $B\Delta$ mutato $\dot{\epsilon}\kappa\epsilon t$ in $\dot{\omega}_{5}$, et Cremonensis p. 140 habet: "et cd ad db. quare". itaque $\dot{\epsilon}\kappa\epsilon t$ retinuit, sed falso uertit,

III p. 354, 12: "utriusque simul ab, be et quadrupla utriusque simul" Cremonensis p. 66.

ad confirmandum, hunc consensum fortuitum esse, iam locos quosdam colligam, ubi supplementa Cremonensis et Uenatorii re ipsa similia sunt, sed uerbis ita differunt, ut nulla inter ea necessitudo esse possit:

I p. 44, 3: "altitudines uero omnium sunt aequales" Cremonensis p. 10.

I p. 74, 7: "habeat ad perpendicularem ductam a uertice coni ad idem latus" Cremon. p. 17.

I p. 132, 14: "inscriptae" Cremonensis p. 30.

I p. 230, 23: "superficies igitur klm portionis sphaerae similis est abc et aequalis superficiei def" Cremonensis p. 50.

I p. 250, 8: "esto autem superficies maioris portionis unius sphaerae superficiei dimidiae sphaerae aequalis, quae est ad circumferentiam feh. dico igitur" Cremonens. p. 53.

I p. 462, 18: "cum igitur ipsius bh sit tripla bg, et dg ipsius hr tripla erit". Cremonens. p. 92.

III p. 160, 19: "educatur ad g" Cremonens. p. 33. itaque eandem lacunam habuit.

III p. 210, 26: "sicut fu ad ky, ita fo ad kx et uo ad yx" Cremonensis p. 43. hic quoque lacunam eandem parum recte expleuit.

III p. 242, 6: "cubi ab ad cubum bc. sicut enim ab ad bc" Cremonensis p. 49.

III p. 250, 6—10: "hoc est quadratum ah åd contentum sub ch, hg. proportio autem quadrati ah ad contentum sub ch, hb sumpto" Cremonensis p. 50.

similis ratio inter Na et Cremonensem intercedit. nam

I p. 202, 7: "sphaerae" Cremonensis p. 44;

I p. 228, 17 et 18: "data" Cremonensis p. 49;

II p. 6, 19: "ad minorem" Cremonensis p. 99;

II p. 214, 9: "punctis fg et ducantur kf, lg aequedistanter bd" Cremonensis p. 138;

- II p. 214, 18: "ita hd ad mf. sed bd ad kf quadrupla est" Cremonensis p. 138;
- II p. 232, 22 et 24: "ex dupla" Cremonensis p. 141;
- II p. 234, 5: "et cubus af" Cremonensis p. 141;
- II p. 300, 5: "aequedistantes illi, quae in puncto b contingit" Cremonensis p. 143 (cfr. Gauricus);
- III p. 364, 12: "ita dg ad compositam ex dupla ipsius af et ipsa dg" Cremonensis p. 67;
- his, inquam, locis et N^a (et Tartalea) et Cremonensis lacunas iisdem fere supplementis cuiuis obuiis resarcinauerunt. alibi contra forma genusque supplementorum differt, uelut:
 - I p. 40, 18: "sit aequale spatio, quod uocetur h. aut igitur h minus est eis plani particulis, quae lineis rectis af, fg, ge et arcubus ab, bc circa circumferentiam compraehenduntur, aut non minus eisdem. esto primum h non minus" Cremon. p. 10.
 - I p. 200, 1: "semidiametrum habens aequalem lineae ductae a uertice portionis baf ad circumferentiam basis portionis et intelligatur" Cremonensis p. 43.
 - II p. 166, 14: "intellige diametrum bd divisam esse per medium in h puncto" Cremonensis p. 129. sed haec nota fortasse Regiomontani est; saltem Uenatorius hoc credidit.
 - II p. 170, 16: "quare punctum n erit centrum dictum". Cremonensis p. 130.
 - II p. 200, 4: "qui eam habet quam" Cremonens. p. 135.
 - II p. 238, 7: "ad lineam, quae est inter centrum gravitatis abc portionis et centrum gravitatis frusti. sed centrum gravitatis acb portionis est r punctum" Cremonens. p. 142.

hinc igitur uideri potest concludendum esse, quod Cremonensis et N* interdum in emendationibus consentiant, id non ob

necessitudinem aliquam, sed casu euenisse.1) uerum tamen eius modi loci non desunt, qui re uera exstare quandam necessitudiuem demonstrare uideantur. nam coniecturae falsae I p. 260, 13: romeis et II p. 300, 7: mines, quae in codice Nicolai V erant (u. p. XXXIX), etiam in Na receptae sunt.2) praeterea I p. 268, 14: \$\square\delta' \delta'', ubi in FBCV, h. e. in codice Uallae, legitur ετκδ' ε' δ', et in N° est ετκό' γ' δ' (corr. Uenatorius) et apud Gauricum, quem codice Nicolai V usum esse supra demonstrauimus, fol. 30 v: "5324. 3. 4" (idem Tartalea fol. 31). sed cum Cremonensis p. 58 habeat: "quinque millia trecenta quattuor et viginti et quinta et quarta", concludendum est, codicem Nicolai V prima manu scripturam archetypi Uallae praebuisse, et postea demum emendationem parum rectam factam esse, quam secuti sunt et Gauricus et Na. his locis emendationes eius generis sunt, ut alteruter necessario eas ex altero sumpsisse existimandus sit. hoc ita uidetur explicandum, ut supponamus, codicem Nicolai V interpolatum ad manum fuisse librario codicis interpolati Tartaleae, qui archetypus est codicis N*, et ab eo hic illic, sicubi errorem in suo antigrapho suspicaretur, inspectum esse. itaque fieri potest, ut pars supplementorum communium Cremonensis et codicis Na (supra p. LVI) eadem uia e codice Nicolai in Na migrauerint.

Postremo ut cognoscatur magis etiam genus ac natura codicis Nicolai V, nonnullos locos e Cremonensi adiciam, qui mihi memorabiliores uidentur.

III p. 218, 3: καὶ Ισογώνια τὰ τρίγωνα rursus Cremo-

nensis fortuito cum Uenatorio consentit; nam in N^a τὰ το/γωνα omissa sunt et in mg. manu Uenatorii (fortasse tamen manu antiquiore) legitur: ἐστι τὰ το/γωνα; "trianguli sunt aequianguli" Cremonensis p. 44.

I p. 226, 1: την AB κύκλος πρὸς τὸν περὶ διάμετρον a Torellio suppleta sunt, quocum hic Cremonensis solus congruit; habet enim p. 48: "circulus circum diametrum ab constitutum(!) ad circulum circa diametrum hk constantem".

II p. 336, 14—15 Cremonensis p. 153 habet: "quae a curua linea ad basim portionis aptata sit"; itaque ob oculos non habuit ueram scripturam ἀγομέναν; et re uera in codice Uallae fuit ἀπτομέναν (corr. B).

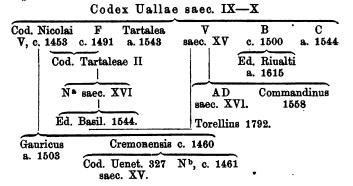
I p. 250, 19 in interpretatione Cremonensis N^b est "in qua est solis punctum (in mg. Regiomontanus: "in qua est s" eraso "solis"; et ita Cr. p. 53). hinc confirmatur, in codice Uallae fuisse τὸ
σημεῖον; u. not. crit. I p. 250, 19.

II p. 306, 20: ἐν τοῖς μηχανικοῖς in N^b redduntur "in mathematicis", sicut est apud Gauricum fol. 17 (cfr. supra p. XLV); "in mechanicis" Regiomontanus in mg., Cr. p. 145.

De recentioribus Archimedis interpretibus editoribusue constat, Commandinum codice Ueneto usum esse (Quaest. Arch. p. 105—8), Torellium eodem codice et ed. Basileensi (ibid. p. 110), ceteros nullo nouo subsidio (ibid. p. 112). Riualtum codicem B usurpasse, ostendi Quaest. Arch. p. 108—109. nunc addo, Marcum Meibomium, olim nostrae bibliothecae regiae praepositum, in suo Dialogo de proportionibus (Hauniae 1655 fol.) praeter multa alia Graecorum mathematicorum fragmenta etiam ex Archimede et Eutocio quaedam hausisse editionem Riualti maxime secutum (p. 16—21 — III p. 140, 7—148, 15; p. 37—39—I p. 12, 16—14, 17; p. 39—41 — III p. 18, 6—22, 4; p. 41—49 — I p. 236, 1—248, 14; p. 49—70 — III p. 222, 14—252, 2).

Ex iis igitur, quae hucusque disputauimus, hoc effici-

tur stemma codicum, interpretationum, editionum Archimedis, quod summa et finis huius disputationis sit:



P. Ubaldus (in duos Archimedis aequeponderantium libros paraphrasis. Pisauri 1588 fol.) nullo codice adiutus editione Basileensi usus est (p. 7: cum liber hic in Latinum versus multis in locis obscurus aliisque plerisque quodammodo mancis merito suspicetur . . . graecusque praeterea codex impressus, quem secuti sumus, multis in locis aliqua correctione egere videatur cett.). interpretatio Gallica Petri Forcadel (Paris. 1565. 4: le premier livre d'Archimede des choses egallement pesantes traduit et commenté par P. Forcadel de Bezies) in rebus criticis nullius prorsus momenti est, quia pleraque ipsius interpretis sunt. idem ibidem eodem anno interpretationem libri I neol ογουμένων eiusdem generis edidit (Le livre d'Archimede de des poids, qui aussi est dict des choses tombantes en l'humide. Paris. 1565. 4). denique Paschasius Hamelius (comment, in Archimedis librum de numero arenae. Lutet. 1557. 8) interpretationem editionis Basil. Latinam hic illic emendatam recepit.

hoc libris illis inspectis addendum putaui, ne quis noua subsidia in iis latere suspicatus frustra in iis conquirendis laboret. Iam ad confirmandum stemma codicum supra propositum adnotationem criticam plenam ad arenarium dabo. collationem codicum Parisinorum ab H. Omont factam iam in Quaest. Archim. edidi; Uenetum et N^a postea ipse contuli; praeterea recepi scripturas editionis Basileensis¹), Iacobi Cremonensis, Riualti (R), Torellii (T), quantum opus uidebatur.

II p. 242, 2: οἰόνται] οιοντε F.
βασιλεῦ Γέλων] βασιλευογελών Ν* Ven.

242, 3: ἀριθμόν] om. FVABCDNaVen. R. "arenam" Cr.

242, 4: τοῦ] τον FVABCDN*.

242, 6: &vtl] &v FVACDNaVen.; om. B. "nonnulli vero" Cr. ol] om. FVABCDNa.

αὐτόν] αὐτῶν V (sed corr. m. 1).

242, 7: μεν είμεν] ηενιμεν FVABCD; ενιμεν N°Ven. "infinitiam eam minime" Cr. ὑπολαμβάνοντι] ὑπολαμβανωντι FN°Ven.

242, 9: οὖτως] οὖ VAD, δ FN*Ven. (corr. in mg.), οὖτω BR.

242, 10: εί] τν VAD.

νοήσαιεν] νοεισαιεν F; νοήσαι εν VAD.

242, 11: ἄλλα] FVABCDN Ven. RT, "eiusmodi cumulum arenae concepissent, qualis esset" Cr.

άλίπος] αλικ'αν F; άλίπαν BC; άλίπ αν N*; άλίπων VAD.

τᾶς] πας FVABCDNa; "uniuerse terrae tumor" Cr.

γᾶς] γαφ FVABCDN°.

242, 12: 78] om. BR.

¹⁾ Ubi ed. Basil. cum emendationibus Uenatorii congruit, utrumque per "Ven." significaui, in dissensu "Ven." significat emendationes Uenatorii in Na manu factas, "ed. Basil." editionem.

242, 13: ποιλωμάτων] ποιλομάτων DN*Ven.T.
εἰς] om. FVABCDN*.
ὑψηλοτάτοις] ὑψηλωτάτοις FV; ὑψιλοτάτοις D.

242, 14: ὀρέων do έων FC.

μη γνωσόνται] μηγουσιν τε FBN*; μίγουσί τε VACD.

μηδένα κα ξηθήμεν ἀριθμόν] μηδεν ακαρη εμμεναι F; μηδένα κάρη ἔμμεναι VAC; μηδένα βάρη ἔμμεναι D; μηδ' ἐν ἀκαρεῖ ἔμμεναι BN^*R . 1)

242, 16: πειρασούμαι] πειρασούμεν D.

τοι] του FVABD, N° manu 1; τοῦτο C, N° m. 2. δι'] διά C. ἀποδειξίων] ἀποδειξεων FVABCDN°.

242, 17: γ εωμετρικάν] μετρικάν D; γ εωμετρικών N^* .

242, 18: πατωνομασμένων] πατονομασμενων FCDN*. ένδεδομένων] ένδεδομένον FC.

242, 19: Ζεύξιππον] Ζευξίππου D.

244, 1: μόνον] μόνου Α.
ἀριθμόν] comp. FCN*; καί VABD.
μέγεθος] μεγέθεος N*Ven.

244, 2: είπαμες] ειπαμεν FVABCDN*.

244, 3: μέγεθος] μεγεθους FVACD; μεγέθεος N^{*}Ven. ἴσον] ἴσου D.

244, 5: κέντρον] μέτρον VAD.

244, 6: ά] ή FBCN*.

244, 6: ἐκ] om. FVACDN^{*}R.

ἴσα τῷ εὐθεία] αι ευθειαι post lacunam FVABCD;
εὐθείαι N^{*}Ven.

244, 8: έντὶ τὰ γραφόμενα, ώς] έν ταις γραφομεναις FVABCDN.

244, 9: διάπουσας] διαπρουσας FVABCDN*.
δέ] om. FVABCDN*.
ὑποθεσίων] FCN*; ὑποθέσεων Β; ὑπόθεσιν VAD.

244, 10: τινων] FBCN*; τινα VAD.

 [&]quot;eos minime dubium esse sensuros fore huiusmodi cumuli multitudinem nullo prorsus numero posse contineri" Cr.

- 244, 10: γραφάς] γραψας FVABCDN^{a.1})
- 244, 12: ἀπλανέα] ἀπλανη FVABCDN*.΄ τῶν] τῶν τῶν D.
- 244, 13: anivotov FNa (corr. man. 1).
- 244, 15: ος έστιν] ως έστι D. των Ταν VAD.
- 244, 16: ἀπλανέων] ἀπλανων FVABCDNa.
- 244, 17: ταλικαύταν] ταλίκαν ΒΒ, ταμικαύταν V, ταμικάνταν D.

ώστε] εστω FVADN*; έν ὁ BR, ές τῶ C.

- 244, 18: καθ' ον τάν] καθ αύ ταν FABCN*, καθ' αύτάν VD.
- 244, 19: ἀπλανέων] απλανων FVABCDN*.
- 244, 20: οΐον BD (B corr. m. 2). τᾶς] της FVABCDN*.
- 244, 21: γ'] δ' N°. έστιν] έστι CD.
- 244, 22: τό] τα FVACDN^a (corr. m. 1). τᾶς] τῆς B m. 1, R.
- 244, 24: αὐτό] αὐτον FVACDN*.
- 244, 25: τόδε om. D.
- 244, 26: ώσπες είμεν] ώς πεςι μεν FVABCDN*. τό] τον Α.
- 246, 1: α FVABCDN*.
- 246, 2: ov FVABCDR.

ύποτίθεται] ύποτίθενται N*Ven.

- 246, 3: ἀπλανέων] απλαν cum comp. ων F; ἀπλανῶν VABCD; ἁπλᾶν Ν*Ven. γάρ] om. FVABDN*. "nam" Cr.
- 246, 4: ὑποκειμένω] υποκειμενον FVACN*R; ὑποκειμένων ΒD.
- 246, 6: ὑποτιθέσθαι] ὑποτιθεται FVABCDN^a.
- 246, 7: φαμές] φαμεν FVABCDN*.
- 246, 8: ψάμμου] ψάμμους D.

^{1) ,,}haec itaque quae apud Astrologos conscripta inueniuntur refutans et commutans Aristarchus Samius suppositionibus quibusdam scripta quaedam tradidit" Cr.

246, 8: σφαίρα] σφαίρων Α. ταλικαύτα] ταλίκα ΒD.

246, 9: άλίπα] άλίπων VAD.

ἀπλανέων] πλανέων VAD. 246, 10: οῦτως] comp. FVN^a; οῦτω BR.

δειχθήσειν] δειχθεισ F; δειχθεισην B, δειχθείσι N*, δειχθεισ C, δειχθεισ V, δειχθεισών AD.

246, 11: τάν] των FVABCDN*.

κατονομαξίαν] κατονομαξίων FVAB, κατ' ὅνομα άξίων C, κατανομαξίων D, κατονομαζίων N*Ven.

ὑπερβαλλόντας] ὑπερβάλλοντα D.

246, 12: ἀριθμόν] comp. F; καί VABCDNa; "hanc ipsam arenam" Cr.

246, 13: μέγεθος] μεγέθους FVACDN*. ἔχουτος] εχου το FCN*.

246, 14: τῷ εἰρημένᾳ] τη ειρημενη FVABCDN*.
τάν] om. N*Ven.

246, 15: τ'] τ F, τ V, τῶν ABCN*.

μυριάδων] μοιριαδων FVADN*.

μή] om. FVABCDN*, Cr.

μείζονα] μειζων FVABCDN*.

παίπερ] και περι FVABCDN*.

τινῶν] τῶν FVABCDN*.

246, 16: πεπειφαμένων] πειφαμένων N^{*}Ven.
τύ] τοι FVABCDN^{*}.
παραπολουθεῖς] παραπολουθῆς C.

246, 17: μυριάδων] μοιριαδων FVAN*. 246, 18: καὶ θείς] καθεις FVABCDN*.

246, 19: δεκαπλάσιον] δεκαπλασιων FABCN*, δεκαπλασίου VD.

προτέρων] προτέρου VD. δεδοξασμένου] δεδοξασμενων FVABCDN*.

246, 20: τ'] τ FVDN*, τῶν ABC.

μυριάδων] Μ FBCN*, μοιριάδων VAD.

^{1) ,.}cum tu quoque illis assentias, qui experientia ostenderunt eum esse" Cr.

246, 21: μείζονα] μειζων FBCN*R, μείζω VAD.

248, 1: είμεν] εκειμεν FN*, έκει μέν VACD. διαμέτρου] διάμετρον Α.

248, 2: σελήνας] σελάνας B.

248, 3: τά] bis B; corr. m. 1. λαμβάνων] λαμβάνω VAD.

248, 5: τάν] τόν D.

248, 6: τριακονταπλασίαν] τριακονταπλασίας B m. 1; λπλασιών V A D.

nalπερ] naι περι FVABCDN∗.

248, 7: ἐννεαπλασίονα] εννεαπλασιον FVABCDN*.

248, 10: τοῦ] om. FVABCDNa.

248, 11: ὀκτωκαιδεκαπλασίων] ὀκτωκοιδωδεκαπλασίων D.

248, 13: προπείμενον] ύποπειμενον FVABCDN*. ἀναμφιλόγως] ἀναμφιλογον FVABCDN*.

248, 14: ὑποτιθέμαι] ὑποτίθεντι D.

τοῦ άλιου τᾶς διαμέτρου] om. FVABCDNa, Cr.

248, 15: σελήνας] σελάνας Β.

τριακονταπλασίαν] τριακοταπλασίαν ∇ , τριακονταπλασίας ∇ en.

248, 16: μ elfova] μ elfov F, μ elfov C, μ elfóvov N^a , μ elfov VAD.

248, 17: μείζονα είμεν] είμεν μείζονα VAD.

248, 18: τῶν] τοῦ VAD.

248, 19: εὐρηκότος] εἰρηκοτος FVABCDN*, "dicat" Cr.

248, 20: τόν] τῶν F (comp.) CN*, τ VAD.
φαινόμενον] φαινόμαινον D.
εἰκοστόν] εἰκός C.

248, 22: ὀργανικώς] ὀργανικών D.

248, 23: εἰς] ὡς FVABCDN*.
 ᾶν] ὰν F, ἄν N*D.
 ἐναρμόζει] ἐναρμόζη VD, sed in utroque corr.

έχουσαν] εχουσα FBCN^a.

248, 24: οὖν] ομοιον FVABCN*, ὅμοιον τι τᾶ ὅψει. τὸ μὲν ὅμοιον D. ἀπριβές] απριβει FVABCDN*, "simile uero" Cr.

248, 25: διά bis D.

250, 1: δεί] δια — FVABCD, om. Na; "oportet" Cr.

250, 1: άξιόπιστα] αξιοπιστας FVABCDN*.

250, 3: μακύνειν] μακαίνειν D.

250, 5: ἐστὶν οὐ] εστι FVABCDN*, Cr.

250, 6: είς] αις F; αίς VACDN^a, ές BR. έναρμόζει] εναρμόζη FVAN^a.

250, 7: τα om. FVABCDN^a.

250, 8: ατις] α τες Na Ven.

εἰς] ἀς FCN^a; om. VAD, ἐς BR.

250, 9: ἐναρμόζει] εναρμοζη FVACDN^a (D habuit ἐναρμόζει).
ἔγουσαν] ἔγουσα BR.

τα] τηα FVAD, τη BN*RVen.

250, 10: κανόνος] κανῶνος Ν^a.

έπὶ πόδα] ἐπιπεδον FCN^a, ἐπὶ πέδον VABD,
"super planum" Cr.

250, 11: ἤμελλεν] obscure scriptum in N*, ἤμενεν Ven. ἀνατέλλειν] ανατελλων F, ἀνατελεῖν N*Ven.

250, 13: ὀρθοῦ] ὄρθρου B mg, C, R.

250, 14: ἔπειτ'] ἔπειτα Α. ἐόντος] ιοντος FVABCDN*. ὁρίζοντι] ἀρίζοντι VD.
δυναμένου] δυναμενον FVA

δυναμένου] δυναμενου FV&CDN*. 250, 15: τοῦ] αὐτοῦ Β.

ἀντιβλεπέσθαι] ἀντιβλάψεσθαι C. ἐπεσιράφη] ἀπεσιράφη VAD, ἐπεγράφη Β. εἰς] ἐς Ν*Ven.

250, 16: ά όψις] αψις FVABCD.
κατεστάθη πατασταθή NaVen.

250, 18: ἀποχωριζόμενος] ἀποχωριζομένου B m. 1, ὑποχωριζόμενος D; "separans autem cylindrum" Cr.

250, 19: οὖν] om. F VABCD Na. ἄρξατο] ἀρξάσθω VAD.

250, 20: μικρόν] μικρου FVABCDN*.

250, 21: κατεστάθη] corr. ex κατασταθη Na. οὐν] ὁμοιως FVABCDNa; "siquidem similiter" Cr.

250, 24: ἐπιψαυουσᾶν] επιψαυουσα FVABCDN.

250, 25: ης] εις FVABCDN.

250, 26: είς] αις FVACDN*, ές BR. αλιος] ηλιος BR.

250, 26: ἐναφμόζει] εναφμόζη FVADN*. τάν] τα FN*, τάς VAD. ἔχουσαν] εχουσας FVABCD.

252, 2: δ' αί] δέ D.
 ἀφ' ἐνός] αφανη FVBCN^a, ἀφαν .. A, ἀφανής
 D. in V η finale macula deletum est et suprascriptum est ov rursus lineola deletum.

252, 3: σαμείου] σημειου FVABCDNa; "a puncto" Cr.

252, 4: ὄψιος] οψις FVADN*, ὄψεις C, η ὄψις BR.

252, 5: κανόνος κανώνος Na Ven.

252, 6: ἀχθεισᾶν εὐθειᾶν] αχθειεια ευθεια F, ἀχθεῖα εὐθεῖα Na, ἀχθεῖσα εὐθεῖα VACD, ἄχθη ἁ εὐθεῖα BR. ἐπιψαυουσᾶν] επιψαυουσα FVABCDNa.

252, 7: τε] om. B(? habet R), Ven.

252, 8: ελάττων] ελάττωνι Α.

252, 9: είς] αις FVACDN^a, ές B. εναφμόζει] εναφμόζη FVACD (fuit -ει) N^a. έχουσαν] εχουσας FVABCDN^a.

252, 10: μέγεθος] μεγέθεος D. τᾶς] om. Na Ven.

252, 11: τόν] om. N°Ven. εύρισκέται] εύρήσκεται Ν°Ven.

πυλίνδοια] πύλινδοοι Na, πυλινδοοι Ven., πύλινδοα ed. Basil.

252, 12: λαμβανέται] ἀναλαμβάνεται BNª Ven.

Ισοπαχέα] Ισοταχέα Νª m. 1, ed. Basil. (Ισοπαχέα Νª m. 2).

ἀλλάλοις] comp. Νª, ἀλλάλαν Ven.

τό] τα FVAD; τὸ μὲν λευπόν om. Νª; corr. Ven. mg.

252, 13: οὖ] οὕτως VAD.
προτιθένται] προστίθενται N^aVen.
πρό] προς comp. F, πρός N^a, πρὸ πρός B, ποτί VACD.
ὄψιος] οψιας FVACDN^a.

252, 14: ov om. VAD.

252, 14: ώς ἔστιν] ος εστιν FCNa, όσον VAD.

252, 15: οψιος] οψιας FVABCD. θιγγάνειν τιγγάνειν D.

252, 16: κα] om. FVABCDN*. λαφθέντα] λειφθέντα VAD.

λεπτότερα] λεπτοτατα FVABCDN°.

252, 17: ἔωντι] ἐόντι VAD. ὄψιος ΓΥΒCDNª. περιλαμβανέται] περι- comp. V, προλαμβάνεται D. ύπό περί D.

252, 18: δρήται | ήρήται D. αὐτᾶς] αὐτῆς Β R.

252, 19: μέν] πο FVABCDN^a (ελκόνα Ven.R). λεπτότερα] λεπτοτεραν FVABCN*, λεπτωτέραν D. ἔωντι] εοντι FBCN° Ven. R, ἐάντι VAD.

252, 20: τοῦ] τοῦ τοῦ D. $\dot{\epsilon} \varphi' \dot{\gamma} \dot{\alpha} \varphi' N^a Ven. T.$

252, 21: τοῦ] τας FVACD. τᾶς] om. C.

πυλινδοίων] πυλινδοων FVABCDN*.

252, 22: ἐπιταδείων] επειταδιῶν FVABCDN^a, "et positis ita" Cr. πάχει] πάσχει D.

έπισκοτεί] έπισκοτείν C.

252, 24: δή] δέ C. ταλικοῦτον τελικοῦτον D. μέγεθος] μεγέθεος D.

252, 25: nulivdolwy nulivdowy FVABCDNa. έστιν] έστι D.

252, 26: ά δέ] οὐδέ Na Ven. ά οὐκ] ουκ FVABCDN*.

252, 27: είς] αις FVACDN*, ές BR. έναρμόζει] εναρμοζη VAD (fuit -ει).

254. 2: ênt] ano FVABCNa, "per regulam" Cr. κανονίου] κανόνος VAD.

254, 3: ἐπισκοτείν] επικρωτείν F, ἐπικροτείν VABDN*. ἐπικρατεῖν C, "occultetur" Cr.

254, 3: τῷ] om. N° Ven.
ἀχθεισᾶν εὐθειᾶν] εὐχθειᾶν D.

254, 5: ἐπιψανουσᾶν] ἐπιψαύουσα ΒR, επιψαυουσων FVACDN^a.

254, 6: έλάττων] έλαττον D.

254, 7: γινέται] comp. FN*, γάο ἐστι VACD; "non est minor" Cr. εἰς] αις FVACDN*, ἐς BR. αλιος] ῆλιος BR.

έναρμόζει] εναρμοζη FVACDN*.

254, 8: τῷ] τᾶν D.

254, 9: οῦτως] comp. F, οὐ CNª, οῦτω VABDR.

254, 10: τῷ] om. FVABCDN*. ρξδ] ρξδθ VAD.

254, 11: ἐλάττων η̈́ — 12: ὀφθᾶς] om. VAD.
διαιρεθείσας] διαιρεθείσα FCN*, διαιρεθείσῶν Β.

254, 12: τᾶς ὀρθᾶς] των ορθων FBCN^a. ξυ μέρος] ευμετρος V, ξυ (ξυ) μέτρος ADN^a (corr. Ven.).

254, 13: καί] om. ed. Basil.
ά γωνία] ἀγωνία D.
εἰς] ας FVACDN^a, ἐς BR.
ᾶλιος] ηλιος FVABDN^a.
ἐναφμόζει] εναφμοζη FVCDN^a.

254, 14: ¿στιν] έστι D.

254, 15: τᾶς ὁρθᾶς] om. FVCDN*: εἰς] ες FVDN*.

Έν μέρος] om. FVCDN*, Έν μέτρος A. Deinde in FVCDN* sequitur: ά δε έλαττων διαιρεθεισα των ορθων εις σ μειζων (μείζον C, μείξων D) η εν μερος (εὔμετρος V, ἔνμετρος D) τουτων. δηλον ουν οτι α γωνια α ισαν ὁ αλιος εναρμοζη (ἐναρμόζει V, ἐναρμόξει D) ταν κορυφαν εχουσαν ποτι τα (τᾶν D) οψει ελαττων μεν εστιν η διαιρεθεισας τας ορθας εις οξό τουτων

er μερος (ξημετρος V, εν μετρος D). dein Ven. in N° deleuit lin. 12: δηλον — 15: τούτων. 1)

254, 17: 8v mégos] ξμμετρος VAD.

πεπιστευμένων] πεπιστευμένον Α.

δειχθησέται] δι' ων FVABCD NaR; "ex quibus sequitur" Cr.

254, 18: χιλιαγώνου] χιλιαγωνιου FVACDNa.

254, 19: τοῦ] τᾶς VAD.

254, 20: τῶν] τας FVABCDN*. νοείσθω] νοήσθω D.

254, 21: τοῦ άλίου καὶ τοῦ κέντρου] om. FVACDN*, Cr.; τοῦ κέντρου τᾶς γᾶς καὶ τοῦ άλίου Β.

254, 22: ὄψιος] obscure scriptum in V, ὄψοος A, οψος D.

254, 23: ἐκβληθέν] εκβεβληθεν FVABCDNa.

254, 24: núnlov] om. C.

254, 25: κατά] πα C.

256, 1: δε δ' CDN^a. 256, 3: Δ] om. FVCDN^a.

256, 4 et 5: ἐπιψαυόντων] ἐπιψαυωντων F.

256, 6: τόν] τῶν V m. 1, D.
ΘΜ] ϑη FVABCDN*.

256, 7: κατά παὶ τά D. ἔστι ἔστω C.

OK] on FVABCD, "ok" Cr.

256, 8: δρίζοντα] ώρίζοντα V m. 1.

^{1) &}quot;istis angulis sic sumptis dimetiatur angulus rectus et fiat puncto et aculeo, ut angulo recto in centum et sexaginta quattuor partes diuiso unus angulus qui sit minor quam una pars illarum et ipse angulus minor factus sit recto angulo diuiso in ducentas partes maior una illarum partium. constat igitur quod angulus cui sol accommodatur, qui uerticem habet in uisu minor est quam una pars recti diuisi in centum quatuor et sexaginta partes: minor autem angulo solis dicto est maior quam una pars anguli recti diuisi in ducentas partes. constat item quod angulus cui sol accommodatur, qui uerticem habet in uisu, minor est quam una pars anguli recti diuisi in centum quatuor et sexaginta partes maior autem quam una pars recti diuisi in ducentas partes maior autem quam una pars recti diuisi in ducentas partes." Cr.

256, 9: τᾶν] των FVABCDN^a.

256, 10: τᾶν των FBCN^a.

 ΘM] ΘN FVABCD, "hn" Cr.

256, 11: τᾶν | των FVABCDNa.1)

258, 1: &ν μέρος] ἔμμετρος VAD.

ίσα γάρ] ισον γωνιαι FVABCDN^a (ισον comp. FNa). "huic autem angulo aequalis" Cr. έστι] έστιν BC, είσι V.

258, 2: εἰς αν] α ισαν F, αἶς αν VACDN*, ἐς αν BR. έναρμόζει] έναρμόζη VAD.

258, 5: εν μέρος] ξμμετρος V m. 1, D.

258, 6: ὑποτεινούσας] ἀποτεινούσας VA, ἀποθειμούσας D.

258, 7: $AB\Gamma$] ABN FVBDN^a.

258, 8: εἰρημένου] ειρη VAD (V in fine lineae).

258, 9: τοῦ] bis B. τοῦ ΑΒΓ κύκλου] om. D. τοῦ ABΓ κύκλου - lin. 11: κέντρου] bis F tribus primis uerbis expunctis; in C una linea in rasura est. nota, quae hoc loco in B est (Quaest. Arch. p. 181), significat ώραῖον (Wat-

tenbach p. 24).

258, 12: ἔχειν] εχει FVACDN*.

258, 13: δεδειγμένον] δεδεικμενον B, sed corr.

258, 15: ταύτας δέ] τας δε FVABCDN^a (δ' D, δέ om. B). έλάττων — lin. 16: πολυγωνίου] om. FVABCDN*.

258, 16: ἐλάττονα οὖν] ελαττω FVABCDN*; in FVBDN* sequitur lacuna 5-7 litterarum.2)

258, 17: ά] ηα FVACDN^a.

258, 18: τας] om. VAD.

258, 20: ΣΗ] εη FVABCDN^a, "eg" Cr.

258, 21: ἰσᾶν γάρ] om. D.

ΘΑ] τα ΘΑ FVABCDN^a; "cum hk sit aequalis ipsi ha" Cr.

1) In FVCDN^a spatium figurae relictum est, in A nullum. in B figura reperitur Torellianae similis (R). in B adscriptum est: λείπει τὸ διάγραμμα et οὐ λείπει γόνο τὸ διάγραμμα.

2) "maiorem esse quam triplam sesquioctauam diametri minorem uero quam triplam sesquiseptimam. minorem uero habet proport." Cr.

258, 22: ἐπεζευγμέναι ἐντί ὑπό] ἐπιζευγνυμεναι επι FVA
BCDN*.

258, 23: ΣΗ] ABΓ FVABCDN* Cr.; corr. B m. 2.

258, 25: **ΕΘ**Υ] εθγ VAD.

διάμετρος] γωνια FVABCDN*, Cr; corr. B m. 2. ΣΗ] ABH FVACDN*, αβγ Β, ση m. 2; "abg" Cr.

258, 26: forly | forl B.

τοῦ ΣΗ κύκλου] om. C; του εη κυκλου FVADN Cr.

258, 27: ἄρα] comp. N^a, δέ C. ΘΥ, ΚΣ] θν πς VAD.

260, 1: τᾶς] του FVABCDN*.

ωστε] ως VAD.

260, 2: ΥΣ] ~ς Ν*, γς VAD. ἐλάττονα] ἐλάσσονα C.

260, 3: ΘΚ μείζων] ΘΚ V ελαττων FBCN* (θηψ B m. 2, θη~ N*), θηῦ ἐλάττων VD, θηγ οὐη ἐλάττων Α; ,, hky minor" Cr.

 ΘP] corr. in $\vartheta \chi$ B, $\vartheta \kappa$ R. $\Sigma \Upsilon$] $\sigma \nu$ N^{*} Ven., $\sigma \gamma$ VAD.

260, 4: ἐλάττω] ἐλάττων Ď.
καί] om. Β.
ἔχει] εχοι FΒ.

260, 5: τάν] τα F, τα VADN*.
 ΔΤ] δγ D.
 ἐπεί δέ | επι FVABCDN*.

260, 6: ΔΚΤ] δατ D; om. Na, δατ τοιγώνων Ven. δοθογωνίων] bis CD.
πλευραί] πλευράν D.

260, 7: ΔΤ ἄνισοι] ϑη ἄνισσοι D, ϑτ ἄνισοι V.
ΘΡ, ά] ΟΡΑ FVABCDN*, ,et angulus maior contentus lineis dt dk" Cr.

260, 8: ά] om. FVABCDN^a.
τᾶν] των FVABCN^a.

260, 9: τᾶν] των FVABCDN*.

260, 11: ΔT] δγ D.

δυῶν] δύο VAD.

260, 12: άτέραι] ᾶτεραι αι C.

260, 13: ἔωντι] ἔοντι VAD.

260, 15: ταν] τα FVABCDN^a (B corr.).

260, 16: ὑποτεινουσᾶν] υποτεινουσα FVÁBCDNa, "subtensa" Cr.

ποτί] om. FVACDN*. ἐλάττονα] om. D.

260, 17: ὀρθὰν γωνίαν] ὀρθογωνίαν D.

260, 18: ελάττονα] ελάττωνα D, ελάσσονα Nº Ven.

260, 19: τᾶν] των FVABCDN^a.

260, 20: τᾶν ΘΟ, ΘΜ] των ΘΝ, ΘΜ FVABDN*, τῶν θμ, θν C; "hn, hm" Cr. ἐλάττω] ἐλάττονα C.

260, 22: nal] om. Ven.

περιεχομένα] περιεχομένη VAD.

260, 23: τᾶν] των FBCN*.

γωνίαν] γονίαν Ν*.

260, 24: τῶν] των FBCN*.

 $\Delta \Lambda - \tau \tilde{\alpha} \nu$ p. 262, 1] om. VAD.

260, 26: είη κα] ή εικα FCN*.

262, 1: ά] om. F.

ταν] των FBCN^a.

262, 2: δισμύρια] δεσμύρια Ν^{*} Ven. μέρεα] μερος FVABCDN^{*}.

262, 3: μείζων] μείζον VA, μείζου D.

262, **4**: ἀ ἄρα] αρα α FVABCDN*.

μείζων] μείζου VAD.

262, 6: εlς] αις FVACDN*, ες BR.
τῷ] ταν FCN*.
εντί] ἐστιν BR.

ά] om. A, in V paene erasum.

262, 9: δεικνύται] δείκνοται D. καί] om. BR.

262, 10: δτι] οιον FVABCN^a, οίου D. ά] om. D.

262, 11: 571] om. FVABCDN*.

262, 13: φ εκατόν VAD.

262, 14: μείζονα] μείζων FVACDN*.
τριακονταπλασίονα] τριακονταπλασίων FVACDN*.

262, 15: σελήνας] ελινας FN^a, Ven.
μείζονα] μειζων FCN^a, μείζον (ex μείζων) V, AD.

262, 16: σελήνας] ελινας FN*, Ven.

262, 19: ἐοῦσα] ἐοῦσαι Ν^{*}.

γιλιαγώνου] γιλιαγώρου D.

262, 20: τῶν] τοῦ ∇Ď.

262, 21: φανερόν] φανερου D.

262, 23: ά δὲ διάμετρος τοῦ άλίου] om. D.

264, 4: παντός] πάντα D. τᾶς] om. FVABCDN*.

264, 5: $\ddot{0}$ κα $\ddot{\eta}$ $\ddot{\eta}$ $\ddot{\eta}$ $\ddot{0}$ καλευρεον $\ddot{0}$ καλ ελς $\ddot{0}$ έθ πλευραν ε΄ $\ddot{0}$ καλ ελς $\ddot{0}$ εθ πλευραν εων $\ddot{0}$ καλ ελς $\ddot{0}$ εθ πλευραν εων $\ddot{0}$ καλ ελς $\ddot{0}$ εθ πλευραν εων $\ddot{0}$

καί πολυγωνότερον] και πολυγωνου οτι FBCN a.

264, 6: εγγεγοαμμένον εν τῷ κύκλῷ] εγγεγοαμμενου του κυκλου FBCN*.

264, 5: καl — lin. 6: διάμετρος] ἄμετρος VAD. "cuiuscunque figurae multorum angulorum circulo
inscriptae, quae plus quam sex lateribus constet; cum hexagono inscripto in circulo diametros circuli est tertia pars ambitus ipsius
hexagoni, erit ut diametros" Cr.

264, 9: τᾶς γᾶς — 10: διάμετρος] om. FVABCDN^a; ,,quod autem diametros mundi minor sit decies milies decem milibus centies stadiorum hinc constat. quoniam" Cr.

264, 12: τάν] τον comp. FN*, τον VD, τήν C.

264, 13: μείζονα] μείζον D. σταδίων] σταδίων έστιν FVACDNa; in B corr. in σταδίων είμεν (sic R).

264, 14: "] om. FVCDN".

264, 16: τριπλασίονα] τριπλασίων FVACDN*.
ώς] om. N* Ven.

264, 17: μυριάδες] μυριαδων FVABCDN*. 264, 21: μὲν οὖν τῶν] οπ. FVABCDN*.

- 264, 22: τῶν] τᾶν B; sed corr. m. 1.
- 264, 24: μείζον] μειζων FVACDN*.
- 264, 25: διάμετρον] διαμέτρου D. μάπωνος] μάπονος Ven.
- 264, 26: τετρωποστομόριον] Α; τετρωποντομοριον FBCNa; etiam V, sed corr.; τετροποστομόριον D.
- 266, 2: ἐτέθεν] ἐπετέθεν V, ἐπετέθων D, ἐτέθεντο BR. μακώνες] μακώνος AD(V?).
- 266, 3: ἀλλαλᾶν] C, αλλαλων FVABDN*.
 μακώνες] μάκονες VAD.
- 266, 4: δαπτυλιαίου] δαπτυλι αί F. οὖυ] om. FVABCDN^a.
- 266, 5: μάκωνος] μάκονος Ν* Ven.
 ώς τετρωκοστομόριον] ώστε τροκοστομόριον D.
- 266, 7: ἀναμφιλογώτατα] αναμφιλογωτατον FVABCN*, άναφιλαγωτατον D.
- 266, 8: προκείμενον] προκειμένου D.
- 266, 9: γρήσιμον] γρήσιμα VAD.
- 266, 11: περιτετευχότες τῷ] περιτευατ' ες το FVABCDN . 1)
- 266, 14: προειρημένον] προειρημενων FVABCDNa.
- 266, 15: τό] τα FVABCDN*. μυρίων D.
- 266, 16: τό] om. FVABCDN^a.
 ἀποχρεόντως] ἀπροχρεόντως Β.
- 266, 17: ἐγγιγνώσπομες] εγιγνωσπομεν FVABCDN*. ἀριθμόν] ἀριθμών VAD.
 - ἔστε ποτὶ τὰς μυρίας] ες τοις ποτι τας FVABN^a, ἐς τοῖς C, ἐς τὰς ποτὶ τάς D. "referentes eum in reliquos superiores" Cr.
- 266, 18: ἔστων] ἐστω FVABCDN*.
- 266, 19: τὰς μυρίας μυριάδας] τα μυριαν μυριαδων FAB, τᾶν μυρίαν μυριάδων VCDN*.
- 266, 20: πρώτων πρώτον Α.
- 266, 21: ἀριθμῶν καὶ ἀριθμείσθων] και αριθμων FVABCDN^a, ...et numerorum secundorum" Cr.

^{1) &}quot;ui in his, qui compositi sunt a me in libro, quem ad Zeuxippum scripsi, non curent, qui haec legent" Cr.

266, 22: ἐπ τᾶν] έπατον FVACDNa, αι ἀπὸ τῶν BR.

266, 23: και έκατοντάδες] om. D.

ές τὰς μυρίας μυριάδας] εσται μυριών μυριάδων FVACN*, ἔστε μυρίων μυριάδων B. "erunt unitatum quae dicuntur decies milies decem milia" Cr.

ές τάς — 24: μυριάδες] om. D.

268, 1: τρίτων] τῶν τρίτων ΑΒΑ.

268, 2: ἀριθμείσθων] αριθμεισθω FVABCDN^a. τρίτων] τριων CN^a (F?).

268, 3: ἀπό] αι απο FVABCDN*.
τᾶν] τῶν ΒΒ.

268, 4: ἐς τὰς μυρίας μυριάδας] εσται μυριαν μυριαδες FVACD, εστε μυριαν μυριαδων Β, ἔσται μυρί (μυρίαι Ven.) μυριάδες Ν*; "erunt decies milies decem milium unitatum dictarum" Cr.

268, 7: ἀριθμῶν] comp. FBCN*, οὖν VAD.

268, 8: οῦτως] comp. Na; οῦτω BR.

268, 9: ἐχόντων] εχοντες FVABCDN*.
ἐς τάς] εσται FVABCDN*.

μεροστατών μεροστάν | μεροστατών |

μυριακισμυριοστών] μυριακισμηριοστών Α.

268, 10: μνοίας μνοιάδας] μνοιαι μνοιαδες FVABCDN*; "et hoc modo procedentes numeri huiusmodi nomina habentes erunt decies milies denorum milium decies milies decem milia" Cr. ἀπογοέοντι] απογρεωντι FCN*.

268, 11: ἐπὶ τοσοῦτον] ἀπο τοσουντων F, ἀπὸ τοσούτων VABCDN^a; "ex tantis" Cr. γυγνωσκομένοι] γινωσκόμενοι ACN^a.

έξεστι] έξεστιν Α.

268, 13: πρώτας] πρωτης FVABCDN*.

268, 14: πρώτας] om. FVACDN*.

268, 16: τᾶς] τῆς VAD.

πρώτων — 17: περιόδου] om. FVABCDN*, Cr.

268, 17: δευτέρων] τῶν δευτέρων VAD.

268, 20: ἐχόντων] ἔχοντες ΒR.

268, 21: ές τάς] εσται FVABCDN*.

268, 22: μυρίας μυριάδας] μυριριαι μυριαδες F, μύριαι μυριάδες VABCDN^a; "erunt decies milies decem milia denorum milium decem milia decies milies" Cr.

nal om. D.

268, 23: ἀριθμός] comp. FVNa, καί BR.

268, 24: οΰτως] comp. Na, οΰτω BR.

268, 25: ἐς τάς] εσται FVABCDN*, "erunt" Cr.

270, 1: μυρίας μυριάδας] μυριαι μυριαδες FVABCDN^a.

ούτως] ούτω BB, comp. N^a.

κατωνομασμένων] κατονομασμενων FN^a, κατωνομασμων D.

270, 3: έξης πειμένοι] έξησημένοι VADN*, Ven. παρά] αρα C.

 \vec{y}] $\tau \iota$ N°, Ven.

270, 4: μέν] ειεν FVABCDN*.

270, 5: μετ' αὐτούς] μετὰ τοὺς C. 270, 6: καλουμένων] καλουμενοι FVABCDN*.

270, 7: τόν] των Β, corr. m. 1; τῶν αὐτῶν τρόπων V, sed corr.; τρόπων Α. συνωνύμων] συνωνύμων D.

270, 8: τ@] om. FVABCDNa.

270, 9: ἀριθμῶν] comp. FBN*; in B sequitur: πρώτων corr. in ἀριθμῶν. ἀριθμῶν] comp. FBN*.

τᾶς] ἀ FVACN*, ὁ D. 270, 10: ἀριθμῶν] comp. FBN*.

δ] om. N° Ven. 270, 11: χιλίαι] χίλλιαι VD.

270, 12: ἐστίν] ἐστι VABDN*. 270, 15: μυριάδες] χιλιάδες VAD.

270, 18: ἐστιν] ἐστι VABCDN^a.
 270, 19: ὅτι καί] εστι και FVCD, ἐστιν Α, ἐστιν ὅτι BR, ὅτι Ν^a Ven.

όποσαιοῦν] πολλαι FVABCDNa.

270, 20: έξοῦντι] έξοῦτι ed. Basil.

270, 21: γιγνωσκόμενον] γινωσκόμενον C.

270, 21: τᾶς] της FBCR.

270, 22: ἀνάλογον] ἀναλόγων A, sed corr.

έόντων εωντων FCN*.

πολλαπλασιάζωντι] πολλαπλασιαζοντες FVABCDNa, "si sint numeri ab unitate proportionales, et quidam ex eadem proportione sese multiplicauerint" Cr.

270, 23: δ γενόμενος] σταν FVABCDN^a, "quod producetur" Cr.

270, 24: τοῦ μείζονος] ουν FVABCDNa, "a maiore" Cr.

270, 25: πολλαπλασιαξάντων] πολλασιαξάντων Α, πολλαπλασιαζάντων C. άλλάλους] οm. VAD.

δ] om. VAD.

270, 26: πολλαπλασιαξάντων] πολλαπλασιαζάντων C, πολλασιαξάντων D, sed corr. ἀπέγει] απεγη FBCN*.

272, 1: έλάττονας] ελαττωνας Ε, έλάττονες D.

272, 2: δ] om. FVABCDN*.

οῦς] ως FVABCDN*.

ἀπέχοντι] απεχωντι FBCN*.

ἀπὸ μονάδος] απομαδος F.

272, 3: πολλαπλασιαξάντες] πολλαπλασιάσαντες C. ἔστων] ἔστωσαν BR.

272, 4: ἀπὸ μονάδος] απομαδος FV.

272, 5: πεπολλαπλασιάσθω] πεπολλασιάσθω C, παραπολλασιάσθω N^a (-αρα- comp.), Ven.

272, 6: Χ. λελάφθω] χλ ειληφθω FVABCDN*; "q. sumatur" Cr.

272, 7: ἐκ] δ ΘΚ FVABCDN*.
τᾶς] bis C.

A] ΦA FVABCDN^a, "et hic sit l" Cr.

272, 8: ἀπὸ μονάδος] απομαδος FVAD.

272, 9: ἴσος] comp. FN^a, ἴσον A, ἴσαν ed. Basil.

272, 10: ἀριθμῶν ἴσους] ισων (comp.) ισους FVACDN*, ἴσον ἴσους Β, Ven. R; "cum igitur sint proportionales, et totidem" Cr.

272, 10: Δ διά D.

272, 11: τὸν αὐτόν] τὰν αὐτάν FVAN Ven.

272, 12: Δ] δέ D.

272, 13: ἐστίν] VADN^a. τῷ] supra m. 1 V.

272, 14: ἴσος] ἴσον VAD; comp. N^a. δῆλον] ν in ras. m. 2 A.

δ] om. Na Ven.

272, 15: τέ έστιν] τε έστιν comp. F, τέ έστι C, τουτέστιν VA, τουτέστι D.

272, 16: τῶν] om. Na Ven. T.

πολλαπλασιαξάντων] πολυπλασιαξάντων ∇A , πολλαπλασιαζάντων C.

"" ["" cov comp. FNa, "" vABCD; "tantis distabit quantis" Cr.

272, 17: ἐλάττων] comp. FBCNa, ἔχων VAD.

272, 19: δ] supra V, om. AD.

272, 20: of Δ, Θ. of μèν γάο] οιδε μεν γαο οι FVABCDN*; ,, quantus est numerus ex numeris ordinis multiplicantium collectus. nam" Cr.

272, 21: of δέ - 23: ἀπέχει] om. D.

272, 22: ένί] επι FVAC; "uno" Cr.

272, 23: τοσούτοι] τοσούτοις ed. Basil. Dein in FVBCDN* spatium figurae relictum est.

274, 1: ἀποδεδειγμένων] ἀποδεδεικμένων B, sed corr.

274, 3: μάπωνος] μάπονος R, ed. Basil.

274, 4: τετρωκοστομόριον] τετρακοστομόριον BR. δῆλον] om. B.

274, 5: α om. FVABCDN*.

οὐ ου N*, οῦτως VAD.

274, 8: τετρωποστομόριον] τετραποστομοριον FVABCDN*.

274, 9: ¿στίν] ἐστί VADNa.

274, 10: ἔχοντί] εχωντί FBCN* Ven.
ποτί] ποτ' BR.
τᾶν] τῶν C.

274, 11: διαμέτρων] διάμετρον V? AD.

274, 12: τοῦ ἴσον τῷ] εις το FVABCDNa; "ad magnitudinem" Cr.

274, 12: μάπωνος] μαπονος FVADN* Ven. μεγέθει έχοντος] om. FVABCDN*.

274, 13: μείζονα] μείζον FVABCDN*. μυρίων] μορίων D.

274, 15: οὐ] οῦτως VAD. ἐ Ν^{*}.

μείζων] μείζον FVABCDN^{*}.

κα εἴη] καιν FBCN^{*} R Ven., om. VAD.

ἀριθμός] οὖν VΑD.

274, 17: s'] ἀριθμοί VAD, ἀριθμός ed. Basil. (s' N*).

274, 19: ι'] δέπα VAD.

μονάδες] μυριαδες FVBCDNa.

274, 21: ἐστίν] ἐστί VABDN*. τάν] των FVADN*, τόν Ven.

274, 22: σφαίρας] εφη FBCN*, έφ' ή VAD. μυριάδεσσιν] μυριαδεσιν F, μυριάδεσσι ABCDN*, μυριάδεσι V.

274, 23: λόγον] om. N° Ven. τᾶν] τήν D. διαμέτρων] διαμετρον FVABCDN°.

274, 24: ταλικαύτα] τηλικαυτα FVABCD, τηλικαύτη Nº Ven.

274, 26: ἐλάττων] ἐλάσσων C.

274, 27: πολλαπλασιασθεισᾶν] πολλαπλασθεισαν FVN a; πολλαπλασσθεισαν D, πολλαπλάσθησαν ed. Basil.

276, 2: μυριάδεσσιν] μυριαδεσιν FVADN*.
επεί] επι FVABCDN*, "quoniam" Cr.
δ' αί] δε FVABCDN*.

276, 4: τῆ τε FVABCDN* (in V fuit δέ).
δεκαπλασίων] δεκαπλευφων FVABCDN*, ,,in decuplis quoque centum est proportionalis" Cr. ὅρων] ὁ ϙ̄ C, ὀϙ̄ N*.
ἀναλογία] αναλογον FVABCDN*.

276, 6: $\delta \tilde{\eta} \lambda o \nu - 7$: $\dot{\alpha} \nu \alpha \lambda o \nu l \alpha \varsigma$] om. C.

276, 6: ἀριθμός] επτος FVABN^a (in V obscure scriptum), ἐπ τᾶς D, "sextus" Cr.

276, 8: δεδείπται — 9: μονάδος] om. B.

276, 8: ένί] εν FVACDN*.

276, 9: ἀπέχει] om. FVABCDN*.
ἢ ὅσος] ασσος FN*, ἄσσος VA, ἇ ὅσος BR, αοσος CD.

ŕ

276, 9: ὁ ἀριθμός] ελαττων FVABCDN*.
συναμφοτέρων] συναμφο δε FBN* Ven. R, συνάμφω δέ C, συναμφότερα δέ VAD; "nam ostensum est productum uno paucioribus ab unitate

distare quam sint illi qui ex utroque multiplicantium numero collecto notantur" Cr.

276, 10: ἀπέχοντι] απεχωντι FCN*.
πολλαπλασιαξάντες] πολλαπλασιάσαντες C.

276, 12: τᾶ] τη FVABCDN°.

276, 14: δευτέρων] om. Na Ven.

276, 15: φανερόν — 18: ἀριθμῶν] om. VAD.

276, 16: μέγεθος] μέγεθες ed. Basil.

τῷ] τα τε FVABCDN* (post σφαίρφ).
276, 17: ἐγούσα ἔλαττόν] ἐγούση ἐλάττών FBCN*.

276, 20: ¿στίν] ἐστί BVAD, om. Nº Ven.

276, 21: μυριάδεσσι] μυριαδεσι FCN^a, μυριαδεσιν VAD. γένοιτο] γέννοιτο A.

276, 23: μυρίων] μυριάδων ΑΝ* Ven.

276, 24: γενομένου] γενωμένου F.

276, 25: πολλαπλασιασθεισᾶν] πολλαπλασθεισᾶν B, sed corr. χιλιᾶν] χιλίων BB, χίαν N* Ven.

278, 1: φ'] έκατόν BR.

μυριάδεσσιν] μυριάδεσιν VACD.

ἐπεὶ δ'] ἐπεἰδ' Ν* Ven., ἐπεὶ δέ C.

278, 3: ἀνάλογον αί] αναλογιαι ÉVABCDN^{*}; "in ordine proportionis" Cr. ἀναλογίας N^{*} Ven.

278, 4: αὐτῷ] αυτη FVACDN*.

278, 5: ws i w F.

278, 8: \(\vec{kvrl} \) \(\vec{korlv} \) N* Ven.
\(\text{rowrous} \) \(\text{rows} \) FVABCDN*.

278, 9: τῶν] (prius) om. FVABCDN^a. εξ] εκ FVABCDN^a; "sex" Cr.

278, 10: τρίτων] τριων FVACDNa.

278, 11: τοίτων supra m. 1 B.

278, 12: μέγεθος] μεγεθους FVACDN*.

278, 13: τα̃] om. N° Ven.

278, 14: ἔλασσον] ἐλάσσων ΒR.

Archimedes, ed. Heiberg. III.

278, 14: ί δέπα VD.

278, 16: εχούσας] εχούσης N° Ven.

278, 18: μέγεθος] μεγέθεος Na Ven.

278, 19: έχούσα] έχουσαν V (corr. in έχουσα, sed obscure) D. έστιν] έστι C.

ί] δέκα VAD.

278, 20: δέ] δη FVABCDN*.

 $\dot{\alpha}$] (prius) $\dot{\eta}$ B. $\dot{\alpha}$] (alt.) om. D.

278, 21: ¿στί] ἐστιν BR.

278, 22: ρ'] έκατόν ΒΒ.

278, 23: μυριάδεσσιν] μυριαδεσιν FVACD, μυριάδεσσι BR.

278, 24: άλίπα] άλίσα A. ά] om. FVABCDN*.

278, 26: ψάμμου] ψάμμου Α.

280, 1: μυριάδεσσι] μυριάδεσι VACD.

καὶ ἐπεί — 2: μυριάδες] om. VAD.

280, 5: δητωμαιεικοστός] δητοκαιεικοστός C.

280, 9: τέσσαρες] τέτταρες D.

280, 11: μονάδες] μυριάδες N* Ven.

280, 12: μέγεθος] μεγέθεος Na Ven.

280, 14: μονάδες | μυριάδες C. τῶν | τῶν δέ Nº Ven.

280, 15: δέ] δη FVABCDN*.

· μυρίων — 17: διάμετρον] bis F, sed corr. m. 1.

280, 17: μυριάδεσσιν] μυριαδεσιν FVACD, μυριάδεσσι BR.

280, 18: ἐμ τὸ ἐμ C.

280, 19: διάμετρον] διαμετρων FAD (V?).

280, 20: ἔλασσον] ελασσων F, B (sed corr.), Na Ven. R.

280, 21: πολλαπλασιασθεισᾶν τᾶν χιλιᾶν] πολλαπλασιασθεισῶν τῶν τοῦν ΥΑD.

280, 23: μυριάδεσσιν] μυριαδεσιν FVACD. δ'] δέ N° Ven.

280, 25: μονάδος] μαδος F. δ'] δέ N° Ven.

280, 26: δηλον — 27: ἀναλογίας] mg. F.

282, 1: τριάποντα] τριάπωντα A, sed corr.

282, 3: αλλοι] οι αλλοι FVABCD.

282, 6: μονάδες] μοναδων FVACDN². τῶν] τᾶν Α.

282, 8: μέγεθος] μεγεθους FVADN*. 282, 9: Ελασσον] ελασσων FVCDN*.

282, 10: δέ] δη FVABCDN*. ά] (alt.) αί D.

282, 11: μυριάδων] μυριαδας FBCD, μυριάδες AR. έστι] έστιν C.

282, 12: τᾶς τάν] ταν FVABCDN^a.

282, 13: μυριάδεσσι] F, μυριάδεσσιν BCNa, μυριάδεσιν VAD.

282, 14: τὸ μέγεθος] om. Nº Ven. T.

282, 15: ά] om. C. δηλον] δήλων A, sed corr.

282, 17: πολλαπλασιασθεισᾶν τᾶν] πολλαπλασιασθεισᾶν τῶν VAD.

δέκα] δέ Να Ven. μονάδων] μονάδας D.

282, 18: [6] ξκατόν Β. Β.

μυριάδεσσιν] μυριασιν FCN* Ven., μυριάσι VAB, μυριαδεσι deleto -δε- D.

282, 19: ἐπεί] ἀπεί Α.

282, 20: ¿στι] ἐστιν BC.

282, 22: δηλον] δηλον οὖν V (AD?).

282, 24: τç] το F; corr. m. 2; τỹ Na Ven.

282, 25: καλουμένων] καμενων F (corr. m. 2) CN^a Ven.

282, 29: έστι] έστιν Β. χιλίαι] om. VAD.

284, 2: τῷ] μετά D.

284, 3: ρ'] ἐπατόν VAD.

μυριάδων] μυριαδες FVABCDN*. Ελασσον] έλασσων FBCN*, έλα in fine lineae A.

284, 5: σφαίρα] σφαιρας F (corr. m. 2) VACD. μυριάν] μυριάς FVABCDN.

284, 6: μυριάδων] μυριάδας ΒΒ.

284, 7: e'] έκατόν BR. e'] έκατόν BR, om. D. μυριάδεσοιν] μυριάδεσοιν FVACD.

284, 8: δή] δε FVABCDN^a.

284, 10: μυριάν] μυριάς FVABCDN*.

μυριάδων] μυριάδας BR.

φανερόν] σφανερόν D. Ελασσον] ελάσσων FVN*,

Ven.

284, 12: πολλαπλασιασθεισᾶν] πολλαπλασιον FVACN*, πολλαπλασίων D.

τᾶν χιλιᾶν] τῶν χιλίων VAD, χιλιᾶν Na Ven.

284, 13: ταῖς ο΄ — 14: ἀριθμῶν] om. VAD. μυριάδεσσιν] μυριασιν FCN*, μυριάσι BR.

284, 14: τετρωποστός] τετραποστος FVABCDNa.

284, 15: μονάδος ἀνάλογον] νομάδων D.
ο'] om. D.

284, 16: ἐπ τᾶς — 17: μονάδος] om. C.

284, 17: τετρωκοστός] τετρακοστος FVABCDN*.

284, 18: ὀπτώ μέν] ειμεν FVACDN*, οι μέν ὀπτώ BR, "octo" Cr.

284, 20: τούτους] τους FBRN* Ven.

284, 23: Le two entwo fvadna, two en two fradna, two en two entwo B.1)

284, 24: αὐτῶν] αυτος FVACDN^a. ἐστι] ἐστιν CD.

284, 25: μυριάδες] μοιριαδων F, μυριάδων VABCDN*.

284, 26: μέγεθος] μεγέθεος Na Ven.

286, 1: μυριάδων μυριάν] μυριακις μυριαδων μυριων FVABDN*, μυριακις μυριαδων μυριαδων C, ,,decem milium myriadum" Cr. Ελασσων FVACDN*.

286, 3: έχουσα] εχουσας FVADN*.

286, 5: μυριάδων μυριάν] μυριαδας μυριας FVACDN*.

286, 5: μυριάδων μυριάν] μυριάδας μυριάς F VACDN*, μυριάκις μυρίων BR.

φ΄] om. D. μυριάδεσσιν] μυριαδεσιν FC, μυριάσιν VAD, μυριάδεσσι B.

286, 7: ταλικαύτα] τηλικαύτα D. έστιν ά] έστι τά D.

286, 8: e'] om. N. Ven.

286, 9: τό] om. C.

ξλασσον] ξλαττον VAD.

286, 10: πολλαπλασιασθεισᾶν] πολλαπλασιων FVACD Ven., πολλυπλασίων N^a; "producto ex decem myriadibus" Cr.

μυριάδων] μυριαδαν FVACD.

286, 11: ταῖς ο΄ μυριάδεσσιν] ταν ο΄ μυριαδες FCN*, ταν ο΄ μυριάδες VAD.

286, 12: τῶν ἔκτων] τῶν ἀριθμῶν τῶν ἕκτων ΒR, τῶν ἀριθμῶν ἕκτων D.

286, 13: τετρωμοστός] τετραμοστος FVABCDNa.

^{1) &}quot;reliqui post quintos sextorum sunt uocati" Cr.

286, 15: δῆλον] δῆλον οὖν VAD.

δυοκαιπεντακοστός] δυοκαιπεντηκοστος FVABCDR.

286, 16: ἀπὸ μονάδος] om. C.

286, 20: καλουμένων — 22: έβδόμων] bis F, sed corr. m. 1.

286, 23: loov] comp. N^a, loa ed. Basil.

286, 24: τάν] των comp. F, τῶν DN*, τόν C.

286, 25: ἔλασσον] ελασσων FBCN*.
α] γίλιαι VAD.

288, 1: μυριων mg. FB.

288, 2: τοῦ μέγεθος] om. D.

α] χίλιαι VAD. τῶν] τᾶν D.

288, 4: οὖν] ομοιως post lacunam 3—8 litt. FVABCD.

288, 5: τῶ] τό Na Ven.

ἀστρολόγων] ἀποστόλων D.

288, 6: [α] χίλιαι VAD.

288, 10: Ελασσόν] ελασσων FVCDN*. έστίν] έστί Ν* Ven.
,α] χίλιαι VAD.

288, 12: ποτί τόν] ποτι των F, V (sed corr.), Na.

288, 13: είρημένον] είρημένων VA.

288, 15: αν] om. VD.

 $τ\tilde{\alpha}ν$ σφαιρ $\tilde{\alpha}ν$] $τ\tilde{\omega}ν$ σφαιρ $\tilde{\omega}ν$ VAD (σφαιρ ω ν etiam FNa).

288, 16: ἔχοντι] εχωντι FC. ποτ'] ποτί Να Ven. άλλάλας] αλλας FVACDNa.

288, 18: ἐοῦσα] οὖσα V.

μυοιοπλασίων] μυοιοπλασίαν FVCN*, Ven.; μυοιοπλάσια B, V e corr., AD.

288, 20: τᾶς] om. D.

288, 21: ἐπεὶ δέ] επειδη FVABCDN*. ἔχοντι] εχωντι FC.

288, 23: $\tilde{\alpha}\nu$] om. VAD, in mg. \div iidem.

288, 24: μυρίαις] om. FVBDN*, μυριάδων AC. μυριάδεστι] μυριάδεστ VAD.

288, 25: δέ] γάο N° Ven. (sed in N° supra scriptum δέ comp.).

ort om. FVABCDN*.

288, 26: Ελασσόν] ελασσων FVABCDNa; corr. B mg.

290, 1: α] χίλιαι VAD.

290, 4: είμεν] om. C. ἐσσείται] εσειται F.

290, 5: πολλαπλασιασθεισᾶν] πολλαπλασιαν FVACDN² Ven.

γιλιᾶν] γιλιων FVACDNa, Ven.

290, 6: μονάδων] μονάδων τῶν ξβδόμων ἀριθμῶν Β. μυρίαις] comp. V, μυρίες Α. μυριάδεσσιν] μυριάδεσιν VAD, μυριάδεσσι BNa, R Ven.

290, 7: έβδόμων] έβδόμων ἀριθμῶν Β. ,α] χίλιαι VAD. μονάδες] μυριάδες C.

290, 8: αί om. FVABCDN^a.

290, 12: δς κα είη] και πεντα- FN* Ven., καὶ πεντάκις VABCD.

290, 13: τοίνυν] οὖν C.

290, 14: τα om. FVABCDN*.

290, 16: ἔλασσόν] ελάσσων VABDR. α] χ/λιαι VAD.

290, 18: κεκοινωνηκότεσσι] κεκοινωνηκότεσσι B, sed corr.

290, 19: ὑπολαμβάνω] ὑπολαμβάμβανω D.

μεταλελαβηκότεσσιν] μεταλελαβηκότεσσι VABDN*. 290, 22: πεφροντικότεσσιν] πεφροντικότεσσι VABCDN*.

τάν] την C. ἐσσείσθαι] ἐσσεῖται DR, ἐσσεῖαθαι A.

290, 23: ἀήθην] ἀήθων D. κα] om. FVABCDN*.
τίν] τινας FVABCDN*.

αναφμοστεῖν] αναφμοστον ειη FBCN*, αν ἄφμον VAD; "quare nonnullos existimarim ad haec inspicienda nullo pacto posse accommodari" Cr.

De codicibus nondum collatis ad ea, quae collegi Quaest. Archim. p. 141-42, hic quaedam adiicienda sunt.

Cod. Scorialensis R—I—7 iussu Antonii de Covarrubias saec. XVI extremo ex duobus codicibus diuersis descriptus est (u. Carolus Graux: Revue critique 1881 p. 46).

Cod. S. Marci armar. 4 nr. 6 hodie in bibliotheca Magliabechiana Florentiae adservatur (serie Conventi soppressi I. v. 30). est membranaceus in folio saec. XV, et haec opera Latine continet: Arcimenidis de rotundis pyramidibus (in fine: explicit commentarium Iohannis de thiss

in demonstrationes Archimenidis), de speculis¹), de leui et ponderoso (h. e. Iordani Nemorarii de ponderibus), de proportionibus, de quadratura circuli; deinde uaria excerpta geometrica, uelut: de isoperimetris corporibus, de speris, alia. in capite de quadratura circuli quaedam ex Archimede (κύκλου μέτρησις) sumpta sunt, sed multa adduntur. liber de rotundis pyramidibus idem est, qui alibi uocatur: Archimenidis de curuis superficiebus. propositiones huius libelli, qui ex Arabico fonte fluxisse uidetur, sponte, qua est beneuolentia humanitateque, ex cod. Basil. F. II, 33 (fol. 151—53) mecum per litteras communicauit Maximilianus Curtze, et eas hoc loco ponam:

- I. Cuiuslibet rotundae pyramidis curua superficies est equalis triangulo orthogonio, cuius unum laterum rectum angulum continencium equatur ypothenuse pyramidis, reliquum circumferencie basis (cfr. de sph. et cyl. I, 14).²)
- II. Cuiuslibet columpne rotundae curua superficies equalis est tetragono qui continetur sub lineis equalibus axi columpne et circumferentie basis (cfr. de sph. et cyl. I, 13).
- III. Quorumlibet duorum circulorum circumferencie suis dyametris sunt proporcionales.
- IV. Quarumlibet duarum pyramidum rotundarum inequalium et similium curuae superficies habent differenciam equalem ei quod fit ex ductu differenciae ypothenusarum in dimidias circumferencias suarum basium (cfr. de sph. et cyl. I, 16).

2) E codice Florentino S. Marci hoc corollarium adiungo: Ex hoc manifestum, quod proportio superficiei rotunde pyramidis ad suam basim est sicut ypothenusa ad semidiametrum

basis suae (de sph. et cyl. I, 15).

¹⁾ Uidetur esse catoptrica Euclidis, qualia ea etiam nunc habemus, sed praemittitur praefatio apud Euclidem non occurrens. hic libellus propositiones 32 habet, quarum extrema haec est: ex concauis speculis ad solem positis ignis accenditur (Eucl. catoptr. 31).

V. Si in circulo descripti poligonii equilateri et equianguli medietas ad terminos dyametri terminata.
dyametro stante circumducatur erunt conicae superficies equales ei quod fit ex ductu unius lateris
circumducti in omnes circumferencias descriptas ab
angulis polygonii siue ei quod fit ex ductu circumferencie circuli continentis poligonium in lineam que
cum dyametro eiusdem circuli et latere poligonii in
eodem circulo constituit triangulum orthogonium
(cfr. de sph. et cyl. I, 24 et 21).

VI. Cuiuslibet spere superficies est equalis quadrangulo rectangulo quod sub lineis equalibus dyametro spere et circumferencia maximi (sc. circuli) continetur (cfr.

de sph. et cyl. I, 33).

VII. Omne solidum conicarum superficierum inscriptibile et conscriptibile spere equum est pyramidi (sc. rotundae, h. e. cono) cuius basis equalis sit superficiei solidi et altitudo semidiametro spere inscriptibilis solido (cfr. de sph. et cyl. I, 31).

VIII. Quarumlibet duarum pyramidum inequalium eiusdem altitudinis differencia equatur pyramidi eiusdem altitudinis cuius basis est differencia basium illarum

pyramidum (cfr. I p. 80 lemma 1).

IX. Omnis columpna cuius altitudo dyametro spere et basis maximo circulo fuerint equales sesquialtera est spere sicut et tota superficies columpne toti superficiei spere sesquialtera est (= de sph. et cyl. I, 34 πόρισμα).

X. Omnis spera rotunda equalis est pyramidi cuius basis equatur superficiei spere et altitudo semi-dyametro spere (cfr. de sph. et cyl. I, 34).

XI. Cuiuslibet spere proportio ad cubum sue dyametri

est tamquam proportio undecim ad 21.

itaque hoc opusculo retractatio quarundam propositionum libri I de sphaera et cylindro continetur, quae retractatio haud inscite propositiones illas cum propositionibus libelli de dimensione circuli in unum coniungit. denique commemorandi sunt duo codices Romani, quorum notitiam Mengio debemus (Neue Jahrbücher 1880 p. 112):

cod. Uaticanus Reginensis 16 Pii II, ut uidetur Mengio, ex F descriptus; continet eadem, quae F, et eodem ordine (u. L. Duchesne: de codd. mss. Graecis Pii II. Paris 1880 p. 12—13); chartaceus est saec. XV—XVI.

cod. Angelicus C 2, 6, cum B artissime coniunctus, et ipse chartaceus (u. Blume: Biblioth. mss. Ital. p. 137).

"Elementa mathematica" Archimedis, quae hebraice in codice Uaticano exstare dicuntur (Quaest. Arch. p. 28), non unum solum folium excerptorum Archimedeorum continent, uti proposuerat Libri p. 40 not. 1; est enim interpretatio libelli de dimensione circuli; u. Steinschneider, Zeitschr. f. Math. 1865 p. 475.

EUTOCII ASCALONITAE COMMENTARIA IN ARCHIMEDEM.

. . .

EUTOCII COMMENTARIUM

IN LIBRUM I

DE SPHAERA ET CYLINDRO.

Είς τὰ περί σφαίρας καὶ κυλίνδρου Αρχιμήδους οὐδένα τῶν πρὸ ἡμῶν ἀξίαν εύρὼν σύνταξιν καταβεβλημένον καὶ κατανοήσας μὴ δι' εὐμάρειαν τῶν θεωρημάτων τοῦτο παροραθηναι (ἐπιστάσεως γὰρ ἀκρι-5 βοῦς, ὡς ἴστε, καὶ εὐεπιβόλου δεῖται φαντασίας), ἀρέηθην κατ' έμην δύναμιν σαφώς έκθέσθαι τὰ έν αὐτοῖς δυσθεώρητα προαγθείς μᾶλλον είς τοῦτο τῷ μηδένα πω καθείναι είς ταύτην την υπόθεσιν η διά την δυσκολίαν όκυήσας καλ αμα τὸ Σωκρατικόν λογι-10 σάμενος, ώς τοῦ θεοῦ συλλαμβάνοντος πάνυ είκὸς καί έπὶ τέλος ἡμᾶς τῆς σπουδῆς έλθεῖν, ἐκ τρίτων δὲ διανοηθείς, ώς, εί τι καὶ παρὰ μέλος διὰ νεότητα φθέγξομαι, τοῦτο ὑπὸ τῆς σῆς περί τε τὴν ἄλλην φιλοσοφίαν επιστημονικής θεωρίας και διαφερόντως περί 15 τὰ μαθήματα ἐπανορθώσεως τεύξεται, ἀνέθηκά σοι, κράτιστε φιλοσόφων 'Αμμώνιε. πρέποι δ' ἄν σοι τῆ έμη σπουδή συνάρασθαι, καὶ εί μεν άνεμιαζον δόξη τὸ γράμμα αὐτόθεν μηδὲ εἰς ἄλλον έλθεῖν συγχωρήσης, εί δὲ τοῦ σκοποῦ μὴ πάντη διαμαρτάνον, δήλωσον, ἢν 20 έχεις περί αὐτοῦ γνώμην, ώς εί γε τῆ ὑμετέρα χρίσει βεβαιωθή, πειράσομαι καὶ άλλο τυχὸν τῶν ᾿Αρχιμηδείων συντάξεων έρμηνεῦσαι.

Ευτοκιου Λοκαλωνιτου υπομνημα εις το πρωτον των Λοχιμηθου (σ deletum) περι σφαιρας και κυλινδρου F. 2. ευς cum comp. ον F; corr. Torellius. 10. συλλαβανοντος F. 11. τέλος] scripsi; τελούς (sic) F, uulgo. έπ τρίτων] scripsi;

Cum neminem priorum in libros Archimedis, qui sunt de sphaera et cylindro, idonea scripsisse cognouissem et intellexissem, hoc non ob facilitatem theorematum praetermissum esse (egent enim, ut scis, deliberatione diligenti et mente imagines rerum bene concipienti), concupiui pro uiribus meis, quae in iis difficilia essent perspectu, dilucide exponere, cum ad hoc conandum magis adducerer, eo quod nemo adhuc ad hoc argumentum adcessisset, quam difficultate deterrerer, simul Socratis illud mecum reputans, deo adjuuante ueri simillimum esse, nos operi finem imposituros esse; tertio autem cogitans, etiam sicubi ob iuuentutem a ueris numeris modisque aberrassem, hoc ab adcurata tua cum reliquae philosophiae tum mathematices cognitione correctum iri, ad te, Ammonie philosophorum praeclarissime, opus meum misi. deceat autem te studium meum adiuuare, et, si inanis uidebitur libellus, omnino ne cum quoquam alio communicaueris, sin non prorsus a consilio aberrare, me certiorem fac, quid de eo iudices; nam si tuo iudicio probabitur, fortasse etiam alia scripta Archimedis explicare conabor.

De Eutocio pluribus exposui Neue Jahrb, Suppl. XI p. 357 sq. ibid. p. 375 sq. emendationes nonnullas proposui.

επ τριων F, uulgo; επθεσιν Torellius. 18. ελθ cum comp. ην uel ιν F.

25

Είς τοὺς ὅρους.

Προειπών τὰ μέλλοντα έκτίθεσθαι ὑπ' αὐτοῦ θεωρήματα, τὸ σύνηθες πᾶσιν γεωμέτραις ἐν τῆ ἐκθέσει τηρών τάς τε ονομασίας, αίς αὐτὸς κατ' έξουσίαν 5 έγρήσατο, και τους δρους των υποθέσεων και αυτάς τὰς ὑποθέσεις διὰ τῆς ἀρχῆς τοῦ συγγράμματος διασαφήσαι βούλεται καί φησιν πρώτον είναι τινας έν έπιπέδφ καμπύλας γραμμάς, αϊτινες τῶν ἐπιζευγνυουσών τὰ πέρατα αὐτών εὐθειών ἢ πᾶ-10 σαι έπὶ τὰ αὐτά εἰσιν, ἢ οὐδὲν ἔχουσιν ἐπὶ τὰ ετερα. σαφές δ' αν είη το λεγόμενον, εί γνωσόμεθα, τίνας καλεί τὰς ἐν ἐπιπέδφ καμπύλας γραμμάς. ἰστέον ούν, δτι καμπύλας γραμμάς καλεί ούχ άπλῶς τὰς κυκλικάς η κωνικάς η ακλαστον έχούσας την συνέχειαν, 15 άλλὰ πᾶσαν ἁπλῶς ἐν ἐπιπέδφ γοαμμὴν τὴν παρὰ την εύθεζαν καμπύλην όνομάζει, μίαν δε γραμμήν έν έπιπέδω την όπωσοῦν συναπτομένην, ώστε καν έξ εὐθειών σύγκειται †τῆ ΑΒΓΔ. άλλ' ἐπειδή, ώς καλ

ἀνωτέρω είρηται, καμπύλας γραμμάς οὐ τὰς περιφερεῖς μόνον καλεῖ, ἀλλὰ καὶ τὰς έξ εὐθειῶν συγκειμένας, ἐκ δὲ τούτων ἦν ἡ ἐπιλογὴ τῶν ἐπὶ τὰ αὐτὰ κοίλων, ἐνδεχόμενον ἄν εἴη λαβεἴν ἐπί τινος

έπλ τὰ αὐτὰ κοίλης γραμμῆς δύο τυχόντα σημεῖα, ὥστε τὴν ἐπ' αὐτὰ ἐπιζευγνυμένην εὐθεῖαν ἐπλ μηδέτερα μὲν μέρη πίπτειν τῆς γραμμῆς, ἐπ' αὐτὴν δὲ ἐφαρμόζειν.

^{3.} τὸ σύνηθες] scripsi; του συνηθων F, uulgo; τῶν συνήθων Torellius cum V. 6. υποθεσ cum comp. ης F. 7. πρῶτον ad ἔτερα lin. 11] in mg. ς adposuit F, ut semper lem-

In definitiones.

Praemissis theorematis, quae expositurus est, morem ab omnibus geometris in expositione observatum retinens nomina, quibus ipse suo arbitrio usus est, et definitiones suppositionum et suppositiones ipsas initio libri explicari uult et primum dicit, esse quasdam in plano curuas lineas, quae aut totae in eadem parte sint rectarum linearum terminos earum iungentium aut nihil in altera parte positum habeant [def. 1]. perspicuum autem erit, quod dicit, si cognouerimus, quales lineas in plano curuas intellegat. sciendum igitur, eum curuas lineas non proprie cyclicas aut conicas intellegere, aut quae continuationem non fractam habeant, sed omnes omnino in plano lineas praeter rectam curuas uocat, et unam in plano lineam, quae quoquo modo composita sit, ita ut, siue ex lineis rectis composita est \dagger lineae $AB\Gamma\Delta$. quoniam autem, ut etiam supra dictum est1), curuas lineas non circulares solas intellegit, sed etiam ex rectis lineis compositas, et ex his segregabantur lineae in eandem partem cauae, fieri poterit, ut in linea in eandem partem caua duo quaeuis puncta sumantur, ita ut linea inter ea ducta in neutram partem lineae cadat, sed cum ea congruat. itaque dicit, se in eandem partem cauam

¹⁾ Sc. in lacuna lin. 18.

mais Eutocii. 14. πονιπας F. 18. Post σύγπειται magna lacuna est, quam Torellius sic explet: ἤτοι ἐπ περιφερῶν ἤτοι ἐξ εὐθειῶν καὶ περιφερῶν παμπύλην ὀνομάζει, omissis τἢ ΑΒΓΔ; sed multo plura desunt; "hic deest una charta in exemplari Graeco" Cr. εν ὅλον σελίδιον ἢ καὶ δύο λείπει Β. 25. λαβ cum comp. ην uel ιν F, ut καλείν p. 6 lin. 1.

διό φησιν έπὶ τὰ αὐτὰ κοίλην καλεῖν γραμμήν,
ἐν ἡ αί διὰ δύο ὁποιωνοῦν σημείων ἀγόμεναι
εὐθεῖαι-ήτοι πᾶσαι έπὶ τὰ αὐτὰ μέρη πίπτουσιν τῆς γραμμῆς ἤ τινες μὲν ἐπὶ τὰ αὐτά, τι5 νὲς δὲ κατ' αὐτῆς, ἐπὶ τὰ ἕτερα δὲ μέρη οὐδεμία, τὰ δὲ αὐτὰ ἔξεστιν ἐπινοεῖν καὶ ἐπὶ τῶν ἐπιφανειῶν.

είτα έξης ονομάζει τομέα στεφεον και φόμβον στεφεον σαφώς έμφανίζων την έννοίαν των ονομάτων.

μετά δὲ ταῦτα αἰτήματά τινα λαμβάνειν άξιοῖ χρη-10 σιμεύοντα αὐτῷ πρὸς τὰς έξῆς ἀποδείξεις καὶ ὄντα μεν κάξ αὐτῆς τῆς αἰσθήσεως ώμολογημένα, οὐδεν δε ήττον δυνατά και άποδειχθηναι έκ τε των κοινών έννοιῶν καὶ ἐκ τῶν δεδειγμένων ἐν τοῖς στοιχείοις. 15 έστι δε πρώτον των αίτημάτων τὸ τοιόνδε πασών τῶν ταὐτὰ πέρατα έχουσῶν γραμμῶν έλαχίστην είναι την εύθεταν. έστω γαρ έν έπιπέδω εύθετα μέν τις πεπερασμένη ή ΑΒ, έτέρα δέ τις γραμμή ή ΑΓΒ τὰ αὐτὰ πέρατα ἔχουσα τὰ Α, Β. φησὶν δὴ 20 δεδόσθαι αὐτῷ τὴν ΑΒ ἐλάττονα εἶναι τῆς ΑΓΒ. λέγω οὖν, ὅτι τοῦτο ἀληθὲς ὂν ἠτήσατο, εἰλήφθω γὰο ἐπὶ τῆς ΑΓΒ τυχὸν σημεΐον τὸ Γ, καὶ ἐπεζεύχθωσαν αί ΑΓ, ΓΒ. φανερον δή, δτι αί ΑΓ, ΓΒ τῆς ΑΒ μείζους είσίν. πάλιν δή είλήφθωσαν έπὶ τῆς 25 ΑΓΒ γοαμμῆς άλλα τυχόντα σημεία τὰ Δ, Ε, καὶ έπεζεύχθωσαν αί ΑΔ, ΔΓ, ΓΕ, ΕΒ. όμοίως δή καί ένταῦθα δηλον, ὅτι δύο μεν αί ΑΔ, ΔΓ της ΑΓ μεί-

^{6.} $\ell\pi\ell$] om. F. $\tau\tilde{\omega}\nu$] cum B; om. F, uulgo. 9. $\ell\pi\ell$ F. 11. $\ell\pi\ell$ cum comp. $\ell\pi$ F. 14. $\ell\pi\ell$ F. 18. $\ell\pi\ell$ [(prius) $\ell\pi$ F. 20. $\ell\pi\ell$ A $\ell\pi$ F. 21. $\ell\pi\ell$ B. 24. $\ell\pi\ell$ scrips; $\ell\pi\ell$ per comp. F, uulgo; $\ell\pi\ell$ (et $\ell\pi\ell$) B, ed. Basil., Torellius.

lineam eiusmodi uocare, in qua sumptis duobus punctis quibuslibet lineae rectae puncta iungentes aut omnes in eandem partem lineae cadant, aut aliae in eandem partem, aliae in ipsam lineam, nulla autem in alteram partem.¹) eadem autem etiam in superficiebus intellegi possunt.²)

deinceps denominat sectorem solidum [def. 5] et rhombum solidum [def. 6] satis perspicue declarato sensu nominum.

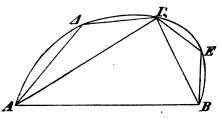
deinde postulata quaedam adsumit ad demonstrationes sequentes utilia, et quae quidem ab ipso sensu concedantur, sed nihilominus etiam ex notionibus communibus et propositionibus in elementis demonstratis demonstrari possint. primum autem postulatum hoc est: omnium linearum eosdem terminos habentium minimam esse rectam [post. 1].8) sit enim in plano linea aliqua recta terminata AB, et alia linea $A\Gamma B$ eosdem terminos habens A, B. dicit igitur, sibi concessum esse, lineam AB minorem esse linea $A\Gamma B$. dico igitur, hoc uere postulatum esse. sumatur enim in linea $A\Gamma B$ quoduis punctum Γ , et ducantur $A\Gamma$, ΓB . adparet igitur, esse $A\Gamma + \Gamma B > AB$ [Eucl. I, 20]. rursus in linea AFB alia quaeuis puncta sumantur Δ , E, et ducantur $A\Delta$, $\Delta\Gamma$, ΓE , EB. eodem igitur modo hic quoque adparet, esse $A\Delta + \Delta\Gamma > A\Gamma$

¹⁾ Hic nullum signum adpositum est in F, quo haec uerba ut Archimedis ipsius significentur. nec prorsus uerba ipsa Archimedis (def. 2) citantur, neque hoc p. 4, 7 sq. factum est.

²⁾ H. e. definn. 3-4.

³⁾ Ne hic quidem ipsa uerba Archimedis citantur, nec in F ullum signum adpositum est.

ζους εἰσίν, δύο δὲ αἱ ΓΕ, ΕΒ τῆς ΓΒ. ὅστε αἱ $A extstyle \Delta$ Γ, ΓΕ, ΕΒ πολλῷ μείζους εἰσὶ τῆς AΒ. ὁμοίως δή, κἂν ἄλλα σημεῖα λαβόντες μεταξὺ τῶν εἰλημμένων



έπιζεύξωμεν έπλ τὰ νῦν ληφθέντα εὐθείας, εὑρήσομεν 5 αὐτὰς ἔτι μείζους οἴσας τῆς ΑΒ. καὶ τοῦτο συνεχῶς ποιοῦντες τὰς μᾶλλον συνεγγιζούσας τῆ ΑΒΓ γραμμῆ εὐθείας ἔτι μείζους εὑρήσομεν. ὥστε ἐκ τούτου συμφανὲς εἶναι αὐτὴν τὴν χραμμὴν μείζονα εἶναι τῆς ΑΒ δυνατοῦ ὄντος κατὰ πᾶν αὐτῆς σημεῖον ἐπιζεύ-10 ξαντας εὐθείας λαβεῖν ἐξ εὐθειῶν συγκειμένην τὴν οἶον αὐτὴν οὖσαν γραμμὴν μείζονα δεικνυμένην διὰ τῶν αὐτῶν τῆς ΑΒ. οὐ γὰρ ἄτοπον ἐν ταῖς τῶν ὁμολογουμένων ἀποδείζεσιν καὶ τοιαύτας ἐννοίας προσλαμβάνειν.

15 μετὰ δὲ τοῦτό φησιν λαμβάνειν καὶ τῷν τὰ αὐτὰ πέρατα ἐχουσῶν γραμμῶν ἐκείνας ἀνίσους εἶναι τὰς ἐπὶ τὰ αὐτὰ κοίλας οὔσας κατὰ τὸν ἀνωτέρω εἰρημένον τρόπον. οὐ μόνον δὲ ἤρκεσεν εἰς τὸ ἀνίσους εἶναι τὸ ἐπὶ τὰ αὐτὰ κοίλας εἶναι, ἀλλὰ καὶ
20 ὅταν ἡ ἐτέρα τὴν ἐτέραν ἢ ὅλην περιλαμβάνη ἢ μέρος μὲν περιλαμβάνη, μέρος δὲ καὶ κοινὸν ἔχη, καὶ μείζονα εἶναι τὴν περιλαμβάνουσαν τῆς περιλαμβανομένης.

^{4.} ευρήσομεν] scripsi; ευρησωμεν F, nulgo. 5. ουσας]

et $\Gamma E + EB > \Gamma B$ [Eucl. I, 20]. quare $A\Delta + \Delta\Gamma + \Gamma E + EB$

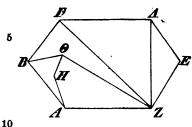
multo maiores sunt quam AB. eodem igitur modo, etiam si aliis punctis inter ea, quae sumpsimus, sumptis lineas ad puncta postea sumpta duxerimus, eas adhuc maiores inueniemus linea AB. et hoc deinceps facto lineas lineae $AB\Gamma$ magis adpropinquantes adhuc maiores inueniemus. quare hinc manifestum est, ipsam lineam maiorem esse linea AB, cum fieri possit, ut ad omnia puncta eius ductis lineis sumatur linea eadem fere, quae ipsa $[A\Gamma B]$, ex lineis rectis composita, quae eadem ratione demonstratur maior esse linea AB. neque enim absurdum est in demonstrationibus earum rerum, quae constant inter omnes, etiam eiusmodi rationes adsumere. 1

deinde dicit se hoc quoque postulare: earum linearum, quae eosdem terminos habeant, illas inaequales esse, quae in eandem partem cauae sint, ita ut supra exposuimus. sed quod in eandem partem cauae sunt, nondum satis est ad efficiendum, ut inaequales sint, sed si etiam altera alteram aut totam complectitur, aut partem complectitur partem communem habet, et comprehendentem maiorem esse comprehensa [post. 2]. —

¹⁾ Sed tum satius erat, omnino non demonstrare conari. neque enim adtinet, in demonstratione postulati aliud adsumere.

scripsi; η_S F; om. uulgo. 10. $\lambda \alpha \beta$ cum comp. see F, ut lin. 13, 15. 13. evocas F. 15. $\delta \dot{\epsilon}$] scripsi; $\delta \eta$ F, uulgo. two tà ad ovoas lin. 17] s mg. F. 17. $\lambda o \iota \lambda \alpha_S$ F. 22. exes F; corr. Torellius.

νενοήσθωσαν γὰρ πρὸς τὸ καὶ τοῦτο κατάδηλον γενέσθαι ἐν ἐπιπέδ φ δύο γραμμαὶ αl $AB\Gamma \triangle EZ$ καὶ



ΑΗΘΖ τὰ αὐτὰ πέρατα ἔχουσαι τὰ Α, Ζ καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ κοῖλαι καὶ ἔτι περιλαμβανομένη ὅλη ἡ ΑΗΘΖ ὑπὸ τῆς ΑΒΓ ΔΕΖ γραμμῆς καὶ τῆς τὰ αὐτὰ πέρατα ἐχούσης. αὐταῖς τῆς ΑΖ εὐθείας. φημὶ δή,

ὅτι καὶ ἄνισοί εἰσιν αὶ προκείμεναι γραμμαί, καὶ μείζων ἡ περιλαμβάνουσα. ἐπεζεύχθωσαν γὰρ αὶ ΒΘ, ΓΖ, ΔΖ. ἐπεὶ οὖν, ἐὰν νοηθη ἐπιζευγνυμένη ἡ ΘΑ, ἐπὶ μιᾶς τῶν πλευρῶν τοῦ ΑΒΘ ἐντὸς συνιστάμεναί εἰσιν αἱ ΑΗ, ΗΘ τῶν ΑΒ, ΒΘ. κοινὴ προσκείσθω ἡ ΘΖ. αὶ ἄρα ΑΗ, ΗΘ, ΘΖ ἐλάττους εἰσὶν τῶν ΑΒ, ΒΘ, ΘΖ. ἀλλ' αἱ ΒΘ, ΘΖ ἐλάττους εἰσὶν τῶν ΑΒ, ΒΘ, ΘΖ. ἀλλ' αἱ ΒΘ, ΘΖ ἐλάττους εἰσὶ τῶν ΒΓΖ· ἐντὸς γὰρ πάλιν ἐπὶ μιᾶς τοῦ ΒΓΖ συνιστάμεναί εἰσιν. πολλῷ ἄρα αἱ ΑΒ, ΒΓ, 20 ΓΖ τῶν ΑΗ, ΗΘ, ΘΖ μείζους εἰσίν. ἀλλὰ τῆς ΓΖ μείζονες αἱ ΓΔ, ΔΖ, τῆς ફὲ ΔΖ αἱ ΔΕ, ΕΖ. ἔτι πολλῷ ἄρα αἱ ΑΒΓΔΕΖ μείζους εἰσὶν ΑΗΘΖ.

σαφηνείας δε χάριν υποκείσθωσαν και ετεραι γραμμαι όμοίως ταις προειρημέναις ώς αι ΑΒΓΔΕ, 25 ΑΖΗΘΚΕ. λέγω, ὅτι μείζων ἐστιν ἡ περιλαμβάνουσα. νενοήσθωσαν γὰρ ἐκβεβλημέναι αι ΑΖ, ΗΘ ἐπὶ τὸ Λ. ἐπεὶ οὖν πάλιν δύο αι ΖΛ, ΛΗ μείζους εἰσὶ τῆς ΖΗ, κοιναὶ προσκείσθωσαν αι ΑΖ, ΗΘ. αι ἄρα ΛΛ, ΛΘ μείζους εἰσὶ τῶν ΑΖ, ΗΖ, ΗΘ. ἀλλ'

^{18.} $B \Gamma Z$] Γ supra scriptum manu 2 F. 19. συνεσταλμεναι F.

nam ut hoc quoque adpareat, fingantur duae lineae in plano $AB\Gamma \triangle EZ$ et $AH\Theta Z$ eosdem terminos A, Z habentes et în eandem partem cauae et praeterea $AH\Theta Z$ tota ab linea $AB\Gamma \triangle EZ$ et recta AZ eosdem terminos habenti comprehensa. dico igitur, et lineas propositas inaequales esse et comprehendentem maiorem. ducantur enim $B\Theta$, ΓZ , $\triangle Z$. quoniam igitur, si ducta fingitur linea ΘA , in uno latere trianguli $\triangle B\Theta$ intra positae sunt lineae concurrentes $\triangle AH$, $\triangle H\Theta$, erit

$$AH + H\Theta < AB + B\Theta$$
 [Eucl. I, 21]. communis addatur ΘZ . erit igitur

$$AH + H\Theta + \Theta Z < AB + B\Theta + \Theta Z$$
.

sed $B\Theta + \Theta Z < B\Gamma + \Gamma Z$; nam rursus in uno [latere trianguli] $B\Gamma Z$ lineae concurrentes intra positae sunt. itaque multo magis

$$AB + B\Gamma + \Gamma Z > AH + H\Theta + \Theta Z$$
.

sed

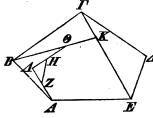
 $\Gamma \Delta + \Delta Z > \Gamma Z$, et $\Delta E + EZ > \Delta Z$ [Eucl. I, 20]. quare multo etiam magis

$$AB + B\Gamma + \Gamma\Delta + \Delta E + EZ > AH + H\Theta + \Theta Z.$$

uerum perspicuitatis causa proponantur etiam aliae lineae eodem modo, quo supra commemoratae, uelut $AB\Gamma\Delta E$, AZHOKE. dico comprehendentem maiorem esse. nam lineae AZ, HO fingantur productae ad A. quoniam igitur rursus ZA + AH > ZH [Eucl. I, 20], communes addantur AZ, HO. itaque

$$AA + A\Theta > AZ + HZ + H\Theta$$
.

αί ΑΛ, ΛΘ έλάττους τῶν ΑΒΘ. πολλῷ ἄρα αί ΑΒΘ μείζους τῶν ΑΖΗΘ. κοινὴ προσκείσθω ἡ ΘΚ. μεί-



ζους ἄρα αὶ ΑΒΘΚ τῶν ΑΖΗΘΚ. ἀλλ' αὶ ΒΘΚ ἐλάττους τῶν ΒΓΚ. πολλῷ Δ ἄρα μείζους αὶ ΑΒΓΚ τῶν ΑΖΗΘΚ. κοινὴ προσκείσθω ἡ ΚΕ. αὶ ἄρα ΑΒΓΚΕ μείζους τῶν ΑΖΗΘΚΕ.

10 άλλ' αί ΓΚΕ έλάττους τῶν ΓΔΕ. πολλῷ ἄρα αί ΑΒΓΔΕ μείζους είσὶ τῶν ΑΖΗΘΚΕ.

καν περιφέρειαι δε ωσιν ήτοι αι περιλαμβάνουσαι η αι περιλαμβανόμεναι η και άμφότεραι, το αὐτο ενεστιν εννοείν. συνεχων γὰρ σημείων ἐπ' αὐτων λαμ15 βανομένων και ἐπι αὐτὰ ἐπιζευγνυμένων εὐθειων ληφθήσονται γραμμαι ἐξ εὐθειων συγκείμεναι, ἐφ' ὧν άρμόσει ή προειρημένη ἀπόδειξις των ἐξ εὐθειων συγκειμένων οίον αὐτων γινομένων των προτεθεισων διὰ τὸ και πᾶσαν γραμμήν κατὰ συνέχειαν σημείων τὴν 20 ὕπαρξιν ἔχουσαν νοείσθαι.

ὅτι δὲ εἰκότως τὴν ἀνισότητα τῶν γοαμμῶν οὐ μόνον τῷ ἐπὶ τὰ αὐτὰ κοίλας εἶναι ἐχαρακτήρισεν, ἀλλὰ προσέθηκεν τὸ καὶ δεῖν περιλαμβάνεσθαι τὴν ἐτέραν ὑπὸ τῆς ἐτέρας καὶ τῆς τὰ αὐτὰ πέρατα ἐχούσης εὐθείας. 25 τούτου γὰρ μὴ ὅντος οὐδὲ τὸ ἀνίσους εἶναι τὰς γραμμὰς πάντη ἀληθὲς ὑπῆρχεν, ὡς ἔστι κατανοῆσαι ἐκ τῶν ὑποκειμένων καταγραφῶν. ἡ γὰρ ΑΒΓΔ γραμμὴ καὶ ἡ ΑΕΖΔ τὰ αὐτὰ πέρατα ἔχουσαι καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ

^{6.} ABΘK F. 10. ΓΔΕ] ΓΛΕ F. 14. ἐννοεῖν] scripsi; νοειν F, uulgo. 17. αφμοση F; corr. CD. αποδιξις F. 20. νοεισθω F; corr. B. 21. ὅτι] per comp. F; ἔτι Torellius;

sed $AA + A\Theta < AB + B\Theta$ [Eucl. I, 21]. itaque multo magis $AB + B\Theta > AZ + ZH + H\Theta$. communis addatur ΘK . itaque

 $AB + B\Theta + \Theta K > AZ + ZH + H\Theta + \Theta K$. sed $B\Theta + \Theta K < B\Gamma + \Gamma K$ [Eucl. I, 20]. quare multo magis

 $AB + B\Gamma + \Gamma K > AZ + ZH + H\Theta + \Theta K$. communis addatur KE. itaque

 $AB + B\Gamma + \Gamma K + KE > AZ + ZH + H\Theta + \Theta K + KE$. sed $\Gamma K + KE < \Gamma \Delta + \Delta E$ [Eucl. I, 20]. quare multo magis

$$AB + B\Gamma + \Gamma\Delta + \Delta E > AZ + ZH + H\Theta + \Theta K + KE$$
.

etiam si aut lineae comprehendentes aut comprehensae aut etiam utraeque ambitus sunt, idem intellegere licet. sumptis enim in iis punctis continuis et ad ea ductis lineis rectis sumentur lineae ex rectis compositae, in quibus demonstratio supra exposita ualebit, cum lineae ex rectis compositae ipsae fere lineae propositae fiant, quia quaeuis linea ex continuis punctis oriri fingatur.

iure autem inaequalitatem linearum non eo solo definiuit, quod in eandem partem cauae sint, sed adiecit, oportere alteram comprehendi altera et linea recta eosdem terminos habenti. nam si hoc non est, ne hoc quidem uerum erat, lineas utique inaequales esse, ut ex figuris propositis intellegi potest. nam lineae $AB\Gamma\Delta$, $AEZ\Delta$ et eosdem terminos habent et

sed cfr. Neue Jahrb. Suppl. XI p. 395. 22. ἀλλὰ καί D, Torellius. 26. ὡς] ος FÅ.

κοϊλαί είσι, καὶ ἄδηλον, ὁποτέρα αὐτῶν μείζων ἐστίν. δυνατὸν γὰρ καὶ ἴσας εἶναι. δυνατὸν δὲ καὶ ἐπὶ τὰ

10 H

αὐτὰ κοίλην έκατέραν νοεῖν καὶ τὰ αὐτὰ πέρατα έχούσας ἀμφοτέρας, κατ' έναντίαν δὲ θέσιν ἀλλήλαις κειμένας, Δ ὡς ὁποτέρα τῶν εἰρημένων τῆ ΑΗΘΚΔ. καὶ οῦτως γὰρ ἄδηλος ῆ τε ἰσότης καὶ ἀνισότης αὐτῶν. διὸ καλῶς πρόσκειται τὸ δεῖν ἢ ὅλην τὴν ἐτέραν ὑπὸ τῆς ἐτέρας περιλαμβάνεσθαι καὶ τῆς τὰ αὐτὰ πέρατα ἐχούσης εὐθείας, ἢ τινα μὲν περιλαμβάνεσθαι, τινὰ δὲ καὶ κοινὰ ἔχειν, ὡς ἐπὶ τῶν ΔΗΘΚΔ

καὶ $A \land M \land N \equiv A$. ἐπὶ γὰο τούτων τινὰ μὲν περιλαμ-15 βάνεται, τινὰ δὲ κοινά ἐστιν, ὡς τὰ $A \land M \land M$.

δεόντως δὲ κάνυ κάκεινο πρός κρίσιν τῆς ἀνισότητος παρελήφθη τὸ δείν τὰ αὐτὰ πέρατα ἔχειν τὰς γραμμάς. τούτου γὰρ μὴ ὅντος οὐδ' ἄν περιλαμβάνοιντο ὑπὸ ἀλλήλων, πάντως ἄνισοι εἰσιν, ἀλλ' ἐνίστε 20 ἴσαι, ἢ καὶ ἡ περιλαμβανομένη μείζων. ὅπερ ἴνα σαφὲς γένηται, νενοήσθωσαν ἐν ἐπιπέδφ δύο εὐθείαι αἱ ΑΒΓ ἀμβλείαν τὴν πρὸς τῷ Β γωνίαν περιέχουσαι. καὶ εἰλήφθω ἐπὶ τῆς ΒΓ τυχὸν σημείον τὸ Δ, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΑΔ, ΑΓ. ἐπεὶ οὖν μείζων ἐστὶν η 25 ΑΔ τῆς ΑΒ, κείσθω τῷ ΑΒ ἴση ἡ ΔΕ, καὶ τετμήσθω ἡ ΑΕ δίχα κατὰ τὸ Ζ, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΖΓ. ἐπεὶ οὖν δύο αἱ ΑΖΓ τῆς ΑΓ μείζους εἰσίν, ἴση δὲ ἡ ΑΖ τῷ ΖΕ, καὶ αἱ ΕΖΓ ἄρα τῆς ΑΓ μείζους εἰσίν. κοιναὶ προσκείσθωσαν αἱ ΑΒ, ΔΕ. αἱ ἄρα ΔΖΓ

^{5.} πειμεναις F; corr. AB. 8. πρόσκειται] scripsi; προκειται F, uulgo. 13. εχ cum comp. ην uel ιν F. 14. ἐπί]

in eandem partem cauae sunt, nec adparet, utra maior sit; nam fieri potest, ut etiam aequales sint. hoc quoque fieri potest, ut utraque fingatur in eandem partem caua et eosdem terminos habens, sed in diuersa inter se positae, ut utraque earum, quas commemoraumus, et linea $AH\Theta K \Delta$. nam sic quoque obscura est aequalitas et inaequalitas earum. quare bene adiectum est, oportere alteram totam ab altera et linea recta eosdem terminos habenti comprehendi, uel partem comprehendi, partem communem esse, ut in lineis $AH\Theta K \Delta$, $A\Delta MN\Xi \Delta$. nam in his pars comprehenditur, pars communis est, ut ΔA , MN.

hoc quoque ad probandam inaequalitatem prorsus necessario adsumptum est, oportere lineas eosdem terminos habere. nam si hoc non est, ne tum quidem, si inter se comprehenduntur¹), utique inaequales sunt, sed interdum aequales uel etiam comprehensa maior. quod ut adpareat, fingantur in plano duae lineae AB, $B\Gamma$ obtusum comprehendentes angulum ad B positum. et in $B\Gamma$ sumatur quoduis punctum Δ , et ducantur $A\Delta$, $A\Gamma$. iam quoniam $A\Delta > AB$ [Eucl. I, 19], ponatur $AB = \Delta E$, et AE in duas partes aequales diuidatur in Z, et ducatur $Z\Gamma$. quoniam igitur

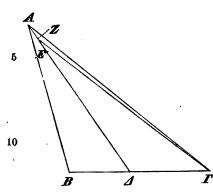
 $AZ + Z\Gamma > A\Gamma$ [Eucl. I, 20],

et AZ = ZE, etiam $EZ + Z\Gamma > A\Gamma$. communes

¹⁾ De optatiuo post $\tilde{\alpha}\nu$ (siue $\hat{\epsilon}\hat{\alpha}\nu$) cfr. comm. in Apollon. con. p. 80, 43.

επει F. 17. εχ cum comp. ην F. 19. πάντως] scripsi; πτ F, uulgo; ονδὲ οντως B, ed. Basil., Torellius. 22. ΛΒΓ] ΛΒ FV. τω̃] scripsi; το F, uulgo. 29. ΛΕ] Γ FAV. ΔΖΓ] BZΓ FA.

των ΒΑΓ μείζους είσίν. ώδτε μιας γραμμής ποουμέ-



νης τῆς ΒΑΓ ἐπὶ τὰ αὐτὰ κοίλης, ἔτέρας δὲ τῆς ΔΖΓ περιλαμβανομένης ὑπὸ τῆς ἔτέρας, μὴ ἐχούσης δὲ τὰ αὐτὰ πέρατα, οὐ μόνον ὅτι οὐ μείζων ἡ περιλαμβάνουσα, ἀλλὰ καὶ ἐλάττων ἐδείχθη.

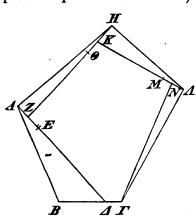
καλ έπλ γοαμμών δὲ έκ πλειόνων εὐθειών

συγκειμένων τὸ αὐτὸ τοῦτο ἔστι θεωρῆσαι. νενοήσθω15 σαν γὰρ ἐν ἐπιπέδφ δύο εὐθεῖαι αἱ ΑΒΓ καὶ τυχὸν
σημεῖον τὸ Δ καὶ ἐπεξευγμένη ἡ ΑΔ. πάλιν δὴ κείσθω
τῆ ΑΒ ἴση ἡ ΔΕ, καὶ ἡ ΕΑ δίχα τετμήσθω τῷ Ζ,
καὶ τῆ ΑΔ πρὸς ὀρθὰς ἤχθω ἡ ΑΗ, καὶ ἐπεξεύχθω
η ΖΗ. καὶ κείσθω τῆ ΑΗ ἴση ἡ ΖΘ, καὶ πάλιν
20 δίχα τετμήσθω ἡ ΘΗ κατὰ τὸ Κ, καὶ πρὸς ὀρθὰς
τῆ ΖΗ ἤχθω ἡ ΗΛ, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΚΛ. καὶ
πάλιν τῆ ΗΛ ἴση ἡ ΚΜ, καὶ δίχα τετμήσθω ἡ
ΜΛ τῷ Ν, καὶ πάλιν πρὸς ὀρθὰς τῆ ΚΛ ἤχθω ἡ
ΛΓ, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΝΓ. φανερὸν οὖν διὰ τὰ προ25 δεδειγμένα, ὅτι μείζων ἡ μὲν ΔΖ τῆς ΑΒ, ἡ δὲ ΖΚ
τῆς ΑΗ, ἡ δὲ ΚΝ τῆς ΗΛ, ἡ δὲ ΝΓ τῆς ΛΓ. ώστε
καὶ ὅλη ἡ γραμμὴ ἡ ΔΖΚΝΓ μείζων τῆς ΒΑΗΛΓ.

^{1.} BAZ FA, V (?). 22. πάλιν κείσθω Torellius. 26. KH F. 27. ABHAΓ F; corr. Torellius.

addantur AB, ΔE . itaque $\Delta Z + Z\Gamma > BA + A\Gamma$. si igitur linea $BA\Gamma$ una linea in eandem partem caua esse fingitur et eodem modo $\Delta Z\Gamma$, quae ab illa altera comprehenditur neque eosdem habet terminos, demonstratum est, lineam comprehendentem non modo non maiorem esse, sed etiam minorem.

etiam in lineis ex pluribus rectis compositis hoc idem intellegere licet. fingantur enim in plano duae lineae AB, $B\Gamma$ et quoduis punctum Δ et ducta linea $A\Delta$. rursus igitur ponatur $\Delta E = AB$, et EA in duas partes aequales diuidatur in Z, et ducatur AH ad $A\Delta$



perpendicularis, et ducatur ZH. et ponatur $Z\Theta = AH$, et rursus in aequales partes diuidatur ΘH in K, et HA ducatur ad ZH perpendicularis, et ducatur KA. rursus [ponatur] KM = HA, et in partes aequales diuidatur MA in N, et rursus ad KA perpendicularis ducatur

 $\Delta\Gamma$, et ducatur $N\Gamma$. manifestum igitur propter ea, quae supra demonstrauimus¹), esse

 $\Delta Z > AB$, ZK > AH, KN > HA, $N\Gamma > A\Gamma$. quare etiam tota linea $\Delta ZKN\Gamma > BAHA\Gamma$. recte

¹⁾ Minus adcurate loquitur; neque enim ex antea demonstratis sequitur, sed ex hypothesi (AE = AB cett.).

καλῶς ἄρα προσετέθη τὸ τὰ αὐτὰ πέρατα ἔχειν ἐπὶ τῶν ἀνίσων. τὰ αὐτὰ δὲ δυνατὸν ἐπινοοῦντα δεικνύειν καὶ ἐπὶ τῶν ἐπιφανειῶν ἀνὰ πᾶσι τοῖς προειρημένοις, ὅταν αἱ λαμβανόμεναι ἐπιφάνειαι τὰ πέρατα ἔχωσιν 5 ἐν ἐπιπέδοις.

Είς τὸ β΄ θεώρημα.

Τὸ δὴ ΑΓ ἑαυτῷ ἐπισυντιθέμενον ὑπερέξει τοῦ Δ] δηλαδὴ ὡς τοῦ ΑΒ ἤτοι ἐπιμορίου ἢ καὶ ἐπιμεροῦς τυγχάνοντος τοῦ Δ. εἰ δὲ εἰη τὸ ΑΒ τοῦ 10 Δ ἤτοι πολλαπλάσιον ἢ πολλαπλασιεπιμόριον ἢ καὶ πολλαπλασιεπιμερές, ἀφαιρεθέντος ἀπὸ τοῦ ΑΒ ἴσου τῷ Δ τοῦ ΒΓ τὸ λοιπὸν τὸ ΓΑ ὑπερέξει τοῦ Δ, ῶστε μηκέτι πολλαπλασιάζεσθαι αὐτό, ἀλλ' αὐτόθεν δείν τῷ ΑΓ ἴσον ἀποτίθεσθαι τὸ ΑΘ, καὶ τὴν αὐτὴν ἀπό-15 δειξιν ἀρμόζειν.

καὶ συνθέντι τὸ ΖΕ ποὸς ΖΗ ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπεο ἡ ΑΒ ποὸς ΒΓ] ὅτι γάο, ἐὰν ποῶτον ποὸς δεύτερον ἐλάσσονα λόγον ἔχη, ἤπεο τρίτον ποὸς τέταρτον, καὶ συνθέντι ὁ αὐτὸς λόγος ἀκολου-20 θεῖ, δειχθήσεται οὕτως. ἔστωσαν τέσσαρα μεγέθη τὰ ΑΒ, ΒΓ, ΔΕ, ΕΖ, τὸ δὲ ΑΒ ποὸς τὸ ΒΓ μείζονα λόγον ἐχέτω, ἤπεο τὸ ΔΕ ποὸς τὸ ΕΖ΄ λέγω, ὅτι καὶ συνθέντι τὸ ΑΓ ποὸς τὸ ΓΒ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπεο τὸ ΔΖ ποὸς τὸ ΖΕ. γεγονέτω γάο, ὡς τὸ ΓΒ 25 ποὸς τὸ ΒΑ, οὕτως τὸ ΖΕ ποὸς τὸ ΖΘ. ἀνάπαλιν

igitur in [lineis] inaequalibus adposuit, [oportere eas] eosdem terminos habere.

etiam in superficiebus licet, si animum aduerteris, eadem omnia demonstrare, quae diximus1), si superficies sumptae terminos in plano habent.

In theorems II.

P. 14, 3: itaque AI magnitudo ipsa sibi addita A magnitudinem excedet] scilicet si AB aut superparticularis aut superpartiens est magnitudinis Δ . sin ABaut multiplex est aut multiplex superparticularis aut etiam multiplex superpartiens, ablata ab AB magnitudine $B\Gamma$ aequali magnitudini Δ , reliqua ΓA excedet magnitudinem A, ita ut non iam oporteat multiplicari. sed $A\Theta$ aequalem magnitudini $A\Gamma$ statim ponere; tum eadem demonstratio ualebit.

P. 14, 10—12: et componendo²) $EZ:ZH < AB:B\Gamma$ nam, si primum ad secundum minorem rationem habeat, quam tertium ad quartum, tum etiam componendo eandem rationem sequi, ita demonstrabitur.3) sint quattuor magnitudines AB, $B\Gamma$, ΔE , EZ, et sit $AB:B\Gamma > \Delta E:EZ$. dico, etiam componendo esse $A\Gamma: \Gamma B > \Delta Z: ZE$, fiat enim $\Gamma B: BA = ZE: Z\Theta$.

¹⁾ Datiuus πᾶσι τοῖς προειρημένοις lin. 3 pendet ex τὰ αὐτά lin. 2; ἀνά enim distributiuum sensum habet (= καθ' ξπαστον); cfr. Hultsch: Heron. p. XIV.

²⁾ Fortasse hoc lemma ex uerbis Archimedis cum Torellio corrigendum est; sed $\tilde{a}\varrho\alpha$ I p. 14, 11, ab Eutocio omissum, ab interpolatore additum est; nam prauo loco collocatur.

3) Idem demonstrat Pappus II p. 684, 20; adcommodatius etiam ad uerba Archimedis idem II p. 686, 5; u. infra p. 21, not. 2.

Archimede. ZH ZE F; corr. Torellius cum Archimede. 17. n vo Torellius cum Archimede; u. not. 1.

άρα, ώς τὸ ΑΒ πρὸς τὸ ΒΓ, οῦτως τὸ ΘΖ πρὸς τὸ ΖΕ. μείζονα δὲ λόγον ἔχει τὸ ΑΒ πρὸς τὸ ΒΓ, ἤπερ ιρ τὸ ΔΕ πρὸς ΕΖ. καὶ τὸ ΖΘ ἄρα πρὸς ΖΕ μείζονα λόγον έχει, ήπεο τὸ ΔΕ πρὸς ΕΖ. μείζου ἄρα έστι τὸ ΖΘ τοῦ ΕΔ, και ὅλου ъ τὸ ΘΕ τοῦ ΔΖ. καὶ διὰ τοῦτο τὸ ΘΕ πρὸς ΕΖ μείζουα λόγου έχει, ήπεο τὸ ΔΖ ποὸς ΖΕ. άλλ' ώς τὸ ΘΕ πρὸς ΕΖ, τὸ ΑΓ πρὸς ΓΒ διὰ τὸ συνθέντι. καὶ τὸ ΑΓ ἄρα πρὸς ΓΒ μείζονα λόγον έχει, ήπεο τὸ ΔΖ ποὸς ΕΖ. Ε - άλλὰ δὴ τὸ ΑΓ ποὸς ΓΒ μείζονα λόγον έχέτω, ήπεο τὸ ΔΖ πρὸς ΖΕ. λέγω, ὅτι καὶ διελόντι τὸ ΑΒ πρὸς ΒΓ μείζονα λύγον ἔχει, ήπεο τὸ ΔΕ ποὸς ΕΖ. πάλιν γὰο δμοίως έὰν ποιήσωμεν, ώς τὸ ΒΓ πρὸς ΓΑ, οῦ-15 τως τὸ ZE πρὸς EΘ, ἔσται τὸ ΘE μεῖζον τοῦ ΔZ. καλ κοινοῦ ἀφαιρουμένου τοῦ ΕΖ, ἔσται μεζζον τὸ ΘΖ τοῦ ΔΕ. καὶ διὰ τοῦτο τὸ ΘΖ πρὸς ΖΕ, τουτέστι τὸ ΑΒ πρὸς ΒΓ διὰ τὸ διελόντι, μείζονα λόγον έξει, 20 ήπες τὸ ΔΕ πρὸς ΕΖ. — φανερὸν δὲ διὰ τῶν ὁμοίων, ότι καν τὸ ΑΒ πρὸς τὸ ΒΓ ἐλάσσονα λόγον ἔγη, ἤπερ τὸ ΔΕ πρὸς ΕΖ, καὶ συνθέντι καὶ πάλιν διελόντι ό αὐτὸς λόγος ἔσται. — ἐκ δὲ τῶν αὐτῶν καὶ ὁ τοῦ άναστρέψαντι λόγος έμφανής έστιν. έχέτω γάρ το ΑΓ 25 πρὸς ΒΓ μείζονα λόγον, ήπερ τὸ ΔΖ πρὸς ΖΕ. λέγω, ότι καὶ ἀναστρέψαντι τὸ ΓΑ πρὸς ΑΒ ἐλάσσονα λόγον έχει, ήπερ τὸ ΖΔ πρὸς ΔΕ, έπεὶ γὰρ τὸ ΑΓ πρός ΓΒ μείζονα λόγον έχει, ήπερ τὸ ΔΖ πρός ΖΕ, καὶ διελόντι τὸ ΑΒ πρὸς ΒΓ μείζονα λόγον έχει,

^{1.} ΘΖ] Θ Δ F. 3. ΖΘ] ΕΘ F. ΖΕ] ΖΘ F, V. 11. ΓΒ] Γ Δ F. 16. ἔσται καί Torellius. 21. εχει F; corr. D.

e contrario igitur $AB:B\Gamma=\Theta Z:ZE$. sed

 $AB:B\Gamma > \Delta E:EZ.$

itaque etiam $Z\Theta: ZE > \Delta E: EZ$. itaque $Z\Theta > E\Delta$ [Eucl. V, 10], et $\Theta E > \Delta Z$. itaque

 $\Theta E : EZ > \Delta Z : ZE$ [Eucl. V, 8].

sed componendo est $\Theta E : EZ = A\Gamma : \Gamma B$. itaque etiam $A\Gamma : \Gamma B > \Delta Z : EZ$.

iam sit $A\Gamma: \Gamma B > \Delta Z: ZE$. dico, etiam dirimendo esse $AB: B\Gamma > \Delta E: EZ$. nam rursus eodem modo, si fecerimus $B\Gamma: \Gamma A = ZE: E\Theta$, erit $\Theta E > \Delta Z$. et ablata, quae communis est, magnitudine EZ, erit $\Theta Z > \Delta E$. quare $\Theta Z: ZE > \Delta E: EZ$, hoc est dirimendo $AB: B\Gamma > \Delta E: EZ$.

et simili ratione manifestum est, etiam si sit

 $AB:B\Gamma < \Delta E:EZ$

et componendo et rursus dirimendo eandem rationem seruatum iri.²)

eodem modo etiam ratio, quae fit convertendo, manifesta erit.³) sit enim $A\Gamma: B\Gamma > \Delta Z: ZE$. dico, etiam convertendo esse $\Gamma A: AB < Z\Delta: \Delta E$. nam quoniam est $A\Gamma: \Gamma B > \Delta Z: ZE$, et dirimendo [supra

¹⁾ Cfr. Pappus II p. 690, 9.

²⁾ Hoc ipso utitur Archimedes; habet Pappus II p. 686, 5; cfr. p. 19 not. 3.

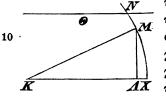
³⁾ Pappus II p. 686, 28.

5

ἤπερ τὸ ΔE πρὸς EZ, ἀνάπαλιν τὸ $B\Gamma$ πρὸς BA ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπερ τὸ ZE πρὸς $E\Delta$, καὶ συνθέντι τὸ ΓA πρὸς AB ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπερ τὸ ΔZ πρὸς ΔE .

Els τὸ γ'.

Kαὶ ἀπὸ τοῦ K τῆ Θ ἴση κατήχθω ἡ KM] δυνατὸν γὰρ τοῦτο προσεκβληθείσης τῆς $K\Lambda$ ώς ἐπὶ



τὸ X καὶ τεθείσης τῆς Θ ἴσης τῆ KX, καὶ κέντο φ τ $\tilde{\varphi}$ K, διαστήματι δὲ τ $\tilde{\varphi}$ KX κύκλου γοαφέντος ώς τοῦ XMN. ἔσται γὰρ ἡ KM ἴση τῆ KX, τουτέστι τῆ Θ .

Ή ἄρα ΝΓ πολυγώνου ἐστὶ ἰσοπλεύρου καὶ 15 ἀρτιοπλεύρου πλευρά] τῆς γὰρ μιᾶς ὀρθῆς ἐπὶ τεταρτημορίου βεβηκυίας καὶ τῆς τομῆς κατὰ ἀρτίαν διαίρετιν ἀπὸ τῆς ὀρθῆς γινομένης δῆλου, ὅτι καὶ ἡ τοῦ τεταρτημορίου περιφέρεια εἰς ἀρτιακισαρτίους τὸν ἀριθμὸν ἴσας διαιρεθήσεται περιφερείας. ຜστε καὶ ἡ 20 ὑποτείνουσα εὐθεῖα μίαν τῶν περιφερειῶν πολυγώνου ἐστὶν ἰσοπλεύρου καὶ ἀρτιοπλεύρου πλευρά.

"Ωστε καὶ ἡ ΟΠ πολυγώνου ἐστὶν ἰσοπλεύοου πλευρά] ἐὰν γὰρ τῆ ὑπὸ ΞΗΝ γωνία ἴσην ποιήσαντες τὴν ὑπὸ ΠΗΔ ἀπὸ τοῦ Π ἐπὶ τὸ Δ ἐπι-25 ζεύξωμεν καὶ προσεκβάλωμεν ἄχρι τῆς ΗΘ τῆς μετὰ ΗΔ γωνίαν περιεχούσης ἴσην τῆ ὑπὸ ΠΗΔ, ἔσται ἴση ἡ

^{8.} τῆ Θ ἴσης τῆς ΚΧ Torellius non male. 10. τῷ] scripsi;
το F, uulgo. 11. ἔσται] per comp. F; ἔστι uulgo. 16.
βεβηπν cum comp. ας F; corr. Torellius. 18. τεταφτιμοφιου F. 24. επιζευξομεν F; corr. Torellius, qui deinde addit τὴν ΠΔ. 25. τῆς μετά... πεφιεχούσης] om. F; corr. Torellius.

p. 20, 11] $AB:B\Gamma > \Delta E:EZ$, etiam e contrario est $B\Gamma:BA < ZE:E\Delta^1$), et componendo [p. 20, 20] $\Gamma A:AB < \Delta Z:\Delta E$.

In theorems III.

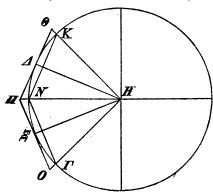
- P. 16, 6—8: et a K puncto ducatur KM lineae Θ aequalis] hoc enim fieri potest producta linea $K\Lambda$ ad X et posita $\Theta = KX$, et descripto circulo XMN centro K et radio KX. erit enim $KM = KX = \Theta$.
- P. 16, 20—21: linea NI igitur latus est polygoni aequilateri, cuius latera paria sunt numero]²) nam cum rectus angulus in quarta parte [circuli] positus sit, et sectio ex recto angulo secundum diuisionem parem fiat, adparet, etiam ambitum quartae partis in ambitus numero pariter pares diuisum iri. quare etiam linea sub unum ambitum subtendens latus est polygoni aequilateri, cuius latera paria sunt numero.
- P. 16, 28—29: itaque etiam $O\Pi$ latus est polygoni aequilateri] nam si fecerimus $L\Pi H \Delta = L\Xi HN$ et a Π ad Δ [lineam] duxerimus et eam produxerimus usque ad $H\Theta$, quae cum $H\Delta$ angulum angulo $\Pi H\Delta$ aequalem comprehendit⁸), erit $\Pi\Theta = \Pi O$, et circulum

¹⁾ Pappus II p. 688, 11; sed ab Eutocio demonstratum non est.

²⁾ Nizzins p. 269 censet, uerba nal aquonlsóqov lin. 15 subditiua esse. ego contra ueri similius censeo, hacc uerba I p. 16 a transscriptore omissa esse. nam quamquam in demonstratione hoc non usurpatur, tamen fieri potest, ut Archimedes ob sequentia, ubi hoc additamento saepissime utitur, addere uoluerit. Eutocius saltem in suo exemplari ea habuit.

³⁾ Supplementum Torelli lin. 26 admodum incertum est; sed recepi pia melioris.

 ΠΘ τῆ ΠΟ καὶ ἐφαπτομένη τοῦ κύκλου. ἐπεὶ γὰο ἡ ΞΗ ἴση ἐστὶ τῆ ΗΔ, κοινὴ δὲ ἡ ΗΠ, καὶ γωνίας ἴσας περιέχουσιν, καὶ βάσις ἄρα ἡ ΞΠ τῆ ΠΔ ἴση ἐστί, καὶ ἡ ὑπὸ ΠΞΗ ὀρθὴ οὖσα τῆ ὑπὸ ΠΔΗ.
 5 ὥστε ἐφάπτεται ἡ ΔΠ. ἐπεὶ οὖν αί πρὸς τῷ Δ ὀρ-



θαί εἰσιν, εἰσιν δὲ καὶ αί ὑπὸ ΠΗΔ, ΔΗΘ ἴσαι, καὶ ἡ πρὸς ταῖς ἴσαις κοινὴ ἡ ΔΗ, ἴση ἐστὶ καὶ ἡ ΠΔ τῷ ΘΔ. ἀλλ' ἡ ΞΠ τῷ ΠΔ ἐδείχθη ἴση. καὶ ἡ ΘΠ ἄρα τῷ ΠΟ ἐστιν ἴση καὶ πάσαις ταῖς ὁμοίως ἐφαπτο10 μέναις. ὥστε ἡ ΘΠ πολυγώνου ἐστὶν ἰσοπλεύρου καὶ ἀρτιοπλεύρου πλευρὰ τοῦ περὶ τὸν κύκλον περιγραφομένου.

ὅτι δὲ καὶ ὁμοίου τῷ ἐγγραφομένῳ, αὐτόθεν δῆλου. ἴσης γὰρ οὔσης τῆς μὲν ΟΗ τῆ ΗΠ, τῆς δὲ
15 ΓΗ τῆ ΗΝ, παράλληλος ἄρα ἐστὶν ἡ ΟΠ τῆ ΓΝ·
διὰ τὰ αὐτὰ καὶ ἡ ΠΘ τῆ ΝΚ. ὅστε καὶ ἡ ὑπὸ ΓΝΚ
τῆ ὑπὸ ΟΠΘ ἴση ἐστί· καὶ διὰ τοῦτο ὅμοιόν ἐστι
τὸ περιγεγραμμένον τῷ ἐγγεγραμμένῳ.

^{2.} γωνίας] γ cum comp. ας F. 3. βασ cum comp. ης F.

contingens. nam quoniam $\Xi H = H \Delta$, et $H\Pi$ communis, et angulos aequales comprehendunt, erit igitur etiam basis $\Xi \Pi = \Pi \Delta$ [Eucl. I, 4], et angulus $\Pi \Xi H$ rectus $= L\Pi \Delta H$. quare $\Delta \Pi$ [circulum] contingit [Eucl. III, 16 $\pi \acute{o} \wp \iota \sigma \mu \alpha$]. quoniam igitur anguli ad Δ positi recti sunt, et $\Pi H \Delta$, $\Delta H \Theta$ aequales, et [latus] ad [angulos] aequales positum ΔH commune, est etiam $\Pi \Delta = \Theta \Delta$ [Eucl. I, 26]. sed demonstratum est, esse $\Xi \Pi = \Pi \Delta$. quare etiam $[\Theta \Delta = \Pi \Delta = \Xi \Pi = \Xi O]$, h. e.] $\Theta \Pi = \Pi O$, et omnibus [lineis] eodem modo contingentibus. quare $\Theta \Pi$ latus est polygoni aequilateri, cuius latera paria sunt numero, circum circulum circumscripti.

hinc statim adparet, polygoni similis etiam inscripto [latus esse]. nam cum

$OH = H\Pi$ et $\Gamma H = HN$,

OH igitur lineae ΓN parallela est [Eucl. VI, 2]. eadem de causa etiam $H\Theta$ lineae NK parallela est. quare etiam $L\Gamma NK = OH\Theta$. itaque polygonum circumscriptum inscripto simile est.

^{5.} τφ] scripsi; το F, uulgo. 9. ΠΟ] ΠΘ FV. In figura litteras K, Γ permutauit Torellius; ego retinui rationem codicis F, quia sic duabus tantum emendationibus pro quattuor Torellianis opus est. 14. ΟΗ] scripsi; ΘΗ F, uulgo. 15. ἄρα] γαφ per comp. F; corr. Torellius. ΟΠ] ΘΠ Torellius. 16. ΠΘ] ΟΠ Torellius. NZ Torellius. ΓNZ idem.

Ἡ ἄρα ΜΚ πρὸς ΚΛ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ ἡ ΓΗ πρὸς ΗΤ] μείζονος γὰρ οὕσης τῆς πρὸς τῷ Κ γωνίας τῆς ὑπὸ ΓΗΤ, ἐὰν τῆ ὑπὸ ΓΗΤ ἴσην συστησώμεθα τὴν ὑπὸ ΛΚΡ, τοῦ Ρ μεταξὺ τῶν Λ, 5 Μ νοουμένου, τὸ ΛΚΡ τρίγωνον τῷ ΓΗΤ ὅμοιόν ἐστιν, καί ἐστιν, ὡς ἡ ΡΚ πρὸς ΚΛ, οῦτως ἡ ΓΗ πρὸς ΗΤ. ὅστε καὶ ἡ ΜΚ πρὸς ΚΛ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ ἡ ΓΗ πρὸς ΗΤ.

Είς τὸ ς'.

10 Διὰ δὴ τοῦτο ἔλασσόν ἐστι τὸ περιγραφόμενον τοῦ συναμφοτέρου] ἐπεὶ γὰρ τὸ περιγραφόμενον πρὸς τὸ ἐγγραφόμενον ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπερ τὸ συναμφότερον πρὸς τὸν κύκλον, πολλῷ ἄρα τὸ περιγραφόμενον πρὸς τὸν κύκλον ἐλάσσονα λόγον 15 ἔχει, ἤπερ τὸ συναμφότερον πρὸς τὸν κύκλον. ὥστε τὸ περιγραφόμενον ἔλασσόν ἐστι τοῦ συναμφοτέρου.

καὶ κοινοῦ ἀφαιρουμένου τοῦ κύκλου λοιπὰ τὰ περιλείμματα έλάσσονά έστι τοῦ Β χωρίου.

Είς τὸ η'.

20 Αί ἄρα ἀπὸ τῆς κορυφῆς ἐπὶ τὰ Α, Β, Γ ἐπιξευγνύμεναι κάθετοί εἰσιν ἐπ' αὐτάς] νενοήσθω
γὰρ χωρὶς ὁ κῶνος, καὶ ἔστω κορυφὴ μὲν αὐτοῦ τὸ
Η, κέντρον δὲ τῆς βάσεως αὐτοῦ τὸ Θ. καὶ ἀπὸ τοῦ
Θ ἐπὶ τὸ Α ἐπεζεύχθω ἡ ΘΑ, ἀπὸ δὲ τοῦ Η ἡ ΗΑ.
25 λέγω, ὅτι ἡ ΗΑ κάθετός ἐστιν ἐπὶ τὴν ΔΕ. ἐπεὶ
γὰρ ἡ ΗΘ κάθετός ἐστιν ἐπὶ τὸ τοῦ κύκλου ἐπίπεδον,

^{3.} K] KΓ F. γανίας] γ cum comp. ας F. 26. ἐπί] scripsi (Philol. Samf. Mindeskrift. Haun. 1879 p. 19); προς per comp. F, uulgo.

P. 18, 6—7: itaque $MK: KA > \Gamma H: HT$] nam cum angulus ad K positus maior sit angulo ΓHT , si construimus $\angle \Lambda KP = \Gamma HT$, ita ut P inter Λ , M positum fingatur, est $\Lambda KP \sim \Gamma HT$, et est [Eucl. VI, 4] $\Gamma H: HT = PK: K\Lambda$, quare etiam

 $MK: K > \Gamma H: HT^{-1}$

In theorema VI.

P. 26, 16—17: itaque polygonum circumscriptum minus est utroque simul] nam quoniam polygonum circumscriptum ad inscriptum minorem rationem habet, quam utrumque simul ad circulum, multo igitur magis polygonum circumscriptum ad circulum minorem rationem habet, quam utrumque simul ad circulum.²) quare polygonum circumscriptum minus est utroque simul [Eucl. V, 10].

et ablato circulo, qui communis est, spatia reliqua minora sunt spatio B.

In theorema VIII.

P. 32, 3—6: itaque lineae a uertice ad A, B, Γ ductae perpendiculares ad eas sunt] fingatur enim conus seorsum descriptus, et uertex eius sit H, centrum autem basis Θ . et a Θ ad A ducatur ΘA , ab H autem HA. dico, HA ad ΔE perpendicularem esse. nam quoniam $H\Theta$ ad planum circuli perpendicularis est, etiam omnia plana per eam posita [perpendicularia sunt] [Eucl. XI, 18]. quare etiam trian-

¹⁾ Nam MK > PK.

²⁾ Nam circulus maior est polygono inscripto.

καὶ πάντα τὰ δι' αὐτῆς ἐπίπεδα. ὅστε καὶ τὸ ΗΘ Α

ποίγωνον ὀοθόν ἐστι πρὸς τὴν βά-

5 A P Z

τοίνωνον όφθόν έστι πρὸς τὴν βάσιν. και τῆ κοινῆ τομῆ τῶν ἐπιπέδων τῆ ΘΑ πρὸς ὀρθὰς ἡκται ἐν ἐνὶ τῶν ἐπιπέδων ἡ ΔΕ. ἡ ἄρα ΔΕ τῷ ΗΘΑ ἐπιπέδω πρὸς ὀρθάς ἐστιν, ὥστε καὶ πρὸς τὴν ΗΑ. ὁμοίως δὲ δειχθήσονται καὶ αί ἐπὶ τὰ Γ, Β ἐπιζευγνύμεναι ἀπὸ τῆς κορυφῆς κάθετοι οὐσαι ἐπὶ τὰς ΔΖ, ΕΖ.

ἐπιστῆσαι δὲ χρή, ὅτι ἐπὶ μὲν τοῦ πρὸ τούτου καλῶς προσέκειτο τὸ δεῖν πάντως τὴν ἐγγραφομένην
πυραμίδα ἰσόπλευρον ἔχειν τὴν βάσιν. οὐκ ἄλλως γὰρ
15 αἱ ἀπὸ τῆς κορυφῆς ἐπὶ τὰς τῆς βάσεως πλευρὰς ἴσαι
ἤδύναντο εἶναι. ἐπὶ δὲ τοῦ προκειμένου οὐ προσέθηκεν τὸ εἶναι ἰσόπλευρον τὴν βάσιν διὰ τὸ δύνασθαι,
κᾶν ὁποῖά τις ἦ, τὸ αὐτὸ ἀκολουθεῖν.

Είς τὸ δ΄.

20 Μείζονα ἄρα ἐστὶν τὰ ΑΒΔ, ΒΔΓ τρίγωνα τοῦ ΑΔΓ τριγώνου] ἐπεὶ γὰρ στερεὰ γωνία ἐστὶν ἡ πρὸς τῷ Δ, αί ὑπὸ ΑΔΒ, ΒΔΓ μείζους εἰσὶν τῆς ὑπὸ ΑΔΓ. καὶ ἐὰν ἀπὸ τῆς κορυφῆς ἐπὶ τὴν διχοτομίαν τῆς βάσεως ἐπιζεύξωμεν ὡς τὴν ΔΕ κάθετον 25 γινομένην ἐπὶ τὴν ΑΓ, ἔσται ἡ ὑπὸ ΑΔΒ μείζων τῆς ὑπὸ ΑΔΕ. συνεστάτω οὖν τῆ ὑπὸ ΑΔΒ ἴση ἡ ὑπὸ ΑΔΖ, καὶ τεθείσης τῆς ΔΖ ἴσης τῆ ΔΓ ἐπεζεύχθω

^{1.} ἐπίπεδα πρὸς τὸ αὐτὸ ὀρθά ἐστι Torellius. 12. πρω FAD. 13. προσέκειτο] scripsi; προεκειτο F, uulgo. 14. εισοπλευρον F. ουκαλως F; corr. Torellius. 16. ηδυνατο

gulus $H \otimes A$ ad basim perpendicularis est. et in altero plano ad communem sectionem planorum $\otimes A$ perpendicularis ducta est ΔE . itaque ΔE ad planum $H \otimes A$ perpendicularis est [Eucl. XI def. 4]; quare etiam ad H A [Eucl. XI def. 3]. et eodem modo demonstrabimus, etiam lineas a uertice ad Γ , B ductas perpendiculares esse ad ΔZ , EZ.

animaduertendum est, in priore propositione recte adiectum esse, oportere pyramidem inscriptam omnino basim aequilateram habere. neque enim aliter lineae a uertice ad latera basis ductae aequales esse poterant. in hac autem non adiecit, basim aequilateram esse, quod, qualiscunque est, idem sequitur.

In prop. IX.

P. 34, 19–21: itaque trianguli $AB\Delta$, $B\Delta\Gamma$ maiores sunt triangulo $A\Delta\Gamma$] nam quoniam angulus ad Δ positus solidus est, erunt $LA\Delta B + B\Delta\Gamma > A\Delta\Gamma$ [Eucl. XI, 20]. et si a uertice ad punctum medium basis 1) lineam duxerimus uelut ΔE , quae ad $A\Gamma$ perpendicularis erit 2), erit $LA\Delta B > A\Delta E$. 2) ponatur igitur $LA\Delta Z = A\Delta B$, et $\Delta Z = \Delta\Gamma$, et ducatur ΔZ .

¹⁾ Sc. trianguli A Δ Γ.

²⁾ Quia conus aequicrurius est (I p. 34, 2), h. e. $A\Delta = \Delta \Gamma$.

³⁾ Nam $A \triangle B = B \triangle \Gamma$ et $A \triangle E = E \triangle \Gamma$.

F. $\pi \varrho o \sigma \ell \vartheta \eta n \epsilon r$] scripsi; $\pi \varrho o \epsilon \vartheta \eta n \epsilon r$ F, uulgo. 18. $\alpha n \sigma l \sigma v \vartheta$ cum comp. ηr uel ιr F. 22. $\iota \varphi$] scripsi; $\iota \sigma$ F, uulgo. 25. $\iota \iota \iota \iota \varphi \varphi$ F. Torellius in figura permutauit Λ et Γ ; quare lin. 27 scripsit $\Gamma \Delta Z$, p. 30 lin. 1: ΓZ , lin. 3: $\Gamma \Delta Z$.

10

ή ΑΖ. ἐπεὶ οὖν δύο δυσὶν ἴσαι, ἀλλὰ καὶ γωνία

5

γωνία, καὶ τὸ ΑΒΔ τοίγωνον Γ ἴσον ἐστὶ τῷ ΑΔΖ τοιγώνῷ μείζονι ὅντι τοῦ ΑΔΕ. καὶ τὸ ΑΒΔ ἄρα τρίγωνον τοῦ ΑΔΕ μεῖζόν ἐστιν. ὁμοίως δὴ καὶ τὸ ΔΒΓ τοῦ ΔΕΓ. δύο ἄρα τὰ ΑΔΒ, ΔΒΓ τοῦ ΑΔΓ μείζονά ἐστιν.

Είς τὸ ι'.

"Ηχθώ γὰρ ἡ ΗΖ ἐφαπτομένη τοῦ κύκλου καὶ παράλληλος οὖσα τῷ ΑΓ δίχα τμηθείσης τῆς ΑΒΓ περιφερείας κατὰ τὸ Β] ὅτι γὰρ ἡ οῦτως ἀγομένη παράλληλοις γίνεται τῷ ΑΓ, δειχθήσεται 15 ἀπὸ τοῦ κέντρου τοῦ Θ ἐπιζευχθεισῶν τῶν ΘΑ, ΘΔ, ΘΓ. ἐπεὶ γὰρ ἴση ἐστὶν ἡ ΑΔ τῷ ΔΓ, καὶ κοινὴ ἡ ΔΘ, δύο δυσὶν ἴσαι. ἀλλὰ καὶ βάσις ἡ ΑΘ βάσει τῷ ΘΓ καὶ γωνία ἄρα γωνία ἐστὶν ἴση. εἰσὶν δὲ καὶ αί ὑπὸ ΗΒΔ, ΔΒΖ γωνίαι ὀρθαί. ἀπὸ γὰρ τοῦ 20 κέντρου ἐπὶ τὴν ἁφὴν ἐπέζευκται ἡ ΘΒ. ώστε καὶ λοιπὴ ἡ ὑπὸ ΔΗΒ λοιπῷ τῷ ὑπὸ ΔΖΒ ἐστιν ἴση. καὶ διὰ τοῦτο ἡ ΗΔ τῷ ΔΖ ἴση ἐστίν ¨ ώστε παράλληλός ἐστιν ἡ ΖΗ τῷ ΔΖ ἴση ἐστίν ¨ ώστε παράλληλός ἐστιν ἡ ΖΗ τῷ ΔΓ.

Περιγράφοντες δὴ πολύγωνα περὶ τὸ τμῆμα 25 ὁμοίως δίχα τεμνομένων τῶν περιλειπομένων

^{6.} δή] FV; δέ uulgo. 8. ΔΔΓ] ΔΔΒ F; corr. Torellius.
11. HZ] uulgo; HZE F; HBZ Torellius, et transscriptor I p. 40, 1. 14. γίνεται] per comp. F, BC. 18. γωνία] γ supra scripto α F. 19. ΒΔΖ F; corr. Torellius. γωνίαι] γ supra scripto αι F.

quoniam igitur duo [latera] duobus aequalia sunt, et angulus angulo, etiam est $AB\Delta = A\Delta Z$ [Eucl. I, 4]. sed $A\Delta Z > A\Delta E$.) quare etiam $AB\Delta > A\Delta E$. similiter igitur etiam $\Delta B\Gamma > \Delta E\Gamma$. itaque

$A\Delta B + \Delta B\Gamma > A\Delta\Gamma$.

In prop. X.

P. 40, 1—3: ducatur enim HZ linea circulum contingens et lineae $A\Gamma$ parallela, ambitu $AB\Gamma$ in B puncto in duas partes aequales diviso] nam lineam ita ductam lineae $A\Gamma$ parallelam esse demonstrabitur a centro Θ ductis lineis ΘA , ΘA , $\Theta \Gamma$. nam quoniam $AA = A\Gamma$, et $A\Theta$ communis, duo duobus aequalia. sed etiam basis $A\Theta = \Theta \Gamma$. quare etiam angulus angulo aequalis est [Eucl. I, 8]. sed etiam

$\angle HB \varDelta = \varDelta BZ$

(quia recti sunt; nam a centro ad contactum ducta est ΘB [Eucl. III, 18]). itaque etiam reliquus

$$\Delta HB = \Delta ZB$$

reliquo. quare $H\Delta = \Delta Z$, et ZH lineae $A\Gamma$ parallela.

P. 42, 21-25: si igitur polygonum circum segmentum circumscripserimus eodem modo ambitus re-

¹⁾ Non est, unde hoc concludatur. ita demonstrari potest: cum conus aequicrurius sit, altitudines triangulorum $A\Delta\Gamma$, $A\Delta B$, $B\Delta\Gamma$ aequales sunt. quare $A\Delta\Gamma = \frac{1}{2}E\Delta \times A\Gamma$,

 $A\Delta B + \Delta B\Gamma = \frac{1}{2}E\Delta \times (AB + B\Gamma);$

sed $AB + B\Gamma > A\Gamma$; itaque $A\Delta B + \Delta B\Gamma > A\Delta\Gamma$. haec ipsa demonstratio significatur in casibus similibus I p. 40, 12—13; p. 44, 2—3. itaque cum non intellegatur, cur Archimedes postea causam hic omissam significare uoluerit, deleo p. 40, 12—13 ɛlolv γὰο . . loα (cfr. p. 41 not. 1) et p. 44, 2—3: αΓ τε . . loov.

15

20

περιφερειών καὶ ἀγομένων ἐφαπτομένων λείψομέν τινα ἀποτμήματα ἐλάσσονα τοῦ Θχωρίου]
ἐπὶ μὲν τῶν ἐγγραφομένων δέδεικται ἐν τῷ στοιχειώσει,
ὅτι τὰ ἐγγραφόμενα τρίγωνα εἰς τὰ τμήματα μείζονά
δ ἐστιν ἢ τὸ ἥμισυ τῶν καθ' ἑαυτὰ τμημάτων, καὶ διὰ
τοῦτο δυνατὸν ἦν τέμνοντας τὰς περιφερείας δίχα καὶ
ἐπιζευγνύντας εὐθείας καταλείπειν τινὰ ἀποτμήματα
ἐλάσσονα τοῦ δοθέντος χωρίου. ἐπὶ δὲ τῷς περιγραφῆς οὐκέτι τοῦτο δέδεικται ἐν τῷ στοιχειώσει. ἐπεὶ
10 οὖν ἐν τῷ προκειμένῳ τοῦτό φησιν, ὃ καὶ ἔστιν αὐτὸ
συλλογίσασθαι διὰ τοῦ 5΄ θεωρήματος, δεικτέον, ὅτι ἡ
ἐφαπτομένη ἀφαιρεῖ τρίγωνον μεῖζον ἢ τὸ ῆμισυ τοῦ
καθ' ἑαυτὸ περιλείμματος, οἰον ὡς ἐπὶ τῆς αὐτῆς καταγραφῆς, ὅτι τὸ ΗΔΖ τρίγωνον μεῖζόν ἐστιν ἢ τὸ

ημισυ τοῦ περιλείμματος τοῦ περιεχομένου ὑπὸ τῶν ΑΔ, ΔΓ καὶ τῆς ΑΒΓ περιφερείας. τῶν γὰρ αὐτῶν ἐπεζευγμένων, ἐπεὶ ὀρθή ἐστιν ἡ ὑπὸ ΔΒΖ, μείζων ἐστὶν ἡ ΔΖ τῆς ΒΖ. ἡ δὲ ΖΒ τῆ ΖΓ ἰση· ἐφάπτεται γὰρ ἑκατέρα αὐτῶν. καὶ ἡ ΔΖ ἄρα τῆς ΖΓ μείζων. ὅστε καὶ τὸ ΔΒΖ τρίγωνον μεῖζόν ἐστι τοῦ ΒΖΓ τριγώνου· ὑπὸ γὰρ τὸ αὐτὸ ῦψος εἰσίν. πολλῷ ἄρα τοῦ ΒΖΓ περιλείμματος μεϊ-

ζόν έστιν. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ τὸ $\triangle BH$ τοῦ BHA μεῖζον. ὅλον ἄρα τὸ $\triangle ZH$ μεῖζόν έστιν ἢ τὸ ῆμισυ τοῦ $A\triangle\Gamma$ περιλείμματος.

^{2.} Θ] $\vartheta \bar{v}$ F; corr. Torellius. 23. $\mu \epsilon \iota \zeta$ cum comp. ωv F.

lictos in duas partes aequales dividentes et lineas contingentes ducentes relinquemus quaedam spatia minora spatio 1 in [polygonis] inscriptis in elementis demonstratum est, triangulos in segmenta inscriptos majores esse dimidia parte segmentorum respondentium [Eucl. XII, 2 p. 200 ed. August], et ea de causa fieri poterat. ut ambitus in duas partes aequales dividentes et lineas ducentes relinqueremus spatia quaedam minora spatio dato [Eucl. X, 1]. in circumscriptis uero hoc non iam in elementis demonstratum est. cum igitur in proposito hoc dicat, quod ipsum ex prop. VI colligi potest, demonstrandum est, lineam contingentem abscindere triangulum maiorem dimidia parte spatii relicti ad eum pertinentis, uelut in eadem figura¹) triangulum HAZ maiorem esse dimidia parte spatii relicti comprehensi lineis $A\Delta$, $\Delta\Gamma$ et ambitu $AB\Gamma$. iisdem enim ductis lineis, cum angulus ABZ rectus sit, est $\Delta Z > BZ$. sed $ZB = Z\Gamma$; nam utraque contingit.²) quare etiam $\Delta Z > Z\Gamma$. itaque etiam $\Delta BZ > BZ\Gamma$ [Eucl. VI, 1]; nam eandem habent altitudinem. itaque $[\Delta BZ]$ multo maior est spatio relicto $BZ\Gamma$. et eadem ratione etiam \(\mathcal{D} BH \) major erit [spatio relicto] BHA. itaque totus ΔZH maior est dimidia parte spatii relicti ΑΔΓ.

¹⁾ Figura p. 32 etiam ad priorem notam p. 30, 11 sq. pertinet.

²⁾ Cfr. Zeitschr. f. Math., hist. Abth. XXIV p. 181 nr. 15.

Είς τὸ ιγ'.

Νοείσθω δή είς του Β κύκλου περιγεγραμμένου καὶ έγγεγραμμένου, καὶ περὶ του Α κύκλου περιγεγραμμένου, καὶ περὶ του Α κύκλου περιγεγραμμένου ὅμοιου τῷ περὶ του Β περιγεγραμμένω ὅπως μὲυ οὖυ ἔστιυ είς του δοθέντα κύκλου πολύγωνου έγγράψαι ὅμοιου τῷ ἐν ἐτέρῷ ἐγγεγραμμένῷ, δῆλου: εἰρηται δὲ καὶ Πάππῷ εἰς το ὑπόμυημα τῶυ στοιχείωυ. περὶ δὲ τὸυ δοθέντα κύκλου πολύγωνου περιγράψαι ὅμοιου τῷ περὶ ἔτερου 10 κύκλου περιγεγραμμένῷ οὐκέτι ὁμοίως ἔχομεν εἰρημένου. ὅπερ νῦυ λεκτέου. τῷ γὰρ εἰς τὸυ Β κίκλου ἐγγεγραμμένῷ ὅμοιου τῷ εἰς αὐτόν, ὡς ἐν τῷ γ΄ θεωρήματι. καὶ ἔσται ὅμοιου καὶ τῷ περὶ τὸυ Β κεριτργεγραμμένῷ.

Καὶ ἐπεὶ ὅμοιά ἐστι τὰ εὐθύγραμμα τὰ περὶ τοὺς Α, Β κύκλους περιγεγραμμένα τὸν αὐτὸν ἔξει λόγον, ὅνπερ καὶ αί ἐκ τῶν κέντρων δυνάμει] τὸ τοιοῦτον ἐπὶ μὲν τῶν ἐγγεγραμμένων δέ-20 δεικται ἐν τῆ στοιχειώσει, ἐπὶ δὲ τῶν περιγεγραμμένων οὐκέτι. δειχθήσεται δὲ οῦτως.

νενοήσθωσαν γὰς χωρίς τὰ περιγεγραμμένα καὶ ἐγγεγραμμένα εὐθύγραμμα, καὶ ἀπὸ τῶν κέντρων τῶν κύκλων ἐπεζευγμέναι αἱ ΚΕ, ΚΜ, ΛΘ, ΛΝ. φανερὸν 25 δή, ὅτι αἱ ΚΕ, ΛΘ ἐκ τῶν κέντρων εἰσὶ τῶν περὶ τὰ περιγεγραμμένα πολύγωνα κύκλων, καὶ πρὸς ἀλλήλας εἰσὶ δυνάμει, ὡς τὰ περιγεγραμμένα πολύγωνα. καὶ ἐπεὶ αἱ ὑπὸ ΚΕΜ, ΛΘΝ ἡμίσειαί εἰσι τῶν ἐν τοῖς

^{4.} τφ] το F. 7. mg. Παππω F. 8. ὅπως δὲ περί Τοrellius mg. 10. περιγεγραμμεν cum comp. ον F. 18. καὶ αί] scripsi; και per comp. F, uulgo; αί Torellius cum trans-

In prop. XIII.

P. 60, 24—26: fingatur igitur circumscriptum et inscriptum circulo B, et circum A circulum circumscriptum polygonum simile figurae circum B circulum circumscriptae] quomodo fieri possit, ut dato circulo polygonum inscribatur simile ei, quod alii circulo inscriptum est, adparet; et insuper a Pappo in commentario ad elementa dictum est. uerum quo modo circum datum circulum circumscribatur polygonum simile ei, quod circum alium circulum circumscriptum est, non iam explicatum inuenimus. quare hoc nunc dicendum est. nam circulo A inscribatur polygonum simile ei, quod in B circulo inscriptum est, et circum ipsum A circumscribatur polygonum ei simile, quod ei inscriptum est, ut in tertio theoremati [u. p. 24]. et erit ei simile, quod circum B circumscriptum est [Eucl. VI, 21].

P. 62, 14—17: et quoniam similes sunt figurae rectilineae circum A, B circulos circumscriptae, eandem rationem habebunt, quam radii quadrati] hoc in figuris inscriptis demonstratum est in elementis [Eucl. XII, 1], neque uero in circumscriptis. demonstrabitur autem ita.

fingantur enim figurae rectilineae circumscriptae et inscriptae seorsum descriptae, et a centris circulorum ductae lineae KE, KM, $A\Theta$, AN. manifestum igitur, lineas KE, $A\Theta$ radios esse circulorum circum polygona circumscripta descriptorum, et quadratos eam rationem habere, quam polygona circumscripta [Eucl. XII, 1]. et quoniam anguli KEM, $A\Theta N$ dimidii

scriptore I p. 62, 16. 24. επεζευμεναι F. 25. είσί] per comp. F, ut lin. 27, 28.

πολυγώνοις γωνιῶν, δμοίων ὄντων τῶν πολυγώνων δῆλον, ὅτι καὶ αὐταὶ ἰσαι εἰσίν. ἀλλὰ καὶ αί πρὸς

τοις Μ, Ν ὀφθαί. ἰσογώνια ἄφα τὰ ΚΕΜ,
ΛΘΝ τρίγωνα. καὶ
ἔσται, ὡς ἡ ΚΕ πρὸς
ΛΘ, ἡ ΚΜ πρὸς ΛΝ΄
ὥστε καὶ τὰ ἀπ' αὐτῶν.
ἀλλ' ὡς τὸ ἀπὸ ΚΕ

10 πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΛ, οῦτως τὰ περιγεγραμμένα πρὸς ἄλληλα. καὶ ὡς ἄρα τὸ ἀπὸ ΚΜ πρὸς τὸ ἀπὸ ΛΝ, οῦτως τὰ περιγεγραμμένα πρὸς ἄλληλα.

Τὸν αὐτὸν ἄρα λόγον ἔχει τὸ ΚΤΔ τρίγωνον πρὸς τὸ εὐθύγραμμον τὸ περὶ τὸν Β κύ15 κλον, ὅνπερ τὸ ΚΤΔ τρίγωνον πρὸς τὸ ΖΡΛ
τρίγωνον] ἐπεὶ γὰρ τὰ περὶ τοὺς Α, Β κύκλους εὐθύγραμμα πρὸς ἄλληλά ἐστιν, ὡς αἱ ἐκ τῶν κέντρων
δυνάμει, τουτέστιν ἡ ΤΔ πρὸς Η δυνάμει, τουτέστιν
ἡ ΤΔ πρὸς ΡΖ μήκει, τουτέστιν ὡς τὸ ΚΤΔ τρίγω20 νον πρὸς τὸ ΖΡΛ, ἴσον δὲ τὸ ΚΤΔ τῷ περὶ τὸν Α
κύκλον περιγεγραμμένω, ἔστιν ἄρα, ὡς τὸ ΚΤΔ πρὸς
τὸ περὶ τὸν Β κύκλον περιγεγραμμένον, οῦτως τὸ αὐτὸ
ΚΤΔ τρίγωνον πρὸς τὸ ΖΡΛ τρίγωνον.

Έναλλὰξ ἄρα ἐλάσσονα λόγον ἔχει τὸ πρίσμα 25 πρὸς τὸν κύλινδρον, ἤπερ τὸ ἐγγεγραμμένον εἰς τὸν Β κύκλον πολύγωνον πρὸς τὸν Β κύκλον ὅπερ ἄτοπον] ἐὰν ποιήσωμεν ὡς τὴν ἐπιφάνειαν τοῦ πρίσματος πρὸς τὴν ἐπιφάνειαν τοῦ κυλίνδρου, οῦτως τὸ ἐγγεγραμμένον εἰς τὸν Β κύκλον πρὸς ἄλλο τι, ἔσται πρὸς ἔλασσον τοῦ Β κύκλου, πρὸς 11. ΔΝ ΔΗ F. 13. Signum non adposit F; sed in

sunt angulorum polygonorum, adparet, cum similia sint polygona, eos quoque aequales esse. sed praeterea anguli ad M, N positi recti sunt. similia igitur sunt triangula KEM, $A\Theta N$. et erit [Eucl. VI, 4] $KE:A\Theta = KM:AN$. quare etiam quadrata earum. sed ut $KE^2:\Theta A^2$, ita figurae circumscriptae inter se. quare etiam ut $KM^2:AN^2$, ita figurae circumscriptae inter se.

P. 64, 11—14: quare triangulus $KT\Delta$ ad figuram rectilineam circum B circulum circumscriptam eandem rationem habet, quam triangulus $KT\Delta$ ad triangulum $ZP\Delta$ nam quoniam figurae rectilineae circum A, B circulos circumscriptae eam inter se rationem habent, quam radii quadrati, h. e. $T\Delta^2: H^2$, h. e. $T\Delta: PZ$, h. e. $KT\Delta: ZP\Lambda^1$), et $KT\Delta$ aequalis est figurae circum A circulum circumscriptae, erit igitur, ut $KT\Delta$ ad figuram circum B circulum circumscriptam, ita idem $KT\Delta$ ad $ZP\Delta$ triangulum.

P. 64, 26: permutando igitur prisma ad cylindrum minorem rationem habet, quam figura circulo B inscripta ad B circulum; quod absurdum est] si fecerimus, ut, quam habeat rationem superficies prismatis ad superficiem cylindri, eam habeat figura circulo B inscripta ad aliud, erit ad spatium minus circulo B^2),

U. I p. 62, 20; 64, 9.
 Nam prismatis superficies maior est superficie cylindri, sed figura inscripta minor circulo.

mg. lineola est. 15. ZPA] ZPA FV; corr. B manu 2. 17. αt] om. F; corr. B. 18. TΔ] TA FV. 20. τῷ] το F. 23. τρίγωνον] ∇ F. 24. Signum non adposuit F; sed in mg. lineolam habet 27. ἐἀν γάφ Torellius, fortasse recte.

ο μείζονα λόγον έχει το έγγεγραμμένον ήπες προς τον κύκλον, τουτέστιν ή έπιφάνεια τοῦ πρίσματος προς τὴν τοῦ κυλίνδρου ἐπιφάνειαν μείζονα λόγον ἔχει, ἤπες τὸ ἐγγεγραμμένον πρὸς τὸν κύπλον. ἐδείχθη δὲ 5 ἔχον καὶ ἐλάσσονα. ὅπερ ἄτοπον.

Είς τὶ ιδ'.

Ἡ δὲ Γ πρὸς τὴν Δ μείζονα λόγον ἔχει, ἢ τὸ πολύγωνον τὸ ἐν τῷ Α κύκλω ἐγγεγραμμένον πρός την έπιφάνειαν της πυραμίδος της έγγε-10 γραμμένης είς τον κώνου] ή γάρ έκ τοῦ κέντρου τοῦ χύχλου πρός τὴν πλευράν τοῦ χώνου μείζονα λόγον ἔχει, ήπες ή ἀπὸ τοῦ κέντρου κάθετος ἀνομένη έπλ μίαν πλευράν τοῦ πολυγώνου πρός τὴν ἐπλ τὴν πλευράν τοῦ πολυγώνου κάθετον άγομένην ἀπὸ τῆς 15 πορυφής του κώνου. νενοήσθω γὰρ χωρίς ἡ ἐν τῷ δητῷ καταγραφή, καὶ εἰς τὸν Α κύκλον ἐγγεγραμμένον πολύγωνον τὸ ΖΘΚ, καὶ ἀπὸ τοῦ κέντρου τοῦ κύκλου τοῦ Α ἐπὶ μίαν πλευράν τοῦ πολυγώνου τὴν ΘΚ κάθετος ήχθω ή ΑΗ. φανερον δή, ὅτι τὸ ὑπὸ 20 της περιμέτρου τοῦ πολυγώνου καὶ της ΑΗ διπλάσιόν έστι τοῦ πολυγώνου. νενοήσθω δή καλ ή τοῦ κώνου πορυφή τὸ • Λ σημεῖον, καὶ ἀπὸ τοῦ Λ ἐπὶ τὸ Η ἐπεζευγμένη ή ΛΗ, ητις κάθετος γίνεται έπὶ τὴν ΘΚ, ώς έδείχθη έν τῷ λήμματι τοῦ η΄ θεωρήματος. ἐπελ 25 οὖν ἰσόπλευρόν έστι τὸ έγγεγραμμένον πολύγωνον, έστι δε και ισοσκελής ο κώνος, αι από του Λ έφ' έκάστην τῶν πλευρῶν τοῦ πολυγώνου ἀγόμεναι κάθετοι ίσαι είσι τη ΑΗ. έκάστη γαρ αὐτῶν δύναται τὸ

^{5.} elasson F; corr. Torellius. 23. y(secon] yaq esti

ad quod maiorem rationem habebit figura inscripta quam ad circulum [Eucl. V, 8], h. e. superficies prismatis ad superficiem cylindri maiorem rationem habet, quam figura inscripta ad circulum. sed demonstratum est, eam etiam minorem habere; quod absurdum est.

In prop. XIV.

P. 74, 1-4: sed Γ : Δ majorem rationem habet, quam polygonum circulo A inscriptum ad superficiem pyramidis cono inscriptae] nam radius circuli ad latus coni maiorem rationem habet, quam linea a centro ad latus aliquod polygoni perpendicularis ducta ad lineam a uertice coni ad latus polygoni perpendicularem ductam. fingatur enim seorsum descripta figura in ipsa propositione posita, et circulo A inscriptum polygonum ZOK, et a centro circuli A ad latus aliquod polygoni OK perpendicularis ducatur AH. manifestum igitur, rectangulum, quod contineatur perimetro polygoni et linea AH, duplo maius esse polygono [Eucl. I, 41]. fingatur igitur etiam uertex coni punctum Λ , et ab Λ ad H ducta linea ΛH , quae ad ΘK perpendicularis erit, ut demonstratum est in commentario ad propositionem VIII [p. 26]. iam quoniam polygonum inscriptum aequilaterum est, et conus aequicrurius, lineae ab A ad singula latera polygoni perpendiculares ductae acquales sunt lineae ΔH ; nam singulae quadratae aequales sunt quadrato axis cum

⁽utrumque per comp.) FV; corr. BC. 24. Φεορηματος F. 26. κογος F.

και το υπό της περιμέτουν του πολυγώνου ακὶ τῆς

5 NV

ΑΗ διπλάσιόν έστι τῆς ἐπιφωνείας τῆς πυραμίδος. τὸ γὰρ ὑφ' ἐκάστης πλευρᾶς καὶ τῆς ἀπὸ τῆς πορυφῆς καθέτου ἐπ' αὐτὴν ἀγομένης ἴσης τῆ ΛΗ διπλώσιόν ἐστι τοῦ καθ' ἑαυτὴν τριγώνου. ώστε ἐστίν, ὡς ἡ ΛΗ πρὸς ΗΛ, τὸ πολύγωνον πρὸς τὴν ἐπιφάνειαν τῆς πυραμίδος κοινοῦ ῦψους τῆς περιμέτρου τοῦ πολυγώνου λαμβανομένης. ἀχθείσης δὴ τῆς ΗΝ παρὰ τὴν ΜΛ ἔσται, ὡς ἡ ΛΜ πρὸς

ΜΛ, ή ΛΗ πρὸς ΗΝ. ἡ δὲ ΛΗ πρὸς ΗΝ μείζονα 15 λόγον ἔχει ἤπες πρὸς τὴν ΗΛ. μείζων γὰς ἡ ΛΗ τῆς ΗΝ. καὶ ἡ ΛΜ ἄρα πρὸς ΜΛ, τουτέστιν ἡ Γ πρὸς τὴν Δ, μείζονα λόγον ἔχει, ἤπες ἡ ΛΗ πρὸς ΗΛ, τουτέστιν ἤπες τὸ πολύγωνον πρὸς τὴν ἐπιφάνειαν τῆς πυραμίδος.

20

Els tò is'.

Καὶ ἐπεὶ τὸ ὑπὸ τῶν ΒΑ, ΑΗ ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ τῶν ΒΔΖ καὶ τῷ ὑπὸ τῆς ΔΔ καὶ συναμφοτέρου τῆς ΔΖ, ΑΗ διὰ τὸ παράλληλον είναι τὴν ΔΖ τῆ ΑΗ] ἐπεὶ γὰρ παράλληλός ἐστιν ἡ ΔΖ τῆ ΑΗ, ἔστιν, ὡς ἡ ΒΑ πρὰς ΑΗ, ἡ ΒΔ πρὸς ΔΖ. καὶ διὰ τοῦτο τὸ ὑπὸ τῶν ἄκρων τῶν ΒΑ, ΔΖ ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ τῶν μέσων τῶν ΒΔ, ΑΗ. ἀλλὰ τὸ ὑπὸ τῶν ΒΑ, ΔΖ ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ τῶν ΑΔ, ΔΖ καὶ τῷ ὑπὸ τῶν ΑΔ, ΔΖ διὰ τὸ πρῶτον θεώρημα τοῦ β΄

^{8.} ωστε] ωστ cum comp. ης F. AH] AH F. 9. οντως

quadrate lineae aequalis lineae AH. itaque etiam rectangulum comprehensum perimetro polygoni et linea AH duplo maius est superficie pyramidis; nam rectangula comprehensa singulis lateribus et lineis a mertice ad ea perpendicularibus ductis, quae aequales sunt lineae AH, duplo maiora sunt singulis triangulis ad ea pertinentibus. quare est, ut AH: HA, ita polygonum ad superficiem pyramidis, si perimetrum polygoni pro communi altitudine sumimus.\(^1\)) ducta igitur HN lineae MA parallela erit AM: MA = AH: HN sed AH: HN > AH: HA; nam AH > HN. itaque etiam AM: MA > AH: HA, h. e. $\Gamma: A$ maiorem rationem habet, quam polygonum ad superficiem pyramidis.

In prop. XVI.

P. 78, 20-24: et quoniam

 $BA \times AH = BA \times AZ + AA \times (AZ + AH)$, quia AZ linea parallela est lineae AH] nam quoniam AZ parallela est lineae AH, erit

 $BA:AH=B\Delta:\Delta Z.$

itsque $BA \times \Delta Z = B\Delta \times AH$ [Eucl. VI, 16]. sed $BA \times \Delta Z = B\Delta \times \Delta Z + A\Delta \times \Delta Z$ propter pri-

Nam rectangulum comprehensum perimetro polygoni et linea AH duplo maius est polygono.

τό Torellius. 11. νψ cum comp. ους (simillimo comp. ης) F. 12. λαμβανομέν cum comp. ης F. 22. ΒΔ, ΔΖ Torellius.

βιβλίου τῆς στοιχειώσεως. καὶ τὸ ὑπὸ τῶν $B extit{Δ}$, AH ἄρα ἴσον ἐστὶ τῷ τε ὑπὸ $B extit{Δ}$, $extit{Δ}$ Ζ καὶ τῷ ὑπὸ $A extit{Δ}$, AΖ. κοινὸν προσκείσθω τὸ ὑπὸ $A extit{Λ}$, AH. τὸ ἄρα ὑπὸ $B extit{Δ}$, AH μετὰ τοῦ ὑπὸ $A extit{Λ}$, ὅπερ ἐστὶν 5 τὸ ὑπὸ $B extit{Λ}$, AH, ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ $B extit{Λ}$, AZ καὶ ἔτι τῷ ὑπὸ $A extit{Λ}$, AH.

Είς τὸ κγ'.

Τὸ δὲ πλῆθος τῶν πλευρῶν τοῦ πολυγώνου μετρείσθω ὑπὸ τετράδος] ὑπὸ τετράδος βούλεται 10 μετρείσθαι τὰς πλευρὰς τοῦ πολυγώνου διὰ τὸ τοῦ κύκλου κινουμένου περὶ τὴν ΑΓ διάμετρον πάσας τὰς πλευρὰς κατὰ κωνικῶν φέρεσθαι ἐπιφανειῶν χρησίμου ἐσομένου αὐτῷ ἐν τοῖς ἔξῆς τοῦ τοιούτου. μὴ γὰρ ὑπὸ τετράδος μετρουμένων τῶν πλευρῶν τοῦ πολυ-15 γώνου, κἂν ἀρτιόπλευρον ἦ, οὐ πάσας δυνατὸν κατὰ κωνικῶν φέρεσθαι ἐπιφανειῶν, ὡς κατανοῆσαι ἔνεστιν ἐπὶ τῶν τοῦ ἔξαγώνου πλευρῶν δύο γὰρ τὰς ἀπεναντίον αὐτοῦ παραλλήλους πλευρὰς κατὰ κυλινδρικῆς φέρεσθαι ἐπιφανείας συμβαίνει. ὅπερ, ὡς εἰρηται, οὐ χρήσιμον αὐτῷ πρὸς τὰ ἔξῆς.

Είς τὸ λ'.

Ή δὲ ΚΘ ἴση ἐστὶ τῆ διαμέτοφ τοῦ $AB\Gamma \Delta$ κύκλου] ἐὰν γὰρ ἀπὸ τοῦ X ἐπιζεύξωμεν ἐπὶ τὸ σημεῖον, καθ' δ ἐφάπτεται ἡ KZ τοῦ $AB\Gamma \Delta$ κύκλου, 25 νοούμενον τὸ M, ὁμοίως δὲ καὶ τὴν XK, ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ XK τῆ XZ, εἰσὶν δὲ καὶ ὀρθαὶ αί πρὸς τῷ

^{1.} $toi \chi e i \omega \sigma e \omega g$ F. $B \triangle]$ $B \triangle F$. 3. $\pi \phi o \sigma n e i \sigma \Phi \omega g$ scripsi; $\pi \phi o n e i \sigma \Phi \omega g$ F, uulgo. A H] A H F. $to \tilde{\alpha} \phi \alpha \tilde{\nu} \pi \tilde{\nu} \tilde{\nu} \Delta A A A A A A B O m$. F; corr. Torellius; habet Cr. 21.

mum theorems secundi libri elementorum [Eucl. II, 1]. quare etiam $B\Delta \times AH = B\Delta \times \Delta Z + A\Delta \times \Delta Z$. commune adiiciatur $\Delta A \times AH$. itaque

 $B \Delta \times AH + \Delta A \times AH$, b. e. $B A \times AH = B \Delta \times \Delta Z + A \Delta \times \Delta Z + A \Delta \times AH$ [= $B \Delta \times \Delta Z + A \Delta \times (\Delta Z + AH)$].

In prop. XXIII.

P. 100, 25—26: et numerus laterum polygoni per quattuor diuidi possit] latera polygoni per quattuor diuidi uult, ut circulo circum diametrum $A\Gamma$ moto omnia latera per superficies conicas circumuoluantur, quod in sequentibus ei utile erit. nam si latera polygoni per quattuor diuidi non possunt, fieri potest, etiam si paria sunt numero, ut non omnia per superficies conicas circumuoluantur, ut in hexagono intellegi potest. accidit enim, ut duo latera parallela eius inter se opposita per cylindricam superficiem circumuoluantur. quod, uti diximus, ei ad sequentia utile non est.

In prop. XXX.

P. 126, 6—7: sed linea $K\Theta$ acqualis est diametro circuli $AB\Gamma\Delta$] nam si a X puncto lineam duxerimus ad punctum, in quo KZ circulum $AB\Gamma\Delta$ contingit, quod sit M^1), et etiam lineam XK, erit KM = MZ,

¹⁾ Torellius hoc loco et infra semper pro M posuit Σ , quia in figura ed. Basil., quam retinuit, hacc littera pro M posita est, quod idem in nostra figura uol. I p. 127 errore factum est, quem hic correctum uolo.

εις το πθ' F. 22. ΑΒΓ F. 25. τὸ M] τὸ M τὴν ΧΜ? 26. τῷ] scripsi; το F, uulgo.

΄ Μ, ἴση γίνεται καὶ ἡ ΚΜ τῆ ΜΖ. ἀλλὰ μὴν καὶ ἡ ΖΧ τῆ ΧΘ ἴση. παράλληλος ἄρα ἡ ΧΜ τῆ ΚΘ. καὶ διὰ τοῦτο ἔσται, ὡς ἡ ΘΖ πρὸς ΖΧ, σῦτως ἡ ΚΘ πρὸς ΧΜ. διπλῆ δὲ ἡ ΘΖ τῆς ΧΖ. διπλῆ ἄρα καὶ 5 ἡ ΚΘ τῆς ΧΜ ἐκ τοῦ κέντρου οὕσης τοῦ ΑΒΓΔ κύκλου.

Είς τὸ λβ'.

Έχει δὲ καὶ ἡ διάμετρος τοῦ Μ κύκλου πρὸς την διάμετρον τοῦ Ν λόγον, δν έχει ή ΕΛ πρός 10 AK] έὰν γὰρ ἐπιζευχθῶσιν αί HA, ΓK , ὀρθῶν γινομένων των πρός τοις Κ, Λ και παραλλήλου της ΑΚ τῆ ΛΕ, Ισογώνιον γίνεται τὸ ΗΛΕ τρίγωνον τῷ ΓΚΑ τριγώνφ. καὶ διὰ τοῦτό ἐστιν, ὡς ἡ ΗΛ πρὸς ΛΕ, ούτως ή ΓΚ πρὸς ΚΑ. άλλ' ώς μὲν ή 15 ΗΛ πρός ΛΕ, ούτως πάσαι αί ἐπιζευγνύουσαι τὰς τοῦ περιγεγραμμένου γωνίας πρὸς τὴν τοῦ περὶ τὸ περιγεγραμμένον κύκλου διάμετρον. ώς δε ή ΓΚ πρός ΚΑ, ούτως πάσαι αι έπιζευγνύουσαι τας του έγγεγραμμένου γωνίας πρός την τοῦ ΑΒΓΔ κύκλου διάμετρον. 20 ώς ἄρα πᾶσαι αι ἐπιζευγνύουσαι τὰς τοῦ περιγεγραμμένου γωνίας πρός την τοῦ περί αὐτὸ κύκλου διάμετρον, ούτως πάσαι αί ἐπιζευγνύουσαι τὰς τοῦ ἐγγεγραμμένου γωνίας πρός την τοῦ ΑΒΓΔ κύκλου διάμετρον. ώς δε ή διάμετρος πρός την πλευράν, ούτως 25 ή διάμετρος πρός την πλευράν, έπει καί, ώς ή ΗΕ πρός ΕΛ, ούτως ή ΓΑ πρός ΑΚ. καὶ δι' ίσου άρα, ώς πάσαι αί ἐπιζευγνύουσαι πρὸς τὰν ΕΛ, οῦτως πά-

^{1.} γίνεται καί] utrumque per comp. F; ἄρα Torellius. 7. εις το λ΄ F. 10. ορθώ F; corr. BCD. 12. γίνεται] per comp. F; ἄρα Torellius. 13. τῷ ΓΚΑ τριγώνω] om. F; corr. ed. Basil. (om. Cr.). 16. γωνίας] γ cum comp. ας F. 20. πεφι-

quoniam XK = XZ, et anguli ad M positi recti sunt [Eucl. III, 18]. est autem etiam $ZX = X\Theta$. itaque XM lineae $K\Theta$ parallela est. quare erit

 $\Theta Z: ZX \longrightarrow K\Theta: XM.$

sed $\Theta Z = 2XZ$. quare etiam $K\Theta = 2XM$, et XM radius est circuli $AB\Gamma \Delta$.

In prop. XXXII.

P. 134, 15—16: sed etiam diametrus circuli M ad diametrum circuli N eam habet rationem, quam EA ad AK] nam si duxerimus HA, ΓK , erit

$HAE \sim \Gamma KA$,

quia anguli ad K, Λ positi recti sunt [Eucl. III, 31], et ΛK lineae ΛE parallela. itaque

 $HA: AE \longrightarrow \Gamma K: KA$ [Eucl. VI, 4].

sed ut HA: AE, ita omnes simul lineae angulos polygoni circumscripti iungentes ad diametrum circuli circum circumscriptum descripti [prop. 21], et ut $\Gamma K: KA$, ita omnes lineae angulos polygoni inscripti iungentes ad diametrum circuli $AB\Gamma\Delta$ [prop. 21]. quare ut omnes lineae angulos circumscripti iungentes ad diametrum circuli circum id descripti, ita omnes lineae angulos inscripti iungentes ad diametrum circuli $AB\Gamma\Delta$. sed ut diametrus ad latus, ita diametrus ad latus, quoniam etiam est $HE: EA = \Gamma A: AK$ [Eucl. VI, 4].\(^1\)) itaque ex aequali [Eucl. V, 22] erit, ut omnes lineae

¹⁾ Fortasse lin. 25 non HE, sed HA, et lin. 26 non FA, sed FK scribendum est; cfr. not. crit.

γεγραμμένου] εγγεγραμμενου F; corr. B. 21. γωνίας] γ cum comp. ας F, ut lin. 23. 25. HE] ME F; corr. Torellius. 26. ΓΑ] MA F; corr. Torellius.

σαι αί ἐπιζευγνύουσαι πρὸς τὴν ΑΚ. ἀλλ' ὡς πᾶσαι πρός την πλευράν την ΕΛ, ούτως τὸ ὑπὸ πασών καὶ τῆς ΕΛ, τουτέστι τὸ ἀπὸ τῆς ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ Μ. πρός τὸ ἀπὸ ΕΛ τῆς ΕΛ ποινοῦ ῦψους λαμβανομένης. 5 ώς δὲ πᾶσαι πρὸς τὴν ΑΚ, οῦτως τὸ ὑπὸ πασῶν καὶ της ΑΚ, τουτέστι τὸ ἀπὸ της έκ τοῦ κέντρου τοῦ Ν, πρός τὸ ἀπὸ τῆς ΑΚ, κοινοῦ ΰψους πάλιν λαμβανομένης της ΑΚ. ἔστιν ἄρα, ώς τὸ ἀπὸ της ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ Μ πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΛ, οῦτως τὸ ἀπὸ τῆς 10 έχ τοῦ κέντρου τοῦ Ν πρὸς τὸ ἀπὸ ΑΚ. καὶ ὡς ἄρα αὐτὴ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ Μ πρὸς τὴν ΕΛ, οὕτως ή έκ του κέντρου του Ν πρός την ΑΚ. έναλλάξ ώς ή έχ τοῦ κέντρου τοῦ Μ πρὸς τὴν έχ τοῦ κέντρου τοῦ Ν, οῦτως ἡ ΕΛ πρὸς ΑΚ. καὶ τῶν ἡγουμένων 15 τὰ διπλάσια, ώς ἡ διάμετρος τοῦ Μ πρὸς τὴν διάμετρον τοῦ Ν, ἡ ΕΛ ποὸς ΑΚ.

Είς τὸ λδ'.

Αί δὲ Ι, Θ εἰλημμέναι, ὅστε τῷ ἴσῷ ἀλλήλων ὑπερέχειν τὴν Κ τῆς Ι καὶ τὴν Ι τῆς Θ καὶ
20 τὴν Θ τῆς Η] τὸ προκείμενόν ἐστι δύο δοθεισῶν
εὐθειῶν δύο μέσας ἀνάλογον εύρεῖν ἐν ἀριθμητικῆ
ἀναλογία, ὃ ταὐτόν ἐστι τῷ τῷ ἴσῷ ἀλλήλων ὑπερέχειν. ποιητέον δὲ τοῦτο οῦτως ΄ ἔστωσαν αί δοθεῖσαι
δύο εὐθεῖαι αί ΑΒ, ΓΚ ἄνισοι. καὶ ἀφαιρεθείσης
25 ἀπὸ τῆς ΑΒ ἴσης τῆ ΓΚ τῆς ΒΔ ἡ λοιπὴ ἡ ΑΔ τετμήσθω τρίχα κατὰ τὰ Ε, Ζ, καὶ τῆ μὲν ΕΒ ἴση
κείσθω ἡ Η, τῆ δὲ ΖΒ ἴση ἡ Θ. ἔσονται δὴ αί Θ,
Η ποιοῦσαι τὸ προκείμενον.

^{10.} ἀπό] om. F; corr. ed. Basil. 12. ἐναλλὰξ ἄρα ed. Basil., Torellius. 18. τοῦ] (tert.) per comp. F. 17. εις το

coniungentes ad EA, ita omnes coniungentes ad AK. sed ut omnes ad latus EA, ita rectangulum comprehensum omnibus et latere EA, hoc est quadratum radii circuli M, ad EA^2 , linea EA communi altitudine sumpta. et ut omnes ad AK, ita rectangulum comprehensum omnibus et latere AK, hoc est quadratum radii circuli N, ad AK^2 , rursus linea AK communi altitudine sumpta. erit igitur, ut quadratum radii circuli M.ad EA^2 , ita quadratum radii circuli N ad AK^2 . itaque etiam, ut ipse radius circuli M ad EA, ita radius circuli N ad EA. uicissim ut radius circuli EA ad radium circuli EA ad EA at radius circuli EA ad radium c

EA:AK.

In prop. XXXIV.

P. 142, 2-4: et lineae I, Θ ita sumantur, ut aequali spatio excedat K linea lineam I, I lineam Θ , Θ lineam H] propositum est, ut inter duas lineas datas duas medias proportionales in proportione arithmetica inueniamus, quod idem est ac aequali spatio inter se excedere. hoc autem ita faciendum est: duae lineae datae sint AB, ΓK inaequales. et ablata ab AB lineae $B \triangle$ lineae ΓK aequali, reliqua linea $A \triangle$ in tres partes aequales diuidatur punctis E, E, et lineae EB aequalis ponatur E lineae autem EB aequalis linea EB. itaque EB0, EB1 lineae proposito satisfacient.

^{26&#}x27; F. 20. dosesow F. 21. eve cum comp. ηr F. 28. nointées C; nointe F; noietal ABDV; noiete ed. Basil., Torellius. 25. $\tau \hat{y}$] $\tau \eta_c$ F. 27. $\hat{\eta}$ Θ] η $H\Theta$ F; corr. Torellius. Θ , H] H, Θ Torellius.

20

λέγω δή, ὅτι καὶ ἡ AB πρὸς την ΓΚ μείζονα ἢ τριπλασίονα λόγον ἔχει τοῦ, ὅν ἔχει ἡ AB πρὸς την Η.

γεγονέτω γάρ, ώς ή ΑΒ πρὸς τὴν Η, οὕτως ἡ Η πρὸς ἄλλην τινὰ τὴν Α. καὶ ἐπεί, ῷ μέρει ἑαυτῆς ἡ ΑΒ ὑπερ- ἐχει τῆς Η, τούτω καὶ ἡ Η ἑαυτῆς ὑπερέχει τῆς Α, τὶ δὲ αὐτὸ μέρος τῆς Η, μείζονι ἄρα ὑπερέχει ἡ ΑΒ τῆς Η, ἤπερ ἡ Η τῆς Α. τῷ δὲ αὐτῷ ὑπερ- ἐχει ἡ ΑΒ τῆς Η, καὶ ἡ Η τῆς Θ, μείζονι ἄρα ὑπερέχει ἡ Η τῆς Θ,

ήπες ή Η της Λ. ώστε μείζων ή Λ της Θ. εάν δη πάλιν ποιήσωμεν, ώς την Η πρός την Α, ούτως την 15 Λ πρός Μ, πολλώ μείζων έσται της ΓΚ. και έπει τέσσαρες εὐθείαι αι ΛΒ, Η, Λ, Μ έξης ἀνάλογόν είσιν, ή ΛΒ πρός την Μ τριπλασίονα λόγον έχει, ήπερ ή ΛΒ πρός Η. ώστε ή ΛΒ πρός την ΓΚ μείζονα η τριπλασίονα λόγον έχει ήπες πρός την Η.

Είς τὸ λζ'.

'Αλλὰ τὸ ὑπὸ ΕΘ καὶ τῶν ΕΖ, ΓΔ, ΚΑ δέδεικται ἴσον τῷ ὑπὸ τῶν ΕΛ, ΚΘ] ἐν γὰρ τῷ
δευτέρῷ καὶ εἰκοστῷ δεωρήματι δέδεικται, ὅτι αί ΕΖ,
ΓΔ, ΚΑ πρὸς τὴν ΘΚ τὸν αὐτὸν ἔχουσι λόγον, ὃν
25 ἡ ΛΕ πρὸς ΕΘ. ἄστε τὸ ὑπὸ τῶν ἄκρων ἴσον ἐστὶ
τῷ ὑπὸ τῶν μέσων.

Τὸ δὲ ὑπὸ EA, $K\Theta$ ἔλασσόν ἐστι τοῦ ἀπὸ ΘA] καὶ γὰρ τοῦ ὑπὸ $A\Theta$, ΘK ἴσου ὅντος τῷ ἀπὸ ΘA , $\tilde{\omega}_S$ ἐστι δῆλον ἐπιζευγνυμένης τῆς AA καὶ διὰ

^{20.} sis to le' F. 23. EZ] Z F. 27. Hic nullum signum

dico igitur¹), esse $AB: \Gamma K > AB^3: H^3$. sit enim $AB: H = H: \Lambda$. et quoniam eadem parte sui H linea lineam Λ excedit, qua parte sui linea AB lineam H excedit, et pars lineae AB maior est eadem parte lineae H, AB igitur lineam H excedit maiore spatio, quam quo H lineam Λ excedit. sed ΛB lineam H eodem spatio excedit, quo H lineam Θ maiore spatio excedit, quam quo H lineam Λ excedit. quare $\Lambda > \Theta$. si igitur rursus fecerimus $\Pi = \Lambda: M$, multo magis erit $\Pi > \Gamma K.$ et quoniam quattuor lineae ΛB , Π , Π in continua proportione sunt, erit [Eucl. Π def. 11]

 $AB: M = AB^3: H^3$.

quare $AB: \Gamma K > AB^3: H^3$.

In prop. XXXVII.

P. 154, 19-22: sed demonstratum est

$$E\Theta \times (EZ + \Gamma \Delta + KA) = EA \times K\Theta$$

nam in prop. XXII demonstratum est, esse

$$EZ + \Gamma \Delta + KA : \Theta K = AE : E\Theta$$

quare rectangulum terminis extremis comprehensum aequale est rectangulo mediis comprehenso [Eucl. VI, 16].

P. 154, 23—25: sed $EA \times K\Theta < \Theta A^2$] nam

 $EA \times K\Theta < A\Theta \times \Theta K;$

sed $\Lambda\Theta \times \Theta K = \Theta A^2$, ut adparet ducta linea $\Lambda\Lambda$,

1) U. I p. 142, 25 sq. efr. Quaest. Arch. p. 51-52.

²⁾ Nam $H \div A > A \div M$ (ut supra lin. 5 sq.), et multo magis $H \div \Theta > A \div M$; sed $H \div \Theta = \Theta \div \Gamma K$; quare $\Theta \div \Gamma K > A \div M$; et $\Theta < A$; itaque $\Gamma K < M$.

in F adponitur, sed ante τό ponitur:. τό] scripsi; τω F, uulgo.

τοῦτο όμοίου γινομένου τοῦ $\Theta A K$ τριγώνου τῷ $\Theta A A$. ἔσται γάρ, ὡς ἡ $A\Theta$ πρὸς ΘA , ἡ $A\Theta$ πρὸς ΘK , καὶ τὸ ὑπὸ τῶν ἄκρων ἴσον τῷ ἀπὸ τῆς μέσης.

Είς τὸ λθ'.

5 "Εξει δη τὸ αὖτὸ κέντοον τῷ ΑΒΓ κύκλῷ] ἐὰν γὰο ἀπὸ τοῦ Δ ἐπιζευχθῶσιν εὐθεῖαι ἐπὶ τὰ Θ, Ε, Λ, ἴσαι ἔσονται διὰ τὸ καὶ τὰς ἀπὸ τοῦ Δ ἐπὶ τὰς ἀφὰς ἐπιζευγνυμένας εὐθείας καθέτους εἰναι ἐπὶ τὰς ἐφαπτομένας καὶ αὐτὰς δὲ τὰς ἐφαπτομένας δίχα τέμ-10 νεσθαι πρὸς τῆ ἀφῆ.

Όταν δὲ τοῦτο ἦ, μείζων γίνεται ἡ ἐπιφάνεια τῆς ἐπιφανείας] ἐπεὶ γὰρ ἡ ΜΖ κατὰ κωνικῆς ἐπιφανείας φέρεται, κατὰ κολούρου κώνου ἐπιφανείας οἰσθήσεται, ἤ ἴσος ἐστὶ κύκλος, οὖ ἡ ἐκ τοῦ 15 κέντρου μέσον λόγον ἔχει τῆς τε ΖΜ καὶ τῆς ἡμισείας συναμφοτέρου τῆς ΖΗ καὶ τῆς ΜΝ. ὁμοίως δὴ καὶ τῆ ὑπὸ τῆς ΜΑ γενομένη κολούρου κώνου ἐπιφανεία ἴσος ἐστὶ κύκλος, οὖ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου μέσον λόγον ἔχει τῆς ΜΑ καὶ τῆς ἡμισείας συναμφοτέρου τῆς 20 ΑΒ καὶ ΜΝ. καί ἐστιν ἡ μὲν ΖΜ μείζων τῆς ΜΑ, ἡ δὲ ΖΗ τῆς ΑΒ. μείζων ἄρα καὶ ἡ μέση τῆς μέσης, ώστε καὶ ἡ ἐπιφάνεια τῆς ἐπιφανείας. ἡ ἄρα ὑπὸ ΖΜ, ΝΗ μείζων έστὶ τῆς ὑπὸ ΜΑ, ΝΒ ἐπιφανείας.

Είς τὸ μ'.

25 Ἡ ἄρα τοῦ σχήματος τοῦ ΚΖΛ ἐπιφάνεια μείζων ἐστὶ τοῦ κύκλου] καὶ τὰ ἑξῆς. ἀσαφέστερον δοκεϊ συνῆχθαι τὸ εἰρημένον. λέγοις δ' ἂν σαφῶς οῦτως.

^{2.} $\emph{\'e}\sigma \imath \alpha i$] per comp. F. 4. $\emph{\'e}\iota \varsigma$ to $\emph{$\lambda \zeta'$}$ F. 6. $\emph{$\Delta$}$] $\emph{$\Delta E$}$ F.D. 8. $\emph{$\kappa \alpha \vartheta \varepsilon \tau$}$ cum comp. ovs F. 11. $\emph{$\gamma \ell \nu \varepsilon \tau \alpha i$}$] per comp. F, B; $\emph{$\gamma \acute{\alpha} \varrho$}$ uulgo; $\emph{\'e}\sigma \iota \acute{\epsilon}$ ed. Basil., Torellius. 13. $\emph{$\kappa \omega \lambda \omega \varrho \omega v$}$ F; corr. Torellius. 15. $\emph{\'e}\jmath \varepsilon \imath \acute{\epsilon}$ F; corr. B. 24. $\emph{$\varepsilon \iota \varsigma$}$ to $\emph{$\lambda \gamma'$}$ F.

cum $\Theta AK \sim \Theta AA$. tum enim erit $A\Theta : \Theta A = A\Theta : \Theta K$,

et rectangulum terminis extremis comprehensum aequale erit quadrato medii [Eucl. VI, 17].

In prop. XXXIX.

P. 162, 2—3: is igitur idem centrum habebit, quod circulus $AB\Gamma$] nam si a puncto Δ ad Θ , E, Λ lineae ductae erunt, aequales erunt, quia lineae a Δ ad contactus ductae perpendiculares) erunt ad lineas contingentes [Eucl. III, 18], et ipsae lineae contingentes in contactu in duas partes aequales dividuntur.

P. 164, 3-4: quod cum ita sit, superficies superficie maior est] nam quoniam²) linea MZ per superficiem conicam fertur, per superficiem coni truncati feretur, cui aequalis est circulus, cuius radius media est proportionalis inter ZM et $\frac{1}{2}(ZH + MN)$ [prop. 16]. eodem modo etiam superficiei coni truncati per lineam MA ortae aequalis est circulus, cuius radius media est proportionalis inter MA et $\frac{1}{2}(AB + MN)$ et ZM > MA, et ZH > AB. itaque etiam media proportionalis maior est media; quare etiam superficies superficie. itaque superficies per ZM, NH orta maior est superficie per MA, NB orta.

In prop. XL.

P. 168, 4—5: superficies igitur figurae KZA maior est circulo] et sequentia. quod dicit, minus perspicue colligi uidetur. perspicue sic dixeris: quoniam circu-

¹⁾ Et aequales.

²⁾ Minus apte loquitur.

10

ἐπειδὴ ὁ Ν κύκλος Ισος ἐστὶ τῷ ἐπιφανεία τοῦ σχήματος, ἡ δὲ ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ Ν δύναται τὸ ὑπὸ ΜΘ, ΖΗ, τὸ δὲ ὑπὸ ΜΘ, ΖΗ μετζον τοῦ ὑπὸ ΓΔ, ΔΞ (ἡ μὲν γὰρ ΜΘ Ιση δέδεικται τῷ ΓΔ, ἡ δὲ ΖΗ μετζων τῆς ΔΞ), τὸ ὁ Ν ἄρα κύκλος μείζων ἐστὶ τοῦ κύκλου, οὖ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου δύναται τὸ ὑπὸ ΓΔ, ΔΞ. τὸ δὲ ὑπὸ ΓΔ, ΔΞ Ισον τῷ ἀπὸ ΔΔ. ὁ ἄρα Ν κύκλος, τουτέστιν ἡ ἐπιφάνεια τοῦ περιγεγραμμένου, μείζων ἐστὶ τοῦ κύκλου, οὖ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ἴση ἐστὶ τῷ ΔΔ.

Είς τὸ μα'.

'Αλλὰ τὰ εἰρημένα χωρία πρὸς ἄλληλά ἐστιν, ώς τὸ ἀπὸ τῆς ΕΚ πλευρᾶς πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς ΑΛ πλευρᾶς] έὰν γὰρ έπιζευχθη ἡ ΔΛΚ, παραλλήλου ούσης τῆς ΕΚ τῆ ΑΛ ἐστιν, ὡς ἡ ΕΔ πρὸς ΔΑ, 15 $\dot{\eta}$ EK $\pi \rho \dot{\phi}_S$ A A. $\dot{\phi}_S$ $\dot{\phi}_S$ $\dot{\phi}_S$ E Δ $\pi \rho \dot{\phi}_S$ Δ A, $\dot{\eta}_S$ EZ $\pi \rho \dot{\phi}_S$ A \dot{I}^* . και ώς ἄρα ή ΕΚ πρός ΑΛ, ή ΕΖ πρός ΑΓ, και ή ήμίσεια της ΕΖ πρός την ημίσειαν της ΑΓ. δμοίως δή καί έπι πασών τών έπιζευγνυουσών τὰς γωνίας τών πολυγώνων δειχθήσεται, δτι τὸν αὐτὸν ἔχουσι λόνον 20 προς αλλήλας, ου ή ΕΚ προς ΑΛ. και ώς άρα εν πρός εν, ούτως απαντα πρός απαντα. ώς άρα ή ΕΚ προς ΑΛ, ούτως πάσαι αι επιζευγνύουσαι τας του περιγεγραμμένου γωνίας μετὰ τῆς ἡμισείας τῆς βάσεως τοῦ μείζονος τμήματος πρός πάσας τὰς ἐπιζευγνυούσας 25 μετὰ τῆς ἡμισείας τῆς βάσεως τοῦ ἐλάσσονος τμήματος. ώστε καὶ ώς τὸ ἀπὸ τῆς ΕΚ πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς ΑΛ, ούτως τὸ ὑπὸ τῆς ΕΚ καὶ πασῶν πρὸς τὸ ὑπὸ τῆς ΑΛ καὶ πασών. τὰ γὰο ὅμοια εὐθύγοαμμα ἐν διπλασίονι λόγω έστι των δμολόγων πλευρών.

^{6.} AE] AH F. 7. AE] AH F. 10. EIG TO LO' F.

lus N aequalis est superficiei figurae, et radius circuli N quadratus aequalis est $M\Theta \times ZH$, et

$M\Theta \times ZH > \Gamma \Delta \times \Delta Z$

(nam $M\Theta = \Gamma \Delta$, ut demonstratum est, et $ZH > \Delta \Xi$), circulus igitur N maior est circulo, cuius radius quadratus aequalis est $\Gamma \Delta \times \Delta \Xi$. sed $\Gamma \Delta \times \Delta \Xi = \Delta A^2$ [Eucl. VI, 8 $\pi \delta \varrho$.]. itaque circulus N, h. e. superficies figurae circumscriptae, maior est circulo, cuius radius aequalis est lineae ΔA .

In prop. XLI.

P. 172, 5-8: sed spatia, quae commemoraumus, eam inter se rationem habent quam $EK^2:AA^2$ nam si duxerimus $\Delta \Lambda K$, erit, cum EK lineae $\Lambda \Lambda$ parallela sit. $E\Delta: \Delta A = EK: AA$. sed $E\Delta: \Delta A = EZ: A\Gamma$. quare etiam $EK: A\Lambda = EZ: A\Gamma = \frac{1}{2}EZ: \frac{1}{2}A\Gamma$. similiter igitur etiam in omnibus lineis angulos polygonorum jungentibus demonstrabimus, eas inter se eam rationem habere, quam EK: AA. quare etiam ut una ad unam, ita omnes ad omnes [Eucl. V, 12]. itaque ut EK: AA, ita omnes lineae angulos polygoni circumscripti iungentes cum dimidia basi maioris segmenti ad omnes lineas [angulos polygoni inscripti] iungentes cum dimidia basi segmenti minoris. quare etiam, ut $EK^2:AA^2$, ita rectangulum comprehensum linea EK et omnibus [lineis iungentibus] ad rectangulum comprehensum linea AA et omnibus; nam figurae rectilineae similes in duplici proportione sunt,

^{16.} ἡ ἡμίσεια] ἡ addidi; om. F, uulgo. 18. γωνίας] γασ F. 23. γωνίας] γ cum comp. ας F. 24. ἐπιζευγνυούσας τὰς τοῦ ἐγγεγραμμένου γωνίας Torellius.

τοῦ μὲν τῆς ΕΚ πρὸς ΑΛ λόγου διπλασίων ὁ τοῦ ἀπὸ τῆς ΕΚ πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς ΑΛ, τῶν δὲ ἐπιζευγνυουσῶν τὰς τοῦ μείζονος πρὸς τὰς ἐπιζευγνυούσας τὰς τοῦ ἐλάττονος διπλασίων ἐστὶν ὁ τοῦ ὑπὸ τῆς ΕΚ καὶ πασῶν πρὸς τὸ ὑπὸ τῆς ΑΛ καὶ πασῶν. ὅμοια γὰρ καὶ ταῦτα διὰ τὸ τὰς πλευρὰς ἀνάλογον ἔχειν.

Καί έστιν, ώς ή ΕΚ ποὸς τὴν ἐκ τοῦ κέντουν τῆς ἐλάσσονος σφαίρας, οῦτως ἡ ΑΛ ποὸς τὴν ἀπὸ τοῦ κέντρου ἐπὶ τὴν ΑΛ κάθετον ἠγ
10 μένην] ἐὰν γὰς ἀπὸ τοῦ κέντρου ἐπὶ τὴν ἀφὴν ἐπιξεύξωμεν εὐθεῖαν, ἔσται ἡ ἐπιζευχθεῖσα κάθετος ἐπὰ ἀμφοτέρας τὰς ΕΚ, ΑΛ. καὶ ἔσται, ὡς ἡ ΕΔ ποὸς ΔΑ, τουτέστιν ἡ ΕΚ ποὸς ΑΛ, ἡ ἀπὸ τοῦ κέντρου ἐπὶ τὴν ἀφὴν ἐπιζευχθεῖσα, τουτέστιν ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ἐπὶ τῆς ἐλάσσονος σφαίρας, πρὸς τὴν ἀπὸ τοῦ κέντρου ἐπὶ τῆν ΑΛ κάθετον.

'Εδείχθη δέ, ὡς ἡ ΕΚ ποὸς ΑΛ, οῦτως ἡ ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ Μ κύκλου ποὸς τὴν ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ Ν κύκλου] ἐπεὶ δέδεικται, ὅτι ἐστίν, 20 ὡς τὸ πολύγωνον ποὸς τὸ πολύγωνον, οῦτως ὁ Μ κύκλος ποὸς τὸν Ν, τουτέστι τὸ ἀπὸ τῆς ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ Μ ποὸς τὸ ἀπὸ τῆς ἐκ τοῦ κέντου τοῦ Ν.

Είς τὸ μβ΄.

Έκατερος γάρ τῶν λόγων διπλάσιός ἐστι

^{2.} $\tau \tilde{\omega} v \delta \dot{\epsilon}$ | $\tau \tilde{o} \tilde{v} \delta \dot{\epsilon} \tau \tilde{\omega} v$? 11. $\tilde{\epsilon} \sigma \tau \alpha i$ | per comp. F, ut lin. 12. 14. $\tilde{\epsilon} \pi i \zeta \epsilon v \chi \vartheta \epsilon i \sigma \alpha$ | scripsi; $\epsilon \pi i \zeta \epsilon v \chi \vartheta \epsilon i \sigma \alpha v F$, uulgo; om. Torellius et cum uerbis $\dot{\eta}$ $\dot{\alpha} \pi \dot{\sigma}$ lin. 13 ad $\tau o v \tau \dot{\epsilon} \sigma \tau i v$ lin. 14 ed. Basil. 23. $\epsilon \iota \varsigma$ τo μ' F.

quam latera inter se respondentia [Eucl. VI, 20]. et $EK^2:AA^2$ duplex est quam proportio EK:AA, et proportio, quam habet rectangulum comprehensum linea EK et omnibus [lineis iungentibus] ad rectangulum comprehensum linea AA et omnibus duplex est quam ea, quam habent lineae [angulos] maioris [polygoni] iungentes ad lineas [angulos] minoris iungentes; nam illa quoque [rectangula] similia sunt, quia latera proportionalia habent [Eucl. VI def. 1].¹)

P. 174, 10—13: et est, ut EK ad radium sphaerae minoris, ita AA ad lineam a centro ad lineam AA perpendicularem ductam] nam si a centro ad contactum lineam duxerimus, linea ducta ad utramque lineam EK, AA perpendicularis erit [Eucl. III, 18; III, 3]. et erit, ut EA:AA, h. e. EK:AA, ita linea a centro ad contactum ducta, h. e. radius sphaerae minoris, ad lineam a centro ad AA perpendicularem [Eucl. VI, 4].

P. 174, 13—16: et demonstratum est, esse, ut EK: AA, ita radium circuli M ad radium circuli N] quia demonstratum est, esse, ut polygonum ad polygonum, ita M circulum ad N, h. e. quadratum radii circuli M ad quadratum radii circuli N [Eucl. XII, 2].2)

In prop. XLII.

P. 176, 27 - 178, 2: nam utraque ratio duplex est

¹⁾ Miramur, cur Eutocius non ad prop. 32 p. 132, 14 sq. haec adnotauerit; ibi enim idem fere concluditur; u. p. 133 not. 3. ceterum demonstratio hoc loco parum recte procedit; maxime uerba p. 52, 28: τὰ γάρ — 29: πλευρῶν rationem conturbant. εὐθυγραμμα enim eadem sunt rectangula, de quibus p. 54, 5 legitur: ὅμοια γὰρ καὶ ταῦτα.

2) Nam polygona eam inter se rationem habent, quam

τοῦ, ὂν ἔχει ἡ τοῦ περιγεγραμμένου πολυγώνου πλευρὰ πρὸς τὴν τοῦ ἐγγεγραμμένου] ἐδείχθη γὰρ ἐν τῷ πρὸ τούτου, ὅτι ἐστίν, ὡς ἡ ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ κύκλου τοῦ ἴσου τῆ ἐπιφανεία τοῦ 5 περιγεγραμμένου πρὸς τὴν ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ κύκλου τοῦ ἴσου τῆ ἐπιφανεία τοῦ ἐγγεγραμμένου, οῦτως ἡ πλευρὰ τοῦ περιγεγραμμένου πολυγώνου πρὸς τὴν πλευρὰν τοῦ ἐγγεγραμμένου. οἱ δὲ κύκλοι πρὸς ἀλλήλους ἐν διπλασίονι λόγῳ εἰσὶν τῶν ἐκ τῶν κέντρων. 10 καὶ ἡ ἐπιφάνεια ἄρα πρὸς τὴν ἐπιφάνειαν διπλασίονα λόγον ἔχει, ἥπερ ἡ πλευρὰ πρὸς τὴν πλευράν.

Είς τὸ μδ΄.

Τὸ ἄρα περιγεγραμμένον στερεὸν πρὸς το έγγεγραμμένον ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἢ ὁ στε15 ρεὸς τομεὺς πρὸς τὸν Θ κῶνον] εἰ γὰρ τὸ περιγεγραμμένον στερεὸν πρὸς τὸ ἐγγεγραμμένον ἐλάσσονα ἢ τριπλασίονα λόγον ἔχει τοῦ, ὂν ἔχει ἡ Δ πρὸς Ζ, ἡ δὲ Δ πρὸς Ε μείζονα ἢ τριπλασίονα, τὸ ἄρα περιγεγραμμένον πρὸς τὸ ἐγγεγραμμένον ἐλάσσονα λόγον
20 ἔχει, ἤπερ ἡ Δ πρὸς Ε΄ ἡ δὲ Δ πρὸς Ε, ἤπερ ὁ τομεὺς πρὸς τὸν κῶνον. καὶ τὸ περιγεγραμμένον ἄρα πρὸς τὸ ἐγγεγραμμένον ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπερ ὁ τομεὺς πρὸς τὸν κῶνον.

Εὐτοκίου 'Ασκαλωνίτου ὑπόμνημα εἰς τὸ πρῶτον 25 τῶν 'Αρχιμήδους περὶ σφαίρας καὶ κυλίνδρου, ἐκδόσεως παραναγνωσθείσης τῷ Μιλησίφ μηχανικῷ 'Ισιδώρφ ἡμετέρφ διδασκάλφ.

^{3.} πρό] περι F; corr. ed. Basil. 12. εις το μβ΄ F. 13. στερεὸν σχήμα Torellius cum transscriptore uol. I p. 186, 13. 17. Δ] B F; corr. Torellius. 20. Ε ξλάσσονα λόγον ξχει ήπερ ed. Basil., Torellius; sed cfr. Quaest Arch. p. 159.

quam ea, quam habet latus polygoni circumscripti ad latus polygoni inscripti] nam demonstratum est in propositione praecedenti1), esse, ut radius circuli superficiei polygoni circumscripti aequalis ad radium circuli superficiei inscripti aequalis, ita latus polygoni circumscripti ad latus inscripti. sed circuli inter se in duplici proportione sunt quam radii [Eucl. XII, 2]. itaque etiam superficies ad superficiem duplicem rationem habet, quam latus ad latus.²)

In prop. XLIV.

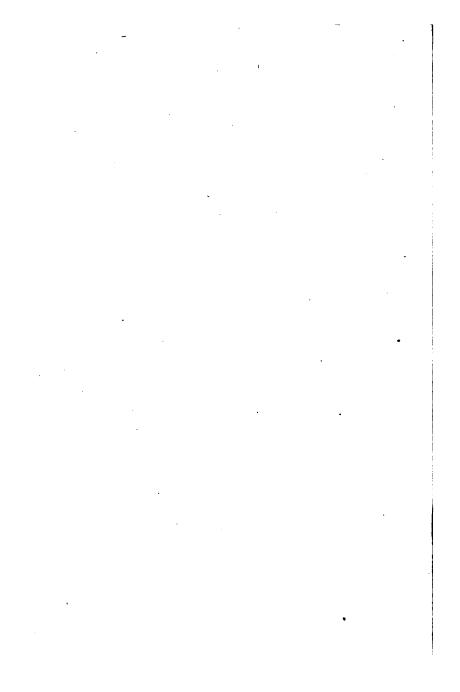
P. 184, 12-15: itaque figura solida circumscripta ad inscriptam minorem rationem habet, quam sector solidus ad conum @] nam si figura solida circumscripta ad inscriptam minorem quam triplicem rationem habet, quam $\Delta: \mathbb{Z}$, sed $\Delta: \mathbb{E}$ maiorem quam triplicem, figura igitur circumscripta ad inscriptam minorem rationem habet, quam $\Delta: E$; sed $\Delta: E$ [minorem rationem habet], quam sector ad conum. quare etiam figura circumscripta ad inscriptam minorem rationem habet, quam sector ad conum.

Eutocii Ascalonitae commentarius in primum librum Archimedis de sphaera et cylindro, editione recognita ab Isidoro mechanico Milesio, magistro nostro.³)

 $EK^2:AA^2$. ceterum hoc, quod demonstratum esse Eutocius

contendit, ipsum demonstratum non est; sequitur autem ex nol. I p. 172, 6 sq.; cfr. nol. I praef. p. XI.

1) Prop. 41 p. 174, 13 sq.; cfr. supra p. 54, 17 sq.
2) Haec demonstratio inutilibus ambagibus utitur. nam sic ratiocinandum. superficies: superficiem == latus : latus : (prop. 42) — polygonum : polygonum (Eucl. VI, 20). 3) Cfr. Neue Jahrb. Suppl. XI p. 359.



EUTOCII COMMENTARIUM

IN LIBRUM II

DE SPHAERA ET CYLINDRO.

Σαφῶς ἡμτυ τῶν ἐν τῷ πρώτῳ βιβλίῳ θεωρημάτων γεγραμμένων ἀκόλουθος καὶ ἡ κατὰ τὸν αὐτὸν τρόπου ἐν τοῖς τοῦ δευτέρου θεωρήμασι σπουδή.

φησίν δη πρώτον έν τῷ α΄ θεωρήματι:

10

15

Είλήφθω τοῦ δοθέντος κώνου ἢ κυλίνδρου ἡμιόλιος κύλινδρος] τοῦτο δὲ διχῶς δυνατόν ἐστιν ποιείν ἤτοι τῆς βάσεως τῆς αὐτῆς σωζομένης ἐν ἀμφοτέροις ἢ τοῦ ὕψους. καὶ ἵνα σαφέστερον γένηται τὸ λεγόμενον, νενοήσθω κῶνος ἢ κύλινδρος, οὖ βάσις

μεν ο Α κύκλος, ύψος δε ή ΑΓ. και δέον έστω αὐτοῦ ἡμιόλιον κύλινδρον εὐρεῖν. ὑποκείσθω δε πρότερον ο ΑΓ κύλινδρος, και προσεκβεβλήσθω το ΑΓ ῦψος τοῦ κυλίνδρου, και κείσθω τῆς ΑΓ ἡμίσεια ἡ ΓΔ. ἡ ἄρα ΑΔ ἡμιολία ἐστίν τῆς ΑΓ. ἐὰν δὴ νοήσωμεν κύλινδρον βάσιν μεν ἔχοντα τὸν Ακύκλον, ῦψος δε τὴν ΑΔ εὐθεῖαν, ἡμιόλιος ἔσται τοῦ προτεθέντος τοῦ ΑΓ. οί γὰρ ἐκὶ τῆς αὐτῆς βάσεως

20 ὅντες κῶνοι καὶ κύλινδροι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν ὡς τὰ τὸψη. — εἰ δὲ κῶνος εἴη ὁ ΑΓ, τμηθείσης τῆς ΑΓ δίχα ὡς κατὰ τὸ Ε ἐὰν πάλιν νοηθῆ κύλινδρος βάσιν μὲν ἔχων τὸν Α κύκλον, ΰψος δὲ τὴν ΑΕ, ἔσται ἡμιόλιος τοῦ ΑΓ κώνου. ὁ γὰρ κύλινδρος ὁ βάσιν ἔχων τὸν

Ευτοκιου Ασκαλωνιτου υπομνημα εις το β περι σφαιρας και

Cum theoremata libri primi perspicue exposuerimus, consentaneum est theorematis libri secundi idem studium impendere.

primum igitur in theoremate I dicit:

P. 190, 15—16: sumatur cylindrus dimidia parte maior dato cono uel cylindro] hoc autem duobus modis facere licet, aut basi aut altitudine eadem in utroque seruata. et quo magis adpareat, quod dicimus, fingatur conus uel cylindrus, cuius basis sit Λ circulus, altitudo autem $\Lambda\Gamma$. et sit propositum, ut cylindrum eo dimidia parte maiorem inueniamus. supponatur igitur prius cylindrus $\Lambda\Gamma$, et producatur $\Lambda\Gamma$ altitudo cylindri, et ponatur $\Gamma\Lambda = \frac{1}{2}\Lambda\Gamma$. itaque $\Lambda\Lambda = \frac{3}{2}\Lambda\Gamma$. si igitur finxerimus cylindrum basim habentem circulum Λ , altitudinem autem lineam $\Lambda\Lambda$, dimidia parte maior erit dato $\Lambda\Gamma$. nam coni et cylindri, qui in eadem basi sunt, eam inter se rationem habent, quam altitudines [Eucl. XII, 14].

sin conus est $A\Gamma$, si rursus, linea $A\Gamma$ in E in duas partes aequales divisa, cylindrum finxerimus basim habentem A circulum, altitudinem autem AE, dimidia parte maior erit cono $A\Gamma$. nam cylindrus basim

πυλινόφου F. 3. τοῦ] addidi; om. F, uulgo. 12. ευς cum comp. $\iota \nu$ uel $\eta \nu$ F. $\delta \dot{\epsilon}$] δή Torellius. 18. ἔσται] per comp. F, ut lin. 23.

Α κύκλον, ΰψος δὲ τὴν ΑΓ εὐθεῖαν τοῦ μὲν ΑΓ κώνου τριπλάσιός ἐστι, τοῦ δὲ ΑΕ κυλίνδρου διπλάσιος. ὅστε δῆλον, ὅτι καὶ ὁ ΑΕ κύλινδρος ἡμιόλιός ἐστι τοῦ ΑΓ κώνου. — οὕτως μὲν οὖν τῆς αὐτῆς βάσεως τοῶςομένης ἔν τε τῷ προτεθέντι καὶ ἐν τῷ λαμβανομένω γενήσεται τὸ πρόβλημα. ἔνεστι δὲ καὶ τῆς βάσεως διαφόρου τυγχανούσης, τοῦ δὲ ἄξονος τοῦ αὐτοῦ μένοντος τὸ αὐτὸ ποιεῖν. ἔστω γὰρ πάλιν κῶνος ἢ κύλινδρος, οὖ βάσις ὁ ΖΗ κύκλος, ὕψος δὲ ἡ ΘΚ 10 εὐθεῖα, οὖ δέον ἔστω ἡμιόλιον κύλινδρον εὐρεῖν ῦψος

εχοντα ίσον τῆ ΘΚ. ἀναγεγοάφθω ἀπὸ τῆς ΖΗ διαμέτρου τοῦ κύκλου τετράγωνον τὸ ΖΛ, καὶ προσεκβληθείσης τῆς ΖΗ κείσθω αὐτῆς ἡμίσεια ἡ ΗΜ, καὶ συμπεπληρώσθω τὸ ΖΝ παραλληλόγραμμον. τὸ ἄρα ΖΝ ἡμιόλιόν ἐστι τοῦ ΖΛ, καὶ ἡ ΜΖ τῆς ΖΗ.

Α Ν συνεστάτω δη τῷ ΖΝ παραλληλογράμμα ἴσον τετράγωνον τὸ ΕΠ, καὶ περὶ διάμετρον 20 μίαν τῶν πλευρῶν αὐτοῦ τὴν ΕΟ κύκλος γεγράφθω. ἔσται δὴ ὁ ΕΟ ἡμιόλιος τοῦ ΖΗ· οἱ γὰρ κύκλοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν ὡς τὰ ἀπὸ τῶν διαμέτρων τετράγωνα. καὶ ἐὰν πάλιν νοηθῆ κύλινδρος βάσιν μὲν ἔχων τὸν ΕΟ κύκλον, ῦψος δὲ ἴσον τῆ ΘΚ, ἔσται 25 ἡμιόλιος τοῦ κυλίνδρου, οὖ βάσις μὲν ὁ ΖΗ κύκλος, ῦψος δὲ ἡ ΘΚ. — εἰ δὲ κῶνος εἴη, ὁμοίως τὰ αὐτὰ ποιήσαντες καὶ τῷ τρίτᾳ μέρει τοῦ ΖΝ παραλληλογράμμου ἴσον συστησάμενοι τετράγωνον ὡς τὸ ΕΠ καὶ περὶ τὴν πλευρὰν αὐτοῖ τὴν ΕΟ κύκλον γράψαντες

^{10.} ού δέον] ούδε όν F. ευς cum comp. ην uel ιν F.

habens A circulum, altitudinem autem $A\Gamma$ lineam triplo maior est cono $A\Gamma$, duplo autem maior cylindro AE [Eucl. XII, 10; XII, 14]. quare adparet, etiam cylindrum AE dimidia parte maiorem esse cono $A\Gamma$.

ita igitur problema resoluetur eadem basi seruata et in dato et in inuento. sed licet idem etiam ita facere, ut basis alia sit, sed axis idem maneat. sit enim rursus conus uel cylindrus, cuius basis sit ZH circulus, altitudo autem linea ΘK , et propositum sit, ut

P

inueniamus cylindrum dimidia parte maiorem illo, altitudinem habentem lineae ΘK aequalem. construatur in diametro circuli ZH quadratum ZA, et producta linea ZH ponatur $HM=\frac{1}{2}ZH$. et compleatur parallelogrammum ZN. itaque erit

 $ZN = \frac{3}{4}Z\Lambda$, et $MZ = \frac{3}{4}ZH$.

constructur igitur quadratum $E\Pi$ aequale parallelogrammo ZN, et circum diametrum EO latus aliquod eius describatur circulus. erit igitur circulus EO dimidia parte maior circulo ZH; nam circuli inter se eam rationem habent, quam diametrorum quadrata [Eucl. XII, 2]. et si rursus finxerimus cylindrum basim habentem circulum EO, altitudinem autem lineae OK aequalem, dimidia parte maior erit cylindro, cuius basis est EC circulus, altitudo autem OC.

sin conus est, rursus iisdem comparatis et quadrato $\Xi\Pi$ posito aequali tertiae parti parallelogrammi ZN et circum latus eius ΞO circulo descripto fingamus

In F figura p. 65 ante has duas figuras posita est. 17. $\tau \tilde{\eta}_S$] $\tau \eta$ FV. 21. $\xi \sigma \tau u$] per comp. F, ut lin. 24. 24. EO] EOO F.

νοήσωμεν ἀπ' αὐτοῦ κύλινδρον ῦψος ἔχοντα τὴν ΘΚ. ἔξομεν αὐτὸν ἡμιόλιον τοῦ προτεθέντος κώνου. ἐπεὶ γὰρ τὸ ZN παραλληλόγραμμον τοῦ ΞΠ τετραγώνου

τριπλάσιον, τοῦ δὲ ΖΛ ἡμιόλιον, τὸ ΖΛ τοῦ ΞΠ ἔσται διπλάσιον. καὶ διὰ τοῦτο καὶ ὁ κύκλος τοῦ κύλινδρος τοῦ κυλίνδρου. ἀλλ' ὁ κύλινδρος ὁ βάσιν ἔχων τὸν ΖΗ κύκλον, ῦψος

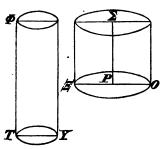
δὲ τὴν ΘΚ τοιπλάσιός ἐστι τοῦ περὶ τὴν αὐτὴν βάσιν καὶ ὕψος τὸ αὐτὸ κώνου. ὥστε καὶ ὁ κύλινδρος ὁ βάσιν ἔχων τὸν ΞΟ κύκλον, ὕψος δὲ ἴσον τῆ ΘΚ 15 ἡμιόλιός ἐστι τοῦ προκειμένου κώνου.

εί δὲ δέοι μήτε τὸν ἄξονα τὸν αὐτὸν εἶναι μήτε τὴν βάσιν, γενήσεται τὸ πρόβλημα πάλιν διχῶς. ἢ γὰρ τὴν βάσιν εξει ἴσην τῆ δοθείση ἢ τὸν ἄξονα ὁ ποριζόμενος κύλινδρος. ἔστω γὰρ πρότερον ἡ βάσις διδομένη 20 ὡς ὁ ΕΟ κύκλος. καὶ δέον ἔστω κύλινδρον εὐρεῖν ἡμιόλιον τοῦ δοθέντος κώνου ἢ κυλίνδρου ἀπὸ βάσεως τῆς ΕΟ. εἰλήφθω, ὡς προείρηται, τοῦ δοθέντος κώνου ἢ κυλίνδρου ἡμιόλιος κύλινδρος βάσιν ἔχων τὴν αὐτὴν τῷ προτεθέντι ὁ ΦΤ, καὶ γεγονέτω, ὡς τὸ ἀπὸ τῆς ΕΟ πρὸς τὸ ἀπὸ ΤΤ, οὕτως τὸ ΰψος τοῦ ΦΥ πρὸς τὴν ΡΣ. ἔσται ἄρα ὁ κύλινδρος ὁ ἀπὸ τῆς ΕΟ βάσεως ῦψος ἔχων τὴν ΡΣ ἴσος τῷ ΦΤ ἀντιπεπόνθασιν γὰρ αί βάσεις τοῖς ῦψεσιν. καὶ γεγονὸς ἄν εἴη τὸ ἐπίταγμα. εἰ δὲ

^{1.} ἐἀν νοήσωμεν Torellius. 6. ἔσται] per comp. F. 7. καί] per comp. F. 11. τόν] scripsi; την per comp. F, uulgo. Figura in F omittitur, sed tertia fere pars paginae uacat. 20.

in hoc [circulo] cylindrum constructum altitudinem habentem ΘK . erit dimidia parte maior dato cono. nam quoniam parallelogrammum ZN triplo maius est quadrato $\Xi \Pi$, sed dimidia parte maius parallelogrammo $Z\Lambda$, erit $Z\Lambda=2\Xi\Pi$. quare etiam circulus duplo maior erit circulo [Eucl. XII, 2] et cylindrus cylindro [Eucl. XII, 11]. sed cylindrus basim habens circulum ZH, altitudinem autem ΘK triplo maior est cono eandem basim et eandem altitudinem habenti [Eucl. XII, 10]. quare etiam cylindrus basim habens circulum ΞO , altitudinem autem lineae ΘK aequalem dimidia parte maior est cono dato.

sin oportet neque axem neque basim eandem esse, problema rursus duobus modis resoluetur. cylindrus enim, qui inuenitur, aut basim aut axem dato aequalem habebit. prius enim basis data sit, uelut circulus ΞO . et propositum sit, ut inueniamus cylindrum, cuius basis sit ΞO , dimidia parte maiorem dato cono



uel cylindro. sumatur, ut supra dictum est, cylindrus dimidia parte maior dato cono uel cylindro, basim habens eandem, quam datus, et sit ΦT . et fiat $\Xi O^2:TT^2$ — altitudo cylindri $\Phi T:P\Sigma$. erit igitur cylindrus basim habens ΞO et altitudinem $P\Sigma$

aequalis cylindro ΦT ; nam bases in contraria sunt proportione altitudinum [Eucl. XII, 15]. et factum est,

evo cum comp. $\eta \nu$ uel $\iota \nu$ F. 25. $P\Sigma$] PO FV. 26. ℓ sorce] per comp. F. 27. ℓ sac cum comp. ℓ S. 28. ℓ sois] ℓ rais FV. - Archimedes, ed. Heiberg. III.

μη η βάσις η διδομένη, άλλα ο άξων, τῷ αὐτῷ λόγῷ πορισθέντος τοῦ ΦΥ γενήσεται τὰ τῆς προτάσεως.

Εἰς τὴν σύνθεσιν τοῦ α΄.

Τούτου ληφθέντος έπει δι' άναλύσεως αὐτῶ προέβη 5 τὰ τοῦ προβλήματος, ληξάσης τῆς ἀναλύσεως εἰς τὸ δεῖν δύο δοθεισῶν δύο μέσας ἀνάλογον προσευρεῖν ἐν συνεχεϊ ἀναλογία φησίν έν τη συνθέσει εύρήσθωσαν. την δε ευρεσιν τούτων ύπ' αύτου μεν γεγραμμένην ούδε όλως εύρίσκομεν, πολλών δε κλεινών ανδρών γρα-10 φαϊς έντετυχήμαμεν τὸ πρόβλημα τοῦτο έπαγγελλομέναις, ... δν την Εὐδόξου τοῦ Κνιδίου παρητησάμεθα γράφειν, έπειδή φησιν μέν έν προοιμίοις διά καμπύλων γοαμμών αὐτὴν ηὑοηκέναι, ἐν δὲ τῆ ἀποδείξει πρὸς τῷ μη κεχοησθαι καμπύλαις γραμμαῖς, άλλὰ καὶ διηρημέ-15 νην ἀναλογίαν εύρων ώς συνεχεί χρῆται. ὅπερ ἦν άτοπον ύπονοῆσαι, τί λέγω περί Εὐδόξου, άλλὰ περί των και μετρίως περί γεωμετρίαν άνεστραμμένων; ΐνα δη ή τῶν εἰς ἡμᾶς έληλυθότων ἀνδρῶν ἔννοια έμφανής γένηται, ὁ έκάστου τῆς εύρέσεως τρόπος καλ 20 ένταῦθα γραφήσεται.

'Ως Πλάτων.

 Δ ύο δοθεισῶν εὐθειῶν δύο μέσας ἀνάλογον εὑρεῖν ἐν συνεχεῖ ἀναλογία.

^{2.} πορισθέντος] scripsi; ποριθεντος F, uulgo. 4. αὐτῷ] scripsi; αυτ cum comp. ου F, uulgo. 6. προσευς cum comp. ηυ uel ιν F, ut lin. 11, 22, p. 68 lin. 2. 11. Κνιδειου F, uulgo. γραφήν? Secunda pars figurae p. 65 in F omissa est; cfr. p. 64 not.; de loco prioris partis u. p. 63 not. 13. πρὸς τῷ] scripsi; προς (comp.) το F; πρὸ τό uulgo. 15. ευς cum comp. ων F. 18. ευγοια F.

quod iussum erat. sin non basis, sed axis datus est, fiet id, quod propositum est, eadem ratione inuento cylindro ΦT .

In compositionem prop. I.

Postquam hoc adsumpto problema per analysim resoluit, cum analysis ad duas medias proportionales inter duas lineas datas inueniendas in proportione continua descenderit, in compositione: inueniantur, inquit [p. 192, 23]. sed quomodo inueniantur, ab ipso non prorsus explicatum inuenimus; sed in multorum et clarorum uirorum scripta incidimus hoc problema profitentia, quorum Eudoxi Cnidii perscribere supersedemus, quoniam in procemio dicit, se id1) per curvas lineas inuenisse, in demonstratione uero, praeterquam quod curuis lineis non utitur, etiam proportione discreta, quam inuenit, tamquam continua utitur: quod ineptum erat non modo Eudoxo in mentem uenisse, sed iis, qui parum în geometria uersati sunt.2) sed ut eorum uirorum mens adpareat, qui quidem ad nos peruenerint, singulorum inueniendi ratio hic quoque perscribetur.

Ut Plato.

Datis duabus lineis rectis duas medias proportionales inuenire in proportione continua.

αὐτήν lin. 13 spectat ad εὕφεσιν lin. 8, ut τήν lin. 11.

²⁾ De hoc loco impeditissimo u. Neue Jahrb. Suppl. XI p. 366. ceterum Eutocius sine dubio de Eudoxo, uiro acutissimo, iniuste iudicat; u. Bretschneider: Die Geometrie und die Geometer vor Euklid p. 166 sq.

5

10

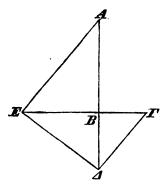
έστωσαν αί δοθείσαι δύο εὐθείαι αί ABΓ πρὸς ὁρθὰς ἀλλήλαις, ὧν δεί δύο μέσας ἀνάλογον εὑρείν. ἐκβεβλήσθωσαν ἐπ' εὐθείας ἐπὶ τὰ Δ, Ε, καὶ κατε-

σκευάσθω ὀρθή γωνία ή ὑπὸ ZHΘ, καὶ ἐν ἐνὶ σκέλει, οἰον τῷ ZH, κινείσθω κανών ὁ ΚΛ ἐν σωλήνι τινὶ ὄντι ἐν τῷ ZH οῦτως, ώστε παράλληλον αὐτὸν διαμένειν τῷ ΗΘ. ἔσται δὲ τοῦτο, ἐὰν ἕτερον κανόνιον

νοηθή συμφυές τῷ ΘΗ, παράλληλον δὲ τῷ ΖΗ, ὡς τὸ ΘΜ. σωληνισθεισῶν γὰρ τῶν ἄνωθεν ἐπιφανειῶν τῶν ΖΗ, ΘΜ σωλήσιν πελεκινοειδέσιν καὶ τύλων συμ-15 φυῶν γενομένων τῷ ΚΛ τἰς τοὺς εἰρημένους σωλήνας, ἔσται ἡ κίνησις τοῦ ΚΛ παράλληλος ἀεὶ τῷ ΗΘ. τούτων οὖν κατεσκευασμένων κείσθω τὸ τὰ σκέλος τῆς γωνίας τυχὸν τὸ ΗΘ ψαῦον τοῦ Γ, καὶ μεταφερέσθω ἢ τε γωνία καὶ ὁ ΚΛ κανών ἐπὶ τοσοῦτον, ἄχρις ἄν 20 τὸ μὲν Η σημείον ἐπὶ τῆς ΒΛ εὐθείας ἢ τοῦ ΗΘ σκέλους ψαύοντος τοῦ Γ, ὁ δὲ ΚΛ κανών κατὰ μὲν τὸ Κ ψαύη τῆς ΒΕ εὐθείας, κατὰ δὲ τὸ λοιπὸν μέρος τοῦ Λ. ὥστε εἶναι, ὡς ἔχει ἐπὶ τῆς καταγραφῆς, τὴν μὲν ὀρθὴν γωνίαν θέσιν ἔχουσαν ὡς τὴν ὑπὸ ΓΛΕ, 25 τὸν δὲ ΚΛ κανόνα θέσιν ἔχειν, οῖαν ἔχει ἡ ΕΛ. τούτων γὰρ γεναμένων ἔσται τὸ προκείμενον. ὀρθῶν γὰρ

^{1.} AB, BΓ Torellius. Figuram cum F emendaui; cfr. Neue Jahrb. Suppl. XI p. 378.
9. διαμεν cum comp. ην uel ιν F.
10. έσται] per comp. F, ut lin. 16, 26.
13. τό] των per comp. F.
17. τούτων] των per comp. FA.
18. γωνίας] γ cum comp. ας F.
19. γωνία] γ supra scripto

sint duae lineae datae AB, $B\Gamma$ inter se perpendiculares, inter quas duas medias proportionales inveniri oporteat. producantur in directum ad Δ , E, et



constructur angulus rectus $ZH\Theta$, et in utrouis crure, uelut ZH, moueatur regula KA in stria aliqua in ZH sita, ita ut lineae $H\Theta$ parallela maneat. hoc autem fiet, si aliam quoque regulam lineae ΘH coniunctam, lineae autem ZH parallelam finxerimus, uelut ΘM . striatis enim superficiebus

summis regularum ZH, ΘM striis forma securium¹) et in striis illis clauis regulae KA connexis motus regulae KA semper lineae $H\Theta$ parallelus erit. his igitur comparatis utrumuis crus anguli, uelut $H\Theta$, ponatur Γ punctum contingens, et moueatur angulus et regula KA usque eo, dum punctum H in linea BA cadat, cum crus $H\Theta$ punctum Γ tangat, et regula KA in puncto K lineam BE tangat, in altera autem parte punctum A, ita ut, sicut in figura est, angulus rectus ita positus sit, ut $L\Gamma\Delta E$, regula autem KA, ut EA linea. his enim ita comparatis factum erit proposi-

¹⁾ Hoc est, ni fallor, stria ita comparata, ut sectio transuersa eam habeat speciem, quam adposui; ita clauus e stria non emouetur.

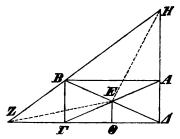
α F. αν F; αν ον Torellius. 20. B⊿] scripsi; BE F, uulgo. 26. γενομένων uulgo; γεναμενων F V.

5

οὐσῶν τῶν πρὸς τοῖς Δ , E ἔστιν, ὡς ἡ ΓB πρὸς $B\Delta$, ἡ ΔB πρὸς BE, καὶ ἡ EB πρὸς BA.

'Ως "Ηφων, έν μηχανικαϊς είσαγωγαϊς καὶ έν τοϊς βελοποιικοϊς.

"Εστωσαν αί δοθείσαι δύο εὐθείαι αί ΑΒ, ΒΓ, ὧν δεί δύο μέσας ἀνάλογον εὑρεῖν. κείσθωσαν ὥστε ὀρθην γωνίαν περιέχειν τὴν πρὸς τῷ Β, καὶ συμπεπληρώσθω τὸ ΒΔ [παραλληλόγραμμον, καὶ ἐπεζεύχθωσαν 10 αί ΑΓ, ΒΔ' φανερὸν δή, ὅτι ἴσαι οὖσαι δίχα τέμνουσιν ἀλλήλας' ὁ γὰρ περὶ μίαν αὐτῶν γραφόμενος



κύκλος ήξει καλ διὰ τῶν περάτων τῆς έτέρας διὰ τὸ ὀρθογώνιον είναι τὸ παραλληλόγραμμον]. ἐκβεβλήσθωσαν αί ΔΓ, ΔΑ [ἐπὶ τὰ Ζ, Η], καὶ νοείσθω κανόνιον 15 ὡς τὸ ΖΒΗ κινούμενον περί τινα τύλον μένοντα πρὸς τῷ Β. καὶ κινείσθω, ἔως ἀποτέμοις ἴσας τὰς ἀπὸ τοῦ Ε, τουτέστι τὰς ΕΗ, ΕΖ. καὶ νοείσθω ἀποτεμὸν καὶ θέσιν ἔχον τὴν ΖΒΗ ἴσων, ὡς εἴρηται, γινομένων

^{1.} Δ] Λ FV. 7. ενο cum comp. ην uel ιν F, ut lin. 8. ωωστε F; sed ω expunxit man. 1. 8. γ cum comp. αν F. 11. αντ cum comp. ον F. 16. ἀποτέμοι Torellius. 17. τάς τα FA.

tum. nam cum anguli ad Δ , E siti recti sint, erit $\Gamma B: B \Delta = \Delta B: BE = EB: BA$ [Eucl. VI, $8\pi \delta \rho \iota \sigma \mu a$].

Ut Hero,

in mechanicis institutionibus et belopoeicis.1)

Datae duae lineae, quarum duas medias proportionales inueniri oportet, sint AB, $B\Gamma$. ponantur ita, ut angulum rectum apud B comprehendant, et expleatur parallelogrammum $B\Delta$, et ducantur $A\Gamma$, $B\Delta$. manifestum est igitur, eas aequales esse et inter se in duas partes aequales secare; nam circulus circum unam descriptus etiam per terminos alterius ueniet, quia parallelogrammum rectangulum est [Eucl. III, 22]. producantur $\Delta\Gamma$, $\Delta\Lambda$ ad Z, H, et fingatur regula, uelut ZBH, circum clauum in B manentem mota. et moueatur usque eo, dum lineas ab E ductas, h. e. EH, EZ aequales abscindas. et fingatur abscindens et ita posita, ut ZBH, ita ut sit, sicuti diximus, EH = EZ.

¹⁾ Sumpsit Eutocius ex belopoeicis (Mathemat. uett. p. 143—44), ex mechanicis Pappus III, 25 p. 62 sq. paullo aliter. in loco belopoeicorum praeter interpretamenta ipsius Eutocii, quae uncis inclusi, haec est discrepantia scripturae: lin. 6: β΄ δοθείσι. ib. ΒΓ πρὸς ὀρθὰς κείμεναι. 7: εὐρεῖν] λαβεῖν. 7: κείσθωσαν —8: τῷ Β οπ. 9: ΒΔ] ΑΒΓΔ καί. 13 — p. 72, 1: καὶ παρακείσθω παρὰ τὸ Β σημεῖον κανὼν τέμνων τὰς ἐκβαλλομένας εὐθείας, καὶ κινείσθω ὁ εἰρημένος κανὼν περὶ τὸ Β σημεῖον, ἄχρις ἄν αί (καί ed.) ἀπὸ τοῦ Β ἐπι τὰς τομὰς ἐπιζευγνύμεναι ἴσαι ἀλλήλαις ὧσι. καὶ ἔσται ἐποτων κοιὰς ἐπιζευγνύμεναι ἴσαι ἀλλήλαις ὧσι. καὶ ἔσται ἐποτων ΑΒ, ΒΓ εὐθείῶν μέσαι ἀνάλογόν εἰσιν αί ΑΖ, ΓΗ, καὶ πρώτης οὕσης τῆς ΑΒ δεντέρα μὲν ἔσται ἡ ΑΖ (αβζ ed.), τρίτη δὲ ἔσται ἡ ΓΗ, τετάρτη δὲ ἡ ΒΓ. ἐπεὶ γὰς ἴση ἐστιν ἡ ΑΕ τῆ ΕΔ καὶ διῆκται ἡ ΕΖ(?). In figura linea ΕΘ omissa est et Λ, Γ permutataι ἡ ΕΖ(?). In figura linea ΕΘ omissa est τλ, Γ permutataι ψ ΕΖ. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καί. 11: μὲν ἡ. 12: ΕΖ τῆ ΕΗ. ib. ἔσται ΕΖ. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καί. 11: μὲν ἡ. 12: ΕΖ τῆ ΕΗ. ib. ἔσται

τῶν ΕΗ, ΕΖ. [ἤχθω δὴ ἀπὸ τοῦ Ε ἐπὶ τὴν ΓΔ κάθετος ή ΕΘ. δίχα τέμνει δη δηλονότι την ΓΔ. έπελ οὖν δίχα τέμνεται ή ΓΔ κατά τὸ Θ, καὶ πρόσκειται ή ΓΖ, τὸ ὑπὸ ΔΖΓ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΓΘ ἴσον έστιν τῶ 5 από ΘΖ, κοινόν προσκείσθω τὸ από ΕΘ, τὸ αρα ύπὸ ΔΖΓ μετά τῶν ἀπὸ ΓΘ, ΘΕ ἴσον ἐστὶ τοῖς ἀπὸ ΖΘ, ΘΕ. καί έστι τοῖς μέν ἀπὸ ΓΘ, ΘΕ ἴσον τὸ ἀπὸ ΓΕ, τοῖς δὲ ἀπὸ ΖΘ, ΘΕ ἴσον τὸ ἀπὸ ΕΖ], τὸ ἄρα ὑπὸ ΔΖΓ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΓΕ ἴσον τῷ ἀπὸ ΕΖ. ὁμοίως 10 δή δειγθήσεται, ότι και τὸ ὑπὸ ΔΗΑ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΑΕ ίσου έστι τῷ ἀπὸ ΕΗ. καί έστιν ίση ἡ μεν ΑΕ τῆ ΕΓ, ἡ δὲ ΗΕ τῆ ΕΖ. καὶ τὸ ὑπὸ ΔΖΓ ἄρα ἴσον έστιν τῷ ὑπὸ ΔΗΑ. [έὰν δὲ τὸ ὑπὸ τῷν ἄμρων ἴσον ή τῷ ὑπὸ τῷν μέσων, αι τέσσαρες εὐθεῖαι ἀνάλογόν 15 είσιν]. έστιν ἄρα, ώς ή ΖΔ πρὸς ΔΗ, οΰτως ή ΑΗ πρὸς ΓΖ. ἀλλ' ὡς ἡ ΖΔ πρὸς ΔΗ, οῦτως ἡ ΖΓ πρός ΓΒ, και ή ΒΑ πρός ΑΗ. [τριγώνου γαρ τοῦ ΖΔΗ παρά μίαν μεν την ΔΗ ήπται ή ΓΒ, παρά δε $\dot{r}\dot{\eta}\nu \Delta Z \dot{\eta} AB$]. $\dot{\omega}_S \ddot{\alpha}\rho\alpha \dot{\eta} BA \pi\rho\dot{\phi}_S AH$, $\ddot{\omega}\tau\omega_S \dot{\eta}$ 20 ΑΗ πρός ΓΖ, καὶ ή ΓΖ πρός ΓΒ. τῶν ἄρα ΑΒ, ΒΓ μέσαι ἀνάλογόν είσιν αί ΑΗ, ΓΖ. [ὅπερ ἔδει εύρεῖν].

'Ως Φίλων ὁ Βυζάντιος.

"Εστωσαν αί δοθείσαι δύο εύθείαι αί AB, BΓ, ών δεί δύο μέσας ἀνάλογον εύρειν. κείσθωσαν ώστε όρ-

^{2.} $\delta\eta'$] addidi; om. F; post $\delta\eta\alpha$ uulgo. 3. $\tau \epsilon \mu \nu \eta \tau \alpha \iota$ F; $\tau \epsilon \tau \mu \eta \tau \alpha \iota$ ACD. 14. $\tau \epsilon \sigma \alpha \varrho \epsilon_s$ F. In figura codicis F omissae sunt lineae ZE, EH, et ab E ad $A\Delta$ perpendicularis ducta est EI, necessaria ad demonstrandum $\Delta H \times HA + AE^3 = EH^2$ (lin. 9—11).

ducatur igitur ab E ad $\Gamma \Delta$ perpendicularis $E\Theta$. itaque manifesto lineam Γ⊿ in duas partes aequales dividit. iam quoniam Γ⊿ in @ in duas partes aequales dividitur, et adiecta est ΓZ , erit

$$\Delta Z \times Z\Gamma + \Gamma\Theta^2 = \Theta Z^2$$
 [Eucl. II, 6].

commune addatur E@3. itaque

$$\Delta Z \times Z\Gamma + \Gamma\Theta^2 + E\Theta^2 = Z\Theta^2 + \Theta E^2$$
.
et $\Gamma\Theta^2 + \Theta E^2 = \Gamma E^2$, et $Z\Theta^2 + \Theta E^2 = EZ^2$ [Eucl. I, 47]. quare $\Delta Z \times Z\Gamma + \Gamma E^2 = EZ^2$. eodem modo demonstrabimus, esse etiam

$$\Delta H \times HA + AE^2 = EH^2$$
.

et $AE = E\Gamma$, HE = EZ. quare etiam

$$\Delta Z \times Z \Gamma = \Delta H \times H A$$
.

et ubi rectangulum terminis extremis comprehensum aequale est rectangulo mediis comprehenso, quattuor lineae proportionales sunt [Eucl. VI, 16]. erit igitur $Z\Delta: \Delta H = AH: \Gamma Z$, sed

$$Z\Delta: \Delta H = Z\Gamma: \Gamma B = BA: AH;$$

nam in triangulo $Z \triangle H$ lateri $\triangle H$ parallela ducta est ΓB , lateri ΔZ parallela AB. itaque

$$BA:AH=AH:\Gamma Z=\Gamma Z:\Gamma B.$$

itaque inter AB, $B\Gamma$ mediae proportionales sunt AH, ΓZ ; quod oportebat invenire.

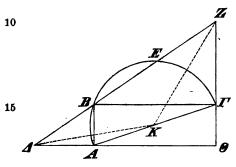
Ut Philo Byzantinus.1)

Sint duae lineae datae AB, $B\Gamma$, inter quas duas medias proportionales inueniri oportet. ponantur ita,

Ĺ

ἄρα καὶ τῷ (τῆς ed.) ὑπὸ $\triangle ZA$ ἴσον τὸ ὑπὸ $\triangle N\Gamma$. Hinc in litteris magna est confusio, quam neglexi. 15: ως ἄρα. ib. οῦτως ἐστίν. 16: ἢ τε ΑΒ πρός ΑΖ καὶ ἡ ΒΓ πρός ΓΗ. 19: ἔσται ἄρα καὶ ως. 20: ἡ ΑΗ πρὸς ΓΖ om. (errore librarii). 21: δύο μέσαι ἀνάλογοι. ib. AZ, ΓΗ.
1) Philo hanc methodum in libro primo belopoeicorum,

θὴν γωνίαν περιέχειν τὴν πρὸς τῷ Β, καὶ ἐπιζευχθείσης τῆς ΑΓ γεγράφθω περὶ αὐτὴν ἡμικύκλιον τὸ ΑΒΕΓ, καὶ πρὸς ὀρθὰς ἥχθωσαν τῆ μὲν ΒΑ ἡ ΑΔ, τῆ δὲ ΒΓ ἡ ΓΖ. καὶ παρακείσθω κανών κινούμενος πρὸς τῷ Β τέμνων τὰς ΑΔ, ΓΖ, καὶ κεκινήσθω περὶ μὲν τὸ Β, ἄχρις ἄν ἡ ἀπὸ τοῦ Β ἐπὶ τὸ Δ ἴση γένηται τῆ ἀπὸ τοῦ Ε ἐπὶ τὸ Ζ, τουτέστι τῆ μεταξὺ τῆς τε περιφερείας τοῦ κύκλου καὶ τῆς ΓΖ. νενοήσθω



οὖν ἔχον τὸ κανόνιον θέσιν, οῖαν
ἔχει ἡ ΔΒΕΖ ἴσης
οὕσης, ὡς εἴοηται, τῆς ΔΒ τῆ
ΕΖ. λέγω, ὅτι αί
ΑΔ, ΓΖ μέσαι
ἀνάλογόν εἰσιν
τῶν ΑΒ, ΒΓ. νενοήσθωσαν γὰο

ἐκβεβλημέναι αί ΔΑ, ΖΓ καὶ συμπίπτουσαι κατὰ 20 τὸ Θ. φανερὸν δή, ὅτι παραλλήλων οὐσῶν τῶν ΒΑ, ΖΘ ἡ πρὸς τῷ Θ γωνία ὀρθή ἐστιν, καὶ ὁ ΑΕΓ κύκλος ἀναπληρούμενος ῆξει καὶ διὰ τοῦ Θ. ἐπεὶ οὖν ἴση ἐστὶν ἡ ΔΒ τῆ ΕΖ, καὶ τὸ ὑπὸ ΕΔΒ ἄρα ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ ΒΖΕ. ἀλλὰ τὸ μὲν ὑπὸ ΕΔΒ ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ ΘΔΑ· ἐκάτερον γὰρ ἴσον ἐστὶν τῷ ἀπὸ τῆς ἐφαπτομένης ἀπὸ τοῦ Δ. τὸ δὲ ὑπὸ ΒΖΕ ἴσον τῷ ὑπὸ ΘΖΓ· ἐκάτερον γὰρ ὁμοίως ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς ἐφαπτομένης ἀπὸ τοῦ Ζ. ῶστε καὶ τὸ ὑπὸ ΘΔΑ ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ ΘΖΓ. καὶ διὰ τοῦτό ἐστιν, ὡς ἡ

^{1.} $\gamma\omega\nu\ell\alpha\nu$] γ cum comp. $\alpha\nu$ F. 2. $\alpha\nu\tau$ cum comp. $\eta\nu$ F. 5. $\varkappa\epsilon\kappa\nu\dot{\gamma}\sigma\vartheta\omega$] $\varkappa\epsilon$ supra scriptum manu 1 F. 6. $\mu\dot{\epsilon}\nu$] delen-

ut angulum rectum ad B comprehendant, et ducta linea $A\Gamma$ circum eam describatur semicirculus $ABE\Gamma$, et ducatur $A\Delta$ ad BA perpendicularis, et ΓZ ad $B\Gamma$. et adponatur regula in B mota lineas $A\Delta$, ΓZ secans, et circum B moueatur, dum fiat linea a B ad Δ ducta aequalis lineae ab E ad Z ductae, h. e. lineae inter ambitum circuli et lineam ΓZ positae. fingatur igitur regula posita ut ΔBEZ , ita ut sit $\Delta B = EZ$, uti dictum est. dico, lineas $A\Delta$, ΓZ medias proportionales esse inter AB, $B\Gamma$. fingantur enim lineae ΔA , $Z\Gamma$ productae et in Θ concurrentes. manifestum est igitur, angulum ad Θ positum rectum esse, cum lineae BA, $Z\Theta$ parallelae sint, et circulum $AE\Gamma$ expletum etiam 1) per Θ casurum esse [Eucl. III, 31]. quoniam igitur $\Delta B = EZ$, itaque etiam

$$E \triangle \times \triangle B = BZ \times ZE$$
.

sed $E\Delta \times \Delta B = \Theta\Delta \times \Delta A$; nam utrumque aequale est quadrato lineae contingentis a Δ ductae [Eucl. III, 36]. et $BZ \times ZE = \Theta Z \times Z\Gamma$; nam eodem modo utrumque aequale est quadrato lineae contingentis a Z ductae. quare etiam $\Theta\Delta \times \Delta A = \Theta Z \times Z\Gamma$. ita-

qui ad nos non peruenit, exposuerat. sed quasi summam dedit libr. IV p. 51 sq. (in mathemat. uett. ed. Thévenot): κατὰ τὸν τοῦ κύβου διπλασιασμόν, ὡς ἐν τῷ πρώτῳ βιβλίῳ δεδηλώκαμεν παὶ νῦν δὲ οὐκ ὀκνήσομεν ὑπογράψαι κτλ.

¹⁾ Sc. praeter quam quod eadem de causa per B cadit (lin. 3).

dum? 21. $\tau \tilde{\varphi}$] scripsi; $\tau \sigma$ F, unlgo. $\gamma \omega \nu l \alpha$] γ supra scripto α F. In figura pro E in F est C. 23. $l \sigma \sigma \nu$] per comp. F.

ΔΘ πρὸς ΘΖ, οῦτως ἡ ΓΖ πρὸς ΔΑ. ἀλλ' ὡς ἡ ΘΔ πρὸς ΘΖ, οῦτως ἥ τε ΒΓ πρὸς ΓΖ, καὶ ἡ ΔΑ΄ πρὸς ΑΒ. τριγώνου γὰρ τοῦ ΔΘΖ παρὰ μὲν τὴν ΔΘ ἡκται ἡ ΒΓ, παρὰ δὲ τὴν ΘΖ ἡ ΒΑ. ἔστιν ἄρα, ὡς 5 ἡ ΒΓ πρὸς ΓΖ, ἡ ΓΖ πρὸς ΔΑ, καὶ ἡ ΔΑ πρὸς ΑΒ΄ ὅπερ προέκειτο δείξαι.

'Ιστέον δέ, ὅτι ἡ τοιαύτη κατασκευὴ σχεδὸν ἡ αὐτή ἐστι τῷ ὑπὸ Ἡρωνος. τὸ γὰρ ΒΘ παραλληλόγραμμον τὸ αὐτό ἐστι τῷ ληφθέντι ἐπὶ τῆς Ἡρωνος κατασκευῆς, 10 καὶ αἱ προσεκβαλλόμεναι πλευραὶ αἱ ΘΑ, ΘΓ, καὶ ὁ πρὸς τῷ Β κινούμενος κανών. ταύτη δὲ μόνον διαφέρει, ὅτι ἐκεῖ μὲν μέχρι τοσούτου ἐκινοῦμεν περὶ τὸ Β τὸν κανόνα, ἄχρις ἄν αἱ ἀπὸ τῆς διχοτομίας τῆς ΑΓ, τουτέστι τοῦ Κ, ἴσαι ὑπ' αὐτοῦ ἀπετέμνοντο πρὸς 15 ταῖς ΘΔ, ΘΖ προσπίπτουσαι, ὡς αἱ ΚΔ, ΚΖ, ἐνταῦθα δὲ ἄχρις ἄν ἡ ΔΒ ἴση γένηται τῷ ΕΖ. ἐφ' ἐκατέρας δὲ κατασκευῆς τὸ αὐτὸ ἀκολουθεῖ, τὸ δὲ νῦν εἰρημένον πρὸς χρῆσιν εὐθετώτερον τὰς γὰρ ΔΒ, ΕΖ ἴσας τηρεῖν ἐνδέχεται διηρημένου τοῦ ΔΖ κανόνος εἰς 20 ἴσα καὶ συνεχῆ πολύ γε εὐκολώτερον τοῦ καρκίνφ διαπειράζειν τὰς ἀπὸ τοῦ Κ ἴσας πρὸς τὰ Δ, Ζ.

'Ως 'Απολλώνιος. -

"Εστωσαν αι δοθείσαι δύο εὐθείαι, ὧν δεί δύο μέσας ἀνάλογον εὑρείν, αι ΒΑΓ ὀρθὴν περιέχουσαι γω25 νιαν τὴν πρὸς τῷ Α. και κέντρῳ μὲν τῷ Β, διαστήματι δὲ τῷ ΑΓ κύκλου περιφέρεια γεγράφθω ἡ ΚΘΛ.

^{3.} $\pi\alpha\varrho\dot{\alpha}$] π (cum comp. $\alpha\varrho\alpha$) $\varrho\alpha$ F. 5. $\pi\alpha\ell$] per comp. F. 15. $\tau\alpha\dot{\epsilon}_{S}$] $\tau\dot{\alpha}_{S}$? $\pi\varrho\sigma\sigma\pi\ell\pi\tau\sigma\nu\sigma\alpha\iota$] scripsi; $\pi\varrho\sigma\sigma\pi\pi\tau\sigma\nu\sigma\sigma\alpha\iota_{S}$ F, unlgo. 21. $\tau\dot{\alpha}$ Δ] $\tau\sigma$ K F; corr. Torellius. 24. Δ B Γ F; corr. Torellius. γ cum comp. $\alpha\nu$ F. 26. $\pi\epsilon\varrho\iota\varphi\epsilon\varrho\epsilon\iota\alpha\nu$ F V.

que $\Delta\Theta:\Theta Z = \Gamma Z:\Delta A$ [Eucl. VI, 16]. sed

 $\Theta \Delta : \Theta Z = B \Gamma : \Gamma Z = \Delta A : A B.$

nam in triangulo $\triangle \Theta Z$ lateri $\triangle \Theta$ parallela ducta est $B\Gamma$, lateri autem ΘZ parallela BA. itaque

 $B\Gamma:\Gamma Z=\Gamma Z:\Delta A=\Delta A:AB;$

quod demonstrandum erat.

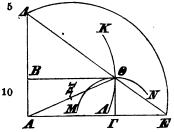
Animaduertendum est, hanc constructionem eandem fere esse ac Heronis. nam parallelogrammum $B\Theta$ idem est, quod in Heronis constructione sumptum est, et latera producta ΘA , $\Theta \Gamma$, et regula ad B mota. hoc tantum interest, quod illic regulam circum B usque eo mouebamus, dum lineae a puncto medio lineae $A\Gamma$, h. e. a K, ductae aequales ab ea abscinderentur cum lineis ΘA , ΘZ concurrentes, ut KA, KZ, hic autem usque eo, dum sit AB = EZ. sed in utraque constructione idem sequitur, uerum quod nunc exposuimus, ad usum commodius est. nam lineas AB, EZ aequales seruare licet regula AZ in partes aequales et continuas diuisa, et id quidem multo facilius, quam circino lineas a K ad A, Z ductas examinare, num aequales sint.

Ut Apollonius.1)

Duae lineae datae, inter quas duas medias proportionales inueniri oportet, sint BA, $A\Gamma$ rectum angulum ad A comprehendentes. et centro B, radio autem $A\Gamma$ describatur ambitus circuli $K\Theta A$. et rursus centro

¹⁾ Ubi Apollonius hanc resolutionem proposuerit, nescimus. aliam analytice per sectiones conicas comparatam commemorat Pappus III, 21 p. 56. utitur hoc problemate Apollonius conic. V, 52 p. 37, 8 ed. Halley; cfr. Scholium Arabis ib. p. 40.

καὶ πάλιν κέντοφ τῷ Γ καὶ διαστήματι τῷ AB κύκλου περιφέρεια γεγράφθω ἡ $M\Theta N$, καὶ τεμνέτω τὴν $K\Theta A$ κατὰ τὸ Θ , καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ ΘA , ΘB , $\Theta \Gamma$. παραλληλόγραμμον ἄρα ἐστὶν τὸ $B\Gamma$, διάμετρος δὲ αὐτοῦ



ή ΘΑ. τετμήσθω δίχα ή ΘΑ τῷ Ε, καὶ κέντος τῷ Ε γεγράφθω κύκλος τέμνων τὰς ΑΒ, ΑΓ ἐκβληθείσας κατὰ τὰ Δ, Ε, ώστε μέντοι τὰ Δ, Ε ἐπ' εὐθείας εἶναι τῷ Θ' ὅπες ἄν γένοιτο κανονίου κινουμένου περὶ τὸ Θ τέμ-

νοντος τὰς A extstyle extstyle extstyle A E καὶ παραγομένου ἐπὶ τοσοῦτον, ἄχρις ἂν αι ἀπὸ τοῦ Ξ ἐπὶ τὰ Δ , E ἴσαι γένωνται.

15 Τούτου γὰρ γενομένου ἔσται τὸ ζητούμενον. ἡ γὰρ αὐτὴ κατασκευή ἐστι τῆ τε ὑπὸ Ἡρωνος καὶ Φίλωνος γεγραμμένη. καὶ δῆλον, ὅτι καὶ ἡ ἀπόδειξις ἡ αὐτὴ άρμόσει.

'Ως Διοκλης έν τῷ περὶ πυρίων.

^{4.} $B\Gamma$] $A\Gamma$ F; corr. Torellius. 15. foral] per comp. F. In figura Ψ pro E habet F.

 Γ et radio AB describatur ambitus circuli $M \otimes N$, et secet ambitum $K \otimes A$ in \otimes , et ducantur $\otimes A$, $\otimes B$, $\otimes \Gamma$. itaque parallelogrammum est $B\Gamma$, et diametrus eius $\otimes A$. $\otimes A$ in duas partes aequales secetur in Ξ , et centro Ξ describatur circulus secans lineas AB, $A\Gamma$ productas in A, E, sed ita, ut puncta A, E in eadem linea recta sint ac Θ . quod fiet, si regulam circum Θ motam et lineas AA, AE secantem usque eo promouerimus, dum lineae a Ξ ad A, E ductae aequales sint.

Hoc enim facto effectum erit, quod quaerimus. nam constructio eadem est ac Heronis et Philonis. et adparet, etiam eandem demonstrationem ualere.

Ut Diocles in libro de causticis.

In circulo duae diametri inter se perpendiculares ducantur AB, $\Gamma \Delta$, et in utramque partem puncti B duo arcus aequales abscindantur EB, BZ, et per Z lineae AB parallela ducatur ZH, et ducatur ΔE . dico, inter lineas ΓH , $H\Theta$ duas medias proportionales esse ZH, $H\Delta$.

ducatur enim per E lineae AB parallela linea EK. itaque EK = ZH, $K\Gamma = H\Delta$. hoc enim adparebit lineis a Δ ad E, Z ductis. nam

 $\angle \Gamma \Lambda E = Z \Lambda \Delta$ [Eucl. III, 26],

ΔΘ πρὸς ΘΖ, οὕτως ἡ ΓΖ πρὸς ΔΑ. ἀλλ' ὡς ἡ ΘΔ πρὸς ΘΖ, οὕτως ἥ τε $B\Gamma$ πρὸς Γ Ζ, καὶ ἡ Δ Λ΄ πρὸς ΛB . τριγώνου γὰρ τοῦ Δ ΘΖ παρὰ μὲν τὴν Δ Θ ἡκται ἡ $B\Gamma$, παρὰ δὲ τὴν ΘΖ ἡ $B\Lambda$. ἔστιν ἄρα, ὡς 5 ἡ $B\Gamma$ πρὸς Γ Ζ, ἡ Γ Ζ πρὸς Δ Λ, καὶ ἡ Δ Λ πρὸς ΛB . ὅπερ προέκειτο δείξαι.

Ἰστέον δέ, ὅτι ἡ τοιαύτη κατασκευὴ σχεδὸν ἡ αὐτή ἐστι τῆ ὑπὸ Ἡρωνος. τὸ γὰρ ΒΘ παραλληλόγραμμον τὸ αὐτό ἐστι τῷ ληφθέντι ἐπὶ τῆς Ἡρωνος κατασκευῆς, 10 καὶ αἱ προσεκβαλλόμεναι πλευραὶ αἱ ΘΑ, ΘΓ, καὶ ὁ πρὸς τῷ Β κινούμενος κανών. ταύτη δὲ μόνον διαφέρει, ὅτι ἐκεῖ μὲν μέχρι τοσούτου ἐκινοῦμεν περὶ τὸ Β τὸν κανόνα, ἄχρις ἂν αὶ ἀπὸ τῆς διχοτομίας τῆς ΑΓ, τουτέστι τοῦ Κ, ἰσαι ὑπ' αὐτοῦ ἀπετέμνοντο πρὸς ταῖς ΘΔ, ΘΖ προσπίπτουσαι, ὡς αἱ ΚΔ, ΚΖ, ἐνταῦθα δὲ ἄχρις ἂν ἡ ΔΒ ἴση γένηται τῆ ΕΖ. ἐφ' ἐκατέρας δὲ κατασκευῆς τὸ αὐτὸ ἀκολουθεῖ, τὸ δὲ νῦν εἰρημένον πρὸς χρῆσιν εὐθετώτερον τὰς γὰρ ΔΒ, ΕΖ ἴσας τηρεῖν ἐνδέχεται διηρημένου τοῦ ΔΖ κανόνος εἰς 20 ἴσα καὶ συνεχῆ πολύ γε εὐκολώτερον τοῦ καρκίνῳ διαπειράζειν τὰς ἀπὸ τοῦ Κ ἴσας πρὸς τὰ Δ, Ζ.

'Ως 'Απολλώνιος. -

"Εστωσαν αι δοθείσαι δύο εὐθείαι, ὧν δεί δύο μέσας ἀνάλογον εὑρείν, αι ΒΑΓ ὀρθὴν περιέχουσαι γω25 νίαν τὴν πρὸς τῷ Α. και κέντρῳ μὲν τῷ Β, διαστήματι δὲ τῷ ΑΓ κύκλου περιφέρεια γεγράφθω ἡ ΚΘΑ.

^{3.} παρά] π (cum comp. αρα) ρα F. 5. κα/] per comp. F. 15. ταίς] τάς? προσπίπτουσαι] scripsi; προσπίπτουσαις F, uulgo. 21. τὰ Δ] το K F; corr. Torellius. 24. ABΓ F; corr. Torellius. γ cum comp. αν F. 26. περιφερειαν FV.

que $\Delta\Theta:\Theta Z = \Gamma Z:\Delta A$ [Eucl. VI, 16]. sed

 $\Theta \Delta : \Theta Z \stackrel{\centerdot}{=} B\Gamma : \Gamma Z = \Delta A : AB.$

nam in triangulo $\Delta\Theta Z$ lateri $\Delta\Theta$ parallela ducta est $B\Gamma$, lateri autem ΘZ parallela BA. itaque

 $B\Gamma: \Gamma Z = \Gamma Z: \Delta A = \Delta A: AB;$

quod demonstrandum erat.

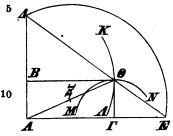
Animaduertendum est, hanc constructionem eandem fere esse ac Heronis. nam parallelogrammum $B\Theta$ idem est, quod in Heronis constructione sumptum est, et latera producta ΘA , $\Theta \Gamma$, et regula ad B mota. hoc tantum interest, quod illic regulam circum B usque eo mouebamus, dum lineae a puncto medio lineae $A\Gamma$, h. e. a K, ductae aequales ab ea abscinderentur cum lineis ΘA , ΘZ concurrentes, ut K A, KZ, hic autem usque eo, dum sit AB = EZ. sed in utraque constructione idem sequitur, uerum quod nunc exposuimus, ad usum commodius est. nam lineas AB, EZ aequales seruare licet regula AZ in partes aequales et continuas diuisa, et id quidem multo facilius, quam circino lineas a K ad A, Z ductas examinare, num aequales sint.

Ut Apollonius.1)

Duae lineae datae, inter quas duas medias proportionales inueniri oportet, sint BA, $A\Gamma$ rectum angulum ad A comprehendentes. et centro B, radio autem $A\Gamma$ describatur ambitus circuli $K\Theta A$. et rursus centro

¹⁾ Ubi Apollonius hanc resolutionem proposuerit, nescimus. aliam analytice per sectiones conicas comparatam commemorat Pappus III, 21 p. 56. utitur hoc problemate Apollonius conic. V, 52 p. 37, 8 ed. Halley; cfr. Scholium Arabis ib. p. 40.

καὶ πάλιν κέντοφ τῷ Γ καὶ διαστήματι τῷ AB κύκλου περιφέρεια γεγράφθω ἡ $M\Theta N$, καὶ τεμνέτω τὴν $K\Theta \Lambda$ κατὰ τὸ Θ , καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ $\Theta \Lambda$, ΘB , $\Theta \Gamma$. παραλληλόγραμμον ἄρα ἐστὶν τὸ $B\Gamma$, διάμετρος δὲ αὐτοῦ



ή ΘΑ. τετμήσθω δίχα ή ΘΑ τῷ Ξ, καὶ κέντοφ τῷ Ξ γεγράφθω κύκλος τέμνων τὰς ΑΒ, ΑΓ ἐκβληθείσας κατὰ τὰ Δ, Ε, ὥστε μέντοι τὰ Δ, Ε ἐπ' εὐθείας είναι τῷ Θ' ὅπερ ἄν γένοιτο κανονίου κινουμένου περὶ τὸ Θ τέμ-

νοντος τὰς $A \triangle$, AE καὶ παραγομένου ἐπὶ τοσοῦτον, ἄχρις ἂν αἱ ἀπὸ τοῦ Ξ ἐπὶ τὰ \triangle , E ἴσαι γένωνται.

15 Τούτου γὰρ γενομένου ἔσται τὸ ξητούμενον. ἡ γὰρ αὐτὴ κατασκευή ἐστι τῆ τε ὑπὸ Ἡρωνος καὶ Φίλωνος γεγραμμένη. καὶ δῆλον, ὅτι καὶ ἡ ἀπόδειξις ἡ αὐτὴ ἀρμόσει.

'Ως Διοκλης έν τῷ περί πυρίων.

20 'Eν κύκλω ἤχθωσαν δύο διάμετροι πρὸς ὀρθὰς αἱ AB, ΓΔ, καὶ δύο περιφέρειαι ἴσαι ἀπειλήφθωσαν ἐφ' ἐκάτερα τοῦ B αἱ EB, BZ, καὶ διὰ τοῦ Z παράλληλος τῆ AB ἤχθω ἡ ZH, καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΔΕ. λέγω, ὅτι τῶν ΓΗ, ΗΘ δύο μέσαι ἀνάλογόν εἰσιν αἱ ZH, ΗΔ. 25 — ἤχθω γὰρ διὰ τοῦ Ε τῆ AB παράλληλος ἡ ΕΚ. ἴση ἄρα ἐστὶν ἡ μὲν ΕΚ τῆ ZH, ἡ δὲ ΚΓ τῆ ΗΔ. ἔσται γὰρ τοῦτο δῆλον ἀπὸ τοῦ Λ ἐπὶ τὰ Ε, Z ἐπιζευχθεισῶν εὐθειῶν. ἴσαι γὰρ γίνονται αἱ ὑπὸ ΓΛΕ,

^{4.} $B\Gamma$] $A\Gamma$ F; corr. Torellius. 15. $\ell\sigma\iota\alpha\iota$] per comp. F. In figura Ψ pro E habet F.

 Γ et radio AB describatur ambitus circuli $M \otimes N$, et secet ambitum $K \otimes A$ in Θ , et ducantur ΘA , ΘB , $\Theta \Gamma$. itaque parallelogrammum est $B\Gamma$, et diametrus eius ΘA . ΘA in duas partes aequales secetur in Ξ , et centro Ξ describatur circulus secans lineas AB, $A\Gamma$ productas in Δ , E, sed ita, ut puncta Δ , E in eadem linea recta sint ac Θ . quod fiet, si regulam circum Θ motam et lineas $A\Delta$, AE secantem usque eo promouerimus, dum lineae a Ξ ad Δ , E ductae aequales sint.

Hoc enim facto effectum erit, quod quaerimus. nam constructio eadem est ac Heronis et Philonis. et adparet, etiam eandem demonstrationem ualere.

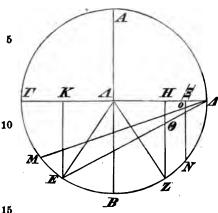
Ut Diocles in libro de causticis.

In circulo duae diametri inter se perpendiculares ducantur AB, $\Gamma \Delta$, et in utramque partem puncti B duo arcus aequales abscindantur EB, BZ, et per Z lineae AB parallela ducatur ZH, et ducatur ΔE . dico, inter lineas ΓH , $H\Theta$ duas medias proportionales esse ZH, $H\Delta$.

ducatur enim per E lineae AB parallela linea EK. itaque EK = ZH, $K\Gamma = H\Delta$. hoc enim adparebit lineis a Δ ad E, Z ductis. nam

 $L\Gamma\Lambda E = Z\Lambda\Delta$ [Eucl. III, 26],

ZAA, καὶ ὀρθαὶ αί πρὸς τοῖς K, H. καὶ πάντα ἄρα πᾶσιν διὰ τὸ τὴν AE τῆ AZ ἴσην εἶναι καὶ λοιπὴ



ἄρα ἡ ΓK τῆ $H \Delta$ ζση έστιν. ἐπεὶ οὖν ἐστιν, ὡς ἡ ΔK πρὸς KE, ἡ ΔH πρὸς $H\Theta$, ἀλλ' ὡς ἡ ΔK πρὸς KE, ἡ EK πρὸς $K\Gamma$ · μέση γὰρ ἀνάλογον ἡ EK τῶν ΔK , $K\Gamma$ · ὡς ἄρα ἡ ΔK πρὸς KE, καὶ ἡ EK πρὸς $K\Gamma$, οὕτως ἡ ΔH πρὸς $H\Theta$. και ἐστιν ἴση ἡ μὲν

ΔΚ τῆ ΓΗ, ἡ δὲ ΚΕ τῆ ΖΗ, ἡ δὲ ΚΓ τῆ ΗΔ. ὡς ἄρα ἡ ΓΗ πρὸς ΗΖ, ἡ ΖΗ πρὸς ΗΔ, καὶ ἡ ΔΗ πρὸς ΗΘ. ἐὰν δὴ ἐφ' ἐκάτερα τοῦ Β ληφθῶσιν περιφέρειαι ἰσαι αἱ ΜΒ, ΒΝ, καὶ διὰ μὲν τοῦ Ν παρ-20 άλληλος ἀχθῆ τῆ ΑΒ ἡ ΝΞ, ἐπιζευχθῆ δὲ ἡ ΔΜ, ἔσονται πάλιν τῶν ΓΞ, ΞΟ μέσαι ἀνάλογον αἱ ΝΞ, ΞΔ. πλειόνων οὖν οὕτως καὶ συνεχῶν παραλλήλων ἐκβληθεισῶν μεταξὺ τῶν Β, Δ καὶ ταῖς ἀπολαμβανομέναις ὑπ' αὐτῶν περιφερείαις πρὸς τῷ Β ἰσων τε-25 θεισῶν ἀπὸ τοῦ Β ὡς ἐπὶ τὸ Γ, καὶ ἐπὶ τὰ γενάμενα σημεῖα ἐπιζευχθεισῶν εὐθειῶν ἀπὸ τοῦ Δ ὡς τῶν ὁμοίων ταῖς ΔΕ, ΔΜ, τμηθήσονται αἱ παράλληλοι αἱ μεταξὺ τῶν Β, Δ κατά τινα σημεῖα, ἐπὶ τῆς προκειμένης καταγραφῆς τὰ Ο, Θ, ἐφ' ἃ κανόνος παραθέσει

^{2.} AE] AB F; corr. ed. Basil. 18. έφ'] scripsi; παο F, uulgo; fort. πάλιν έφ'. 27. ὁμοίως ed. Basil., Cr., Torellius.

et anguli ad K, H positi recti sunt. itaque cum $\Delta E = \Delta Z$, omnia [latera et anguli] omnibus aequalia sunt [Eucl. I, 26]. quare etiam quae relinquitur¹) $\Gamma K = H\Delta$. itaque quoniam $\Delta K : KE = \Delta H : H\Theta$, sed $\Delta K : KE = EK : K\Gamma$ (nam EK media est proportionalis inter ΔK , $K\Gamma$), erit

 $\Delta K: KE = EK: K\Gamma = \Delta H: H\Theta.$

et $\Delta K = \Gamma H$, KE = ZH, $K\Gamma = H\Delta$. itaque

 $\Gamma H: HZ = ZH: H\Delta = \Delta H: H\Theta$.

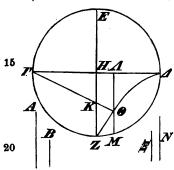
si igitur in utraque parte puncti B ambitus aequales sumpserimus MB, BN, et per N lineae AB parallelam lineam NE duxerimus, et ducta erit ΔM , rursus erunt lineae NE, $E\Delta$ inter ΓE , EO mediae proportionales. si igitur hoc modo complures et continuas lineas parallelas inter puncta B, Δ duxerimus et arcubus ab iis aduersus B abscisis aequales posuerimus a B aduersus Γ arcus et ab Δ ad puncta ita orta lineas duxerimus similiter ac ΔE , ΔM , lineae parallelae inter B, Δ ductae in punctis quibusdam secabuntur (in figura O, Θ), ad quae si regula adplicata

¹⁾ Sc. si ab $\Gamma \Lambda = \Lambda \Delta$ auferemus $K \Lambda = \Lambda H$,

^{28.} ως ἐπί ed. Basil., Torellius. 29. παραθεσεις F; corr. ed. Basil.

ἐπιζεύξαντες εὐθείας έξομεν καταγεγοαμμένην ἐν τῷ κύκλῷ τινὰ γοαμμήν, ἐφ' ἡς ἐὰν ληφθῷ τυχὸν σημείον καὶ δι' αὐτοῦ παράλληλος ἀχθῷ τῷ ΔΒ, ἔσται ἡ ἀχθείσα καὶ ἡ ἀπολαμβανομένη ὑπ' αὐτῆς ἀπὸ τῆς διαμέτρου πρὸς τῷ Δ μέσαι ἀνάλογον τῆς τε ἀπολαμβανομένης ὑπ' αὐτῆς ἀπὸ τῆς διαμέτρου πρὸς τῷ Γ σημείῷ καὶ τοῦ μέρους αὐτῆς τοῦ ἀπὸ τοῦ ἐν τῷ γοαμμῷ σημείου ἐπὶ τὴν ΓΔ διάμετρον.

τούτων προκατεσκευασμένων έστωσαν αι δοθείσαι 10 δύο εὐθείαι, ὧν δεί δύο μέσας ἀνάλογον εύρειν, αί Α, Β. καὶ έστω κύκλος, ἐν ὧ δύο διάμετροι πρὸς



όρθὰς ἀλλήλαις αί ΓΔ, ΕΖ, και γεγράφθω ἐν αὐτῷ ἡ διὰ τῶν συνεχῶν σημείων γραμμή, ὡς προείρηται, ἡ ΔΘΖ. και γεγονέτω, ὡς ἡ Α πρὸς τὴν Β, ἡ ΓΗ πρὸς ΗΚ, και ἐπίζευχθεῖσα ἡ ΓΚ και ἐκβληθεῖσα τεμνέτω τὴν γραμμὴν κατὰ τὸ Θ. και διὰ τοῦ Θ τῆ ΕΖ παράλ-

ληλος ήχθω ή ΛΜ. διὰ ἄρα τὰ προγεγραμμένα τῶν ΓΛ, ΛΘ μέσαι ἀνάλογόν εἰσιν αί ΜΛ, ΛΔ. καὶ ἐπεί ἐστιν, ὡς ἡ ΓΛ πρὸς ΛΘ, οὕτως ἡ ΓΗ πρὸς ΗΚ, 25 ὡς δὲ ἡ ΓΗ πρὸς ΗΚ, οὕτως ἡ Λ πρὸς τὴν Β, ἐὰν ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ταῖς ΓΛ, ΛΜ, ΛΔ, ΛΘ παρεμβάλωμεν μέσας τῶν Λ, Β, ὡς τὰς Ν, Ξ, ἔσονται εἰλημμέναι τῶν Λ, Β μέσαι ἀνάλογον αί Ν, Ξ΄ ὅπερ ἔδει εὐρεῖν.

^{3.} έσται] per comp. F. 7. τοῦ ἐν] τη εν F; corr. B. 9. προκατεσκευασμένων] scripsi; προκατασκευασμενών F, uulgo.

lineas rectas duxerimus, in circulo lineam quandam habebimus descriptam, in qua si quodlibet punctum sumpserimus et per id lineam lineae ΔB parallelam duxerimus, linea ducta et linea ab ea in diametro ad Δ punctum abscisa mediae proportionales futurae sint inter lineam ab ea in diametro ad Γ punctum abscisam et eam partem ipsius 1), quae inter punctum in linea sumptum 2) et diametrum $\Gamma \Delta$ cadit.

his antea comparatis duae lineae datae, inter quas duas medias proportionales inueniri oportet, sint A, B. et sit circulus, in quo duae diametri inter se perpendiculares sint $\Gamma \Delta$, EZ, et in eo describatur linea illa per puncta continua inuenta, ut ante dictum est, $\Delta \Theta Z$. et sit $A:B = \Gamma H:HK$, et linea ΓK ducta et producta secet lineam illam in Θ . et per Θ lineae EZ parallela ducatur ΔM . itaque propter ea, quae supra scripsimus, lineae $M\Lambda$, $\Lambda\Delta$ mediae sunt proportionales inter $\Gamma \Lambda$, $\Delta \Theta$. et quoniam est

 $\Gamma \Lambda: \Lambda \Theta = \Gamma H: HK$, et $\Gamma H: HK = \Lambda: B$, si inter Λ , B medias interposuerimus in eadem ratione, in qua sunt lineae $\Gamma \Lambda$, ΛM , $\Lambda \Lambda$, $\Lambda \Theta^{3}$) ut N, Ξ , inter Λ , B mediae proportionales sumptae erunt N, Ξ ; quod oportebat inueniri.

3) H. e. si fecerimus

 $\Gamma A: \Lambda M = A: N, \Lambda M: \Lambda \Delta = N: \Xi,$

et ideo

 $A\Delta:A\Theta=\Xi:B.$

¹⁾ αὐτῆς lin. 4, 6, 7 de parallela (ἡ ἀχθεῖσα lin. 4) dicitur.

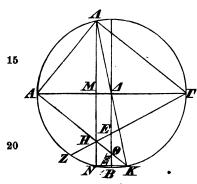
²⁾ In linea a Diocle constructa; u. lin. 2-3.

^{10.} seq cum comp. $\eta \nu$ uel $\iota \nu$ F. 11. diameto cum comp. or F. 15. ΔEZ F.

'Ως Πάππος ἐν μηχανικαῖς εἰσαγωγαῖς.

Προέθετο μεν ὁ Πάππος κύβον εύρετν προς τον δοθέντα κύβον λόγον έχοντα δεδομένον, καὶ ὡς πρὸς τὴν τοιαύτην πρόθεσιν καὶ τὰ τῆς ἀποδείξεως αὐτῷ 5 προέρχεται. δῆλον δέ, ὅτι τούτου εύρισκομένου καὶ τὸ προκείμενον εύρισκεται. δύο γὰρ δοθεισῶν εὐθειῶν έὰν τῶν ὀφειλουσῶν μέσων εύρεθῆναι ἡ δευτέρα εὐρεθῆ, καὶ ἡ τρίτη αὐτόθεν δοθήσεται.

γεγράφθω γάρ, $\tilde{\omega}_S$ φησιν αὐτὸς κατὰ λέξιν, $\tilde{\eta}$ μι10 κύκλιον τὸ $AB\Gamma$, καὶ ἀπὸ τοῦ Δ κέντρου πρὸς ὀρθὰς $\tilde{\eta}$ χθω $\tilde{\eta}$ ΔB , καὶ κινείσθω κανόνιον περὶ τὸ A ση-



μείον, ώστε τὸ μὲν ξυ πέρας αὐτοῦ περικεῖσθαι τυλίφ τινὶ κατὰ τὸ Α σημεῖον έστῶτι, τὸ δὲ λοιπὸν μέρος ὡς περὶ κέντρον τὸ τυλάριον κινείσθω μεταξὺ τῶν Β, Γ. τούτων δὲ κατεσκευασμένων ἐπιτετάχθω δύο κύβους εὑρεῖν λόγον ἔχοντας πρὸς ἀλλήλους τὸν

έπιταχθέντα. καὶ τῷ λόγῷ ὁ αὐτὸς πεποιήσθω ὁ τῆς $B oldsymbol{\Delta} \pi$ πρὸς ΔE , καὶ ἐπιζευχθεῖσα ἡ ΓE ἐκβεβλήσθω 25 ἐπὶ τὸ Z. παραγέσθω δὴ τὸ κανόνιον μεταξὺ τῶν B, Γ , ἕως οὖ τὸ ἀπολαμβανόμενον αὐτοῦ μέρος μεταξὺ τῶν ZE, EB εὐθειῶν ἴσον γένηται τῷ μεταξὺ τῆς BE εὐθείας καὶ τῆς $BK\Gamma$ περιφερείας. τοῦτο γὰρ

^{15.} ἐστῶτι] scripsi cum Pappo; εστω per comp. F, uulgo; om. B, ed. Basil., Torellius. 21. ενο cum comp. ην uel ιν F. Lineam ΛΛ in figura cum Pappo addidi.

Ut Pappus, in mechanicis institutionibus.1)

Pappus proposuit, ut inueniretur cubus ad datum cubum datam rationem habens [lib. VII p. 1070, 13], et demonstrandi ratio ei progreditur ad hanc propositionem spectans. adparet autem, hoc inuento etiam inueniri, quod nobis est propositum. nam si datis duabus lineis ex mediis, quae inueniendae sunt, secunda inuenta erit, etiam tertia statim erit data.

describatur enim, ut ipsius uerba sunt, semicirculus $AB\Gamma$, et a Δ centro perpendicularis ducatur ΔB , et circum A punctum moueatur regula ita, ut alter terminus clauo in A puncto posito affixus sit, altera autem pars circum clauum quasi centrum inter B, Γ moueatur. his autem comparatis propositum sit, ut duos cubos inueniamus datam inter se rationem habentes. et rationi [datae] aequalis fiat $B\Delta: \Delta E$, et linea ΓE ducta producatur ad Z. promoueatur igitur regula inter B, Γ usque eo, dum pars eius inter lineas ZE, EB abscisa aequalis fiat parti inter lineam BE et ambitum $BK\Gamma$ positae. hoc enim experiendo et regulam transferendo facile efficiemus. fiat, et posita

¹⁾ H. e. συναγωγῶν lib. VIII, 26 p. 1070—72; eadem methodus legitur III, 27 p. 64 sq., sed Eutocius ad locum priorem spectat, cuius loci discrepantia haec est, omissis locis, ubi congruentia probabili coniectura effecta est: lin. 9: γεγράφθω πατεσκευάσθω. 11: ἤχθω] ἀνήχθω. κανόνιόν τι. 12: ούτως ῶστε. 17: κινεῖσθαι (fort. apud Eutocium recipiendum). 23: τὸν ἐπιταχθέντα] δοθέντα. p. 86, 1: πειφάζοντες αἰεί. 2: ΛΚ] ΛΗΘΚ. δ: νοείσθω. 6: προσαναπεπληφωμένος. 9: ΗΘ] ΘΗ. 10: καὶ ἢ τε. ΛΛΓ] ΗΛΛ (fort. recipiendum). 11: γάρ om. Pappus (fort. errore librarii). ΛΜ] ΛΜ (fort. recipiendum). 12: ὡς ἡ ΓΜ. 14: λόγος ὁ τῆς ΛΜ πρὸς ΜΗ. 15: λόγος οπ. 18: τῆς ΜΗ καὶ ἐκ. 19: λόγος οπ. 21 et 22: ἐστιν. 22: ΜΗ κύβον; item lin. 24. 22: τὴν ΜΗ. 23: δν ἔχει ὁ] τοῦ et

πειράζοντες καὶ μετάγοντες τὸ κανόνιον φαδίως ποιήσομεν. γεγονέτω δη και έχέτω θέσιν την ΑΚ, ώστε ἴσας εἶναι τὰς ΗΘ, ΘΚ. λέγω, ὅτι ὁ ἀπὸ τῆς Β⊿ κύβος πρός του από της ΔΘ κύβου λόγου έχει του 5 έπιταχθέντα, τουτέστι τὸν τῆς ΒΔ πρὸς ΔΕ. νενοήσθω γαρ ὁ κύκλος ἀναπεπληρωμένος, καὶ ἐπιζευγθεῖσα ή ΚΔ έκβεβλήσθω έπι τὸ Λ, και έπεζεύχθω ή ΛΗ. παράλληλος άρα έστιν τη ΒΔ διὰ τὸ ίσην είναι την μεν ΚΘ τη ΗΘ, την δε ΚΔ τη ΔΛ. επεζεύχθω δη 10 η τε ΑΛ καὶ η ΛΓ. ἐπεὶ οὖν ὀρθή ἐστιν ἡ ὑπὸ ΑΛΓ (ἐν ἡμικυκλίω γάο), καὶ κάθετος ἡ ΛΜ, ἔστιν ἄρα, ώς τὸ ἀπὸ ΛΜ πρὸς τὸ ἀπὸ ΜΑ, τουτέστιν ή ΓΜ πρὸς ΜΑ, οΰτως τὸ ἀπὸ ΑΜ πρὸς τὸ ἀπὸ ΜΗ. κοινὸς προσκείσθω ὁ τῆς ΑΜ πρὸς ΜΗ λόγος. ὁ ἄρα 15 συγκείμενος λόγος έκ τε τοῦ τῆς ΓΜ πρὸς ΜΑ καὶ τοῦ τῆς ΑΜ πρὸς ΜΗ, τουτέστιν ὁ τῆς ΓΜ πρὸς ΜΗ λόγος, δ αὐτός ἐστι τῷ συγκειμένο ἔκ τε τοῦ τοῦ ἀπὸ τῆς ΑΜ πρὸς τὸ ἀπὸ ΜΗ καὶ τοῦ τῆς ΑΜ ποὸς ΜΗ. ὁ δὲ συγκείμενος λόγος ἔκ τε τοῦ τοῦ ἀπὸ 20 της ΑΜ πρός τὸ ἀπὸ ΜΗ καὶ τοῦ της ΑΜ πρὸς ΜΗ δ αὐτός ἐστι τῷ λόγω, ὃν ἔχει δ ἀπὸ τῆς ΑΜ κύβος πρός τὸν ἀπὸ τῆς ΜΗ. καὶ ὁ τῆς ΓΜ ἄρα πρὸς ΜΗ λόγος δ αὐτός έστι τῷ λόγω, ον έχει δ ἀπὸ τῆς ΑΜ κύβος πρός του ἀπό τῆς ΜΗ. ἀλλ' ὡς μὲν ἡ ΓΜ 25 πρὸς ΜΗ, οῦτως ἡ ΓΔ πρὸς ΔΕ. ὡς δὲ ἡ ΑΜ πρὸς MH, $\dot{\eta}$ A Δ π gòs $\Delta\Theta$. π al $\dot{\omega}$ s $\ddot{\alpha}$ ga $\dot{\eta}$ B Δ π gòs ΔE , τουτέστιν ώς ὁ δοθείς λόγος, ούτως ὁ ἀπὸ τῆς ΒΔ κύβος πρὸς τὸν ἀπὸ τῆς ΔΘ κύβον. τῶν ἄρα ὀφειλουσών εύφεθηναι δύο μέσων ανάλογον των ΒΔ. ΔΕ

^{1.} ποιήσομεν] scripsi cum Pappo; ποιησωμεν F, uulgo. 6. επεξευχθεισα F. 8. τῆ ΒΔ] scripsi cum Pappo; η ΒΔ F,

sit ut AK, ita ut $H\Theta = \Theta K$. dico, cubum $B\Delta$ ad cubum $\Delta\Theta$ rationem datam habere, h. e. rationem $B\Delta: \Delta E$. fingatur enim circulus expletus, et linea $K\Delta$ ducta ad Δ producatur, et ducatur ΔH . itaque ΔH lineae $B\Delta$ parallela est, quia $K\Theta = H\Theta$, $K\Delta = \Delta \Lambda$. ducantur igitur ΔA , $\Delta \Gamma$. iam quoniam angulus $\Delta \Delta \Gamma$ rectus est (nam est in semicirculo), et ΔM perpendicularis, erit igitur $\Delta M^2: M\Delta^2$, h. e.

 $\Gamma M: MA^1$), $\longrightarrow AM^2: MH^2.$

communis adiiciatur³) ratio AM: MH. itaque

 $\Gamma M: MA \times AM: MH$,

h. e. $\Gamma M: MH$, $= AM^2: MH^2 \times AM: MH$. sed $AM^2: MH^2 \times AM: MH = AM^3: MH^3$.

itaque etiam $\Gamma M: MH = AM^3: MH^3$.

sed $\Gamma M: MH = \Gamma \Delta: \Delta E$, et $\Delta M: MH = \Delta \Delta: \Delta \Theta$. quare etiam $B\Delta: \Delta E^4$), h. e. data ratio, $= B\Delta^3: \Delta \Theta^3$. itaque ex duabus mediis proportionalibus, quae inter

lin. 24: $\pi \acute{\nu} \beta ov$ pro $\pi \acute{\nu} \beta os$. 25: ΔE] ΔE , $\tau ov \tau \acute{e} s \tau \iota v$ $\mathring{\eta}$ $B \Delta$ $\pi \varrho \grave{o}_S$ $E \Delta$ et lin. 26: $\Delta \Theta$] $\Delta \Theta$, $\tau ov \tau \acute{e} \sigma \iota \iota v$ $\mathring{\eta}$ ΔB $\pi \varrho \grave{o}_S$ $\Delta \Theta$; sed haec apud Pappum interpolata esse puto potius quam ab Eutocio omissa. 26: $o \~{v} \tau os$ $\mathring{\eta}$ $A \Delta$. 28: $\pi \acute{v} \beta ov$] in hoc uerbo desinit Pappus VIII p. 1072, 29. 28: $\tau \~{ov} - p$. 88, 1: $\Delta \Theta$ etiam III p. 68 omisit. P. 88, 1: $\pi \alpha l$ $\acute{e} \acute{e} v - 3$ paullum immutata habet III p. 68, 14—16.

¹⁾ Nam *MA*: Λ*M* = Λ*M*: Γ*M* (Eucl. VI, 8 πός.); tum u. Eucl. V def. 10.

²⁾ Nam $AAM \sim AMH$ (Eucl. VI, 8); tum AM : MA = MA : MH (Eucl. VI, 4).

³⁾ Sc. multiplicando.

⁴⁾ Nam $B \Delta = \Gamma \Delta = A \Delta$.

uulgo; $\dot{\eta} \ B \varDelta \ \tau \tilde{\eta} \ \varLambda H \ B$, ed. Basil., Torellius. 10. $\varLambda \Gamma$] $\varLambda \Gamma$ F; corr. AB. 17. $\tau o \tilde{v} \ \tau o \tilde{v}$] scripsi cum Hultschio in Pappo; $\tau o v \ F$, uulgo (etiam Pappus); item lin. 19.

δευτέρα έστιν ή $\Delta \Theta$. καὶ έὰν ποιήσωμεν, ώς τὴν $B \Delta$ πρὸς $\Delta \Theta$, τὴν $\Theta \Delta$ πρὸς ἄλλην τινά, ἔσται καὶ ἡ τρίτη ηὑρημένη.

Προσέχειν δε χρή, ώς και ή τοιαύτη κατασκευή ή 5 αὐτή ἐστι τῆ ὑπὸ Διοκλέους είρημένη, τούτφ μόνον διαφέρουσα τῷ ἐκεῖνον μὲν γραμμήν τινα καταγράφειν διὰ συνεχών σημείων μεταξυ των Α, Β, έφ' ής έλαμβάνετο τὸ Η ἐκβαλλομένης τῆς ΓΕ καὶ τεμνούσης τὴν είρημένην γραμμήν, ένταῦθα δὲ τὸ Η πορίζεται διὰ 10 τοῦ ΑΚ κανόνος κινουμένου περί τὸ Α. ὅτι γὰρ τὸ Η τὸ αὐτό έστι, εἴτε ώς ένταῦθα διὰ τοῦ κανόνος ληφθη, είτε ως έφη Διοκλης, μάθοιμεν αν ούτως. έκβληθείσης της ΜΗ έπὶ τὸ Ν ἐπεζεύχθω ή ΚΝ. έπει οὖν ἴση έσειν ή ΚΘ τῆ ΘΗ, και παράλληλος ή 15 HN $\tau \tilde{\eta}$ ΘB , i'an éarl nal $\hat{\eta}$ $K\Xi$ $\tau \tilde{\eta}$ ΞN . nal noinh καὶ πρὸς ὀρθάς ἡ ΞΒ. ἡ γὰρ ΚΝ δίχα τε καὶ πρὸς όρθας τέμνεται ύπὸ τῆς δια τοῦ κέντρου. καὶ βάσις άρα βάσει ίση, και διὰ τοῦτο και ή ΚΒ περιφέρεια τη ΒΝ. τὸ ἄρα Η ἐστιν τὸ ἐπὶ της γραμμης τοῦ 20 Διοκλέους, καὶ ἡ ἀπόδειξις δὲ ἡ αὐτή ἐστιν. ἔφασκεν γὰο ὁ Διοκλης, ὅτι ἐστίν, ὡς ἡ ΓΜ ποὸς ΜΝ, οῦτως ή ΜΝ πρός ΜΑ, καὶ ή ΑΜ πρός ΜΗ. Ιση δέ έστιν ή ΝΜ τῆ ΜΑ. ή γὰο διάμετρος πρὸς ὀρθὰς αὐτὴν τέμνει. ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ ΓΜ πρὸς ΜΛ, οῦ-25 τως ή ΛΜ πρός ΜΑ, καὶ ή ΑΜ πρός ΜΗ. τῶν άρα ΓΜ, ΜΗ μέσαι ἀνάλογόν είσιν αί ΛΜ, ΜΑ. άλλ' ώς μὲν ή ΓM πρὸς MH, ή $\Gamma \Delta$ πρὸς ΔE , ώς δὲ ἡ ΓΜ πρὸς ΜΛ, ἡ ΑΜ πρὸς ΜΗ, τουτέστιν

^{6.} καταγραφ cum comp. $\eta \nu$ uel $\iota \nu$ F. 8. εκβαλομενης F. 13. $\dot{\epsilon} \pi \ell$] scripsi; κατα F, uulgo. 20. δὲ $\dot{\eta}$] scripsi; δε F, uulgo. 23. NM] scripsi; HM F, uulgo; MN cum V Torellius.

 $B\Delta$, ΔE inveniendae sunt, altera est $\Delta\Theta$ [Eucl. V def. 11]. et si fecerimus $B\Delta: \Delta\Theta = \Theta\Delta$ ad aliam, erit etiam tertia inuenta.

uerum animaduertendum est, hanc constructionem eandem esse, quam Diocles proposuit, eo tantum differentem, quod ille lineam quandam per puncta continua inter A, B descripsit, in qua punctum H sumptum est producta linea \(\bar{\cute}E \) et lineam illam secante, hic punctum H per regulam AK circum A motam inuenitur. nam punctum H idem esse, siue ut hoc loco per regulam sumatur, siue ut indicauit Diocles, ita intellegemus. producta linea MH ad N ducatur KN. quoniam igitur $K\Theta = \Theta H$, et HN lineae ΘB parallela, erit etiam $K\Xi = \Xi N$ [Eucl. VI, 2]. et linea **ZB** communis est et perpendicularis; nam linea KN a linea a centro ducta in duas partes aequales et perpendiculariter secatur [Eucl. III, 3]. itaque etiam basis basi aequalis est [Eucl. I, 4], et ideo etiam ambitus KB ambitui BN [Eucl. III, 28]. itaque punctum H id est, quod in linea Dioclis positum erat, et demonstratio quoque eadem est. dixit enim Diocles, esse

 $\Gamma M: MN = MN: MA = AM: MH.$ ¹)

sed NM = MA; nam diametrus eam²) perpendiculariter secat [Eucl. III, 3]. itaque

 $\Gamma M: MA = AM: MA = AM: MH.$

itaque inter ΓM , MH mediae proportionales sunt ΛM , $M\Lambda$. sed $\Gamma M: MH = \Gamma \Delta : \Delta E$, et

¹⁾ Eutocius proportiones Dioclis $\Gamma \Lambda : \Lambda M = \Lambda M : \Lambda \Delta = \Lambda \Delta : \Lambda \Theta$ (p. 82, 23) ad figuram Pappi p. 84 adcommodauit. 2) Sc. lineam NA.

15

20

ή $\Gamma \Delta$ πρὸς $\Delta \Theta$. και τῶν δύο μέσων ἄρα τῶν $\Gamma \Delta$, ΔE δευτέρα ἐστὶν ἡ $\Delta \Theta$, ἢντινα ἐπορίσατο καὶ ὁ Πάππος.

ως Σπόρος.

Τεστωσαν αι δοθείσαι δύο εὐθείαι ἄνισοι αι ΑΒ, ΒΓ. δεί δὴ τῶν ΑΒ, ΒΓ δύο μέσας ἀνάλογον εὑρεῖν ἐν συνεχεῖ ἀναλογία. ἤχθω ἀπὸ τοῦ Β τῷ ΑΒ πρὸς ὀρθὰς ἡ ΔΒΕ, καὶ κέντρω τῷ Β, διαστήματι δὲ τῷ ΒΑ ἡμικύκλιον γεγράφθω τὸ ΔΑΕ. καὶ ἀπὸ τοῦ Ε τὰ τὸ Γ εὐθεία ἐπιζευχθείσα διήχθω ἐπὶ τὸ Ζ, καὶ ἀπὸ τοῦ Δ διήχθω τις εὐθεία οῦτως, ὥστε ίσην εἶναι τὴν ΗΘ τῷ ΘΚ΄ τοῦτο γὰρ δυνατόν. καὶ ἤχθωσαν ἀπὸ τῶν Η, Κ ἐπὶ τὴν ΔΕ κάθετοι αι ΗΛ, ΚΝΜ.

Z H O E

ἐπεὶ οὖν ἐστιν, ὡς ἡ ΚΘ πρὸς ΘΗ, ἡ ΜΒ πρὸς ΒΛ, ἴση δὲ ἡ ΚΘ τῷ ΘΗ, ἴση ἄρα καὶ ἡ ΜΒ τῷ ΒΛ : ὥστε καὶ λοιπὴ ἡ ΜΕ τῷ ΛΔ. καὶ ὅλη ἄρα ἡ ΔΜ τῷ ΛΕ ἐστιν

Γση. καὶ διὰ τοῦτό ἐστιν, ὡς ἡ ΜΔ πρὸς ΔΛ, ἡ ΛΕ πρὸς ΕΜ. ἀλλ' ὡς μὲν ἡ ΜΔ πρὸς ΔΛ, ἡ ΚΜ πρὸς ΗΛ [ὡς δὲ ἡ ΛΕ πρὸς ΕΜ, ἡ ΗΛ πρὸς ΝΜ]. πάλιν ἐπεί ἐστιν, ὡς ἡ ΔΜ πρὸς ΜΚ, ἡ ΚΜ 25 πρὸς ΜΕ, ὡς ἄρα ἡ ΔΜ πρὸς ΜΕ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΔΜ πρὸς τὸ ἀπὸ ΔΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΘ, τουτέστι τὸ ἀπὸ ΛΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΘ. Γση γὰρ ἡ ΔΒ τῆ ΒΛ. πάλιν ἐπεί ἐστιν, ὡς ἡ ΜΔ πρὸς

^{4.} $\Sigma\pi\delta\varphi_0$; F, uulgo; $H\delta\varphi_0$; B, Georgius Ualla. 13. KNM] KMN F; corr. Torellius. 22. EM] ΘM FV.

 $\Gamma M: M \Lambda = \Lambda M: M H = \Gamma \Delta: \Delta \Theta.$

itaque ex duabus inter $\Gamma \Delta$, ΔE mediis proportionalibus secunda est $\Delta \Theta^1$), quam etiam Pappus inuenit [p. 86, 28 sq.].

Ut Sporus.

Sint duae lineae datae inaequales AB, $B\Gamma$. oportet igitur, inter AB, $B\Gamma$ duas medias proportionales inueniri in proportione continua. ducatur a B ad lineam AB perpendicularis linea $\triangle BE$, et centro B, radio autem BA semicirculus describatur $\triangle AE$. et linea ab E ad Γ ducta producatur ad Z, et a \triangle ducatur linea ita, ut sit $H\Theta = \Theta K$; hoc enim fieri potest. et ducantur ab H, K ad $\triangle E$ perpendiculares HA, KNM. quoniam igitur est $K\Theta : \Theta H = MB : BA$, et $K\Theta = \Theta H$, erit etiam MB = BA. quare etiam quae relinquitur. ME = AA. ergo etiam tota ME = AE. itaque est MA : AA = AE : EM. sed

 $M\Delta: \Delta \Lambda = KM: H\Lambda$ [et $\Delta E: EM = H\Lambda: NM$].⁴)

.rursus quoniam est $\Delta M: MK = KM: ME$, erit [Eucl. V def. 10]

 $\Delta M: ME = \Delta M^2: MK^2 = \Delta B^2: B\Theta^2 = AB^2: B\Theta^2$ (nam $\Delta B = BA$). rursus quoniam est

¹⁾ Cfr. p. 88 not. 3. ceterum "secunda" non est media proportionalis secunda, sed media proportionalis prima, quae in proportione continua secunda (terminus secundus) est; cfr. p. 84, 7; 88, 1.

²⁾ Sc. regula adplicata; u. Pappus supra p. 84, 25 sq.

³⁾ Sc. subtracta MB = BA ab BE = BA.

⁴⁾ Haec proportio per se uera sine ulla causa hoc loco additur; neque enim per totam demonstrationem usurpatur.

ΔΒ, ή ΛΕ πρὸς ΕΒ, ἀλλ' ὡς μὲν ἡ ΜΔ πρὸς ΔΒ, ἡ ΚΜ πρὸς ΘΒ, ὡς δὲ ἡ ΛΕ πρὸς ΕΒ, ἡ ΗΛ πρὸς ΓΒ, καὶ ὡς ἄρα ἡ ΚΜ πρὸς ΘΒ, ἡ ΗΛ πρὸς ΓΒ. καὶ ἐναλλάξ, ὡς ἡ ΚΜ πρὸς ΗΛ, ἡ ΘΒ πρὸς ΓΒ. ταὶ ἐναλλάξ, ὡς ἡ ΚΜ πρὸς ΗΛ, ἡ ΘΕ πρὸς ΓΒ. το ἀλλ' ὡς ἡ ΚΜ πρὸς ΗΛ, ἡ ΜΔ πρὸς ΔΛ, τουτέστιν ἡ ΔΜ πρὸς ΜΕ, τουτέστι τὸ ἀπὸ ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΒ. καὶ ὡς ἄρα τὸ ἀπὸ ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΒ, ἡ ΒΘ πρὸς ΒΓ. εἰλήφθω τῶν ΘΒ, ΒΓ μέση ἀνάλογον ἡ Ξ. ἐπεὶ οὖν ἐστιν, ὡς τὸ ἀπὸ ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΘ, ἡ 10 ΘΒ πρὸς ΒΓ, ἀλλὰ τὸ μὲν ἀπὸ ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΘ διπλασίονα λόγον ἔχει, ἤπερ ἡ ΘΒ πρὸς Ε, καὶ ὡς ἄρα ἡ ΑΒ πρὸς ΒΘ, ἡ δὲ ΘΒ πρὸς Ε, ἡ Ε πρὸς ΒΓ. καὶ ὡς ἄρα ἡ ΑΒ πρὸς ΒΓ. καὶ ὡς ἄρα ἡ ΑΒ πρὸς ΒΓ. καὶ ὡς ἄρα ἡ ΑΒ

Φανερον δέ, ὅτι καὶ αῦτη ἡ αὐτή ἐστιν τῆ τε ὑπὸ Πάππου καὶ Διοκλέους γεγραμμένη.

'Ως Μένεχμος.

"Εστωσαν αί δοθείσαι δύο εὐθεῖαι αί Α, Ε. δεί 20 δὴ τῶν Α, Ε δύο μέσας ἀνάλογον εὐρεῖν. γεγονέτω, καὶ ἔστωσαν αί Β, Γ. καὶ ἐκκείσθω θέσει εὐθεῖα ἡ ΔΗ πεπερασμένη κατὰ τὸ Δ, καὶ πρὸς τῷ Δ τῷ Γ ἴση κείσθω ἡ ΔΖ, καὶ ἤχθω πρὸς ὀρθὰς ἡ ΘΖ, καὶ τῷ Β ἴση κείσθω ἡ ΖΘ. ἐπεὶ οὖν τρεῖς εὐθεῖαι ἀνά-25 λογον αί Α, Β, Γ, τὸ ὑπὸ τῶν Α, Γ ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς Β. τὸ ἄρα ὑπὸ δοθείσης τῆς Α καὶ τῆς Γ, τουτέστι τῆς ΔΖ, ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς Β, τουτέστι

^{4.} ΘB] $\Theta \Gamma$ FV. 6. AB] $A\Theta$ F. 7. AB] $A\Theta$ FV. 23. ΘZ] scripsi; $\Theta Z\Theta$ F; $Z\Theta$ uulgo. 25. $\tau \tilde{\varphi}$] τo F. 26. A] scripsi; A F, uulgo; sed in figura A, A ut apud nos positae

 $M\Delta: \Delta B = AE: EB^1$),

sed $M\Delta: \Delta B = KM: \Theta B$ et $\Delta E: EB = H\Delta: \Gamma B$, erit igitur $KM: \Theta B = H\Delta: \Gamma B$. et uicissim

 $KM: HA = \Theta B: \Gamma B.$

sed

 $KM: HA = MA : AA = AM : ME = AB^2 : \Theta B^2$. quare etiam $AB^2 : \Theta B^2 = B\Theta : B\Gamma$. sumatur inter ΘB , $B\Gamma$ media proportionalis Ξ . quoniam igitur est $AB^2 : B\Theta^2 = \Theta B : B\Gamma$, sed $AB^2 : B\Theta^2$ duplicem rationem habet, quam $AB : B\Theta$, et $\Theta B : B\Gamma$ duplicem, quam $\Theta B : \Xi$ [Eucl. ∇ def. 10], erit igitur

 $AB:B\Theta \Longrightarrow B\Theta:\Xi.$

sed $B\Theta: \mathbf{Z} = \mathbf{Z}: B\Gamma$. quare

 $AB:B\Theta = B\Theta:\Xi = \Xi:B\Gamma^2$

Manifestum autem, hanc quoque [constructionem] eandem esse atque eam, quam proposuerunt Pappus et Diocles.

Ut Menechmus.

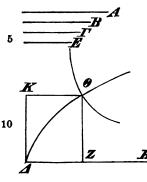
Duae lineae datae sint A, E. oportet igitur inter A, E duas medias proportionales inueniri. — fiat, et sint B, Γ . et ponatur linea recta positione data ΔH in Δ terminata, et ad Δ lineae Γ aequalis ponatur ΔZ , et perpendicularis ducatur ΘZ , et ponatur $Z\Theta = B$. quoniam igitur tres lineae A, B, Γ proportionales sunt, erit $A \times \Gamma = B^2$. itaque rectangulum comprehensum linea data Λ et linea Γ , h. e. linea ΔZ , ae-

¹⁾ Nam $M\Delta = AE$, et $\Delta B = EB$.

²⁾ Haec tota Spori demonstratio miris ambagibus et inhabili dicendi genere laborat.

sunt in F, et hucusque recte usurpantur; Torellius eas et in figura et per totam demonstrationem permutauit.

τῷ ἀπὸ τῆς $Z\Theta$. ἐπὶ παραβολῆς ἄρα τὸ Θ διὰ τοῦ Δ γεγραμμένης. ἤχθωσαν παράλληλοι αί ΘK , ΔK . καὶ



έπει δοθέν τὸ ὑπὸ Β, Γ· ἴσον γάρ ἐστι τῷ ὑπὸ Α, Ε· δοθέν ἄρα και τὸ ὑπὸ ΚΘΖ. ἐπὶ ὑπερβολῆς ἄρα τὸ Θ ἐν ἀσυμπτώτοις ταῖς ΚΔ, ΔΖ. δοθέν ἄρα τὸ Θ· ὥστε και τὸ Ζ. — συντεθήσεται δὴ οῦτως. ἔστωσαν αι μὲν δοθείσαι εὐθείαι αι Α, Ε, ἡ δὲ τῆ θέσει ἡ ΔΗ πεπερασμένη κατὰ τὸ Δ, και γεγράφθω διὰ τοῦ Δ

παραβολή, ής ἄξων μὲν ἡ ΔΗ, ὀρθία δὲ τοῦ εἰδους 15 πλευρὰ ἡ Α, αι δὲ καταγόμεναι ἐπὶ τὴν ΔΗ ἐν ὀρθῆ γωνία δυνάσθωσαν τὰ παρὰ τὴν Α παρακείμενα χωρία πλάτη ἔχοντα τὰς ἀπολαμβανομένας ὑπ' αὐτῶν πρὸς τῷ Δ σημείω. γεγράφθω, καὶ ἔστω ἡ ΔΘ, καὶ ὀρθὴ ἡ ΔΚ. καὶ ἐν ἀσυμπτώτοις ταῖς ΚΔ, ΔΖ γεγράφθω 20 ὑπερβολή, ἀφ' ἡς αι παρὰ τὰς ΚΔ, ΔΖ ἀχθεῖσαι ποιήσουσιν τὸ χωρίον ἴσον τῷ ὑπὸ Α, Ε. τεμεῖ δὴ τὴν παραβολήν. τεμνέτω κατὰ τὸ Θ, καὶ κάθετοι ῆχθωσαν αι ΘΚ, ΘΖ. ἐπεὶ οὖν τὸ ἀπὸ ΖΘ ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ Α, ΔΖ, ἔστιν, ὡς ἡ Α πρὸς τὴν ΖΘ, ἡ ΘΖ πρὸς ΣΔ. πάλιν ἐπεὶ τὸ ὑπὸ Α, Ε ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ ΘΖΔ, ἔστιν, ὡς ἡ Α πρὸς τὴν ΖΘ, ἡ ΖΔ πρὸς τὴν Ε. ἀλλὰ ὡς ἡ Α πρὸς τὴν ΖΘ, ἡ ΖΦ πρὸς ΖΔ. καὶ ὡς ἄρα ἡ Α πρὸς τὴν ΖΘ, ἡ ΖΦ πρὸς ΖΔ. καὶ ὡς ἄρα ἡ Α πρὸς τὴν ΖΘ, ἡ ΖΦ πρὸς ΖΔ. καὶ ἡ ΖΔ πρὸς Ε.

^{1.} ἐπί] επει F, ut lin. 5. 2. ΔK] scripsi; ΛKF, uulgo. 4. Λ] scripsi; ΔF, uulgo. 7. ΚΔ, ΔΖ] scripsi, ΚΛ, ΛΖF, uulgo. 8. τὸ Θ] τω Θ F. 11. Λ] scripsi; ΔF, uulgo, ut

quale est quadrato lineae B, h. e. quadrato lineae $Z\Theta$. itaque punctum Θ in parabola est per Δ descripta [Apollon. con. I, 11]. ducantur parallelae lineae ΘK , ΔK . et quoniam datum est rectangulum $B \times \Gamma$ (nam aequale est rectangulo $A \times E$), etiam rectangulum $K\Theta \times \Theta Z$ datum est. punctum Θ igitur in hyperbola est in asymptotis $K\Delta$, ΔZ descripta [Apollon. con. II, 12]. datum est igitur punctum Θ ; quare etiam punctum Z datum est.

componetur autem ita. datae lineae sint A, E, et linea positione data ΔH terminata in Δ , et per Δ describatur parabola, cuius axis sit ΔH , parametrus autem A, et lineae in angulo recto ad ΔH ductae quadratae aequales sint spatiis ad A adplicatis, quae latitudines habeant lineas, quas ipsae ad Δ abscindunt. describatur et sit $\Delta \Theta$, et ΔK perpendicularis. et in asymptotis $K\Delta$, ΔZ describatur hyperbola talis, ut lineae ab ea lineis $K\Delta$, ΔZ parallelae ductae spatium aequale rectangulo $A \times E$ efficiant. secabit igitur parabolam. secet in Θ , et perpendiculares ducantur ΘK , ΘZ . iam quoniam est $Z\Theta^2 = A \times \Delta Z$ [Apollon. con. I, 11], erit $A: Z\Theta = \Theta Z: Z\Delta$. rursus quoniam est $A \times E = \Theta Z \times Z\Delta$.

erit $A: Z\Theta = Z\Delta: E$, sed erat $A: Z\Theta = Z\Theta: Z\Delta$. itaque etiam $A: Z\Theta = Z\Theta: Z\Delta = Z\Delta: E$, ponatur

lin. 15, 16, 21, 24 bis, 25, 26, 27. 12. $\triangle H$] $\triangle H$ F, uulgo, ut lin. 14, 15. 12. $\triangle J$] $\triangle H$, uulgo, ut lin. 13, 18. 16. powta] powta supra scripto α F. 18. $\triangle \Theta$] $\triangle H$ F, uulgo. 19. $\triangle H$] $\triangle H$ F, uulgo. $\triangle H$] $\triangle H$ F, uulgo. $\triangle H$] $\triangle H$ Sine tépuse Torellius mg. 23. $\triangle H$] per comp. F. 24. $\triangle H$ AZ FD; $\triangle H$ uulgo. 25. $\triangle H$ AZ F, uulgo, ut lin. 26, 27, 28. $\triangle H$ F, uulgo. 27. $\triangle H$ AH F, uulgo, $\triangle H$ AH F, uulgo. 26. $\triangle H$ F, uulgo, $\triangle H$ AH F, uulgo. 27. $\triangle H$ AH F, uulgo, $\triangle H$ AH F, uulgo. 27. $\triangle H$ AH F, uulgo, $\triangle H$ AH F, uulgo. 27. $\triangle H$ AH F, uulgo, $\triangle H$ AH F, uulgo. 26. $\triangle H$ AH F, uulgo, $\triangle H$ AH F, uulgo. 27. $\triangle H$ AH F, uulgo, $\triangle H$ AH F, uulgo. 28. $\triangle H$ AH F, uulgo, $\triangle H$ AH F, uulgo. 29. $\triangle H$ AH F, uulgo. 29. $\triangle H$ AH F, uulgo. 29. $\triangle H$ AH F, uulgo. 20. $\triangle H$ AH F, uulgo. 20. $\triangle H$ AH F, uulgo. 20. $\triangle H$ AH F, uulgo. 21. $\triangle H$ AH F, uulgo. 19. $\triangle H$ AH AH F, uulgo. 19. $\triangle H$ AH AH F, uulgo. 19. $\triangle H$ AH AH AH F, uulgo. 19. $\triangle H$ AH AH AH A

. 5

10

15

Ā

κείσθω τη μὲν Θ Z ἴση ἡ B, τη δὲ ΔΖ ἴση ἡ Γ. ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ Α πρὸς τὴν B, ἡ B πρὸς τὴν Γ, καὶ ἡ Γ πρὸς Ε. αί Α, Β, Γ, Ε ἄρα έξης ἀνάλογόν εἰσιν. ὅπερ ἔδει εὐρεῖν.

"Αλλως.

"Εστωσαν αί δοθείσαι δύο εὐθεῖαι πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλαις αί AB, $B\Gamma$. καὶ γεγονέτωσαν αὐτῶν μέσαι αί ΔB , BE, ὥστε εἶναι ὡς τὴν ΓB πρὸς $B\Delta$, οὕτως

την ΒΔ ποὸς ΒΕ, καὶ την ΒΕ ποὸς ΒΑ, καὶ ηχθωσαν ποὸς ὀρθὰς αὶ ΔΖ, ΕΖ. ἐπεὶ οὖν ἐστιν, ὡς ἡ ΓΒ ποὸς ΒΔ, ἡ ΔΒ ποὸς ΒΕ, τὸ ἄρα ὑπὸ ΓΒΕ, τουτέστι τὸ ὑπὸ δοθείσης καὶ τῆς ΒΕ, ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς ΒΔ, τουτ- έστι τῆς ΕΖ. ἐπεὶ οὖν τὸ ὑπὸ

δοθείσης καὶ τῆς ΒΕ ίσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ ΕΖ, τὸ Ζ ἄρα ἄπτεται παραβολῆς τῆς περὶ ἄξονα τὴν ΒΕ. πάλιν 20 ἐπεί ἐστιν, ὡς ἡ ΑΒ πρὸς ΒΕ, ἡ ΒΕ πρὸς ΒΔ, τὸ ἄρα ὑπὸ ΑΒΔ, τουτέστι τὸ ὑπὸ δοθείσης καὶ τῆς ΒΔ, ἰσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ ΕΒ, τουτέστι τῆς ΔΖ τὸ Ζ ἄρα ἄπτεται παραβολῆς τῆς περὶ ἄξονα τὴν ΒΔ. ἡπται δὲ καὶ ἑτέρας δοθείσης τῆς περὶ τὴν ΒΔ. δοθὲν ἄρα τὸ Ζ. 25 καὶ κάθετοι αί ΖΔ, ΖΕ. δοθέντα ἄρα τὰ Δ, Ε.

συντεθήσεται δὲ οῦτως ἔστωσαν αί δοθεῖσαι δύο εὐθεῖαι πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλαις αί ΑΒ, ΒΓ, καὶ ἐκβε-βλήσθωσαν ἐπ' ἄπειρον ἀπὸ τοῦ Β. καὶ γεγράφθω περὶ ἄξονα τὴν ΒΕ παραβολὴ ὥστε τὰς καταγομένας

^{1.} B] HB FV. ΔZ] AZ F, uulgo. 2. A] Δ F, uulgo,

 $B = \Theta Z$, $\Gamma = \Delta Z$. erit igitur

 $A:B=B:\Gamma=\Gamma:E.$

itaque A, B, Γ , E in continua proportione sunt; quod oportebat inueniri.

Aliter.

Duae lineae datae sint AB, $B\Gamma$ inter se perpendiculares. et inter eas mediae sint ΔB , BE, ita ut sit $\Gamma B: B\Delta = B\Delta: BE = BE: BA$, et perpendiculares ducantur ΔZ , EZ. quoniam igitur est

 $\Gamma B: B \Delta = \Delta B: BE,$

erit rectangulum $\Gamma B \times BE$, h. e. rectangulum comprehensum linea data et linea BE, $=B \Delta^2$, h. e. $=EZ^2$. quoniam igitur rectangulum comprehensum linea data et linea BE aequale est EZ^2 , punctum Z parabolam tangit circum axem BE descriptam [Apollon. con. I, 1,1]. rursus quoniam est

 $AB:BE = BE:B\Delta,$

rectangulum $AB \times B\Delta$, h. e. rectangulum comprehensum linea data et linea $B\Delta$, $=EB^2$, h. e. $=\Delta Z^2$. itaque punctum Z parabolam tangit circum axem $B\Delta$ descriptam. sed [punctum Z] aliam quoque [parabolam] datam tangit circum [axem] BE descriptam. itaque punctum Z datum est. et lineae $Z\Delta$, ZE perpendiculares sunt. itaque data sunt puncta Δ , E.

componetur autem hoc modo. duae lineae datae inter se perpendiculares sint AB, $B\Gamma$, et producantur in infinitum a puncto B. et circum axem BE descri-

ut lin. 3. 13. οὖτως ἡ ΔΒ Torellius. 19. τήν] της FA. 22. ΔΖ] ΕΖ FV.

έπὶ τὴν ΒΕ δύνασθαι [τὰ] παρὰ τὴν ΒΓ. πάλιν γεγράφθω περὶ ἄξονα τὴν ΔΒ παραβολὴ ὥστε τὰς καταγομένας δύνασθαι παρὰ τὴν ΑΒ. τεμοῦσιν δὴ ἀλλήλας αὶ παραβολαί. τεμνέτωσαν κατὰ τὸ Ζ, καὶ ἀπὸ τοῦ Ζ κάθετοι ἤχθωσαν αὶ ΖΔ, ΖΕ. ἐπεὶ οὖν ἐν παραβολῆ κατῆκται ἡ ΖΕ, τουτέστιν ἡ ΔΒ, τὸ ἄρα ὑπὸ ΓΒΕ ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ ΒΔ. ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ ΓΒ πρὸς ΒΔ, ἡ ΔΒ πρὸς ΒΕ. πάλιν ἐπεὶ ἐν παραβολῆ κατῆκται ἡ ΖΔ, τουτέστιν ἡ ΕΒ, τὸ ἄρα ὑπὸ 10 ΔΒΑ ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ ΕΒ. ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ ΔΒ πρὸς ΒΕ, ἡ ΒΕ πρὸς ΒΑ. ἀλλ' ὡς ἡ ΔΒ πρὸς ΒΕ, οῦτως ἡ ΓΒ πρὸς ΒΔ. καὶ ὡς ἄρα ἡ ΓΒ πρὸς ΒΔ, ἡ ΒΔ πρὸς ΒΕ, καὶ ἡ ΕΒ πρὸς ΒΑ. ὅπερ ἔδει εὐρεῖν.

Γράφεται δε ή παραβολή διὰ τοῦ εύρεθέντος δια-15 βήτου τῷ Μιλησίῳ μηχανικῷ Ἰσιδώρῳ τῷ ἡμετέρᾳ διδασκάλῳ, γραφέντος δε ὑπ' αὐτοῦ εἰς τὸ γενόμενον αὐτῷ ὑπόμνημα τῶν Ἡρωνος καμαρικῶν.

Ἡ ἀρχύτου ευρησις, ώς Εὐδημος Ιστορεί.

"Εστωσαν αί δοθείσαι δύο εὐθείαι αί ΑΔ, Γ. δεί 20 δὴ τῶν ΑΔ, Γ δύο μέσας ἀνάλογον εὑρεῖν. γεγράφθω περί τὴν μείζονα τὴν ΑΔ κύκλος ὁ ΑΒΔΖ, καὶ τῷ Γ ἴση ἐνηρμόσθω ἡ ΑΒ, καὶ ἐκβληθεῖσα συμπιπτέτω τῷ ἀπὸ τοῦ Δ ἐφαπτομένη τοῦ κύκλου κατὰ τὸ Π. παρὰ δὲ τὴν ΠΔΟ ἥχθω ἡ ΒΕΖ, καὶ νενοήσθω ἡμι-25 κυλίνδριον ὀρθὸν ἐπὶ τοῦ ΑΒΔ ἡμικυκλίου, ἐπὶ δὲ τῆς ΑΔ ἡμικύκλιον ὀρθὸν ἐν τῷ τοῦ ἡμικυλινδρίου παραλληλογράμμω κείμενον. τοῦτο δὴ τὸ ἡμικύκλιον

^{1.} $\tau \alpha$] deleo; cfr. lin. 3. 3. $\tau \alpha \pi \alpha \rho \alpha$ Torellius. $\alpha \lambda \lambda \eta \lambda \eta \lambda \nu$ cum comp. αg F. 7. $\tau \alpha \beta \nu$ $\tau \nu$ F. 17. $\kappa \alpha \mu \alpha \rho \nu \kappa \alpha \nu$ ν supra scriptum manu 1 F. 18. $\epsilon \nu \nu \rho \nu \rho \nu$ F; $\epsilon \nu \nu \rho \rho \nu \rho \nu$ 19. $\Delta \Delta A B F V D$, ut lin. 20. 23. $\tau \nu \rho \rho \nu$ F.

batur parabola ita, ut parametrus sit $B\Gamma$. rursus circum axem \(\mathref{A} B \) [describatur] parabola ita, ut parametrus sit AB. parabolae igitur inter se secabunt. secent in Z, et ab Z puncto perpendiculares ducantur $Z\Delta$, ZE. quoniam igitur in parabola ducta est ZE, h. e. ΔB , erit $\Gamma B \times BE = B\Delta^2$ [Apollon. con. I, 11]. itaque $\Gamma B: B \Delta = \Delta B: BE$. rursus quoniam in parabola ducta est ZA, h. e. EB, erit

 $\Delta B \times BA = EB^2$ [id.].

itaque $\Delta B: BE = BE: BA$. erat autem

 $\Delta B : BE = \Gamma B : B\Delta$.

quare $\Gamma B: B \Delta = B \Delta: BE = EB: BA$. quod oportebat inueniri.

Describitur autem parabola per diabetam 1) ab Isidoro mechanico Milesio magistro nostro inuentam et ab eo descriptam in commentario, quem confecit in Heronis camarica.²)

Methodus Archytae, ut tradit Eudemus.

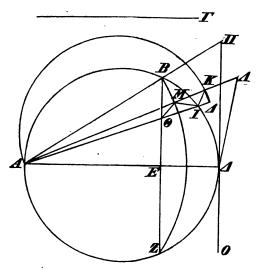
Duae lineae datae sint $A\Delta$, Γ . oportet igitur inter A 1, \(\Gamma\) duas medias proportionales inueniri. describatur circum lineam maiorem AA circulus ABAZ, et lineae Γ aequalis aptetur linea AB, et producta cum linea in Δ circulum contingenti concurrat in Π . et lineae $\Pi \triangle O$ parallela ducatur BEZ, et fingatur semicylindrus rectus in semicirculo ABA positus, et in linea A A semicirculus perpendicularis in parallelogrammo semicylindri positus. hic igitur semicirculus

n,Diabetum instrumentum est simile elemento Graeco λ"
 Cr. (J. Regiomontanus?).
 H. e. de fornicibus construendis.

περιαγόμενον ώς από τοῦ Δ έπὶ τὸ Β μένοντος τοῦ Α πέρατος της διαμέτρου τεμεί την κυλινδρικήν έπιφάνειαν έν τῆ περιαγωγῆ καὶ γράψει έν αὐτῆ γραμμήν τινα. πάλιν δέ, έὰν τῆς ΑΔ μενούσης τὸ ΑΠΔ 5 τρίγωνον περιενεχθη την έναντίαν τω ημικυκλίω κίνησιν, κωνικήν ποιήσει έπιφάνειαν τῆ ΑΠ εὐθεία, ή δη περιαγομένη συμβαλεῖ τη κυλινδρική γραμμή κατά τι σημείου : αμα δε και το Β περιγράψει ημικύκλιου έν τη του κώνου έπιφανεία. έχετω δη θέσιν κατά τον 10 τόπον της συμπτώσεως των γραμμών το μέν πινούμενον ήμικύκλιον ώς την τοῦ ΔΚΑ, τὸ δὲ ἀντιπεριαγόμενον τοίγωνου την τοῦ ΔΛΑ, τὸ δὲ τῆς εἰρημένης συμπτώσεως σημείον έστω τὸ Κ. έστω δὲ καί τὸ διὰ τοῦ Β γραφόμενον ἡμικύκλιον τὸ ΒΜΖ, κοινή 15 δε αὐτοῦ τομή και τοῦ ΒΔΖΑ κύκλου ἔστω ή ΒΖ. καὶ ἀπὸ τοῦ Κ ἐπὶ τὸ τοῦ Β Δ Α ἡμικυκλίου ἐπίπεδον κάθετος ήχθω· πεσείται δή έπι την τοῦ κύκλου περι-

^{6.} $\tau\eta_S$ $A\Pi$ evdeias F; corr. B. In figura pro Γ in F est G. 9. $\delta\eta$] dé Torellius. 13. $\sigma\nu\mu\pi\tau\sigma\sigma\epsilon\omega_S$ F. 14. BMZ] EMH F.

circumactus a Δ aduersus B manente A termino diametri superficiem cylindricam in circumagendo secabit et in ea lineam quandam describet. rursus si manente linea



 $A\Delta$ triangulus $A\Pi\Delta$ circumactus erit in contrariam partem ac semicirculus, superficiem conicam efficiet linea $A\Pi$, quae in circumagendo cum linea cylindrica in puncto aliquo concurret. simul et B punctum semicirculum in superficie coni describet. et in loco, quo concurrunt lineae illae, semicirculus circumactus positionem habeat ΔKA , et triangulus in contrariam partem circumactus positionem ΔAA , et punctum, in quo concurrunt, sit K, et semicirculus per B descriptus sit BMZ, et communis sectio eius et circuli $B\Delta ZA$ sit BZ. et ab K ad planum semicirculi $B\Delta A$ perpendicularis ducatur; cadet igitur in ambitum circuli, quia

20

σέρειαν διὰ τὸ ὀρθὸν έστάναι τὸν κύλινδρον. πιπτέτω καὶ ἔστω ἡ ΚΙ, καὶ ἡ ἀπὸ τοῦ Ι ἐκὶ τὸ Α ἐκιζευγθείσα συμβαλέτω τη ΒΖ κατά τὸ Θ, ή δὲ ΑΛ τῶ ΒΜΖ ήμικυκλίφ κατά τὸ Μ. ἐπεζεύχθωσαν δὲ καί 5 αl K extstyle extΒΜΖ ήμικυκλίων ὀρθόν έστι πρὸς τὸ ὑποκείμενον έπίπεδου, καὶ ή κοινή ἄρα αὐτῶν τομή ή ΜΘ πρὸς όρθάς έστι τῷ τοῦ κύκλου ἐπιπέδῳ. ώστε καὶ πρὸς την ΒΖ όρθη έστιν η ΜΘ. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν ΘΒ, ΘΖ, 10 τουτέστι τὸ ὑπὸ ΘΑ, ΘΙ, ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ ΜΘ. ὅμοιον άρα έστι τὸ ΑΜΙ τρίγωνον έκατέρω τῶν ΜΙΘ, ΜΑΘ: καὶ ὀρθή ἡ ὑπὸ ΙΜΑ. ἔστιν δὲ καὶ ἡ ὑπὸ ΔΚΑ όρθή. παράλληλοι ἄρα είσὶν αί ΚΔ, ΜΙ, καὶ ἔσται ἀνάλογον, ώς ή ΔΑ πρός ΑΚ, τουτέστιν ή ΚΑ πρός 15 ΑΙ, ούτως ή ΙΑ πρός ΑΜ διὰ τὴν ὁμοιότητα τῶν τοιγώνων. τέσσαρες ἄρα αί ΔΑ, ΑΚ, ΑΙ, ΑΜ έξῆς ανάλογόν είσιν. καί έστιν ή ΑΜ ίση τη Γ, έπει και τη ΑΒ. δύο ἄρα δοθεισών τών ΑΔ, Γ δύο μέσαι ἀνάλογον ηθρηνται αί ΑΚ, ΑΙ.

'Ως Έρατοσθένης.

Βασιλεί Πτολεμαίφ Έρατοσθένης χαίρειν.

Τῶν ἀρχαίων τινὰ τραγφδοποιῶν φασιν εἰσαγαγείν τὸν Μίνω τῷ Γλαύκῳ κατασκευάζοντα τάφον. πυθόμενον δέ, ὅτι πανταχοῦ έκατόμπεδος εἰη, εἰπείν

^{9.} ΘB , ΘZ] ΘBZ F; corr. A. 10. ΘA , ΘI] $\Theta A I$ F; corr. A; sed fort. scribendum est $B\Theta Z$ et $A\Theta I$. 11. $\tilde{\alpha} \varphi \alpha$ for ℓ utrumque per comp. F. 13. $\ell \sigma \alpha \alpha$] per comp. F. 16. reages F.

cylindrus rectus est.¹) cadat et sit KI, et linea ab I ad A ducta cum linea BZ in Θ concurrat, et linea AA cum semicirculo BMZ in puncto M. et ducantur etiam lineae KA, MI, $M\Theta$. quoniam igitur uterque semicirculus AKA, BMZ ad planum propositum perpendicularis est, itaque etiam communis eorum sectio $M\Theta$ ad planum circuli perpendicularis est [Eucl. XI, 19]. quare etiam $M\Theta$ ad BZ perpendicularis est [Eucl. XI def. 3]. itaque

 $\Theta B \times \Theta Z$, h. e. $\Theta A \times \Theta I^2$) = $M\Theta^2$.

itaque similis est triangulus AMI utrique triangulo $MI\Theta$, $MA\Theta$ [Eucl. VI, 8 cum $\pi o \rho (\sigma \mu.]$, et angulus IMA rectus. uerum etiam angulus ΔKA rectus est [Eucl. III, 31]. itaque lineae $K\Delta$, MI parallelae sunt, et erit $\Delta A:AK$, h. e. KA:AI, =IA:AM propter similitudinem triangulorum.³) itaque quattuor lineae ΔA , AK, AI, AM in continua sunt proportione. et $AM=\Gamma$, quoniam $AB=\Gamma$. itaque inter duas datas $A\Delta$, Γ duae mediae proportionales inuentae sunt AK, AI.

Ut Eratosthenes.

Eratosthenes Ptolemaeo regi s. d.

Narrant, quendam tragicum ueterem Minoem Glauco sepulcrum comparantem fecisse; et Minoem, cum comperisset, id undique centum pedes longum

Hanc epistulam ediderunt Fellius in Arato suo (Oxon. 1672) p. 33 sq., Reimerus de cubi duplicatione p. 146, Bernhardy:

¹⁾ Nam K in superficie cylindri est.

²⁾ Eucl. III, 35.

³⁾ $\triangle A: AK = IA: AM$ sequitur ex similitudine triangulorum $AK \triangle$, AMI (cfr. Eucl. VI, 2), $\triangle A: AK = KA: AI$ ex similitudine triangulorum $AK \triangle$, AKI (Eucl. VI, 8).

μικοόν γ' έλεξας βασιλικοῦ σηκόν τάφου· διπλάσιος έστω· τοῦ καλοῦ δὲ μὴ σφαλεὶς δίπλαζ' έκαστον κῶλον ἐν τάχει τάφου.

έδόκει δε διημαρτηκέναι. των γάρ πλευρών διπλα-5 σιασθεισών τὸ μὲν ἐπίπεδον γίνεται τετραπλάσιον, τὸ δὲ στερεὸν ὀκταπλάσιον. ἐζητεῖτο δὲ καὶ παρὰ τοῖς γεωμέτραις, τίνα ἄν τις τρόπον τὸ δοθέν στερεὸν διαμένον εν τῶ αὐτῶ σχήματι διπλασιάσειεν. καὶ ἐκαλείτο τὸ τοιοῦτον πρόβλημα κύβου διπλασιασμός. 10 ύποθέμενοι γαρ κύβον έξήτουν τοῦτον διπλασιάσαι. πάντων δὲ διαπορούντων ἐπὶ πολὺν χρόνον πρῶτος Ίπποκράτης ὁ Χἴος ἐπενόησεν, ὅτι, ἐὰν εύρεθῆ δύο εὐθειῶν γραμμῶν, ὧν ἡ μείζων τῆς ἐλάσσονός ἐστι διπλασία, δύο μέσας ἀνάλογον λαβεῖν ἐν συνεχεῖ ἀνα-15 λογία, διπλασιασθήσεται δ κύβος, ώστε τὸ ἀπόρημα αύτοῦ εἰς ετερον οὐκ ελασσον ἀπόρημα κατέστρεφεν. μετά χρόνον δε τινάς φασιν Δηλίους επιβαλλομένους κατὰ χρησμὸν διπλασιάσαι τινὰ τῶν βωμῶν έμπεσεῖν είς τὸ αὐτὸ ἀπόρημα. διαπεμψαμένους δὲ τοὺς παρὰ 20 τῷ Πλάτωνι ἐν ᾿Ακαδημία γεωμέτρας ἀξιοῦν αύτοις

^{1.} βασιλεικου F; corr. Valckenarius diatribe p. 210. σιπου FA. 2. διπλασι cum comp. ου F; corr. Valckenarius. καλοῦ] καλ cum comp. ου F; κύβου B mg. manu 2, ed. Basil., Torellius, al. τοῦ κ. δέ] του δε του κ. F; corr. Valckenarius. σφαλης F; corr. VAD. 3. δίπλασιάζων tulgo. 4. δέ] addidi; om. F, uulgo. 5. γίνεται] per comp. F. 6. δὲ καί] scripsi; δη και F, uulgo. 12. Ιπποκρατις F. 16. αυτ cum comp. ου F, uulgo; αὐτό Torellius; αὐτῷ Bernhardy. 17. τιν cum comp. ας F. επιβαλλομενης F; corr. Wurmius cum C; ἐπιβαλλομένης νόσου ed. Basil., Torellius, qui post βωμῶν lin. 18 addunt ἐπιταχθέντας. 19. διαμεμψαμενους F, uulgo; corr. Fman. 2; διαπεμψομένους ed. Basil., Torellius; διοπομπησομένους uel ἀποδ. Bernhardy. παρά] π (cum comp. αρα) ρα F. 20. αὐτοῖς uulgo.

esse, dixisse: "paruum quidem indicasti regii sepulcri cubile; duplo maius sit. et pulchrum illud seruans 1) celeriter singula latera sepulcri conduplica". uidebatur autem errasse. nam lateribus conduplicatis planum quadruplo maius fit, solidum uero octuplo maius. sed etiam inter geometras quaerebatur, quo modo quis datam figuram solidam in eadem specie manentem conduplicare possit. et hoc problema uocabatur cubi duplicatio; nam cubo proposito hunc conduplicare conabantur. sed omnibus diu haesitantibus primus Hippocrates Chius inuenit, si inter duas lineas rectas, quarum maior duplo maior esset minore, duas proportionales medias in proportione continua sumere didicissemus, cubum conduplicatum iri, ita ut haesitatio eius in haesitationem non minorem conuerteretur. postea autem narrant, Delios quosdam ex oraculo aram aliquam conduplicare conatos in eandem haesitationem incidisse. et legatis missis a geometris in Academia apud Platonem degentibus petisse, ut

Eratosthenica p. 175 sq., Dressler; E. von der Verdoppelung des Würfels. Wiesbaden 1828, quem librum ex recensione Wurmii (Jahns Jahrbücher XIV p. 185 sq.) sola noui (cum hoc uolumen mihi praesto non esset, inuitus Neue Jahrb. Suppl. XI p. 380 Wurmio et Dresslero coniecturas aliquot eripui, quas hic auctoribus reddidi). fragmentum p. 104 Euripidi (in Polyido) tribuit Valckenarius diatr. p. 210; negat Nauckius Eurip. III p. V, ubi rectissime tertium uersum adiunxit (simile aliquid iam I. N. Loënsis Miscell. epiphyll. III, 1 suspicatus esse uidetur). epigramma Eratosthenis praeterea ediderunt F. Vieta: op. mathemat. (ed. Schooten, Lugd. Batau. 1646) p. 349, Brunckius Anal. I p. 478, Jacobs Anthol. Palat. I² p. 316, Reimerus p. 146; Latine uertit P. Ramus: Schol. math. (Francof. 1627) p. 24.

¹⁾ Pulchrum illud, h. e. speciem cubi (πανταχοῦ ἐκατόμ-πεδος p. 102, 24).

εύρειν τὸ ζητούμενον. τῶν δὲ φιλοπόνως ἐπιδιδόντων έαυτοὺς καὶ ζητούντων δύο τῶν δοθεισῶν δύο μέσας λαβεῖν 'Αργύτας μὲν ὁ Ταραντίνος λέγεται διὰ τῶν ήμικυλίνδρων εύρηκέναι, Εύδοξος δε διά των καλου-5 μένων καμπύλων γραμμών. συμβέβηκε δε πάσιν αύτοις αποδεικτικώς γεγραφέναι, χειρουργήσαι δε και είς χρείαν πεσείν μη δύνασθαι πλην έπι βραγύ τι τοῦ Μενέχμου και ταύτα δυσχερώς. ἐπινενόηται δέ τις ύφ' ήμων όργανική ληψις δαδία, δι' ής εύρήσομεν 10 δύο τῶν δοθεισῶν οὐ μόνον δύο μέσας, ἀλλ' ὅσας αν τις έπιτάξη. τούτου δε εύρισχομένου δυνησόμεθα καθόλου τὸ δοθέν στερεὸν παραλληλογράμμοις περιεχόμενον είς κύβον καθιστάναι η έξ έτέρου είς έτερον μετασχηματίζειν, καὶ ομοιον ποιείν καὶ ἐπαύξειν δια-15 τηρούντας την δμοιότητα, ώστε και βωμούς και ναούς. δυνησόμεθα δε και τὰ τῶν ὑγρῶν μέτρα και ξηρῶν (λέγω δέ, οἶον μετρητὴν ἢ μέδιμνον), εἰς κύβον καθίστασθαι καλ διά της τούτου πλευράς άναμετρείν τά τούτων δεκτικά άγγετα, πόσον χωρετ. χρήσιμον δέ 20 έσται τὸ ἐπινόημα καὶ τοῖς βουλομένοις ἐπαύξειν καταπαλτικά καὶ λιθοβόλα ὄργανα. δεῖ γὰρ ἀνάλογον απαυτα αύξηθηναι καὶ τὰ πάχη καὶ τὰ μεγέθη καὶ τὰς κατατοήσεις και τὰς χοινικίδας και τὰ ἐμβαλλόμενα νεῦρα, εἰ μέλλει καὶ ἡ βολὴ ἀνάλογον ἐπαυξηθῆναι. 25 ταῦτα δὲ οὐ δυνατὰ γενέσθαι ἄνευ τῆς τῶν μέσων εύρεσεως. την δε απόδειξιν και την κατασκευην τοῦ λεχθέντος ὀργάνου ὑπογέγραφά σοι.

δεδόσθωσαν δύο ἄνισοι εὐθεῖαι, ὧν δεῖ δύο μέσας ἀνάλογον εὑρεῖν ἐν συνεχεῖ ἀναλογία, αί AE, $\Delta \Theta$.

^{1.} ενο cum comp. ην uel ιν F. 2. έαντούς] εαντοίς F; corr. Dressler; αύτοις Bernhardy. 7. επιβραχυτητί F; corr. A.

sibi inuenirent, quod quaererent. his industrie rem adgressis et inter duas datas lineas duas medias sumere conantibus Archytas Tarentinus dicitur per semicylindros inuenisse, Eudoxus autem per curuas lineas, quae uocantur. accidit autem omnibus, ut demonstrationem perficerent, sed re efficere et usui adcommodare non possent praeter Menechmum paullulum et id operose. a nobis autem methodus per instrumenta habilis inuenta est, qua inter duas lineas datas non modo duas medias sumamus, sed quotcunque quis uoluerit. hoc autem inuento omnino quoduis datum solidum parallelogrammis comprehensum in cubum mutare poterimus aut ex alia in aliam formam convertere et simile reddere et amplificare similitudinem seruantes, ut etiam aras et aedes. et etiam mensuras humidi et sicci, uelut amphoram et medimnum, in cubum mutare poterimus et per huius latus metiri uasa illas capientia, quantum capiant. et inuentum meum iis quoque utile erit, qui catapultas ballistasque augere uolunt. nam omnia proportionaliter augenda sunt, et crassitudines et magnitudines et foramina et choinicides et funes inserti, si iactus proportionaliter augeri uoluerimus. haec autem fieri nequeunt, quin mediae inueniantur. demonstrationem autem et constructionem illius instrumenti infra tibi exposui.

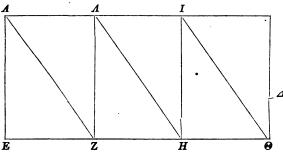
datae sint duae lineae inaequales, inter quas duas medias proportionales inueniri oportet in proportione continua, AE, $\Delta\Theta$. et in linea $E\Theta$ perpendicularis

^{8.} τις] της F. 9. ληψ cum comp. ης F. 16. δέ] fort. delendum. 17. η̃] om. F; corr. Wurmius. μεδιμν cum comp. ων F; corr. Torellius. 21. καί] κι F. 24. μελει F; corr. D. βουλη F; corr. Torellius.

καλ κείσθω έπί τινος εύθείας της ΕΘ πρός όρθας ή ΑΕ, καὶ ἐπὶ τῆς ΕΘ τρία συνεστάτω παραλληλόγραμμα έφεξης τὰ ΑΖ, ΖΙ, ΙΘ, καὶ ήχθωσαν διάμετροι έν αὐτοῖς αί ΑΖ, ΛΗ, ΙΘ. ἔσονται δὴ αὐταὶ παράλληλοι. 5 μένοντος δη τοῦ μέσου παραλληλογράμμου τοῦ ΖΙ συνωσθήτω τὸ μὲν ΑΖ ἐπάνω τοῦ μέσου, τὸ δὲ ΙΘ ὑποκάτω, καθάπεο έπι του δευτέρου σχήματος, έως ού γένηται τὰ Α, Β, Γ, Δ κατ' εὐθείαν. καὶ διήγθω διὰ τῶν Α, Β, Γ, Δ σημείων εύθεῖα καὶ συμπιπτέτω τῆ ΕΘ έκ-10 βληθείση κατά τὸ Κ. ἔσται δή, ώς ή ΑΚ πρὸς ΚΒ, έν μέν ταις ΑΕ, ΖΒ παραλλήλοις ή ΕΚ πρός ΚΖ, έν δὲ ταῖς ΑΖ, ΒΗ παραλλήλοις ή ΖΚ πρὸς ΚΗ. ὡς ἄρα ἡ ΑΚ πρὸς ΚΒ, ἡ ΕΚ πρὸς ΚΖ, καὶ ἡ ΚΖ πρὸς ΚΗ. πάλιν έπεί έστιν, ώς ή ΒΚ πρός ΚΓ, έν μέν 15 ταζς ΒΖ, ΓΗ παραλλήλοις ή ΖΚ πρός ΚΗ, έν δέ ταϊς ΒΗ, ΓΘ παραλλήλοις ή ΗΚ πρός ΚΘ, ώς ἄρα ή ΒΚ πρὸς ΚΓ, ή ΖΚ πρὸς ΚΗ, καὶ ή ΗΚ πρὸς ΚΘ. άλλ' ώς ή ΖΚ πρὸς ΚΗ, ή ΕΚ πρὸς ΚΖ. καλ ώς ἄρα ἡ ΕΚ πρὸς ΚΖ, ἡ ΖΚ πρὸς ΚΗ, καὶ ἡ ΗΚ 20 $\pi \rho \delta s \ K\Theta$. $\lambda \lambda \lambda \delta s \ \dot{\eta} \ EK \ \pi \rho \delta s \ KZ, \ \dot{\eta} \ AE \ \pi \rho \delta s \ BZ$, $\dot{\omega}_S$ δὲ $\dot{\eta}$ ZK πρὸς KH, $\dot{\eta}$ BZ πρὸς ΓΗ, $\dot{\omega}_S$ δὲ $\dot{\eta}$ HK ποὸς ΚΘ, ή ΓΗ ποὸς ΔΘ. καὶ ὡς ἄρα ή ΑΕ ποὸς ΒΖ, ή ΒΖ πρὸς ΓΗ, καὶ ή ΓΗ πρὸς ΔΘ. ηθρηνται ἄρα τῶν ΑΕ, ΔΘ δύο μέσαι ἢ τε BZ καὶ ἡ ΓΗ.

^{14.} KH] ZH F, Cr. 16. HK] ZK F. 23. \(\Gamma H \) (alt.)
KH F.

ponatur AE, et in $E\Theta$ tria parallelogramma [aequalia] continua construantur AZ, ZI, $I\Theta$, et in iis diametri ducantur AZ, AH, $I\Theta$. hae igitur parallelae erunt. itaque manente parallelogrammo medio ZI inter se



adpropinquent AZ supra medium, $I\Theta$ infra, ut in figura secunda [p. 112], dum puncta A, B, Γ , Δ in eadem linea recta sint. et per A, B, Γ , Δ puncta ducatur linea et concurrat cum $E\Theta$ producta in K. erit igitur

AK: KB = EK: KZ

in parallelis AE, ZB, et AK: KB = ZK: KH in parallelis AZ, BH. itaque

AK: KB = EK: KZ = KZ: KH.

rursus quoniam est $BK: K\Gamma = ZK: KH$ in parallelis BZ, ΓH , et $BK: K\Gamma = HK: K\Theta$ in parallelis BH, $\Gamma \Theta$, erit igitur $BK: K\Gamma = ZK: KH = HK: K\Theta$. sed ZK: KH = EK: KZ. itaque etiam

 $EK: KZ = ZK: KH = HK: K\Theta$

sed EK: KZ = AE: BZ et $ZK: KH = BZ: \Gamma H$, et $HK: K\Theta = \Gamma H: \Delta \Theta$. itaque etiam erit

 $AE:BZ=BZ:\Gamma H=\Gamma H:\Delta \Theta.$

itaque inter AE, $\Delta\Theta$ duae mediae inuentae sunt, BZ et ΓH .

ταῦτα οὖν ἐπὶ τῶν γεωμετρουμένων ἐπιφανειῶν άποδέδεικται. Ίνα δὲ καὶ ὀργανικῶς δυνώμεθα τὰς δύο μέσας λαμβάνειν, διαπήγνυται πλινθίον ξύλινον η έλεφάντινον η χαλκοῦν έχον τρεῖς πινακίσκους ἴσους 5 ώς λεπτοτάτους, ών ό μεν μέσος ενήρμοσται, οί δε δύο έπωστοί είσιν έν χολέδραις, τοῖς δὲ μεγέθεσιν καὶ ταις συμμετρίαις ώς εκαστοι έαυτούς πείθουσιν τά μέν γὰο τῆς ἀποδείξεως ώσαύτως συντελείται ποὸς δε τὸ ἀκριβέστερον λαμβάνεσθαι τὰς γραμμὰς φιλο-10 τεχνητέον, ίνα έν τῷ συνάγεσθαι τοὺς πινακίσκους παράλληλα διαμένη πάντα καὶ ἄσχαστα καὶ ὁμαλῶς συναπτόμενα άλλήλοις. - έν δε τῷ ἀναθήματι τὸ μεν όργανικόν γαλκοῦν έστιν και καθήρμοσται ὑπ' αὐτὴν την στεφάνην της στήλης προσμεμολυβδογοημένον, ύπ' 15 αὐτοῦ δὲ ἡ ἀπόδειξις συντομώτερον φραζομένη καὶ τὸ σχημα, μετ' αὐτὸ δὲ ἐπίγραμμα. ὑπογεγράφθω οὖν σοι καὶ ταὖτα, ἵνα ἔχης καὶ ὡς ἐν τῷ ἀναθήματι. των δε δύο σγημάτων τὸ δεύτερον γέγραπται έν τῆ στήλη.

20 δύο τῶν δοθεισῶν εὐθειῶν δύο μέσας ἀνάλογον εὑρεῖν ἐν συνεχεῖ ἀναλογία. δεδόσθωσαν αί ΑΕ, ΔΘ. συνάγω δὴ τοὺς ἐν τῷ ὀργάνῳ πίνακας, ἔως ἄν κατ' εὐθεῖαν γένηται τὰ Α, Β, Γ, Δ σημεῖα. νοείσθω δέ, ὡς ἔχει ἐπὶ τοῦ [δευτέρου] σχήματος. ἔστιν ἄρα, ὡς 25 ἡ ΑΚ πρὸς ΚΒ ἐν μὲν ταῖς ΑΕ, ΒΖ παραλλήλοις ἡ ΕΚ πρὸς ΚΖ, ἐν δὲ ταῖς ΑΖ, ΒΗ, ἡ ΖΚ πρὸς ΚΗ.

haec igitur in superficiebus geometricis demonstrata sunt. sed ut per instrumenta etiam duas medias sumere possimus, construatur laterculus ligneus uel eburneus uel aheneus tres tabellulas aequales complectens quam maxime exiles, quarum media adfixa sit, duae autem in strigis moueri possint, ea magnitudine eaque specie, quae cuique placuerit; nam demonstratio eadem ratione conficitur. sed quo subtilius sumantur lineae, opera danda est, ut in admouendis tabellulis omnia parallela maneant et non hiantia et aequabiliter coniuncta inter se.1) in dono autem uotiuo instrumentum aheneum est et infra ipsam columnae coronam positum est plumbo adfixum, infra id autem demonstratio est breuius exposita et figura, deinde autem epigramma. itaque haec quoque tibi perscribantur, ut habeas etiam, quae in dono uotiuo sunt. ex duabus autem figuris altera in columna descripta est.2)

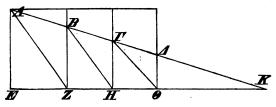
[Ut in dono uotiuo].

Inter duas lineas datas duas medias proportionales inuenire in proportione continua. datae sint AE, $\Delta\Theta$. admoueo igitur tabellulas instrumenti, dum puncta A, B, Γ , Δ in eadem linea recta sint. et fingantur esse, ut in figura sunt. erit igitur AK: KB = EK: KZ in parallelis AE, BZ, et AK: KB = ZK: KH in

¹⁾ Sed hoc ipsum difficillimum est; itaque Nicomedes non sine causa instrumentum Eratosthenis uituperauit (infra p. 114); cfr. Sturm p. 110. frustra igitur Eratosthenes gloriatur p. 106,9 sq.

²⁾ Adparet igitur, in dono unam tantum figuram fuisse (eam, quae hic secunda est (p. 112) et bis ponenda erat); itaque in dono non fuit δευτέφου lin. 24, sed uidetur a librario additum esse.

ώς ἄρα ἡ EK πρὸς KZ, ἡ KZ πρὸς KH. ὡς δὲ αὖται πρὸς ἀλλήλας, ἥ τε AE πρὸς BZ, καὶ ἡ BZ πρὸς ΓH . ὡσαύτως δὲ δείξομεν, ὅτι καὶ ὡς ἡ ZB



πρὸς ΓΗ, ἡ ΓΗ πρὸς ΔΘ. ἀνάλογον ἄρα αί ΑΕ,

⁵ ΒΖ, ΓΗ, ΔΘ. ηὕρηνται ἄρα δύο τῶν δοθεισῶν δύο
μέσαι. ἐὰν δὲ αί δοθείσαι μὴ ἴσαι ὧσιν ταῖς ΑΕ, ΔΘ,
ποιήσαντες αὐταῖς ἀνάλογον τὰς ΑΕ, ΔΘ τούτων ληψόμεθα τὰς μέσας καὶ ἐπανοίσομεν ἐπ' ἐκείνας, καὶ
ἐσόμεθα πεποιηκότες τὸ ἐπιταχθέν, ἐὰν δὲ πλείους

10 μέσας ἐπιταχθῆ εύρεῖν, εἰ ἔνὶ πλείους πινακίσκους
καταστησόμεθα ἐν τῷ ὀργανίῳ τῶν ληφθησομένων μέσων· ἡ δὲ ἀπόδειξις ἡ αὐτή.

Εἰ κύβον ἐξ ὀλίγου διπλήσιου, ὡγαθέ, τεύχειν φράζεαι καὶ στερεὴν πᾶσαν ἐς ἄλλο φύσιν

15 εὖ μεταμορφῶσαι, τόδε τοι πάρα, κἂν σύ γε μάνδρην ἢ σιρὸν ἢ κοίλου φρείατος εὐρὺ κύτος τῆδ' ἀναμετρήσαιο, μέσας ὅτε τέρμασιν ἄκροις συνδρομάδας δισσῶν ἐντὸς ἕλης κανόνων.

μηδε σύ γ' 'Αρχύτεω δυσμήχανα έργα κυλίνδρων

0 μηδε Μενεχμείους κωνοτομεῖν τριάδας δίζηαι, μηδ' εἴ τι θεουδέος Εὐδόξοιο κάμπυλον ἐν γραμμαῖς εἶδος ἀναγράφεται.

^{10.} εἰ ἐνί] ἔτι tacite Bernhardy. 11. μέσων, ταὐτὸν γενήσεται Torellius. 13. διπλήσιον] cfr. Schaeferus ad Gregor. Corinth. p. 527. 14. φραζεται F.A. παί] scripsi; την F.

parallelis AZ, BH. itaque EK : KZ = KZ : KH. sed $EK : KZ = AE : BZ = KZ : KH = BZ : \Gamma H$. eodem modo demonstrabimus, esse

 $ZB: \Gamma H \rightleftharpoons \Gamma H: \varDelta \Theta.$

itaque lineae AE, BZ, ΓH , $\Delta\Theta$ proportionales sunt. itaque inter duas lineas datas duae mediae inuentae sunt. — sin lineae datae lineis AE, $\Delta\Theta$ aequales non sunt, facientes lineas AE, $\Delta\Theta$ cum iis proportionales inter has duas medias sumemus et eas ad illas transferemus [cfr. p. 83 not. 3], et fecerimus, quod iussum erat; sin plures medias sumere iussi erimus, una plures tabellulas in instrumento inserentes 1), quam quot mediae sumendae sunt; et demonstratio eadem est. 2)

Si cubum paruo molimine conduplicare cogitas, amice, et quamuis speciem solidam in aliud bene conuertere, licet tibi, et saeptum uel sirum uel latam cauernam caui putei hac ratione metiri possis, si intra duas regulas [tabellulas] extremis finibus concurrentes sumpseris medias.³) neue confugeris ad Archytae inhabilia molimina cylindrorum neue ad Menechmi lineas illas tres per sectiones conicas efficiendas, neue si qua species linearum curuarum ab Eudoxo diuino con-

¹⁾ Sc. ἐσόμεθα πεποιηκότες τὸ ἐπιταχθέν.

Hoc instrumentum Eratosthenis significat Pappus III, 21
 p. 54: ἐν τῷ Ἐρατοσθένους μεσολάβφ. idem III, 23 p. 56—58
 summam huius ipsius demonstrationis suis uerbis dat.

³⁾ Ita haec uerba obscura et putida (lin. 18) accipienda puto, maxime propter sequentia: ἐντὸς δισσῶν κανόνων; cfr. p. 114 lin. 1. aliae aliorum enarrationes u. apud Bernhardy p. 181, Wurmium p. 191.

uulgo; ἢ Iacobs. 15. τόσε] τότε Wurmius. 16. σειφον F; corr. Fellus. 20. Μεναιχμίους Proclus in Eucl. p. 111, 23. 22. εγγφαμμαις F; corr. Brunck, Torellius.

τοϊσδε δέ γ' έν πινάκεσσι μεσόγραφα μυρία τεύχοις ρετά κεν έκ παύρου πυθμένος άρχόμενος. εὐαιών, Πτολεματε, πατὴρ ὅτι παιδὶ συνηβῶν πάνθ', ὅσα καὶ μούσαις καὶ βασιλεῦσι φίλα, 5 αὐτὸς ἐδωρήσω, τὸ δ' ἐς ὕστερον, οὐράνιε Ζεῦ, καὶ σκήπτρων ἐκ σῆς ἀντιάσειε χερός. καὶ τὰ μὲν ὡς τελέοιτο, λέγοι δέ τις ἄνθεμα λεύσσων τοῦ Κυρηναίου τοῦτ' Ἐρατοσθένεος.

'Ως Νικομήδης έν τῷ περὶ κογχοειδῶν γραμμῶν.

10 Γράφει δὲ καὶ Νικομήδης ἐν τῷ [ἐπι]γεγραμμένῷ πρὸς αὐτοῦ περὶ κογχοειδῶν συγγράμματι ὀργάνου κατασκευὴν τὴν αὐτὴν ἀποπληροῦντος χρείαν. ἐφ' ῷ καὶ μεγάλα μὲν σεμνυνόμενος φαίνεται ὁ ἀνήρ, πολλὰ δὲ τοῖς Ἐρατοσθένους ἐπεγγελῶν εὑρήμασιν ὡς ἀμη15 χάνοις τε ἄμα καὶ γεωμετρικῆς ἔξεως ἐστερημένοις. τοῦ τε ἀνελλειποῦς τοίνυν τῶν περὶ τὸ πρόβλημα πεπονηκότων τῆς τε πρὸς Ἐρατοσθένη συγκρίσεως ἕνεκα καὶ αὐτὸν τοῖς ἤδη γεγραμμένοις συνάπτομεν δυνάμει γράφοντα οῦτως.

20 νοείν χρή κανόνας δύο πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλοις συμβεβλημένους οῦτως ὥστε μίαν ἀποσώζειν αὐτοὺς ἐπιφάνειαν, καθάπερ εἰσὶν οἱ ΑΒ, ΓΔ, ἐν δὲ τῷ ΑΒ σωλῆνα πελεκινοειδῆ, εἰς ὃν χελώνιον διατρέχειν δυνήσεται, ἐν δὲ τῷ ΓΔ κατὰ τὸ μέρος τὸ πρὸς τῷ Δ
25 καὶ τὴν μέσον διαιροῦσαν εὐθεῖαν τὸ πλάτος αὐτοῦ

^{1.} γ' έν] εν F; corr. Bernhardy; τ' έν Reimer; τε έν Vieta; σὺ έν Fellus, Iacobs; κεν Wurmius (in lin. 2: μέν pro κεν cum B). πινακεσι F; corr. Fellus. 3. συνηβῶν] in F littera β ita formata est, ut similis sit μ. cfr. Valckenarius diatr. p. 296; συνήδων Fellus. 6. χειφος FV. 7. ανθ' εμα

struitur. his autem tabellulis sexcentas medias proportionales facillime efficies a paruo initio progrediens. felix es, Ptolemaee, quia pater cum filio iuuenescis, et ipse ei omnia donauisti, quaecunque et Musis et regibus placent; in postero autem, Iuppiter optime maxime, etiam sceptrum e manu tua utinam accipiat. haec igitur ita eueniant, dicat autem aliquis donum uotiuum cernens: hoc est Eratosthenis Cyrenensis.

Ut Nicomedes in libro de lineis conchoidibus.

Etiam Nicomedes in libro, quem de conchoidibus confecit, instrumenti cuiusdam constructionem describit eandem utilitatem praestantis. qua magnopere gloriari eum adparet et inuenta Eratosthenis inridere ut et inhabilia et sensu geometrico carentia. itaque ne quid desit eorum uirorum, qui in problemate resoluendo uersati sunt, et simul ut inuentum eius cum Eratosthene comparetur, eum quoque adiungimus iis, quae iam scripsimus, si summam spectes, ita scribentem:

fingantur duae regulae perpendiculariter inter se coniunctae, ita ut unam praebeant superficiem, ut sunt AB, $\Gamma \Delta$, et in AB stria forma securis, in qua chelonium moueri possit, et in $\Gamma \Delta$ in parte ad Δ sita et in linea latitudinem eius mediam secanti cylindrus

FV. levow F; corr. Fellus. 10. ê π_i - deleo. 12. ϕ] o F; corr. Torellius. 14. $\alpha\mu\eta\chi\alpha\nu$ cum raro comp. o.g F. 15. E $\xi\epsilon\omega\varsigma$] Torellius cum V; $\epsilon\xi\epsilon\sigma\epsilon\omega\varsigma$ F, uulgo; $\epsilon\xi\epsilon\tau\alpha\sigma\epsilon\omega\varsigma$ Bernhardy p. 175; fort. $\sigma\nu\nu\epsilon\sigma\epsilon\omega\varsigma$. 16. $\tau\sigma\bar{\nu}$ $\tau\epsilon$] cfr. Neue Jahrb. Suppl. XI p. 380. 17. $\tau\bar{\eta}\varsigma$] $\tau\eta$ F. 21. $\alpha\pi\sigma\sigma\bar{\omega}$ cum comp. $\eta\nu$ uel $\iota\nu$ F, ut lin. 23, p. 116, 5. 22. of] o F. 23. $\chi\epsilon\lambda\dot{\omega}$ - $\nu\iota\sigma\nu$] scripsi; $\epsilon\chi\epsilon\lambda\omega\nu\iota\sigma\nu$ F, uulgo. 25. $\kappa\alpha\iota$] $\pi\varrho\sigma\varsigma$ per comp. F; corr. A. $\tau\dot{\eta}\nu$ $\mu\dot{\epsilon}\sigma\sigma\nu$] scripsi; $\mu\epsilon\sigma\eta\nu$ $\tau\eta\nu$ F, uulgo.

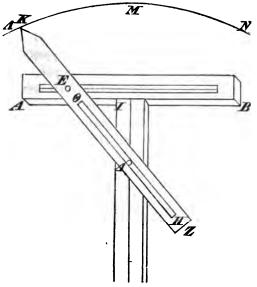
κυλίνδριον συμφυές τῷ κανόνι καὶ βραχὺ ὑπερέχον τῆς ἄνωθεν ἐπιφανείας αὐτοῦ τοῦ κανόνος, ἄλλον δὲ κανόνα ώς τὸν ΕΖ μετὰ βραχύ τι διάστημα τοῦ πρὸς τῷ Ζ πέρατος ἀνατομὴν ἔχοντα ὡς τὴν ΗΘ δυναμένην 5 περιβαίνειν τῷ πρὸς τῷ Δ κυλινδρίῳ, πρὸς δὲ τῷ Ε όπην στρογγύλην, ήτις έγκείσεται είς τι άξόνιον συμφυές τῷ διατρέχοντι χελωναρίφ ἐν τῷ πελεκινοειδεί σωληνι τῷ ὄντι ἐν τῷ ΑΒ κανόνι. ἐναρμοσθέντος τοίνυν τοῦ ΕΖ κανόνος κατὰ μὲν τὴν ΗΘ ἀνατομὴν 10 ἐν τῷ πρὸς τῷ Δ κυλινδρίᾳ, κατὰ δὲ τὴν E ὀπὴν ἐν τῷ ἀξωνίφ τῷ συμφυεῖ τῷ χελωναρίω, ἐάν τις ἐπιλαβόμενος τοῦ Κ ἄκρου τοῦ κανόνος κινη αὐτὸν ἐπὶ τὰ πρὸς τῷ A μέρη, ἔπειτα ἐπὶ τὰ πρὸς τῷ B, τὸ μὲν Eσημείον αεί επί του ΑΒ κανόνος ενεχθήσεται, ή δε 15 ΗΘ ἀνατομὴ ἐπὶ τῷ πρὸς τῷ Δ κυλινδρίφ κινηθήσεται άελ της μέσης του ΕΖ κανόνος εύθείας έν τη κινήσει διὰ τοῦ ἄξονος τοῦ πρὸς τῷ Δ κυλίνδρου νοουμένης, της δε ΕΚ ύπεροχης του κανόνος άει της

^{4.} τῶ] scripsi; το F, uulgo. 7. πελεκινωειδει F. 10.

Δ] Z F; corr. Torellius. 13. ἐπὶ τὰ] om. F; corr. Torellius.

15. τῷ Δ] scripsi; το Δ F, uulgo. κυλινδοι cum comp. ον
F; corr. B C. 17. κυλίνδου] cum C; κυλινδοω F, uulgo; κυλινδοίω Torellius. In figura Δ, N om. F; pro H habet M, pro Λ autem Λ; Λ in fine infimo regulae ΓΔ ponitur.

regulae adfixus et e superficie ipsius regulae paullulum exstans, et alia regula, ut EZ, rimam paruo spatio a termino Z distantem habens, ut $H\Theta$, quae cylindrum ad Δ positum comprehendere possit, et in E foramen



rotundum, quo recipi possit axis adfixus chelonio, quod in stria forma securis mouetur in regula AB sita. itaque regula EZ ita posita, ut rima $H\Theta$ cylindrum ad Δ situm comprehendat, foramen autem E axem chelonio adfixum recipiat, si adprehenso termino K regulam aduersus A et deinde aduersus B mouerimus, punctum E semper in regula AB feretur, $H\Theta$ autem rima in cylindro ad Δ posito mouebitur, ita ut media linea regulae EZ in mouendo semper per axem cylindri in Δ positi transeat, et spatium EK,

αὐτῆς μενούσης. ἐὰν τοίνυν πρὸς τῷ Κ ἐπινοήσωμέν τι γραφεῖον ἐφαπτόμενον τοῦ ἐδάφους, γραφήσεταί τις γραμμή, οἶά ἐστιν ἡ ΔΜΝ, ἥντινα καλεῖ Νικομήδης κογχοειδῆ πρώτην γραμμήν, καὶ διάστημα μὲν τῆς γραμ-5 μῆς τὸ ΕΚ μέγεθος τοῦ κανόνος, πόλον δὲ τὸ Δ.

ταύτη δη τη γραμμη συμβαϊνον δείκνυσιν τὸ ἀεὶ ἐπ' ἔλαττον [μὲν] συμπορεύεσθαι τῷ ΑΒ κανόνι, καὶ ἐάν τις εὐθεία διαχθη μεταξὺ της τε γραμμης καὶ τοῦ ΑΒ κανόνος, ὅτι πάντως τέμνει τὴν γραμμήν. καὶ τὸ μὲν πρότερον τῶν συμβαινόντων ἐστὶν εὐκατανόητον ἐφ' ἐτέρας καταγραφης. κανόνος τε νοουμένου τοῦ ΑΒ, πόλου δὲ τοῦ Γ, διαστήματος δὲ τοῦ ΔΕ, γραμμης δὲ κογχοειδοῦς της ΖΕΗ, προσπιπτέτωσαν ἀπὸ τοῦ Γ δύο αί ΓΘ, ΓΖ΄ ἴσων δηλονότι γινομένων τῶν 16 ΚΘ, ΛΖ. λέγω, ὅτι ἡ ΖΜ κάθετος ἐλάττων τῆς ΘΝ καθέτου.

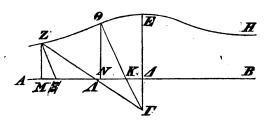
μείζονος γὰο οὔσης τῆς ὑπὸ ΜΑΓ γωνίας τῆς ὑπὸ ΝΚΓ λοιπὴ ἡ λείπουσα εἰς τὰς δύο ὀρθὰς ἡ ὑπὸ ΜΑΖ λοιπῆς τῆς ὑπὸ ΝΚΘ ἐστιν ἐλάσσων. καὶ διὰ 20 τοῦτο ὀρθῶν οὐσῶν τῶν πρὸς τοῖς Μ, Ν μείζων ἔσται καὶ ἡ πρὸς τῷ Ζ τῆς πρὸς τῷ Θ. καὶ ἐὰν τῆ πρὸς τῷ Θ ἔσην συστησώμεθα τὴν ὑπὸ ΜΖΞ, ἡ ΚΘ, τουτέστιν ἡ ΛΖ, πρὸς ΘΝ τὸν αὐτὸν ἔξει λόγον, ὃν ἡ ΞΖ πρὸς ΖΜ. ὅστε ἡ ΖΛ πρὸς τὴν ΘΝ ἐλάττονα λόγον ἔχει 25 ἤπερ πρὸς τὴν ΖΜ, καὶ διὰ τοῦτο μείζων ἡ ΘΝ τῆς ΖΜ.

^{3.} AMN F; corr. Torellius. 7. $\mu \acute{e}r$] deleo. 11. $\tau \emph{e}$] $\gamma \acute{a}\varrho$? $\tau o \~{v}$ AB] $\tau \eta \emph{e}$ (comp.) AB F. 15. ΘN] Θ H F. 17. $\gamma \omega r \iota \iota \alpha \emph{e}$] γ cum comp. $\alpha \emph{e}$ F. Figura in F peruersa est; u. Torellius p. 395. 20. N] H F, Cr. $\acute{e}\sigma \iota \iota \alpha \emph{e}$] per comp. F. 11. $\tau \acute{e}$] (primum) scripsi; $\tau \emph{o}$ F, uulgo. $\tau \acute{\eta} \emph{e}$ $\tau \acute{\eta} \emph{e}$ (primum) scripsi; $\tau \emph{o}$ F, uulgo. 22. $\sigma \iota \iota \iota \iota \alpha \emph{e}$ F, uulgo. 23. ΞZ] ΞN F. 25. ΘN] Θ H F.

quo excedit regula, semper idem maneat. si igitur in puncto K graphium aliquod finxerimus positum solum contingens, describetur linea quaedam, qualis est ΛMN , quam Nicomedes lineam conchoidem primam uocat, et radium uocat lineae spatium EK regulae, polum autem Δ punctum.

demonstrat igitur, huius lineae proprium esse, ut semper magis adpropinquet regulae AB, et, si linea recta inter lineam et regulam AB ducatur, eam semper lineam [conchoidem] secare. primum accidens facile est intellectu in alia figura. nam regula sit AB, polus autem Γ , radius autem ΔE , et linea conchoides sit ZEH, et a Γ ad eam producantur duae lineae $\Gamma\Theta$, ΓZ , quarum partes $K\Theta$, ΔZ aequales erunt [p. 116, 18]. dico, perpendicularem ZM minorem esse perpendiculari ΘN .

nam cum $\angle M \Lambda \Gamma > NK\Gamma$, qui restat angulus ad duos angulos rectos complendos, $M \Lambda Z$, minor est an-

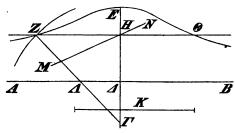


gulo reliquo $NK\Theta$. et ideo, cum anguli ad M, N positi recti sint, erit etiam $LZ > \Theta$. et si posuerimus $LMZ\Xi = \Theta$, erit

 $K\Theta : \Theta N$, h. e. $AZ : \Theta N$, = ZZ : ZM [Eucl. VI, 4]. quare $ZA : \Theta N < ZA : ZM$; quare $\Theta N > ZM$.

τὸ δὲ δεύτερον ἦν τὸ τὴν διαγομένην εὐθεῖαν μεταξὺ τῆς τε AB καὶ τῆς γραμμῆς τέμνειν τὴν γραμμήν. καὶ τοῦτο δὲ οῦτω γίνεται γνώριμον.

ή γὰο διαγομένη ἤτοι παράλληλός ἐστι τῷ ΑΒ ἢ 5 οὖ. ἔστω πρότερον παράλληλος, ὡς ἡ ΖΗΘ. καὶ γε-γονέτω, ὡς ἡ ΔΗ πρὸς ΗΓ, οὖτως ἡ ΔΕ πρὸς ἄλ-



λην τινὰ τὴν Κ. καὶ κέντοড় τῷ Γ, διαστήματι δὲ τῷ Κ περιφέρεια γραφεῖσα τεμνέτω τὴν ΖΗ κατὰ τὸ Ζ, καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΓΖ. ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ ΔΗ πρὸς ΗΓ, 10 οῦτως ἡ ΛΖ πρὸς ΖΓ. ἀλλ' ὡς ἡ ΔΗ πρὸς ΗΓ, οῦτως ἡν ἡ ΔΕ πρὸς τὴν Κ, τουτέστι τὴν ΓΖ. ἴση ἄρα ἡ ΔΕ τῷ ΛΖ' ὅπερ ἀδύνατον. δεῖ γὰρ εἶναι τὸ Ζ πρὸς τῷ γραμμῷ. — ἀλλὰ δὴ μὴ ἔστω ἡ διαγομένη παράλληλος, καὶ ἔστω ὡς ἡ ΜΗΝ. καὶ ἤχθω διὰ τοῦ 15 Η παράλληλος τῷ ΑΒ ἡ ΖΗ. ἡ ἄρα ΖΗ συμπεσείται τῷ γραμμῷ, ὥστε πολλῷ μᾶλλον ἡ ΜΝ.

τούτων δὲ ὅντων τῶν παρακολουθημάτων διὰ τοῦ ὀργάνου τὸ χρήσιμον εἰς τὸ προκείμενον δείκνυται οῦτως.

20 πάλιν γωνίας δοθείσης τῆς Α καὶ σημείου ἐκτὸς τοῦ Γ διαγαγείν τὴν ΓΗ καὶ ποιείν τὴν ΚΗ ἴσην τῆ δοθείση.

^{2.} τεμν cum comp. ην uel ιν F. 3. γίνεται] per comp. F. In figura Θ om. F; ambitum circuli om. F, aulgo.

alterum erat, lineam rectam inter AB et conchoidem ductam hanc secare. hoc autem ita intellegitur.

linea enim producta aut parallela est lineae AB aut non parallela. prius sit parallela, ut $ZH\Theta$. et fiat $\Delta H: H\Gamma = \Delta E: K$. et centro Γ , radio K describatur ambitus circuli, qui secet lineam ZH in Z^1), et ducatur ΓZ . est igitur $\Delta H: H\Gamma = \Lambda Z: Z\Gamma$. erat autem

$$\Delta H: H\Gamma = \Delta E: K = \Delta E: \Gamma Z$$

itaque $\Delta E = AZ$; quod fieri non potest. tum enim Z punctum in linea [conchoide] positum est [p. 116, 18].²) — sed sit linea producta ne parallela, ut MHN, et per H lineae AB parallela ducatur ZH. itaque ZH cum linea conchoide concurret; quare multo magis linea MN concurret.

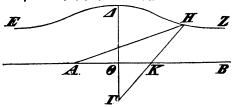
cum haec per instrumentum illud consequantur, id, quod ad propositum utile est, ita demonstratur.

rursus dato angulo A et puncto Γ extrinsecus posito [propositum sit], ut lineam ΓH producamus et lineam KH datae lineae aequalem faciamus.

¹⁾ Quod fieri necesse est, quia $\Delta H: H\Gamma = \Delta E: K$, h. e. $\Delta H: \Delta E = H\Gamma: K$; et $\Delta H > \Delta E$; itaque $H\Gamma < K$.

²⁾ Haec (lin. 12—13) parum recte procedunt; sensum restituemus deleto ὅπερ ἀδύνατον lin. 12 et γάρ in ἄρα mutato. sed fortasse error Eutocio ipsi imputandus est. nam fieri potest, ut Nicomedes ipse demonstrationis initium ita formauerit: nam linea ZHΘ conchoidem ne secet, cet., ad quam formam conclusio illa aptissima est. hanc igitur retinuit Eutocius oblitus, se alio demonstrationis genere uti.

ηχθω κάθετος ἀπὸ τοῦ Γ σημείου ἐπὶ τὴν AB ἡ $\Gamma\Theta$ καὶ ἐκβεβλήσθω. καὶ τῷ δοθείση ἴση ἔστω ἡ $\Delta\Theta$. καὶ πόλφ μὲν τῷ Γ , διαστήματι δὲ τῷ δοθέντι τῷ $\Delta\Theta$, κανόνι δὲ τῷ AB γεγράφθω κογχοειδὴς γραμμὴ πρώτη



5 ή $E \triangle Z$. συμβάλλει ἄρα τῆ AH δια τὸ προδειχθέν. συμβαλλέτω κατὰ τὸ H, καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΓH . ἴση ἄρα ἡ KH τῆ δοθείση.

τούτων δειχθέντων δεδόσθωσαν δύο εὐθεῖαι αί ΓΛ, ΛΛ πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλαις, ὧν δεῖ δύο μέσας ἀνάλογον 10 κατὰ τὸ συνεχὲς εὐρεῖν. καὶ συμπεπληρώσθω τὸ ΑΒΓΛ παραλληλόγραμμον, καὶ τετμήσθω δίχα έκατέρα τῶν ΑΒ, ΒΓ τοῖς Δ, Ε σημείοις, καὶ ἐπιζευχθεῖσα μὲν ἡ ΔΛ ἐκβεβλήσθω καὶ συμπιπτέτω τῆ ΓΒ ἐκβληθείση κατὰ τὸ Η, τῆ δὲ ΒΓ πρὸς ὀρθὰς ἡ ΕΖ, καὶ προσ-15 βεβλήσθω ἡ ΓΖ ἴση οὖσα τῆ ΑΔ, καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΖΗ, καὶ αὐτῆ παράλληλος ἡ ΓΘ. καὶ γωνίας οὖσης τῆς ὑπὸ τῶν ΚΓΘ ἀπὸ δοθέντος τοῦ Ζ διήχθω ἡ ΖΘΚ ποιοῦσα ἴσην τὴν ΘΚ τῆ ΑΔ ἢ τῆ ΓΖ. τοῦτο γὰρ ὡς δυνατόν, ἐδείχθη διὰ τῆς κογχοειδοῦς. καὶ 20 ἐπιζευχθεῖσα ἡ ΚΛ ἐκβεβλήσθω καὶ συμπιπτέτω τῆ ΑΒ ἐκβληθείση κατὰ τὸ Μ. λέγω, ὅτι ἐστὶν ὡς ἡ ΓΛ πρὸς ΚΓ, ἡ ΚΓ πρὸς ΜΑ, καὶ ἡ ΜΑ πρὸς τὴν ΑΛ.

^{3.} $\pi \delta \lambda \phi$] $\pi \delta \lambda \lambda \omega$ altero λ expuncto F. Hoc loco alteram quoque figuram habet F, ubi $HK\Gamma$ in altera parte lineae $\Delta \Gamma$ posita est.

5. $\pi \alpha \nu \sigma \nu \lambda$ F (h. e. $\pi \alpha \nu \delta \nu \iota \sigma \nu$?).

10. $\sigma \nu \nu \pi \epsilon \pi \lambda \eta$

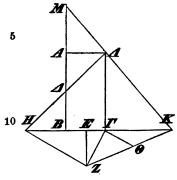
ducatur a puncto Γ ad AB perpendicularis linea $\Gamma\Theta$ et producatur. et sit $\Delta\Theta$ datae lineae aequalis. et polo Γ , radio $\Delta\Theta$ linea data, regula AB describatur linea conchoides prima $E\Delta Z$. concurrit igitur propter ea, quae supra demonstrauimus [p. 120, 1 sq.] cum ΔH . concurrat in H. et ducatur ΓH . itaque linea KH aequalis est datae.

his demonstratis datae sint 1) duae lineae ΓA , ΛA inter se perpendiculares, inter quas duas medias proportionales in proportione continua inueniri oportet. et compleatur parallelogrammum $AB\Gamma A$, et utraque linea AB, $B\Gamma$ in punctis Δ , E in duas partes aequales dividatur, et linea ΔA ducta producatur et cum linea ΓB producta in H concurrat, et ad lineam $B\Gamma$ perpendicularis [ducatur] EZ, et ducatur ΓZ lineae $A\Delta$ aequalis, et ducatur ZH et ei parallela $\Gamma \Theta$. et dato angulo $K\Gamma \Theta$ a dato puncto Z ducatur $Z\Theta K$, ita ut sit $\Theta K = A\Delta = \Gamma Z$. hoc enim fieri posse, per conchoidem demonstratum est [p. 120, 20 sq.]. et linea $K\Delta$ ducta producatur et cum ΔB producta in M concurrat. dico esse

 $\Gamma A: K\Gamma = K\Gamma: MA = MA: AA.$

¹⁾ Hanc methodum Nicomedis paucis immutatis tradit Pappus III, 24 p. 58—64 et magis cum Eutocio congruens III, 42 p. 246—50. incipit a δεδόσθωσαν lin. 8. posterioris loci ab Eutocio discrepantia haec est: lin. 8 δεδόσθωσαν γάς; 19: κοχλοειδοῦς γραμμῆς; 21: ΛΓ; p. 124, 3: ἐστίν, ut lin. 7; 6: τουτέστιν, ut lin. 8; 14: ἐστι, ut lin. 22; 15: ἐπεί... ΔΒ οπ. 27: ΓΚ πρὸς ΜΛ; 28: ΛΓ (alt.). p. 126, 1: ἔστιν... ΓΚ οπ. errore librarii; ἔστι δὲ καί, ὡς ἡ ΜΒ πρὸς ΒΚ Pappus III p. 62, 11—12.

- έπεὶ ή $B\Gamma$ τέτμηται δίχα τῷ E, καὶ πρόσκειται αὐτῆ ή $K\Gamma$, τὸ ἄρα ὑπὸ $BK\Gamma$ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΓE ἴσον



έστὶ τῷ ἀπὸ ΕΚ. κοινὸν προσκείσθω τὸ ἀπὸ ΕΖ. τὸ ἄρα ὑπὸ ΒΚΓ μετὰ τῶν ἀπὸ ΓΕΖ, τουτέστι τοῦ ἀπὸ ΓΕΖ, ἴσον ἐστὶ τοῖς ἀπὸ ΚΕΖ, τουτέστι τῷ ἀπὸ ΚΖ. καὶ ἐπεὶ ὡς ἡ ΜΑ πρὸς ΑΒ, ἡ ΜΑ πρὸς ΑΚ, οῦτως ἡ ΒΓ πρὸς ΓΚ, καὶ ὡς ἄρα ἡ ΜΑ πρὸς ΑΒ, οῦτως ἡ ΒΓ πρὸς ΓΚ. καί

ἐστιν τῆς μὲν ΑΒ ἡμίσεια ἡ ΑΔ, τῆς δὲ ΒΓ διπλῆ
15 ἡ ΓΗ (ἐπεὶ καὶ ἡ ΑΓ τῆς ΔΒ). ἔσται ἄρα καί, ὡς ἡ ΜΑ πρὸς ΑΔ, οῦτως ἡ ΗΓ πρὸς ΓΚ. ἀλλ' ὡς ἡ ΗΓ πρὸς ΓΚ, οῦτως ἡ ΖΘ πρὸς ΘΚ διὰ τὰς παραλλήλους τὰς ΗΖ, ΓΘ. καὶ συνθέντι ἄρα, ὡς ἡ ΜΔ πρὸς ΔΑ, ἡ ΖΚ πρὸς ΚΘ. ἴση δὲ ὑπόκειται καὶ ἡ 20 ΑΔ τῆ ΘΚ, ἐπεὶ καὶ τῆ ΓΖ ἴση ἐστὶν ἡ ΑΔ. ἴση ἄρα καὶ ἡ ΜΔ τῆ ΖΚ. ἴσον ἄρα καὶ τὸ ἀπὸ ΜΔ τῷ ἀπὸ ΖΚ. καί ἐστιν τῷ μὲν ἀπὸ ΜΔ ἴσον τὸ ὑπὸ ΒΜΑ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΔΑ, τῷ δὲ ἀπὸ ΖΚ ἴσον ἐδείχθη τὸ ὑπὸ ΒΚΓ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΓΖ, ὧν τὸ ἀπὸ ΑΔ ἴσον ἔρα καὶ τὸ ὑπὸ ΒΜΑ τῷ ὑπόκειται ἡ ΑΔ τῆ ΓΖ. ἴσον ἄρα καὶ τὸ ὑπὸ ΒΜΑ τῷ ὑπὸ ΒΚΓ. ὡς ἄρα ἡ ΜΒ πρὸς ΒΚ, ἡ ΚΓ πρὸς ΑΜ. ἀλλ' ὡς ἡ ΒΜ πρὸς ΒΚ, ἡ ΓΛ πρὸς ΓΚ, ἡ ΓΚ

^{1.} ἐπεὶ γάς Pappus p. 60, 20. 9. ΜΛ] ΜΛ FV. 15. τῆς ΔΒ] scripsi; της ΛΒ FV; τῆς ΛΔ uulgo. 17. ΗΓ] ΜΓ FV. 22. τῷ] (bis) το F. τό] τα FV. 23. ΒΜΛ] ΒΜ

quoniam $B\Gamma$ in duas partes aequales puncto E diuisa est, et ei adiecta est $K\Gamma$, erit

 $BK \times K\Gamma + \Gamma E^2 = EK^2$ [Eucl. II, 6].

commune addatur EZ^2 . itaque

 $BK \times K\Gamma + \Gamma E^2 + EZ^2$,

h. e. $BK \times K\Gamma + \Gamma Z^2$, $= KE^2 + EZ^2 = KZ^2$. et quoniam est MA : AB = MA : AK, et

 $MA: AK = B\Gamma: \Gamma K$

erit etiam $MA: AB = B\Gamma: \Gamma K$. et est $A\Delta = \frac{1}{2}AB$ et $\Gamma H = 2B\Gamma$ [quoniam $A\Gamma = 2\Delta B$].¹) erit igitur etiam $MA: A\Delta = H\Gamma: \Gamma K$. sed

 $H\Gamma: \Gamma K = Z\Theta: \Theta K$,

quia parallelae sunt HZ, $\Gamma\Theta$.

[quare $MA: A\Delta = Z\Theta: \Theta K$].

itaque componendo $M\Delta: \Delta A = ZK: K\Theta$. sed supponitur esse $A\Delta = \Theta K$, quoniam $\Gamma Z = A\Delta$. quare etiam $M\Delta = ZK$, et etiam $M\Delta^2 = ZK^2$. sed

 $M\Delta^2 = BM \times MA + \Delta A^2$ [Eucl. II, 6],

et demonstratum est $ZK^2 = BK \times K\Gamma + \Gamma Z^2$. et $A\Delta^2 = \Gamma Z^2$; nam supponitur esse $A\Delta = \Gamma Z$. quare etiam $BM \times MA = BK \times K\Gamma$. itaque

 $MB: BK = K\Gamma: AM.$

sed $BM: BK = \Gamma A: \Gamma K$. quare etiam $\Gamma A: \Gamma K = \Gamma K: AM$.

¹⁾ Nam $\Gamma H: HB = \Lambda \Gamma: B\Lambda$. quare $HB = \frac{1}{4}\Gamma H = B\Gamma$. ceterum haec uerba (lin. 15) ab Eutocio ipso addita sunt.

F; corr. A. 24. Post ΓΖ addunt B, ed. Basil., Torellius: ἴσον ἄφα τὸ ὑπὸ ΒΜΑ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΔΔ τῷ ὑπὸ ΒΚΓ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΓΖ. ἀπὸ ΛΔ] ἀπό οm. F. 25. τῷ] το F.

πρὸς AM. ἔστιν δὲ καὶ ώς ἡ $\Lambda\Gamma$ πρὸς ΓK , ἡ MA πρὸς $A\Lambda$. καὶ ώς ἄρα ἡ $\Lambda\Gamma$ πρὸς ΓK , ἡ ΓK πρὸς AM, καὶ ἡ AM πρὸς $A\Lambda$.

Είς τὸ β΄ θεώρημα.

Καλ συνθέντι, ώς ή ΔΘ πρός ΘΓ, ή ΓΑ πρός ΑΕ, τουτέστι τὸ ἀπὸ ΓΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΕ] ώς γὰο ἐπὶ αὐτῆς τῆς ἐν τῷ όητῷ καταγραφῆς, ἐπεὶ ἐν όρθογωνίω τριγώνω τῷ ΓΒΑ ἀπὸ τῆς ὀρθῆς ἐπὶ τὴν βάσιν κάθετος ήκται ή ΒΕ, τὰ πρὸς τῆ καθέτφ τρί-10 γωνα δμοιά έστι τῷ τε δλφ καὶ ἀλλήλοις. καὶ διὰ τοῦτό ἐστιν, ὡς ἡ ΓΑ ποὸς ΑΒ, ἡ ΒΑ ποὸς ΑΕ, καὶ ή ΓΒ πρὸς ΒΕ. ώστε καί, ώς τὸ ἀπὸ ΓΑ πρὸς τὸ ἀπὸ ΑΒ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΓΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΕ, ἀλλ' ώς τὸ ἀπὸ ΓΑ πρὸς τὸ ἀπὸ ΑΒ, ούτως ἡ ΓΑ πρὸς 15 ΑΕ. ώς γὰρ ή πρώτη πρός την τρίτην, ούτως τὸ άπὸ τῆς πρώτης πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς δευτέρας. ὡς ἄρα ή ΓΑ πρὸς ΑΕ, ούτως τὸ ἀπὸ ΓΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΕ. διά δὲ τῶν αὐτῶν δείχνυται, ὅτι ἐστὶν ὡς ἡ ΓΑ πρὸς ΓΕ, ούτως τὸ ἀπὸ ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΕ. διὰ 20 γὰρ τῆν ὁμοιότητα τῶν τριγώνων ἐστὶ πάλιν, ὡς ἡ μέν ΑΓ πρός ΓΒ, ούτως ή ΒΓ πρός ΓΕ, τουτέστιν ώς τὸ ἀπὸ ΑΓ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΒ, οῦτως ἡ ΑΓ πρὸς ΓΕ, ώς δὲ τὸ ἀπὸ ΑΓ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΒ, οῦτως τὸ άπὸ ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΕ. καὶ ὡς ἄρα ἡ ΑΓ πρὸς 25 ΓΕ, τὸ ἀπὸ ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΕ.

εἶτα ἐφεξῆς δεικνύναι πειρώμενος τῷ BAZ τμήματι τῆς σφαίρας ἴσον τὸν BKZ κῶνον, ἐκθέμενος κῶνον τὸν N βάσιν μὲν ἔχοντα ἴσην τῆ ἐπιφανεί φ

^{13.} ΓΒ] ΓΘΒ F; corr. A. 27. σφαίρας] σ supra scriptum manu 1 F.

sed etiam $\Lambda\Gamma: \Gamma K = MA: \Lambda\Lambda$ [Eucl. VI, 4]. quare etiam $\Lambda\Gamma: \Gamma K = \Gamma K: \Lambda M = \Lambda M: \Lambda\Lambda$.

In prop. II.

P. 196, 15-16: et componendo

$$\Theta \Delta : \Theta \Gamma = \Gamma \Delta : AE = \Gamma B^2 : BE^2$$

nam quoniam in figura ipsius propositionis [p. 196] in triangulo rectangulo $\Gamma B A$ ab angulo recto ad basim perpendicularis ducta est BE, trianguli ad perpendicularem siti similes sunt et toti et inter se [Eucl. VI, 8]. itaque est

$$\Gamma A : AB = BA : AE = \Gamma B : BE$$
.

quare etiam

$$\Gamma A^2 : AB^2 = \Gamma B^2 : BE^2.$$

sed

$$\Gamma A^2 : AB^2 = \Gamma A : AE$$
.

nam ut primus terminus ad tertium, ita quadratum primi ad quadratum secundi [Eucl. V def. 10]. quare $\Gamma A: AE = \Gamma B^2: BE^2$.

eadem ratione demonstratur, esse

$$\Gamma A : \Gamma E = AB^2 : BE^2$$

[p. 198, 28-29]. nam propter similitudinem triangulorum rursus est $A\Gamma: \Gamma B = B\Gamma: \Gamma E$, h. e.

$$A\Gamma^2:\Gamma B^2 = A\Gamma:\Gamma E$$
 [Eucl. V def. 10).

sed

$$A\Gamma^2:\Gamma B^2=AB^2:BE^2.$$

itaque etiam

$$A\Gamma: \Gamma E = AB^2: BE^2.$$

deinde demonstrare conans, conum BKZ aequalem esse segmento sphaerae BAZ posito cono N basim habenti superficiei segmenti BAZ aequalem, altitu-

τοῦ ΒΑΖ τμήματος, ῦψος δὲ ἴσον τῆ ἐκ τοῦ κέντρου της σφαίρας, φησίν, ὅτι ὁ Ν κῶνος ίσος ἐστὶ τῶ ΖΑΒΘ στερεφ τομεί, ώς δέδεικται έν τφ πρώτφ βιβλίφ. ἰστέον δέ, ὅτι ἐν τῷ πρώτφ βιβλίφ οὐ τὸν 5 τοιούτον τομέα ἀπεδείκνυεν ίσον ὄντα τῷ ούτως λαμβανομένω κώνω, άλλὰ τὸν περιεχόμενον ὑπό τε τῆς τοῦ κώνου ἐπιφανείας καὶ σφαιρικής ἐπιφανείας ἐλάττονος ήμισφαιρίου, δυτινα καλ κυρίως έν τοίς δροις τομέα στερεόν καλείν έφαίνετο. ἔφασκεν γάρ τομέα 10 δὲ στερεὸν καλέω, ἐπειδὰν σφαζοαν κῶνος τέμνη τὰν χορυφὰν ἔχων ποτὶ τῷ χέντρῷ τᾶς σφαίρας, τὸ περιεχόμενον σχημα ὑπὸ τᾶς τοῦ κώνου επιφανείας καὶ τᾶς έντὸς τοῦ κώνου. τὸ δε νῦν προκείμενον σχημα περιέχεται μεν ὑπὸ κωνι-15 κῆς ἐπιφανείας τὴν κορυφὴν ἐχούσης πρὸς τῷ κέντρφ τῆς σφαίρας καὶ σφαιρικῆς ἐπιφανείας, ἀλλ' οὐ τῆς έντὸς ἀπολαμβανομένης τοῦ κώνου. ὅτι δὲ καὶ τὸ τοιοῦτον σχημα ίσον γίνεται τῷ κώνφ τῷ βάσιν μέν έχοντι την ίσην τη επιφανεία τη σφαιρική τη περι-20 εχούση τὸ τμημα, ΰψος δὲ ἴσον τῆ ἐκ τοῦ κέντρου τῆς σφαίρας, δειχθήσεται ούτως διὰ τῶν ἐν τῷ πρώτφ βιβλίφ δεδειγμένων.

νενοήσθω χωρίς σφαίρα και τετμήσθω ἐπιπέδω τινι μὴ διὰ τοῦ κέντρου τῷ περί διάμετρον τὴν Β Δ κύκλω. 25 κέντρον δὲ τῆς σφαίρας τὸ Α. και νοείσθω κῶνος [ὁ] βάσιν μὲν ἔχων τὸν περί διάμετρον τὴν Β Δ κύκλον, κορυφὴν δὲ τὸ Α σημείον. ἐκκείσθω δὲ κῶνος ὁ Ε, οὖ ἡ μὲν βάσις ἴση ἔστω τῆ ἐπιφανεία τῆς σφαίρας,

^{2.} κονος F. 6. τὸν περιεχόμενον] scripsi; τω περιεχομενω F, uulgo. 12. τᾶς τοῦ] της του F; corr. Torellius, qui scripsit: ὑπό τε τᾶς ἐπιφανείας τοῦ κώνου καὶ τᾶς ἐπιφανείας

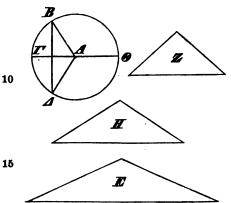
dinem autem radio sphaerae aequalem, dicit, conum N aequalem esse sectori solido ZABO, ut demonstratum sit in libro primo [p. 200, 4-5]. animaduertendum autem, eum in libro primo non eius modi sectorem cono hoc modo sumpto aequalem esse demonstrasse, sed sectorem comprehensum superficie coni et superficie sphaerica minore, quam hemisphaerium est, quem proprie in definitionibus sectorem solidum eum adpellasse adparet. ita enim: sectorem, inquit, solidum uoco, cum conus sphaeram secet uerticem habens ad centrum sphaerae, figuram, quae a coni superficie eaque parte [superficiei sphaerae] continetur, quae intra conum cadit [I def. 5 p. 9]. sed figura hic proposita conica quidem superficie continetur uerticem habenti ad centrum sphaerae et superficie sphaerica, sed non ea, quae intra conum cadit. uerum etiam eius modi figuram aequalem esse cono basim habenti aequalem superficiei sphaericae segmentum comprehendenti, altitudinem autem radio sphaerae aequalem, ita demonstrabimus per ea, quae in primo libro demonstrata sunt.

fingatur sphaera seorsum posita et secetur plano non per centrum posito, uelut circulo circum diametrum B \(\alpha \) descripto. centrum autem sphaerae [sit] \(A. \) et fingatur conus basim habens circulum circum diametrum $B\Delta$ descriptum, uerticem autem punctum A. ponatur autem conus E, cuius basis aequalis sit superficiei sphaerae, altitudo autem radius sphaerae. itaque

τᾶς σφαίρας ἐντός. 13. καί] om. F; corr. Τοτοιμίας κατας σφαίρας τᾶς ἐπιφανείας. 17. καί] per comp. F. καί] το F. 25. δ] deleo. 27. E] EN F. 13. nal] om. F; corr. Torellius; fort. nal

Archimedes, ed. Heiberg. III.

ύψος δε ή έκ τοῦ κέντρου τῆς σφαίρας ὁ ἄρα Ε κῶνος ἴσος ἐστὶ τῆ σφαίρα τετραπλάσιος γάρ ἐστι τοῦ κώνου τοῦ βάσιν ἔχουτος τὸν μέγιστον κύκλον, ῦψος δε τὸ αὐτό, οὖπερ καὶ ἡ σφαίρα ἐδείχθη τετραπλασία. 5 ἐκκείσθωσαν δε καὶ ἄλλοι δύο κῶνοι οἱ Ζ, Η, ὧν ὁ



μὲν Ζ βάσιν ἐχέτω
ἰσην τῆ ἐπιφανεία
τοῦ κατὰ τὴν ΒΓ Δ
τμήματος, ῦψος δὲ
τὴν ἐκ τοῦ κέν-
τρου τῆς σφαίρας,
δ δὲ Η βάσιν μὲν
ἰσην τῆ ἐπιφα-
νεία τοῦ κατὰ τὴν
ΒΘ Δ τμήματος,
ῦψος δὲ τὸ αὐτό.
δ ἄρα Ζ κῶνος

Ισος έστὶ τῷ τομεῖ, οὖ κορυφὴ μὲν τὸ Α, ἐπιφάνεια δὲ σφαιρικὴ ἡ κατὰ τὴν ΒΓΔ. ἐπεὶ οὖν ἴση
20 ἐστὶν ἡ τοῦ Ε κώνου βάσις ταῖς τῶν Ζ, Η κώνων βάσεσιν, καί εἰσιν ὑπὸ τὸ αὐτὸ ῦψος, ἴσος ἄρα ἐστὶν ὁ Ε κῶνος, τουτέστιν ἡ σφαῖρα, τοῖς Ζ, Η κώνοις. ἀλλ' ὁ Ζ ἴσος ἐδείχθη τῷ κατὰ τὴν ΒΓΔ στερεῷ τομεῖ κορυφὴν ἔχοντι τὸ Α. λοιπὸς ἄρα ὁ Η κῶνος ἴσος
25 ἐστὶ τῷ λοιπῷ τμήματι βάσιν ἔχων τὴν ἐπιφάνειαν τοῦ κατὰ τὴν ΒΘΔ τμήματος, ῦψος δὲ τὴν ἐκ τοῦ κέντρου.

είτα πάλιν φησίν· ίσος ἄρα ὁ Ν κῶνος τουτέστιν ὁ ΒΘΖΑ τομεὺς τῷ ΒΘΖΚ σχήματι] ἐπεὶ

^{1.} σφαίφας] σ supra scr. manu 1 F. 4. καί] per comp. F. 7. ἴσην] ισ cum comp. σν F. 12. H] B F. 17. ἄφα]

conus E aequalis est sphaerae; nam quadruplo maior est cono basim habenti circulum maximum, altitudinem autem eandem1), et eodem etiam sphaeram quadruplo maiorem esse demonstratum est [I, 34]. ponantur etiam duo alii coni Z, H, quorum Z basim habeat sequalem superficiei segmenti $B\Gamma\Delta$, altitudinem autem radium sphaerae, H autem basim aequalem superficiei segmenti BOA et altitudinem eandem. itaque conus Z aequalis est sectori, cuius uertex est A, superficies autem sphaerica BF 2 [I, 44]. iam quoniam basis coni E aequalis est basibus conorum Z, H, et eandem habent altitudinem, erit igitur conus E, h. e. sphaera, aequalis conis Z, H. sed demonstratum est, conum Z aequalem esse sectori solido in BFA constructo uerticem habenti punctum A. itaque qui relinquitur conus H basim habens [aequalem] superficiei segmenti BO⊿, altitudinem autem radium, aequalis est segmento reliquo.

deinde rursus: conus igitur N, inquit, h. e. sector BOZA, aequalis est figurae BOZK [p. 200, 13-14].

¹⁾ I, 33; I lemma 1 p. 80.

per comp. F. 18. ού] ού F. 25. έχων] έχοντι Torellius. 29. ΒΘΖΔ] ΒΘΖΔ F, Cr.

γὰρ συνήχθη ὁ N κῶνος ἴσος ὢν κώνω, οὖ βάσις μὲν ὁ περὶ διάμετρον τὴν BZ κύκλος, ὕψος δὲ ἡ ΘΚ, ὁ δὲ κῶνος, οὖ βάσις μέν ἐστιν ἡ αὐτή, ῦψος δὲ ἡ ΕΚ, ἴσος τῷ τε εἰρημένω κώνω καὶ τῷ βάσιν μὲν ἔχοντι 5 τὴν αὐτήν, ῦψος δὲ τὴν ΕΘ (πρὸς ἀλλήλους γάρ εἰσιν, ὡς τὰ ῦψη), κοινοῦ ἀφαιρεθέντος τοῦ κώνου τοῦ βάσιν μὲν ἔχοντος τὴν αὐτήν, ῦψος δὲ τὴν ΕΘ, λοιπὸν τὸ ΒΘΖΚ σχῆμα ἴσον ἐστὶ τῷ κώνω τῷ βάσιν μὲν ἔχοντι τὸν περὶ διάμετρον τὴν BZ κύκλον, ῦψος δὲ 10 τὴν ΘΚ, τουτέστι τῷ N κώνω, τουτέστι τῷ ΒΑΘΖ τομεῖ.

έπαγαγών δή τὸ έκ τῶν συναχθέντων πόρισμα ἐπὶ τέλει τοῦ θεωρήματος έξης δι' έτέρας ἀποδείξεως συνάγει τὸ τελευταΐον μέρος τοῦ θεωρήματος, τουτέστιν 15 οτι τὸ ΑΒΖ τμημα της σφαίρας ίσον έστὶ τῷ ΒΚΖ κώνφ, και προιών φησιν ώς άρα ή ΚΘ πρός ΘΓ, ή ΘΔ πρὸς ΔΓ, καὶ ὅλη ἡ ΚΔ πρὸς ΔΘ ἐστιν. ώς ή ΔΘ πρός ΔΓ | έπει γάρ έστιν, ώς ή ΚΘ πρός $\Theta\Gamma$, η $\Theta \triangle$ $\pi \rho \delta_S \triangle \Gamma$, $\pi \alpha l$ $\dot{\epsilon} \nu \alpha \lambda l \dot{\alpha} \dot{\xi}$ $\dot{\omega}_S \dot{\eta} K\Theta \pi \rho \delta_S \Theta \triangle$, 20 η $\Theta\Gamma$ $\pi \rho \delta \varsigma$ $\Gamma \Delta$, and surflevel $\delta \varsigma$ η $K\Delta$ $\pi \rho \delta \varsigma$ $\Delta \Theta$, η $\Theta \Delta$ πρὸς $\Delta \Gamma$, τουτέστιν ή $K\Theta$ πρὸς ΘA . ἦν γὰρ ὡς ἡ $K\Theta$ προς ΘΓ, η Θ Δ προς ΔΓ, ίση δὲ η ΘΓ τη ΘΑ. — καὶ μετ'. όλίγον : ὡς ἄρα ἡ ΚΘ πρὸς ΔΘ, οῦτως ἡ ΑΕ πρὸς ΕΓ. καὶ ώς ἄρα τὸ ἀπὸ ΚΔ πρὸς τὸ ὑπὸ τῶν 25 ΚΘΔ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΑΓ πρὸς τὸ ὑπὸ τῶν ΑΕΓ] νοείσθωσαν γάρ χωρίς κείμεναι αί ΚΔ, ΑΓ, καί έστω, ώς ή ΚΘ πρός ΘΔ, ούτως ή ΑΕ πρός ΕΓ. λέγω, ότι έστιν και ώς τὸ ἀπὸ ΚΔ πρὸς τὸ ὑπὸ ΚΘΔ,

^{6.} υψει F; corr. manus 1. 13. δεοφηματος F. 15. ΔΒΖ] scripsi; ΔΒΓ FBCD; ΒΔΖ uulgo. 24. ὑπό] απο F; corr. Torellius.

nam quoniam effectum est, conum N aequalem esse cono, cuius basis sit circulus circum diametrum BZ descriptus, altitudo autem ΘK [p. 200, 11—13; cfr. I lemm. 4 p. 82], et conus, cuius basis eadem est, altitudo autem EK, aequalis est illi cono simul cum cono eandem basim habenti et altitudinem $E\Theta$ (nam eam inter se rationem habent, quam altitudines [I lemm. 1 p. 80]), ablato, qui communis est, cono basim habenti eandem et altitudinem $E\Theta$, quae relinquitur figura $B\Theta ZK$, aequalis est cono basim habenti circulum circum diametrum BZ descriptum, altitudinem autem ΘK , h. e. cono N, h. e. sectori $BA\Theta Z$.

adiecto iam in fine theorematis [p. 200, 18 sq.] corollario ex iam effectis derivato deinde alia demonstratione concludit¹) extremam partem theorematis, h. e. segmentum sphaerae ABZ aequale esse cono BKZ, et progressus: itaque, inquit,

 $K\Theta:\Theta\Gamma=\Theta\varDelta:\Delta\Gamma$

et $K\Delta: \Delta\Theta = \Delta\Theta: \Delta\Gamma$ [p. 202, 17—19]. nam quoniam est $K\Theta: \Theta\Gamma = \Theta\Delta: \Delta\Gamma$, et uicissim

 $K\Theta: \Theta \varDelta = \Theta \Gamma: \Gamma \varDelta,$

et componendo $K\Delta: \Delta\Theta = \Theta\Delta: \Delta\Gamma$, h. e. $K\Theta: \ThetaA$ [p. 202, 19]. nam erat

 $K\Theta: \Theta\Gamma = \Theta\Delta: \Delta\Gamma$, et $\Theta\Gamma = \Theta\Lambda$.

et paullo post [p. 204, 2-6]: itaque

 $K\Theta: \Theta \varDelta = AE: E\Gamma.$

quare etiam $K\Delta^2: K\Theta \times \Theta \Delta = A\Gamma^2: AE \times E\Gamma$] fingantur enim seorsum descriptae lineae $K\Delta$, $A\Gamma$, et sit $K\Theta: \Theta \Delta = AE: E\Gamma$. dico, esse etiam

¹⁾ Uol. I p. 202; cfr. p. 203 not. 1.

ούτως τὸ ἀπὸ ΑΓ πρὸς τὸ ὑπὸ ΑΕΓ. ἐπεὶ γάρ ἐστιν, ώς ή ΚΘ πρός ΘΔ, ούτως ή ΑΕ πρός ΕΓ, καί συνθέντι έστίν, ώς ή Κ Δ πρός ΔΘ, ούτως ή ΑΓ πρός ΓΕ. ώστε καὶ ώς τὸ ἀπὸ ΚΔ πρὸς τὸ ἀπὸ ΔΘ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΑΓ πρός τὸ ἀπὸ ΕΓ. πάλιν ἐπεί ἐστιν, ὡς ἡ ΚΘ πρὸς ΘΔ, οῦτως ἡ ΑΕ πρὸς ΕΓ, ἀλλ' ὡς τ Α΄ ή ΚΘ πρὸς ΘΔ, οῦτως τὸ ὑπὸ ΚΘΔ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΔ κοινοῦ ὕψους τῆς ΘΔ λαμβανομένης, Ε ώς δὲ ή ΑΕ ποὸς ΕΓ, οὕτως τὸ ὑπὸ ΑΕΓ πρός τὸ ἀπὸ ΕΓ κοινοῦ πάλιν ὕψους λαμβα-10 νομένης τῆς ΕΓ, καὶ ὡς ἄρα τὸ ὑπὸ ΚΘΔ πρός τὸ ἀπὸ ΘΔ, οῦτως τὸ ὑπὸ ΑΕΓ πρὸς τὸ $\Delta ig| \perp \Gamma$ ἀπὸ $E\Gamma$. ἐδείχθη δέ, ὡς τὸ ἀπὸ $\Theta \Delta$ πρὸς τὸ άπὸ ΔΚ, ούτως τὸ ἀπὸ ΕΓ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΑ. καὶ δι' 15 Ισου ἄρα, ώς τὸ ὑπὸ ΚΘΔ πρὸς τὸ ἀπὸ ΚΔ, οῦτως τὸ ὑπὸ ΑΕΓ πρὸς τὸ ἀπὸ ΑΓ· καὶ ἀνάπαλιν. ὅπερ έδει δείξαι.

Είς τὸ γ'.

'Ως δὲ οἱ εἰρημένοι κύκλοι πρὸς ἀλλήλους, 20 τὸ ἀπὸ ΑΔ πρὸς τὸ ἀπὸ ΔΒ, τουτέστιν ἡ ΑΓ πρὸς ΓΒ] ὡς γὰρ ἐν αὐτῆ τῆ τοῦ ἡητοῦ καταγραφῆ, ἐπεὶ ἐν ὀρθογωνίφ τριγώνφ τῷ ΑΔΒ κάθετος ἡκται καὶ ἀπὸ τῆς ὀρθῆς ἡ ΔΓ, μέση ἀνάλογόν ἐστι τῶν τῆς βάσεως τμημάτων, καὶ τὰ πρὸς τῆ καθέτφ τρίγωνα 25 ὅμοιά ἐστι τῷ τε ὅλφ καὶ ἀλλήλοις. ὥστ' ἐστιν, ὡς ἡ ΒΓ πρὸς ΔΓ, ἡ ΒΔ πρὸς ΔΑ. καὶ τὰ ἀπ' αὐτῶν ἄρα. ἀλλ' ὡς τὸ ἀπὸ ΒΓ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΔ, οῦτως

^{4.} $\omega_{\mathcal{S}}$] addidi; om. F, uulgo. $o\tilde{v}\tau\omega_{\mathcal{S}}$] per comp. F; $\omega_{\mathcal{S}}$ ed. Basil., Torellius. 8. $\tau\tilde{\eta}_{\mathcal{S}}$ Θ Δ] $\tau\eta_{\mathcal{S}}$ Θ Δ F. 9. Δ E] Δ E

 $K\Delta^2: K\Theta \times \Theta\Delta = A\Gamma^2: AE \times E\Gamma.$

nam quoniam est $K\Theta : \Theta \Delta = AE : E\Gamma$, etiam componendo erit $K\Delta : \Delta\Theta = A\Gamma : \Gamma E$. quare etiam

 $K\Delta^2:\Delta\Theta^2=A\Gamma^2:E\Gamma^2.$

rursus quoniam est $K\Theta:\Theta \triangle = AE:E\Gamma$, sed

 $K\Theta:\Theta \varDelta = K\Theta \times \Theta \varDelta:\Theta \varDelta^2$

communi altitudine sumpta @ 1, et

 $AE: E\Gamma = AE \times E\Gamma: E\Gamma^2$

rursus $E\Gamma$ communi altitudine sumpta, itaque etiam $K\Theta \times \Theta \Delta : \Theta \Delta^2 = AE \times E\Gamma : E\Gamma^2$.

sed demonstratum est, esse $\Theta \Delta^2 : \Delta K^2 = E\Gamma^2 : \Gamma A^2$. itaque ex aequali [Eucl. V, 21]

 $K\Theta \times \Theta \Delta : K\Delta^2 = AE \times E\Gamma : A\Gamma^2$.

et e contrario $[K\Delta^2: K\Theta \times \Theta \Delta = A\Gamma^2: AE \times E\Gamma];$ quod erat demonstrandum.

In prop. III.

P. 206, 15—17: et quam rationem circuli, quos commemorauimus, inter se habent, eam habet $A\Delta^2$ ad ΔB^2 , hoc est $A\Gamma:\Gamma B$] nam in ipsa propositionis figura [p. 208] quoniam in triangulo rectangulo $A\Delta B$ perpendicularis et ab angulo recto ducta est $\Delta\Gamma$, media est proportionalis inter partes basis, et trianguli ad perpendicularem positi similes sunt et toti et inter se [Eucl. VI, 8 cum $\pi o \rho (\sigma \mu.)$]. quare est

 $B\Gamma: \Delta\Gamma = B\Delta: \Delta\Lambda.$

itaque etiam $B\Gamma^2: \Delta\Gamma^2 \stackrel{\cdot}{=} B\Delta^2: \Delta\Lambda^2$. sed

F, Cr. 13. \mathring{ano} $E\Gamma$] vno $\Delta E\Gamma$ F; corr. ed. Basil. 14. \mathring{ano} $E\Gamma$] \mathring{ano} om. F; corr. Torellius. ΓA] $\Gamma \Delta$ F; corr. A. 25. allnk cum comp. of F.

 $\dot{\eta}$ πρώτη $\dot{\eta}$ $B\Gamma$ πρὸς τρίτην τὴν ΓA . καὶ ὡς ἄρα $\dot{\eta}$ $B\Gamma$ πρὸς ΓA , τὸ ἀπὸ $B \Delta$ πρὸς τὸ ἀπὸ ΔA .

Δοθείς δη λόγος της ΑΓ προς ΓΒ. ωστε δοθέν έστι το Γ σημείον] έπει γαρ ή σφαίρα υπό5 κειται δεδομένη, δέδοται άρα και ή διάμετρος αὐτης ή ΑΒ. και δέδοται ο λόγος της ΑΓ προς ΓΒ. έαν δε δεδομένον μέγεθος είς δεδομένον λόγον διαιρεθη, δέδοται έκάτερον των τμημάτων. ωστε δοθείσά έστιν ή ΑΓ. και δοθεν το Α (έπι γαρ της κοινης τομης 10 έστι θέσει δεδομένων γραμμών). δέδοται άρα και το Γ.

Els τὸ δ'.

Καὶ διὰ τὰ αὐτὰ τοῖς πρότερον διὰ τῆς κατασκευῆς, ὡς ἡ ΔΔ πρὸς ΔΚ, ἡ ΚΒ πρὸς ΒΡ, καὶ ἡ ΔΧ πρὸς ΧΒ] ἐν γὰρ τῷ πρὸ τούτου συνήγετο 15 οὕτως· ἐπεί ἐστιν ὡς συναμφότερος ἡ ΚΔ, ΔΧ πρὸς ΔΧ, οὕτως ἡ ΡΧ πρὸς ΧΒ, διελόντι, ὡς ἡ ΚΔ πρὸς ΔΧ, ἡ ΡΒ πρὸς ΒΧ, ἐναλλάξ, ὡς ἡ ΚΔ, τουτέστιν ἡ ΚΒ, πρὸς ΒΡ, ἡ ΔΧ πρὸς ΧΒ. πάλιν ἐπεί ἐστιν, ὡς ἡ ΔΧ πρὸς ΧΔ, οὕτως συναμφότερος ἡ ΚΒ, ΒΧ 20 πρὸς ΧΒ, διελόντι καὶ ἐναλλάξ, ὡς ἡ ΔΔ πρὸς ΔΚ, ἡ ΔΧ πρὸς ΧΒ. ἡν δὲ καί, ὡς ἡ ΔΧ πρὸς ΧΒ, ἡ ΚΒ πρὸς ΒΡ. ὡς ἄρα ἡ ΔΔ πρὸς ΔΚ, ἡ ΔΧ πρὸς ΧΒ, καὶ ἡ ΚΒ πρὸς ΒΡ.

Καὶ ὅλη ἄρα ἡ ΡΛ πρὸς ὅλην τὴν ΚΛ ἐστιν, 25 ὡς ἡ ΚΛ πρὸς ΛΔ] ὡς γὰρ ἕν πρὸς ἕν, οὕτως ἄπαντα τὰ ἡγούμενα πρὸς ἄπαντα τὰ ἑπόμενα.

'Ως ἄρα ή ΡΛ πρὸς ΛΔ, τὸ ἀπὸ ΚΛ πρὸς τὸ

^{2.} τὸ ἀπό (prius)] η F; corr. ed. Basil. (οὖτως τὸ ἀπό). τὸ ἀπό (alt.)] om. F; corr. ed. Basil. 3. nullum signum adposuit F. δή] scripsi; δε F, uulgo. 6. ΔΒ] ΔΓ F; corr. Torellius. 7. δέ] om. F; corr. Torellius. δεδομένον μέγε-

 $B\Gamma^2:\Gamma\Delta^2=B\Gamma:\Gamma A$ [Eucl. V def. 10]. quare etiam $B\Gamma:\Gamma A=B\Delta^2:\Delta A^2$.

P. 206, 18: data igitur est ratio $A\Gamma$: ΓB . quare datum est Γ punctum] nam quoniam sphaera supponitur data esse, etiam diametrus eius AB data est; et data est ratio $A\Gamma$: ΓB . sed si data magnitudo in datam rationem diuiditur, utraque pars data est [Eucl. dat. 7]. quare data est $A\Gamma$. et datum est A (est enim in communi sectione linearum positione datarum). quare etiam punctum Γ datum est.

In prop. IV.

P. 210, 22-212, 2: et eodem modo, quo supra, per constructionem erit

$$A\Delta: \Delta K = KB: BP = \Delta X: XB$$

nam in propositione praecedenti¹) sic concludebatur: quoniam $K\Delta + \Delta X : \Delta X = PX : XB$, dirimendo est $K\Delta : \Delta X = PB : BX$ et uicissim $K\Delta : BP$, h. e.

$$KB:BP=\Delta X:XB.$$

rursus quoniam $\Delta X: X\Delta = KB + BX: XB$, erit dirimendo et uicissim $\Delta \Delta: \Delta K = \Delta X: XB$. erat autem etiam $\Delta X: XB = KB: BP$. itaque

$$A\Delta: \Delta K = \Delta X: XB = KB: BP.$$

P. 212, 4—6: quare etiam $PA: KA = KA: A\Delta$] nam ut unus terminus ad unum, ita omnes praecedentes ad omnes sequentes [Eucl. V, 12].

P. 212, 6-7: erit etiam $PA: A\Delta = KA^2: A\Delta^2$

¹⁾ H. e. in prop. 2; u. uol. I p. 211 not. 1. respicitur ad uol. I p. 196, 10—15 et p. 198, 22—27.

δος είς] are petuntur in F, sed expunxit manus 1. 18. ΔΔ]
 ΔΛ F. 17. καὶ ἐναλλάξ Torellius. 24 et 27. deest signum in F. 27. ΔΔ] ΚΔ F; corr. Torellius.

ἀπὸ ΛΔ] ἐπεὶ γάρ ἐστιν, ὡς ἡ ΡΛ πρὸς ΛΚ, ἡ ΚΛ πρὸς ΛΔ, καὶ ὡς ἄρα ἡ πρώτη πρὸς τὴν τρίτην, οῦτως τὸ ἀπὸ τῆς πρώτης πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς δευτέρας. ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ ΡΛ πρὸς ΛΔ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΡΛ πρὸς τὸ ἀπὸ ΛΚ. ἀλλ' ὡς τὸ ἀπὸ ΡΛ πρὸς τὸ ἀπὸ ΛΚ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΛΚ πρὸς τὸ ἀπὸ ΛΔ. ἀνάλογον γάρ εἰσιν. ὡς ἄρα ἡ ΡΛ πρὸς ΛΔ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΛΚ πρὸς τὸ ἀπὸ ΛΔ.

Κείσθω τῆ ΚΒ ἴση ἡ ΒΖ· ὅτι γὰς ἐπτὸς 10 τοῦ Ρπεσεῖται, δῆλον] ἐπεὶ γάς ἐστιν, ὡς ἡ ΧΔ πρὸς ΧΒ, οῦτως ἡ ΚΒ πρὸς ΒΡ, μείζων δὲ ἡ ΔΧ τῆς ΧΒ, μείζων ἄρα καὶ ἡ ΚΒ τῆς ΒΡ. ἐπτὸς ἄρα τοῦ Ρπίπτει τὸ Ζ.

Έπελ δὲ λόγος έστλ τῆς ΔΛ, πρὸς ΛΧ δοθείς, ΄15 καὶ τῆς ΡΛ πρὸς ΛΧ, καὶ τῆς ΡΛ ἄρα πρὸς ΛΔ λόγος έστι δοθείς] έπει γάρ έστιν, ώς συναμφότερος ή ΚΒΧ πρός ΒΧ, τουτέστιν ή ΖΧ πρός ΧΒ, οΰτως ή ΛΧ πρὸς $X \triangle$, ἀναστρέψαντι, ὡς ἡ XZ πρὸς ZB, οὕτως ἡ XAπρός ΛΔ, καὶ ἀνάπαλιν, ὡς ἡ ΒΖ πρός ΖΧ, ἡ ΛΔ 20 πρός ΛΧ. δέδοται δε ό της ΒΖ πρός ΖΧ λόγος, έπειδη ή μεν ΖΒ Ιση έστι τη έκ του κέντρου της δεδομένης σφαίρας, ή δε ΒΧ των Β, Χ περάτων αὐτῆς δεδομένων καθ' ὑπόθεσιν τετμημένης τῆς σφαίρας ὑπὸ τοῦ διὰ τῆς ΑΓ ἐπιπέδου καὶ τῆς ΔΒ πρὸς ὀρθὰς οὔσης 25 $t\tilde{\eta}$ $A\Gamma$ δέδοται· καὶ διὰ τοῦτο καὶ ὅλη ἡ XZ, καὶ δ της ΧΖ πρός ΖΒ. ώστε και δ της ΛΧ πρός ΔΔ λόγος έστιν δοθείς. πάλιν έπειδή δέδοται δ λόγος των τμημάτων, και δ του ΛΑΓ κώνου πρός ΑΡΓ κώνον λόγος έσται δοθείς. ώστε και ό της ΛΧ

^{7.} A A] A A F. 10. X A] H A F. 17. KB, BX Torel-

nam quoniam est $PA: AK = KA: A\Delta$, erit etiam ut primus ad tertium, ita quadratum primi ad quadratum secundi [Eucl. V def. 10]. erit igitur

$$PA: A\Delta = PA^2: AK^2.$$

sed $P\Lambda^2: \Lambda K^2 = \Lambda K^2: \Lambda \Delta^2$; nam proportionales sunt. quare $P\Lambda: \Lambda\Delta = \Lambda K^2: \Lambda\Delta^2$.

P. 212, 14—15: et ponatur BZ = KB; nam extra punctum P eam egressuram esse, adparet] nam quoniam $X\Delta: XB = KB: BP$, et $\Delta X > XB$, erit igitur etiam KB > BP. quare Z extra P cadit.

P. 212, 17—19: sed quoniam ratio $\Delta \Lambda: \Lambda X$ data est, et ratio $P\Lambda: \Lambda X$, erit igitur etiam ratio $P\Lambda: \Lambda \Delta$ data] nam quoniam est KB + BX: BX, h. e.

$$ZX:XB = \Lambda X:X\Delta$$

convertendo erit $XZ:ZB = X\Lambda:\Lambda\Delta$, et e contrario $BZ:ZX = \Lambda\Delta:\Lambda X$. sed data est ratio BZ:ZX (quoniam ZB aequalis est radio datae sphaerae, et BX data est datis terminis eius B, X, cum ex hypothesi sphaera secta sit plano per lineam $A\Gamma$ posito, et cum ΔB ad $\Delta \Gamma$ perpendicularis sit; quare etiam tota XZ et ratio XZ:ZB [data est]). itaque etiam ratio $\Delta X:\Delta\Delta$ data est. — rursus quoniam data est ratio segmentorum, etiam ratio conorum $\Delta A\Gamma$, $\Delta P\Gamma$ data erit. quare etiam ratio $\Delta X:XP$ (nam [coni]

lius. 18. XA] XZ FV. 26. AX] AA FV. 29. ĕσται] per comp. F.

πρὸς ΧΡ πρὸς ἀλλήλους γάρ είσιν ὡς τὰ ὕψη καὶ ὅλης ἄρα τῆς ΡΛ πρὸς τὴν ΛΧ λόγος ἐστὶ δοθείς. ἐπεὶ οὖν ἑκατέρας τῶν ΡΛ, ΛΔ πρὸς τὴν ΛΧ λόγος ἐστὶ δοθείς, καὶ τῆς ΡΛ ἄρα πρὸς ΛΔ λόγος ἔστὶ δοθείς τὰ γὰρ πρὸς τὸ αὐτὸ λόγον ἔχοντα δεδομένον καὶ πρὸς ἄλληλα λόγον ἔχει δεδομένον.

Έπελ οὖν ὁ τῆς ΡΛ πρὸς ΛΧ λόγος συνῆπται έκ τε τοῦ, ὃν έχει ἡ ΡΛ πρὸς ΛΔ καὶ ἡ ΛΔ πρός ΛΧ] ότι μεν ή σύνθεσις των λόγων λαμβάνεται 10 τῆς ΔΔ μέσης λαμβανομένης, ὡς κάν τῆ στοιχειώσει έλαμβάνετο, φανερόν. έπει δε το λεγόμενον άδιαρθρώτως πως και ούχ ούτως, ώστε την έννοιαν αποπληρῶσαι, λέλεκται, ώς ἔστιν εύρεῖν ἐντυγχάνοντας Πάππφ τε καί Θέωνι καί 'Αρκαδίω έν πολλοίς συντάγμασιν 15 οὐκ ἀποδεικτικῶς, ἀλλ' ἐπαγωγῆ τὸ λεγόμενον παριστῶσιν, οὐδὲν ἄτοπον πρὸς βραχὸ ἐνδιατρίψαντας τῷ λόγω τὸ σαφέστερον παραστήσαι. φημὶ τοίνυν, ὅτι, έὰν δύο ἀριθμῶν ήτοι μεγεθῶν μέσος τις ὅρος ληφθῆ, ό τῶν ἐξ ἀρχῆς ληφθέντων ἀριθμῶν λόγος σύγκειται 20 έχ τοῦ λόγου, ὃν ἔχει ὁ πρῶτος πρὸς τὸν μέσον, καὶ τοῦ, ὃν ἔχει ὁ μέσος πρὸς τὸν τρίτον. ὑπομνηστέον δη πρότερου, πώς έλέγετο λόγος έκ λόγων συγκείσθαι. ώς γαρ εν τη στοιχειώσει. όταν αί των λόγων πηλικότητες έφ' έαυτὰς πολλαπλασιασθείσαι ποιώσίν τινα, 25 πηλικότητος δηλονότι λεγομένης τοῦ ἀριθμοῦ, οὖ παρώνυμός έστιν ὁ διδόμενος λόγος, ως φασιν άλλοι τε καὶ Νικόματος ἐν τῷ πρώτω περί μουσικής καὶ Ἡρώ-

^{3.} ἐπεί οὖν — 4: δοθείς om. F, adposito signo σ'; leguntur in mg. a manu 1 eodem signo addito. 7. Signum om. F. 13. ενο cum comp. ην uel ιν F. 14. αρκαδιος F mg. manu 1. 27. νικομαζος ηρωνας F mg. manu 1.

eam inter se rationem habent, quam altitudines). itaque etiam ratio PA: AX data est. — quoniam igitur utraque ratio PA: AX et AA: AX data est, etiam ratio PA: AA data; nam quae ad idem rationem datam habent, etiam inter se rationem datam habent [Eucl. dat. 8].

P. 212, 19—21: iam quoniam ratio PA:AX composita est ex rationibus PA:AA et AA:AX] compositionem rationem effici linea AA media sumpta, sicut etiam in elementis efficiebatur¹), manifestum est. quoniam autem de hac re parum distincte disputatum est nec ita, ut notioni satis fiat, sicut intellegi potest, si Pappum, Theonem²), Arcadium inspexeris, qui in multis scriptis id, quod quaerimus, non demonstrando, sed per inductionem tradunt, haud absurdum erit paullulum moratos rem magis perspicue tradere. — dico igitur, si inter duos numeros uel magnitudines medium terminum sumpserimus, rationem numerorum ab initio sumptorum compositam esse ex ratione, quam habeat primus ad medium, et ea, quam habeat medius ad tertium.

prius igitur, quo modo ratio ex rationibus componi dicatur, in memoriam reuocandum. nam ut est in elementis [VI def. 5]: si quantitates rationum inter se multiplicatae [quantitatem] aliquam efficiant, cum quantitas uocatur numerus, a quo denominatur ratio data, ut aiunt cum alii, tum Nicomachus in primo libro de musica, tum Heronas in commentario in in-

¹⁾ Eucl. VI, 23; de compositione rationum cfr. Eutoc. ad Apollon. p. 32.
2) Comment. Ptolem. p. 61-62 ed. Basil.

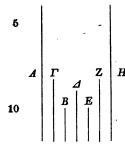
νας έν τῷ ὑπομνήματι τῷ εἰς τὴν ἀριθμητικὴν εἰσανωνήν, ταὐτὸν δὲ είπεῖν καὶ τοῦ ἀριθμοῦ τοῦ πολλαπλασιαζομένου έπλ τὸν επόμενον ὅρον τοῦ λόγου καλ ποιούντος τον ήγούμενον, και κυριώτερον μέν έπι 5 τῶν πολλαπλασίων ἡ πηλικότης ἂν λαμβάνοιτο, ἐπὶ δὲ τῶν ἐπιμορίων ἢ ἐπιμερῶν οὐκέτι τὴν πηλικότητα δυνατὸν λαμβάνεσθαι άδιαιρέτου μενούσης της μονάδος. ώστ' έπ' έχείνων διαιρετέον την μονάδα, δ εί και μή κατά τὸ προσήκου τη άριθμητική, άλλὰ τη λουιστική 10 τυγγάνει. διαιρείται δε ή μονάς κατά το μέρος η τά μέρη, ἀφ' ὧν ώνόμασται ὁ λόγος, ὥστε εἶναι ὡς ἐν σαφεστέρω τῷ λέγειν τοῦ μὲν ἡμιολίου λόγου πηλικότητα πρὸς τη μονάδι καὶ τὸ ημισυ της μονάδος, τοῦ δὲ ἐπιτρίτου πρὸς τῆ μονάδι τὸ τρίτον . ὅστε, 15 καθά καὶ ἀνωτέρω εξρηται, τὴν πηλικότητα τοῦ λόγου έπὶ τὸν έπόμενον δρον πολλαπλασιαζομένην ποιείν τὸν ήγούμενον. τοῦ γὰρ ἐννέα πρὸς τὰ ξξ ἡμιολίου πηλικότης οὖσα ή μονὰς καὶ τὸ ῆμισυ πολλαπλασιασθεῖσα έπλ του 5' ποιεί του θ', καλ έπλ των άλλων δε το 20 αὐτὸ ἔξεστι κατανοείν, τούτων δὴ προσαφηνισθέντων έπανακτέον έπὶ τὸ προτεθέν. ἔστωσαν γὰρ οί δοθέντες δύο ἀριθμοί οί Α, Β, μέσος δὲ αὐτῶν εἰλήφθω τις ὁ Γ. δεικτέον δή, ὅτι ὁ τοῦ Α πρὸς τὸν Β λόγος συνηπται έκ τοῦ, ον ἔχει ὁ Α πρὸς τὸν Γ, καὶ ὁ Γ 25 πρὸς τὸν Β. είλήφθω γὰο τοῦ μὲν ΑΓ λόγου πηλικότης ὁ Δ, τοῦ δὲ ΓΒ ὁ Ε. ὁ ἄρα Γ τὸν Δ πολλαπλασιάσας τὸν Α ποιεί, ὁ δὲ Β τὸν Ε πολλαπλασιάσας τὸν Γ. ὁ δὴ Δ τὸν Ε πολλαπλασιάσας τὸν Ζ ποιείτω. λέγω, ὅτι ὁ Ζ πηλικότης ἐστὶ τοῦ τοῦ Α πρὸς τὸν Β

^{3.} επομενων F. 8. 6] addidi; om. F, uulgo. 12. τοῦ]

stitutionem arithmeticam [Nicomachi]. hoc autem idem est, ac si dicamus, quantitatem uocari numerum, qui in terminum sequentem rationis multiplicatus antecedentem efficiat. et magis proprie in multiplis sumitur quantitas, in superparticularibus uero et superpartientibus quantitas sumi non potest, ita ut unitas indiuisa maneat. quare in iis diuidenda est unitas, quod si non arithmeticae, at certe logisticae consentaneum est. dividitur autem unitas secundum partem uel partes, ex quibus denominatur ratio, ita ut sit, ut planius loquamur, rationis sesquialterius quantitas praeter unitatem etiam dimidium unitatis, et rationis sesquitertiae quantitas praeter unitatem etiam pars tertia. ita enim, sicut etiam supra dictum est, quantitas rationis in terminum sequentem multiplicata antecedentem efficiet. nam unitas' cum dimidio, quae quantitas est rationis sesquialterius 9:6, in 6 multiplicata efficit 9. et in ceteris quoque idem licet intellegere. his igitur praemissis ad propositum reuertamur. duo enim numeri dati sint A, B, et medius inter eos sumatur \(\mathcal{\Gamma} \). demonstrandum igitur, rationem A:B compositam esse ex $A:\Gamma$ et $\Gamma:B$. sumatur enim rationis $A:\Gamma$ quantitas Δ et rationis $\Gamma:B$ quantitas E. itaque $\Gamma \times \Delta = A$ et $B \times E = \Gamma$. sit igitur $\Delta \times E = Z$. dico, Z quantitatem esse ratio-

το F. 16. ποι cum comp. ην uel ιν F. 29. τοῦ τοῦ] του F; corr. ed. Basil.

λόγου, τουτέστιν, ὅτι ὁ Ζ τὸν Β πολλαπλασιάσας τὸν Α ποιεῖ. ὁ γὰο Β τὸν Ζ πολλαπλασιάσας τὸν Η ποιείτω. ἐπεὶ οὖν ὁ Β τὸν μὲν Ζ πολλαπλασιάσας τὸν



Η πεποίημεν, τὸν δὲ Ε πολλαπλασιάσας τὸν Γ, ἔστιν ἄρα, ὡς ὁ Ζ πρὸς τὸν Ε, ὁ Η πρὸς τὸν Γ. πάλιν ἐπεὶ ὁ Δ τὸν μὲν Ε πολλαπλα-Ζ Η σιάσας τὸν Ζ πεποίημεν, τὸν δὲ Γ πολλαπλασιάσας τὸν Α πεποίημεν, ἔστιν ἄρα, ὡς ὁ Ε πρὸς τὸν Γ, ὁ Ζ πρὸς τὸν Α. ἐναλλάξ, ὡς ὁ Ε πρὸς τὸν Ζ, ὁ Γ πρὸς τὸν Α. καὶ ἀνά-

παλιν, ώς ὁ Ζ πρὸς τὸν Ε, οὕτως ὁ Α πρὸς τὸν Γ. ἀλλ' ὡς ὁ Ζ πρὸς τὸν Ε, ἐδείχθη ὁ Η πρὸς τὸν Γ. καὶ 15 ὡς ἄρα ὁ Η πρὸς τὸν Γ, ὁ Α πρὸς τὸν Γ. ἴσος ἄρα ὁ Α τῷ Η. ἀλλ' ὁ Β τὸν Ζ πολλαπλασιάσας τὸν Η πεποίηκεν. καὶ ὁ Β ἄρα τὸν Ζ πολλαπλασιάσας τὸν Α ποιεῖ. ὁ Ζ ἄρα πηλικότης ἐστὶ τοῦ τοῦ Α πρὸς τὸν Β λόγου. καί ἐστιν ὁ Ζ τοῦ Δ ἐπὶ τὸν Ε πολλαπλα-20 σιασθέντος, τουτέστι τῆς πηλικότητος τοῦ ΑΓ λόγου ἐπὶ τὴν πηλικότητα τοῦ ΓΒ λόγου. ὁ ἄρα τοῦ Α πρὸς τὸν Β λόγος σύγκειται ἔκ τε τοῦ, ὃν ἔχει ὁ Α πρὸς τὸν Γ, καὶ ὁ Γ πρὸς τὸν Β. ὅπερ ἔδει δείξαι.

ῖνα δὲ καὶ ἐπὶ ὑποδείγματος φανεφὸν γένηται 25 τὸ εἰρημένον, παφεμπιπτέτω τοῦ ιβ΄ καὶ τοῦ β΄ μέσος τις ἀφιθμὸς ὁ δ΄. λέγω, ὅτι ὁ τοῦ ιβ΄ πφὸς τὸν β΄ λόγος, τουτέστιν ὁ έξαπλάσιος, σύγκειται ἔκ τε τοῦ τριπλασίου τοῦ ιβ΄ πρὸς τὸν δ΄ καὶ τοῦ διπλασίου τοῦ δ΄ πρὸς τὸν δ΄ καὶ τοῦ διπλασίου τοῦ δ΄ πρὸς τὸν β΄. ἐὰν γὰρ τὰς πηλικότητας τῶν

^{2.} τον Z] προς (comp.) τον Z FV. 11. τον A] τον ZA

nis
$$A:B$$
, h. e. esse $Z \times B = A$. sit enim $B \times Z = H$.

iam quoniam

$$B \times Z = H$$
 et $B \times E = \Gamma$.

erit igitur

$$Z: E = H: \Gamma$$

rursus quoniam

$$\Delta \times E = Z$$
 et $\Delta \times \Gamma = A$,

erit

$$E:\Gamma=Z:A.$$

tum uicissim

$$E:Z=\Gamma:A.$$

et e contrario

$$Z: E = A: \Gamma$$
.

sed demonstratum est, esse

$$Z: E = H: \Gamma$$

quare etiam

$$H:\Gamma=A:\Gamma$$
.

itaque A = H. sed erat

$$B \times Z = H$$
.

itaque

$$B \times Z = A$$
.

quare Z quantitas est rationis A:B. et erat

$$Z = \Delta \times E$$

hoc est aequalis quantitati rationis $A:\Gamma$ in quantitatem rationis $\Gamma:B$ multiplicatae. itaque ratio A:B composita est ex rationibus $A:\Gamma$ et $\Gamma:B$; quod erat demonstrandum.

uerum ut etiam exemplo adpareat, quod diximus, sumatur inter 12 et 2 medius numerus 4. dico, rationem 12:2, h. e. sexcuplam, compositam esse ex ratione triplici 12:4 et duplici 4:2. nam si quanti-

FV. 17. $\vec{\tau}$ or A] $\vec{\tau}$ α A F. 18. $\vec{\tau}$ or $\vec{\tau}$ or \vec{v} ; corr. A. 19. $\vec{\lambda}$ or cum comp. or F. 22. \vec{B} Θ FV. 28. $\vec{\tau}$ or $\vec{\delta}$ or $\vec{\delta}$ or $\vec{\delta}$ r; corr. Torellius. 29. $\vec{\tau}$ or $\vec{\delta}$ r $\vec{\delta}$ F; corr. Torellius, ut p. 146, 3.

λόγων πολλαπλασιάσωμεν έπ' άλλήλας, τουτέστι τὸν γ' έπὶ τὸν β', γίνεται ὁ 5' πηλικότης ὢν τοῦ ι β' πρὸς τὸν β΄ λόγου, καί ἐστιν έξαπλάσιος, ὅνπεο καὶ προέχειτο ύποδεϊξαι. εί δε και ό μέσος παρεμπίπτων μή 5 ύπάρχη τοῦ μὲν μείζονος έλάττων, τοῦ δὲ έλάττονος μείζων, άλλ' ἢ [τὸ ἀνάπαλιν ἢ] ἀμφοτέρων μείζων ἢ άμφοτέρων έλάττων, και ούτως ή σύνθεσις ή προειρημένη ἀκολουθήσει. τοῦ θ' καὶ τοῦ 5' μέσος τις παρεμπιπτέτω άμφοτέρων μείζων ὁ ιβ΄. λέγω, ὅτι ἔχ τε 10 τοῦ ὑπεπιτρίτου τοῦ θ΄ πρὸς τὸν ιβ΄ λόγου καὶ τοῦ διπλασίου τοῦ ιβ΄ πρὸς τὸν 5΄ σύγκειται ὁ ἡμιόλιος τοῦ θ΄ πρὸς τὸν τ΄. ἡ γὰρ πηλικότης τοῦ θ΄ πρὸς τὸν ιβ΄ λόγου ἐστὶ τρία τέταρτα, τουτέστιν ημισυ καὶ τέταρτον, ή δὲ πηλικότης τοῦ ιβ΄ πρὸς τὸν 5΄ ἐστιν 15 δ β΄. ἐὰν οὖν πολλαπλασιάσωμεν τὸν β΄ ἐπὶ τὸ ῆμισυ καλ τέταρτον, γίνεται μονάς α΄ καλ ημισυ, ητις πηλικότης έστι τοῦ ἡμιολίου λόγου, ὃν ἔχει και ὁ δ΄ πρός τὸν 5΄. όμοίως δε καν του θ΄ και 5΄ μέσος έμπέση δ δ΄, έκ τοῦ θ΄ πρὸς δ΄ διπλασιεπιτετάρτου καὶ τοῦ δ΄ πρὸς 5΄ 20 ύφημιολίου σύγκειται ό ήμιόλιος λόγος. πάλιν γὰρ την πηλικότητα τοῦ διπλασιεπιτετάρτου τὰ β' δ" ἐπλ την πηλικότητα τοῦ ύφημιολίου, τουτέστι τὰ δύο τρίτα, πολλαπλασιάσαντες έξομεν τὸ εν καὶ ημισυ πηλικότητα τοῦ ἡμιολίου, ώς εἴρηται, λόγου. καὶ ἐπὶ πάντων δὲ 25 όμοίως ό αὐτὸς άρμόσει λόγος. συμφανές δε έχ τῶν είρημένων, ώς, έὰν δύο δοθέντων ἀριθμῶν ήτοι μεγεθών καν μη είς μέσος, πλείους δε παρεμπίπτωσιν δροι, δ τῶν ἄκρων λόγος σύγκειται ἐκ πάντων τῶν λόγων, ών έχουσιν οί κατά τὸ έξῆς κείμενοι ὅροι ἀρ-

^{2.} $t \circ v \beta'$] to β' F. y/vexal] per comp. F. 6. $\vec{\eta}$ to $\vec{a}v \acute{a}n \alpha l \iota v$] errorem tam ineptum Eutocius uix potuit commit-

tates rationum, h. e. 3 et 2, inter se multiplicauerimus, efficietur 6 quantitas rationis 12:2, et sexcupla erit, quam ipsam inuenire propositum erat. sin numerus, qui medius sumitur, maiore minor et maior minore non est, sed aut utroque maior aut utroque minor, sic quoque compositio, quam significauimus, sequetur. inter 9 et 6 medius sumatur numerus 12 utroque maior. dico, rationem sesquialteram 9:6 compositam esse ex ratione subsesquitertia 9:12 et duplici 12:6. nam quantitas rationis 9:12 est $\frac{3}{4}$, h. e. $\frac{1}{4} + \frac{1}{4}$, quantitas autem rationis 12:6 est 2. si igitur multiplica uerimus 2 in $\frac{1}{2} + \frac{1}{4}$, efficietur $1 + \frac{1}{4}$, quantitas rationis sesquialterius, quam habet 9:6. et similiter etiam si inter 9 et 6 medius sumitur 4, ratio sesquialtera composita est ex ratione duplici sesquiquarta 9:4 et subsesquialtera 4:6. rursus enim si quantitatem rationis duplicis sesquiquartae 2 + 1 in quantitatem subsesquialterius, h. e. $\frac{2}{3}$, multiplicauerimus, habebimus $1 + \frac{1}{3}$, quantitatem rationis sesquialterius, uti diximus. et in omnibus eadem ratio ualebit.

adparet autem ex iis, quae diximus, etiam si¹) inter duos datos numeros uel magnitudines non unus, sed plures medii sumantur termini, sic quoque rationem extremorum compositam esse ex omnibus rationi-

¹⁾ Fortasse delendum est ἐάν lin. 26.

tere. 11. $\pi \varrho \acute{o}s$] om. F; corr. B. 12. $t\acute{o}v s'$] $t\alpha s'$ F; corr. Torellius. 18. $\kappa \alpha \ell$] per comp. F. 16. $\gamma \ell v \epsilon \tau \alpha \ell$] per comp. F. 18. s'] F; $to \widetilde{v}$ s' uulgo. 21. β' δ''] $\overline{Bd'}$ F, uulgo; $\delta \acute{v}o$ $\tau \acute{e}\tau \alpha \varrho \tau \alpha$ Torellius peruerse. 28. Ev $\kappa \alpha \ell$ $\tilde{\eta} \mu \iota \sigma v$] $\kappa \alpha \ell$ om. F; corr. Torellius; fort. scrib. α' ι'' . 26. $\epsilon \iota \varrho \eta \mu \epsilon \nu \sigma \sigma$ F.

χόμενοι ἀπὸ πρώτου καὶ λήγοντες είς τὸν ἔσχατον τῆ κατὰ τοὺς ἐχομένους τάξει. δύο γὰρ ὅντων ὅρων τῶν Α, Β παρεμπιπτέτωσαν πλείους ένὸς οί Γ, Δ. λέγω, ὅτι ὁ τοῦ Α πρὸς τὸν Β λόγος σύγκειται ἔκ τε τοῦ, ὁ δὺ ἔχει ὁ Α πρὸς τὸν Γ, καὶ ὁ Γ πρὸς τὸν Δ, καὶ ὁ

Δ πρὸς τὸν Β. ἐπεὶ γὰρ ὁ τοῦ Α πρὸς τὸν Β σύγκειται ἔκ τε τοῦ, ὃν ἔχει ὁ Α πρὸς τὸν Δ, καὶ ὁ Δ πρὸς τὸν Β, ὡς ἀνωτέρω εἴρηται, ὁ δὲ τοῦ Α πρὸς τὸν Δ λόγος σύγκειται ἔκ τε τοῦ, ὃν ἔχει ὁ Α πρὸς τὸν Γ, καὶ ὁ Γ πρὸς τὸν Δ [ἔχει], ὁ ἄρα τοῦ Α πρὸς τὸν Β λόγος συνῆπται ἔκ τε τοῦ, ὃν ἔχει ὁ Α πρὸς τὸν Γ, καὶ ὁ Γ πρὸς τὸν Δ, καὶ ὁ Δ πρὸς

15 τὸν Β. — ὁμοίως δὲ καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν δειχθήσεται.
Ετι ἐν τῷ ὁητῷ φησιν.

'Αλλ' ώς μεν ή ΡΛ ποὸς ΛΔ, ἐδείχθη τὸ ἀπὸ ΒΔ ποὸς τὸ ἀπὸ ΔΧ] ἐπεὶ γὰο δέδεικται, ώς ή ΡΛ ποὸς ΛΔ, τὸ ἀπὸ ΛΚ ποὸς τὸ ἀπὸ ΔΛ, ώς δὲ τὸ 20 ἀπὸ ΚΛ ποὸς τὸ ἀπὸ ΛΔ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΒΔ ποὸς τὸ ἀπὸ ΔΧ (ἐδείχθη γάο, ώς ή ΚΛ ποὸς ΛΔ, ή ΒΔ ποὸς ΔΧ διὰ τοῦ συνθέντι), ώς ἄρα ή ΡΛ ποὸς ΛΔ, τὸ ἀπὸ ΒΔ ποὸς τὸ ἀπὸ ΔΧ.

Πεποιήσθω δέ, ώς ή PΛ πρός ΛΧ, ή ΒΖ πρός 25 ΖΘ] τὸ Θ σημεῖον ὅπως ποτὲ μὲν ἂν τεθῆ, ὅσον πρὸς τὴν ἀκολουθίαν τῆς ἀποδείξεως κατ' οὐδὲν ἐμποδων γίνεται τῷ λόγω. ὅτι δέ, καθὰ ἐν τῆ καταγραφῆ κεῖται, ἀεὶ μεταξὺ τῶν Β, Ρ πίπτει, οῦτως ἔσται δῆλον. ἐπεὶ γάρ ἐστιν, ὡς ἡ ΛΚ πρὸς ΔΚ, τουτέστι πρὸς

^{9.} ανοτερω F. 12. ἔχει] deleo. 21. ΔΧ] ΒΧ FV, Cr. 24. sine signo F. 25. ἄν] εαν F; corr. Torellius. 27. γί-

bus, quas habeant termini deinceps positi a primo incipientes et in extremo desinentes secundum ordinem terminorum deinceps sequentium. nam inter duos terminos A, B sumantur plures uno Γ , Δ . dico, rationem A:B compositam esse ex $A:\Gamma$ et $\Gamma:\Delta$ et $\Delta:B$. nam quoniam ratio A:B composita est ex $A:\Delta$ et $\Delta:B$, ut supra dictum est, ratio autem $A:\Delta$ ex $A:\Gamma$ et $\Gamma:\Delta$, ratio igitur A:B composita est ex $A:\Gamma$ et $\Gamma:\Delta$ et $\Delta:B$. et similiter etiam in ceteris demonstrabitur.

porro in uerbis Archimedis est:

P. 212, 21-22: sed demonstratum est, esse

 $PA: A\Delta = B\Delta^2: \Delta X^2$

nam quoniam demonstratum est, esse

 $PA: A\Delta = AK^2: \Delta A^2$ [p. 212, 7],

et $K \Delta^2 : \Delta \Delta^2 = B \Delta^2 : \Delta X^2$ (nam demonstratum est, esse componendo

 $KA: A\Delta = B\Delta: \Delta X$ [p. 212, 9-10]), erit igitur $PA: A\Delta = B\Delta^2: \Delta X^2$.

P. 214, 1—2: fiat¹) autem $PA: AX = BZ: Z\emptyset$] quo modo punctum \emptyset ponatur, quod ad demonstrationis tenorem adtinet, nihil refert ratiocinationis. uerum id semper inter puncta B, P cadere, sicut in figura [uol. I p. 217] positum est, sic erit manifestum. quoniam est AK: AK, h. e. AK: KB, $= KP: PB^2$),

¹⁾ Hoc loco igitur πεποιήσθω pro γεγονέτω genuinum esse uidetur (cfr. Quaest. Arch. p. 70), nisi hic quoque transscriptoris est.

²⁾ Componendo ex $A\Delta: K\Delta = KB: BP$ (uol. I p. 212, 1).

νεται] per comp. F. 28. οῦτως ἔσται] utrumque per comp. F. 29. γάφ ἔστιν] utrumque per comp. F.

ΚΒ, οῦτως ἡ ΚΡ πρὸς ΡΒ, καὶ ὡς ἄρα ἐν πρὸς ἔν, οῦτως ἄπαντα πρὸς ἄπαντα, ὡς ἡ ΛΡ πρὸς ΡΚ, ἡ ΚΡ πρὸς ΡΒ. μείζονα δὲ λόγον ἔχει ἡ ΛΡ πρὸς ΡΧ, ἤπερ ἡ ΛΡ πρὸς ΡΧ. καὶ ἡ ΛΡ ἄρα πρὸς ΡΧ μείδονα λόγον ἔχει, ἤπερ ἡ ΚΡ πρὸς ΒΡ, τουτέστιν ἡ ΖΒ πρὸς ΒΡ. ἀναστρέψαντι ἡ ΡΛ πρὸς ΛΧ ἐλάσσονα ἔχει λόγον, ἤπερ ἡ ΒΖ πρὸς ΖΡ. ἐὰν ἄρα ποιήσωμεν, ὡς ΡΛ πρὸς ΛΧ, οῦτως τὴν ΒΖ πρὸς ἄλλην τινά, ἔσται πρὸς μείζονα τῆς ΖΡ. — φανερὸν δὲ 10 αὐτόθεν, ὅτι ἡ ΖΘ τῆς ΘΒ μείζων ἐστίν. ἐπεὶ γὰρ δέδεικται, ὡς ἡ ΛΔ πρὸς ΔΚ, ἡ ΔΧ πρὸς ΧΒ, καὶ ἡ ΚΒ πρὸς ΒΡ, μείζων δὲ ἡ ΔΧ τῆς ΧΒ, μείζων ἄρα καὶ ἡ ΛΔ τῆς ΔΚ, καὶ ἡ ΚΒ τῆς ΒΡ. ώστε καὶ ἡ ΛΔ τῆς ΒΡ. καὶ ὅλη ἄρα ἡ ΛΧ τῆς ΧΡ μείτον ἐστίν. ώστε καὶ ἡ ΛΔ τῆς ΒΡ. καὶ ὅλη ἄρα ἡ ΛΧ τῆς ΧΡ μείτον ἐστίν. ώστε καὶ ἡ ΘΖ τῆς ΘΒ.

Αοιπὸν ἄρα ἐστίν, ὡς τὸ ἀπὸ ΒΔ, τουτέστι τὸ δοθέν, πρὸς τὸ ἀπὸ ΔΧ, οῦτως ἡ ΖΧ πρὸς ΖΘ] ἐπεὶ γὰρ τῷ τῆς ΒΖ πρὸς ΘΖ λόγφ ὁ αὐτὸς ἐδείχθη ὁ συγκείμενος ἐκ τοῦ ἀπὸ ΒΔ πρὸς τὸ ἀπὸ 20 ΔΧ καὶ τοῦ τῆς ΒΖ πρὸς ΖΧ, τῷ δὲ αὐτῷ τῷ τῆς ΒΖ πρὸς ΖΘ ὁ αὐτός ἐστι καὶ ὁ συγκείμενος ἐκ τοῦ τῆς ΒΖ πρὸς ΖΧ καὶ τοῦ τῆς ΧΖ πρὸς ΖΘ, καὶ ὁ συγκείμενος ἄρα ἐκ τοῦ ἀπὸ ΒΔ πρὸς τὸ ἀπὸ ΔΧ καὶ τοῦ τῆς ΒΖ πρὸς ΖΧ λόγος ὁ αὐτός ἐστι τῷ. 25 συγκειμένφ ἐκ τοῦ τῆς ΒΖ πρὸς ΖΧ καὶ τοῦ τῆς ΧΖ πρὸς ΖΘ. ἐὰν οὖν τὸν ἐν ἀμφοτέροις τοῖς λόγοις κοινὸν ἀφέλωμεν τὸν τῆς ΒΖ πρὸς ΧΖ, λοιπὸς ὁ τοῦ κοινὸν ἀφέλωμεν τὸν τῆς ΒΖ πρὸς ΧΖ, λοιπὸς ὁ τοῦ

^{3.} KP] KB F, Cr. 5. KP] KB F; corr. A. 9. $\xi \sigma \tau \omega l$] per comp. F. 20. ΔX] ΔK FVCD. $\tau \sigma \tilde{\nu}$] om. F; corr. Torellius. ZX] ZK FVCD. 22. ZX] ZK FV. $\tau \sigma \tilde{\nu}$] om. FV. $Z\Theta$ $\lambda \delta \gamma \sigma \sigma$ A, ed. Basil., Torellius. 23. ΔX] ΔK

itaque ut unus terminus ad unum, ita omnes ad omnes [Eucl. ∇ , 12] KP: PB = AP: PK. sed

 $\Delta P: PX > \Delta P: PK$.

itaque $\Delta P: PX > KP: BP$, h. e. $\Delta P: PX > BZ: BP$. 1) convertendo $PA: \Delta X < BZ: ZP$. 3) si igitur fecerimus, ut $PA: \Delta X$, ita BZ ad aliam lineam, erit ad lineam maiorem linea ZP. 3) — hic autem statim adparet, esse $Z\Theta > \Theta B$. nam quoniam demonstratum est, esse

 $\Delta \Delta : \Delta K = \Delta X : XB = KB : BP \text{ (uol. I p. 212, 1-2)},$ et $\Delta X > XB$, erit etiam $\Delta \Delta > \Delta K$ et KB > BP. quare etiam $\Delta \Delta > BP$. itaque $\Delta X > XP$ et etiam $\Theta Z > \Theta B^4$.

P. 214, 10—12: itaque quod relinquitur $B\Delta^2$, hoc est spatium datum, ad ΔX^2 eam rationem habet, quam XZ ad $Z\Theta$] nam quoniam demonstratum est, esse $B\Delta^2: \Delta X^2 \times BZ: ZX = BZ: \Theta Z$ [uol. I p. 214, 5—7], sed etiam $BZ: Z\Theta = BZ: ZX \times XZ: Z\Theta$, erit etiam $B\Delta^2: \Delta X^2 \times BZ: ZX = BZ: ZX \times XZ: Z\Theta$.

si igitur rationem BZ: XZ utrique communem remo-

¹⁾ Nam ZB = KB (I p. 212, 14) < KP; tum u. Eucl. V, 8.

²⁾ Cfr. Pappus VII, 48 p. 686.

³⁾ Itaque $Z\Theta > ZP$; sed cum PA > AX, erit $BZ > Z\Theta$. itaque Θ punctum inter B et P cadit.

⁴⁾ Nam $PA:AX = BZ:Z\Theta$ (uol. I p. 214, 1—2); unde dirimendo $XP:AX = B\Theta:Z\Theta$.

FV. 24. ZX] ZK FV. 25. ZX] BX FV. 27. XZ] BZ F; ZX uulgo.

ἀπὸ B extstyle extstyle πρὸς τὸ ἀπὸ <math> extstyle extstyle X λόγος ὁ αὐτός ἐστι τῷ τῆς extstyle ext

Καὶ δὴ δοθείσαν τὴν ΔΖ τεμεῖν δεῖ κατὰ τὸ Χ καὶ ποιεῖν, ὡς τὴν ΧΖ πρὸς δοθεῖσαν 5 (τουτέστι την ΖΘ), ουτως τὸ δοθέν (τουτέστι τὸ ἀπὸ ΒΔ) πρὸς τὸ ἀπὸ ΔΧ. τοῦτο δὲ οῦτως άπλῶς μὲν λεγόμενον ἔχει διορισμόν, προστιθεμένων δε τῶν προβλημάτων τῶν ἐνθάδε ὑπαρχόντων (τουτέστι τοῦ τε διπλασίαν είναι τὴν ΔΒ 10 της ΒΖ καὶ τοῦ μείζονα την ΒΖ της ΖΘ, ώς κατά την ανάλυσιν) οὐκ ἔχει διορισμόν. καὶ ἔσται τὸ πρόβλημα τοιοῦτον δύο δοθεισῶν εὐθειῶν τῶν ΔΒ, ΒΖ καὶ διπλασίας οὖσης τῆς ΔΒ τῆς ΒΖ καὶ σημείου έπὶ τῆς ΒΖ τοῦ Θ τεμείν τὴν 15 ΔΒ κατὰ τὸ Χ καὶ ποιείν, ὡς τὸ ἀπὸ ΔΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΔΧ, τὴν ΧΖ πρὸς ΖΘ. ἐκάτερα δὲ ταῦτα ἐπὶ τέλει ἀναλυθήσεταί τε καὶ συντεθήσεται] έπλ τέλει μέν τὸ προρηθέν έπηγγείλατο δείξαι. έν ούδενὶ δὲ τῶν ἀντιγράφων εύρεῖν ἔνεστι τὸ ἐπ-20 άγγελμα. ὅθεν καὶ ⊿ιονυσόδωρον μὲν εύρίσκομεν μὴ τῶν αὐτῶν ἐπιτυχόντα, ἀδυνατήσαντα δὲ ἐπιβαλετν τῶ καταλειφθέντι λήμματι ἐφ' έτέραν ὁδὸν τοῦ ὅλου προβλήματος έλθεζν, ηντινα έξης γράψομεν. Διοκλης μέντοι καὶ αὐτὸς έν τῷ περὶ πυρίων αὐτῷ συγγεγραμ-25 μένω βιβλίω έπηγγέλθαι νομίζων τὸν Αρχιμήδη, μὴ πεποιηκέναι δε το επάγγελμα, αὐτος ἀναπληροῦν έπεχείρησεν. καὶ τὸ ἐπιχείρημα έξῆς γράψομεν. ἔστιν

^{1.} $\tau \delta$] om. F; corr. Torellius. 3. $\delta \eta$] sotal per comp. F; corr. ed. Basil. $\tau \eta \nu$] $\tau \eta s$ per comp. F; corr. ed. Basil. $\delta \epsilon i$] $\delta \eta$ FC. 4. $\pi o \iota$ cum comp. $\eta \nu$ uel $\iota \nu$ F. Lin. 3—11: $\delta \iota o \varrho \iota \sigma \mu \delta \nu$ sine signo F. 11. $\tau \delta$] Archimedes I p. 214, 20; om. F, uulgo. 17. $\tau \epsilon$] Archimedes I p. 214, 26; om. F, uulgo.

uerimus¹), quae relinquitur ratio $B\Delta^2: \Delta X^2$, aequalis erit rationi $XZ: Z\Theta$.

P. 214, 13-26: datam igitur lineam²) ΔZ secare oportet in puncto X, ita ut sit, sicut XZ ad lineam datam (h. e. ZO), ita datum spatium (h. é. B 12) ad ΔX^2 . hoc si ita indefinite proponitur, determinationem habet, sed adiunctis condicionibus, quae hoc loco exstant (h. e. esse $\Delta B = 2BZ$ et $BZ > Z\Theta$. ut ex analysi adparuit), determinationem non habet. et erit problema huiusmodi: datis duabus lineis AB et BZ, quarum ΔB duplo maior est linea BZ, et puncto Θ in linea BZ lineam ΔB in puncto X ita secare, ut fiat $\Delta B^2 : \Delta X^2 = XZ : Z\Theta$. quorum utrumque in fine resoluetur et componetur] promisit quidem, se in fine demonstraturum esse, quae dicta sunt, sed in nullo codice inueniri potuit, quod promisit. quare etiam Dionysodorum, quippe qui eadem desideraret nec lemma praetermissum excogitare posset, aliam totius problematis rationem iniisse reperimus, quam infra perscribemus. Diocles autem, qui et ipse in eo libro, quem scripsit de speculis causticis, Archimedem promisisse quidem arbitratur, sed promissum non praestitisse, ipse supplere conatus est. et conatum eius deinceps perscribemus. nam quamquam et ipse cum prae-

¹⁾ Non subtrahendo, quod uulgo hoc uocabulo significatur, sed diuidendo.

Fortasse pro καὶ ἔσται scrib. εὐθεῖαν ἄρα, sicut uol. I
 214, 13 restitui; alioquin discrepantia transscriptori tribuenda est.

^{19.} $\tau \delta$] de τo F; corr. B; $\tau \delta de$ Torellius. 24. $\alpha \delta \tau \delta s$] $\alpha v \tau o$ F; corr. V. 25. $\mu \dot{\eta}$] scripsi; $\mu \eta \tau e$ F, unlgo; $\mu \dot{\eta} \pi o \tau e$ B, ed. Basil., Torellius; ,non" Cr.

γὰο καὶ αὐτὸ οὐδένα μὲν ἔχον πρὸς τὰ παραλελειμμένα λόγον, όμοίως δε τω Διονυσοδώρω δι' ετέρας άποδείξεως κατασκευάζον τὸ πρόβλημα. Εν τινι μέντοι παλαιώ βιβλίω (οὐδε γαρ της είς πολλα ζητήσεως απέστη-5 μεν) ενετύχομεν θεωρήμασι γεγραμμένοις ούα όλίγην μέν την έκ των πταισμάτων έγουσιν ασάφειαν περί τε τὰς καταγραφὰς πολυτρόπως ἡμαρτημένοις, τῶν μέντοι ζητουμένων είγον την υπόστασιν, εν μέρει δε την Άργιμήθει φίλην Δωρίδα γλώσσαν ἀπέσωζον καὶ τοῖς συν-10 ήθεσι τῷ ἀρχαίῳ τῶν πραγμάτων ὀνόμασιν ἐγέγραπτο. της μεν παραβολης όρθογωνίου κώνου τομης όνομαζομένης, της δε ύπερβολης αμβλυγωνίου κώνου τομης, ώς έξ αὐτῶν διανοεῖσθαι, μὴ ἄρα καὶ αὐτὰ εἴη τὰ ἐν τῷ τέλει ἐπηγγελμένα γράφεσθαι. ὅθεν σπουδαιότερον 15 έντυγγάνοντες αὐτὸ μὲν τὸ δητόν, ὡς γέγραπται, διὰ πλήθος, ώς εξρηται, των πταισμάτων δυσχερές εύρόντες τὰς ἐννοίας κατὰ μικρὸν ἀποσυλήσαντες κοινοτέρα καί σαφεστέρα κατά τὸ δυνατὸν λέξει γράφομεν. καθόλου δὲ πρώτον τὸ θεώρημα γραφήσεται, ΐνα τὸ λε-20 γόμενον ὑπ' αὐτοῦ σαφηνισθη περί τῶν διορισμῶν. είτα και τοις άναλελυμένοις έν τῶ προβλήματι προσαρμοσθήσεται.

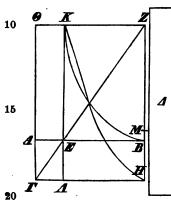
Εὐθείας δοθείσης τῆς ΑΒ καὶ ἐτέρας τῆς ΑΓ καὶ χωρίου τοῦ Δ προκείσθω λαβεῖν ἐπὶ 25 τῆς ΑΒ σημεῖον ὡς τὸ Ε, ὥστε εἶναι, ὡς την ΑΕ πρὸς ΑΓ, οῦτω τὸ Δ χωρίον πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΒ. γεγονέτω, καὶ κείσθω ἡ ΑΓ πρὸς ὀρθὰς τῆ ΑΒ, καὶ ἐπιζευχθεῖσα ἡ ΓΕ διήχθω ἐπὶ τὸ Ζ. καὶ ἤχθω διὰ τοῦ Γ τῆ ΑΒ παράλληλος ἡ ΓΗ,

^{1.} παραλελειμμένα] scripsi; αρα (comp.) λελημμενα (altero μ supra scripto manu 1) F; παραλελημενα ČVAD; προλελημμένα

termissis nihil commune habet, tamen, sicut Dionysodori, problema alia demonstratione conficit. libro quodam uetusto (neque enim multa perscrutari supersedebam) incidi in theoremata quaedam ibi perscripta, quae propter errores non minimam habebant obscuritatem et in figuris multifariam mendosa erant, praestabant autem, quod quaerimus, et aliqua ex parte sermonem Doricum Archimedi adsuetum seruabant et scripta erant cum nominibus in antiqua harum rerum disciplina usitatis, cum parabola uocaretur coni rectanguli sectio, hyperbola coni obtusianguli sectio; unde orta est suspicio, ea ipsa esse, quae in fine perscripturum se esse promisisset. quare adcuratius incumbens, cum ipsa uerba, sicut scripta sunt, propter eam, quam dixi, mendorum copiam obscuriora inuenissem, sententias singulatim excerptas oratione, quantum potui, usitatiore et clariore perscripsi. primum igitur theorema universaliter perscribetur, ut adpareat, quod de determinationibus dixit; deinde etiam ad ea, quae in analysi problematis dicta sunt, adplicabitur.

"Data linea AB et alia linea $A\Gamma$ et spatio Δ propositum sit, ut in linea AB punctum sumamus, uelut E, ita ut sit $AE: A\Gamma = \Delta: EB^2$. fiat, et ponatur $A\Gamma$ ad AB perpendicularis, et linea ΓE ducta producatur ad Z. et ducatur per Γ lineae AB parallela linea

Β, ed. Basil.; πορβλελημμένα Torellius. 3. πατασκενάζον] scripsi; πατασκενάζων F, uulgo. 5. ένετύχομεν] scripsi; ενετυχαμεν F, uulgo; fort. έντετύχαμεν. ολιγ cum comp. ων F. 7. ημαστιμενοις F. 10. εγγεγραπτο F. 13. αὐτά] scripsi; αυτος F, uulgo. 14. έπερχόμενος γράφεσθαι Torellius. 17. ευνοιας F.



ΓΗ πρὸς τὸ ὑπὸ ΓΗΖ, ὡς ἄρα τὸ ἀπὸ ΓΗ πρὸς τὸ ὑπὸ ΓΗΖ, οῦτως τὸ Δπρὸς τὸ ἀπὸ ΕΒ, τουτ ἐστι πρὸς τὸ ἀπὸ ΚΖ. καὶ ἐναλλάξ, ὡς τὸ ἀπὸ ΓΗ πρὸς τὸ Δ, τουτέστι πρὸς τὸ ὑπὸ ΓΗΜ, οῦτως τὸ ὑπὸ ΓΗΖ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΗ πρὸς τὸ ὑπὸ ΓΗΜ, οῦ τως ἡ ΓΗ πρὸς ΗΜ, αῦ τως ἡ ΓΗ πρὸς ΗΜ. καὶ

ώς ἄρα ἡ ΓΗ πρὸς ΗΜ, οὕτως τὸ ὑπὸ ΓΗΖ πρὸς τὸ ἀπὸ ΖΚ. ἀλλ' ὡς ἡ ΓΗ πρὸς ΗΜ, τῆς ΗΖ ποὶνοῦ ὕψους λαμβανομένης οῦτως τὸ ὑπὸ ΓΗΖ πρὸς τὸ ὑπὸ ΜΗΖ. ὡς ἄρα τὸ ὑπὸ ΓΗΖ 25 πρὸς τὸ ὑπὸ ΜΗΖ, οῦτως τὸ ὑπὸ ΓΗΖ πρὸς τὸ ἀπὸ ΖΚ. ἴσον ἄρα τὸ ὑπὸ ΜΗΖ τῷ ἀπὸ ΖΚ. ἐὰν ἄρα περὶ ἄξονα τὴν ΖΗ γραφῆ διὰ τοῦ Η παραβολὴ ὅστε τὰς καταγομένας δύνασθαι παρὰ τὴν ΗΜ, ῆξει διὰ τοῦ Κ, καὶ ἔσται θέ
30 σει δεδομένη διὰ τὸ δεδομένην εἶναι τὴν ΗΜ

^{1.} ZBH] ZHB F; corr. Torellius. 3. τό] τω F. 7. ή

 ΓH , per B autem lineae $A\Gamma$ parallela linea ZBH cum utraque linea ΓE , ΓH concurrens. et expleatur parallelogrammum $H\Theta$, et per E utrique lineae $\Gamma\Theta$, HZ parallela ducatur KEA, et spatio Δ aequale sit $\Gamma H \times HM$. iam quoniam est $EA: A\Gamma = \Delta: EB^2$,

et $EA: A\Gamma \stackrel{\bullet}{=} \Gamma H: HZ$,

et $\Gamma H: HZ = \Gamma H^2: \Gamma H \times HZ$, erit

 $\Gamma H^2: \Gamma H \times HZ = \Delta: EB^2 = \Delta: KZ^2.$

et uicissim $\Gamma H^2 : \Delta$, h. e.

 $\Gamma H^2: \Gamma H \times HM = \Gamma H \times HZ: ZK^2.$

sed $\Gamma H^2: \Gamma H \times HM = \Gamma H: HM$. itaque $\Gamma H: HM = \Gamma H \times HZ: ZK^2$.

sed $\Gamma H: HM = \Gamma H \times HZ: MH \times HZ$, communi altitudine sumpta HZ. itaque etiam

 $\Gamma H \times HZ : MH \times HZ = \Gamma H \times HZ : ZK^2$.

quare erit $MH \times HZ = ZK^2$. si igitur circum axem

ZH per H parabolam descripserimus, ita ut parametrus sit HM, per K ibit¹), et positione data erit, quia HM magnitudine data est, quippe quae cum data linea

¹⁾ Apollon. con. I, 11 conuers. Zeitschr. f. Math., hist. Abth. XXV p. 51.

ZH] το απο ΓΗ F; corr. ed. Basil. In figura codicis F littera M in producta linea ΓΗ ponitur. 21. οὐτως] αλλ' ὡς FVA.
22. Post HM repetuntur in F: αλλ' ὡς το υπο ΓΗΖ προς το απο ZK αλλ ωσ η ΓΗ προς HM; sed expunxit manus 1. 26. ἄρα] per comp. F. 28. δύνασθαι] om. F; corr. A. 29. ἔσται] per comp. F.

τῷ μεγέθει περιέχουσαν μετὰ τῆς ΗΓ δεδομένης δοθέν τὸ Δ. τὸ ἄρα Κ ᾶπτεται θέσει δεδομένης παραβολής. γεγράφθω οὖν, ώς εἴρηται, καὶ ἔστω ώς ἡ ΗΚ. πάλιν ἐπειδή τὸ ΘΛ 5 χωρίον ζσον έστι τῷ ΓΒ, τουτέστι τὸ ὑπὸ ΘΚΛ τῷ ὑπὸ ΑΒΗ, ἐὰν διὰ τοῦ Β περὶ ἀσυμπτώτους τὰς ΘΓ, ΓΗ γραφη ὑπερβολή, ηξει διὰ τοῦ Κ διὰ τὴν ἀντιστροφὴν τοῦ ή θεωρήματος τοῦ δευτέρου βιβλίου τῶν ἀπολλωνίου κωνικῶν 10 στοιγείων, καὶ ἔσται θέσει δεδομένη διὰ τὸ καὶ έχατέραν τῶν ΘΓ, ΓΗ, ἔτι μὴν καὶ τὸ Β τῆ θέσει δεδόσθαι, γεγράφθω, ώς εξρηται, καὶ ἔστω ώς ή ΚΒ. τὸ ἄρα Κ ᾶπτεται θέσει δεδομένης ύπερβολής. ήπτετο δε και θέσει δεδομένης 15 παραβολής. δέδοται άρα τὸ Κ. καί ἐστιν ἀπ' αὐτοῦ κάθετος ή ΚΕ ἐπὶ θέσει δεδομένην τὴν ΑΒ. δέδοται άρα τὸ Ε. ἐπεὶ οὖν ἐστιν, ὡς ἡ ΕΑ πρός την δοθείσαν την ΑΓ, ούτως δοθέν τὸ Δ πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΒ, δύο ἄρα στερεῶν, ὧν 20 βάσεις τὸ ἀπὸ ΕΒ καὶ τὸ Δ, ῦψη δὲ αί ΕΑ, ΑΓ, άντιπεπίνθασιν αί βάσεις τοις υψεσιν. ώστε ζσα έστι τὰ στερεά. τὸ ἄρα ἀπὸ ΕΒ ἐπὶ τὴν ΕΑ ζουν έστι τῷ δοθέντι τῷ Δ ἐπὶ δοθεζοαν την ΓΑ. άλλα το από ΒΕ ἐπὶ την ΕΑ μέγιστον 25 έστι πάντων τῶν ὁμοίως λαμβανομένων ἐπλ τῆς ΒΑ, ὅταν ἡ διπλασία ἡ ΒΕ τῆς ΕΑ, ὡς δειγθήσεται, δεϊ άρα τὸ δοθέν ἐπὶ τῆν δοθεϊσαν μη μεζίον είναι τοῦ ἀπὸ τῆς ΒΕ ἐπὶ τὴν ΕΑ.

^{7.} γραφη ή γραφη F; corr. ed. Basil. υποπεριβολη F; corr. ed. Basil. 8. η'] ιβ' Torellius. Θεορηματος F. 13. KB] K F; corr. A; "bk" Cr. 19. ἄρα] om. F; corr. ed. Ba-

HΓ datum spatium Δ comprehendat. itaque punctum K parabolam positione datam tangit. describatur igitur, uti diximus, et sit HK. rursus quoniam est $\Theta \Lambda = \Gamma B$ [Eucl. I, 43], h. e. $\Theta K \times K \Lambda = AB \times BH$, si per B in asymptotis $\Theta\Gamma$, ΓH hyperbolam descripserimus, per K ibit propter conversum theorema VIII secundi libri Apollonii conicorum elementorum¹), et positione data erit, quia ûtraque linea $\Theta\Gamma$, ΓH et praeterea punctum B positione data sunt. describatur, uti diximus, et sit KB. itaque K hyperbolam positione datam tangit. tangebat autem etiam parabolam positione datam. itaque punctum K datum est. ab eo ad lineam AB positione datam perpendicularis ducta est KE. itaque E datum est. iam quoniam EA ad datam $A\Gamma$ eam rationem habet, quam datum spatium Δ ad EB^2 , in duabus figuris solidis, quarum bases sunt EB^2 et Δ , altitudines autem EA et $A\Gamma$, bases in contraria proportione altitudinum sunt. quare solidae figurae aequales sunt. itaque

 $EB^2 \times EA = \Delta \times \Gamma A$,

quorum utrumque datum est. sed $BE^2 \times EA$ maximum est omnium spatiorum in BA similiter sumptorum, si BE = 2EA, sicut demonstrabitur. itaque spatium datum in lineam datam multiplicatum non maius esse oportet quam $BE^2 \times EA$.

1) Sc. si $B\vec{E} = 2\vec{E}A$.

¹⁾ In nostris codd. est Apollon. con. II, 12. de qua re cfr. Neue Jahrb. Suppl. XI p. 862.

sil. 20. βασις FCD. καί] per comp. F. 21. βασ cumcomp. ης uel ις F. ωσται F. 22. ἄρα] per comp. F. 24. τήν] (alt.) τι cum comp. ην, ut uidetur, F. 25. ομοι cum comp. ων FD.

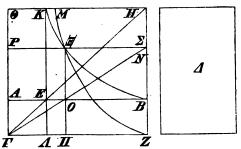
συντεθήσεται δε ούτως έστω ή μεν δοθείσα εὐθεία ή ΑΒ, ἄλλη δέ τις δοθείσα ή ΑΓ, τὸ δὲ δοθὲν χωρίον τὸ Δ. καὶ δέον ἔστω τεμεϊν την ΑΒ, ώστε είναι, ώς τὸ ξυ τμημα ποὸς 5 την δοθείσαν την ΑΓ, ούτως τὸ δοθέν τὸ Δ πρός τὸ ἀπὸ τοῦ λοιποῦ τμήματος. είλήφθω τῆς ΑΒ τρίτον μέρος ἡ ΑΕ. τὸ ἄρα Δ ἐπὶ τὴν ΑΓ ήτοι μετζόν έστι τοῦ ἀπὸ τῆς ΒΕ ἐπὶ τὴν ΕΑ η ίσον η έλασσον. εί μεν οὖν μεζίον έστιν, 10 οὐ συντεθήσεται, ώς ἐν τῆ ἀναλύσει δέδεικται. εί δὲ ἴσον ἐστί, τὸ Ε σημεῖον ποιήσει τὸ πρόβλημα, ζσων γὰρ ὄντων τῶν στερεῶν ἀντιπεπόνθασιν αί βάσεις τοῖς ὕψεσιν, καί ἐστιν, ὡς ή ΕΑ πρός ΑΓ, ουτως τὸ Δ πρός τὸ ἀπὸ ΒΕ. 15 εί δὲ Ελασσόν έστι τὸ Δ ἐπὶ τὴν ΑΓ τοῦ ἀπὸ ΒΕ έπλ τὴν ΕΑ, συντεθήσεται οΰτως. κείσθω ή ΑΓ πρός όρθας τη ΑΒ, και δια τοῦ Γ τη ΑΒ παράλληλος ήχθω ή ΓΖ, διὰ δὲ τοῦ Β τῆ ΑΓ παράλληλος ήγθω ή ΒΖ καί συμπιπτέτω τη ΓΕ 20 έκβληθείση κατὰ τὸ Η. καὶ συμπεπληρώσθω τὸ ΖΘ παραλληλόγραμμον, καὶ διὰ τοῦ Ε τῆ ΖΗ παράλληλος ήχθω ή ΚΕΛ. ἐπεὶ οὖν τὸ Δ ἐπὶ τὴν ΑΓ ἔλασσόν ἐστι τοῦ ἀπὸ ΒΕ ἐπὶ τὴν ΕΑ, ξστιν, ώς ή ΕΑ πρός ΑΓ, ούτως τὸ Δ πρός 25 έλασσόν τι τοῦ ἀπὸ τῆς ΒΕ, τουτέστι τοῦ ἀπὸ τῆς ΗΚ. ἔστω οὖν, ὡς ἡ ΕΑ πρὸς ΑΓ, οῦτως τὸ Δ πρὸς τὸ ἀπὸ ΗΜ, καὶ τῷ Δ ἴσον ἔστω τὸ

^{3.} $\tau \epsilon \mu$ cum comp. $\eta \nu$ uel $\iota \nu$ F. 13. $\beta \alpha \sigma$ cum comp. $\eta \varsigma$ uel $\iota \varsigma$ F. 19. $\iota \alpha \iota$ $\sigma \iota \iota \iota \iota \iota \iota \iota \iota$ $\tau \check{g}$ $\Gamma E]$ om. F; corr. ed. Basil. 21. $Z \Theta$] Z B F.

componetur autem hoc modo: data linea sit AB, et alia linea data $A\Gamma$, datum autem spatium Δ . et propositum sit, ut lineam AB ita secemus, ut altera pars ad datam lineam $A\Gamma$ eam rationem habeat, quam datum spatium Δ ad quadratum reliquae partis. sumatur AE tertia pars lineae AB. itaque $\Delta \times A\Gamma$ aut maius est, quam $BE^2 \times EA$, aut aequale aut minus. si igitur maius est, [problema] non componetur, ut in analysi demonstratum est. sin aequale est, punctum E problema resoluet. nam cum figurae solidae aequales sint, bases in contraria ratione altitudinum sunt, et erit $EA: A\Gamma = \Delta: BE^2$. sin

$$\Delta \times A\Gamma < BE^2 \times EA$$

ita componetur: ponatur $A\Gamma$ ad AB perpendicularis, et per Γ lineae AB parallela ducatur ΓZ , per B autem lineae $A\Gamma$ parallela ducatur BZ et cum ΓE producta concurrat in H. et expleatur parallelogrammum $Z\Theta$,



et per E lineae ZH parallela ducatur KEA: iam quoniam $A > A\Gamma < BE^2 > EA$, quam rationem habet $EA: A\Gamma$, eam habebit A ad magnitudinem minorem quam BE^2 , h. e. quam HK^2 . sit igitur

$$EA: A\Gamma = \varDelta: HM^2,$$

ύπὸ ΓΖΝ. ἐπεὶ οὖν ἐστιν, ὡς ἡ ΕΑ πρὸς ΑΓ, οῦτως τὸ Δ, τουτέστι τὸ ὑπὸ ΓΖΝ, πρὸς τὸ ἀπὸ ΗΜ, άλλ' ώς ή ΕΑ πρός ΑΓ, οῦτως ή ΓΖ πρός ΖΗ, ώς δὲ ή ΓΖ πρὸς ΖΗ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΓΖ 5 πρὸς τὸ ὑπὸ ΓΖΗ, καὶ ὡς ἄρα τὸ ἀπὸ ΓΖ πρὸς τὸ ὑπὸ ΓΖΗ, οῦτως τὸ ὑπὸ ΓΖΝ πρὸς τὸ ἀπὸ ΗΜ. καὶ ἐναλλάξ, ὡς τὸ ἀπὸ ΓΖ πρὸς τὸ ὑπὸ ΓΖΝ, οῦτως τὸ ὑπὸ ΓΖΗ πρὸς τὸ ἀπὸ ΗΜ. ἀλλ' ώς τὸ ἀπὸ ΓΖ πρὸς τὸ ὑπὸ ΓΖΝ, ἡ ΓΖ πρὸς ΖΝ, 10 ώς δὲ ή ΓΖ πρὸς ΖΝ, τῆς ΖΗ ποινοῦ ὕψους λαμβανομένης οΰτως τὸ ὑπὸ ΓΖΗ πρὸς τὸ ὑπὸ ΝΖΗ. καὶ ὡς ἄρα τὸ ὑπὸ ΓΖΗ πρὸς τὸ ὑπὸ ΝΖΗ, οῦτως τὸ ὑπὸ ΓΖΗ πρὸς τὸ ἀπὸ ΗΜ. ζσον ἄρα ἐστὶ τὸ ἀπὸ ΗΜ τῷ ὑπὸ HZN. ἐὰν 15 ἄρα διὰ τοῦ Ζ περὶ ἄξονα τὴν ΖΗ γράψωμεν παραβολήν ώστε τὰς καταγομένας δύνασθαι παρὰ τὴν ΖΝ, ἥξει διὰ τοῦ Μ. γεγράφθω, χαὶ έστω ώς ή ΜΞΖ. και έπει ίσον έστι τὸ ΘΑ τῷ ΑΖ, τουτέστι τὸ ὑπὸ ΘΚΛ τῷ ὑπὸ ΑΒΖ, ἐὰν 20 διὰ τοῦ Β περὶ ἀσυμπτώτους τὰς ΘΓ, ΓΖ γράψωμεν ύπερβολήν, ηξει διὰ τοῦ Κ διὰ τὴν ἀντιστροφήν τοῦ η' θεωρήματος τοῦ δευτέρου βι βλίου τῶν ἀπολλωνίου κωνικῶν στοιχείων γεγράφθω, και έστω ώς ή ΒΚ τέμνουσα την 25 παραβολήν κατὰ τὸ Ξ, καὶ ἀπὸ τοῦ Ξ ἐπὶ τὴν ΑΒ κάθετος ήχθω ή ΞΟΠ, καὶ διὰ τοῦ Ξ τῆ ΑΒ παράλληλος ήχθω ή ΡΞΣ. ἐπεὶ οὖν ὑπερβολή έστιν ή ΒΞΚ, ἀσύμπτωτοι δὲ αί ΘΓ, ΓΖ, και παράλληλοι ήγμέναι είσιν αί ΡΞΠ ταϊς

^{17.} ZN] ZH F. 22. η'] ιβ' Torellius. τοῦ δευτέφου βιβλίου] om. F; corr. Cr., ed. Basil. 24. BK] BKK Torel-

et sit $\Delta = \Gamma Z \times ZN$. iam quoniam

 $EA: A\Gamma = \Delta: HM^2 = \Gamma Z \times ZN: HM^2,$

et

 $EA:A\Gamma=\Gamma Z:ZH,$

et

 $\Gamma Z: ZH = \Gamma Z^2: \Gamma Z \times ZH$

itaque etiam

 $\Gamma Z^2 : \Gamma Z \times ZH = \Gamma Z \times ZN : HM^2$.

et uicissim

 $\Gamma Z^2 : \Gamma Z \times ZN = \Gamma Z \times ZH : HM^2$.

sed et $\Gamma Z^2 : \Gamma Z \times ZN = \Gamma Z : ZN,$ $\Gamma Z : ZN = \Gamma Z \times ZH : NZ \times ZH,$

communi altitudine sumpta ZH. itaque

 $\Gamma Z \times ZH : NZ \times ZH = \Gamma Z \times ZH : HM^3$.

quare $HM^2 = HZ \times ZN$. si igitur per Z circum axem ZH parabolam descripserimus, ita ut parametrus eius sit ZN, per M ibit [Apollon. con. I, 11]. describatur, et sit $M\Xi Z$. et quoniam $\Theta A = AZ$ [Eucl. I, 43], h. e. $\Theta K \times KA = AB \times BZ$, si per B in asymptotis $\Theta \Gamma$, ΓZ hyperbolam descripserimus, per K ibit propter conuersum theorema VIII libri secundi Apollonii conicorum elementorum [h. e. Apollon. II, 12 conu.]. describatur, et sit BK parabolam in Ξ secans, et ab Ξ ad AB perpendicularis ducatur $\Xi O\Pi$, et per Ξ lineae AB parallela ducatur $P\Xi \Sigma$. iam quoniam hyperbola est $B\Xi K$, et asymptoti $\Theta \Gamma$, ΓZ , et parallelae lineis AB, BZ sunt $P\Xi$, $\Xi \Pi$, erit

 $P\Xi \times \Pi\Xi = AB \times BZ$ [Apollon. II, 12];

lius. 27. PZZ FY. 28. BKZ F; corr. Torellius. 29. PZ, ZII Torellius.

ΑΒΖ, ἴσον ἐστὶ τὸ ὑπὸ ΡΞΠ τῷ ὑπὸ ΑΒΖ, ὥστε καὶ τὸ ΡΟ τῷ ΟΖ. ἐὰν ἄρα ἀπὸ τοῦ Γ ἐπὶ τὸ Σ ἐπιζευχθῆ εὐθεῖα, ἥξει διὰ τοῦ Ο. ἐρχέσθω, καὶ ἔστω ὡς ἡ ΓΟΣ. ἐπεὶ οὖν ἐστιν, ὡς ἡ ΟΑ τρὸς ΑΓ, οῦτως ἡ ΟΒ πρὸς ΒΣ, τουτέστιν ἡ ΓΖ πρὸς ΖΣ, ὡς δὲ ἡ ΓΖ πρὸς ΖΣ, τῆς ΖΝ κοινοῦ ΰψους λαμβανομένης οῦτως τὸ ὑπὸ ΓΖΝ πρὸς τὸ ὑπὸ ΣΖΝ, καὶ ὡς ἄρα ἡ ΟΑ πρὸς ΑΓ, οῦτως τὸ ὑπὸ ΓΖΝ πρὸς τὸ ὑπὸ ΓΖΝ πρὸς τὸ ὑπὸ ΣΖΝ. καί ἐστι 10 τῷ μὲν ὑπὸ ΓΖΝ ἴσον τὸ Δ χωρίον, τῷ δὲ ὑπὸ ΣΖΝ ἴσον τὸ ἀπὸ ΣΞ, τουτέστι τὸ ἀπὸ ΒΟ, διὰ τὴν παραβολήν. ὡς ἄρα ἡ ΟΑ πρὸς ΑΓ, οῦτως τὸ Δ χωρίον πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς ΒΟ. εἰληπται ἄρα τὸ Ο σημεῖον ποιοῦν τὸ πρόβλημα.

15 ὅτι δὲ διπλασίας οὖσης τῆς ΒΕ τῆς ΕΑ τὸ ἀπὸ τῆς ΒΕ ἐπὶ τὴν ΕΑ μέγιστόν ἐστι πάντων τῶν ὁμοίως λαμβανομένων ἐπὶ τῆς ΒΑ, δειχθήσεται οὖτως. ἔστω γάρ, ὡς ἐν τῆ ἀναλύσει, πάλιν δοθεϊσα εὐθεῖα πρὸς ὀρθὰς τῆ ΑΒ ἡ ΑΓ, 20 καὶ ἐπιζευχθεῖσα ἡ ΓΕ ἐκβεβλήσθω καὶ συμπιπτέτω τῆ διὰ τοῦ Β παραλλήλω ἠγμένη τῆ ΑΓ κατὰ τὸ Ζ. καὶ διὰ τῶν Γ, Ζ παράλληλοι τῆ ΑΒ ἤχθωσαν αί ΘΖ, ΓΗ, καὶ ἐκβεβλήσθω ἡ ΓΑ ἐπὶ τὸ Θ, καὶ ταύτη παράλληλος διὰ τοῦ Ε 25 ἤχθω ἡ ΚΕΛ. καὶ γεγονέτω, ὡς ἡ ΕΑ πρὸς ΑΓ, οῦτως τὸ ὑπὸ ΓΗΜ πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΒ. τὸ ἄρα ἀπὸ ΒΕ ἐπὶ τὴν ΕΛ ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ ΓΗΜ ἐπὶ τὴν ΑΓ διὰ τὸ τῶν δύο στερεῶν ἀντιπεπονθέναι τὰς βάσεις τοῖς ῦψεσιν. λέγω οὖν,

^{1.} AB, BZ Torellius. PZH F. 2. PO FV. 8. xal δg $\tilde{\alpha} \alpha \alpha = 9$: $\hat{v}\pi \hat{o}$ ΣZN in mg. manu 1 F addito signo $\circ -$, cui re-

quare etiam PO = OZ. si igitur a Γ ad Σ ducta erit linea, ibit per O [Eucl. I, 43 conu.]. cadat, et sit $\Gamma O\Sigma$. iam quoniam est

 $OA: A\Gamma = OB: B\Sigma [\text{Eucl. VI}, 4] = \Gamma Z: Z\Sigma,$

et $\Gamma Z : Z\Sigma = \Gamma Z \times ZN : \Sigma Z \times ZN$, communi altitudine sumpta ZN, erit etiam

$$OA: A\Gamma = \Gamma Z \times ZN: \Sigma Z \times ZN.$$

et $\Gamma Z \times ZN = \Delta$, $\Sigma Z \times ZN = \Sigma Z^2 = BO^2$ propter parabolam [Apollon. I, 11]. itaque

$$OA: A\Gamma = \Delta: BO^2$$
.

itaque sumptum est punctum O problema resoluens.

uerum $BE^3 \times EA$ maximum esse omnium spatiorum in BA similiter sumptorum, si BE = 2EA, sic demonstrabitur. nam rursus, ut in analysi, data sit linea $A\Gamma$ ad AB perpendicularis, et ducta linea ΓE producatur et cum linea per B lineae $A\Gamma$ parallela ducta in Z concurrat. et per Γ , Z lineae AB parallelae ducantur ΘZ , ΓH , et producatur ΓA ad Θ , et ei parallela per E ducatur KEA. et fiat

$$EA:A\Gamma = \Gamma H \times HM:EB^2$$
.

itaque

$$BE^2 \times EA = (\Gamma H \times HM) \times A\Gamma$$

quia in duabus solidis figuris bases in contraria proportione altitudinum sunt. dico igitur,

$$(\Gamma H \times HM) \times A\Gamma$$

spondet aliud simile in textu. 10. τῷ μέτ] το μετ F. ἴσοτ] per comp. F. 17. τῆς] την per comp. F; corr. AB. 28. τῶν] addidi; om. F, uulgo. 29. βασ cum comp. ης uel ις F.

ότι τὸ ὑπὸ ΓΗΜ ἐπὶ τὴν ΑΓ μέγιστόν ἐστι πάντων τῶν ὁμοίως ἐπὶ τῆς ΒΑ λαμβανομένων. - γεγράφθω γὰρ διὰ τοῦ Η περί ἄξονα τὴν ΖΗ παραβολή ώστε τὰς καταγομένας δύνασθαι 5 παρὰ τὴν ΗΜ. ηξει δὴ διὰ τοῦ Κ, ὡς ἐν τῆ άναλύσει δέδεικται, καὶ συμπεσεϊται έκβαλλομένη τη ΘΓ παραλλήλω ούση τη διαμέτρω της τομῆς διὰ τὸ ἔβδομον καὶ εἰκοστὸν θεώρημα τοῦ πρώτου βιβλίου τῶν Ἀπολλωνίου κωνικῶν 10 στοιχείων. ἐκβεβλήσθω καὶ συμπιπτέτω κατὰ τὸ Ν, και διὰ τοῦ Β περί ἀσυμπτώτους τὰς ΝΓΗ γεγοάφθω ύπερβολή. ήξει ἄρα διὰ τοῦ Κ, ώς έν τη άναλύσει εξρηται. έρχέσθω οὖν ώς ή ΒΚ, καὶ ἐκβληθείση τῆ ΖΗ ἴση κείσθω ἡ ΗΞ, 15 καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΞΚ καὶ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ τὸ Ο. φανερον ἄρα, ὅτι ἐφάπτεται τῆς παραβολῆς διὰ τὴν ἀντιστροφὴν τοῦ τετάρτου καὶ τριακοστοῦ θεωρήματος τοῦ πρώτου βιβλίου τῶν 'Απολλωνίου κωνικών στοιχείων. έπεὶ οὖν δι-20 πλη έστιν ή ΒΕ της ΕΑ (ουτως γαρ υπόκειται), τουτέστιν ή ΖΚ τῆς ΚΘ, καί έστιν ὅμοιον τὸ ΟΘΚ τρίγωνον τῷ ΞΖΚ τριγώνω, διπλασία έστι χαι ή ΞΚ τῆς ΚΟ. ἔστιν δὲ χαι ή ΞΚ τῆς ΚΠ διπλη διὰ τὸ καὶ τὴν ΞΖ τῆς ΞΗ καὶ παρ-25 άλληλον είναι τὴν ΠΗ τῆ ΚΖ. ἴση ἄρα ἡ ΟΚ τῆ ΚΠ. ἡ ἄρα ΟΚΠ ψαύουσα τῆς ὑπερβολῆς καὶ μεταξύ οὖσα τῶν ἀσυμπτώτων δίχα τέμνεται. έφάπτεται ἄρα τῆς ὑπερβολῆς διὰ τὴν ἀντιστροφὴν τοῦ τρίτου θεωρήματος τοῦ δευτέρου βιβλίου

^{8.} ξβδομον] έπτον Torellius. 17. τετάρτου] τρίτου Το-

maximum esse omnium spatiorum in BA similiter sumptorum.

describatur enim per H circum axem ZH parabola, cuius parametrus sit HM. ibit igitur per K, ut in analysi demonstratum est [p. 156, 27 sq.], et producta cum $\Theta\Gamma$ diametro sectionis parallela concurret propter theorema XXVII primi libri Apollonii elementorum conicorum.¹) producatur et concurrat in N, et per B in asymptotis $N\Gamma$, ΓH describatur hyperbola. ibit igitur per K, ut in analysi dictum est [p. 158, 6 sq]. cadat igitur ut BK, et lineae ZH productae aequalis ponatur $H\Xi^2$), et ducatur ΞK et producatur ad O. adparet igitur, [lineam ΞO] parabolam contingere propter conuersum theorema XXXIV libri primi $^{\circ}$) Apollonii conicorum elementorum. iam quoniam

$$BE = 2EA$$

(ita enim suppositum est), h. e.

 $ZK = 2K\Theta$, et $O\Theta K \sim \Xi ZK$,

erit etiam $\Xi K = 2KO$. sed etiam $\Xi K = 2K\Pi$, quia $\Xi Z = 2\Xi H$, et ΠH lineae KZ parallela. itaque $OK = K\Pi$. quare $OK\Pi$, quae hyperbolam tangit et inter asymptotos posita est, in duas partes aequales dividitur. itaque hyperbolam contingit propter conversum theo-

¹⁾ In nostris codicibus est con. I, 26.

Debebat esse lin. 14: καὶ ἐκβληθείσης τῆς ΖΗ ἴση αὐτῷ κείσθω ἡ ΗΞ.

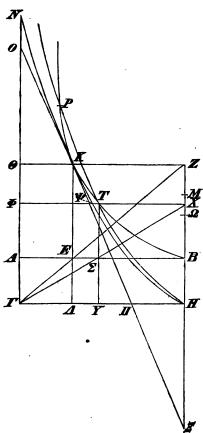
³⁾ In nostris codd. est I, 33.

rellius. 18. θεοφηματος F. 23. ΞΚ] (alt.) ZK FV. 26. παφαβολής ed. Basil., Torellius.

τῶν ἀπολλωνίου κωνικῶν στοιχείων, ἐφήπτετο δὲ καὶ τῆς παραβολῆς κατὰ τὸ αὐτὸ Κ. ἡ άρα παραβολή της ύπερβολης έφάπτεται κατά τὸ Κ. νενοήσθω οὖν καὶ ἡ ὑπερβολὴ προσεκδ βαλλομένη ώς έπὶ τὸ Ρ, και είλήφθω έπι τῆς ΑΒ τυχὸν σημείον τὸ Σ, καὶ διὰ τοῦ Σ τῆ ΚΛ παράλληλος ήχθω ή ΤΣΥ καλ συμβαλλέτω τῆ ύπερβολή κατά τὸ Τ, καὶ διὰ τοῦ Τ τῆ ΓΗ παράλληλος ήχθω ή ΦΤΧ. έπει οὖν διὰ τὴν ὑπερ-10 βολήν και τὰς ἀσυμπτώτους ίσον ἐστὶ τὸ ΦΥ τῶ ΓΒ, ποινοῦ ἀφαιρεθέντος τοῦ ΓΣ ἴσον γίνεται τὸ ΦΣ τῷ ΣΗ, καὶ διὰ τοῦτο ἡ ἀπὸ τοῦ Γ έπλ τὸ Χ ἐπιζευγνυμένη εὐθεία ήξει διὰ τοῦ Σ. έρχέσθω και έστω ώς ή ΓΣΧ. και έπει τὸ ἀπὸ 15 ΨΧ Ισον έστι τῷ ὑπὸ ΧΗΜ διὰ τὴν παραβολήν, τὸ ἀπὸ ΤΧ ἔλασσόν ἐστι τοῦ ὑπὸ ΧΗΜ.

^{1.} $\alpha \varphi \eta \pi \tau \epsilon \tau \sigma$ FV. 6. $\epsilon \tilde{\eta} \rceil \tau \eta \nu$ per comp. FV. 8. $\tau \sigma \tilde{\nu}$ T] $\tau \sigma \nu$ (comp.) $\tilde{\tau}$ F. 9. $\tilde{\eta} \chi \vartheta \omega$] bis F. 11. $\chi \ell \nu \epsilon \tau \alpha \ell$] per comp. F. 12. ΣH] ΣK F. Figuram nostram et eam, quam posui infra p. 172, in unum coniungit F, sed perspicuitatis gratia eas disiungere malui. ceterum in nostra figura in F est Φ pro Ψ , et M et Ω in producta ΓH ponuntur. praeterea additur spatium Δ , cuius hic nullus est usus.

rema III secundi libri Apollonii conicorum elementorum. sed in eodem puncto K etiam parabolam contingit.



itaque parabola hyperbolam in K contingit. fingatur igitur etiam hyperbola producta ad P, et in ABpunctum quoduis sumatur, uelut ∑, et per Σ lineae KAparallela ducatur TET et cum hyperbola in T concurrat, Tet per T lineae ΓH parallela ducatur ΦTX. iam quoniam propter hyperbolam et asymptotos

 $\Phi T = \Gamma B$

[Apollon. II, 12], ablato, quod commune est, $\Gamma \Sigma$, erit

 $\Phi \Sigma = \Sigma H$.

itaque linea a Γ ad X ducta per Σ ibit [Eucl.I,43conu.]. cadat et sit $\Gamma\Sigma X$. et

quoniam $\Psi X^2 = XH \times HM$ propter parabolam [Apollon. I, 11], erit

 $TX^3 < XH \times HM$.

γεγονέτω οὖν τῷ ἀπὸ ΤΧ ἴσον τὸ ὑπὸ ΧΗΩ. έπει οὖν έστιν, ώς ἡ ΣΑ πρὸς ΑΓ, οὕτως ἡ ΓΗ πρὸς ΗΧ, ἀλλ' ώς ἡ ΓΗ πρὸς ΗΧ, τῆς ΗΩ κοινοῦ ῦψους λαμβανομένης οῦτως τὸ ὑπὸ ΓΗΩ 5 πρός τὸ ὑπὸ ΧΗΩ καὶ πρὸς τὸ ἴσον αὐτῷ τὸ άπὸ ΧΤ, τουτέστι τὸ ἀπὸ ΒΣ, τὸ ἄρα ἀπὸ ΒΣ έπλ την ΣΑ ζσον έστλ τῷ ὑπὸ ΓΗΩ έπλ την ΓΑ. τὸ δὲ ὑπὸ ΓΗΩ ἐπὶ τὴν ΓΑ ἔλασσόν ἐστι τοῦ ύπὸ ΓΗΜ ἐπὶ τὴν ΓΑ. τὸ ἄρα ἀπὸ ΒΣ ἐπὶ τὴν 10 ΣΑ Ελαττόν έστι τοῦ ἀπὸ ΒΕ ἐπὶ τὴν ΕΑ. όμοτως δή δειχθήσεται και έπι πάντων τῶν σημείων τῶν μεταξὺ λαμβανομένων τῶν Ε, Β. - άλλὰ δη είληφθω μεταξύ τῶν Ε, Α σημείον τὸ 5. λέγω, ὅτι καὶ οῦτως τὸ ἀπὸ τῆς ΒΕ ἐπὶ 15 την ΕΑ μετζόν έστι τοῦ ἀπὸ Βς ἐπὶ την ςΑ. τῶν γὰρ αὐτῶν κατεσκευασμένων ἤχθω διὰ τοῦ ε τη ΚΛ παράλληλος ή 95Ρ και συμβαλλέτω τη ύπερβολη κατά τὸ Ρ΄ συμβαλεί γὰρ αὐτη διὰ τὸ παράλληλος είναι τῆ ἀσυμπτώτω καί 20 διὰ τοῦ Ρ παράλληλος ἀχθεϊσα τῆ ΑΒ ἡ ΑΡΒ΄ συμβαλλέτω τη ΗΖ έκβαλλομένη κατά τὸ Β΄. και έπει πάλιν διὰ τὴν ὑπερβολὴν ἴσον ἐστὶ τὸ Γ' ς τῷ ΑΗ, ἡ ἀπὸ τοῦ Γ ἐπὶ τὸ Β' ἐπιζευγνυμένη εὐθεζα ήξει διὰ τοῦ 5. ἐρχέσθω καὶ 25 έστω ώς ή ΓςΒ΄. καὶ ἐπεὶ πάλιν διὰ τὴν παραβολην ίσον έστι τὸ ἀπὸ Α΄Β΄ τῷ ὑπὸ Β΄ΗΜ, τὸ ἄρα ἀπὸ ΡΒ΄ Ελασσόν ἐστι τοῦ ὑπὸ Β΄ ΗΜ. γεγονέτω τὸ ἀπὸ ΡΒ΄ ἴσον τῷ ὑπὸ Β'ΗΩ. ἐπελ ούν έστιν, ώς ή 5 Α πρός ΑΓ, ούτως ή ΓΗ πρός

^{1.} $XN\Omega$ FV, ut lin. 5. 6. $\tau \delta$ $\tilde{\alpha} \rho \alpha$ $\tilde{\alpha} \tau \delta$ $B\Sigma$] om. F; corr. Torellius. 15. EA] BA FV. 20. APB'] index in F

fiat $XH \times H\Omega = TX^2$. iam quoniam est

 $\Sigma A: A\Gamma = \Gamma H: HX,$

sed $\Gamma H: HX = \Gamma H \times H\Omega: XH \times H\Omega$, communi altitudine sumpta $H\Omega$,

 $= \Gamma H \times H\Omega : TX^2 = \Gamma H \times H\Omega : B\Sigma^2,$ erit $B\Sigma^2 \times \Sigma A = (\Gamma H \times H\Omega) \times \Gamma A$. sed

 $(\Gamma H \times H\Omega) \times \Gamma A < (\Gamma H \times HM) \times \Gamma A$. itaque $B\Sigma^2 \times \Sigma A < BE^2 \times EA$. similiter igitur etiam in omnibus punctis inter E, B sumptis [idem] demonstrabitur.

uerum sumatur punctum inter E, A, uelut ς [u. fig. p. 172]. dico, sic quoque esse

 $BE^2 \times EA > B\varsigma^2 \times \varsigma A$.

nam iisdem comparatis per ς lineae KA parallela ducatur $q \varsigma P$ et cum hyperbola concurrat in P; concurret enim, quia asymptoto parallela est [Apollon. II, 13]; et linea A'PB' per P lineae AB parallela ducta cum HZ producta concurrat in B'. et quoniam rursus propter hyperbolam est $\Gamma'q = AH$ [Apollon. II, 12], linea a Γ ad B' ducta ibit per ς [Eucl. I, 43 conu.]. cadat et sit $\Gamma \varsigma B'$. et quoniam rursus propter parabolam [Apollon. I, 11] $A'B'^2 = B'H \times HM$, erit

 $B'P^2 < B'H \times HM$.

fiat $B'H \times H\Omega = B'P^2$. iam quoniam est $5A: A\Gamma = \Gamma H: HB'$,

ante litteram et cum ea coniuncta ponitur; raro omittitur, uelut hic in B, lin. 26 in A. 21. συμβαλλέτω] scripsi; συμβαλετω F, uulgo. 26. Β'ΗΜ] , B Ηω F; corr. A. Pro Γ' in figura in F est ¬, h. e. >.

ΗΒ', ἀλλ' ὡς ἡ ΓΗ ποὸς ΗΒ', τῆς ΗΩ κοινοῦ ὕψους λαμβανομένης οῦτως τὸ ὑπὸ ΓΗΩ ποὸς

τὸ ὑπὸ Β'ΗΩ, τουτέστι πρός τὸ ἀπὸ ΡΒ΄, τουτέστι πρός τὸ ἀπὸ Βς, τὸ ἄρα ἀπὸ Βς έπὶ τὴν 5Α ἴσον έστὶ τῶ ὑπὸ ΓΗΩ ἐπὶ τὴν καλ μεζίον τὸ ύπὰ ΓΗΜ τοῦ ὑπὸ ΓΗΩ, μεζον ἄρα καλ τὸ ἀπὸ ΒΕ ἐπὶ τὴν Μ ΕΑ τοῦ ἀπὸ Βς ἐπὶ -22 τὴν 5Α. ὁμοίως δὴ δειγθήσεται καὶ έπὶ πάντων τῶν σημείων τῶν μεταξὺ τῶν Ε. Α λαμβανομένων.

έδείχθη δὲ καὶ ἐπὶ πάντων τῶν μεταξὺ τῶν Ε, Β. πάντων ἄρα τῶν ἐπὶ τῆς ΑΒ ὁμοίως λαμβανομένων μέγιστόν ἐστιν τὸ ἀπὸ τῆς ΒΕ ἐπὶ τὴν ΕΑ, ὅταν ἡ διπλασία ἡ ΒΕ τῆς ΕΑ.

'Επιστήσαι δὲ χρὴ καὶ τοῖς ἀκολουθοῦσιν κατὰ τὴν εἰρημένην καταγραφήν. ἐπεὶ γὰρ δέδεικται τὸ ἀπὸ $B\Sigma$ ἐπὶ τὴν ΣA καὶ τὸ ἀπὸ B5 ἐπὶ τὴν 5A ἔλασσον 14. δή] δέ Torellius. Uerba τῶν E, A lin. 17 ad μεταξύ

et $\Gamma H: HB' = \Gamma H \times H\Omega: B'H \times H\Omega$, communi altitudine sumpta $H\Omega$,

 $= \Gamma H \times H\Omega : B'P^2 = \Gamma H \times H\Omega : B\varsigma^2,$ itaque $B\varsigma^2 \times \varsigma A = (\Gamma H \times H\Omega) \times \Gamma A.$ et $\Gamma H \times HM > \Gamma H \times H\Omega.$

itaque etiam $BE^2 \times EA > B\varsigma^2 \times \varsigma A$ [cfr. p. 164, 27]. similiter igitur etiam in omnibus punctis inter E, A sumptis [idem] demonstrabitur. uerum etiam in omnibus punctis inter E, B positis demonstratum est. itaque omnium spatiorum in AB similiter sumptorum maximum est $BE^2 \times EA$, si BE = 2EA.

Sed 1) etiam quae in figura proposita 2) sequentur, cognoscenda sunt. nam quoniam demonstratum est $B\Sigma^2 \times \Sigma A$ et $B\varsigma^2 \times \varsigma A < BE^2 \times E A$, etiam fieri

¹⁾ Archimedes ipse in supplemento illo, quod intercidit, et uniuersale et speciale problema resoluerat (uol. I p. 214, 25), sed cum ex Eutocio p. 154 non adpareat, utrum utriusque problematis resolutionem in "libro illo peruetusto" inuenerit necne, sequentia Eutocio ipsi quam fragmento illi Archimedis tribuere malui.

²⁾ H. e. in figuris p. 169 et p. 172 coniunctis; cfr. p. 168 not. crit.

lin. 19 repetuntur in F, nisi quod pro E, A habet AE; similiter Cr. 26. EA] $EA: \sim$ F; uacat reliqua linea; tum in mg. 6 (h. e. signum citandi); $_{5}$ post lacunam C*, ed. Basil. 27. $\delta \dot{\epsilon}$] $\delta \eta$ F; corr. ed. Basil.*

τοῦ ἀπὸ ΒΕ ἐπὶ τὴν ΕΑ, δυνατόν ἐστι καὶ τοῦ δοθέντος χωρίου έπλ την δοθεϊσαν έλάσσονος όντος τοῦ άπὸ τῆς ΒΕ ἐπὶ τὴν ΕΑ κατὰ δύο σημεία τὴν ΑΒ τεμνομένην ποιείν τὸ έξ ἀρχῆς πρόβλημα. τοῦτο δὲ 5 γίνεται, εί νοήσαιμεν περί διάμετρον την ΧΗ γραφομένην παραβολήν ώστε τὰς καταγομένας δύνασθαι παρά την ΗΩ: ή γάρ τοιαύτη παραβολή πάντως ξογεται διὰ τοῦ Τ. καὶ ἐπειδὴ ἀνάγκη αὐτὴν συμπίπτειν τῆ ΓΝ παραλλήλω ούση τῆ διαμέτρω, δῆλον, ὅτι τέμνει 10 την ύπερβολην καί κατ' άλλο σημείον άνωτέρω τοῦ Κ, ώς ένταῦθα κατά τὸ Ρ. καὶ ἀπὸ τοῦ Ρ ἐπὶ τὴν ΑΒ κάθετος άνομένη, ώς ένταῦθα ή Ρ5, τέμνει την ΑΒ κατά τὸ 5, ώστε τὸ 5 σημείον ποιείν τὸ πρόβλημα, καὶ ἴσον γίνεσθαι τὸ ἀπὸ ΒΣ ἐπὶ τὴν ΣΑ τῷ ἀπὸ 15 Βς έπλ την ς Α, ως έστι διὰ των προειρημένων ἀποδείξεων έμφανές. ώστε δυνατού όντος έπὶ της ΒΑ δύο σημεῖα λαμβάνειν ποιοῦντα τὸ ζητούμενον ἔξεστιν, οπότερου τις βούλοιτο, λαμβάνειν ἢ τὸ μεταξὺ τῶν Ε, Β ἢ τὸ μεταξὺ τῶν Ε, Α. εἰ μὲν γὰρ τὸ μεταξὺ 20 τῶν Ε, Β, ὡς εἴρηται, τῆς διὰ τῶν Η, Τ σημείων γραφομένης παραβολής κατά δύο σημεία τεμνούσης την ύπερβολην το μεν εγγύτερον του Η, τουτέστι του άξονος της παραβολης, εύρησει τὸ μεταξύ τῶν Ε, Β, ώς ένταῦθα τὸ Τ εύρίσκει τὸ Σ, τὸ δὲ ἀπωτέρω τὸ 25 μεταξύ τῶν Ε, Α, ώς ἐνταῦθα τὸ Ρ εύρίσκει τὸ 5. καθόλου μεν ούν ούτως αναλέλυται και συντέθει-

^{3.} απο του (comp.) της FBC.
4. ποι cum comp. ην uel ιν F.
5. γίνεται] per comp. F.
15. ἐστι] per comp. F.
17. λαμβαν cum comp. ην uel ιν F, ut lin. 18.
24. αποτερω F.

potest, si datum spatium in datam [lineam] multiplicatum minus est quam $BE^2 \times EA$, ut in duobus punctis diuisa linea AB problema ab initio propositum resoluat. hoc autem fiet, si circum diametrum XH parabolam finxerimus descriptam, cuius parametrus sit $H\Omega$ [u. fig. p. 169]; eius modi enim parabola necessario per T ibit.1) et quoniam necesse est, eam cum ΓN diametro parallela concurrere [Apollon. I, 26]. adparet, eam in alio quoque puncto supra K posito hyperbolam secare, uelut hic in P.2) et linea a P ad AB perpendicularis ducta, ut hic [u. fig. p. 172] Ps, lineam AB in 5 secabit, ita ut punctum 5 problema resoluat, et fiat $B\Sigma^2 \times \Sigma A = B\varsigma^2 \times \varsigma A$, ut ex demonstrationibus supra propositis manifestum est.3) itaque cum fieri possit, ut in BA duo puncta quaesitum praestantia sumantur, licet sumere utrumuis, siue punctum inter E, B positum siue inter E, A. nam si punctum inter E, B positum [quaerimus], cum, uti diximus, parabola per H, T puncta descripta in duobus punctis hyperbolam secet, punctum puncto H, h. e. axi parabolae, propius praebebit punctum inter E, B positum, ut hic punctum T punctum Σ praebet; punctum autem remotius punctum inter E, A positum praebebit, ut hic P punctum punctum 5 praebet.

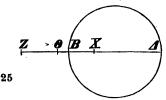
In universum igitur problema hoc modo resolutum

¹⁾ Apollon. I, 11; nam $TX^2 = XH \times H\Omega$ (p. 170, 1).

²⁾ Nam ab T intra hyperbolam cadit parabola, et cum parametrus eius minor sit parametro parabolae HKN, intra K cadit; sed cum $N\Gamma$ extra hyperbolam sit, parabola hanc necessario secabit, ut cum $N\Gamma$ concurrat, et id quidem ultra K.

³⁾ Nam (p. 170, 6) $B\Sigma^2 \times \Sigma A = (\Gamma H \times H\Omega) \times \Gamma A = B\varsigma^2 \times \varsigma A$ (p. 172, 6).

ται τὸ πρόβλημα. Γνα δὲ καὶ τοῖς Αρχιμηδείοις δήμασιν έφαρμοσθή, νενοήσθω ώς έν αὐτή τή τοῦ ζητοῦ καταγραφή διάμετρος μεν τής σφαίρας ή ΔΒ, ή δε έκ του κέντρου ή ΒΖ, και ή δεδομένη ή ΖΘ. 5 κατηντήσαμεν άρα, φησίν, είς τὸ τὴν ΔΖ τεμείν κατὰ τὸ Χ, ώστε εἶναι, ὡς τὴν ΧΖ πρὸς τὴν δοθείσαν, ούτως τὸ δοθέν πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς ΔΧ. τοῦτο δὲ ἀπλῶς μὲν λεγόμενον ἔχει διορισμόν. εί γὰρ τὸ δοθέν ἐπὶ τὴν δοθεῖσαν μεζζον ἐτύγχανεν 10 τοῦ ἀπὸ τῆς ΔΒ ἐπὶ τὴν ΒΖ, ἀδύνατον ἦν τὸ πρόβλημα, ως δέδεικται, εί δὲ ίσον, τὸ Β σημείον έποίει τὸ πρόβλημα, και ούτως δὲ οὐδὲν ἦν πρὸς τὴν έξ άργης Αρχιμήδους πρόθεσιν ή γάρ σφαίρα ούκ έτέμνετο είς τὸν δοθέντα λόγον. ἁπλῶς ἄρα λεγόμενον 15 είχεν προσδιορισμόν. προστιθεμένων δὲ τῶν προβλημάτων των ένθάδε ύπαρ χόντων, τουτέστι τοῦ τε διπλασίαν είναι την ΔΒ της ΖΒ καὶ τοῦ μείζονα είναι την ΒΖ της ΖΘ, ούκ έχει διορισμόν. τὸ γὰρ άπὸ ΔΒ τὸ δοθέν ἐπὶ τὴν ΖΘ τὴν δοθεῖσαν ἔλαττόν 20 έστι τοῦ ἀπὸ τῆς ΔΒ ἐπὶ τὴν ΒΖ διὰ τὸ τὴν ΒΖ



τῆς ΘΖ μείζονα είναι, οὖπερ ὑπάρχοντος ἐδείξαμεν δυνατόν, καὶ ὅπως προβαίνει τὸ πρόβλημα. — κατανοείν δὲ χρὴ καὶ τοῖς ὑπ' ᾿Αρχιμήδους λεγομένοις συμφώνως ἔχου-

σιν τοίς ύφ' ήμῶν ἀναλελυμένοις. πρότερον μὲν γὰρ μετὰ τὴν ἀνάλυσιν αὐτοῦ καθόλου τό, εἰς ὃ κατήντησεν λέγων φησίν. δοθείσαν τὴν ΔΖ τεμείν δεί

^{4.} Fort. $\tau \tilde{\eta}$ δὲ ἐν τοῦ νέντρου ἴση ἡ BZ. 5. τὸ δεῖν τὴν Torellius. 14. ἄρα] γαρ per comp. F; corr. Torellius.

et compositum est. sed ut etiam ad uerba Archimedis accommodetur, fingatur, ut in ipsa figura Archimedis [uol. I p. 210] diametrus sphaerae ΔB et radio aequalis BZ et data linea ZO. eo igitur, inquit, uentum est [uol. I p. 214, 13-17], ut secetur \(\Delta Z \) in X ita, ut sit, sicut XZ ad lineam datam, ita datum spatium ad ΔX^2 . hoc si ita indefinite proponitur determinationem habet] nam si datum spatium in datam lineam multiplicatum maius erat quam $\Delta B^2 \times BZ$, problema resolui non poterat, uti demonstratum est. sin aequale, punctum B problema resoluit, et ita quoque nullius momenti erat ad rem ab Archimede initio propositam; neque enim sphaera secundum rationem datam secta est. itaque indefinite propositum determinationem habebat. — P. 214, 17—20: sed adjunctis condicionibus, quae hoc loco exstant

(h. e. esse $\Delta B = 2ZB$ et $BZ > Z\Theta$)

determinationem non habet] nam datum spatium ΔB^2 in datam lineam $Z\Theta$ multiplicatum minus est quam $\Delta B^2 \times BZ$, quia $BZ > \Theta Z$, quod si esset, demonstrauimus, problema resolui posse, et quomodo efficeretur. — uerum animaduertendum est, resolutionem nostram cum uerbis Archimedis congruere. nam superius post resolutionem problematis uniuersalis indicans, quo uentum sit, ita dicit [p. 214, 13—16]: datam lineam ΔZ

^{15.} προσδιορισμόν] scripsi; cfr. Proclus in Eucl. p. 240, 27; 349,
21; προς (comp., quod comp. ουν hoc loco simile est) διορισμον F, uulgo; αν διορισμόν Torellius. uerbis lin. 5—8, 15—16,
18, 29 nullum signum adposuit F. 20. τό] supra scriptum manu 1, ut uidetur, F. 21. ΘΖ] scripsi; BZ F; ZΘ uulgo.
28. δ] supra scriptum manu 1, ut uidetur, F.

κατά τὸ Χ καὶ ποιείν, ὡς τὴν ΧΖ ποὸς δοθείσαν, οῦτως τὸ δοθὲν πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς ΔΧ. εἶτα είπών, ώς καθόλου μεν το λεγόμενον έχει διορισμόν, προστεθέντων δε των ύπ' αὐτοῦ εύρεθέντων προβλη-5 μάτων, τοῦ τε εἶναι διπλασίαν τὴν ΔΒ τῆς ΒΖ καὶ μείζονα την ΒΖ της ΖΘ, μη έχειν διορισμόν, μερικώτερον έπαναλαμβάνει τὸ πρόβλημα καί φησιν, ὅτι٠ καὶ ἔσται τὸ πρόβλημα τοιοῖτον: δύο δοθεισῶν εὐθειῶν τῶν ΔΒ. ΒΖ καὶ διπλασίας οὔσης τῆς 10 ΔΒ τῆς ΒΖ καὶ σημείου ἐπὶ τῆς ΒΖ τοῦ Θ τεμεῖν την ΔΒ κατά τὸ Χ, οὐκέτι, ώς πρότερον, την ΔΖ είπων, άλλα την ΔΒ δείν τεμείν δια τό, ως ανωτέρω ήμεις απεδείξαμεν, είδεναι αὐτόν, ώς δύο σημειά έστι τὰ λαμβανόμενα ἐπὶ τῆς ΔΖ καὶ ποιοῦντα τό πρό-15 βλημα, εν μεν τὸ μεταξύ τῶν Δ, Β, ετερον δε τὸ μεταξύ τῶν Β, Ζ, ὧν τὸ μεταξύ τῶν Δ, Β ἦν τὸ ποὸς τὴν έξ ἀρχῆς πρόθεσιν χρήσιμον.

ταῦτα μὲν οὖν ἀκόλουθα τοῖς ᾿Αρχιμήδους ὁήμασιν κατὰ τὸ δυνατὸν σαφῶς ἀπεγραψάμεθα. ἐπεὶ δέ, 20 ὡς προείρηται, καὶ Διονυσόδωρος οὐδαμοῦ τοῖς ἐπὶ τέλει γραφομένοις παρ᾽ ᾿Αρχιμήδους ἐπηγγελμένοις ἐντυχών, ἀτονήσας δὲ ῶστε προσευρεῖν τὰ μὴ ἐκτεθέντα ἐφ᾽ ἐτέραν ὁδὸν βαδίζων τοῦ ὅλου προβλήματος οὐκ ἄχαριν εὑρέσεως συνεγράψατο τρόπον, ἀναγλαῖον ἀπόνο ἀπόνος ἐπισυνάψαι διορθωσάμενοι κατὰ δύναμιν. καὶ γὰρ αὐτὸς ἐκ πολλῆς ἀμελετησίας τῶν ἀνθρώπων τὰ πολλὰ τῶν ἀπο-

^{1.} $r\eta\nu$] to F. 6. $\mu\epsilon\iota\xi$ orov F. Lin. 1—2 et 8—11 signum non adposuit F. 8. $\tau\delta$] addidi cum Archimede I p. 214, 20; om. F, uulgo; cfr. supra p. 152, 11. •12. $\alpha\nu\sigma\tau\epsilon\varrho\omega$ F. 13. $\delta\kappa$] ω F. 21. $\epsilon\pi\eta\gamma\gamma\epsilon\lambda\mu\epsilon\nu\iota\epsilon$] "fort. $\epsilon\pi\eta\gamma\gamma\epsilon\lambda\mu\alpha\kappa\iota\nu$ " Torellius. 22. ω $\sigma\tau\epsilon$] scripsi; $\omega\sigma\pi\epsilon\varrho$ F, uulgo. 24. Fort. $\alpha\nu\alpha\gamma\kappa\alpha\iota\omega$.

secare oportet in puncto X, ita ut sit, sicut XZ ad lineam datam, ita datum spatium ad ΔX^2 . deinde postquam dixit, propositum in uniuerso determinationem habere, adiunctis autem condicionibus a se inuentis, esse $\Delta B = 2BZ$ et $BZ > Z\Theta$, determinationem non habere, particularius problema denuo adgreditur et ita dicit [p. 214, 20—23]: et erit problema huius modi: datis duabus lineis $B\Delta$ et BZ, quarum $B\Delta$ duplo maior est linea BZ, et puncto Θ in linea BZ lineam ΔB in X secare [cett.]. non enim iam, ut antea, lineam ΔZ , sed ΔB secare oportere dicit, quia non ignorat, ut nos supra demonstrauimus, duo puncta in ΔZ sumi posse, quae problema resoluant, alterum inter Δ , B, alterum inter B, Z. quorum quod inter Δ , B positum est, ad propositum ei utile est.

haec igitur cum uerbis Archimedis congruenter, quam clarissime potuimus, perscripsimus. sed quoniam, ut supra [p. 152, 20] diximus, etiam Dionysodorus, quippe qui nusquam, quae Archimedes promiserat se in fine scripturum esse, reperiret nec ualeret de suo inuenire, quae exposita non erant, aliam uiam problematis resoluendi ingressus satis bellam resoluendi rationem conscripsit, necessario oportere putauimus, eum quoque his adiungere, quantum potuimus emendatum; nam is quoque propter magnam hominum incuriam pleraque demonstrationum ob multitudinem

δείξεων τῷ πλήθει τῶν πταισμάτων ήφανισμένα ἔχων ἐν πᾶσιν, οἶς ἡμεῖς ἐνετύχομεν ἀντιγράφοις ἐφέρετο.

'Ως Διονυσόδωρος.

Την δοθείσαν σφαίραν έπιπέδφ τεμείν ώστε τὰ τμή-5 ματα αὐτῆς πρὸς ἄλληλα λόγον ἔχειν τὸν δοθέντα. έστω ή δοθείσα σφαίζα, ής διάμετρος ή ΑΒ, ό δε δοθείς λόγος, ον έχει ή ΓΔ προς ΔΕ. δεί δη τεμείν την σφαίραν έπιπέδω όρθω πρός την ΑΒ ώστε τὸ τμημα, οδ κορυφή τὸ Α, πρὸς τὸ τμημα, οδ κορυφή 10 τὸ Β, λόγον ἔχειν, ον ἔχει ἡ ΓΔ πρὸς ΔΕ. ἐκβεβλήσθω ή ΒΑ έπὶ τὸ Ζ, καὶ κείσθω τῆς ΑΒ ἡμίσεια ή ΑΖ. και ου έχει λόγου ή ΓΕ προς ΕΔ, έχέτω ή ΖΑ πρὸς ΑΗ, καὶ ἔστω ἡ ΑΗ πρὸς ὀρθάς τῆ ΑΒ. καὶ τῶν ZA, AH μέση ἀνάλογον εἰλήφθω ἡ $A\Theta$. 15 μείζων ἄρα ή ΑΘ τῆς ΑΗ. καὶ περὶ ἄξονα τὴν ΖΒ διὰ τοῦ Ζ γεγράφθω παραβολή ώστε τὰς καταγομένας δύνασθαι παρά την ΑΗ. η ξει αρα διά τοῦ Θ, ἐπειδή τὸ ὑπὸ ΖΑΗ ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ ΑΘ. γεγράφθω οὖν, καὶ έστω ώς ή ΖΘΚ, καὶ διὰ τοῦ Β ἀνήχθω παρὰ 20 την ΑΘ ή ΒΚ, καὶ τεμνέτω την παραβολην κατά τὸ Κ. καλ διὰ τοῦ Η περλ ἀσυμπτώτους τὰς ΖΒΚ γεγράφθω

ἐνετύχομεν] scripsi; ενετυχαμεν F, uulgo; fort. ἐντετύχαμεν.
 4-5. cum signo F.
 12. εχετο F. In figura N omisit F.

errorum subobscura praebens in omnibus, in quos nos quidem incidimus, codicibus circumferebatur.

Ut Dionysodorus.

Datam sphaeram plano ita secare, ut segmenta eius inter se rationem datam habeant.

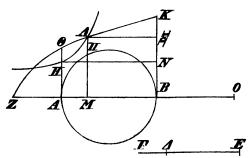
data sphaera ea sit, cuius diametrus est AB, et data ratio sit $\Gamma \Delta : \Delta E$. oportet igitur sphaeram plano ad AB perpendiculari ita secare, ut segmentum, cuius uertex sit A, ad segmentum, cuius uertex sit B, eam habeat rationem, quam $\Gamma \Delta : \Delta E$. producatur BA ad C, et ponatur $AC = \frac{1}{2}AB$. et sit

$$ZA:AH=\Gamma E:E\Delta$$
,

et AH ad AB perpendicularis sit. et sumatur $A\Theta$ inter ZA, AH media proportionalis. itaque $A\Theta > AH$. et circum axem ZB per Z describatur parabola, cuius parametrus sit AH. itaque per Θ ibit, quoniam

 $ZA \times AH = A\Theta^2$ [Apollon. I, 11].

describatur igitur et sit $Z\Theta K$, et per B lineae $A\Theta$



parallela ducatur BK, et secet parabolam in K. et per H in asymptotis ZB, BK describatur hyperbola.

ύπερβολή. τεμεῖ δὴ τὴν παραβολὴν μεταξὺ τῶν Θ, Κ. τεμνέτω κατά τὸ Λ, καὶ ἀπὸ τοῦ Λ ἐπὶ τὴν ΑΒ κάθετος ήχθω ή ΛΜ, καὶ διὰ Η, Λ τῆ ΛΒ παράλληλοι ήχθωσαν αί ΗΝ, ΑΞ. ἐπεὶ οὖν ὑπερβολή ἐστιν ἡ 5 Η Λ, ἀσύμπτωτοι δὲ αί ΑΒΚ, καὶ παράλληλοι ταῖς ΑΗΝ αί ΜΑΞ, ἴσον ἐστὶ τὸ ὑπὸ ΑΗΝ τῶ ὑπὸ ΜΛΕ διὰ τὸ η΄ θεώρημα τοῦ δευτέρου βιβλίου τῶν 'Απολλωνίου κωνικών στοιχείων. ἀλλ' ή μεν ΗΝ τῆ ΑΒ έστιν ίση, ή δὲ ΑΞ τῆ ΜΒ. τὸ ἄρα ὑπὸ ΛΜΒ 10 ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ ΗΑΒ. καὶ διὰ τὸ τὸ ὑπὸ τῷν άκρων ίσου είναι τῷ ὑπὸ τῶν μέσων αι τέσσαρες εὐθείαι ανάλογόν είσιν. έστιν αρα, ώς ή ΛΜ πρός ΗΑ, ούτως ή ΑΒ πρός ΒΜ, καὶ ώς ἄρα τὸ ἀπὸ ΛΜ πρός τὸ ἀπὸ ΗΑ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΜ. καὶ 15 έπει διὰ τὴν παραβολὴν τὸ ἀπὸ ΔΜ ἴσον έστι τῷ ὑπὸ ΜΛ πρὸς ΛΗ. καὶ ὡς ἄρα ἡ πρώτη πρὸς τὴν τρίτην, ούτως τὸ ἀπὸ τῆς πρώτης πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς δευτέρας, και τὸ ἀπὸ τῆς δευτέρας πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς τρί-20 της. ώς ἄρα ή ΖΜ πρὸς ΑΗ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΛΜ πρὸς τὸ ἀπὸ ΗΑ. ἀλλ' ὡς τὸ ἀπὸ ΛΜ πρὸς τὸ ἀπὸ ΑΗ, ουτως έδειχθη τὸ ἀπὸ ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΜ. και ώς άρα τὸ ἀπὸ ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΜ, οῦτως ἡ ΖΜ πρὸς ΑΗ. ἀλλ' ὡς τὸ ἀπὸ ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ 25 ΒΜ, ούτως ὁ κύκλος, οὖ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ἴση ἐστὶ τη ΑΒ πρός του κύκλου, οδ ή έκ του κέντρου ζση έστι τη ΒΜ. και ώς ἄρα ὁ κύκλος, οὖ ή ἐκ τοῦ κέν-

^{6.} τό] τω F. 7. η'] ιβ Torellius. 8. HN] η HN F.
10. τὸ τό] scripai; το F, uulgo. 16. ZM] ΛΜ FV. ZM]
HM FV. οῦτως per comp. F. 25. οῦτως] οὸ F. 26.
ΛΒ] ΛΜ F; corr. ed. Basil. πρὸς τὸν κύπλον, οὸ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ἴση ἐστὶ τῆ ΒΜ] om. F; corr. ed. Basil. 27. ἄρα ὁ

secabit¹) igitur parabolam inter puncta Θ , K. secet in Λ , et ab Λ ducatur ΛM ad ΛB perpendicularis, et per H, Λ lineae ΛB parallelae ducantur HN, $\Lambda \Xi$ iam quoniam $H\Lambda$ hyperbola est et asymptoti ΛB , BK, et $M\Lambda$, $\Lambda \Xi$ lineis ΛH , HN parallelae, erit

$$AH \times HN = MA \times A\Xi$$

propter theorema VIII secundi libri elementorum conicorum Apollonii [II, 12]. sed

$$HN = AB$$
, et $A\Xi = MB$.

itaque $\Lambda M \times MB = HA \times AB$. et quia rectangulum exterioribus terminis comprehensum aequale est rectangulo mediis comprehenso, lineae quattuor proportionales sunt. erit igitur $\Lambda M: HA = \Lambda B: BM$. quare etiam $\Lambda M^2: HA^2 = \Lambda B^2: BM^2$. et quoniam propter parabolam $\Lambda M^2 = ZM \times AH$, erit igitur

$$ZM: MA = MA: AH.$$

quare etiam ut primus ad tertium, ita quadratum primi ad quadratum secundi [Eucl. V def. 10], et quadratum secundi ad quadratum tertii. itaque

 $ZM: AH = AM^2: HA^2.$

sed demonstratum est, esse

 $AM^2:AH^2=AB^2:BM^2.$

itaque $AB^2:BM^2=ZM:AH$. sed quam rationem habet $AB^2:BM^2$, eam habet circulus, cuius radius aequalis est lineae AB, ad circulum, cuius radius aequalis est lineae BM [Eucl. XII, 2]. itaque quam

¹⁾ Nam cadet intra H nec extra asymptotum BK exibit.

πύπλος, οδ ή έπ τοῦ πέντρου ἴση έστὶ τῆ AB] om. F; corr. ed. Basil. (om. ἄρα; corr. Torellius).

τρου ίση έστὶ τῆ ΑΒ, πρὸς τὸν κύκλον, οὖ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ζοη έστὶ τῆ BM, ούτως ἡ ZM πρὸς AH. ό ἄρα κῶνος ὁ βάσιν ἔχων τὸν κύκλον, οὖ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ζση έστὶ τη AB, ύψος δὲ τὴν AH ζσος έστὶ 5 τῷ κώνῳ τῷ βάσιν μὲν ἔχοντι τὸν κύκλον, οὖ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ἴση ἐστὶ τῆ ΒΜ, ῦψος δὲ τὴν ΖΜ. ὧν γαρ κώνων αντιπεπόνθασιν αί βάσεις τοις ύψεσιν, ίσοι είσιν έκετνοι. άλλ' ὁ κῶνος ὁ βάσιν ἔχων τὸν κύκλον, ού ή έκ του κέντρου ίση έστι τῆ ΑΒ, υψος δε τὴν 10 ΖΑ πρὸς τὸν κῶνον τὸν βάσιν μὲν ἔχοντα τὴν αὐτήν, ύψος δὲ τὴν ΑΗ ἐστιν, ὡς ἡ ΖΑ πρὸς ΑΗ, τουτέστιν ή ΓΕ πρός ΕΔ: έπλ γὰς τῆς αὐτῆς βάσεως όντες πρός άλλήλους είσιν ώς τὰ ῦψη. και ὁ κῶνος άρα ὁ βάσιν ἔχων τὸν κύκλον, οὖ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου 15 ίση έστι τῆ ΑΒ, ΰψος δὲ τὴν ΖΑ πρὸς τὸν κῶνον τὸν βάσιν ἔχοντα τὸν κύκλον, οὖ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ίση έστὶ τῆ ΒΜ, ύψος δὲ τὴν ΖΜ έστιν, ώς ἡ ΓΕ πρός ΕΔ. άλλ' ὁ κῶνος ὁ βάσιν ἔχων τὸν κύκλον, ού ή έκ του κέντρου ίση έστι τῆ ΑΒ, υψος δὲ τὴν 20 ΖΑ ἴσος ἐστὶ τῆ σφαίρα, ὁ δὲ κῶνος ὁ βάσιν ἔχων τὸν κύκλον, οὖ ή ἐκ τοῦ κέντρου ἴση ἐστὶ τῆ ΒΜ, ύψος δὲ τὴν ΖΜ ἴσος ἐστὶ τῷ τμήματι τῆς σφαίρας, ού πορυφή μέν έστι τὸ Β, ΰψος δὲ ή ΒΜ, ὡς έξῆς δειχθήσεται. καὶ ή σφαῖρα ἄρα πρὸς τὸ εἰρημένον 25 τμημα λόγον έχει, δυ ή ΓΕ πρός ΕΔ. καὶ διελόντι τὸ τμῆμα, οὖ πορυφή τὸ Α, ΰψος δὲ ἡ ΑΜ πρὸς τὸ τμημα, ού κορυφή τὸ Β, ύψος δὲ ή ΒΜ τοῦτον έχει

^{1.} oδ] om. FVD. 2. AH] AB F; corr. Torellius. 3. δ βάσιν] scripsi; δ om. F, uulgo. 5. εχωντι F; corr. manus 1. 6. BM] AM FV. 12. ἐπί] scripsi; επει F, uulgo. 16. εχωντα F; corr. manus 1. τόν] addidi; om. F, uulgo. 22. ZM] BM FV. 23. B] Δ FV.

rationem habet circulus, cuius radius aequalis est lineae AB, ad circulum, cuius radius aequalis est lineae BM, eam habet ZM:AH. conus igitur basim habens circulum, cuius radius aequalis est lineae AB, altitudinem autem AH aequalis est cono basim habenti circulum, cuius radius aequalis est lineae BM, altitudinem autem ZM. quorum enim conorum bases in contraria proportione sunt altitudinum, aequales sunt [I lemm. 4 p. 82]. sed conus basim habens circulum, cuius radius aequalis est lineae AB, altitudinem autem ZA ad conum basim habentem eandem, altitudinem autem AH eam rationem habet, quam

ZA:AH [I lemm. 1 p. 80], h. e. $\Gamma E:E\Delta$;

nam cum eandem habeant basim, eam inter se rationem habent, quam altitudines. quare etiam conus basim habens circulum, cuius radius aequalis est lineae AB, altitudinem autem ZA ad conum basim habentem circulum, cuius radius aequalis est lineae BM, altitudinem autem ZM eam rationem habet, quam $\Gamma E: E \Delta$. sed conus basim habens circulum, cuius radius aequalis est lineae AB, altitudinem autem ZAaequalis est sphaerae [de sph. et cvl. I. 34], conus autem basim habens circulum, cuius radius aequalis est lineae BM, altitudinem autem ZM aequalis est segmento sphaerae, cuius uertex est B, altitudo autem BM, ut infra demonstrabitur. itaque sphaera ad segmentum illud eam rationem habet, quam $\Gamma E : E \Delta$. et dirimendo segmentum, cuius uertex est A, altitudo autem AM, ad segmentum, cuius uertex est B, altiτὸν λόγον, ὃν ἔχει ἡ $\Gamma \Delta$ πρὸς ΔE . τὸ ἄρα διὰ τῆς ΔM ἐπίπεδον ἐκβαλλόμενον ὀρθὸν πρὸς τὴν ΔB τέμνει τὴν σφαῖραν εἰς τὸν δοθέντα λόγον ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.

δτι δε δ κῶνος δ βάσιν έχων τὸν κύκλον, οδ ή 5 έκ τοῦ κέντρου ἴση έστὶ τῆ ΒΜ, ΰψος δὲ τὴν ΖΜ ἴσος έστὶ τῷ τμήματι τῆς σφαίρας, οὖ κορυφὴ μὲν τὸ Β, ύψος δὲ ή ΒΜ, δειχθήσεται ούτως γεγονέτω γάρ, ώς ή ΖΜ πρὸς ΜΑ, οῦτως ή ΟΜ πρὸς ΜΒ. ὁ ἄρα 10 κώνος ὁ βάσιν έχων τὴν αὐτὴν τῷ τμήματι, ὕψος δὲ την ΟΜ ίσος έστι τῷ τμήματι. και έπεί έστιν, ὡς ἡ ΖΜ πρὸς ΜΑ, οῦτως ἡ ΟΜ πρὸς ΜΒ, καὶ ἐναλλάξ, ώς ή ΖΜ πρὸς ΜΟ, οῦτως ή ΑΜ πρὸς ΜΒ, ἀλλ' ώς ή ΑΜ πρός ΜΒ, τουτέστι τὸ ἀπὸ ΠΜ πρός τὸ 15 ἀπὸ ΜΒ, οῦτως ὁ κύκλος, οὖ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ἴση έστὶ τῆ ΠΜ, πρὸς τὸν κύκλον, οὖ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ἴση ἐστὶ τῆ ΜΒ, ὡς ἄρα ὁ κύκλος, οὖ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ἴση έστὶ τῆ ΠΜ, πρὸς τὸν κύκλον, οὖ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ίση έστι τη MB, ούτως ή MZ πρός MO. 20 δ ἄρα κῶνος δ βάσιν ἔχων τὸν κύκλον, οὖ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ίση έστὶ τη MB, ύψος δὲ τὴν ZM ίσος έστὶ τῷ κώνῳ τῷ βάσιν μὲν ἔχοντι τὸν κύκλον, οὖ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ἴση ἐστὶ τῆ ΠΜ, ῦψος δὲ τὴν ΜΟ ἀντιπεπόνθασιν γὰρ αὐτῶν αί βάσεις τοῖς ὕψεσιν. ώστε 25 καὶ τῷ τμήματι ἴσος ἐστίν.

^{11.} τφ] addidi; om. F, uulgo. 14. τοντέστι] scripsi; οντως per comp. F, uulgo. 15. οῦτως] καὶ οῦτως Cr., ed. Basil., Torellius. 24. βασ cum comp. ης F.

tudo autem BM eam habet rationem, quam $\Gamma \Delta : \Delta E$. planum igitur per ΔM ductum ad ΔB perpendiculare sphaeram secundum rationem datam secat; quod oportebat fieri.

conum autem basim habentem circulum, cuius radius aequalis sit lineae BM, altitudinem autem ZM aequalem esse segmento sphaerae, cuius uertex sit B, altitudo autem BM, ita demonstrabimus: fiat enim OM: MB = ZM: MA. itaque conus basim habens eandem, quam segmentum, altitudinem autem OM segmento aequalis est [de sph. et cyl. II, 2]. et quoniam est ZM: MA = OM: MB, et uicissim

ZM:MO=AM:MB,

sed quam rationem habet AM: MB, h. e. $IIM^2: MB^{2,1}$) eam habet circulus, cuius radius aequalis est lineae IIM, ad circulum, cuius radius aequalis est lineae MB [Eucl. XII, 2], circulus igitur, cuius radius aequalis est lineae IIM, ad circulum, cuius radius aequalis est lineae IIM, ad circulum, cuius radius aequalis est lineae IIM, ad circulum, cuius radius aequalis est lineae IIM, altitudinem autem IIM aequalis est cono basim habenti circulum, cuius radius aequalis est lineae IIM, altitudinem autem IIM0 [de sph. et cyl. I lemm. 4 p. 82]; nam bases eorum in contraria unt proportione altitudinum. quare etiam segmento aequalis est.

¹⁾ Nam $AM: \Pi M = \Pi M: MB$; tum u. Eucl. V def. 10; cfr. supa p. 182, 17 sq.

'Ως Διοκλης έν τῷ περί πυρίων.

Γράφει δε και ο Διοκλης εν τῷ περὶ πυρίων προλέγων τάδε

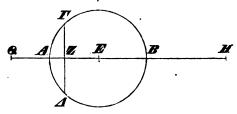
έν τῷ περὶ σφαίρας καὶ κυλίνδρου Αρχιμήδης ἀπ-5 έδειξεν, ότι παν τμημα σφαίρας ίσον έστλν κώνω τώ βάσιν μεν έχοντι την αὐτην τῶ τμήματι, ΰψος δε εὐθείαν τινα λόγον έχουσαν πρός την από της τοῦ τμήματος πορυφής έπι την βάσιν κάθετον, ον έχει συναμφότερος ή τε έκ τοῦ κέντρου τῆς σφαίρας καὶ ἡ τοῦ 10 έναλλὰξ τμήματος κάθετος πρὸς τὴν τοῦ ἐναλλὰξ τμήματος κάθετον. οἷον έὰν ή σφαζοα ή ΑΒΓ καὶ τμηθή έπιπέδφ τουί τῷ περί διάμετρου τὴυ ΓΔ κύκλφ, καί διαμέτρου ούσης της ΑΒ, κέντρου δε του Ε ποιήσωμεν, ώς συναμφότερον την ΕΑ, ΖΑ πρός ΖΑ, ούτως 15 την ΗΖ πρός ΖΒ, έτι τε, ώς συναμφότερον την ΕΒ, ΒΖ πρὸς ΖΒ, οῦτως τὴν ΘΖ πρὸς ΖΑ, ἀποδέδεικται, ότι τὸ μὲν ΓΒΔ τμημα της σφαίρας ίσον έστὶ τῷ κώνω, οδ βάσις μέν έστιν δ περί διάμετρον την ΓΔ κύκλος, ύψος δε ή ZH, τὸ δε ΓAΔ τμημα ίσον έστλ 20 τῷ κώνῳ, οὖ βάσις μέν ἐστιν ἡ αὐτή, ΰψος δὲ ἡ ΘΖ. προταθέντος οὖν αὐτῷ τοῦ τὴν δοθεῖσαν σφαῖραν ἐπιπέδω τεμείν ώστε τὰ τμήματα τῆς σφαίρας πρὸς άλληλα λόγον έχειν τὸν δοθέντα κατασκευάσας τὰ είρημένα φησί λόγος άρα δοθείς και τοῦ κώνου, οδ 25 βάσις έστὶν ὁ περὶ διάμετρον τὴν Γ⊿ κύκλος, ὕψος

^{6.} την αὐτήν] κωνω την FA; corr. B*. 8. κορυφ cum comp. ην FA. 14. ΕΛ] ΕΖ FV. 16. ΖΛ] ΖΔ FV. 21. προταθέντος] F; προτεθέντος uulgo. 22. τεμ cum comp. ην F. 25. ἐστίν] per comp. F.

Ut Diocles in libro de causticis.

Etiam Diocles in libro de causticis [de hoc problemate] scribit his praemissis:

In libro de sphaera et cylindro Archimedes demonstrauit, quoduis segmentum sphaerae aequale esse cono basim habenti eandem, quam segmentum, et altitudinem lineam, quae ad lineam a uertice segmenti ad basim perpendicularem ductam eam rationem habeat, quam habeat radius sphaerae una cum altitudine alterius segmenti ad altitudinem alterius segmenti [de sph. et cyl. II, 2]. uelut si sphaera est $AB\Gamma$ et plano aliquo secundum circulum circum diametrum \(\Gamma \square \) de-_ scriptum secatur, et diametrus est AB, centrum autem E, et fit EA + ZA : ZA = HZ : ZB, et praeterea $EB + BZ : ZB = \Theta Z : ZA$, demonstratum est, segmentum sphaerae \(\bar{\Gamma} B \alpha \) aequale esse cono, cuius basis sit circulus circum diametrum \(\int \D \) descriptus, altitudo autem ZH, segmentum uero $\Gamma A \Delta$ aequale esse cono, cuius basis sit eadem, altitudo autem @Z. itaque



proposito, ut data sphaera plano secetur ita, ut segmenta sphaerae inter se datam rationem habeant, constructis iis, quae diximus, ita loquitur [de sph. et cyl. II,4 p.210,17 sq.]: itaque etiam ratio coni basim habentis circulum circum diametrum Γ⊿ descriptum, altitudi-

δὲ ή ΖΘ πρὸς τὸν κῶνον, οὖ βάσις μέν ἐστιν ἡ αὐτή, ύψος δε ή ΖΗ. και γάρ και τοῦτο ἀπεδείχθη. οί δε κῶνοι οἱ ἐπ' ἴσων βάσεων ὄντες πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν ώς τὰ ΰψη. λόγος ἄρα τῆς ΘΖ πρὸς ΖΗ δοθείς. καὶ 5 έπεί έστιν, ώς ή ΘΖ πρός ΖΑ, ούτως συναμφότερος ή ΕΒΖ πρὸς τὴν ΖΒ, διελόντι, ὡς ἡ ΘΑ πρὸς ΑΖ. ουτως ή ΕΒ πρός ΖΒ. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καί, ώς ή ΗΒ πρός ΖΒ, ούτως ή αὐτή εὐθεῖα πρός την ΖΑ. γέγονεν οὖν πρόβλημα τοιοῦτον θέσει οὖσης εὐθείας 10 της ΑΒ και δύο δοθέντων σημείων των Α, Β και δοθείσης της ΕΒ τεμείν την ΑΒ κατά τὸ Ζ καί προσθείναι τὰς ΘΑ, ΒΗ ὥστε λόγον είναι τῆς ΘΖ πρὸς ΖΗ δοθέντα, έτι τε είναι, ώς μεν την ΘΑ πρός ΑΖ, ούτως την δοθείσαν εύθείαν πρός την ΖΒ, ώς δε την 15 ΗΒ πρός ΒΖ, ούτως την αύτην δοθείσαν εύθείαν πρὸς ΖΑ. τοῦτο δὲ έξης δέδεικται. ὁ γὰρ Αρχιμήδης μακρότερον αὐτὸ δείξας καὶ οῦτως εἰς πρόβλημα ετερον απάγει, δ ούκ αποδείκνυσιν εν τῷ περὶ σφαίρας καὶ κυλίνδρου.

20 θέσει δεδομένης εὐθείας τῆς AB καὶ δύο δοθέντων σημείων τῶν A, B καὶ λόγου τοῦ, ὃν ἔχει ἡ Γ πρὸς τὴν Δ, τεμεῖν τὴν AB κατὰ τὸ E καὶ προσθεῖναι τὰς ZA, HB ώστε εἶναι, ὡς τὴν Γ πρὸς τὴν Δ, οῦτως τὴν ZE πρὸς τὴν EH, ἔτι τε εἶναι, ὡς τὴν BE, ὡς δὲ τὴν HB πρὸς BE, οῦτως τὴν αὐτὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν πρὸς τὴν EA. γεγονέτω, καὶ τῆ AB πρὸς ὀρθὰς ῆχθωσαν αί ΘΑΚ, ABM, καὶ τῆ δοθείση εὐθεία ἴση κείσθω ἐκατέρα τῶν ΑΚ, BM.

^{2.} καί] (alt.) per comp. F. δέ] addidi; om. F, uulgo.

nem autem $Z\Theta$ ad conum basim habentem eandem, altitudinem autem ZH data est. nam hoc quoque demonstratum est. coni autem, quorum bases aequales sunt, eam inter se rationem habent, quam altitudines [de sph. et cyl. I lemm. 1 p. 80]. itaque ratio $\Theta Z:ZH$ data est. et quoniam est

 $\Theta Z: ZA = EB + BZ: ZB$ [cfr. uol. I p. 210, 12 sq.], erit dirimendo $\Theta A: AZ = EB: ZB$. eadem de causa erit etiam HB: ZB = EB: ZA. itaque problema hoc est 1): linea AB positione data et datis duobus punctis A, B et linea EB, lineam AB in EB secare et lineas EB addicere, ita ut ratio EB rate EB et ut praeterea, ut EB addicere, ita data linea ad EB et ut EB ita eadem linea data ad EB et ut EB ita eadem linea data ad EB et ut EB ita eadem linea data ad EB et ut demonstratum est; nam Archimedes pluribus uerbis id demonstratuit et nihilo minus in alterum problema conuertit, quod in libro de sphaera et cylindro non demonstrat.2)

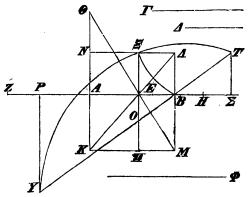
linea AB positione data et datis duobus punctis A, B et ratione $\Gamma: \Delta$ lineam AB in E secare et lineas ZA, HB adiicere, ita ut sit $\Gamma: \Delta = ZE: EH$, et praeterea ut ZA: AE, ita linea data ad BE, et ut HB: BE, ita eadem linea data ad EA. fiat, et ad AB perpendiculares ducantur ΘAK , ABM, et lineae datae aequalis ponatur utraque linea AK, BM.

¹⁾ Archimedes problema hoc modo diserte non proponit; uerum cfr. uol. I p. 210, 21—22; p. 212, 1—2.

²⁾ Cfr. uol. I p. 214, 20 sq.; cfr. p. 215 not. 3.

ZB] ZE F.
 Φεσσει F.
 τεμεῖν] τεμ cum com. ην
 μt lin. 22.
 ΘΑΖ F V.

έπιζευχθεϊσαι αί ΚΕ, ΜΕ έμβληθέντων έπὶ τὰ Λ, Θ. έπεζεύγθω δε και ή ΚΜ, και διά τοῦ Λ παράλληλος ήχθω τῆ ΑΒ ἡ ΛΝ, διὰ δὲ τοῦ Ε τῆ ΝΚ ἡ ΞΕΟΠ. έπει οὖν έστιν, ώς ή ΖΑ πρὸς ΑΕ, οὕτως ή ΜΒ 5 πρὸς ΒΕ (ὑπόκειται γάρ), ώς δὲ ἡ ΜΒ πρὸς ΒΕ, ουτως ή ΘΑ πρός ΑΕ διὰ τὴν ὁμοιότητα τῶν τριγώνων, ώς ἄρα ή ΖΑ πρὸς ΑΕ, οῦτως ἡ ΘΑ πρὸς ΑΕ. ἴση ἄρα ἡ ΖΑ τῆ ΘΑ. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ή ΒΗ τη ΒΛ. και έπει έστιν, ώς συναμφότερος ή 10 ΘΑΕ πρός συναμφότερον την ΜΒΕ, ούτως συναμφότερος ή ΚΑΕ πρός συναμφότερον την ΛΒΕ (έκατερος γαρ των λόγων δ αὐτός έστι τω της ΑΕ πρός ΕΒ), τὸ ἄρα ὑπὸ συναμφοτέρου τῆς ΘΑΕ καὶ συναμφοτέρου της ΑΒΕ ίσον έστι τῷ ὑπὸ συναμ-15 φοτέρου της ΚΑΕ καλ συναμφοτέρου της ΜΒΕ. κείσθω τη KA ίση έκατέρα των AP, $B\Sigma$. έπεὶ οὖν



συναμφότερος μέν ή $\Theta A E$ ίση έστι τῆ Z E, συναμφότερος δὲ ή A B E ίση τῆ E H, συναμφότερος δὲ ή

^{1.} καὶ ἐπιζευχθεϊσαι nulgo; καί om. FV. ἐκβληθέντων]

ducantur KE, ME et producantur ad Λ , Θ . ducatur autem etiam KM, et per Λ lineae ΛB parallela ducatur ΛN , per E autem lineae NK parallela linea $\Xi EOII$. quoniam igitur est $ZA: \Lambda E = MB: BE$ (hoc enim suppositum est), et $MB: BE = \Theta A: \Lambda E$ propter similitudinem triangulorum $[MBE, \Lambda \Theta E; Eucl. VI, 4]$, erit igitur

$$ZA:AE=\Theta A:AE.$$

itaque $ZA = \Theta A$. eadem de causa etiam $BH = BA^1$) et quoniam est

 $\Theta A + AE : MB + BE = KA + AE : AB + BE$ (nam utraque ratio aequalis est rationi $AE : EB)^2$), erit igitur

$$(\Theta A + AE) \times (AB + BE) = (KA + AE) \times (MB + BE).$$

ponatur $AP = B\Sigma = KA$. iam quoniam

$$\Theta A + AE = ZE$$
, et $AB + BE = EH$,

¹⁾ Quia HB:BE = AK:EA = PA:BE; nam $KAE \sim EAB$.

²⁾ Est enim $AE : EB = \Theta A : MB$; tum u. Eucl. V, 18; praeterea AE : EB = KA : AB, unde eodem modo: AE + KA : EB + AB = AE : EB.

scripsi; εκβληθεισαν FVA; ἐκβεβλήσθωσαν uulgo. 2. επεξευθω F. 8. τῆ] προς per comp. FA. 10. πρός] per comp. F. 13. ΘΛΕ] scripsi cum Cr.; ΘΛΕ FV; ΛΒΕ uulgo. 14. ΛΒΕ] cum Cr.; ΛΒΕ FV; ΘΛΕ uulgo. In figura (eo deprauata, quod TT per K transit) H et N permutat F; infra K manus 2 addidit X. linea ΣΒ ipse addidi.

ΚΑΕ ίση τη ΡΕ, συναμφότερος δε ή ΜΒΕ ίση τη ΣΕ, καὶ ἐδείχθη τὸ ὑπὸ συναμφοτέρου τῆς ΘΑΕ καλ συναμφοτέρου της ΑΒΕ ίσον τῷ ὑπὸ συναμφοτέρου της ΚΑΕ καὶ συναμφοτέρου της ΜΒΕ, τὸ 5 ἄρα ὑπὸ ZEH ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ $PE\Sigma$. διὰ δὴ τοῦτο, ὅταν τὸ Ρ μεταξὺ τῶν Α, Ζ πίπτη, τότε τὸ Σ έξωτέρω τοῦ Η πεσείται και τὸ ἀνάπαλιν. ἐπεί ούν έστιν, ώς ή Γ πρός την Δ, ούτως ή ΖΕ πρός ΕΗ, ώς δὲ ή ΖΕ πρὸς ΕΗ, οῦτως τὸ ὑπὸ ΖΕΗ 10 πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΗ, ὡς ἄρα ἡ Γ πρὸς τὴν Δ, οὕτως τὸ ὑπὸ ΖΕΗ πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΗ. τὸ δὲ ὑπὸ ΖΕΗ ἴσον ἐδείχθη τῷ ὑπὸ PEΣ. ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ Γ πρὸς την Δ, ουτως τὸ ύπὸ ΡΕΣ πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΗ. κείσθω τη ΒΕ ίση ή ΕΟ, καὶ ἐπιζευγθεϊσα ή ΒΟ ἐκβεβλήσθω 15 έφ' έκάτερα, και ἀπὸ τῶν Σ, Ρ πρὸς ὀρθὰς ἀχθείσαι αί ΣΤ, ΡΥ συμβαλλέτωσαν αὐτῆ κατὰ τὰ Τ, Υ. έπει οὖν διὰ δεδομένου τοῦ Β πρὸς δέσει δεδομένην την ΑΒ ηπται η ΤΥ δεδομένην ποιούσα γωνίαν την ύπο ΕΒΟ ημίσειαν όρθης, δέδοται ή ΤΥ τη 20 θέσει. και ἀπὸ δεδομένων τῶν Σ, Ρ θέσει ἡγμέναι αί ΣΤ, ΡΥ τέμνουσιν αὐτὴν κατὰ τὰ Τ, Υ. δοθέντα άρα έστι τὰ Τ, Υ. δοθείσα ἄρα έστιν ή ΤΥ τῆ θέσει και τῷ μεγέθει. και ἐπει διὰ τὴν τῷν ΕΟΒ, ΣΤΒ τριγώνων όμοιότητά έστιν, ώς ή ΤΒ πρός ΒΟ, 25 ούτως ή ΣΒ πρός ΒΕ, και συνθέντι έστίν, ώς ή ΤΟ πρὸς ΟΒ, οῦτως ἡ ΣΕ πρὸς ΕΒ. ἀλλ' ὡς ἡ ΒΟ πρὸς ΟΥ, οῦτως ἡ ΒΕ πρὸς ΕΡ. καὶ δι' ἴσου ἄρα, ώς ή ΤΟ πρὸς ΟΥ, οῦτως ή ΣΕ πρὸς ΕΡ.

^{14.} EO] ΕΘ FV. 18. ποιουσαν F, uulgo. 21. ΣΤ, PΤ] ΣΡ, ΤΤ FV; "ry, ts" Cr. 24. ΣΤΒ] ΣΤΤ FV, Cr. 25. ΣΒ] ΕΒ FV. ΒΕ] ΒC F.

KA + AE = PE, et $MB + BE = \Sigma E$, et demonstratum est. esse

 $(\Theta A + AE) \times (AB + BE) = (KA + AE) \times (MB + BE)$ erit $ZE \times EH = PE \times E\Sigma$. itaque si P inter A, Z cadit, Σ cadet extra H et uice uersa.¹) iam quoniam est $\Gamma: \Delta = ZE: EH$, et $ZE: EH = ZE \times EH: EH^2$, erit igitur $\Gamma: \Delta = \mathbb{Z}E \times EH: EH^2$. sed demonstratum est $ZE \times EH = PE \times E\Sigma$. itaque

 $\Gamma: \Delta = PE \times E\Sigma : EH^2$.

ponatur EO = BE, et ducatur BO et producatur in utramque partem, et ab Σ , P perpendiculares ducantur ΣT , PT, et cum [linea BO producta] concurrant in T, T. quoniam igitur linea TT per datum punctum B ad lineam AB positione datam ducta est datum efficiens angulum EBO dimidium recti³), TT positione data est [Eucl. dat. 30]. et lineae ET, PT positione [datae]⁸) a datis punctis Σ , P ductae eam [h. e. TT] in T, T secant. itaque T, T data sunt [Eucl. dat. 25]. itaque linea TT et positione et magnitudine data est. et quoniam propter similitudinem triangulorum EOB, ΣTB est $TB:BO = \Sigma B:BE$ [Eucl. VI, 4], etiam componendo est

 $TO: OB = \Sigma E: EB.$

sed BO: OT = BE: EP [Eucl. VI, 2]. quare etiam ex aequali $TO: OT = \Sigma E: EP$ [Eucl. V, 22].

 $TO: OT = TO \times OT: OT^2$

 $\Sigma E: EP = \Sigma E \times EP: EP^2$.

et

¹⁾ H. e. si P extra Z cadit, Σ cadet inter B, H; tum enim erit PE > ZE; quare $E\Sigma < EH$, sicut nunc est ZE > PEet ideo $EH < E\Sigma$.

2) Nam EB = EO et $\angle BEO = 90^{\circ}$.

³⁾ Nam perpendiculares sunt.

άλλ' ώς ή ΤΟ πρὸς ΟΥ, οῦτως τὸ ὑπὸ ΤΟΥ πρὸς τὸ ἀπὸ ΟΥ, ὡς δὲ ἡ ΣΕ πρὸς ΕΡ, οῦτως τὸ ὑπὸ ΣΕΡ πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΡ. καὶ ὡς ἄρα τὸ ὑπὸ ΤΟΥ πρός τὸ ἀπὸ ΟΥ, ούτως τὸ ὑπὸ ΣΕΡ πρὸς τὸ ἀπὸ 5 ΕΡ. καὶ ἐναλλάξ, ὡς τὸ ὑπὸ ΤΟΥ πρὸς τὸ ὑπὸ ΣΕΡ, ούτως τὸ ἀπὸ ΟΥ πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΡ. τὸ δὲ άπὸ ΟΥ τοῦ ἀπὸ ΕΡ διπλάσιον, ἐπειδὴ καὶ τὸ ἀπὸ ΟΒ τοῦ ἀπὸ ΒΕ. καὶ τὸ ὑπὸ ΤΟΥ ἄρα τοῦ ὑπὸ ΣΕΡ έστι διπλάσιου. τὸ δὲ ὑπὸ ΣΕΡ πρὸς τὸ ἀπὸ 10 ΕΗ έδείχθη λόγον έχειν, δυ έχει ή Γ πρός τὴν Δ. και τὸ ὑπὸ ΤΟΥ ἄρα πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΗ λόγον ἔχει, δυ ή διπλασία της Γ πρός την Δ. τὸ δὲ ἀπὸ ΕΗ ίσον έστι τῷ ἀπὸ ΞΟ έκατέρα γὰρ τῷν ΕΗ, ΞΟ ἴση ἐστὶ συναμφοτέρω τῆ ΛΒΕ. τὸ ἄρα ὑπὸ ΤΟΥ 15 πρός τὸ ἀπὸ ΞΟ λόγον ἔχει, ὃν ἡ διπλασία τῆς Γ πρός την Δ. και δέδοται ό της διπλασίας της Γ πρός την Δ λόγος. δέδοται άρα και ό τοῦ ὑπό ΤΟΥ πρός τὸ ἀπὸ ΕΟ λόγος. ἐὰν ἄρα ποιήσωμεν, ὡς την Δ πρός την διπλασίαν της Γ, ούτως την ΤΥ 20 πρὸς ἄλλην τινὰ ὡς τὴν Φ, καὶ περὶ τὴν ΤΥ γράψωμεν έλλειψιν ώστε τας καταγομένας έν τη ύπο ΕΟΒ γωνία, τουτέστιν έν ήμισεία όρθης, δύνασθαι τὰ παρὰ τὴν Φ ἐλλείποντα ὁμοίφ τῷ ὑπὸ ΤΥΦ, ῆξει διὰ τοῦ Ε διὰ τὴν ἀντιστροφὴν τοῦ εἰκοστοῦ θεω-25 ρήματος τοῦ πρώτου βιβλίου τῶν Απολλωνίου χωνικῶν στοιχείων. γεγράφθα, καὶ ἔστω ὡς ἡ ΥΞΤ. τὸ ἄρα Ε σημείον ἄπτεται θέσει δεδομένης έλλείψεως. καὶ ἐπεὶ διαγώνιός ἐστιν ἡ ΛΚ τοῦ ΝΜ παραλληλογοάμμου, ίσον έστι τὸ ὑπὸ ΝΞΠ τῶ ὑπὸ ΑΒΜ.

^{1.} OT OTC F; corr. ed. Basil. deinde: ovrws $\eta \Sigma E \pi_{QOS}$ EP ex superioribus repetit F; corr. ed. Basil. (post EP in F

itaque $TO \times OT : OT^2 = \Sigma E \times EP : EP^2$. et nicissim

 $TO \times OT : \Sigma E \times EP = OT^2 : EP^2$.

sed $OT^2 = 2EP^2$, quoniam etiam $OB^2 = 2BE^2$. 1) quare etiam $TO \times OT = 2\Sigma E \times EP$. sed demonstratum est $\Sigma E \times EP : EH^2 = \Gamma : \Delta$. itaque etiam $TO \times OT : EH^2 = 2\Gamma : \Delta$. sed $EH^2 = \Sigma O^2$; nam $EH = \Xi O = \Delta B + BE$. itaque

 $TO \times OT : \Xi O^2 = 2\Gamma : \Delta.$

et ratio 2Γ : Δ data est. quare etiam ratio

 $TO \times OT : \Xi O^2$

data. si igitur fecerimus $\Delta: 2\Gamma = TT: \Phi$, et circum TT ellipsim descripserimus, ita ut quae in angulo ΞOB (h. e. dimidio recti) [ad axem] ducantur, quadratae aequales sint spatiis lineae Φ adplicatis deficientibus spatio simili rectangulo $TT \times \Phi$, per Ξ ibit propter conuersum theorema XX primi libri Apollonii elementorum conicorum.²) describatur, et sit $T\Xi T$. itaque punctum Ξ ellipsim positione datam tangit. et quoniam ΔK diagonalis est parallelogrammi NM, erit $N\Xi \times \Xi \Pi = \Delta B \times BM$ [Eucl. I, 43]. si igitur per

¹⁾ Nam OE = EB, et OB : BE = OT : EP.

²⁾ In nostris codicibus est Apollon. I, 21.

additur '). 5. EP] hic in F repetuntur lin. 3: nal &s &\tilde{a}\tilde{a} \sigma \ldots \ldots \tilde{a}\tilde{a} \tilde{a} \ldots \ldots \tilde{a}\tilde{a} \tilde{a} \ldots \ldots \tilde{a}\tilde{a}\tilde{a} \sigma \ldots \ldots \tilde{a}\tilde{a} \tilde{a} \ldots \ldots \tilde{a}\tilde{a}\tilde{a} \ldots \ldots \tilde{a}\tilde{a} \tilde{a} \ldots \tilde{a}\tilde{a} \tilde{a} \

έὰν ἄρα διὰ τοῦ Β περὶ ἀσυμπτώτους τὰς ΘΚΜ γράψωμεν ὑπερβολήν, ῆξει διὰ τοῦ Ξ καὶ ἔσται θέσει δεδομένη διὰ τὸ καὶ τὸ Β σημεῖον τῆ θέσει δεδόσθαι καὶ ἑκατέραν τῶν ΑΒ, ΒΜ καὶ διὰ τοῦτο τὰς ΘΚΜ δ ἀσυμπτώτους. γεγράφθω, καὶ ἔστω ὡς ἡ ΞΒ. τὸ ἄρα Ξ σημεῖον ἄπτεται θέσει δεδομένης ὑπερβολῆς. ῆπτετο δὲ καὶ θέσει δεδομένης ἐλλείψεως. δέδοται ἄρα τὸ Ξ. καὶ ἀπ' αὐτοῦ κάθετος ἡ ΞΕ. δέδοται ἄρα τὸ Ε. καὶ ἐπεί ἐστιν, ὡς ἡ ΜΒ πρὸς ΒΕ, οῦτως 10 ἡ ΖΑ πρὸς ΑΕ, καὶ δέδοται ἡ ΑΕ, δέδοται ἄρα καὶ ἡ ΑΖ. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ δέδοται καὶ ἡ ΗΒ.

συντεθήσεται δε ούτως ώς γαρ έπι της αύτης καταγραφής έστω ή δοθείσα εύθεία, ην δεί τεμείν, ή AB, ή δε δοθείσα έτέρα ή AK, ό δε δοθείς λόγος 15 δ $\tau \tilde{\eta}_S$ Γ $\pi \varrho \delta_S$ $\tau \tilde{\eta} \nu$ Δ . $\tilde{\eta} \chi \partial \omega$ $\tau \tilde{\eta}$ AB $\pi \varrho \delta_S$ $\delta \varrho \partial \tilde{\alpha}_S$ $\tilde{\eta}$ ΒΜ ἴση οὖσα τῆ ΑΚ, καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΚΜ, καὶ τῆ μεν ΚΑ ίση κείσθω ή ΑΡ καί ή ΒΣ, και ἀπὸ τῶν Ρ, Σ πρὸς ὀρθὰς ἤχθωσαν αί ΡΥ, ΣΤ. καὶ πρὸς τῷ Β σημείω συνεστάτω ἡμίσεια ὀρθῆς ἡ ὑπὸ ΑΒΟ, 20 και εκβληθείσα ή ΒΟ έφ' εκάτερα τεμνέτω τὰς ΣΤ, ΡΥ κατά τὰ Τ, Υ. καὶ γεγονέτω, ώς ἡ Δ πρὸς τὴν διπλασίαν της Γ, ούτως ή ΤΥ πρός την Φ, και περί την ΤΥ γεγράφθω έλλειψις ώστε τας καταγομένας έν ήμισεία όρθης δύνασθαι τὰ παρακείμενα παρά την Φ 25 έλλειποντα όμοιφ τῷ ὑπὸ ΤΥΦ. διὰ δὲ τοῦ Β περί άσυμπτώτους τὰς ΑΚ, ΚΜ γεγράφθω ὑπερβολή ή ΒΕ τέμνουσα την έλλειψιν κατά τὸ Ε, καὶ ἀπὸ τοῦ Ε έπὶ τὴν ΑΒ κάθετος ήχθω ἡ ΕΕ. καὶ ἐκβεβλήσθω έπὶ τὸ Π. διὰ δὲ τοῦ Ξ τῆ ΑΒ παράλληλος ἤχθω

^{3.} δεδοσθω F; corr. B. 5. ασυμπτωτ cum comp. ovs F, ut lin. 1. 9. BE] AE FV. 14. AB] ΔB FV. 17. παὶ

B in asymptotis ΘK , KM hyperbolam descripserimus, per Ξ ueniet [Apollon. II, 12] et erit positione data, quia et punctum B positione datum est et utraque linea AB, BM et ideo asymptoti ΘK , KM. describatur et sit ΞB . itaque punctum Ξ hyperbolam positione datam tangit. tangebat autem etiam ellipsim positione datam. itaque Ξ datum est. et ab eo perpendicularis ducta est ΞE ; quare E datum. et quoniam est MB:BE = ZA:AE, et AE data est, etiam AZ data est.) et eadem de causa etiam AB data.)

componetur autem hoc modo: sit enim in eadem figura [p. 192] data linea, quam secari oportet, AB, et altera data AK, et data ratio $\Gamma: \Delta$. ducatur ad AB perpendicularis BM lineae AK aequalis, et ducatur KM, et ponatur $AP = B\Sigma = KA$, et ab P, Σ perpendiculares ducantur PT, ΣT , et ad punctum Bconstructur angulus ABO dimidius recti, et linea BO in utramque partem producta secet lineas ΣT , PT in T. T. et fiat $\Delta: 2\Gamma = TT: \Phi$, et circum TT describatur ellipsis, ita ut lineae [ad axem] ductae in angulo dimidio recti quadratae aequales sint spatiis lineae Φ adplicatis deficientibus spatio simili rectangulo TT, Φ . per B autem in asymptotis AK, KMdescribatur hyperbola BZ ellipsim in Z secans, et ab Ξ ad AB perpendicularis ducatur ΞE et producatur ad Π . et per Ξ lineae AB parallela ducatur $A\Xi N$.

⁴⁾ Nam ratio MB: BE data; tum u. Eucl. dat. 2.

²⁾ Nam AK : AE = BA : BE; quare cum datae sint ratio AK : AE et BE, data est BA, h. e. BH.

άπό] scripsi; απο F, uulgo. 24. παρά] π cum comp. αρα F. 26. ΛΚ] ΛΒ FCV, Cr.

ή ΔΞΝ. καὶ ἐκβεβλήσθωσαν αί ΚΑ, ΜΒ ἐπὶ τὰ 1, Θ, καὶ ή ΜΕ ἐπιζευχθεῖσα ἐκβεβλήσθω καὶ συμπιπτέτω τη ΚΝ κατά τὸ Θ. ἐπεὶ οὖν ὑπερβολή ἐστιν ή ΒΞ, ἀσύμπτωτοι δὲ αί ΘΚ, ΚΜ, ἴσον ἐστὶ τὸ 5 ύπὸ ΝΞΠ τῷ ὑπὸ ΑΒΜ διὰ τὸ η΄ θεώρημα τοῦ δευτέρου βιβλίου των Απολλωνίου κωνικών στοιχείων, και διὰ τοῦτο εὐθεῖά έστιν ἡ ΚΕΛ. κείσθω οὖν τῆ μεν ΘΑ ιση ή ΑΖ, τη δε ΛΒ ιση ή ΒΗ. έπει οὖν έστιν, ώς ή διπλασία της Γ πρός την Δ, ούτως ή Φ 10 πρὸς τὴν ΤΥ, ὡς δὲ ἡ Φ πρὸς τὴν ΤΥ, οὕτως τὸ ύπὸ ΤΟΥ πρὸς τὸ ἀπὸ ΞΟ διὰ τὸ κ΄ θεώρημα τοῦ πρώτου βιβλίου των Απολλωνίου κωνικών στοιχείων, ώς ἄρα ή διπλασία τῆς Γ πρὸς τὴν Δ, οῦτως τὸ ὑπὸ ΤΟΥ πρός τὸ ἀπὸ ΞΟ. καὶ ἐπεί ἐστιν, ὡς ἡ ΤΒ 15 πρὸς ΒΟ, οῦτως ή ΣΒ πρὸς ΒΕ, καὶ συνθέντι, ώς ή ΤΟ πρός ΟΒ, ούτως ή ΣΕ πρός ΕΒ, άλλ' ώς ή ΒΟ πρός ΟΥ, ούτως ή ΒΕ πρός ΕΡ, καὶ δι' ίσου άρα, ώς ή ΤΟ πρός ΟΥ, ούτως ή ΣΕ πρός ΕΡ. καλ ώς ἄρα τὸ ὑπὸ ΤΟΥ πρὸς τὸ ἀπὸ ΟΥ, οὕτως τὸ 20 ύπὸ ΣΕΡ πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΡ. ἐναλλάξ, ὡς τὸ ὑπὸ ΤΟΥ πρὸς τὸ ὑπὸ ΣΕΡ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΟΥ πρὸς τὸ άπὸ ΕΡ. άλλὰ τὸ ἀπὸ ΟΥ τοῦ ἀπὸ ΕΡ διπλάσιον διὰ τὸ καὶ τὸ ἀπὸ ΒΟ τοῦ ἀπὸ ΒΕ. ἴση γάρ έστιν ή ΒΕ τη ΕΟ ημισείας δρθης ούσης έκατέρας των 25 πρὸς τοῖς Β, Ο. καὶ τὸ ὑπὸ ΤΟΥ ἄρα διπλάσιόν έστι τοῦ ὑπὸ ΣΕΡ. ἐπεὶ οὖν ἐδείχθη, ὡς ἡ διπλασία τῆς Γ πρὸς τὴν Δ, οῦτως τὸ ὑπὸ ΤΟΥ πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΟ, και των ήγουμένων τὰ ήμίση ώς ἄρα ή Γ πρός την Δ, ούτως τὸ ὑπὸ ΡΕΣ πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΟ, τουτ-

^{1.} KA] KM FV. 5. η'] $\iota\beta'$ Torellius. 11. κ'] $\kappa\alpha'$ Torellius. 20. ΣEP] ΣPE F. 21. OT] OP F. 24.

et producantur KA, MB ad A, Θ et ME ducta producatur et cum KN concurrat in Θ . iam quoniam hyperbola est BE et asymptoti ΘK , KM, erit

$$N\Xi \times \Xi \Pi = AB \times BM$$

propter theorema VIII secundi libri Apollonii elementorum conicorum [II, 12]; quare una linea recta est KEA [Eucl. I, 43 conu.]. ponatur igitur

$$AZ = \Theta A$$
, $BH = AB$.

iam quoniam est $2\Gamma: \Delta = \Phi: TT$,

et
$$\Phi: TT = TO \times OT: \Xi O^2$$

propter theorems XX primi libri Apollonii elementorum conicorum [I, 21], erit $2\Gamma: \Delta = TO \times OT: \Xi O^2$. et quoniam est $TB:BO = \Sigma B:BE$ et componendo $TO:OB = \Sigma E:EB$, sed BO:OT = BE:EP, etiam ex aequali [Eucl. V, 22] erit $TO:OT = \Sigma E:EP$. quare $TO \times OT:OT^2 = \Sigma E \times EP:EP^2$. et uicissim

 $TO \times OT : \Sigma E \times EP = OT^2 : EP^2$.

sed $OT^2 = 2EP^2$, quia $BO^2 = 2BE^2$; nam BE = EO, quia anguli ad B, O positi ambo dimidii sunt anguli recti.¹) quare etiam $TO \times OT = 2\Sigma E \times EP$. quoniam igitur demonstratum est, esse

$$2\Gamma: \Delta = TO \times OT: \Xi O^2$$
,

erit etiam, si antecedentium dimidia sumpserimus,

$$\Gamma: \Delta = PE \times E\Sigma : \Xi O^2 = PE \times E\Sigma : EH^2;$$

¹⁾ Cfr. supra p. 194, 19 et p. 195 not. 2.

evons] ισης FV. 25. τό] τω F. 28. ΞΟ] ΞΘ FV. 29. τουτέστι πρός] scripsi; om. F, uulgo; καί Torellius.

έστι πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΗ ἴση γὰρ ἡ ΞΟ τῆ ΕΗ διὰ τὸ έχατέραν αὐτῶν ἴσην εἶναι συναμφοτέρω τῆ ΛΒΕ. έπει οὖν έστιν, ώς [ή] συναμφότερος ή ΘΑΕ πρὸς συναμφότερον την ΜΒΕ, ούτως συναμφότερος ή ΚΑΕ 5 πρός συναμφότερον την ΑΒΕ (έκάτερος γαρ των λόγων ό αὐτός έστι τῷ τῆς ΑΕ πρὸς ΕΒ), τὸ ἄρα ὑπὸ συναμφοτέρου της ΘΑΕ και συναμφοτέρου της ΑΒΕ ίσον έστι τῷ ὑπὸ συναμφοτέρου τῆς ΚΑΕ και συναμφοτέρου της ΜΒΕ. άλλα συναμφοτέρω μεν τη ΘΑΕ 10 ίση έστι ή ΖΕ, συναμφοτέρω δε τη ΛΒΕ ίση ή ΕΗ, συναμφοτέρφ δε τη ΚΑΕ ίση ή ΡΕ, συναμφοτέρφ δὲ τῆ ΜΒΕ ἴση ἡ ΕΣ. τὸ ἄρα ὑπὸ ΖΕΗ ἴσον έστι τῷ ὑπὸ ΡΕΣ. ἀλλ' ὡς ἡ Γ πρὸς τὴν Δ, οῦτως τὸ ὑπὸ ΡΕΣ πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΗ. καὶ ὡς ἄρα ἡ Γ 15 πρὸς τὴν Δ, οῦτως τὸ ὑπὸ ΖΕΗ πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΗ. άλλ' ώς τὸ ὑπὸ ΖΕΗ πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΗ, οῦτως ή ΖΕ πρός ΕΗ. καὶ ώς ἄρα ή Γ πρός τὴν Δ, οῦτως ή ΖΕ πρός ΕΗ. και έπει έστιν, ώς ή ΜΒ πρός ΒΕ, ούτως ή ΘΑ πρός ΑΕ, ζση δὲ ή ΘΑ τῆ ΖΑ, ώς 20 ἄρα ή ΜΒ πρὸς ΒΕ, οῦτως ή ΖΑ πρὸς ΑΕ. διὰ τὰ αὐτὰ καί, ὡς ἡ ΚΑ πρὸς ΑΕ, οὕτως ἡ ΗΒ πρὸς ΒΕ. εὐθείας ἄρα δοθείσης τῆς ΑΒ καὶ έτέρας τῆς ΑΚ καὶ λόγου τοῦ τῆς Γ πρὸς τὴν Δ εἰληπται ἐπὶ της ΑΒ τυχον σημείον το Ε, και προσετέθησαν εύθειαι 25 αί ΖΑ, ΗΒ, καὶ γέγονεν έν τῷ δοθέντι λόγῳ ἡ ΖΕ πρός ΕΗ, έτι τέ έστιν, ώς ή δοθείσα ή ΜΒ πρός ΒΕ, ούτως ή ΖΑ πρός ΑΕ, ώς δὲ αὐτή ή δοθείσα ή ΚΑ πρός ΑΕ, ούτως ή ΗΒ πρός ΒΕ. ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.

τὸ ἀπὸ ΕΗ] om. F; corr. Torellius (τῆς ΕΗ). ἴση γὰς ἡ ΕΟ] om. F; corr. ed. Basil., (δέ pro γάς; corr. Torel-

nam $\angle O = EH$, quia utraque aequalis est AB + BE. quoniam igitur est

 $\Theta A + AE : MB + BE = KA + AE : AB + BE$ (nam utraque ratio aequalis est rationi $AE : EB)^1$), erit igitur

$$(\Theta A + AE) \times (AB + BE) = (KA + AE) \times (MB + BE).$$

sed $\Theta A + AE = ZE, AB + BE = EH,$

 $KA + AE = PE, MB + BE = E\Sigma.$

itaque

 $ZE \times EH = PE \times E\Sigma$.

erat autem

 $\Gamma: \Delta \longrightarrow PE \times E\Sigma : EH^2$.

quare

 $\Gamma: \Delta = ZE \times EH: EH^2.$ $ZE \times EH: EH^2 = ZE: EH;$

sed quare

 $\Gamma: \Delta = ZE: EH.$

et quoniam

 $MB:BE=\Theta A:AE$, et $\Theta A=ZA$,

erit MB: BE = ZA: AE. eadem de causa erit etiam KA: AE = HB: BE. itaque data linea AB et alia linea AK et ratione $\Gamma: \Delta$ in AB sumptum est punctum aliquod E, et adiectae sunt lineae ZA, HB, et in ratione data inuentae sunt ZE, EH, et praeterea quam rationem habet data linea MB ad BE, eam habet ZA: AE, et quam eadem linea data KA ad AE, eam habet HB: BE; quod oportebat fieri.

¹⁾ U. supra p. 192, 12 et p. 193 not. 2. omnino hic analysis repetitur fidelissime, et hacc resolutio Dioclis aptissimum exemplum est ad illustrandam methodum analyticam ueterum.

lius). 3. $\dot{\eta}$ (prius)] F; om. uulgo recte, puto. 11. $\delta \dot{\epsilon}$] om. F; corr. Torellius. 12. $\dot{\nu}\pi\dot{\epsilon}$] $\alpha\pi\sigma$ F. 14. $\ddot{\alpha}\epsilon\alpha$] om. FD. 25. $\dot{\epsilon}r$] om. F; corr. Torellius. 27. $\alpha\dot{\nu}\dot{\tau}\dot{\eta}$] $\dot{\eta}$ $\alpha\dot{\nu}\dot{\tau}\dot{\eta}$?

τούτων δεδειγμένων δυνατόν έστι την δοθείσαν σφαίραν είς τὸν δοθέντα λόγον τεμείν οθτως. ἔστω γαο της δοθείσης σφαίρας διάμετρος ή ΑΒ, ό δέ δοθείς λόγος, δυ δεί έχειν τὰ τμήματα τῆς σφαίρας 5 πρὸς ἄλληλα, ὁ τῆς Γ πρὸς τὴν Δ, κέντρον δὲ τῆς σφαίρας έστω τὸ Ε. καὶ εἰλήφθω έπὶ τῆς ΑΒ σημεῖον τὸ Ζ, καὶ προσκείσθωσαν αί ΗΑ, ΘΒ ώστε είναι, ώς την Γ πρός την Δ, ούτως την ΗΖ πρός την ΖΘ, ἔτι τε είναι, ώς μὲν τὴν HA πρὸς AZ, οῦτως δοθεῖσαν 10 την ΕΒ πρός ΒΖ, ώς δὲ την ΘΒ πρός ΒΖ, οῦτφς την αὐτην δοθεϊσαν την ΕΑ πρός ΑΖ. τοῦτο γὰρ ώς δυνατόν ποιείν, προδέδεικται. καὶ διὰ τοῦ Ζ τῆ ΑΒ πρὸς ὀρθὰς ήχθω ή ΚΖΛ, καὶ διὰ τῆς ΚΛ ἐπίπεδον έμβληθεν όρθον πρός την ΑΒ τεμνέτω την 15 σφαίραν. λέγω, δτι τὰ τμήματα τῆς σφαίρας πρὸς άλληλα λόγον έχει τὸν τῆς Γ πρὸς τὴν Δ.

ἐπεὶ γάρ ἐστιν, ὡς ἡ ΗΑ πρὸς ΑΖ, οῦτως ἡ ΕΒ πρὸς ΒΖ, καὶ συνθέντι ὡς ἄρα ἡ ΗΖ πρὸς ΖΑ, οῦτως συναμφότερος ἡ ΕΒ, ΒΖ πρὸς ΒΖ. ὁ ἄρα 20 κῶνος ὁ βάσιν μὲν ἔχων τὸν κύκλον τὸν περὶ διάμετρον τὴν ΚΑ, ὕψος δὲ τὴν ΖΗ ἴσος ἐστὶ τῷ τμήματι τῆς σφαίρας τῷ βάσιν μὲν ἔχοντι τὴν αὐτήν, ῦψος δὲ τὴν ΖΑ. πάλιν ἐπεί ἐστιν, ὡς ἡ ΘΒ πρὸς ΒΖ, οῦτως ἡ ΕΑ πρὸς ΑΖ, καὶ συνθέντι ἐστίν, ὡς ἡ ΘΖ πρὸς ΒΖ, οῦτως συναμφότερος ἡ ΕΑ, ΑΖ πρὸς ΑΖ. ὁ ἄρα κῶνος ὁ βάσιν ἔχων τὸν περὶ διάμετρον τὴν ΚΑ κύκλον, ῦψος δὲ τὴν ΖΘ ἴσος ἐστὶ τῷ τμήματι τῆς σφαίρας τῷ βάσιν μὲν ἔχοντι τὴν αὐτήν, ῦψος δὲ τὴν ΒΖ. ἐπεὶ οὖν οἱ εἰρημένοι κῶνοι

^{2.} $\tau \varepsilon \mu$ cum comp. $\iota \nu$ uel $\eta \nu$ F. 13. $KZ\Lambda$] $K\Lambda Z$ F; corr. Torellius. 25. BZ] ΘZ F (V?).

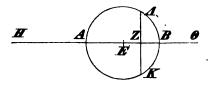
his demonstratis fieri potest, ut data sphaera secundum datam rationem secetur hoc modo: sit enim diametrus datae sphaerae AB, et data ratio, quam segmenta sphaerae inter se habere oportet, $\Gamma: \Delta$; centrum autem sphaerae sit E. et in AB sumatur punctum Z, et adiiciantur HA, ΘB , ita ut sit

 $\Gamma: \Delta = HZ: Z\Theta,$

et praeterea

HA:AZ=EB:BZ, et $\Theta B:BZ=EA:AZ$.

hoc enim fieri posse, ante demonstratum est. et per Z ad lineam AB perpendicularis ducatur KZA, et



planum per KA ad AB perpendiculare positum sphaeram secet. dico, segmenta sphaerae eam inter se rationem habere, quam $\Gamma: A$.

nam quoniam est HA:AZ=EB:BZ, erit igitur etiam componendo HZ:ZA=EB+BZ:BZ. quare conus basim habens circulum circum diametrum KA descriptum, altitudinem autem ZH aequalis est segmento sphaerae, cuius basis eadem est, altitudo autem ZA [de sph. et cyl. II, 2; cfr. supra p. 188, 4 sq.]. rursus quoniam $\Theta B:BZ=EA:AZ$, etiam componendo est $\Theta Z:BZ=EA+AZ:AZ$. itaque conus basim habens circulum circum diametrum KA descriptum, altitudinem autem $Z\Theta$ aequalis est segmento sphaerae, cuius basis eadem est, altitudo autem BZ.

15

20

25

έπι τῆς αὐτῆς βάσεως ὅντες πρὸς ἀλλήλους είσιν ὡς τὰ ΰψη, τουτέστιν ὡς ἡ ΗΖ πρὸς ΖΘ, τουτέστιν ἡ Γ πρὸς τὴν Δ, και τὰ τμήματα ἄρα τῆς σφαίρας πρὸς ἄλληλα λόγον ἔχει τὸν δοθέντα. ὅπερ ἔδει 5 ποιῆσαι.

'Ως δὲ δεῖ διὰ τοῦ δοθέντος σημείου περὶ τὰς δοθείσας ἀσυμπτώτους γράψαι ὑπερβολήν, δείξομεν οὕτως, ἐπειδὴ οὐκ αὐτόθεν κεῖται ἐν τοῖς κωνικοῖς στοιχείοις.

10 ἔστωσαν δύο εὐθείαι αί ΓΑ, ΑΒ τυχοῦσαν γωνίαν περιέχουσαι τὴν πρὸς τῷ Α, καὶ δεδόσθω σημείόν τι

Τὸ Δ, καὶ που
περὶ ἀσυμπτα
γοάψαι ὑπερβ
ΑΔ καὶ ἐκβε
καὶ κείσθω τ
καὶ διὰ τοῦ Δ
λος ῆχθω ἡ Δ
ΑΖ ἴση ἡ ΖΙ
ἡ ΓΔ ἐκβεβλή
τῷ ἀπὸ τῆς Γ
ΔΕΗ. καὶ ἐν
γεγράφθω περ
ὑπερβολὴ ῶστ

τὸ Δ, καὶ προκείσθω διὰ τοῦ Δ περὶ ἀσυμπτώτους τὰς ΓΑ, ΑΒ γράψαι ὑπερβολήν. ἐπεξεύχθω ἡ ΑΔ καὶ ἐκβεβλήσθω ἐκὶ τὸ Ε, καὶ κείσθω τῆ ΔΑ ἴση ἡ ΑΕ, καὶ διὰ τοῦ Δ τῆ ΑΒ παράλληλος ῆχθω ἡ ΔΖ, καὶ κείσθω τῆ ΔΖ ἴση ἡ ΣΓ, καὶ ἐκιζευχθεῖσα ἡ ΓΔ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ τὸ Β, καὶ τῷ ἀπὸ τῆς ΓΒ ἴσον ἔστω τὸ ὑπὸ ΔΕΗ. καὶ ἐκβληθείσης τῆς ΑΔ γεγράφθω περὶ αὐτὴν διὰ τοῦ Δ ὑπερβολὴ ῶστε τὰς καταγομένας δύνασθαι τὰ παρὰ τὴν ΕΗ ὑπερ-

βάλλοντα ὁμοί φ τ $\tilde{\varphi}$ ὑπὸ ΔΕΗ. λέγ φ , ὅτι τ $\tilde{\eta}$ ς γεγοαμμένης ὑπερβολ $\tilde{\eta}$ ς ἀσύμπτωτοί εἰσιν αl ΓΑ, ΑΒ. ἐπεl γὰρ παράλληλός ἐστιν $\tilde{\eta}$ ΔΖ τ $\tilde{\eta}$ ΒΑ, καl ἴση $\tilde{\eta}$ ΓΖ τ $\tilde{\eta}$ ΖΑ, ἴση ἄρα καl $\tilde{\eta}$ ΓΔ τ $\tilde{\eta}$ ΔΒ. $\tilde{\omega}$ στε τ $\tilde{\sigma}$ ἀπὸ τ $\tilde{\eta}$ ς

^{2.} HZ] scripsi; ΘZ F, uulgo. $Z\Theta$] scripsi; ZH F, uulgo; , hf ad fg iam Cr. 11. $\tau \tilde{\varphi}$] scripsi; τo F, uulgo. 12.

iam quoniam coni illi, quia in eadem basi sunt, eam inter se rationem habent, quam altitudines,

h. e. $HZ:\Theta Z$, h. e. $\Gamma:\Delta$,

ergo etiam segmenta sphaerae inter se datam habent rationem; quod oportebat fieri.

Quomodo autem per datum punctum in asymptotis datis hyperbola describi possit, ita demonstrabimus¹), quoniam non diserte legitur in elementis conicis.

duae lineae sint ΓA , AB quemuis angulum comprehendentes ad A, et datum sit punctum Δ , et propositum sit, ut per Δ in asymptotis ΓA , AB hyperbolam describamus. ducatur $A\Delta$ et producatur ad E, et ponatur $AE = \Delta A$, et per Δ lineae AB parallela ducatur ΔZ , et ponatur $Z\Gamma = AZ$, et linea $\Gamma \Delta$ ducta producatur ad B, et sit $\Delta E \times EH = \Gamma B^2$. et circum $A\Delta$ productam per Δ describatur hyperbola, ita ut lineae [ad axem] ductae quadratae aequales sint spatiis lineae EH adplicatis excedentibus spatio simili rectangulo $\Delta E \times EH$. dico, lineas ΓA , AB asymptotos esse hyperbolae descriptae. nam quoniam ΔZ parallela est lineae BA, et $\Gamma Z = ZA$, erit igitur etiam $\Gamma \Delta = \Delta B$ [Eucl. VI, 2]. quare $\Gamma B^2 = 4\Gamma \Delta^2$.

¹⁾ Haec sine dubio Eutocius de suo addidit ad demonstrationem Dioclis supplendam, ubi hoc problema usurpatur p. 198, 25 sq.

προσπεισθω (προς per comp.) F; corr. Torellius. 16. AE] $A \triangle FV$. 21. $τ \tilde{φ}$] $τ \tilde{o}$ F, ut lin. 26. 25. $π α ε \tilde{α}$] π cum comp. α ε α F. EH] H F; corr. B. H in fig. om. F.

ΓΒ τετραπλάσιον έστι τοῦ ἀπὸ τῆς ΓΔ. καί έστι τὸ ἀπὸ ΓΒ ἴσον τῷ ὑπὸ ΔΕΗ. ἐκάτερον ἄρα τῶν ἀπὸ ΓΔ, ΔΒ τέταρτον μέρος ἐστὶ τοῦ ὑπὸ ΔΕΗ εἰδους. αί ἄρα ΓΑ, ΑΒ ἀσύμπτωτοί εἰσι τῆς ὑπερβολῆς διὰ 5 τὸ πρῶτον θεώρημα τοῦ β΄ βιβλίου τῶν ᾿Απολλωνίου κωνικῶν στοιχείων.

Είς τὴν σύνθεσιν τοῦ δ΄.

Έν δὲ τῆ συνθέσει προσεμβάλλων τὴν διάμετρον της σφαίρας την ΔΒ καὶ ἀποθέμενος τη ήμισεία 10 αὐτῆς ἴσην τὴν ΖΒ καὶ τεμών αὐτὴν εἰς τὸν δοθέντα λόγον κατά τὸ Θ καὶ ἐπὶ τῆς ΔΒ λαβών τὸ Χ οῦτως, ώστε είναι, ώς την XZ πρός ΘΖ, ούτως τὸ ἀπὸ ΒΔ πρός τὸ ἀπὸ ΔΧ τὰ αὐτὰ κατασκευάζων τοῖς πρότερόν φησι, δτι γεγονέτω, ώς συναμφότερος ή 15 $K \triangle X$ $\pi \circ \delta_S \triangle X$, $\circ \tilde{v} \tau \circ S$ $\dot{\eta}$ PX $\pi \circ \delta_S XB$, $\kappa \circ \lambda$ τi θησιν τὸ Ρ μεταξύ τῶν Θ, Ζ. ὅτι δὲ τοῦτο οῦτως έχει, δεικτέον. έπεὶ γάρ έστιν, ώς συναμφότερος ή $K \triangle X$ πρὸς $\triangle X$, ή PX πρὸς XB, διελόντι, ώς ή $K \triangle I$ πρός ΔΧ, ή ΡΒ πρός ΧΒ. ἐναλλάξ, ὡς ἡ ΚΒ πρὸς 20 PB, ή ΔΧ πρὸς ΒΧ. μείζων δὲ ή ΔΧ τῆς ΧΒ. μείζων ἄρα καὶ ἡ ΚΒ τῆς ΒΡ, τουτέστιν ἡ ΒΖ τῆς ΒΡ. ώστε τὸ Ρ έντὸς τοῦ Ζ πεσείται. ὅτι δὲ καὶ έκτὸς τοῦ Θ, δειχθήσεται όμοίως τοῖς ἐν τῷ ἀναλύσει προελθούσης πάσης της συνθέσεως τοῦ θεωρήματος. 25 συνάγεται γάρ, ὅτι ἐστίν, ὡς ἡ ΡΧ πρὸς ΧΛ, ἡ ΒΘ ποός ΘΖ. ώστε και συνθέντι. και διά τοῦτο γίνεται ακόλουθος τοῖς ανω είρημένοις και ένταῦθα ή δείξις. Καὶ δι' ἴσου ἐν τῆ τεταραγμένη ἀναλογία]

^{9.} τη ἡμισεία] scripsi; την ημισείαν F, uulgo. 10. τήν] scripsi; τη F, uulgo. 18. ΚΔ] ΚΛ FV. 19. ΚΒ] ΚΛΒ

et $\Gamma B^2 = \Delta E \times EH$. itaque et $\dot{\Gamma} \Delta^2$ et ΔB^2 quarta pars est rectanguli $\Delta E \times EH$. itaque ΓA , AB asymptoti sunt hyperbolae propter primum theorema secundi libri Apollonii elementorum conicorum.

In compositionem prop. IV.

In compositione autem diametro sphaerae $\triangle B$ producta et posita linea ZB dimidio eius aequali et secta ea¹) in Θ secundum rationem datam et sumpto in $\triangle B$ puncto X ita, ut sit $XZ: \Theta Z = B \triangle^2 : \triangle X^2$ deinde eadem, quae antea, construens ita dicit [Ip.216,11-13]: fiat $K\triangle + \triangle X : \triangle X = PX : XB$, et punctum P inter Θ et Z ponit. hoc uero ita se habere, demonstrandum est. nam quoniam est $K\triangle + \triangle X : \triangle X = PX : XB$, dirimendo erit $K\triangle : \triangle X = PB : XB$, et uicissim

 $KB: PB = \Delta X: BX$

sed $\Delta X > XB$. quare etiam KB > BP, h. e. BZ > BP. quare P punctum intra Z cadet. sed idem extra Θ cadere demonstrabitur tota compositione theorematis congruenter analysi progrediente. colligitur²) enim, esse $PX: XA = B\Theta: \Theta Z$; quare etiam componendo $[PA: XA = BZ: \Theta Z]$. itaque hic quoque demonstratio cum iis, quae supra³) diximus, congruit.

I p. 218, 3-4: erit ex aequali in perturbata ra-

¹⁾ Sc. linea adiecta BZ.

²⁾ Uol. I p. 218, 5-6.

³⁾ U. supra p. 148, 24 sq.

FV; fort. $K\Delta$ cum Cr. 22. Z] B F; corr. A. 23. Θ] $\Theta\Delta$ F; corr. A. 25. $B\Theta$ $\pi \varrho o s$ ΘZ] $Z\Theta$ $\pi \varrho o s$ ΘB F; corr. Torellius (ΘB pro $B\Theta$). 26. $\gamma \ell \nu e \tau \alpha \iota$] scripsi; $\gamma \alpha \varrho$ per comp. F, uulgo. Lin. 14—15 sine signo F.

τεταραγμένην ἀναλογίαν ἐν τοῖς στοιχείοις ἐμάθομεν τριῶν ὅντων μεγεθῶν καὶ ἄλλων αὐτοῖς ἴσων τὸ πλῆθος, ὅταν ἡ, ὡς μὲν ἡγούμενον πρὸς ἐπόμενον ἐν τοῖς πρώτοις μεγέθεσιν, οῦτως ἐν τοῖς δευτέροις μεγέθεσιν 5 ἡγούμενον πρὸς ἐπόμενον, ὡς δὲ ἐπόμενον πρὸς ἄλλο τι ἐν τοῖς πρώτοις, οῦτως ἐν τοῖς δευτέροις ἄλλο τι πρὸς ἡγούμενον. κἀνταῦθα οὖν δέδεικται, ὡς μὲν ἡγούμενον ἡ ΡΛ πρὸς ἐπόμενον τὴν ΛΔ, οῦτως ἡγούμενον ἡ ΧΖ πρὸς ἐπόμενον τὴν ΖΘ, ·ὡς δὲ ἐπόμενον 10 ἡ ΔΛ πρὸς ἄλλο τι τὴν ΛΧ, οῦτως ἄλλο τι ἡ ΒΖ πρὸς ἡγούμενον τὴν ΧΖ. ἔπεται ἄρα καὶ δι' ἴσου, ὡς δέδεικται ἐν τῷ πέμπτφ τῶν στοιχείων, ὡς ἡ ΡΛ πρὸς ΛΧ, οῦτως ἡ ΒΖ πρὸς ΖΘ.

Είς τὸ ε'.

15 Καὶ ἐπεὶ ὅμοιόν ἐστι τὸ ΕΖΗ τμῆμα τῷ ΘΚΛ τμήματι, ὅμοιος ἄρα ἐστὶ καὶ ὁ ΕΖΩ κῶνος τῷ ΨΘΚ κώνῷ] νενοήσθωσαν γὰρ χωρὶς κείμεναι αί καταγραφαὶ καὶ ἐπεζευγμέναι αί ΕΗ, ΗΖ, ΕΟ, ΟΖ, ΘΛ, ΛΚ, ΘΕ, ΕΚ. ἐπεὶ οὖν ὅμοιά ἐστι τὰ 20 ΕΖΗ, ΘΚΛ τμήματα, ἴσαι εἰσὶν καὶ αἱ ὑπὸ ΕΗΖ, ΘΛΚ γωνίαι, ὥστε καὶ αἱ ἡμίσειαι αὐτῶν. καὶ εἰσιν ὀρθαὶ αἱ πρὸς τοῖς Φ, Τ. καὶ ἡ λοιπὴ ἄρα τῷ λοιπῷ ἐστιν ἴση. ἰσογώνιον ἄρα τὸ ΗΦΖ τρίγωνον τῷ ΛΥΚ, καὶ ἐστιν, ὡς ἡ ΗΦ πρὸς ΦΖ, ἡ ΛΥ πρὸς ΥΚ. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ ἰσογωνίων ὄντων τῶν ΦΖΟ, ΥΚΕ τριγώνων ἐστιν, ὡς ἡ ΖΦ πρὸς ΟΦ, ἡ ΚΥ πρὸς ΥΕ. δι' ἴσον ἄρα, ὡς ἡ ΗΦ πρὸς ΦΟ, ἡ ΛΥ πρὸς ΥΕ. καὶ συνθέντι, ὡς ἡ ΗΦ πρὸς ΦΟ, ἡ ΛΥ πρὸς ΥΕ. καὶ συνθέντι, ὡς ἡ ΗΦ πρὸς ΦΟ, ἡ ΛΥ πρὸς ΥΕ. καὶ συνθέντι, ὡς ἡ ΗΟ πρὸς ΟΦ, ἡ ΛΕ

^{2.} οντων των (comp.) F; corr. BC. 10. AX] scripsi; ΔX F, uulgo. BZ] EZ F; corr. Torellius. Praeter p. 208, 28

tione] perturbatam rationem ex elementis [Eucl.V def. 20] cognouimus eam esse, si datis tribus magnitudinibus et aliis iis multitudine aequalibus in secundis magnitudinibus sit antecedens ad sequentem terminum, ut in prioribus antecedens ad sequentem, sed ut sequens in prioribus ad aliud, ita in secundis aliud ad antecedentem. iam hic quoque demonstratum est, esse, ut antecedens PA ad sequentem AA, ita antecedens XZ ad sequentem $Z\Theta$ [I p. 218, 1—2], sed ut sequens AA ad aliud AX, ita aliud BZ ad antecedentem XZ [ibid. lin. 2—3]. sequitur igitur etiam, ut demonstratum est in quinto libro elementorum [Eucl. V, 21], ex aequali $PA: AX = BZ: Z\Theta$ [ibid. lin. 3—5].

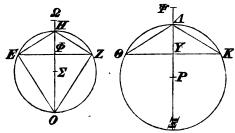
In prop. V.

I p. 222, 4-6: et quoniam segmentum EZH segmento $\mathfrak{O}KA$ simile est, etiam conus $EZ\mathfrak{Q}$ cono $\mathfrak{P}\mathfrak{O}K$ similis erit] fingantur enim figurae [uol. I p. 220] seorsum positae et ductae lineae EH, HZ, EO, OZ, $\mathfrak{O}A$, AK, $\mathfrak{O}E$, ΞK . quoniam igitur segmenta EZH, $\mathfrak{O}KA$ similia sunt, erunt etiam anguli EHZ, $\mathfrak{O}AK$ aequales [Eucl. III def. 11]; quare etiam dimidii eorum. et anguli ad \mathfrak{O} , T positi recti sunt. itaque etiam reliquus reliquo aequalis est, et $H\mathfrak{O}Z \sim \Lambda TK$, et est [Eucl. VI, 4] $H\mathfrak{O}: \mathfrak{O}Z = \Lambda T: TK$. cum eadem de causa $\mathfrak{O}ZO \sim TK\Xi$, erit $Z\mathfrak{O}: O\mathfrak{O} = KT: T\Xi$. quare ex aequali $H\mathfrak{O}: \mathfrak{O}O = \Lambda T: T\Xi$, et componendo

 $HO: O\Phi = A\Xi: \Xi\Upsilon.$

etiam lineis 1—7 signum adponit F. 26. $\pi \varrho \delta s O \Phi$] om. F; corr. B (ΦO).

πρὸς ΣΤ΄ καὶ τῶν ἡγουμένων τὰ ἡμίση, ὡς ἡ ΣΟ πρὸς ΟΦ, ἡ ΡΞ πρὸς ΣΤ. καὶ συνθέντι, ὡς συναμφότερος ἡ ΣΟΦ πρὸς ΦΟ, τουτέστιν ἡ ΩΦ πρὸς ΦΗ, οὕτως συναμφότερος ἡ ΡΞΥ πρὸς ΞΥ, τουτέστιν



δ ή ΨΤ πρὸς ΤΛ. ἀλλ' ὡς ἡ ΗΦ πρὸς ΦΖ, ἡ ΛΥ πρὸν ΥΚ. καὶ δι' ἴσου ἄρα, ὡς ἡ ΩΦ πρὸς ΦΖ, ἡ ΨΥ πρὸς ΥΚ· καὶ τῶν ἐπομένων τὰ διπλάσια, ὡς ἄρα ἡ ΩΦ πρὸς ΕΖ, ἡ ΨΥ πρὸς ΘΚ. τῶν ἄρα ΩΕΖ, ΨΘΚ κώνων ἀνάλογόν εἰσιν οἱ ἄξονες καὶ αἱ 10 διάμετροι τῶν βάσεων. ὅμοιοι ἄρα εἰσὶν οἱ κῶνοι· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

Λόγος δὲ τῆς ΩΦ πρὸς τὴν ΕΖ δοθείς] ἐπεὶ γὰρ δέδοται τὰ τμήματα τῶν σφαιρῶν, δεδομέναι εἰσὶ καὶ αὶ διάμετροι τῶν βάσεων καὶ τὰ τψη τῶν τμημά-15 των. ὅστε δέδοται ἡ ΕΖ καὶ ἡ ΗΦ. καὶ ἡ ἡμίσεια ἄρα τῆς ΕΖ ἡ ΕΦ δοθήσεται ὅστε καὶ τὸ ἀπ' αὐτῆς καὶ ἐστιν ἴσον τῷ ὑπὸ ΗΦΟ. ἐὰν δὲ δοθὲν παρὰ δοθείσαν παραβληθῆ, πλάτος ποιεί δοθέν. δοθείσα ἄρα ἡ ΦΟ· ἀλλὰ καὶ ἡ ΦΗ. καὶ ὅλη ἄρα ἡ 20 διάμετρος τῆς σφαίρας δοθείσά ἐστι, καὶ διὰ τοῦτο καὶ ἡ ἡμίσεια αὐτῆς δέδοται ἡ ΣΟ. ἀλλὰ μὴν καὶ ἡ ΟΦ. δέδοται ἄρα καὶ ὁ τῆς ΣΟ πρὸς ΟΦ λόγος.

^{9.} αl] addidi; om. F, uulgo. In figura T om. F. 17. τφ]

ėt sumptis antecedentium dimidiis

$$\Sigma O : O \Phi = P \Xi : \Xi T.$$

et componendo

 $\Sigma O + O\Phi : \Phi O = P\Xi + \Xi T : \Xi T$

h. e. $\mathcal{Q}\Phi : \Phi H = \Psi T : T\Lambda$ [I p. 220, 2-4].

sed $H\Phi: \Phi Z = \Lambda T: TK$. itaque ex aequali erit

 $\Omega \Phi : \Phi Z = \Psi T : TK.$

et duplicatis sequentibus $\mathcal{Q}\Phi: EZ = \Psi T: \Theta K$. in conis igitur $\mathcal{Q}EZ$, $\Psi\Theta K$ axes et diametri basium proportionales sunt. itaque coni similes sunt [Eucl. XI def. 24]; quod erat demonstrandum.

I p. 222, 7—8: sed ratio $\Omega\Phi: EZ$ data est] nam quoniam segmenta sphaerarum data sunt, etiam et diametri basium et altitudines segmentorum datae sunt. quare EZ et $H\Phi$ datae. itaque etiam $E\Phi$ dimidia lineae EZ data erit. quare etiam eius quadratum.\(^1) sed $E\Phi^2 = H\Phi \times \Phi O$. sed datum spatium datae lineae adplicatum latitudinem datam efficit [Eucl. dat. 57]. itaque ΦO data. sed etiam ΦH data est. quare tota diametrus sphaerae data est, et ideo etiam dimidia eius ΣO . sed etiam $O\Phi$ data est. quare ratio

¹⁾ Cfr. Eucl. dat. 50.

το F. 18. δοθέν] scripsi; δοθεισαν F, uulgo. 21. $\dot{\eta}$ $\dot{\eta}$ μίσεια] scripsi; $\dot{\eta}$ om. F, uulgo.

καὶ συνθέντι ὁ συναμφοτέρου τῆς ΣΟΦ πρὸς τὴν ΟΦ λόγος δοθείς ἐστιν, τουτέστι τῆς ΩΦ πρὸς ΦΗ. καὶ δέδοται ἡ ΦΗ. δέδοται ἄρα καὶ ἡ ΩΦ. ἀλλὰ μὴν καὶ ἡ ΕΖ. δέδοται ἄρα καὶ ὁ τῆς ΩΦ πρὸς ΕΖ λό-5 γος. — τὰ αὐτὰ δὲ ἄν ξηθείη καὶ ἐπὶ τοῦ ΑΒΓ τμήματος, καὶ συναχθήσεται ὁ τῆς ΧΤ πρὸς ΑΒ λόγος δοθείς. καὶ διὰ τὸ δοθείσαν εἶναι τὴν ΑΒ δοθείσα ἔσται καὶ ἡ ΧΤ.

ότι δέ. αν τα τμήματα δεδομένα ή, και τα ύψη αὐτῶν 10 δοθήσονται, πρόδηλον μέν, ΐνα δε και τοῦτο ἀκολούθως τη στοιχειώσει των Δεδομένων δοκή συνάγεσθαι, λεχθήσεται. ἐπειδὴ δέδοται τὰ τμήματα τῆ θέσει καὶ τῷ μεγέθει, δέδοται καὶ ή ΕΖ καὶ ή ἐν τῷ τμήματι γωνία: ώστε και ή ήμίσεια αὐτῆς. και ἐὰν νοήσωμεν ἐπιζευγνυ-15 μένην την ΕΗ, δεδομένης της πρός τῷ Φ ὀρθης δεδομένη έσται καὶ ή λοιπή. καὶ τὸ ΕΗΦ τρίγωνον τῷ είδει ώστε καὶ ὁ τῆς ΕΦ πρὸς ΦΗ λόγος δοθείς έσται. και δέδοται ή ΕΦ ήμίσεια ούσα της ΕΖ. δέδοται ἄρα καὶ ἡ ΦΗ. - ἔνεστι δὲ καὶ ἄλλως λέ-20 γειν. έπειδή δέδοται ή ΕΖ τη θέσει, καὶ ἀπὸ δεδομένου τοῦ Φ (διχοτομία γάρ ἐστι τῆς ΕΖ) πρὸς ὀρθὰς ήπται ή ΦΗ τη θέσει, δέδοται δε και ή περιφέρεια τοῦ τμήματος τῆ θέσει, δέδοται ἄρα τὸ Η. ἦν δὲ καὶ τὸ Φ δεδομένον. δέδοται ἄρα καὶ ἡ ΦΗ.

^{8.} ἔσται] per comp. F. 11. δοκει F; corr. B. 13. γωνία] per comp. F. 23. δέσει διδομένη Torellius.

 $\Sigma O: O\Phi$ data, et componendo ratio $\Sigma O + O\Phi: O\Phi$ data erit, h. e. $\Omega \Phi: \Phi H$ et ΦH data est. ergo etiam $\Omega \Phi$. sed etiam EZ data. quare ratio $\Omega \Phi: EZ$ data est. eadem autem etiam in segmento $AB\Gamma$ dici¹) possunt, et colligetur, datam esse rationem XT: AB. et quia data est AB, etiam XT data erit.²)

si segmenta data sint, etiam altitudines eorum datum iri, per se patet, sed ut hoc quoque elementis Datorum congruenter concludi uideatur, exponetur. quoniam segmenta posítione et magnitudine data sunt, et EZ et angulus segmenti datus est.8) quare etiam dimidius. et si lineam EH finxerimus ductam, erit, cum angulus ad Φ positus rectus datus sit, etiam reliquus datus, et triangulus EH specie [Eucl. dat. 40]. quare etiam ratio $E\Phi : \Phi H$ data erit. et $E\Phi$ dimidia lineae EZ data est. quare etiam ΦH data. — sed etiam aliter ratiocinari possumus. quoniam positione data est EZ, et ab P puncto dato (nam medium est lineae EZ) ad lineam positione datam perpendicularis ducta est ΦH , et ambitus segmenti positione datus est, datum erit punctum H. sed etiam Ø datum erat. quare etiam ΦH data.

I p. 222, 11—12: et quoniam est $\Psi T: XT$, hoc est $AB^2: \Theta K^2 = \Theta K: \Delta$] nam quoniam est

 $\Psi T: \Theta K = XT: \Delta [I p. 222, 9],$

uicissim erit $\Psi T: XT = K\Theta: \Delta$.

sed $\Psi T: XT = AB^2: \Theta K^2$.

¹⁾ U. figura I p. 220.

²⁾ Ordinem hoc loso peruertit Eutocius; prius enim colligitur, XT datam esse, deinde rationem XT: AB; cfr. lin. 3—4. Fortasse pro AB lin. 6 scribendum IT; cfr. lin. 2—3.

³⁾ Cfr. Eucl. dat. 88.

τὸ ἀπὸ ΘΚ. ἴσων γὰρ ὄντων τῶν κώνων ἀντιπεπόνθασιν αἱ βάσεις τοῖς ὕψεσιν, ὡς δὲ αἱ βάσεις πρὸς
ἀλλήλας, οῦτως τὰ ἀπὸ τῶν διαμέτρων τετράγωνα.
καὶ ὡς ἄρα τὸ ἀπὸ BA πρὸς τὸ ἀπὸ ΘK , ἡ ΘK
5 πρὸς τὴν Δ .

Καὶ ἐναλλάξ, ὡς ἡ ΑΒ πρὸς ΘΚ, ἡ τ πρὸς Δ] ἐπειδὴ τῷ λόγῳ τοῦ ἀπὸ τῆς ΒΑ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΚ ὁ αὐτὸς ἐδείχθη ὁ τῆς ΒΑ πρὸς τ καὶ ὁ τῆς ΚΘ πρὸς Δ, καὶ ὁ τῆς ΒΑ ἄρα πρὸς τ ὁ αὐτός ἐστι τῷ τῆς 10 ΚΘ πρὸς Δ. ὅστε ἐναλλάξ ἐστιν, ὡς ἡ ΒΑ πρὸς ΘΚ, ἡ τ πρὸς Δ.

Εἰς τὴν σύνθεσιν τοῦ ε΄.

'Επειδή ἀνάλογόν είσιν αί ΑΒ, ΘΚ, 5, Δ, ἔστιν, ώς τὸ ἀπὸ ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΚ, ή ΘΚ 15 πρὸς Δ] καθόλου γάρ, ἐὰν ώσιν τέσσαρες εὐθείαι ἀνάλογον, ἔσται, ώς τὸ ἀπὸ τῆς πρώτης πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς δευτέρας, ή δευτέρα πρὸς τὴν τετάρτην. ἐπεὶ γάρ ἐστιν, ώς ή πρώτη πρὸς τὴν δευτέραν, ή τρίτη πρὸς τὴν τετάρτην, ἐναλλάξ, ώς ή πρώτη πρὸς τὴν τρίτην, 20 ή δευτέρα πρὸς τὴν τετάρτην. ἀλλ' ώς ή πρώτη πρὸς τὴν τρίτην, οῦτως τὸ ἀπὸ τῆς πρώτης πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς δευτέρας. καὶ ώς ἄρα τὸ ἀπὸ τῆς πρώτης πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς δευτέρας, ή δευτέρα πρὸς τὴν τετάρτην.

Εἰφτὸ ς'.

25 'Επεὶ δὲ ὅμοιόν ἐστι τὸ ΚΛΜ τῷ ΑΒΓ τμήματι, ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ ΡΛ πρὸς ΡΝ, ἡ ΒΠ πρὸς ΠΘ] ἐὰν γὰρ ἐπιζευχθῶσιν αί ΜΝ, ΓΘ, ἐπεὶ ὅμοιά

^{1.} ισ cum comp. or F. 2. αl βάσεις (prius)] om. F; corr.

nam cum aequales sint coni, bases in contraria proportione altitudinum sunt, et quam rationem inter se habent bases, eam habent diametrorum quadrata [Eucl. XII, 2].¹) quare $BA^2:\Theta K^2=\Theta K:\Delta$.

I p. 222, 16—17: uicissim igitur $AB:\Theta K = 5:\Delta$] quoniam demonstratum est

 $BA: \varsigma = BA^2: \Theta K^2$ [I p. 222, 13—14] et $K\Theta: \Delta = BA^2: \Theta K^2$ [ib. lin. 15—16], erit etiam $BA: \varsigma = K\Theta: \Delta$. quare uicissim erit

 $BA: OK = 5: \Delta.$

In compositionem prop. V.

I p. 224, 24—25: quoniam proportionales sunt lineae AB, $K\Theta$, ς , Δ , erit $AB^2:\Theta K^2=\Theta K:\Delta$] nam omnino si quattuor lineae proportionales sunt, erit, ut quadratum primae ad quadratum secundae, ita secunda ad quartam. nam quoniam est, ut prima ad secundam, ita tertia ad quartam, erit uicissim, ut prima ad tertiam, ita secunda ad quartam. sed ut prima ad tertiam, ita quadratum primae ad quadratum secundae [Eucl. V def. 10]. quare etiam, ut quadratum primae ad quadratum secundae, ita secunda ad quartam.

In prop. VI.

I p. 228, 10—12: porro quoniam segmentum $K \Lambda M$ segmento $\Lambda B \Gamma$ simile est, erit $\Lambda P: PN = B\Pi: \Pi \Theta$] nam si ducimus lineas MN, $\Gamma \Theta$, quoniam similia sunt

Cfr. uol. I p. 220, 9—222, 3, quae fortasse delenda sunt; neque enim Eutocius ea habuisse uidetur.

ed. Basil. βασ (alt.) cum comp. ης F. 3. αλληλ cum comp. ας F. 13. ΔΒ] ΔΘ FV. 16. έσται] per comp. F. Lin. 13—15 et 25—27 sine signo F.

είσιν τὰ τμήματα, ἴσαι είσι και αί πρὸς τοῖς Β, Α γωνίαι. είσιν δὲ και αί πρὸς τοῖς Μ, Γ ὀρθαί. και ἡ λοιπὴ ἄρα τῷ λοιπῷ, και ἰσογώνια τὰ τρίγωνα· καί ἐστιν, ὡς ἡ ΘΒ πρὸς ΘΓ, οὕτως ἡ ΛΝ πρὸς ΜΝ. τὰ ἀλλ' ὡς ἡ ΘΓ πρὸς ΘΠ, οὕτως ἡ ΜΝ πρὸς ΝΡ διὰ τὴν ὁμοιότητα τῶν ΓΘΠ, ΜΝΡ τριγώνων. και δι' ἴσου ἄρα, ὡς ἡ ΒΘ πρὸς ΘΠ, ἡ ΛΝ πρὸς ΝΡ. ὥστε και διελόντι, ὡς ἡ ΒΠ πρὸς ΠΘ, οὕτως ἡ ΛΡ πρὸς ΡΝ.

Αόγος δὲ τῆς ΕΖ πρὸς ΒΓ δοθείς δοθείσα 10 γὰρ ἐκατέρα] ἐπεὶ γὰρ δέδοται τὰ τμήματα τῶν σφαιρῶν, δεδομέναι εἰσὶ καὶ αὶ διάμετροι τῶν βάσεων καὶ τὰ ὕψη τῶν τμημάτων. ὥστε ἐπεὶ δέδοται ἡ ΑΓ, δέδοται καὶ ἡ ἡμίσεια αὐτῆς ἡ ΓΠ. δέδοται δὲ καὶ ἡ ΒΠ καὶ ὀρθὴν γωνίαν περιέχουσιν. δέδοται ἄρα 15 καὶ ἡ ΒΓ. διὰ τα αὐτὰ δὴ καὶ ἡ ΕΖ δοθείσά ἐστιν. ὥστε καὶ ὁ τῆς ΒΓ πρὸς ΕΖ λόγος δοθείς ἐστιν.

Είς τὴν σύνθεσιν τοῦ ς΄.

Όμοια ἄρα ἐστὶ τὰ ἐπὶ τῶν ΚΜ, ΑΓ τμήματα κύκλων] ἐὰν γάρ, ὡς ἐν τῆ ἀναλύσει, ἐπι20 ζευχθῶσιν αἱ ΓΘ, ΜΝ, ἐπεὶ ὀρθαί εἰσιν αἱ πρὸς τοῖς
Γ, Μ, καὶ κάθετοι αἱ ΓΠ, ΜΡ, μέσαι ἀνάλογόν εἰσιν
τῶν τῆς βάσεως τμημάτων. ὅστε ἐστίν, ὡς ἡ πρώτη
ἡ ΒΠ πρὸς τὴν τρίτην τὴν ΠΘ, οὕτως τὸ ἀπὸ τῆς
πρώτης τῆς ΠΒ πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς δευτέρας τῆς ΠΓ.
25 διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ὡς ἡ ΛΡ πρὸς ΡΝ, οὕτως τὸ
ἀπὸ ΛΡ πρὸς τὸ ἀπὸ ΡΜ. καί ἐστιν, ὡς ἡ ΒΠ πρὸς

^{1.} είσιν] per comp. F. A] ΛΓ FV. 2. γωνίαι] per comp. F. 3. ἰσογώνιά ἐστι Cr., ed. Basil., Torellius. 4. ΘΓ] ΘΠ F; corr. ed. Basil. ΛΝ] ΛΗ F; corr. B. ΜΝ. άλλ ὡς ἡ ΘΓ πρὸς ΘΠ, σύτως ἡ ΜΝ πρός] om. F; corr. ed. Basil. (om. σύτως). 5. ΝΡ] ΗΡ F; corr. B. 7. ΛΝ]

segmenta, etiam anguli ad B, Λ positi aequales sunt [Eucl. III def. 11]. sed etiam anguli ad M, Γ positi recti sunt. itaque etiam reliquus reliquo [aequalis est], et trianguli aequales habent angulos. et [Eucl. VI. 4] $\Theta B : \Theta \Gamma = \Lambda N : MN$. sed

 $\Theta \Gamma : \Theta \Pi = MN : NP$

propter similitudinem triangulorum $\Gamma\Theta\Pi$, MNP. quare ex aequali [Eucl. V, 22] $B\Theta:\Theta\Pi=\Lambda N:NP$. quare etiam dirimendo $B\Pi:\Pi\Theta=\Lambda P:PN$.

I p. 228, 16—17: ratio autem $EZ:B\Gamma$ data est; utraque enim linea data est] nam quoniam segmenta sphaerarum data sunt, etiam diametri basium et altitudines segmentorum datae sunt [u. supra p. 214,9 sq.]. quare quoniam data est $A\Gamma$, etiam dimidia eius $\Gamma\Pi$ data. sed etiam $B\Pi$ data est; et rectum angulum comprehendunt. quare etiam $B\Gamma$ data est. eadem de causa etiam EZ data est. quare etiam ratio $B\Gamma:EZ$ data.

In compositionem prop. VI.

I p. 230, 8—10: similia igitur sunt segmenta circulorum in lineis KM, $A\Gamma$ posita] nam si, ut in analysi [supra p. 216, 27] ducuntur $\Gamma\Theta$, MN, quoniam anguli ad Γ , M positi recti sunt, et $\Gamma\Pi$, MP perpendiculares, mediae proportionales sunt inter partes basis [Eucl. VI, 8 π ó ϱ .]. quare

 $B\Pi: \Pi\Theta = \Pi B^2: \Pi\Gamma^2$ [Eucl. V def. 10]. eadem igitur de causa etiam $\Delta P: PN = \Delta P^2: PM^2$.

HAN F. NP] HP F. 10. $\gamma\acute{\alpha}\varrho$ (prius)] $\alpha\varrho\alpha$ per comp. F; corr. Torellius. 13. $\acute{\eta}\mu lse\iota\alpha$] η supra scriptum manu 1 F. 21. αl] η F. 24. $\Pi\Gamma$] $B\Gamma$ F; corr. Torellius.

ΠΘ, ἡ ΡΑ πρὸς ΡΝ. καὶ ὡς ἄρα τὸ ἀπὸ ΒΠ πρὸς τὸ ἀπὸ ΠΓ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΛΡ πρὸς τὸ ἀπὸ ΡΜ. καὶ ὡς ἄρα ἡ ΠΒ πρὸς ΠΓ, ἡ ΛΡ πρὸς ΡΜ. καὶ περὶ ἴσας γωνίας αἱ πλευραὶ ἀνάλογόν εἰσιν. ἰσο- 5 γώνια ἄρα τὰ τρίγωνα. ἴσαι ἄρα αἱ πρὸς τοῖς Β, Λ γωνίαι καὶ αἱ διπλασίους αὐτῶν αἱ ἐν τοῖς τμήμασιν. ὅμοια ἄρα εἰσὶν τὰ τμήματα.

Els τὸ ζ'.

Λόγος ἄρα δεδομένος συναμφοτέρου τῆς 10 ΕΔΖ πρὸς ΔΖ. ὅστε καὶ ἡ ΑΓ] ἐπεὶ γὰρ συναμφότερος ἡ ΕΔ, ΔΖ πρὸς ΔΖ λόγον ἔχει δεδομένον, ἐαν δεδομένον μέγεθος πρός τι μόριον ἐαυτοῦ λόγον ἔχει δεδομένον, καὶ πρὸς τὸ λοιπὸν λόγον ἔξει δεδομένον. ὅστε συναμφότερος ἡ ΕΔΖ πρὸς ΕΔ λόγον 15 ἔχει δεδομένον. ἐπεὶ οὖν ἐκατέρα τῶν ΕΔ, ΔΖ πρὸς συναμφότερον τὴν ΕΔΖ λόγον ἔχει δεδομένον, καὶ πρὸς ἀλλήλας λόγον ἔχουσι δεδομένον. δέδοται ἄρα ὁ τῆς ΕΔ πρὸς ΔΖ λόγος. καὶ δέδοται ἡ ΕΔ. δέδοται γὰρ ἡ διάμετρος. δέδοται ἄρα καὶ ἡ ΔΖ. λοιπὴ 20 ἄρα ἡ ΖΒ δοθήσεται. ὥστε καὶ τὸ ὑπὸ ΔΖΒ, τουτέστι τὸ ἀπὸ ΑΖ, τουτέστιν ἡ ΑΖ δοθείσα ἔσται καὶ δλη ἄρα ἡ ΑΓ.

και άλλως δὲ λέγοις ᾶν, ὅτι ἡ ΑΓ δοθεϊσά ἐστιν. ἐπεὶ γὰρ δέδοται ἡ διάμετρος ἡ ΔΒ τῆ θέσει, δέδο-25 ται δὲ καὶ τὸ Ζ, ὡς ἄτηται, καὶ ἀπὸ δεδομένου τοῦ Ζ πρὸς ὀρθὰς ἡκται ἡ ΑΓ, δέδοται ἡ ΑΓ τῆ θέσει. ἀλλὰ καὶ ἡ τοῦ κύκλου περιφέρεια. δοθέντα ἄρα τὰ Α, Γ. καὶ αὐτὴ ἡ ΑΖΓ δοθεϊσά ἐστιν.

^{10.} ωστε καὶ ή AΓ] addidi; om. F, uulgo. συναμφοτες

et $B\Pi: \Pi\Theta = PA: PN$. quare $B\Pi^2: \Pi\Gamma^2 = AP^2: PM^2$.

quare etiam $IIB:II\Gamma = \Lambda P:PM$. et latera angulos aequales comprehendentia proportionales sunt; trianguli igitur angulos aequales habent [Eucl. VI, 6]. itaque anguli ad B, Λ positi aequales sunt, et duplices quoque eorum, ii, qui in segmentis sunt. ergo segmenta similia sunt [Eucl. III def. 11].

In prop. VII.

I p. 232, 17—20: quare etiam ratio $E \triangle + \triangle Z: \triangle Z$ data est. itaque etiam linea $A\Gamma$ data] nam quoniam $E \triangle + \triangle Z: \triangle Z$ ratio data est, si data magnitudo ad partem aliquam sui datam rationem habet, etiam ad reliquam datam rationem habebit [Eucl. dat. 5]. quare ratio $E \triangle + \triangle Z: E \triangle$ data est. quoniam igitur et $E \triangle$ et $\triangle Z$ ad $E \triangle + \triangle Z$ datam rationem habet, etiam inter se datam rationem habent [Eucl. dat. 8]. itaque ratio $E \triangle : \triangle Z$ data. et $E \triangle$ data est; nam diametrus data. itaque etiam $\triangle Z$ data est. quare quae relinquitur ZB data erit. itaque etiam $\triangle Z\times ZB$, hoc est $\triangle Z$, hoc est $\triangle Z$, data erit. quare etiam tota $\triangle T$ [data est].

uerum etiam aliter colligas, lineam $A\Gamma$ datam esse. nam quoniam diametrus ΔB positione data est, et Z etiam datum est, sicut suppositum est, et a dato puncto Z perpendicularis ducta est $A\Gamma$, itaque $A\Gamma$ positione data est. sed etiam ambitus circuli [positione datus est]. quare A, Γ data. et ipsa $AZ\Gamma$ data est.

cum comp. ov FA. 15. $\pi \varrho \acute{o}_{\mathfrak{g}}$] per comp. F. Lin. 9—10 sine signo F.

Καὶ ἐπεὶ συναμφότερος μὲν ἡ ΕΔΖ πρὸς ΔΖ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ συναμφότερος ἡ ΕΔΒ πρὸς ΔΒ] ἐπεὶ γὰρ ἡ ΕΔ μείζων ἢ ἡμίσειά ἐστι τῆς ΔΖ, συναμφότερος ἄρα ἡ ΕΔΖ τῆς ΔΖ τῆς ΔΖ μείζων ἐστὶν ἢ ἡμιολία. συναμφότερος δὲ ἡ ΕΔ, ΔΒ τῆς ΔΒ ἡμιολία. μείζονα ἄρα λόγον ἔχει ἡ ΕΔΖ πρὸς ΔΖ, ἤπερ ἡ ΕΔΒ πρὸς ΔΒ. — ἢ καὶ ἄλλως ἐπεὶ μείζων ἐστὶν ἡ ΔΒ τῆς ΔΖ, ἄλλη δέ τις ἡ ΕΔ, ἡ ΕΔ ἄρα πρὸς ΔΖ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ ἡ ΕΔ 10 πρὸς ΔΒ. συνθέντι συναμφότερος ἡ ΕΔΖ πρὸς ΔΖ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ συναμφότερος ἡ ΕΔΒ πρὸς ΔΒ. — ἡ σύνθεσις τοῦ θεωρήματος σαφὴς διὰ τῶν ἐνταῦθα εἰρημένων.

Els τὸ η'.

16 ἩΘΖ πρὸς ΖΗ ἐλάσσονα λόγον ἔχει ἢ διπλασίονα τοῦ, ὃν ἔχει τὸ ἀπὸ ΒΑ πρὸς τὸ ἀπὸ ΑΔ, τουτέστιν ἡ ΒΖ πρὸς ΖΔ] ἐπεὶ γὰρ ἐν ὀρθογωνίφ τριγώνω ἀπὸ τῆς ὀρθῆς κάθετος ἦκται ἡ ΑΖ, τῶν πρὸς τῷ καθέτω τριγώνων ὁμοίων ὄντων ἐστίν, ὡς
20 ἡ ΖΒ πρὸς ΒΑ, ἡ ΑΒ πρὸς ΒΔ καὶ ὡς ἡ πρώτη πρὸς τὴν τρίτην, οῦτως τὸ ἀπὸ τῆς πρώτης πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς δευτέρας, καὶ τὸ ἀπὸ τῆς δευτέρας πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς τρίτης, ὡς ἀνωτέρω δέδεικται. ὡς ἄρα ἡ ΖΒ πρὸς ΒΔ, τὸ ἀπὸ ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΔ. ἀλλ²
25 ὡς ἡ ΒΔ πρὸς ΔΖ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΒΔ πρὸς τὸ ἀπὸ ΔΑ. ὡς γὰρ ἡ πρώτη πρὸς τὴν τρίτην, οῦτως τὸ ἀπὸ τῆς πρώτης πρὸς τὸ ἀπὸ ΔΑ. οῦς κὰ τὸ ἀπὸ ΔΑ. οῦτως τὸ ἀπὸ Τῆς δευτέρας. καὶ δι' ἴσου ἄρα, ὡς τὸ ἀπὸ ΒΑ πρὸς τὸ ἀπὸ ΔΑ, οῦτως

^{8.} Δ Z] Δ B FV. 20. $B\Delta$] B supra scriptum manu 1(?) F. 25. $B\Delta$ (alt.)] EA FV.

I p. 232, 20-24: et quoniam

 $E\Delta + \Delta Z : \Delta Z > E\Delta + \Delta B : \Delta B$

nam quoniam $E\Delta > \frac{1}{2}\Delta Z$, erit $E\Delta + \Delta Z > \frac{3}{2}\Delta Z$. sed $E\Delta + \Delta B = \frac{3}{2}\Delta B$. quare

 $E\Delta + \Delta Z : \Delta Z > E\Delta + \Delta B : \Delta B$.

uel etiam aliter: quoniam $\Delta B > \Delta Z$, et alia linea est $E\Delta$, erit

 $E\Delta: \Delta Z > E\Delta: \Delta B$ [Eucl. ∇ , 8].

et componendo

 $E\Delta + \Delta Z : \Delta Z > E\Delta + \Delta B : \Delta B$ [Pappus VII, 45 p. 684; cfr. supra p. 18, 17 sq.].

compositio theorematis manifesta est ex iis, quae iam diximus.

In prop. VIII.

I p. 238, 8—10: $\Theta Z: ZH$ minorem quam duplicem rationem habet, quam $BA^2:AA^2$, hoc est BZ:ZA] nam quoniam in triangulo rectangulo ab angulo recto perpendicularis ducta est AZ, erit, cum trianguli ad perpendicularem positi similes $\sin t^1$) [Eucl. VI, 8], ZB:BA=AB:BA; et ut prima ad tertiam, ita quadratum primae ad quadratum secundae [Eucl. V def. 10], et quadratum secundae ad quadratum tertiae, ut supra [p. 138, 1 sq.] demonstratum est. itaque $ZB:BA=AB^2:BA^2$. sed

 $B\Delta: \Delta Z = B\Delta^2: \Delta A^2;$

nam ut prima ad tertiam, ita quadratum primae ad quadratum secundae. quare etiam ex aequali [Eucl. V, 22] $BA^2 : AA^2 = BZ : AZ$.

¹⁾ Sc. et inter se et toti triangulo (hoc solo utitur).

ή BZ πρὸς ΔΖ. — συναχθείη δ' αν τὸ αὐτὸ καὶ ακλως οῦτως ἐπεὶ γάρ ἐστιν, ώς ή BZ πρὸς ΖΔ, οῦτως τὸ ὑπὸ ΖΒΔ πρὸς τὸ ὑπὸ ΒΔΖ τῆς ΒΔ κοινοῦ ῦψους λαμβανομένης, και ἐστι τῷ μὲν ὑπὸ ΔΒΖ ἴσον τὸ ἀπὸ ΒΑ, τῷ δὲ ὑπὸ ΒΔΖ ἴσον τὸ ἀπὸ ΔΑ, ως ἄρα τὸ ἀπὸ ΒΑ πρὸς τὸ ἀπὸ ΔΑ, οῦτως ἡ BZ πρὸς ΖΔ.

Καὶ ἐπεὶ ἡ ΘΖ πρὸς ΖΚ ἐλάσσονα λόγον έχει η ή ΘΒ πρός ΒΚ] καθόλου γάρ, έὰν ὧσιν δύο μεγέθη ανισα, καὶ προστεθή αὐτοίς ίσα, τὸ 10 A μείζον πρὸς τὸ ἔλασσον μείζονα λόγον ἔχει, ήπες τὸ. συντεθὲν πρὸς τὸ συντεθέν. — ἔστωσαν γὰς δύο εὐθεῖαι ἄνισοι αἰ ΑΒ, ΓΔ, καὶ προσκείσθωσαν αὐταῖς ἴσαι αἱ ΒΕ, ΔΖ. λέγω, ὅτι ἡ ΑΒ πρὸς ΓΔ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπες ἡ ΑΕ πρὸς ΓΖ. ἐπεὶ γὰς μείζων ἐστὶν ἡ ΑΒ τῆς ΓΔ, ἡ ΑΒ ἄρα πρὸς ΒΕ μείζουα λόγου έχει, ήπερ ή Γ Δποὸς τὴν ΒΕ, τουτέστι πρὸς ΔΖ. ὥστε καὶ συνθέντι ή ΑΕ πρός ΕΒ μείζονα λόγον έχει, ήπεο ή ΓΖ ποὸς ΔΖ διὰ τὰ ποοδεδειγμένα. 20 "Ελασσον ἄρα τὸ ὑπὸ τῶν ΘΖΗ τοῦ ἀπὸ ΖΚ] ἐὰν γὰρ ὧσι τρείς εὐθείαι συνεχείς ώς αί Α, Β, Γ, ώστε την Α πρός την Β ἐλάσσονα λόγον ἔχειν, ἤπες τὴν Β πρὸς τὴν Γ, τὸ ὑπὸ τῶν ἄκοων τῶν Α, Γ ἔλασσόν ἐστι τοῦ ἀπὸ τῆς μέσης τῆς Β. ἐὰν γὰς ποιήσωμεν, ὡς τὴν Α πρὸς τὴν Β, τὴν Β πρὸς ἄλλην τινά, ἔσται πρὸς μείζονα τῆς Γ, είπερ

^{1.} ΔZ] ΔFV. 4. τφ] το F; corr. Torellius. 5. ΔBZ] ΔZB
F. 9. η̃] scripsi; om. F, uulgo; η̃περ Torellius, ut I p. 238,
23. 20. προδεδειγμένα] γ supra scriptum manu 1 (?) F. deinde

uerum idem aliter quoque concludi potest, et id quidem hoc modo: nam quoniam est

 $BZ: Z\Delta = ZB \times B\Delta: B\Delta \times \Delta Z$

communi altitudine sumpta BA, et est

 $BA^2 - AB \times BZ$, $AA^2 - BA \times AZ^1$), erit igitur $BA^2 : AA^2 - BZ : ZA$.

I p. 238, 22—23: et quoniam $\Theta Z:ZK < \Theta B:BK$] nam omnino, si datae sunt duae magnitudines inaequales, et iis adiiciuntur aequales, maior ad minorem maiorem rationem habet, quam composita ad compositam. — nam sint AB, $\Gamma \Delta$ duae lineae inaequales, et adiiciantur iis BE, ΔZ aequales. dico, esse

 $AB: \Gamma \Delta > AE: \Gamma Z.$

nam quoniam $AB > \Gamma \Delta$, erit $AB: BE > \Gamma \Delta : BE$ [Eucl. V, 8], h. e. $AB: BE > \Gamma \Delta : \Delta Z$. quare etiam propter ea, quae antea demonstrauimus [supra p. 18, 17 sq.], componendo $AE: EB > \Gamma Z : \Delta Z$ [et conuertendo $AE: AB < \Gamma Z : \Gamma \Delta$; u. Pappus VII, 48 p. 686; et uicissim $AE: \Gamma Z < AB: \Gamma \Delta$; u. Pappus VII, 47 p. 686].

I p. 238, 25—26: quare $\Theta Z \times ZH < ZK^2$] nam²) si datae sunt tres lineae in proportione continua, ut A, B, Γ , ita ut sit $A:B < B:\Gamma$, erit rectangulum extremis comprehensum minus quadrato mediae, h. e. $A \times \Gamma < B^2$. nam si fecerimus, ut A:B, ita B ad aliam aliquam, erit ad maiorem linea Γ , siquidem

¹⁾ U. Eucl. VI, 8 πόρ.; VI, 17.

²⁾ Cfr. Pappus VII, 58 p. 696.

addit Torellius: καὶ ἀναστρέψαντι ἡ AE πρὸς AB ἐλάσσονα ἤπερ ἡ ΓZ πρὸς $\Gamma \Delta$. ἄστε ἐναλλὰξ δῆλον ἔσται τὸ προτεθέν. 28. ἔσται πρός] per compp. F. Lin. 8—9 et 22-23 sine signo F.

δεξ έλαττῶσαι τὸν τῆς B πρὸς Γ λόγον. καὶ ἔσται τὸ ὑπὸ τῆς A καὶ τῆς μείζονος τῆς Γ ἴσον τῷ ἀπὸ τῆς B. ὥστε τὸ ὑπὸ τῶν A, Γ ἔλασσόν ἐστι τοῦ ἀπὸ τῆς B.

Τὸ ἄρα ὑπὸ ΘΖΗ πρὸς τὸ ἀπὸ ΖΗ ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπερ τὸ ἀπὸ ΚΖ πρὸς τὸ ἀπὸ ΖΗ] ὡς γὰρ ἡ ΘΖ πρὸς ΖΗ, οὕτως τὸ ὑπὸ ΘΖΗ πρὸς τὸ ἀπὸ ΖΗ τοῦ ἀπὸ ΖΚ ἔλασσον. τὸ δὲ μεζον πρὸς τὸ αὐτὸ μεζονα 10 λόγον ἔχει, ἤπερ τὸ ἔλασσον.

Καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ ΒΕ τῆ ΕΔ, ἔλασσον ἄρα τὸ ὑπὸ τῶν ΒΖΔ τοῦ ὑπὸ τῶν ΒΕΔ] τὸ μὲν γὰρ ὑπὸ ΒΕΔ ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ ΕΔ. τὸ δὲ ὑπὸ ΒΖΔ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΕΖ ἴσον ἐστὶ τῷ αὐτῷ. καὶ 15 δῆλον, ὅτι, ὅσῷ τῆς διχοτομίας ἀφέστηκεν τὸ Ζ, μείζονι ἔλασσόν ἐστι τοῦ ὑπὸ τῶν ἴσων. μετὰ γὰρ μείζονος τοῦ ἀπὸ τῆς μεταξὺ τῶν τομῶν ἴσον γίνεται τῷ ὑπὸ τῶν ἴσων. ώστε ἡ εὐθεῖα κᾶν εἰς ἄνισα τέμνηται κατ' ἄλλο καὶ ἄλλο σημεῖον, τὸ ὑπὸ τῶν τμημάτων 20 τῶν ἔγγιον τῆς διχοτομίας μεῖζόν ἐστι τοῦ ὑπὸ τῶν ἀπωτέρων τμημάτων.

^{9.} ZK] ZH F, Cr. Eluctor] in mg., adposite signe \checkmark , cui respondet aliud simile post ZK (ZH) F manu, ut uidetur, 1. 11. $\tau\tilde{\eta}$] $\tau\eta s$ per comp. F. 12. $BZ\Delta$ et $BE\Delta$ permutant FV.

ratio $B:\Gamma$ minuenda est [Eucl. V, 8]. et rectangulum comprehensum linea A et linea illa maiore, quam linea Γ , aequale est B^2 . quare $A \times \Gamma < B^2$.

I p. 238, 26-29: itaque

 $\Theta Z \times ZH : ZH^2 < KZ^2 : ZH^2$

nam

 $\Theta Z: ZH = \Theta Z \times ZH: ZH^3.$

et $\Theta Z \times ZH < ZK^2$. maius uero ad idem maiorem rationem habet, quam minus [Eucl. V, 8].

I p. 240, 5—7: et quoniam $BE = E\Delta$, erit $BZ \times Z\Delta < BE \times E\Delta$]

nam $BE \times E \Delta = E \Delta^2$, et $BZ \times Z \Delta + EZ^2 = E \Delta^2$ [Eucl. II, 5]. et adparet, quo maiore spatio punctum Z a medio puncto distet, eo minus $[BZ \times Z \Delta]$ rectangulum] erit rectangulo partibus aequalibus comprehenso. nam eo maius erit quadratum lineae inter sectiones positae, quocum [rectangulum $BZ \times Z \Delta$] aequale est rectangulo partibus aequalibus comprehenso. quare etiam, si linea in partes inaequales dividitur in pluribus punctis, rectangulum partibus medio puncto propioribus comprehensum maius est rectangulo partibus remotioribus comprehenso.

I p. 240, 7—8: itaque $ZB:BE < E \varDelta: \varDelta Z$] nam omnino si dati sunt quattuor termini, uelut A, B, Γ , $\varDelta E$, et est $A \times \varDelta E < B \times \Gamma$, erit $A:B < \Gamma: \varDelta E$.

¹⁾ Cfr. Eutocius ad Apollon. p. 62, 8; Pappus VII, 59 p. 696.

^{13.} BE Δ] B ΔΕ F; corr. Torellius.
16. τοῦ] per comp. F.
17. τομῶν] νομων FV. γίνεται] γαρ per comp. F; corr. A, ed. Basil. Lin. 22—23 sine signo F.
16. τοῦ] per comp. F.
24. ἀσιν] scripsi; om. τεσαρες F. 26. ὁ Δ]
16. τοῦ] per comp. F.
24. ἀσιν] scripsi; το F, uulgo.

ἴσον τὸ ὑπὸ τῶν A, ZE. ἔστιν ἄρα, ὡς ὁ A πρὸς τὸν Β, ὁ Γ πρὸς τὸν ΖΕ. ὁ δὲ Γ πρὸς τὸν ΖΕ ἐλάσσονα λόγον έχει ήπερ πρός τὸν ΕΔ. καὶ ὁ Α ἄρα πρός τὸν Β ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἥπερ ὁ Γ πρὸς ΔΕ. "Εστιν ἄρα, ώς ή ΘΒ πρός ΒΚ, τὸ ἀπὸ ΘΝ πρός τὸ ἀπὸ ΝΚ] έπεὶ γὰρ τῷ ὑπὸ ΘΒΚ ἴσον έστὶ τὸ ἀπὸ ΒΝ, αι τρείς εὐθεῖαι ἀνάλογόν είσιν, ώς ή ΘΒ πρὸς ΒΝ, ή ΝΒ πρὸς ΒΚ. ααὶ ώς ή πρώτη πρός την τρίτην, η ΘΒ πρός ΒΚ, ούτως τὸ ἀπὸ τῆς 10 δευτέρας πρός τὸ ἀπὸ τῆς τρίτης, τουτέστι τὸ ἀπὸ ΒΝ πρός τὸ ἀπὸ ΒΚ, ώς δέδεικται ἀνωτέρω. πάλιν έπεί έστιν, ώς ή ΘΒ πρὸς ΒΝ, ή ΝΒ πρὸς ΒΚ, συνθέντι, ώς ή ΘΝ πρός ΝΒ, ή ΚΝ πρός ΚΒ: έναλλάξ, ώς ή ΘΝ πρός ΝΚ, ή ΝΒ πρός ΒΚ. καί 15 ώς ἄρα τὸ ἀπὸ ΘΝ πρὸς τὸ ἀπὸ ΝΚ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΝΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΚ. ἀλλ' ὡς τὸ ἀπὸ ΝΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΚ, οῦτως ἐδείγθη ἡ ΘΒ πρὸς ΒΚ. καὶ ὡς άρα ή ΘΒ πρὸς ΒΚ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΘΝ πρὸς τὸ ἀπὸ ΝΚ.

20 Τὸ δὲ ἀπὸ ΘΖ πρὸς τὸ ἀπὸ ΖΚ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ τὸ ἀπὸ ΘΝ πρὸς τὸ ἀπὸ ΝΚ] πάλιν γὰρ δύο ἀνίσοις ταῖς ΘΖ, ΖΚ πρόσκειται ἡ ΝΖ, καὶ διὰ τὸ ἀνωτέρω εἰρημένον ἡ ΘΖ πρὸς ΖΚ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ ἡ ΘΝ πρὸς ΝΚ ιῶστε καὶ τὰ διπλάσια.
25 τὸ ἄρα ἀπὸ ΘΖ πρὸς τὸ ἀπὸ ΖΚ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ τὸ ἀπὸ ΘΝ πρὸς τὸ ἀπὸ ΝΚ, τουτέστιν ἡ ΘΒ πρὸς ΒΚ, τουτέστιν ἡ ΘΒ πρὸς ΒΚ, τουτέστιν ἡ ΚΖ πρὸς ΖΗ.

^{1.} τό] scripsi; του per comp. F; τῷ uulgo. ZE] Z F, ut lin. 2 (alt.). 5. B K] Θ K F V. 11. ανοτερω F. 13. K B] Λ B F (V?). Lin. 5—6 sine signo F. 20. Θ Z] Θ K F V. 22.

sit enim

 $A \times ZE = B \times \Gamma$.

erit igitur

 $A:B \Longrightarrow \Gamma:ZE$.

sed

 $\Gamma: \mathbf{Z}\mathbf{E} < \Gamma: \mathbf{E}\boldsymbol{\Delta}.$

itaque etiam

 $A:B<\Gamma:\Delta E.$

I p. 240, 11-12: erit igitur

 $\Theta B : BK = \Theta N^2 : NK^2$

nam quoniam $BN^2 = \Theta B \times BK$, lineae tres proportionales erunt, $\Theta B : BN = NB : BK$ [Eucl. VI, 17]; et ut prima ad tertia, ita quadratum secundae ad quadratum tertiae, sicut supra [p. 138, 1 sq.] demonstratum est, h. e. $\Theta B: BK = BN^2: BK^2$. quoniam est $\Theta B: NB = NB: BK$, erit componendo $\Theta N: NB = KN: KB$, et uicissim

 $\Theta N: NK \Rightarrow NB: BK.$

quare

 $\Theta N^2: NK^2 = NB^2: BK^2.$

sed

 $NB^2:BK^2=\Theta B:BK$

ut demonstratum est. quare etiam

 $\Theta B : BK = \Theta N^2 : NK^2$.

I p. 240, 12-13: sed $\Theta Z^2: ZK^2 > \Theta N^2: NK^2$ rursus enim duabus lineis inaequalibus ΘZ , ZK adiecta est NZ, et propter id, quod supra dictum est [p. 224, 9 sq.], erit $\Theta Z: ZK > \Theta N: NK$. quare etiam quadrata. itaque $\Theta Z^2: ZK^2 > \Theta N^2: NK^2$, h. e. $> \Theta B : BK \text{ [I p. 240, 11-12], h. e.} > \Theta B : BE$ [I p. 238, 17], h. e. > KZ : ZH [I p. 238, 21–22].¹)

¹⁾ Cfr. locus interpolatus I p. 210, 14-16. ceterum ex I p. 238, 21—22 adparet, omitti potuisse τουτέστιν ή ΘΒ πρὸς BE lin. 27.

ZK] ZE FV. 23. τό] του per comp. F. 25. τὸ ἄρα] του (comp.) aga FV.

'Η ἄρα ΘΖ πρὸς ΖΗ μείζονα λόγον ἔχει ἢ ήμιόλιον τοῦ τῆς ΚΖ πρὸς ΖΗ] νοείθωσαν γὰρ γωρίς κείμεναι εύθεται ώς αί ΑΒ, Γ. Δ. ώστε τὸ ἀπὸ ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ Γ μείζονα λόγον ἔχειν, ἥπερ τὴν Γ πρὸς τὴν Δ . λέγω, ὅτι ἡ ΔB πρὸς Δ μείζονα ἢ ήμιόλιον λόγον έχει τοῦ, ὃν έχει ή Γ πρὸς τὴν Δ . εἰλήφθω γὰο τῶν Γ , Δ μέση ἀνάλογον ἡ E. ἐπεὶ οὖν τὸ ἀπὸ ΑΒ ποὸς τὸ ἀπὸ Γ μείζονα λόγον ἔχει, ηπεο ή Γ πρός την Δ, άλλ' ό μεν τοῦ ἀπό AB πρός τὸ ἀπὸ Γ λόγος διπλασίων έστι τοῦ τῆς ΑΒ πρὸς Γ, ό δὲ τῆς Γ πρὸς τὴν Δ διπλασίων ἐστὶ τοῦ τῆς Γ πρός Ε, καὶ ή ΑΒ άρα πρός Γ μείζονα λόγον έχει, 15 ήπερ ή Γ πρός Ε. γεγονέτω οὖν, ώς ή Ε πρός τὴν Γ, ή Γ πρός ΒΖ. και έπει τέσσαρες εὐθείαι έξης ἀνάλογόν είσιν αί BZ, Γ, Ε, Δ, ή BZ ἄρα πρὸς Δ τριπλασίονα λόγον έχει, ήπερ ή ΒΖ πρός Γ, τουτέστιν ή Γ πρός Ε. έχει δὲ καὶ ή Γ πρός Δ διπλασίονα 20 λόγον τοῦ τῆς Γ πρὸς Ε. ἡ ἄρα ΒΖ πρὸς Δ ἡμιόλιον λόγον έχει τοῦ, ὃν έχει ἡ Γ πρὸς Δ. ώστε ἡ AB πρός Δ μείζονα η ημιόλιον λόγον έχει τοῦ τῆς Γ πρός Δ.

Δημμα είς τὸ έξης.

25 "Εστωσαν τέσσαρες ὅροι οἱ Α, Γ, Δ, Β. λέγω, ὅτι ὁ συγκείμενος λόγος ἐκ τοῦ ὑπὸ τῶν Α, Β πρὸς τὸ ἀπὸ Γ μετὰ τοῦ τῆς Β πρὸς Δ λόγου ὁ αὐτός ἐστι τῷ τοῦ ὑπὸ ΑΒ ἐπὶ τὴν Β πρὸς τὸ ἀπὸ Γ ἐπὶ τὴν Δ. ἔστω γὰρ τῷ μὲν ὑπὸ ΑΒ ἴσος ὁ Κ, τῷ δὲ ἀπὸ Γ

^{1-2.} cum superioribus iunctas sine signo F. 12. 8:-

I p. 240, 16—17: itaque $\Theta Z:ZH$ ratio maior quam sesquialtera est quam ratio KZ:ZH] fingantur enim seorsum positae lineae quaedam, ut AB, Γ , Δ , ita ut sit $AB^2:\Gamma^2 > \Gamma:\Delta$. dico, esse

$$AB: \Delta > \Gamma^{\frac{1}{2}}: \Delta^{\frac{1}{2}}.$$

nam sumatur inter Γ , Δ media proportionalis E. iam quoniam est $AB^2:\Gamma^2 > \Gamma:\Delta$, sed ratio $AB^2:\Gamma^2$ duplex est quam $AB:\Gamma$, et ratio $\Gamma:\Delta$ duplex est quam ratio $\Gamma:E$ [Eucl. V def. 10], erit etiam

$$AB:\Gamma>\Gamma:E.$$

fiat igitur $\Gamma: BZ = E: \Gamma$. et quoniam quattuor lineae BZ, Γ , E, Δ proportionales sunt in proportione continua $[BZ: \Gamma = \Gamma: E = E: \Delta]$, erit igitur [Eucl. V def. 11] $BZ: \Delta = BZ^5: \Gamma^5 = \Gamma^3: E^5$. sed etiam $\Gamma: \Delta = \Gamma^2: E^2$. quare $BZ: \Delta = \Gamma^{\frac{3}{2}}: \Delta^{\frac{3}{2}}$. itaque $AB: \Delta > \Gamma^{\frac{3}{2}}: \Delta^{\frac{3}{2}}$.

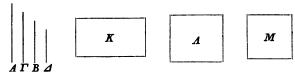
Lemma in sequentia.

Dati sint termini quattuor A, Γ , Δ , B. dico, esse $(A \times B : \Gamma^2) \times B : \Delta = (A \times B) \times B : \Gamma^2 \times \Delta$. sit enim $K = A \times B$, $A = \Gamma^2$, et flat $A : M = B : \Delta$.



πλασίων] scripsi; διπλασι cum comp. ον F, uulgo; διπλάσιος B, Torellius. τοῦ] του απο F V. 27. τῆς] per comp. F; τοῦ Torellius. 28. τῷ] το F; corr. Torellius. τοῦ] addidi; om. F, uulgo. τήν] (bis) τόν Torellius.

ἴσος ὁ Λ, καὶ γεγονέτω, ὡς ὁ Β πρὸς Δ, οῦτως ὁ Λ πρὸς Μ. ὁ ἄρα τοῦ Κ πρὸς Μ λόγος σύγκειται ἐκ τοῦ Κ πρὸς Λ, τουτέστι τοῦ ὑπὸ Λ, Β πρὸς τὸ ἀπὸ Γ, καὶ τοῦ Λ πρὸς Μ, τουτέστι τοῦ Β πρὸς Δ. ὁ δὴ 5 Κ τὸν Β πολλαπλασιάσας τὸν Ν ποιείτω, ὁ δὲ Λ τὸν Β πολλαπλασιάσας τὸν Ξ ποιείτω, τὸν δὲ Δ πολλαπλασιάσας τὸν Ο. ἐπεὶ οὖν τὸ ὑπὸ τῶν Λ, Β ὁ Κ



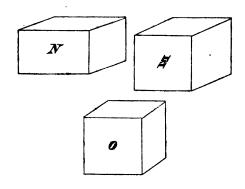
έστιν, ὁ δὲ Κ τὸν Β πολλαπλασιάσας τὸν Ν πεποίηκεν, δ άρα N έστιν δ ύπὸ A, B έπὶ τὸν B. πάλιν 10 έπεὶ τὸ ἀπὸ Γ ὁ Λ έστιν, ὁ δὲ Λ τὸν Δ πολλαπλασιάσας τὸν Ο πεποίηκεν, ὁ Ο ἄρα ἐστὶν ὁ ἀπὸ τοῦ Γ έπὶ τὸν Δ. ὥστε ὁ τοῦ ὑπὸ Α, Β έπὶ τὸν Β πρὸς τὸ ἀπὸ Γ ἐπὶ τὸν Δ λόγος ὁ αὐτός ἐστι τῷ τοῦ Ν πρός Ο. δεῖ ἄρα δεῖξαι, ὅτι ὁ τοῦ Κ πρὸς Μ λόγος 15 ὁ αὐτός έστι τῷ τοῦ Ν πρὸς Ο. ἐπεὶ οὖν ἑκάτερος τών Κ, Λ τὸν Β πολλαπλασιάσας έκάτερον τών Ν, Ε πεποίημεν, έστιν άρα, ώς ὁ Κ πρὸς τὸν Λ, οῦτως ό Ν πρός ξ. πάλιν έπει ό Λ έκάτερον των Β, Δ πολλαπλασιάσας έκάτερου των Ξ; Ο πεποίηκευ, έστιν 20 ἄρα, ὡς ὁ Β πρὸς Δ, ὁ Ξ πρὸς Ο. ἀλλ' ὡς ὁ Β πρός Δ, ὁ Λ πρός τὸν Μ. καὶ ὡς ἄρα ὁ Λ πρὸς M, $\delta \equiv \pi \rho \delta g$ O. of $\alpha \rho \alpha K$, A, M rote N, Ξ , $O \notin V$ τῷ αὐτῷ λόγω είσιν σύνδυο λαμβανόμενοι. και δι' ίσου ἄρα ἐστίν, ὡς ὁ Κ πρὸς Μ, οῦτως ὁ Ν πρὸς Ο.

^{9.} δ $\tilde{\alpha}\varrho\alpha$] $\dot{\tau}\dot{\sigma}$ $\tilde{\alpha}\varrho\alpha$ Torellius. N] H FV. 11. $\dot{\tau}\dot{\sigma}\dot{\tau}$ O] tor B FV. 15. δ $\alpha\dot{\tau}\dot{\tau}\dot{\sigma}$ om. F; corr. ed. Basil.; fort. potius pro $\dot{\tau}\tilde{\varphi}$ scrib. $\dot{\sigma}$ (Cr.).

itaque

 $K: M \Longrightarrow K: A \times A: M \Longrightarrow A \times B: \Gamma^2 \times B: \Delta.$ sit igitur

 $K \times B = N$, $A \times B = \Xi$, $A \times \Delta = 0$. iam quoniam $K = A \times B$, et $N = K \times B$, erit



 $N = (A \times B) \times B$. The runs is a quonian $A = \Gamma^2$ et $O = A \times A$, erit $O = \Gamma^2 \times A$. Quare

 $N: O \longrightarrow (A \times B) \times B: \Gamma^2 \times \Delta.$

itaque demonstrandum est, esse K: M = N: O. iam quoniam $K \times B = N$, $A \times B = \Xi$, erit

K: A = N: Z.

rursus quoniam $A \times B = \Xi$, $A \times A = O$, erit igitur $B: \Delta = \Xi: O$. sed $B: \Delta = A: M$. itaque etiam $A: M = \Xi: O$. ergo K, A, M et N, Ξ , O binae simul sumptae in eadem proportione sunt. quare etiam ex aequali erit [Eucl. V, 22] K: M = N: O.

Debebat esse lin. 9: τὸ ὑπό, lin. 11: τὸ ἀπό, sed fieri potest, ut propter uocabulum ὅρος positum sit ὁ. fortasse ctiam τόν pro τό retimeri potest p. 234, 2, 4; 6, 7; cfr. p. 234, 14—15.



καί έστιν ὁ τοῦ Κ πρὸς Μ λόγος ὁ αὐτὸς τῷ συγκειμένῳ ἐκ τοῦ ὑπὸ Α, Β πρὸς τὸ ἀπὸ Γ καὶ τοῦ, ὃν
ἔχει ὁ Β πρὸς Δ, ὁ δὲ τοῦ Ν πρὸς Ο λόγος ὁ αὐτός
ἐστι τῷ ὑπὸ Α, Β ἐπὶ τὸν Β πρὸς τὸ ἀπὸ Γ ἐπὶ
5 τὸν Δ. ὁ ἄρα συγκείμενος λόγος ἐκ τοῦ ὑπὸ Α, Β
πρὸς τὸ ἀπὸ Γ καὶ τοῦ, ὃν ἔχει ὁ Β πρὸς Δ, ὁ αὐτός
ἐστι τῷ ὑπὸ Α, Β ἐπὶ τὸν Β πρὸς τὸ ἀπὸ Γ ἐπὶ
τὸν Δ.

φανερον δε καί, δτι το ύπο Α, Β έπι τον Β ίσον 10 έστι τῷ ἀπὸ τοῦ Β έπι τον Α. ἐπει γάρ ἐστιν, ὡς ὁ Α πρὸς τὸν Β, οῦτως τὸ ὑπὸ Α, Β πρὸς τὸ ἀπὸ τοῦ Β τοῦ Β κοινοῦ ῦψους λαμβανομένου, ἐὰν δὲ τέσσαρες ὅροι ἀνάλογον ὡσιν, τὸ ὑπὸ τῶν ἄκρων ἴσον ἐστι τῷ ὑπὸ τῶν μέσων, τὸ ἄρα ὑπὸ Α, Β ἐπι τὸν 15 Β ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τοῦ Β ἐπὶ τὸν Α.

Είς τὸ ἄλλως τοῦ η'.

Είρηται ἐν τοῖς προλαβοῦσιν, ὡς, ἐὰν δύο μεγεδῶν ληφθῆ τι μέσον, ὁ τῶν ἄκρων λόγος σύγκειται ἐκ τοῦ, ὃν ἔχει τὸ πρῶτον πρὸς τὸ μέσον, καὶ τὸ
20 μέσον πρὸς τὸ τρίτον. ὁμοίως δὴ κᾶν πλείονα μέσα
ληφθῆ, ὁ τῶν ἄκρων λόγος σύγκειται ἐκ τῶν λόγων,
ὧν ἔχουσι πάντα κατὰ τὸ έξῆς πρὸς ἄλληλα τὰ μεγέθη. καὶ ἐνταῦθα οὖν φησιν, ὅτι ὁ τοῦ ΒΑΔ
τμήματος πρὸς τὸ ΒΓΔ τμῆμα λόγος σύγκειται
25 ἔκ τε τοῦ, ὃν ἔχει τὸ ΒΑΔ τμῆμα πρὸς τὸν
κῶνον, οὖ βάσις μέν ἐστιν ὁ περὶ διάμετρον
τὴν ΒΔ κύκλος, κορυφὴ δὲ τὸ Α σημεῖον, καὶ

^{1.} δ] (alt). om. F. 2. $\tau\delta$] vov per comp. F; corr. Torellius. Lineae A, Γ , B, Δ hoc ordine, sed omnes aequales sunt in F. etiam K (in F est X), Λ , M et N, Ξ , O in F lineae sunt. 4.

et
$$K: M = (A \times B : \Gamma^2) \times (B : \Delta),$$

et $N: O = (A \times B) \times B : \Gamma^2 \times \Delta^{-1}$

itaque

$$(A \times B : \Gamma^2) \times (B : \Delta) = (A \times B) \times B : \Gamma^2 \times \Delta$$
. uerum hoc quoque adparet, esse

$$(A \times B) \times B = B^2 \times A.$$

nam quoniam est $A: B = A \times B: B^2$, communi altitudine sumpta B, et, si quattuor termini proportionales sunt, rectangulum extremis comprehensum aequale est rectangulo mediis comprehenso [Eucl. VI, 16], erit igitur $(A \times B) \times B = B^2 \times A$.

In demonstrationem alteram prop. VIII.

Antea dictum est [p. 140, 17 sq.], si inter duas magnitudines sumatur media, rationem extremorum compositam esse ex ratione, quam habeat prima ad mediam, et ratione, quam habeat media ad tertiam. similiter igitur etiam si plures sumuntur mediae, ratio extremarum composita est ex rationibus; quas omnes deinceps magnitudines inter se habent. itaque hic quoque dicit [I p. 242, 14—20]: ratio segmenti $BA\Delta$ ad segmentum $BF\Delta$ composita est ex ratione, quam habet segmentum $BA\Delta$ ad conum, cuius basis est circulus circum diametrum $B\Delta$ descriptus, uertex

Lin. 1—5 post p. 232, 14 sq. superuacua sunt. ceterum debebat esse lin. 4: τῷ τοῦ ὑπό, 5: τοῦ τοῦ ὑπό, 7: τῷ τοῦ ὑπό; sed hi loci se inuicem tuentur; cfr. praeterea lin. 14—15.

τό] τον F; corr. Torellius.

6. τό] τον per comp. F; corr. Torellius.

7. Λ, Β] ΔΒ F; corr. Torellius.

14. τό] ο F; corr. Torellius.

Λ, Β] ΛΒΕ F V.

15. ἴσον] scripsi; ισος F, uulgo.

ό αὐτὸς κῶνος πρὸς κῶνον τὸν βάσιν μὲν ἔχοντα τὴν αὐτήν, κορυφὴν δὲ τὸ Γ σημεΐον, καὶ ὁ εἰρημένος κῶνος πρὸς τὸ ΒΓΔ τμῆμα, δηλαδὴ τοῦ ΔΑΒ τμήματος καὶ τοῦ ΒΓΔ μέσων 5 λαμβανομένων τῶν εἰρημένων κώνων.

Αλλ' ὁ μὲν τοῦ ΒΑΔ τμήματος πρὸς τὸν ΒΑΔ κῶνον ὁ τῆς ΗΘ ἐστι πρὸς ΘΓ] διὰ τὸ πόρισμα τοῦ δευτέρου θεωρήματος τοῦ δευτέρου ριβλίου. ἐλέγετο γὰρ τὸ τμῆμα πρὸς τὸν ἐν ἐαυτῷ κῶνον τοῦ-10 τον ἔχειν τὸν λόγον, ὃν ἔχει συναμφότερος ῆ τε ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ τῆς σφαίρας καὶ τὸ ΰψος τοῦ λοιποῦ τμήματος.

Ο δὲ τοῦ $BA \triangle$ κώνου πρὸς τὸν $B\Gamma \triangle$ κῶνον ὁ τῆς $A\Theta$ ἐστι πρὸς $\Theta\Gamma$] ἐπὶ γὰρ τῆς κὐτῆς βάσεως 15 ὄντες πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν ώς τὰ ΰψη.

Ό δὲ τοῦ ΒΓΔ κώνου πρὸς τὸ ΒΓΔ τμῆμα ό τῆς ΑΘ ἐστι πρὸς ΘΖ] διὰ τὸ ἀνάπαλιν τοῦ εἰρημένου πορίσματος. — ὥστε ὁ τοῦ ΒΑΔ τμήματος πρὸς τὸ ΒΓΔ τμῆμα λόγος σύγκειται ἔκ τε τοῦ τῆς 20 ΗΘ πρὸς ΘΓ καὶ τοῦ τῆς ΑΘ πρὸς ΘΓ καὶ τοῦ τῆς ΑΘ πρὸς ΘΓ καὶ τοῦ τῆς ΑΘ πρὸς ΘΓ, ὁ τοῦ ἀπὸ ΗΘΑ ἐστι πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΓ τὰ γὰρ ἰσογώνια παραλληλόγραμμα λόγον ἔχει τὸν συγκείμενον ἐκ τῶν πλευρῶν. ὁ δὲ τοῦ ὑπὸ ΗΘΑ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΘ μετὰ τοῦ τῆς ΑΘ πρὸς ΘΖ ὁ τοῦ ὑπὸ ΗΘΑ ἐστιν ἐπὶ τὴν ΘΑ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΖ, ὡς δέδεικται ἐν τῷ προληφθέντι λήμματι.

^{5.} κάνων] κωνικ cum comp. ων F; corr. Torellius. 11. τοῦ] (alt.) om. ed. Basil., Torellius. 14. ἐπί] scripsi; επει F, unlgo. Neque p. 234, 23—p. 236, 3 neque omnino hac in pagina signum adposuit F. 21. ΘΖ] ΘΓ F; corr. A, ed. Basil.

autem punctum A, et ratione, quam habet idem conus ad conum basim habentem eandem, nerticem autem punctum Γ , et ratione, quam hic conus, quem [ultimo loco] commemoranimus, ad segmentum $B\Gamma \Delta$ habet] scilicet inter segmenta ΔAB , $B\Gamma \Delta$ mediis sumptis conis illis.

I p. 242, 20—21: sed segmentum $BA\Delta$ ad conum $BA\Delta$ eam habet rationem, quam $H\Theta:\Theta\Gamma$] propter corollarium secundi theorematis secundi libri. ibi enim dictum est, segmentum ad conum in eo comprehensum eam habere rationem, quam linea simul radio sphaerae et altitudini reliqui segmenti aequalis ad altitudinem reliqui segmenti habeat.

I p. 242, 22: conus uero ad conum eam, quam $\mathcal{A}\Theta:\Theta\Gamma$] nam cum in eadem basi sint, inter se eam rationem habent, quam altitudines [I lemm. 1 p. 80].

I p. 242, 23—24: conus autem $B\Gamma\Delta$ ad segmentum $B\Gamma\Delta$ eam, quam $A\Theta:\Theta Z$] e contrario¹) per idem illud corollarium [II, $2\pi\delta\varrho$.]. — quare ratio segmentorum $BA\Delta$ et $B\Gamma\Delta$ composita est ex rationibus $H\Theta:\Theta\Gamma$, $A\Theta:\Theta\Gamma$, $A\Theta:\Theta Z$.

sed ratio ex $H\Theta:\Theta\Gamma$ et $A\Theta:\Theta\Gamma$ composita haec est: $H\Theta \times \Theta A:\Theta\Gamma^2$ [I p. 242, 24—244, 1]; nam parallelogramma, quorum anguli aequales sunt, inter se rationem ex laterum rationibus compositam habent [Eucl. VI, 23]. sed $H\Theta \times \Theta A:\Gamma\Theta^2$ una cum $A\Theta:\Theta Z$ est $(H\Theta \times \Theta A) \times \Theta A:\Theta\Gamma^2 \times \Theta Z$ [I p. 244, 1—3], ut demonstratum est in lemmate praemisso [p. 230 sq.].

¹⁾ Non, uti alibi, significat: propter conuersum corollarium.

ό δὲ τοῦ ὑπὸ ΗΘΑ ἐπὶ τὴν ΘΑ ὁ αὐτός ἐστι τῷ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ. καὶ τοῦτο γὰρ συναποδέδεικται εν τῷ προληφθέντι. ὁ ἄρα τοῦ τμήματος πρός τὸ τμημα λόγος ὁ αὐτός ἐστι τῷ τοῦ ἀπὸ ΑΘ 5 έπι την ΘΗ πρός τὸ ἀπὸ ΓΘ έπι την ΘΖ. έπει οὐν δεῖ δεῖξαι, ὅτι τὸ τμῆμα πρὸς τὸ τμῆμα ἐλάσσονα λόγον έχει ἢ διπλασίονα τοῦ τῆς ἐπιφανείας πρὸς τὴν έπιφάνειαν λόγου, δεί άρα δείξαι, ὅτι τὸ ἀπὸ ΑΘ έπὶ τὴν ΘΗ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΖ ἐλάσσονα 10 ἢ διπλασίονα λόγον ἔχει τοῦ, ὂν ἔχει ἡ ἐπιφάνεια τοῦ ΒΑΔ τμήματος πρὸς τὴν ἐπιφάνειαν τοῦ ΒΓΔ, τουτέστι τοῦ, ὂυ ἔχει τὸ ἀπὸ ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΒ. άλλ' ώς τὸ ἀπὸ ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΓ, οῦτως ἡ ΑΘ πρός ΘΓ · δέδεικται γάρ τοῦτο έν τοίς προλαβοῦσιν 15 [θεωρήμασιν]. δεί ἄρα δείξαι, ὅτι τὸ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ την ΘΗ πρός τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ την ΘΖ ἐλάσσονα η διπλασίονα λόγον έχει τοῦ τῆς ΑΘ πρὸς ΘΓ. άλλὰ τοῦ τῆς ΑΘ πρὸς ΘΓ λόγου διπλάσιός ἐστιν ὁ τοῦ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΓ. ὅτι ἄρα τὸ ἀπὸ ΑΘ 20 έπλ την ΘΗ πρός τὸ ἀπὸ ΓΘ έπλ την ΘΖ έλάσσονα λόγον έχει, ήπερ τὸ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΓ. ἀλλ' ώς τὸ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΓ, τῆς ΘΗ κοινοῦ ύψους λαμβανομένης ούτως τὸ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρός τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ. χρὴ ἄρα δειχθῆναι, 25 δτι τὸ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΘ έπὶ τὴν ΘΖ έλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπερ τὸ αὐτὸ τὸ ἀπὸ ΔΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ την ΘΗ. πρός ο δε το αυτό ελάσσονα λόγον έχει, έχεινο μειζόν έστι. δει άρα δειξαι, ότι τὸ ἀπὸ ΓΘ

^{1.} ΘA] ΘA $\pi \varrho \delta \varsigma$ $\tau \delta$ $\dot{\alpha} \pi \delta$ $\Theta \Gamma$ $\dot{\epsilon} \pi l$ $\tau \dot{\eta} \nu$ ΘZ Torellius. 2. ΘH] ΘH $\pi \varrho \delta \varsigma$ $\tau \delta$ $\dot{\alpha} \pi \delta$ $\Theta \Gamma$ $\dot{\epsilon} \pi l$ $\tau \dot{\eta} \nu$ ΘZ idem; sed cfr. Neue Jahrb.

sed $(H\Theta \times \Theta A) \times \Theta A [: \Theta \Gamma^{2} \times \Theta Z]$

 $=\Theta A^2 \times \Theta H[:\Theta \Gamma^2 \times \Theta Z]$ [I p. 244, 3-5];

nam hoc quoque in praemisso simul demonstratum est [p. 234]. itaque ratio segmentorum haec est:

 $A\Theta^2 \times \Theta H : \Gamma \Theta^2 \times \Theta Z$.

iam quoniam demonstrandum est, segmentum ad segmentum minorem quam duplicem rationem habere quam superficiem ad superficiem, demonstrandum,

 $A\Theta^2 \times \Theta H : \Gamma\Theta^2 \times \Theta Z$

minorem quam duplicem esse quam rationem, quam habeat superficies segmenti $BA\Delta$ ad superficiem segmenti $B\Gamma\Delta$, h. e. quam $AB^2:\Gamma B^2$ [de sph. et cyl. I, 42-43, Eucl. XII, 2]. sed $AB^2:B\Gamma^2=A\Theta:\Theta\Gamma$; hoc enim antea demonstratum est [p. 135 ad II prop. 3 p. 206, 17]. itaque demonstrandum, esse

 $A\Theta^2 \times \Theta H : \Gamma\Theta^2 \times \Theta Z$

minorem esse quam duplicem quam $A\Theta : \Theta\Gamma$ [I p. 244, 5-8]. sed ratio $A\Theta^2 : \Theta\Gamma^2$ duplex est quam ratio $A\Theta : \Theta\Gamma$. itaque [demonstrandum est] esse

 $A\Theta^2 \times \Theta H : \Gamma\Theta^2 \times \Theta Z < A\Theta^2 : \Theta \Gamma^2$

sed $A\Theta^2:\Theta\Gamma^2=A\Theta^2\times\Theta H:\Gamma\Theta^2\times\Theta H$, communi altitudine sumpta ΘH . itaque demonstrandum est: $A\Theta^2\times\Theta H:\Gamma\Theta^2\times\Theta Z< A\Theta^2\times\Theta H:\Gamma\Theta^2\times\Theta H$ [I p. 244, 8—10]. uerum ad quod idem minorem rationem habet, id maius est [Eucl. V, 10]. itaque

Suppl. XI p. 896. 8. $\vec{\tau}$ ò ἀπὸ $A\Theta$] ο του (comp.) απο AB F; corr. C, ed. Basil. 15. $\theta \epsilon \omega \varrho \dot{\eta} \mu \omega \sigma \iota \nu$] deleo; fort. $\lambda \dot{\eta} \mu \mu \omega \sigma \iota \nu$. 15. ἀπὸ] om. F; corr. A, ed. Basil. 16. $\Gamma\Theta$] $E\Theta$ F V. Ne hic quidem ullum signum habet F.

έπὶ τὴν $Z\Theta$ μεζόν ἐστι τοῦ ἀπὸ $\Gamma\Theta$ ἐπὶ τὴν ΘH , τουτέστιν ὅτι μεζων ἐστὶν ἡ $Z\Theta$ τῆς ΘH . ἔστι δὲ τοῦτο φανεφόν ἀνίσοις γὰρ ταζς $A\Theta$, $\Theta \Gamma$ ἴσαι πρόσκεινται αί ZA, ΓH .

ταῦτα είπων αὐτὸς μεν ούκ ἐπήγαγεν τὴν σύνθεσιν, ήμεζς δε αύτην προσθήσομεν. έπει ή ΖΘ της ΘΗ μείζων έστίν, τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΖ μεϊζόν έστι τοῦ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ. ώστε τὸ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρός τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΖ ἐλάσσονα λόγον 10 έχει, ήπερ τὸ αὐτὸ τὸ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΘ έπὶ τὴν ΘΗ. ἀλλ' ὡς τὸ ἀπὸ ΑΘ έπὶ τὴν ΗΘ πρός τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ, τὸ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΘ. τὸ ἄρα ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΖ ἐλάσσονα λόγον ἔγει τοῦ, ὃν 15 έγει τὸ ἀπὸ ΑΘ προς τὸ ἀπὸ ΘΓ. ἀλλ' ὁ τοῦ ἀπὸ ΑΘ πρός τὸ ἀπὸ ΘΓ λόγος διπλάσιός έστι τοῦ τῆς ΑΘ πρός ΘΓ. τὸ ἄρα ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρός τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΖ ἐλάσσονα ἢ διπλασίονα λόγον έγει του της ΑΘ πρός ΘΓ. άλλ' ὁ μέν τῶν τμημά-20 των λόγος ὁ αὐτὸς ἐδείχθη τῷ, ὃν ἔχει τὸ ἀπὸ ΑΘ έπι την ΘΗ πρός τὸ ἀπὸ ΓΘ έπι την ΘΖ, ὁ δὲ τῶν έπιφανειών τώ, ον έχει ή ΑΘ πρός ΘΓ. τὸ ἄρα τμημα πρός τὸ τμημα έλάσσονα η διπλασίονα λόγον έγει τοῦ τῆς ἐπιφανείας πρὸς τὴν ἐπιφάνειαν λόγου.

ξέξης δὲ ἀναλύων τὸ ἔτερον μέρος τοῦ θεωρήματος ἐπάγει. φημὶ δή, ὅτι τὸ μεῖζον τμῆμα πρὸς τὸ ἔλασσον μείζονα λόγον ἔχει ἢ ἡμιόλιον τοῦ τῆς ἐπιφανείας πρὸς τὴν ἐπιφάνειαν λόγου. ἀλλ' ὁ μὲν τῶν τμημάτων ἐδείχθη ὁ αὐτὸς τῷ, ὅν ἔχει τὸ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρὸς τὸ ἀπὸ.

^{2.} έστίν] per comp. F. 6. ημ cum comp. ης F. 8. τό]

demonstrandum est, esse $\Gamma\Theta^2 \times Z\Theta > \Gamma\Theta^2 \times \Theta H$ [I p. 244, 11—12], h. e. esse $Z\Theta > \Theta H$ [I p. 244, 12]. hoc autem manifestum est; nam lineis inaequalibus $A\Theta$, $\Theta\Gamma$ adiectae sunt aequales lineae ZA, ΓH .

his dictis ipse compositionem non adiunxit, nos uero eam adiiciemus. — quoniam $Z\Theta > \Theta H$, erit $\Gamma\Theta^2 \times \Theta Z > \Gamma\Theta^2 \times \Theta H$. quare

 $A\Theta^2 \times \Theta H : \Gamma\Theta^2 \times \Theta Z < A\Theta^2 \times \Theta H : \Gamma\Theta^2 \times \Theta H.$ sed $A\Theta^2 \times H\Theta : \Gamma\Theta^2 \times \Theta H = A\Theta^2 : \Gamma\Theta^2$. itaque $A\Theta^2 \times \Theta H : \Gamma\Theta^2 \times \Theta Z < A\Theta^2 : \Theta \Gamma^2$.

sed ratio $A\Theta^2:\Theta\Gamma^2$ duplex est quam ratio $A\Theta:\Theta\Gamma$. quare ratio $A\Theta^2 \times \Theta H: \Gamma\Theta^2 \times \Theta Z$ minor quam duplex est quam $A\Theta:\Theta\Gamma$. sed demonstratum est, rationem segmentorum eandem esse ac

 $A\Theta^2 \times \Theta H \colon \Gamma\Theta^2 \times \Theta Z$ [u. supra p. 238, 3 sq.], et rationem, quam habeant inter se superficies, eandem esse ac $A\Theta \colon \Theta \Gamma$ [p. 238, 12 sq.]. itaque segmenta inter se minorem quam duplicem rationem habent, quam superficies inter se.

deinceps per analysim alteram partem theorematis adiungit [I, 244, 13—246, 5]: dico igitur, maius segmentum ad minus maiorem quam sesquialteram rationem habere, quam superficies inter se. sed demonstratum est, rationem, quam inter se habent segmenta,

του per comp. F; corr. Torellius. 11. $\ell\pi l$ την $H\Theta$] om. F; corr. ed. Basil. (Θ H). 12. τὸ ἀπὸ $A\Theta$] om. F; corr. ed. Basil. 20. τῷ] το FA. 22. τῷ] addidi; om. F, uulgo. Lin. 1—2, 25—30 sine signo F.

ΓΘ έπλ την ΘΖ, τοῦ, δὲ τῆς ἐπιφανείας πρὸς την επιφάνειαν λόγου ημιόλιός εστιν ό τοῦ άπὸ ΑΒ κύβου πρὸς τὸν ἀπὸ τῆς ΒΓ κύβον] τοῦ γὰρ τῆς ΑΒ πρὸς ΒΓ διπλάσιος μέν ἐστιν ὁ τοῦ 5 ἀπὸ ΑΒ τετραγώνου πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΓ τετράγωνου, τοιπλάσιος δε ό τοῦ ἀπὸ τῆς ΑΒ κύβου πρὸς τὸν ἀπὸ τῆς ΒΓ κύβον. ἀλλ' ὡς ὁ ἀπὸ τῆς ΑΒ κύβος πρὸς τὸν ἀπὸ τῆς ΒΓ κύβον, οὕτως ὁ ἀπὸ ΑΘ κύβος πρὸς τὸν ἀπὸ τῆς ΘΒ κύβον. ὡς γὰρ ἡ ΑΒ 10 πρός την ΒΓ, ούτως η ΑΘ πρός ΘΒ διὰ την όμοιότητα τῶν ΑΒΓ, ΑΒΘ τριγώνων ἐὰν δὲ ώσιν τέσσαρες εύθεται άνάλογον, και τὰ ἀπ' αὐτῶν στερεὰ τὰ όμοια καλ όμοίως αναγεγραμμένα ανάλογόν είσιν. ώστε ὁ ἀπὸ τῆς ΑΘ κύβος πρὸς τὸν ἀπὸ τῆς ΘΒ 15 κύβον ήμιόλιον λόγον έχει τοῦ, ὃν έχει τὸ ἀπὸ ΑΒ τετράγωνον πρός τὸ ἀπὸ ΒΓ τετράγωνον, τουτέστιν ή έπιφάνεια πρὸς τὴν ἐπιφάνειαν. ἀλλ' ὡς τὸ τμῆμα πρός τὸ τμημα, ούτως τὸ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΖ. φημὶ οὖν, ὅτι τὸ ἀπὸ 20 ΑΘ έπι τὴν ΘΗ πρός τὸ ἀπὸ ΓΘ έπι τὴν ΘΖ μείζονα λόγον έχει, ήπερ ὁ ἀπὸ τῆς ΑΘ κύβος πρός τὸν ἀπὸ τῆς ΘΒ κύβον, τουτέστιν ὁ τοῦ άπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΒ καὶ ὁ τῆς ΑΘ πρὸς ΘΒ. ὁ γὰρ τοῦ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΒ διπλασίων 25 τοῦ τῆς ΑΘ πρὸς ΘΒ προσλαβών τὸν τῆς ΑΘ πρὸς ΘΒ ὁ αὐτὸς γίνεται τῶ τοῦ ἀπὸ τῆς ΑΘ κύβου πρὸς τὸν ἀπὸ ΘΒ κύβον εκάτερος γὰρ τοῦ αὐτοῦ ἐστι τριπλάσιος. - ὁ δὲ τοῦ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΒ προσλαβών τὸν τῆς ΑΘ πρὸς ΘΒ ὁ τοῦ ἀπὸ ΑΘ

^{3.} κύβον, τουτέστιν ὁ ἀπὸ τῆς $A\Theta$ κύβος πρὸς τὸν ἀπὸ Θ Β κύβον Torellius. 6. τῆς AB κύβον ad πρὸς τὸν ἀπὸ

esse $= A\Theta^2 \times \Theta H: \Gamma\Theta^2 \times \Theta Z$. sed ratio $AB^3:B\Gamma^3$ sesquialtera est quam ratio, quam superficies inter se habent] nam ratio $AB^3:B\Gamma^2$ duplex est quam ratio $AB:B\Gamma$, ratio uero $AB^3:B\Gamma^3$ triplex. sed $AB^3:B\Gamma^3=A\Theta^3:\Theta B^3$; nam $AB:B\Gamma=A\Theta:\Theta B$ propter similitudinem triangulorum $AB\Gamma$, $AB\Theta$ [Eucl. VI, 8]; sin quattuor lineae proportionales sunt, etiam figurae solidae similes similiter in iis constructae proportionales sunt [Eucl. VI, 22]. itaque $A\Theta^3:\Theta B^3$ sesquialteram rationem habet quam $AB^2:B\Gamma^2$, h. e. quam superficies ad superficiem [u. supra p. 238, 12]. sed quam rationem segmenta habent inter se, eam habet $A\Theta^2 \times \Theta H: \Gamma\Theta^2 \times \Theta Z$.

I p. 246, 5—10: dico igitur, $A\Theta^2 \times \Theta H: \Gamma\Theta^2 \times \Theta Z$

rationem maiorem esse quam $A\Theta^3:\Theta B^3$, h. e. maiorem quam $(A\Theta^2:\Theta B^2) \times (A\Theta:\Theta B)$] nam ratio $A\Theta^2:\Theta B^2$, quae duplex est quam ratio $A\Theta:\Theta B$, adsumpta ratione $A\Theta:\Theta B$ aequalis est rationi $A\Theta^3:\Theta B^3$; utraque enim triplex est quam eadem ratio $[A\Theta:\Theta B]$.

sed ratio $A\Theta^2:\Theta B^2 \times A\Theta:\Theta B = A\Theta^2:\Gamma\Theta \times \Theta B$ [I p. 246, 10—12]. nam quoniam $A\Theta:\Theta B = \Theta B:\Theta \Gamma$,

lin. 8 om. F; corr. ed. Basil. (om. πύβου lin. 6; corr. Torellius).

8. δ] supra scriptum manu 1 F.

11. τέσσαρες] alterum σ supra scriptum manu 1 F.

16. πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΓ τετράγωνον] om. F; corr. Torellius.

26. γίνεται] scripsi; γαρ per comp. F, uulgo; ἐστι ed. Basil., Torellius.

τοῦ] om. F; corr. Torellius.

τοῦ] om. F; corr. Torellius.

τοῦ] om. F; corr. Torellius.

Lin. 1-3, 19-24, 28-29 sine signo F.

έστι πρός τὸ ὑπὸ ΓΘΒ. ἐπεὶ γὰρ ὁ τῆς ΑΘ πρὸς ΘΒ λόγος δ αὐτός ἐστι τῷ τῆς ΘΒ πρὸς ΘΓ τῆς ΒΘ μέσης ανάλογον ύπαρχούσης, ὁ τοῦ από ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΒ μετὰ τοῦ τῆς ΑΘ πρὸς ΘΒ ὁ αὐτός ἐστι τῷ 5 τοῦ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΒ μετὰ τοῦ τῆς ΒΘ πρὸς ΘΓ. ἀλλ' ὁ τῆς ΒΘ πρὸς ΘΓ ὁ αὐτός ἐστι τῷ τοῦ άπὸ ΒΘ πρὸς τὸ ὑπὸ ΒΘΓ τῆς ΒΘ κοινοῦ ὕψους λαμβανομένης. ώστε ὁ τοῦ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΒ λόγος μετὰ τοῦ τῆς ΑΘ πρὸς ΘΒ ὁ αὐτός ἐστι τῷ 10 τοῦ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΒ μετὰ τοῦ τοῦ ἀπὸ ΒΘ πρός τὸ ὑπὸ ΒΘΓ. ἀλλ' ὁ τοῦ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ύπὸ ΒΘΓ λόγος ὁ συγκείμενός έστιν έκ τοῦ τοῦ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΘ καὶ τοῦ ἀπὸ ΒΘ πρὸς τὸ ὑπὸ ΒΘΓ τοῦ ἀπὸ ΒΘ μέσου λαμβανομένου. ὅστε ὁ τοῦ 15 ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΘ λόγος μετὰ τοῦ τῆς ΑΘ πρός ΘΒ ὁ αὐτός ἐστι τῷ τοῦ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ὑπὸ ΒΘΓ. ὁ δὲ τοῦ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ὑπὸ ΒΘΓ λόγος ό αὐτός έστι τῷ τοῦ ἀπὸ ΔΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρὸς τὸ ὑπὸ ΒΘΓ ἐπὶ τὴν ΘΗ τῆς ΘΗ κοινοῦ ὕψους 20 λαμβανομένης. φημίδή, δτι τὸ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρός τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΖ μείζονα λόγον έχει, ήπερ τὸ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρὸς τὸ ὑπὸ ΓΘΒ έπλ την ΘΗ. πρός ο δε το αὐτο μείζονα λόγον έχει, έκεινο έλασσόν έστι. δεικτέον, ότι τὸ 25 ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΖ ἔλασσόν ἐστι τοῦ ὑπὸ $B\Theta\Gamma$ έπλ τὴν $\Theta\dot{H}$, \ddot{o} ταὐτόν έστι τῷ δεζξαι, \ddot{o} τι τὸ ἀπὸ ΓΘ πρὸς τὸ ὑπὸ ΓΘΒ ἐλάσσονα λόγον έχει, ήπερ ή ΘΗ πρός ΘΖ. έὰν γὰρ ώσιν τέσσαρες οροι, ώς ένταῦθα τὸ ἀπὸ ΓΘ καὶ τὸ ὑπὸ ΓΘΒ καὶ

^{10.} τοῦ τοῦ] alterum τοῦ addidi; om. F, uulgo, ut lin. 12. $\dot{v}\pi\dot{o}$] απο FV. 20. τ \dot{o}] του per comp. F; corr. Torel-

cum B@ media sit proportionalis, erit

 $A\Theta^2:\Theta B^2 \times A\Theta:\Theta B = A\Theta^2:\Theta B^2 \times B\Theta:\Theta \Gamma$

uerum $B\Theta: \Theta\Gamma = B\Theta^2: B\Theta \times \Theta\Gamma$ communi altitudine sumpta $B\Theta$. quare

 $A\Theta^2:\Theta B^2 \times A\Theta:\Theta B = A\Theta^2:\Theta B^2 \times B\Theta^2:B\Theta \times \Theta \Gamma.$ sed

 $A\Theta^2:B\Theta \times \Theta \Gamma = A\Theta^2:B\Theta^2 \times B\Theta^2:B\Theta \times \Theta \Gamma$ medio sumpto $B\Theta^2$. quare

 $A\Theta^2:B\Theta^2 \times A\Theta:\Theta B = A\Theta^2:B\Theta \times \Theta \Gamma.$

- sed

 $A\Theta^2:B\Theta\times\Theta\Gamma=A\Theta^2\times\Theta H:(B\Theta\times\Theta\Gamma)\times\Theta H$ [I p. 246, 12-14] communi altitudine sumpta ΘH . dico igitur,

 $A\Theta^2 \times \Theta H: \Gamma\Theta^2 \times \Theta Z > A\Theta^2 \times \Theta H: (\Gamma\Theta \times \Theta B) \times \Theta H$ [I p. 246, 15—18]. uerum ad quod idem maiorem rationem habet, id minus est [Eucl. V, 10]. demonstrandum, $\Gamma\Theta^2 \times \Theta Z < (B\Theta \times \Theta \Gamma) \times \Theta H$, quod idem est, ac si demonstramus:

 $\Gamma\Theta^2: \Gamma\Theta \times \Theta B < \Theta H: \Theta Z$ [I p. 246, 18—22]. nam si quattuor termini sunt, ut hic $\Gamma\Theta^2$, $\Gamma\Theta \times \Theta B$,

lius. 22. ἀπό] om. F. 24. δειπτέον οὖν Torellius. 25. ΓΘ] ΓΔ FV. 27. τό (prius)] τω F. Lin. 1, 17—19, 20—23, 24—28 sine signo F.

ή ΘΗ καί ΘΖ, καὶ τὸ ὑπὸ τῶν ἄκρων ἔλασσον ή τοῦ ύπὸ τῶν μέσων, ὁ πρῶτος πρὸς τὸν δεύτερον ἐλάσσονα λόγον έχει, ήπερ ό τρίτος πρός τον τέταρτον, ώς δέδεικται άνωτέρω. εὐλόγως ἄρα έχρην δείξαι τὸ 5 ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΖ ἔλασσον τοῦ ὑπὸ ΓΘΒ ἐπὶ τὴν ΘΗ. τοῦτο δὲ ταὐτόν ἐστι τῷ δεῖξαι, ὅτι τὸ ἀπὸ ΓΘ πρός τὸ ὑπὸ ΓΘΒ ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπεο ἡ ΘΗ πρὸς ΘΖ. ἀλλ' ώς τὸ ἀπὸ ΓΘ πρὸς τὸ ὑπὸ ΓΘΒ. ή ΓΘ πρός ΘΒ. δεί άρα δείξαι, δτι ή ΓΘ πρός ΘΒ 10 έλάσσονα λόγον έγει, ήπερ ή ΘΗ πρός ΘΖ, τουτέστιν ή ΗΘ πρός ΘΖ μείζουα λόγου έχει ήπερ ή ΓΘ πρός ΘΒ. ἤχθω ἀπὸ τοῦ Ετῆ ΕΓ πρὸς ὀρθὰς ἡ ΕΚ, καὶ ἀπὸ τοῦ Β κάθετος ἐπ' αὐτὴν ἡ ΒΛ. ἐπίλοιπον ήμεν δετξαι δετ, ότι ή ΗΘ πρός ΘΖ 15 μείζονα λόγον έχει, ήπες ή ΓΘ πρός ΘΒ. ἴση δέ έστιν ή ΘΖ συναμφοτέρω τη ΘΑ, ΚΕ. ή γὰρ ΑΖ τη έκ του κέντρου ζοη έστίν. δεζ άρα δεζξαι. ότι ή ΗΘ πρός συναμφότερον την ΘΑ, ΚΕ μείζονα λόγον έχει, ήπες ή ΓΘ ποὸς ΘΒ. καλ 20 ἀφαιφεθείσης ἄφα ἀπὸ τῆς ΗΘ τῆς ΓΘ, ἀπὸ δὲ τῆς ΚΕ τῆς ΕΛ ἴσης τῆ ΒΘ δεήσει δειχθῆναι, δτι λοιπή ή ΓΗ πρός λοιπήν συναμφότερον την ΑΘ, ΚΛ μείζονα λόγον έχει, ήπεο ή ΓΘ πρός ΘΒ. έπει γάρ δει δειγθηναι, δτι ή ΗΘ πρός 25 συναμφότερον την ΘΑ, ΚΕ μείζονα λόγον έχει, ήπερ ή ΓΘ πρὸς ΘΒ, καὶ ἐναλλάξ, ὅτι ἡ ΗΘ πρὸς ΘΓ μείζονα λόγον έχει, ήπες συναμφότεςος ή ΘΑ, ΚΕ πρός ΘΒ, τουτέστι πρός ΛΕ, καλ διελόντι ή ΗΓ πρός ΓΘ μείζονα λόγον έχει, ήπερ συναμφότερος ή 30 ΘΑ, ΚΛ πρὸς ΛΕ, τουτέστι πρὸς ΒΘ, έναλλάξ, ὅτι 5. ξλασσον] μειζ cum comp. ov F: corr. ed. Basil.

⊗H, **⊗Z**, et rectangulum extremis comprehensum minus est rectangulo mediis comprehenso, primus ad secundum minorem rationem habet, quam tertius ad quartum, ut supra [p. 226, 24] demonstratum est. itaque proprie demonstrandum erat

$$\Gamma\Theta^2 \times \Theta Z < (\Gamma\Theta \times \Theta B) \times \Theta H$$
.

hoc uero idem est, ac si demonstramus

$$\Gamma\Theta^2:\Gamma\Theta\times\Theta B<\Theta H:\Theta Z.$$

sed

$$\Gamma\Theta^{2}:\Gamma\Theta \times \Theta B = \Gamma\Theta:\Theta B.$$

demonstrandum igitur

$$\cdot \Gamma\Theta : \Theta B < \Theta H : \Theta Z$$
, h. e. $H\Theta : \Theta Z > \Gamma\Theta : \Theta B$.

— ducatur ab E puncto ad $E\Gamma$ lineam perpendicularis linea EK, et a B puncto ad eam perpendicularis linea BA. restat, ut demonstremus $H\Theta: \Theta Z > \Gamma\Theta: \Theta B$. sed $\Theta Z = \Theta A + KE$ [I p. 246, 23—248, 4]. nam AZ radio aequalis est. — itaque demonstrandum

$$H\Theta: \Theta A + KE > \Gamma\Theta: \Theta B.$$

quare etiam subtracta a ΘH linea linea $\Gamma \Theta$ et a KE linea linea $E \Lambda$ aequali lineae $B \Theta$ demonstrandum erit $\Gamma H: \Lambda \Theta + K \Lambda > \Gamma \Theta: \Theta B$ [I p. 248, 4—9]. nam quoniam demonstrandum est, esse

 $H\Theta: \Theta A + KE > \Gamma\Theta: \Theta B$

et uicissim $H\Theta:\Theta\Gamma>\Theta A+KE:\Theta B$,

h. e.
$$> \Theta A + KE : AE$$
,

et dirimendo

$$H\Gamma: \Gamma\Theta > \Theta A + KA: AE,$$

h. e.
$$> \Theta A + KA : B\Theta$$
,

τοῦτο δέ] addidi; om. F, uulgo. 7. ὑπό] om. F. 14. δεὶ] supra scriptum manu 1 F. 30. καὶ ἐναλλάξ Torellius. Lin. 12—24 sine signo F.

ή ΗΓ πρὸς συναμφότερον τὴν ΘΑ, ΚΛ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ ἡ ΓΘ πρὸς ΘΒ. ἀλλ' ὡς ἡ ΓΘ πρὸς ΘΒ, οῦτως ἡ ΒΘ πρὸς ΘΑ, τουτέστιν ἡ ΛΕ πρὸς ΑΘ. ὅτι ἄρα ἡ ΗΓ πρὸς συναμφότερον τὴν ΘΑ, ΚΛ τείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ ἡ ΛΕ πρὸς ΑΘ. καὶ ἐναλλάξ, ὅτι ἡ ΓΗ, τουτέστιν ἡ ΚΕ πρὸς ΕΛ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ συναμφότερος ἡ ΚΛ, ΘΑ πρὸς ΘΑ. διελόντι ἡ ΚΛ πρὸς ΛΕ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ αὐτὴ ἡ ΚΛ πρὸς ΘΑ, τουτέστιν ὅτι 10 ἐλάσσων ἡ ΛΕ τῆς ΘΑ ἐστιν.

έξης δε ήμεις την σύνθεσιν προσθήσομεν έπεί ή ΛΕ τῆς ΑΘ ἐλάσσων, ἡ ἄρα ΚΛ πρὸς ΛΕ μείζονα λόγον έχει, ήπερ ή ΚΛ προς ΑΘ. συνθέντι ή ΚΕ πρός ΕΛ μείζονα λόγον έχει, ήπες συναμφότερος ή 15 ΚΑ, ΑΘ πρὸς ΑΘ. ἡ δὲ ΛΕ τῆ ΒΘ ἐστιν ζση. ἡ ἄρα ΗΓ πρός ΒΘ μείζονα λόγον έχει, ήπερ συναμφότερος ή ΚΛ, ΑΘ πρός ΑΘ. έναλλάξ ή ἄρα ΗΓ πρός συναμφότερου την ΚΛ, ΑΘ μείζουα λόγου έχει, ήπερ ή ΒΘ πρός ΘΑ, τουτέστιν ή ΓΘ πρός ΘΒ. έναλλάξ ή 20 ΗΓ πρὸς ΓΘ μείζονα λόγον έχει, ήπερ συναμφότερος ή ΚΛ, ΑΘ πρός ΘΒ. συνθέντι ή ΗΘ πρός ΘΓ μείζονα λόγον έχει, ήπερ συναμφότερος ή ΚΛ, ΑΘ μετὰ τῆς ΘΒ, τουτέστι συναμφότερος ή ΑΘ, ΚΕ, πρὸς ΒΘ. ίση δὲ ή ΚΕ τῆ ΑΖ. ή ἄρα ΗΘ πρὸς ΘΓ μείζονα 25 λόγον έχει, ήπες ή ΖΘ πρός ΘΒ. έναλλάξ ή ΗΘ πρὸς ΘΖ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ ἡ ΓΘ πρὸς ΘΒ. ώς δε ή ΓΘ πρός ΘΒ, ούτως τὸ ἀπὸ ΓΘ πρός τὸ ύπὸ ΓΘΒ. ἡ ἄρα ΗΘ πρὸς ΘΖ μείζονα λόγον έχει, ηπεο τὸ ἀπὸ ΓΘ πρὸς τὸ ὑπὸ ΓΘΒ. καὶ διὰ τὰ πρό-

^{7.} KA, ΘA] $K\Theta A$ F. 15. $z\tilde{\eta}$] $z\eta s$ per comp. F; corr. B.

[demonstrandum est] uicissim esse

 $H\Gamma: \Theta A + KA > \Gamma\Theta: \Theta B.$

sed $\Gamma\Theta:\Theta B=B\Theta:\Theta A=AE:A\Theta$. itaque [demonstrandum] esse $H\Gamma:\Theta A+KA>AE:A\Theta$ [cfr. I p. 248, 9-10]. et uicissim esse $\Gamma H:EA$, h. e.

 $KE: EA > KA + \Theta A: \Theta A.$

dirimendo esse $KA: AE > KA: \Theta A$, h. e. esse $AE < \Theta A$ [I p. 248, 10-14].

deinceps autem nos compositionem adiungemus: quoniam $AE < A\Theta$, erit $KA : AE > KA : A\Theta$. componendo $KE : EA > KA + A\Theta : A\Theta$. sed $AE = B\Theta$. quare $H\Gamma : B\Theta > KA + A\Theta : A\Theta$. uicissim igitur

 $H\Gamma: KA + A\Theta > B\Theta: \Theta A$, h. e. $\Gamma\Theta: \Theta B$.

uicissim $H\Gamma: \Gamma\Theta > KA + A\Theta: \ThetaB$. componendo

 $H\Theta: \Theta\Gamma > KA + A\Theta + \ThetaB: B\Theta$

h. e. $> A\Theta + KE : B\Theta$. sed KE = AZ. quare

 $H\Theta:\Theta\Gamma>Z\Theta:\Theta B.$

uicissim $H\Theta: \Theta Z > \Gamma\Theta: \Theta B$. sed

 $\Gamma\Theta:\Theta B = \Gamma\Theta^2:\Gamma\Theta \times \Theta B$

itaque $H\Theta: \Theta Z > \Gamma \Theta^2: \Gamma\Theta \times \Theta B$. et propter ea,

^{23.} $B\Theta$] $A\Theta$ F; corr. B. 29. $\tau\alpha'$] addidi; om. F, uulgo. Lin. 5—10 sine signo F.

τερον είρημένα τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΖ ἔλασσόν ἐστι τοῦ ὑπὸ ΓΘΒ ἐπὶ τὴν ΘΗ, τὸ ἄρα ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ την ΘΗ πρός τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ την ΘΖ μείζονα λόγον έγει, ήπερ τὸ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρὸς τὸ ὑπὸ ΓΘΒ 5 έπι την ΘΗ. ώς δε τὸ ἀπὸ ΑΘ έπι την ΘΗ ποὸς τὸ ὑπὸ ΓΘΒ ἐπὶ τὴν ΘΗ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ὑπὸ ΓΘΒ. τὸ ἄρα ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρὸς τὸ άπὸ ΓΘ έπὶ τὴν ΘΖ μείζονα λόγον έχει, ήπες τὸ ἀπὸ ΑΘ πρός τὸ ὑπὸ ΓΘΒ. δ δὲ τοῦ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ 10 ύπὸ ΒΘΓ τοῦ ἀπὸ ΒΘ μέσου λαμβανομένου σύγκειται έκ τε τοῦ, ὃν έχει τὸ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΒ καὶ τοῦ ἀπὸ ΒΘ πρὸς τὸ ὑπὸ ΒΘΓ, ὁ δὲ τοῦ ἀπὸ ΒΘ πρὸς τὸ ὑπὸ ΒΘΓ λόγος ὁ αὐτός ἐστι τῷ τῆς ΒΘ πρὸς ΘΓ, τουτέστι τῷ τῆς ΑΘ πρὸς ΒΘ. τὸ ἄρα 15 ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ ποὸς τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΖ μείζονα λόγον έχει, ήπεο τὸ ἀπὸ ΑΘ ποὸς τὸ ἀπὸ ΘΒ μετὰ τοῦ τῆς ΑΘ πρὸς ΘΒ. ὁ δὲ συγκείμενος λόγος έκ τε τοῦ τοῦ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΒ καὶ τοῦ τῆς ΑΘ πρὸς ΘΒ ὁ αὐτός ἐστι τῶ τοῦ ἀπὸ τῆς 20 ΑΘ κύβου πρός τον ἀπό ΘΒ κύβον, τουτέστι τοῦ ἀπὸ ΑΒ κύβου πρός του ἀπό ΒΓ κύβου. τὸ ἄρα ἀπό ΑΘ έπι την ΘΗ πρός τὸ ἀπὸ ΓΘ έπι την ΘΖ μείζονα λόγον έχει τοῦ, ὂν έχει ὁ ἀπὸ ΑΒ κύβος πρὸς τὸν ἀπὸ ΒΓ κύβον. ἀλλ' ὁ μὲν τοῦ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ 25 πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΖ λόγος ὁ αὐτὸς ἐδείχθη τῷ τῶν τμημάτων λόγω, ὁ δὲ τοῦ ἀπὸ τῆς ΑΒ χύβου πρός του από της ΒΓ κύβου λόγος ημιόλιος έδείηθη τοῦ τῶν ἐπιφανειῶν λόγου. τὸ ἄρα τμῆμα πρὸς τὸ

^{3.} ἀπὸ ΓΘ] ὑπὸ ΓΘΒ F; corr. A, ed. Basil. 5. ὡς δέ ad τὴν Θ H lin. 6 suppleui; om. F, uulgo. 7. ΓΘΒ. τὸ ἄρα ad πρὸς τὸ ἀπό lin. 7-8 suppleui; om. F, uulgo; in F in mg.

quae supra diximus [p. 224, 22], erit

$$\Gamma\Theta^2 \times \Theta Z < (\Gamma\Theta \times \Theta B) \times \Theta H.$$

itaque

$$A\Theta^2 \times \Theta H : \Gamma\Theta^2 \times \Theta Z$$

> $A\Theta^2 \times \Theta H : (\Gamma\Theta \times \Theta B) \times \Theta H$.

sed

$$A\Theta^2 \times \Theta H : (\Gamma\Theta \times \Theta B) \times \Theta H = A\Theta^2 : \Gamma\Theta \times \Theta B.$$
quare

$$A\Theta^2 \times \Theta H : \Gamma\Theta^2 \times \Theta Z > A\Theta^2 : \Gamma\Theta \times \Theta B.$$

 \mathbf{sed}

$$A\Theta^2:B\Theta\times\Theta\Gamma=A\Theta^2:\Theta B^2\times B\Theta^2:B\Theta\times\Theta\Gamma$$
 medio sumpto $B\Theta^2$, et

$$B\Theta^2:B\Theta \times \Theta\Gamma = B\Theta:\Theta\Gamma = A\Theta:B\Theta.$$

itaque

$$A\Theta^2 \times \Theta H : \Gamma\Theta^2 \times \Theta Z > A\Theta^2 : \Theta B^2 \times A\Theta : \Theta B.$$
 sed

 $A\Theta^2:\Theta B^2 \times A\Theta:\Theta B = A\Theta^3:\Theta B^3 = AB^3:B\Gamma^3$. quare $A\Theta^2 \times \Theta H:\Gamma\Theta^2 \times \Theta Z > AB^3:B\Gamma^3$. sed demonstratum est [p. 238, 3 sq.], $\Theta A^2 \times \Theta H:\Gamma\Theta^2 \times \Theta Z$ eandem esse ac rationem segmentorum, et [p. 242, 14] rationem $AB^3:B\Gamma^3$ sesquialteram esse quam rationem, quam habeant inter se superficies. itaque seg-

positum est signum lacunae γ. ed. Basil., Torellius omissis nerbis οῦτως τὸ ἀπὸ ΑΘ πρὸς τὸ ὑπὸ ΓΘ ἐπὶ τὴν ΘΖ (lin. 6—8) post Θ H lin. 5 (prius) addunt: τοντέστι τὸ ἀπὸ ΑΘ ἐπὶ τὴν ΘΗ πρὸς τὸ ὑπὸ ΒΘΓ τοῦ ἀπὸ ΒΘ] om. F; corr. ed. Basil. 15. ΓΘ] hic in F signum positum est, cui respondet aliud simile in mg., ubi hace leguntur ex lin. 15 repetita: επι την (comp.) ΘΗ προς (comp.) το απο ΓΘ; quae uerba in cett. codd. ordine recepta sunt; corr. Cr., ed. Basil. 18. τοῦ τοῦ] scripsi; τον F, uulgo. 26. ΑΒ] ΑΘ FV.

τμημα μείζονα λόγον έχει η ημιόλιον τοῦ, δν έχει η ἐπιφάνεια πρὸς τὴν ἐπιφάνειαν.

Είς τὸ θ'.

Δῆλον δέ, ὅτι ἡ ΒΑ τῆς μὲν ΑΚ ἐλάσσων 5 ἐστὶν ἢ διπλασία δυνάμει, τῆς δὲ ἐκ τοῦ κέντρου μείζων ἢ διπλασία] ἐπιζευχθείσης γὰρ ἀπὸ τοῦ Β ἐπὶ τὸ κέντρον, τῆς πρὸς τῷ κέντρῷ ἀμβλείας γινομένης ὑπὸ τῆς ΒΑ, τὸ ἀπὸ τῆς ΑΒ μείζόν ἐστι τῶν ἀπὸ τῶν τὴν ἀμβλείαν περιεχουσῶν ἴσων ὅντων. 10 ὥστε τοῦ ἐνὸς αὐτῶν, τουτέστι τοῦ ἀπὸ τῆς ἐκ τοῦ κέντρου, μεῖζόν ἐστιν ἢ διπλάσιον. πάλι νδὲ τοῦ ἀπὸ ΑΒ ἴσου ὄντος τοῖς ἀπὸ ΑΚ, ΚΒ καὶ μείζονος ὅντος τοῦ ἀπὸ ΑΚ τοῦ ἀπὸ ΚΒ τὸ ἀπὸ ΑΒ τοῦ ἀπὸ ΑΚ ἔλασσόν ἐστιν ἢ διπλάσιον [καὶ ταῦτα μὲν ἐπὶ τοῦ 15 σχήματος, ἐφ' οὖ σημεῖον €, ἐν δὲ τῷ ἔτέρῷ σχήματι τἀναντία τούτοις εἰκότως λεχθήσεται].

"Εστω καὶ τῆ ΕΛ ἴση ἡ ΕΝ, καὶ ἀπὸ τοῦ κύκλου τοῦ περὶ διάμετρον τὴν ΘΖ κῶνος ἔστω κορυφὴν ἔχων τὸ Ν σημεῖον. ἴσος δὴ καὶ οὖ-20 τός ἐστι τῷ κατὰ τὴν ΘΕΖ περιφέρειαν ἡμισφαιρίω] ἐπεὶ γὰρ ὁ κύλινδρος ὁ βάσιν ἔχων τὸν περὶ διάμετρον τὴν ΘΖ, ῦψος δὲ τὴν ΛΕ τοῦ μὲν κώνου τοῦ βάσιν ἔχοντος τὴν αὐτὴν καὶ ῦψος ἴσον τριπλάσιός ἐστι, τοῦ δὲ ἡμισφαιρίου ἡμιόλιος, τὸ ἡμι-25 σφαίριον διπλάσιόν ἐστι τοῦ αὐτοῦ κώνου. ἔστιν δὲ καὶ ὁ κῶνος ὁ βάσιν μὲν ἔχων τὸν περὶ διάμετρον τὴν ΘΖ κύκλον, ῦψος δὲ τὴν ΛΝ διπλάσιος τοῦ αὐ-

^{7.} πέντρον τῆς BO Torellius. το πεντο cum comp. ον addito ω F. 8. ὑπὸ τῆς BA] τῆς ὑπὸ BOA Torellius. 12. ἴσον] ισ cum comp. ον F. 15. σ] Σ Torellius. cfr. I p. 250, 19 not. crit. 20. ΘΕΖΕ F. 22. AE] ΔΕ F; corr. Torellius.

menta inter se maiorem quam sesquialteram rationem habent quam superficies.

In prop. IX.

I p. 250, 20—22: adparet autem, esse $BA^2 < 2AK^2$, sed maiorem duplici quadrato radii] ducta enim [linea] a B ad centrum, erit, cum angulus ad centrum positus, sub quem subtendit¹) linea BA, obtusus sit, AB^2 maius quadratis linearum angulum obtusum comprehendentium inter se aequalibus [Eucl. II, 12]; quare maius quam duplex erit quam quadratum alterius, h. e. quam quadratum radii.

rursus autem cum sit $AB^2 = AK^2 + KB^2$ [Eucl. I, 47] et $AK^2 > KB^2$, erit $AB^2 < 2AK^2$.

I p. 252, 2—7: sit praeterea EN=EA, et in circulo circum diametrum ΘZ descripto construatur conus uerticem habens punctum N. quare etiam is hemisphaerio in ambitu ΘEZ posito aequalis est] nam quoniam cylindrus basim habens [circulum] circum diametrum ΘZ descriptum, altitudinem autem AE triplo maior est cono basim habenti eandem et altitudinem aequalem [Eucl. XII, 10], sed dimidia parte maior hemisphaerio [de sph. et cyl. I, $34 \pi \acute{o} \varrho$.], hemisphaerium duplo maius est eodem cono. sed etiam conus basim habens circulum circum diametrum ΘZ descriptum, altitudinem autem AN duplo maior est

 ¹ νπὸ τῆς BA lin. 8 corruptum; fort. τῆς ὑποτεινομένης ὑπὸ τῆς BA uel τῆς ὑπὸ τὴν BA. ceterum hinc adparet, me I p. 252 male Nizzio obtemperasse in littera O addenda (u. p. 254 not. crit.).

²⁾ Ultima uerba lin. 14-16 damnaui I p. 258 not. 2.

τοῦ κώνου. καὶ τὸ ἡμισφαίριον ἄρα ἴσον ἐστὶ τῷ κώνω τῷ βάσιν μὲν ἔχοντι τὸν κερὶ διάμετρον τὴν $Z\Theta$ κύκλον, ὕψος δὲ τὴν AN.

Τὸ δὲ περιεχόμενον ὑπὸ τῶν ΑΡΓ μεζζόν δ ἐστι τοῦ περιεχομένου ὑπὸ τῶν ΑΚΓ, διότι τὴν ἐλάσσονα πλευρὰν τοῦ ἐλάσσονος τοῦ ἐτέρου μείζονα ἔχει] εἰρηται γὰρ ἀνωτέρω, ὅτι, ἐὰν εὐθεῖα τμηθῆ εἰς ἄνισα κατ' ἄλλο καὶ ἄλλο σημεῖον, τὸ ὑπὸ τῶν τμημάτων τῶν κατὰ τὴν ἐγγυτέραν τῆς διχο-10 τομίας τομὴν μεζόν ἐστι τοῦ ὑπὸ τῶν τμημάτων τῶν κατὰ τὴν ἀπωτέρω. ταὐτὸν δέ ἐστιν εἰπεῖν, διότι τὴν ἐλάσσονα πλευρὰν τῆς ἐλάσσονος τοῦ ἑτέρου μείζονα ἔχει. ὅσω γὰρ ἐλάσσων ἐστί, τοσούτω πλέον ἀφέστηκεν ἡ τομὴ τῆς διχοτομίας.

15 Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς ΑΡ ἴσον ἐστὶ τῷ περιεχομέν ῷ ὑπὸ τῶν ΑΚ, ΓΞ ῆμισυ γάρ ἐστι τοῦ ἀπὸ τῆς ΑΒ] ἐὰν γὰρ ἐπιζευχθῆ ἡ ΒΓ, διὰ τὸ ἐν ὀρθογωνίῷ τριγών ῷ ἀπὸ τῆς ὀρθῆς κάθετον ἡχθαι τὴν ΒΚ καὶ τὰ πρὸς τῆ καθέτῷ τρίγωνα ὅμοια εἶναι τῷ ὅλῷ, 20 γίνεται τὸ ὑπὸ ΓΑΚ ἴσον τῷ ἀπὸ ΑΒ. ὥστε καὶ τὸ ὑπὸ τῆς ἡμισείας τῆς ΓΑ καὶ ΑΚ, τουτέστι τὸ ὑπὸ ΓΞ, ΑΚ, ἴσον ἐστὶ τῷ ἡμίσει τοῦ ἀπὸ ΑΒ, τουτέστι τῷ ἀπὸ ΑΡ.

Μείζον οὖν έστι καὶ τὸ συναμφότερον τοῦ 25 συναμφότερου] ἐπεὶ γὰρ ἴσον ἐστὶ τὸ ὑπὸ ΑΚ, ΓΕ τῷ ἀπὸ ΑΡ, μείζον δὲ τὸ ὑπὸ ΑΡΓ τοῦ ὑπὸ ΑΚΓ, ἐὰν δὲ ἀνίσοις ἴσα προστεθῆ, τὰ ὅλα ἐστὶν ἄνισα, καὶ ἐκεῖνο μείζον, ὁ καὶ ἐξ ἀρχῆς μείζον, τῷ μὲν ὑπὸ

^{10.} τῶν κατά] scripsi; τῶν om. F, uulgo. 13. τοσουτο F. Pro signo ⁶ (u. p. 4 not.) hic, ut saepius, hoc signo utitur F: 7 (in mg. semel adposito). Lineis 15—17 in mg. F adponitur ÷.

eodem cono. itaque etiam hemisphaerium aequale est cono basim habenti circulum circum diametrum $Z\Theta$ descriptum, altitudinem autem ΔN .

I p. 252, 7—10: sed est $AP \times P\Gamma > AK \times K\Gamma$, quia minus latus minore latere alterius rectanguli maius habet] nam supra [p. 226, 18 sq.] dictum est, si linea in partes inaequales in duobus punctis dividatur, rectangulum comprehensum partibus sectione puncto medio propiore effectis maius esse rectangulo comprehenso partibus sectione remotiore effectis. hoc uero idem est, ac si dicimus, [rectangulum] minus latus minore latere alterius maius habere. nam quo minus [latus] est, eo plus sectio a puncto medio distat.

I p. 252, 10 - p. 254, 1: est autem
$$AP^2 = AK \times \Gamma \Xi$$
:

est enim $= \frac{1}{2}AB^2$] nam si ducitur $B\Gamma$, erit, quia in triangulo rectangulo ab angulo recto perpendicularis ducta est BK, et trianguli ad perpendicularem positi toti similes sunt [Eucl. VI, 8] $\Gamma A \times AK = AB^2$. quare etiam $\frac{1}{2}\Gamma A \times AK = \frac{1}{2}AB^2$, h. e. $\Gamma \Xi \times AK = AP^2$.

I p. 254, 1—2: itaque etiam

 $AP \times P\Gamma + AP^2 > AK \times K\Gamma + AK \times \Gamma\Xi$]
nam quoniam

 $AK \times \Gamma \Xi = AP^2$ et $AP \times P\Gamma > AK \times K\Gamma$, et si inaequalibus aequalia adduntur, summae inaequa-

¹⁾ Commodius sequitur ex prop. 2 libri secundi de sph. et cyl.; nam AN: AE = 2: 1 = HE: HA.

^{19.} τοιγωνω F. είναι ἀλλήλοις τε καὶ τῷ Torellius; sed u. p. 223 not. 1. 20. γίνεται] γαο per comp. F, uulgo; ἄρα Torellius. 26. τῷ ἀπὸ ΑΡ] om. F; corr. Cr., ed. Basil. τὸ ὑπὸ] το FA.

ΑΡΓ προστεθέντος τοῦ ἀπὸ ΑΡ, τῷ δὲ ὑπὸ ΑΚΓ τοῦ ὑπὸ ΑΚ, ΓΞ μείζον γίνεται τὸ ὑπὸ ΑΡΓ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΑΡ τοῦ ὑπὸ ΑΚ, ΓΞ.

ἀλλὰ τὸ ὑπὸ ΑΡΓ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΑΡ ἴσον γίνεται τοῦ ὑπὸ ΓΑΡ διὰ τὸ δεύτερον θεώρημα τοῦ δευτέρου βιβλίου τῆς στοιχειώσεως, τὸ δὲ ὑπὸ ΑΚΓ μετὰ τοῦ ὑπὸ ΑΚ, ΓΞ ἴσον τῷ ὑπὸ ΑΚ, ΚΞ διὰ τὸ πρῶτον θεώρημα τοῦ αὐτοῦ βιβλίου. ὧστε τὸ ὑπὸ ΓΑΡ μεῖζόν ἐστι τοῦ ὑπὸ ΑΚΞ.

10 Τῷ δὲ ὑπὸ τῶν ΞΚΑ ἴσον ἐστὶ τὸ ὑπὸ τῶν ΜΚΓ] ὑπόκειται γάρ, ὡς ἡ ΞΓ πρὸς ΓΚ, ἡ ΜΑ πρὸς ΑΚ΄ ὥστε καὶ συνθέντι, ὡς ἡ ΞΚ πρὸς ΚΓ, οὕτως ἡ ΜΚ πρὸς ΚΑ. καὶ τὸ ὑπὸ τῶν ἄκρων ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ τῶν μέσων. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν ΞΚΑ ἴσον 16 ἐστὶ τῷ ὑπὸ ΜΚΓ. ἀλλὰ τοῦ ὑπὸ τῶν ΞΚΑ μεῖζον ἦν τὸ ὑπὸ ΓΑΡ. καὶ τὸ ὑπὸ ΓΑΡ ἄρα μεῖζόν ἐστι τοῦ ὑπὸ ΜΚΓ.

"Ωστε μείζονα λόγον ἔχει ἡ ΑΓ ποὸς ΓΚ, ἤπεο ἡ ΜΚ ποὸς ΑΡ] ἐπεὶ γὰο τέσσαρες εὐθεῖαί 20 εἰσιν αὶ ΓΚ, ΚΜ, ΓΑ, ΑΡ, καὶ τὸ ὑπὸ πρώτης τῆς ΓΑ καὶ τετάρτης τῆς ΑΡ μεῖζόν ἐστι τοῦ ὑπὸ δευτέρας τῆς ΜΚ καὶ τρίτης τῆς ΚΓ, ἡ πρώτη ἡ ΓΑ πρὸς δευτέραν τὴν ΜΚ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπεο ἡ τρίτη ἡ ΚΓ πρὸς τετάρτην τὴν ΑΡ. καὶ ἐναλλὰξ η 25 ΓΑ πρὸς ΚΓ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπεο ἡ ΜΚ πρὸς ΑΡ. "Ον δὲ λόγον ἔχει ἡ ΑΓ πρὸς ΓΚ, τοῦτον

^{2.} γίνεται] γας εστι per compp. F; corr. B. τό] του per comp. F; corr. B. 3. ἐπὸ ΑΚΓ] απο ΚΓ FB. 4. γίνεται] γας εστι per compp. F; corr. AB. 5. δεύτεςον] τςίτον Torellius. 10. τό] τα F; corr. Torellius. 14. ἐστί] per comp. F. 15. τοῦ] το F. 16. τό] (prius) τω F. ΓΑΡ] ΑΓΡ bis FCD. Lin. 18—19, 26 sine signo F. 19. τέσσαςες] alterum

les sunt, et maius id, quod a principio maius erat, erit, si rectangulo $AP \times P\Gamma$ additur AP^2 , et rectangulo $AK \times K\Gamma$ rectangulum $AK \times \Gamma\Xi$,

 $AP \times P\Gamma + AP^2 > AK \times K\Gamma + AK \times \Gamma \Xi$.

uerum $AP \times P\Gamma + AP^2 = \Gamma A \times AP$ propter theorema II secundi libri elementorum [Eucl. II, 3], et $AK \times K\Gamma + AK \times \Gamma\Xi = AK \times K\Xi$ propter theorema I eiusdem libri [Eucl. II, 1]. itaque

$$\Gamma A \times AP > AK \times K\Xi^{1}$$

I p. 254, 3—4: sed $MK \times K\Gamma = \mathbb{Z}K \times KA$] nam supponitur, esse

 $\Xi\Gamma: \Gamma K = MA: AK$ [I p. 250, 23-24]. quare etiam componendo $\Xi K: K\Gamma = MK: KA$. et rectangulum terminis extremis comprehensum aequale est rectangulo mediis comprehenso. itaque

 $\Xi K \times KA = MK \times K\Gamma$.

sed $\Gamma A \times AP > \Xi K \times KA$. quare etiam $\Gamma A \times AP > MK \times K\Gamma$.

I p. 254, 5—7: quare $\Gamma A: \Gamma K > MK: AP$] nam quoniam quattuor sunt lineae ΓK , KM, ΓA , AP, et rectangulum prima et quarta comprehensum maius est rectangulo secunda et tertia comprehenso, h. e.

 $\Gamma A \times AP > MK \times K\Gamma$

prima ad secundam maiorem rationem habet, quam tertia ad quartam [p. 226, 24 sq.], h. e.

 $\Gamma A: MK > K\Gamma: AP$; et uicissim $\Gamma A: K\Gamma > MK: AP$.

I p. 254, 7—8: sed $A\Gamma: \Gamma K = AB^2: BK^2$] ducta

¹⁾ Cfr. I p. 254, 2-3.

σ supra scriptum manu 1 F. 20. ΓK] ΓΛ Torellius. ΓΛ] ΓΚ Torellius.

ἔχει τὸ ἀπὸ τῆς ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς ΒΚ] ἐπιξευχθείσης γὰρ τῆς ΒΓ διὰ τὸ ἐν ὀρθογωνίω τριγώνω ἀπὸ τῆς ὀρθῆς κάθετον εἶναι τὴν ΒΚ γίνεται, ὡς ἡ ΑΓ πρὸς ΓΒ, ἡ ΒΓ πρὸς ΓΚ. καὶ διὰ τοῦτο, ὡς ἡ 5 πρώτη πρὸς τὴν τρίτην, τουτέστιν ἡ ΑΓ πρὸς ΓΚ, οῦτως τὸ ἀπὸ τῆς ΑΓ πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς ΓΒ. ὡς δὲ τὸ ἀπὸ τῆς ΑΓ πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς ΓΒ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΚ. ὅμοιον γὰρ τὸ ΑΒΚ τῷ ΑΒΓ. ἔστιν ἄρα καί, ὡς ἡ ΑΓ πρὸς ΓΚ, οῦτως τὸ ἀπὸ ΑΒ 10 πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΚ.

ή δὲ ΑΓ πρὸς ΓΚ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ ἡ ΜΚ πρὸς ΑΡ. καὶ τὸ ἀπὸ ΑΒ ἄρα πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΚ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ ἡ ΜΚ πρὸς ΑΡ. καὶ τῶν ἡγουμένων τὰ ἡμίση, τὸ ῆμισυ τοῦ ἀπὸ ΑΒ, ὅπερ ἐστὶ τὸ 15 ἀπὸ ΑΡ, πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΚ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ ἡ ἡμίσεια τῆς ΜΚ πρὸς τὴν ΑΡ, τουτέστιν ἡ ΜΚ πρὸς τὴν διπλασίαν τῆς ΑΡ. ἀλλὰ τῷ ἀπὸ ΑΡ ἴσον ἐστὶ τὸ ἀπὸ ΖΛ, ἐπειδὴ ἡ μὲν ΑΒ τῆ ΕΖ ὑπόκειται ἴση, ἡ δὲ ΕΖ τῆς ΖΛ δυνάμει διπλῆ· ἴση γὰρ ἡ ΕΛ 20 τῆ ΛΖ. τῆς δὲ ΑΡ διπλασία ἡ ΝΛ, ἐπεὶ καὶ τῆς ΛΖ. ὅστε τὸ ἀπὸ ΖΛ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΚ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ ἡ ΜΚ πρὸς τὴν διπλασίαν τῆς ΑΡ, ῆ ἐστιν ἴση τῆ ΛΝ.

Μείζονα ἄφα λόγον ἔχει καὶ ὁ κύκλος ὁ πεφὶ 25 διάμετρον τὴν ΘΖ πρὸς τὸν κύκλον τὸν πεφὶ διάμετρον τὴν ΒΔ, ἤπεφ ἡ ΜΚ πρὸς ΝΛ. ὥστε μείζων ἐστὶν ὁ κῶνος ὁ βάσιν μὲν ἔχων τὸν πεφὶ διάμετρον τὴν ΖΘ κύκλον, κορυφὴν δὲ τὸ Ν σημεΐον τοῦ κώνου τοῦ βάσιν μὲν ἔχοντος

Lin. 1 sine signo F. 1. BK] ΓΚ F, uulgo; ΓΒ A, ed. Basil.; "bc" Cr.; corr. Torellius. 2. ἀςθογωνίω] - Φο- supra

enim linea $B\Gamma$ erit, quia in triangulo rectangulo ab angulo recto perpendicularis est BK,

. $A\Gamma: \Gamma B = B\Gamma: \Gamma K$ [Eucl. VI, 8 πόρ.]. itaque $A\Gamma: \Gamma K = A\Gamma^2: \Gamma B^2$ [Eucl. V def. 10]. uerum $A\Gamma^2: \Gamma B^2 = AB^2: BK^2$. nam $ABK \sim AB\Gamma$. itaque etiam $A\Gamma: \Gamma K = AB^2: BK^2$.

sed $A\Gamma: \Gamma K > MK: AP$. quare etiam $AB^2: BK^2 > MK: AP$.

et sumptis dimidiis antecedentium erit $\frac{1}{2}AB^2 : BK^2$, h. e. $AP^2 : BK^2 > \frac{1}{2}MK : AP$, h. e. $> MK : 2AP^1$) sed $ZA^2 = AP^2$, quoniam suppositum est, esse AB = EZ, et $EZ^2 = 2ZA^2$;

nam EA = AZ. et NA = 2AP, quia NA = 2AZ. itaque $ZA^2 : BK^2 > MK : 2AP$,

h. e. $Z A^2 : BK^2 > MK : AN$ [I p. 254, 11—12].

I p. 254, 12—18: quare etiam circulus circum diametrum Z⊕ descriptus ad circulum circum diametrum B⊿ descriptum maiorem rationem habet, quam

MK: NA.

quare conus basim habens circulum circum diametrum $Z\Theta$ descriptum, uerticem autem punctum N, maior est cono basim habenti circulum circum diametrum $B\Delta$

¹⁾ Cfr. I p. 254, 9-11.

scriptum manu 1 F. 3. $\gamma lvetal$] yaq sou per compp. F; corr. BC. 8. τo ABK] τo and ABK F. 13. MK] MN F. AP] APK FVD. 19. $\tau \tilde{\eta} s$] $\tau \eta$ F; corr. Torellius. ZA] ZA FV(?). 20. AZ] (prius) AZ FV. NA] NMA FV. 25. ΘZ] $B\Theta Z$ FV. 26. $B\Delta$] BA FV.

τὸν περὶ διάμετρον τὴν ΒΔ κύκλον, κορυφὴν δὲ τὸ Μ σημεῖον] ἐὰν γὰρ ποιήσωμεν, ὡς τὸν περὶ διάμετρον τὴν ΖΘ κύκλον πρὸς τὸν περὶ διάμετρον τὴν ΒΔ κύκλον, οῦτως τὴν ΚΜ πρὸς ἄλλην τινά, δ ἔσται πρὸς ἐλάσσονα τῆς ΛΝ. καὶ ἔσται ὁ κῶνος ὁ βάσιν ἔχων τὸν περὶ διάμετρον τὴν ΖΘ κύκλον, ῦψος δὲ τὴν εὐρεθείσαν ἐλάσσονα εὐθείαν ἴσος μὲν τῷ ΜΒΔ διὰ τὸ ἀντιπεπονθέναι τὰς βάσεις τοῖς ῦψεσιν, ἐλάττων δὲ τοῦ ΝΘΖ διὰ τὸ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως 10 ὅντας πρὸς ἀλλήλους εἶναι ὡς τὰ ῦψη. δῆλον οὖν, ὅτι καὶ τὸ ἡμισφαίριον τὸ κατὰ τὴν ΕΖΘ περιφέρειαν μεῖζόν ἐστι τοῦ τμήματος τοῦ κατὰ τὴν ΑΒΔ περιφέρειαν.

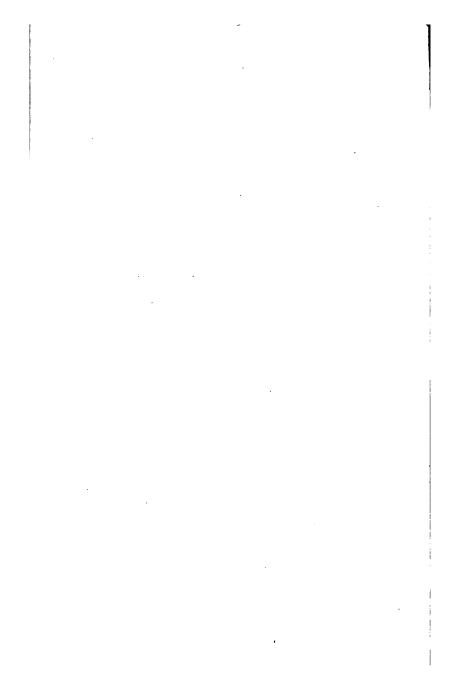
Εὐτοκίου 'Ασκαλωνίτου ὑπόμνημα εἰς τὸ δεύτερον 15 τῶν 'Αρχιμήδους περὶ σφαίρας καὶ κυλίνδρου ἐκδόσεως παραναγνωσθείσης τῷ Μιλησίῳ μηχανικῷ 'Ισιδώρῳ ἡμετέρῳ διδασκάλῳ.

^{2.} M] N F, sed expunxit manus 1 et supra scripsit M. 5. AN] AN F. 9. NΘZ] NΘΞ F, Cr. 13. AB Δ] EZΘ FVA 16. παραναγνωσθεσης F. μηλησιω F. ισηδωρω F; corr. Torellius, Cr. In fine legitur hoc epigramma in F, cett. codd., ed. Basil., ed. Torellii (om. Cr.):

Εύτονίου πινυτοῦ γλυκερὸς πόνος, ον ποτ' έκείνος γράψεν τοις φθονεροῖς πολλάκι μεμψάμενος (sic F).

descriptum, uerticem autem punctum M] nam si fecerimus, ut sit, ut circulus circum diametrum $Z\Theta$ descriptus ad circulum circum diametrum $B\Delta$ descriptum, ita KM ad aliam lineam, erit ad lineam minorem linea ΔN [Eucl. XII, 2; V, 8]. et conus basim habens circulum circum diametrum $Z\Theta$ descriptum, altitudinem autem lineam illam minorem aequalis erit cono $MB\Delta$, quia bases in contraria proportione altitudinum sunt [de sph. et cyl. I lemm. 4 p. 82], sed $< N\Theta Z$, quia, cum in eadem basi sint, eam inter se rationem habent, quam altitudines [I lemm. 1 p. 80]. adparet igitur, etiam hemisphaerium in ambitu $EZ\Theta$ positum maius esse segmento in $B\Delta\Delta$ ambitu posito [I p. 254, 18—20].

Eutocii Ascalonitae commentarius in secundum librum Archimedis de sphaera et cylindro editione recognita ab Isidoro mechanico Milesio magistro nostro.



EUTOCII COMMENTARIUS

IN DIMENSIONEM CIRCULI.

Έχόμενον αν είη τὸν έμὸν πληροῦντι σκοπὸν τοῖς σαφεστέροις και βραχυτέρας έπιστάσεως δεομένοις τῶν ύπ' 'Αρχιμήδους γεγραμμένων έντυγχάνοντι καὶ τὰ όπωσοῦν ἐν αὐτοῖς ἐπεξεργασίας δεόμενα τὸν δυνατὸν 5 τρόπον συνεχή ποιείν τοίς πρότερον ύφ' ήμων έν τώ περί σφαίρας και κυλίνδρου γεγραμμένοις εύχῆς ώς άληθώς άξίου τυγχάνοντος τοῦ καὶ τοῖς μείζοσι καὶ πλείονος φροντίδος δεομένοις έπιστηναι. είη δ' αν ώς πρός τὸ προκείμενον έφεξης τὸ γεγραμμένον Αρχι-10 μήδει βιβλίδιον κύκλου μέτρησιν την έπιγραφην έχον, έν ὧ τὴν πρόθεσιν τἀνδρὸς έξ αὐτῆς τῆς ἐπιγραφῆς γνωρίζομεν. βούλεται γαρ έπιδείξαι, τίνι χωρίφ εὐθυγράμμω ίσος αν είη κύκλος, πραγμα πάλαι πρὸς των πρὸ αὐτοῦ κλεινών φιλοσόφων έζητημένον. δηλον 15 γάρ, ὅτι τουτὶ ἂν είη τὸ ζητούμενον, ὅπερ Ἱπποκράτης τε δ Χίος και 'Αντιφών ζητήσαντες έπιμελώς έκείνους ήμιν τοὺς παραλογισμούς εύρήκασιν, οὓς ἀκρι-· βως είδεναι νομίζω τούς τε την Εὐδήμου γεωμετρικήν ίστορίαν έπεσκεμμένους καὶ τῶν Αριστοτελικῶν μετα-20 σχόντας κηρίων. άλλ' έστι μέν τοῦτο τὸ βιβλίον, ώς

Eutoniou Asnalweitou unompha eis the Aquimdous tou nunlou metangir F. 6. eughs \hat{a}_{S} \hat{b}_{S}] êxisáses \hat{b}_{S} with \hat{b}_{S} \hat{b}_{S} with \hat{b}_{S} \hat{b}_{S

Consentaneum, opinor, mihi erit institutum meum persequenti, sicubi in scriptis Archimedis in ea incidero, quae clariora sunt et breuiorem explicationem exposcant, quaecunque in iis elaborationem requirunt, quantum fieri possit, cum iis connectere, quae antea in opus de sphaera et cylindro scripsimus, cum re uera optandum sit, ut etiam in maioribus explicatuque difficilioribus [aliquando] uersari possimus.1) in eo igitur [codice], qui nobis est in manibus, proxime sequitur libellus ab Archimede scriptus, qui inscribitur circuli dimensio, in quo quid sibi ille proposuerit, ex ipso titulo comperimus. conatur enim demonstrare, cui spatio rectilineo aequalis sit circulus, rem iam diu ab philosophis claris, qui ante eum floruerant, quaesitam. adparet enim, hoc illud esse, quod et Hippocrates Chius et Antiphon studiose quaerentes paralogismos nobis illos inuenerint, quos satis nouisse eos puto, qui historiam geometricam Eudemi2) inspexerint et ceria Aristotelica⁸) cognouerint. est autem, ut dicit

3) Η. Θ. περί σοφιστ. έλέγχ. 11.

¹⁾ Locum difficillimum nunc ita intellego, quasi dicat Eutocius, se in facilioribus scriptis Archimedis explicandis ad commentarium in libros de sphaera et cyl. reuocare lectores, et, quae inde cognosci possint, omittere, quo celerius ad maiora et difficiliora contendat.

Cuius hoc ipsum fragmentum seruauit Simplicius; Spengel: Eudemi fragm. p. 120 sq.; Bretschneider: Geom. vor Eukl. p. 100 sq.

φησιν Ἡρακλείδης ἐν τῷ ᾿Αρχιμήδους βίῷ, πρὸς τὰς τοῦ βίου χρείας ἀναγκαῖον δείκνυσιν γάρ, ὅτι ἡ περιφέρεια τῆς διαμέτρου ἐστὶ τριπλασία καὶ ἔτι ὑπερέχει ἐλάττονι μὲν ἢ ἐβδόμῷ μέρει, μείζονι δὲ ἢ δέκα ἐβδομηκοστομόνοις. τοῦτο οὖν φησιν σύνεγγυς δεδεῖχθαι, εὑρῆσθαι μέντοι αὐτῷ διά τινων ἐλίκων εὐθεῖαν ἴσην τῆ δοθείση κύκλου περιφερεία.

Εἰς τὸ α΄ θεώρημα.

- 10 Τὸ πρῶτον θεώρημα καὶ τοῖς ἐπὶ ποσὸν μαθημάτων γυμνασαμένοις οὐδεμίαν ἔχον ζήτησιν φαίνεται αὐτῶν τῶν ᾿Αρχιμήδους ἡημάτων σαφῶς ἐκτεθειμένων καὶ τὸ συμπέρασμα πρὸς τὴν πρότασιν ἀνελλειπῶς ἀποσωζόντων.
- 15 δοκεί δέ τινι κατακεχοῆσθαι πρὸς τὴν ἀπόδειξιν πράγματι μηδέπω δεδειγμένω. ἐκθέμενος γὰρ τρίγωνον ὀρθογώνιόν φησιν' ἐχέτω τὴν μίαν τῶν περὶ τὴν ὀρθὴν ἴσην τῆ ἐκ τοῦ κέντρου, τὴν δὲ λοικὴν τῆ περιφερεία κύκλου ἴσην εὐθεῖαν λα-20 βεῖν οὐδὲ πρὸς αὐτοῦ ἤδη δεδειγμένον εἶναι, ἀλλ' οὐδὲ ὑπ' ἄλλου παραδεδομένον. συνορᾶν δὲ ὅμως χρή, ὡς οὐδὲν ἔξω τῶν προσηκόντων ὑπ' ᾿Αρχιμήδους γράφεται. εἶναι γάρ τι μέγεθος τὴν περιφέρειαν τοῦ κύκλου παντί που δῆλον, οἶμαι, καὶ τοῦτο τῶν ἐφ' ἔν διαστάτων. ἔστιν δὲ καὶ εὐθεῖα τοῦ αὐτοῦ εἰδους. καὶ εἰ μηδέπω οὖν ἐφάνη δυνατὸν περιφερεία κύκλου ἴσην εὐθεῖαν πορίσασθαι, ἀλλ' ὅμως εἶναί τινα τῆ

^{1.} Mg. $\eta \varrho \alpha n l \epsilon i \delta \eta s$ F. 4. $\ell l \alpha \tau \tau \sigma v l$] scripsi; $\epsilon l \alpha \tau \tau \sigma v$ F, unlgo. $\mu \epsilon \ell \zeta \sigma v l$] scripsi; $\mu \epsilon \iota \zeta \sigma v$ F, unlgo. 19. $\pi \epsilon \varrho \iota \varphi \epsilon \varrho \epsilon \iota \alpha$ [alt.] $\pi \epsilon \varrho \iota \varphi \epsilon \varrho \epsilon \iota \alpha$ F V(?); $\tau \widetilde{\eta}$ $\pi \epsilon \varrho \iota \varphi \epsilon \varrho \epsilon \iota \alpha$ unlgo. $\iota \nu$ F. 21. $\delta \mu$ cum comp. ωs F. 23. $\epsilon l \nu \alpha \iota$] per comp. F. 26. $\iota \alpha \iota l$] scripsi cum Knochio; $\iota \alpha \iota v$ F, unlgo.

Heraclides in uita Archimedis, hic liber ad uitae usum necessarius. ostendit enim, ambitum triplo maiorem esse diametro et insuper excedere spatio, quod minus est quam $\frac{1}{7}$, maius autem quam $\frac{1}{7}$. hoc igitur dicit adpropinquando demonstratum esse, inuenisse uero eum per spirales quasdam lineas lineam rectam dato ambitui circuli aequalem.¹)

In theorems I.

Primum theorema iis, qui uel aliquatenus in mathematicis uersati sint, nullam praebere haesitationem constat, cum ipsa uerba Archimedis et dilucide exposita sint et constructionem cum proposito plane congruentem seruent.

cuidam autem uidetur ad demonstrationem re nondum demonstrata abusus esse. supposito enim triangulo: habeat, inquit [I p. 258, 5] alterum latus eorum, quae angulum rectum comprehendunt, radio aequale, alterum ambitui. uerum recta linea ambitui circuli aequalis quo modo sumenda sit, neque ab ipso antea demonstratum esse neque ab alio quoquam praeceptum. tamen intellegendum est, nihil inepti ab Archimede scriptum esse. nam ambitum circuli magnitudinem quandam esse et id quidem ex iis, quarum una tantum sit dimensio, inter omnes, opinor, constat. uerum etiam linea recta eiusdem generis est. itaque etiam si nondum cognitum esset, fieri posse, ut linea

¹⁾ περί ελίκων prop. 18. cfr. Quaest. Arch. p. 29 not. 2.

φύσει εύθεζαν ζσην αύτὸ πρὸς ούδενός έστι ζητούμενον. τὸ τοίνυν [καὶ] πρὸς Αργιμήδους προτεθέν τοιοῦτόν ἐστιν· ὅτι τὸ τρίγωνον τὸ ὀρθογώνιον τὸ ἔχον, ώς προείρηται, τὰς πλευράς ίσον έστι τῷ κύκλφ. ὧστε 5 τὸ προτεθεν εκθέμενος οὐδεμιᾶς ἄν καταγρήσεως κρίνοιτο, θαυμαστός δ' αν μαλλον κάν τούτοις δόξειεν τοῖς οΰτως ὑπερμεγέθεσιν τῶν ζητημάτων σαφῆ καὶ ραδίαν την εύρησιν έπιτιθείς. ώς δε είρηται, οὐδεμιᾶς δεί ζητήσεως τῷ πρώτῳ θεωρήματι. τὸ γὰρ ΠΟΡ 10 τρίγωνον ότι μεζόν έστιν η τὸ ημισυ τοῦ ΑΖΟΜ σχήματος, καὶ ὅτι ἀπλῶς περὶ τὸν δοθέντα κύκλον δυνατόν εὐθύγραμμον περιγράψαι ώστε τὰ τμήματα τὰ μεταξύ τῶν τοῦ κύκλου περιφερειῶν καὶ τῶν πλευρῶν τοῦ περιγραφομένου εὐθυγράμμου έλάττονα είναι 15 τοῦ δοθέντος χωρίου, σαφώς εἴρηται ἐν τοῖς εἰς τὸ πρώτον τών περί σφαίρας και κυλίνδρου γεγραμμένοις ήμιν.

Είς τὸ γ΄ θεώρημα.

Έν τούτφ τῷ θεωρήματι συνεχῶς ἐπιταττόμεθα 20 τοῦ δοθέντος ἀριθμοῦ τὴν τετραγωνικὴν πλευρὰν εὑρεῖν. τοῦτο δὲ ἀκριβῶς μὲν εὑρεῖν ἐπὶ ἀριθμοῦ μὴ ὅντος τετραγώνου ἀδύνατον. ἀριθμὸς μὲν γὰρ ἐφ' ἑαυτὸν πολλαπλασιαζόμενος ποιεῖ τινα τετράγωνον ἀριθμόν, ὁ ἀριθμὸς δὲ καὶ μόριον ἐφ' ἑαυτὰ γενό- 25 μενα οὐκέτι ἀριθμὸν ποιεῖ πλήρη, ἀλλὰ καὶ μόριον.

^{1.} αὐτό] αὐτῆ ed. Basil., Torellius. 2. καί] per comp. F; deleo ut dittographiam uocabuli πρός. 5. ουδεμι cum comp. ας F. 6. δαυμαστός] Wurm, Knoche; δαυματός F, uulgo; δαυμάσιος Wallis. 9. δεί] scripsi; om. F, uulgo; similia (δεῖται, uel ὡς δ' ἐνδεῖται lin. 8) Knochio in mentem uenisse nunc comperio. 21. ενο (bis) cum comp. ην uel ιν

recta ambitui circuli aequalis inueniretur, at tamen hoc ipsum nemini dubium est, re ipsa exstare lineam quandam aequalem. itaque quod Archimedes proposuit, huiusmodi est, triangulum rectangulum latera habentem, qualia diximus, aequalem esse circulo. quare nullius in proposito exponendo abusus argui poterit, sed potius hic quoque admirandus uidebitur, quod quaestiones tam ingentes tam perspicua et facili inueniendi ratione resoluerit. sed uti diximus, in primo theoremate nulla opus est haesitatione. nam triangulum HOP maiorem esse dimidia parte figurae AZOM [I p. 260, 11-12], et omnino fieri posse, ut circum datum circulum figura rectilinea circumscribatur, ita ut segmenta inter ambitus circuli et latera figurae rectilineae circumscriptae comprehensa minora sint spatio dato1), perspicue a nobis expositum est in iis. quae in primum librum de sphaera et cylindro scripsimus [u. supra p. 32].

In theorems III.

In hoc theoremate adsidue radicem quadratam dati numeri inuenire iubemur. in numero autem non quadrato hoc exacte inueniri nequit. nam numerus in se ipsum multiplicatus numerum quadratum efficit, numerus uero et fractio in se ipsa multiplicata non iam numerum plenum efficiunt, sed etiam fractionem.

¹⁾ Uol. I p. 258, 9—10; cfr. omnino I p. 259 not. 4; 261 not. 2.

F. 24. ὁ ἀριθμός] οσ (h. e. ὁ 5) F; corr. Wallis. γενόμενα] γινόμενα Wallis, Torellius, Knoche.

οπως δε δει σύνεγγυς την δυναμένην πλευφάν τον δοθέντα άφιθμον εύφειν, είφηται μεν Ήφωνι εν τοις μετρικοίς, είφηται δε Πάππω και Θέωνι και ετέφοις πλείοσιν έξηγουμένοις την μεγάλην σύνταξιν τοῦ Κλαυδίου Πτολεμαίου. ώστε οὐδεν ήμᾶς χρη περί τούτου ζητειν έξον τοις φιλομαθέσιν έξ έκείνων άναλέγεσθαι.

Καὶ ἡ ὑπὸ ΓΕΖ τρίτον ὀρθῆς] ἐὰν γὰρ τὴν τοῦ ἑξαγώνου περιφέρειαν διχοτομήσαντες καὶ τὸ ῆμισυ αὐτῆς πρὸς τῷ Γ ἀπολαβόντες ἐπιζεύξωμεν τὴν ΕΖ, 10 ἔσται ἡ ὑπὸ ΓΕΖ τρίτον ὀρθῆς. ἡ γὰρ πρὸς τῷ Γ ἀποληφθεῖσα περιφέρεια ἡμίσεια οὖσα τῆς τοῦ έξαγώνου δωδέκατόν ἐστι τοῦ κύκλου. ὥστε καὶ ἡ ὑπὸ ΓΕΖ γωνία πρὸς τῷ κέντρῳ οὖσα δωδέκατόν ἐστι τῶν τεσσάρων ὀρθῶν. τρίτον ἄρα ὀρθῆς.

25 $\stackrel{\cdot}{H}$ δ $\stackrel{\cdot}{E}$ $\stackrel{\cdot}{E}$ $\stackrel{\cdot}{\Gamma}$ προς $\stackrel{\cdot}{\Gamma}$ $\stackrel{\cdot}{E}$ $\stackrel{\cdot}{\Gamma}$ $\stackrel{\cdot}{\nabla}$ $\stackrel{\cdot$

^{1.} την σύνεγγυς δυναμένην mauult Wallis. 4. πλειωσιν F; corr. Wallis. 3-5. mg. F: ηρωνοσ παππος θεωνοσ. 6. εξων F; corr. BCD. 7. τριτ cum comp. ov F; corr. AB. 9. Γ] τριτω F; corr. Wallis. 10. έσται] per comp. F. τριτ cum comp. ov F; corr. B. τῷ] το F; corr. Wallis. 13. πρός] om. F. 14. τριτ cum comp. ov F; corr. AB. ορθη

quo modo autem adpropinquando radix quadrata dati numeri inuenienda sit, dictum est ab Herone in metricis, ab Pappo, Theone¹), compluribus aliis, qui magnam syntaxim Claudii Ptolemaei interpretati sunt. quare nos nihil adtinet de hac re quaerere, cum studiosis liceat ex illis conquirere.

I p. 264, 2—3: et $\angle \Gamma EZ$ tertia pars recti] nam si arcu hexagoni in duas partes aequales diuiso et dimidia parte eius ad Γ posita lineam EZ duxerimus, erit $\angle \Gamma EZ$ tertia pars recti. nam arcus ad Γ positus, qui dimidia pars est arcus hexagoni, duodecima pars est circuli. quare etiam angulus ΓEZ , qui ad centrum positus est, duodecima pars est quattuor rectorum, h. e. tertia pars recti.

I p. 264, 3—4: itaque $EZ: Z\Gamma = 306: 153$] esse $EZ = 2Z\Gamma$ sic adparet: si enim, producta linea $Z\Gamma$ ad punctum Γ uersus et posita linea ei aequali, [ad terminum huius] ab E [lineam] duxerimus, constructur ad E angulus, qui duabus partibus recti aequalis erit. sed etiam angulus ad Z positus aequalis est duabus partibus recti. itaque ΓEZ dimidium est trianguli aequilateri. et quia basis trianguli aequilateri, quae aequalis est lineae EZ, in Γ in duas partes aequales diuiditur, erit $EZ = 2Z\Gamma$.

I p. 264, 4-5: sed $E\Gamma: \Gamma Z = 265:153$] nam

¹⁾ Comm. in Ptolem. p. 44 sq. (ed. Basil.). cetera scripta, ad quae ab Eutocio reuocamur, hodie interciderunt.

F; corr. BC. 17. Γ] M ed. Basil, Torellius, Wallis, Knoche; ,in e" Cr. 18. ἐπιθέμενοι susp. Wallis. 19. Γ] M ed. Basil., Wallis, Torellius. ἡ πρὸς τῷ Γ ad ἔστιν δὲ καί lin. 20 delet Wurmius. διμοιρ cum comp. ov F; corr. Wallis, ut lin. 20, 21. 25. μείζονα λόγον ἔχει ἢ Wallis.

ξαυτὰ πολυπλασιάσωμεν, γενήσεται Μ΄,γχλς΄. ἡ δὲ ΓΖ ἐστι ρνγ΄· ὅστε τὸ ἀπ' αὐτῆς ἔσται Μ΄,γυθ΄. ἐπεὶ οὖν τὸ ἀπὸ ΕΖ ἴσον ἐστὶ τοῖς ἀπὸ ΕΓ, ΓΖ, ἐὰν ἀπὸ τοῦ ἀπὸ ΕΖ ὄντος Μ΄,γχλς΄ ἀφέλωμεν τὸ ὅπὸ ΓΖ ὑπάρχον Μ΄,γυθ΄ καταλειφθήσεται τὸ ἀπὸ ΕΓ Μ΄σκζ΄, ὧν πλευρὰ τετραγωνική σξε΄ καὶ ἔτι μόριον ἐλάχιστον καὶ ἀνεπαίσθητον λείπεται γὰρ ἡ τῶν σξε΄ δύναμις τῆς ἀκριβοῦς μονάσιν β΄. οἱ δὲ πολλαπλασιασμοὶ ὑπόκεινται·

10 Τετμήσθω οὖν ἡ ὑπὸ ΖΕΓ δίχα τῆ ΕΗ. ἔστιν ἄρα ὡς ἡ ΖΕ πρὸς ΕΓ, ἡ ΖΗ πρὸς ΗΓ διὰ τὸ τρίτον θεώρημα τοῦ ἔκτου βιβλίου τῆς Εὐκλείδου στοιχειώσεως. καὶ συνθέντι, ὡς συναμφότερος ἡ ΖΕ, ΕΓ πρὸς ΕΓ, ἡ ΖΓ πρὸς ΓΗ. καὶ ἐναλλάξ, ὡς 15 συναμφότερος ἡ ΖΕ, ΕΓ πρὸς ΖΓ, ἡ ΕΓ πρὸς

^{1.} πολλαπλασιάσωμεν tacite Wallis, al. columnae 1 lin. 4: α] δ F; corr. B. 5. ὁμοῦ] semper per comp. // uarie formatum F. col. 2 lin. 4: ν'] νγ F; corr. ed. Basil. (quae pro toto numero posuit ξχν', sicut lin. 5: ννδ'). 5. τ] τ F; corr. B. col. 3 lin. 2: εξε F; corr. B manu 2. Lin. 6, ubi pro ὁμοῦ scriptum est Θ, in F cum col. 3 lin. 1 coniungitur, col. 3, 7

quoniam supponitur $EZ = 306^{\circ}$, erit $EZ^2 = 93636$. sed $\Gamma Z = 153$; quare $\Gamma Z^2 = 23409$. quoniam igitur $EZ^2 = E\Gamma^2 + \Gamma Z^2$ [Eucl. I, 47], si ab EZ^2 sine 93636 abstulerimus ΓZ^2 siue 23409, relinquetur

 $E\Gamma^2 = 70227.$

quorum latus quadratum est 265 et praeterea fractio minutissima et quasi insensilis. nam 2652 duabus unitatibus minus est uero quadrato. multiplicationes autem subjectmus:

EZ 306	ZΓ 153	265
× 306	× 153	\times 265
91800	15300	40000)
1836	5000)	12000 }
summa 93636	2500 }	1000
	150	12000)
	300)	3600 }
	· 159 }	300
	summa 23409	1325
		511mmo 70995

summa 70225

reliquum est $E\Gamma^2$ =70227.

itaque duabus unitatibus minus est uero.

iam secetur $\angle ZE\Gamma$ in duas partes aequales linea EH. est igitur $ZE : E\Gamma = ZH : H\Gamma$ [I p. 264, 5-6] propter theorema tertium sexti libri elementorum Euclidis. et componendo $ZE + E\Gamma : E\Gamma = Z\Gamma : H\Gamma$, et uicissim $ZE + E\Gamma$: $Z\Gamma = E\Gamma$: ΓH [I p. 264, 7—8].

¹⁾ Hoc non proprie supponitur; sed u. Quaest. Arch. p. 48.

cum col. 3, 2, col. 3, 8 cum col. 3, 3; col. 1, 6—7 supra col. 3 ponitur; secutus sum Wallisium; ceterum de multiplicationum forma ac de numerorum signis infra uberius exponam. col. 1, 6: άπό] α F. col. 3, 7: μονάσι] (dat. differentiae; cfr. lin. 8) M F, h. e. M, quod compendium (μ°) in sequentibus reliqui. Deinde in F repetitur figura (I p. 264) paullulum mutata. 10. $ZE\Gamma$] $EZ\Gamma$ F. 15. $Z\Gamma$] ZH F; corr. manus 2 et B mg.

ΓΗ. συναμφότερος δὲ ἡ ΕΖ, ΕΓ μείζων ἐστὶν ἤπερ φοα΄. ἡ μὲν γὰρ ΖΕ ὑπόκειται τς΄, ἡ δὲ ΕΓ σξε΄ καὶ ἔτι μορίου τινός ὅστε μείζονές εἰσι τῶν φοα΄ ἡ δὲ ΖΓ ἐστι ρυγ΄. συναμφότερος ἄρα ἡ ΖΕ, ΕΓ πρὸς ΖΓ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ φοα΄ πρὸς ρυγ΄, ὥστε καὶ ἡ ΕΓ πρὸς ΗΓ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ φοα΄ πρὸς ρυγ΄.

ΎΗ ΗΕ ἄρα πρὸς ΗΓ δυνάμει λόγον ἔχει, ὅν

Μ΄ δυν΄ πρὸς Μ΄ γυδ΄] συναχθήσεται δὲ τοῦτο οῦτως:

10 ἐπεὶ γὰρ δέδεικται ἡ ΕΓ πρὸς ΓΗ μείζονα λόγον

ἔχουσα, ἤπερ φοα΄ πρὸς ρυγ΄, εἴ τις ὑποθοῖτο τὴν

μὲν ΕΓ φοα΄, τὴν δὲ ΓΗ ρυγ΄, ἔσται τὸ μὲν ἀπὸ ΕΓ

Μ΄ 5μα΄, τὸ δὲ ἀπὸ ΓΗ Μ΄ γυδ΄, συναμφότερα δὲ ἴσα

ὄντα τῷ ἀπὸ EH ἔσται M ϑυν΄. τούτων πλευρὰ τε15 τραγωνικὴ $φ_{Q}α'$ η΄΄ ἔγγιστα ἐλλείπει γὰρ ὁ ἀπὸ τοῦ $φ_{Q}α'$ η΄΄ τετράγωνος εἰς τὸ ἀπριβὲς $μ^0$ κας 5'ι ε΄΄ ἔγγιστα. ἡ ἄρα EH πρὸς $H\Gamma$ δυνάμει μὲν λόγον ἔχει, ὃν $^{\lambda\delta}$ M ϑυν΄ πρὸς $^{\dot{M}}$ γυθ΄, μήκει δέ, ὃν $\phi_{Q}α'$ η΄΄ ἔγγιστα πρὸς ρ νγ΄. οἱ δὲ πολλαπλασιασμοὶ ὑπόκεινται·

έπι φοα΄ έπι ονή έπι φαα ή΄΄	
MM , ϵ φ' M , ϵ ϵ' MM , ϵ φ ϵ' ϵ'	-
$M_{\varepsilon}, \delta \gg o'$, $\varepsilon, \beta \varphi \varrho v'$ $M_{\varepsilon}, \eta \varrho q_{\varepsilon} \alpha' \delta'$	
φοα΄ η΄΄ ο ο ο ο ο ο ο ο ο ο ο ο ο ο ο ο ο	·•
δμοῦ Μ΄ 5 μα΄ ἐκ τούτων συνάγεται τὸ ἀπὸ ὁμοῦ Μ΄ θυκή '.'' δ'' ξδ'	
EHM , δυν΄. Ε΄ λλείπει ἄρα τοῦ ἀκριβοῦ $\mu^{ m o}$ κα΄ ς' ι ε΄ ἔγγιστα.	S

^{3.} μόριόν τινος Wurm. μείζονές] μειζον F; corr. Knoche.

sed $EZ + E\Gamma > 571$. nam supponitur ZE = 306, $E\Gamma = 265$ cum fractione quadam; quare

 $ZE + E\Gamma > 571$.

sed $Z\Gamma = 153$. itaque $ZE + E\Gamma : Z\Gamma > 571 : 153$. itaque etiam $E\Gamma : H\Gamma > 571 : 153$.

I p. 264, 9-10: itaque

 $HE^2: H\Gamma^2 = 349450: 23409$

hoc ita concludi potest: quoniam demonstratum est $E\Gamma: \Gamma H > 571:153$, si posuerimus $E\Gamma = 571$, $\Gamma H = 153$, erit $E\Gamma^2 = 326041$, $\Gamma H^2 = 23409$, et $E\Gamma^2 + \Gamma H^2 = EH^2 = 349450$. horum latus quadratum est $591\frac{1}{6}$ proxime; nam $(591\frac{1}{6})^2$ unitatibus $21\frac{1}{6}\frac{1}{15}$ proxime minus est uero. itaque

 $EH^2: H\Gamma^2 = 349450: 23409,$

et $EH: H\Gamma = 591\frac{1}{8}: 153$ proxime [I p. 264, 11]. multiplicationes autem subjections:

EΓ 571	HΓ 153	591 1
× 571	× 153	× 591⅓
250000)	15300	250000)
35500∫	5000)	45562 1 }
35000)	2500 }	45000 j
4970	150	8190 }
571	300)	11 1 J
summa 326041	159∫	591]
	summa 23409	62 1)
ex his componitur		11 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
ex ms componitur	EH = 343400	summa 349428½ ½ 164

minus igitur est uero unitatibus 21 1 proxime.

^{8.} $\mu\epsilon\xi$ ora lóyor ếxe $\tilde{\eta}$ Wallis. 14. $\vartheta vv'$] v om. F. 17. EH] $E\Gamma$ FV Cr. $\mu\epsilon\xi$ ora lóyor ếxe $\tilde{\eta}$ Wallis. 18. $\mu\epsilon\xi$ ora $\tilde{\eta}$ $\tilde{o}v$ Wallis, deleto ếxyιστα. col. 1, 4: o'] om. F; corr. ed. Basil. col. 2, 4: ϵ β] ϵ π F; corr. B. 5. τ] γ F; corr. B. col. 3, 3: ξ'] ξ' in rasura F; corr. ed. Basil. 6. ξ'] ξ' F; corr. ed. Basil., ut lin. 7. 7. δ] ξ' F. col. 1, 8: vv'] $\kappa v'$ F.

Πάλιν δίχα ή ὑπὸ ΗΕΓ τῆ ΘΕ. διὰ τὰ αὐτὰ ἄρα ἡ ΕΓ πρὸς ΓΘ μείζονα λόγον ἔχει ἢ, ὃν αρξβη" πρὸς ρνγ] γίνεται γὰρ διὰ τὴν διχοτομίαν τῆς γωνίας, ὡς ἡ ΗΕ πρὸς ΕΓ, ἡ ΗΘ πρὸς ΘΓ. καὶ συν- δέντι, ὡς συναμφότερος ἡ ΗΕ, ΕΓ πρὸς ΕΓ, ἡ ΗΓ πρὸς ΓΘ. καὶ ἐναλλάξ, ὡς συναμφότερος ἡ ΗΕ, ΕΓ πρὸς ΗΓ, ἡ ΕΓ πρὸς ΓΘ. καὶ ἐστιν ἡ μὲν ΕΓ φοά καὶ ἔτι μορίου τινός, ἡ δὲ ΕΗ φρά ή" καὶ ἔτι μορίου τινός. μείζονες ἄρα εἰσὶν ἢ αρξβή". καὶ ἐστιν ἡ ΗΓ ρνγ. 10 συναμφότερος ἄρα ἡ ΗΕ, ΕΓ πρὸς ΗΓ μείζονα λόγον ἔχει ἤπερ αρξβή" πρὸς ρνγ.

Ή ΘΕ ἄρα πρὸς ΘΓ μείζονα λόγον ἔχει, ἢ ον ,αροβή η" πρὸς ρυγ'] ἐπεὶ γὰρ δέδεικται ἡ ΕΓ πρὸς ΘΓ μείζονα λόγον ἔχουσα ἤπερ ,αρξβ΄ η" πρὸς 15 ρυγ', εἴ τις ὑποθοῖτο αὐτὰς οὕτως ἔχειν, ἔσται τὸ μὲν ἀπὸ ΕΓ Μφλδ΄ μ' ξδ'', τὸ δὲ ἀπὸ ΓΘ Μ΄ γυθ΄. τὸ ἄρα ἀπὸ ΕΘ ἴσον ον τοῖς ἀπὸ ΕΓ, ΓΘ ἔσται ρὰς Μ΄ γ λμγ΄ μ' ξδ'', ὧν πλευρὰ τετραγωνικὴ ,αροβ΄ η" ἔγγιστα. λείπεται γὰρ τῆς ἀπριβοῦς δυνάμεως τὸ ἀπ' 20 αὐτῆς μοξς' μ''. οἱ δὲ πολλαπλασιασμοὶ ὑπόκεινται

^{1.} $\tau\tilde{\eta}$] $\tau\eta\sigma$ FA. 2. $\tilde{\alpha}\varrho\alpha$] scripsi; om. F, uulgo; cfr. I p. 264, 12. 3. α] comp. $\tilde{\epsilon}\sigma\tau\alpha\iota$ F (\tilde{q} pro α). $\gamma\ell\nu\epsilon\tau\alpha\iota$] per comp. F. 8. $\mu\delta\varrho\iota\sigma\nu$ (prius) Wurmius cum ed. Basil. ($\mu\varrho\varrho\ell\sigma\nu$). η''] om. F; corr. Wallis. $\mu\delta\varrho\iota\sigma\nu$ (alt.) Wurm. 9. $\mu\epsilon\iota\xi\sigma\nu$ cum comp. σ_S FA, Cr. $\tilde{\eta}$] scripsi; om. FVD; $\tilde{\eta}\pi\epsilon\varrho$ uulgo. α] $\tilde{\epsilon}\sigma\tau\alpha\iota$ per comp. F, ut lin. 11. 11. Post $\varrho\nu\nu'$ addit Wallis: $\tilde{\omega}\sigma\tau\epsilon$ $\kappa\alpha\iota$ $\tilde{\eta}$ $E\Gamma$ $\pi\varrho\delta_S$ $\Gamma\Theta$ $\mu\epsilon\ell\xi\sigma\nu\alpha$ $\lambda\delta\gamma\sigma\nu$ $\tilde{\epsilon}\chi\epsilon\iota$ $\tilde{\eta}\pi\epsilon\varrho$ $\alpha\varrho\xi\beta'\eta''$ $\pi\varrho\delta_S$ $\varrho\nu\gamma'$. 13. $\tilde{\delta}\nu$ α] $o\overline{\tilde{od}}$ (comp. $\tilde{\epsilon}\sigma\tau\alpha\iota$) FV. 14. β] η F.

^{16.} L''] ϵ F; corr. B. 20. L''] om. F; corr. Wallis. M

I p. 264, 11—13: rursus secetur eodem modo ∠ HEΓ linea E@. propter eadem igitur erit

$$E\Gamma: \Gamma\Theta > 1162\frac{1}{8}:153$$

fit enim, quia angulus in duas partes aequales diuisus est, $HE: E\Gamma = H\Theta: \Theta\Gamma$ [Eucl. VI, 3]. et componendo $HE + E\Gamma: E\Gamma = H\Gamma: \Gamma\Theta$. et uicissim

$$HE + E\Gamma : H\Gamma = E\Gamma : \Gamma\Theta$$
.

et $E\Gamma = 571$ cum fractione quadam, $EH = 591\frac{1}{8}$ cum fractione altera quadam. quare

$$E\Gamma + EH > 1162\frac{1}{8}$$
.

et $H\Gamma = 153$. quare $HE + E\Gamma : H\Gamma > 1162\frac{1}{8} : 153$ [h. e. $E\Gamma : \Gamma\Theta > 1162\frac{1}{8} : 153$].

I p. 264, 13—15: quare $\Theta E : \Theta \Gamma > 1172\frac{1}{8} : 153$] nam quoniam demonstratum est

$$E\Gamma: \Theta\Gamma > 1162\frac{1}{8}: 153,$$

si posuerimus $E\Gamma: \Theta\Gamma = 1162\frac{1}{8}: 153$, erit

$$E\Gamma^2 = 1350534\frac{1}{2}\frac{1}{64}, \ \Gamma\Theta^2 = 23409.$$

itaque $E\Theta^2 = E\Gamma^2 + \Gamma\Theta^2 = 1373943\frac{1}{264}$, quorum latus quadratum est $1172\frac{1}{8}$ proxime. nam quadratum eius unitatibus $66\frac{1}{2}$ minus est uero quadrato. multiplicationes autem subiecimus:

ή ΕΓ ,αοξβ'η'' ἐπὶ ,αοξβ'η''	ή ΘΓ ονγ΄ έπὶ ονγ΄	αροβ΄η΄΄ ἐπὶ 'αροβ΄η΄΄
MMM βονε΄	α Μετ΄ εβφον΄	. ΄ ΄ ΄ ΄ ΄ ΄ ΄ ΄ ΄ ΄ ΄ ΄ ΄ ΄ ΄ ΄ ΄ ΄ ΄
MM sσιβ' L''	τονθ'	MM golf L"
Μ΄ς γχοκζ \.΄΄ βσοκδ΄ δ΄΄ οκε' ιβ' \.'΄ ζ \.'΄ δ'' ξδ'΄	όμοῦ Μ΄ γυθ΄	Μ΄ς δ Ώ ομη' '.'' δ'' β΄ σομ δ' δ'' ο κε΄ ι β΄ '.'' η' '.'' δ'' δ'' ξδ''
ομου Μφλδ' L''ξδ''		ομοῦ Μηωοζ ξδ"
τὸ ἀπὸ ΕΘ ἴσον τοῖς ἀ ολίς ἐστι Μ΄,γ 为μγ΄ μ΄΄ ξδ΄΄	πὸ ΕΓ, ΓΘ	έλλείπει ἄρα τοῦ ἀκρι- βοῦς μ ⁰ ξς 'L".

"Ετι δίχα ή ὑπὸ ΘΕΓ τῆ ΕΚ. ἡ ΕΓ ἄρα πρὸς ΓΚ μείζονα λόγον έχει, η ον βτλδ'δ" προς ρυγ] πάλιν γὰο διὰ τὴν διχοτομίαν τῆς ὑπὸ ΘΕΓ γωνίας έστίν, ώς ή ΘΕ πρός ΕΓ, ή ΘΚ πρός ΓΚ. καὶ συν-5 θέντι, ώς συναμφότερος ή ΘΕ, ΕΓ πρός ΕΓ, ή ΘΓ πρὸς ΓΚ. ἐναλλάξ, ὡς συναμφότερος ἡ ΘΕ, ΕΓ πρὸς ΘΓ, ή ΕΓ πρός ΓΚ. και έπει δέδεικται ή ΘΕ αροβ'η" καλ έτι μορίου τινός, ή δε ΕΓ αρξβη" καλ έτι μορίου τινός, συναμφότερος άρα ή ΘΕ, ΕΓ μείζων έστιν η 10 βτλδ'δ". και υπόκειται ή ΘΓ ονή. συναμφότερος άρα ή ΘΕ, ΕΓ πρός ΘΓ μείζονα λόγον έγει, ήπερ βτλδ'δ" πρός ουγ".

col. 1, 4: $\lfloor {}^{\prime\prime}{}^{\prime}{}^{\prime}$ ξ F; corr. ed. Basil. 5. γ] τ F; corr. B. 7. $\varrho \mu \varepsilon' \delta'' \xi \delta''$ ed. Basil., cett. edd. col. 2, 3: $M\alpha$ F; corr. ed. Basil. 4. ν'] η F. 6. $\gamma v \vartheta'$] τv F; corr. ed. Basil. col.

^{3, 1:} α] α F, ut lin. 2; corr. B. 3. μ] Μι F; corr. ed. Basil. β] β F; corr. ed. Basil. 4. ξ] ξ F, ut lin. 5; corr. ed. Basil. 5. μ''] ξ F; corr. ed. Basil. 6. σ] om. F; corr. ed. Basil. 7. φμς μ'' ξδ'' ed. Basil., cett. edd.

 $[\]eta' L''$] $\eta \xi F$; corr. Knoche. 8. Mol ξF ; corr. ed. Basil. γ] τ F; corr. ed. Basil. col. 1, 9: loov δν? ΓΘ] ΓΛ F; corr. ed. Basil. 10. γ] τ F; corr. ed. Basil. L'] ζ F; corr. ed. Basil. δ''] β' F'; corr. ed. Basil. Lineis 1-2 signum ad-

itaque unitatibus 661 minus est uero.

I p. 264, 15—16: rursus secetur $\angle \Theta E \Gamma$ linea EK. erit $E\Gamma : \Gamma K > 2334\frac{1}{4} : 153$] rursus enim quia $\angle \Theta E\Gamma$ in duas partes aequales sectus est, erit [Eucl. VI, 3] $\Theta E : E\Gamma = \Theta K : \Gamma K$. et componendo

$$\Theta E + E\Gamma : E\Gamma = \Theta\Gamma : \Gamma K$$
.

uicissim $\Theta E + E\Gamma : \Theta\Gamma = E\Gamma : \Gamma K$. et quoniam demonstratum est, esse $\Theta E = 1172\frac{1}{8}$ cum fractione quadam, $E\Gamma = 1162\frac{1}{8}$ cum fractione, erit

$$\Theta E + E\Gamma > 23341$$
.

et supponitur $\Theta\Gamma = 153$. itaque

 $\Theta E + E\Gamma : \Theta\Gamma > 2334\frac{1}{4} : 153$

[h. e. $E\Gamma: \Gamma K > 2334\frac{1}{4}: 153$].

posuit F (quod huc usque in hoc libello praetermisit). 2. $\tilde{\sigma}\nu$] addidi; om. F, uulgo; cfr. I p. 264, 16. 3. $\gamma \omega \nu / \alpha \varepsilon$] per comp. F. 8. καὶ ἔτι μορίου τινός, ἡ δὲ ΕΓ αρξβ η΄΄] om. F; corr. Wallis. ἔτι] επι F; corr. AB. μόριου Wurm. 9. ή] om. F; corr. Wallis tacite. 10. ρνγ΄] ρηγ F. συναμροτερ supra scripto ω F. 12. Post ρνγ΄ addit Wallis: ώστε καὶ ἡ ΕΓ πρὸς ΓΚ μείζονα λόγον ἔχει ἡπερ βτλδ δ΄΄ πρὸς ρνγ΄.

Ή ΕΚ ἄρα πρὸς τὴν ΓΚ μείζονα λόγον ἔχει,

ἢ δν βτλθ΄ δ΄΄ πρὸς ρνγ΄] πάλιν γὰρ ἐπεὶ ὑπόκειται ἡ μὲν ΕΓ βτλδ΄ δ΄΄, ἡ δὲ ΓΚ ρνγ΄, ἔσται τὸ μὲν ἀπὸ ΕΓ Μηψκγ΄ις΄΄, τὸ δὲ ἀπὸ ΓΚ Μηνθ΄. τούσοις δὲ ἴσον ἐστὶ τὸ ἀπὸ ΚΕ. ἔσται ἄρα Μβρλβ΄ις΄΄, ὧν πλευρὰ τετραγωνικὴ ἔγγιστα βτλθ΄ δ΄΄. λείπει γὰρ τὸ ἀπὸ αὐτῆς τοῦ ἀκριβοῦς μ 0 μα΄ ι ΄΄. οἱ δὲ πολλαπλασιασμοὶ ὑπόκεινται΄

τ ΕΓ βτλδ΄δ΄ ἐπὶ βτλδ΄δ΄	ή ΓΚ ουγ΄ έπὶ ουγ΄	βτλθ' δ'΄ ἐπλ 'βτλθ' δ''
υξς ΜΜΜ,ηφ΄ Ε 3	M s t'	υξς α ΜΜΜΜ ηφ'
MM, δ, ασοε΄ M, δ D q n ζ' L''	ε βφον΄ τονθ΄	MM,θ,βψοε΄ Μ.θ. Άσος μ."
η ασοκις α΄ φοε'ς Κ'' α΄ ις''	Μ ,γυθ΄	πο 2500ς ~ Μη βψσοπαβ δ΄ φοεζ ~ βδ΄ ις ΄
φμδ όμοῦ Μηψκγ'ις"	3 3-3	φοεζ μ΄ β δ΄ ις΄΄ δμοῦ Μ΄ β ς' μ΄΄ ις'΄
έκ τούτων συνάγεται τ φμζ ΕΚ Μβολβ'ις".	ο απο	έλλείπει ἄρα τοῦ ἀ κρι - βοῦς μ ^ο μα' ⊾''.

Έτι δίχα ή ύπὸ ΚΕΓ τῆ ΕΛ. ή ΕΓ ἄφα πφὸς 10 ΓΛ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπες τὰ ͵δχογ'.΄΄ πφὸς

^{4.} $\mathring{a}\pi\mathring{o}$ $E\Gamma$] $\mathring{a}\pi\mathring{o}$ om. F. $\overset{\varphi\mu\mathring{o}}{M},\eta$] $\overset{\varphi\nu\mathring{o}\eta}{M}$ F; corr. Wallis. 5. $\overset{\varphi\mu\mathring{\iota}}{M}$ M; corr. Wallis. 1 \mathring{e}] \mathring{o} $\mathring{\beta}$ F; corr. Wallis. col. 1, 1: $\overset{E}{E}$ EB F. $\overset{\varphi}{\beta}$] om. F. 3. $\overset{\varphi}{M}$] $\overset{\varphi}{M}$ F ($v=v^{\gamma}$); corr. B. $\overset{\xi}{M}$] $\overset{\varphi}{M}$ F. $\overset{\varphi}{M}$ om. F. $\overset{\varphi}{\eta}$] $\overset{\varphi}{\eta}$ F. 4. $\overset{\varphi}{M}$ MM F. $\overset{\varphi}{M}$] $\overset{\varphi}{M}$ F. 6. $\overset{\varphi}{u}$ 1, $\overset{\varphi}{u}$ 5. 8. $\overset{\varphi}{M}$ 1, $\overset{\varphi}{M}$ F. Lin. 2 post lin. 4 ponit F. hanc totam columnam corr. ed. Basil., in qua lin. 7 ita legitur: $\overset{\varphi}{\varphi}$ $\overset{\varphi}{\eta}$ $\overset{\varphi}{\eta}$ Col. 3, 1: $\overset{\varphi}{\iota}$ 1 inter has litteras in F erasum 1. 3. $\overset{\varphi}{\eta}$] $\overset{\varphi}{\eta}$ F; corr. Wallis. 4. $\overset{\varphi}{M}$] $\overset{\varphi}{M}$ F; corr. ed.

I p. 264, 17-266, 1: quare
$$EK: \Gamma K > 23394:153$$

rursus enim quoniam supponitur

$$E\Gamma = 2334\frac{1}{4}, \ \Gamma K = 153^{1},$$

erit
$$E\Gamma^2 = 5448723\frac{1}{16}$$
, $\Gamma K^2 = 23409$. et

$$KE^2 = E\Gamma^2 + \Gamma K^2 = 5472132\frac{1}{16}$$

quorum latus quadratum est 23391 proxime; nam quadratum eius unitatibus 411 minus est uero. multiplicationes autem subiecimus:

EΓ 23341	ΓK 153	2339 1
$\times 2334\overline{4}$	× 153	$\sim 2839\frac{7}{4}$
4000000)	15300	4000000)
600000 }	5000)	600000
68500	2500 }	60000
600000)	150	18500
99000 \$	300 j	600000)
1275	159	99000 }
69900՝ լ	summa 23409	2775
1274	Summa 20200	69900)
8000 1		2771
1200		18000 1
120 }		2700
16		270
1)		81
575)		21)
74		575)
$1\frac{1}{16}$		71
summa 5448723 ₁₆		$2\frac{1}{4}\frac{1}{16}$
1		gramma 54790001 1

ex his componitur $EK^2 = 5472132\frac{1}{16}$ summa $5472090\frac{1}{16}\frac{1}{16}$ itaque unitatibus 414 minus est uero.

I p. 266, 1—3: rursus secetur \angle KE Γ linea $E\Lambda$. erit igitur $E\Gamma$: $\Gamma\Lambda > 4673\frac{1}{2}:153$] rursus enim quia

¹⁾ H. e. $E\Gamma$: $\Gamma K = 2834\frac{1}{4}$: 153 (cfr. p. 270, 26; 274, 11; 276, 15); u. p. 273 not. 1.

Basil. 7. $\lfloor n' \rfloor \leq F$; corr. Knoche; $\varphi \pi \delta \lfloor n' \delta'' \iota \leq n''$ ed. Basil. 8. $\lfloor n \rfloor \leq F$; corr. ed. Basil. Lin. 1—2, 9—10 signo adposito F.

ονγ΄] πάλιν γὰο διὰ τὴν διχοτομίαν τῆς γωνίας ἐστίν, ώς ἡ ΚΕ πρὸς ΕΓ, ἡ ΚΛ πρὸς ΛΓ, καὶ συνθέντι, ώς συναμφότερος ἡ ΚΕ, ΕΓ πρὸς ΕΓ, ἡ ΚΓ πρὸς ΓΛ. ἐναλλάξ, ὡς συναμφότερος ἡ ΚΕ, ΕΓ πρὸς ΓΚ, ὅ ΕΓ πρὸς ΛΓ. καὶ ἐστιν ἡ μὲν ΚΕ βτλθ΄ δ΄ καὶ ἔτι μορίου τινός, ἡ δὲ ΕΓ βτλδ΄ δ΄ καὶ ἔτι μορίου τινός. συναμφότερος ἄρα ἡ ΚΕ, ΕΓ μείζων ἐστὶν ἢ δχογ΄ μ΄. καὶ ἐστιν ἡ ΚΓ ρνγ΄. συναμφότερος ἄρα ἡ ΕΚ, ΕΓ πρὸς ΚΓ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ ,δχογ΄ μ΄ 10 πρὸς ρνγ΄. ὡς δὲ συναμφότερος ἡ ΚΕ, ΕΓ πρὸς ΚΓ, οὕτως ἡ ΕΓ πρὸς ΓΛ. καὶ ἡ ΕΓ ἄρα πρὸς ΓΛ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ ,δχογ΄ μ΄ πρὸς ρνγ΄.

έπεὶ οὖν ἡ ὑπὸ $ZE\Gamma$ τρίτον οὖσα ὀρθῆς δωδέκατον μέρος ἐστὶ τῶν τεσσάρων ὀρθῶν, ταύτης δὲ ἡμίτο σεια ἡ ὑπὸ $HE\Gamma$, ἡ ὑπὸ $HE\Gamma$ εἰκοστοτέταρτον ἂν εἶη. ταύτης δὲ ἡμίσεια ἡ ὑπὸ $ΘE\Gamma$, ὧστε μη" ἐστιν. ταύτης δὲ ἡμίσειά ἐστιν ἡ ὑπὸ $KE\Gamma$ $^{\circ}$ $^{\circ}$ ἄρα ἐστίν. ἦς ἡμίσεια οὖσα ἡ ὑπὸ $AE\Gamma$ $^{\circ}$ $^{\circ}$ ἔστιν.

κείσθω οὖν, φησιν, ἴση αὐτῆ ἡ ὑπὸ ΓΕΜ, καὶ 20 ἐκβεβλήσθω ἡ ΖΓ ἐπὶ τὸ Μ. ἡ ἄρα ὑπὸ ΛΕΜ διπλασία οὖσα τῆς ὑπὸ ΛΕΓ ςς" ἐστι τῶν τεσσάρων ὀρθῶν. ὅστε καὶ ἡ ΛΜ πλευρά ἐστι τοῦ περὶ τὸν κύκλον περιγραφομένου πολυγώνου πλευρὰς ἔχουτος ςς'. ἐπεὶ οὖν ἡ ΕΓ πρὸς ΛΓ δέδεικται μείζονα λόγον 25 ἔχουσα, ἤπερ ͵δχογ'ι" πρὸς ρνγ', καί ἐστι τῆς μὲν ΕΓ διπλῆ ἡ ΑΓ, τῆς δὲ ΛΓ ἡ ΛΜ, καὶ ἡ ΑΓ ἄρα πρὸς ΛΜ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ ͵δχογ'ι" πρὸς ρνγ'. ἀνάπαλιν ἄρα ἡ ΛΜ πρὸς ΑΓ ἐλάττονα λόγον ἔχει,

έτι] επι FV. 7. ή] om. F; corr. Wallis. 8. \(\ldots '' \)] ξ F.
 όφθῶν] οφ cum comp. ων FVD. 15. ἡ ὑπὸ HEΓ] ad-

angulus in duas partes aequales sectus est, erit [Eucl. VI, 3] $KE: E\Gamma = K\Lambda: \Lambda\Gamma$, et componendo

 $KE + E\Gamma : E\Gamma = K\Gamma : \Gamma\Lambda$.

uícissim $KE + E\Gamma$: $\Gamma K = E\Gamma$: $\Lambda \Gamma$. et $KE = 2339 \frac{1}{4}$ cum fractione, $E\Gamma = 2334 \frac{1}{4}$ cum fractione. itaque $KE + E\Gamma > 4673 \frac{1}{2}$. et $K\Gamma = 153$. itaque

 $EK + E\Gamma : K\Gamma > 4673\frac{1}{4} : 153.$

sed $KE + E\Gamma : K\Gamma = E\Gamma : \Gamma \Lambda$. quare etiam $E\Gamma : \Gamma \Lambda > 46731 : 153$.

iam quoniam $\angle ZE\Gamma$, qui tertia pars est recti, duodecima pars est quattuor rectorum, et huius dimidius est $\angle HE\Gamma$, erit $\angle HE\Gamma$ pars uicesima quarta eorum. huius autem dimidius est $\angle \Theta E\Gamma$; quare est $\frac{1}{48}$ eorum. huius autem dimidius est $\angle KE\Gamma$; itaque est $\frac{1}{96}$. cuius cum dimidius sit $\angle AE\Gamma$, erit $\frac{1}{192}$ [cfr. I p. 266, 3—4].

ponatur igitur, inquit [I p. 266, 5 sqq.], $\angle \Gamma EM$ ei aequalis, et producatur $Z\Gamma$ ad M. itaque

 $\angle AEM = 2AE\Gamma$

et ½ quattuor rectorum. quare ΔM latus est polygoni 96 latera habentis circum circulum circumscripti.

— iam quoniam demonstratum est

 $E\Gamma: \Lambda\Gamma > 4673\frac{1}{2}:153$, et $\Lambda\Gamma = 2E\Gamma$, $\Lambda M = 2\Lambda\Gamma$, erit etiam $\Lambda\Gamma: \Lambda M > 4673\frac{1}{2}:153$. e contrario igitur $\Lambda M: \Lambda\Gamma < 153:4673\frac{1}{2}$ [Pappus VII, 49 p. 688]. et quoniam ΛM latus est polygoni latera

didi; om. F, uulgo. 17. qs'] ss F. 18. ΛΕΓ eqβ'] λετοsβ
F. 20. Μ. ή] ΜΗ F. 21. qs'] oβ F; corr. A, ed. Basil.
24. qs'] sβ F; corr. A, ed. Basil. ΕΓ] ΕΛ FBC, Cr.
25. β] α F. 28. ΛΓ] ΛΛ FCD, Cr.

ἤπερ ρνγ΄ πρὸς βχογ΄ μ΄΄. καὶ ἐπεὶ ἡ ΛM πολυγώνου ἐστὶ πλευρὰ τοῦ πλευρὰς ἔχοντος qς΄, ἡ περίμετρος ἄρα τοῦ πολυγώνου ἐστὶ $\stackrel{\alpha}{M}$ βχπη΄ ὁ γὰρ qς΄ ἐπὶ τὸν ρνγ΄ πολλαπλασιαζόμενος τοῦτον ποιεῖ. ἡ περίμετρος 5 ἄρα τοῦ πολυγώνου πρὸς τὴν $\Lambda \Gamma$ διάμετρον ἐλάττονα

λόγον έχει, ήπερ Μ΄ δχπή πρὸς δχογ' μ΄΄. ἡ περίμετρος ἄρα τοῦ πολυγώνου τῆς διαμέτρου τοῦ κύκλου ἐστὶ τριπλασία καὶ ἔτι ὑπερέχει μο χξζ' μ΄΄. ταῦτα δὲ ἐλάττονά ἐστι τοῦ ἑβδόμου τῆς διαμέτρου μιᾶς μονάδος 10 ἑβδόμφ μέρει· τὰ γὰρ ἐπταπλάσια τῶν χξζ' μ΄΄, ἄπερ ἐστὶ 'δχο β' μ΄΄, ἐλάττονά ἐστι τῆς διαμέτρου μοά. ἐπεὶ οὖν τὸ πολύγωνον ἔλαττόν ἐστιν ἢ τριπλάσιον καὶ ἔτι ἑβδόμφ ὑπερέχον, ἡ δὲ περίμετρος τοῦ κύκλου ἐλάσσων ἐστὶ τῆς τοῦ πολυγώνου, πολλῷ ἄρα ἡ τοῦ κύκλου 15 περιφέρεια τῆς διαμέτρου ἐστὶ τριπλασία καὶ ἔτι ὑπερέχει ἐλάσσονι ἢ ἑβδόμφ μέρει.

Έξης δε κατασκευάζων το λοιπον μέρος τοῦ θεωρήματός φησιν έστω κύκλος περί διάμετρον την
ΑΓ, και τρίτον όρθης η ύπο ΒΑΓ. τοῦτο δε
20 έσται, έὰν ἀπὸ τοῦ Γ τῆ τοῦ έξαγώνου ἴσην ἀπολαβόντες την ΓΒ ἐπιζεύξωμεν την ΑΒ. η γὰρ ἐπὶ τῆς
τοῦ έξαγώνου περιφερείας βεβηκυῖα γωνία πρὸς μὲν
τῷ κέντρφ δίμοιρόν ἐστιν ὀρθης, πρὸς δὲ τῆ περιφερεία τρίτον.

26 ἐπεὶ οὖν ὀρθή ἐστιν ἡ ὑπὸ ΑΒΓ, τρίτον δὲ ἡ ὑπὸ ΒΑΓ, δίμοιρον ἄρα ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΑΓΒ. ἐὰν ἄρα προσεκβάλλοντες τὴν ΓΒ ἐπὶ τὸ Β καὶ ἴσην αὐτῆ ἀπολαβόντες ἀπὸ τοῦ Α ἐπιζεύξωμεν, ἰσόπλευρον ἔσται

^{2.} q σ'] σσ F. 3. πη'] οη' F; corr. AB. 6. ο] ω F. ή περίμετρος] ηπερ η διαμετρος F; corr. A, ed. Basil. 8. L"]

habentis 96, perimetrus igitur polygoni erit 14688; nam $96 \times 153 = 14688$. itaque perimetrus polygoni ad $A\Gamma$ diametrum rationem habet minorem quam 14688: $4673\frac{1}{2}$. itaque perimetrus polygoni triplo maior est diametro circuli et praeterea excedit unitatibus $667\frac{1}{2}$; haec autem $\frac{1}{7}$ minora sunt septima parte diametri; nam $7 \times 667\frac{1}{2}$, quae sunt $4672\frac{1}{2}$, una unitate minora sunt diametro. iam quoniam [perimetrus] polygoni minor est quam triplo et praeterea septima parte maior, et ambitus circuli minor est perimetro polygoni [de sph. et cyl. I, 1], itaque ambitus circuli multo [magis] triplo maior est diametro et praeterea excedit spatio, quod minus est parte septima.

Deinde in reliqua parte theorematis conficienda: sit, inquit [I p. 266, 19-20], circulus circum diametrum $A\Gamma$ descriptus, et $LBA\Gamma$ sit tertia pars recti. hoc autem erit, si a puncto Γ posito arcu ΓB arcui hexagoni aequali duxerimus lineam AB. nam angulus in arcu hexagoni ad centrum positus duae partes recti sunt, sin in ambitu positus est, tertia pars. iam quoniam $LAB\Gamma$ rectus est, et $LBA\Gamma$ tertia pars, ergo $LA\Gamma B$ duae partes sunt. si igitur producta linea ΓB ad punctum B uersus et posita [linea] ei aequali ab A [ad terminum eius lineam] duxerimus,

s' F; corr. A, ed. Basil. 10. ἐπταπλάσια] πολλαπλασια F; corr. A, ed. Basil. \(\Lambda'' \) s' F; corr. A, ed. Basil. 11. \(\Lambda'' \) F; corr. ed. Basil. 16. ἐλάσσον scripsi; ελασσον F, uulgo. 17. εις το δ' δεωφημα F; corr. Cr., Wallis. 18—19 sine signo F. 18. διαμετο cum comp. og FV. 19. τριτ cum comp. ov F; corr. Wallis, ut lin. 24, 25. 20. ἐξαγώνον περιφερεία Wallis. 23. διμοιο cum comp. ov F; corr. Wallis. 26. διμουο cum comp. ov F; corr. Wallis. 26.

τὸ τρίγωνον. καὶ διὰ τὸ τὴν ΑΒ κάθετον διχοτομεῖν τὴν βάσιν διπλῆ ἐστιν ἡ ΑΓ τῆς ΓΒ. ἐὰν οὖν πάλιν λάβωμεν τὴν ΑΓ ,αφξ΄, ἔσται ἡ ΓΒ ψπ΄. καὶ τὸ μὲν ἀπὸ ΑΓ ἔσται Μ΄,γχ΄, τὸ δὲ ἀπὸ ΓΒ Μ΄,ην΄. καὶ δ ἐὰν ἀφέλωμεν τὸ ἀπὸ ΓΒ ἀπὸ τοῦ ἀπὸ ΑΓ, λοιπὸν καταλειφθήσεται τὸ ἀπὸ ΑΒ Μ΄, εσ΄, ὧν πλευρὰ τετραγωνικὴ ,ατνα΄ ἔγγιστα. περιττεύει γὰρ τὸ ἀπ΄ αὐτῆς τοῦ ἀκριβοῦς μοα΄. διό φησιν ἐλάσσονα λόγον ἔχει ἡ ΑΒ πρὸς ΒΓ, ἤπερ ,ατνα΄ πρὸς ψπ΄. οἱ δὲ πολλαπλα-10 σιασμοὶ ὑπόκεινται.

ή ΑΓ αφξ΄ έπὶ αφξ΄	ή ΓΒ ψπ΄ ἐπὶ ψπ΄	ατνα΄
επι αφς		έπὶ ΄,ατνα΄
$\tilde{M}\tilde{M}\tilde{M}$	μ9 e MM 5	MMM_{α}
ν×εγ MMM	M , ϵ , $\epsilon v'$	λ θ α΄ ΜΜΜ ετ'
MM , y z'	δμοῦ M̄ ηυ΄	ΜΜ΄ έβφν
σμγ Μ ,γ χ΄	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	,ατν
$M \gamma \chi$		οπβ

αν ἀφέλωμεν τὸ ἀπὸ ΒΓ ἀπὸ τοῦ ἀπὸ οπβ
ΓΑ παταλείπονται Μ ε σ΄. όμοῦ Μεσα΄ περιττεύει τοῦ ἀπριβοῦς μοα΄.

Τετμήσθω δίχα ἡ ὑπὸ ΒΑΓ τῆ ΑΖΗ. ἐπεὶ οὖν ἴση ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΒΑΗ τῆ ὑπὸ ΗΓΒ· ἐπὶ γὰρ τῆς αὐτῆς περιφερείας βεβήπασιν· ἀλλὰ καὶ τῆ ὑπὸ ΗΑΓ, καὶ ἡ ὑπὸ ΗΓΒ ἄρα τῆ ὑπὸ ΗΑΓ ἐστιν 15 ἴση. καὶ κοινὴ ἡ ὑπὸ ΑΗΓ ὀρθή. καὶ λοιπὴ

^{1.} διχοτομ cum comp. ην uel ιν F. 4. M] M F; corr. A, ed. Basil. 5. ἀπό ΛΓ] ἀπό om. F; corr. Wallis. 6. ρπβ σπβ M F; corr. A, ed. Basil. 8—9 sine signo F. 8. ἐλάσσονα] ὅτι ἐλάσσονα uel ἐλάσσονα ἄρα? col. 1, 3: M] λν F; corr. ed. Basil. 4. M] M F. 5. in mg. manu 1 F. 6.

triangulus aequilaterus erit. et quia AB perpendicularis basim in duas partes aequales secat, erit $A\Gamma = 2\Gamma B$. si igitur rursus posuerimus $A\Gamma = 1560$, erit $\Gamma B = 780$. et $A\Gamma^2 = 2433600$, $\Gamma B^2 = 608400$. et si ab $A\Gamma^2$ abstulerimus ΓB^2 , relinquetur

 $AB^2 = 1825200$,

quorum latus quadratum est 1351 proxime. nam quadratum eius una unitate excedit uerum. quare dicit [I p. 266, 20—21] $AB:B\Gamma < 1351:780$. multiplicationes autem subjectiones:

AΓ 1560	<i>ГВ</i> 780		1351
× 1560	× 780		× 1351
1000000)	490000)		1000000)
500000 }	56000		300000 }
60000	56000 j		51000
500000)	6400		300000)
250000 }	summa 608400		90000 }
30000	Dumma 000100		15300
60000)		•	50000)
33600 }			15000 }
summa 2433600			2550
si abstulerimus $B\Gamma^2$ a	b Γ Λ² ,		1351

si abstulerimus $B \Gamma^2$ ab $\Gamma \Lambda^2$, relinquitur 1825200

summa 1825201 excedit uerum unitate 1.

I p. 268, 1—7: secetur $\angle BA\Gamma$ in partes aequales linea AZH. iam quoniam $\angle BAH = H\Gamma B$ (nam in eodem arcu sunt positi), sed etiam $= HA\Gamma$, erit

<sup>ὁμοῦ add. ed. Basil., nulgo; om. F. M M F; corr. ed. Basil. deinde in F additur M. γ] τ F; corr. ed. Basil. col. 2, 3: μβ κβ M F; corr. ed. Basil. col. 3, 3: α] α F. 4. M M F; corr. ed. Basil. 5. ν'] η F. col. 1, 7: BΓ] ΛΓ F; corr. ed. Basil. άπὸ ΓΛ] ΓΒ F; corr. Wallis (ΛΓ iam ed. Basil.). col. 3, 8: περιττεύει alterum τ supra scriptum manu 1 F.
11. Signum adposuit F, ceteris non adp. 14. HΓΒ] ΓΒ F; corr. A ed. Basil., Cr.</sup>

ἄρα ἡ ὑπὸ ΗΖΓ λοιπῆ τῆ ὑπὸ ΑΓΗ ἐστιν ἴση. ἰσογώνιον ἄρα ἐστὶ τὸ ΑΗΓ τρίγωνον τῷ ΓΗΖ τριγώνῳ. ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ ΑΗ πρὸς ΗΓ, ἡ ΓΗ πρὸς ΗΖ, καὶ ἡ ΑΓ πρὸς ΓΖ. τῶν γὰρ ἰσογωνίων 5 τριγώνων ἀνάλογόν εἰσιν αὶ πλευραί, καὶ ὁμόλογοι αὶ τὰς ἴσας γωνίας ὑποτείνουσαι.

'Αλλ' ώς ή ΑΓπρὸς ΓΖ, συναμφότερος ή ΓΑΒ ΄ πρὸς ΓΒ΄ καὶ ώς συναμφότερος ἄρα ἡ ΒΑΓ πρὸς $B\Gamma$, $\dot{\eta}$ AH $\pi\rho\dot{\delta}_S$ $H\Gamma$] $\dot{\epsilon}\pi\dot{\epsilon}$ $\dot{\gamma}\dot{\alpha}\rho$ $\dot{\eta}$ $\dot{\nu}\pi\dot{\delta}$ $BA\Gamma$ $\gamma\omega$ -10 νία δίχα τέτμηται ὑπὸ τῆς ΑΖ, ἔστιν, ὡς ἡ ΒΑ πρὸς ΑΓ, ή ΒΖ πρός ΖΓ. καὶ συνθέντι, ώς συναμφότερος ή ΒΑ, ΑΓ πρὸς ΑΓ, ή ΒΓ πρὸς ΓΖ. καὶ ἐναλλάξ, ώς συναμφότερος ή ΒΑ, ΑΓ πρὸς ΒΓ, ή ΑΓ πρὸς ΓΖ. καί έστιν ή μεν ΑΒ έλάσσων η ατνά, ή δε ΑΓ 15 $\alpha \varphi \xi'$, $\dot{\eta}$ δè $B\Gamma \psi \pi'$. συναμφότερος ἄρα $\dot{\eta}$ AB, $A\Gamma$ ποὸς ΒΓ ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπεο β δια ποὸς ψπ΄. και ή ΑΓ ἄρα πρὸς ΓΖ ελάσσονα λόγον έχει, ήπερ β δια πρός ψπ. ώς δε ή ΑΓ πρός ΓΖ, ή ΑΗ πρός ΗΓ. καὶ ἡ ΑΗ ἄρα πρὸς ΗΓ ἐλάσσονα λόγον ἔχει, 20 ήπες β δια πρός ψπ'. διὰ οὖν ταῦτα ἔσται τὸ μὲν ἀπὸ ΑΗ Μ γ Ναά, τὸ δὲ ἀπὸ ΗΓ Μ ητ΄. καί έστιν αὐτοῖς ἴσον τὸ ἀπὸ ΑΓ. καὶ αὐτὸ ἄρα ἔσται Μ΄ βτκά, ών πλευρά τετραγωνική γιγ' "δ' έγγιστα ύπερέχει γὰρ τὸ ἀπ' αὐτῶν τῆς ἀχριβοῦς δυνάμεως μ⁰τξη'ι 5''. διά ταυτα ούν φησιν, ότι ή ΑΓ πρός ΓΗ έλάσ-

^{6.} ὑπὸ τάς ed. Basil, cett. edd. ἴσας] om. FVA. γωνίας] per comp. F. 8. καὶ ὡς ad BΓ om. F; corr. Wallis. 9. ΛΗ] ΛΝ FVA. ἐπεὶ] επι F; corr. Wallis. 11. BZ πρὸς ΖΓ] ΓΖ προς ΖΒ FV (ΓΖ uulgo pro ΖΓ). 15. ΛΓ] ΒΓ F; corr. Wallis. 18. ΛΗ] ΛΝ, ut uidetur, F. 22. ἔσται]

 $H\Gamma B = HA\Gamma$. et communis est $\angle AH\Gamma$ rectus. quare etiam $HZ\Gamma = A\Gamma H$. quare triangula $AH\Gamma$. THZ angulos aequales habent. est igitur

$$AH: H\Gamma = \Gamma H: HZ = A\Gamma: \Gamma Z$$

nam in triangulis, quorum anguli aequales sunt, latera proportionalia sunt, et sibi respondent latera sub angulos aequales subtendentia [Eucl. VI, 4].

I p. 268, 7-9: sed $A\Gamma: \Gamma Z = \Gamma A + AB: B\Gamma$. quare $\Gamma A + AB : B\Gamma = AH : H\Gamma$ nam quoniam $\angle BA\Gamma$ in partes aequales linea AZ divisus est, erit [Eucl. VI, 3] $BA:A\Gamma = BZ:Z\Gamma$. et componendo

 $BA + A\Gamma : A\Gamma = B\Gamma : \Gamma Z$

et uicissim $BA + A\Gamma : B\Gamma = A\Gamma : \Gamma Z$. et

AB < 1351, $A\Gamma = 1560$, $B\Gamma = 780$.

itaque $AB + A\Gamma$: $B\Gamma < 2911$: 780. quare etiam

 $A\Gamma: \Gamma Z < 2911:780.$ sed $A\Gamma: \Gamma Z = AH: H\Gamma^{1}$ quare etiam

 $AH: H\Gamma < 2911:780.^{2}$

propterea igitur erit $AH^2 = 8473921$, $H\Gamma^2 = 608400$. et $A\Gamma^2 = AH^2 + H\Gamma^2 = 9082321$, quorum latus quadratum est 3013 1 proxime; excedit enim quadratum eorum uerum quadratum unitatibus 368 15.

¹⁾ Nam cum $AH\Gamma \sim \Gamma HZ$, erit $AH:A\Gamma = \Gamma H:Z\Gamma$ (Eucl. VI, 4); tum uicissim: $AH:\Gamma H=A\Gamma:Z\Gamma$

²⁾ Cfr. I p. 268, 9-11.

Nη eη M F; corr. ed. Basil. per comp. F. 23. γι] νγο F; 25-p. 290, 1 signum non adposuit F. corr. ed. Basil.

σονα λόγον ἔχει, ἤπερ γιγ΄ μ΄ δ΄ πρὸς ψπ΄. οί δὲ πολλαπλασιασμοὶ ὑπόκεινται·

Δίχα ἡ ὑπὸ ΓΑΗ τῆ ΑΘ. διὰ οὖν τὴν διχοτομίαν τῆς γωνίας καὶ τὴν ὁμοιότητα τῶν τριγώνων 5 καὶ τὴν ἀναλογίαν τῶν πλευρῶν καὶ τὸ συνθέντι καὶ ἐναλλάξ ἐστιν, ὡς συναμφότερος ἡ ΗΑ, ΑΓ πρὸς ΗΓ, ἡ ΑΘ πρὸς ΘΓ. καὶ ὑπέκειτο ἡ μὲν ΑΗ ἐλάσσων ἢ β δια΄, ἡ δὲ ΑΓ ἐλάσσων ἤπερ γιγ΄ ω΄ δ΄. συναμφότερος ἄρα ἡ ΗΑ, ΑΓ ἐστιν ἐλάσσων ἢ 10 ¸εδκδ΄ ω΄ δ΄. ἡ δὲ ΗΓ ἐστι ψπ΄. συναμφότερος ἄρα

^{1.} $\gamma \downarrow^{\Gamma'}$] τ 5 F; corr. ed. Basil. 2. π 0 λ 1 π 1 α 0 λ 1 π 1 α 1 α 0 λ 2 alt. 2 supra manu 1 F. col. 1, 1: ι] om. F. 3. om. F. 5. ϑ] ϑ 5 F. 7. M] M F. 8. M] M F. col. 2, 2: om. F. 3. M] M F. 4. M] M γ F. 5. η] η F. col. 3, 1: η] γ F. $\lambda^{\Gamma'}$ Z F. 3. ϑ α] o α F. 4. om. F. 5. ϑ 1 ϑ 1 ϑ 1 σ 5

ας F. 6. η"] ην F. 7. L"L"] Lς F. 8. M] M F. hace omnia corr. ed. Basil., in qua praeterea col. 3, 6 legitur ς pro ε'α', lin. 7 γ pro β'L"L". col. 3, 8. ὁμοῦ add. ed. Basil. 3. cum signo F. 4. καί] per comp. F. 5. τὴν ἀναλογίαν] scripsi; τήν om. F, uulgo. 7. ἐλάσσων] scripsi cum Gutenäckero; ελασσον (quod male defendit Wurmius) F, uulgo; sic etiam lin. 8 et 9.

propterea dicit [I p. 268, 11—12], esse

 $A\Gamma: \Gamma H < 3013\frac{1}{2}\frac{1}{4}: 780.$

multiplicationes autem subjectimus:

. AH 2911	HΓ 780	3013 ↓ ‡
× 2911	× 780	\times 3013 $\frac{1}{2}$
4000000)	490000)	9000000)
1800000 }	56000 }	39000
22000 }	56000 j	1500 }
1800000)	6 4 00 Î	750)
819900 }	summa 608400	30135)
29110		2 1 }
2911		9039 ັ່ງ
summa 8473921		$\left\{\begin{array}{c} 1\frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} \end{array}\right\}$
		1505 }
$AH^2 + H\Gamma^2 [= A\Gamma^2$	= 9082321	11/2 1/8
,		752 <u>1</u>
		1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
		908268918

excedit uerum unitatibus 36816.

secetur eodem modo $\angle \Gamma AH$ linea $A\Theta$ [I p.268,12—13]. itaque quia angulus in duas partes aequales sectus est, et trianguli similes sunt et latera proportionalia, erit componendo et uicissim

 $HA + A\Gamma : H\Gamma = A\Theta : \Theta\Gamma$.

et suppositum est AH < 2911, $A\Gamma < 3013\frac{1}{2}\frac{1}{4}$. quare $HA + A\Gamma < 5924\frac{1}{2}\frac{1}{4}$. et $H\Gamma = 780$.

ή ΗΑ, ΑΓ πρὸς ΗΓ ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπερ εδκδ΄ μ΄ δ΄΄ πρὸς ψπ΄. ὅστε καὶ ἡ ΑΘ πρὸς ΘΓ ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπερ εδκδ΄ μ΄ δ΄΄ πρὸς ψπ΄. ὅστε ἡ ΑΘ πρὸς ΘΓ ἐλάσσονα λόγον ἔχει ἤπερ υνε΄ των πρὸς ξ΄ ἐκατέρα γὰρ ἐκατέρας ἐστὶ μέρος ιγ΄. καὶ τὰ τούτων τετραπλάσια, ἡ ΑΘ πρὸς ΘΓ ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπερ αωκγ΄ πρὸς σμ΄. διὰ τοῦτο γάρ φησιν, ὅτι ἐκατέρα ἐκατέρας ἐστὶ δ΄ ιγ΄΄. καὶ ἐπεὶ ἡ ΑΘ ἐστιν αωκγ΄, τὸ ἄρα ἀπ' αὐτῆς ἐστι Μ΄ γτκδ΄.

10 ἔστιν δὲ καὶ ἡ ΘΓ σμ΄, καὶ τὸ ἀπ' αὐτῆς Μ΄ ζχ΄. καὶ ἐστι τοῖς ἀπὸ ΑΘ, ΘΓ ἴσον τὸ ἀπὸ ΑΓ. ἔσται ἄρα Μ΄ Εκθ΄, ὧν πλευρὰ τετραγωνικὴ αωλη' θ΄ια". τὸ γὰρ ἀπ' αὐτῆς ὑπερέχει τοῦ ἀκριβοῦς μ⁰τκα' ἐγγύς. ὥστε ἡ ΑΓ πρὸς ΘΓ ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ῆπερ 15 αωλη' θ΄ια" πρὸς σμ'. οἱ δὲ πολλαπλασιασμοὶ ὑπόκεινται:

δ. ιγ] 'γκ' F; corr. A, ed. Basil.
 9. τκ] ⊗κ F; corr. Wallis.
 10. M] μερος (-ος per comp.) η F; corr. ed. Basil.
 12. ια' ἔγγιστα. τό Wallis.
 13. τκα'] τκη' Wallis.
 14. ΘΓ] Θ F.

quare

 $HA + A\Gamma : H\Gamma < 5924\frac{1}{2}\frac{1}{4} : 780.$

quare etiam

 $A\Theta : \Theta\Gamma < 5924\frac{1}{4}\frac{1}{4} : 780 \text{ [I p. 268, } 13-14];$

quare $A\Theta : \Theta\Gamma < 455\frac{1}{2}\frac{1}{4}:60$; utraque enim utriusque est $\frac{1}{13}$, et sumptis horum quadruplis erit

 $A\Theta: \Theta\Gamma < 1823: 240$ [I p. 268, 14—15].

ea enim de causa dicit [I p. 268, 15], esse alteram alterius $\frac{4}{13}$. et quoniam $A\Theta = 1823$, erit

 $A\Theta^2 = 3323329.$

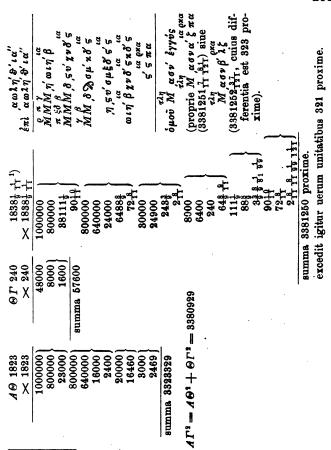
et $\Theta\Gamma = 240$, $\Theta\Gamma^2 = 57600$.

et $A\Gamma^2 = A\Theta^2 + \Theta\Gamma^2 = 3380929,$

quorum latus quadratum erit 1838_{11}^{0} . nam quadratum eius excedit uerum unitatibus 321 proxime. quare $A\Gamma:\Theta\Gamma<1838_{11}^{0}:240$. multiplicationes autem subiecimus:

η ΑΘ αωνγ΄ έπὶ 'αωνγ'	ή ΘΓ σμ΄ ἐπὶ σμ΄	αωλη' θ'' ια'' ἐπὶ ΄,αωλη' θ'' ια''
οπ β ΜΜΜ γ' πξδ α	δ Μ η΄ ,η ,α χ΄	ΜΜΜ, η' οια' θ'' ς' ια π ξό β η οια' θ'' ς' ια ΜΜΜ, δ ς υ' π η' η ο β' η ΜΜ, δ ⊗ σ μ' γ' γ β' η
MMM 5 βυ΄ MM 5 υξ΄	όμοῦ Μ΄, ζχ΄	ΜΜΜ, σ. ξυπη η ο βη ΜΜ, δ 🗞 σ μ' γ' γ β' η
, γ΄, βυξθ΄ ελβ όμοῦ Μ΄, γενθ΄		ຸກຸຮບ ອມຮູ້ວັ ກ ຖື ອຸເລ [ົ] ອ" ກຸກຸກຸກຸກ ແລ" ຊູ້ອີ"
τούτοις ίσον τὸ ἀπὸ Δ ^{τλη} Μ Ν νδ΄ ἐστιν.	ſΓ	ς ιοβ ηβ ηης θ εκα"
MY not Estiv.		τλη δμοῦ Μασν [αγοες] έγγύς.

ύπερέχει ἄρα τοῦ ἀκριβοῦς μ⁰τκα' έγγύς.



¹⁾ In hac computatione eo erratum est, quod αωλη θ'ια" (1838 ½0) ita acceptum est, quasi esset αωλη θ''ια" (1838 ½1); sed librarius summam ad suam computationem non adcommodauit; tum enim differentia non quadraret. ueram computationem, qualem Eutocium posuisse puto, iuxta descripsi (cir. Wallis p. 146). adparet, eum fractiones quattuor extremas in producto neglexisse.

Έτι δίχα ἡ ὑπὸ ΘΑΓ γωνία τῆ ΚΑ. πάλιν οὖν διὰ τὴν διχοτομίαν τῆς γωνίας καὶ τὴν ὁμοιότητα τῶν τριγώνων καὶ τὴν ἀναλογίαν τῶν πλευρῶν καὶ τὸ συνθέντι καὶ ἐναλλάξ ἐστιν, ὡς συναμφότερος ἡ ΘΑ, ΑΓ πρὸς ΓΘ, ἡ ΑΚ πρὸς ΚΓ. ἀλλὰ συναμφότερος ἡ ΘΑ, ΑΓ ἐλάσσων ἐστὶν ἢ γχξα'θ'ια", ἐπειδὴ ἡ μὲν ΘΑ ὑπόκειται αωκγ', ἡ δὲ ΑΓ αωλη'θ'ια". ἔστιν δὲ καὶ ἡ ΘΓ σμ'. συναμφότερος ἄρα ἡ ΘΑ, ΑΓ πρὸς ΘΓ ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπερ γχξα'θ'ια" πρὸς ΚΓ ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπερ γχξα'θ'ια" πρὸς σμ'. καὶ ἐπεὶ τῶν μὲν γχξα'θ'ια" τὸ ια' [καὶ] μ" ἐστι αξ', τῶν δὲ σμ'ξς', ἡ ΑΚ ἄρα πρὸς ΚΓ ἐλάσσονα λόγον ἔχει ἤπερ αξ' πρὸς ξς'. καί ἐστι τὸ μὲν

15 ἀπὸ ΑΚ Μ΄, δμθ΄, τὸ δὲ ἀπὸ ΚΓ ,δτνς΄, οἶς ἴσον ὅν τὸ ἀπὸ ΑΓ ἐστι Μ΄, ηυς΄, ὧν πλευρὰ τετραγωνικὴ ,αθ΄ς΄΄ ἔγγιστα. ὑπερέχει γὰρ τὸ ἀπὰ αὐτῆς τοῦ ἀκριβοῦς μοιβ΄γ΄΄λς΄΄. ἡ ΑΓ ἄρα πρὸς ΓΚ ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπερ ,αθ΄ς΄΄ πρὸς ξς΄. οἱ δὲ πολλα-20 πλασιασμοὶ ὑπόκεινται·

ή ΑΚ αζ΄ ή Επιαζ΄	KΓ ξς' ἐπὶ ξς'	αθ'ς" ἐπὶ 'αθ'ς"
	γχτξ΄ τξλς΄ στνς΄	ο Μ θοξε' L" ς'' ΄ Θπα' α' L" ΄ οξε' L" ς" α' L" λς''
ομοῦ M , δμθ΄	,	ο ξε΄ μ΄ ε΄ α΄ μ΄ λε΄ ο ο ο ο ο ο ο ο ο ο ο ο ο ο ο ο ο ο ο
τούτοις ἔσον τὸ ἀπὸ $A\Gamma$ lpha M ,ηνε'.	ÉGTL	ύπερέχει τοῦ ἀκριβοῦς μ ^ο ι β΄ γ΄΄ λ 5΄΄.

Lin. 1, 13—14, 18—19 sine signo F. 7. ὑπόκειται ἐλάσσων ἢ Wallis, qui etiam post ΑΓ addidit ἐλάσσων ἢ. 12. ἐπεί] επι F; corr. Wallis. καί (alt.)] delet Wallis. 13. κί

porro secetur $\angle \Theta A \Gamma$ linea KA [I p. 268, 16—17]. rursus igitur, quia angulus in duas partes aequales sectus est, et trianguli similes, et latera proportionalia, erit componendo et uicissim

$$\Theta A + A\Gamma : \Gamma \Theta = AK : K\Gamma$$
.

sed $\Theta A + A\Gamma < 3661_{11}^{9}$, quoniam supponitur $\Theta A = 1823$, et $A\Gamma = 1838_{11}^{9}$.¹)

et $\Theta\Gamma = 240$. quare $\Theta A + A\Gamma : \Theta\Gamma < 3661\frac{9}{11} : 240$. quare etiam $AK : K\Gamma < 3661\frac{9}{11} : 240$. et quoniam $\frac{1}{11} \times 3661\frac{9}{11} = 1007$, $\frac{1}{11} \times 240 = 66$, erit

 $AK: K\Gamma < 1007: 66$ [I p. 268, 16-270, 1].

 $AK^2 = 1014049, K\Gamma^2 = 4356,$

et $A\Gamma^2 = AK^2 + K\Gamma^2 = 1018405$,

et

quorum latus quadratum est $1009\frac{1}{6}$ proxime; excedit enim quadratum eius uerum quadratum unitatibus $12\frac{1}{3}\frac{1}{36}$. itaque $A\Gamma: \Gamma K < 1009\frac{1}{6}: 66$ [I p. 270, 2—3]. multiplicationes autem subiecimus:

AK 1007	KT 66	1009 1
× 1007	~ 66	$> 1009\frac{1}{6}$
1007000	3600)	10091661 1
7049	360 }	9081)
summa 1014049	36 0 (11/2 ∫
	36∫	166 1 1 1
$A \Gamma^2 = AK^2 + K\Gamma^2$	summa 4356	$1\frac{1}{2}\frac{1}{36}$
= 1018405		summa $1018417\frac{1}{3}\frac{1}{36}$

excedit uerum unitatibus 12 3 3 6

¹⁾ H. e. proxime aequales et quidem minores.

 $[\]overline{AZ}$ F. $\sigma\mu$] \overline{EM} F. 14. $\xi\chi\epsilon\iota$] om. F. 16. M] M F; corr. A, ed. Basil. 19. $\alpha\vartheta'$] $\overline{A}\Theta$ F. col. 1, 3: ζ'] ζ F. 4. ζ] \downarrow F; corr. B. 5. $\delta\mu\vartheta'$] $\alpha\mu\sigma$ F (o etiam C). 6. $\alpha\pi\delta$ 0 α F, unlgo. col. 8, 4: λ''] 5 F; corr. Wallis. ϑ] ϑ F; corr. Wallis. 5. λ''] ζ F. λ''] ζ F. 8. $\lambda\varsigma'$] $\lambda\gamma'$ F; corr. ed. Basil. col. 1, 6: $\iota\sigma\sigma\sigma$ 0 $\sigma\sigma$?

Έτι δίχα ἡ ὑπὸ ΚΑΓ γωνία τῆ ΑΛ. διὰ τὰ αὐτὰ δή ἐστιν, ὡς συναμφότερος ἡ ΚΑ, ΑΓ πρὸς ΚΓ, ἡ ΑΛ πρὸς ΛΓ. καί ἐστιν ἡ μὲν ΑΚ ἐλάσσων ἢ αξ', ἡ δὲ ΚΓ ξς'.

5 συναμφότερος ἄρα ἡ ΚΑ, ΑΓ πρὸς ΚΓ ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπερ βις'ς" πρὸς ξς'. καὶ ἡ ΑΛ ἄρα πρὸς ΛΓ ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπερ βις'ς" πρὸς ξςι, ἤπερ βις'ς" πρὸς ξςι, ἤπερ βις'ς" πρὸς ξςί, ἤπερ βις'ς" κοὸς ξςί. καὶ ἐπεὶ ἡ ΑΛ ὑπόκειται βις'ς", καὶ τὸ

 \mathring{a} \mathring{a} \mathring{a} \mathring{v} $\mathring{\eta}$ $\mathring{\delta}$ \mathring{a} \mathring{x} $\mathring{\eta}$ $\mathring{\delta}$ \mathring{b} \mathring{a} \mathring{I} \mathring{I} \mathring{b} \mathring{a} \mathring{a} \mathring{b} \mathring{b} \mathring{a} \mathring{b} \mathring{b}

ἄρα Μ θ σπδ' λς", ὧν πλευρὰ τετραγωνική ἐστι βιζ' δ" ἔγγιστα. ὑπερέχει τὸ ἀπ' αὐτῆς τοῦ ἀκριβοῦς μοιγ' """. ὥστε ἡ ΑΓ πρὸς ΓΛ ἐλάσσονα λόγον ἔχει, ἤπερ βιζ' δ" πρὸς ξς'. οἱ δὲ πολλαπλασιασμοὶ ὑπόκεινται

15 Έπεὶ οὖν ἡ ΑΓ πρὸς ΓΛ ἐλάσσονα λόγον ἔχει,

^{1.} Cum signo F (non lin. 6—8, 13—14). γωνία] comp.

F. 3. ἐλάσσων] Gutenäcker; ελασσων F, uulgo, ut lin. 4.

9. M] M F. 12. ὑπερέχει γάρ? L"] 5' F; corr. Wallis.

π"] πθ" Wallis. 14. β] β F; corr. Wallis. col. 1, 3: γ'] ξ

F; corr. ed. Basil. 5. ξ] χ F; corr. ed. Basil. 7. M] M

porro secetur $\angle KA\Gamma$ linea AA [I p. 270, 3]. propter eadem igitur erit $KA + A\Gamma$: $K\Gamma = AA$: $A\Gamma$. et AK < 1007, $A\Gamma < 1009\frac{1}{5}$, $K\Gamma = 66$. itaque

 $KA + A\Gamma : K\Gamma < 2016\frac{1}{6} : 66.$

quare etiam $AA: A\Gamma < 2016\frac{1}{6}: 66$ [I p. 270, 3—5]. et quoniam supponitur $AA=2016\frac{1}{6}$, et $AA^2=4064928\frac{1}{36}$, et $A\Gamma=66$, et $A\Gamma^2=4356$, et $A\Gamma^2=AA^2+A\Gamma^2$, erit $A\Gamma^2=4069284\frac{1}{36}$, quorum latus quadratum est $2017\frac{1}{4}$ proxime. nam quadratum eius excedit uerum unitatibus $13\frac{1}{4}\frac{1}{30}$.) quare

 $A\Gamma$: $\Gamma A < 2017_{\frac{1}{4}}$: 66 [I p. 270, 5—6].

multiplicationes autem subjectimus:

AA 20161	ДГ 66	2017
\succ 2016 $\frac{1}{6}$	\sim 66	\times 2017 $\frac{1}{4}$
4000000)	3600)	4000000)
20000 }	360 [20000 }
123334	360 j	14500
$20161\frac{1}{2}\frac{1}{6}$	36 }	20172 į
12060)	summa 4356	14070 }
36 }		49 }
1)		1 1
333 1)		502½)
$1\frac{1}{2}\frac{1}{6}$		$1\frac{1}{2}\frac{1}{4}\frac{1}{16}$
1 1 1		40699971 1

summa $4064928\frac{1}{3}6$ excedit uerum unitati- $A\Gamma^2 = AA^2 + A\Gamma^2 = 4069284\frac{1}{3}6$ bus $13\frac{1}{2}\frac{1}{20}$.

iam quoniam est $A\Gamma: \Gamma A < 2017_{\frac{1}{4}}: 66$, e contrario

Proprie ¹/₁₅ ∹ - ¹/₃₅ siue ₁¹/₂₄ uel ¹/₂₅ proxime; sed cum idem infra legatur, uidetur esse error Eutocii.

ηπερ βιζ'δ" πρὸς ξς', ἀνάπαλιν ἄρα ἡ ΛΓ πρὸς ΓΛ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ ξς' πρὸς βιζ'δ". καὶ ἐπεὶ ἡ ΓΒ περιφέρεια ἔκτον ἐστὶ τοῦ κύκλου, ἡ ΗΓ ἄρα ιβ' μέρος ἐστίν, ἡ δὲ ΘΓ κδ', ἡ δὲ ΚΓ μη', ἡ δὲ δ ΛΓ ης'. ὅστε ἡ ΛΓ εὐθεῖα πολυγώνου ἐστὶ πλευρὰ ης' πλευρὰς ἔχοντος. καὶ ἐστιν ἡ ΛΓ ξς'. ἡ ἄρα τοῦ πολυγώνου περίμετρος πρὸς τὴν τοῦ κύκλου διάμετρον μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ ςτλς' πρὸς βιζ'δ". ταῦτα δὲ ἐστι τριπλάσια καὶ ἔτι ὑπεριόχει σπό'δ", ἄπερ μείζονά ἐστι δέκα ἑβδομηκοστομόνων ὅ ἐστι μοκζ΄, "ς" ἔγγιστα, τὰ δὲ δεκαπλάσια τούτων σοζ'. πολλῷ ἄρα ἡ τοῦ κύκλου περιφέρεια μείζων ἐστὶν ἢ τριπλασία καὶ δέκα ἑβδομηκοστομόνος και μείζων ἐστὶν ἢ τριπλασία καὶ δέκα ἑβ

^{5.} πλευφά] πλευφ cum comp. ας FCD. 6. ξς'] ςς FV. 6—9 et 12—14 sine signo F. 10. μείζονά] scripsi; ελαττονα

erit [Pappus VII, 49 p. 688] $\Delta\Gamma: \Gamma A > 66: 2017_{\frac{1}{4}}$. et quoniam arcus ΓB sexta pars est circuli, erit $H\Gamma$ pars duodecima, $\Theta\Gamma_{\frac{1}{24}}$, $K\Gamma_{\frac{1}{48}}$, $\Delta\Gamma_{\frac{1}{96}}$. quare linea $\Delta\Gamma$ latus est polygoni 96 latera habentis. et $\Delta\Gamma = 66$. itaque perimetrus polygoni ad circuli diametrum maiorem rationem habet, quam $6336: 2017_{\frac{1}{4}}$. haec uero tripla sunt et praeterea supersunt $284_{\frac{1}{4}}$, quae maiora sunt quam $\frac{1}{4}$. nam $\frac{1}{4}$ 1 est $27_{\frac{1}{2}}$ 5 proxime, et $10 \times (27_{\frac{1}{2}}) = 277.$ 2

itaque multo magis ambitus circuli maior est quam triplex et praeterea ## maior [I p. 270, 11—12].

Quantum igitur fieri potuit, numeri ab eo positi satis explicati sunt. animaduertendum autem, etiam Apollonium Pergaeum in Ocytocio hoc idem per alios numeros magis adpropinquantes demonstrasse. quod uidetur quidem adcuratius esse, sed ad propositum Archimedis non opus est. diximus enim, eum in hoc libro sibi propositum habere, ut adpropinquando inueniat propter uitae usus. quare ne Porus quidem Nicaeensis Archimedem iure uidebitur uituperasse, quod non exacte inuenerit, quali lineae rectae aequalis sit ambitus circuli. unde in ceriis dicit, magistrum suum, Philonem intellegens Gadarensem, ad numeros adcuratiores redegisse, quam Archimedis, h. e. ‡ et ‡?

¹⁾ I p. 278, 6—8. 2) $\frac{1}{17}$ proprie est $28\frac{1}{2}\frac{1}{47}$, $\frac{1}{19}$ igitur 284 proxime (Wallis lin. 11 scribi uult $\kappa\eta'\beta'\varepsilon''$, lin. 12 $\sigma\pi\delta$), sed uidetur esse error Eutocii. — cfr. omnino I p. 270, 8—9, unde confirmatur emendatio necessaria $\mu\varepsilon\zeta o\nu\alpha$ lin. 10.

F, uulgo. 17. $(2\pi v v v o \kappa l \phi)$ sic FBC recte, ut monuit Halley. 24. $\mu \dot{\eta}$ $\mu \iota$ F. 29. $\iota' \circ \alpha''$ scripsi; $\iota' \vartheta'$ F, uulgo; $\kappa \beta'$ Wallis, Torellius.

τὸν σκοπὸν αὐτοῦ ἠγνοηκότες. κέχρηνται δὲ καὶ τοῖς τῶν μυριάδων πολλαπλασιασμοῖς καὶ μερισμοῖς, οἶς οὐκ εὔκολον παρακολουθεῖν τὸν μὴ διὰ τῶν Μάγνου λογιστικῶν ἠγμένον. εἰ δέ τις ὅλως ἐβούλετο εἰς ὅ ἔλαττον αὐτὸ καταγαγεῖν, ἐχρῆν τοῖς ἐν τῆ μαθηματικῆ συντάξει Κλαυδίου Πτολεμαίου εἰρημένοις ἀκολουθοῦντα διὰ τῶν μοιρῶν καὶ λεπτῶν καὶ τῶν ἐν τῷ κύκλῳ εὐθειῶν τοῦτο ποιεῖν, καὶ πεποιήκειν ἂν ἐγὰ τοῦτο, εἰ μή, ὅπερ πολλάκις εἶπον, ἐνενόουν, ὡς 10 οὕτε ἀκριβῶς δυνατὸν διὰ τῶν ἐνταῦθα εἰρημένων εύρεῖν τῆ τοῦ κύκλου περιφερεία ἴσην εὐθεῖαν, καὶ εἴ τις τὸ σύνεγγυς καὶ παρὰ μικρὸν προσέχοι, ἀρκεῖ τὰ ὑπ' ᾿Αρχιμήδους ἐνταῦθα εἰρημένα.

Εὐτοχίου 'Ασκαλωνίτου ὑπόμνημα εἰς τὴν 'Αρχι15 μήδους τοῦ κύκλου μέτρησιν ἐκδόσεως παραναγνωσθείσης τῷ Μιλησίῳ μηχανικῷ 'Ισιδώρῳ ἡμετέρᾳ διδασκάλῳ.

^{11.} ενο cum comp. ην uel ιν F. 16. τῷ ἡμετέρφ uulgo; τῷ om. FC.

adparet enim, omnes deinceps propositum eius ignorasse. et usi sunt multiplicationibus et diuisionibus myriadum, quas non facile est sequi, nisi si quis in logisticis Magni uersatus erit. si quis omnino magis adpropinquare uellet, debebat fieri per partes et minutias et lineas in circulo positas secundum ea, quae dicta sunt in magna syntaxi Claudii Ptolemaei, et hoc fecissem equidem, nisi, ut saepe iam dixi, intellexissem, neque fieri posse, ut iis, quae hic commemorauimus, adiumentis linea ambitui circuli aequalis exacte inueniatur, et si quis eo contentus sit, quod proximum est et ad uerum maxime adcedit, satis esse, quae hic ab Archimede dicta sint.

Eutocii Ascalonitae commentarius in Archimedis librum de dimensione circuli, editione recognita ab Isidoro mechanico Milesio, magistro nostro. •

EUTOCII COMMENTARIUS

IN LIBRUM PRIMUM
DE PLANORUM AEQUILIBRIIS.

Τὴν φοπήν, ὧ γενναιότατε Πέτρε, κοινὸν εἶναι γένος βαρύτητος καὶ κουφότητος 'Αριστοτέλης τε λέγει καὶ Πτολεμαῖος τούτφ ἀκολουθῶν ὁ δέ γε παρὰ Πλάτωνι Τίμαιος πᾶσαν φοπὴν ἀπὸ βαρύτητος λέγει τὰς δόξας τοῖς φιλομαθέσιν ἀναλέγεσθαι ἔκ τε τοῦ περὶ φοπῶν βιβλίου τῷ Πτολεμαίῳ συγγεγραμμένου καὶ ἐκ τῶν 'Αριστοτέλους φυσικῶν πραγματειῶν καὶ ἐκ τοῦ Πλάτωνος Τιμαίου καὶ τῶν ταῦτα ὑπομνημα-10 τισάντων. ὁ δὲ 'Αρχιμήδης ἐν τούτῳ τῷ βιβλίῳ κέντρον φοπῆς ἐπιπέδου σχήματος νομίζει, ἀφ' οῦ ἀρτώμενον παράλληλον μένει τῷ ὁρίζοντι, δύο δὲ ἢ πλειόνων ἐπιπέδων κέντρον φοπῆς ἤτοι βάρους, ἀφ' οῦ ἀρτώμενος ὁ ζυγὸς παράλληλός ἐστι τῷ ὁρίζοντι. οἷον

έστω τρίγωνον τὸ ΑΒΓ καὶ ἐν τῷ μέσῷ αὐτοῦ σημεϊόν τι τὸ Δ, ἀφ' οὖ ἀρτώμενον παράλληλον μένει τῷ ὁρίζοντι. ὅῆλον οὖν, ὅτι ἰσορροπήσει Γ τὰ [Α]Β, Γ μέρη ἐαυτοῖς, καὶ οὐδέτερον τοῦ ἐτέρου μᾶλλον ῥέψει ἐπὶ τὸν ὁρίζοντα. ὁμοίως δὲ καὶ ζυγοῦ ὄντος τοῦ ΑΒ, καὶ ἀπηρτημένων ἐξ αὐτοῦ τῶν Α, Β μεγεθῶν, ἐὰν ἀρτώμενος ὁ 25 ζυγὸς ἀπὸ τοῦ Γ ἰσορροποῦντα ἔχη τὰ Α, Β μέρη,

Ευτοκιου εις το $\vec{\alpha}$ των Αρχιμηδους ισορροπικών \mathbf{F} . 17.

Momentum, nobilissime Petre, genus esse commune grauitatis et leuitatis, et Aristoteles ait et eum sequens Ptolemaeus; Timaeus uero apud Platonem dicit, omne momentum fieri grauitate; leuitatem enim priuationem esse putat. quorum opiniones studiosis colligere licet ex libro Ptolemaei, quem scripsit de momento¹), ex disputationibus physicis Aristotelis²) Platonisque Timaeo 3), et qui de his commentati sunt. Archimedes autem in hoc libro centrum grauitatis figurae planae id intellegit, ex quo suspensa horizonti parallela maneat, et duorum uel plurium planorum centrum gravitatis id, ex quo suspensa libra horizonti parallela sit. uelut sit $AB\Gamma$ triangulus, et in medio eius punctum aliquod 1 sit, ex quo suspensus horizonti parallelus maneat. adparet igitur, partes B, I inter se aequilibritatem seruaturas esse, et neutram ad horizontem magis altera uergere posse. eodem modo si libra est AB, et magnitudinibus A, B ex ea suspensis libra ex Γ suspensa partes A, B inter se aequilibritatem seruantes tenet, parallela horizonti

¹⁾ Nostris temporibus non exstat.

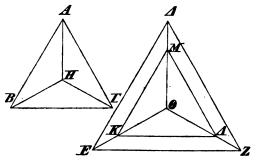
²⁾ De coelo IV, 1, 2 (cfr. Schneider: Eclog. phys. II p. 150).

³⁾ Ubi?

agramer F (omisso comp. or). 19. issogonyset F. 20. A] deleo. 24. agrameros F. In figg. Δ et Γ om. F.

παράλληλος μένει τῷ ὁρίζοντι, καὶ ἔσται κέντρον τῆς ἀρτήσεως τῷν A, B μεγεθῶν τὸ Γ .

καλῶς δὲ δοκεῖ ὁ Γεμίνος εἰπεῖν περὶ τοῦ 'Αρχιμήδους, ὅτι τὰ ἀξιώματα αἰτήματα λέγει. τὰ γὰρ ἴσα δ βάρη ἀπὸ ἴσων μηκῶν ἰσορροπεῖν ἀξίωμά ἐστι καὶ τὰ ἑξῆς, καὶ ἐστιν πάντα σαφῆ τοῖς μετρίως αὐτὰ ἐπισκεπτομένοις. τῶν δὲ ἴσων καὶ ὁμοίων, φησίν, ἐπιπέδων σχημάτων ἐφαρμοζομένων ἐπ' ἄλλαλα καὶ τὰ κέντρα τῶν βαρέων ἐφαρμόζει ἐπ' ἄλλαλα. 10 πάντα γὰρ τὰ μέρη αὐτῶν πᾶσιν ἐφαρμόζει. τῶν δὲ ἀνίσων, ὁμοίων δὲ τὰ κέντρα τῶν βαρέων ὁμοίως ἐσσείται κείμενα. νοείσθω δέ, ὡς ἐπὶ τῆς ὑποκειμένης καταγραφῆς, τὰ ΑΒΓ, ΔΕΖ τρίγωνα ἄνισα καὶ ὅμοια, κέντρον δὲ βάρους τοῦ μὲν ΑΒΓ 15 τὸ Η, τοῦ δὲ ΔΕΖ τὸ Θ, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αὶ ΑΗ, ΗΓ, ΒΗ, ΔΘ, ΘΕ, ΘΖ. λέγω, ὅτι εἰς ἔσα διαιροῦσιν τὰς γωνίας αὶ ἀπὸ τῶν Η, Θ σημείων ἐπιζευχθείσαι.



γινέσθω γάρ, ώς ή EZ πρὸς $B\Gamma$, οῦτως ή $E\Theta$ πρὸς ΘK , καὶ ή $Z\Theta$ πρὸς ΘA , καὶ ή $\Delta\Theta$ πρὸς ΘM , καὶ 20 ἐπεζεύχθωσαν αMK, KA, ΔM . ἔσται δὴ ὅμοιον

^{3.} ειπ cum comp. ην uel ιν F. 5. βάφεα Torellius. μα-

manet, et Γ erit centrum suspensionis magnitudinum A, B.

recte autem Geminus obseruasse uidetur, Archimedem axiomata postulata uocare. nam pondera aequalia ex aequalibus magnitudinibus suspensa aequilibritatem seruare [II p. 142, 3] et sequentia axiomata sunt, et omnia manifesta erunt, si quis uel paulisper animum aduerterit. figuris autem planis, inquit [II p. 142, 13—15], et aequalibus et similibus inter se congruentibus etiam grauitatis centra inter se congruunt. nam omnes partes earum cum omnibus congruunt.

II p. 142, 16—17: figurarum uero inaequalium, sed similium centra grauitatis similiter posita erunt] fingantur enim¹) in figura infra proposita trianguli $AB\Gamma$, ΔEZ inaequales et similes, et centrum grauitatis trianguli $AB\Gamma$ sit H, trianguli ΔEZ uero Θ , et ducantur AH, $H\Gamma$, BH, $\Delta\Theta$, ΘE , ΘZ . dico, lineas ab H, Θ punctis ductas angulos in partes aequales secare. fiat enim

 $EZ: B\Gamma = E\Theta: \Theta K = Z\Theta: \Theta \Lambda = \Delta\Theta: \Theta M$, et ducantur $MK, K\Lambda, \Lambda M$. erit igitur $K\Lambda M \sim \Delta EZ$.

¹⁾ Fortasse pro δέ lin. 12 scribendum est γάφ.

nέων idem. ισσορροπειν F. 4—5 sine signo F, sicut 10—12, sed lin. 7—9 adposuit. 8. αλληλα F; corr. Torellius, ut lin. 9. 10. αντ cum comp. ην F. 12. ἐσσείται] ἔσται per comp. F, uulgo; εἶμεν Torellius. 16. ΗΓ, ΒΗ] ed. Basil.; ΗΓ, ΒΓ FV; ΗΒ, ΗΓ Cr., Torellius. 17. γωνίας] per comp. F. 18. οντως] per comp. F.

τὸ ΚΛΜ τρίγωνον τῷ ΔΕΖ τριγώνο. ἐπεὶ γάρ έστιν, ώς ή ΕΘ πρὸς ΘΚ, ή ΘΖ πρὸς ΘΛ, παράλληλός έστιν ή ΕΖ τῆ ΚΔ. όμοίως δὴ καὶ ἡ ΜΚ τῆ ΔΕ, καὶ ἡ ΔΜ τῆ ΔΖ. ὅμοιον ἄρα τὸ ΔΕΖ τρί-5 γωνον τῷ ΚΛΜ τριγώνφ. ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ ΔΕ πρὸς ΜΚ, ή ΕΖ πρὸς ΚΛ, καὶ ή ΔΖ πρὸς ΜΛ. ὑπόκειται δε δια την όμοιότητα των ΑΒΓ, ΔΕΖ τοιγώνων, ώς ή ΔΕ πρὸς ΑΒ, ή ΕΖ πρὸς ΒΓ, καὶ ή ΔΖ πρός ΑΓ. ίσαι άρα είσιν αί ΑΒΓ ταϊς ΜΚΛ. ώστε 10 έφαρμόζει έκάστη έπὶ έκάστην. Ισον άρα καὶ δμοιόν έστι τὸ ΑΒΓ τρίγωνον τῷ ΚΜΛ τριγώνῳ. ώστε καὶ έφαρμόσει τὸ κέντρον τοῦ ΑΒΓ έπλ τὸ τοῦ ΜΚ Λ. τοῦ δὲ Η ἐπὶ τὸ Θ ἐφαρμόζοντος καὶ τῶν Α, Β, Γ έπὶ τὰ Μ, Κ, Λ ἐφαρμόσουσιν καὶ αί ΑΗ, ΒΗ, ΓΗ 15 έπὶ τὰς ΜΘ, ΚΘ, ΛΘ καὶ ἴσας ποιήσουσιν γωνίας πρός τοίς Μ, Κ, Λ ταίς έν τῷ ΑΒΓ τριγώνφ. ώστε καὶ ἐν τῷ ΔΕΖ. αί αὐταὶ γάρ είσιν εὐθεῖαι αί ἀπὸ τοῦ Θ ἐπί τε τὰ Μ, Κ, Λ καὶ ἐπὶ τὰ Δ, Ε, Ζ ἐπιζευγνύμεναι.

20 Παντός σχήματος, οὖ κα ά περίμετρος έπλ τὰ αὐτὰ κοίλα ἦ, τὸ κέντρον τοῦ βάρεος έντὸς εἰμεν δεῖ τοῦ σχήματος] τίνας καλεῖ τὰς ἐπὶ τὰ αὐτὰ κοίλας γραμμάς, εἰρηται ἡμῖν σαφῶς ἐν τοῖς προοιμίοις τοῦ περὶ σφαίρας καὶ κυλίνδρου. ἐπειδὴ 25 δὲ τὸ σχῆμα τὸ ἐπὶ τὰ αὐτὰ κοίλην ἔχον τὴν περί-

^{8.} EZ πρὸς ΒΓ] ΒΓ προς EZ F; corr. Torellius (Cr.).

12. ἐφαρμόσει] σ in rasura, ut uidetur, F.

15. γωνίας] per comp. F.

20—22 signum adp. F.

22. είμεν] ειναι per comp. F; corr. Torellius.

25. περιδιαμετρον FV.

nam quoniam est $E\Theta:\Theta K \longrightarrow \Theta Z:\Theta \Lambda$, erit EZ lineae $K\Lambda$ parallela. eodem modo etiam MK lineae ΔE parallela est, et ΛM lineae ΔZ . quare $\Delta EZ \curvearrowright K\Lambda M$. itaque erit $\Delta E:MK \longrightarrow EZ:K\Lambda \longrightarrow \Delta Z:M\Lambda$. supponitur autem propter similitudinem triangulorum $\Lambda B\Gamma$, ΔEZ , esse

 $\Delta E: AB = EZ: B\Gamma = \Delta Z: A\Gamma^{1}$

itaque AB, $B\Gamma$ aequales sunt lineis MK, KA. itaque inter se congruent, et triangulus $AB\Gamma$ aequalis et similis est triangulo KMA. quare etiam centrum trianguli $AB\Gamma$ cum centro trianguli MKA congruet [II p. 142, 3]. sed puncto H cum Θ congruente et A, B, Γ cum M, K, A etiam AH, BH, ΓH cum $M\Theta$, $K\Theta$, $A\Theta$ congruent et ad puncta M, K, A efficient angulos aequales angulis trianguli $AB\Gamma$. quare etiam in triangulo AEZ [idem facient]. nam lineae a puncto Θ ad M, K, A et ad A, E, E ductae eaedem sunt.

II p. 144, 3—6: cuiuslibet figurae, cuius perimetrus in eandem partem caua est, centrum grauitatis intra figuram esse necesse est] quasnam lineas in eandem partem cauas adpellet, perspicue dictum est a nobis in procemio operis de sphaera et cylindro [u. supra p. 4]. quoniam autem figura, cuius perimetrus

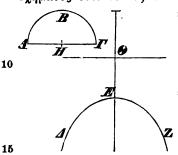
¹⁾ Hinc per se nihil concludi potest, nisi esse $AB\Gamma \sim MKA$ (quod statim inde sequitur, quod uterque similis est triangulo ΔEZ); sed addendum erat, esse

 $[\]Delta E: MK = \Theta E: \Theta K = EZ: B\Gamma = \Delta E: AB.$ desideratur etiam demenstratio, cur Θ centrum sit trianguli MKA.

Uidetur (etiam ob ἐκάστην) significari
 AB, BΓ, AΓ = MK, ΚΛ, ΜΛ.

20

μετρου πάντα τὰ μέρη τοῦ ἐπιπέδου ἐντὸς ἔχει καὶ τὰς γωνίας, δῆλου, ὅτι καὶ τὸ κέντρου τοῦ βάρους ἐντὸς ἔχει τοῦ σχήματος. ἐπὶ γάρ τινων σχημάτων τὸ κέντρου τοῦ σχήματος ἐκτός ἐστι καὶ ἐπὶ τῆς περι- μέτρου. ἐπὶ μὲν γὰρ τοῦ ΑΒΓ ἡμικυκλίου κέντρου τοῦ σχήματός ἐστι τὸ Η, ἐπὶ δὲ τῆς ΔΕΖ ὑπερβολῆς τὸ



κέντοον τοῦ σχήματος έκτός έστιν, καθ' ὁ αι διάμετροι συμπίπτουσιν ἀλλήλαις, ὡς ἔχει τὸ Θ. εἰρηται γὰρ ταῦτα ἐν τῷ δευτέρῳ βιβλίῳ τῶν ᾿Απολλωνίου κωνικῶν. ὅμως δὲ καὶ ἐπὶ τοῦ ΑΒΓ σχή-Ζ ματος καὶ ἐπὶ τοῦ ΔΕΖ τὸ κέντρον τοῦ βάρους, ἀφ' οῦ

δηλονότι ἀρτώμενον τὸ σχῆμα παράλληλόν ἐστι τῷ ὁρίξοντι, ἐντός ἐστι τῆς περιμέτρου. εἰ γὰρ ἔσται ἐπὶ τῆς περιμέτρου ἢ ἐκτός, ῥέψει ἐπὶ θάτερα. ὅπερ οὐχ ὑπόκειται.

Είς τὸ δ'.

"Εστω κέντρον τοῦ βάρεος τὸ Δ, εἰ δυνατόν ὅτι γάρ ἐστιν ἐπὶ τᾶς ΑΒ, δεδείκται] εἴρηται γὰρ ἀνωτέρω, ὅτι δύο μεγεθῶν κέντρον ἐστίν, ἀφ' οὖ ἀρτώμενος ὁ ζυγὸς ἰσορροποῦντα ἔχει τὰ μέρη παρ-25 άλληλος μένων τῷ ὁρίζοντι ωστε οὖν ἐπὶ τῆς ΑΒ ἐστι τὸ κέντρον τῶν Α, Β μεγεθῶν.

^{2.} γωνίας] per comp. F. 4. καὶ ἐπί τινων ἐπί Torellius.

8. Post ἐστιν repetuntur τὸ H lin. 6 → ἐστιν lin. 8 in F; sed expunxit manus 1. 20. εις το B F; corr. Torellius. 21. ἔστω] per comp. F. βαζους FV. 22. της per comp. F; corr. Torellius. 23. ανοτεςω F. Lin. 21—22 sine signo F.

in eandem partem caua est, omnes partes plani¹) angulosque intus habet, adparet, eam etiam centrum grauitatis intra figuram habere. nam in quibusdam figuris centrum figurae extra figuram uel in perimetro est.²) in semicirculo enim $AB\Gamma$ centrum figurae est H [Eucl. I def. 19], in hyperbola autem ΔEZ centrum figurae extra positum est; id enim punctum est, in quo diametri concurrunt, quale est Θ . hoc enim in secundo libro conicorum Apollonii dictum est. nihilo minus et in figura $AB\Gamma$ et in ΔEZ centrum grauitatis, ex quo scilicet suspensa figura horizonti parallela manet, intra perimetrum est; nam si in perimetro siue extra fuerit, in alteram utram partem uerget; quod supponitur non fieri.

In prop. IV.

II p. 148, 8—12: sit Δ centrum gravitatis, si fieri potest; nam [id] in linea AB esse, demonstratum est] supra [p. 306, 11 sq.] enim dictum est, duarum magnitudinum centrum gravitatis id esse, ex quo suspensa libra [omnes] partes aequilibritatem servantes teneat horizonti parallela manens. quare centrum magnitudinum A, B in AB est.

¹⁾ Obscure significatur de sph. et cyl. I def. 2 p. 6; sed fort. τοῦ ἐπιπέδου lin. 1 corruptum est.

²⁾ Cfr. Proclus in Eucl. p. 160.

Είς τὸ ζ΄.

"Ήτοι μεζόν έστι τὸ ΑΒ τοῦ Γ ἢ ὅστε ἰσοφοπεῖν ἢ οὖ] τούτου τοῦ ὁητοῦ δεῖ ἀκούειν οὐχ ὡς μείζονος ὑπάρχοντος πάντως τοῦ ΑΒ μεγέθους τοῦ Γ, ἀλλὰ μείζονος ὑποκειμένου ἢ κατὰ τὴν ἰσοφοπίαν. δυνατὸν γάρ έστι καὶ τὸ ἔλαττον μέγεθος τοῦ μείζονος μείζονα ἔχειν τὴν ὁοπὴν διὰ τὸ μῆκος τοῦ ζυγοῦ μεῖζον ὂν πάνυ καὶ ἄνισον ποιοῦν τὸν λόγον.

Καὶ ἀφηρήσθω ἀπὸ τοῦ ΑΒ ἔλασσον τᾶς 10 ὑπεροχᾶς, ἄ μεῖζόν ἐστι τὸ ΑΒ τοῦ Γ ἢ ὥστε ἰσορροπεῖν, ὥστε λοιπὸν τὸ Α σύμμετρον εἶμεν τῷ Γ] δεῖ, φησιν, ἀφελεῖν ἀπὸ τοῦ ΑΒ μέγεθός τι τὸ Β, ὅ ποιεῖ λοιπὸν τὸ Α τῷ Γ σύμμετρον καὶ μεῖζον τὸ Α τοῦ Γ ἢ κατὰ τὴν ἰσορροπίαν. τοῦτο δὲ δυνατὸν ποιεῖν διὰ τῶν ἐν τῆ ἀρχῆ τοῦ δεκάτου τῆς στοιχειώσεως Εὐκλείδου εἰρημένων καὶ ἐν τῷ τρίτῷ τῶν Θεοδοσίου σφαιρικῶν.

Είς τὸ ιγ'.

Καὶ ἐπεξεύχθωσαν αί ΕΖ, ΗΚ, ΛΜ. ἐσ20 σούνται δὴ αὐταὶ παρὰ τὰν ΒΓ] ἐπεὶ γὰρ ἴση
ἐστὶν ἡ ΒΟ τῷ ΨΓ, καὶ ἡ ΔΒ τῷ ΔΓ, ἔσται, ὡς ἡ
ΔΒ πρὸς ΟΒ, ἡ ΔΓ πρὸς ΨΓ, καὶ διελόντι, ὡς ἡ
ΔΟ πρὸς ΟΒ, ἡ ΔΨ πρὸς ΨΓ. ἀλλ' ὡς μὲν ἡ ΔΟ
πρὸς ΟΒ, ἡ ΛΕ πρὸς ΕΒ΄ ἡ γὰρ ΕΟ παρὰ τὴν ΛΔ

^{1.} $\varepsilon\iota_{\mathcal{G}}$ to $\overline{\varepsilon}$ F; corr. Torellius. 2. to ano AB FV. $\widetilde{\eta}$ wore] scripsi; wore F, uulgo. $\iota\sigma\varrho\varrho\sigma\sigma$ cum comp. $\eta\nu$ uel $\iota\nu$ F. Lin. 2—3, 19—20 sine signo F. 7. $\mu\iota\iota\sigma_{\mathcal{G}}$ F. 9. Et in textu ante nal et in mg. signum adp. F. 10. $\widetilde{\eta}$] addidi; om. F, uulgo. 11. $\iota\sigma\varrho\varrho\sigma\sigma$ cum comp. $\eta\nu$ uel $\iota\nu$ F. $\varepsilon\iota\nu\sigma\iota$ per comp. F. 18. $\varepsilon\iota_{\mathcal{G}}$ to $\overline{\alpha}\iota$ F; corr. Torellius. 19. ΛM] Λ FV. $\varepsilon\sigma\sigma\sigma\nu'\nu\tau\alpha\iota$] $\pi\varepsilon\sigma\sigma\nu\nu\tau\alpha\iota$ F; corr. Torellius. 24. Λ E] Λ O FV.

In prop. VII.

II p. 158, 13—14: aut maior est AB magnitudine Γ , quam ut aequilibritatem seruet, aut non maior] hoc ita intellegendum est, non quasi omnino magnitudo AB maior sit magnitudine Γ , sed supponatur maior quam pro aequilibritate. nam fieri potest, ut minor etiam magnitudo propter longitudinem librae multo maiorem et rationem inaequalem reddentem maius momentum habeat quam maior.

II p. 158, 14—17: et a magnitudine AB auferatur magnitudo minor excessu, quo AB magnitudine Γ maior est, quam ut aequilibritatem seruet, ita ut, quae relinquitur magnitudo A commensurabilis sit magnitudini Γ] oportet, inquit, ab AB magnitudinem quandam B auferri, quae reliquum A cum Γ commensurabile reddat, et simul A magnitudine Γ maiorem, quam ut aequilibritatem seruet. hoc autem per ea fieri potest, quae in initio decimi libri elementorum Euclidis et in tertio libro sphaericorum Theodosii¹) dicta sunt.

In prop. XIII.

II p. 176, 2—3: et ducantur lineae EZ, HK, ΔM . eae igitur lineae $B\Gamma$ parallelae erunt] nam quoniam $BO = \Psi\Gamma$, $\Delta B = \Delta\Gamma$, erit $\Delta B: OB = \Delta\Gamma: \Psi\Gamma$, et dirimendo $\Delta O: OB = \Delta\Psi: \Psi\Gamma$. sed

 $\Delta O: OB = AE: EB;$

¹⁾ Theodosius sphaer. III, 9 p. 73; 10 p. 75 (Nizze). cfr. Nizze p. 151, Hunt II p. 81. Eucl. X, 1. u. Neue Jahrb. Suppl. XI p. 369.

έστιν ώς δὲ ἡ ΔΨ πρὸς ΨΓ ἡ ΑΖ πρὸς ΖΓ. καὶ ώς ἄρα ἡ ΑΕ πρὸς ΕΒ, ἡ ΑΖ πρὸς ΖΓ. παράλληλος ἄρα έστιν ἡ ΕΖ τῆ ΒΓ. ὁμοίως δὴ δειχθήσονται καὶ αί λοιπαί.

Τὸ δὴ ΑΔΓ ποτὶ πάντα τὰ τρίγωνα τὰ ἀπὸ τᾶν ΑΜ, ΜΚ, ΚΖ, ΖΓ ἀναγεγοαμμένα όμοῖα τῶ ΑΔΓ τοῦτον ἔχει τὸν λόγον, ὃν ἔχει ἁ ΓΑ ποτί ΑΜ διὰ τὸ ἴσας εἶμεν τὰς εὐθείας] έπεί γὰρ ὅμοιά ἐστι τὰ ΑΔΓ, ΑΣΜ τρίγωνα, πρὸς ἄλ-10 ληλα διπλασίονα λόγον έχει, ήπες ή ΑΓ πρός ΑΜ. έπει δε νῦν ὑπόκειται ἡ ΑΓ τῆς ΑΜ τετραπλασίων, τὸ ΑΔΓ τρίγωνον πρὸς τὸ ΑΣΜ λόγον ἔχει, ὃν ις' πρός εν, πρός δε πάντα τὰ τρίγωνα τὰ ἀπὸ ΑΜ, ΜΚ, ΚΖ, ΖΓ λόγον έχει, ον ις΄ προς τέσσαρα. ἀνά-15 λογον ἄρα ἐστίν, ώς τὸ ΑΔΓ τρίγωνον πρὸς τὰ τρίγωνα τὰ ἀπὸ τῶν ΑΜ, ΜΚ, ΚΖ, ΖΓ ὅμοια τῷ ΑΔΓ, ούτως αὐτὰ τὰ τρίγωνα πρὸς τὸ ΑΣΜ, τουτέστιν ή ΓΑ πρός ΑΜ. δμοια γάρ είσιν καὶ έπὶ ίσων βάσεων και διὰ τοῦτο ἴσα καί είσιν πρὸς ἄλληλα, ὡς 20 αί βάσεις.

'Αλλὰ & ΓΑ ποτὶ ΑΜ μείζονα λόγον ἔχει, ἤπερ ἡ ΦΡ ποτὶ ΡΘ· ὁ γὰρ τᾶς ΑΓ ποτὶ ΑΜ λόγος ὁ αὐτός ἐστι τῷ τᾶς ΦΡ ποτὶ ΡΠ] εἰ γὰρ νοήσειας ἐκβεβλημένας τὰς ΡΦ, ΓΔ καὶ συμπιπτούσας, 25 διὰ τὰς παραλλήλους ἔσται, ὡς ἡ ΦΡ πρὸς ΡΠ, ἡ ΓΔ πρὸς ΔΩ. ἀλλ' ὡς ἡ ΓΔ πρὸς ΔΩ, ἡ ΓΛ πρὸς ΑΜ. καὶ ὡς ἄρα ἡ ΓΛ πρὸς ΑΜ, ἡ ΦΡ πρὸς ΡΠ. ἡ δὲ ΦΡ πρὸς ΡΠ μείζονα ἔχει λόγον, ἤπερ ἡ ΦΡ

^{1.} AZ] AZ F; corr. Torellius. Lin. 5-8 signum adp. F. 5. AΔΓ τείγωνον Torellius (II p. 176, 11). 6. τῶν] των per comp. F; corr. Torellius. 8. προς per comp. F; corr. Torel-

nam $EO \dagger A\Delta$; et $\Delta \Psi : \Psi \Gamma = AZ : Z\Gamma$. quare etiam $AE : EB = AZ : Z\Gamma$. itaque EZ lineae $B\Gamma$ parallela est. eodem modo etiam in reliquis demonstrabitur.

II p. 176, 10-14: triangulus igitur $A\Delta\Gamma$ ad omnes triangulos triangulo $A\Delta\Gamma$ similes, qui in lineis AM, MK, KZ, $Z\Gamma$ constructi sunt, eam rationem habet, quam $\Gamma A:AM$, quia lineae aequales sunt] nam quoniam $A\Delta\Gamma \sim A\Sigma M$, erit [Eucl. VI, 19]

 $A\Delta\Gamma:A\Sigma M=A\Gamma^2:AM^2.$

iam quoniam supponitur $A\Gamma = 4AM$, erit

 $A\Delta\Gamma: A\Sigma M = 16:1,$

sed $A\Delta\Gamma$ ad omnes triangulos in AM, MK, KZ, $Z\Gamma$ positos eam rationem habet, quam 16:4. itaque ut $A\Delta\Gamma$ triangulus ad triangulos in AM, MK, KZ, $Z\Gamma$ positos triangulo $A\Delta\Gamma$ similes, ita hi ipsi trianguli ad $A\Sigma M$, h. e. $\Gamma A:AM$; nam similes sunt et in basibus aequalibus positi; quare aequales sunt et eam inter se rationem habent, quam bases. 1)

II p. 176, 19—22: sed $\Gamma A:AM > \Phi P:P\Theta$; nam $A\Gamma:AM = \Phi P:P\Pi$] nam si lineas $P\Phi$, $\Gamma \Delta$ productas et concurrentes finxeris, propter parallelas erit $\Phi P:P\Pi = \Gamma \Delta:\Delta \Omega$. sed $\Gamma \Delta:\Delta \Omega = \Gamma A:AM$. quare etiam $\Gamma A:AM = \Phi P:P\Pi$.

¹⁾ Tum cfr. Quaest. Arch. p. 48.

lius, ut lin. 21, 22 (prius), 23. sivai per comp. F; corr. Torellius. 12. $\tau \varrho (\gamma \omega \nu \sigma \nu) \nabla$ F. 14. $Z \Gamma$ om. F. 15. $A \Delta \Gamma$ AB Γ F; corr. Torellius. 21. \$\delta \lambda \lambda

10

πρὸς PΘ. καὶ ἡ ΓΛ ἄρα πρὸς ΛΜ μείζονα λόγον έχει, ῆπερ ἡ ΦΡ πρὸς PΘ.

Όπερ ἀδύνατον τᾶς γὰρ διὰ τοῦ Χ εὐθείας παρὰ τὰν ΔΑ ἀγομένας ἐν τῷ ἐπιπέδῷ ἐπὶ τὰ δ αὐτὰ ἐσσείται πάντα τὰ τρίγωνα, τουτέστιν ἐπὶ θάτερον μέρος] καὶ δέψει δηλονότι ἐπ' ἐκεῖνο πάντα τὰ μεγέθη καὶ οὐκ ἰσορροπήσει. ὅπερ οὐχ ὑπόκειται. ὑπόκειται γὰρ κέντρον τῶν μὲν παραλληλογράμμων τὸ Ρ, τῶν δὲ τριγώνων τὸ Χ.

Είς τὸ ἄλλως τοῦ ιγ΄.

Όμο ίως γά φ έντι κείμενα τὰ Θ, Κ, Λ έν τοῖς τριγώνοις] αἶτε γὰ ρ ΛΘ, ΕΚ, ΖΛ παράλληλοι οὖσαι όμο ίως διαιροῦσιν τὰς γωνίας. καὶ αἶ ΘΛΓ, ΘΚΒ αἱ αὐταί εἰσιν ἐν πᾶσι τοῖς τριγώνοις, καὶ λοιπαὶ αἶ 15 ΚΔ, ΔΛ.

Είς τὸ ιε'.

'Eàν γὰρ ἐκβαλῆς τὰς ΓΔΗ, ΖΕΗ, ΒΑΗ, δῆλον, ὅτι ἐπὶ τὸ αὐτὸ σαμεῖον ἐρχόνται] ἐκβληθεισῶν γὰρ τῶν ΒΑΗ, ΖΕΗ καὶ συμπιπτουσῶν
20 ἀλλήλαις κατὰ τὸ Η, καὶ ἡ ΓΔ ἐκβαλλομένη ἐν τῷ
αὐτῷ πεσεῖται. ἔστιν γὰρ ὡς ἡ ΒΗ πρὸς ΗΑ, ἡ ΖΗ

^{1.} $\tilde{\alpha} \varphi \alpha]$ om. FVA. Lin. 3-5 sine signo F, lin. 11—12, 17—18 cum signo. 5. $\tau \varrho t \gamma \omega \alpha]$ scripsi; $\kappa \varepsilon \nu \tau \varphi \alpha F$, uulgo. 6. $\tilde{\varepsilon} \kappa \tilde{\varepsilon} \tilde{\varepsilon} \nu \varrho]$ scripsi; $\varepsilon \kappa \varepsilon \iota \nu \omega F$, uulgo. 8. $\tau \tilde{\omega} \nu \mu \tilde{\varepsilon} \nu]$ $\tau o \nu$ (comp). $\mu \varepsilon \nu F V D$. $\pi \alpha \varrho \alpha \lambda \lambda \lambda \varrho \varphi \omega \mu \omega \nu]$ syll. $-\omega \nu$ manu 2 correcta est in F ($-\mu o \nu V D$). 10. $\tau o \nu \iota \overline{\alpha} F$; corr. Torellius. 11. $\Lambda \tilde{\varepsilon} \nu]$ $\overline{AE} F$; corr. Torellius. 12. ZA] ZA F; corr. Torellius. 13. $\gamma \omega \nu \iota \alpha \varrho]$ per comp. F. $\Theta \Gamma Z$, $\Theta B E$ Torellius. 15. $KB \Delta$, $A \Gamma A$ Torellius. 16. $\varepsilon \iota \varrho$ $\tau o \iota \overline{\gamma} F$; corr. Torellius. 17. ZE N F. 18. $\tilde{\varepsilon} \varrho \chi \dot{\sigma} \nu \tau \omega \varrho]$ $-\alpha \iota$ supra manu 1 F. 19. $\varepsilon \nu \mu \pi \iota \mu \pi \tau o \nu - \omega \nu F$. 20. $\Gamma \Delta J B \Delta F$; corr. Torellius. 21. $\gamma \dot{\alpha} \varrho J$ scripsi; $\delta \varepsilon F$, uulgo.

sed

 $\Phi P: P\Pi > \Phi P: P\Theta$.

itaque etiam $\Gamma A: AM > \Phi P: P\Theta$.

II p. 178, 16-19: quod fieri non potest; nam omnes trianguli in eadem parte sunt lineae per X in plano ductae lineae ΔA parallelae, h. e. in altera parte] et adparet, omnes magnitudines ad eam uersus necessario uergere nec aequilibritatem seruaturas esse; quod non fieri supponitur. nam supponitur P centrum [grauitatis] esse parallelogrammorum, X autem triangulorum.

In alteram demonstrationem prop. XIII.

II p. 180, 14—15: nam puncta Θ , K, Δ in triangulis similiter posita sunt] nam $A\Theta$, EK, ZA, quae parallelae sunt, angulos similiter dividunt. et $\Theta A\Gamma$, ΘKB in omnibus triangulis eaedem sunt, et reliquae sunt $K\Delta$, ΔA .

In prop. XV.

II p. 184, 10—11: nam si produxeris lineas $\Gamma\Delta H$, ZEH, BAH, adparet, eas in idem punctum incidere] productis enim BAH, ZEH et concurrentibus in H etiam $\Gamma\Delta$ producta in idem punctum cadet. est enim

¹⁾ Sic debuit dicere (ex lin. 13): et $\Theta \Lambda \Gamma$ in triangulis $\Lambda B \Gamma$, $Z \Delta \Gamma$ et $\Theta K B$ in $\Lambda B \Gamma$, $B E \Delta$ acquales angulos ad B, Γ faciunt. praeterea $K \Delta + \Theta \Gamma$, h. e.

 $[\]angle B \triangle K = \triangle \Gamma A$, $K \triangle E = A \Gamma Z$.

et $\Delta A \ddagger B\Theta$, h. e. $A\Delta \Gamma = KB\Delta$, $Z\Delta A = EBK$. tum u. uol. II p. 142, 17 sq.

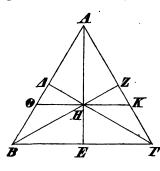
πρὸς HE, καὶ ἡ BZ πρὸς AE, καὶ ἡ $Z\Gamma$ πρὸς $E\Delta$, καὶ δηλαδὴ ἡ ΓH πρὸς ΔH .

Έσσείται δὴ τοῦ μὲν ΒΔΓ τριγώνου κέντρον τοῦ βάρεος ἐπὶ τᾶς ΘΜ, ἐπειδήπερ τρί-5 τον μέρος ά ΒΘ τᾶς ΒΔ] ἔστω τρίγωνον τὸ ΑΒΓ και έπεζεύχθωσαν άπὸ τῶν γωνιῶν ἐπὶ τὰς διχοτομίας των πλευρών αί ΑΕ, ΒΖ, ΓΔ. κέντρον άρα έστι τοῦ βάρους τοῦ ΑΒΓ τριγώνου τὸ Η. καὶ φανερόν, ὅτι πάντα τὰ τρίγωνα ἴσα ἐστὶν ἀλλήλοις, καὶ ὅτι αί ἐπὶ 10 τὰς διχοτομίας τῶν πλευρῶν ἐπιζευγνύμεναι διὰ τοῦ Η έρχονται, ΐνα μὴ τοῦ αὐτοῦ πλείονα κέντρα ή. ἐπεὶ γάρ ίσαι αί ΑΔ, ΔΒ, ΒΕ, ΕΓ, ΓΖ, ΖΑ, ίσα έσται καὶ τὰ τρίγωνα, ὧν κορυφή τὸ Η σημεῖον, βάσεις δὲ αί είρημέναι εύθεῖαι. ώστε διπλάσιόν έστι τὸ ΑΗΒ 15 τρίγωνον τοῦ ΗΒΕ τριγώνου. ώστε καὶ ἡ ΑΗ τῆς ΗΕ. ἐὰν οὖν διὰ τοῦ Η παρὰ τὴν ΒΓ ἀγάγωμεν την ΘΚ, διπλασία έστιν η ΑΘ της ΘΒ. ώστε καθόλου έὰν μία πλευρὰ τριγώνου τμηθῆ, ὥστε τὸ πρὸς τῆ κορυφη μέρος διπλάσιον είναι του πρός τη βάσει, καλ 20 διὰ τοῦ ληφθέντος σημείου παράλληλος ἀχθῆ τῆ βάσει, έπὶ τῆς ἀχθείσης ἔσται τὸ κέντρον τοῦ βάρους τοῦ τοιγώνου.

^{2.} Γ Η πρὸς Δ Η] Δ Η προς Δ Σ F; corr. Torellius (Η Δ).
3-5 sine signo F; contra lin. 1-2 signum adp. 3. εσται F, uulgo. 4. βαρεως F. 12. γάρ] scripsi; δε F, uulgo. Lin. 13 signum in mg. adp. F. 13. σαμειον F. βασ cum comp. ης uel ις F; corr. Torellius (Β?). 16. οὖν] om. F; corr. Torellius (Cr.). 21. βαρ cum comp. ως F; βαρεος uulgo; quod correxi. εις το α βιβλιον F in fine.

 $BH:HA=ZH:HE=BZ:AE=Z\Gamma:EA=\Gamma H:\Delta H$ [tum u. Eucl. VI, 2].

II p. 186, 2—4: erit igitur trianguli $B \triangle \Gamma$ centrum grauitatis in linea ΘM positum, quoniam $B\Theta = \frac{1}{3}B \triangle$] sit $\triangle B\Gamma$ triangulus, et ab angulis ad puncta media laterum ducantur $\triangle E$, BZ, $\Gamma \triangle$. itaque H centrum grauitatis est trianguli $\triangle B\Gamma$ [de plan. aeq. I, 14]; et



manifestum est, omnes triangulos aequales esse, et lineas ad puncta media laterum ductas per H cadere, ne plura eiusdem figurae centra [grauitatis] sint. nam quoniam aequales sunt $A\Delta$, ΔB , BE, $E\Gamma$, ΓZ , ZA, etiam trianguli, quorum uertex est punctum H, bases

autem lineae illae, aequales sunt.1) quare

AHB = 2HBE;

quare etiam AH = 2HE [cfr. Eucl. VI, 1]. si igitur per H lineae $B\Gamma$ parallelam duxerimus ΘK , erit

 $A\Theta = 2\Theta B$ [Eucl. VI, 2].

omnino igitur, si latus unum trianguli ita secatur, ut pars ad uerticem sita duplo maior sit parte ad basim sita et per punctum ita sumptum linea basi parallela ducitur, centrum grauitatis trianguli in linea [ita] ducta positum erit.

¹⁾ Adparet, Eutocium hinc tacite sibi adsumere, triangulum aequilaterum esse; sed propositio de quouis triangulo uera est, nec triangulus $B \triangle \Gamma$ apud Archimedem aequilaterus est, neque ipse ab initio hoc de triangulo $AB\Gamma$ supposuit (p. 320, 5 sq.).

• .

EUTOCII COMMENTARIUS

IN LIBRUM II

DE PLANORUM AEQUILIBRIIS.

'Ακριβώς ἐπεξελθόντες τῷ πρώτφ καὶ σαφηνίσαντες τὰ ἐν αὐτῷ δυσθεώρητα ἀναγκατον ἡγούμεθα καὶ τὰ έν τῷ δευτέρφ δυσχερῶς εἰρημένα μετρίως έκθέσθαι. φησίν τοίνυν έν τη προτάσει τοῦ πρώτου θεωρήματος. 5 ύποκείσθω τὰ ΑΒ, Γ⊿ χωρία περιεχόμενα ὑπὸ εὐθείας καὶ ὀρθογωνίου κώνου τομᾶς, ἃ δυνάμεθα παρά τὰν δοθείσαν εὐθείαν παραβαλεῖν. τοῦτο δὲ αὐτόθεν μὲν διὰ τῶν ἐνταῦθα δεδειγμένων ούκ έστιν εύρειν. έπει δε δέδεικται αύτῶ, 10 ώς καλ έν τῷ περλ σφαίρας καλ κυλίνδρου εἶπεν, ὅτι τὸ τοιοῦτον σχημα ἐπίτριτόν ἐστι τριγώνου τοῦ τὴν αὐτὴν βάσιν ἔχοντος αὐτῷ καὶ ὕψος ἴσον, τῷ δὲ ἐπιτρίτφ τοῦ τριγώνου ἐπιπέδφ εὐθυγράμμφ ὄντι δυνάμεθα ίσον παρά την δοθείσαν εύθείαν παραβαλείν, 15 φανερόν, ὅτι καὶ τοῖς τοιούτοις σχήμασιν. τὰ δὲ ἐν τῆ κατασκευῆ εἰρημένα πάντα δῆλά ἐστι διὰ τοῦ δεκάτου θεωρήματος του πρώτου τούτων των βιβλίων.

Είς τὸ β΄.

Τοῦ δευτέρου θεωρήματος προλέγει τινὰ δηλοῦντα, 20 πῶς δυνατὸν ἐν τῆ τοῦ ὀρθογωνίου κώνου τομῆ σχῆμα γυωρίμως ἐγγράφεσθαι καί φησιν· ταῦτα δὲ δεικ-

Eutoniou eis to $\bar{\beta}$ two isogopinum Aquiphõous F. 6. to- $\mu\eta_S$ F; corr. Torellius. 5—8 signum adp. F (non lin. 21—
p. 326, 1). 7. $\pi\alpha\varphi\alpha\beta\alpha\lambda$ cum comp. $\eta\nu$ uel iv F, ut lin. 9, 14,
p. 326, 2. 16. denátou] scripsi; tetaqtou F, uulgo. cfr. II
p. 190, 18. 21. dé] addidi; om. F, uulgo. cfr. II p. 192, 16.

Adcurate primo libro exposito et explicatis, quae in eo difficilia erant perspectu, necessarium esse putamus, etiam quae in secundo libro impedite dicta sint, aliquatenus exponere. in propositione igitur theorematis primi: supponantur, inquit, spatia AB, ΓΔ linea recta et sectione coni rectanguli comprehensa, quae lineae datae adplicare possumus [II p.188, 12; cfr. 3 sq.]. hoc uero ex iis, quae hic demonstrata sunt, non statim licet inuenire. sed quoniam demonstrauit1), sicut etiam in libro de sphaera et cylindro dixit [I p. 2], figuram eius modi tertia parte maiorem esse triangulo eandem basim habenti et altitudinem aequalem, et spatium aequale spatio, quod tertia parte maius est triangulo, quod rectilineum est, datae lineae adplicare possumus, adparet, etiam [spatium] eius modi figuris [aequale datae lineae adplicari posse]. quae autem in constructione dicta sunt, omnia ex theoremate decimo primi libri aperta sunt.

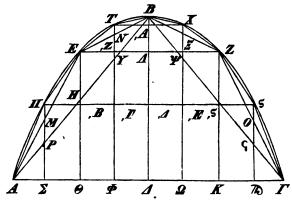
In prop. II.

Secundo theoremati quaedam praefatus est [II p. 192, 2—16], unde adpareat, quomodo fieri possit, ut sectioni coni rectanguli figura proprie inscribatur, et dicit [II p. 192, 16—17]: haec autem suis locis demon-

¹⁾ De quadr. parab. 17 et 24; cfr. Quaest. Arch. p. 29.

τέον έν ταϊς τάξεσιν. ἐπειδή οὖν ἀσαφές ἐστιν τὸ λεγόμενον, ἀναγκαΐον εἰπεῖν βραχέα περὶ αὐτοῦ ἐκ τῶν ᾿Απολλωνίου κωνικῶν εὐρεθέντα.

ἔστω σχημα περιεχόμενον ὑπὸ παραβολης της ΑΒΓ ται εὐθείας της ΑΓ, οὖ διάμετρος ἔστω ἡ ΒΔ. φανερον δή, ὅτι κορυφή ἐστι τοῦ τμήματος τὸ Β σημεῖον. κορυφὰς γὰρ ἐκάλει τῶν γραμμῶν ὁ ᾿Απολλώνιος τὰ πρὸς ταῖς γραμμαῖς πέρατα τῶν διαμέτρων. ἐὰν δὴ ἐπιζεύξωμεν τὰς ΑΒ, ΒΓ, ἔσται τὸ [ἀπὸ] ΑΒΓ τρί-10 γωνον τὴν αὐτὴν βάσιν ἔχον τῷ τμήματι καὶ ΰψος ἴσον, τὴν ἀπὸ τοῦ Β ἐπὶ τὴν ΑΓ κάθετον ἀγομένην οὐ γὰρ πάντως ἄξων ἐστὶν ἡ ΒΔ. ἐὰν δὴ λαβόντες τὰς κορυφὰς τῶν ΑΒ, ΒΓ τμημάτων τὰς Ε, Ζ δι'



αὐτῶν παραλλήλους ἀγάγωμεν τῆ B extstyle extstyle

εκβαλει F.
 άπό] deleo; ὑπό Torellius.
 ΛΓ]

stranda sunt. iam quoniam obscura est sententia horum uerborum, necesse est pauca de iis dicere ex conicis Apollonii petita.

sit 1) figura comprehensa parabola $AB\Gamma$ et linea recta $A\Gamma$, cuius diametrus sit $B\Delta$. adparet igitur, B punctum uerticem esse segmenti. uertices enim linearum adpellauit Apollonius [I def. 11] terminos diametrorum ad lineas positos. si igitur duxerimus lineas AB, $B\Gamma$, triangulus $AB\Gamma$ eandem basim habebit, quam segmentum, et altitudinem aequalem, lineam ab B ad $A\Gamma$ perpendicularem. neque enim semper axis est $B\Delta$. 3) si igitur sumptis E, E uerticibus segmentorum E0 parallelas duxerimus, diametri erunt segmentorum E1 parallelas diametros sectionis fore. itaque E1 uertices segmentorum erunt, et li-

¹⁾ Breuiorem demonstrationem dedit Nizzius p. 27; cfr. Zeitschr. f. Math., hist. Abth. XXV p. 62.

²⁾ Nam si axis est B Δ, ipsa perpendicularis erit, ut in figura est. axis ab Archimede uocatur διάμετρος τᾶς τομᾶς, quod alio sensu posuit Eutocius lin. 17 (ibi Archimedes scripsisset αί παρὰ τὰν διάμετρον). sed lin. 17: διάμετρον ex usu Archimedis usurpauit, ubi debuit dicere: ἄξονα.

scripsi; AB F, uulgo. 13. $\delta\iota'$ $\alpha\dot{\nu}\tau\ddot{\omega}r$] litt. v supra manu 1 F. 15. ZK] scripsi; ovx F, uulgo; ZO ed. Basil., Torellius. 17. $\tau\dot{\eta}v$] $\tau\omega r$ per comp. F. In figura litteras nonnullas permutat, K omisit F.

αί διὰ τῶν Ε, Ζ ἐφαπτόμεναι παράλληλοι ταϊς ΑΒ, ΒΓ. έσται δή καὶ ή ΕΛΖ παρά την ΑΔΓ, έπειδη αί ΕΘ, ΖΚ παράλληλοί είσι καὶ ἴσαι διάμετροι οὖσαι τῶν ἴσων τμημάτων καὶ ἐφαρμόζουσαι ἀλλήλαις, ὡς 5 εν τῷ τ΄ τῶν κωνικῶν δέδεικται. καὶ ἐπεὶ ἡ ΕΗΘ παράλληλός έστι τη ΒΔ, έστιν, ώς ή ΒΗ πρός ΗΑ, ή ΔΘ πρὸς ΘΑ. ἴση δὲ ή ΗΒ τη ΑΗ δίχα γὰρ αψτην τέμνει ή ΕΗ διάμετρος παράλληλον ούσαν τη έφαπτομένη. Ιση άρα καὶ ή ΔΘ τῆ ΘΑ. διὰ τὰ αὐτὰ δή 10 xal $\dot{\eta} \triangle K \tau \tilde{\eta} K \Gamma$ for iv lon. In $\dot{\delta}$ e oln $\dot{\eta} \triangle \Delta \tau \tilde{\eta} \triangle \Gamma$. ίση ἄρα καὶ ή ΔΘ τῆ ΔΚ, καὶ διὰ τοῦτο καὶ ή ΕΛ τη ΛΖ. ώστε άληθώς λέγει, ὅτι ἡ τὰς κορυφάς τών τμημάτων επιζευγνύουσα παράλληλος έσται τῆ βάσει τοῦ τμήματος καὶ δίχα διαιρεθήσεται ὑπὸ τῆς τοῦ 15 τμήματος διαμέτρου. έπεζεψηθωσαν δή καί αί ΑΕ, ΕΒ, ΒΖ, ΖΓ, καὶ δίχα τετμήσθωσαν κατά τὰ Μ, Ν, Ε, Ο σημεία, καὶ ήγθωσαν διὰ τῶν Μ, Ν, Ε, Ο παρὰ την ΒΔ αί ΠΜΡΣ, ΤΝΥΦ, ΧΞΨΩ, 509 %, καλ έπεζεύγθωσαν αί ΑΠ, ΠΕ, ΕΤ, ΤΒ, ΒΧ, ΧΖ, Ζ5, 20 5 Γ , nal al T,AX nal H,B, Γ , Δ ,E,55. φανερον δη έκ των προδεδειγμένων, ότι ή ΤΧ καὶ ή ΕΖ καὶ ή Πς παράλληλοί είσι τῆ ΑΓ, καὶ ὅτι ἴση ἡ ΤΑ τῆ ΑΧ καὶ ἡ ΕΛ τῆ ΛΖ καὶ ἡ Π Δ τῆ Δ5. λέγω οὖν, ὅτι τέμνουσι την Β Δ είς τους έξης περισσούς άριθμούς, 25 τουτέστιν οΐου έστλυ ένὸς ή ΒΑ, τοιούτων τοιών ή ΑΛ καὶ ἡ Λ Δ πέντε καὶ ἡ ΔΔ έπτά. ἐπεὶ γὰο ἔση ἐστὶν ἡ ΑΗ τῆ ΗΒ, καὶ παράλληλος ἡ ΕΘ τῆ $B \varDelta$, lon aga xal $\hat{\eta}$ $A\Theta$ $\tau \tilde{\eta}$ $\Theta \varDelta$. $\hat{\eta}$ $A \varDelta$ aga $\tau \tilde{\eta} c$ ΔΘ διπλη έστιν· ώστε καὶ της ΕΛ. τὸ ἀπὸ της ΑΔ

^{6.} πρός] om. FA. 17. O (prius)] Θ F; corr. Torellius. 18. 5 O q %] scripsi; $5 O q \Lambda$ F, uulgo (sed in fig. % F). 20.

neae in E, Z contingentes parallelae erunt lineis AB, $B\Gamma$. erit igitur etiam $E\Lambda Z$ lineae $A\Lambda \Gamma$ parallela, quoniam EO, ZK et parallelae sunt et aequales, cum diametri sint segmentorum aequalium et inter se congruant, ut in libro sexto conicorum [Apollon. VI, 19] demonstratum est. et quoniam EH@ lineae B⊿ parallela est, erit $BH: HA = \Delta\Theta: \Theta A$. et HB = AH; nam diametrus EH [lineam AB] in duas partes aequales secat, quia contingenti parallela est. quare etiam $\Delta\Theta = \Theta A$. eadem de causa etiam $\Delta K = K\Gamma$. uerum $A\Delta = \Delta \Gamma$. quare etiam $\Delta \Theta = \Delta K$. itaque $E \Lambda = \Lambda Z$. ergo recte dicit [II p. 192, 10-14], lineam uertices segmentorum iungentem basi segmenti parallelam esse et a diametro segmenti in duas partes aequales secari. — ducantur igitur etiam AE, EB, BZ, $Z\Gamma$, et in partes aequales secentur in punctis M, N, Ξ . O, et per puncta M, N, Ξ , O lineae $B \triangle$ parallelae ducantur IIMPE, TNTO, XZTO, 5098, et ducantur $A\Pi$, ΠE , ET, TB, BX, XZ, ZS, $S\Gamma$ et TAX, Π.B.Γ.Δ.E.55. itaque ex praecedentibus manifestum est, esse TX, EZ, HS lineae $A\Gamma$ parallelas, et TA = AX, EA = AZ, $\Pi A = AS$. dico igitur, eas lineam B 1 secundum numeros impares ordine sequentes secare, hoc est, si sit BA = 1 m, esse AA = 3 m, AA = 5 m, AA = 7 m. nam quoniam AH = HB, et EO lineae $B\Delta$ parallela, erit etiam $A\Theta = \Theta \Delta$. itaque $A\Delta = 2\Delta\Theta$. quare etiam $A\Delta = 2E\Lambda$.

άρα τετραπλάσιον τοῦ ἀπὸ τῆς Ε Λ. ὡς δὲ τὸ ἀπὸ ΑΔ πρός τὸ ἀπὸ ΕΛ, οῦτως δέδεικται ή ΒΔ πρὸς BA. τετραπλασία ἄρα καὶ ἡ ΔB τῆς BA. τριπλῆ άρα ή ΔΑ τῆς ΑΒ. οΐου ἄρα ἐστὶν ένὸς ἡ ΑΒ, τοι-5 ούτων τριῶν ἐστιν ἡ ΔΔ. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ οῖων ἄρα ἡ ΛΒ τεσσάρων, ἡ ΛΔ δώδεκα, καὶ ἐπεὶ ἴση ἡ $EN \tau \tilde{\eta} NB$, xal $\hat{\eta} EZ \tau \tilde{\eta} ZA$, xal $\hat{\eta} \Theta \Phi \tau \tilde{\eta} \Phi A$, διπλασία έστιν ή ΕΛ της ΛΖ, τουτέστι της Τ Α. τετραπλάσιον ἄρα τὸ ἀπὸ ΕΛ τοῦ ἀπὸ Τ.Α. τετρα-10 πλασία ἄρα καὶ ἡ ΛΒ τῆς Β Α΄ ὥστε τριπλασία ἡ Λ Α τῆς ΑΒ. οΐων ἄρα ἐστὶν ἡ ΛΒ τεσσάρων, τοιούτων ἡ μεν Β Α ενός, ή δε ΑΛ τριών, ή δε ΛΔ δώδεκα. πάλιν έπει ζση έστιν ή ΑΜ τη ΜΕ, και ή ΑΡ τη ΡΗ, και ή $A\Sigma$ $\tau\tilde{\eta}$ $\Sigma\Theta$, ioni sidi nal al $A\Sigma$, $\Sigma\Theta$, $\Theta\Phi$, $\Phi\Delta$. 15 οΐων ἄρα ἐστὶν ἡ ΑΔ τεσσάρων, τοιούτων ἡ ΣΔ τριών, τουτέστιν ή Π.Δ. οΐων ἄρα τὸ ἀπὸ ΑΔ δεκαέξ, τοιούτων τὸ ἀπὸ Π Δ ἐννέα. καὶ οῖων ἄρα ἡ ΔΒ δεκαέξ, ή Β Δ έννέα καὶ λοιπή ἄρα ή ΔΔ έπτά. έπει οὖν δέδεικται, οίων ή ΒΔ δεκαέξ, τοιού-20 των $\dot{\eta}$ μèν B A ένός, $\dot{\eta}$ δε A Λ τριών, $\dot{\eta}$ δε Δ Δ έπτά, καὶ λοιπή ή Α Δ έστι πέντε. τέμνεται ἄρα ή Β Δ ύπὸ τῶν παραλλήλων είς τοὺς τῶν έξῆς περισσῶν ἀριθμῶν λόγους ένὸς λεγομένου τοῦ πρὸς τῆ κορυφη του τμήματος. δηλον ούν έστιν έκ της κατα-25 γραφής, δτι αί καταγόμεναι ύπὸ τῶν διαμέτρων εἰς τοὺς άπὸ μονάδος έξῆς κειμένους ἀριθμούς τέμνονται. οιου γάρ έστιν ένὸς ή Τ Α, τοιούτων έστὶ δύο ή Ε Λ, τριών δὲ ἡ Π Δ, τεσσάρων δὲ ἡ Α Δ. παράλληλοι γὰρ οὖσαι 2. πρὸς τὸ ἀπό ΕΛ] om. F; corr. ed. Basil. 8. ΒΛ] (alt.)

^{2.} $\pi 000$ to $\pi 00$ EA] om. F; corr. ed. Basil. S. BA] (alt.) BA F. 4. ΔA] BA F. 7. EZ] EZ F. 8. ΔZ] AZ F. TA] TA F; sic etiam lin. 9. 10. BA] BA F; corr. Torellius. AA $\pi \eta_S$ AB F. 12. BA] BA F. AA] AA F. 16. Π A]

itaque $A\Delta^2 = 4E\Lambda^2$. sed demonstratum est $A\Delta^2 : E\Delta^2 = B\Delta : B\Lambda$ [Apollon. I, 20].

quare $\Delta B = 4 B \Lambda$. itaque $\Delta \Lambda = 3 B \Lambda$. ergo si $\Lambda B = 1 n$, erit $\Lambda \Delta = 3 n$. eadem de causa etiam, si $\Lambda B = 4 m$, erit $\Lambda \Delta = 12 m$. et quoniam EN = NB, $E Z = Z \Lambda$, $\Theta \Phi = \Phi \Delta$, erit $E \Lambda = 2 \Lambda Z = 2 T \Lambda$. ergo $E \Lambda^2 = 4 T \Lambda^2$.

itaque AB = 4BA; quare AA = 3AB. itaque si AB=4m, erit BA=1m, AA=3m, $A\Delta=12m$. rursus quoniam AM = ME, AP = PH, $A\Sigma = \Sigma \Theta$, erit etiam $A\Sigma = \Sigma\Theta = \Theta\Phi = \Phi\Delta$. itaque si $A\Delta = 4$ m. erit $\Sigma \Delta = 3$ m, h. e. $\Pi \Delta = 3$ m. quare si $\Delta \Delta^2 = 16$ m, erit $\Pi \Delta^2 = 9 \text{ m.}$ itaque si $\Delta B = 16 \text{ m.}$ erit $B \Delta = 9 \text{ m.}^2$) et $\Delta \Delta = \Delta B \div B \Delta = 7 \text{ m.}$ quoniam igitur demonstratum est, si $B \Delta = 16 \,\mathrm{m}$, esse $B A = 1 \,\mathrm{m}^3$), AA = 3m, $\Delta \Delta = 7m$, erit etiam quae relinquitur $\Delta \Delta = 5$ m. itaque $B\Delta$ lineis parallelis secundum rationes numerorum imparium ordine sequentium secatur pro unitate sumpto [segmento] ad uerticem posito. adparet igitur ex figura, lineas a sectione [ad **B** Δ ductas diametris secundum numeros ab unitate ordine sequentes secari; nam si $T_A = 1$ m, erit EA = 2m, IIA = 3m, AA = 4m. nam cum omnes

¹⁾ Nam $EA^2: TA^2 = BA: BA;$ ergo BA = 4BA et AA = 3BA.

²⁾ Nam $A\Delta^2:\Pi_1\Delta^2=\Delta B:B_1\Delta$.

³⁾ Nam $B \triangle = 4BA$ et BA = 4BA.

πᾶσαι εἰς ἴσα τέμνουσιν ἀλλήλας. ἀνομάσθη δὲ ὑπ' ᾿Αρχιμήδους τὸ ΑΠΕΤΒΧΖεΓ σχῆμα γνωρίμως έγγραφόμενον.

Είς τὸ γ'.

Τὰ ὅμοια τμήματα τῶν τοῦ κώνου τομῶν ᾿Απολλώνιος ὡρίσατο ἐν τῷ ἔκτῷ βιβλίῷ τῶν κωνικῶν, ἐν οἶς ἀχθεισῶν ἐν ἑκάστῷ παραλλήλων τῆ βάσει ἴσων τὸ πλῆθος αὶ παράλληλοι καὶ αἱ βάσεις πρὸς τὰς ἀποτεμνομένας ἀπὸ τῶν διαμέτρων πρὸς ταῖς κορυφαῖς 10 ἐν τοῖς αὐτοῖς λόγοις εἰσί, καὶ αἱ ἀποτεμνόμεναι πρὸς τὰς ἀποτεμνομένας. καὶ ὅτι αἱ παραβολαὶ πᾶσαι ὅμοιαί εἰσιν. τὸ δὲ γνωρίμως ἐγγραφόμενον σχῆμα εἴρηται ἐν τῷ προλαβόντι λήμματι. τὸ δὲ ὁμοίως διαιρεἴσθαι τὰς διαμέτρους ἐστίν, ἵνα τὰ τμήματα αὐτῶν τὸν αὐτὸν τὸν ἔχῃ λόγον. τὰ λοιπὰ τρῦ θεωρήματος σαφῆ ἐστιν ἐκ τοῦ προειρημένου σχήματος.

Είς τὸ δ'.

Έγγεγοάφθω εὐθύγοαμμον είς τὸ τμᾶμα γνωρίμως, ὥστε τὰ περιλειπόμενα τμάματα 20 ἐλάσσονα εἶμεν τοῦ Κ] τοῦτο δὲ φανερόν ἐστιν ἐκ τῶν εἰρημένων ἐν τῷ δεκάτφ τῆς στοιχειώσεως καὶ τῷ πρώτφ τῶν περὶ σφαίρας καὶ κυλίνδρου.

Είς τὸ ε΄.

Καὶ ἐπεὶ παραλληλόγραμμόν ἐστι τὸ ΘΖΗΙ]
25 ἐπεὶ γὰρ ἴσαι εἰσὶν αἱ ΚΖ, ΔΗ (ἴσων γάρ εἰσι τμη-

^{2.} AΠΕΤΒΧΖ5Γ] αποΓΒΑΖ5Γ F; corr. ed. Basil. 12. γνωφιμ cum comp. ov F; corr. Torellius. 13. ομοι cum comp. ov F; corr. Torellius. 15. έχη] scripsi; εχει F, uulgo. Omnibus locis ex Archimedis uerbis citatis usque ad prop. 9 signa adp. F. 19. τμηματα F; corr. Torellius. 20. ειναι per comp.

[lineæe] 1) parallelae sint, in partes aequales inter se secant. figura autem AHETBXZ&F proprie inscripta ab Archimede nominata est [II p. 192, 9].

In prop. III.

Similia segmenta sectionum conorum Apollonius in sexto libro conicorum [VI def. 7] ea esse definiuit, in quibus ductis lineis basi parallelis numero in omnibus aequalibus et lineae parallelae et bases ad partes diametrorum ad uertices uersus abscisas easdem rationes haberent, et partes abscisae ad abscisas. [ibidem demonstratum est], omnes parabolas similes esse [Apollon. VI, 11]. figura autem proprie inscripta in scholio praecedenti explicata est. diametros similiter secari [II p. 196, 11] hoc significat, segmenta earum eandem rationem habere. — reliqua pars theorematis manifesta est ex figura supra [p. 326] proposita.

In prop. IV.

II p. 198, 20—22: figura rectilinea segmento proprie inscribatur, ita ut segmenta reliqua spatio K minora sint] hoc manifestum est ex iis, quae in decimo libro elementorum [Eucl. X, 1] et primo libro de sphaera et cylindro [I, 6 p. 24] dicta sunt.

In prop. V.

II p. 204, 1-2: et quoniam parallelogrammum est ΘZHI] nam quoniam KZ = AH (sunt enim dia-

¹⁾ H. e. diametri diametris, ordinatae ordinatis parallelae.

F; corr. Torellius. 21. δεκάτφ] δευτερω F; corr. A, ed. Basil. 22. του FA.

μάτων διάμετροι) καὶ ἴσον ἀπέχουσαι τοῦ ΒΔ ἄξονος καὶ ὁμοίως διήρηνται ὑπὸ τῶν Θ, Ι κέντρων, ἔστιν, ὡς ἡ ΚΘ πρὸς ΘΖ, ἡ ΛΙ πρὸς ΙΗ, καὶ ἐναλλάξ. καὶ διὰ τοῦτο ἴση ἐστὶν ἡ ΘΖ τῆ ΙΗ. ἔστιν δὲ καὶ παρ- ὁ άλληλος παράλληλοι γάρ εἰσιν πᾶσαι αἱ διάμετροι τῆς παραβολῆς. παραλληλόγραμμον ἄρα ἐστὶ τὸ ΘΖΗΙ.

Είς τὸ δεύτερον μέρος τοῦ ε΄.

'Εσσείται δή τοῦ μὲν έξ ἀμφοτέρων τῶν ΑΚΒ, ΒΓΛ τμαμάτων συγκειμένου μεγέθεος κέντρον 10 βάρεος τὸ Χ, τοῦ δὲ έξ ἀμφοτέρων τῶν ΑΚΒ, ΒΛΓ τριγώνων τὸ Τ] δέδεικται μὲν γὰρ ἐν τῷ προλαβόντι, ὅτι ἡ ΘΜ ἐπιζευγνύουσα τὰ κέντρα τῶν τμημάτων διχοτομεῖται ὑπὸ τῆς ΒΛ κατὰ τὸ Χ παράλληλος οὖσα τῆ ΖΗ, καὶ ἡ ΝΙ διχοτομεῖται κατὰ 15 τὸ Τ. ὅστε κέντρον βάρους ἐστὶ τὸ Χ τοῦ συγκειμένου μεγέθους ἐκ τῶν ΛΚΒ, ΒΛΓ τμημάτων καὶ τὸ Τ τοῦ συγκειμένου μεγέθους ἐκ τῶν ΛΚΒ, ΒΛΓ τριγώνων.

Έπει οὖν μείζονα λόγον ἔχει τὸ ΒΑΓ τοί-

25 R X M A A T

γωνον ποτί τὰ ΑΚΒ, ΒΛΓ τρίγωνα ἢ ποτί τὰ τμάματα] καὶ τὰ έξῆς. ἐπεὶ γὰρ δέδεικται τοῦ μὲν ΑΒΓ τριγώνου α΄ν κέντρον τοῦ βά-ρους τὸ Ε, τῶν

δὲ ΑΒΚ, ΒΛΓ τριγώνων κέντρον τὸ Τ, φανερόν, ὅτι

1. ισων per comp. F. 7. μερον τον (μερου του?) F. 8

metri segmentorum aequalium), et ab axe $B\Delta$ aequali spatio absunt et centris Θ , I similiter dividuntur, erit $K\Theta: \Theta Z = \Lambda I: IH$, et vicissim $[K\Theta: \Lambda I = \Theta Z: IH]$. quare $\Theta Z = IH$. sed etiam parallelae sunt. nam omnes diametri parabolae parallelae sunt. itaque ΘZHI parallelogrammum est.

In alteram partem prop. V.

II p. 206, 7—10: magnitudinis igitur ex segmentis AKB, $B\Gamma\Lambda$ compositae centrum grauitatis est X, magnitudinis autem ex triangulis AKB, $B\Lambda\Gamma$ compositae T] nam in praecedenti³) demonstratum est, ΘM centra segmentorum iungentem in X a linea $B\Lambda$ in partes aequales secari, cum parallela sit lineae ZH, et lineam NI in T in partes aequales secari. quare X centrum grauitatis est magnitudinis ex segmentis AKB, $B\Lambda\Gamma$ compositae, et T magnitudinis ex triangulis AKB, $B\Lambda\Gamma$ compositae.

II p. 208, 2—3: iam quoniam triangulus $BA\Gamma$ maiorem rationem habet ad triangulos AKB, $BA\Gamma$ quam ad segmenta] cett. nam quoniam demonstratum est, trianguli $AB\Gamma$ centrum grauitatis esse E, triangulorum autem ABK, $BA\Gamma$ centrum T, manifestum

2) H. e. in priore parte prop. V (II p. 204, 1 sq.).

¹⁾ Nam componendo est $KZ : \Theta Z = AH : IH$; et hoc fortasse post IH lin. 3 excidit.

εσται F, uulgo. $\delta \dot{\eta}$] scripsi; $\delta \varepsilon$ F, uulgo. 9. $B\Gamma \Lambda$] scripsi; $B\Gamma \Delta$ F; $B\Lambda \Gamma$ uulgo. τμηματων F; corr. Torellius. 10. $\beta \alpha$ eous F, uulgo. 11. T] Γ F. 14. NI] scripsi; $H\Theta$ FV; IN uulgo. 15. X τοῦ ad καὶ τό lin. 16 om. F; corr. Torellius. 20. ποτί] προς per comp. F; corr. Torellius. 23. τμηματα F; corr. Torellius. 29. T] Γ FV.

τοῦ ΑΚΒΑΓ εὐθυγοάμμου κέντοον τοῦ βάρους ἐπὶ τῆς ΤΕ τμηθείσης κατὰ τὸ Ρ κατὰ τὸν ἀντιπεπονθότα λόγον τοῦ, ὃν ἔχει τὸ ΑΒΓ ποὸς τὰ ΑΚΒ, ΒΑΓ τρίγωνα. ἐπεὶ δὲ τὸ ΑΒΓ τρίγωνον πρὸς τὰ ΚΑΒ, ΒΑΓ τρίγωνα μείζονα λόγον ἔχει ἤπεο πρὸς τὰ τμήματα (μείζονα γάρ ἐστι τὰ τμήματα τῶν τριγώνων), δῆλον, ὅτι, ἐὰν τέμωμεν τὴν ΕΤ ἐν τῷ λόγω τῷ, ὃν ἔχει τὸ τρίγωνον πρὸς τὰ τμήματα, ἀνωτέρω τοῦ Ρ πεσείται τὸ σημείον, ὃ ἔσται κέντρον τοῦ παν-10 τὸς τμήματος διὰ τὴν ἀντιπεπόνθησον.

Els τὸ τ'.

Τὸ πέντρον τοῦ τμήματος πάντως ἔν ἐστι καὶ ἐγγύτερον τῆς κορυφῆς τοῦ τμήματος ἤπερ τὰ τῶν ἐγγραφομένων εὐθυγράμμων. τοῦ γὰρ ΑΒΓ τριγώνου 15 κέντρον τοῦ βάρους ἐστίν, εἰ τύχοι, τὸ Ε τῆς ΒΔ τμηθείσης οῦτως, ὥστε διπλασίαν εἶναι τὴν ΕΒ τῆς ΕΔ. φανερόν, ὅτι πάντα τὰ κέντρα τῶν ἐγγραφομένων εὐθυγράμμων μεταξὰ πεσοῦνται τῶν Θ, Ε σημείων. καὶ ὅσω [δ'] ἄν πολυπλευρότερον ἢ τὸ γνω-20 ρίμως ἐγγραφόμενον, τοσούτω μᾶλλον συνεγγίζει τῷ Θ. φανερὸν οὖν, ὅτι τὴν μεταξὰ τῶν κέντρων τοῦ γνωρίμως ἐγγραφομένον εὐθυγράμμου καὶ τοῦ τμήματος μείζονα μὲν εἶναι τῆς ΕΘ ἀδύνατον, ἐλάσσονα δὲ δυνατὸν οὖ μόνον τῆς ΘΕ, ἀλλὰ καὶ πάσης τῆς δοθείσης.

έπεί] επι F; corr. BD.
 ΚΛΒ ΚΛΒ F; corr. Torellius. Lin. 12—14 signum adp. F.
 έσειν] per comp. F; fort. έσεω.
 14. τριγώνον] ♥ F.
 15. έσειν] deleo.
 20. μαλλο cum comp. ον F.

est, centrum grauitatis figurae rectilineae $AKB\Lambda\Gamma$ in TE positum esse in puncto P secta secundum rationem contrariam, ac habeat $AB\Gamma$ ad triangulos AKB, $B\Lambda\Gamma$. et quoniam triangulus $AB\Gamma$ ad triangulos KAB, $B\Lambda\Gamma$ maiorem rationem habet, quam ad segmenta (nam segmenta maiora sunt triangulis), adparet, si ET secundum eam rationem secuerimus, quam habet triangulus ad segmenta, punctum hoc supra P casurum esse 1), et propter proportionem contrariam centrum totius segmenti erit. 3)

In prop. VI.

Centrum segmenti omnino unum est et uertici propius quam centra figurarum rectilinearum inscriptarum. nam trianguli $AB\Gamma$ centrum grauitatis sit E linea $B\Delta$ ita secta, ut sit $EB=2E\Delta$. manifestum est, omnia centra figurarum rectilinearum inscriptarum inter puncta Θ , E cadere [cfr. supra p. 336, 1]. et quo plura latera habet figura proprie inscripta, eo magis puncto Θ adpropinquat. itaque manifestum est, lineam inter centra figurae rectilineae proprie inscriptae et segmenti positam maiorem linea $E\Theta$ esse non posse, minorem uero non modo linea ΘE , sed quauis magnitudine data.

¹⁾ Nam quo longius punctum sectionis a T abest, eo maior erit ratio partium lineae $E\,T$, cum terminus praecedens sit pars ad T uersus posita.

²⁾ Cfr. omnino περί ἐπιπ. ἰσορρ. Ι, 8.

Els τὸ ζ'.

Ἐγγεγράφθω δὲ εἰς τὸ ΑΒΓ τμᾶμα τῷ ἐντῷ ΕΖΗ τμάματι ὁμοῖον εὐθύγραμμον, τουτέστιν ὁμοίως γνωρίμως] ὁμοίως γὰρ γνωρίμως

δ ἐγγράφεται, ὅταν αὶ τομαὶ τῆς ΑΒΓ παραβολῆς ἴσαι γένωνται ταῖς τῆς ΕΖΗ, ὥστε τὰς πλευρὰς τοῦ ἐντῷ ΑΒΓ τμήματι ἐγγεγραμμένου γνωρίμως ἰσοπληθεῖς εἶναι ταῖς τοῦ ἐν τῷ ΕΖΗ ἐγγεγραμμένου εὐθυγράμμου. ἐπεὶ γὰρ δὴ πορυφαί εἰσι τὰ Β, Ζ σημεῖα

10 τῶν ὁμοίων τμημάτων, ὅμοιά ἐστι τὰ οὕτως γνωρίμως ἐγγραφόμενα.

Είς τὸ η'.

Καὶ ἐπεί ἐστιν, ὡς ἁ ΒΘ ποτὶ ΘΔ, οῦτως ἁ ΚΜ ποτὶ ΜΖ (ὅμοια γὰρ ὅντα τὰ τμήματα ἔξει κέν
15 τρα εἰς τοὺς αὐτοὺς λόγους τέμνοντα τὰς διαμέτρους), καὶ συνθέντι, ὡς ἁ ΒΔ ποτὶ ΔΘ, ἁ ΚΖ ποτὶ ΖΜ, καὶ ἐναλλάξ, ὡς ὰ ΒΔ ποτὶ ΚΖ, οῦτως ὰ ΔΘ ποτὶ ΜΖ, τετραπλασία δὲ ὰ ΒΔ τᾶς ΚΖ΄ τοῦτο γὰρ ἐπὶ τέλει δεικνύται, οὖ σαμείον ζ] έξῆς δὲ
20 αὐτὸ ἡμεῖς δείξομεν.

ἔστω παραβολή ή $AB\Gamma$, ής διάμετρος ή $B\Delta$. καὶ ἤχθω τεταγμένως ή $A\Delta$, καὶ ἐπεζεύχθω ή AB, καὶ δίχα τετμήσθω ή AB κατὰ τὸ Z, καὶ διὰ τοῦ Z τῆ

In prop. VII.

II p. 212, 16-21: inscribatur autem segmento $AB\Gamma$ figura rectilinea figurae segmento EZH inscriptae similis, h. e. similiter proprie] nam similiter proprie [figura] inscribitur, si sectiones parabolae $AB\Gamma$ sectionibus parabolae EZH [numero] aequales sunt, ita ut latera figurae rectilineae segmento $AB\Gamma$ inscriptae proprie totidem sint, quot latera figurae segmento EZH inscriptae. nam quoniam puncta B, Z similium segmentorum uertices sunt, etiam figurae ita proprie inscriptae similes sunt.

In prop. VIII.

II p. 214, 15-19: et quoniam est

 $KM:MZ = B\Theta:\Theta \triangle$

(nam cum segmenta similia sint, centra in eadem proportione diametros secabunt) 1), et componendo

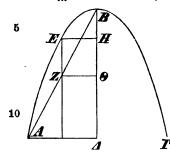
 $KZ:ZM=B\Delta:\Delta\Theta,$

et uicissim $B\Delta: KZ = \Delta\Theta: MZ$, sed $B\Delta = 4KZ$. hoc enim in fine demonstratur, ubi est signum \mathcal{O}] nunc autem nos demonstrabimus.

sit $AB\Gamma$ parabola, cuius diametrus sit $B\Delta$? et ordinate ducatur $A\Delta$, et ducatur AB, et AB in Z in partes aequales secetur, et per Z lineae $B\Delta$ par-

¹⁾ Hic errauit Eutocius; neque enim segmenta similia sunt. tamen quod contendit Archimedes recte se habet, quia propositio 7, sicut prop. 3 (cfr. uol. II p. 199 not. 5), non tantum de similibus, sed de quibusuis segmentis uera est (Nizze p. 34 not. γ) sed cum Archimedes propp. 3 et 7 de similibus segmentis solis demonstrauerit, non constat, quo modo hoc loco concludi uoluerit. cfr. Nizze p. 34 not. α .

 $B \triangle$ παράλληλος ἤχθω ἡ EZ. διάμετρος ἄρα ἐστὶν τοῦ AB τμήματος. καὶ ἀπὸ τῶν E, Z παρατεταγμένως ἤχθωσαν αἱ EH, $Z\Theta$. ἐπεὶ οὖν ἴση ἐστὶν ἡ AZ



τῆ BZ, διπλῆ ἐστιν ἡ ABτῆς ZB, καὶ ἡ ΔB τῆς $B\Theta$, καὶ ἡ $A\Delta$ τῆς $Z\Theta$,
τουτέστι τῆς EH. ὅστε τὸ ἀπὸ $A\Delta$ τοῦ ἀπὸ EH ἐστι
τετραπλάσιον, καὶ διὰ τοῦτο
ἡ ΔB τῆς BH ἐστι τετραπλασία- μήκει. ἐπεὶ οὖν ἡ $B\Delta$ τῆς [μὲν] $B\Theta$ διπλῆ, ἡ

 $B\Theta$ τῆς BH ἐστι διπλῆ. καὶ ἡ ΘH τῆ HB ἴση, τουτέστι τῆ EZ διὰ τὸ παραλληλόγραμμον εἶναι τὸ $EHZ\Theta$. 15 τετραπλασία ἄρα ἡ $B \triangle$ τῆς ZE.

Καὶ ἐπεὶ τετραπλασίων ἐστὶν ἁ ΒΔ τᾶς ΒΣ καὶ γὰρ τοῦτο δεικνύται] δέδεικται γὰρ ἐν τῷ λήμματι ἡ ΒΔ ἐκατέρας τῶν ΒΗ, ΕΖ τετραπλασία. ῶστε ἡ ΒΗ τῆ ΕΖ ἐστιν ἴση. καὶ διὰ τοῦτο ἐνταῦθα 20 ἡ ΒΣ τῆ ΚΖ ἴση, καὶ ἡ ΒΔ ἐκατέρας αὐτῶν τετραπλασία.

΄ A B Ξ ἄρα τᾶς B Δ τρίτον μέρος] έπεὶ γὰρ τετραπλασίων ἡ B Δ τῆς B Σ, οῖων ἄρα ἡ B Δ τεσσάρων, ἡ B Σ ένός, καὶ οῖων ἄρα ἡ B Δ δώδεκα, τοι-25 ούτων ἡ B Σ τριῶν. τριπλῆ δὲ ἡ B Σ τῆς Σ Ξ. οῖων ἄρα ἡ B Σ τριῶν, ἡ Ξ Σ ένός, καὶ ὅλη ἡ B Ξ τεσσάρων. τούτων δὲ ἦν ἡ B Δ δώδεκα. ἡ B Ξ ἄρα τῆς B Δ τρίτον μέρος ἐστί.

Τοιπλούν δε τὸ ΑΒΓ τοίγωνον των τμαμά-

^{2.} AB] AEB Torellius. $\tau \tilde{\omega} \nu$] per comp. F. 6. $B\Theta$] BE FV. 7. EH] EB FV. 12. $\mu \epsilon \nu$] deleo. 14. $\tau \tilde{\eta}$ EZ] $\tilde{\eta}$

allela ducatur EZ. itaque diametrus est segmenti AB. et a punctis E, Z ordinatae parallelae ducantur EH, $Z\Theta$. quoniam igitur AZ = BZ, erit AB = 2ZB, $\Delta B = 2B\Theta$, $A\Delta = 2Z\Theta = 2EH$. quare $A\Delta^2 = 4EH^2$, et ideo $\Delta B = 4BH$ [Apollon. I, 20]. quoniam igitur $B\Delta = 2B\Theta$, erit $B\Theta = 2BH$. et $\Theta H = HB$, h. e. HB = EZ, quia $EHZ\Theta$ parallelogrammum est. itaque $B\Delta = 4ZE$.

II p. 216, 4-5: et quoniam est $B \triangle = 4B\Sigma$; nam hoc quoque demonstratur] nam in scholio [p. 340, 9 sq.] demonstratum est, esse $B \triangle = 4BH = 4EZ$. itaque BH = EZ. itaque hoc loco [u. fig. II p. 214] $B\Sigma = KZ$ et $B\triangle = 4B\Sigma = 4KZ$.

II p. 216, 6: erit igitur $B\Xi = \frac{1}{3}B\Delta$] nam cum sit $B\Delta = 4B\Sigma$, si $B\Delta = 4n$, erit $B\Sigma = 1n$; quare si $B\Delta = 12m$, erit $B\Sigma = 3m$. sed $B\Sigma = 3\Sigma\Xi$ [ex hypothesi]. itaque si $B\Sigma = 3m$, erit $\Xi\Sigma = 1m$ et $B\Xi = 4m$. sed erat $B\Delta = 12m$. quare $B\Xi = \frac{1}{3}B\Delta$.

II p. 216, 15: sed triangulus $AB\Gamma$ triplo maior²)

2) τοιπλούν (pro τοιπλάσιον) hic quoque interpolatori deberi uidetur.

¹⁾ Omittendum erat $\dot{\eta} B \Delta - \tau \epsilon \tau \rho \alpha \pi \lambda \alpha \sigma l \alpha$ lin. 18. nam esse $B \Delta = 4 E Z$, inde demonstratum est, quod B H = E Z.

EZ? 16. $B\Sigma$] BE FV. 18. $\tau\tilde{a}\nu$] per comp. F. $\tau\epsilon\tau_0\alpha$ - $\tau\lambda\alpha\sigma(\alpha)$ $\tau_0\tau\lambda\alpha\sigma(\alpha)$ F. 22. $\dot{\alpha}$] η F; corr. Torellius. $B\Xi$] BZ FV. $\tau\tilde{a}_{5}$] $\tau\eta_{5}$ per comp. F; corr. Torellius. 29. sine signo F.

των] δέδεικται γὰρ ὑπ' αὐτοῦ ἐν τῷ περὶ τῆς τοῦ ὀρθογωνίου κώνου τομῆς, ὅτι πᾶν σχῆμα περιεχόμενον ὑπὸ εὐθείας καὶ ὀρθογωνίου κώνου τομῆς ἐπίτριτόν ἐστι τριγώνου τοῦ τὴν αὐτὴν βάσιν ἔχοντος αὐτῷ καὶ ὕψος ἴσον. ώστε τὸ ΑΒΓ τμῆμα τοῦ ΑΒΓ τριγώνου ἐπίτριτόν ἐστιν. καὶ διελόντι τὸ ΑΒΓ τρίγωνον τῶν ΑΚΒ, ΒΛΓ τμημάτων τριπλάσιόν ἐστιν.

Καί έντι τᾶς ΕΔ τοιπλασία ά ΔΒ. ἡμιολία ἄρα έντὶ ά ΒΘ τᾶς ΘΔ. ὅπερ ἔδει δείξαι] ἐπεὶ 10 γὰρ τριπλῆ ἐστιν ἡ ΒΔ τῆς ΔΕ, οῖων ἄρα ἡ ΒΔ δεκαπέντε, τοιούτων ἡ ΕΔ πέντε. οῖων δὲ ἡ ΔΕ πέντε, τοιούτου ἡ ΘΕ ἐνός, καὶ ὅλη ἡ ΘΕΔ ἔξ. ἔξαπλασία ἄρα ἡ ΔΘ τῆς ΘΕ. οῖων ἄρα ἡ ΒΔ δεκαπέντε, τοιούτων ἡ ΔΘ ἔξ, καὶ λοιπὴ ἡ ΘΒ ἐννέα. 15 ῶστε ἡμιολία ἐστὶν ἡ ΒΘ τῆς ΘΔ.

Είς τὸ δ΄.

Τὸ ἔνατον θεώρημα πάνυ ὂν ἀσαφὲς έκθησόμεθα παραφράζοντες σαφῶς κατὰ τὸ δυνατόν.

έπεὶ γὰο ἀνάλογόν εἰσιν αί ΑΒ, ΒΓ, ΔΒ, ΒΕ, 20 καὶ διελόντι καὶ ἐναλλὰξ αί ΑΓ, ΓΔ, ΔΕ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ εἰσίν. ἐπεὶ οὖν αί ΑΒ, ΒΓ, ΒΔ, ΒΕ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ εἰσὶ καὶ αί ΑΓ, ΓΔ, ΔΕ, ἔστιν, ὡς ἐν τοῖς πρώτοις μεγέθεσιν ἡγούμενον καὶ μέσον πρὸς ἐπόμενον, οὕτως ἐν τοῖς δευτέροις μεγέθεσιν ἡγού-25 μενον καὶ μέσον πρὸς ἐπόμενον. ὡς ἄρα συναμφότερος ἡ ΑΓ, ΓΔ, τουτέστιν ἡ ΑΔ, πρὸς ΔΕ, οῦτως συναμφότερος ἡ ΑΒ, ΓΒ πρὸς ΔΒ. ὡς δὲ συναμ-

^{1.} $\pi \epsilon \varrho l$ $\tau \epsilon \tau \varrho \alpha \gamma \omega \nu \iota \sigma \mu \omega \tilde{\nu} \tilde{\tau} \tilde{\eta} s$ Torellius. 8. $\dot{\alpha}$] η F; corr. Torellius. 12. $\Theta E \Delta$] scripsi; ΘE , ΔE F, uulgo. 13. $\tilde{\alpha} \varrho \alpha$] (prius) om. F; corr. Torellius. 17. $\tilde{\epsilon} \nu \nu \alpha \tau \sigma \nu$ Torellius. 21.

est segmentis] nam ab eo in libro de parabola [$\tau\varepsilon$ - $\tau\varrho\alpha\gamma$. $\pi\alpha\varrho\alpha\beta$. 17 et 24] demonstratum est, quamuis figuram comprehensam linea recta et sectione coni rectanguli tertia parte maiorem esse trianguli eandem basim habenti et altitudinem aequalem. quare segmentum $AB\Gamma$ tertia parte maius est triangulo $AB\Gamma$, et dirimendo triangulus $AB\Gamma$ triplo maior est segmentis AKB, $BA\Gamma$.

II p. 216, 21-22: et est $\Delta B = 3E\Delta$. quare est $B\Theta = \frac{3}{2}\Theta\Delta$;

quod erat demonstrandum] nam cum sit $B \Delta = 3 \Delta E$, si $B \Delta = 15$ m, erit $E \Delta = 5$ m, et si $\Delta E = 5$ m, erit $\Theta E = 1$ m [II p. 216, 19], et $\Theta E \Delta = 6$ m. itaque $\Delta \Theta = 6 \Theta E$. quare si $B \Delta = 15$ m, erit $\Delta \Theta = 6$ m, et $B \Theta = B \Delta \div \Delta \Theta = 9$ m. quare $B \Theta = \frac{3}{2} \Theta \Delta$.

In prop. IX.

Nonum theorema, quod obscurissimum est, explicabimus per metaphrasim quam planissimam.

nam cum AB, $B\Gamma$, ΔB , BE proportionales sint, etiam dirimendo et uicissim $A\Gamma$, $\Gamma\Delta$, ΔE in eadem proportione erunt. quoniam igitur AB, $B\Gamma$, $B\Delta$, BE^1) in eadem proportione sunt ac $A\Gamma$, $\Gamma\Delta$, ΔE , erit, ut in primis magnitudinibus praecedens cum medio ad sequens, ita in secundis magnitudinibus praecedens cum medio ad sequens. itaque

 $A\Gamma + \Gamma\Delta : \Delta E = AB + \Gamma B : \Delta B = A\Delta : \Delta E$.

¹⁾ Uidetur delendum esse BE (AE) lin. 21; cfr. p. 344, 6.

BE] ΔE F, uulgo; BI Torellius; corr. Cr. 27. AB] AΓ F corr. AC.

φότερος ή ΑΒ, ΓΒ προς ΔΒ, ούτως ή β΄ συναμφοτέρου τῆς ΑΒ, ΒΓ πρὸς τὴν β΄ τῆς ΒΔ, διότι τὰ μέρη τοῖς ώσαύτως πολλαπλασίοις τὸν αὐτὸν ἔγει λόγον. καὶ ώς ἄρα ἡ $A \triangle$ πρὸς $\triangle E$, οῦτως ἡ β΄ 5 συναμφοτέρου τῆς ΑΒΓ πρὸς τὴν β΄ τῆς ΔΒ. πάλιν έπειδη αί ΓB , $B \triangle$, B E έν τῷ αὐτῷ λόγῳ εἰσὶν καὶ αί ΑΓ, ΓΔ, ΔΕ, έστιν διὰ τὰ πρότερον είρημένα, ώς ή ΑΔ πρός ΔΕ, ούτως συναμφότερος ή ΓΒ, ΒΔ πρὸς BE. ἦν δὲ καί, ὡς ἡ $A \triangle$ πρὸς $\triangle E$, ἡ β΄ συν-10 αμφότέρου τῆς ΑΒ, ΒΓ πρὸς τὴν β΄ τῆς ΒΔ. καὶ ώς άρα εν πρός εν, ούτως απαντα πρός απαντα. ώς άρα ή ΑΔ πρὸς ΔΕ, ούτως τὰ ἡγούμενα πρὸς τὰ έπόμενα. ἔστιν δε ηγούμενα μεν ή β' συναμφοτέρου της ΑΒ, ΒΓ και συναμφότερος ή ΓΒ, ΒΔ, τουτέστι 15 δύο αί AB και τρείς αί ΓB και μία η $B \Delta$ επόμενα δὲ $\dot{\eta}$ $\dot{\beta}$ $\dot{\tau}$ $\ddot{\eta}$ ς $B \triangle$ καὶ $\dot{\eta}$ B E μόνη: ἔστιν οὖν, ώς $\dot{\eta}$ $A\Delta$ $\pi \rho \delta_S \Delta E$, $\hat{\eta}$ συγκειμένη εὐθεῖα ἔκ τε τῆς β' τῆς AB xal γ' $\tau \tilde{\eta}_S$ ΓB xal $\tau \tilde{\eta}_S$ ΔB $\mu \acute{o} \nu \eta_S$ $\pi \rho \acute{o}_S$ $\tau \dot{\eta} \nu$ $\sigma \nu \gamma$ πειμένην ἔκ τε τῆς β' τῆς B Δ καὶ μόνης τῆς EB. 20 και έπει μείζων έστιν ή συγκειμένη έκ τε της β΄ της AB xal $\tau \tilde{\eta}_S$ δ' $\tau \tilde{\eta}_S$ ΓB xal $\tau \tilde{\eta}_S$ δ' $\tau \tilde{\eta}_S$ ΔB xal $\tau \tilde{\eta}_S$ β' της ΒΕ της συγκειμένης έκ τε της β' της ΑΒ καλ γ' τῆς ΓB καὶ τῆς B extstyle extstyle extstyle μόνης, ἔξωθεν δέ έστιν ἡ συγκειμένη ἔχ τε της β' της ΔΒ καὶ μόνης της EB, τὸ 25 δε μεζον πρός τὸ αὐτὸ μείζονα λόγον έχει, ήπερ τὸ έλαττον, μείζονα άρα λόγον έχει ή συγκειμένη έκ τῆς β' συναμφοτέρου της ΑΒ, ΒΕ καὶ δ' συναμφοτέρου τῆς ΓΒ, Β Δ πρὸς τὴν συγκειμένην ἐκ τῆς β' τῆν ΔΒ καὶ τῆς ΕΒ μόνης, ἤπεο ἡ συγκειμένη ἐκ τῆς β΄ τῆς

^{1.} AB] AΓF; corr. A, ed. Basil. 7. τά] το F. 11. οῦ-τως] per comp. F. 21. ΓΒ] ΓΔ F; corr. A, ed. Basil. 23.

sed $AB + B\Gamma : \Delta B = 2(AB + B\Gamma) : 2B\Delta$, quia partes eandem habent rationem quam multipla similia. quare etiam $A\Delta : \Delta E = 2(AB + B\Gamma) : 2\Delta B$. rursus quoniam ΓB , $B\Delta$, BE in eadem proportione sunt ac $A\Gamma$, $\Gamma\Delta$, ΔE , eadem de causa, qua supra [p. 342, 22 sq.], erit $A\Delta : \Delta E = \Gamma B + B\Delta : BE$. erat autem etiam

$$A\Delta: \Delta E = 2(AB + B\Gamma): 2B\Delta.$$

quare ut unus ad unum, ita omnes ad omnes [Eucl. V, 12]. ergo ut $A\Delta: \Delta E$, ita praecedentia ad sequentia. sed praecedentia sunt

$$2(AB + B\Gamma)$$
 et $\Gamma B + B\Delta$,

h. e. $2AB + 3\Gamma B + B\Delta$, sequentia autem $2B\Delta$ et BE. quare

 $A\Delta: \Delta E = 2AB + 3\Gamma B + \Delta B: 2B\Delta + BE$. et quoniam

 $2AB + 4\Gamma B + 4\Delta B + 2BE > 2AB + 3\Gamma B + B\Delta$, et praeterea data est linea $2\Delta B + EB$, et maius ad idem maiorem rationem habet, quam minus [Eucl. V, 8],

B Δ] $\Gamma\Delta$ FV. 24. Δ B] scripsi; Δ E F, uulgo; $B\Delta$ ed. Basil., Torellius, A. 28. Γ B] $\Gamma\Delta$ F. 29. μ o ν cum comp. o ν F.

ΑΒ καὶ τῆς γ΄ τῆς ΓΒ καὶ μόνης τῆς ΔΒ πρὸς τὴν συγκειμένην έκ τῆς διπλῆς τῆς Β Δ καὶ μόνης τῆς ΕΒ. άλλ' ώς ή συγκειμένη έκ τῆς β' τῆς ΑΒ καὶ γ' τῆς ΓΒ καὶ τῆς Β Δ μόνης πρὸς τὴν συγκειμένην ἐκ τῆς β΄ τῆς 5 BΔ καὶ μόνης τῆς EB, οῦτως ἐδείχθη ἡ A Δ πρὸς Δ E. και ή συγκειμένη άρα έκ της β' συναμφοτέρου της ΑΒ, ΒΕ και δ' συναμφοτέρου της ΓΒ, ΒΔ πρός την συγκειμένην ἔκ τε τῆς β' τῆς B Δ καὶ μόνης τῆς EBμείζονα λόγον έχει, ήπεο ή ΑΔ ποὸς ΔΕ. ἐὰν ἄρα 10 θελήσωμεν ποιῆσαι τὸν αὐτὸν λόγον τῆς ΑΔ πρὸς άλλην τινά, έλάσσων έσται έχείνη τῆς ΔΕ. έστω ἡ ΔΟ. ἔστιν ἄρα, ώς ή ΔΔ πρός ΔΟ, ή συγκειμένη έκ της β΄ συναμφοτέφου της ΑΒ, ΒΕ καλ δ΄ συναμφοτέρου τῆς ΓΒ, ΒΔ πρὸς τὴν συγκειμένην ἐκ τῆς 15 β΄ της Β Δ και μόνης της ΕΒ. αναπαλιν άρα έστίν, $\dot{\omega}$ ς $\dot{\eta}$ $O\Delta$ πρ $\dot{\omega}$ ς ΔA , $\dot{\eta}$ συγκειμένη έκ τῆς β' τῆς $B\Delta$ και μόνης της ΕΒ ποὸς την συγκειμένην έκ της β΄ συναμφοτέρου της ΑΒ, ΒΕ και της δ' συναμφοτέρου $\tau \tilde{\eta}_S \Gamma B$, $B \Delta$. xal συνθέντι, $\dot{\omega}_S \dot{\eta} O A \pi \varrho \dot{o}_S A \Delta$, 20 ούτως ή συγκειμένη έκ τῆς β' τῆς ΑΒ καὶ δ' τῆς ΓΒ καί $\mathbf{5}'$ της $\mathbf{B} \mathbf{\Delta}$ καί $\mathbf{\gamma}'$ της $\mathbf{B} \mathbf{E}$ πρὸς την συγκειμένην έκ της β' συναμφοτέρου της ΑΒ, ΒΕ και δ' συναμφοτέρου τῆς ΓΒ, ΒΔ. ἥ τε γὰο ΒΔ έξάκις παρελήφθη, τετράκις μεν έν τοίς προτέροις, δίς δε έν τοίς 25 δευτέροις, καὶ ή ΒΕ τρίς έλήφθη, δίς μεν έν τοῖς πρώτοις, απαξ δε εν τοις δευτέροις. υπόκειται δε καί ή ΑΔ πρός ΗΘ τοῦτον ἔχουσα τὸν λόγον, ὃν ἔχει ἡ συγκειμένη έκ των ε΄ συναμφοτέρου της ΑΒ, ΒΕ καί ι' συναμφοτέρου της ΓΒ, ΒΔ πρός την συγκειμένην 30 ἐχ τῆς β΄ τῆς AB καὶ δ΄ τῆς ΓB καὶ τ΄ τῆς B o καὶ 13. BE BI FV. 19. A A A FV. 25. reis reit

erit

$$2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta) : 2\Delta B + EB$$
$$> 2AB + 3\Gamma B + \Delta B : 2B\Delta + EB.$$

sed

$$2AB + 3\Gamma B + B\Delta : 2B\Delta + EB = A\Delta : \Delta E$$
, ut demonstratum est. quare etiam

$$2(AB+BE)+4(\Gamma B+B\Delta):2B\Delta+EB>A\Delta:\Delta E.$$
 si igitur rationem, quam habet $A\Delta$ ad aliam lineam, eandem¹) facere uoluerimus, illa minor erit quam ΔE [Eucl. V, 10]. sit ΔO . erit igitur

$$A\Delta: \Delta O = 2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta): 2B\Delta + EB.$$
 e contrario igitur

$$O\Delta: \Delta A = 2B\Delta + EB: 2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta).$$
 et componendo

$$OA: A\Delta = 2AB + 4\Gamma B + 6B\Delta + 3BE$$
$$: 2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta);$$

nam $B\Delta$ sexies sumitur, quater in primis, bis in secundis, et BE ter sumitur, bis in primis, semel in secundis. supponitur autem

$$A\Delta: H\Theta = 5(AB + BE) + 10(\Gamma B + B\Delta)$$
$$: 2AB + 4\Gamma B + 6B\Delta + 3BE,$$

¹⁾ Sc. ac

 $²⁽AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta) : 2B\Delta + EB$. ceterum lin. 10 uidetur scribendum: \dot{zov} avzov \dot{zov} \dot{zov} \dot{zov} ov et p. 348, 1 $\dot{\eta}$ avaloyía.

cum comp. or F; corr. AB. 29. i'] om. F; corr. ed. Basil. ΓB] $\Gamma \Delta$ F; corr. AB.

γ' της ΒΕ, καί έστι τεταραγμένη ἀναλογία. δι' ἴσου ἄρα, ώς ή ΟΑ πρὸς ΗΘ, οῦτως ή συγκειμένη ἐκ τῆς ε' συναμφοτέρου τῆς ΑΒ, ΒΕ καὶ ι' τῆς ΓΒ, ΒΔ ποὸς τὴν συγκειμένην ἔκ τε τῆς β΄ συναμφοτέρου τῆς 5 AB, BE καὶ δ' τῆς ΓΒ, ΒΔ. τὸ γὰο τῆς γεγραμμένης ἀναλογίας οῦτως ἔσται δῆλον ἐπεὶ γάρ ἐστιν, ώς έν τοις πρώτοις μεγέθεσιν ήγούμενον ή ΟΑ πρός έπόμενον την ΑΔ, ούτως έν τοῖς δευτέροις μεγέθεσιν ἡγούμενον ἡ συγκειμένη ἐκ τῆς β' τῆς ΑΒ καὶ δ' τῆς 10 ΓB καl 5' τ $\tilde{\eta}_S$ $B \triangle$ καl γ' τ $\tilde{\eta}_S$ B E πρ $oldsymbol{o}_S$ έπόμενον την συγκειμένην έκ της β΄ συναμφοτέρου της ΑΒ, ΒΕ καλ δ΄ συναμφοτέρου της ΓΒ, ΒΔ, ώς δε εν τοις πρώτοις μεγέθεσιν έπόμενον ή ΑΔ πρός άλλο τι την ΗΘ, ουτως έν τοις δευτέροις μεγέθεσιν άλλο τι ή 15 συγκειμένη έκ της ε΄ συναμφοτέρου της ΑΒ, ΒΕ καί ι' συναμφοτέρου τῆς ΓΒ, Β⊿ πρὸς ἡγούμενον τὴν συγκειμένην έκ τε της β΄ της ΑΒ και δ΄ της ΓΒ και $\mathbf{5}'$ τῆς $\mathbf{B} \mathbf{\Delta}$ καὶ $\mathbf{\gamma}'$ τῆς $\mathbf{B} \mathbf{E} \dagger$. ἐπεὶ ἡ ε' συναμφοτέρου τῆς ΑΒ, ΒΕ πρός την β΄ της αὐτης λόγον έχει, ον πέντε 20 πρὸς δύο, ἔχει δὲ καὶ ἡ ι΄ συναμφοτέρου τῆς ΓΒ, B extstyle extstyle extstyle πρὸς τὴν δ΄ τῆς αὐτῆς λόγον, ὃν πέντε πρὸς δύο,έπειδή και τὰ πέντε πρὸς δύο και τὰ δέκα πρὸς τέσσαρα λόγον ἔχει, ὃν πέντε πρὸς δύο, καὶ ἡ συγκειμένη ἄρα έκ της ε΄ συναμφοτέρου της ΑΒ, ΒΕ και ι΄ συν-25 αμφοτέφου τῆς ΓΒ, ΒΔ πρὸς τὴν συγκειμένην ἐκ τῆς β' συναμφοτέρου τῆς ΑΒ, ΒΕ καὶ δ' τῆς ΓΒ, ΒΔ λόγον ἔχει, ὃν πέντε πρὸς δύο. ὥστε καὶ ἡ ΑΟ πρὸς

ἄρα ἐστίν uulgo; sed ἐστιν om. FD. 7. ὡς] om. F.
 AB] AΔ FV. 12. BΔ] scripsi; BΛ FV; ΔB uulgo.
 ἡγούμενον] om. F; corr. Torellius. 18. ἐπεὶ δέ Torellius; fort. ἐπεὶ οὐν. 27. ὥστε] ως δε F; corr. Torellius.

et proportio est perturbata. ex aequali igitur [Eucl. V, 23]

$$OA: H\Theta = 5(AB + BE) + 10(\Gamma B + B\Delta)$$

: $2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta)$.

nam ratio huius proportionis ita erit manifesta: quoniam enim est, ut in primis magnitudinibus praecedens OA ad sequens $A\Delta$, ita in secundis praecedens

$$2AB + 4\Gamma B + 6B\Delta + 3BE$$

ad sequens

$$2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta),$$

et ut in primis magnitudinibus sequens $A \triangle$ ad aliud $H\Theta$, ita in secundis aliud

$$5(AB + BE) + 10(\Gamma B + B\Delta)$$

ad praecedens

$$2AB + 4\Gamma B + 6B\Delta + 3BE$$

[cum perturbata sit proportio (Eucl. V def. 20), erit ex aequali (Eucl. V, 23), ut in primis magnitudinibus primum OA ad extremum $H\Theta$, ita in secundis primum

$$5(AB + BE) + 10(\Gamma B + B\Delta)$$

ad extremum

$$2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta)]^{1}$$

iam quoniam

et

$$5(AB + BE) : 2(AB + BE) = 5 : 2,$$

 $10(\Gamma B + B\Delta) : 4(\Gamma B + B\Delta) = 5 : 2,$

quia 5:2=10:4=5:2, erit

$$5(AB + BE) + 10(\Gamma B + B\Delta)$$

: $2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta) = 5:2$.

¹⁾ Haec uel similia excidisse uidentur (cfr. Eucl. V def. 18). saltem sententia aliqua primaria ad śmel lin. 6 pertinens deest.

ΗΘ λόγον έχει, δυ πέντε πρὸς δύο. πάλιν έπεὶ έδείχθη έν τοῖς ἀνωτέρω, ὅτι ἡ Ο Δ πρὸς ΔΑ τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον, ὂν ἔχει ἡ ΕΒ μετὰ τῆς β΄ τῆς Β⊿ πρὸς τὴν ίσην τη συγκειμένη έκ τε της β΄ συναμφοτέρου της 5 AB, BE μετὰ τῆς δ' συναμφοτέρου τῆς ΓB , $B \Delta$, ἔστιν δὲ καί, ώς επόμενον έν τοῖς πρώτοις μεγέθεσιν ή ΑΔ πρός άλλο τι την ΔΕ, ούτως έν τοις δευτέοοις μεγέθεσιν άλλο τι ή συγκειμένη έκ τῆς β' τῆς ΑΒ καὶ γ' τῆς ΓΒ καὶ μόνης τῆς ΔΒ πρὸς ἡγούμενον 10 την συγκειμένην έκ τε της EB καὶ της β' της $B\Delta$. άνομοίως των λόγων τεταγμένων, τουτέστι τεταραγμένης ούσης τῆς ἀναλογίας, δι' ἴσου ἐστίν, ὡς ἡ ΟΔ πρὸς ΔΕ, ούτως ή συγκειμένη ἐκ τῆς β΄ τῆς ΑΒ καὶ τῆς γ΄ τῆς ΓΒ καὶ μόνης τῆς Β Δ πρὸς τὴν συγκειμένην 15 ἐκ τῆς β' συναμφοτέρου τῆς AB, BE καὶ δ' τῆς ΓB , $B \Delta$. ώστε και αναπαλιν, ώς ή E Δ πρός ΔO, ούτως ή συγκειμένη έκ τῆς β΄ συναμφοτέρου τῆς ΑΒ, ΒΕ καὶ δ΄ συναμφοτέρου της ΓΒΔ πρός την συγκειμένην έκ τε $\tau \tilde{\eta}_S \beta' \tau \tilde{\eta}_S AB \times \alpha l \gamma' \tau \tilde{\eta}_S \Gamma B \times \alpha l \mu \acute{o} \nu \eta_S \tau \tilde{\eta}_S B \Delta.$ 20 καὶ ἀναστρέψαντι, ώς ή ΔΕ πρὸς ΕΟ, τὸ ἡγούμενόν φημι πρός την ύπεροχήν, ούτως ή συγκειμένη έκ της β΄ συναμφοτέρου τῆς ΑΒΕ μετὰ τῆς δ΄ τῆς ΓΒΔ πρός την συγκειμένην έκ της ΓΒ μόνης και γ΄ της $B \triangle$ xal $\tau \tilde{\eta}_S \beta' \tau \tilde{\eta}_S EB$ ev μ ev $\gamma \tilde{\alpha}_Q \tau \tilde{\omega} \tilde{\eta}_{\gamma}$ ou μ ev $\tilde{\eta}$ 25 β΄ τῆς ΑΒ καὶ τῆς ΒΕ, ἐν δὲ τῷ ἐπομένῳ ἡ β΄ τῆς ΑΒ μόνης ωστε περιλείπεται έν ταις ύπεροχαις ή β΄ τῆς ΕΒ πάλιν ἐν μὲν τῷ ἡγουμένῷ ἡ δ΄ συναμφοτέρου τῆς ΓΒΔ, ἐν δὲ τῷ ἐπομένῳ ἡ γ΄ τῆς ΓΒ καὶ ή Β Δ μόνη : ώστε περιλείπεται έν ταζς ύπερογαζς ή

^{2.} ανοτερω F. 11. τεταγμεν cum comp. ην F. 12. οῦσης] ης ουσης F; corr. A, ed. Basil. 21. οῦτως] per comp. F.

quare etiam $AO: H\Theta = 5:2$. rursus quoniam supra [p. 346, 12] demonstratum est, esse

 $O\Delta: \Delta A = EB + 2B\Delta: 2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta)$, et praeterea est [p. 344, 16], ut in primis magnitudinibus sequens $A\Delta$ ad aliud ΔE , ita in secundis aliud $2AB + 3\Gamma B + \Delta B$ ad praecedens $EB + 2B\Delta$, cum rationes dissimiliter ordinatae sint, h. e. cum perturbata sit proportio, ex aequali erit

$$O\Delta: \Delta E = 2AB + 3\Gamma B + \Delta B$$
$$: 2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta).$$

quare etiam e contrario

$$E\Delta: \Delta O = 2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta)$$
$$: 2AB + 3\Gamma B + B\Delta.$$

et convertendo praecedens ad excessum [Eucl. V def. 17]

$$\Delta E: EO = 2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta)$$
$$: \Gamma B + 3B\Delta + 2EB;$$

nam in praecedenti est 2AB + 2BE, in sequenti autem 2AB; quare in excessu relinquitur 2EB; rursus in praecedenti est $4(\Gamma B + B\Delta)$, in sequenti autem

$$3\Gamma B + B\Delta;$$

quare relinquitur in excessu $\Gamma B + 3B\Delta$. recte igitur diximus, convertendo esse

$$\Delta E: EO = 2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta)$$
$$: \Gamma B + 3\Delta B + 2EB.$$

 ΓB μόνη καὶ ἡ γ' τῆς $B \Delta$. καλῶς οὖν ἐλέχθη, ὅτι έστιν αναστρέψαντι, ώς ή ΔΕ πρός ΕΟ, ή συγκειμένη έκ της β΄ συναμφοτέρου της ΑΒ, ΒΕ καὶ δ΄ συναμφοτέρου της ΓΒΔ πρός την συγκειμένην έκ τε 5 τ $\tilde{\eta}_S$ ΓB καὶ τ $\tilde{\eta}_S$ γ' τ $\tilde{\eta}_S$ ΔB καὶ τ $\tilde{\eta}_S$ β' τ $\tilde{\eta}_S$ E B. $\tilde{\omega}$ στε καὶ ἀνάπαλιν, ώς ΟΕ πρός ΕΔ, οῦτως ἡ συγκειμένη έκ τῆς ΓΒ μετὰ τῆς γ΄ τῆς ΒΔ καὶ β΄ τῆς ΕΒ πρὸς την συγκειμένην έκ της β΄ συναμφοτέρου της ΑΒΕ καὶ δ΄ συναμφοτέρου τῆς $\Gamma B \Delta$. ἔστιν δὲ καί, ὡς ἡ 10 ΔB πρὸς ἄλλο τι τὴν EB, ἡ AB πρὸς $B\Gamma$, καὶ διελόντι, ώς ή ΔΕ πρός ΕΒ, ή ΑΓ πρός ΓΒ. διὰ τὰ αὐτὰ δή ἐστιν, ὡς ἡ ΓΔ πρὸς ΔΒ, οὕτως ἡ ΔΕ πρὸς EB. καὶ ὡς ἄρα ἡ γ΄ τῆς $\Gamma \Delta$ πρὸς τὴν γ΄ τῆς ΔB , ουτως ή β΄ της ΔΕ πρός την β΄ της ΕΒ. τὰ γὰρ 15 μέρη τοῖς ώσαύτως πολλαπλασίοις τὸν αὐτὸν ἔγει λόγον. καὶ ὡς ἄρα ἐν πρὸς ἔν, οῦτως ᾶπαντα τὰ ἡγούμενα πρός απάντα τὰ έπόμενα. ἔστιν ἄρα, ώς ή ΔΕ πρός ΕΒ, ούτως ή συγκειμένη έκ της ΑΓ καὶ της γ' τῆς $\Gamma \Delta$ καὶ ἡ β΄ τῆς ΔE πρὸς τὴν συγκειμένην ἔκ 20 τε της ΓB καὶ της γ' της $B \triangle$ καὶ της β' της E B. έπεὶ οὖν έδείχθη, ώς ἐν τοῖς πρώτοις μεγέθεσιν ἡγούμενον ή ΟΕ πρός επόμενον την ΔΕ, έν τοις δευτέφοις μεγέθεσιν ήγούμενον ή συγκειμένη έκ της ΓΒ καὶ τῆς γ' τῆς $B \triangle$ καὶ β' τῆς B E πρὸς ἐπόμενον τὴν 25 συγκειμένην έκ της β΄ συναμφοτέρου της ΑΒ, ΒΕ καί δ΄ συναμφοτέρου τῆς ΓΒΔ, ώς δὲ ἐν τοῖς πρώτοις μεγέθεσιν επόμενον ή ΔΕ πρός αλλο τι την ΕΒ, έν τοις δευτέροις μεγέθεσιν άλλο τι ή συγκειμένη έκ της $A\Gamma$ καὶ γ' τῆς $\Gamma \Delta$ καὶ β' τῆς ΔE πρὸς ἡγούμενον

^{6.} $\dot{\omega}_S$ $\dot{\eta}$ OE? 15. π ollu π la σ lo ι F. 18. $\tau\tilde{\eta}_S$ γ'] om. F; corr. ed. Basil. 25.

quare etiam e contrario

$$OE: E \Delta = \Gamma B + 3B\Delta + 2EB$$
$$: 2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta).$$

sed etiam $\Delta B : EB = AB : B\Gamma$ [ex hypothesi], et dirimendo $\Delta E : EB = A\Gamma : B\Gamma$. eadem de causa est $\Gamma \Delta : \Delta B = \Delta E : EB$.\(^1\)) quare

$$3\Gamma\Delta: 3\Delta B = 2\Delta E: 2EB;$$

partes enim cum multiplis similibus in eadem proportione sunt. quare etiam ut unus ad unum, ita omnes termini praecedentes ad omnes sequentes. itaque

$$\Delta E: EB = A\Gamma + 3\Gamma\Delta + 2\Delta E: \Gamma B + 3B\Delta + 2EB.$$

iam quoniam demonstratum est, esse, ut in primis magnitudinibus praecedens OE ad sequens ΔE , ita in secundis praecedens $\Gamma B + 3B\Delta + 2BE$ ad sequens

$$2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta),$$

et est, ut in primis magnitudinibus sequens ΔE ad aliud EB, ita in secundis aliud $A\Gamma + 3\Gamma\Delta + 2\Delta E$

¹⁾ Nam $\Gamma B : \Delta B = \Delta B : EB'$ (ex hypothesi). itaque $\Delta E : EB = A\Gamma : B\Gamma = 3\Gamma\Delta : 3\Delta B = 2\Delta E : 2EB$.

τῆς AB ad συναμφοτέρου lin. 26 om. F; corr. ed. Basil. 29. γ'] scripsi; $\dot{\eta}$ $\dot{\gamma}'$ F, unlgo. β'] η F, ν V.

την συγκειμένην έκ τε της ΓΒ και γ΄ της ΔΒ και β΄ της ΒΕ, δι' ίσου εν τη τεταραγμένη αναλογία, ώς ή ΟΕ πρός ΕΒ, ή συγκειμένη έκ τε της ΑΓ και γ΄ της $\Gamma \Delta$ καὶ β' τῆς ΔE πρὸς τὴν συγκειμένην ἐκ τῆς β' 5 συναμφοτέρου τῆς ΑΒΕ μετὰ τῆς δ΄ συναμφοτέρου της ΓΒΔ. και συνθέντι, ώς ή ΟΒ πρός ΒΕ, ούτως ή συγκειμένη έκ τῆς ΑΓ καὶ γ΄ τῆς ΓΔ καὶ β΄ τῆς E extstyle extstyleαμφοτέρου τῆς ΓΒΔ πρὸς τὴν συγκειμένην ἔκ τε τῆς 10 β΄ συναμφοτέρου τῆς ΑΒΕ καὶ δ΄ συναμφοτέρου τῆς $\Gamma B \Delta$. ἀλλὰ ἡ συγκειμένη ἐκ τῆς $A\Gamma$ καὶ γ' τῆς $\Gamma \Delta$ καὶ $oldsymbol{eta}'$ τῆς $oldsymbol{\Delta} E$ καὶ $oldsymbol{eta}'$ συναμφοτέρου τῆς $oldsymbol{A} B$, $oldsymbol{B} E$ καὶ δ' συναμφοτέρου της ΓΒΔ ζση έστι τη συγκειμένη Ĕx τε τῆς γ' τῆς AB καὶ ς' τῆς ΓB καὶ γ' τῆς ΔB . 15 η τε γαρ ΑΒ δίς παρελήφθη αὐτόθεν καὶ προσλαβοῦσα την ΑΓ και έκ της δ΄ της ΓΒ μίαν ποιεί την γ΄ της ΑΒ΄ πάλιν ἀφαιρεθείσης ἀπὸ τῆς δ΄ τῆς ΓΒ μιᾶς γίνεται γ΄, προσλαβοῦσα δὲ τὴν γ΄ τῆς Γ⊿ καὶ γ΄ τῆς ΔΒ ποιεί την 5' της ΓΒ. πάλιν άφαιρεθείσης άπὸ 20 τῆς δ΄ τῆς ΔΒ γ΄ μένει μόνη ἡ ΔΒ, προσλαβοῦσα δε τήν τε β΄ τῆς ΔΕ καὶ τὴν β΄ τῆς ΕΒ ποιεῖ τὴν γ' τῆς Β Δ. καλῶς οὖν λέγει, ὅτι ἡ ΟΒ πρὸς ΕΒ τοῦτον ἔχει τὸν λόγον, ὃν ἔχει ἡ συγκειμένη ἐκ τῆς γ' τῆς ΑΒ καὶ 5' τῆς ΓΒ καὶ γ' τῆς ΔΒ πρὸς τὴν 25 συγκειμένην έκ της β΄ συναμφοτέρου της ΑΒΕ καί δ΄ συναμφοτέρου της ΓΒΔ. πάλιν έπει αι ΕΔ, ΔΓ, ΓΑ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ εἰσὶ καὶ διὰ τὸ ἀνάπαλιν τῆς ύποθέσεως συναμφότερος έκάστη των ΕΒ, ΒΔ, ΔΒ, $B\Gamma$, $B\Gamma$, BA, Eσται, ώς $\hat{\eta}$ $E\Delta$ πρός την μέσην και την

^{4.} $\Gamma \Delta$] $B \Delta$ F V D. β'] (prius) scripsi; $\dot{\eta}$ $\dot{\beta}'$ F, uulgo. 8. $E \Delta$] $B E \Delta$ F. 9. $\Gamma B \Delta$] $\Delta B \Delta$ F V A. 12. $\tau \ddot{\eta} s \Delta B$, B E

ad praecedens $\Gamma B + 3\Delta B + 2BE$, ex aequali in proportione perturbata erit

$$OE : EB = A\Gamma + 3\Gamma\Delta + 2\Delta E$$

: $2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta)$.

et componendo erit

$$OB : EB \Rightarrow A\Gamma + 3\Gamma\Delta + 2E\Delta + 2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta) : 2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta).$$
sed

$$A\Gamma + 3\Gamma\Delta + 2\Delta E + 2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta)$$

$$= 3AB + 6\Gamma B + 3\Delta B;$$

nam AB per se bis adsumpta est, et adsumptis AF et ex $4\Gamma B$ una facit 3AB; rursus ex $4\Gamma B$ una ablata relinquitur $3\Gamma B$, adsumptis autem $3\Gamma A$ et 3AB facit $6\Gamma B$; rursus ab 4AB ablatis 3AB relinquitur AB, adsumptis autem 2AE et 2EB facit 3BA. recte igitur dicit $[\Pi p. 224, 6-11]$, esse

$$OB : EB = 3AB + 6\Gamma B + 3\Delta B$$
$$: 2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta).$$

rursus quoniam $E\Delta$, $\Delta\Gamma$, $\Gamma\Lambda$ et $EB+B\Delta$, $\Delta B+B\Gamma$, $B\Gamma+B\Lambda$ (propter hypothesim et e contrario) in eadem proportione sunt¹), erit, ut $E\Delta$ ad mediam cum

¹⁾ H. e. $E\Delta: \Delta\Gamma = \Delta\Gamma: \Gamma A = EB + B\Delta: \Delta B + B\Gamma = \Delta B + B\Gamma: B\Gamma + BA;$ u. II p. 224, 11—13; cfr. II p. 225 not. 2.

παὶ δ΄ συναμφοτέρου] om. F; corr. ed. Basil. 14. ΔB] ΔE FV. 16. τὴν γ΄ τῆς scripsi; τριτον την F, uulgo. 17. αφαιρεθεισα η δ της F; corr. ed. Basil. μιᾶς] scripsi; μιαν F, uulgo; μια A. 18. γίνεται] γαρ per comp. F; corr. AB. τὴν γ΄] της (comp.) γ΄ F. 20. δ΄] $\bar{α}$ F; corr. ed. Basil. 21. δέ] δ F. 22. οὖν] per comp. F. Huic lineae et lin. 26 signum adp. F. 24. γ΄] (alt.) η γ΄ FA. 26. $\Delta \Gamma$, ΓA] ΔI F; corr. A, ed. Basil. 29. $B\Gamma$] (alt.) om. F; corr. Torelius (ΓB).

έπομένην τὰς ΔΓ, ΓΑ, τουτέστι τὴν ΔΑ, ούτως συναμφότερος ή ΕΒ, ΒΔ πρός συναμφότερον την ΔΒ, ΒΓ μετὰ συναμφοτέρου τῆς ΓΒ, ΒΑ. καὶ συνθέντι άρα, ώς ΕΑ πρός ΑΔ, ούτως συναμφότερος ή ΕΒΔ 5 μετὰ συναμφοτέρου τῆς ΔΒΓ καὶ μετὰ συναμφοτέρου τῆς ΓΒΑ πρὸς συναμφότερον τὴν ΔΒΓ μετὰ συναμφοτέρου τῆς ΓΒΑ. ἀλλὰ συναμφότερος ἡ ΕΒΔ μετὰ τῆς ΔΒΓ καὶ τῆς ΓΒΑ ἴση ἐστὶ συναμφοτέρω τη ΕΒΑ και δίς συναμφοτέρω τη ΔΒΓ απαξ γάο 10 αί ἄκραι παραλαμβάνονται καὶ δὶς αί μέσαι. συναμφότερος δε ή ΔΒΓ μετά της ΓΒΑ ίση έστι συναμφοτέρω τη ΑΒΔ καὶ δὶς τη ΒΓ διὰ τὴν αὐτὴν αίτιαν. ώστε έστιν, ώς ή ΕΑ πρός ΑΔ, ούτως ή συγκειμένη έκ τε της ΕΒΑ καί β΄ συναμφοτέρου της 15 ΔΒΓ πρός την συγκειμένην έκ τε συναμφοτέρου της $\Delta B A$ καὶ τῆς β' τῆς ΓB . ὧστε καὶ ἡ διπλασία πρὸς την διπλασίαν τον αὐτον έχει λόγον. ώς ἄρα ή ΕΑ πρός ΑΔ, ούτως ή συγκειμένη έκ της β' συναμφοτέρου της ΕΒΑ μετά της δ' συναμφοτέρου της ΓΒΔ 20 πρὸς τὴν συγκειμένην ἐκ τῆς β΄ συναμφοτέρου τῆς $AB\Delta$ καὶ τῆς δ΄ τῆς ΓB . ὅστε καί, ὡς ἡ EA πρὸς τὰ τρία πέμπτα τῆς ΑΔ, οὕτως ἡ συγκειμένη ἐκ τῆς β΄ συναμφοτέρου τῆς ΑΒΕ καὶ δ΄ συναμφοτέρου τῆς ΓΒ Δ πρὸς τὰ τρία πέμπτα τῆς συγκειμένης ἐκ τῆς β΄ 25 συναμφοτέρου τῆς ΑΒΔ καὶ τῆς δ' τῆς ΓΒ. ἀλλ' ὡς ή ΑΕ πρός τὰ τρία πέμπτα τῆς ΑΔ, οὖτως ἐλήφθη ή ΒΕ πρός ΖΗ. καὶ ώς ἄρα ή ΕΒ πρός ΖΗ, οῦτως ή συγκειμένη έκ της β΄ συναμφοτέρου της ΑΒΕ καί τῆς δ΄ συναμφοτέρου τῆς ΓΒ Δ πρὸς τὰ τρία πέμπτα

^{4.} $\dot{\omega}_{S}$ $\dot{\eta}$ EA? 11. $\triangle B\Gamma$] $\triangle BI$ FVD. 12. $\triangle BA$] $\triangle AA$ F; corr. A, ed. Basil. $\triangle B\Gamma$] scripsi; $\triangle A\Gamma$ F, uulgo; $\triangle BA$, ed.

sequenti $\Delta \Gamma + \Gamma A$, h. e. ΔA , ita

$$EB + B\Delta : (\Delta B + B\Gamma) + (\Gamma B + BA).$$

quare etiam componendo

$$EA: A\Delta = (EB + B\Delta) + (\Delta B + B\Gamma) + (\Gamma B + BA)$$
$$: (\Delta B + B\Gamma) + (\Gamma B + BA).$$

sed

$$(EB + B\Delta) + (\Delta B + B\Gamma) + (\Gamma B + BA)$$

= $EB + BA + 2(\Delta B + B\Gamma);$

nam termini extremi semel, medii bis adsumuntur. et $(\Delta B + B\Gamma) + (\Gamma B + BA) = AB + BA + 2B\Gamma$ eadem de causa. quare erit

$$EA: A\Delta = EB + BA + 2(\Delta B + B\Gamma)$$
$$: \Delta B + BA + 2\Gamma B.$$

quare etiam duplex ad duplex eandem rationem habebit. erit igitur

$$EA: A\Delta = 2(EB + BA) + 4(\Gamma B + B\Delta)$$
$$: 2(AB + B\Delta) + 4\Gamma B.$$

quare etiam

$$EA: \frac{3}{5}A\Delta = 2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta)$$
$$: \frac{3}{5}(2(AB + B\Delta) + 4\Gamma B).$$

sed sumpsimus $AE: \frac{3}{5}A\Delta = BE: ZH^{1}$ quare

$$EB: ZH = 2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta)$$

: $\frac{3}{2}(2(AB + B\Delta) + 4\Gamma B)$.

¹⁾ Sumpsimus (II p. 218, 13 sq.) $BE: EA = ZH: \frac{3}{5}A\Delta$; tum uicissim.

Basil., Torellius.
 14. β'] om. FVA.
 15. ΔΒΓ] ΔΓΒ F.
 28. ΔΒΕ] ΔΒΔ F.
 29. τὰ τρία πέμπτα τῆς συγκειμένης] την συγκειμένην F; corr. Torellius.

της συγκειμένης έκ της β΄ συναμφοτέφου της ΑΒΔ καὶ δ΄ τῆς ΓΒ. ἐπεὶ οὖν δέδεικται, ὡς ἡγούμενου ἡ ΟΒ πρός επόμενον την ΒΕ, ούτως ηγούμενον η γ΄ συναμφοτέρου της ΑΒΔ μετά της 5' της ΓΒ πρός 5 έπόμενον την β΄ συναμφοτέρου της ΑΒΕ και δ' συναμφοτέρου της ΓΒΔ, ώς δε επόμενου ή ΕΒ πρός άλλο τι τὴν ΖΗ, οῦτως ἐπόμενον ἡ β΄ συναμφοτέρου της ΑΒΕ καὶ ή δ' συναμφοτέρου της ΔΒΓ πρός τὰ τρία πέμπτα τοῦ έπομένου, τουτέστι τῆς συγκειμένης 10 ἐκ τῆς β' συναμφοτέρου τῆς $AB\Delta$ καὶ τῆς δ' τῆς ΓB , τεταγμένης οὖν οὖσης τῆς ἀναλογίας δι' ἴσου ἐστίν, ώς ή ΟΒ πρός ΖΗ, ούτως ή συγκειμένη έκ τε της γ΄ συναμφοτέρου τῆς ΑΒΔ καὶ τ΄ τῆς ΓΒ πρὸς τὰ τρία πέμπτα τῆς συγκειμένης ἔκ τε τῆς β΄ συναμφοτέρου 15 $\tau \tilde{\eta}_S$ $AB\Delta$ nal δ' $\tau \tilde{\eta}_S$ ΓB . $\tilde{\eta}$ $\delta \tilde{\epsilon}$ συγκειμένη έκ $\tau \tilde{\eta}_S$ γ' συναμφοτέρου τῆς ΑΒΔ καὶ ς΄ τῆς ΓΒ πρὸς τὴν συγκειμένην έκ τῆς β' συναμφοτέρου τῆς AB Δ καὶ δ' τῆς ΓΒ λόγον ἔχει, ὃν τοία ποὸς δύο, ποὸς δὲ τὰ τρία πέμπτα τῆς αὐτῆς λόγον ἔχει, ὂν πέντε πρὸς δύο. 20 †τὰ δὲ έξαπλάσια τῶν αὐτῶν τῶν τετραπλασίων ἡμιόλιά έστιν πρός δε τρία πέμπτα της αὐτης λόγον έχει, ον πέντε πρός δύο. έπειδή γαρ τα ήγούμενα των έπομένων ήμιόλια, καὶ λόγον ἔχει πρὸς αὐτά, ὂν τρία πρὸς δύο. ἔχει ἄρα καί, ὃν τεσσαράκοντα πέντε πρὸς

^{5.} $\epsilon \pi \delta \mu \epsilon \nu o \nu$] om. F; corr. Torellius. δ'] om. FAD. 7. $\tau \eta \nu ZH$] τα τρια πεμπτα της ZH F; corr. ed. Basil. $\epsilon \pi \delta - \mu \epsilon \nu o \nu$] ηγουμενον F; corr. Torellius. 8. $\Delta B \Gamma$] scripsi; $\Delta E \Gamma$ F, uulgo; $\Gamma B \Delta$ A, ed. Basil., Torellius. 9. τοῦ $\epsilon \pi o \nu \epsilon \nu o \nu$ $\epsilon \pi o \nu \epsilon \nu o \nu$ $\epsilon \pi o \nu \epsilon \nu o \nu$ $\epsilon \pi o \nu e \nu o \nu$ $\epsilon \pi o \nu e \nu o \nu$ $\epsilon \pi o \nu e \nu o \nu$ $\epsilon \pi o o \nu$

quoniam igitur demonstratum est, esse, ut praecedens OB ad sequens BE, ita praecedens

$$3(AB + B\Delta) + 6\Gamma B$$

ad sequens $2(AB + BE) + 4(\Gamma B + B\Delta)$, et ut sequens EB ad aliud ZH, ita sequens

$$2(AB + BE) + 4(AB + B\Gamma)$$

ad tres quintas partes sequentis, h. e.

$$\frac{3}{6}(2(AB+B\Delta)+4\Gamma B),$$

cum ordinata sit proportio [Eucl. V def. 19], ex aequali est

$$OB: ZH = 3(AB + B\Delta) + 6\Gamma B$$

: $\frac{2}{3}(2(AB + B\Delta) + 4\Gamma B)$.

sed

$$3(AB + BA) + 6\Gamma B : 2(AB + BA) + 4\Gamma B = 3:2$$
 et

$$3(AB+BA)+6\Gamma B: \frac{3}{5}(2(AB+BA)+4\Gamma B)=5:2.$$

[nam triplum eiusdem dimidia parte maius est duplo]¹), et sexcuplum eiusdem dimidia parte maius est quadruplo. sed ad tres quintas partes eiusdem²) eam rationem habet³), quam 5:2. nam quoniam praecedentia dimidia parte maiora sunt sequentibus, eam ad ea rationem habent, quam 3:2. quare etiam eam rationem habent, quam 45:30 (nam $45=3\times15$,

¹⁾ Sic fere lacuna explenda est.

H. e. tres quintas partes dupli et quadrupli.
 Subiectum est: triplum et sexcuplum eiusdem.

γὰς τριπλασία συναμφοτέρου τῆς $AB \triangle$ τῆς διπλασίας συναμφοτέρου τῆς $AB \triangle$ ἡμιολία ἐστί. deinde sic correxit ἡ δὲ ἑξαπλασία τῆς ΓB τῆς τετραπλασίας τῆς ΓB ἡμιολία ἐστί, omissis uerbis πρὸς δέ lin. 21 ad πρὸς δύο lin. 22. 21. δὲ τὰ τρία? 22. γάρ] scripsi; δε F, uulgo,

τριάκοντα εκάτερον γὰρ έκατέρου ἐστὶ πεντεκαιδεκαπλάσιου. καί ἐστι τὰ τρία πέμπτα τῶν τριάκοντα δεκαοκτώ. ἔχει ἄρα τεσσαράκοντα πέντε πρὸς δεκαοκτώ λόγον, δν πέντε πρὸς δύο. τὰ γὰρ πέντε καὶ τὰ δύο ἀμφοτέρων δείδιν ἔννατα. ἐπεὶ οὖν δέδεικται ἡ μὲν ΟΑ πρὸς ΗΘ λόγον ἔχουσα, δν πέντε πρὸς δύο, ἡ δὲ ΟΒ πρὸς ΖΗ τὸν αὐτὸν λόγον, δύο πεμπτημόριά ἐστιν ὅλη ἡ ΖΘ ὅλης τῆς ΑΒ.

Elg τὸ ι'.

10 Φανεφὸν δή, ὅτι καὶ τοῦ ΑΔΕΓ τόμου διάμετρός ἐστιν ὰ ΖΗ] ἐπεὶ γὰρ ὑπόκειται ἡ ΖΒ διάμετρος τοῦ τμήματος, καὶ αἱ ΑΓ, ΔΕ διχοτομούμεναι ὑπ' αὐτῆς κατὰ τὰ Ζ, Η, παράλληλοί εἰσιν τῆ κατὰ τὸ Β ἐφαπτομένη τῆς τομῆς. καὶ δῆλον, ὅτι καὶ πᾶ-15 σαι αἱ ὁμοίως αὐταῖς ἀγόμεναι παράλληλοι εἰτε μεταξὺ αὐτῶν εἰτε καὶ μεταξὺ τῆς ΔΕ καὶ τῆς Β κορυφῆς δίχα τμηθήσονται ὑπὸ τῆς ΒΖ. καὶ διὰ τοῦτό φησι διάμετρον εἶναι τοῦ τόμου τὴν ΖΗ.

'All' ώς μεν ὁ ἀπὸ ΖΑ κύβος ποτι τὸν ἀπὸ 20 ΔΗ κύβον, οῦτως τὸ [ἀπὸ] ΑΒΓ τμᾶμα ποτι τὸ ΔΒΕ τμᾶμα] ἐπει γὰο δέδεικται ὑπ' αὐτοῦ, ὅτι τὸ ΑΒΓ τμῆμα τοῦ ΑΒΓ τριγώνου ἐστιν ἐπίτριτον και τὸ ΔΕΒ τμῆμα τοῦ ΔΕΒ τριγώνου, ἔστιν, ὡς τὸ ΑΒΓ τμῆμα πρὸς τὸ ΑΒΓ τρίγωνον, οῦτως τὸ ΔΕΒ

^{1.} εκατον γας εκατεςος (-ov et -oς comp.) F; corr. ed. Basil. 2. καί] om. F; corr. ed. Basil. δεκαοκτώ] δε και (comp.) οκτω F; corr. ed. Basil. 3. Post λόγον Torellius: \tilde{o} ν $\tilde{\eta}$ συγκειμένη \tilde{e} κι τε τῆς γ' συναμφοτέςου τῆς $AB \Delta$ καὶ ς' τῆς ΓT πρὸς τὰ τρία πέμπτα τῆς συγκειμένης \tilde{e} κι τε τῆς \tilde{e} συναμφοτέςου τῆς $AB\Delta$ καὶ \tilde{o}' τῆς ΓB . οἰος καὶ \tilde{o} λόγος \tilde{e} στὶ τῆς OB πρὸς ZH. ἀλλὰ τεσσαράκοντα πέντε πρὸς δεκαοκτὰ λόγον \tilde{e} χει. 5. Post \tilde{e} ννατα Torellius: $\tilde{\omega}$ στε καὶ $\tilde{\eta}$ OB πρὸς ZH λόγον \tilde{e} χει,

 $30 = 2 \times 15$). et $\frac{3}{5} \times 30 = 18$. [quare, ut constet propositum, demonstrandum est, esse]¹) 45:18 = 5:2 [et hoc est].¹) nam $5 = \frac{1}{5} \times 45$, $2 = \frac{1}{5} \times 18$. quoniam igitur demonstratum est, esse $OA:H\Theta=5:2$, et OB:ZH=5:2, erit $Z\Theta=\frac{2}{5}AB$ [Eucl. V, 12].

In prop. X.

II p. 228, 23-230, 1: adparet igitur, etiam frusti $A \triangle E \Gamma$ diametrum esse ZH] nam quoniam suppositum est, ZB diametrum segmenti esse, etiam lineae $A\Gamma$, $\triangle E$ ab ea in partes aequales in Z, H sectae parallelae sunt lineae in B sectionem contingenti [quadr. parab. 1 extr.]. et adparet, etiam omnes lineas parallelas eodem modo ductas siue inter eas siue inter $\triangle E$ et uerticem B in partes aequales linea BZ sectum iri. ea de causa dicit, lineam ZH diametrum frusti esse.

II p. 232, 7—9: sed $ZA^3: \Delta H^3 = AB\Gamma: \Delta BE$] nam quoniam ab eo demonstratum est [$\tau \varepsilon \tau \varrho \alpha \gamma$. $\pi \alpha \varrho \alpha \beta$. 17 et 24], segmentum $AB\Gamma$ tertia parte maius esse triangulo $AB\Gamma$ et segmentum ΔEB triangulo ΔEB , segmentum $\Delta B\Gamma$ ad triangulum $\Delta B\Gamma$ eam habebit rationem, quam segmentum ΔEB ad triangulum ΔEB .

¹⁾ Haec uidetur esse horum uerborum sententia, sed tam obscure proposita est, ut oriatur suspicio, uerba aliqua excidisse. uerum tamen cum totus hic finis corruptissimus sit, emendationem admodum incertam tentare nolui; nec conatus Torellii probo.

δυ πέντε πρὸς δύο. Lin. 10—11, 19—21 solis in hac propositione signa adp. F. 11. ά] η F; corr. Torellius. 13. τά] το F; corr. Torellius. 14. εφαπτομενοι F; corr. ed. Basil. 16. καί] (prius) per comp. F. 17. BZ] BZH FVD. 19. ZA] scripsi; ZB F, uulgo; AZ Torellius. προς F, uulgo, ut lin. 20. 20. ἀπό] delet Torellius; cfr. II, 232, 8.

τμημα πρός τὸ ΔΕΒ τρίγωνον, καὶ ἐναλλάξ, ὡς τὸ τμημα πρός τὸ τμημα, τὸ τρίγωνον πρός τὸ τρίνωνον: ώστε καὶ τὰ ἡμίση αὐτῶν, ώς τὸ ΑΒΓ τμῆμα πρὸς τὸ ΔΕΒ τμημα, ούτως τὸ ΑΖΒ τρίνωνου πρὸς τὸ 5 ΔΗΒ τρίγωνον. ώστε καὶ έὰν ἀναγράψωμεν τὰ παραλληλόγοαμμα τὰ διπλάσια τῶν τοιγώνων, ἔσται ἰσογώνια διὰ τὸ παραλλήλους είναι τὰς ΔΗ, ΑΖ' ώστε καλ λόγον έξει τὸν συγκείμενον ἐκ τῶν πλευρῶν τῆς AZ πρός ΔΗ καὶ τῆς ZB πρός BH. ὁ αὐτός δὲ 10 λόγος έστι τῶν τε τριγώνων και τῶν τμημάτων. άρα τμημα πρός τὸ τμημα λόγον έχει τὸν συγκείμενον έκ τοῦ τῆς ΑΖ πρὸς ΔΗ καὶ τοῦ τῆς ΖΒ πρὸς ΒΗ. ό δὲ τῆς ΖΒ πρὸς ΒΗ λόγος ὁ αὐτός ἐστι τῷ τοῦ άπὸ ΑΖ πρὸς τὸ ἀπὸ ΔΗ τετράγωνον. ὁ ἄρα τοῦ 15 τμήματος πρός τὸ τμημα λόγος σύγκειται έκ τοῦ ἀπὸ ΑΖ πρός τὸ ἀπὸ ΔΗ τετράγωνον καὶ τοῦ τῆς ΑΖ πρός ΔΗ. σύγκειται δε και δ τοῦ ἀπὸ ΑΖ κύβου πρός του ἀπο ΔΗ κύβου λόγος ἐκ τῶν αὐτῶν, ὡς δέδεικται έν τοῖς σχολίοις τοῦ περί σφαίρας καὶ κυ-20 λίνδρου. ἔστιν ἄρα, ώς τὸ τμῆμα πρὸς τὸ τμῆμα, ούτως ὁ ἀπὸ ΑΖ κύβος πρὸς τὸν ἀπὸ ΔΗ κύβον.

Καὶ ἐπεὶ τὸ στερεὸν τὸ βάσιν μὲν ἔχον τὸ ἀπὸ τῆς ΑΖ τετράγωνον, ὕψος δὲ τὰν συγκειμέναν ἔκ τε τᾶς β΄ τᾶς ΔΗ καὶ τᾶς ΑΖ πρὸς 25 τὸν ἀπὸ ΑΖ κύβον λόγον ἔχει, ὃν ἁ β΄ τᾶς ΔΗ μετὰ τᾶς ΑΖ ποτὶ ΖΑ] ἐπὶ γὰρ τῶν αὐτῶν βάσεων ὅντα πρὸς ἄλληλά ἐστιν, ὡς τὰ ῦψη. — ἔστιν δὲ καὶ ὡς ἡ ΔΗ πρὸς ΑΖ, ἡ ξΝ πρὸς ΝΜ, καὶ ὡς ἡ β΄ τῆς ΔΗ πρὸς ΑΖ, ἡ β΄ τῆς ΞΝ πρὸς ΝΜ.

^{1.} $\triangle EB$] $\triangle EB$ FV. 7. $\triangle H$] $\triangle H$ FV. 9. $\delta \epsilon$] yaq F; corr. Torellius. 13. $\delta \epsilon$] yaq F; corr. Torellius. 23. $\pi \eta \nu$

et uicissim, ut segmentum ad segmentum, ita triangulus ad triangulum. quare etiam sumptis eorum dimidiis, ut segmentum $AB\Gamma$ ad segmentum ΔEB , ita triangulus AZB ad triangulum ΔHB . quare etiam si construxerimus parallelogramma, quae duplo maiora sunt triangulis, aequales angulos habebunt, quia parallelae sunt ΔH , AZ. quare etiam rationem ex rationibus laterum compositam habebunt [Eucl. VI, 23], $AZ:\Delta H \times ZB:BH$. et ratio et triangulorum et segmentorum eadem est. itaque segmentum ad segmentum eam rationem habet, quam

 $AZ: \Delta H \times ZB: BH.$

sed $ZB:BH = AZ^2: \Delta H^2$ [Apollon. I, 20]. itaque ratio segmentorum composita est ex

 $AZ^2: \Delta H^2$ et $AZ: \Delta H$.

sed etiam $AZ^3: \Delta H^3$ ex iisdem composita est, ut in scholiis ad opus de sphaera et cylindro [supra p. 242, 24 sq.] demonstrauimus. segmentum igitur ad segmentum eam rationem habet, quam $AZ^3: \Delta H^3$.

II p. 232, 13-17: et quoniam

 $AZ^2 \times (2\Delta H + AZ) : AZ^3 = 2\Delta H + AZ : ZA$] nam cum in iisdem basibus sint, eam inter se rationem habent, quam altitudines. — sed etiam

 $\Delta H: AZ = \Xi N: NM$, et $2\Delta H: AZ = 2\Xi N: NM$; et componendo

 $2NZ + NM: NM = 2\Delta H + AZ: AZ^{1}$

¹⁾ Cfr. II p. 232, 17—18.

συγκειμενην F; corr. Torellius. 24. $τ\tilde{\alpha}s$] ter τηs F, ut lin. 25, 26; corr. idem. 25. $\dot{\alpha}$] η F, uulgo. 26. ΔH] AB F. προs per comp. F; corr. Torellius.

καὶ συνθέντι, ώς ή β΄ τῆς ΝΞ μετὰ τῆς ΝΜ πρὸς ΝΜ, ή β' τῆς ΔΗ μετὰ τῆς ΑΖ πρὸς ΑΖ. ἐδείχθη δε καί, ώς ὁ ἀπὸ ΑΖ κύβος πρὸς τὸν ἀπὸ ΔΗ κύβον. ούτως ο τε ἀπὸ ΜΝ κύβος πρὸς τὸν ἀπὸ ΝΞ κύβον. 5 καὶ ἡ MN πρὸς NT αί γὰρ MN, NΞ, NO, NT τέσσαρές είσιν ἀνάλογον, καὶ ώς ἡ πρώτη πρὸς τὴν τετάρτην, ούτως τὸ ἀπὸ τῆς πρώτης στερεὸν πρὸς τὸ άπὸ τῆς δευτέρας ὅμοιον καὶ ὁμοίως ἀναγεγραμμένον. 'Ως δὲ ὁ ἀπὸ ΔΗ κύβος ποτὶ τὸ στερεὸν τὸ 10 βάσιν μεν έχον τὸ ἀπὸ ΔΗ τετράγωνον, ὕψος δὲ τὰν συγκειμέναν εὐθεῖαν ἔκ τε τᾶς β' τᾶς ΑΖ καὶ τᾶς ΔΗ, οῦτως ά ΔΗ ποτὶ τὰν συγκειμέναν ἐκ τᾶς β΄ τᾶς ΑΖ καὶ τᾶς ΔΗ πάλιν γὰο πρὸς ἄλληλά ἐστιν, ὡς τὰ ΰψη. — ὡς δὲ ἡ ΔΗ πρὸς 15 τὴν β΄ τῆς ΑΖ μετὰ τῆς ΔΗ, οῦτως ἡ ΤΝ πρὸς τὴν συγκειμένην έκ τε της β΄ της ΟΝ καὶ της ΤΝ. έστιν γὰρ ὡς ἡ ΑΖ πρὸς ΔΗ, ἡ ΜΝ πρὸς ΝΞ, καὶ ἡ ΟΝ πρός ΝΤ. καὶ ἀνάπαλιν, ώς ἡ ΔΗ πρός ΑΖ, ἡ ΤΝ πρός ΝΟ. καὶ ώς ἡ ΔΗ μετὰ τῆς β' τῆς ΑΖ πρός 20 AZ, οὕτως ἡ TN μετὰ τῆς β' τῆς NO πρὸς NO. Γέγονεν οὖν τέσσαρα μεγέθη έξης ἀλλήλων κείμενα, πρώτον μέν το στερεόν τὸ βάσιν ἔχον τὸ ἀπὸ ΑΖ τετράγωνον, ύψος δὲ τὴν συγκειμένην ἐκ τῆς β΄ τῆς ΔΗ και τῆς ΑΖ, και δεύτερον ὁ ἀπὸ τῆς ΑΖ κύβος. 25 καὶ τρίτον ὁ ἀπὸ τῆς ΔΗ κύβος, καὶ τέταρτον τὸ στερεόν τὸ βάσιν έχον τὸ ἀπὸ τῆς ΔΗ τετράγωνον,

ύψος δὲ τὴν συγκειμένην ἔκ τε τῆς β΄ τῆς ΑΖ καὶ

^{2.} μετά] με F. 3. δ] om. F. 4. οῦτως] per comp. F. MN] ΛΝ FVA. 5. αί γὰρ MN, ΝΕ, ΝΟ, ΝΤ] om. F; corr. Torellius. 8. ἀναγεγραμμένον] alt. μ supra manu 1 F. 9. προς per comp. F, ut lin. 12; corr. Torellius. 11. την συγκειμενην F; corr. Torellius, ut lin. 12. της bis F; corr. idem,

sed demonstratum est [II p. 232, 5 sq.], esse

 $AZ^3: \Delta H^3 = MN^3: N\Xi^3 = MN: NT.^1)$

nam MN, NE, NO, NT quattuor sunt proportionales, et ut prima ad quartam, ita figura solida in prima constructa ad figuram solidam similem et similiter constructam in secunda [Eucl. V def. 11].

II p. 232, 20—24: et ΔH^3 : $\Delta H^2 \times (2AZ + \Delta H) = \Delta H$: $2AZ + \Delta H$] rursus enim eam inter se rationem habent, quam altitudines. — sed

 $\Delta H: 2AZ + \Delta H = TN: 2ON + TN.$ nam $AZ: \Delta H = MN: N\Xi = ON: NT.$ et e contrario $\Delta H: AZ = TN: NO.$

et $\Delta H + 2AZ : AZ = TN + 2NO : NO.^2$

Sunt³) igitur quattuor magnitudines deinceps positae, prima figura solida basim habens AZ^3 , altitudinem autem 2AH + AZ, secunda AZ^3 , tertia AH^3 , quarta figura solida basim habens AH^3 , altitudinem autem

¹⁾ Cfr. II p. 232, 9—10.

²⁾ Haec proportio ex antecedentibus (ἀνάπαλιν p. 364, 18) componendo sequitur, sed hic locum non habet, cum concludendum esset (p. 364, 14 sq.):

 $[\]Delta H: 2AZ + \dot{\Delta}H = TN : \dot{2}NO + TN$ (cfr. II p. 232, 23 sq.). itaque Torellius lin. 19—20 scripsit: καὶ ὡς ἡ ΔH πρὸς τὴν β΄ τῆς AZ μετὰ τῆς ΔH , οὕτως ἡ TN πρὸς τὴν β΄ τῆς NO μετὰ τῆς TN. sed tum ἀνάπαλιν prauum est; nam proportio, quam quaerimus, ex proportione $AZ: \Delta H = ON: NT$ ita sequitur $2AZ: \Delta H = 2ON: NT$; componendo

 $²AZ + \Delta H : \Delta H = 2ON + NT : NT.$

tum ἀνάπαλιν. puto, Eutocium ipsum errasse.
3) Cfr. II p. 234, 2 sq.; hinc paraphrasim dedit Eutocius.

ut lin. 12, 13 ter. 12. οὖτως ἀ ΔH ποτὶ τὰν συγκειμέναν ἐκ τᾶς β΄ τᾶς AZ καὶ τᾶς ΔH] om. F; in mg. addidit manus 2 adposito signo δ , cui respondet simile in textu; corr. B, ed. Basil. ά] ἡ F; corr. Torellius. 24. καί] (alt.) per comp. F. 26. ΔH] ΔH F; corr. C.

τῆς ΔΗ, καὶ ἄλλαι τινὲς εὐθεῖαι ἐν τῷ αὐτῷ λόγφ σύνδυο λαμβανόμεναι, η τε συγκειμένη έκ της β΄ της ΝΕ και μόνης τῆς ΜΝ, καὶ δευτέρα ἡ ΜΝ, και τρίτη ή ΝΤ, καὶ τετάρτη ή συγκειμένη ἐκ τῆς β΄ τῆς ΟΝ 5 καὶ τῆς ΝΤ. δι' ἴσου ἄρα γενήσεται, ώς τὸ στερεὸν τὸ βάσιν μὲν ἔχον τὸ ἀπὸ ΑΖ τετράγωνον, τψος δὲ την συγκειμένην εκ της β΄ της ΔΗ και της ΑΖ μόνης πρός τὸ στερεὸν τὸ βάσιν έχον τὸ ἀπὸ ΔΗ τετράγωνον, υψος δε την συγκειμένην έκ της β' της ΑΖ 10 καὶ μόνης τῆς ΔΗ, ούτως ἡ συγκειμένη ἐκ τῆς β΄ της ΕΝ καὶ μόνης της ΜΝ πρός την συγκειμένην έκ τῆς β΄ τῆς ΝΟ καὶ μόνης τῆς ΝΤ. ἀλλ' ὡς τὰ είσημένα στερεά πρός άλληλα, ούτως έδείχθη ή ΘΙ πρός ΙΚ. και ώς ἄρα ή ΘΙ πρὸς ΙΚ, οῦτως ή συγκει-15 μένη ἐκ τῆς β΄ τῆς ΕΝ καὶ μόνης τῆς ΝΜ πρὸς την β΄ της ΟΝ καὶ μόνης της ΝΤ. καὶ συνθέντι, ώς ή ΘΚ πρός ΚΙ, ούτως ή συγκειμένη έκ συναμφοτέρου της ΜΝΤ καὶ β΄ συναμφοτέρου της ΞΝΟ πρός την συγκειμένην έκ της β΄ της ΟΝ καὶ μό-20 νης τῆς ΝΤ. καὶ τῶν ἡγουμένων τὰ ε΄, ὡς ἡ ΗΖ πρὸς ΚΙ, οὕτως ἡ ε΄ συναμφοτέρου τῆς ΜΝΤ καὶ ι΄ συναμφοτέρου της ΕΝΟ πρός την συγκειμένην έκ της β΄ τῆς ΝΟ καὶ μόνης τῆς ΝΤ. καὶ ὡς ἄρα ἡ ΖΗ πρός ΖΚ οὖσαν αὐτῆς δύο πέμπτα (έκατέρα γὰρ τῶν 25 ΗΘ, ΖΚ δύο πεμπτημόριά έστι τῆς ΗΖ, ἐπειδή τὸ μέσον πεμπτημόριον ή ΘΚ υπόκειται), ουτως ή συγκειμένη έκ της ε΄ συναμφοτέρου της ΜΝΤ καὶ ι΄ συναμφοτέρου της ΕΝΟ πρός την β΄ συναμφοτέρου της ΜΝΤ και δ΄ συναμφοτέρου τῆς ΞΝΟ. και γὰρ τὰ β΄ 30 των ε΄, και τὰ δ΄ των ι΄ δύο πεμπτημόριά έστιν. έπει

^{7.} β'] supra manu 1, ut uidetur, F; διπλῆς uulgo.

 $2AZ + \Delta H$, et lineae quaedam, duae simul sumptae in eadem proportione, 2NE + MN, secunda MN, tertia NT, quarta 2ON + NT. quare ex aequali figura solida basim habens AZ^2 , altitudinem autem $2\Delta H + AZ$ ad figuram solidam basim habentem ΔH^2 , altitudinem autem $2AZ + \Delta H$ eam habebit rationem, quam 2EN + MN : 2NO + NT. sed demonstratum est, figuras illas solidas eam inter se rationem habere, quam $\Theta I : IK$. itaque

$$\Theta I: IK = 2\Xi N + NM: 2NO + NT.$$

et componendo

 $\Theta K: KI = MN + NT + 2(\Xi N + NO): 2ON + NT.$

et praecedentibus quinquies sumptis erit

 $HZ: KI = 5(MN + NT) + 10(\Xi N + NO): 2NO + NT.$

quare etiam ZH: ZK (quae est $\frac{2}{3}ZH$; nam

$$H\Theta = ZK = \frac{2}{5}HZ$$

quia suppositum est, ΘK mediam esse partem quintam)

$$= 5(MN + NT) + 10(\Xi N + NO) : 2(MN + NT) + 4(\Xi N + NO);$$

οὖν ἐδείχθη, ὡς ἡ ΖΗ πρὸς ΙΚ, οὕτως ἡ ε΄ τῆς ΜΝΤ καὶ ι' τῆς ΞΝΟ πρὸς τὴν β' τῆς ΝΟ καὶ μόνην την ΝΤ, πάλιν δε έδείχθη, ώς ή ΖΗ πρός ΖΚ, ή ε' συναμφοτέρου της ΜΝΤ καὶ ι' της ΞΝΟ πρός 5 την β΄ της ΜΝΤ καὶ δ΄ της ΞΝΟ, έσται, ώς ηγούμενον πρός τὰ δύο έπόμενα, οῦτως ἡγούμενον πρός τὰ δύο ἐπόμενα, ώς ή ΖΗ πρὸς ΖΙ, οῦτως ή συγκειμένη έκ της ε΄ συναμφοτέρου της ΜΝΤ και ι΄ συναμφοτέρου της ΕΝΟ πρός την συγκειμένην έκ της β΄ 10 της ΟΝ και μόνης της ΝΤ και της β' συναμφοτέρου $\tilde{\eta}_S \ MNT \ \text{nal} \ \delta' \ \tilde{\eta}_S \ \Xi NO, \ \tilde{\eta} \ \text{Estin is} \ \tilde{\eta} \ \tilde{\eta} \ \text{sugns.}$ μένη έκ τῆς β΄ τῆς ΜΝ καὶ δ΄ τῆς ΝΞ καὶ 5΄ τῆς ΝΟ καὶ γ' τῆς ΝΤ' οῦτως γὰο εἴληπται καὶ ἀνωτέρω. έπει οὖν τέσσαρες εὐθεῖαι έξῆς ἀνάλογόν είσιν αί ΜΝΞ, 15 ΟΝΤ, καί έστιν, ώς μέν ή ΝΤ πρός ΤΜ, ούτως είλημμένη τις ή ΡΙ πρός την ΖΘ, τουτέστι πρός τὰ τρία πέμπτα της ΗΖ, τουτέστι της ΜΟ, και δεδειγμέναι είσιν αί έν τῷ ρητῷ ἀναλογίαι, ἔσται διὰ τὸ προειρημένον ή ΡΖ δύο πέμπτα της ΜΝ, τουτέστι της ΖΒ. τρία 20 ἄρα πέμπτα ἐστὶν ἡ ΒΡ τῆς ΒΖ. ἡ ΒΡ ἄρα πρὸς ΡΖ λόγον έχει, ου τρία προς δύο. ώστε κέντρον βάρους έστι τοῦ ΑΒΓ τμήματος τὸ Ρ σημείου. έαν δή λάβωμεν τὸ τοῦ ΔΒΕ τμήματος τὸ Χ, τρία πέμπτα ξσται ή ΒΧ τῆς ΒΗ. γέγονεν οὖν, ὡς ὅλη ή ΖΒ 25 πρός όλην την ΒΡ, ούτως άφαιρεθείσα ή ΒΗ πρός άφαιοεθείσαν την ΒΧ. έκατέρα γάρ αὐτῶν πρός έκα-

^{1.} ZH] ZN(?) F. 8. ε΄ συναμφοτέρου ad ἐν τῆς lin. 9 om. F; corr. ed. Basil. 11. MNT] ONT F. 12. NΞ] om. F lacuna 4 litterarum relicta; corr. ed. Basil. 13. ανοτερω F. 14. MNΞ, ONT] scripsi; MN, ΞΟ, NT F (cfr. V); MN, NΞ, ON, NT uulgo. 17. MO] MΘ FV. 21. τρία] scripsi; πεντε F, uulgo. 23. λάβωμεν] Α; λαβομεν F, uulgo.

nam $2 = \frac{2}{5} \times 5$, $4 = \frac{2}{5} \times 10$. iam quoniam demonstratum est, esse

ZH:IK = 5(MN + NT) + 10(ZN + NO):2NO + NT, et rursus demonstratum est, esse

$$ZH: ZK = 5(MN + NT) + 10(ZN + NO)$$

: $2(MN + NT) + 4(ZN + NO)$,

erit, ut praecedens ad duo sequentia, ita praecedens ad duo sequentia, h. e.

$$ZH: ZI = 5(MN + NT) + 10(ZN + NO)$$

: $2ON + NT + 2(MN + NT) + 4(ZN + NO)$;
sed

$$2ON + NT + 2(MN + NT) + 4(\Xi N + NO)$$

= $2MN + 4N\Xi + 6NO + 3NT$;

nam hoc etiam supra [in prop. 9 p. 346, 19 sq.] sumptum est. iam quoniam quattuor lineae proportionales sunt, MN, $N\Xi$, ON, NT, et est

$$NT: TM = PI: Z\Theta,$$

h. e. = $PI: \frac{2}{3}HZ$, h. e. = $PI: \frac{2}{3}MO$,

et demonstratae sunt proportiones in uerbis Archimedis propositae [II p. 236, 9-18], erit propter praecedentia [prop. 9] $PZ = \frac{2}{5}MN = \frac{2}{5}ZB$. itaque

$$BP = \frac{3}{5}BZ$$
, et $BP : PZ = 3 : 2$.

quare P centrum grauitatis est segmenti $AB\Gamma$. si igitur centrum segmenti ΔBE sumpserimus X, erit $BX = \frac{3}{5}BH$. est igitur ZB:BP = BH:BX; utraque enim [ZB, BH] ad utramque [BP, BX] eam

ΔBE] ABE FV. 24. BH] XH F. οὖν] om. F; corr. Torellius.

τέραν λόγον έχει, δυ πέντε πρὸς τρία. καὶ ἡ λοιπὴ ἄρα ἡ ZH πρὸς λοιπὴν τὴν XP λόγον έξει, δυ πέντε πρὸς τρία. ἐπεὶ οὖν ὑπόκειται, ὡς ὁ ΑΔΕΓ τομεὺς πρὸς τὸ ΔΒΕ τμῆμα, οῦτως ἡ ΜΤ πρὸς ΝΤ, ὡς δὲ ἡ ΜΤ 5 πρὸς ΤΝ, οῦτως τὰ τρία πέμπτα τῆς ΗΖ, τουτέστιν ἡ ΖΘ, ῆτοι ἡ XP, πρὸς PI, ἔσται ἄρα καί, ὡς ὁ τομεὺς πρὸς τὸ τμῆμα, ἡ XP πρὸς PI. καὶ ἀντιπεπόν-θασιν † ὅπερ τὸ P κέντρον τοῦ ὅλου τμήματος. τοῦ ἄρα τόμου κέντρον ἐστὶ τὸ I.

^{2.} XP] XEP FV. 4. NT] om. F lacuna 5 litherarum relicta; corr. ed. Basil. ,, tn" Cr. 6. ZΘ] IΘ F. 8. δπερ] (-περ per comp. F) corruptum; καί ἐστι Β, ed. Basil., Torellius, Cr. In fine F: Ευτοκίου Ασκαλωνίτου υπομνημά εις το β τω ισορροπικών Αρχιμηδούς.

rationem habet, quam 5:3. quare etiam ZH: XP = 5:3.

iam quoniam suppositum est, esse

 $A \triangle E \Gamma : \triangle B E = MT : NT$

et $MT: TN = \frac{3}{6}HZ: PI = Z\Theta: PI^{1}) = XP: PI$, erit igitur $A\Delta E\Gamma: \Delta BE = XP: PI$. et in contraria proportione sunt²), et P centrum est totius segmenti. itaque I centrum est frusti.

¹⁾ Hac proportione opus non est.

²⁾ H. e. gravitates $(A\Delta E \Gamma, \Delta B E)$ in contraria proportione sunt ac lineae a centris earum (supponimus enim, I centrum esser frusti) ad centrum totius ductae; itaque aequilibritatem seruabunt $(\ell\pi\iota\pi. \ell qoqq.\ I,\ 6--7)$. et seruant, quia P centrum gravitatis est totius segmenti. ergo recte supposuimus, I centrum esse frusti. cfr. II p. 239 not. 1.

SCHOLIA CODICIS FLORENTINI.

Haec scholia breuissima fere et perpauca nec ita magni pretii in margine codicis Florentini prima manu scripta sunt.

Uol. I p. 80, 31): οί γὰο κύκλοι ποὸς ἀλλήλους είσίν, ώς τὰ ἀπὸ τῶν διαμέτοων τετοάγωνα (etiam in BC).

I p. 242, 19: δηλαδή τῶν κώνων μέσων λαμβανομένων (etiam in C).

I p. 292 lineis Λ , B, Γ , Δ , E, Z adponuntur hi numeri singuli singulis β δ η ις $\lambda\beta$ κ δ, supra $\delta\mu$ οῦ π ς, lineis H, Θ , I, K, Λ , M numeri γ ε ι β κ δ μ η λ ε , $\delta\mu$ οῦ $\overline{\varrho\kappa}$ δ.

I p. 293 lineis N, Ξ, O, Π, P, Σ adponuntur \mathfrak{s} δ 10 \mathfrak{s} ιβ η δ, όμοῦ μ, lineis T, T, Φ, X, Ψ, Ω numeri \mathfrak{d} \mathfrak{s} \mathfrak{d} ιη ιβ \mathfrak{s} , όμοῦ ξ. et hi numeri recte se habent.

I p. 302, 4: ἐν τῷ γ τῶν ἀπολλωνίου κωνικῶν δεωρήματι κ΄ (etiam in ABC; in nostris codd. est Apollon. III, 17).

¹⁾ Hoc scholium in FC ad lemma p. 80, in B suo loco legitur. I. Cremonensis habet p. 80, 9: nam circuli quicunque sic se habent ad inuicem comparati, sicut quadrata suarum diametrorum.

^{1.} $\gamma\acute{a}\varrho$] γ cum comp. $\eta \nu$ F; $\gamma \eta \nu$ B, τ' C. $\pi \varrho\acute{o}s$] comp. F; $\pi o \tau \iota'$ C. $\iota' \iota' s \iota' s$] comp. F; $\iota' \iota' s$ BC. 2. $\iota' s$] $\pi \varrho o s$ per comp. F, $\pi \varrho \acute{o}s$ B, $\pi o \tau \iota'$ C. $\tau \acute{a}$] $\tau o \nu$ F. 12. $\iota' s \nu$] $\iota' s$ C. 13. Geograph τ cum comp. $\sigma \nu$, et deinde : \sim F; Geograph Δ BC. π'] om. A.

I p. 312, 17: hic desinit fol. 44 uers. codicis; in ima pagina legitur έξης $\dot{\eta}$ καταγοαφή (etiam in BC).

I p. 332, 19: διὰ τὸ κ΄ τοῦ α΄ τῶν κωνικῶν Ἀπολλωνίου (etiam in BC; in nostris codd. est Apollon. I, 21).

II p. 20, 6: δέδεικται γὰ φ ἐν τ $\tilde{\varphi}$ $\bar{\alpha}$ θεφρήματι τοῦ δ πε φ l σφαί φ ας καὶ κυλίνδ φ ου (etiam in ABCD).

Η p. 28, 22: ή γὰρ $K\Gamma$ πρὸς $\Gamma\Lambda$ μείζονα λόγον ἔχει ἤπερ πρὸς $\Xi\Gamma$ καὶ διὰ τοῦτο μείζων ἐστὶν ή $\Xi\Gamma$ τῆς $\Gamma\Lambda$ (etiam in BC).

Π p. 30, 4: ἴσον¹) γὰρ τὸ μὲν ὑπὸ ΙΚ, ΝΙ τῷ 10 ὑπὸ ΞΙ, ΙΛ ἐν κύκλφ γὰρ δύο εὐθεῖαι τέμνουσιν ἀλλήλας τὸ δὲ ὑπὸ ΚΙ, ΓΛ τῷ ὑπὸ ΚΕ, ΙΛ, τρίγωνον γάρ ἐστι τὸ ΙΚΛ, καὶ παρὰ μίαν ἦκται ἡ ΕΓ. ἀυάλογον οὖν ἐστιν, ὡς ΙΚ πρὸς ΚΕ, ἡ ΙΛ πρὸς ΛΓ. καὶ διὰ τοῦτο τὸ ὑπὸ τῶν ἄκρων ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ 15 τῶν μέσων (etiam in BC).

II p. 36 lineis figurae hi numeri adscripti sunt manu 2: in A: $\overline{\iota \varsigma}$ $\overline{\alpha}$ $\overline{\sigma \nu \varsigma}$; in B: $\iota \delta$ $\overline{\alpha}$ $\overline{\varrho \varsigma \varsigma}$, in Γ : $\overline{\iota \beta}$ $\overline{\alpha}$ $\overline{\varrho \mu \delta}$; in Δ : $\overline{\iota}$ $\overline{\alpha}$ $\overline{\varrho}$; in E: $\overline{\eta}$ $\overline{\alpha}$ $\overline{\xi \delta}$; in Z: $\overline{\varsigma}$ $\overline{\alpha}$ $\overline{\lambda \varsigma}$; in H: $\overline{\delta}$ $\overline{\alpha}$ $\overline{\iota \varsigma}$; in Θ : $\overline{\beta}$ $\overline{\alpha}$ $\overline{\delta}$ ($\overline{\alpha}$ significat $\mathring{\alpha}\pi\acute{o}$, h. e. quadrata 20 numerorum). deinde in mg. ad lineam Θ legitur: $\tau \grave{\alpha}$ $\mathring{\varepsilon}$ λ $\tau \check{\omega} \nu$ $\mathring{\iota}$ σων $\iota \iota$ $\mathring{\iota}$ \mathring

¹⁾ Hoc scholium F manu 1 in textu est inter τῶν et KI, IN lin. 4-5; sed in margine legitur σχόλιον manu 1; deinde manus 2 haec uerba in textu uncis inclusit; in mg. BC.

^{2.} natayea $\phi\dot{\eta}$] $\bar{\kappa}$ ye $\bar{\kappa}$ FBC. 3. a'] newtov BC. Anollovíov BC. 5. $to\dot{v}$] $t\ddot{\phi}$ D. 8. $\mu\epsilon\dot{\iota}$ cum comp. or F. 10. IK, NI] $\overline{\Theta K}$ \overline{NM} F manu 1, C; corr. F manu 2, B. $t\ddot{\phi}$] to F. 11. $t\epsilon\mu\nu\nu\sigma\iota\nu$ F. 12. $t\ddot{\phi}$] to F. 14. IK] IN FBC; corr. F manu 2. $ne\phi\dot{\iota}$ (alt.) om. FC. 15. $t\ddot{\phi}$] to F. 21. $t\dot{\alpha}$ et syll. $-t\alpha$ in $\mu\epsilon\tau\dot{\alpha}$ lin. 22 sic scribitur in F: $t\ddot{\tau}$.

deinde paullo infra: τὸ ὑπὸ τῆς Θ καὶ πασῶν τῶν τῷ ἴσῷ ἀλλήλων ὑπερεχουσῶν γίνονται ρμο ὁμοῦ βυμη. et infra lineas: τὰ ἐκ πασῶν τῶν τῷ ἴσῷ ἀλλήλων ὑπερεχουσῶν γίνονται ωις. deinde in ima pagina figura 5 repetitur sine numeris. apte igitur scholiastes propositionem Archimedis arithmetico exemplo illustrauit.)

II p. 138 sq. In fine libri περὶ έλίκων (fol. 92) in F exstat scholium sequens, quod ad prop. X pertinet:

Σχόλιον είς τὸ ι΄ θεώρημα.

10 Τνα δὲ καὶ διὰ τῶν ἀριθμῶν ἀκολούθως τῆ λέξει σαφηνισθῆ τὸ θεώρημα, ὑποκείσθω τὰ αὐτὰ²) καὶ οἱ ἀριθμοὶ ὑπογεγράφθωσαν, ὡς ὑπόκειται, σὺν τοῖς πολλαπλασιασμοῖς. ἔστιν οὖν συνθέντι εὑρεῖν τὰ ἀπὸ τῶν τῷ ἴσῷ ἀλλήλων ὑπερεχουσῶν μετὰ τῶν ἀπὸ Ι,

15 K, Λ, Μ, Ν, Ξ, Ο καὶ τοῦ ἀπὸ τῆς Α καλβ, τὰ δὲ ἀπὸ τῶν τῷ ἴσῷ ἀλλήλων ὑπερεχουσῶν ωις. δῆ-λον οὖν τὸ λεγόμενον. λοιπὸν ἐπιδεῖξαι βούλεται, ὅτι τὰ δὶς ὑπὸ πασῶν μετὰ τῶν [ἀπὸ] Ι, Κ, Λ, Μ,

N, Ξ, Ο μετὰ τοῦ ὑπὸ τῆς β καὶ πασῶν τῶν τῷ ἴσῷ 20 ἀλλήλων ὑπερεχουσῶν ἴσον ἐστὶ τοῖς ἀπὸ πασῶν τῶν τῷ ἴσῷ ἀλλήλων ὑπερεχουσῶν. καὶ ἔστι μὲν αὐτόθεν ὑποκειμένων τῶν ἀριθμῶν πρόγειρον. ὁ δέ γε ᾿Αργι-

¹⁾ Exstat etiam in \boldsymbol{A} cum sequenti coniunctum, cuius quasi summa est.

²⁾ Sc. ac in scholio praecedenti.

μήδης γραμμιχώς αὐτὸ βουλόμενος δείξαι μετάγει τὸν λόγον καί φησιν έπει δύο μεν τα ύπο των Β, Ι πεοιεχόμενα ζσα τῷ ὑπὸ τῆς διπλασίας τῆς Β καὶ τῆς Θ καὶ τὰ έξῆς. φανερὰ δὲ ταῦτα ἀναγράψαντί σοι τὰ χωρία. δηλον δέ, ότι και οι άριθμοι άπαντήσωσιν. 5 ως γὰρ ἐπὶ τοῦ δὶς ὑπὸ B, I ἐστιν ἡ μὲν B $\overline{\iota \delta}$, ἡ δὲ δὲ I $\bar{\beta}$. $\vec{\omega}$ στε καὶ τὸ ὑπ' αὐτῶν γίνεται $\bar{\nu}$ 5. καί ἐστιν $\dot{\eta}$ B $\iota \delta$ $\dot{\delta}$ $\dot{\eta}$ $\ddot{\alpha}$ \dot{q} α δ $\iota \pi \lambda \ddot{\eta}$ $\dot{\eta}$ $\dot{\eta$ την I τη Θ γίνεται \overline{vs} . όμοίως δη ή τετραπλη της Γ γίνεται $\overline{\mu\eta}$, $\dot{\eta}$ δè έξαπλ $\tilde{\eta}$ τ $\tilde{\eta}$ ς Δ γίνεται $\bar{\xi}$, $\dot{\eta}$ δè ὀκταπλ $\tilde{\eta}$ τ $\tilde{\eta}$ ς 10 Ε γίνεται ξδ, και έφεξης, ώς υπύκειται. ώστε ή άπο πασών της τε διπλης καὶ τετραπλης καὶ έξαπλης καὶ τῶν λοιπῶν ἐν τῷ διαγράμματι γίνεται τλς. εἶτα πάλιν· τὰ οὖν σύμπαντα ποτιλαβόντα τὸ περιεχόμενον ύπό τε τᾶς Θ καὶ τᾶς ἴσας πάσαις ταῖς A, B, Γ , \triangle , E, Z, 15 Η, Θ έσσούνται ίσα τῷ περιεχομένω ὑπό τε τᾶς Θ καὶ τᾶς ἴσας πάσαις τᾶ τε Α καὶ τᾶ τριπλασία τᾶς Β καὶ έξης. ἐπεὶ γὰο λέγων τὸ δὶς ὑπὸ τᾶς Β καὶ τετραπλης της Γ και έξης ἐπάγει σὺν αὐτοῖς τό τε ὑπὸ της Θ καὶ τῆς ἴσης πάσαις ταῖς τῷ ἴσῳ ἀλλήλων ὑπερ- 20 εγούσαις, οὐδεν ετερον η ότι τη διπλη της Β επάγει καὶ έτέραν ώς γίνεσθαι τριπλην, καὶ τῆ τετραπλη τῆς Γ ἐπάγει καὶ πέμπτην, καὶ έξῆς ὁμοίως. γίνεται οὖν, ώς εξοηται, ή διπλη της Β και τετραπλη της Γ καί έξης τῶν λοιπῶν $\overline{\tau \lambda s}$ καί ἐστιν ἡ Θ $\bar{\beta}$ τὸ ὑπὸ δη- 25

^{5.} ἀπαντήσουσιν? 7. τὸ δὶς ὑπ'? 9. της I της Θ F; corr. BC. $\overline{\nu_5}$] om. F; sed habet lin. 9 post I, duodus punctis notatum. 11. ὡς] om. F. ἀπό] comp. F. 13. ἐν] Θ F; corr. BC. Lin. 15—17 signum adp. F. 16. εσουνται F; corr. BC. 17. τᾶς] (alt.) της F. 18. τᾶς] τῆς? 19. τό] τω F. 20. των — ὑπερεχουσων F; corr. B.

λονότι $\overline{\chi \circ \beta}$. $\dot{\eta}$ δὲ ἴση πάσαις ταῖς τῷ ἴσῷ ἀλλήλων ὑπερεχούσαις γίνεται $\overline{\circ \beta}$, $\ddot{\alpha}$ ἐπὶ τὸν $\overline{\beta}$ γίνεται $\overline{\varrho \mu \delta}$. ὁμοῦ μετὰ τῶν $\overline{\chi \circ \beta}$ γίνεται $\overline{\omega \iota \varsigma}$. $\dot{\eta}$ δὲ τριπλῆ τῆς B γίνεται $\overline{\mu \beta}$, καὶ έξῆς, $\dot{\omega}$ ς ὑπόκεινται. ἔστιν οὖν $\dot{\eta}$ συγ-5 κειμένη ἐκ τῆς A καὶ τῆς τριπλῆς τῆς B καὶ πενταπλῆς καὶ τῶν έξῆς $\overline{\upsilon \eta}$. ἐπὶ τὸν δύο γίνεται $\overline{\omega \iota \varsigma}$, απερ ἐστὶ καὶ τὰ ἀπὸ τῶν A, B, Γ , A, E, Z, H, Θ . 1)

¹⁾ Exstat etiam in VABC, sed fere mendosius; quare solius codicis F scripturam discrepantem totam recepi, ex ceteris ea tantum, quae rectiora praebebant.

^{1.} ἀλλήλων] αλληλαις F; corr. BC. 2. ὑπερεχουσων F; corr. B. 6. τόν] των F; corr. VBC.

P. 379 col. 8 lin. 6: ressagishai dena F; corr. cett. codd. Lin. 9: $\forall \pi e g e g o v \sigma \omega v F$; corr. B. col. 7 lin. 11: $v \beta$] o β F; corr. B.

8	η β	y x	8 1	ત્રો ક	a s	a h	0 Q
51 12	र्ध में ११ म	० म छा म	७ म • • •	0 0 0 n	. 12 · S · 12 · O	g, 4 6 4	61 m 8 m
2 to 0 to	0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	51 Q nd d n n n n o n o n	2 0 2 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	2 0 2 0 2 2 2 2 3 2 2 3 3	α η α η α μ α μ λς φ	Qπο 51 π π π π π ο π ο π	υ υ υ υ υ υ υ υ υ υ υ υ υ υ υ υ υ υ υ
•	Sanasyo	જીઉ જ મૃ વુક	55 πα οιρ κό πα οιρ μκό πα οιρ κό πα οιρ ο πα ο π	ο μ Ολο υ μ ο κη	die v in ex	કુઇ મેં જ ગીઠ જોક જ મું વુંક	sanaspo
	ή διπλή τής Β μ κη	ή τετραπλή τῆς Γ μ μη		ή όκταπλή τῆς Ε μ ξδ	ή δεκαπλή τῆς Ζ μ ξ	ή δωδεκαπ. τῆς Ζ μ μη	$\dot{\eta}$ dirl $\ddot{\eta}$ $\dot{\eta}$ $\dot{\tau}$ τ
ópoř ěx	π ασών συνά	γεται τλς, έ αλλήλων ο	cai the, kul tòn đủo metà toữ ớnd the Θ xal the d	ετὰ τοῦ ὑπὸ τουτέστι ρμδ	τῆς Θκαὶ τ , γίνεται μ α	ῆς ἴσης πάσαι 115.	όμοῦ ἐκ πασῶν συνάγεται τλς, ἐπὶ τὸν δύο μετὰ τοῦ ὑπὸ τῆς Θ καὶ τῆς ἴσης πάσαις ταῖς τῷ ἴσφ ἀλλήλων ὑπερεχούσαις, τουτέστι ρμδ, γίνεται μ ωις.
	$\hat{\eta} \gamma^{\omega \nu} \hat{\tau} \hat{\eta} \varsigma B$ $\mu \mu \beta$	î e tîs l	$\dot{\eta} \gamma^{\omega \nu} r \ddot{\eta} \varsigma B \dot{\eta} \epsilon r \ddot{\eta} \varsigma \Gamma \dot{\eta} \zeta r \ddot{\eta} \varsigma A \dot{\eta} \vartheta r \ddot{\eta} \varsigma E \dot{\eta} \iota \alpha r \ddot{\eta} \varsigma Z \dot{\eta} r \varrho \iota r \ddot{\eta} \varsigma e \iota r \ddot{\eta} \epsilon e \iota r$	ή θ τῆς Ε , μ οβ .	ή ια τῆς Ζ ο μ ξς		ή ιε ^π τῆς θ , μλ

II p. 66, 12: ἐν τῷ ιδ (etiam in BC).

 Π p. 126, 17: ὅτι δὲ ἡ β΄ ἕλιξ πρὸς τὸν β΄ κύκλον λόγον έγει, ου ζ προς ιβ καὶ ἀνωτέρω δέδεικται, ούχ ήττον δε και νύν δι' άριθμών επιστήσαι, δπως και 5 τὰ ἐφεξῆς εὐπαρακολούθητα γένηται. ἐπεὶ γὰρ ἐδείκνυτο ή β΄ ελιξ πρὸς τὸν β΄ κύκλον λόγον εχουσα, ου συναμφότερα τό τε ύπὸ τῶν ΒΘ, ΘΑ καὶ τὸ τρίτον μέρος τοῦ ἀπὸ τῆς ΑΒ πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς ΑΒ, ὑποκείσθω ήμεν ή ΑΘ μονάδων ούσα ις, ώς δηλον την 10 ΒΘ γίνεσθαι μ λβ. γίνεται οὖν τὸ ὑπὸ ΒΘ, ΘΑ μ φιβ, τὸ δὲ τρίτον τοῦ ἀπὸ τῆς ΒΑ μ πε γ΄. ὁμοῦ γίνονται μ φοζ γ'. τὸ δὲ ἀπὸ ΒΘ μ ακδ. καὶ ἔχει τὰ $φ_0$ ξ γ' πρὸς ακδ λόγον, δν έπτὰ πρὸς ιβ.:-1) τὸ δὲ ἀπὸ τῆς ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ β' κύκλου μ ακδ, τὸ 15 δε ἀπὸ τῆς ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ α΄ κύκλου μ συς. καὶ έχει πρός ἄλληλα λόγον, ὃν ιβ πρός γ. τὰ λοιπὰ δή φανερά. συνάγεται γὰρ ἐν τῷ δι' ἴσου καὶ διε $λόντι ::~^2$) (etiam in BC).

II p. 128, 6: δῆλον, ὅτι ἐνταῦθα προσυπακου-20 στέον καὶ δι' ἴσου τὸ ὑπὸ ΓΘ, ΘΒ μετὰ τοῦ γ' μέρους τοῦ ἀπὸ τῆς ΓΒ πρὸς τὸ ὑπὸ ΒΘ, ΘΑ μετὰ τοῦ

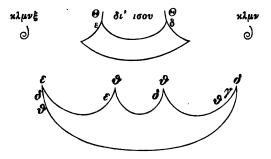
¹⁾ Haec pars scholii usque ad lin. 12: $\kappa \alpha \ell$ signo (ad locum suum refertur in F, ubi simile signum inter $\tau \alpha$ et ξ' II p. 126, 17 est.

²⁾ Finis partis prioris et pars secunda in F in imo margine sunt cum superioribus signo of iuncta. pertinet altera ad p. 126, 18 sq.

^{2.} β'] α' F; corr. B (bis); sic etiam lin. 6 bis. 7. του τριτου μερους F; corr. B. 8. τὸ ἀπό in F compendio obscuro scribitur; τὸ τετράγωνον B. AB] (alt.) debebat esse $B\Theta$. 9. ἀς] per comp. F. 20. τό] του F; corr. B.

γ΄ μέρους τοῦ ἀπὸ τῆς BA λόγον ἔχει, ὃν τὰ KAM χωρία πρὸς τὰ KA. ταῦτα δέ, φησιν, τὸ ὑπὸ ΓΘ, ΘB μετὰ τοῦ γ΄ μέρους τοῦ ἀπὸ τῆς ΓB πρὸς τὸ ὑπὸ BΘ, ΘA μετὰ τοῦ γ΄ μέρους τοῦ ἀπὸ τῆς BA, λόγον ἔχει, ὃν ιθ πρὸς ζ. τὸ γὰρ ὑπὸ ΓΘ, 5 ΘB μ έστὶν αφλς', τὸ δὲ γ΄ τοῦ ἀπὸ τῆς BΓ μ $\overline{πε}$ γ΄, έπεὶ καὶ τὸ ἀπὸ τῆς σνς. ὁμοῦ $\overline{αχκα}$ γ΄. ἔστι δὲ τὸ ὑπὸ BΘ, ΘA μετὰ τοῦ γ΄ μέρους τοῦ ἀπὸ τῆς BA $\overline{φ_{\bf q}}$ ξ γ΄, ᾶπερ πρὸς ἄλληλα λόγον ἔχει, ὅν ιθ πρὸς $ξ^1$) (etiam in BC).

II p. 128, 21 ante ποτὶ τὸ ἀπὸ in F est of signum; tum in mg. eodem signo adposito haec figura



Η p. 130, 23: δηλονότι καὶ συνθέντι²) (etiam in BC).

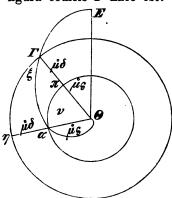
¹⁾ Hoc scholium in F ad locum suum refertur signo \$\frac{8}{2}\$ ante \$\pi\alpha\$ posito; ad eundem locum pertinet in BC. ceterum dubium esse potest, an uerba, quae scholiastes audienda esse putat, a librariis, non ab Archimede omissa sint; cfr. II p. 128 not. crit. ad lin. 7.

²⁾ In F et B in mg., in C in textu inter $\Theta \Gamma$ et ΘB lin. 22.

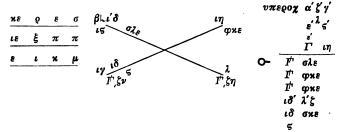
^{5.} \dot{r} $\dot{\rho}$ $\dot{\rho}$

II p. 126 in figura praeter litteras κ , λ , μ , ν , ξ et ϑ , α , β , γ , δ , ε hi numeri additi sunt in F: in spirali tertia $\kappa\eta$, in quarta $\overline{\mu\delta}$, in quinta ξ , et ad finem spiralis $\xi\beta$, $\xi\delta$.

II p. 135 figura codicis F haec est:



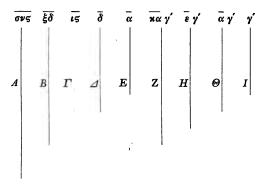
II p. 224, 26 inter AB, B Δ et μετά lacuna trium linearum in F relicta est, ubi manus 2 hanc figuram delineauit:



Hoc scholium explicare nequeo.

in F et στι et καί compp. scribitur; hinc B fecit οδυ στι καί. Apud Cr. hoc loco additur: "constat enim dividendo et con-

II p. 348 figura codicis F haec est; in qua numeris additis exemplo arithmetico illustrantur uerba Archimedis:



ΙΙΙ p. 72, 1: διὰ ιβ τοῦ α' τῶν Εὐκλείδου.

ΙΙΙ p. 72, 4: διὰ 5΄ τοῦ β΄ τῶν Εὐκλείδου.

ΙΙΙ p. 72, 8: διὰ μη' τοῦ α' τοῦ Εὐκλείδου.1)

ΙΙΙ p. 72, 17: διὰ β΄ τοῦ 5΄ τῶν Εὐκλείδου.

uersim". puto, καὶ ἀνάπαλιν lin. 23 huius scholii partem esse, et totum scholium ad lin. 20—23 pertinere. nam ad hanc proportionem illustrandam primum adscriptum erat: καὶ ἀνάπαλιν; tum scholiastes posterior nostrum scholium ad illud supplendum addidit.

¹⁾ Cum ceteri numeri horum IV scholiorum recte se habeant (Eucl. elem. I, 12; refertur enim ad uerba ἤχθω—κάθετος lin. 1; II, 6; VI, 2), hoc loco non I, 48, sed I, 47 citanda erat. praeterea pro τοῦ (alt.) scrib. τῶν.

• •

INDICES.

Hos indices ita confeci, ut in primo omnia uocabula, quae apud Archimedem ipsum leguntur, colligerem, in qua re neglexi fragmenta, problema bouinum, et, quod per se intellegitur, scripta illa duo, quae Latine tantum habemus. uocabula semper in forma uulgari in ordinem relata sunt, ita tamen, ut ubi forma Dorica abhorreret, eam secundo loco indicarem. plerumque omnes locos recepi, uel certe recipere uolui (ubi hoc factum non est, quia non opus esse uidebatur, addidi "passim" uel "al.", h. e. alibi). ea re factum est, ut interdum in phrasibus singulorum uerborum indicandis breuior esse cogerer, quam uolueram. ne moles huius partis operis nimia esset. locis coniectura non prorsus certa restitutis addidi signum interrogationis, locis subditiuis, quos tamen saepe praetermisi, nisi si proprii aliquid habebant, crucem †. altero indice uocabula apud Eutocium occurrentia digessi, in tertio nomina hominum et locorum ab Archimede et Eutocio commemorata comprehendi.

in locis disponendis et maxime in phrasibus ex pluribus uerbis compositis in ordinem referendis aequabilitatem non ubique seruatam esse, ignoscet, qui difficultates et taedium laboris eiusmodi usu cognouerit.

Index uerborum apud Archimedem occurrentium.

A.

Άγνοέω ignoro, ήγνοεῖτο Ι p. 4, 6. άγνοείσθαι I p. 6, 1. ãγω duco lineam rectam (perdicularem, tangentem, parallelam). αγω II p. 74, 20. 316, 27. ἀγαγείν Π p. 22, 4. 76, 4. άγάγωμεν Ι p. 20, 10. άγαγών ΙΙ p. 326, 22. ἄπται Ι 334, 1. 368, 15. II p. 186, 5. 230, 20. 304, 2. 322, 2, 3. 336, 26. 338, 19. ἀγέται Ι p. 356, 12. 358, 4. II p. 336, 16. αχθη $(= \ddot{\eta} \chi \partial \eta)$ I p. 322, 19. $\dot{\alpha} \chi \partial \dot{\eta}$ σονται Ι p. 58, 1. άχθη Ι p. 282, 9. 364, 8. 366, 18. II p. 10, 22. 28, 20. 52, 22. 70, 20. 78, 4. 82, 19. 300, 16. 336, 19. άχθείη Π p. 302, 13 †. άχθῶσι I p. 34, 4. 38, 11, 15. 52, 15. 98, 27. ἀχθέωντι ΙΙ p. 300, 4(?). άχθείσα I p. 20, 1. 90, 4. 98, 28. 276, 10. 278, 22. 318, 22. 320, 18. 326, 22. 358, 19. 362, 19. 376, 13. 380, 22, 23. 384, 10. II p. 82, 8. 210, 22. 250, 23, 25. 252, 6, 8. 254, 3, 6. 302, 14, 15, 17, 18. 304, 9, 10. 306, 15, 17. 312, 5. 314, 1. 334, 26. 336, 22. 338, 11. 344, 10. άχθέν Ι p. 276, 3. 278, 17. 340, 19. 342, 6, 17. 344, 7. 348, 20. 352, 12. 356, 11. 358, 1, 15. 360, 5, 7. II p. 8, 1, 15. $\tilde{\eta}\chi\vartheta\omega$ (nel $\tilde{a}\chi\vartheta\omega$) I p. 16, 4. 40, 1. 54, 7. 234, **15, 16. 246, 23. 304, 4. 320,** 15, 19, 21, 324, 25, 326, 29, 328, 2, 5. 332, 10. 336, 11, 12, 15. 344, 24. 346, 2, 11. 350, 4, 6, 10, 352, 21, 354, 3, 860, 20. 362, 1, 14. 364, 3, 14, 24. 368, 4. 372, 7. 380, 20. 398, 6. 406, 9. 408, 1. 412, 13. 430, 3. 476, 10. 494, 2. II p. 22, 15. **24**, 18. 68, 5. 72, 3. 78, 13. 84, 9. 162, 17. 164, 1. 174, 16. 176, 2, 10. 178, 21. 182, 15. 198, 16. 200, 1. 202, 16. 300, 14. 302, 10. 310, 16. 320, 1. 326, 11. 328, 19. 336, 1, 2, 25. **338, 15, 17. 340, 13. 342, 14,** 18. ηχθωσαν I p. 16, 10. 38, 21. 52, 24. 54, 8. 162, 18. 260, 8. 310, 1. 492, 13. II p. 90, 4. 180, 1. 186, 1. 256, 2. 320, 6. 326, 15. 330, 17. ἄχθων I p. 330, 18, 332, 12, 376, 11. 384, 8. 454, 10. 476, 6. II p. 214, ãχθαι I p. 440, 16. 454, 7. άγομένη Ι p. 2, 13. 26, 25. 42, 23, 82, 18, 86, 2, 94, 4. 116, 25. 118, 5. 134, 13. 158, 8. 188, 11. 282, 6. 302, 11. **304**, 9, 12. **342**, 25. 5. 350, 2, 19. 354, 18. 356, 8, 9, 16, 17. 356, 21, 24. 358, 2, 6, 8, 9, 864, 14, 366, 20. 368, 16. 370, 1. II p. 32,

4. 78, 26 96, 16. 142, 19. 168, 13. 170, 20. 174, 10. 178, 17. 182, 13. 200, 20. 306, 10. 336, 15. 338, 5, 7, 12. ήγμένη (άγμένα) I p. 54, 2. 84, 5. 86, 8. 88, 24. 92, 21. 112, 23, 29. 114, 14, 26, 116, 5, 128, 4, 134, 7. 154, 5. 156, 11, 22. 158, 16, 22, 25. 160, 11, 19. 164, 21. 168, 7. 170, 1. 174, 7, 13. 176, 5. 178, 26. 300, 20, 22. 328, 17. 334, 8. 354, 6. 356, 22. 358, 9, 21. 368, 12. 434, 27. II p. 10, 2. 24, 13. 26, 14. 28, 14. 72, 15. 76, 2. 84, 19. 116, 17, 18, 22. 302, ήγμένον I p 276, 20. 326, 8. 18. 286, 23. 366, 2, 4. 368, 20. 410, 14. 454, 10. II p. 8, 24. την από του κέντρου έπί την ΑΚ κάθετον ήγμενην I p. 134, 7, 13. 174, 7, 13, alibi. τη άπο της κορυφης του τμηματος έπὶ τὴν περιφέρειαν ήγμένη I p. 154, 5. 170, 1 al. άπὸ τῶν περάτων άγθῶσιν έπιψαύουσαι Ι p. 52, 15. 54, 7 al. ἀπὸ τῶν Ε, Ζ σημείων ηνθωσαν εύθειαι παρά τον άξονα I p. 54, 8. τὰς παρὰ ταν βάσιν αγομένας Ι p. 302, 11. 304, 9 al. τᾶς ἀχθείσας διά τᾶς πορυφᾶς παρά τὸν άξονα I p. 276, 10. 278, 22 al. ηχθω άπὸ τοῦ Λ τῆ ΛΚ ποὸς όφθὰς ἡ ΛΜ Ι p. 16, 4. 234, 15. 236, 23 al. εύθεῖα, α έστιν έκ τινος γωνίας έπὶ μέσαν άγομένα ταν βάσιν ΙΙ p. 174, 10. 182, 13, 16, 17. 178, 21. - ἄγειν ἐπίπεδον (praeter locos supra in άχθέν et ήγμένον adlatos) I p. 234, 16. 276, 18. 278, 1. 282, 9. 360, 20. 362, 14. 364, 3, 24. 366, 18. 368, 4. 412, 18. 440, 16.

454, 7 (in ἀχθέν addantur I p. 362, 14. 364, 3, 24). άδύνατος. οπες άδύνατον quod fieri non potest. I p. 64, 26. 68, 10. 72, 13. 74, 21. 144, 3. 146, 5. 178, 13. 184, 18. 186, 20. 310, 26. 312, 13. 360, 3. 364, 17. 392, 20. 424, 24. 428, 8. 438, 11. 450, 1. 452, 16. 458, 4, 16. 470, 10. 474, 11. II p. 66, 13. 70, 4. 74, 13. 76, 23. 80, 20. 114, 20. 148, 17. 170, 14. 178, 16. 182, 7. 210, 21. 212, 22. 382, 8. 350, 15. 352, 15. 6 forev άδύνατον Ι p. 480, 8, 19. ὅπερ έστιν άδύνατον Ι p. 438, 24. II p. 86, 13. 334, 5. τὰ ἀδύνατα II p. 4, 4. 244, 21. $\alpha' \epsilon \ell$ semper. I p. 20, 5. 24, 3. 42, 21. 376, 4. 444, 23. p. 12, 6. 38, 11, 17. 88, 20. 96, 25. 124, 25. 174, 16. 192, 7. 268, 8, 20, 24, 340, 25, 342, 1. 350, 9, 19. 352, 6. alel I p. 16, 16? II p. 2, 3. 126, 11. 162, 19. αλοθάνομαι sentio. αἰσθανόμεθα ΙΙ p. 2, 20. αίτέω postalo. αίτούμεθα ΙΙ p. 142, 3. άκίνητος immotus. II p. 244, 13. ἀκούω audio. άπούσας ΙΙ p. 294, 3. άποιβής uerus. II p. 248, 24. 250, 1.

ακρος extremus.

II p. 250, 16, 23. 252, 5. ἀπ'

άκρου τοῦ κανόνος ΙΙ p. 254, 4.

αλλα autem. I p. 42, 16. 44,

12. 62, 20. 78, 25. 80, 4. 94,

15. 166, 8. 172, 6. 178, 2. 184,

4. 206, 12. 262, 11. 266, 9.

II p. 32, 24. 56, 22. 170, 11.

τὸ ἄπρον

176, 19. 186, 22. 190, 19. 226, 20. uerum (post negationem). I p. 896, 12. 404, 6. II p. 68, 3. 102, 17. 106, 4. 112, 4. 122, 10. 124, 17. 142, 5, 9, 11. •144, 15. 146, 13. 242, 5. 252, 3. all I p. 84, 11. 86, 16. 92, 1, 8. 96, 5. 162, 25. 166, 12. 212, 21. 214, 7. 242, 20. 246, 1. 268, 7. 312, 1. 334, 17. 364, 23 al. II p. 68, 22. 186, 16. 220, 29. 226, 6. 232, 7. 284, 20. állá nal I p. 46, 19. 50, 8. 108, 11. 110, 27. 118, 14. 168, 2. 228, 13. 230, 12. 268, 2, 3. II p. 166, 20. 244, 2. άλλὰ δή, ubi ad alteram demonstrationis partem transitur I p. 48, 17. άλλά eodem modo I p. 312, 1. 334, 17. 360, 17. 364, 23. 370, 15. 470, 13. 480, 9. άλλήλους. δύο διάμετροι πρὸς όρθὰς άλλήλαις Ι p. 16, 12. 130, 20. II p. 28, 24 al. ἴσα άλλήλοις I p. 28, 7. 32, 8. λόγον ἔχειν ποὸς ἄλληλα Ι p. 66, 26. 286, 15 al. praeterea u. I p. 38, 13. 288, 19. 290, 5. 294, 20. 296, 2, 17 al. allog alius. I p. 8, 25. 10, 10. 14, 22. 18, 16. 20, 17, 22. 60, 21. 66, 6. 70, 9. 72, 20, 130, 2 al. II p. 14, 3. 18, 9. 28, 5, 25. 42, 11 al. cum articulo I p. 378, 5. 394, 17. 402, 22. 422, 19. II p. 44, 5, 26. 62, 11. 242, 4. 266, 11. τὰ ἄλλα I p. 58, 3. 144, 20. 292, 2, 9, 19. II p. 14, 4. 38, 9. 94, 12. τὰ ἄλλά πάντα ΙΙ p. 90, 19. άλλα πολλά II p. 2, 15. τα **ἄλλα τὰ αὐτά Î p. 112, 25.** 124, 18. 354, 23. 394, 1. 434, 14. 450, 11. 470, 18. II p. 66, 25. 86, 19. 88, 1. 122, 14. 332,

 426, 4. μέγιστος τῶν ἄλlov II p. 8, 4. nal allos I p. 150, 10. 420, 22. II p. 112, 30. 120, 14. 124, 2. \τις nαl allog I p. 872, 2. II p. 308, 24. 822, 3. αλλφ τῷ δοθέντι Ι p. 218, 12. 226, 6. ἄλλο τι II p. 10, 6, 21. 210, 13. 300, 16. 304, 11 al. ällog aliter. I p. 28, 17 †. 242, 1. II p. 166, 8. allws τε καί ΙΙ p. 250, 3. äμα simul, cum datiuo. p. 10, 11. 52, 2. άμβλυγώνιος obtusiangulus. τοίγωνον άμβ. II p. 308, 14. 312, 3. αμβλυγωνίου κώνου τομά α. τομή. άμβλύς obtusus. ἀμβλεῖα γωνία II p. 62, 23. 64, 5. 66, 16. 68, 3. 70, 5, 15. 326, 9, 10. άμφότεροι uterque. άμφότεραι Ι p. 10, 2, 12. 46, 27. 56, 11. 78, 2. 104, 3, 6. 122, 13, 16. 372, 15. H p. 146, 20. 148, 6, 8. 152, 17. 158, 10. 160, 24. 168, 3. 180, 18, 27. 186, 9. 188, 6, 15. 190, 19, 20. 204, 4, 9. 206, 8, 9, 12. 214, 13. 216, 11. 220, 11. 258, 27. 332, 20. 348, 2. ἴσος ἀμφοτέραις τῷ τε ἄξονι καὶ τᾳ τριπλασία πτλ. Ι p. 280, 8, 16. 416, 7. 438, 4, 7. 488, 10, 24. 490, 9, 14. II p. 42, 18. 44, 12. 50, 15. 228, 19. 230, 6, 9. άμφοτέρων αύτῶν ΙΙ p. 346, 1. άμφοῖν Ι p. ãμφω uterque. 8, 19. ãv cum optatiuo I p. 4, 9? (cfr. p. 6, 4?). 132, 15. 186, 14. II p. 820, 23. 828, 8. cum pronominibus relatiuis I p. 6, 19. 8, 7. pro ἐάν si II p. 151, 1. 816, 27. öπου αν II p. 230, cfr. κα, ἔστε, ἐάν.

καίον sc. έστί I p. 320, 10. 338, 16. 364, 26. II p. 64, 8. 326, 7. 340, 10. άναγκ. έστι I p. 338, 19. 400, 23. άναγράφω construo. πρίσμα άναγ. άπὸ πολυγώνου Ι p. 60, 27. 66, 10. εἶδος I p. 64, 9†. · II p. 42, 1. 50, 9. πυραμίδα άναγο, άπὸ πολυγώνου Ι p. 70, 72,25. τετράγωνον Ι p. 444, 17. κῶνον ἀναγο. ἀπὸ κύnlov I p. 88, 18, 28. 92, 14, 25. 114, 4. 156, 19. 158, 1. 194, 24. κύλινδρον άπὸ κύnlov I p. 376, 16, 20, 22. 378, 3. 384, 15. τομέα άπὸ γραμ- $\mu \tilde{\eta}_{S}$ II p. 102, 5. 104, 17. 110, 8, 10. 114, 14. 120, 17, 20. 122, 6. 124, 8. τρίγωνον ΙΙ p. 176, 12, 16. κιαγραφέται II p. 110, 10. ἀναγοαφόμενος I p. 378, 3. ἀναγραφη I p. 88, 92, 14. ἀναγραφέωντι ΙΙ p. 42, 1. 50, 9. ἀναγραφέντων Ι p. 376, 20, 22. ἀναγεγράπται ΙΙ p. 120, 20. 124, 8. άναγραφάται ΙΙ p. 102, 5. 110, 8. 114, 4. 120, 17. 122, 6. ἀναγεγοαφόνται? II p. 104, 17. άναγεγοάφθω Ι p. 60, 27. 66, 10. 72, 25. 88, 28. 92, 25. 156, 19. 444, 17. ἀναγεγράφθωσαν Ι p. 114, 4. 158, 1. 194, 24. άναγεγράφθων Ι p. 376, 16. 384, 15. ἀναγεγφαμμένον Ι p. 64, 9 †. 70, 16. 176, 12, 16. perscribo. ἀναγράψαντες I p. 6, 8. II p. 298, 1. ανάγω adduco. **ἀναγμένων** II p. 296, 26. άναλαμβάνω expleo. άνελάβον II p. 266, 3. άναλογία proportio. έν τᾶ συνεχεῖ ἀναλογία ΙΙ p. 216, 25. έν τεταραγμένα άναλογία ΙΙ

άναγκαιος necessarius, άναγ-

p. 220, 24. 224, 2. cfr. 222, άναλογίαν ἔχειν ΙΙ p. 244, 19. ἐκ τᾶς αὐτᾶς ἀναλογίας II p. 270, 23, 24. 276, 6, 7. 278, 6. 280, 4, 5, 26, 27. 282, 22. 284, 16. 286, 14, 16. 290, 10, 11. ἐν τᾶ αὐτᾶ ἀναλογία II p. 278, 4. ἐκ τᾶς ἀναλογίας ΙΙ p. 272, 7, 15. ἐν τῷ τῶν δεμαπλασίων δρων ἀναlογία II p. 276, 4. ἀνάλογον proportionaliter, pro adiectiuo ponitur. μέση αναλογον I p. 22, 5 †. 62, 22 †. 70, 1. 76, 10. 78, 9. 146, 24. ά ἀνάλογον τομά ΙΙ p. 162, 3. άνάλογον είναι Ι p. 64, 6†. 224, 24. 490, 7. II p. 172, 10, 15. 216, 24. 218, 12, 23. 234, 8. 270, 2, 22. 272, 4, 9. 302, 2. αί ἀνάλογον ΙΙ p. 218, 2, 4, 10. ἀπέχει ἀπὸ μονάδος ἀνάloyov II p. 270, 26. 276, 4. **278**, 3. **280**, 2, **25**. **282**, **20**. 284, 15. 286, 13. 290, 8. 302, 16 corruptum. άνάλυσις resolutio problematis. I p. 216, 15. 230, 2. άναλύω resoluere problema. άναλυθήσεται Ι p. 214, 25. άναμφιλόγως sine controuersia. II p. 248, 13? ἀναμφιλογώτατα ΙΙ p. 266, 7. αναπαλιν Eucl. V def. 14. I p. 14, 7. 212, 9. 224, 22. 228, 12. 270, 6. άναπληφόω expleo. άναπεπληρώσθω ὁ κύκλος Ι p. 224, 9. αναπεπληρωμένων ΙΙ p. 242, 11. άναρμοστέω ΙΙ p. 290, 23? άναστρέφομαι uersor. άναστοεφόμενος Ι p. 6, 9. εστραμμένος Ι p. 4, 7? άναστρέψαντι Eucl. V def. 17. I p. 216, 25.

άνατέλλω orior (de sole). άνατέλλειν ΙΙ p. 250, 11.

άνατολή ortus solis. II p. 250, 13.

ανευ praeter. I p. 296, 11, 28. 298, 12. sine. II p. 296, 24. ανέλεγατος non perspectus. I p. 2, 7?

ανήο Π p. 294, 6.

ανισος - ov inaequalis I p. 10, 1, 11, 18. 12, 17, 18, 22, 24. 14, 15, 20. 18, 14. 60, 19. 70, 6. 136, 13, 15. 140, 23, 24. 182, 7 al. II p. 14, 7, 8. 20, 10. 62, 22. 70, 12. 148, 18 al. είς ανισα in partes inaequales. II p. 6, 11, 15.

άνίστημι erigo lineam. εστακοῦσα ἀπὸ τοῦ κέντρου όρθά I p. 318, 3, 6, 10, 12, 16. 324, 5, 9, 14. 330, 4, 7, 12. 334, 8. 382, 3. 400, 1, 2. 430, 17. άνεστακέτω Ι p. 332, 12. 334, 20. erigo planum. ανεστακὸς διὰ εὐθείας I p. 324, 6. 330, 5. 372, 8. άνεστακέτω άπὸ εὐθείας Ι p. 320, 4. 324, 25. 330, 23. 334, 11. 362, 1. 376, 13. 380, 17. 398, 7. 430, 10. 454, 13. 476, 7. 492, 14. άνεστακέτων Ι p. 384, 10. ανασταθή I p. 364, 9. πυραμίς άνεστάτω I p. 70, 16. άνομοίως Ι p. 420, 9. 462, 29. II p. 220, 23. 222, 13. 224, 1. άντιβλεπέσθαι ΙΙ p. 250, 15. άντιπαραβάλλω comparo. Ι . р. **4,** 9.

αντιπάσχω in contraria proportione sum. ἀντιπεπόνθασιν Ι p. 82, 6, 7. 84, 20. 88, • 12. 220, 12 †. 286, 17, 20(?). ἀντιπέπονθε ΙΙ p. 308, 4. ἀντιπεπονθέμεν ΙΙ p. 162, 1. άντιπεπονθότως in contraria proportione. II p. 152, 12. 158, 5. 188, 10.

άνω supra. Π p. 304, 26. έν τοῖς ἄνω Ι p. 184, 18. ἀξιόπιστος fide dignus. Π

p. 250, 1.

άξιος dignus. λόγου άξιος Ι

p. 4, 18. $\alpha \xi \ell \omega \mu \alpha$ postulatum. I p. 6, 11. sed quae ibidem $\alpha \xi \ell \omega \mu \alpha \tau \alpha$ inscribuntur, potius definitiones sunt.

ἄξων axis (h. e. media linea corporis circumuolutione orti). coni. I p. 8, 18. 78, 5, 7. 82, 10. 198, 2, 3. 276, 16. **278**, 5. 280, 5. 304, 3. 404, 12. 406, 13, 14. 440, 5, 21, 24. 444, 5. **452**, 26. **456**, 3. **458**, 25. 482, 23. 488, 15. 490, 21 al. cylindri I p. 54, 8. 82, 2, 3. 190, 18. 192, 23, 27. 330, 7, 16. 332, 3. 374, 26. 376, 5, 8, 16. 378, 9. 382, 6. 890, 2 sq. 392, 7, 15, 17. 396, 11. 400, 4, 10. 402, 4 sq. 404, 4. 426, 10 al. conoidis I p. 276, 11, 14. 278, 7. 280, 3, 8. 340, 15, 19, 20, 22, 24. 842, 1 sq. 844, 3 sq. 346, 6. 848, 16, 21, 24. 358, 14, 19, 20. 360, 5 sq. 362, 13, 18. 364, 3, 7. 380, 20. 404, 16 al. II p. 8, 11, 20, 27. 10, 3. segmenti conoidis I p. 276, 8, 19. 278, 21. 280, 6, 15. 398, 1, 6, 10, 11. 428, 14, 18, 24. 430, 8 al. ad segmenta enim conoidis, coni, cylindri, quae circumuolutione non semper orta esse possunt, huius uocabuli usus a totis corporibus translatus est. sphaeroidis I p. 282, 5, 6, 21. 364, **22**, **24**. **366**, **1**, **5**, **7**, **8**. **370**, 9 sq. 378, 13. 380, 8, 13. 440,

3 sq. 454, 2, 10. 458, 28. 476, 2, 14 al. segmenti coni I p. 288, 13. 474, 20 al. segmenti sphaeroidis I p. 454, 17. 474, 23, 24 al. segmenti cylindri I p. 290, 4. άοίκητος desertus. IIp. 242, 6. απειρος infinitus. II p. 242, 3,7. άπεναντίον pro adjectivo usurpatur. ἀπεναντίον est circulus basi cylindri oppositus Ι p. 44, 26. 56, 9, 15, 19. αί άπεναντίον γωνίαι Ι p. 130, 23. αί ά. πλευραί Η p. 190, 17. άπέχω disto. άπέχει άπό II p. 270, 26. 272, 1 sq. 276, 9, 10. ἀπέχοντι ΙΙ p. 272, 2, 19. 276, 10. ἀπέχων ΙΙ p. 270, 24. 272, 7, 16. ἀπέχοντα ΙΙ p. 150, 16. 152, 4. ἀφέξει II p. 272, 1. άπλανής fixus (de stellis). II p. 244, 12, 16, 19. 246, 8, 9. 288, 9, 14, 19, 22. 290, 3, 15. άπλῶς. ούτως ἀπλῶς Ι p. 214, 16. άπό. άγειν εύθεζαν άπὸ σημείου α. ἄγω. άναγράφειν είδος άπό υ. άναγράφειν. άνεστακέτω εύθεῖα άπό τι. άνίστημι. άφαιφείν τμημα άπό υ. άφαιρέω, άποτέμνω, άπολαμβάνω. τὸ τετράγωνον τὸ άπό u. τετράγωνον. breuiter dicitur τὸ ἀπὸ εύθείας linea quadrata I p. 62, 2, 3, 5, 6. **+** 80, 1, 2. 108, 15. 110, 26, 28, 29. 112, 1. 154, 28. 168, 4. 172, 7. 190, 22, 26, 27. 192, 1, 2. 196, 16, 17. 198, 28. 200, 6, 7. 204, 5 sq. 206, 16, 17 al. 326, 9. 328, 7, 19 sq. 332, 18, 22. 338, 2 sq. 350, 22 al. II p. 36, 12 sq. 38, 1. 44, 19. 48, 1 sq. 50, 4. 118, 8, 12. 122, 6, 7. 124, 13. 128, 8. 130, 4 eq.

186, 5 sq. 188, 2 sq. al. εἴδεα άπό II p. 42, 4, 6. 50, 11 sq. έπίπεδον όρθον άπο εύθείας Ι p. 372, 14. 430, 17. τομέες άπό II p. 102, 8 sq. 104, 25 sq. 110, 11 sq. 114, 6 sq. 120, 21 sq. 122, 1. 124, 9, 10. έφαπτομένη ἀπὸ σημείου Ι p. 16, 27; cfr. 20, 9. ἀ τομὰ ἀ ἀπὸ I p. 344, 18. σχημα άπὸ πολυγώνου Ι p. 104, 23. 110, 2. άπὸ εύθείας pars a linea absumpta I p. 276, 9. 278, 22. 282, 14. 848, 19. 852, 10. suspensum ex II p. 142, 3 sq. 144, 1 sq. 146, 2 sq. 148, 17. 152, 11, 158, 5, 20, ή ἀπὸ τοῦ κέντρου α, κέντρον. . ἀποδείπνυμι demonstro. άποδεικνύται Ι p. 340, 4. Η p. 298, 4. αποδεικνύωμες I p. 386, 6. άπεδείχθη I p. 82, 13. 108, 18. ἀποδεδείχασι ΙΙ p. 296, 15. άποδεδείνται Ι p. 302, 3. II p. 300, 10, 21. αποδειπνύειν II p. 246, 16. άποδειχθηναι I p. 4, 11? άποδειχθέντων I p. 282, 11. άποδεδειγμένος I p. 58, 18. II p. 274, 1. 296, 25. απόδειξις demonstratio. I p. 2, 3, 8. 6, 8, 12. 188, 3, 6. 274, 3. 288, 1. 290, 12. 342, 27. II p. 2, 3, 7. 4, 2, 5. 6, 8. 10, 4, 8. 14, 3, 5. 242, 16. 246, 4. 250, 4. 290, 22. 296, 9. 298, 1, 5. α αὐτα ἀπόδειξίς έντι **παὶ διότι Ι p. 840, 5, 10.** άποκαθίστημι restituo in locum pristinum. άποκατασταθη (de linea circumacta) Η p. 10, 10. 52, 1. αποκατασταθέωντι ΙΙ p. 12, 1. αποκατασταθείσα II p. 10, 15, 22... de figura plana, quae circumacta corpus solidum efficit.

άπουατασταθη I p. 162, 4. 274, 17. 278, 1. 280, 21, 25. άπολαμβάνω abscindo, aufero. partem rectae I p. 278, 22 (sed dubium). 304, 14 (ἀπό). 306, 12, 14. 880, 24. 392, 4, 11 (ἀπό). 394, 22 (ἀπό). 396, δ (ἀπό). 402, 27 (ἀπό). Η p. 14, 15. 24, 6. 28, 8, 10 $(\alpha \pi \delta)$. 30, 18, 25 (ἀπό). 34, 8 (ἀπό). 44, 17 (ἀπό). 76, 6 (ἀπό). 160, 9 $(\alpha \pi \delta)$, 13, 18. 178, 12. 200, 14. 210, 16. partem figurae planae I p. 24, 16? II p. 134, 3 (= περιλαμβάνω, sed dubium). partem solidi I p. 288, 6, 8, 23 ($\alpha\pi\dot{o}$). partem superficiei solidi corporis I p. 38, απολαμβάνειν εύθεζαν ισαν εύθεία I p. 412, 2. II p. 166, 15. 320, 14. 826, 23. άπολαμβάτοντι (-ουσι) Ι p. 304, άπολαμβανόμενος 1 p. 38, απέλαβον II p. 826, 23. απολαφθείς I p. 24, 16? 278, 22. 288, 6, 8, 23. 306, 12, 14. II p. 14, 15. 24, 6. 28, 8, 10. 30, 18, 25. 34, 8. 76, 6. 134, 3(?). 160, 9, 13. 178, 12. 200. 210, 16. ἀπολελάφθω Ι p. 380, 24. 412, 2. II 44, 17. 160, 18. 320, 14. ἀπολελαμμένος Ι p. 392, 4, 11. 394, 22. 396, 6. 402, 27. άπόλειμμα reliquum. I p. 26, 7, 11. 42, 24. άπορέω haesito. ἀπόρησα Ι p. 274, 7. ἀπορηθέντα I p. 274, 9. άποστασία distantia. II p. 244, 20. απόστασις distantia. II p. 270, 8. άποστέλλω mitto. l p. 274, 2. αποστέλλομεν I p. 6, 7. II

p. 298, 2. ἀπέστειλα Ι p. 188,

Η p. 294, 8. αποσταλέντων II p. 2, 2. ἀπέσταλκα I p. 190, 1. απεστάλκαμεν Ι p. 2, 2. άπεσταλμένος Ι p. 274, 4. II p. 4, 6. άπόστημα distantia. II p. 264, 22. 290, 20. άποτέμνω abscindo. partem ambitus I p. 10, 28. 130, 18. partem superficiei solidi corporis I p. 46, 1, 15, 48, 1, 7, 14. 50, 5, 13, 22. 52, 4, 10. partem figurae planae I p. 160, 24. 302, 13. hic uulgo dicitur αποτέμνεσθαι ύπο εύθείας. partem solidi: άποτέμνειν (έπιπέδω) από. Ι p. 286, 22. 302, 6. 396, 21. p. 6, 4. uel omisso άπό I p. 276, 13, 17. 280, 2, 10. 374, 12. 378, 13. 380, 1. 886, 8, 11. 396, 21, 25. 404, 15, 18. 410, 14, 17. 416, 2, 10. 428, 15, 23. 460, 3, 12. II p. 8, 24. τὸ άποτμαθέν τμᾶμα Ι p. 276, 5, 14, 18. 278, 18. 280, 3, 11. 286, 24. 288, 20. II p. 8, 16. 8, 21. το αποτετμαnòς ἐπίπεδον I p. 374, 21. 380, 9, 11, 12. 398, 1, 3. 428, 430, 1. τὸ ἀποτέμνον ἐπίπεδον I p. 276, 7. 278, 19. 374, 24. 386, 15. 416, 14. 454, 9. 460, 9. II p. 8, 16, 26. ἐπίπεδον ἀποτέμνει τμᾶμα Ι p.

276, 4. 278, 17. Il p. 8, 15.

άποτέμνεσθαι ύπὸ ἐπιπέδου

I p. 372, 17, 18. 374, 2, 4, 14.

ά αποτέμνουσα εύθεία Ι p.

302, 20. 306, 10. formae uerbi

occurrunt hae: ἀποτέμνει Ι

p. 160, 24. αποτέμνων u. su-

pra. αποτεμνόμενος I p. 10,

28. 46, 1, 15. 48, 1, 7, 14.

50, 5, 13, 22. 52, 4, 10. 130,

3, 5. αποστείλαι I p. 190, 3.

18. 372, 17, 18. 374, 2, 4, 14. άποτέμη Ι p. 276, 4. 278, 17. II p. 8, 15. αποτεμείν I p. 286, 22. ΙΙ p. 6, 4. ἀποτμαθη I p. 276, 13, 280, 2, 10, 396, 428, 15. ἀποτμαθέωντι I p. 276, 17. 302, 6. 404, 15. 410, 14. ΙΙ p. 8, 24. άποτετμάσθα Ι p. 302, 13. 404, 18. 410, 17. άποτετμαμένος Ι ρ. 374, 12, 386, 8, 11, 396, 25. 416, 2, 10. 428, 23. 460, 3, 12. ἀπότμημα segmentum. ἀπότμαμα κώνου definitur Ip. 288, u. praeterea I p. 280, 13. 284, 26. 286, 10. 340, 5, 6, 9. 396, 22. 400, 11. 408, 3, 4, 26. 410, 7, 10. 428, 16. 432, 3, 6, 9. 452, 25 al. απότμαμα Ι p. 410, 4. -άποφαίνομαι. άποφαινομέvov declarante. II p. 248, 8. άποφαινέσθαι praestare II p. 250, 1. άπόφασις iudicium. I p. 6, 6. άποχοάω sufficio. άπόχοη ΙΙ p. 250, 4. άποχοέοντι ΙΙ p. 268, 10. άποχοεόντως satis. Il p. 266, άπογωρίζω remoueo. άποχωριζόμενος II p. 250, 18. απτομαι sensu uulgari: adtingo. ἀπτομέναι II p. 266, 3. proprie: tango (cum genetiuo). de linea circulum tangente I p. 122, 7. 162, 8. uel coni sectionem I p. 360, 30. uel helicem II p. 58, 2. de plano conoides tangente. I p. 278, 20. 358, 13, 17. 360, 4. uel sphaeroides. I p. 362, 12, 13, 16, 17. 364, 2, 18. his tamen omnibus locis multo usitatius est έφάπτομαι uel έπιψαύω. proprie απτομαι

sic usurpatur: τὸ σαμεῖον, καθ' δ απτέται ο άξων τοῦ κωνοειδέος h. e. occurrit (ita. ut productus secaturus sit) Ι p. 274, 21. 278, 9. ἀπτέται I p. 274, 21. 278, 9, 20. 358, 17. 362, 17. II p. 58, 2. απτονται Ι p. 122, 7. 162, 8. άπτήται Ι p. 362, 12. ἀπτέσθα I p. 362, 16. απτομένα I p. 360, 30. ἀψέται Ι p. 358, 13. 360, 4. 362, 13. 364, 2, 13. άρα igitur. ἔστιν άρα, ώς Ι p. 14, 6 al. τὰ ἄρα τρίγωνα Ī p. 42, 18. 140, 10. 152, 2. Il p. 64, 4 al. ούπ ἄοα I p. 144, 9. 178, 20 al. in apodosi I p. 14, 9. 18, 4. 22, 6. 32, 4, 19. 148, 6. 168, 1. 198, 10, 20, 24. 200, 11. 216, 24. 234, 29. II p. 176, 17. 180, 11. 260, 4. φημί ὅτι ἄρα I p. 246, 15. $\delta \dot{\epsilon} - \ddot{\alpha} \varrho \alpha \text{ I p. 48, 22 †. prop-}$ ter collocationem ab initio sententiae remotiorem memorabiles sunt hi loci: I p. 14, 11, 14. 178, 12. 180, 15. 184, 6. 198, 17. II p. 164, 12. 200, 6. άριθμέω numero. άριθμείσθων II p. 266, 21. 268, 2. άριθμός numerus. ὸ άριθμός ταν περιφοράν ΙΙ p. 62, 15. 82, 11. πλευράν II p. 194, 17. τῷ αὐτῷ ἀριθμῷ πολλαπλασία II p. 82, 12. 274, 9. κατά τὸν ένὶ ἐλάσσονα ἀρ. ΙΙ p. 88, 4. κατά τὸν αύτὸν άρ. ΙΙ p. 96, 6. 114, 28. 116, 1, 4. οί έξῆς περισσοί άρ. ΙΙ p. 192, 15. 196, 2. μυριάδων άρ. II p. 266, 17. similiter II p. 272, 2, 19. 276, 9. ο άρ. τοῦ ψάμμου II p. 242, 3. 244, 1. 246, 12. 264, 24. 274, 12, 15, 27, 276, 24, 278, 26. 282, 16. 290, 4. οἱ ἀριθμοί II p. 242, 18. 266, 10, 15.

πρώτοι, δευτέροι πτλ. άρ. Η p, 266, 20 sq. 268, 1 sq. 270, 1 sq. 274, 19. 276, 3. 278, 11 sq. al. άριθμοί τινες et similia II p. 272, 4, 10. 274, δ γενόμενος άρ. II p. 276, 6. 282, 17. 284, 4. 286, 10. 290, 5. -αρμόζω. αρμόζουσα apta, Ι р. 6, 5. άρτι nuper. II p. 296, 25. ά φτιογώνιος. polygonum άοτ. h. e. cuius anguli (et latera) pares sunt numero. I p. 182, 20. 186, 9. άρτιόγωνος idem. Ι p. 124, 23. 152, 11. 170, 10. + 176, 18. 306, 19. άρτιόπλευρος. polygonum άοτ. h. e. cuius latera paria sunt numero. I p. 96, 10. 100, 6. 148, 23. 156, 15. 312, 3. α̃ρτιος par numero. I p. 98, 26. II p. 152, 2. 156, 6, 17. 164, 8. άρχή initium. ἐν ἀρχῷ initio II p. 2, 12. άρχὰ τᾶς ἔλικος definitur II p. 52, 7. u. praeterea II p. 52, 21, 26. 54, 6. 56, 7. 58, 6, 15. 60, 11. 62, 21. 64, 1. 70, 14, 19, 22, 24. 78, 4, 7. 82, 8, 16 sq. 84, 5. 86, 22. 88, 16. 94, 3. 96, 15, 22. 100, 2. 106, 23. 116, 14 sq. 118, 1. 126, 5. 132, 24, 26. 134, 14. ἀρχὰ τᾶς περιφορᾶς definitur II p. 52, 9. u. praeterea II p. 56, 8. 58, 16. 64, 1. 70, 20. 72, 1. 78, 4. 82, 8, 25. 84, 2, 8. 88, 10, 17. 92, 22. 94, 8, 4. 96, 5. 98, 27. 100, **3**. 106, 12, 24, 25. 126, 6. άρχικά ες. διάμετρος axis parabolae. II p. 230, 19. ἄρχομαι incipio. άρξάμενος από II p. 10, 13. 52, 3. αζο-

ξατο II p. 52, 8. 250, 19.

άστρόλογος astrologus. II p. 244, 4, 8, 248, 4, 7, 288, 5. αστρον sidus. II p. 244, 12, 16. 246, 3, 10. 288, 9, 14, 19, 22. 290, 3, 15. efr. ἀπλανής. ·ἀσύμμετοος, ἀσύμμ. μεγέθεα magnitudines, quibus non est mensura communis II p. 158, 4, 7. άσφαλῶς firmiter. άσφαλέστατα Ι p. 4, 11? ατοπος absurdus. όπερ άτοnov quod fieri non potest. I p. 138, 17. 140, 6. 260, 5, 15. II p. 200, 19. αὐτός ipse. I p. 4, 3, 5. 72, 2. 74, 11. 118, 13. 130, 9. 150, 17. 188, 3. 302, 7. 342, 14. 360, 1. 370, 6, 12, 18. 416, 13. II p. 6, 1. 248, 21, 298, 8, 17. 300, 3, 14. solus I p. 26, 1, 5. 298, 11. 300, 8. 496, 13. II p. 128, 13, 136, 1, 348, 13, 15. ὁ αὐτός idem. τοίγωνον την αὐτην βάσιν έχου τῷ τμήματι καὶ ὑψος ἴσον Ι p. 2, 6. 4, 13, 15. 8, 17. 200, 20. 232, 4. 284, 5, 9, 23. 286, 5. 302, 8. 394, 9, 20. 396, 18, 24. 400, 12 sq. al. II p. 8, 22. 296, 7, 19, 21 al. cfr. έχω, et praeterea λόγος. έπλ τὰ αὐτά (cum datiuo) in eandem partem. I p. 6, 16, 18, 21. 8, 4, 6, 8, 9. 10, 2, 12. II p. 12, 19. 116, 19. 160, 8. α. ἐπί, κοὶlog. cfr. διά, κατά. είς τὸ αύτό I p. 162, 4. ίσον τὸ αὐτό I p. 218, 13. 226, 6. cfr. ΙΙ p. 148, 27. τὰ αὐτὰ πέρατα et similia I p. 10, 1, 4, 8, 10. 38, 12. 40, 24. 46, 9, 23. 48, 4, 11. 50, 2 sq. 92, 15. 130, 9. 162, 2. 226, 9. 302, 5. 310, 20. 364, 10. 366, 1, 3. 394, 11. 428, 6. II p. 4, 23, 16, 20, 112, 19. 318, 18 τὰ αὐτά Ι p. 154. 11. 202, 1. 230, 1. II p. 26, 6, 15. 30, 21. 66, 18, 22. cfr. ålλος. αὐτὸ έαυτῷ I p. 10, 20. II p. 10, 12. 14, 9, 14. 18, 3, 9. 20, 15. 52, 3. 60, 2, 28. 296, 11. 330, 6. 332, 12. ταῦτα ΙΙ p. 350, 18. αὐτόν pronomen est tertiae personae I p. 2, 3, 8. 4, 4. 8, 2. 274, 7, 20. saepe sine causa additur I p. 96, 12. 290, 4. 310, 5. 320, 16, 18. 332, 10. 336, 16. 850, 3. 368, 9, 11. 398, 6. 408, 2. 430, 6. 440, 14. 454, 6. 460, 10. 476, 12. 482, 8. 494, 4. II p. 32, 13. 66, 3. 72, 4. 78, 5, 14. 82, 21. 84, 10. 176, 4. 320, 8. 326, 16. 330, 14, 18. 340, 17. admodum dubius locus est I p. 356, 1: αἱ αὐτῶν τομαί propter collocationem insolentem.

άφαιρέω aufero. ποινον άφηοήσθω I p. 36, 10. 42, 4. 44, 8. 48, 6. 50, 11. ποινοῦ ἀφαιοεθέντος Ι p. 56, 14. 198, 18. 200, 14. Η p. 334, 3. άφαιφείται cum gen. I p. 48, 22 †. άφαιρεθέντων imperatiue I p. 52, 8. άφ. άπο I p. 88, 20. 90, 9. 92, 16, 27. 248, 6. 406, 5. 444, 17, 21, 24. 446, 14, 20, 27. 448, 3, 7, 9, 21. 450, 23. 452, 2, 8, 11. 464, 10, 14, 17, 21. 466, 15, 21. 468, 1. 472, 6, 11, 17. 474, 1. II p. 142, 11, 12. 144, 9 sq. 146, 7, 9 etc. praeter formas supra adlatas hae inueniuntur: ἀφαιφουμένου Ι p. 474, 1. II p. 228, 7. 340, 25. ἀφηφέθη II p. 142, 12. αφαιρεθη I p. 88, 20. 92, 16. II p. 142, 11. 160, 4. άφαιρεθείς Ι p. 248, 6. ΙΙ p. 144, 9, 16, 18, 146, 7, 178, 14, άφηρήται II p. 144, 11. 146, 9. 178, 7. άφηρήσθω (άφαιηήσθω) I p. 444, 17, 21, 24. 464, 10, 14. II p. 158, 15. 160, 16. άφηρημένος (άφαι-ημένος) I p. 90, 9. 92, 27. 282, 23. 406, 5. 444, 25. 446, 14, 20, 27. 448, 3, 7, 9, 21. 450, 23. 452, 2, 8, 11. 464, 15, 17, 21. 466, 15, 21. 468, 1. 472, 6, 11, 17. II p. 160, 8, 12. 178, 9. άφή punctum tactionis. lineae

et circuli I p. 32, 2, 4. 38, 13. 120, 14. 162, 11. II p. 22, 7. 32, 1. plani et sphaeroidis I p. 282, 18. 362, 13. 364, 3, 20, 24. 366, 2 sq. 368, 3, 8. uel conoidis I p. 358, 14. 360, 5, 21. lineae et spiralis II p. 62, 19. 66, 1. 70, 13. 82, 16, 20, 24.

άφικνέομαι peruenio. ἀ γοαμμὰ ἀπὸ τὰς ΑΒ ἐπὶ τὰν ΑΓ ἀφικνείται ΙΙ p. 54, 14, 28. ἀφίστημι remoueo. ἀφεστακός ΙΙ p. 252, 14. ἀποσταθέντος ἀπό ΙΙ p. 254, 1.

B.

βάρος pondus. Il p. 142, 3 sq. 144, 8, 12, 14, 146, 2, 4, 152, 12. 160, 12, 13. κέντρον τοῦ βάρεος u. κέντρον. ἴσον βάρος έχοντι II p. 148, 23. 150, 6, 17. 152, 5. βασιλεύς rex. II p. 242, 2. 290, 17. βάσις basis. trianguli I p. 26, 23. 44, 2. 258, 4. 260, 17. 302, 8. II p. 170, 20. 174, 11, 13. 186, 5. 192, 4, 6. 296, 7. 308, 14. 310, 3. 334, 15, 22. 340, 4, 8, 9. 342, 7, 9, 16. 344, 1, 15, 22. 846, 6. 348, 24, 27. 350, 8, 11. coni. I p. 8, 18.

34, 9. 58, 13, 16. 68, 22. 70, 4. 76, 3, 4. 82, 6 sq. 84, 2 sq. 92, 2, 4, 5. 102, 10, 12, 16. 114, 6 sq. 116, 2 sq. 118, 3, 9. 126, 13. 128, 1 sq. 134, 3, 4. 158, 5, 13. 160, 1, 2, 15. 168, 15, 24 al. 276, 15. 280, 4. 284, 5 sq. 340, 3 sq. 386, 10, 17, 21. 414, 2. 416, 4, 18, 24. 420, cylindri I p. 4, 1, 15. 5 al. 52, 16, 22. 58, 22. 60, 4 sq. 82, 1 sq. 146, 14, 17, 23. 148, 7, 8. 188, 12. 190, 17. 192, 21, **26**. **376**, **7**. **378**, **8**. **386**, **22**. 388, 10, 12. 392, 3 sq. 394, 21. 396, 4 al. prismatis I p. 4, 13. segmenti cylindri I p. 288, 25. 382, 12. 384, 4. 386, 1. 400, 9, 16. 402, 3 sq. 404, 3. 430, 28, 24 al. segmenti sphaerae I p. 2, 14. 98, 27, 29. 100, 8. 148, 18 sq. 152, 12. 154, 6, 8. 160, 11, 16. 162, 17, 22. 164, 22. 168, 7. 170, 1. 176, 5, 8. 178, 26. 218, 15 sq. 226, 21, 23. pyramidis I p. 26, 22. 80, 18. 32, 25. 58, 7, 12, 15. parallelogrammi I p. 50, 1 sq. polygoni I p. 100, 7. 164, 14. figurae solidae I p. 162, 14 al. 280, 12. 284, 22, 27. 286, 5. segmenti conoidis I p. 276, 4. 278, 17. 412, 4, 14 al. II p. 8, segmenti sphaeroidis I p. 282, 10 sq. 440, 18. 486, 7 al. segmenti coni I p. 288, 11. 400, 11 sq. 404, 11. 406. 12. 428, 17. 452, 25. 456, 2. 474, 19. 492, 2. 494, 9. 498, 2. segmenti parabolae I p. 302, 11. II p. 192, 12. 214, 3. 336, 15, 19 al. cfr. definitio II p. 336, 13. βάσις τόμου parabolae α μείζων II p. 228, 15. **έλάσσων** ΙΙ p. 228, 12 sq. solidi ficti II p. 228, 14, 17. 230, 5, 8. 232, 13, 20. 234, 2 sq. cfr. omnino έχω.
βιβλίον liber. I p. 188, 21. 274, 2. II p. 2, 6. 4, 6, 11. 10, 8 14, 3, 7. 266, 11, 14. ἐν τῷ πρώτφ βιβλίω I p. 196, 10. 198, 7 †. 208, 9. ἐν τῷ πρώτφ I p. 200, 5. βίος uita. II p. 2, 14. βλέπω uideo. βλέποντι ἀπὸ II p. 252, 3. βλέπων dum uixit. II p. 290, 4? βούλομαι uolo. II p. 2, 21. βουλέσθαι II p. 2, 8. βουλόμενο II p. 266, 6

uevos II p. 266, 6. г. γάρ nam. passim. είγὰρ μή έστιν Ι p. 70, 4. cfr. μή. καί $\gamma \alpha \varrho = \text{nam II p. 2, 22. u. } \pi \alpha \ell.$ parenthetice: καὶ γὰρ κατὰ διαίρεσιν I p. 230, 12 al. δέδεικται γάρ τοῦτο u. δείκνυμι. ys quidem. II p. 244, 21? γένος genus. II p. 10, 6. γεωμετοέω. τὰ γεωμετοούμενα quae in geometria tractantur, geometrica. Il p. 14, **5**. 298, 3. γεωμέτης geometra, mathematicus. Ip. 4, 18. IIp. 296, 13. γεωμετοία geometria. Ι p. 4, 7. II p. 2, 11, 16. 294, 5, 13. γεωμετοικός ad geometriam pertinens. II p. 242, 17. 294, 9, 12. $\gamma \tilde{\eta}$ terrs. II p. 242, 11, 13. 244, 2 sq. 246, 2, 6, 14, 18. 248, 1, 3. 254, 22, 25. 256, 1. 262, 10 sq. 264, 8 sq. 288, 12, **17. 290, 20**. γίγνομαι fio. I p. 20, 5, 7. 48, 24. 58, 2. 128, 23. 130, 24. 150, 7. 164, 3. 168, 12. 280, 13. 284, 23. 286, 10. 288, 8,

20, 22. II p. 2, 8. 10, 21. 52, 23. 254, 7, 10. 352, 7. yevóμενος πρός uersatus I p. 274, oriri operatione aliqua geometrica I p. 88, 18, 20, 28. 92, 14, 16, 27. 94, 10. 116, 21. 120, 7. 152, 16. 162, 1, 20, 25, 26. 166, 4. 182, 27. 186, 11. 282, 10. 284, 4, 8, 21, 26. 306, 15. 344, 6. 348, 19. 352, 10. 364, 8. 366, 20. 368, 2. 474, 22. 482, 17. 492, 5. 494, 3. II p. 36, 3, 5, 44, 6, 8, 58, 11. 94, 10. 192, 8. 234, 2. 346, 8. 350, 10. εί γένοιτο σφαίρα έκ τοῦ ψάμμου ΙΙ p. 246, 7. 274, 24. 276, 21. 278, 23. 280, **18. 282, 13. 284,** 8. **286,** 6. 290, 1. γεγονέτω initio demonstrationis analyticae I p. 206, 5. 226, 16. 232, 11. γενόμενος (ἀριθμός) productum. II p. 270, 23. 272, 6, 14, 27. 276, 6, 24. 278, 5, 26. 280, 4, 21, 27, 282, 16, 22, 284, 11, **17**. **286**, **10**, **15**. **290**, **5**, **10**. γενόμενον σαμείον Ι p. 368, 2. έπὶ τὰ αύτὰ γενόμεναι Ι p. 370, 1. γινέται ώς Ι p. 200, 19. ΙΙ p. 178, 4. 234, 13. γεγενήσθαι fuisse II p. 294, 4, 7. I p. 4, 18. effici, impleri I p. 18, 24. 20, 22. formae occurrunt hae: γίνεται I p.20,7. 150, 7. 164, 3. 168, 12. 200, 19. 280, 13. 284, 21. 286, 10. Η p. 254, 7. γίνονται Ι p. 130, 24. γινόμενος I p. 20, 5. 48, 24. 116, 21. 120, 7. II p. 58, 11. 350, 10. ἐγένετο ΙΙ p. 254, γενήται Ι p. 18, 24. 20, 22. 288, 8. II p. 52, 23. 352, γένωνται Ι p. 288, 20, 22. γενέσθαι Ι p. 58, 2. γενόμενος Ι p. 88, 18, 20. 92, 14, 16. 282, 10. 344, 6. 348,

19. 352, 10. 364, 8. 366, 20. 368, 2. 474, 22. 492, 5. 494, 3al. II p. 10, 21. 36, 3, 5. 44, 6, 8. 192, 8. 270, 23. 346, 8. plura u. supra. γένοιτο u. supra. γενάμενος Ι p. 284, 4, 8, 21, 26. II p. 294, 7. γενησέται II p. 234, 13. γενηθέν † I p. 152, 16. 162, 1, 20. γέγονεν II p. 234, 2. γεγονέτω I p. 206, 5. 232, 11. Il p. 178, 4. γεγονώς I p. 92, 27. γεγενήσθω † I p. 166, 4. 182, 27. 186, 11. 226, 16. γεγενησθαι I p. 294, 4. II p. 2, 8. yeyeνημένος Ι p. 4, 18. 88, 28. 94, 10. 116, 25, 26. II p. 94, 10. γιγνώσκω cognosco. γιγνωσχομένοι II p. 268, 11. 270, 21. γνωσόνται ΙΙ p. 242, 14? έγνωπότες ήμες constitueramus. II p. 294, 9. γνώμων gnomon. I p. 80, 19†, 23†. 444, 18, 21, 24, 26. 446, 2, 13, 19. 448, 3, 7, 8, 23. 450, 22. 452, 2, 7, 10. 464, 11 sq. 466, 15, 20. 468, 5, 9, 21. 472, 5, 11, 17. 474, 1. γνώςιμος necessarius, amicus. II p. 294, 4. γνωρίμως proprie. γν. έγγραφέσθαι definitur II p. 192, 9. u. praeterea II p. 192, 19, 23. 194, 11, 16. 198, 21. 202, 5, 11. 204, 14, 16, 19. 208, 7, 11, 17, 21. 212, 8, 21. 214, 7. γοαμμή linea. καμπύλη I p. 6, 14, 19, 21. II p. 336, 13, 14. de quauis linea I p. 8, 23, 25. 10, 18. 276, 24. II p. 20, 10, 12, 14. linea recta I p. 132, 16. 182, 8, 12. 250, 3. 294, 20. 296, 22, 23. 298, 13, 15. 302, 1. 318, 2. 324, 4. 330, 2, 8, 12. 334, 20. 356, 22. 358, 9. 366, 4. 372, 15, 25. 382, 3.

398, 15, 420, 11, 430, 16, 444, 14. 448, 10, 12. 464, 4. 468, 9. II p. 10, 11, 22, 26. 12, 14. 14, 8 sq. 16, 2 sq. 18, 2 sq. 24, 2, 5. 26, 15. 28, 4, 10. 30, 22. 84, 11 sq. 38, 11, 18, 20. 42, 10, 11, 24. 46, 1. 48, 9. 52, 2. 58, 23, 26. . 60, 1, 23, 62, 2, 72, 1, 12, 74, 22. 78, 12, 23. 100, 28. 102, 2. 104, 7, 11. 110, 2, 5. 112, 28, 30. 122, 29. 124, 2. 170, 20. 216, 24. 218, 12. 260, 15, 17. 302, 3. 304, 25. 306, 9, 14. 308, 12. 316, 10. εὐθεῖα γοαμμή Ι p. 318, 10. Η p. 10, 9. 50, 22. 52, 22. 56, 5. 62, 19, 20. 64, 2. 70, 18. 82, 15. $\gamma \varrho \alpha \varphi \dot{\eta}$ scriptum. II p. 244, 10? γοάφω scribo, perscribo. I p. 2, 3. 6, 11. 188, 2. 190, 1. 274, 2. 288, 1. II p. 2, 8, 5, 6. 10, 8. 14, 4. 266, 12. 294, 8, 9, 14. 296, 23. resoluo (problema) I p. 188, 4, 20. describo circulum I p. 102, 5. 120, 15, 24. 162, 6, 10. 230, 4. 320, 6. 324, 27. 336, 4. II p. 10, 17. 12, 12, 15. 28, 22. 82, 14. 52, 25, 27, 64, 6, 82, 18, 23, 25. 84, 7. 86, 23, 88, 3, 90, 7, 9, 13, 18. 98, 1. 118, 2. 132, 26. 134, 16. ellipsim I p. 318, 18. 324, 27. spiralem. II p. 10, 14. 52, 4, 16, 19. 54, 6. 58, 5, 14. 60, 10, 16. 62, 7, 18, 25. 66, 22, 25. 70, 11, 17. 78, 2, 10. 82, 6, 14. 84, 4. 86, 18, 25. 88, 9, 16. 98, 26. 100, 2. 106, 11, 23. 114, 27. 116, 13, 28. 126, 4. 132, 22. 134, 12. τα γεγοαμμένα ΙΙ p. 242, 19. τὰ γραφόμενα ΙΙ p. 244, 8? γράφειν περί = περιγράφειν II p. 92, 18. — γράφουσιν Ι p. 120, 15. 162, 6. γράφειν II p. 92, 13, 294, 9, 14. γρά-

φεται I p. 188, 20. γράφονται I p. 6, 11. II p. 14, 4. γραφόμενος u. supra. φεσθαι Ι p. 188, 4. Εγραφον II p. 296, 23. γοάψει II p. 10, 14. 52, 4. γοαψούμες Ι p. 288, 1. γοάψουσι Ι p. 162, 10? γράψαι I p. 190, 1. II p. 2, 3. γοάψαντες I p. 2, 3. 188, 2. 274, 2. II p. 2, 6. 294, 8. γοαφη II p. 82, 18. γοαφέωντι ΙΙ p. 12, 15. 132, 26. γραφείς ΙΙ p. 10, 17. 52, 16, 19, 25, 27. 82, 23, 25. 86, 23. 88, 3. γεγραφήκαμες ΙΙ p. 10. 8. γεγράφθω I p. 230, 4. 320, 6. 324, 27. 336, 4. II p. 28, 22. 32, 14. 64, 6. 84, 7. 90, 7, 9, 13. 96, 23. 118, 2. γεγράφδωσαν II p. 90, 18. 98, 1. 134, γεγραμμένος Ι p. 102, 5. 120, 24. 318, 18. II p. 2, 5. 12, 22. 54, 6. 58, 5, 14. 60, 10, 16. 62, 7, 18, 25. 66, 22, 25. 70, 11, 17. 78, 2, 10. 82, 6, 14. 84, 4. 86, 18, 25. 88, 9, 16. 92, 21. 94, 2. 96, 4, 14. 98, 26. 100, 2. 106, 11, 23. 114, 27. 116, 3, 28. 126, 4. 132, 22. 134, 12. 266, 12. ή ύπὸ τῶν γωνία angulus. ΔΗΓ γωνία Ι p. 16, 14, 18, 21†, 26. 20, 4, 9. ἡ ὑπὸ I p. 16, 19, 20, 22†. 18, 3, 4, 5. 20, 6, 7. 208, 10. 264, 2 sq. 266, 1 sq. 268, 1 sq. γωνία τις I p. 20, 6. II p. 170, 20. 174, 10. γωνίαι πολυγώνου I p. 102, 3, 7. 120, 17. 124, 3, 11. 126, 2. 180, 23. 132, 11, 14. 162, 6, 7. 164, 13. cfr. 170, 23. 172, 4. 310, 1. 312, 4. Π p. 182, 13. 192, 11. ά γωνία ά περιεχομένα ύπὸ τᾶν AH, AT II p. 56, 12. 64, 21. 250, 25. 252, 8. 254, 6. 256,

9, 10, 11. 258, 3. 260, 8, 9, 18, 19, 22, 28, 25. 262, 1. a γωνία α υπό II p. 68, 2. γωνία ά ποτὶ τῶ Θ ΙΙ p. 96, 25. 304, 28. 310, 7. 312, 18. 316, 9. 822, 12. 324, 3. ά ποτί II p. 118, 13. u. πρός. αί Δ, A, Β γωνίαι I p. 152, 14. όξεῖα γωνία ΙΙ p. 72, 5. u. όξύς, άμβλύς. όρθα γωνία ΙΙ p. 94, 8. u. όρθός. αί γωνίαι αί τέσσαρες όρθαί ΙΙ p. 90, 2. ίσαι γωνίαι Ι p. 282, 26. II p. 54, 24. 90, 3, 17. 94, 12. 104, 5. 118, 13. 168, 13. 172, 9, 15 al. εύθεῖα γωνίας ποιεῖ ποτί εὐθείαν ΙΙ p. 70, 13. 90, 4, 17. 98, 2. 100, 26. 112, 26. 120, 9. 170, 9. ά γωνία, είς ᾶν ὁ ἄλιος ἐναρμόζει τὰν κοουφαν έχουσαν ποτί τα δψει h. e. angulus uisus. Il p. 248, **22**. **250**, 6, 8, **26**. **252**, **9**, **27**. 254, 7, 18. 258, 2. u. praeterea II p. 56, 17, 23, 78, 14. 250, 5, 7. 252, 26. 254, 8. 258, 28. 260, 13.

4.

δακτυλιαίος digitalis. II p. 266, **4**. 274, 5, 14, 21. δάκτυλος digitus. II p. 264, 26. 266, 6. 274, 4, 8, 20, 26. 276, 17 sq. 278, 13, 17. δέ autem. passim, tertio loco Ip. 6, 22. quarto II p. 172, 18. δείπνυμι demonstro; sequitur ött uel ès (u. infra) et participium I p. 64, 28†. 72, 14+. 76, 13. 146, 20. 154, 16. 178, 13. 184, 18. 266, 8. 312, 11. 314, 19. 320, 9. 334, 16. 348, 5. 350, 18. 354, 4. 402, 27. 422, 19. 424, 20, 24. 426, 25. 428, 9. **488**, **11**, **19**, **456**, **13**, **458**, **12**, 470, 7, 10, 474, 12, 480, 8,

494, 17. 498, 9. II p. 68, 18. 78, 14. 84, 22. 118, 22. 126, 15. 130, 17. 132, 15. 134, 21. 154, 17. 254, 17. 262, 18. 264, 10. 286, 26. 288, 17. 328, 9. 832, 7. 832, 8. 834, 5. 346, participium ων interdum omittitur: I p. 44, 14. 88, 13. 112, 13. 118, 5. 128, 1. 146, 24. 154, 21. 160, 4. 198, 21. 204, 7, 24. 246, 1. 392, 20. 396, 14. 450, 8. 452, 18. 480, 15. II p. 46, 7. 108, 9. 172, 19. 216, 17. 308, 20. 316, 5. 318, 19. cum infin. I p. 390, 21? δειπνύνται ότι. II p. 62, 11. δεικνύται ότι II p. 126, 14. 214, 19. 216, 5. 262, 9. 296, 5. δεικυύειν II p. 242, 16. 248, 10 (ότι). δείξομεν (δειξούμες) öre I p. 22, 24. 50, 1. 186, 12. 282, 19. 364, 5. II p. 48, 16. δείξας I p. 24, 12. εδείξαμεν I p. 216, 15. δείξαι δτι I p. 176, 11. 246, 20. 248, 1, 4. 376, 28. 384, 21. II p. 8, 23. 10, 3. 166, 8. ὅπερ ἔδει δείξαι 1 p. 200, 17. II p. 198, 8. 216, 22, 228, 5. ἔδει δὲ τοῦτο δείξαι II p. 210, 24. δ έδει δείξαι I p. 328, 28. 334, 4. 458, 20. 480, 21. II p. 828, 16. δειχθήσεται Ι p. 58, 4. 122, 4 (ότι). 198, 21. 222, 6 †. 320, 9. 312, 11. 334, 16. 348, 5. 884, 23 (οτι). 390, 21. 402, 27. 404,8 (õti). 422, 19. 438,19. 456, 13, 458, 12, 480, 3, 15, 494, 17. II p. 16, 17 (or.). 60, 6 (or.). 62, 6 (oti). 66, 17 (oti). 70, 10 $(\tilde{o}\tau\iota)$. 82, 2 $(\tilde{o}\tau\iota)$. 86, 14, 17 $(\tilde{o}\tau\iota)$. 90, 24 $(\tilde{o}\tau\iota)$. 108, 9. 114, 25 (διότι). 118, 22. 128, 17 $(\tilde{o}\tau\iota)$. 130, 17. 132, 15. 156, 8 (ὅτι). 251, 17. 274, 2. 288, 11 (ότι), 25 (ότι), 308, 20. 312,

14. 316, 5. 318, 19. 322, 7. 328, 9. 344, 9. 346, 4. ἐδείχθη I p. 40, 9 †. 44, 14. 68, 19 (ori). 74, 26 (oti). 76, 13. 88, 13. 110, 18 (οτί). 112, 13, 118, 5. 140, 10 (ότι). 146, 10 (ότι). 174, 13. 178, 20 (ώs). 200, 5. 204, 3, 7, 24. 222, 15. 238, 20, 24. 266, 8. 246, 1. 364, 18 (δτι). 392, 20. 396, 14, 16 (ότι). 424, 20, 24. 428, 8. 438, 11. 450, 3. 452, 18. 470, 7, 10. 474, 12. II p. 154, 17. 172, 19. 216, 17. 226, 12. 228, 1 (ὅτι). 262, 18. 286, 26. 332, 8, 25. 334, 5, 9 (ότι). 352, 16 (ότι), 20 (ότι). έδείχθη, ώς ή ΑΚ πρός την ΕΛ, οῦτως κτλ. Ι p. 174, 13. 200, 5. 204, 3. 222, 15. 238, 20, 24. Η p. 226, 12. δειχθησοῦντι Ι p. 350, 18. 354, 4. δειχθη II p. 46, 7. δειχθήσειν II p. 246, 10. δειχθείη κα I p. 498, 9. δεικνύσθαι II p. 266, 7. δειχθηναι I p. 248, 7 (ότι). ἐδείχθησαν I p. 160, 4. δειχθείς II p. 4, 11 (ὅτι). δεδείχθαι ΙΙ p. 78, 14. δέδειπται Ι p. 36, 25, 64, 28†. 72, 14†. 114, 26. 124, 8 (õti). 128, 1. 134, 9. 146, 20, 24. 154, 16, 21. 178, 13. 184, 18. 196, 10. 200, 5. 220, 9. 230, 22. 300, 5. 304, 15. 314, 19. 346, 23. 406, 7. 426, 25. 428, 12. 448, 19. 478, 18. 482, 23. II p. 8, 6 (οτι). 48, 13. 50, 5. 60, 5. 66, 11, 15 (ότι). 68, 18. 70, 2. 74, 11. 76, 21. 80, 18. 84, 22. 102, 10. 104, 26. 110, 16. 126, 15, 25 (ότι). 134, 21. 166, 2, 5. 182, 22. 186, 25. 264, 2 (671), 10.274, 9 (ὅτι). 276, 8 (ὅτι). 288, $7(\tilde{o}\tau\iota)$, 17. 304, 10, 19, 21. 306, 19, 26. 314, 3. 324, 1, 10. deδειγμένος Ι p. 58, 5. 190, 7. Archimedes ed. Heiberg. III.

II p. 46, 13. 248, 13. 258, 13. 334, 12. 340, 22. δειπτέον ὅτι I p. 24, 8. 54, 3. 60, 14. 76. 7. 112, 29. 132, 1. 150, 3. 154, **14**. **156**, 22. **170**, **15**. **182**, **3**. 246, 18. 292, 10. 296, 25. 302, 17. 308, 2. 314, 2. 316, 8. 344, 17. 354, 10. 386, 18. 400, 13. 406, 1. 410, 20. 416, 7. 432, 5. 440, 17. 460, 14. 476, 25. 482, 11. 494, 7. II p. 14, 22. 18, 16. 36, 3. 44, 7. 54, 10. 58, 20. 60, 18. 64, 4, 23. 72, 6. **78, 15. 82, 5. 84, 11. 100, 5.** 106, 27. 118, 4. 126, 9. 134, 17. 146, 5. 152, 16. 160, 20. 174, 13. 188, 15. 192, 24. 198, 14. 212, 4. 214, 6. 218, 21. 230, 10. 272, 8. 304, 12. 344, 2. 350, 2. δεικτέον ταῦτα II p. 192, 17. deigis demonstratio. I p. 28, 17†. δέκα decem. I p. 262, 21. 270, 9. II p. 276, 1, 3. 278, 10, 27. 280, 2 sq. 286, 12. δεκαπλάσιος ΙΙ p. 218, 7, 19. 220, 19, 26. 222, 1. 234, 26. 236, 1, 5, 16. 246, 19. 276, 4? δε**καπλασίων ΙΙ p. 270, 12, 16.** δεκάς numerus denarius. II p. 266, 23. 268, 3. 270, 3. δέκατος decimus. II p. 276, 3. δεύτερος alter, secundus. I p. 190, 12. II p. 4, 14. 218, 4, 7. al. δευτέρα περιφορά II p. 12, 3, 8, 10. 126, 4. α. περιφορά. δεύτερον χωρίον ΙΙ p. 52, 17. 126, 2, 7. δεύτερος κύκλος α. κύκλος. δευτέρα περίοδος υ. περίοδος. δευτέροι άριθμοί II p. 266, 21, 22, 268, 1, 17. 270, 6, 13, 15, 18. 274, 17, 19. 276, 1, 2, 14, 18. 278, 1, 2. 282, 3, 26. 284, 20. 286, 19. δέω. δει oportet. I p. 18, 21. 20, 21. 176, 11. 192, 14. 210, 5. 214, 14. 218, 18. 222, 23. 226, 14. 228, 22. 232, 7. 234, 2. 248, 4. 318, 19. 324, 17. 330, 15. II p. 8, 23. 10, 3. 144, 5. 250, 1. δεήσει I p. 248, 7. ἔδει u. δείννυμι.

δηλονότι uidelicet. II p. 306. 1+.

306, 1†. $\delta \tilde{\eta} \lambda o_{\mathcal{G}}$ manifestus. I p. 124, 13. 128, 5. 306, 17. 352, 15. 354, 10. 356, 18. 364, 23. 438, 25. II p. 2, 14. 126, 20. 178, 19. 264, 12. 328, 16. δηλον (ουν, ἄρα, γάρ, δέ, δή) ὅτι adparet. l p. 56, 24. 76, 21. 96, 20. 102, 1. 116, 8, 13. 120, 10. 122, 24. 126, 8. 132, 26. 136, 2. 146, 21. 156, 1. 164, 4. 212, 15. 238, 17. 250, 20. 254, 9, 18. 288, 6, 20. 294, 6. 300, 12. 306, 8. 310, 9. 312, 15. 314, 24. 316, 15. 322, 23. 328, 26. 334, 2, 5. 338, 13, 19. 348, 10. 352, 1. 354, 20. 360, 7. 362, 7. 364, 1. 374, 8. 378. 6. 380, 24. 390, 13. 396, 7. 404, 9. 418, 29. 424, 9. 426, 8. 434, 9. 436, 24. 442, 9. 448, 22. 450, 13. 462, 13, 20. 468, 3. 470, 21. 472, 24. 474, 3. 490, 19. II p. 8, 5, 20, 26. 16, 14, 22, 26. 40, 9. 60, 3. 62, 1. 64, 22, 70, 5. 82, 2. 84, 10. 92, 3, 8. 94, 19. 100, 20. 104, 3. 108, 27. 112, 24. 120, 7. 122, 26. 128, 15.

132, 13. 138, 10. 148, 19. 150, 9. 156, 17. 184, 11. 194, 5. 198, 4. 200, 1, 12. 202, 1. 204, 9. 208, 3. 210, 23. 212, 23. 254, 12. 258, 23. 262, 7. 272, 14. 278, 17, 25. 280, 20, 26-282, 7, 22. 286, 15. 288, 1, 18. 290, 1, 10. 302, 6. 318, 4. 324, 20. 348, 18. 410, 6. 414, 24. δηλον ώς Ι p. 42, 1. 118, 13. 278, 2. 368, 15, 20. 370, 12. 372, 26. 394, 5. 444, 6. 468, 16. II p. 4, 13. 16, 5. 20, 6, 20. 58, 23. 168, 3. 196, 3. 206, 13. 242, 9. 262, 16. 264, 16, 19. 274, 4, 13, 26. 276, 6, 23. 278, 5. 280, 4. 282, 15. 284, 16. 308, 4. 310, 25. 330, 20. 336, 10. 338, 1, 20. 350, 19. 352, 14. δήλον ὅτι ὡς? ΙΙ p. 340, 22. 346, 1. διά cum genetiuo: per (ἄγειν,

τέμνειν, similia) punctum:

I p. 138, 2. 152, 8. 226, 20. 320, 22. 324, 24. 328, 2, 5. 346, 2. 350, 4. 354, 3. 356, 23. 358, 2, 3, 14. 360, 5, 20. 362, 13. 364, 3. 368, 2, 14, 19. 370, 5, 8. 372, 1, 6. 412, 13. 430, 3. 436, 1. 440, 3 sq. 452, 23. 454, 6, 7. 458, 23. 460, 4. 474, 18. 480, 24. 482, 16. 490, 25. 494, 12. II p. 8, 1. 90, 16. 98, 1. 174, 15. 178, 17. 184, 17. 186, 4. 198, 16. 200, 19. 202, 15. 210, 21. 254, 21, 22. 300, 17, 19. 314, 1. 328, 19. 330, 15. 340, 14. lineam I p. 324, 7. 342, 1 sq. 344, 8, 13. 346, 3. **348**, **23**. **350**, **5**. **352**, **12**, **14**, 16. 356, 11. 358, 1, 20. 360, 7, 17. 362, 19. 364, 7, 9, 24. 366, 1, 8, 20. 370, 9 sq. 372, 3. 374, 20. 380, 8. 382, 5. 386, 13. 396, 26. 404, 20. 410, 22. 412, 3. 416, 12. 440, 8. 454, 2.

460, 5. 476, 2. 482, 4. 492, 9. figuram planam II p. 330, 23. ope alicuius rei. I p. 188, 5, 21. 190, 1. II p. 8, 5. 242, 16. 250, 1. 294, 11, 12. 298, 2, 3. διά τούτων I p. 286, 12. II p. 266, 7. διὰ τῶν αὐτῶν Ι p. 334, 15. 404, 8. 480, 15. II p. 138, 16. διὰ τοῦ αὐτοῦ τρόπου ΙΙ p. 82, 5. 86, 17. 96, 2. 114, 25. cum accusatino: propter. I p. 110, 15†. II p. 236, 18. 290, 22. διὰ τί quare. I p. 276, 12, 16. 280, 2, 9. 284, 2, 19. διὰ τοῦτο Ι p. 22, 14. 26, 16. 32, 24. 134, 19. 268, 9. II p. 342, 1. διά ταύτα Ι p. 106, 18. II p. 146, 14. διὰ ταῦτα πάντα II p. 174, 2. διὰ τὰ αὐτά Ι p. 38, 1. 100, 11. 210, 22. 264, 12. 268, 13. 292, 18. 374, 8. 472, 18. II p. 16, 11. 160, 1. 166, 3. 172, 18. 180, 17. 186, 7. 314, 10. 318, 1. 324, 11. 348, 4. διὰ τό веquente infinitiuo I p. 40, 8. 78, 23. 426, 20. 490, 7. II p. 2, 8. 32, 26. 38, 5, 7. 48, 8. 64, 15. 78, 14. 156, 7. 170, 12. 176, 13, 22. 180.5. 210, 2. 248, 25. 252, 1. 258, 10. 264, 15. 266, 13. 274, 22. διάγω duco lineam per figuram aliquam. I p. 34, 10 (els).

1 αγ ω duco lineam per figuram aliquam. I p. 34, 10 (είς). 96, 11. 100, 4 (είς). 318, 23 (ἀπό). II p. 22, 8. 32, 6 (ἐν). produco ultra lineam uel terminos figurae alicuius I p. 418, 8. 434, 10. 464, 24. II p. 120, 8. δύο διηγμέναι lineae parallelas secantes I p. 98, 2†. διάχθω εὐθεῖα ducatur per planum, fere i. q. ἄχθω II p. 320, 14. διαχθοῦσι I p. 96, 11. διαχθοῦσα II p. 22, 8. διάχθω (διήχθω) I p. 34, 10.

100,4. 318,23. 418,8. 434,10. 464, 24. II p. 32, 6. 320, 14. διάχθωσαν II p. 120, 8. διαίρεσις divisio. κατά διαίφεσιν i. q. διελόντι (u. διαιeeω) I p. 230, 12. punctum diuisionis. I p. 376, 11. 384, τὰ κατὰ τὰς διαιρεσίας σαμεία ΙΙ p. 164, 1. τὰ τῶν διαιρεσίων σαμεία ΙΙ p. 330, 12. διαιρέω seco, diuido. lineam I p. 376, 9 (ϵi_s). 384, 7 (ϵi_s). II p. 20, 16 (είς). 154, 18 (είς). 162, 20 (ϵl_s). 176, 1 (ϵl_s). 180, 1, 16 ($\epsilon l s$). 184, 1 ($\epsilon l s$). 228, 10 (ϵl_s) . 230, 3 (ϵl_s) . 262, 5 $(\epsilon l \varsigma)$. 320, 4 $(\epsilon l \varsigma)$. 326, 13 $(\epsilon l \varsigma)$. 330, 11 (ϵl_s). solidum I p. 102, 26. 122, 8. 390, 8 (είς). 444, 11 (είς). 466, 4 (είς). angulum II p. 90, 1. 94, 11, 254, 10, 11, 15, 16 (είς). 258, 1, 4, 6. 262, 2, 3. planum I p. 122, 11. II p. 164, 2. punctum lineam dividit II p. 188, 9. 196,

dividitur είς τους των έξης άριθμῶν λόγους ΙΙ p. 196, 1. — διαιφεί II p. 198, 6. 212, 27. διαιφείται Il p. 196, 1. διαιρέων ΙΙ p. 188, 9. 196, 11. 198, 1. διαιφεθήσεται I p. 122, 11. II p. 164, 2. διαιφεθείς I p. 102, 26. II p. 20, 16. 94, 11. 154, 18. 184, 1. 228, 10. 230, 3. 254, 10 sq. 258, 1 sq. 262, 2, 3. διαιρήσθω (διη**ϙήσϑω**) Ι p. 376, 9. 384, 7. II p. 162, 20. 176, 1. 184, 16. 320, 4. διαιρήσθωσαν Il p. 90, 1. διαιφημένος (διηφημέvos) I p. 122, 8. 390, 8. 444, 11. 466, 4. II p. 262, 5. διελόντι Eucl. V def. 16. I p.

11. 198, 1, 6. 212, 27. linea

26, 6. 196, 12. 198, 24. 202,

130, 6. 178, 1. **2**32, 10. διακοσιοστός ducentesimus. JI p. 256, 12. 260, 26. διακούω comperio. διάκουσας II p. 244, 9? διάμετρος diametrus. circuli I p. 16, 11. 96, 15, 23. 98, 23. 100, 2, 27. 102, 6. 114, 3. 126, 6. 130, 19, 22, 25. 136, 1, 2, 142, 13, 16, 152, 15, 18. 162, 7, 11. 166, 27. 178, 17, 18. 194, 18. 206, 6, 22. 248, 18, 20. 250, 2. 306, 20, 23. 310, 2. 312, 22. 314, 1. 316, 11. 374, 25. 392, 3. 394, 21. 402, 26. II p. 24, 3, 15. 28, 5, 16. 32, 6. 84, 16. 88, 19. 258, 9, 19, 23, 25. 264, 3, 16. 296, 15. u. xúxlog. terrae II p. 246, 21. 248, 3. 262, 10, 15, 17, 24, 26, 27. 264, 7, 9, 15, 17, 19. 288, 17. sphaerae I p. 4, 3. 146, 15. 154, 11. 180, 5. 188, 13. 190, 18. 192, 28. 194, 8, 9. 226, 24. 232, 7. 234, 5. II p. 6, 15, 18(év), 23. 8, 2. 274, 5 sq. 276, 16, 19, 20, 23. 278, 13 sq. 280, 13 sq. 282, 8 sq. 284, 3 sq. 286, 1 sq., **24**. 288, 15, 19, 22. **296**, 17. solis II p. 248, 2 sq. 254, 18. 262, 7 sq. lunae II p. 248, 1 sq. 262, 14, 16. mundi II p. 262, 10, 11. 264, 1 sq. 286, 26. 288, 17, 20. τῆς βάσεως (cylindri, coni, segmenti conoidis et sphaeroidis). I p. 60, 8, 11. 82, 9, 12 $(\acute{e}\nu)$, 134, 17. 146, 25. 148, 1, 4. 282, 27, 28. papaueris II p. 264, 25. 266, 5. 274, 3. parallelogrammi I p. 80, 11†. 464, 10. Il p. 164, 20. 166, 4, 9. parabolae I p. 274, 17, 20.

340, 17. 356, 13, 16. 404, 21. II

p. 8, 10, 11, 298, 8, 17, 300, 4,

12, 14. 234, 11. 248, 12. II p.

14. 320, 1, 2. 326, 7. $= \delta$. $\tau \tilde{\alpha} s$ τομᾶς Ι p. 304, 1, 7. 306, 11, 12. 342, 4, 15. 344, 17. 348, **27**. 360, 25. 374, 23. menti parabolae I p. 302, 7. (definitur 302, 9), 15. 304, 5, 19. 306, 13. 406, 6. II p. 198, 13. 202, 9. 210, 28. 212, 2, 5. 214, 4. = δ. τοῦ τμάματος II p. 192, 14, 21. 194, 14, 17. 196, 4. 198, 12. 204, 17. 214, 1, 10. 228, 22. 230, 19, 20. cfr. παρα διάμετρον II p. 298, 8, 17. 300, 3, 14. 302, 11, 21. 304, 1. 320, 6. 322, 1, 4. 326, 8, 11, 14. 328, 20. 330, 17. 334, 25. 336, 2 sq., 20, 21, 25. 338, 1, 16, 19. 340, 17. 342, 14, 18. hyperbolae (Zeitschr. f. Math. XXV p. 55 not.) I p. 276, 22, 23. 278, 5. 358, 5. διάμετοος τόμου parabolae II p. 228, 9, 23 (cfr. Eutocius). ellipsis. ἀ μείζων δ. I p. 280, 21. 306, 21, 25. 318, 26. 320, 25. 322, 3, 7. 344, 5, 11, 19. 348, 17. 352, 2, 9. 354, 10, 20, 23. 398, 13. 430, 14. 440, 11. α ελάσσων διάμ. I p. 284, 24. 306, 22. 308, 1. 318, 13, 14 344, 9, 21. 352, 21. 354, 24. 440, 13. u. praeterea I p. 312, 21, 25. 316, 1, 5, 7, 21. 324, 12. 328, 17. 348, 11. 352, 19. 854, 9. 370, 20. 372, 5. 380, 14. 382, 5. 402, 12, 14, 16. 408, 14. 430, 18. 434, 24. 440, 9. 476, 16. 482, 6. cfr. ógvγωνίου κώνου τομά. sphaeroidis I p. 282, 5, 21. 286, 17, 19.

διανοέω sentio. διανοείσθαι Η p. 244, 25.

διανύω perficio, conficio. de puncto, quod in linea mouetur. διαννέσθων II p. 18, 6. διανύση ΙΙ p. 52, 18. διανυσθείς II p. 10, 18.

διαπορεύομαι permeo. puncto, quod in linea moueδιαπορενέται ΙΙ p. 16, 15. 18, 20, 23. 54, 16, 19, 25. 60, 23, 26. διεποφεύθη ΙΙ p. 14, 21. διαπορενέσθω ΙΙ p. 18. 13, 15. διεπορεύετο ΙΙ p. 18, 18, 21. διαποφενθη II p. 52, 10. διάστημα distantia I p. 330, 20. 334, 7. 344, 9. radius circuli. II p. 10, 18. 12, 15. 52, 26. 54, 1. 64, 7. 82, 18. 84, 6. 90, 6, 13. 96, 24. 118, 2. 132, 25. 134, 16.

διαφέρω differo. οὐδὲν διαφέρει II p. 230, 16. διοίσει ούδέν Ι p. 440, 11.

διαφορά differentia. I p. 186, 7.

δίδωμι do. διδόμεν II p. 2, 9. de magnitudine aliqua, quae tractanda proponitur. διδόμενος I p. 190, 14. 234, 2 (είς). δοθη I p. 24, 1. dođeis I p. 12, 17. 14, 20, 26. 20, 16. 22, 24. 24, 8, 11. 190, 5, 12. 192, 6, 13. 206, 2, 4, 22. 210, 2, 4, 5, 7. 214, 21, 27. 218, 12, 13, 14. 226, 5 sq. 228, 21. 232, 2, 4, 6, 10. 234, 1, 4, 6. 286, 21 sq. 318, 2, 7. 324, 4, 10. 330, 2, 8, 10, 17. 374, 11. 378, 12. 380, 9. II p. 4, 6, 8, 15 sq. 6, 4. 20, 2, 10, 12, 20. 22, 2, 8, 13, 14, 21, 23, 25. 24, 2, 11. 26, 12, 16. 28, 4, 12. 32, 2. 66, 2. 188, 4. 208, 9. 294, 15, 16. δεδόσθω Ι p. 24, 14. 216, 1, 318, 9. 374, 19. 380, 7. II p. 22, 10, 11. 24, 14, 15. 26, 15. 28, 32, 5. 208, 15. δεδομένος II p. 24, 5, 7, 10, 12. 26, 6, 13. 28, 6, 10, 13, 15. 30, 21. 32, 3. 78, 23? praetera doDels de magnitudine definita et nota usurpatur I p. 192, 5, 8. 206, 12, 18. 210, 10, 18, 22. 212, 18, 19. 214, 3 sq. 222, 8, 9, 10, 20, 224, 5, 228, 17, 18, 19. 232, 15, 16.

διίσταμαι disto. ἴσα διέστα nev II p. 156, 16.

διόπες quare I p. 274, 7. II р. 290, 23.

διορισμός definitio. I p. 214,

16, 20.

διότι quia. I p. 66, 16†, 20†. 144, 5 †. 252, 9. 310, 22. 344, 26. 346, 24. 350, 23. 360, 1. 362, 25. 452, 11. II p. 22, 21. 72, 15. 108, 7. 258, 20. = $\tilde{o}\tau\iota$. I p. 188, 8, 11, 16. 248, 2. 286, 16. 840, 5. II p. 96, 2. 114, 25. 244, 4. 264, 3. 296, 20. διπλάσιος duplex, duplo maior, cum genetiuo. I p. 32, 14 sq. 62, 24 †. 168, 1, 2. 214, 22. 254, 11. 280, 9, 17. 284, 4, 22. 296, 24. 306, 6. 400, 18. 416, 8. 428, 21. 440, 4, 20. 444, 5, 22. 452, 24. 456, 4, 5. 464, 7. 482, 19, 22. II p. 12, 4. 36, 22, 26. 38, 26. 40, 1 sq. 48, 3, 8, 22. 50, 2. 78, 7, 16. 80, 12. 124, 24. 126, 10. 128, 15. 154, 5, 9. 202, 12. 218, 3, 16, 26, 27. 220, 4 sq. 222, 3 sq. 224, 4 sq. 226, 2 sq. 228, 16, 19. 230, 7, 9. 232, 15 sq. 234, 1 sq. 236, 2, 7, 13. 312, 27, 28. 344, 5, 6, 7. α διπλασία εύθεῖα II p. 54, 1. 80, έλάσσων η διπλάσιος Ι p. 16, 19. 18, 3. 290, 10. 396, 6, 8, 11. Η p. 82, 2. μείζων η διπλάσιος Ι p. 290, 11. 392, 14, 16, 18. 396, 13. λόγος διπλάσιος Ι p. 22, 15. 138, 7†, 8†. 176, 28. 276, 19. II p. 6, 19. — huc eos quoque locos rettuli, ubi legitur διπλάσιον generis neutri, quamquam etiam ad synonymum διπλα-

σίων referri possunt.
διπλασίων Ι p. 266, 10. 396,
13. 440, 22. II p. 38, 6. ἐλάσσων ἢ διπλασίων Ι p. 250, 20,
21. 298, 9. μείζων ἢ διπλασίων Ι p. 250, 20,
διπλασίονα λόγον ἔχειν ἤπερ (ἢ I p. 130, 6. 132, 3. 134, 1. 170,
17. 172, 12. 240, 1 †. II p. 6, 11. διπλοῦς Ι p. 262, 5†. 266, 10 †. δίς bis. δὶς τὰ ἡμίσεα et simil. I p. 108, 7. 232, 27. II

p. 62, 10. 80, 15, 16. δισμύρια II p. 262, 2.

δίχα in duas partes aequales (τέμνειν) I p. 16, 15, 16, 26. 20, 4, 5, 9. 258, 8. 260, 7. 264, 5. 266, 3. 398, 7. II p. 56, 13, 16, 23. 88, 22. 96, 26. 94, 7. 302, 19. 804, 9. 306, 18. 314, 2. 334, 26. 342, 14, 17. omisso uerbo τετμήσθω I p. 264, 11, 15. 266, 1. 268, 1, 12, 16. 270, 3. διχοτομέω in duas partes aequales seco. διχοτομούμενος II p. 162, 18.

διχοτομία punctum medium. II p. 156, 19. 162, 10, 14. 182,

28. 184, 2, 8.

δοπέω. δόξαντα I p. 4, 10. δοπιμάζω existimo. δοπιμάζοντες I p. 6, 6. = άξιω. δοπιμάζομες II p. 4, 7.

δοξάζω sentio. δοξαζόντες ΙΙ p. 242, 9. δεδοξασμένος ΙΙ p.

246, 19.

δοόμος cursus siderum. II p.

244, 15.

δύναμαι possum. δυνάμεθα II p. 188, 4. δύνασθαι I p. 6, 4. δυναμένου II p. 250, 14. δυνησόμενος I p. 6, 2. ualere in quadrato. τὸ ὑπὸ AB, AH δύναται ἡ ἐκ τοῦ κέντρου Ι p. 78, 25, 28, 29. 104, 15. 108, 12, 14. 110, 12. 124, 9. 132, 9. 150, 6, 15. 164, 11. 304, 16, 17. ἴσον δύναται Ι p. 124, 1. 148, 16, 25. 150, 10. 154, 17. 166, 6, 12. 170, 22. 172, 2. ὁ μεῖζον δυνάται Ι p. 334, 18. δύνανται τὸ ὑπό Ι p. 108, 6, 10. 304, 2, 13. δυνάσθω τὸ ὑπό Ι p. 78, 14, 15. 106, 2, 7, 9, 11, 13, 15, 17. ἐδύνατο ἴσον Ι p. 152, 2. δυνασεῖται ἴσον Ι p. 346, 7. 350, 9. δυνησόνται ἴσον Ι p. 150, 21.

δύναμις potentia, quadratum. δυνάμει λόγον έχειν Ι p. 62, 17, 19. 66, 27. 68, 2. 70, 19, 20. 72, 28. 264, 10. 316, 20. 390, 19. 394, 15. 402, 13, 15. 422, 5. 434, 24. II p. 10, 1. 108, 8. 118, 21. 132, 1, 3, 4. 300, 8, 21. 302, 2. 338, 22. ἐλάσσων ἢ διπλασίων δυνάμει Ιρ. 250, 20, 21. δυνάμει ἴσα τῶ ὑπό ≡ δυνάται τὸ ὑπό Π p.

108, 4. 118, 11.

δυνατός. δυνατόν έστι fieri potest I p. 320, 1. δυνατὸν δέ έστι τουτο I p. 326, 21. δυνατόν έστι sequente infinitiuo I p. 10, 21. 12, 17, 23. 14, 20, 27. 18, 14. 22, 25. 24, 2, 9. 60, 20. 136, 14. 208, 10. 318, 5. 324, 8. 330, 6. 374, 14. 380, 1. 382, 6. 400, 3, 6. 430, 19, 26. 454, 17, 23. II p. 4, 13. 14, 10. 20, 2, 11. 22, 3, 12. 26, 1, 7, 25. 28, 25. 64, 25. 72, 16. 76, 21. 78, 27. 84, 19. 88, 11. 92, 12, 23. 94, 19. 96, 17. 98, 17. 100, 8. 102, 21. 108, 16. 112, 8. 118, 29. 122, 14. 294, 14. 296, 11. 330, 6. 332, 14. 340, 23. δυνατόν, omisso forl, cum infinit. I p.

24, 14. 70, 8. 140, 24. 308, 16. 312, 1. II p. 24, 3. 28, 6. 30, 22. 32, 20. 68, 18. 84, 22, 96, 2. μὴ γάο, ἀλλ' εί δυνατόν II p. 160, 22, 162, 17, 170, 3. 174, 15. 178, 24. εί δυνατόν I p. 60, 18. 66, 4. 138, 25. 140, 19. 144, 11. 258, 7. 260, 6. 308, 15. 312, 1. 358, 16. 388, 4. 400, 26. 418, 3. 424, 27. 434, 1 (ἐστί?). 440, 27. 450, 5. 456, 7. 460, 25. 470, 13. 478, 9. 480, 10. II p. 56, 11. 64, 24. 68, 3. 72, 9. 74, 17. 78, 20. 84, 13. 100, 8. 102, 20. 108, 15. 112, 7. 118, 29. 148, 10. 330, 4. 332, 11. 350, 5. 352, 4. εί γαρ δυνατόν έστι I p. 72, 18. δύο I p. 8, 16. 12, 18, 24. 14, 14, 26. 16, 1, 11. 302, 6, 14. II p. 6, 7. 38, 2, 4, 6. 186, 20, 21, 22, 24. 226, 25. 228, 1, 2, 3. pro genetiuo I p. 8, 7. 12, 17. 14, 20. 18, 14. 22, 24. 24, 18. 60, 18. 176, 15. 182, 6. 192, 6. 214, 21. 222, 20. 224, 5. 226, 9. II p. 18, 2. pro datiuo II p. 36, 11, 13. δυσί I p. 180, 15. 474, 4. II p. 36, 16. 38, 3. 44, 4. δυοίς I p. 288, 16. 468, 23. 470, 2. đνῶν II p. 260, 11. δυοκαιεικοστός ΙΙ p. 278, 5. 280, 2. **δ**υοκαιπεντακοστός ΙΙ p. 286, 15, 290, 7. δύσχολος difficilis. I p. 274, 6. δωδεκαπλάσιος ΙΙ p. 248, 9.

E.

ξάν si, cum coniunctiuo. I p. 10, 8, 11, 23. 12, 2. 20, 8. 24, 1. 26, 21. 30, 17. 34, 2. 38, 11. 44, 20. 52, 14. 58, 4, 6, 18. 60, 1. 76, 25. 82, 1, 15.

88, 17. 90, 8. 92, 12. 96, 10. 130, 2. 166, 16, 28, alibi saepe, maxime in initiis propositionum. consulto reliqui ἐάν cum indicatiuo I p. 8, 25; nam fieri potest, ut a transscriptore illatum sit; neque enim apud Graecos postre-·mae aetatis inauditum est. nαὶ ἐάν I p. 178, 23. — etiam in libris Dorice scriptis hic illic occurrit. ἐάν (II p. 168, 7. 184, 10. 210, 9. 352, 16. иа́v II p. 298, 10), sed uix a manu Archimedis. nam alibi semper in his libris legitur εί πα. Ι p. 274, 16. 276, 1, 12, 16, 21, 280, 20, 24, 290, 14. II p. 24, 11. 26, 12. 28, 11, 20 al. saepissime. καὶ εἰ' κα etiamsi. II p. 10, 20. 12, 11. 60, 7. 62, 6, 15. 66, 17. 70, 7, 10, 12. 82, 5. 86, 17. 156, 8. 158, 4 al. είουν κα II p. 46, 6. έαυτόν ipsum. έαυτῷ Ip. 14, 3. 58, 4 †. 470, 28 al. cfr. αύτός. έβδομηκοστομόνον 4τ Ι p. 262, 21. $\xi \beta \delta o \mu o \varsigma$ septimus. II p. 6, 3. 276, 5. 278, 4. 280, 3, 25. 282, 21. 284, 15. 286, 14 al. cfr. άριθμός. τὸ ξβδομον (μέρος) I p. 262, 5, 20. 266, 14, 16, 18. 270, 14. έγγιγνώσκω noui. έγγιγνώσκομες ΙΙ p. 266, 17? έγγοάφω inscribo, polygonum circulo uel segmento circuli, solidum sphaerae uel segmento sphaerae. I p. 18, 2†, 12 †, 16, 17, 20. 20, 17, 18. 22, 9, 13, 19, 21, 26, 27. 24, 21, 26. 26, 1. 60, 22, 25. 66, 7. 70, 9, 10. 72, 8, 20, 23. 74, 16. 104,

24. 108, 4. 110, 4. 116, 23, 25.

118, 6, 15, 16. 126, 19. 130, 5, 10, 15, 18. 132, 3, 9. 134, 9. 136, 3. 138, 5, 15, 29. 140, 4, 8. 142, 20, 28. 144, 5. 146, 3, 6. 152, 5. 160, 1, 3, 13, 17. 170, 16, 19. 172, 5, 11. 174, 8, 23. 176, 20 al. εlς I p. 20, 8, 21. 24, 2. 26, 27. 60, 21. 58, 7, 19. 66, 5, 9, 10. 72, 19. 24. 74, 4. 96, 10. 98, 25. 100, 5, 25. 104, 14, 25. 106, 5. 108, 22. 124, 6, 180, 12, 132, 28, 138, 3. 142, 5, 18, 21. 144, 17. 148, 14, 21. 152, 10. 154, 9. 156, 14. 164, 15. 168, 18. 170, 9. 176, 17. 186, 18. 308, 19, 24. 312, 9. II p. 248, 18. 254, 19. 262, 20. év I p. 26, 21. 64, 20, 24. 66, 1, 11, 13, 16, 25. 68, 3, 4, 6, 8, 10. 72, 11, 27. 74, 3 sq. 96, 19. 102, 22. 104, 2, 22. 110, 1. 112, 18, 27. 114, 1. 116, 9, 13, 16, 22. 118, 4. 122, 2. 124, 7, 22. 126, 18. 130, 2, 8, 27, 142, 18, 148, 17, 154, 2, 10, 156, 5, 184, 16, 310, 6, 18, 21, 24. 312, 7, 11. II p. 258, 10. 264, 6. figuram coni sectioni. I p. 302, 8 (sis), 18 $(\hat{\epsilon}\nu)$. 306, 9 (ϵl_S) . 310, 5 $(\hat{\epsilon}\nu)$, 18 $(\ell \nu)$. 312, 2 $(\ell \ell)$, 3, 8 $(\ell \nu)$, 12 (ev). II p. 192, 3, 5, 8, 9 $(\acute{\epsilon}\nu)$, 10, 20, 22 $(\acute{\epsilon}l_{S})$. 194, 11 $(\epsilon l s)$, 15. 198, 17, 20 $(\epsilon l s)$, 23, 5, 7 ($\ell\nu$). 200, 2 ($\ell\nu$), 10 ($\ell \ell_s$), 11 $(\hat{\epsilon}\nu)$, 15 $(\hat{\epsilon}\nu)$. 202, 5 $(\hat{\epsilon}\hat{l}\hat{\varsigma})$, 8. 204, 13, 15 ($\epsilon l s$), 19 ($\epsilon \nu$). 208, 5, 7 (els), 11 (els), 13, 16, 20 (ϵl_S) , 22. 212, 7 (ϵl_S) , 10, 13, 16 (eis), 18 (ev). 214, 7 (eis). 340, 3 (\$\ells\), 5, 6 (\$\ells\), 23 (\$\ells\). 342, 6, 7 (ϵl_s), 11, 12. 344, 10. 346, 8 (είς), 10. 350, 6, 7 (είς), 10 ($\epsilon l s$), 14 ($\epsilon l s$), 19. 352, 18 (els). figuram solidam conoidi uel sphaeroidi uel segmentis

eorum. I p. 374, 15, 17. 376, 19 (év), 24. 378, 2, 7. 380, 2 (εl_S) , 4. 384, 19, 22, 25 $(\epsilon \nu)$. 388, 4 (εἰς), 7, 14. 390, 12, 13- $(\boldsymbol{\ell}\boldsymbol{\nu}),\ 17,\ 23.\ \ 392,\ 1,\ 8,\ 16,\ 18,$ 19, 22, 394, 3, 400, 26, 29. $402, 6, 20, 24. 406, 12 (\hat{\epsilon}v).$ 414, 1. 418, 3 (είς), 27, 29. 422, 21. 424, 5, 11, 18, 22, 27 (είς). 426, 2, 5, 7, 21. 434, 1 (εls), 5, 8, 9, 11 (êv), 17, 436, 6, 11, 19. 438, 6, 10, 11, 15 (els), 17. 440, 27 (είς). 442, 4, 7, 9 (ἐν). 444, 8. 446, 7, 16, 25. 448, 450, 1, 2, 6 (εἰς), 9, 12. 456, $7 (\epsilon l_s), 11, 13 (\epsilon \nu). 458, 2 (\epsilon \nu),$ 6 (eis), 9. 462, 1 (eis), 4, 11, 14. 466, 1 $(\ell \nu)$, 8, 18, 27. 468, $7 (\acute{e}v), 26. 470, 5 (\acute{e}v), 9, 11,$ 13 (ϵl_s), 16, 19, 21. 478, 9 (ϵl_s). 480, 1, 4, 6, 10 (ϵl_s), 13. 488, 24 (ev). 494, 14 (eis), 19, 20, 23, 24 (êv), 27 (êv). 496, 4, 18, 22, 24 $(\acute{e}\nu)$. 498, 6 $(\acute{e}\nu)$. figuram planam ex sectoribus circuli compositam spirali. II p. 88, 12, 13, 90, 22, 23, 92, 1, 4 (ev), 9, 16, 17, 98, 12, 14, 21, 22, 102, 22, 23, 25, 104, 1, 3. 106, 1, 2, 4. 110, 11 (els). 112, 17, 20, 22, 24. 114, 13 (\$\varepsilon), 15, 19. 122, 15 (\$\varepsilon\varepsilon), 18, 21, 24, 26, 124, 14, 16. — éyγράφω ΙΙ p. 350, 10. έγγράφειν ΙΙ p. 92, 16. έγγράφων Í p. 24, 2. έγγοαφέσθαι ΙΙ p. 192, 9. έγγοαφόμενος I p. 18, 2, 12. 20, 8. 26, 1. 104, 14. 106, 5. 112, 18. 302, 8, 18. 306, 9. 380, 4. II p. 198, 23. 204, 13. 212, 10. 248, 18. 259, 19. 262, 20. 346, 8. 350, 14. 352, 18. ἐνέγραψα Ι p. 456, 7. 462, 1. 478, 9. II p. 350, 6, έγγοάψαι Ι p. 18, 16, 22. 7. 20, 17, 21. 22, 26. 60, 21. 70,

9. 308, 19. 312, 2. 374, 15. 380, 2. II p. 88, 12 al. έγγραφη Ι p. 10, 24. 26, 21. 58, 7, 19. 96, 10. 98, 25. II p. 192, 3, 20. 194, 11. 202, 5. 340, 3. 342, 6. έγγραφέωντι ΙΙ p. 192, 5, 8. 342, 7. έγγραφέν Ι p. 20, 18. 22, 13, 19, 21, 27. 24, 21, 26. 60, 22. 104, 25. 110, 4. 116, 25. 142, 28. 312, 9. 374, 17. 388, 7, 14. 394, 3. 400, 29. 426, 2 al. έγγέγοαπται I p. 124, 6, 22. 126, 18. 494, 24. Π p. 204, 19. έγγεγοάφθω Ι p. 22, 9. 24, 21. 26, 27. 66, 9. 100, 5, 25. 104, 22. 110, 1. 130, 12. 148, 21. 152, 10. 154, 9, 10. 156, 14. 170, 9. 176, 17. 178, 16. 182, 12. 258, 7. 308, 24. 312, 3. 388, 4. 392, 22. 400, 26. 418, 3. 424, 27 al. ἐγγεγράφθων I p. 96, 19. έγγεγράφθωσαν Ι p. 414, 1. έγγεγοαμμένος I p. 18, 17. 60, 25. 64, 20, 24. 66, 1 sq. 68, 3 sq. 70, 9, 10. 72, 8 sq. 74, 3 sq. 102, 22. 104, 2, 24. 108, 4, 22. 112, 27, 114, 1, 116, 9 sq. 118, 4 sq. 122, 2. 124, 7. 126, 19. 130, 2 sq. 132, 3, 9. 134, 9. 136, 3 al. έγγύς prope, cum genetiuo. Π p. 252, 18, 21. έγγύτερον Пр. 202, 6. 204, 12, 20. 208, 5. 212, 22. 228, 11. ὡς ἔστιν έγγυτάτω Π p. 252, 15. αί ἔγγιστα ἀπό II p. 192, 11. ἔγγιστα Ι p. 262, 15. αί έγγιστα τᾶς τοῦ ἀμβλυγωνίου πώνου τομᾶς (εὐθείαι) Ιρ. 276, 22. 278, 1, 10. αί έγγιστα Ι p. 278, 4. 436, 1. έγχειο έω conor. έγχειοή σαντα II p. 296, 3. I p. 274, 5. έγω ego. II p. 242, 16. 246, 18. 248, 12. με Π p. 2, 9. μοι

I p. 188, 2. 274, 6. II p. 2, 3. 14, 2. 250, 4. ἡμῖν (ἀμῖν) I p. 248, 1. II p. 266, 15, 18. 294, 4, 11. ກຸ່ມສ້າ (ຂໍ້ມຸລັນ) I p. 4, 7. II p. 242, 7. 244, 27. 246. 7. 258, 18. 288, 13. 296, 4, 26. εl si. passim. u. δυνατός, έάν, μή. siquidem I p. 24, 26. εί δε τοῦτο II p. 172, 15. 180, 24. 228, 3. 232, 1. eldos species. II p. 8, 3. figura in linea aliqua descripta, I p. 64, 8†. II p. 42, 1 sq. 50, 11 sq. °είδος τετράγωνον Ι p. 296, 1, 15. 420, 15. 424, 8. 436, 14, 22. 464, 19, 23. 468, 11. 472, 21. είποσαπλασίων ΙΙ p. 248, 12. εἴχοσι uiginti. δύο καὶ εἴ**ποσι ΙΙ p. 278, 7. όπτω παλ** ейнось II p. 280, 6. είκοστός uigesimus. τὸ είποστόν sc. μέρος II p. 248, 20. είμί sum. passim. ἔστω data uel proposita sit. I p. 78, 5, 10. 112, 24, 25. 166, 1, 5. 170, 7, 21. 174, 1, 5. 176, 7. 180, 1, 28. 194, 18. 196, 5. 202, 2. 206, 21. 218, 23. 222, 24. 386, 11, 16, 22, 428, 22, 440, 6, 22. 444, 1. 460, 19, 20. II p. 94, 1. 96, 21. 106, 22 sq. 108, **3**. 134, 12. 188, 12. 198, 13. 300, 12. 302, 9. 334, 17 al. similiter & stí I p. 70, 6. 136, 13. είσίν I p. 40, 20. ὄντων I p. 18, 14. 60, 19. 176, 16. 182, 7. ἐστίν aequalis est I p. 42, 17. ἔσται — ἐξέσται Ĭ p. 24, 12. lI p. 166, 8. ἔσται orietur I p. 90, 1. 114, 5. 176, 22. u. praeterea ès. éstiv άπό constructus est in. I p. 250, 25. 252, 5. 316, 11. 320, 7. 332, 2. 834, 14. 336, 6, 11. 374, 26. 482, 18. έστίν έπί positum est in. II p. 148,11 al.

cfr. ποτί I p. 402, 2 et διά I p. 382, 5. έστί omissum. I p. 26, 11. 38, 7. 170, 10. 178, 20, 21. 186, 23. 194, 1, 6. 198, 4, 25. 202, 17. 204, 1. 230, 22. 238, 14. 352, 1. 356, 18. 404, 9. II p. 38, 23. 74, 15. 76, 25. 86, 15. 166, 4. 168, 2. 186, 7, 12. 200, 10. 210, 21. 238, 10 al. in locis, quales sunt I p. 26, 26, 30, 21, 44, 25. 52, 24. 76, 5. 78, 5. 86, 4 al. non έστω audiri, quod putaueris, sed ¿otí, adparet ex I p. 78, 9. 60, 15. 100, 8. 176, 11 al. cfr. tamen I p. 90, 3. 154, 13. elolv omissum I p. 46, 9, 21. 48, 4, 10, 12. 50, 2 sq. 52, 2. ἔστιν, ώς οὖτως u. ώς. ἔστω omissum. I p. 152, 9. 154, 11. uerbum siul saepe cum participio perfecti uel etiam praesentis alius uerbi coniungitur. ἔσται περιγεγοαμμένος I p. 60, 27. 120, 29. 368, 11, 12. 418, 16. 444, 11. 466, 4. est I p. 14, 14. 168, 18. 356, 22. 358, 21. 406, 5. 434, 27. 448, 21. 454, 10. ἔστω Ι p. 282, 23. 372, 20. 400, 1, 2. 406, 12. 480, 10. II p. 88, 28. 94, 10. ἔσται περιεχόμενος I p. 152, 16. II p. 156, 13. 196, 12. έστω έχων Ι p. 116, 26. 134, 3. 140, 20. 360, 17. 362, 4. II p. 266, 18, 268, 12. formae occurrent hae: έστι passim. έντι = έστι I p. 304, 5. 306, 11. 332, 22. 338, 10, 15. 340, 5. 344, 21. 346, 24. 350, 4. 354, 20, 490, 13. II p. 40, 2. 46, 14. 56, 25. 78, 16. 170, 19. 186, 17. 216, 21. 218, 22. 228, 4. 262, 6. 330, 15. elsi I p. 18, 5. 40, 12 al. evr. I p. 324, 20. II

p. 28, 24 al. 7 I p. 82, 16, 18. 164, 3. 334, 6. 368, 20. II p. 20, 18. 34, 12. 168, 7, 9. 170, 19. 248, 13. 270, 3. 298, 7 sq. 300, 2. wor I p. 8, 19. 10, 2, 12, 52, 15, 44, 21, 82, 15 al. forti I p. 276, 21. 280, 1. 290, 5. 294, 20. 296, 1, 3. 300, 20. 404, 16. II p. 8, 26. 10, 5. 148, 23 al. εἰη II p. 200, 17. 204, 12. 260, 26. 264, 6. 274, 15. 290, 12. 306, 8. 320, 23. 324, 9. 328, 8. 334, 3 al. έστω I p. 12; 22, 23. 14, 4, 5, 26. 16, 2, 9. 18, 29. 22, 1. 26, 26. 30, 21. 34, 23, 25. 36, 13. 38, 19 al. u. supra. ἔστωσαν I p. 52, 23. 100, 27. 130, 20. 142, 1. 170, 11 al., etiam in Doricis, uelut I p. 296, 13. II p. 42, 24 al. ἔστων I p. 296, 15. 302, 16. 404, 24. II p. 34, 21. 266, 18. 268, 12 al. áv I p. 8, 25. 16, 22, 23. 20, 6. 24, 17. 36, 15. 38, 12, 21. 40, 2. 102, 8. 104, 26 al. ἐών I p. 282, 25. 296, 8, 10. 312, 12. 320, 9. 334, 1, 16. 342, 25. 344, 22. 882, 5. 386, 20 al. sivai I p. 8, 24. 10, 1 sq. 24, 11, 17. 208, 1 al. eluev I p. 286, 23. 320, 11. 454, 10. II p. 6, 25. 10, 16, 24. 12, 10. 14, 10. 48, 10. 64, 20 al. no I p. 230, 14. 274, 10. 310, 26. 338, 19. 392, 19. II p. 6, 2. 114, 20. 78 II p. 250, 25. 252, 8. ησαν I p. 56, 24†. Éσται I p. 20, 11. 24, 5, 24. 26, 17, 18. 34, 7, 19. 66, 14. 72, 17. 132, 1 al. έσσείται Ι p. 302, 1. 306, 16. 312, 6. 318, 7, 20. 320, 16. II p. 270, 13, 17, 23. 298, 10. 300, 7, 21. 302, 16, 21 al. *Écov*ται I p. 8, 4. 32, 3. 82, 18. 102, 6. 150, 20. 158, 23. 162,

11 al. ἐσσούνται I p. 302, 7. ll p. 8, 25. 34, 18. 36, 2. 38, 14. 42, 5. 44, 6. 62, 22. 270, 5, 8. 272, 3. 298, 11, 21 al. έσσείσθαι ΙΙ p. 12, 4, 8, 290, 22. είνεκεν cum genet., alicuius rei causa. II p. 294, 6. είπεο siquidem. Il p. 144, 9. εlg uel ég in. passim. u. διαιęέω, έγγράφω, έναρμόζω. praeterea cfr. II p. 296, 25. zeelav έχειν είς II p. 14, 5. 296, 9. à είς αύτό I p. 258, 4? cfr. II p. 90, 7, 8. els I p. 124, 1, 10. 126, 1. 296, 7, 10. 464, 13. II p. 12, 12. 20, 18, 192, 15, 250, 22, 252, έν ένὶ ἐπιπέδφ Ι p. 104, 3; u. έπίπεδον. ένλ έλασσων I p. 96, 16. 464, 14. II p. 42, 12. 62, 14. 88, 4. 110, 6. 114, 2. 116, 5. 120, 14. 124, 4. 272, 1, 18, 22, 276, 8. ò siç I p. 306, 14. II p. 10, 19. 20, 17. 168, 8. 170, 18. cfr. I p. 226, 10. = rig I p. 26, 25. 84, 4. 86, 2. 88, 24. 96, 13. 112, 23, 28. 116, 24. 128, 3. 156, 10, 21. 158, 25. 160, 19. 258, 3. είτε. είτε — είτε siuo — siuo. I p. 226, 9. 440, 11. II p. 4, 23. 146, 10. είτε καί — είτε καί II p. 230, 17. ξκαστος quisque. Ι p. 48, 18. 116, 11. 290, 8, 9. 294, 21. 296, 4, 14, 19, 21, 23, 24. 298, 7, 17 310, 11, 12. 376, 15. 378, 1. 384, 14. 390, 25. 392, 1, 24. 394, 17, 19. 402, 22, 23. 420, 13, 14, 24. 422, 20, 26. 426, 14, 20, 21, 436, 9, 444, 16, 17, 26, 446, 15, 448, 14, 15. 450, 24. 464, 6 sq. 466, 16. 468, 10, 16, 17. 472, 7. II p. 16, 6. 20, 5. 38, 23. 42, 13. 44, 7, 17. 90, 19. 92, 1.

98, 4. 102, 4. 104, 16. 122, 7. 156, 1, 9. 296, 24, 306, 23. 346, 18. Εκαστον έκάσταις ΙΙ p. 170, 10. συναμφότερα ἕκαστα II p. 224, 12. cfr. κατά. έκάτερος uterque. Ι p. 46, 4. 76, 15 †. 176, 27. 192, 5, 9. **228**, 17. **242**, 13. 282, 1. 284, 4, 21. 306, 16. 358, 18. 362, 18. 366, 1. 374, 7. 376, 16. 412, 9. 414, 19. 470, 28. 486, 25. 496, 7. II p. 18, 2, 4. 36, 27. 48, 4. 60, 2, 28. 154, 2, 6, 10. 162, 20. 176, 1. 180, 15. 182, 21. 190, 3, 6. 194, 10. 202, 14. 204, 17, 18. 214, 9. 342, 344, 27. α έκατέρα ΙΙ p. 62, 16. έκατερα ταῦτα I p. 214, 25. εκατέρα έκατέρας Ι p. 268, 15. 270, 1. 426, 14 al. έκατόν centum. II p. 276, 5. 280, 25. έκατοντάς Πρ. 266, 23. 268, 3. έκατοστός centesimus. Il p. 258, 18, 24, 260, 1, ἐκβάλλω produco. lineam rectam. I p. 16, 27. 102, 14, 19. 176, 15. 312, 5. 318, 22. 320, 18. 328, 1. 336, 16. 380, 22. 406, 9. 430, 6. II p. 12, 20. 22, 17. 26, 7 sq. 80, 22, 23, 25. 34, 6, 7. 58, 6, 10. 72, 17, 18. 78, 28. 80, 1. 84, 20. 100, 23. 104, 4. 108, 28. 112, **25**. **134**, **2**. **160**, **6**, **10**, **18**. **166**, 15. 176, 9. 178, 12. 182, 6. 200, 1, 14. 210, 15. 300, 15. 320, 9. 326, 17, 22. planum. I p. 390, 4. 444, 7. planum ducere (dià súdsías et simil.) I p. 206, 2. 216, 8. 224, 13. 226, 20. 318, 18. 346, 4. 358, 20. 362, 19. 412, 3. II p. 254, 21, 23. — έκβεβλήσθω Ι p. 206, 2. 216, 8. 224, 18. 226, 20. 318, 13. 320, 18. 328, 1. 346,

4. 380, 22. 390, 4. 412, 3. 430, 6. II p. 22, 7. 166, 15. 176, 9. 200, 1. 300, 15. 326, 22. £xβεβλήσθων I p. 318, 22. βεβλήσθωσαν Ι p. 16, 27. 176, 15. 312, 5. II p. 100, 23. 104, 4. 108, 28. 112, 25. 320, 9. 326, 17. έκβεβλημένος Π p. 26, 7 sq. 30, 22 sq. 34, 6, 7. 72, 17, 18. 78, 28. 80, 1. 84, 20. 254, 21. ἐκβαλλόμενος Ι p. 102, 14, 19. II p. 82, 6. $\dot{\epsilon}$ κ β ληθ $\dot{\epsilon}$ ωντι Π p. 58, 6. $\dot{\epsilon}$ κβληθείς Ι p. 336, 16. 358, 20. 362, 19. 406, 9. II p. 12, 20. 134, 2. 160, 6 sq. 178, 12. 200, 14. ἐκβάλης ΙΙ p. 184, 10. έκδέχομαι existimo, έκδεκτέον ΙΙ p. 244, 24. ένδίδωμι edo (librum). έχδίδομες ΙΙ p. 2, 7. έκδιδόμενος Π p. 298, 1. ἐκδίδοσθαι Ι p. 6, 3. έξέδωκεν Π p. 244. 10. ἐκδοθέντος Π p. 4, 10. έκδεδομένος Ι p. 300, 6, 448, 19. II p. 14, 7. έκείνος ille. I p. 58, 17†. Пр. 142, 9. έππαίδεπα sedecim. II p. 276, 11. έχχαιδέχατος sextus decimus. II p. 276, 7. 278, 2. έκκεῖμαι expositus sum, ponor. ἐκκείσθω I p. 20, 20. 76, 11. 78, 8. 86, 5, 12. 90, 2. 94, 1. 106, 1. 110, 10. 386, 20. έππείσθωσαν Ι p. 78, 13. 90, 13. 94, 7. 144, 15. 208, 4. έππείμενος Ι p. 116, 4. έκπίπτω producor. **ἐκπιπ−** τόντων (imp.) II p. 58, 18. έπτός extra. I p. 212, 15. 356, 9, 18, 25. 358, 10. 364, 15. 366, 21. 368, 17. 370, 2. 376, 1. 382, 9. II p. 4, 22. 26, 1.

64, 15. 68, 2. 90, 9. 164, 15. 340, 17. ξατος sextus. II p. 12, 10. 286, 2, 11, 12, 20, 284, 24, 25. έκφέρω profero. έκφερόντες II p. 4, 8. έλασσόω diminuo. έλασσούντες II p. 342, 1. έλάσσων (έλάττων) minor. saepe cum genet. comparationis. I p. 10, 5, 9, 16, 20, 25, 27. 12, 20, 21. 14, 25. 16, 4. 24, 5, 11, 17, 24. II p. 74, 22 al. u. είς, λόγος, διπλασίων, τοιπλασίων etc. έλάσσων ή διπλασίων et simil. Ι p. 18, 2. 118, 11. II p. 40, 17, 21. 42, 5. 102, 8, 15 al. μείζον έλάσσονι I p. 262, 20. 266, 16. 270, 14. II p. 88, 14. 90, 23. 92, 15, 17, 23. 94, 15, 20, 22. 96, 8, 11, 20. cfr. II p. 158, 15. ovn êl. I p. 42, 11. II p. 250, 8. 252, 10 al. έλαχιστος I p. 8, 23. 290, 6. 296, 3, 18. 298, 15. 388, 12. 390, 2. 420, 16, 22. 448, 11. 468, 13. II p. 34, 12. 42, 16, 19, 20. 50, 13, 16, 17. 100, 19. 102, 1. 104, 2, 9. 108, 26. 110, 4, 10, 13, 20, 24. 112, 30. 120, 7, 13, 23. 122, 25. 124, 2. 216, 25, 26. 346, 14. έλέγγω redarguo. έλεγκώνται II p. 4, 3? ຂັ້າເຊັ linea spiralis. definitur II p. 10, 14. 52, 4. cfr. praeterea I p. 190, 2. 300, 6. 448, 19. II p. 10, 15, 20. 12, 3, 11, 19, 20, 22, 14, 3, 52, 15, 18, 22. 54, 5, 9. 56, 5, 9, 26. 58, 1, 2, 4. 62, 24. 66, 3, 18, 22, 25. 68, 1, 9. 70, 11, 17, 24. 72, 3. 76, 9. 78, 3, 9, 12. 80, 4. 82, 6, 14. 84, 3. 86, 18, 26. 88, 9, 15. 90, 4 sq. 92, 20.

•

94, 1. 96, 4, 14, 21. 98, 2, 8, 25. 100, 1, 9, 28. 102, 19, 22. 104, 8. 106, 6, 10. 108, 1, 11. 110, 3, 112, 6, 10, 15, 29, 114, 22, 26. 116, 12, 20, 27. 118, 5, 25. 120, 12. 122, 12. 124, 1, 19, 22. 126, 3. 132, 21. 134, 1, 4, 12. έμπεριέχω comprehendo, contineo. έμπεριεχόμενος Ι p. 8, 13. έμπίπτω concurro (cum datiuo). έμπεσείν II p. 10, 23. incurro (είς) = διάγεσθαι. έμπέση Ι p. 34, 3. έμπεσοῦσα Ι p. 34, 6. έμπεσῶντι (ποτί) II p. 54, 7. έμποοσθεν ante. I p. 58, 4. έμφανίζω communico. έμφανίξαι ΙΙ p. 4, 7. έμπεφανισμένος II p. 250, 4. έν in. passim. u. έγγοάφω. έν έπιφανεία I p. 52, 14, 26. 54, 1. 318, 7, 20. II p. 246, 1, 6 al. έν έπιπέδφ I p. 56, 11. 142, 17. 336, 1, 3. 338, 1. 342, 24. II p. 178, 18 al. cfr. II p. 174, 12. χωρία, ἐν οἶς τὰ
 A et simil. I p. 298, 3 sq. 300, 6 sq. 308, 6. 312, 25. 314, 1. 316, 4, 10. 416, 23. 420, 23. 422, 27. 424, 6. 436, 16. 440, 22. 460, 21. 478, 4. cfr. núnlos. χρόνοι, έν οξς II p. 14, 16, 20, 21. ἐναλλάξ Eucl. V def. 13. I p. 64, 26, 68, 14 †. 144, 3, 184, 15. 192,3. 194,1. 196,14. 198,26. 202, 12, 15. 204, 3. 222, 16. 224, 22. 228, 16. 248, 10. II p. 76, 10. 80, 4. 190, 14. 214, 16. έναπολαμβάνο abscindo partem (lineae), ita ut intra figuram aliquam cadat. év-

απολαφθείσα εύθεία Ι p. 276, 9 (ἐν). 282, 14 (ἐν). 344, 5. 348, 18 (ἀπό). 352, 10 (ἐν, $\alpha\pi\delta$). 354, 24 ($\epsilon\nu$). II p. 26, 10. έναρμόζω aptor (είς). έναςμόζει ΙΙ p. 246, 4. 248, 23. 250, 6, 9, 26. 252, 9, 27. 254, 7, 13. 258, 2 (de angulo, cui sol aptatur, et quo diametrus eius definitur). ένδίδωμι colloco, propono. ένδεδομένων ΙΙ p. 242, 18. ένθάδε hic. Ι p. 214, 17. έννεαπλασίων ΙΙ p. 248, 7. ἐντός intra, cum genetiuo. I p. 8, 14. 342, 15. 356, 10, 18, 26. 358, 11, 24, 25. 360, 2. 362, 22, 24, 26. 364, 18. 370, 3. II p. 26, 26, 58, 1, 64, 12, 68, 1. 90, 8. 144, 5. έξ*) ex. passim. u. πέντοον, συνώπτω. έκ τούτου (φανεφόν et simil.) solemne corollariorum initium. I p. 128, 8. 160, 8. 168, 23. 316, 18. II p. 40, 15. 92, 12. 98, 17. cfr. I p. 190, 7. ayeır êğ II p. 174, 10. 182, 12. τὸ ἐξ εc. συγneimevov II p. 148, 8. 190, 19, u. σύγκειμαι. έξάγωνον hexagonum. II p. 264, 6. έξακισμύριοι ΙΙ p. 276, 6, 16. έξαπλάσιος Ι p. 146, 18. 148, 9. II p. 38, 7. 190, 7. 216, 20. 218, 5, 17. 220, 14, 22. 224, 8. 226, 13, 18, 22. 286, 8, 14. έξειμι. έξεστι licet. II p. 268, 11. έξέσται I p. 6, 1, 9. έξεργασία consummatio. II p. 2, 12. έξενοίσκω inuenio. έξεῦρον Ι p. 274, 9. έξευρών ΙΙ p. 2,15.

^{*)} Peruerse enim in lexicis forma éx primaria habetur.

έξηκοστός sexagesimus. τέταφτος καλ έξηκοστός ΙΙ p. 290, 11.

If p. 48, 24. If p. 48, 24. If p. 34, 11. 42, 10. 52, 20. 54, 2. 126, 11. 192, 12. 234, 11. 344, 13. 346, 13. 352, 6. £ $\tilde{t}\tilde{t}\tilde{\eta}s$ ne(µevol II p. 42, 25. 270, 3. 344, 20. 346, 17. 350, 15. 352, 16. £ $\tilde{t}\tilde{\eta}s$ ἀνάλογον II p. 286, 9. οἱ £ $\tilde{t}\tilde{\eta}s$ ἀριδμοί (ἄρτιοι uel περισσοί) II p. 12, 7. 38, 11, 17. 40, 13. 124, 26. 126, 12. 128, 16. 132, 18. 192, 15.

έπάνω supra. έν τοῖς ἐπάνω I p. 238, 15†. II p. 48, 14. cfr. 60, 6?

 $\tilde{\epsilon} \pi \alpha \varphi \dot{\eta}$ punctum contactus. I p. 40, 15 †.

έπεμβάλλω insuper produco. έπεμβληθη ΙΙ p. 12, 17.

ante sentenέπεί quoniam. tiam, cuius causam adfert. I p. 26, 13 +. 268, 1? II p. 126, 14. 172, 7. 180, 3. 206, 11. 222, 6. 262, 18. 304, 1, 14. 324, 23. post eam. I p. 166, 28. 304, 18, 21. 320, 2. 324, 20. 326, 21. 328, 16. 332, 19. 334, 1. 338, 1, 6, 12. 354, 13. 358, 23. 362, 9. 364, 16. 372, 14. 376, 2. 402, 11, 16. 410, 9. 424, 2. 434, 22, 27. 440, 15. 454, 6, 9. 460, 11. 488, 22. 490, 19. 498, 2. II p. 26, 2. 72, 5. 86, 4. 132, 12. 144, 19. 180, 22. 196, 8. 230, 1. 256, 8. 258, 26. 270, 12, 16. 314, 16. 330, 15. ἐπεὶ γάρ Ι p. 12, 8. 28, 3. 30, 26, 84, 7, 198, 22. 250, 12. 292, 14. 310, 7. 406, 4. II p. 150, 6. 152, 19. 194, 1. 218, 23. 236, 25. 244, 22. 262, 13. 264, 12. 274, 2.

288, 11. 306, 8. 350, 15. έπεὶ δὲ I p. 36, 24. 196, 10. 212, 17. 228, 10. 338, 15. 374, 6. 428, 10. 448, 20. 452, 19. 458, 18. 474, 14. II p. 156, 20. 176, 14. 204, 7. 208, 25. 252, 2. 260, 5. 274, 11. 276, 2. 278, 1. 280, 23. 284, 13. 286, 11. 288, 21, 308, 2, 318, 2, 336, 8, έπεὶ οὐν Ι p. 32, 13. 34, 26. 70, 17. 72, 6, 26. 86, 14. 118, 3, 10. 124, 22. 206, 10. 212, 19. 262, 6. 266, 3, 8. 304, 5. 320, 23. 348, 1. 368, 12. 374, 23. 380, 12. 382, 10. 384, 14. 394, 2. 398, 10. 426, 5. 434, 6. 442, 5. 444, 3. 450, 12. 462, 8, 17. 470, 19. 472, 18. 476, 14. 486, 21. II p. 16, 3, 13. 24, 2. 26, 27. 28, 23. 32, 16, 22. 132, 2. 136, 18. 148, 12. 158, 17. 160, 22. 168, 1. 170, 5. 174, 4. 178, 5. 194, 18. 200, 10. 208, 2. 236, 9. 238, 2. 262, 26. 264, 18. 272, 9. 286, 26. 802, 19. 306, 26. 308, 26. 310, 17. 314, 12. 322, 11. 324, 15. 330, 18. 332, 18. 334, 23. 336, 4, 25. 338, 18. 340, 8, 18. 344, 26. 348, 1. 352, 12. καὶ ἐπεὶ in transitu. I p. 14, 8. 40, 4, 7. 46, 6, 14. 50, 5. 62, 14. 64, 19. 66, 24, 78, 20, 88, 1, 132, 14. 134, 9. 192, 29. 200, 5. 202, 11. 208, 10. 212, 2, 8. 216, 18, 22. 218, 1. 220. 9. 222, 4, 11. 228, 2. 230, 11. 232, 20. 234, 25. 238, 11, 22. 240, 5. 390, 11. 406, 10. 418, 24. 420, 3. 430, 12. 468, 9. II p. 136, 5. 154, 3, 7. 190, 16. 204, 1, 18. 214, 15. 216, 4, 9. 224, 11. 230, 18. 232, 13. 260, 3, 25. 278, 15. 280, 1. 282, 19. 290, 6. 310, 23. 320, 24. 346, 2. έπει καί Ι

p. 238, 18. 260, 2. 354, 15. 368, 12. II p. 222, 24 al. έπειδάν quoniam. I p. 8, 11, 16. 10, 2, 12. έπειδή quoniam. I p. 62, 6†, 9†. 116, 11. 128, 12, 22. 224, 15, 20, 24. Il p. 16, 9. 26, 26. 40, 18, 20. 54, 24. 56, 20, 26. 64, 22. 76, 2. 144, 11, 17. 146, 8. 150, 7. 210, 14. 230, 21. 244, 25. έπειδήπες quoniam quidem. I p. 64, 11†. 180, 17†. II p. 154, 7. 180, 15, 21. 186, 3. 204, 6. 216, 7, 16 †. έπείπερ quoniam quidem. Ι p. 16, 21 †. 210, 20 †. 386, 24 †. έπειτα deinde. I p. 2, 10. II p. 250, 14. 294, 12. 350, 18, 19. έπί ad, cum accusat. passim. υ. άγω, έπιζεύγνυμι, κάθετος. έπὶ τὰ αὐτά Ι p. 224, 14. -288, 6, 9. 356, 8, 17, 24. 358, 9. 374, 3, 5, 6. 376, 17, 20, 22. 378, 4, 18, 20. 384, 16, 17. II p. 52, 23. 178, 18. 200, 20. 210, 22. 304, 25. 326, 8. u. avrós. ep a I p. 304, 4? 356, 8, 17, 24. 358, 9 al. cfr. II p. 54, 11. ἐπί (sc. ἤχϑω) Η p. 162, 13. 174, 12. ἐπὶ τὰ έτερα I p. 8, 10. u. έτερος. έπὶ θάτερα Ι p. 356, 10, 18, 26. 358, 11. 370, 3. II p. 52, 24. 326, 22. 304, 26. ἐπὶ θάτερον μέρος ΙΙ p. 178, 18. έφ΄ έπάτερα I p. 8, 17. II p. 156, **7.** 164, 10. 190, 8. 250, 20. 252, 2, 21. φέπειν έπί ΙΙ p.: 142, 5, 9, 11. u. δέπω. multiplicando I p. 244, 3 sq. 246, 2 sq. ἐπί cum genetiuo. έκαστου Ι p. 464, 12? cfr. I p. 24, 12, 13. 26, 19. 120, 28. 142, 7. 230, 1. II p. 208, 6. εὐθείαι ἐφ' ἇν τὰ A. I p. 296, 14, 19. 298, 7, 15.

306, 24, 25. 308, 1. 420, 12, 21. 444, 15. 448, 12. 464, 4. 468, 10. cfr. ελιξ έφ' άς ά AB \(\Gamma\). II p. 54, 9. 56, 7. 60, 15. 84, 3. 88, 15. 94, 1. 96, 21. 100, 1. 106, 22. 116, 27. 134, 12. τμῆμα κύπλου ἐπὶ εύθείας Ι p. 36, 16, 19, 21, 27. 38, 2. cfr. πολύγωνον Ι p. 100, 5. παραλληλόγοαμμον Ι p. 46, 8. πυραμίς έπὶ βάσεως Î p. 40, 21. σημείον ἐπ' εὐθείας Ι p. 340, 21. 342, 9, 20, 24. 344, 23. 350, 1. 356, 15. 358, 8. 368, 2. II p. 162, 1, 10, 16. 164, 13, 16. 166, 2, 3. 170, 19, 22. 172, 1, 2. 174, 9, 13. 176, 5 sq. 178, 12, 22. 180, 20. 182, 4 sq. 184, 9, 13, 14, 15. 186, 3, 6, 11, 13. 188, 7. 192, 21, 25. 194. 2 sq. 196, 7. 198, 2, 15, 24. 202, 1, 17, 18. 204, 5, 11. 206, 14, 19. 228, 8, 10. 236, 23. cfr. έφ' έλικος II p. 12, 11. 132, 21. 134, 13. in ellipsi I p. 320, 11, 13, 21. 322, 26. 326, 26. 332, 5, 7. 336, 8, 10, 13. έπι σαμείου έφαπτέσθαι Η p. 230, 22. έπ' εύθείας u. εύθεῖα. έπι τᾶς αὐτᾶς εὐθείας I p. 290, 4. έπὶ cum datiuo non occurrit. έπιγίγνομαι accedo. έπιγεγενημένων. II p. 2, 19. έπιδείπνυμι insuper demonstro. έπιδείξομες ΙΙ p. 36, 25. . ἐπιδειχθέν II p. 294, 12. έπιζεύγνυμι iungo, duco. lineam rectam inter duo puncta. έπεζεύχθω Ι p. 16, 20. 42, 26 (έπί). 230, 8. II p. 64, 4 (ἀπὸ ἐπί). 84, 6 (ἀπὸ (πl) . 166, 14. 170, 4, 26. 172, 4, 6. 176, 3, 9. 204, 1. έπεζεύχθωσαν Ι p. 34, 17. 36, 1,

17. 44, 26. 46, 5. 48, 20. 96, 19, 25. 100, 7, 10. 104, 25. 110, 7. 196, 3. 206, 8. 208, 4. 210, 15. 216, 13. 228, 1. 236, 15. 242, 8. 310, 3. II p. 56, 12. 96, 22. ἐπί I p. 34, 11. άπὸ ἐπί Ι p. 38, 23. 40, 4. 160, 26, 180, 8. II p. 134, 15. 178, 24 (έπί). 180, 2. 186, 1. 194, 18. 198, 24. 214, 13. 320, 8. 326, 17. 330, 13. ἐπιζεύξωμεν Ι p. 166, 16. έπιζευγνύμεναι I p. 40, 15†. έπί I p. 32, 25. 130, 23. ἀπὸ ἐπί I p. 100, 3. ἐπεζεύκται II p. 180, 25. ἐπεζευγμένος I p. 154, 12. II p. 258, 22. ἐπιένχθη I p. 166, 28. II p. 50, 22. 82, 17. έπί II p. 62, 20. έπιζευχθέωντι έπί ΙΙ p. 132, 23. ἀπὸ ἐπί ΙΙ p. 12, 13. ἐπιζευχθείσα Ι p. 34, 8. 328, 1. 454, 15. II p. 12, 17. 62, 22. 82, 18. 148, 5. 160, 17. 184, 16. 300, 15. ἐπί I p. 34, 6. 38, 16. II p. 12, 16. 70, 13. άπὸ ἐπί Ι p. 176, 15. 288, 15. 430, 5. II p. 22, 17. 82, 20. 116, 26. ἀπὸ ποτί ΙΙ p. 24, 8. 26, 9. — iungo, de linea recta duo puncta iungente. έπιζευγνύουσιν Ι p. 162, 7. έπιζευγνυέτω ΙΙ p. 84, 8. έπιζευγνύουσα Ι p. 6, 15. 44, 24. 96, 11, 14, 98, 28, 102, 7, 104, 17. 124, 2, 11, 22. 126, 2. 162, 11. 228, 9 †. 282, 15, 18. 286, 1, 7. 290, 2. 364, 20. 366, 21.. 368, 3, 9. 474, 22. 476, 11. 492, 4. 494, 3. II p. 12, 23. 134, 5. 148, 2. 152, 8. 160, 7, 10. 162, 10. 164, 13. 182, 27. 188, 8. 192, 11. de linea angulos iungente. ἐπιζευγνύουσα I p. 132, 11, 14. 164, 12. 166, 7. 170, 23. 172, 4

(τὰς γωνίας). ἐπεζεύχθω de punctis II p. 206, 3.+ έπιθεωρέω considero. θεωρήσαι II p. 290, 23. έπικοινωνέω commune aliquid habeo. έπικοινωνεόντων II p. 10, 6. έπίλοιπος reliques. I p. 248, 1. έπιμελῶς diligenter. έπιμελέστερον I p. 274, 9. έπίπεδον planum. ἐν ἐπι-πέδφ I p. 6, 14. 8, 2, 3, 25. 10, 11. 318, 18. 320, 6. 324, 6, 27. 330, 4, 14. 332, 1. 334, 12. II p. 178, 18. u. év. év τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ Ι p. 38, 12, 21. 52, 25. 366, 6. cfr. I p. 104, 3. ἐπίπεδον ἐν ῷ I p. **120, 9. 142, 17. 318, 4, 11.** 320, 5, 16. 324, 7, 16, 21, 26. 330, 5, 14. 332, 11. 334, 11. 336, 1, 3. 338, 1. 344, 25. 350, έπίπεδον κατά εύθεϊαν Ι p. 102, 26. 326, 23. 328, 3. 344, 18. u. κατά. διὰ εὐθείας I p. 194, 19. 206, 20. 232, 8. cfr. I p. 346, 3. 356, 11. II p. 8, 15. 254, 20. ἐπίπεδα παράλληλα Ι p. 76, 26. 78, 2, 4, 6. 80, 7. 88, 23. 92, 18. 114, 19, 24, 28. 150, 13, 18. 158, 11, 15, 18, 21. έπίπεδον όρθόν Ι p. 320, 4. 334, 11 al. u. όρθός. τέμνον έπίπεδον I p. 276, 7. 346, 1. 348, 20 sq. 350, 6. 352, 11, 13, 18. 364, 15. 370, 18, 21. cfr. I p. 340, 18. 342, 5, 16. 344, 7. τέμνειν έπίπεδο Ι p. 76, 25. 82, 1. 88, 17, 25. 92, 13, 23. 138, 2. 152, 8. 180, 2. 346, 5. Η p. 4, 17, 19. 6, 4. ἐπίπεδον έπιψαῦον Ι p. 276, 2, 3. 278, 16. 360, 18, 27. 362, 4 sq. 364, 4, 25. 366, 9, 18, 20. 368, 10, II p. 8, 14. ἐπίπεδον τῆς

βάσεως et simil. I p. 8, 18. 46, 19, 26. 50, 8. 52, 17. 282, 25. ἐπίπεδον τοῦ κυλίνδρου h. e. basis. I p. 390, 5. 402, 2. 418, 8. 434, 10. 444, 7. 464, 25. cfr. praeterea I p. 116, 3. 276, 3, 5. 346, 1. II p. 8, 15. 254, 24. proprie neutrum est adiectiui. έπίπεδος planus. ἡ ἐπίπεδος (ἐπιφάνεια) Ι p. 10, 9, 14. 104, 122,17. τὸ ἐπίπεδον τμῆμα I p. 46, 12. 48, 2, 8, 18, 22†. 50, 6, 15, 24. 52, 6. σχημα ἐπίπεδον II p. 98, 10, 18. 100, 10. 108, 18. 110, 12. 120, 1. 122, 16. 142, 13. έπιπίπτω incido. έπιπεσόντων I p. 2, 7? έπιπλατύς latus. έ. • σφαιgosidée definitur I p. 280, 27. u. praeterea I p. 274, 14. 354, 22. έπισκέπτομαι perscrutor, considero. έπισκέψασθαι I p. 6, 2, 9. έπισκεπτέσθαι I p. 274, 6. έπισκεψάμενος II p. 248, 21. 266, 1. έπισκοτέω officio lumini. έπιsnotel II p. 252, 22. enesnóτει ΙΙ p. 250, 18. ἐπισκοτείν II p. 254, 3. έπιστάσαι έπίσταμαι noui. ΙΙ p. 258, 12. έπιστάμεθα ΙΙ p. 2, 16. 296, 4. έπιστέλλω mitto. II p. 2, 6? iubeo. ἐπιστέλλεις II p. 2, 3. έπέστειλας Ι p. 188, 2. έπιστρέφω conuerto. έπεστράφη II p. 250, 15. έπισυντίθημι deinceps addo. έπισυντιθέμενον Ι p. 14, 3. έπίταγμα propositum. I p. 12, 25. 14, 15, 28. 18, 24. 286, 26. έπιτάττω iubeo. τὸ έπιταχ- $\vartheta \acute{e} v = \acute{e} \pi l \tau \alpha \gamma \mu \alpha I p. 20, 23.$ έπιτή δειος aptus. II p. 252, 22.

Archimedes, ed. Heiberg. III.

ἐπιτίθημι adiicio, έπιτεθη έπί II p. 156, 2, 9. έπίτοιτος tertia parte maior. I p. 2, 5. 306, 7, 8. II p. 216, 16 +. 296, 6. 334, 14. 336, 11. 338, 12, 23. 344, 4. 346, 15. 348, 20, 23. 350, 1. 352, 2, 10, 11, 22, 23. ἐλάσσων ἢ ἐπίτριτος II p. 352, 1. έπιφάνεια superficies. I p. 8, 1, 6, 9. 10, 7, 10, 19. 40, 20. 46, 20. 48, 3, 9. 50, 8, 16. 56, 1, 6, 10, 17, 21. 110, 3. κατά I p. 182, 2. sphaerae I p. 2, 9. 4, 4. 8, 14. 102, 2, 5, 25. 104, 12. 120, 11, 12, 22. 122, 24. 136, 6, 9, 12, 13, 16. 138, 16, 18, 24, 28. 140, 5, 8, 9, 11. 146, 17. 148, 10, 12. 162, 5. 180, 16. 188, 6, 15. 190, 6, 10. 202, 3. II p. 4, 9, 12, 14. 244, 21, 23. segmenti sphaerae I p. 2, 11. 122, 20, 22. 152, 20. 162, 17, 21. 164, 6. 176, 3, 11, 16, 20. 178, 5, 9, 19, 24. 180, 19, 21, 25. 188, 8, 18. 196, 6. 200, 2. 206, 3 sq. 208, 7, 15, 16. 226, 11 sq. 228, 4, 23. 230, 19 sq. 236, 5, 12, 13. 238, 2, 3. 240, 22 sq. 242, 6, 7. 248, 16. 250, 9, 12. II p. 6, 2, 3, 12, 20. 8, 5, 8. prismatis I p. 58, 19. 60, 2. 62, 8, 13. 64, 16, 22. 66, 19, 24. 68, 9. parallelogrammi I p. 56, 20 (corruptum?). cylindri I p. 4, 4. 44, 20, 21, 23. 52, 14, 21, 23. 54, 2, 5, 7. 56, 16, 26. 58, 21. 60, 3 sq. 64, 21, 25. 66, 3, 8. 68, 18. 146, 16, 23. 148, 6, 8, 11. 188, 15. 330, 8, 16. 332, 3, 6, 9, 27. 334, 1, 2, 15. 336, 6, 9. 338, 16 sq. 376, 1. 382, 7, 9. 390, 5. 400, 5. 402, 3. 418, 19. 430, 21. 434, 12. 444, 9. 454, 18. 466,

1. 476, 18. pyramidis I p. 26, 22. 28, 1. 30, 18, 24. 32, 24. 42, 1. 44, 4. 58, 7, 12†, 15. 70, 23. 72, 3, 4, 9. 74, 3 sq. coni I p. 8, 13. 34, 7, 14, 27, 28. 36, 4, 7, 11, 18, 20, 22, 26. 38, 1, 3, 17. 58, 13 +, 16. 68, 22. 70, 8 sq. 72, 8, 12, 17, 22. 74, 16, 20, 25, 76, 2, 8, 12, 22, 26. 78, 11, 17, 19. 80, 5, 6. 82, 16. 84, 7, 10, 11, 25. 86, 6. 88, 2, 5, 22. 90, 1, 3, 17, 26, 29. 92, 2, 3, 18. 94, 2, 11 sq. 102, 9. 106, 19, 20, 21. 108, 3. 114, 18 sq. 116, 3. 150, 8. 158, 5. 162, 26. 318, 7, 20. 320, 8, 10, 12, 14. 322, 23, 24, 27. 324, 1, 10, 18. 326, 19, 23, 27, 28. 328, 5, 26, 27. 400, 7. 432, 1. 454, 24. 476, 20. cfr. nvλινδρικός, κωνικός, μεταξύ. τοῦ σχήματος Ι p. 102, 24. 104, 1, 9, 11. 112, 14, 20, 26. 118, 4, 6. 122, 20 sq. 124, 8, 16, 20. 126, 9, 15, 128, 2, 13, 17, 130, 4, 6. 132,2 sq. 138, 13 sq. 140,4,7. 148, 14. 150, 4, 20. 152, 5, 19. 154, 2, 15, 16, 28. 156, 2, 9, 20. 162, 16. 164, 5, 9, 19. 168, 5, 9, 15. 170, 16, 17, 25. 172, 5, 10, 11. 176, 25. 178, 8, 11, 14. cfr. 342, 24. sphaeroidis I p. 282, 4, 17. 362, 24. 370, 7, 12, 14. segmenti sphaeroidis I p. 372, 21, 22. 374, 9. conoidis I p. 276, 1. 278, 9. 356, 7, 21. 358, 23, 26. 364, 13. 384, 12. 386, 13. έπιχειρέω conor. έπεχείοησαν II p. 294, 14. έπιψαύω contingo (cum genetiuo). de linea tangenti circulum. I p. 38, 11, 15. 52, 16, 19, 24. 54, 2, 4, 7. 58, 1. 120, 14. 130, 17. 362, 5. II p. 22, 2, 4, 5, 11, 28, 5, 11,

17. 30, 16, 18, 25. 32, 6. 34, 8. 256, 3, 4, 5. uel cylindrum II p. 250, 24. 252, 6. 254, 5. 256, 3, 4, 5. uel spiralem. II p. 10, 20, 24. 56, 5, 6, 9, 10, 11. 58, 1. 62, 19. 64, 2, 25, 26, 27. 66, 17, 18, 22, 24. 68, 4, 6. 70, 7 sq. 72, 2. 74, 23. 76, 4, 7. 78, 3, 5, 6, 12. 82, 6, 9, 15, 21. 84, 4. 86, 18, 21, 26. uel coni sectionem I p. 300, 19, 21, 24, 302, 2, 346, 11, 14. 350, 10. 354, 2, 13. 358, 10, 12. 364, 8, 9, 11, 16, 20. 366, 10, 12. 368, 14, 17. 380, 15, 16. 398, 8. 402, 17. 430, 4. 436, 2. 454, 11. 476, 6. 492, 13. II p. 298, 9, 12, 19, 21. 300, 6. 302, 11, 22. 304, 2. 320, 3. 322, 2. 326, 12. 328, 21. 330, 15. 334, 27. 336, 3, 5, 6. 338, 2, 20. 340, 12. de plano conoides uel sphaeroides contingenti I p. 276, 2, 3, 8. 278, 16, 21, 282, 8, 12, 16, 358, 15, 17. 360, 1, 2, 6, 10, 14, 18, 27. 362, 4, 8, 14, 25, 26. 364, 4, 10, 25. 366, 9, 18, 20. 368, 10, 19. 380, 18. 398, 4. 430, 11. 454, 14. 476, 8. 492, 15. II p. 8, 14, 17. — Conspectus formarum hic est: έπιψαύει I p. 276, 8. 364, 10, 11. II p. 8, 17. 64, 25. ἐπιψαύουσι Ι p. 120, 14. ἐπιψαύοντι I p. 282, 11. 368, 14. 454, 14. έπιψαύη Ι p. 276, 2. 278, 16. II p. 8, 14. 10, 20. 56, 5. 62, 19. 66, 18, 22. 70, 8, 11, 18. 78, 3. 82, 6, 15. 86, 18, 26. ἐπιψαύωντι I p. 282, 8. 300, 19. 364, 20. 366, 12. ἐπιψανέτω Ι p. 346, 14. 380, 16. 430, 4. II p. 22, 11. 28, 17. 32, 6. 56, 9, 11. 64, 2. 66, 24. 72, 2. 84, 4. έπιψανέτωσαν Ι p. 130, 17.

έπιψαυόντων ΙΙ p. 256, 4, 5. έπιψαύουσα Ι p. 52, 16, 19, 24. **54**, 2, 4, 7. 58, 1. 300, 21, 24. 302, 2. 346, 11. 354, 2, 13. 358, 10, 12. 362, 5. 364, 8, 9, 16. 366, 10. II p. 10, 24. 22, 2, 4, 5. 28, 5, 11. 30, 16, 18, 25. 34, 8. 58, 1. 64, 26, 27. 74, 23, 76, 4, 7, 78, 5, 6, 12. 82, 9, 21. 86, 21. 250, 24. 252, 6. 254, 5. 256, 3 al. ἐπιψαῦον I p. 276, 3. 278, 16, 21. 282, 16. 358, 15, 17. 360, 1, 2, 6, 10, 14. 362, 4, 8, 14. 364, 4, 25. 366, 9 al. II p. 8, 14. eniψαύειν II p. 56, 10. έπιψαύσει Ι p. 380, 18. 398, 8. 430, 11. II p. 56, 6. 68, 4. έπιψαυσοῦντι Ι p. 476, 8. 492, 15. ξπομαι sequor. έπόμενος Ι p. 446, 19. 464, 13. II p. 38, 11, 18. 40, 13. 90, 20. 98, 6. 124, 25. 126, 10, 11. 128, 16. 344, 21. 346, 18. τὰ ἐπόμενα (in spirali) definiuntur II p. 52. 24. u. praeterea II p. 62, 23. 64, 14, 20. 68, 1. 70, 15, 90, 8. ξπτακοσιοστός septingentesimus. II p. 248, 21. ξοχομαι peruenio, cado. έρχόνται έπι τὸ αύτὸ σαμεῖον ΙΙ p. 184, 11. ὅπου ἂν ἐρχήται · τὸ σαμεῖον ΙΙ p. 230, 16. ἔστε usque ad. ἔστε ποτί Ι p. 376, 12. 384, 9. 434, 11. 444, 9. II p. 90, 4? 266, 17. ἔστε κα II p. 90, 9, 14. ἔστ' ἄν II p. 90, 18. 100, 26. 104, 5. 108, 29. 112, 26. 120, 10. ἔσχατος ultimus. I p. 424, 5, 9. 436, 19, 23. 444, 18, 25, 28. 466, 27. 468, 2. 470, 27. 472, 12, 16, 25. II p. 6, 22. 10, 21. 268, 14, 18, 22. 276, 14. 278, 10. 280, 10. 282, 6, 29. 284, 24. 286, 21. 352, 7.

έτεφος alius. I p. 86, 12. II p. 234, 10. ετερός τις I p. 86, II p. 236, 17. δ ετερος. alter. I p. 10, 3, 14. 46, 26. 56, 13. 82, 15, 16. 84, 26. 86, 2. 92, 13 sq. 102, 20. 104, 1, 7. 116, 5. 122, 17. 226, 12. 248, 21. 250, 1. 252, 8. 296, 5, 26. 302, 1, 20. 316, 7. 364, 25. 370, 13, 14, 15. 372, 18, 19. 382, 5. 404, 15, 16. 410, 2?, 9 sq. 426, 26. 430, 24. 446, 1. 448, 1, 21. 468, 4, 18. II p. 6, 2, 3. 8, 18. 10, 10. 16, 19. 18, 13, 15, 20, 22. 24, 9. 50, 23. 60, 7. 114, 14. 142, 8, 10. 144, 11, 19. 146, 9. 230, 16. 252, 23. ά έτέρα διάμετρος ellipsis. I p. 324, 7, 23. 326, 8. 330, 4, 11, 19. 332, 19. 334, 6 sq. 338, 13. η ετέρα βάσις cylindri I p. 54, 1, 9. 56, 4. έπὶ τὰ ἔτερα Ι p. 6, 17, 22. 8, 5. cfr. έπί. αι ἀτέραι ΙΙ p. 260, 12, 13. ἔτι praeterea. I p. 6, 3. 10, 18. 12, 13. 18, 9. 24, 3. 44, 3. 96, 27. 98, 6, 8, 9. 108, 1. 114, 26. 150, 2. 164, 13. 216, 6. 258, 11. 260, 14. 262, 20. 264, 15. 266, 1. 268, 16. 270, 3. II p. 60, 25, 28. 86, 23. 88, 5. 190, 5. 194, 4. 262, 11? 294, 3. 296, 17. 328, 13. 346, 14. έτος annus. II p. 2, 19. εὐ bene. u. πράττω. εὖδηλος. εὖδηλον ώς satis adparet. II p. 244, 21. εύθεῖα linea recta. passim, uelut I p. 2, 4. 6, 16, 20. 8, 8, 24. 10, 4. 12, 18, 19, 24. 14, 14. 16, 1, 26. 18, 25. 28, 14. 32, 3. 34, 10. 38, 14, 17. 96, 11. 284, 11, 17. II p. 24, 4, 6, 7. 30, 17, 23. 32, 5. 52, 3 sq. al. u. ἄγω; ἐπιψαύω.

έπ' εὐθείας (saepe cum datiuo) I p. 8, 19. 86, 8. 94, 4. 322, 22. 328, 25. 330, 7, 16. 366, 14. 400, 4. 430, 20. 476, 17. II p. 148, 23. 150, 2, 15. 152, 3. 164, 9. 236, 23. 266, 2. έπ΄ εύθείας κείμενα ΙΙ p. 156, 5. ά διὰ τῶν Α, Γ εὐθεῖα II p. 300, 17. εύθεῖα έν έπιπέδφ Ι p. 362, 9. ά έν τῷ κύκλφ εὐθεῖα ΙΙ p. 26, 6. 76, 5. εύθεῖα γοαμμή I p. 14, 2. 34, 3, 4. u. γραμμή. εύθεία omissum I p. 20, 1. 38, 11. 42, 26. 62, 10 †. 326, 22. 328, 3. 344, 6, 10. 348, 18. 352, 10. 368, 16. 430, 6. 454, 10. II p. 22, 17. 24, 12. 30, 23. 134, 15. 160, 9. 164, 2. 176, 2. 218, 1, 9. 300, 4. 302, 12, 18. 304, 11. cfr. praeterea ή AB et sim. pass. εύθεια πρώτα, δεντέρα cet. in spirali definiuntur II p. 52, 10 sq. εύθεῖα, α έστιν πρώτα ΙΙ. p. 52, 17, 26. ἀ πρώτα εὐθεἶα τᾶν έν τῷ ἀρχῷ τᾶς περιφοoãs II p. 88, 10. 98, 26. 100, 3. 106, 24. ά εὐθεία ά δευ-τέρα II p. 52, 19. α έστιν δευτέρα II p. 92, 22. ά δευτέρα ταν έν άρχα τας περιφορᾶς ΙΙ p. 94, 4. 106, 12, 25. cfr. II p. 96, 5. 124, 28. εύθέως statim. II p. 250, 13. εὐθύγραμμον figura rectilinea. I p. 50, 11, 12, 60, 26, 27. 62, 2, 5, 14, 18. 64, 13, 16, 17, 19, 24. 66, 1, 5, 13, 15, 25. 258, 10. 260, 2, 4, 15. 308, 26. 310, 5 sq. 312, 1. II p. 192, 19, 23, 24. 194, 6, 11, 12, 13, 16. 198, 5, 21, 23. 200, 2, 6, 11, 16. 202, 5, 8. 204, 15, 19, 21. 208, 6 sq. 210, 5, 10, 17. 212, 8, 10, 13, 19, 20, omissum I p.

neutrum (sc. σχημα) adiectiui. εύθύγοαμμος rectilineus. χωοίον εύθύγοαμμον II p. 294, 16. εθκαιρος, ούκ εθκαιρόν έστι nihil adtinet. II p. 250, 3. εύμέθοδος facilis inuentu. II p. 2, 11. εύπαραχώρητος ueri similis. II p. 294, 19. ευπιστος credibilis. II p. 290, 18. ευρεσις inventio. I p. 274, 7. εύρίσκω inuenio. εὐρίσκονται Ι p. 190, 1. 286, 12. εύρισμέται ΙΙ p. 252, 11. εύρισκόμενος ΙΙ p. 296, 1. ευρίσκειν Η p. 4, 2, 4. εὐρών Η p. 2, 15. ευρείν I p. 12, 18, 24. 18, 12. 190, 5, 13. 192, 17. 218, 18. 226, 10, 14. 318, 5, 19. 324, 9, 17. 330, 7, 15. 382, 6. 400, 4, 6. 430, 20, 26. 454, 18, 22. II p. 4, 9, 14, 15. 6, 1. 294, 16. εὐρημέναι εἰσίν I p. 14, 14. εὑρήσθω I p. 218, 21. εύρημώς ΙΙ p. 248, 19? εύοήσθωσαν I p. 16, 1. 18, 25. 138, 26. 182, 7. ενοεθείς I p. 430, 22. 432, 2. 454, 20. 456, 1. II p. 294, 12. εὐρήται ΙΙ p. 296, 5. εύτυχέω. εύτύχει uale. I p. 288, 2. εύχερής facilis. II p. 248, 24. έφάπτομαι contingo. de linea recta contingenti circulum (cum genetiuo). έφαπτέσθω Ι p. 16, 27. έφαπτομένη I p. 20, 10. 32, 3. 38, 20. 40, 1, 16 †. 42, 23. 162, 18. 260, 8. 264, 2. uel spiralem. έφαπτομένη II p. 62, 21. uel coni sectionem. éqαπτομένη II p. 280, 2, 22. de plano conoides contingenti.

68, 10. 72, 27. proprie est

έφαπτέται Ιρ. 360, 7. έφαπτήται Ι ρ. 358, 12. έφαπτέσθω Ι ρ. 358, 16.

έφας μόξω congruo. ἐπί. ἐφαρμόζει Ι p. 870, 13. 372, 13, 16. 374, 1, 7. II p. 142, 15. ἐφαρμόζοντι Ι p. 372, 11. ἐφαρμόζοντι Ι p. 142, 13. 164, 5. 166, 11, 16. ἐφαρμόζοῦντι Ι p. 166, 18. ἐφαρμόζοῦντι Ι p. 372, 27. cum datiuo. ἐφαρμόζει Ι p. 374, 4. 1 καξῶς deinens. II p. 34. 21

έφεξῆς deinceps. II p. 34,21. έφίστημι. τμῆμα έφεστάσθω έπ' εύθείας Ι p. 224, 8.

ἔχω habeo. I p. 274, 3, 6. II p. 2, 5. 4, 6. έχειν βάσιν την αύτήν Ι p. 2, 6. 4, 13. 8, 17. 276, 15. 280, 4, 12. 284, 5, 14, 22, 27. 286, 5. 386, 10, 17. 396, 18, 23. 400, 11 sq. 402, 3. 404, 3, 11. 406, 12, 14. 416, 18, 21, 24. II p. 192, 4, 6 al. βάσιν έχειν ζσην Ι p. 28, 12. 30, 19. 32, 25. 84, 25. 86, 6, 13. 92, 17. 94, 2. 160, 2, 17. 180, 25 al. βάσεις ομοίας έχειν Ι p. 282, 24. βάσιν έχ. τὸν núxlov I p. 160, 9. 182, 1. 376, 7. 378, 8. 382, 12. 384, 4. 386, 1, 22. 388, 11, 12. 390, 1, 3, 6. 396, 10. 400, 9. 412, 5, 14. 414, 2. 418, 11. 420, 4. 422, 1, 14, 16. II p. 228, 14, 17. 280, 5, 8. 232, 13, 21. 234, 8, 6, 13, 16. 296, 7, 19, 21 al. ποουφήν έχειν I p. 8, 12, 17. **92**, **14**, **26**. **320**, **7**. **324**, **9**, **17**. τάς πλευράς ἴσας έχ. Ι p. 18, 23. 100, 6. παραλλήλας έχ. τὰς πλευράς ΙΙ p. 182, 26. 184, 7. πέρας έχειν I p. 8, 2, 4, 28. 10, 1, 4, 8. 12, 9. II p. 116, 13, 16. 118, 11. 180, 2. 184, 2. 206, 17. 208, 1. ΰψος ἴσον έχ. I p. 158, 24. 400, 28. al.

την βασιν μείζονα έχειν Ι p. 152, 20. 162, 21. 170, 4. ἐλάσσονα I p. 118, 11 al. ποινά έχειν Ip. 10, 5, 16. u. nowóg. cfr. Ip. 6, 16. 8, 5. πέντρον έχειν τὸ Δ. I p. 18, 20. κέντρον έχειν έπί Ι p. 376, 14. τὸ αὐτὸ κέντοον έχειν I p. 120, 13. 162, 2. II p. 146, 20. 160, 5. την έχ του κέντοου ίσην έχειν Ι p. 70, 2. 76, 11. ἐπιφάνειαν lσην I p. 226, 11, 19. 228, 23. II p. 8, 4. διάμετοον έχ. I p. 302, 6. 306, 20. 360, 9. II p. 274, 5, 7, 14, 20, 21, 25. 276, 17, 19, 20, 22. 278, 13 sq. 280, 13 sq. 282, 8 sq. 284, 8 sq. 286, 1. μέγεθος έχειν ΙΙ p. 244, 1, 3, 22. 246, 18. 274, 12. 276, 16. 278, 12, 18. 280, 12. 282, 8. 284, 2, 26. 286, 23. 288, 2, 5, 8, 26. 290, 14. loov βάρος έχειν ΙΙ p. 148, 23. 150, 7. 152, 5 al. ἄξονα ἔχειν Ι p. 376, 16. 382, 7. 384, 18. 390, 16, 17, 22, 26. 392, 2. 394, 7, 9, 12. 400, 4. 402, 5, 7, 23, 25. 414, 1 sq. γωνίαν όρθαν ἔχειν ΙΙ p. 304, 27 al. u. etiam λόγος. ἔχων portans, capiens (h. e. fere i. q. cum) I p. 100, 28. 464, 10. II p. 156, 19. έχόμενος sequens. I p. 444, 23. -- se habere. τῷ τριγώνφ ad triangulum I p. 258, 5†. ούτως έχειν ΙΙ p. 270, 20. 306, 5. **308**, 19. 310, 9. 312, 9, **24**. 816, 4, 21. 318, 15. 320, 20. 322, 14. 324, 5. 328, 5. ovτως omissum est II p. 328, 1. ώς νῦν ἔχει ΙΙ p. 306, 22. nalõs exel I p. 6, 6. — exels II p. 2, 5. 4, 6. ἔχει I p. 50, 7. 118, 11. 160, 2. 178, 4, 18. 292, 14. 296, 6. II p. 6, 7. 12, 24. 306, 22 al. saepissime.

έχουσι (έχοντι) I p. 158, 24. 286, 15. 290, 21. 316, 20, 21. II p. 14, 22. 18, 27 al. έχη I p. 10, 5, 16, 14, 24 †. 22, 28 †. 182, 25. έχωσι (έχωντι) I p. 8, 17. 10, 8. 206, 4. II p. 146, 20. 148, 23. 150, 17. 152, 5 έχοι I p. 304, 19. 408, . 25. 486, 29? 488, 22? II p. 186, 14. έχων I p. 8, 12, 17, 23. 10, 4, 8, 15. 12, 9. 18, 20, 23. 40, 22. 76, 11. 84, 25. . 160, 9, 17. 180, 25. 182, 1. 184, 1. 290, 25. II p. 8, 5. 14, 5. 96, 15 al. έχέτω I p. 60, 12 †. 70, 2. 142, 11. 178, 18. 182, 9. . 186, 5, 10. 226, 19. 290, 25. . 292, 8, 9. 304, 11. II p. 26, 24. 28, 20. 66, 4 al. έχόντων imperat. II p. 194, 17. 268, 9, 20. Exerv I p. 274, 6. 318, 25. 326, 11. II p. 4, 18, 20. 6, 7. 64, 29. 80, 2. 84, 21 al. ξξει. I p. 62, 5, 17. 64, 22. 70, 9, . 27. 134, 19. 136, 4. 142, 19. 144, 21, 26. 152, 20. 162, 2, 21. 170, 4. 280, 14. 284, 10, 28. 286, 6. II p. 6, 3, 12, 27. 12, 24. 16, 22. 26, 4, 23 al. έξουσι (έξοῦντι) I p. 276, 19. 290, 21. 294, 17. 296, 11. 300, . 23. II p. 10, 1. 14, 15. 18, 6, 24. 196, 5. 270, 20 al. sizes I p. 274, 3. είχον I p. 310, έχόμενος Ι p. 444, 23. εως cum genetiuo: ad. I p. 54, 9†. Ews xa II p. 352, 7?

z.

ξάω uiuo. ζῶντος I p. 6, 3. ξητέω quaero. τοῦτο δὲ ἐξητοῦμεν I p. 240, 5. ζύγιον libra. II p. 312, 2, 16. 314, 20. 316, 7. 318, 9. 320, 15. 326, 24. ζυγός libra. nominatiuus legitur II p. 306, 8. 308, 1, 12. 310, 5. cfr. praeterea II p. 306, 1, 3. 308, 16. 310, 8. 312, 5, 22. 316, 2, 16, 28. 318, 13. 320, 17, 18. 322, 14. 324, 5. 328, 1, 2. ξφδια signa duodecim. ὁ κύκλος τῶν ζωδίων zodiacus. II p. 248, 20.

H.

 $ilde{\eta}$ quam. I p. 12, 20. 14, 24. 16, 3. 18, 18, 27. 20, 19. 22, 14, 28. 24, 22, 27. 402, 1. 404, 4. 418, 6, 27. 426, 3, 7. 434, 5, 8. 438, 18. 442, 4, 8. 450, 10. 456, 11. 458, 10. 462, 5, 12. 470, 17, 21. 480, 2, 14. II p. 202, 7. 204, 13, 21. 254, 12, 15, 16. 256, 12. 278, 14, 19. 282, 9. 284, 4. 286, 2, 25. 288, 3 sq. 290, 16 al. u. μέγας, έλάσσων, λόγος, ήπερ. η aut. I p. 24, 8, 10. 26, 13+. 364, 6. 370, 11. 374, 12. 378, 13. II p. 298, 8, 17. 300, 3, 14 al. u. ητοι. η — η I p. 290, 17. alioquin. II p. 2, 14? ηγέομαι praecedo. τὰ άγούμενα termini proportionis praecedentes. II p. 234, 24. cfr. II p. 344, 21. $\eta \delta \eta$ iam. I p. 258, 9. 274, 5. ηκω cado. ηξει διά I p. 336, 5. ήλίκος (άλίκος) qualis, quanυπερέχειν έλάσσονι η tus. αλίκω υπερέχει Ι p. 388, 18. 392, 24. 402, 1. 418, 6. 426, 3. 434, 5. 438, 18. 442, 4. 456, 11. 458, 10. 462, 6. 470, 17. 480, 2, 14. II p. 120, 3. 122, 20. ταλικαύτα, αλίκα ΙΙ p. 246. 9. 252, 24. 274, 25. 276, 22. 278, 24. 280, 19. 282, 14. 284, 9. 286, 7. 288, 9. 290, 2. cfr. τὰ uèv člla álínos II p. 242, 11.

ηλιος (αλιος) sol. II p. 244, 7, 13, 14, 17. 248, 2 sq. 250, 6 sq. 252, 1, 9, 27. 254, 3 sq. 256, 2, 8. 258, 2. 262, 7 sq. 290, 21. α. διάμετοος. ήμικύκλιον semicirculus. Ι p. 102, 20. 160, 24. 170, 8. 322, 18. 382, 15. 336, 13, 14. 346, 8. ή τοῦ ἡμικ. γωνία ΙΙ p. 64, 23. ημιόλιος sesquialter siue dimidia parte maior. (ἀμιόλιος II p. 214, 1, 6. 216, 21.) I p. 4, 3. 146, 16, 17, 22. 148, 12. 156, 13. 188, 14, 15. 190, 16, 17. 192, 19. 194, 8. 276, 14. 386, 9, 19, 20. 388, 1†. 396, 17, 22. 400, 13, 15, 18. 404, 9. 410, 9, 10. 414, 19. 444, 6. 448, 9, 23, 25. 450, 2. 452, 9, 15, 17. 458, 2, 3, 15, 16. II p. 6, 21. 8, 21. λόγος ἡμιόλιος I p. 236, 6, 14. 240, 17, 27. 242, 8. 244, 14. 246, 3. ημισυς dimidius. ημίσεος Ι p. 386, 24. ἡμίσεια uel ἡμισέα Ι p. 16, 15. 20, 4. 36, 15. 62, 4. 96, 17. 98, 29. 106, 8 sq. 148, 19. 150, 2 sq. 152, 2. 164, 13. 166, 8. 170, 24. 172, 4. 284, 11, 16. 286, 1, 7. 318, 26. **320,** 25. **322,** 3, 6. **324,** 23. 334, 18, 20. 338, 12. 392, 3. 394, 21. 402, 13, 26. 424, 17. 428, 1. 438, 4, 7. 458, 26. 468, 19, 23. 470, 1, 3. 472, 23. 474, 3, 21. 480, 27. 492, 4. II p. 24, 12. 26, 12. 28, 12. 32, 2. 72, 14. 76, 1. 84, 18. 172, 7, 8. 258, 20. 304, 28. 308, 16. 338, 12. ημισυ I p. 48, 23 †. 54, 23. 56, 28. 252, 11. 254, 9. 260, 12. 458, 17. II p. 340, 5, ημίσους Ι p. 58, 3. 18, 20. 374, 13 (corrigendum in \u00e1\u00fc\u00e1σεος). τὰ ἡμίσεα I p. 108, 7.

296, 10. II p. 154, 7. ἡμίσεον I p. 450, 4, 6. 452, 19, 24. 454, 21. 456, 4 sq. 458, 3 sq. 486, 18 sq. 494, 5, 14, 18, 27. 496, τοῦ ἡμίσεος Ι p. 376, 3. 378, 14. 382, 11. 450, 10. 458, 11. 486, 19? II p. 328, 1. 342, τοῦ ὰμίσεος Ι p. 442, 6. τὸ ὰμίσεον Ι p. 440, 3, 17, 24, 26. 442, 1, 5, 8, 10. 460, 13. ημισφαίριον hemisphaera. Ι p. 104, 1, 9, 10. 116, 6. 176, 2, 8. 178, 23. 180, 4, 22. 248, 17. 250, 5 sq. 252, 7. 254, 19. II p. 8, 7. ην si. = έάν. II p. 314, 5 (corruptum?). $\tilde{\eta}\pi \epsilon \rho$ quam. I p. 14,.10, 12, 13. 18, 6, 9, 10. 20, 14. 22, 20, 22. 26, 9. 64, 25. 392, 24. II p. 212, 22. 314, 16, 17. u. λόγος. ήσσον minus. οὐδὲν ήσ. p. 296, 24. ητοι. ήτοι — ή aut — aut. I p. 6, 16, 20. 8, 4, 8. 10, 2, 13. 40, 18. 46, 12. 60, 17. 70, 5. 136, 11. 282, 25. 288, 4, 18. 330, 20. 358, 20. 368, 13. 370, 9. 372, 2. 382, 10. 388, 3. 400, 25. 418, 1. II p. 72, 8. 78, 18. 84, 12. 100, 7. 108, 13. 118, 27. 158, 13. 208, 25. 230, 19. 326, 7. 330, 3. 350, 4. ήτοι — η ού. I p. 34, 24. 54, 23.

Φανμάζω miror. θανμάσης
 II p. 2, 6.
 θανμαστός admirabilis. II p. 294, 7.
 Φέσις positio. θέσις τᾶς γραμμᾶς II p. 52, 8. θέσει sc. data.
 I p. 206, 20.

θεωρέω considero. θεωρῆσαι Ι p. 276, 12. 280, 1. 284, 1.

έθεωρήθη ΙΙ p. 298, 3. θεωοηθείς Ι p. 4, 12. τεθεώρηται ΙΙ p. 294, 11. τεθεωφημένος Ι p. 2, 2. 4, 10. II p. 294, 10. θεώρημα theorema, propositio. I p. 2, 7. 188, 5, 20, 21. 190, 8. 274, 3, 10. 286, 11, 12, 25. II p. 2, 2, 11. 8, 6. 294, 9. 296, 23. θεωρία disputatio, consideratio. I p. 190, 2. τὸ ἐν ϑεωρία προκείμενον quod sub oculis est. II p. 304, 28. θιγγάνω tango (cum genetiuo). Oryyaver II p. 252, 15.

I.

ίδιος proprius. βάσις ίδία Ι p. 84, 11. 88, 2, 5. īnανός sufficiens. II p. 2, 13. ໃνα = ώστε. Ι p. 20, 22 †. 22, 27 †. lσάπις toties. II p. 38, 23†. 154, 15. lσογώνιος cuius anguli ae-I p. 84, 17†. quales sunt. 120, 4. 268, 5. ίσομεγέθης magnitudine aequalis. II p. 154, 20. lσοπαγής crassitudine aequalis. II p. 252, 12. lσόπλευρος cuius latera aequalia sunt. I p. 16, 21, 25 †. **18, 1. 24, 3. 26, 21, 27. 28, 3.** 60, 20. 70, 8. 96, 11. 100, 25. 104, 22. 110, 1. 120, 3. 124, 22. 130, 13. 152, 11. 176, 18. 182, 19. II p. 264, 5. ίσορροπέω aequilibritatem seruo (cum datiuo). ίσορροπεί II p. 310, 1, 17. 314, 11, **12. 318, 2. 322, 13. 324, 4.** *λσοφοπέοντι* II p. 144, 17. 146, 11, 13. 148, 18. 152, 11. 308, 2. Ισορφοπεόντων imperat. II

p. 146, 5. ἰσορροπείτω Π p. 306, 4. 310, 9. 312, 7, 23. 316, 3, 20. 318, 14. 320, 19. 328, 4. loopooneiv II p. 142, 3, 5, 8, 11. 158, 14, 16. 160, 2. loogφοπῶν II p. 142, 7. 144, 8, 11, 12, 19. 146, 8, 16. 306, 8. ζουρροπέωντι ΙΙ p. 144, 1. ζουρφοπήσει II p. 144, 2. 148, 16. 158, 12. 308, 2, 10, 25. 318, 1. 320, 22. 328, 7. Ισορροπησοῦντι II p. 144, 10, 14, 16. 146, 2, 10. 148, 16. 158, 2, 5, 19. ίσορροπής aequilibritatem seruans. ίσορροπές ἔστω ΙΙ p. 308, 18. čoog aequalis. passim, uelut I p. 2, 6, 11. 4, 14, 16. 14, 2, 12. 16, <u>7.</u> 18, 7. 36, 9. 132, 11, 13. II p. 38, 23 al. mire collocatum I p. 170, 8. cfr. έχω, κείμαι. τῷ ἴσφ Ι p. 142, 2. 182, 13. 290, 5, 10. 296, 2, 16. 298, 3, 14. 300, 2. **420**, 18. 468, 12. II p. 34, 11, 18, 21. 40, 17. 42, 2 sq., 21, 24. 44, 9, 17. 50, 10, 12. 54, 8, 10. 56, 1, 19. 100, 29. 102, 6, 9, 12. 104, 7, 21, 25, 28. 110, 2, 9, 12, 19. 112, 28. 114, 4, 7, 12. 120, 11, 19, 22. 122, 2, 29. 124, 5, 8, 10. το ίσον I p. 452, 6, 9. 472, 16. II p. 146, 11, 12. 148, 18. ή ίση sc. εὐθεία I p. 146, 9. 148, 18. 152, 1. 376, 10. 384, 8. τρία ἴσα ΙΙ p. 184, 17. 228, 10. 230, 3. looi tot. II p. 272, 16; cfr. 10. ίσος και δμοΐος congruens. I p. 288, 19. 872, 3, 10. 3i' l'oov Eucl. V def. 18. I p. 218, 8. II p. 154, 14. 172, 13. 220, **24**. 222, 15. 224, 2. 226, 16. 234, 12. ίσοσκελής aequicrurius. conus. I p. 26, 21, 26, 28, 8, 30, 17.

34, 2, 9. 40, 8. 58, 6, 14. 76, 2, 5, 25. 68, 22. 82, 15. 84, 1, 24. 86, 3. 88, 17, 25. 90, 1. 92, 12, 22. 278, 3. $l \sigma \sigma \tau \alpha \chi \epsilon \omega_{\delta}$ acquali celeritate. II p. 10, 10, 12. 14, 13, 19. 16, 4. 18, 3, 9. 50, 23. 52, 3. 58, 25. 60, 2, 28. $l \sigma \sigma \bar{\nu} \psi \dot{\eta} c$ cuius altitudo aequalis est. I p. 46, 7.

K.

 $n\alpha = \tilde{\alpha}\nu$. υ. έάν, έστε, έως. καθάπερ sicut. I p. 120, 28. 142, 7. 166, 4. II p. 244, 2. κάθετος perpendicularis. de linea, quae a puncto sursum posito perpendicularis demittitur. I p. 32, 7, 12. 40, 9, 10. 208, 10. 258, 12. 310, 2, 8. **322**, **19**. **326**, **22**. **332**, **17**, **25**. 388, 14. 346, 9 +, 27. 348, 2, 6. 350, 8, 15, 19, 21. 356, 3. II p. 24, 7. = $\tilde{v}\psi o_{S}$ I p. 200, 22 +, 23+. 260, 16+. έπί I p. 32, 3, 5. 90, 5. 112, 23, 29. 304, 19. 328, 16. 386, 10. 344, 22, 25. 406, 9. II p. 306, 11. 314, 25. 318, 12. απο I p. 114, 14. II p. 258, 22. 336, 16. άπό έπί. I p. 26, 25. 70, 25†. 74, 7+, 8+. 82, 17. 84, 5. 86, 1, 7. 88, 24. 92, 20. 94, 4. 114, 25. 116, 5, 24. 118, 5. 128, 4. 134, 7, 12. 156, 11, 22. 158, 8, 16, 22, 25. 160, 19. 168, 16. 174, 7, 13. 248, 1. 304, 4. 310, 1. 312, 4. 320, 15. 326, 29. **332**, 10. 336, 15. 342, 25. 344, 24. 348, 5. 350, 2, 19. 354, 5, 17. 362, 1. 364, 14. 408, 2. II p. 24, 13. 26, 14. 28, 14. **32, 4. 72, 15. 76, 2. 78, 26.** 84, 18. 336, 14. 338, 5. natà **πάθετον II** p. 306,24. cfr. ἄγω. καθίστημι colloco. κατε-

στάθη II p. 250, 19 (ἐπί), 24 $(\hat{\epsilon}\nu)$. 252, 6 $(\hat{\epsilon}\nu)$. 254, 5 $(\hat{\epsilon}\nu)$. sisto. κατεστάθη II p. 250, 21. **παθόλου** omnino. I p. 200, 19. xαθώς sicut. I p. 22, 14†. 36, 25. 144, 15. II p. 246, 16. uαl et. passim. ubi nos utimur signo + I p. 38, 6 al. saepissime. $\kappa \alpha l \delta \epsilon I p. 436$, 8. 450, 24. 472, 6. II p. 48, 10. 54, 2. 220, 11 al. και έπει u. έπεί. καὶ γάς == nam. Ι p. 24, 17. II p. 2, 22. 20, 24. 216, 4. etiam. I p. 4, 16. 24, 1, 13. 26, 6. 52, 4, 26. 64, 22. 144, 21. 174, 28. II p. 4, 10. 16, 17 al. mire collocatum II p. 260, 4.

παίπες quamquam. II p. 246, 15. 248, 6.

καλέω uoco, nomen do definiendo. καλῶ I p. 6, 18. 8, 6, 11, 16. καλέω I p. 274, 14. 302, 10. 336, 13. παλείται ΙΙ p. 244, 4, καλείσθω I p. 278, 28, 282, 23, 288, 10, 11, 25, II p. 8, 13, 16. 52, 6 sq. 54, 2. 266, 21. 268, 1 sq. καλούμενος II p. 266, 20. 268, 13. 270, 5, 6, 7. 276, 12. 278, 8, 9, 10. 280, 7, 10. 282, 2, 5, 25, 28. 284, 19, 24. 286, 18, 20. 288, 6. καλείσθαι Ι p. 274, 19, 20. 276, 4. 278, 7, 12, 15, 18, 25. 280, 23. 282, 1 sq. καλῶς Ι p. 6, 6. u. ἔχω.

καμπύλος curuus. I p. 6, 14 al. u. γραμμή.

πανόνιον regula parua. II p. 254, 2.

πανών regula. II p. 250, 10 sq. 252, 5. 254, 4. 266, 2.

κατά. cum accusativo. κατά πᾶσαν χώραν II p. 242, 5. κατά σημεῖον in puncto. de puncto, in quo concidunt lineae I p. 102,

14, 18. 278, 4. 320, 18. 328, 2. 436, 1. II p. 90, 10. 96, 25. 118, 4. 164, 20. 166, 4. 182, 12. uel in quo tangit linea uel planum. Ip. 120, 14. 130, 17. 162, 8. 274, 21. 276, 7. 278. 9, 20. 282, 3, 12, 16. 346, 15. 350, 11. 354, 2. 358, 13, 16, 17. 360, 4 sq. 362, 12, 16, 17. 364, 2 sq. 366, 11. 380, 16, 18. 398, 5. 402, 17. 430, 5, 11, 436, 2, 454, 12, 14, 476, 7, 9. 492, 14. 494, 1. Il p. 8, 17. 10, 20. 28, 6, 17. 32, 7. 56, 5 sq. 58, 2, 64, 3, 66, 18, 25. 68, 4. 70, 7, 12, 18. 72, 3. 74, 23, 78, 12, 82, 7, 15, 24. 84, 5. 86, 19, 26. 230, 2. 256, 4, 5. 298, 9, 12, 18, 21. 300, 5. 302, 12, 22. 304, 4, 5. 320, 3. 322, 3. 326, 13. 328, 21. 330, 15. 336, 1 sq. 338, 2, 19. 340, 12. uel in quo secat. I p. 206, 23. 214, 23. 216, 4, 6. 304, 6. 310, 2, 9. 376, 10. II p. 66, 3, 4. 68, 9, 12. 76, 9. 80, 3, 84, 8, 90, 5, 12, 16, 98, 2. 148, 6. 170, 25. 172, 4. 184, 17. 202, 11, 15. 256, 7. 306, 14, 18. 314, 2. 326, 16. 330, 16. 336, 21. 342, 10. ἐπίπεδον καθ' εύθείαν I p. 114, 20, 24, 29. 116, 4. 150, 14, 19. 158, 12, 15, 18, 21, 180, 2, 372, 13 sq. 374, 1, 3, 5. 380, 17. 384, 2, 11. 398, 8, 11. 430, 10, 12, 25. 454, 13. 476, 8. 492, 15. 494, 13. ἐπιφάνεια κατὰ περιφέρειαν Ι p. 54, 5. 56, 7, 16, 27. 182, 2. παραλληλόγραμμον κατ' εύθεϊαν Ι p. 56, 2, 6, 18, 22. τμημα κατά περιφέρειαν Ι p. 226, 13, 15, 16. 254, 19. τέμνειν (σφαΐοαν) κατὰ κύκλον I p. 138, 2. II p. 254, 24, 25. τέμνειν (ἐπίπε-

δον) κατά γραμμήν I p. 250, 3. κατ' αὐνόν ei respondens. I p. 58, 24†. 180, 26. 426, 17. 436, 11. 450, 27. 466, 17. 472, 2, 8. κατ' άριθμόν τινα II p. 38, 11. 82, 10. 88, 4. 96, 5. 114, 28. 116, 1, 3, 4. 124, 26. 126, 12. κατὰ τὰν άνάλογον τομάν είναι ΙΙ p. 162, 3. τὰ κατὰ τὰς διαιρεσίας σαμεία ΙΙ p. 164, 1. κατά λόγον τινά ΙΙ p. 162, 2. περιφέρεσθαι κατά κύκλον II p. 244, 14, 18. 246, 2. κείσθαι κατά I p. 372, 24. κοεμάσθαι πατά σαμείον II p. 306, 4, 21, 23, 26, 308, 3, 4, 13, 18, 310, 6, 8. 312, 5, 7, 22. 314, 6, 12, 13. 316, 2, 17, 19, 28. 318, 2, 3, 13. 320, 17, 19. 322, 14. 324. 5. 328, 1, 3. κατὰ κάθετον u. κάθετος. κατὰ σύνθεσιν τινα ΙΙ p. 14, 25. 16, 18, 20. cfr. σύνθεσις, διαίρεσις. distributiue. xad' Ev Exaccov II p. 2, 21. κατὰ δύο I p. 290, 15, 25. 424, 1. 436, 17. 446, 23. 466, 25. κατά τὰ αύτὰ eodem modo, propter eadem. I p. 36, 18. 58, 3. II p. 94, 13. 346, 3. cfr. I p. 58, 17 †. — cum genetiuo. πίπτειν κατά I p. 6, 22. 8, 10. φέρεσθαι κατά I p. 102, 2 sq. 120, 11, 12, 20, 27. 152, 14, 16. 162, 5, 12, 18. II p. 10, 12, 26. 14, 13, 18. 16, 4. 18, 2 sq. 52, 3, 11. 54, 15, 25, 58, 24, 25, 27, 60, 22, 24. καταγιγνώσκω coarguo. κατεγνώσθεν II p. 296, 1 (cum dat.?).

κατάγω duco lineam a puncto sursum posito. κατήχθω I p. 16, 8. in parabola de linea ab ambitu ad diametrum in angulo dato ducta. είσι καταγμέναι II p. 230, 21. cfr. τεταγμένως.

καταλείπω relinquo auferendo uel diuidendo. καταλειπόμενος Ι p. 376, 5. 384, 3. II p. 88, 25. 94, 9. 96, 27. 162, 20. 174, 17. 178, 2. 192, 5, 7. 216, 14. 350, 12. καταλελείφθω Ι p. 48, 25. καταλελείψθω Ι p. 48, 26. καταλειφθήσεται Ι p. 48, 24.

καταμετοέ ω dimetior. καταμετοηθείς ΙΙ p. 254, 9.

κατανοέω intellego. κατανοηθήναι I p. 6, 1. κατανοήσαι p. 6, 5.

2 ατασκενάζω comparo, construo (de iis, quibus praeparatur demonstratio). κατασκενασθέωντι II p. 86, 20. 88, 1. κατασκενασθείς II p. 94, 13. κατεσκενάσθω I p. 144, 20. 230, 1. 394, 2. 426, 4. 434, 15. 450, 11. 470, 18. II p. 66, 26. 122, 14. 332, 17. dubium est κατεσκενάσμενα ὑπό effecta ab I p. 130, 4.

κατασκευή constructio, praeparatio demonstrationis. διὰ τῆς κ. I p. 212, 1. διὰ τὴν κ. I p. 216, 15.

xατάστασις positio. κ. έχειν II p. 308, 1. 314, 9. 316, 29. κατεναντίον (sine potius κατ' έναντίον) opposite. I p. 56, 4 (cum genet.). de lateribus parallelogrammi II p. 162, 11. κατέχω scio. κατέχεις II p. 244, 3. sustineo. κατεχομένου τοῦ Δ II p. 148, 15.

κατονομάζω denomino. κατονομασμένος ΙΙ p. 242, 8, 18. 270, 1.

κατόνομαξία denominatio. κ. ἔχειν ΙΙ p. 246, 11. idem est κατονόμαξις ΙΙ p. 266, 10. **μάτω deorsum.** II p. 304, 26. κεζμαι positus sum. κείμενος I p. 8, 19. 472, 16, 25. II p. 148, 23. 150, 2, 15. 152, 4. 156, 15. 164, 9. 228, 10. 244, 15, 17. 250, 11, 17. 266, 3. 270, 3. 344, 20. 346, 17. 350, 15. 352, 16. cfr. έξης. ώς ขขับ นะไซละ II p. 306, 6. 308, 19. 310, 10. 312, 9. 316, 4. 318, 15. 322, 15. 324, 6. 328, 2. 5. nelodo II p. 24, 28. δμοίως κείμενος definitur II p. 142, 17. u. praeterea II p. 168, 8, 13. 170, 8. 180, 14. 196, 8. 198, 3. cfr. I p. 130, 22. ομοίως κεέσθαι(?) II p. 142, 18. 168, 12 †. δ. κείσθαι II p. 170, 12. όμ. κείται II p. 174, 3, 5. κείσθαι κατά cadere in. I p. 872, 24. xelμενος κατά İI p. 158, 1. de magnitudine, quae in praeparatione demonstrationis proponitur. *κείσθ*ω I p. 14, 3. 32, 9. 60, 13. 182, 6. 190, 15. 198, 29. Εστι κείμενον I p. 448, 10. 468, 10. ἔστω κείμενος I p. 420, 12. 444, 14. 464, 4. II p. 34, 21. 42, 25. κείσθω ίσον I p. 14, 1. 62, 11. 212, 12. 216, 4. 222, 12. 242, 12. 266, 15. II p. 22, 16. 154, 2. 352, 4.

xέντρον centrum. circuli. I p. 156, 13. 340, 21. 342, 9, 20. 346, 6. 350, 8. 362, 3. 376, 14. II p. 22, 10, 17. sphaerae I p. 8, 12. 112, 22, 28. 114, 5. 156, 8, 10, 19, 21. 160, 16, 25. 170, 8. 194, 20. 226, 20. 232, 11. 234, 6. II p. 244, 5, 16, 20, 22. τῆς βάσεως I p. 88, 23, 27. ellipsis I p. 288, 14. 290, 3. 318, 3, 10, 14. 324, 5, 13, 14. 330, 3, 11, 12. 352, 20.

366, 13. 370, 21. 372, 6. 382, 3. 398, 15. 440, 10. 454, 4. sphaeroidis I p. 282, 4, 5, 18. 284, 3, 7, 25, 364, 21, 366, 19. 368, 10, 15, 19. 370, 6, 8. 440, 3, 7, 16. 452, 23. 454, 7. 458, 23. 460, 5, 8. 474, 18. 476, 12. 480, 24. 482, 10, 16. 490, 25. 494, 4, 5, 13. ή έκ τοῦ κέντρου radius (alia res est ή άπὸ τοῦ κέντρου άγομένη. α. ãyω). circuli. I p. 60, 7, 14. 62, 7†. 68, 23, 24. 70, 2. 76, 4, 6, 11, 27. 78, 8 sq. 80, 1. 104, 15. 106, 2 sq. 108, 12, 14. 110, 11, 26, 29, 118, 1, 122, 29. 124, 9. 126, 5. 132, 10, 12. 146, 24. 148, 4, 15, 25. 150, 5, 10, 15. 152, 3. 154, 4, 13, 17, 27. 156, 1. 160, 9. 164, 11, 20. 166, 5, 11. 168, 6, 25. 170, 21. 172, 1. 174, 14, 15. 176, 3, 10. 178, 24. 180, 10, 13, 14. 188, 9. 196, 7, 18, 19. 200, 1, 7, 8. 208, 5, 6, 13, 14. 228, 5, 6. 230, 16 sq. 242, 10, 11, 13. 250, 21, 22. 258, 3. II p. 12, 24, 26, 27. 22, 6, 24. 64, 28. 106, 15 sq. 108, 3, 7, 8. 116, 3 sq. 118, 10, 20. 128, 18, 22, 23, 26. 134, 6 sq. 258, 9, 11. αί έκ τῶν κέντρων Ι p. 62, 16. 66, 26. 68, 1. 72, 28. 76, 18, 20. 78, 3. 80, 2. 108, 5, 9, 15. 150, 21. 392, 10. 396, 4. αδ έπ τοῦ πέντρου I p. 62, 19†. 70, 19? sphaerae. I p. 2, 12. 116, 20. 126, 16. 128, 5, 12, 16, 22. 134, 5, 11. 140, 16, 22. 146, 10, 20. 160, 12. 170, 2, 5. 174, 2, 11. 180, 26. 188, 19. 194, 15. 196, 8. 198, 6. 200, 3, 21. 202, 4. 214, 5. II p. 244, 6. hyperbolae I p. 422, 10†. κέντοον yãs II p. 244, 6, 7. 254, 22.

256, 1. κέντρον κόσμου II p. 244, 26. κέντρον αλίου II p. 244, 7. 254, 21. γράφειν πύ**πλον κέντο**φ μεν τῷ σαμ**εί**φ etc. II p. 10, 17. 12, 15. 52, 25, 27. 64, 6. 82, 17. 84, 6. 90, 6, 13, 18, 96, 23, 118, 2, 132, 24. 134, 15. cfr. γράφω. κέντοον τοῦ βάρεος centrum grauitatis. II p. 144, 5. 146, 19. 148, 1 sq. 150, 5 sq. 152, 7, 18. 156, 3 sq. 158, 10. 160, 6, 15 sq. 162, 9, 15. 164, 6 sq. 166, 1 sq. 168, 2 sq. 170, 15 sq. 172, 2. 174, 5, 9, 14. 176, 5, 6, 8. 178, 6 sq. 180, 9 sq. 182, 2 sq. 184, 12, 13, 15, 186, 3 sq. 188, 5, 7. 190, 1 sq. 192, 20, 24. 194, 1, 5, 6. 198, 6 sq., 23. 200, 13, 18. 202, 2 sq. 204, 5 sq. 206, 2 sq. 208, 4, 15, 23. 210, 15, 19. 212, 3 sq. 214, 5 sq. 216, 7, 10, 12. 228, 8. 230, 10. 236, 22. 238, 8, 10. 306, 25. 310, 14. 314, 3. 316, 25. τὰ κέντοα τῶν βαρέων II p. 142, 14, 16. 160, 7. 170, 7, 8. 194, 13. 196, 7, 10, 12. 198, 2. 210, 27. πέντρα τοῦ βάφεος ΙΙ p. 148, 3, 22. 150, 1, 15. 152, 3, 8. 156, 16. 188, 8, 12. 208, 12. πέντρον βά-QEOS II p. 162, 6. 170, 1, 3. 174, 6. 236, 20, 21. 238, 9. 306, 19. τοῦ βάρεος omissum est II p. 148, 7, 24. 152, 5, 14. 156, 19. 160, 5, 9, 11, 12. 162, 4. 164, 11. 182, 1. 184, 9. 194, 3, 4. 200, 10. 202, 8. 204, 13. 212, 8.

πινέω moueo. πινούμενος II p. 246, 6. promoueo, adtingo. πεπινημένος II p. 2, 21.

κοίλος caus. ἐπὶ τὰ αὐτὰ κοίλος Ι p. 6, 18. 8, 6. 10, 2, 13. 46, 27. 56, 12. 104, 6. 122, 16. II p. 144, 5.

ποίλωμα cauum. II p. 242, 13. ποινός communis. ποινά έχει Ι p. 10, 5, 16. 56, 13. κοινή ή ZE I p. 166, 20. ποινά πλευρά ΙΙ p. 92,2. ποινόν άφηφήσθω I p. 36, 10. 42, 4. 44, 8. 48, 5. 50, 1. 56, 14. 198, 18. 200, 14. II p. 334, 3. noivá έστι II p. 48, 4 (cum genet.), 23. 332, 1. ποινόν προσπείσθω I p. 40, 5. 54, 16†. nown τομή Ι p. 203, 3. u. τομή. ποινή γωνία I p. 268, 3.

ποινωνέω particeps sum (cum genet.). κεκοινωνηκότεσσι II р. 290, 18.

πομίζω porto. ἐπόμιξεν ΙΙ p. πομίζομες ΙΙ p. 4, 7. 6, 9. πομισθέντεσσι II p. 2, 4.

πορυφή (πορυφά) uertex. coni I p. 8, 12. 32, 4. 34, 5, 9, 11. 38, 14, 19, 22. 88, 19, 28. 102, 11, 13, 18. 114, 4, 7, 9. 150, 9. 156, 7, 19. 158, 2. 160, 16. 174, 5, 9, 184, 1, 194, 25, 196, 5. 220, 6. 236, 20. 242, 17, 19. 250, 25. 252, 5. 254, 16, 18. 278, 3, 13, 23. 288, 7 sq. 340, 24. 342, 3. 356, 23. 358, 2, 5. 380, 21. 386, 18. 400, 6. 408, 5. 410, 8. 414, 8. 430, 2, 26. 454, 23. 476, 20, 26. 482, 18. 484, 1. 486, 1, 3, 6. segmenti sphaerae I p. 2, 13. 154, 4. 160, 10. 164, 21. 168, 6, 26. 176, 4. 178, 25. 188, 10. 218, 16, 17, 22. pyramidis I p. 26, 24. 70, 16. 72, 25. σχήματος I p. 152, 18. conoidis I p. 274, 21 (definitur). 278, 13. 360, 6, segmenti conoidis. I p. 276, 7, 10. 278, 8, 20, 23. 380, 25. 398, 10. 430, 7. II p. 8,

17. 10, 2. segmenti parabolae I p. 406, 1 sq. II p. 192, 11, 16. 202, 7. 204, 12, 21. 208, 5. 212, 21. 214, 2. 334, 19, 24. 336, 15 (definitur), 20. 338, 8. 340, 10. 342, 15, 19. 344, 25. sphaeroidis I p. 282, 3. segmenti sphaeroidis I p. 282, 12, 15, 286, 2, 8, 440, 19, 454, 16. 460, 13, 15, 24. 474, 22. 476, 10. 482, 9, 12, 21. 492, 4. 494, 2, 3. segmenti coni I p. 288, 12. 408, 3, 4. 410, 7. anguli II p. 248, 23. 250, 12, 17, 21, 24. 252, 2, 7. 254, 8. 14. 258, 2. cfr. έχω. κόσμος mundus. II p. 244, 3, 4 (definitur), 11 (Aristarchi), 27. 246, 7. 248, 18. 254, 20, 24. 262, 10, 12, 21. 264, 2 sq. 286, 26. 288, 3 sq. 290, 21. κοεμάννυμι suspendo. libra. κοεμάσθω II p. 306, 1, 2 (ển). 308, 13 (natá), 16 (ển), 23 (ἐκ). 310, 5 (κατά), 7 (ἐκ - πατά), 8. 312, 4 (ἐn - πατά), 6 (πατά), 21 (ἐπ — πατά). 314, 22 (id.). 316, 1 (id.), 14 (id.), 18 (κατά). 318,12 (ἐκ — κατά), 13 (πατά). 320, 16 (ἐκ), 18 $(\hat{\epsilon}_{x} - \kappa \alpha \tau \alpha)$. 326, 24 $(\hat{\epsilon}_{x})$, 25 (ἔν — κατά). κοεμάσθωσαν ΙΙ p. 328, 3 (id.). in multis horum locorum legitur in libris κεκρεμάσθω (sicut etiam κεκοεμάμενος), quas formas sustuli, fortasse paullo audacius. ποεμασθη II p. 306, 22 (πατά). 314,7 (id.). 316,28 (en - natá). **πρεμάμενος ΙΙ p. 306, 5 (πατά),** 23, 25. 308, 3 (κατά), 17 (id.). 314, 13 (id.). 318, 2 (id.). 322, 13 (id.). 324, 5 (id.). πρέμασις suspendium. II p. 306, 21 (πατά).

πρεμαστός, σαμείον τοῦ κρε-

p. 306, 25. κύβος cubus. δ άπό Ιρ. 246, 4, 5, 8, 9. II p. 232, 5 sq. 234, 5. cfr. άπό. nύnlog circulus. I p. 10, 23, 25 al. πρῶτος κύκλος II p. 52, 27 (definitur). 58, 7, 16. 64, 2. 78, 11. 88, 17. 98, 28. 100, 4. 106, 17, 20. 126, 19, 21. δεύτερος πύπλος ΙΙ p. 54, 1 (definitur). 78, 7. 94, 5. 106, 13 sq. 110, 1. 126, 15, 18. 128, 2, 4. τρίτος πύπλος II p. 126, 25. 128, 2. **πύπλος μέγιστος** σφαίρας Ι p. 128, 21. 130, 8. 136, 9. 140, 12. 148, 8, 10, 11, 18, 23, 152, 9, 206, 5, 21, 210, 11. 222, 24. 224, 11. 226, 23. 230, 5. 232, 6. 234, 5. 248, 20. τῶν ἐν τῆ σφαίοα Ι p. 100, 24. 104, 21. 108, 24, 26. 110, 6. 112, 13, 16, 24. 118, 7. 120, 2. 124, 17. 126, 11. 128, 11, 18. 136, 7. 140, 15, 17. 146, 14. 148, 6. 154, 7. 156, 12. 160, 23. 166, 1. 170, 7. 176, 7. 180, 1, 28. 188, 7, 13. 190, 9. 194, 18. 236, 7. 242, 2. 248, 18. II p. 4, 12. 248, 18. 254, 19. 262, 20. μέγιστος omissum + I p. 130, 12. 218, 23. núnlos év φ τὸ Ψ II p. 118, 20. κύκλος, δς έστι βάσις τοῦ κώνου Ι p. 34, 2. 38, 11. 52, 16. o núxlos δ περί διάμετρον την ΑΓ Ι p. 86, 4. 88, 28. 92, 25. 102, 10, 13, 17. 104, 4. 116, 1. 122, 14. 154, 8. 156, 18. 158, 2. 174, 9. 190, 18. 192, 22, 27. 194, 25. 196, 4, 19. 198, 1, 4, 19. 200, 9, 10, 12. 204, 13. 218, 16, 17, 22. 220, 6, 13, 14. 226, 1, 2. 230, 4. 236, 19. 242, 17. 250, 25. 252, 3. 254, 12, 13, 16, 17. 308, 2. 314, 10. 320,

μαστοῦ punctum suspendii. II

22. 388, 11, 13. 390, 1, 3, 6. 392, 6. 396, 10. 408, 10. 412, 5, 15. 414, 2. 418, 11. 420, 4. 422, 1, 3, 15, 17. 440, 18. 444, 2. 482, 20, 26. 484, 15. 486, 2, 5. διάμετρος omissum. I p. 114, 6. 150, 9. 162, 15, 17, 22. 166, 4. 174, 4. 176, 9. 200, 15. 320, 20. κύκλος οδ διάμετρος à I p. 314, 13, 21, 22. δ M núxlog I p. 132, 7. 204, 10. 206, 13, 15 al. núnlos omissum. I p. 156, 1. 386, 21. cfr. διάμετρος, πέντρον, γράφω, έχω, περιφέρεια. nulindeinos cylindricus. nuλινδρική έπιφάνεια Ι p. 46, 1, 15. 48, 1, 7, 14. 50, 5, 13, 22. **52**, **5**, **10**. κυλίνδοιον cylindrus paruus. II p. 252, 11, 16, 18, 22, 25. πύλινδρος cylindrus. I p. 4, 1, 15. 44, 20, 25. 46, 10, 23. 48, 5, 50, 2, 4, 10, 18, 20, 21. 52, 14. 146, 13, 18, 26. 286, 24. 288, 16, 21, 22, 23. 330, 6, 15. 334, 5, 14. 340, 11, 12. 374, 15, 26. 376, 3, 7, 15, 19, 21. 378, 2, 3, 6, 8. 382, 6. 386, 22, 24. 388, 6, 9, 14. 390, 8, 15 sq. 392, 1, 8, 11, 14, 15. 394, 6 sq. 396, 1 sq. 400, 4. 416, 21. II p. 4, 15, 16. 250, 12, 17, 21, 24. 252, 2, 7. 254, 2, 3, 5. 296, 20. cfr. βάσις. έπιφάνεια. πυρτός. τὰ πυρτά pars conuexa. I p. 354, 25. 356, 9, 17.

κωνικός conicus. Επιφάνεια

иючин і р. 34, 27, 28. 36, 4,

7, 11. 38, 24. 40, 22. 42, 2, 9,

15, 19. **44**, 6, 11, 17. 58, 8, 10†.

102, 12, 16, 21, 23. 108, 23.

358, 10.

6. 324, 27. 332, 13. 334, 13. 336, 4, 13. 376, 8. 378, 8. 386,

110, 3. 112, 19. 120, 28. 122, 1. 124, 8. 126, 19. 148, 22. 150, 18. 152, 16, 17. 156, 5, 17. 162, 12, 14, 18. 170, 14. 176, 23. 182, 28. τὰ κωνικά doctrina conicorum. I p. 304, 15. II p. 298, 5. 300, 10. cfr. μεταξύ.

πωνοειδές Ι p. 190, 3. 276, 1, 8. 278, 21. 282, 22. 286, 15, 22. 344, 6, 15, 17, 18. 348, 18, 24, 27. 350, 6. 356, 10, 14, 22, 25. 358, 2, 6, 13, 18. 360, 3, 8. 364, 6. 374, 11. 376, 2. 378, 12. 380, 22. 382, 10. 392, 21. 394, 1. 398, 9, 12. 400, 24. 404, 19, 20. 410, 22. 416, 13. 430, 2, 11, 13. II p. 8, 12, 18, 23. κωνοειδές όρθογώνιον Ιρ. 274, 11, 15, 19. 276, 13, 17. 278, 28. 340, 14. 344, 2, 12. 352, 6. 380, 19. 386, 8, 11. 404, 14, 18. 410, 13, 17. κωνοειδές άμβλυγώνιον I p. 274, 12. 276, 20. 278, 7, 15, 27. 280, 2, 10. 340, 23. 348, 14, 22. 356, 20. 380, 20, 416, 2, 10, 428, 15, 22. κωνοειδὲς σχῆμα Ι p. 276, 2. 346, 5. 358, 12. 364, 5. II p. 8, 13.

zovos conus. I p. 4, 14. 8, 11, 15, 16, 19. 34, 2. 102, 9. 134, 2, 3, 17, 19. 140, 14. 156, 19. 336, 15. 386, 9, 17, 19, 20, 24. 388, 2, 9. 390, 13, 14. 392, 19, 20, 22, 394, 1, 400, 6, 402, 2, II p. 4, 15, 16. 8, 9. 296, 20, 21. al. cfr. τομή, βάσις, έχω, έπιφάνεια, μεταξύ, πορυφη, πλευρά. ὁ Ψ κῶνος I p. 394, 5. 396, 15, 16. 400, 14, 15, 24 al. ὁ κῶνος ὁ περιέχων τὸ κωνοειδές definitur I p. 278. 11. u. praeterea I p. 340, 25. 342, 4. 356, 23. 358, 2. 380, 21. xãvos omissum. I p. 78, 19. 84, 7, 8. 88, 1, 5, 14. 90, 29. 114, 13. 118, 12. 174, 17, 18.

1.

λαμβάνω sumo. sensu uulgari II p. 2, 12, 13. 92, 7? 252, 4, 12, 16, 21. 272, 7. adsumo, de hypothesibus et axiomatis. I p. 6, 11. 8, 21, 22. II p. 14, 6. 248, 3. 294, 19. 296, 8, 22. τὰ λαμβανόμενα Ι p. 6, 11. 8, 21. sumere punctum I p. 6, 19. 8, 7. **32**0, 13. 326, 28. 332, 7. 336, 9. 344, 23. 350, 1. 358, 17. 362, 16. 368, 1, 8. II p. 2, 12. 132, 22, 23. 134, 13. centrum sumere I p. 176, 14. 258. 11. II p. 310, 14. 316, 25, 26. de lineis et figuris, quae demonstrandi causa adsumuntur uel inueniuntur. I p. 22, 1. 134, 2. 136, 14, 17. 140, 24. 144, 12. 148, 24. 150, 5, 9, 15. 156, 20. 172, 1. 176, 10. 182, 11. 186, 6. 304, 2. 316, 10. 326, 16. 372, 2. 476, 16. 478, 4. II p. 14, 14, 19. 18, 4, 7, 10. 20, 3, 11. 22, 13. 44, 27. 72, 9. 74, 18. 78, 20. 84, 13. 88, 8. 90, 20. 92, 20. 94, 20, 21. · 96, 3, 8, 10, 13. 218, 1, 9, 11. 236, 11, 17, 330, 7, 332, 14, περιφέρειαν λαμβάνειν ΙΙ p. 58, 12. 60, 14? 84, 1. 86, 24. 88, 6. δίς λαμβανομένα ΙΙ p. 62, 10, 14. cfr. 234, 9. ywνίαν λαμβάνειν ΙΙ p. 248, 22, 24. 250, 1, 5, 7. 254, 1, 9. µέσην άνάλογον λαμβάνειν Ι p. 22, 5. 76, 10. 192, 23+. 224, 6. II p. 230, 13. — sequitur formarum conspectus. βάνω I p. 8, 22, 22, 1, II p. 14, 6. λαμβανέται II p. 252, λαμβάνοντι (-ουσι) II p. 2, 12. λαμβάνων II p. 248, 3.

294, 19. 296, 22. II p. 88, 8. λαμβανόμενος I p. 6, 19. 8, 7. II p. 44, 27. 58, 12. 60, 14? 62, 10, 14, 84, 1, 86, 24, 88, 6. 234, 9. 296, 8. ἔλαβον ΙΙ p. 72, 9. 74, 18. 316, 25. έλάφθη II p. 252, 4. 254, 1. · λαφθή ΙΙ p. 218, 1, 9. λαφθέωντι II p. 2, 12. 14, 14. 18, 4. 132, 22. λαβών II p. 2, 13. 92, 20. 96, 3, 13. ληφθείς Ι p. 22, 5. λαφθείς Ι p. 358, 17. 362, 16. 368, 8. II p. 18, 7. 90, 20. 94, 20, 21. 96, 8, 10. 132, 23. 218, 11. 252, 16, 21. 254, 9. λαβεῖν I p. 136, 14. 140, 24. II p. 20, 3, 11. ·22, 13. 248, 22, 24. 250, 1, 5, 7. 330, 7. 332, 14. λαφθησέται II p. 316, 26. λελάπται II p. 92, 7? εἰλήφθω I p. 76, 10. 148, 24. 150, 5, 9, 15. 156, 20. 172, 1. 176, 14. 192, 23. 258, 11. λελάφθω I p. 304, 2. 316, 10. 326, 16. 336, 9. 368, 1. 372, 2. 476, 16. 478, 4. II p. 78, 20. 84, 13. 134, 13. 230, 13. 272, 7. 310, 14. εἰλήφθωσαν Ι p. 134, 2. 136, 17. 144, 12. 182, 11. 186, 6. 224, 6. λελάφθωσαν ΙΙ p. 14, 19. 18, 10. είλημμένος I p. 142, 2. λελαμμένος Ι p. 320, 13. 326, 28. 332, 7. 344, 23. 350, 1. II p. 236, 11, 17. λέγω dico. λέγω (δὴ, οὐν), őτι in initiis demonstrationum ad repetendum, quod demonstrandum est. I p. 12, **5.** 23, 14, 27, 28, 1, 30, 24, 34, 12. 38, 23. 46, 1. 70, 3. 72, 17. 78, 10. 84, 5. 86, 10. 90, 7. 94, 5. 96, 22. 100, 8. 106, 3. 110, 4. 136, 9. 138, 25. 194, 26. 216, 9. 224, 16. 234, 17. 236, 10. 238, 7. 242, 4.

250, 9. 258, 6. 308, 7. 388, 1. 456, 3. II p. 148, 6. 150, 4. 158, 9. 170, 1. 172, 1. 178, 22. 332, 10. 344, 23. cfr. $\varphi\eta\mu\ell$. λέγω δέ ΙΙ p. 242, 3. λέγεσθαι (ποτί μέγεθος έν λόγω τινί). λεγέται Ι p. 446, 26, 29. λεγόνται Ι p. 290, 20, 22. 424, 3, 6, 9, 436, 18, 20, 23, 446, 23. 466, 25, 28. 468, 2. λεγήται I p. 290, 16. 292, 3. 294, 12, 15. λεγώνται I p. 294, 11, 12, 14. λεγέσθω I p. 292, 3. τὰ ποτ' ἄλληλα λεγόμενα I p. 10, 22. II p. 14, 11. numerare, computare. leyómeros I p. 472, 12. είρημένος II p. 80, 15, 16. λεγόμενος κατά denominatus. II p. 82, 11. 96, 6. 114, 28. 116, 1, 5. cfr. leγόνται II p. 88, 5. λεγέσ**θω** ΙΙ p. 192, 9. ώς είρηται Ι p. 324, 14. 330, 12. 344, 13. 348, 23. 396, 26. 404, 19. 428, 23. 476, 1. 482, 3. 492, 8. II p. 198, 13. 270, 20. 350, 7. olos είοηται Ι p. 148, 22. 182, 6. 380, 7. II p. 92, 13. 98, 18. 188, 12. 192, 22. 202, 9. 208, 15. 212, 1. 214, 4. 340, 6. 342, τὸ λεγόμενον Ι p. 168, 20†. είρημένος Ι p. 4, 6. 12, 24. 20, 2. 24, 22. 28, 2, 14. 30, 25, 32, 7, 34, 22, 36, 8, 9, 42, 12, 19. 56, 10, 20, 21, 28. 94, 5. 96, 22. 108, 18. 110, 17, 25. 112, 13. 116, 10, 12. 128, 24. 132, 16. 140, 19. 144, 14. 146, 26. 154, 9. 158, 22. 160, 4. 162, 15. 164, 14. 166, 8. 170, 4. 172, 6. 178, 5, 13. 182, 4. 184, 6. 206, 16. 242, 19. 250, 8, 12. 276, 24. 278, 25. 286, 11. 302, 18. 312, 15. 342, 22. 368, 1. 392, 10, 13. 400, 21. 410, 2. 420, 7, 10. 432, 6.

462, 27. 474, 9. 482, 21, 25. 496, 8. 498, 1. II p. 4, 8. 8, 19. 14, 2. 46, 1. 48, 9. 60, 13. 62, 9, 12, 68, 29, 80, 17, 86, 24. 88, 2, 5. 92, 13. 98, 18, 21. 100, 15, 18. 102, 23, 25. 116, 7 sq. 120, 1, 3, 4. 122, 7, 17. 160, 10. 162, 4. 168, 17. 176, 18, 23. 180, 27. 186, 7, 12. 188, 9. 198, 14. 234, 20, 21. 244, 12, 27, 246, 7, 13, 258, 8. 262, 22. 266, 19. 268, 13. 274, 9. 288, 13. 324, 18, 26. 330, 9. 332, 24. u. praeterea lé-youes II p. 142, 17. 168, 11†. λεγόντες ΙΙ p. 266, 17. λεγόμενος Ι p. 214, 16. Η p. 192, 16. είπαμες ΙΙ p. 244, 2. έρ**οήθησαν Ι** p. 116, 8. δηθείς II p. 48, 14. 50, 6. δηθήμεν II p. 242, 15? 266, 10. λεῖος laeuis. II p. 266, 2. λείπω relinquo auferendo uel diuidendo. lelnew I p. 24, 4. λειπόμενος Π p. 200, 3. 342, 2, 8. λείψομεν Ι p. 16, 2. 36, 15. 42, 24. λειφθήσεται I p. 20, 5. λελείφθω I p. 16, 19. 20, 7. 36, 16. 42, 25. λελείφθωσαν I p. 260, 12. λείπεται έλάσσονι I p. 394, 4. λεπτός tenuis. II p. 252, 12. λεπτότερος II p. 252, 16, 19. λευκός albus II p. 252, 12, 13, 14, 18, 20. λημμα propositio, quae demonstrationis causa adsumitur (ipsa non demonstrata) II p. 14, 7. 294, 19. 296, 8, 13, 16, 22, 25. falsarius hoc nomine significat notas Eutocii. I p. 14, 12. 40, 9. 142, 27. 164,4. 198, 7.

 $l \circ y \circ \varsigma$ ratio*) ($\xi \chi \varepsilon \iota \nu \pi \varrho \circ \varsigma$). έλάσσονα λόγον ἔχειν ἤ Ι p. 12, 19. 14, 24. 16, 2. 18, 18, 26. 20, 18. 66, 7. 74, 14, 20. 146, 2, 4. 184, 11. 266, 20. 268, 11, 14. 270, 1, 4, 5. 428, 3, 5. 438, 23. 474, 10. 480, 19. II p. 22, 6, 23. 24, 24. 42, 16. 44, 11. 50, 14. 66, 7. 68, 19. 70, 2. 72, 22. 74, 4. 76, 3, 6, 8, 11. 80, 6, 11, 13, 19. 110, 13, 21. 112, 1. 120, 24. 122, 3. 158, 18. 210, 2. 258, 9, 12, 17. 260, 2 sq. 318, 6. τοῦ, ὃν ἔχει. l p. 60, 23, 64, 19, 70, 11, 72, 21. 136, 15. 138, 6, 27. 140, 2, 25. 142, 10. 144, 1, 14. 178, 18. 182, 25. 184, 10. 186, 5, 10, 14. 238, 28. 296, 6, 27. 300, 15. 426, 26. 468, 18. 474, 2, 7. II p. 22, 20. 26, 4. 64, 29. 66, 5. 68, 14. ἤπες Ι p. 14, 10, 11, 13, 18, 8, 10, 20, 13. 64, 22. 72, 6, 9. 138, 16. 140, 5. 142, 23. 144, 2, 19, 25. 176, 20. 178, 4. 182, 9. 184, 5, 6. 238, 23, 25. 240, 7. 244, 9. 246, 21. 268, 10. II p. 66, 12. 76, 6, 12. ἐλάσσονα ἢ διπλασίονα λόγον ἔχειν τοῦ, ὄν I p. 236, 3. 238, 9. 240, 2, 25. 242, 6. ηπες I p. 236, 10. έλάσσονα τοῦ διπλασίου I p. 244, 6. μείζονα λόγον έχειν η̃ I p. 74, 1, 9. 184, 12. 254, 12. 264, 13, 14, 16. 424, 15, 19, 21. 438, 3, 9. 468, 26. 470, 6, 9. 480, 7. II p. 76, 11, 15, 18, 22. 114, 8, 14. 124, 12. 200. 2, 7. 208, 2, 27. 210, 7. 240, 13. 260, 10, 15. 310, 25. 314, 15, 17. 318, 5. ήπεο Ι p. 18,

^{*)} Debui proportionem dicere (Hankel: Beitr. z. Gesch. d. Math. p. 389 not.), sed in uocabulo singulis paginis occurrenti commoditati studui.

6. 246, 6, 16. 248, 2, 5, 9, 11, 13. 254, 6, 9. 264, 9. 266, 2, 9, 12. 270, 7. II p. 124, 15. 176, 20, 23. 178, 3. τοῦ ὂν έχει I p. 232, 28. 234, 9. 438. 5. 468, 22. 472, 22. τοῦ αὐτοῦ λόγου Ι p. 296, 11. 298, 1. 300, 17. II p. 42, 23. 44, 50, 19. μείζων ὁ λόγος τοῦ Ι p. 320, 2. τοῦτον ἔχει τὸν λόγον ὄν. Ι p. 280, 6, 14. 284, 10, 16, 28. 310, 13. 318, 25. 392, 3. 394, 21. 426, 18. 428, 18. 434, 18. 436, 12. 446, 18. 452, 1. 458, 26. 460, 17, 22. 466, 19. 470, 26. 474, 21. 478, 2, 6. 480, 27. 486, 9, 27. 488, **1**5. **490, 3, 5, 22. 492, 3. 494, 10**. H p. 128, 12, 24, 27. 130, 18, 21. 132, 2, 14, 16. 134, 3. 136, 10, 23. 138, 11. 310, 24. δν ἔχει. I p. 96, 16. 286, 6: 326, 11. 416, 5, 25. 422, 28. 462, 26. 482, 14. II p. 10, 1. 12, 24. 76, 7. 106, 13. 116, 20. 118, 6. 126, 16, 26. 128, 19. 134, 22. 136, 2, 6, 19, 27. 138, 7. 176, 13, 19. 178, 13. 184, 3. τούτον τον λόγον έχειν Ι p. 310, 16, 22. II p. 118, 21. τον αύτὸν ἔχειν λόγον τῷ Ι p. 76, 14. 82, 10. 96, 23. 134, 18. 232, 10. 234, 1, 20, 21. 282, 27. 402, 10. 410, 15, 20. 412, 11. 436, 17. 498, 3. II p. 42, 8. 50, 20. 152, 12. 158, 6. 188, 10. 196, 8. δνπες I p. 62, 15. 64, 12. 434, 21. II p. 14, 15. ον I p. 66, 26. 70, 19. 72, 27. 76, 22. 100, 1. 124, 25. 184, 10, 18. 194, 14. 292, 1, 11, 14, 17. 294, 5, 7, 17. 300, 23. 304, 21. 306, 1, 22. 308, 4. 310, 7, 10, 19. 312, 9, 17, 20. 314, 4, 15, 22, 29. 316, 9, 12, 14, 16. 320, 25. 322, 1, 9, 13, 16, 20.

328, 18, 21, 22. 346, 20, 26, 29. 348, 4, 8. 350, 14, 17, 21. 354, 7, 12. 390, 18, 24. 392, 9. 394, 10, 14. 396, 2. 402, 8 sq. 408, 13. 414, 26. 420, 10. 422, 5, 18. 424, 12. 426, 13, 23. 432, 7. 434, 23. 436, 8, 25. 446, 8, 12. 448, 2, 6. 450, 18, 22. 452, 5. 462, 28. 464, 3. 466, 10, 14. 468, 4, 8, 472, 3, 9, 15, 486, 3, 20, 23, 488, 1, 4, 10, 19. 490, 6, 12. 494, 21, 24. 496, 5 sq. 498, 6. II p. 6, 17. 14, 22. 16, 22. 18, 6, 16, 23, 27. 22, 18, 26, 3, 4, 27, 28, 2, 21. 34, 9. 46, 4. 58, 8, 20. 60, 4, 12, 18. 62, 1, 8, 12. 72, 19. 76, 10. 80, 2, 4. 84, 21. 86, 1. 132, 9, 12. 158, 9. 176, 17. 212, 23. 220, 1, 3, 13, 18, 24. 222, 7. 224, 3, 7. 272, 11. 300, 17. 302, 3, 6. 304, 7 sq. 310, 20. 318, 3. 322, 4, 6, 8. 338, 21. δν έχει I p. 292, 21. 294, 1. 316, 19. II p. 118, 15. 134, 18. 136, 12. 160, 11, 19. 228, 13. 230, 5. 236, 24. cfr. 288, 12. nal I p. 68, 2. 70, 28, 72, 29. 76, 8, 332, 16, II p. 198, 3. τὸν αὐτὸν 1όγον ἔχειν Ι p. 282, 21. 290, 15, 25, 356, 4, 420, 6. 424, 2. 446, 23. 466, 25. II p. 196, 5. 220, 12. 224, 22. 288, 16. έχει λόγον öν I p. 62, 18. 68, 1. 134, 16. 262, 3, 7, 8, 17. **264, 3, 4,** 10. **410, 4.** 416, 19. II p. 72, 20. 108, 2. 116, 2. 128, 7 sq. 130, 3, 7, 14. 136, 14. 186, 16. 190, 11. 200, 15. 210, 17. 222, 4. 226. 24, 25. 228, 1, 3. 232, 16. or δε λόγον έχει — τοῦτον έχει (έχέτω). Ι p. 64, 9. 70, 21. 250, 23. 254, 7. 292, 7, 8. 308, 5. 304, 9. 402, 14, 18. 414, 8, 15. 432, 8. 434, 24. 470, 7. 474,

8. 484, 6. 494, 16. II p. 34, 4. 44, 18, 21. 66, 10. 68, 22, 29. 74, 9. 76, 19. 80, 16. 86, 10. 110, 25. 188, 14. 198, 19. 206, 20. 208, 18. 216, 25. 218, 3, 13, 15. 310, 10. 312, 10, 19, 27. 314, 27. 316, 10, 12. 318, 15, 17. δυ δὲ λόγου ἔχει -- τοῦτου έχει τὸν λόγον Ι p. 62, 20. ΙΙ p. 122, 6. 244, 27. δυ έχει λόγον, τὸν αύτὸν ἔχει λόγον • II p. 206, 15. lóyog omissum. I p. 22, 16, 18, 184, 7, 8, 264, 17. 270, 5. 314, 20. 832, 19. 420, 7. 424, 20. II p. 128, 2, 4. έλάσσονα λόγον omissum. Ι p. 268, 16. 270, 2. λόγον ἔχει om. I p. 292, 18. έν τῷ αύτῷ λόγφ Ι p. 82, 4. 290, 19. 292, 7. 294, 15. 424, 9. 436, 23. 446, 28. 468, 1. II p. 196, 4. 218, 25. 224, 12. 232, 5. είς λόγον τέμνειν Ι p. 310, 8. II p. 192, 15. 196, 2. 302, 14. τοῦτον ἔχει δυνάμει τὸν λόγον II p. 108, 9. u. δύναμις. λόγος ὁ αὐτὸς τῷ δοθέντι Ι τ. 206, 4. 210, 3. 414, 13. λόγος έστὶ τῆς έπιφανείας πρὸς τὴν έπιφάνειαν δοθείς Ι p. 206, 10, 18. 210, 8, 17, 21. 212, 17, 18. 214, 2, 3. 222, 7, 8. 228, 16, 17. 282, 14, 15. λόγος δυ έχει II p. 24, 16. 72, 13. 74, 24. 78, 24. 84, 17. ὁ τῆς ἐπιφανείας πρός την έπιφάνειαν λόγος Ι p. 212, 19, 23. 214, 6, 8, 9, 28. 284, 1. 242, 9, 14, 21 sq. 244, 1 sq. 246, 3, 4. 410, 3. II p. 178, 5. 190, 12. μέσον λόγον έχειν † Ι p. 60, 7, 12. 68, 24. 78, 1. δ τῶν βάσεων λόγος Ι p. 340, 3, 7. 408, 6. 488, 21. 498, 2. II p. 128, 16. 132, 18. οὐτός ἐστιν ό αύτὸς τῷ, ὃν ἔχει Ι p. 390, 19, 20. 394, 15. 422, 6. 466, 11. 498, 9. δν δὲ λόγον ἔχει, ο αυτός έστιν τῷ, ον Ι p. 484, 4, 13. 490, 1. cfr. II p. 176, 21. τὸν ταχθέντα λόγον ἔχειν II p. 4, 18, 20. 6, 6. of lóyot l p. 176, 28. έχέτω τὸν αύτὸν λόγον τὸν τοῦ Π p. 200, 9. τριπλασίονα λόγον έχειν ΙΙ p. 274, 10, 23. 296, 17. u. τριπλασίων, διπλασίονα ΙΙ p. 296, 14. α. διπλασίων. Εν τετραπλασίονι λόγφ II p. 344, 14. 346, 14. 350, 16. 352, 17. lóyog ratiocinatio. I p. 24, 13. II p. 208, 7. u. ákios.

λοιπός reliquus. λοιπὸς ὁ Ι p. 36, 11. 38, 7. 42, 5. 44, 8. 48, 6, 14. 50, 12. 52, 10. 80, 6. 92, 10. 96, 7. 180, 20. 198, 20. 204, 25. 248, 8. II p. 30. 14. 34, 3. 158, 17? 172, 17. 174, 2. 184, 14. 200, 12. 214, 20. 216, 1, 8. 238, 1. δ λοιπός I p. 96, 8. 122, 21. 154, 11. 196, 16, 17. 200, 22, 23. 260, 2. 274, 3, 10. 290, 11. 296, 10, 28. 298, 10, 12. 300, 4, 16. 372, 21. 446, 3. 448, 17, 22. 452, 7, 10. 464, 18, 22. 472, 25. 474, 1. II p. 38, 23. 40, 9, 19. 42, 6, 48, 10, 56, 3, 66, 16. 70, 6. 144, 10. 160, 5, 13. 168, 10. 170, 21. 178, 10, 14. 184, 3. 208, 1. 228, 2. 278, 9. 280, 9. 282, 5. 284, 23. 286, 20. 348, 16, 18. λοιπόν έστιν Ι p. 214, 10. 376, 23. 384, 21. λοιπόν δειξούμες deinde demonstrabimus. II p. 36, 25. 48, 16.

λυπέομαι doleo. ἐλυπήθημες ΙΙ p. 294, 6. λύω soluo. λυθή ΙΙ p. 806,

νω soluo. Ανθη 11 p. 30 21. 314, 8. 316, 29 (ἀπό).

M.

μάθημα mathematica. II p. 2, 18. μαθήματα I p. 6, 7, 9. II p. 2, 9. 290, 18. 294, 7. μακοός longus. II p. 250, 10. μαλλον magis. I p. 266, 17. 270, 12. μάλιστα I p. 6, 4. II p. 246, 5. 252, 25. μανθάνω disco. έμάθομεν l p. 22, 14†. μάστευσις perscrutatio. Η p. 2, 13. μαστεύω perscrutor. μαστεύeur II p. 2, 10. μέγας α. μείζων. μέγεθος magnitudo. Ip. 12, 17, 20, 22. 14, 20, 24, 26. 16, 3. 18, 14, 18 sq. 20, 14 sq. 60, 18. 70, 6. 136, 13. 140, 23. 176, 15. 182, 6. 290, 5, 7, 8 sq. 292, 4. 294, 11. 374, 18. 376, 6, 9. 378, 1, 10. 380, 6. 384, 4, 7, 23, 386, 4, 418, 21, 422, 25, 27. 424, 1. 436, 15, 16. 446, 20, 24, 26. 466, 21, 22. II p. 144, 1. 146, 19, 20, 148, 1 sq. 150, 1 sq. 152, 2 sq. 156, 2 sq. 158, 4 sq. 160, 4 sq. 162, 2, 5, 7, 164, 7, 12, 168, 4, 176, 8. 178, 5 sq. 180, 19. 182, 1, 3. 186, 10. 188, 7. 190, 1. 200, 12, 17. 204, 5. 206, 9. 214, 14. 216, 12. 234, 2, 8, 10. 252, 3 sq. 264, 23. 274, 13. 346, 13, 14, 17. τῷ μεγέθει I p. 188, 14. 290, 7. 296, 4, 20. 298, 7, 16. 890, 10. 420, 13, 23. 444, 13, 16. 448, 13. 464, 5. 466, 5. 468, 16. II p. 34, 14. 42, 13. 102, 4. 104, 15. 110, 7. 114, 3. 124, 5. 244, 17. coniungitur cum ἴσος, ἡμιόlios al. similiter usurpatur ταλικαύτα τὸ μέγεθος ΙΙ p. 246, 8. 274, 25. 276, 22. 278,

24. 280, 18. 282, 14. 284, 9. 286, 7. 290, 2. μέγεθος τῆς σφαίρας et sim. Π p. 246, 5, 18. 264, 21. 274, 12. 290, 20. μέγεθος έχειν ΙΙ p. 276, 16. 278, 12, 18. 280, 12. 282, 8. 284, 2, 26. 286, 23. 290, 14. μέγεθος omissum. I p. 14, 2 sq. 18, 10. 22, 22. II p. 148, 8 al. τὸ A et sim. II p. 146, 4 sq. saepissime. μείζων (neque enim μέγας occurrit) maior. I p. 10, 19. 12, 3 sq. 14, 8, 24. 16, 1, 3. 248, 17†. al. saepe. καὶ μὴ μείζων Η p. 246, 15, 21. 248, 6, 16. φ μείζων Ι p. 40, 16. 54, 21. II p. 158, 16. 298, 10. 300, 5. μείζων η τετραπλάσιος et sim. I p. 124, 16. 126, 8. 128, 9, 18, 19, 23. II p. 40, 20. 42, 7. 50, 5. 56, 23. 78, 18, 22, 80, 9, 20, 104, 24, 106, 258, 14. μείζων έλάσσονι II p. 98, 19, 22. 100, 12. 102, 24. 108, 21. 112, 16. 120, 3. 122, 18. μείζονος πρός έλάσσονα I p. 214, 28. cfr. II p. 170, 14. u. λόγος. μέγιστος Ι p. 290, 8, 9, 11. 296, 5 sq. 298, 1 sq. 300, 1, 4. 388, 10. 390, 1, 10. 418, 22. 420, 15, 20. 424, 14, 15. 426, 21, 22. 438, 1, 3. 444, 14. 448, 14, 15, 18. 452, 12. 466, 6. 468, 16, 17. 472, 21. II p. 8, 4, 7. 34, 14, 15, 16. 36, 3. 40, 16, 19, 21. 42, 3 sq. 44, 7. 50, 12 sq. 100, 19, 29. 102, 5, 7, 8, 11. 104, 2 sq. 108, 26. 110, 3 sq. 114, 3 sq. 120, 6 sq. 122, 1, 24. 126, 1, 6, 7, 10, 11. 216, 26. 218, 2 sq. 336, 14, 16. 338, 6. 344, 14, 21. 346, 16, 18. 352, 2, 17. μέγιστος κύκλος Ι p. 2, 10. 4, 2. u. xvxlos.

μέλλω in eo sum, ut. กันะใλεν II p. 250, 11. $\mu \notin \nu$ sequente $\delta \notin$. passim. transpositum I p. 36, 18. cfr. ò. μέν οὖν I p. 188, 20. 274, 15. 278, 26. 288, 5, 19. 352, 14. 354, 8. 364, 22. 370, 11. 412, 7. II p. 6, 8. 8, 25. 48, 4. 84, 9 a.l. μέντοι. μέν — μέντοι II p. 242,7. μένω maneo. de linea in figuris circumuolutis quae imμένουσα Ι p. mota manet. 100, 27. 120, 8. 130, 25. 142, 15. 152, 13. 156, 16. 162, 3. 170, 13. 274, 16. 276, 23. 280, 20, 24. ΙΙ p. 8, 10. μεμεναποῦσα I p. 274, 20. 278, 5. 282, 2. de puncto manenti in linea circumacta. II p. 10, 9, 13, 17, 23. 50, 23. 52, 4, 7. μεμεναπός II p. 12, 13, 15, 16. cfr. praeterea μέvei II p. 306, 22, 24, 314, 8. μένειν ΙΙ p. 244, 13. μενεί Пр. 316, 29. μέρος pars. τρίτον μέρος I p. 4, 12, 14. 296, 9. 400, 21. 420, 2. 424, 17. 428, 1. 434, 14. 438, 5, 8. 462, 16. 468, 20. 472, 24. II p. 42, 19. 44, 13, 20, 23, 25. 46, 6, 9, 18, 25. 48, 12. 50, 16. 98, 27. 100, 5. 106, 17. 108, 5. 110, 16, 24, 27. 114, 17. 116, . 6, 22. 118, 8, 12, 17. 120, 26. 122, 6. 124, 13. 126, 27. 128, 6 sq. 130, 2 sq. 132, 2, 5, 8. 134, 23. 136, 5 sq. 138, 3, 6, 10, 12. 186, 4. 216, 6, 7, 9. 264, 4. 296, 18, 20. 306, 7. 308, 21, 25. 324, 20. 330, 1. 346, 15. 348, 1 sq. 352, 12. ξβδομον μέρος I p. 258, 15. 262, 21. 266, 16, 18. 270, 14. τέταρτον μέρος ΙΙ p. 848, 2. έπτον μέρος ΙΙ p. 126, 1, 9,

διακοσιοστόν μέρος ΙΙ p. 256, 12. 260, 26. έπατοστὸν μ. II p. 258, 19, 24. 260, 1. τὸ ετερον μέρος Ι p. 870, 14, 15. II p. 306, 3. 320, 18. 328, 2. α. έτερος, έπί. εν μέρος II p. 254, 11, 12, 15, 17. 258, 1, 5. 264, 4. q θ' μέρεα II p. 262, 2. cfr. praeterea II p. 214, 2. 252, 20. 330, 8, 10, 11, 12. 332, 15, 16. μέρος omissum I p. 264, 2. 266, 3, 20. II p. 114, 10. 126, 23. 810, 1. 346, 19. 348, 20. 352, 5, 10. μέσος medius. ὁ μέσος ΙΙ p. 148, 27. 150, 11, 17, 20. 152, 4. 156, 20. 164, 9, 10, 14, 15. 228, 11. 230, 3. έπὶ μέσαν ταν βάσιν et sim. II p. 156, 3. 170, 20. 174, 10, 13. 178, 21, 25. 180, 20. 182, 13, 16, 17. 204, 5. 244, 15. 300, 13. 336, 19, 24. 338, 11, 12, 16, 17. τὸ μέσον I p. 130, 17. 282, 5. II p. 148, 2. 152, 8. 156, 10. 168, 4. cfr. μέσον II p. 180, 22. 308, 12. 310, 5. 312, 2, 16. 314, 20. 316, 7. 320, 15. 326, 24. κατὰ μέσον II p. 318, 9. ἐν μέσφ II p. 250, 17. μέση ἀνάλογον I p. 138, 1, 29. 192, 6, 28. 222, 21. 224, 5. 346, 9. II p. 230, 13. cfr. lóyog.

μετά cum accusatiuo. post. II p. 2, 18. 250, 13. μετά ταῦτα I p. 2, 7. 288, 1. II p. 6, 9. 8, 8. 10, 4. 248, 4. 282, 25. 294, 16. 298, 3. μετά τοῦτο II p. 246, 21. μετ αὐτούς II p. 270, 5. cfr. 276, 13. 278, 8. 280, 8. 282, 2 sq. 284, 20, 21, 22. cfr. praeterea II p. 90, 10, 15. cum genetiuo. cum. I p. 2, 3. al. uulgo usurp atur pro nostro additionis sign o +

I p. 34, 28. 36, 4, 6, 7, 19, 21, 23. 38, 4 sq. 146, 17. 148, 8. 158, 23. 244, 2. II p. 12, 25. 14, 1. 60, 13, 19, 20, 25, 27. 62, 3, 4, 9, 13. 68, 20 sq. 74, 7, 9. 80, 14. 184, 5, 6. 186, 20 sq. 220, 19, 26. 222, 1, 7, 9, 16, 20. 224, 3, 5, 8 sq. 226, 8, 11, 13. 232, 16, 18, 22 al. μετάγω transfero. μεταγαyeîv I p. 24, 12. μεταδίδωμι communico. μεταδιδόναι Ι p. 6, 7. μεταλαμβάνω particeps uel peritus sum. μεταλελαβηκόтеббі II р. 290, 19. μεταλλάττω, μετάλλαξεν τὸν βίον II p. 2, 14. μεταξύ inter. ἡ μεταξὺ τῶν σημείων εύθεια Ι p. 6, 20. 8, 7. 278, 12, 24. 358, 24. 362, 22. 372, 24, 25. II p. 148, 24. 150, 18. 152, 5. 160, 11. 164, 11. 204, 11. 208, 11. 212, 8. 244, 6. ή έπιφάνεια (τοῦ κώνου, κωνική et sim.) ή μεταξύ τῶν εὐθειῶν I p. 34, 7, 14, 27. 86, 4, 5, 11, 18, 20, 26. 38, 1, 3, 22, 24. 40, 22. 42, 9, 15. 44, 6, 11, 17, 21. 52, 20. 58, 10+. 76, 26. 78, 11. 80, 6. 90, 8. 92, 1, 4, 18. 94, 2, 15. 96, 1. 106, 20, 21. 108, 2. 114, 17, 23, 27. 116, 3. 150, 13, 18. 158, 10, 14, 17. cfr. praeterea I p. 24, 16, 78, 1, 288, 21, 24. 392, 4, 12. 394, 22. 402, 27. II p. 12, 19, 22, 4, 7, 24, 6, 29. 26, 8. 28, 9. 30, 17, 24. 34, 6. 56, 25. 58, 9. 64, 27, 29. 70, 21. 72, 18. 76, 5. 78, 6, 28. 82, 22, 24. 86, 20, 23. 88, 2, 5. 116, 19. 134, 1. 280, 17. μετέωρος sublimis. σαμείον μετέωφον Ι p. 320, 21. 328, 4. 832, 14. 336, 2.

II p. 38, 23+. cfr. II p. 154. 7. I p. 16, 22, 23, 24†. πληθος τών nleveõv µeτρείσθω ύπὸ τετράδος Ι p. 100, 26. 120, 5. 130, 14. 142, 4. cfr. μετρούνται I p. 104, 28 +. 110, 2. μέτρον mensura. xolvòv µ. II p. 154, 1, 18. μέχοι usque ad. ἡ μέχοι τοῦ άξονος parametrus duplex parabolae. I p. 304, 3. μέχρι έπί II p. 10, 3? $\mu \dot{\eta}$ ne. passim. post relatiuum I p. 320, 12. μη έστω II p. 146, 7. μη θαυμάσης II p. 2, 6. pro ov II p. 242, εί γὰς μή in initiis demonstrationum apagogicarum. I p. 60, 17. 186, 11. 176, 13. 182, 5. 308, 9. **310, 20**. 336, 8. II p. 72, 8. 78, 18. 84, **12**. 100, 7. 108, 13. 118, **27**. 146, 8. 198, 16. 208, 25. 212, 6. εί δὲ μή I p. 56, 27. 364, 14. 366, 2. Π p. 304, 10. μή --- μηδέ α. μηδέ. $\mu \eta \delta \dot{\epsilon}$ neu. $\mu \dot{\eta} - \mu \eta \delta \dot{\epsilon}$. I p. 370, 16. 474, 18. 490, 25. cfr. μηδείς. $\mu\eta\delta\epsilon l$ s nullus. I p. 6, 22. II p. 242, 7, 14. μηδεμία I p. 8, 10. μηδέν II p. 296, 24. di-uisum μηδ' υφ' ένος I p. 6, μηδε ποθ' εν Ι p. 294, 12, 15. μηδέτερος neuter. I p. 806, 10. μῆπος (μᾶπος). longitudo. de brachio quod uocant librae mathematicae. II p. 142, 3, 4, 6, 7. 144, 1 sq. 146, 2 sq. 148, 17, 18. 152, 11, 15, 16. 158, 5, 7, 9, 20. 308, 4. τὸ δαx-

τυλιαΐον μᾶκος ΙΙ p. 266, 4.

μετρέω metior. Ισάκις μετρεῖ

μήκει λόγον έχειν h. e. linea ad lineam. opponitur δυνάμει. I p. 62, 21. 64, 10. 70, 21, 22, 74, 1, 76, 15, 264, 11. 402, 16. 414, 8, 9. II p. 232, 2, 4. 300, 20. 302, 1. 338, 13, 21, 23, 24. μημύνω multis loquor. μαπύνειν II p. 250, 3. μήκων (μάκων) semen papaueris. II p. 264, 24, 25. 266, 2, 3, 5, 274, 3, 6, 12, $\mu \dot{\eta} \tau \varepsilon - \mu \dot{\eta} \tau \varepsilon$ neue — neue. I p. 284, 24. 344, 3. II p. 248, 25. μηχανικός. τὰ μηχανικά ars mechanica. II p. 294, 11. 298, 2. significatur liber I de planorum aequilibriis II p. 306, 20. 314, 4. μικοός paruus. II p. 250, 12, 20. μιπφόν ΙΙ p. 254, 22. μονάς unitas. II p. 266, 21, 22. 268, 1 sq. 270, 2 sq. 272, 1 sq. 274, 17, 19. 276, 1 sq. 278, 3, 4, 6, 7. 280, 2 sq. 282, 1 sq. 284, 15 sq. 286, 13 sq. 288, 3, 6. 290, 1 sq. μόνον solum. οὐ μόνον ΙΙ το. 242, 3. 244, 1. μόνος solus. II p. 92, 6. καθ' εν μόνον σαμείον. Ι p. 282, 17. 358, 13. 360, 4. 362, 12. 364, 2. II p. 56, 6, 10. 58, 2. μυριάκις ΙΙ p. 262, 12. 264, 11, 21, 274, 16, 286, 3, 8, 24, 288, 1, 24. 290, 6, 8. II p. μυριακισμυριοστός 268, 9, 21, 25. μυριάς myrias. II p. 246, 15, 17, 20, 262, 12, 264, 11, 13, 17, 21. 266, 17 sq. 268, 4 sq. 270, 1, 11, 13, 15, 17. 274, 18, 22. 276, 2 sq. 278, 1 sq. 280, 1 sq. 282, 11 sq. 284, 3 sq. 286, 1 sq. 288, 1, 10, 24. 290, 6, 9, 13, 16.

μύςιοι decem millia. II p. 264, 25. 266, 15 sq. 268, 4 sq. 270, 1, 12, 17. 274, 13. 276, 19, 23. 278, 13, 16. 280, 15, 20. 282, 9, 18. 284, 5, 10. 286, 1, 5. 288, 24. 290, 6, 8. μυςιοπλασίων II p. 262, 11. 264, 7, 9, 19. 288, 18, 20.

N.

νεύω uergo. de linea, quae producta per punctum datum ibit. νεύουσα (ἐπί) II p. 20, 16. 26, 25. 30, 1. 32, 22. 312, 19. 314, 24. 316, 10. 318, 11. 322, 13. 324, 3. νενοηκώς Ι νοέω intellego. p. 4, 8? fingo (cum participio). νοήσαιεν ΙΙ p. 242, 10. νοηθή I p. 90, 9. νοείσθω I p. 60, 24. 66, 5. 70, 12. 72, 19, 23. 92, 27, 104, 24, 110, 3, 138, 1, 3. 142, 4. 144, 17. 180, 2. 192, 26. 196, 3. 200, 2. 226, 19. 230, 4. 308, 22. 318, 17. 320, 12, 20. 324, 15. 326, 27. 328, 4. 330, 13. 332, 7, 14. 336, 2, 13. 344, 23. 350, 1. II p. 254, 20. 304, 23, 26. 320, 15. 326, 23. νοείσθωσαν I p. 52, 26. 130, 22. 220, 5. 224, 10. 236, 18 $v\tilde{v}v$ nunc. I p. 274, 12. II p. 48, 9. 244, 11. 266, 18. 268, 12. 294, 10. 296, 4. καὶ νῦν II p. 326, 18.

O

δ articulus. passim. τοῦ, ὅν et simil. I p. 60, 23. 64, 21. 176, 28. 178, 18. 182, 26. 184, 2, 10. 186, 5. 212, 20, 24. 214, 4. 232, 28. 234, 3, 7, 10. 236, 4. 238, 9. 240, 3, 25. 242, 15. 246, 2. 298, 9, 11. 300, 8 sq. 320, 2, 16. 330, 15. 384, 11.

όκτάς ΙΙ p. 270, 8 sq.

344, 26. 350, 3. 362, 7. 390, 19, 20. 394, 16. 408, 7, 10, 27. 410, 1. 414, 6, 12, 14. 422, 6. 426, 26. 438, 6, 8. 484, 2 sq. 490, 1. 494, 24. 498, 16. II D. 6, 7, 20. 22, 20. 24, 12, 16. 26, 12, 18, 21. 28, 12, 18, 19. 32, 2, 8, 9, 72, 14, 15, 76, 1, 2. 78, 25. 84, 17. 88, 4. 100, 5. 106, 14. 168, 9, 11. δ μέν — δ δέ alius — alius. I p. 176, 24. 274, 13. 384, 19. II p. 252, 12. 274, 1. őγδοος octauus. I p. 270, 10, 14. 288, 11. 290, 12, 13, 16. őγκος moles. II p. 242, 10, 11. őδε hic. de sequentibus. I p. 2, 9? 190, 4. 206, 2. 274, 16. 276, 12, 21. 280, 1, 20. 286, 13, 21. II p. 6, 14. 8, 9. 10, 9. 14, 7. 244, 25. 246, 14. 248, 21. 262, 9. 270, 21. 296, 8. fere i. q. ovros I p. 188, 21. 274, 2. II p. 2, 5. 4, 6. 10, 7. 14, 3. 252, 21. 266, 13. 296, 13. öθεν unde. I p. 274, 17. 278, 1. 280, 22, 26. II p. 10, 11, 16. 12, 2. 52, 1. 250, 11. olnelos proprius. I p. 4, 9? peritus (cum genetiuo) I p. 6, 7. II p. 294, 5. ο ίπεω habito. οίπημέναν ΙΙ p. 242, 6. οἴομαι credo. οἰόνται ΙΙ p. 242, 2. $\phi \dot{\eta} \partial \eta \nu \coprod p. 290, 23.$ olos qualis. I p. 182, 6. 374, 19. 380, 7. II p. 8, 3. 92, 13. 96, 6. 98, 18. 188, 12. 202, 9. 208, 15. 212, 1. 214, 4. 244, 20. 340, 6. 342, 13. u. λέγω. olov uelut. I p. 84, 5. 286, 13, 21. οία quippe II p. 4, 3? όπνέω dubito. όπνήσαιμι I p. 4, 9. οπταπλάσιος II p. 342, 11. 344, 2, 8, 27.

οκτώ octo. II p. 270, 4, 6 al. όπτωπαιδεπαπλασίων Η p. 248, 11. όκτωκαιεικοστός uicesimus octauus. II p. 280, 5, 24. 320s totus. I p. 6, 16. 8, 4. 10, 3, 13. Ölog ò I p. 12, 14. 26, 17. 36, 7. 38, 3. 40, 6. 54, 18 †. 58, 11 †. 104, 11. 116, 8. 122, 24. 148, 8, 11. 180, 16. 200, 16. 202, 18. 212, 4, 5. 310, 17, 18, 26. 322, 27. 418, 15. 424, 18. 428, 2. 438, 5. 470, 4. II p. 60, 13 sq. 62, 3 sq. 66, 6. 68, 16 sq. 74, 6, 7, 9. 80, 13. 86, 22. 156, 21. 190, 17, 18. 204, 10. 206, 13? 224, 6. 228, 2, 3. 254, 3. 294. 17†. ò ölog I p. 88, 20. 92, 15. 94, 1. 108, 8. 150, 20. 296, 7. 390, 8, 15, 26. 392, 17. 394. 7, 12, 18, 24. 402, 5, 20, 23. 422, 20, 26. 424, 10, 20, 21. 426, 10, 15, 22. 428, 4. 434, 16. 486, 5, 9, 15. 438, 9. 444, 11. 446, 5, 21. 448, 1. 450, 15. 19, 25. 452, 3. 466, 3, 7, 16, 22. 470, 24. 472, 1, 7, 13. 482, 19, 24. 486, 21, 29. 496, 3, 10. II p. 160, 5, 7, 9. 164, 2. 194, 6. 198, 5. 200, 10. 202, 6. 204, 13, 17, 19. 216, 9, 16 †. 238, 7. 290, 21. 320, 23. 328, 7. 340. 8. 342, 12, 25. ὄμοιος (δμοῖος) sensu uulgari I p. 24, 12, 102, 22, 260, 13. II p. 296, 22?, 26. proprie: similis. polygonum I p. 18, 1†. 20, 12. 22, 26. 60, 26. 62, 14. 66, 9. 24. 70, 9, 13, 17. 72, 24, 26. 130, 3, 15. 132, 14. 134, 10. 138, 4. 142, 7. 170, 10. 176, 19. 178, 17. 182, 21. 308, 27. 312, 10. II p. 212, 19. είδεα II p. 42, 1, 8. 50, 9, 20.

σις I p. 282, 24. χωρίον I p. 132, 15. triangulus. I p. 166, 21. 348, 1. II p. 24, 20. 168, 7. 170, 6, 18. 176, 12, 16, 22. 180, 3. segmentum sphaerae uel circuli I p. 218, 12, 20. 222, 4, 23. 224, 9, 14, 16. 226, 6, 11, 14, 18. 228, 10, 23. 230, 8, 11, 25. II p. 6, 2. sector II p. 88, 12. 90, 21. 92, 24. 96, 18. 98, 11. 100, 11. 102, 5. 104, 18. 108, 19. 110, 8. 112, 12. 114, 5. 120, 1, 18. 122, 16. 124, 7. conus I p. 222, 5. 224, 20. 280, 1. σχῆμα Ι p. 282, 23. II p. 142, 13, 16, 18. 168, 12. 170, 8. conoides I p. 278, 27. sphaeroides I p. 282, 19. 286, 13. segmenta sphaeroidis I p. 282, 23. 286, 14. ellipsis I p. 316, 19. 342, 3, 4, 15. 356, 2. 384, 13. 402, 11. 434, 22. segmentum parabolae II p. 194, 9. 210, 26. ίσος καὶ ὁμοῖος II p. 164, 4, 5. 166, 11. u. l'oog. fere i. q. δμόλογος I p. 294, 14. ομοιόω similem reddo. ομοιώσαι II p. 4, 22. òμοίως similiter, eodem modo. İ p. 102, 8. 150, 14. 186, 4, 6, 12. 348, 5. 372, 28. 374, 14. 380, 1. 438, 19. 452, 23. II p. 18, 14. 54, 12. 92, 16. 184, 13. 248, 3. 270, 23. 308, 2. 352, 6. δμοίως δέ I p. 10, 7. 12, 10. 26, 19. 36, 5. 40, 8. 116, 5. 122, 21. 198, 21. 390, 21. 392, 22. 422, 19. 446, 14. 466, 15. II p. 16, 16. 40, 2, 7. 60, 6. 62, 10. 66, 17. 70, 26. 82, 1. 90, 16. 132, 15. 142, 10. 156, 8. 268, 18. 322, 7. 324, 14.

347, 9. δμ. οὖν I p. 350, 18.

δμοίως δή I p. 8, 1. 22, 24.

50, 1, 152, 12, 19, 490, 3, 494,

17. II p. 36, 14. 38, 8. 66, 26. 96, 28. 308, 20. 316, 4. 318, 18. 328, 9 al. $\delta \mu o log (\delta \eta)$ τοίς πρότερον ut supra. I p. 20, 12. 156, 15. 170, 13. 182, 27. 292, 3, 9, 19. 354, 4. 364, 4. 384, 24. 404, 1. 456, 13. 458, 11. 464, 24. 490, 3. 494, 17. 498, 9. II p. 86, 14. 96, 18. 312, 14. 316, 26. 328, 9. cfr. II p. 52, 13. eodem modo ponitur ouolog sine datiuo I p. 20, 1. 42, 21. 44, 4. 94, 14. 100, 10. 102, 20. 138, 26. 178, 16, 23. 294, 15. 396, 22. II p. 88, 6. 158, 5. δμοίως άγομένη ΙΙ p. 170, 22. 172, 3. όμ. άναγραφόμενον Ι p. 64, 9†. δμ. κεῖσθαι I p. 130, 21. proprie (u. κείμαι) II p. 142, 17. 168, 8, 11, 13. 170, 8, 12. 174, 3, 5. 180, 14. 196, 8. 198, 3. δμ. λαμβανόμενον ΙΙ p. 44, 27. δμ. διαιφείν II p. 196, 11. 198, 1, 6. όμ. τεταγμένος Ι p. 290, 16. δμ. τέμνειν ΙΙ p. 194, 13. δμοίως γνωρίμως II p. 212, 19. δμόλογος respondens, eodem loco in proportione positus (cum dat.). I p. 290, 19. 292, 6. 300, 24. 422, 24. 424, 8. 426, 19. 436, 13, 22. 446, 27. 468, 1. 472, 10. II p. 302, 16. ομόλογοι διάμετροι I p. 282, 26, 28. 316, 21. 402, 12, 13. 434, 24. γοαμμά II p. 16, 21. πλευραί II p. 142, 20. 168, 14. 170, 9. 180, 16. ομωνύμως eodem nomine. II p. 52, 14. ονομα nomen. II p. 266, 14. 268, 9, 20. όξυγώνιος acutiangulus. όξυγ. κῶνος α. τομά. όξύς acutus. όξεῖα γωνία II

p. 62, 23. 64, 22. 66, 16. 70, 6, 15, 78, 15. οποιοσοῦν qualislibet. I p. 6. 19. 96, 13. 290, 18. 292, 5. 300, 19. 342, 22. 364, 7. II p. 22, 8, 12. 54, 5. 70, 10. 82, 6. 86, 25. 96, 4. 114, 27. 132, 21. òπόσοι quotcunque. II p. 150, 14 (nα). οποσοσοῦν. in plurali: quotlibet. I p. 290, 5, 14. 294, 20. 296, 13. II p. 20, 2. 34, 11, 21. 42, 10, 24. 54, 7. 126, 5. 270, 19? 320, 5. 326, 14. 344, 13, 20. 346, 17. 352, 16. οποτεροσοῦν uteruis. Ιp. 282, 7. 342, 11. 362, 11. 366, 17. 374, 11, 13. 378, 12, 14. őπου ubicunque. II p. 230, 16 $(\tilde{\alpha}\nu)$. οπως ut. II p. 4, 2. 248, 13. 266, 11. = ωστε Ι p. 8, 18†. 14, 22†. 18, 23†. 182, 13†, 22 †. 206, 3 †. 232, 8 †. òπωσοῦν quoquo modo. I p. 276, 18. 302, 6. 410, 14. II p. 8, 24. δοάω uideo. δοήται II p. 252, 18. δοώνται ΙΙ p. 252, 20. δράσθαι II p. 250, 11. δρώμενον ΙΙ p. 304, 24†. όργανικώς per instrumenta mechanica. II p. 248, 22. ὄργανον instrumentum. II p. 248, 25. όρθογώνιος rectangulus. όρθογ. τοίγωνον Ι p. 258, 2. ΙΙ p. 260, 6, 11. 304, 27. 310, 6. 320, 4. novos I p. 2, 5. u. τομή. πωνοειδές Ι p. 396, 21, 25. u. κωνοειδές. όρθός rectus. όρθη γωνία Ι p. 16, 22 †. 18, 5. 164, 2 †. 208, 10? 260, 9. 264, 3. 266, 3, 4, 6, 20. 268, 4. 346, 2. II p. 64, 28, 24, 66, 14, 68, 3, 4.

88, 21, 23. 94, 7, 8, 11. 254, 9 sq. 256, 12. 258, 4. 260, 12, 16, 17, 26. 262, 2, 3. 304, 27. 310, 7. 312, 18. 316, 9. 322, 12. 324, 3. αί τέσσαρες όρθαί II p. 90, 2. αί περὶ τὴν όρθήν I p. 258, 3. II p. 260, 12, 17. πρὸς όρθάς (sc. yωνίας) de linea perpendiculari erecta. (cum datiuo). I p. 16, 6, 11. 20, 1. 130, 20. 142, 14. 180, 6. 206, 19. 218, 25. 226, 25. 234, 15. 246, 24. 282, 6. 304, 1. 306, 11, 15. 320, 19. 328, 3. 330, 22. 332, 13. 336, 12. 338, 1. 350, 5. 354, 1. 360, 15. 482, 8. II p. 10, 22, 24, 19. 28, 24. 32, 18. 70, 20. 72, 4, 78, 4, 13, 82, 8, 19, 88, 20, 94, 6. 106, 27. 306, 9. 820, 1. 326, 7. de plano (cum dat.) 1 p. 176, 9. 194, 20. 208, 3. 344, 4. 348, 16. 352, 8. 364, 20. 370, 10. 398, 11. 454, 10. II p. 8, 2. τέμνειν πρὸς όρθάς I p. 152, 10. 370, 11, 16. II p. 6, 15. 8, 19 al. ο ο θή πρός (cum accusat.) de perpendiculari erecta. I p. 30, 26†. 282, 25. 318, 4, 10, 16. 320, 16. 324, 21. 326, 22. 332, 10. 836, 1, 16. 350, 8, 362, 6. 366, 4, 5. II p. 84, 9. πρὸς όρθάς sine datino I p. 364, 23. 370, 10. de plano perpendiculari erecto I p. 102, 5, 17, 27. 104, 5. 120, 15, 24. 122, 9, 15. 206, 7. 216, 8. 224, 12. 226, 21. 230, 8. 234, 16. 236, 9. 242, 4. 250, 2. 276, 14. **280, 3, 11**. **284, 3, 6, 20, 25**. **318**, **18**, **320**, **4**, **324**, **6**, **16**, **26**, 380, 5, 14, 28. 384, 11. 340, 19, 20. 342, 7, 8, **1**8, 19. 344, 8, 14. 346, 1, 4, 5. 348, 21, 24. 350, 7. 352, 12, 16. 358,

15. 360, 5, 15. 362, 2, 8, 14. 364, 3, 9, 17, 25. 366, 3. 370, 17. 372, 8, 15. 374, 12, 24. 376, 4, 13. 378, 13. 380, 8, 13. 382, 3. 384, 9, 12. 396, 20. 398, 1. 400, 2. 404, 15, 23, 412, 3, 13. 416, 3, 11. 428, 14, 24. 430, 12, 18. 440, 3, 7, 16. 452, 22. 454, 2. 458, 23. 460, 4, 11. 474, 17. 476, 3, 14. 480, 24. 482, 4, 17. 490, 24. 492, 9. II p. 8, 26. 304, 24. 306, 10. έπίπεδον όρθόν I p. 180, 2: 328, 3. εύθεῖα I p. 318, 16, 330, 3. cfr. II p. 250, 10, 13. do-Đồg xãvog I p. 40, 14†. 112, όρθὸς κύλινδρος I p. 44, 22, 25. 52, 14, 22. 58, 19. 60, 1, 6, 10. 334, 6. ορίζων horizon, circulus uisum definiens. II p. 250, 14. **254, 28. 256, 8.** 304, 24. 306, 9, 10, 12. ορμάω proficiscor, moueri incipio. αρμασεν I p. 274, 18. 278, 1. 280, 22, 26. II p. 10, 11, 16. 12, 2. 52, 1. õços mons. II p. 242, 14. õços terminus proportionis. Il p. 276, 4. öç qui. passim. uelut I p. 38, 6. 176, 4. 180, 22. 204, 24. 246, 20. 250, 6. 254, 10, 11. II p. 4, 9. 6, 1. 38, 23. 224, 18. genere adcommodatum I p. 166, 9, 14+. casu I p. 350, 21. έν ά II p. 250, 19. u. λόγος. οσάπις quoties. II p. 14, 26. 16, 1. 20, 14. ὸσαπλάσιος Ι p. 14, 4. δσαπλασίων ΙΙ p. 154, 11. οσος quantus. II p. 16, 5, 8, 12. 18, 13, 15. 60, 22 +. 62, 14. 276, 9. in plurali: quot. I p. 116, 7. 188, 20. 190, 1. II

p. 270, 25. 272, 1, 8, 16, 18, 21, 22. οσπερ qui. I p. 24, 5. 62, 16. 64, 14. 266, 14. 270, 8. 340, 10. II p. 14, 16. u. lóyos. οπες Ι p. 18, 12. 56, 11. 64, 26. 168, 15. 186, 10. u. đeinνυμι. οστις quicunque. II p. 242, 8. = ög I p. 194, 14. II p. 238, 5. 250, 5, 8. 260, 21. δστισοῦν quiuis. I p. 356, 6. II p. 14, 25. 16, 18. őταν cum. I p. 164, 3. ότι passim. u. λέγω, δείκνυμι. οτι μέν I p. 340, 2 al. cfr. μέν (ούν). auditur δεικτέον I p. 202, 1. 244, 5, 11, 12. 248, 14. cfr. 248, 11. quia. I p. 260, 16. ov ubi. II p. 214, 19. o ἀδέ ne — quidem. I p. 68, 19. 72, 17. 138, 25. 140, 10. 146, 10. 178, 21. 274, 7. 392, 22. 896, 17. 404, 9. 424, 26. 450, 4. 458, 17. II p. 66, 16. 76, 24. 82, 2. 86, 15. 102, 20. 122, 13. 160, 2. 244, 28. 332, 10. 384, 9. 352, 21. ούκ ἄρα οὐδέ Ip. 74, 24. 140, 9. 146, 7. 312, 13. 896, 15. 438, 24. 480, 20. II p. 106, 5. 114, 21. οΰτε oở để I p. 458, 18. ούδείς nullus. I p. 6, 16. 322, 26. 440, 11. II p. 4, 3. 244, 22, 23. 296, 3. ούδε ποθ' εν I p. 424, 5, 9. 486, 20, 28. 446, 25, 28. 466, 27. 468, 2. II p. 2, 20. ούκ non. passim. ούκ ἄρα I p. 68, 18. 72, 16. 186, 2. ούκ ἄρα ούκ ΙΙ p. 170, 14. 182, 7. οὖκ ἐστι δέ Ι p. 364, 1. 396, 12. II p. 124, 17. u.

ούδέ. pro μή I p. 322, 26.

326, 27, 28. 332, 6, 8. 336, 9. ούκοῦν itaque. I p. 158, 3. II p. 332, 9. $o \tilde{v} v$ igitur. passim, uelut I p. 14, 4. 20, 7. 140, 18, 22. 142, 15. 150, 12, 17, 19. 158, 22. II p. 22, 23. in apodosi I p. 46, 8, 27. 428, 11. 442, 9. II p. 208, 4. 234, 2. 252, 7. µev ovv I p. 6, 3. II p. 20, 18. 64, 21. 126, 13. 248, 24. 250, 21? 252, 16. 268, 11. 270, 10. 288, 4. 304, 9. nαl οὖν I p. 452, 3. 490, 8. o vπω nondum. II p. 10, 4. οὔτε — οὖτε neque — neque. I p. 428, 11. 452, 20 (u. praef. II p. III). 474, 14. ούτος hic. passim. u. λόγος. cfr. praeterea I p. 150, 12. 172, 5. 174, 3, 7, 10. 176, 18. 182, 21. 444, 19, 22. II p. 84, 8 al. interdum uocabulo suo postponitur. I p. 216, 9. 320, 6, 9. 332, 1, 2, 4. 334, 12, 14, 15. 336, 7. 456, 4. 482, 25. sine articulo II p. 130, 18. év τούτοις hic. II p. 14, 6. ταν- $\tau \tilde{\alpha} \nu$ genet. plural. femin. legitur II p. 120, 15, et coniectura probabili restitutum est II p. 110, 7. 114, 2. ούτως ita (forma ούτω rara est; ούτως etiam ante consonantes ponitur). passim, uelut I p. 26, 13†. 204, 16. 304, 8. II p. 192, 10. 254, 1, 2, 9, 24. 268, 8, 20. 270, 1. 350, 19. u. ώς, έχω. ad sequentia relatum, ut \$\delta\delta_{\epsilon}\$. I p. 192, 12. 206, 21. 214, 27. καὶ οῦτως II p. 246, 10. η ούτως I p. 198, 8†. οῦτως ώστε ΙΙ p. 14, 25. όφείλω debeo. ὤφειλε Ip. 6, 3.

δψις oculus. II p. 248, 24, 25.
 250, 7 sq. 252, 1 sq. 254, 1 sq. 256, 2. 258, 3.

П.

πάλιν rursus, ut antea. I p. 18, 14, 19. 36, 17. 44, 3. 100, 10. 102, 22. 114, 15. 140, 1. 158, 16. 162, 4. 170, 7. 178, 15. 186, 3. 198, 29. 264, 11. 274, 17. 278, 1. 280, 21, 26. 298, 13. 334, 9. 350, 10. 392, 22. 426, 25. 438, 19. 480, 10. II p. 10, 11. 12, 2. 52, 1. 68, 5. 74, 17, 19. 94, 21. 96, 9. 98, 21. 102, 21. 204, 15. 224, 1. 250, 7. 308, 12. 312, 2, 16. 314, 20. 316, 7. 318, 9. 326, 5, 24. 328, 18. 342, 17. πάλιν $\delta \dot{\eta}$ I p. 42, 27, 72, 18, 186, 4. 312, 1. 402, 4. 426, 9. 434, 15. 450, 6, 14. 454, 22. 470, 13, 23. 480, 15. II p. 32, 14. 48, 18. 84, 15. 90, 11. 122, 14. πάλιν ἄρα ΙΙ p. 332, 11, πάliv để I p. 66, 4. 372, 22. 394, 6. 430, 25. II p. 18, 20, 126, 24. 196, 9. 206, 1. 266, 24. 268, 15, 22. 270, 15. 276, 18. 278, 20. 280, 15. 282, 10. 324, πάλιν οὖν I p. 312, 6. 424, 27. 436, 14. 458, 11. II p. 74, 21. 94, 7. 104, 6. 112, 8, 27. 122, 28. 206, 10. πάλιν ἐπεί 1 p. 146, 22. 202, 13. 204, 2. 238, 15. II p. 222, 6. 262, 18. 304, 1. 324, 23. καὶ πάλιν I p. 66, 12. 194, 22. II p. 40, 4. 60, 1, 26. 92, 15. 192, 4. παρά (cum accusatiuo) de linea uel plano parallelo ducto (αγειν, είναι). I p. 54, 8. 82, 1. 98, 27, 102, 7, 124, 3, 12, 276, 3, 10. 278, 16. 282, 8. 286, 23. 300, 21. 304, 7, 9, 12. 320, 22. 324, 25. 328, 5. 330,

18. 332, 12. 334, 1, 8. 336, 11. 338, 15. 340, 15, 24. 342, 2, 12, 15.344,3,10,21.346,18,16.350, 10, 12, 352, 14, 354, 1, 3, 13. 356, 8, 16, 22, 358, 8, 19, 20, 21, 362, 18. 366, 19, 21. 368, 16. 376, 11. 380, 20. 384, 9. 398, 4, 6. 402, 16, 17. 480, 3. 436, 2. 454, 11. 492, 12. II p. 8, 14. 10, 2. 22, 15. 24, 18. 162, 18. 164, 2. 174, 16. 176, 2, 4, 10. 178, 17. 180, 1. 184, 17. 192, 12. 198, 16. 200, 1, 19. 202, 15. 210, 22. 214, 10. 230, 20. 298, 8, 9, 17, 18, 300, 3, 5, 14, 16, 19. 302, 11, 13, 20. 304, 11. 316, 27. 320, 2, 6. 322, 1, 4. 326, 8, 11, 15. 328, 20. 330, 17, 18. 334, 25, 27. 336, 1, 5, 20 sq. 338, 15 sq. 340, 14, 16. 342, 14, 18. υ. παραβάλλω, παραπίπτω, παράκειμαι. iuxta. II p. 270, 3. ά παρ' αν δυνάνται Ι p. 304, 2. παρά πολύ II p. 252, 19, 20. — cum datiuo: ad. I p. 444, 20. genetiuo non occurrit.

παραβάλλω adplico spatium lineae (παρά). παραβαλεῖν ΙΙ p. 188, 5. παραβεβλήσθω ΙΙ p. 190, 7.

παράβλημα spatium lineae adplicatum. I p. 298, 5+. 424, 13, 15. 426, 19, 24. 438, 1, 2. παραδίδωμι trado. παραδέδοται I p. 24, 6. παραδεδομένα II p. 266, 15.

παράπειμαι adplicatus sum. de spatio lineae adplicato (παρά). παραπείμενος Ι p. 296, 21.

πας ακολουθέω sequor, comprehendo. πας ακολουθήσεις II p. 242, 17. πας ακολουθείς II p. 246, 16.

παραλληλόγραμμον parallelogrammum. I p. 44, 22. 46, 2 sq. 48, 3 sq. 50, 1 sq. 52, 1 sq. 54, 3, 10, 12. 56, 2, 20 sq. 58, 20. 60, 2. 66, 19, 20. II p. 162, 9 sq. 164, 2 sq. 166, 1, 5, 9. 176, 4. 178, 2, 4, 8. 182, 2. 204, 1. 340, 19. παράλληλος parallelus (cum datiuo). de linea. I p. 40, 2. **78, 24. 96, 12, 21, 25. 100, 8.** 124, 24. 162, 8, 11. 166, 17, 19, 29. 302, 3. 332, 25, 26. 338, 14. 356, 12. 366, 10, 13. 368, 15. 380, 15. II p. 28, 20. 74, 21. 180, 6, 25. 182, 26. 184, 1, 2, 6, 7. 186, 4. 196, 1, 5. 230, 1, 22. 298, 11. 302, 22. 304, 4. 336, 6. 338, 1. 340, 11. de plano. I p. 76, 25, 26. 78, 2, 4, 6. 80, 7. 88, 17, 22, 26. 92, 13, 18, 23, 282, 7, 13, 288, 16, 21, 24. 356, 1. 364, 20, 26. 366, 5, 18. 368, 5, 10, 18. 380, 17. 384, 2, 11, 14. 398, 8. 430, 10. 454, 13. 476, 8. 492, 15. 494, 13. παραμήκης (παραμάκης) obπαράμακες σφαιροlongus. ειδές definitur I p. 280, 23. cfr. praeterea I p. 274, 14. 352, 7. παραπίπτω adplicor. de spatio lineae adplicato (παρά). παραπέση Ι p. 294, 21. παραπέπτωκε Ι p. 468, 10. παραπεπτωκέτω Ι p. 296, 14. 420, 14. 464, 8. παραπεπτωκός I p. 422, 24. 424, 7. 436, 14, 21. 464, 18, 23. 466, 23. 468, 14. 470, 27. 472, 4 sq. παραπίπ-TOV I p. 304, 13. $\pi \alpha \varrho \alpha \pi \lambda \dot{\eta} \varrho \omega \mu \alpha$ supplementum. Eucl. I, 43. I p. 80, 20†, 21 +.

παραφαίνομαι adpareo

utrimque. παραφαινέσθαι ΙΙ p. 250, 20. πάρειμι adsum. έπλτοῦ παρ-

όντος ΙΙ p. 250, 2.

πας, ταῦτα πάντα Ι p. 82, 13. 342, 27. quiuis. I p. 2, 9, 11. 4, 1, 12, 14. 60, 6. 68, 22. 76, 2. 84, 24. 136, 6. 140, 14. 146, 13. 176, 2. 180, 24. 302, 10. 306, 19. 312, 19, 20. 340, 2, 5, 8. 356, 6, 15, 20. 358, 7. 386, 8. II p. 162, 9. 164, 19. 174, 9. 182, 11, 26. 198, 10. 208, 13. 212, 26. 228, 7. 242, 5. cum articulo I p. 422, 8. II p. 14, 10. 88, 14. 92, 15, 17, 26. 94, 21, 23. 96, 8, 11, 20. 98, 20, 22. 296, 11. 340, 24. 342, 2. πάντες omnes. I p. 6, 1, 20. 8, 8. 378, 6. II p. 182, 3. al. πάντες οί I p. 96, 14, 22. 98, 21, 29. 150, 19. 290, 8, 9, 19 sq. 292, 10, 11, 12. 294, 1 sq. 296, 5, 25, 26. 298, 8, 11. 300, 1 sq. 302, 11. 304, 8. 392, 5 sq. 394, 28. 396, 1 sq. 424, 10. 436, 24. 452, 2 sq. 468, 3. 472, 12. II p. 34, 17, 19. 36, 4 sq. 38, 13, 24, **27. 40, 15. 42, 14. 44,** 8, 9. 46, 1, 8, 16, 23. 48, 22. 50, 1, 2, 11. 92, 3, 4. 324, 18, 26. πάντα ποτί πάντα ΙΙ p. 220, οί πάντες Ι p. 108, 3. ΙΙ p. 44, 28. 156, 4, 11. 194, 16. 846, 14. πάντες — τε — καί ΙΙ p. 38, 15, 22. 40, 11. 42, 2. 50, 9. 102, 5. 104, 18. 120, 18. πάχος crassitudo. II p. 252, 22, 24.

πειράομαι conor. πειράσομαι I p. 190, 3. πειρασούμαι II p. 242, 16. ἐπειράθην II p. 248, 22. πεπειραμένος II p. 246, 16. 248, 9. ἐπειρῶντο II p. 294, 18. πέλαγος mare. II p. 242, 12. πεμπτημό οιον (πεμπταμό-Quov) quinta pars. II p. 218, 1, 11, 22, 228, 4, 11, 230, 3. πέμπτος quintus. II p. 4, 21. 12, 5. 124, 25. 126, 8. πέμπτοι άριθμοί II p. 268, 8. 282, 5 sq. 284, 1 sq. 286, 19. τρία πέμπτα II p. 218, 15. 226, 1 sq. 232, 12. 234, 28. 236, 11, 19, 26. 238, 1, 2, 5. πεντάγωνον figura quinque laterum. II p. 206, 18. nevταγ. εύθύγραμμον ΙΙ p. 204, 15. πενταπλάσιος ΙΙ p. 38, 16. 40, 12. 216, 18. 218, 6, 8, 18, 20. 220, 18, 25, 29. 234, 24, 25, 28, 234, 5, 236, 15, πέντε quinque. Η p. 222, 6. 228, 1, 2, 3. πεντήκοντα quinquaginta. δύο και πεντήκοντα Η p.286,17. περαίνω termino. πεπερασμένος Ι p. 6, 14. 8, 1. Η p. 296, 12. πέοας terminus, lineae. I p. 6, 15. 8, 23. 10, 1, 4. 12, 9. 34, 4. 44, 24. 52, 15, 24. 54, 1. 304, 15. 306, 14. 318, 6, 16. 324, 9. 334, 7. 344, 10. 360, 11, 13. II p. 10, 10, 13, 20, 23. 12, 14, 16, 23. 24, 8, 10. 26, 10, 11. 28, 6. 50, 23. 52, 4, 6. 58, 10. 160, 18. 184, 2. 258, 22. spiralis II p. 58, 10, 13. 60, 8. 62, 16. 66, 18. 70, 8, 12, 18. 78, 3. 82, 7, 15. 86, 19, 26. 96, 15, 16, 21. 116, 13 sq. 118, 11. 132, 22. 1**34**, 5. plani. I p. 8, 2, 3. 10, 8 sq. 36, 1. 40, 24. 46, 18, 24. 56, 5, 9, 10. 104, 3, 4, 8. 122, 12, 13, 18. περί cum accusatiuo: circum. α. περιγράφω, όρθός. δ περί

διάμετρον την AB κύκλος I p. 168, 8. 382, 1, 15. 386, 14.

u. κύκλος. cfr. τομή. περὶ τὸ αύτὸ κέντρον Ι p. 120, 7. ΙΙ p. 244, 16. προυπάρχω περί I p. 4, 6, 16. αναστοέφεσθαι περί Ι p. 4, 7. 6, 9. Θεωρείν περί I p. 4, 11. — τὸ περὶ τὸν κύκλον (εc. περιγεγραμμένον πολύγωνον) Ι p. 62, 2, 17. 64, 18, 19. 72, 1, 2. 266, 7, 15. τὸ περί την σφαίραν (sc. σχημα) I p. 148, 1. 186, 11. γράφειν κύκλον περί σημεία II p. 28, 23. — cum genetiuo: de. I p. 6, 2. 300, 6. II p. 8, 9. 250, 2. 264, 21, accusat. pro genet. II p. 4, 10. — cum datiuo non legitur. περιάγω circumuoluo. de linea. περιαγομένα II p. 10, 25. 52, 2, 7. 54, 13, 21. 58, 23. περιαχθείσα II p. 10, 21. περιβλέπω uideo utrimque. περιβλεπέσθαι ΙΙ p. 252, 1. περιγραφή figura circumscripta. I p. 24, 10†. περιγράφω circumscribo. polygonum circum circulum uel sectorem. I p. 14, 22. 16, 22. 60, 21, 24. 66, 6. 70, 9. 72, 20. 138, 4. 140, 1. 142, 6, 19. 144, 17, 18. 170, 10. 176, 19. 178, 16. 260, 7. 262, 4. περί I p. 12, 2, 5. 16, 29. 18, 15, 22. 20, 11, 16. 22, 7, 26. 24, 9, 15, 20. 30, 23. 42, 21. 60, 25, 26. 62, 5, 15. 64, 18, 16. 68, 14+. 70, 13, 14, 15, 22. 72, 6, 7. 74, 15, 18. 120, 3, 6. 130, 7, 15. 144, 23. 162, 1. 166, 2. 182, 18. 186, 8. II p. 20, 5. τὸ περιγραφέν πολύyavov I p. 12, 3. 22, 10, 19. τὸ περιγραφέν Ι p. 20, 18. 22, 21, 27. 24, 21, 26. 26, 2, 14, 17. 60, 22. 142, 28. τὸ περιγραφόμενον πολύγωνον Ι τ.

14, 22. 16, 29. 18, 11. 20, 11. 24, 23. τὸ περιγεγραμμένον πολύγωνον Ι p. 26, 7, 12. 130, 1, 16. 132, 12. 142, 8. 170, 12, 18, 22. 176, 26. 178, 2. 184, 3. το περιγεγραμμένον Ι p. 18, 16. 68, 14. 70, 10. 138, 5, 6. 140, 1. 142, 21. 144, 23. 176, 19. 178, 17. 182, 23. 260, 14. circumscribo figuram solidam ex superficiebus conicis compositam circum sphaeram uel sphaerae sectorem. I p. 180, 3. 162, 13. 164, 15. 176, 24. περί Ι p. 122, 2, 20, 23, 26, 28. 124, 5, 15. 126, 10, 13, 17. 128, 8, 17, 20. 132, 27. 134, 8. 164, 9. 168, 9, 12. 186, 12. τὸ περιγεγραμμένον σχημα Ι p. 122, 3. 130, 5, 10. 132, 2. 146, 2. 164, 5. 168, 23. 170, 15, 25. 172, 10. 174, 3, 23. 176, 25. 178, 7. 184, 15. 186, 20. u. σχῆμα. τὸ περιγεγραμμένον I p. 122, 20. 124, 15. 132, 8. 138, 18. 140, 3, 6. 146, 6. 182, 29. τὸ περιγεγραμμένον σχημα τῷ τομεὶ Ι p. 164, 19. 168, 18. 184, 9, 14. — pyramidem circum conum. περί. I p. 30, 17, 22. 58, 14. 70, 24. 72, 3, prisma circum cylindrum. περί. I p. 60, 1. 62, 1, 9. 64, 17, 23. — circulum circum polygonum I p. 120, 6. 162, 1, 4. 170, 12. — figuram ex cylindris compositam circum conoides uel sphaeroides uel eorum segmenta. I p. 374, 15. 376, 21. 380, 2. 384, 20. 388, 5. 392, 23. 400, 26. 418, 4. 426, 1. 434, 3. 438, 16. 442, 2. 450, 7. 456, 9. 458, 8. 462, 2. 470, 14. 478, 10. 480, 11. τὸ περιγραφόμενον σχημα Ι p. 374, 16. το περιγραφέν σχημα

I p. 380, 4. 388, 7, 10. 394, 5. 400, 27. 418, 5. 434, 4. 442, 3. 450, 9, 13. 456, 10. 458, 9. 462, 3. 470, 22. 480, 1, 13. τὸ περιγραφέν Ι p. 394, 5. 470, 20. τὸ περιγεγραμμένον σχημα (περί) Ι p. 378, 7. 384, 22, 24. 390, 9. 394, 8, 13, 19. 396, 1, 9, 12, 14, 418, 20, 25, 28, 426, 2 sq. 428, 2, 6, 8. 434, 7. 438, 17, 20, 22. 442, 6. 444, 13. 450, 16, 21, 26, 452, 5, 15, 17, 458, 12, 15. 462, 9. 466, 5. 470, 16, 25. 472, 2, 9, 14. 474, 6, 10, 12. 480, 15, 18. τὸ περιγεγοαμμένον Ι p. 376, 24. 426, 6. 428, 7. — *πυλίνδοοι περι*γεγοαμμένοι I p. 426, 20. figuram ex circulorum sectoribus compositam circum spiralem. II p. 96, 6. 100, 15. 108, 24. 120, 4. περί. II p. 88, 11. 90, 21. 92, 5, 23. 96, 18. 98, 10, 19. 100, 10. 108, 17. 120, 1. τὸ περιγραφόμενον σχημα II p. 120, 2. τὸ περιγραφέν σχήμα ΙΙ p. 94, 19. 96, 17, 19. 98, 19. 100, 11. 108, 20, 27. τὸ περιγραφέν ΙΙ p. 92, 25. τὸ περιγεγραμμένον σχήμα II p. 92, 2, 5, 7, 8, 14. 90, 22. 94, 14. 100, 21, 102, 13, 14, 16. 108, 25. 110, 21, 22. 112, 3. 120, 6, 7. 122, 3, 9. τὸ περιγεγραμμένον ΙΙ p. 88, 13. 98, 13. 122, 2. — περιγεγράφθα πύκλος περί διάμετρον I p. 314, 9. τὸ περιγραφέν ὑπό II p. 8, 11. — Conspectus formarum hic est: περιέγραψα I p. 456, 9. 462, 2. 478, 10. περιγραφη Ι p. 12, 2. 30, 17. 58, 14. 60, 1. περιγράψαι Ι p. 14, 22. 18, 15, 22, 20, 16, 22. 22, 26. 24, 9, 15. 60, 21. 70, 9. 374, 15. 380, 2. II p.

88, 11. 92, 23. 96, 6, 18. 98, 19. 100, 10. 108, 17. 120, 1. περιγεγοάφθω I p. 12, 5. 22, 7. 24, 20. 30, 22. 60, 25. 120, 3. 130, 15. 140, 1. 162, 1. 166, 2. 170, 10, 12. 176, 19. 178, 16. 182, 18. 260, 7. 262, 4. 314, 9. 388, 5. 392, 23. 400, 27. 418, 4. 426, 1. 434, 3. 442, 2. 450, 7. 458, 8. 470, 14. II p. 100, 15. 108, 24. 120, 4. πεοιγράφοντες Ι p. 42, 21. περιγραφόμενος Ι p. 128, 8. u. supra. περιγραφείς I p. 162, 13. 380, 4. 438, 16. u. supra. περιγεγραμμένος (είναι) I p. 30, 23. 480, 11. — I p. 62, 1 sq. 64, 13 sq. 66, 6. 70, 13 sq. 72, 3 sq. 120, 6. 122, 2 sq. 124, 5. 126, 10 sq. 128, 17, 20. 130, 3 sq. 132, 2, 27. 134, 8. 138, 4. 142, 6, 19. 144, 17. 164, 5, 9, 15. 174, 23. 176, 24. 376, 21. II p. 90, 21. 98, 10. u. supra. περιέχω contineo, comprehendo. τρίγωνα περιέχοντα πυραμίδα Ι p. 28, 5. 58, 9†. κώνοι περιέχοντες τον δόμβον Ι p. 84, 26. κώνος περιέχων τὸ κωνοειδές. definitur I p. 278, 11. cfr. I p. 278, 14, 24, 28. 348, 15. 430, 2. ellipsis περιέχουσα Ι p. 316, 6. **θ**είαι γωνίαν περιέχοντι (περιέχουσι) ΙΙ p. 56, 20. 72, 5. γωνία περιεχομένη ὑπό ΙΙ p. 56, 13. 64, 1. 66, 15. 70, 5. 90, 3. 250, 24. 252, 8. 254, 5. 256, 9, 10, 11. 258, 3. 260, 8 sq. 262, 1. τομεύς γωνίαν περιέχων ΙΙ p. 88, 24. 94, 8. τρίγωνον περιεχόμενον ὑπό Ι p. 38, 15. τοῦ κώνου τὸ περιεχόμενον Ι p. 114, 27. σχήμα Ιρ. 54, 25. περίλειμμα Ιρ. 158, 9, 17. σχήμα περιεχόμεของ จัสอ์ หองเหติง ยัสเฉพาะเดิง I p. 102, 23. 112, 18. 116, 16. 120, 29. 124, 7, 26. 126, 19. 149, 22. 159, 17. 150, 6, 17, 23? 162, 14. 170, 15. 176, 28. 182, 28. ζόμβος περιεχόμενος υπά I p. 114, 16. επιφάνεια περιεχομέση υπό I p. 108, 23. F10, 4. παραλληλόγοαμμον жеребуеты. I p. 62, 9†. 66, 20. ж. жерегорычог vné I р. 44, 22. 52, 18. 54, 3, 10, 12. 56, τὸ ὑπὸ — περιεχόμενον (sc. rectangulum) I p. 164, 16. 106, 2 sq. 108, 6, 10. 124, 1, 10. 126, 3. 132, 10. 148, 16. 150, 1 sq. 154, 17, 22. 164, 11. 166, 6, 12. 172, 2. 252, 7, 8, 10. 300, 22. 302, 1. 304, 16, 17. 306, 4. 312, 21. 314, 5, 16, **25**, **29**. **318**, **24**. **320**, **3**, **23**. 322, 15, 17. 326, 2. 328, 12. **382**, 17 sq. 338, 7. **346**, 10†, 17 sq. 348, 3, 7. 350, 9 sq. 354, 6, 11, 14, 19. 356, 3. 422, 6, 7, 11. 434, 26. 436, 3. 444, 20, 22, 26. 446, 10, 11. 464, 17, 21. 466, 12. 484, 8, 13. 486, 4 sq. 488, 2 sq. 490, 4, 9, 16, 18. 494, 21, 25. 496, 1 sq. 498, 7. II p. 30, 1. 34, 16. 36, 6 sq. 38, 3 sq. 40, 3, 8, 10, 42, 18. 44, 12 sq. 46, 5, 7, 15, 22, 48, 2, 5, 7, 21. 50, 15. 106, 15. 108, 4. 110, 15. 114, 10. 116, 21. 122, 11. 124, 18, 22. 128, 20. περιεχόμενον omissum. u. ờπό. cfr. I p. 40, 10†. **φίον περιεχόμενον ὑπό Ι΄** p. 132, 15. 306, 19. 308, 2, 11. 310, 26. 312, 14, 19, 24. 314, 28. 316, 3, 18. 408, 8, 11, 13. II p. 88, 8. 92, 20. 96, 3, 13. 98, 7. 100, 9. 102, 18, 21. 106, 28. 108, 10. 112, 5, 9, 14. 114, 21. 116, 12. 118, 4, 24. 188,

 294, 17. (χωρίου) ἔστα περιεχόμενον I p. 316, 4, 7. τμημα περιεχόμενον έπιφανεία Ι p. 248, 16. Η p. 8, 7. τμήμα περιεχόμενον ύπὸ εύθείας καὶ όρθαγωνίου κώνων τομής Ι p. 2, 4. II p. 192, 2, 18. 194, 9. 198, 10. 202, 4. 208, 9. 210, 26. 212, 26. 296, 3, 5. 300, 12. **302,** 9. **318, 22. 326,** 5. 328, 18. 384, 12, 17. 386, 12, 23. **388**, 10, **14**, 340, 2, 342, 5, 344, 12, 18. 348, 22, 25. vudaa 🕯 περιεχέτου ύπό Η p. 320, 25. 386, 18.

περιλαμβάνα comprehendo. II p. 252, 17. linea ab linea. I p. 10, 3, 5, 6. 12, 9. wirlos περιλαμβάνων I p. 180, 20. cfr. 120, 7. ellipsis πseelausiaσουσα I p. 840, 16, 342, 2, 14. superficies ab superficie I p. 10, 13, 15, 16. 36, 2, 3, 46, 26. 56, 12, 14. 104, 6. 122, 16, 19. cfr. I p. 152, 21. zolywoo negolnostėv I p. 34, 5., võ nagiλαφθέν σχήμα ύπό Ι p. 274. 18. 280, 22, 26. το περιλοφθέν Ιρ. 282, 1**6**. τὸ περελασμθέν zwoien II p. 10, 14. 12, 18, 21. 52, 15, 18. 98, 25. 106, 10. 114, 26. 132, 26. ἐπίπεδον περίλαφθεν ύπά I p. 276, 5. **278, 6, 19. 268, 11. 290, 1.** μώνον περιλαμβάνειν I p. 278, 3, 10. πύλινθοος περιλαμβάνων Ι p. 334, 5. -- περιλαμβάνει Ι p. 46, 26, 56, 12, περιλαμβάνεται Ι p. 104, 6. 122, Π p. 252, 17. περιλαμβάνηται Ι p. 10, 3, 5, 13, 15. περιλαμβανέτω Ι p. 120, 7. πεφιλαμβάνων I p. 152, 27. u. supra. περιλαμβανομένη I p. 10, 6, 16. 36, 3. 56, 14. 122, περιλαμβάνειν Ι p. 12, 9. νον ὑπὸ κωνικῶν ἐπισανειῶν I p. 102, 23. 112, 18. 116, 16. 120, 29. 124, 7, 26. 126, 19. 148, 22. 152, 17. 156, 6, 17, 23? 162, 14. 170, 15. 176, 23. 182, 28. δόμβος περιεχόμενος υπό I p. 114, 16. επιφάνεια περιεγομένη δπό Ι p. 108, 23. 110, 4. παραλληλόγραμμον περιέχεται Ι p. 62, 9 †. 66, 20. π. περιεχόμενον υπό Ι p. 44, 22. 52, 18. 54, 3, 10, 12. 56, τὸ ὑπὸ — περιεγόμενον (sc. rectangulum) I p. 104, 16. 106, 2 sq. 108, 6, 10. 124, 1, 10. 126, 3. 132, 10. 148, 16. 150, 1 sq. 154, 17, 22. 164, 11. 166, 6, 12. 172, 2. 252, 7, 8, 10. 300, 22. 302, 1. 304, 16, 17. 306, 4. 312, 21. 314, 5, 16, 25, 29. 318, 24. 320, 3, 23. 322, 15, 17. 326, 2. 328, 12. 332, 17 sq. 338, 7. 346, 10†, 17 sq. 348, 3, 7. 350, 9 sq. 354, 6, 11, 14, 19. 356, 3. 422, 6, 7, 11. 434, 26. 436, 3. 444, 20, 22, 26. 446, 10, 11. 464, 17, 21. 466, 12. 484, 8, 13. 486, 4 sq. 488, 2 sq. 490, 4, 9, 16, 18. 494, 21, 25. 496, 1 sq. 498, 7. II p. 30, 1. 34, 16. 36, 6 sq. 38, 3 sq. 40, 3, 8, 10. 42, 18. 44, 12 sq. 46, 5, 7, 15, 22. 48, 2, 5, 7, 21. 50, 15. 106, 15. 108, 4. 110, 15. 114, 10. 116, 21. 122, 11. 124, 18, 22. 128, 20. περιεχόμενον omissum. u. νπό. cfr. I p. 40, 10†. χωοίον περιεχόμενον υπό I p. 132, 15. 306, 19. 308, 2, 11. 310, 26. 312, 14, 19, 24. 314, 28. 316, 3, 18. 408, 8, 11, 13. II p. 88, 8. 92, 20. 96, 3, 13. 98, 7. 100, 9. 102, 18, 21. 106, 28. 108, 10. 112, 5, 9, 14. 114, 21. 116, 12. 118, 4, 24, 188, Archimedes, ed. Heiberg. III.

3. 294.17. (χωρίον) έστω περιεχόμενον Ι p. 316, 4, 7. τμημα περιεχόμενον έπιφανεία Ι p. 248, 16. ΙΙ p. 8, 7. τμημα περιεχόμενον ύπὸ εὐθείας καὶ όρθογωνίου κώνου τομής Ι p. 2, 4. II p. 192, 2, 18. 194, 9. 198, 10. 202, 4. 208, 9. 210, 26. 212, 26. 296, 3, 5. 300, 12. **302, 9. 318, 22. 326, 5. 328,** 18. 334, 12, 17. 336, 12, 23. 338, 10, 14. 340, 2. 342, 5. 344, 12, 18. 348, 22, 25. τμᾶμα δ περιεχέται ὑπό II p. 320, 25. 336, 18. περιλαμβάνω comprehendo. II p. 252, 17. linea ab linea. I p. 10, 3, 5, 6. 12, 9. núnlos περιλαμβάνων I p. 130, 20. cfr. 120, 7. ellipsis περιλαμβάνουσα I p. 340, 16. 342, 2, 14. superficies ab superficie I p. 10, 13, 15, 16. 36, 2, 3. 46, 26. 56, 12, 14. 104, 6. 122, 16, 19. cfr. I p. 152, 21. τοίγωνον περιληφθέν Ι p. 34, 5. τὸ περιλαφθὲν σχῆμα ὑπό I p. 274, 18. 280, 22, 26. τὸ περιλαφθέν Ι p. 282, 10. τὸ περιλαφθέν χωρίον II p. 10, 14. 12, 18, 21. 52, 15, 18. 98, 25. 106, 10. 114, 26. 132, 26. ἐπίπεδον περιλαφθέν ύπό Ι p. 276, 5. 278, 6, 19. 288, 11. 290, 1. κῶνον περιλαμβάνειν I p. 278, 3, 10. κύλινδρος περιλαμβάνων I p. 334, δ. — περιλαμβάνει Ι p. 46, 26. 56, 12. περιλαμβάνεται I p. 104, 6. 122, 16. Η p. 252, 17. περιλαμβάνηται Ι p. 10, 3, 5, 13, 15. περιλαμβανέτω Ι p. 120, 7. περιλαμβάνων I p. 152, 27. u. supra. περιλαμβανομένη Ι ο. 10, 6, 16, 36, 3, 56, 14, 122 περιλαμβάνειν Τ p. 12,9.

36, 2. περιληφθέν Ι p. 278, 10. u. supra. περιλαψοῦνται I p. 278, 3. περιλετμμα spatium relictum. I p. 24, 4. 26, 18. 40, 19. 42, 7, 11, 21, 44, 10, 12, 88, 21. 90, 10. 92, 10, 16. 94, 5. 96, 8. 116, 6. 158, 9? 16? περιλείπω relinquo (diuidendo spatium uel figuram rectilineam inscribendo). neoiλειπόμενος Ι p. 24, 4, 10. 42, 23. 58, 2. 114, 26. II p. 178, 11, 16, 198, 22, 200, 6, 13, 16, 18, 20. 208, 21, 26. 210, 6, 11, 18, 20. 834, 4, 7. 840, 24. 842, 10. 344, 26. 346, 5. 350, 7. περιλελειμμένος I p. 114, 15. περίμετρος perimetrus, ambitus figurae rectilineae. I p. 10, 24. 12, 3, 5. 26, 23. 30, 19. **82**, **11**, **26**. **36**, **1**. **40**, **24**. **56**, 5, 9. 62, 2, 6, 10. 66, 12. 130, 26. 260, 1. 266, 12. 270, 6, 9. II p. 20, 6. 144, 4. 258, 8, 11, 16. 262, 21, 25, 27. 264, 4. de ambitu circuli (nusquam ab Archimede ipso scriptum). I p. 12, 4, 6. 258, 4, 260, 3, 17. 262, 19. 266, 17. 270, 13. terrae II p. 246, 14, 20. 264, 12, 14. περίοδος periodus. numerorum (in systemate numerandi

ab Archimede inuento). πρώτα περίοδος II p. 268, 18, 14. δεντέρα περίοδος II p. 268, 15 sq. τρίτα περίοδος II p. 268, 23. μυριαπισμυριοστά περίοδος II p. 268, 25. περίοσος impar. numerus. II

περισσός impar. numerus. 11 p. 38, 17, 40, 18. 150, 15. 192, 15. 196, 2. u. ξέῆς, ἀριθμός. περιτυγχάνω incido. περιτετευχότες ΙΙ p. 266, 11? περιφέρεια ambitus circuli.

I p. 2, 13. 10, 25. 12, 15. 102, 1, 4. 104, 4. 120, 10, 12, 21. 122, 14. 130, 27. 154, 15. 160, 10. 164, 22. 168, 7. 170, 1. 176, 4. 178, 25. 312, 6. 320, 21. II p. 10, 25, 12, 19, 22. 20, 4, 8, 11, 18. 22, 5. 24, 4, 7, 9, 29. 26, 9. 28, 9, 23. 30. 17, 24. 34, 7. 58, 7 sq. 60, 14 sq. 62, 3, 5, 10, 13. 64, 28. 66, 4, 27. 68, 11 sq. 70, 23. 72, 7, 11. 74, 1 sq. 76, 6 sq. 78, 8, 17, 22. 80, 1 sq. 82, 1, 10. 86, 23. 88, 3. 90, 9, 14, 19. 100, 27. 104, 6, 13. 110, 1, 6. 112, 27. 114, 1. 118, 3. 134, 4. 244, 14. 258, 7, 14. 262, 6. 264, 15. arcus circuli. I p. 10, 27. 12, 9, 10. 16, 23 †. 34, 16. 36, 14. 38, 26. 40, 3. 42, 28. 48, 19. 54, 5, 27. 56, 8, 17, 27. 130, 17. 226, 14, 15. 250, 4 sq. 252, 2, 7, 254, 19, 20. 258, 8. 260, 8. II p. 22, 7 sq. 58, 9 sq. 60, 2 sq. 62, 3, 4, 9, 18. 64, 12. 66, 1 sq. 68, 15 sq. 72, 18, 20. 74, 2 sq. 76, 12 sq. 80, 6 sq. 82, 23, 84, 1, 11, 14. 86, 3 sq. 90, 8. 98, 4. 116, 18. 120, 10, 17. 182, 27. ambitus semicirculi I p. 332, 14. 336, 14. sectoris arcus II p. 124, 3. omissum I p. 46, 5†. π. βάσεως I p. 188, 11. περιφέρομαι circumferor. de figura plana circumuoluta. περιενεχθη Ι p. 100, 28. 152, 13. II p. 8, 10. περιενεχθήτω I p. 120, 8. περιενεχθείη Ι p. 142, 16. περιενεχθείς I p. 130, 24. 156, 16. 162, 3. 170, 13. 176, 22. 182, 27. 274, 17. 276, 24. 280, 21, 25. — de linea spiralem efficienti. zeo:φερομένα II p. 10, 11. περιφερέσθαι II p. 52, 9.

evezθείσα II p. 10, 10. 12, 14. περιενεχθέωντι II p. 12, 1. de terra. περιφερέσθαι II p. 244, 13, 18. 246, 2.

περιφορά circumuolutio (lineae spiralem efficientis). II p. 10, 19. 12, 1, 3, 6, 8. 52, 14, 28. 62, 15. 70, 11. 82, 6, 11. 86, 26. 88, 4, 96, 4, 114, 27, 28. 116, 2, 5. 124, 23. 132, 21. πρώτα περιφορά Η p. 12, 9. 52, 10, 16. 58, 4, 14. 60, 16. 62, 18, 25. 70, 17. 78, 9. 82, 14. 84, 3. 88, 9, 15. 98, 26. 100, 1. 126, 3. δευτέρα περιφορά ΙΙ p. 12, 10. 52, 12, 18. 60, 10, 17. 66, 21, 25. 78, 2. 86, 18. 92, 21. 94, 2, 106, 11, 22. τρίτα περιφορά Π p. 62, ἐν μιῷ περιφορῷ II p. 12, 12. 54, 5. 96, 14. 116, 18, 28. 134, 12. u. άρχά.

πίπτω cado. de lineis. έπλ τὰ αὐτὰ πίπτουσι Ι p. 6, 21. 8, 9. πίπτοντι κατά II p. 166, 5? έντὸς πεσείται I p. 364, 18. II p. 26, 26. 90, 7. έντός πεσούνται Ι p. 342, 26. έντός ninteiv II p. 64, 12. entòs πίπτοντι Ι p. 356, 18. 358, 10. έπτὸς πεσούνται Ι p. 356, 10, 25. 866, 22. 368, 17. 370, 2. II p. 340, 17. ἐπτὸς πεσείται Ι p. 364, 15. II p. 26, 1. πεσώντι (scrib. πέσωντι) ποτί ΙΙ p. 100, 27. 104, 6. 110, 1. 112, 27. 120, 11. πέπτωκεν ποτί II p. 30, 16. πίπτη ποτί Η p. 62, 16. πεσείται έπί Ι p. 364, 16. πιπτέτω έπί ΙΙ p. 314, 27. πεσείται διά Ι p. 368, 9. 454, 15. 476, 11. 494, 4. de plano. έπτὸς πεσείται Ι p. 376, 1. 382, de puncto. πεσείται ἐπί Ι p. 372, 28. πεσούνται ἐπί II p. 164, 6. 166, 13, 20.

πιστεύω confirmo. πεπιστευμένος Η p. 254, 17. πεπιστευπέναι Η p. 296, 25.

πίστις fides. Η p. 296, 26. πιστός credibilis. Η p. 290, 22. πλάγιος. ὰ πλαγία πλευφά hyperbolae (τοῦ είδους) Ι p. 422, 10†.

πλανάομαι erro. πλανώνται Η p. 266, 12.

πλάτος latitudo. spatii. I p. 298, 5†. χωρίον πλ. έχον Ι p. 304, 13. 464, 9. 466, 23. 468, 14. 470, 28. 472, 5. gnomonis I p. 444, 19, 21, 24, 25, 446, 2. 464, 11, 12, 14, 15. πλεονάκις saepius. II p. 250, 3. πλευρά latus. polygoni I p. 10, 26. 14, 23. 16, 21, 25 +, 29. 18, 11, 16, 17, 23. 20, 8, 11. 26, 25. 96, 12, 13, 17, 21. 98, 26, 28. 100, 2, 3. 110, 2. 120, 26. 180, 7, 8, 16, 19. 138, 6. 142, 8, 21. 144, 18, 23, 24. 156, 10, 22. 158, 25. 160, 19. 162, 9, 12. 164, 12. 166, 6. 170, 11, 17, 18, 22. 172, 2. 178, 1, 2. 184, 3, 4. 186, 9. 266, 7. II p. 142, 20. 194, 12, 16. 248, 17. 254, 19. 262, 8, 20. trianguli I p. 58, 11 †. 260, 1. II p. 166, 17. 168, 14. 170, 10. 172, 10, 15. 180, 16. 182, 13, 26. 260, 6, 12, 14. 304, 28. trapezii II p. 312, 18. 314, 28. 318, 11. 822, 12. ὑπερβλήματος Ι p. 296, 1, 7, 9, 16. 420, 17, 21. 464, 20. 468, 12. rectanguli I p. 252, 8. parallelogrammi II p. 162, 12. 190, 17. σχήματος I p. 104, 16. 152, 15. quadrati I p. 446, 4. coni I p. 30, 20. 32, 8, 26. 40, 7. 68, 24. 76, 3, 7. 84, 4. 86, 2. 88, 24. 92, 20. 288, 4. 348, 15. cfr. I p. 78, 1. cylindri I p.

52, 9. 54, 4, 11, 13. 56, 26. 60, 8, 12. 62, 10 †. 146, 25. 148, 1. 288, 17. 416, 22. sectoris II p. 92, 2. πλευρά omissum I p. 140, 1. πληθος multitudo. πλ. πλευ-QÃV I p. 100, 26. 120, 4. 180, 13. 142, 5. ἴσα τῷ πλήθει et simil. I p. 290, 7, 14, 15, 24. 294, 21. 296, 4, 13, 20. 298, 6, 16. 390, 9. 418, 17. 420, 12, 23. 424, 1. 436, 17. 444, 12, 15. 446, 22. 448, 18. 464, 4. 466, 4, 24, 468, 15. II p. 20, 2. 34, 13. 42, 12. 102, 4. 104, 14. 110, 6. 114, 2. 120, 14. 124, 4. 150, 14. 152, 9. 154, 21. 156, 6, 7, 17, 164, 8, 194, 19, 196, 8, 242, 3, 246, 12. vò nhữđos τοῦ ψάμμου ΙΙ p. 242, 9, 15. **27**6, 15. 278, 1**2**, 17. 280, 12, **21. 2**82, 7. 284, 2, 11, 26. **28**6, 9, 28, 288, 2, 4, 7, 25, 290, 14. πληρόω explea πεπληρωμέμος II p. 242, 12. 244, 2. πληownein II p. 274, 13. αοθέω desidero. ποθεσόμεvos II p. 4, 1? ά**πό**φα**σιν πο**ιmαιέω facio. **είφθα:** Ι p. 6, 6. — τὸ έπίτωγμα **ποι**οῦσαι Ι p. 12, 25. 14, 15. πριείν Ι p. 14, 28. — ποιείται fingit. II p. 246, 6. - τοθτο ποιούντες Ι p. 16, 17. cfr. II p. 252, 25. 342, 2. — χρόνον ποι-ήσαντες ΙΙ p. 2, 7. — έποί-ทธะพ อัติใด II p. 2, 15. — тоμην ποιείν I p. 78, 7. 88, 26. 92, 24. 206, 7. 358, 22. 362, 2. άφθας γωνίας ποιείν ποτί et simil. I p. 282, 26. 346, 2. 360, 13. 362, 5. 372, 7. 440, 15. 460, 10. II p. 54, 7, 10. 62,

21. 64, 5. 70, 12. 90, **3**, 17. 98, 3, 100, 25, 104, 4, 108, 29. 112, 27. 120, 9. 142, 19. 168, 18. 170, 9. 180, 16. 326, 9, 10. ποιείν στήμα I p. 156, 17. 170, 14. ποιείν τμήμα I p. 350, 21. - noisir os efficere proportionem. I p. 194, 21, 22. 210, 12. 214, 1, 14, 24. 216, 11. 218, 26. 222, 26. 234, 4, 17. 280, 2. 234, 12, 22. 236, 16. II p. 172, 5. 210, 9. — Formae occurrent hae: moisi II p. 62, 21. 64, 5. ποιείται II p. 246, 6. ποιοθντι I p. 350, 21. 360, 13. noiéovn (*) II p. 142, 19. 168, 13. 180, 16. noising I p. 78, 7. 88, 26. 92, 24. 156, 17. 206, 7. mossízwow I p. 170, 14. moseomes? II p. 210, 9. noielv I p. 14, 28. 214, 14, 24. II p. 326, 9. ποιείσθαι Ι р. 6, 6. жый Ір. 282, 26. 846, 2. 372, 7. II p. 54, 7, 10. 90, 3, 17. 98, 3. 100, 25. 104, 4. 108, 29. 112, 27. 120, 9. 326, 10. v. supra. ποιήσει Ι p. 358, 22. 362, 2, 5. 440, 15. 460, 10. Η p. 70, 12. ποιήσομες II p. 342, 2. ποιησούντι II p. 170, 9. έποθησεν ΙΙ p. 2, 15. ποιήσαντες II p. 2, 7. πεποιήσθω*) I p. 194, 21, 22. 210, 12. 214, 1. 216, 11. 218, 26. 222, 26. 224, 4, 17. 280, 2. 234, 12, 22. 236, 16. II p. 172, 5. ποῖος qualis. in interrogatione indirecta. II p. 4, 5, 6. ποκά == ποτέ. υ. ποτέ. zollάκις saepe. Ι p. 274, 5. πολλαπλασιάζω multiplico. πολλαπλασιάζωντι άλλάλους ΙΙ

^{*)} Uidetur transscriptori deberi. cfr. tamen uol. III p. 149 not. 1.

p. 270, 22, 25. 272, 13, 16. mollamlagia gaves II p. 270, 25, 26. 272, 3, 16. 276, 10. mollandagias Dele cum dat. II p. 274, 27. 276, 25. 278, 26. 280, 21. 282, 17. 284, 12. 286, 10. 290, 5. πεπολλαπλασιάσθω I p. 14, 4. II p. 272, 5. πολλαπλάσιος multiplex. natá. II p. 12, 7, 38, 10, 18. 40, 13. 88, 2. 124, 26. 126, 11. άριθμῷ τινι πολλαπλ. II p. 82, 9. 274, 8, 21. 276, 19. 280, 16. 282, 11. 286, 4. absolute II p. 244, 11 (cum genetiuo). πολλαπλασίων multiplex. II 154, 16, 17. ἀριθμῷ II p. 272, 12, 13. 278, 21. 284, 6. 288, 24. zollazlacios multo magis. II p. 242, 14. πολυγώνιον polygonum. II p. 258, 8, 10, 16. 264, 4. πολύγωνον polygonum. I p. 10, 28, 25, 26. 12, 2, 3, 4. 14, 21, 22. 16, 20, 28. 42, 21. 44, 5. 60, 21. 66, 9, 11. 70, 8, 13. 96, 10. 98, 25, 28. 170, 19. 172, 3. 308, 18. 312, 3. II p. 340, 23. 346, 10. 350, 14. nolúγωνον έν κύκλο Ι p. 270, 10. cfr. πλευρά, περίμετρος. Omissum I p. 110, 5. 184, 4. 186, 9. cfr. έγγράφω, περιγράφω. πολύγωνος multiangulus. πολυγονώτερος ΙΙ p. 264, 5? πολύς multus. I p. 4, 17. 286, 12. of mollof II p. 290, 17. πολλῷ apud comparativa (semper fere remotum in initio sententiae) I p. 22, 20. 26, 2. 36, 26. 42, 12. 44, 15. 74, 17. 142, 28. 892, 16. II p. 210, 4. πλέων ΙΙ p. 266, 4. πλείων Ι p. 358, 16. 362, 16. II p. 2, 7. 10, 26, 16, 14. 252, 28. énl τὸ πλείον II p. 2, 16, ἐπὶ πλέον

II p. 268, 12. aleieros I p. 188, 4. II p. 2, 4. 244, 4. 248, 4. 288, 5. 296, 1. πορεύομαι uenio, cado. de linea. δια σημείου. πορευέται I p. 282, 19. II p. 182, 6. 330, 28. πορευσέται I p. 364, 21. έπος εύθη έν χρόνφ Η p. 14. 17. πορεύεται γραμμάν Π p. 58, 26. πόρισμα corollarium. in titulis, uelut I p. 160, 7 al. II p. 94, 18. 96, 1, al. πόσος quantus, in plurali: quot. II p. 2, 11. I p. 876, 5. ποτέ aliquando. ποκά II p. 162, 19? 174, 17. ποτί et composita u. πρός. πού forte. που μάλιστα I p. 6, 4. πούς pes, fundamentum. II p. 250, 10? πραγματεύομαι uersor in. πραγματενόμενος (περί) ΙΙ p. 2, 10. πραγματευθέντων (περί) II p. 294, 14. πεπραγματεύμ**εθ**α Ι p. 2, 8. πράττω. εν πράττειν ualere. I p. 274, 1. II p. 294, 2. ποισμα prisma. I p. 4, 13. 58, 19, 23 +. 60, 1, 2, 27. 66, 10, 19. II p. 296, 18. πeé ante. cum genetiuo. I p. 4, 7, 17. 120, 28. 444, 25. 464, 15. II p. 270, 12, 17. 332, 25. de loco II p. 252, 18. προαγορεύω antea dico. προsignuáres I p. 20, 13. 58, 6†. 102, 24. 124, 18. 146, 18. 160, 14. 190, 7. 322, 17. II p. 10, 7. 100, 6. 266, 14. 296, 22, 23. προάγω profero. προάγωγεν II p. 2, 16. — procedo. zeouyóvteg II p. 268, 8, 20. zeoαγόντων (imp.) II p. 268, 24. προάγειν ΙΙ p. 268, 12. προαιρέσμαι praefero. προαιρούμενος. Η p. 2, 10.

p. 270, 22, 25. 272, 13, 16. πολλαπλασιαξάντες ΙΙ p. 270, 25, 26. 272, 3, 16. 276, 10. πολλαπλασιασθείς cum dat. II p. 274, 27. 276, 25. 278, 26. 280, 21. 282, 17. 284, 12. 286, 10. 290, 5. πεπολλαπλασιάσθω I p. 14, 4. II p. 272, 5. πολλαπλάσιος multiplex. nατά. II p. 12, 7. 38, 10, 18. 40, 13. 88, 2. 124, 26. 126, 11. άριθμῶ τινι πολλαπλ. Η p. 82, 9. 274, 8, 21. 276, 19. 280, 16. 282, 11. 286, 4. absolute II p. 244, 11 (cum genetiuo). πολλαπλασίων multiplex. II 154, 16, 17. ἀριθμῷ II p. 272, 12, 13. 278, 21. 284, 6. 288, 24. π olla π la σ l ω g multo magis. II p. 242, 14. πολυγώνιον polygonum. II

p. 258, 8, 10, 16. 264, 4. πολύγωνον polygonum. I p. 10, 23, 25, 26. 12, 2, 3, 4. 14, 21, 22. 16, 20, 28. 42, 21. 44, 5. 60, 21. 66, 9, 11. 70, 8, 13. 96, 10. 98, 25, 28. 170, 19. 172, 3. 308, 18. 312, 3. II p. 340, 23. 346, 10. 350, 14. πολύγωνον έν κύκλω Ι p. 270, 10. cfr. πλευρά, περίμετρος. omissum I p. 110, 5. 184, 4. 186, 9. cfr. έγγράφω, περιγράφω. πολύγωνος multiangulus. πολυγονώτερος ΙΙ p. 264, 5? πολύς multus. I p. 4, 17. 286, 12. of πολλοί II p. 290, 17. πολλφ apud comparatiua (semper fere remotum in initio sententiae) I p. 22, 20. 26, 2. 36, 26. 42, 12. 44, 15. 74, 17. 142, 28. 392, 16. II p. 210, 4. πλέων ΙΙ p. 266, 4. πλείων Ι p. 358, 16. 362, 16. II p. 2, 7. 10, 26. 16, 14. 252, 23. inl τὸ πλείον II p. 2, 16, ἐπὶ πλέον

II p. 268, 12. nleistos I p. 188, 4. II p. 2, 4. 244, 4. 248, 4. 288, 5. 296, 1. πορεύομαι uenio, cado. de linea. διὰ σημείου. πορευέται I p. 282, 19. II p. 182, 6. 330, 23. πορευσέται Ι p. 364, 21. έπορεύθη έν χρόνω Π p. 14, 17. πορεύεται γραμμάν ΙΙ p. 58, 26. πόρισμα corollarium. in titulis, uelut I p. 160, 7 al. II p. 94, 18. 96, 1, al. πόσος quantus. in plurali: auot. II p. 2, 11. ποτέ aliquando. I p. 376, 5. ποκά ΙΙ p. 162, 19? 174, 17. ποτί et composita u. πρός. πού forte. που μάλιστα Ip. 6, 4, πούς pes, fundamentum. II p. 250, 10? πραγματεύομαι uersor in. πραγματευόμενος (περί) Η p. 2, 10. πραγματευθέντων (περί) II p. 294, 14. πεπραγματεύμεθα Ι p. 2, 8. πράττω. εὐ πράττειν ualere. I p. 274, 1. II p. 294, 2. πρίσμα prisma. I p. 4, 13. 58, 19, 23 †. 60, 1, 2, 27. 66, 10, 19. II p. 296, 18. ποό ante. cum genetiuo. I p. 4, 7, 17. 120, 28. 444, 25. 464, 15. II p. 270, 12, 17. 332, 25. de loco II p. 252, 13. προαγορεύω antea dico. προειοημένος Ι p. 20, 13. 58, 6+. 102, 24. 124, 13. 146, 18. 160, 14. 190, 7. 322, 17. II p. 10, 7. 100, 6. 266, 14. 296, 22, 23. προάγω profero. προάγαγεν II p. 2, 16. — procedo. προαγόντες Π p. 268, 8, 20. προαγόντων (imp.) II p. 268, 24. ποοάγειν ΙΙ p. 268, 12. reoalego par praesero. reoαιρούμενος. Π p. 2, 10.

προαποδείκνυμι antea demonstro. προαπεδείχθη I p. 90, 28†.

προαποστέλλω antea mitto. ποοαπεσταλμένα ΙΙ p. 6, 13. 8, 6.

προβάλλω propono. προβεβλημένος Ι p. 274, 8, 11. 886. 6. II p. 8, 9. 10, 5. προεβάλλετο Ι p. 276, 2. προβαλλέται I p. 280, 1. 284, 1.

ποόβλημα problema, propositum. I p. 188, 2, 20. 190, 4. 192, 12. 206, 2. 214, 17, 20, 27. 222, 22. 234, 4. 286, 12, 21. II p. 2, 20. 4, 5, 8. 6, 22.

10, 6.

προγράφω antea scribo. προγέγραπται Ι p. 174, 10. 238, 3. προγεγραμμένος Ι p. 164, 27 †. 168, 21. 386, 6. II p. 326, 2. προγραψάντες Ι p. 286, 25. προγραφέται ΙΙ p. 298, 4.

προδείκνυμι antea demonstro. προδέδεικται I p. 166, 10. 208, 9. II p. 148, 12. προδεδειγμένος I p. 146, 18. προδειχθείς I p. 94, 9, 110, 15. προηγέομαι antecedo. τὰ προαγούμενα (in spirali). definiuntur II p. 52, 23. u. praeterea II p. 58, 12. 62, 23. 64, 10, 19. 66, 27. 70, 14. 84, 1. 90, 7. ά πο. εὐθεία Η p. 90.

19. 98, 5.

πρόκειμαι propositus sum. ποοέκειτο Ι p. 18, 12. προnelvrai II p. 14, 4. noonel-µevos I p. 24, 5. 124, 19, 20. 288, 1. II p. 126, 3. 248, 13. 250, 5. 266, 8. 274, 2. 804, 23. ποός (in Doricis semper ποτί). cum accusatiuo. loyov exerv πρός Γ p. 12, 19, 20. 14, 6, 7, 8. 18, 17, 18, 26. 20, 13, 18. 24, 21, 23 al. u. lóyog, ds.

ποιείν γωνίαν ποτὶ πλευράν II p. 70, 13 al. u. zoisiv. usque ad. II p. 32, 1 al. uersus I p. 304, 15 al. cfr. όρθός, πίπτω. — cum datino. praeter. I p. 2, 14. II p. 248. 16. apud, ad. τρίγωνον ποτλ σαμείφ Ι p. 810, 15. γωνία ποτί πλευρά ΙΙ p. 260, 14. νωνία ποτί τῷ κέντρφ ΙΙ p. 118, γωνία ποτὶ τῷ Θ et sim. I p. 18, 5, 21. 102, 3. 120, 19. II p. 96, 25. 98, 3. 100, 25. 104, 5. 108, 29. 112, 26. 118, 13. 120, 9. 304, 27. yarla noρυφάν έχουσα ποτί τα δψει II p. 250, 7, 9, 14. 252, 1, 10. 254, 1, 8, 14. 258, 3. — xãvos κορυφάν έζων ποτί τῷ κέντρφ Ι p. 8, 12. — τὸ μέρος τὸ ποτὶ τῷ κορυφῷ Π p. 214, 2. 302, 17.

προσάγω duco lineam ad aliam lineam. norazdeisa II

p. 10, 24.

προσβάλλω duco lineam ad aliam lineam. προσβεβλήσθω I p. 20, 2. ποτιβαλείν II p. 24, 4. 26, 8. 28, 7. 30, 23. 64, 26. 72, 17. 78, 27. 84, 20. iungitur cum praepositionibus ἀπό et ποτί.

πρόσειμι additus sum. ά ποτεοῦσα τῷ ἄξονι in conoide obtusiangulo uel eius segmento. definitur I p. 278, 14, cfr. praeterea I p. 280, 7, 10, 16, 17. 416, 7, 8, 16. **428**, **19**, **21**. **430**, **8**.

προσεξευρίσκω postea uel insuper inuenio. ποτεξευρημένος Ι p. 274, 5, 12.

πρόσκειμαι additus uel adiectus sum. προσκείσθω I p. 200, 14. 482, 10. 494, 6. II p. 34, 28 (noti). 44, 2 (id). noos**πείσθωσαν** I p. 40, 5. 54, 17†. **ποτικείμενος** II p. 20, 24.

πο ο σ1α μβάν ω adsumo. ποοσλαβών Ι p. 246, 11, h. e. +.
— ποτιλαμβανόμενος Π p. 12, 7.
ποτιλαφθείς Π p. 12, 3, 4, 8, 9†, 11. 40, 20. ποτιλαμβάνων Π p. 84, 15. ποτιλαβών Η p. 36, 5, 21, 27. 38, 12. 40, 18.

ποοσομολογέω insuper profiteor. ποθομολογηκότες II p.

προσπίπτω incido, producor ad. ποτιπίπτει (cum dat.) II p. 56, 17. ποτιπίπτη έπί Π p. 60, 8. ποτιπίπτωντι ποτί Π p. 60, 11. ποτιπιπτόντων (imp.) II p. 58, 17 (ἀπό — ποτί). 60, 17. ποτιπιπτούσαι (άπό -ποτί) II p. 58, 8. 60, 7. 62, 11, 15. 64, 17. 66, 1. 90, 11, 15. 100, 28. 102, 3. 104, 8, 13. 110, 3, 6. 112, 29. 114, 2. 120, 12, 17. 124, 1, 4. ποτιπέπτωκε ποτί ΙΙ p. 34, 5. ποτιπεσώντι моті II р. 58, 5. 62, 7. мотіπεσούσα ΙΙ p. 24, 9. ποτιπιπτέτω Π p. 66, 2. προστίθημι adiungo, addo.

προστιθεμένων Ι p. 214, 17.
— ποτιτεθέντος Η p. 20, 19
(ποτί) 144,18. ποτετέθη(dat.)
Η p. 142, 9. 144,19. ποτιτεθή
ποτί Η p. 142, 8.

ποόσωπον facies. II p. 252, 15. πρότωσις propositio. I p. 188, 3. πρότερον prius. I p. 2, 2. 34, 26. 40, 20. 46, 14. 56, 1. 60, 18. 70, 5. 116, 8. 124, 19. 186, 12. 144, 16. 166, 4. 176, 22. 188, 2, 5. 274, 4, 5. 388, 4. 400, 25. 418, 2. II p. 2, 9. 14, 6. 72, 9. 78, 19. 84, 13. 100, 7. 108, 15. 118, 28. 294, 10,

11, 13. 330, 4. 350, 5. τὸ

πρότερον sim. I p. 112, 25. 130, 4. 142, 7. 144, 21. 152, 12, 19. 156, 15. 170, 13. 182, 27. 210, 22. 354, 4. 384, 24. 394, 2. 404, 1. 434, 15. 450, 11. 456, 13. 458, 12. 470, 18. 494, 17. 498, 9. II p. 66, 26. 94, 13. 98, 1. 236, 18. 304, 19. 312, 14. 314, 10. 316, 4, 26. 318, 1, 19. 328, 9. οἱ πρότερον I p. 82, 13. 340, 3. II p. 296, 13.

πρότερος prior. I p. 274, 10. 480, 3. II p. 60, 6. οί προτέροι II p. 246, 19. 248, 4, 7. 296, 3.

προτίθημι sensu proprio: pono ante. προτυθένται (πρό) ÎI p. 252, 13. — προτεθέν (magnitudo) proposita uel data. I p. 10, 21. 24, 25. 128, 6. 306, 17. 356, 19. 374, 18. 376, 6, 9. 378, 1, 10. 380, 5. 384, 3, 6, 23. 386, 3. 428, 12. 438, 26. II p. 14, 10. 46, 14. 88, 14, 27, 90, 1, 23, 92, 10, 15, 17, 26. 94, 9, 10, 21, 23. 96, 9, 11, 20, 27, 28. 98, 14, 20, 23. 166, 5. 178, 19. 186, 25. 296, 12. 304, 21. 340, 24. 346, 9. ά προτεθείσα εύθεία II p. 208, 14, 17.

ποουπάοχω adsum ante. ποουπήρχεν Ι p. 4, 6. προυπαρχόντων Ι p. 4, 16.

προφέρω in medium profero. προενεγκάσθαι ΙΙ p. 2, 22.

προχειρίζομαι suscipio. ἐπροχειβάμεθα II p. 294, 8. πρῶτον primum. I p. 2, 9. 6, 11. II p. 246, 14. 350, 16. = πρότερον I p. 302, 20. 308, 15. 440, 27. 456, 7. 460, 25. 478, 8. II p. 202, 11. 302, 19. 318, 23.

ποῶτος primus. I p. 190, 4.

290, 16, 20. II p. 270, 4, 12, 16. 276, 12. 278, 7. 280, 6. 282, 1, 24. 284, 19. al aquitau termini priores proport. II p. 220, 11. if to according to the proport of the p. 230, 22. majora negloga II p. 12, 9. u. negloga negloga negloga negloga. negloga

πυραμίς pyramis. I p. 4, 12, 13. 26, 21, 27. 28, 4, 6. 30, 17, 24. 40, 21. 42, 1. 44, 4. 58, 6, 7, 14, 15. 70, 15. 72, 24. 296, 18, 19.

πῶς quomodo. I p. 62, 23†. πώς aliquo modo. II p. 252, 22, 25.

P.

δέπω uergo. de libra. έπί. δέπει ΙΙ p. 146, 12, 13. δέψει II p. 144, 15, 18. 146, 9. ov δέψει ΙΙ p. 146, 9. δέπειν Ι p. 142, 5, 9, 11. δόμβος rhombus. δόμβος στεosós definitur I p. 8, 16. cfr. praeterea I p. 114, 5. 158, 3. 198, 6, 17. 204, 16. δόμβος sc. στερεός I p. 84, 24, 26. 86, 3, 11, 17, 21, 22. 88, 14, 15, 20. 90, 1, 10. 92, 9, 12, 16, 22, 27. 94, 1. 96, 6, 7. 114, 16. 116, 6. . δώννυμι. Ερρωσο uale. I p. 6, 10? II p. 298, 5.

Σ.

σαφῶς perspicue. σαφέστεςον Ι p. 28, 17†. σελήνη (σελήνα) luna. Η p. 248, 2, 5, 11, 15. 262, 15, 16. 290, 21. cfr. διάμετρος.

σημεῖον (σαμεῖον) punctum.
I p. 6, 19, 20. 8, 7, 8. 88, 20.
46, 5. 48, 20. 90, 5. 92, 26.
94, 3. 102, 4, 11, 14. 274, 21.
II p. 8, 1, 17. 132, 22, 23, al. saepissime. σημεῖον ἐπί I p.
214, 22. u. ἐπί. σημεῖα ἐν I
p. 362, 21. II p. 84, 2. τὸ σ.
δ ἐστι κορυφή I p. 38, 22 al.
— omissum. τὸ B et simil.
I p. 38, 23. 40, 3, alibi saepissime. cfr. II p. 58, 2. 90, 16.
σταδιαῖος stadium longus.
II p. 278, 15, 19, 22.

στάδιον stadium. II p. 246, 15, 17, 21. 262, 12. 264, 11, 13, 17, 20. 278, 21, 25. 280, 13, 16, 17, 20. 282, 9 sq. 284, 3 sq. 286, 1 sp. 288, 1.

στερεός solidus. δόμβος στ. u. δόμβος. σχημα στεφεόν Ι p. 8, 20. 144, 21. 152, 17. 184, 7, 9, 16. 186, 11, 13. 374, 14. 376, 19. 380, 2. 384, 19. 388, 5. 400, 27. 418, 4. 426, 1. 434, 2. 438, 15. 442, 1. 450, 7. 456, 8. 458, 7. 462, 1. 470, 14. 478, 10. 480, 11. τομεύς στερεός τὸ στερεόν (вс. u. τομεύς. σχημα) Ι p. 4, 12. 10, 19. 138, μέγεθος στερεόν I p. 374, 18. 376, 6, 9. 378, 1, 10. 380, 5. 384, 4, 7, 23. 386, 3. τδ στερεόν solidum fictum sine productum trium linearum II p. 228, 13, 17. 230, 5, 7. 232, 13, 20. 234, 2, 6, 13, 15, 21. στιγόν uel στιγός punctum. II p. 254, 10. nusquam alibi

στοιχείον elementum. κωνικά στοιχεία Ι p. 302, 4. ΙΙ p. 298, 4. 300, 10.

occurrit.

στοιχείωσις institutio elementaris (Euclidis). I p. 24, 6. στρογγύλος rotundus. II p. 252, 4.

σύ tu. τύ II p. 246, 16. σοι I p. 2, 2. 6, 8. 188, 6. 190, 1. τοι I p. 274, 2. 288, 1. II p. 2, 6. 4, 7. 10, 8. 242, 16? 264, 3. 274, 9. 294, 8. τίν — σέ. II p. 290, 23? 294, 4?

σύγκειμαι compositus sum (έξ). σύγκειται Ι p. 90, 29. 94, 14. 888, 9, 14. 444, 8. 464, 25. II p. 14, 27 (&). 16, 2, 9 (Ev). 100, 7. 104, 1. 108, 25. 112, 21. 120, 5. 122, 28. συγneimeros I p. 8, 20. 46, 20. 48, 3, 9. 60, 8, 16. 56, 2, 6, 17, 22. 58, 20. 60, 3. 66, 20. 82, 24. 86, 3. 90, 2. 92, 12, 22. 108, 13. 374, 16. 376, 20, 22. 380, 8. 384, 21. 388, 6. 400, 28. 418, 5. 426, 2. 434, 4. 438, **17. 442**, **3. 450**, **8. 456**, **10**. 458, 9. 462, 2. 470, 15. 478, 11. 480, 12. II p. 16, 7. 88, 12. 90, 21. 92, 24. 96, 18. 98, 11. 100, 11. 108, 19. 112, 18 (ὑπό). 120, 2. 122, 17. 146, 20. 148, 7, 15, 20, 25. 150, 4, 10, 19. 152, 7, 17. 156, 5, 12, 16+, 18. 162, 5. 164, 12. 168, 4. 176, 7. 178, 7, 10, 15, 180, 19, 27, 182, 3, 186, 10, 188, 6, 190, 1, 200, 12, 17. 204, 4, 8. 206, 8. 210, 20. 214, 14. 216, 11. 220, 15, 20, 27, 29. 222, 2 sq. 226, 1 sq. 232, 14, 22, 23. 284, 1 sq. 236, 6, 12, 15. 242, 10. 264, 28. omissum. zò ég. II p. 156, 22. 158, 10. 160, 24. 206, 10, 12. τὸν συγκείμενον λόγον έχειν έπ τοῦ κτλ. I p. 340, 2, 6. 408, 5, 7, 26. 414, 5, 11. 484, 1, 10. συγκείσθω Η p. 14, 27 (έν). 16, 3 (ἐν). συγκείσθωσαν ΙΙ p. 14, 24.

συζυγής coniunctus. de diametris ellipsis. I p. 824, 24. συμβαίνω sccido. συμβαίνει I p. 188, 4. II p. 2, 8, 22. 244, 11. 266, 14. 296, 23. συνέβαινεν Ι p. 4, 18. II p. 250, 21. τὸ αυτό συμβαίνει II p. 60, 8. συμβησέται II p. 66, 19, 22. 70, 7. συμβαίνει proprium est. I p. 422, 9.

συμβάλλω concido. de lineis. συμβάλλουσι Ι p. 102, 14, 19

(πατά).

σύμμετος commensurabilis (cum dat.). II p. 152, 11, 14,

20, 21. 158, 17. συμπας in plurali: omnes simul. σύμπαντα τά I p. 298, 7. 468, 16. II p. 344, 16. 346, 9. 352, 1. τὰ σύμπαντα ΙΙ p. 38, 12. 852, 18. τά σύμπαντα τά II p. 848, 8, 11, 19. συμπίπτω concido. de lineis (saepe cum datiuo). συμπίπτει II p. 56, 24. 84, 10 (ποτί). συμ**πίπτοντι** Ι p. 278, 4. 436, 1. II p. 164, 20. 182, 12. συμπίπτη ΙΙ p. 82, 9 (ποτί). συμπιπτέτω Ι p. 320, 12. 328, 2. Π p. 72, 5. 96, 24. 118, 3. συμπιπτέτωσαν Ι p. 52, 26. συμαίπτειν II p. 98, 4. συμπίπτουσαι Ι p. 38, 13. 288, 3, 16. 348, 15. II p. 86, 21 (ποτί). συμπεσείται II p. 70, 21. 72, 4 (norl). 78, 5 (norl), 13. 82, 21 (noti). svanesy II p. 90, 9, 14, 18. συμαέσωσι Ι p. 52, 17. cfr. κατά.

συμπληφόω expleo. συμπεπληφώσθω II p. 190, 10. σύμπτωμα proprietas, pro-

prium. I p. 4, 5. 352, 1. vuntosis punctum concur-

sus. I p. 38, 14. II p. 82, 22. 86, 21? σύν cum. pro nostro additionis signo + (cfr. μετά). Ip. 148, 19. 156, 6, 23. 160, 13, 15. 166, 7. 168, 13, 24. 170, 3, 19. 172, 4. 174, 4, 8, 23, 24. 182, 29. 184, 2. 396, 6. 426, 19, 22, 24. II p. 38, 24. 270, 4. 272, 23. 276, 12. 278, 7. 280, 7. 282, 1, 24. 284, 19. 286, 18. σὺν δύο (scrib. σύνδυο) II p. 234, 8. συναμφότερος uterque simul. συναμφότερος ή ΒΑΛ I p. 12, 8 sq. 78, 9, 22, 29. 150, 11. 196, 11. 198, 23. 202, 11, 14. 210, 13, 14. 216, 11, 12, 22. 220, 1, 2, 3. 222, 26. 224, 1, 17. 232, 12 sq. 234, 8, 10, 22, 26. 286, 16, 17. 238, 11, 16. 248, 8 sq. 264, 7. 268, 8. II p. 186, 23, 24. 216, 1. 218, 25, 26. 220, 2 sq. 222, 1 sq. 224, 5 sq. 226, 2 sq. 228, 15. 234, 25, 26. 236, 1 sq. συναμφοτέρων των Ι p. 150, 16. συναμφότερον τό τε --nal I p. 24, 18. 194, 15. 200, 21. II p. 44, 19. 116, 2. 126, 26. 128, 19. 134, 18, 19. 186, 7 sq. 138, 1, 2, 5, 8, 9, 11, 12. omisso τε I p. 194, 21, 23. cfr. Π p. 184, 4. συναμφότερα τό τε - καί II p. 116, 20. 118, 7. τὸ συναμφότερον Ι p. 26, 17 (cfr. p. 27 not.). 254, 1, 2. τὰ συναμφότερα ΙΙ p. 130, 11, 12. συναμφότεραι αί ΙΙ p. 218, 10. τὰ συναμφότερα τά ΙΙ p. 206, συναμφότεροι II p. 272, 2, 19. 276, 9. τὸ συναμφότεφον δ τε - καί I p. 24, 27. 26, 4, 15†. τὰ συναμφότερα τὸ τε — καί II p. 46, 4. 106, 14. 110, 15, 28. 114, 9. 120, 25. 122, 5. 128, 5. 130, 1, 9. 132,

4, 17. 136, **4**, 21, 23. 138, **4**. 830, 20. ὰ συναμφότερος ὰ II p. 224, 15. ἀ συναμφοτέραις ίσα τῶ τε - καὶ τᾶ Ι p. 280, 6, 14? 284, 11, 16. 286, 1, 6. 296, 6, 8. 416, 5. 424, 16. 426, 27. 428, 18, 20. 458, 26. 468, 19, 23. 470, 1. 472, 23. 474, 3. 480, 27. 490, 11. 492, 3. α ίσα συναμφοτέρα —τε καί I p. 474, 21. — in libris meel flixor et meel κωνοειδέων femininum est συναμφοτέρα exceptis II p. 134, 18, 19. 138, 12, in libris zeoi έπιπ. ίσ., (sicut semper in libris transscriptis) contra συναμφότερος exceptis II p. 216, 1. 218, 10. 220, 16. 228, 15; in ceteris non occurrit. συναποδείκνυμι simul demonstro. συναποδέδεικται Ι p. 238, 15. συνάπτω compono. (έξ). de proportione composita. avvηπται Ι p. 212, 19, 23. 214, 6, 8. 242, 14. συνημμένος I p. 242, 24. συνεκδίδωμι simul edo. συνεξεδόθεν I p. 274, 7. σύνεσις peritia. II p. 2, 17. συνεχής continuus. I p. 58, 17†. κατά τὸ συνεχὲς ἀνάλογον I p. 222, 21. συνεχής άναλογία ΙΙ p. 216, 25. σύνθεσις compositio. II p. 14. 25. 16, 18, 20. κατὰ σύνθεσιν =συνθέντι II p. 222, 24. comp. problematis. I p. 234, 2. σύνθετος conjunctus. ÉZLφάνειαι σύνθετοι Ι p. 40, 21. συνίστημι construo. συστήσασθαι Ι p. 218, 13. 222, 23. συνεστάτω Ι p. 18, 21. συνέσταται Ι p. 226; 6. συντίθημι compono. συντε## P. 16, 18. συντεθείς
H p. 16, 20. 346, 15. συντεθέμενος I p. 10, 20. H p. 14,
9. 20, 15. 296, 11. 328, 5. 332,
13. de compositione problematis. συντεθήσεται I p. 192,
11. 206, 21. 214, 26, 27. 222,
22. 228, 21. 234, 4. συνθέντι
Eucl. V def. 15. I p. 14, 11.
196, 15. 198, 27. 202, 17. 212,
3, 9. 228, 12. H p. 214, 16.
224, 16. 234, 23.

συνώνυμος cognominis. II p. 270, 7.

σφαῖρα sphaera. I p. 2, 9. 4, 2. 8, 11, 12. 100, 24. 102, 23, 26. 104, 14, 21. 120, 16, 23. 122, 1. 124, 5, 6, 21. 126, 11, 13, 18. 128, 5, 9, 16. 140, 17 al. II p. 244, 5. 246, 1, 5, 8, 13. 274, 5 sq. 276, 16, 18, 22, 23. 278, 13 sq. 280, 13 sq. 282, 8, 10, 12, 14. 284, 2 sq. 286, 3 sq. 288, 8, 16, 21. 290, 2. 296, 16. σφαίρα stellarum fixarum II p. 244, 16. 246, 3, 10. 288, 10, 14, 19, 23. 290, 4, 15. cfr. διάμετρος, έπιφάνεια, κέντοον, τμημα.

σφαίρικός sphaericus (nusquam ab Archimede ipso positum). τμήματα σφ. I p. 226,

13. 248, 16.
σφαιφοειδές sphaeroides. definitur I p. 280, 23, 27. u. praeterea I p. 282, 1, 9, 13, 16. 284, 19, 26. 286, 13, 20. 352, 7, 10, 17, 19. 354, 22, 24. 362, 18, 23, 26. 364, 21. 366, 7, 19, 22. 368, 4, 6, 18. 370, 2, 8, 17, 20. 372, 1 sq. 374, 13, 14. 376, 2, 3. 378, 14. 380, 1, 23. 382, 10, 11. 440, 4 sq. 442, 1 sq. 450, 4, 6, 10. 452, 19, 22, 24. 454, 14, 21. 456, 3 sq. 458, 3 sq. 460, 1, 8. 474,

18. 476, 9, 13. 482, 3, 16, 19, 24. 486, 11, 29. 490, 25. 492, 8. 494, 1, 5, 12. 496, 3, 11. cfr. τμῆμα, ἄξων, κέντοον, διάμετοος.

est praecedens). $\sigma_{\chi}\tilde{\eta}_{\mu}$ α σ_{μ} σηημα figura. universaliter I p. 4, 6, 8, 17. 8, 13. 54, 24. 56, 18, 21, 24+. 58, 1, 2. 200, 14. 260, 11. 274, 18. 278, 6. 280, 12. 282, 23. 284, 22, 24 †, **27**. 286, 5, 10+. 288, 9, 21, 24. 340, 17, 18. 342, 2 sq. 344, 7, 16. 348, 20, 26. 352, 11. 354, 27. 362, 12. 364, 10. 370, 18. 428, 25, 26. 440, 8, 13. 454, 8, 5. 460, 6. 476, 3, 5, 15. 482, 5, 7, 492, 10, 12. II p. 8, 3, 12, 19. 142, 18. 144, 4, 6, 168, 12, 170, 8. figura solida conicis superficiebus comprehensa. I p. 102, 22. 104, 9, 11, 14, 25. 106, 5. 108, 4, 18, 20, 22. 124, 15. 126, 10 sq. 128, 2, 12, 17, 20. 130, 9, 10, 27. 132, 4. 134, 8. 136, 2. 138, 14, 15, 20. 142, 24. 144, 3, 26. 148, 14, 21. 152, 2, 5, 13. 156, 5, 7. 158, 23. 160, 1 sq. 162, 13, 15, 19. 170, 16. 172, 5, 11. 174, 8, 22. 178, 10. 182, 28. 184, 9 sq. 186, 13, 18. σχημα σφαιροειδές et κωνοειδές τι. σφαιροειδές, κωνοειδής. figura solida ex cylindris composita. I p. 374, 17. 378, 2, 7. 380, 2 sq. 384, 22, 25. 386, 7. 388, 7, 10. 390, 1, 10, 11 sq. 392, 1 sq. 394, 3, 6. 398, 2. 400, 28. 402, 7, 21,

24. 404, 1, 5. 418, 6, 29. 422, 22. 424, 5, 12, 18, 22, 23, 24. 426, 5. 434, 8, 9, 17. 436, 6, 11, 19. 438, 6, 10, 11. 442, 7, 9. 444, 8. 446, 7, 16, 25. 448, 5. 450, 1, 2, 12. 456, 13. 458, **2.** 462, 14. 466, 1, 8, 18, 27. 468, 7. 470, 5, 9, 11, 19. 480, 4, 6. σχήμα έπίπεδον Η ρ. 88, 11. 92, 23. 96, 6, 17. u. figura plana ex έπίπεδος. sectoribus circulorum composita. II p. 92, 1, 4, 13, 17. 94, 14, 22. 96, 10, 19. 98, 10, 19, 22. 100, 11, 18, 22. 102, 28, 24. 104, 1, 8. 106, 1, 2, 4. 108, 21, 26, 27, 112, 17, 22, 24, 114, 18, 15, 19, 122, 18, 24, 26, 124, 14, 16. figura sectioni coni inscripta. II p. 192, 8, 10. u. έγγοάφω. — τὸ ἔτερον σζημα I p. 250, 6†. — omissum. II p. 92, 20. u. περιγρώφω. τὸ έγγραφόμενον τι. έγγάφωι κὸ έγγεγραμμένον Ι p. 116, 14. 140, 4, 8. 146, 3. 174, 23. 176, 20. 462, 11. 468, 26. II p. 88, 13. 90, 23. 92, 9 al. τὸ ἐγγραφέν I p. 388, 7. 394, 8. 400, 28. 418, 6. 442, 4. 450, 9. 456, 11. 458, 9. 462, 4. 470, 16, 21. 480, 1, 18 al. II p. 92, 25. 102, 23 al. cfr. έγγράφω, έπιφάνεια, περιγράφο, στερεός.

T.

τάξις. ἐν ταῖς τάξεσιν suis locis. II p. 192, 17.
ταράσσω perturbo. ἐν τεταραγμένα ἀναλογία I p. 218, 3.
II p. 220, 23. 222, 14. 224, 2.
τάσσω ordino. ἀνομοίως τεταγμένων τῶν λόγων I p. 420, 9. 464, 1. II p. 220, 23. 222, 14. 224, 1. — τὸν ταγθέντα λόγον ἔχειν II p. 4, 18, 20. 6,

6, 24, 1. 26, 11. 28, 11. 82, 1. u. λόγος. όμοίως τεταγμένος Ι p. 290, 16. 446, 18. 452, 1. 466, 20. τάχος. δια τάχους quam primum. I p. 190, 3. τε que. = καί. II p. 52, 25. 84, 2. re-mal et-et. I p. 160, 19. 274, 8. 286, 25. 290, 16. 300, 1. 302, 7, 14. 304, 6. **348**, **20**. **358**, **23**. **366**, **7**, **13**. 868, 4. 872, 26. 409, 12. 406, 5. 408, 6. 414, 6, 12. 424, 2, 4. **426**, 9. **430**, 9. **432**, **4**. **434**, 18. 452, 9. 466, 26. 476, 17. II p. 40, 3, 6, 9, 44, 21, 86, 21, 90, 19. 98, 5. 102, 6, 7, 11. 104, 19. 108, 4. 110, 7. 114, 8. 120, 18, 27, 124, 6, 9, 132, 1, 184, 22. 150, 3, 16. 156, 4, 6, 11. 160, 7. 168, 16. 170, 24. 172, 10. 192, 11, 18. 194, 10. 196, 1, 4, 6. 198, 10. 202, 4. 212, 26. 218, 8, 6. 220, 4 sq. 222, 13, 28. 224, 7, 11. 284, 9. 242, 4, 5, 12. 250, 17. 252, 7. 272, 10, 15. 274, 17. 286, 18. 296, 2, 14. 298, 11. 804, 23. 328, 9. 330, 9. 334, 13, 18. 338, 2. u. συναμφότερος. τε transpositum. ὑπό τε et simil. I p. 8, 13. 34, 5. 44, 23. 52, 18. 54, 12. 56, 17. 104, 16. 106, 2 sq. 108, 6, 10. 114, 17, 27. 124, 1, 10. 126, 1. 148, 16. 150, 1, 6, 11, 16. 154, 18. ·158, 17. 164, 11. 166, 6. 170, 22. 172, 2. 212, 20, 24. 214, 6, 8. 298, 4†. 304, 18. 340, 3, 6. 356, 11. 358, 1. 370, 12. II p. 10, 15. 12, 18, 21. 34, 17. 36, 6, 28. 38, 5 sq. 40, 8, 8, 11. 42, 2, 18. 44, 22, 29. 46, 7, 15, 23. 48, 7, 21, 24. 50, 15. 52, **15**, 18. 88, 8. 96, 3, 13. **98**, 8, 25. 100, 9. 102, 18. 106, 6, 10, **28**. 108, 11. 112, 5, 10, 14.

114, 22, 26. 116, 2. 118, 5, 25. 122, 11. 124, 18, 22. 126, 3. 130, 10. 132, 27. 134, 4. 138, 3. 210, 26. 220, 15, 20, 27, 20. 222, 2 sq. 226, 2 sq. 232, 16, 22, 23. 234, 1 sq. 236, 7, 12, 15. 254, 21. 294, 17. 320, 26. 336, 12, 23. 349, 2. 344, 18. TRETARTALOF POSTREMO. II p. 234, 11.

τολευτώ ω morior. τετελευσηκέρω ΙΙ p. 294, 3. τετελευτηκόσος ΙΙ p. 294, 5.

τελευτή (τελευτά) mors. II p. 2, 19.

τέλος έπι τέλει in fine. I p. 214, 25. 240, 18. II p. 214, 18. — perfectie. II p. 4, 1.

τέμνω 8000. Φφαϊραν τέμνειν έπιπέδω (διά) I p. 138, 2. 152, 8. 180, 2. 194, 19. 206, 3. 208, 2. 210, 2 sq. 216, 1. 230, 7. 232, 8. 236, 2, 8. 242, 3. 248. 20. II p. 4, 17, 19. 6, 10, 15. κωνοειδές uel σφαιροειδές τέμνειν έπιπέδω (διά). Ι p. 284, 3, 7, 20, 26. 288, 3, 16. 340. 14, 20, 23, 349, 8, 12, 19, 28, 344, 2. 346, 5. 348, 14, 22, 28. **350**, 6. 352, 7, 14, 15. 354, 22. 356, 1. 364, 7. 370, 5, 8, 11, 16. 372, 8. 374, 19. 380, 7. 386, 12. 396, 26. 404, 19. 410, 22. 416, 11. 428, 23. 440, 2, 6, 7. 452, 23. 454, 1. 458, 22. 460, 5. 474, 17. 476, 1, 2, 14. 490, 23. 482, 8, 16. 490, 25. 492, 8. 494, 12. II p. 8, 19. planum secat sphaeram I p. 216, 9. II p. 8, 2. 264, 28. 266, 6. uel conoides et sphaereides. I p. 366, 7. 368, 4. 384, 11. 398, 12. 430, 13. τὸ τέμver ἐπίπεδον Ι p. 152, 10. 250, 1. 282, 9, 11. 340, 18, 19. **342**, 6, 7, 16, 18, 25. 344, 7, 8, 14, 16. 346, 1. 348, 21 sq. 350, 6. 852, 11 sq. 358, 13. 362, 12. 864, 10, 15. 870, 18. 454, **3.** 476, **3**, **4.** 482, **5**, **7**. 492, **10**, 11. II p. 10, 8. ὑσεκειτο μὴ τέμνευν Ι p. 860, 3. 864, 1. cfr. I p. 282, 8. tò τετμακός έπίπεδον Ι p. 870, 21. 440, 18. 454. 5. ênîmeêov vemverv I p. 152, 9. 250, 3. xãror répresi έπιπέδω I p. 76, 25. 78, 6. 88, 17, 25. 92, 13, 28. nólivδοον I p. 82, 1. τμημα τεμνειν άπὸ σφαίρας I p. 232, 2, de cono sphaeram secanti. I p. 8, 12. de circulo lineam secanti II p. 82, 24. 84, 7. de linea spiralem secanti II p. 56, 25. 66, 2. 68, 8. 76, 8. 80, 3. 90, 2, 5, 17. uel coni sectionem. I p. 810, 2. II p. 820, 8. 826, 16. 380, 14, 16. 386, 22. lineam secare. I p. 206, 23. 214, 18, 23. 216, 4, 6. 280, 5. 800, 22. II p. 6, 23, 24, 5. 26, 1, 26, 162, 1, 202, 11, 206, **14**, **19**. **390**, **16**. 306, **13**. 312, 26. **842,** 18. de puncto lineam dividenti II p. 194, 14. els τὸν αύτὸν λόγον τέμνειν. Ι p. 310, 8. II p. 192, 14. 210, 28. 212, 4. 302, 14. u. lóyeg. díza τέμνειν in duas partes aequales secare. angulum I p. 16, 13, 25. 20, 3, 9. 264, 5. 266, 8. II p. 56, 13, 16, 23. 88, 22. 94, 4. 96, 26. 98, 2. cfr. diza. ambitum I p. 34, 16. 36, 14. 40, 2. 42, 22. 46, 4. 48, 18. 268, 8. 260, 7. sphaeroides I p. 370, 6, 12. cylindrum I p. 376, 4. 384, 1. lineam I p. **302**, **10**. **304**, **6**, **8**. **380**, **25**. 398, 6. 430, 6. II p. 148, 5. 164, 22. 170, 25. 172, 4. 174, 16. 190, 17. 192, 13. 202, 14. 214, 8. 302, 18. 304, 9. 306, 18. 314, 2. 334, 26. 842, 18. cfr. διά, ματά. — τέμνει Ι p. 304, 8. 380, 24. II p. 56, 25. 82, 24, 90, 5, 12, 190, 17, 304, 9. 334, 26. 336, 22. τέμνοντι (= τέμνουσι) I p. 310, 2. 384, 11. II p. 90, 17. 98, 2. 194, 14. 210, 28. 212, 14. 320, 8. 326, 16. 330, 14, 16. τέμνη Ι p. 8, 12. Η p. 8, 2. τέμνεται I p. 304, 6. 376, 6, 11, 12. τεμνέτω ΙΙ p. 68, 8. 84, 7. 254, 23. 302, 18. τεμνόντων Η p. 256, 6. τεμνέσθο I p. 348, 22. τέμνων Ι p. 16, 13. 36, 14. 152, 9, 10. 300, 22. 302, 10. II p. 24, 5. 56, 16, 23. 164, 22. 300, 16. u. supra. τεμνόμενος I p. 20, 3. 42, 22. 376, 4. 384, 1. II p. 88, 22. 94, 7. 96, 26. 174, 16. τέμνειν Ι p. 360, 3. 364, 1. II p. 26, 26. u. supra. τεμεί I p. 216, 9. 368, 4. 398, 6. 430, 6. II p. 66, 2. 76, 8. 80, 3. τεμούντι ΙΙ p. 192, 14. τμαθησόνται II p. 192, 13. τέμωμεν Ι p. 20, 9. τεμείν Ι p. 206, 8. 210, 2, 6. 214, 13, 23. 232, 2, 8. II p. 4, 17, 19. 26, 1. τμηθη Ι p. 76, 25. 82, 1. 88, 17. 92, 13. 236, τμαθη I p. 284, 3, 7, 20, 25. 288, 3, 16. 340, 14, 20, 23. **342**, 8, 12, 19, 23. 344, 2. 348, 14. 352, 7, 14. 354, 22. 356, 1. 364, 7. 452, 23. 474, 17. 490, 25. II p. 6, 10, 15, 23. 8, 19. τμηθήτω Ι p. 92, 23. τμηθείς Ιρ. 40, 2. τμαθείς Ιρ. 344, 13. 348, 23. 352, 15. 370, 5. 372, 3. 374, 19. 380, 7. 386, 12. 396, 26. 404, 19. 410, 22. 416, 11. 428, 23. 440, 2, 7. 454, 1. 458, 22. 460, 5. 476, 2. 480, 23. 482, 3. 492, 8. II p. 162, 1.

170, 25. 206, 14, 19. τετμησέται Ι p. 346, 5. 350, 6. Η p. 302, 14. τετμάπει Ι p. 398, 12. 430, 13. τέτμηται Ι p. 266. 3. τέτμηνται I p. 310, 8. τετμήσθω I p. 16, 25. 84, 16. 46, 4. 48, 18. 78, 6. 88, 25. 152, 8, 194, 19, 206, 28, 208, 2. 210, 8, 10. 216, 1, 4, 6. 230, 5, 7. 236, 8. 242, 3. 248, 20. 264, 5. τετμάσθω I p. 344. 12. 352, 15. 370, 8. 454, 1. 476, 1. 482, 3, 16. 492, 8. 494, 12. II p. 56, 13. 148, 5. 172, 4. 202, 11, 14. 214, 8. 306, 13, 18. 312, 26. 314, 2. 342, 13, 17, 18. τετμήσθωσαν I p. 250, 3†. 258, 8. 260, 7. τετμακός u. supra. τετμακός έσσείται I p. 366, 7. τετμημένος I p. 138, 2. 180, 2. τετμαμένος Ι p. 440, 6. τετμαμένος έστο Ι τ. 370, 16. τετμαμένος έσσείται I p. 370, 9. τετμάσθαι I p. 476, 14.

τεταγμένως ordinate. II p. 230, 21. u. κατάγω.

τέτας τος quartus. II p. 4, 18. 12, 5. 124, 24. 126, 8. 218, 6, 8. τετάςτοι ἀςιθμοί II p. 268, 6, 7. 280, 10, 11, 14, 22, 23. 282, 4, 28. 284, 22, 23. 286, 19. τέταςτον ες. μέςος. Ι p. 16, 23†. cfr. μέςος. τετάςτα ἀνάλογον ΙΙ p. 230, 14.

τετραγωνίζω quadro. τετραγωνίζειν ΙΙ p. 294, 18. 296, 4. τετράγωνον quadratum. I p. 258, 8. 260, 7. 262, 5, 12, 17. 444, 18, 21, 24. 446, 3 sq. 448, 2 sq. 450, 18, 22. 452, 2 sq. 464, 10. τὸ ἀπὸ — τετράγωνον Ι p. 76, 17†. 262, 2. 314, 7, 18, 23, 26. 318, 24, 26. 320, 1, 3, 24. 322, 2 sq. 334, 19. 338, 8, 10. 394, 10. 402, 8.

434, 19, 25, 484, 3, 488, 21, 490, 13, 15, 17. 496, 25. 498, 8. II p. 6, 24, 25, 34, 16, 36, 5 sq. 38, 19, 21, 25. 40, 2 sq. 42, 1, 20, 23. 44, 8 sq. 46, 4, 6, 27. 48, 1. 128, 1 sq. 130, 2, 16, 20. 132, 2, 6, 8. 134, 23. 136, 1 sq. 228, 14, 17. 230, 6, 8. 232, 14, 21. 234, 3 sq. tò τετράγωνον τὸ ἀπό Ι p. 286, 17, 19. 298, 17. 300, 2, 4, 24. 302, 2. 304, 9, 10, 19, 20. 306, 1. 312, 23. 326, 1, 6, 18. 328, 6 sq. 332, 16, 21, 23. 346, 21, 22, 27, 29. 348, 2 sq. 350, 14, 15, 22. 354, 4, 8, 16, 18. 356, 2. 408, 14. 410, 15, 21. 412, 9, 11. 414, 14, 15, 27, 28. 446, 8, 9, 21. 448, 14, 16. 452, 11, 13. 466, 10. 488, 26. II p. 84, 15, 19. 86, 4, 8. 40, 15, 16. 42, 14, 15, 17, 21. 44, 9, 14, 24. 46, 2 sq. 48, 4 sq. 50, 3, 6, 14. 106, 17, 20. 108, 5. 110, 14, 16, 22, 25, 27. 114, 8, 11, 16, 17. 116, 6, 9, 23, 25. 118, 8, 18, 19. 120, 26. 122, 4. 124, τὸ ἀπό u. ἀπό. τετράκις quater. I p. 112, 5†. **266**, 4. τετρακισχιλίαι quattuor millia. II p. 274, 7, 16, 18. τετραπλάσιος quadruplex. Ι p. 2, 10. 108, 24. 110, 5. 112, 12, 15. 116, 18. 118, 7, 8, 14, 16. 124, 16. 126, 9. 128, 10, 18, 19, 23. 136, 6, 8. 140, 12, 14, 18, 20, 146, 21, 148, 4, 7, 10. 188, 7. 190, 8. 262, 11. 482, 24. 486, 24. 496, 6. ll p. 4, 12, 12, 6, 38, 5, 124, 25, 214, 17. 218, 4, 16. 220, 7 sq. 222, 3 sq. 224, 5, 10, 24, 26.

226, 3 sq. 236, 3, 7, 18. 336, 8, 10. 338, 22. 344, 20. 346, 1.

350, 17, 18. μείζων η τετο. Ι

έλάσσων p. 140, 19. 144, 10. Ī p. 144, 11. 146, 8. τετραπλασίων idem. Η p. 214, 19. 216, 1, 4. 346, 18. u. lóyos. τετράπλευρον figura quattuor laterum. II p. 832, 21. 334, 1. τετράς numerus quaternarius. I p. 100, 26. 104, 23. 110, 2. 120, 5. 130, 14. 142, 6. τετταράκοντα quadraginta. τεσσαράποντα Η p. 282, 24. τευσαράκοντα καί έξ Η p. 284, όπτω παλ τεσσαράποντα Ц р. 286, 17. τετταφακοστομόριο». pars quadragesima. τετρωκοστομό-QLOV. II p. 264, 26. 266, 5. 274, 4, 8. τετταρακοστός quadragesimus. τετρωκοστός II p. 282, 23. 284, 14. Επτος παλ τετρωποστός II p. 284, 17. 286, 13. τέτταρες quattuor. τέσσαρες II p. 216, 24. 218, 12. 280, 9. 286, 20. τηλικοῦτος (ταλικοῦτος) talis. I p. 116, 7. 178, 14. 184, 19. 186, 21†. II p. 242, 8, 10. **244**, 17. 246, 8. 252, 24. 274, **24**. 276, 22. **2**78, 24. 280, 18. 282, 14. 284, 8. 286, 7. 288, 8. 290, 2. τηνος iste. I p. 6, 4. τίθημι pono. τιθέμενος (έπί) II p. 166, 17. ἐτέθεν II p. 266, 2. τεθείς II p. 250, 9, 252, 5 (ἐπί). τεθεῖσα (ἐπί) I p. 372, 11, 22. suppono. θείς II p. 246, 18? τιθείς II p. 266, 5. lineam ponere uel ducere inter puncta definita. θέμεν II p. 28, 25. 32, 21. de

magnitudinibus propositis uel datis. τεθέωντι II p. 34, 11,

13. 42, 10, 11. 844, 18. 346, 13. τιθέσθα II p. 352, 7. de pondere in libro adfixo. Teθέν (έπί cum dat.) Η p. 158, 12, 13, 30. τίς quis, aliquis. I p. 34, 10. 78, 8. 86, 5. 90, 2. 94, 1. 110, 10. 136, 8. 140, 17. 156, 17. 162, 13. 290, 17, 28. 294, 21. **298, 3, 13. 312, 6. 816, 10. 318,** 9 sq. 320, 11, 18. 326, 26, 27. 328, 3. 332, 5, 7. 336, 8, 10. 344, 23. 362, 26. 364, 8, 19. 366, 19. 368, 1. 376, 18. 382, 1, 12. 384, 18. 400, 9, 26. 416, 10, 23. 422, 25. 424, 4. 436, 15. 440, 22. 446, 20. 448, 10**.** 454, 8, 10, 20. 456, 1. 464, 9. 466, 21. 468, 9, 11. 470, 14. 476, 1, 22. 478, 4. 482, 3 al. II p. 2, 5. 40, 18. 70, 11, 20. 72, 2, 9, 12. 74, 18. 78, 4, 20, 23. 82, 7, 19. 84, 4, 13. 86, 26. 88, 3. 90, 20. 98, 6. 100, 27. 104, 6. 108, 3. 110, 2. 112, 28. 120, 11. 122, 29. 142, 7, 11. 144, 1. 152, 15. 160, 4, 9, 15. 164, 3, 7. 170, 20. 174, 10. 178, 5. 200, 15. 230, 15. 236, 11. 242, 2, 19. 244, 10. 246, 10, 15. 252, 1, 3, 4, 20. 264, 28. 270, 22. 272, 4. 294, 8, 10, 14. 800, 4. 802, 12, 18. 322, 13. 330, 7. 346, 10. δύο τινά II p. 2, 22. allog tis I p. 290, 17. 292, 4, 6. II p. 102, 2. u. älles. Tipes µév — rives dé alii --- alii I p. 6, 21. 8, 9. 10, 5, 15. 56, 12. τίς quis (interrogatiuum) I p. 46, 10†. indirecte II p. 4, 5. τμημα (τμάμα) pars figurae uel lineae. I p. 24, 11, 16. 258, 9. 300, 23. 302, 2. 348, 8. 350, 20. 354, 6, 19. 356, 3. 370, 2. 420, 12 (év). 444, 15, 24. 446, 1, 2, 464, 5, 14. II p. 6, 17, 24, 25. 20, 17, 18. 36, 15, 17, 26. 38, 9, 154, 20 (sv), 21. 156, 2 (sv), 8, 9 (sw), 11. 162, 1. 184, 1, 3. 188, 9. 196, 3, 4. 206, 17, 18. 208, 1, 4. 228, 11, 13. 258, 6. 262, 5. 802, 16, 17. 820, 5. 326, 13. — segmentum. circuli. I p. 24, 4. 34, 24, 28. 36, 4 sq. 42, 3, 5, 22. 44, 7, 8. 46, 17. 48, 24. 52, 9. 56, 8. 98, 25, 27. 100, 1, 6, 148, 17, 152, 11, 154, 10. 156, 13, 14, 160, 24. 224, 8, 9, 15. 230, 10. II p. 294, 15. omissum I p. 38, 2. τμήμα ininedov I p. 182, 17. 186, 8. u. ἐπίπεδος. — sphaerae. I p. 2, 11. 122, 19, 22. 148, 14. 154, 8, 5. 156, 5. 164, 16, 21, 22. 166, 10. 168, 19, 26. 170, 8. 176, 2, 5, 21. 178, **28**, **26**. 180, 25. 184, 16. 188, 8, 18. 194, 12, 18. 196, 6. 198, **2**0, **22**. 200, 7 sq. 202, 2. 204, 25, 26. 208, 7, 15, 16. 210, 2, 6, 9, 17. 216, 10. 218, 8 sq. 220, 8, 10. 224, 3 sq. 226, 4, 9, 10, 17. 228, 2, 21. 230, 10. 232, 2 sq. 234, 24, 28. 286, 10, 21. 288, 18. 242, 5 sq. 246, 1. 248, 17. 250, 5. 252, 2. II p. 4, 17 sq. 6, 1 sq. 8, 3, 8. έν σφαίος Ι p. 148, 20. 154, 8. 176, 8. 10 μεζίον τμάμα Ι p. 242, 5, 13 al. to natà to Î tunua I p. 196, 1. τὸ ἀπὸ ABΓ τμῆμα Ι p. 234, 18. τὸ κατὰ περιφέρειαν τμ. Ι p. 250, 4, 5, 252, 2. 254, 20. — parabelae. I p. 2, 4, 6. 302, 6 sq. 804, 5. 306, 7 sq. II p. 192, 2 sq. 194, 9, 15. 198, 5 sq. 200, 3 sq. 202, 1 sq. 204, 4 sq. 206, 1 sq. 208, 3 sq. 210, 7 sq. 212, 1 sq. 214, 4, 11, 14. 216, 10 sq. 232, 8, 9, 11. 236, 20, 21, 25. 238, 3,

7, 8. 296, 3, 5, 8. 300, 12. 302, 9. 318, 22. 320, 24. 326, 5, **-9.** 328, 18. 330, 2, 5, 20. **3**32, 10 sq. 334, 1 sq. 336, 9 sq. 338, 10, 14. 340, 2 sq. 342, 5 sq. 344, 1 sq. 346, 5 sq. 348, 22. u. περιέχω. — conoidis. I p. 276, 4, 5. 278, 17. 374, 11. 376, 1. 378, 12. 380, 2 sq. 382, 1, 9, 10. 384, 12, 19. 386, 8 sq. 388, 2, 5, 8. 390, 12, 13, 14. 394, 3, 4. 396, 16 sq. 398, 2, 4. 400, 12 sq. 402, 1, 4. 404, 3 sq. 406, 2 sq. 410, 9 sq. 412, 4 sq. 414, ī, 17 sq. 416, 2, 10, 26. 418, 7. 424, 26. 428, 10, 15, 22. 432, 5, 10. 434, 2, 6. 438, 13, 14, 25. II p. 8, 15, 23, 27. — sphaeroidis. I p. 282, 10, 14, 22. 284, 4 sq. 286, 2 sq. 372, 16 sq. 374, 2 sq. 376, 18. 440, 5, 18, 21, 23, 442, 1, 10. 448, 25. 452, 14, 26. 454, 16. 456, 2. 458, 1, 14, 24, 25. 460, 1 sq. 462, 7. 470, 12. **476**, 26. **478**, 8, 9. **480**, 2, 9. 482, 12. 486, 7, 18. 488, 3 sq. 490, 20. 494, 8. 496, 1, 8, 11. 498, 4. τὸ μείζον I p. 284, 8 sq. 286, 9 al. τὸ Ελασσον I p. 284, 12 sq. 286, 3, 4 al. τοίνυν igitur. I p. 36, 18. 396, 20. 424, 26. 428, 14. 450, 5. 452, 22. 474, 17. 490, 24. II p. 42, 1. 50, 9. 66, 21. 102, 20. 112, 7. 122, 13. 158, 4. τοιοῦτος talis. I p. 10, 20. 214, 21. 326, 5. II p. 244, 19. 250, 3. 290, 13. δ τοιούτος Ι p. 6, 18. 8, 6. 10, 1, 12. II p. 8, 2. τομεύς sector. circuli. I p. 18, 14, 21, 23, 22, 25, 24, 1, 10, 13. 26, 19. 162, 1. 176, 17. 182, 17. II p. 88, 12, 23, 26, 28. 90, 21, 25, 26, 92, 2, 3, 6, 9. Archimedes, ed. Heiberg. III.

94, 8, 10, 15, 16. 96, 18, 26, 28. 98, 11, 15. 100, 11, 17. 102, 5, 8, 9, 11, 12. 104, 1, 18 sq. 108, 19, 26. 110, 8 sq. 112, 13, 21, 23. 114, 5, 6, 11. 116, 16. 118, 6, 13, 14, 23. 120, 2 sq. 122, 1 sq. 124, 3 sq. 134, 21. 136, 6, 9. — τομεύς στερεός sector sphaerae. defininitur I p. 8, 11. u. praeterea I p. 184, 12, 13, 186, 2, 3, 11. 188, 16. 196, 9. 198, 16, 17. 200, 4. τομεύς ες. στερεός Ι p. 164, 10, 19, 166, 2, 168, 10, 13, 18. 170, 9. 180, 24, 26. 182, 3 sq. 184, 9, 17. 186, 6 sq. 188, 19. 200, 14. — corruptum I p. 260, 13. τομή (τομά) sectio. sphaerae. I p. 210, 11. 216, 2. 226, 22. — coni I p. 288, 4 sq. — conoidis. I p. 276, 6. 278, 19. 340, 15, 21, 25. 342, 5, 9. 344, 4, 6, 15, 18, 346, 6, 348, 7, 10, 17, 25. 350, 1, 7. 352, 1. 356, 13, 16. 358, 4, 21. 360, 8, 23. 362, 3. 364, 8. 374, 20, 25. 376, 14. 380, 10, 13. 386, 14. 398, 2, 12. 404, 20. 412, 1. 416, 12. 428, 27. 430, 13. II p. 8, 20, 26. — sphaeroidis I p. 368, 6. 370, 19. 372, 1, 4, 9. 440, 9. 454, 3. 460, 6, 7. 476, 3, 15. 482, 5. 492, 10. linea sectionis I p. 78, 7. 88, 26. 92, 24. 206, 8. 348, 19. **352, 11**. **36**0, **28**. **362, 3**. **366,** 10. 368, 7, 11. 440, 14. 460, 9. ποινὰ τομά I p. 340, 17. 342, 16. u. noivog. - punctum sectionis II p. 82, 24. 176, 320, 6. ὰ ἀνάλογον τομα II p. 162, 4. — κώνου τομά I p. 346, 12. 350, 4, 11. 358, 22, 23, 25. 360, 9 sq. 362, 21, 23. 364, 12, 16. 368, 6. 374,

21. 376, 12. 380, 10, 16. 384, 9. 430, 4. 476, 7. II p. 294, 18. 298, 10, 13, 20, 21. 300, 7. 302, 12. 320, 3, 8. 322, 3. 32**6,** 13, 17. 328, 21. 330, 14, 23. 336, 4, 22. 338, 3. — $\alpha \mu \beta \lambda v$ γωνίου κώνου τομά hyperbola. I p. 276, 22, 23. 278, 2, 6, 11. 342, 1. 348, 25. 358, 5, 7. 416, 14. 422, 8. 428, 26. — óğvγωνίου πώνου τομά ellipsis. I p. 280, 20, 23, 25, 27. 288, 5 sq. 290, 2, 3. 306, 19, 21, 24. 308, 3, 8, 14. 310, 3 sq. 312, 2 sq. 314, 28. 316, 2, 3, 6, 19. 318, 2 sq. 320, 9, 12, 14. 322, 26. 324, 1 sq. 326, 5, 24. 328, 16. 330, 2 sq. 332, 4, 6, 8. 334, 16. 336, 8. 338, 20. 342, 13. 344, 5, 9. 348, 10, 17. 352, 2, 9, 18, 20, 354, 2, 9. 362, 20. 366, 9 sq. 368, 13. 370, 19. 372, 5, 10, 26. 380, 14. 382, 2, 5, 8, 13. 384, 5, 15, 17. 398, 13, 14. 400, 1 sq. 402, 12. 408, 9, 12. 430, 14, 19. 434, 23. 440, 9, 12. 454, 4, 12. 460, 7. 476, 4, 13, 16. 482, 6. 492, 11, 14. Η p. 8, 25. περί διάμετοον τάν I p. 318, 17. 324, 15. 326, 20, 26. 330, 13. 382, 2, 8, 13, 384, 5, 13, 386, 1. 398, 14. 400, 10. 408, 9, 14. 430, 15, 21. 432, 2. 454, 8, 19. 476, 19, 21. ἀπὸ διαμέτρου I p. 454, 24. $\tau o \mu \alpha = \delta \xi v \gamma \omega$ νίου κώνου τομά I p. 316, 7, 21 al. αί ἀπὸ τᾶς τομᾶς ἀγομέναι Ι p. 304, 3. 350, 19. 354, 5, 18. 368, 20. II p. 338, 4. cfr. διάμετρος, κέντρον. --όρθογωνίου κώνου τομά parabola. I p. 274, 16, 19. 302, 5, 13. 304, 2, 8. 306, 12, 13. 340, 16. 344, 26. 352, 1. 356, 13, 15. 386, 14. 398, 3, 5. 404,

21. 406, 4. 412, 2. II p. 8, 9, 12. 188, 4. 192, 3, 19. 194, 10. 198, 11. 202, 5. 208, 10. 210, 27. 212, 27. 228, 7, 21. 230, 18. 296, 2, 6. 298, 7, 16. 300, 2, 13. 302, 10, 15, 20. 304, 1, 3. 318, 23. 322, 1. 326, 6. 328, 19. 334, 13, 19. 336, 19, 24, 26. 338, 11, 15, 18. 340, 3. 342, 6. 344, 13, 19. 348, 23, 26. τομά = όρθογωνίου κώνου τομά ΙΙ p. 230, 2, 20, 22. 330, 16. 336, 1, 6, 7. 338, 20 al. τόμος frustum. cylindri. definitur I p. 288, 24, 25. u. praeterea I p. 340, 8, 10. 382, 12. 384, 1 sq. 400, 9, 12, 16, 24. 402, 2 sq. 404, 3. 430, 23. 432, 4. 434, 12 sq. 436, 5 sq. 438, 5, 9, 21. 454, 20. 456, 15. 458, 13. 476, 22. 480, 5, 16. κυλίνδοων τόμοι Ι p. 380, 3. 400, 28. 458, 8. 478, 11. xvλίνδοου τόμοι Ι p. 434, 3. 438, 16. 456, 9. 480, 12. - parabolae. II p. 228, 7 sq. 230, 10. 232, 11. 236, 22, 24. 238, 3, 6, 10. — corruptum I p. 250, 6 (scrib. τόμων). τόπος locus. II p. 250, 10, 23. 252, 6, 23. 254, 4. 266, 4. τορνεύω torno. τορνευθέντος II p. 250, 12. τοσαντάκις toties. Η p. 14, .27. 16, 2, 9. 62, 14. τοσανταπλάσιος Ι p. 14, 5. τοσανταπλασίων Η p. 154, 12. τοσοῦτος tantus. II p. 16, 6, 8, 12. έπὶ τοσοῦτον II p. 268, 11? τοσοῦτοι tot. I p. 116, 7. II p. 20, 16. 272, 8, 21, 23. τουτέστι hoc est. I p. 14, 9. 18, 8. 30, 22. 32, 1+, 20. 44, 16. 70, 20, 21. 88, 6. 110, 25.

126, 9, 140, 11, 148, 5, 150,

2. 160, 17. 190, 22. 192, 2. 194, 9. 196, 7, 13, 16. 198, 28. 200, 3 sq. 202, 15, 16, 19. 204, 8 sq. 206, 17. 208, 11 sq. 212, 4. 214, 11, 12. 216, 22. 218, 7, 8. 222, 11. 224, 21, 27. 228, 15. 234, 26, 27. 238, 8, 10. 240, 8 sq. 242, 12. 246, 9. 248, 9, 12. 308, 5. 390, 24. II p. 32, 29. 34, 2. 66, 8. 114, 18. 152, 21. 162, 5. 178, 18. 186, 23, 25. 190, 4. 200, 8. 204, 6, 11. 210, 1. 212, 20. 216, 1, 19. 218, 26. 220, 23. 222, 14. 224, 2, 22. 232, 2, 12, 236, 12, 18, 19, 348, 19. τραπέζιον trapezium. I p. 40, 22. 56, 3. 310, 9, 11, 12. II p. 182, 26. 184, 7, 10, 15. 186, 11, 12, 14. 194, 1, 2, 3. 196, 6, 10, 12. 312, 17, 20, 21, 23. 314, 3 sq. 316, 1 sq. 318, 2 sq. 320, 10, 12, 20, 21, 322, 7 sq. 324, 2 sq. 332, 1, 4, 7. 334, 6. τρείς tres. I p. 64, 6†. 232, 29. 234, 3, 7, 8. II p. 44, 5. 148, 22. 150, 1. 226, 24. τὰ τρία ΙΙ p. 6, 7. τριάκοντα triginta. τέσσαρα **καὶ τριάκοντα ΙΙ p. 282, 1.**

τοιακονταπλάσιος ΙΙ p. 248, 6, 15.

τοιακονταπλασίων 11 p. 262, 14, 17, 24.

τριακόσιοι trecenti. II p. 264,

τριακοστός tricesimus. τέταρτος καὶ τριακοστός ΙΙ p. 280, 28. 282, 20.

τοίγωνον triangulus. I p. 2, 5. 26, 23. 28, 2. 32, 10. 66, 23. 68, 5. 302, 8, 18. 306, 5, 7, 9. 310, 14. II p. 56, 22. 166, 10 sq. 168, 3 sq. 170, 1 sq. 172, 1 sq. 174, 9, 12. 176, 11. 182, 12. 260, 11. 296, 7. 302, 13 al.

L.

omissum I p. 262, 6 sq. II p. 174, 14. 260, 6. τρ. τὸ διὰ τοῦ ἄξονος coni I p. 78, 5. τριπλάσιος triplex. I p. 266, 13. 280, 7, 15. 296, 24. 300, 3, 5. 340, 11. 416, 6. 420, 3. 428, 19. 444, 3. 448, 17, 18, 21. 452, 13. 462, 18, 20. II p. 6, 24. 12, 5. 34, 18. 36, 7. 38, 8, 16. 40, 11, 18. 102, 9. 104, 24. 124, 24. 126, 10. 216, 2 sq. 218, 5, 17. 220, 5, 15, 22. 222, 12 sq. 224, 4, 8, 9. 226, 13, 17, 21. 236, 8, 14. 264, 14. 308, 6. 320, 12, 13. 324, 21. 326, 1, 2, 20, 21. 332, 6, 7, 9, 23, 24. 336, 9. lóyog I p. 142, 26. 144, 27. 146, 1. 184, 6, 8. II p. 288, 21. u. lóyos. τριπλασίων triplex. λόγος Ι p. 82, 11. 130, 11. 132, 5. 134, 19. 136, 3. 142, 20, 25. 144, 22. 170, 20. 174, 21, 24. 184, 2. 286, 15. — sed etiam alias pro τριπλάσιος legitur. I p. 262, 19. 270, 8. 340, 8. II p. 102, 15, 16. 106, 2, 3. 216, 2, 5. 264, 2, 16. τρίς ter. τρίς ή ΕΔ I p. 232, 26. τρισκαιδέκατος tertius decimus. II p. 290, 9. τρισμυριοπλασίων Η p. 262, **26**. **264**, **1**. τριτημόριον (τριταμόριον) pars tertia. I p. 468, 24. 470, 2, 4. 474, 4. II p. 12, 25. 14, 1. 46, 2. 134, 7, 10, 19, 20. 136, 3, 20. 138, 2, 5, 8, 12. τοίτος tertius. I p. 206, 2. 268, 4. II p. 4, 16. 12, 4. 124, 23. 126, 8. 218, 3, 5, 8, 10. τρίτον μέρος Ι p. 4, 12, 14. ΙΙ p: 10, 16. µέρος omissum l p. 264, 2. 266, 3, 20. u. µέοος. τρίτα περίοδος II p. 268,

23. τρίτοι ἀριθμοί ΙΙ p. 268, 1, 2, 5, 19. 270, 19. 278, 11, 14, 20, 27. 280, 1. 282, 4, 7. 288, 21, 22. 286, 19. τρόπος modus, ratio. τὸν αὐτὸν τρόπον Ι p. 130, 4. 144, 20. 464, 13. ΙΙ p. 44, 6. 54, 3. 62, 6. 192, 8. 268, 5. 270, 7. τὸν εἰρημένον τρόπον Ι p. 302, 18. τόνδε τὸν τρόπον ΙΙ p. 228, 9. 248, 22. 262, 11. 266, 1. u. διά. τνηχάνω. τυγχάνωνει cum

τυγχάνω. τυγχάνουσι cum particip. I p. 56, 11. ως έτυχεν I p. 80, 13†. 410, 18. οὐ τὰν τυχοῦσαν II p. 2, 17.

r.

δπάρχω adsum. δπάρχειν ΙΙ p. 242, 8. 266, 15. ὑπαρχόντων I p. 214, 18. II p. 242, 5. **ὑπάρξασα ΙΙ p. 2, 17.** $\hat{\boldsymbol{v}}\boldsymbol{\pi}\hat{\boldsymbol{\varepsilon}}\varrho$ cum genetiuo. de ($=\boldsymbol{\pi}\boldsymbol{\varepsilon}\varrho\boldsymbol{\iota}$). I p. 6, 5, 8. II p. 2, 3. 10, 7. 266, 13. — cum accusat. supra. II 254, 22. 256, 8. 266, 16. ὺπερβάλλω excedo. ὑπερβάλλον είδει Ι p. 296, 1, 15. 420, 15. 422, 24. 424, 7. 436, 14, 23. 464, 19, 23. 468, 11. 472, 21. — ὑπερβάλλει II p. 242, 8. ὑπερβάλλοντι Π p. 242, 9. ύπερβάλλων II p. 242, 15. 246, 11. ὑπερβαλλόμενος ΙΙ p. 246, 248, 12. — ὑπερβάλλουσα praecipua. II p. 2, 18. ὑπέρβλημα spatium excedens. I p. 296, 2, 7, 9, 16. 420, 17, 20. 426, 20, 25. 464, 19. 468, 12. u. πλευφά. ύπερέχω excedo (cum datino differentiae et genetiuo comparationis). ὑπεφέχει I p. 34, 21. 258, 10. 260, 13. 378, 7. 392, 24. 402, 1. 418, 7, 24. 426, 4, 6. 434, 5, 8. 438, 18.

442, 4, 7. 450, 10. 456, 12. 458, 10. 480, 2, 14. 488, 5, 6. 496, 15. 498, 6. II p. 12, 26. 14, 9. 20, 14. 42, 20. 50, 17. 54, 11, 16, 20, 26. 56, 1, 19. 94, 16. 100, 14. 102, 24. 106, 18. 108, 23. 112, 18. 116, 6, 23. 120, 4. 122, 20. 130, 11, 13. 134, 7. 146, 8. 216, 26. 218, 2, 9. 296, 10. 330, 5, 19. 332, 12, 13, 19. 350, 13. 352, 8. ὑπερέχει έλάσσονι Ι p. 262, 20. 376, 24. 384, 23, 25. 388, 8. 390, 12. 462, 11. II p. 98, 14. 352, 13. ὑπερέχη Ι p. 182, 13. ὑπερέχουσι I p. 298, 5+. ύπερέχοντι I p. 468, 12. II p. 54, 8. ὑπερεχόντων (imp.). Ι p. 420, 18. ὑπεφέχειν Ι p. 10, 20, 21. 142, 3. II p. 14, 26. 16, 19. 296, 10. ἐλάσσονι ὑπερέχειν I p. 374, 17. 380, 5. 388, 7. 392, 23. 400, 29. 418, 6. 426, 3. 434, 5. 438, 18. 442, 4. 450, 9. 456, 11. 458, 10. 462, 15. 470, 16, 20. 480, 1, 13. ὑπερέχων I p. 290, 6, 10. 296, 2, 17. 298, 4, 14. 300, 2. 448, 11, 16. 452, 12. II p. 16, 21. 34, 14, 18, 20, 22. 40, 17. 42, 2 sq. 44, 10, 18. 50, 10, 12. 100, 29. 102, 6, 10, 13. 104, 7, 21, 25, 29. 110, 2, 9, 20. 112, 28. 114, 4, 7, 12. 120, 11, 20, 23. 122, 2, 29. 124, 5, 8, 11. ὑπεφέξει Ι p. 14, 3. Η p. 16, 21. 20, 15. — supersum. ύπερέχουσι I p. 266, 13. ύ περίσχω 💳 ύπερέχω, ύπερίσχειν Π p. 14, 10. ὑπεροχή (ὑπεροχά) excessus. I p. 258, 10. 260, 13. 290, 6. 296, 3, 17. 298, 4, 15. 448, 12. 468, 13. 488, 4. 490, 17. 496, 15. 498, 6. II p. 12, 25. 14, 2, 8. 20, 14, 17, 24. 34, 12, 23.

42, 20. 44, 3, 4, 5, 18. 50, 17. 54, 15, 19, 26. 94, 16. 100, 13. 102, 1. 104, 10. 106, 18. 116, 6, 23. 130, 7. 134, 7, 11. 144, 10, 16. 146, 7. 158, 15. 216, 26. 218, 2, 9. 296, 10. 330, 4, 7, 9, 19. 332, 11, 14, 16, 18. 350, 13. 352, 7. υπό cum genetiuo. ab. I p. 4, 7. 10, 3, 13, 27. 164, 14. II p. 288, 5, 13. 294, 16, 17. 296, 1, 4, 26. 302, 14, 15. cfr. περιέχω, πεοιλαμβάνω. τὸ ὑπό Ι p. 32, 14 sq. 40, 10. 62, 26+. 64, 1†, 2†. 78, 14 sq. 108, 12. 110, 12, 24, 27, 28, 154, 21, 23, 166, 9, 168, 3, 170, 22, 192, 1. 204, 1 sq. 212, 6. 216, 16, 19. 222, 13. 238, 26. 240, 6, 7, 9, 10. 242, 25. 244, 1, 2, 4. 246, 12, 13, 14. 254, 3, 4. 306, 4. 320, 26, 27. 322, 1 sq. 326, 14. 328, 7 sq. 338, 9, 11. 346, 7. 354, 11, 15. 420, 24. 422, 12. 434, 27. 436, 4. 466, 12. 484, 5 sq. 486, 4, 21, 24, 28. 488, 2 sq. 490, 2 sq. 496, 2 sq. 498, 7. ÎI p. 30, 2, 4, 5. 32, 22 sq. 38, 2, 6, 7. 40, 5. 48, 24. 50, 1. 110, 24, 26. 114, 16. 116, 3. 118, 11, 16. 120, 25. 124, 13. 126, 27. 128, 5, 7, 9. 130, 4 sq. 132, 1 sq. 134, 22. 136, 2 sq. 138, 1, 3, 4, 6. cfr. II p. 106, 6. ἀ ὑπὸ — γωνία Η p. 170, 10, 11, 13. 172, 10, 16, 17, 18. 174, 2. u. γωνία. ὰ ὑπό (sc. γωνία) II p. 78, 15. 94, 12. 170, 10, 11, 13. 172, 11, 16, 18, 19. 174, 2. — cum accusativo. sub. II p. 258, 22. u. ύποτείνω, ΰψος. — cum datiuo non occurrit.

ύπογράφω infra describo. ώς ύπογεγράπται ΙΙ p. 152, 9. υπόθεσις, υποθέσεις astro-

nomicae, opus Aristarchi. II p. 244, 9. ὑπόκειμαι suppositus sum (cum infinitiuo). ὑπόκειται Ι p. 374, 23. 380, 12. 440, 16. II p. 16, 4. 256, 8 (particip.). 262, 13. 264, 12. 274, 3, 11. 288, 12. 306, 8. ὑποκείσθω Ι р. 368, 1. упененю І р. 88, 9†. 274, 15. 322, 25. 328, 28. 334, 3. 360, 3. 364, 1. 366, 5. 454, 7, 9. 460, 12. 476, 14. II p. 58, 1 (particip.). 162, 6. ύπέμειντο I p. 304, 22. ύποneluevos I p. 10, 23. 202, 1. II p. 144, 6. 244, 10. 246, 4, 13. 262, 9. 274, 1. respicit ad figuram infra descriptam. ώς ὑπόκειται I p. 258, 5. II p. 312, 24. 316, 22. τὸ ὑποnείμενον I p. 12, 5. 14, 27. ύπολαμβάνω suppone, statuo. İl p. 266, 10. 290, 19. υπολαμβάνομεν I p. 6, 4. II p. 244, 25. ὑπολαμβάνοντι ΙΙ p. 242, 7. ὑπολαπτέον Η p. 244,

ὑποτείνω subtendo. de latere figurae sub angulum subtendenti. ὑπό. ὑποτείνουσα Ι p. 96, 14, 22, 104, 20, 26, 110, 7. 124, 4, 13. IÍ p. 260, 16. ὑποτείνει ὑπό I p. 164, 2†. cum accusatino. ὑποτείνουσα I p. 96, 16. II p. 258, 6. 262, 5. ύποτίθεμαι suppono. Η p. 246, 20. 248, 14, 19. 264, 22, 26. 266, 5, 9. *δποτιθέμεθ*α Ι p. 276, 20. 280, 19. ὑποτιθέται II p. 244, 12, 18. 246, 2, 9. 288, 9, 15, 23. 290, 3, 15. ύποτιθέσθαι ΙΙ p. 246, 6.

υστερον postea. I p. 274, 3, 8. II p. 68, 29. 346, 7. 350, 9. τὰ ΰστερον Ι p. 290, 18, 21. II p. 12, 6.

ύψηλός altus. ύψηλότατος ΙΙ p. 242, 13. ΰψος altitudo. trianguli. I p. 2, 6. 26, 24. 28, 4, 13. 30, 20. 32, 26. 40, 13. 44, 3. 302, 9. II p. 192, 4, 6. 198, 18. 296, 8, 22. 308, 15. 312, 4. 334, 16, 23. 340, 4, 8, 9. 342, 7, 9, 17. 344, 1, 16, 23. 346, 7. 348, 24. 350, 1, 9, 11. — parallelogrammi. I p. 46, 9, 22. 48, 4, 10, 12. 50, 2 sq. — segmenti circuli. I p. 98, 29. — segmenti parabolae. definitur II p. 336, 14. — prismatis. II p. 296, 19. — coni. I p. 80, 26, 28. 82, 7, 8, 19, 21. 88, 11, 13. 112, 22, 27, 118, 10 sq. 134, 5, 13, 14, 18. 146, 9. 188, 19. 194, 13. 196, 8. 198, 5, 19. 200, 3 sq. 202, 4. 204, 14. 232, 4. 340, 4, 7, 10, 12. 408, 2, 7. 416, 4. 488, 21. 498, 2, 3. II p. 8, 22 sq. — cylindri uel frusti cylindri. I p. 146, 20. 188, 13. 374, 16. 380, 3. 384, 20. 388, 6. 400, 28. 402, 9. 418, 5. 426, 2. 434, 3, 20. 438, 16. 442, 2. 450, 8. 456, 10. 458, 8. 460, 2. 470, 15. 478, 11.480, 12. — segmenti sphaerae. I p. 166, 9. 194, 14, 16, 17. — solidi ficti. II p. 228, 15, 19. 230, 6, 8. 232, 14, 21. 234, 3, 7, 14, 16. — ὑπὸ τὸ

— cfr. praeterea II p. 242, 13.
Ф.

αύτὸ ΰψος Ι p. 92, 6, 96, 4.

φαίνω ostendo. φαινέται II p. 246, 5. φαινόμενος II p. 248, 20. τὰ φαινόμενα II p. 246, 4. φανείσας I p. 274, 6. φανέντα II p. 2, 12. φανήσειν passiue II p. 290, 19. φανερός manifestus. I p. 290,

νερόν οὐν έστι τοῦτο Ι p. 16, 25†. II p. 180, 17. cfr. I p. 190, 7. φανερόν (οὐν, γάρ, δέ) ὅτι Ι p. 10, 24. 24, 1. 40, 13†. 42, 27. 108, 5. 122, 12. 128, 8. 146, 13. 154, 26. 160, 8. 164, 9. 168, 23, 172, 9, 174, 22, 200, 19, 250, 13, 294, 10, 316, 18. 338, 18. 370, 13. 410, 8. 412, 8. 468, 20. Π p. 16, 7. 40, 15. 92, 12. 146, 15. 164, 16. 184, 10. 192, 9. 228, 23. 238, 9. 262, 21. 270, 19. 272, 17. 276, 15. 278, 11. 280, 11. 284, 1, 10, 25. 286, 8, 22. 288, 22. 290, 13. 308, 9. 310, 2. 324, 18, 25, 27. 334, 12. 338, 3, 23. 340. 19. 342, 1. 346, 10. διότι ΙΙ p. 96, 2. φανερον έκ τούτων ότι I p. 58, 18. 354, 25. II p. 150, 14 al. φανερόν έστιν ὅτι I p. 58, 5. II p. 6, 13, 98, 17. φανερον ουν έστιν, ο έδει δείξαι I p. 328, 28, 334, 3. 458, 19. 480, 21. φέρω. φέρομαι moueor, circumuoluor. de circulo et figura ei inscripta, quae sphaeram et solidum efficient. οἰσθήσεται Ι p. 120, 11, 13. 162, 5. οίσθήσονται Ι p. 102, 12, 16, 21. 120, 21, 28. 152, 14 +. 162, 13, 19. ένεχθήσεται I p. 102, 2. ἐνεχθήσονται I p. 102, 4, 9. — de puncto, quod in linea circumacta mouetur et spiralem efficit. φερήται Π p. 10, 12. 52, 2. φερόμενον II p. 10, 26, 14, 14, 18, 3, 52, 11. 54, 15, 25. 58, 26, 27. 60, 3, 23, 24. 62, 1. ἐνεχθέντος II p. 18, 3. ἐνεχθη̃ II p. 14, 13. ἐνηνέπται ΙΙ p. 16, 5, 6,

8, 12. ἐνηνέχθω II p. 14, 18.

ένηνέχθαι ΙΙ p. 16, 4. ένηνεγ-

12. 342, 27? II p. 4, 10. φα-

μενον ΙΙ p. 18, 12, 14. έ. έστω II p. 18, 8. Lorly II p. 58, 25. φημί (φαμί) dico, contendo. φημί (δή) ὅτι in repetendo proposito (cfr. λέγω). I p. 244, 13. 246, 5 sq. 416, 26. 440, 24. II p. 162, 14. cum infinitiuo I p. 460, 23. II p. 10, 14, 24. 12, 2, 18. 56, 10. 208, 23. 306, 6. 310, 11. 312, 12, 24. 316, 23. 320, 9. 326, 17. 330, 2. φαμές II p. 246, 7. — φαμένοι II p. 4, 2. φιλία amicitia. II p. 294, 4. φιλοπονία industria. II p. 2, 18. φίλος amicus. II p. 294, 6. φροντίζω meditor. περί. πεφροντικότεσσι ΙΙ p. 290, 22. φυσικώς a natura. I p. 4, 17. φύσις natura. I p. 4, 5.

X. χαίοω. χαίοειν ualere, saluere. I p. 2, 1. 188, 1. II p. 2, 1. χείο manus. Η p. 248, 25. χιλιάγωνον figura mille laterum. II p. 248, 17. 254, 18. 262, 8, 19, 21, 25, 27. γιλιάς ΙΙ p. 266, 23. 268, 4. zílioi mille. II p. 270, 11, 15. 276, 14, 17, 25. 278, 2. 280, 10, 14, 22, 24. 282, 29. 284, 4, 12, 14. 286, 21. 290, 5, 12. **χιλιοπλασίων** ΙΙ p. 262, 22. χράομαι utor. χρωμένοι ΙΙ p. 296, 16. κεχοήνται II p. 296, 12. χρείαν έχειν zeεία utilitas. I p. 286, 26. II p. 14, 5. 298, 5. **χοήσιμος utilis. II p. 266, 9. 27**0, 20. zoόνος tempus. II p. 2, 14. **τοόνον ποιείν ΙΙ p. 2, 7. — ΙΙ** p. 14, 16, 20, 23, 16, 1 sq. 18,

5 sq. 54, 13, 17, 21, 24. 60, 22. omissum II p. 18, 15, 22. χοόνφ tandem. II p. 2, 12. χώρα terra, regio. II p. 242, 5. zwęsir II p. χωρέω capio. **274**, 6. χωρίζω colloco. κεχωρίσται ΙΙ p. 6, 14. πεχωρισμένος ΙΙ p. 4, 1. 6, 9, 22. $\chi \omega \varrho lo \nu$ spatium. I p. 24, 2 sq. 26, 1 sq. 36, 8, 10, 16. 38, 6, **7**. **40**, 18. **42**, 12, 25, 26. **44**, 13, 16, 46, 11, 14, 48, 17, 25, 52, 4,8,9. 54,22,23. 56,28. 152,4. 166, 8. 172, 6. 294, 21. 296, 2 sq. 298, 3, 6, 8, 11. 300, 6, 7, 9, 13. 306, 19. 308, 21. 312, 14, 16, 19, 24. 314, 2, 12, 24. 316, 6 sq. 408, 8, 11. 420, 15, 22. 422, 12, 18, 23, 27. 424, 3 sq. 426, 13, 18, 24, 26. 436, 3 sq. 438, 2. 464, 8 sq. 466, 14, 20, 23, 28. 468, 2 sq. 470, 27. 472, 4 sq. II p. 10, 15. 12, 2, 7, 10, 11, 18, 21. 14, 8. 44, 27. 48, 14. 50, 6. 52, 15, 17. 88, 8, 14. 90, 1, 20, 24. 92, 5 sq. 94, 20 sq. 96, 3 sq. 98, 7 sq. 100, 6 sq. 102, 19 sq. 106, 5, 10, 28. 108, 10, 17, 22, 24. 112, 19. 114, 14, 26. 120, 1, 3, 4. 122, 15, 18, 20. 126, 1 sq. 128, 4, 11, 12, 26. 130, 6, 17, 21. 132, 3, 27. 134, 3, 17, 21. 136, 6 sq. 138, 10, 11. 164, 14. 188, **3**, **11**, **12**. **190**, **1**, **7**. **198**, **20**. 208, 19. 294, 16, 17. 296, 9, 12. 306, 3, 4, 6. 308, 2 sq. 310, 8 sq. 312, 6, 23, 25. 314, 12, 13, 15. 316, 5, 18. 318, 13, 17. 320, 19, 20, 24. 322, 13. 324, 1 sq. 328, 3 sq. 330, 3, 6, 10. 332, 12 sq. 334, 4, 8, 10. 340, 25. 344, 13 sq. 346, 3, 4, 9. 350, 2, 6, 13, 16. 352, 1 sq. χ. έπίπεδον Ι p. 190, 5, 9. Π

p. 4, 9, 13. — omissum I p. 36, 13. 42, 14, 17, 20. χωρίς praeter (ita ut excipiatur). I p. 18, 23. 26, 22. 28, 1. 30, 18, 24. 32, 25. 42, 2. 44, 6. 58, 7 sq. 60, 4, 6, 15. 68, 22. 70, 4. 98, 26. 100, 6. 102, 3. 120, 18. 146, 23. 148, 7, 24. 152, 12, 156, 15. 290, 11. 298, 10. 300, 4, 16. 392, 13. 424, 13, 15. 430, 21. 438, 1, 2. 448, 18. 452, 12. 472, 21. II p. 40, 1, 19. 42, 6, 16, 22. 44, 10, 14. 50, 13, 18. 92, 6. 10**4**, 26, 29. 110, 12, 20. 118, 7, 12. 120, 17, 23. 124, 4, 11.

Ψ.

ψαμμίτης titulus libelli. II p. p. 242 sq. ψάμμος (δ) arena. II p. 242, 2, 10. 244, 1. 246, 8, 12. 264, 23, 24. 274, 11 sq. 276, 15, 21, 27. 278, 12, 17, 23, 26. 280, 12, 18, 21. 282, 7, 13, 16. 284, 1, 8, 11, 26. 286, 6, 9, 22. 288, 2, 4, 8, 25. 290, 2, 4, 14. cfr. άριθμός. ψαύω tango. ψαύνντα έπίπεδα I p. 282, 8. 368, 7. ψεῦδος falsum. II p. 6, 10, 13,

Ω.

22. 8, 5.

φδε sic. II p. 126, 13. ως uelut. I p. 368, 20. 378, 4. — circiter. II p. 246, 15, 17, 19, 20. 248, 6 sq. 266, 5. sicut. I p. 176, 22. II p. 14, 4, 6. 294, 9. 332, 24 al. quasi. II p. 294, 14. — = ατε II p. 294, 6. — = ωτε (cum inf.) II p. 254, 3. — quomodo. II p. 298, 2, 3. — = στι. u. δείκνυμ, λέγω. — in proportione indicanda. ἐστιν ωςούτως Ι p. 14, 6, 7. 62, 25. 64, 3, 4†. 86, 15. 98, 5. 100, 9. 110, 19 174, 11, 17. 196, 11, 12. 198, 23, 26. 212, 8, 9. 216, 22, 24. 218, 1, 2. 220, 13. 222, 6, 11, 13. 224, 6, 21. 230, 11. 234, 25. 238, 1, 11. 322, 4. 328, 6, 8, 11. 338, 2, 4, 8. II p. 24, 22. 152, 19. 154, 8, 12, 13, 15. 168, 15. 170, **2**3. 172, 8 sq. 180, 22, 23, 26, 200, 4. 212, 6, 15, 17. 216, 13. 222, 10, 15, 19, 23, 224, 13, 16, 226, 1, 16. 232, 1, 11, 18, 20. 234, 24. 236, 4, 10, 12. 238, 2, 4, 6. 300, 20. 302, 1, 4. 308, 5. 322, 15. 324, 6, 7. omisso ovτως I p. 64, 7†. 82, 2. 98, 3 sq. 100, 11, 176, 26, 202, 11, 12, 13. 204, 2. 208, 11. 212, 2. 216, 5, 6, 10. 224, 24. 228, 11. 230, 6, 14. 234, 8. 238, 13, 16, 19. 240, 11, 18, 20. 264, 6. 268, 6. II p. 34, 1, 2. 300, 7. 314, 14. ως έστιν — ουτως I p. 196, 14. — ώς — ουτως έστιν II p. 226, 6. — ἔχει ποτὶ — ὡς ΪΙ р. 108, 6. 126, 19, 23. ёхгі ώς — ούτως I p. 328, 13. πρός - ώς Ι p. 76, 17†. 172, 6. 202, 19. 212, 5. 262, 10. 338, 11. II p. 30, 9, 13. 32, 23. 34, 4. πεποιήσθω ώς οῦτως Ι p. 210, 13, 14. 214, 14. 216, 11. 220, 1. 222, 26. 224, 4, 17. 230, 2. **234**, 12, 22. II p. 210, 9. 234, 13. omisso ούτως Ι p. 214, 1, 24. 236, 16. ώς — οΰτως Ι p. 84, 9, 11, 18. 86, 16, 18, 20. 88, 2 sq. 100, 17 sq. 174, 14. 190, 21, 26. 192, 1, 3. 194, 4, 21, 23. 196, 15. 198, 24, 27. 200, 5, 11, 23. 202, 15. 204, 11. 206, 15. 208, 1. 210, 19. 212, 3, 22. 214, 10. 216, 25, 26. 218, 4 sq. 222,

2 sq. 224, 26. 228, 12, 13, 15. 230, 12. 232, 12. 234, 29. 238, 21. 322, 6. II p. 32, 26, 27. 152, 15. 154, 10. 186, 16, 17, 18, 20. 190, 5, 13. 224, 23. 226, 7, 12. 230, 14. 232, 3 sq. 234, 20, 22, 27. omisso σῦτως I p. 192, 24, 29. 196, 16, 20. 202, 17. 204, 3, 4, 5, 7. 212, 1, 6, 21. 216, 16, 17. 224, 23, 26. 230, 13. 232, 16. 238, 20, 23. 264, 7. 268, 7, 8. 428, 4. u. λόγος, ἔχω.

ώσαύτως item. I p. 378, 5. II p. 86, 24.

ωσπες tamquam. II p. 10, 6. 244, 26?

ωστε ita ut. cum infinitiuo. I p. 12, 18. 16, 2. 18, 16, 26. 20, 18. 22, 2, 10. 24, 10, 15, 21. 30, 22. 58, 2. 60, 22. 66, 6. 70, 10. 72, 20. 90, 15. 96, 12. 136, 15. 138, 4, 27? 140, 1, 25. 142, 2. 144, 11. 176, 19. 186, 7. 192, 24. 208, 1. 210, 2, 6. 216, 5, 6, 9. 224, 6. 230, 6. 232, 3. 318, 23. 326, 6. 374, 16. 380, 4. 388, 6. 392, 23. 400, 29. 418, 5. 426, 2. 434, 4. 438, 17. 442, 3. 450, 8. 456, 10. 458, 9. 462, 3, 9. 470, 15. 480, 1, 18. II p. 4, 17, 19. 6, 5, 23. 8, 11. 10, 23. 16, 18. 22, 4. 24, 6. 26, 8. 28, 8. 30, 24. 64, 27. 72, 17. 76, 5. 78, 28, 84, 20, 88, 13, 92, 13, 16, 25. 96, 7, 9, 19. 98, 3, 19, 21. 100, 11. 102, 23. 108, 20. 112, 13. 120, 2. 122, 17. 134, 14. 158, 16. 160, 11. 162, 1. 184, 1. 188, 9. 190, 8. 198,

21. 202, 12. 206, 5, 20. 208, 11, 21. 212, 8. 214, 1. 228, 11. 244, 17. 252, 15. 306, 15, 24. 312, 26. 318, 10. 340, 23. 344, 6, 8. 350, 14. οῦτως ὤστε Ι p. 372, 23. — quare. cum indicatino. I p. 16, 24 †, 28. 18, 7. 26, 17. 28, 10. 58, 11 †. 64, 16. 66, 23. 72, 4. 80, 3. 126, 3. 142, 24. 144, 13, 17. 146, 2. 206, 18. 216, 17, 26. 226, 3. 228, 9, 19. 230, 10, 16. 240, 23. 254, 5, 14. 266, 14. 268, 15. 270, 11. 300, 9. 306, 3, 6. 322, 22. 328, 25. 332, 26. 346, 6, 27. 350, 7, 15. 354, 17. 358, 21, 25. 362, 6, 23. 400, 8. 404, 5. 412, 10. 424, 17, 22. 428, 1, 7. 448, 24. 488, 3. II p. 16, **15.** 30, 8, 10. 38, 25. 56, 21. 66, 16. 70, 6. 76, 17. 86, 8. 112, 2. 114, 23. 122, 8. 124, 14, 16. 144, 11. 154, 6, 18. 156, 1. 162, 8, 166, 5, 11, 170, 9, 172, 16, 174, 1. 178, 1. 180, 18, 27. 182, 8, 23. 186, 6, 13, 19. 190, 20. 200, 17. 204, 3, 12. 210, 9. 214, 20. 216, 20. 222, 19, 26. 224, 21, 26. 232, 11. 236, 19. 256, 8. 258, 3, 18. 260, 1, 18, 22. 262, 3, 25. 272, 14. 294, 19. 302, 3. 304, 6, 19. 310, 22, 26. 314, 18. 318, 7. 320, 23. 322, 5. 328, 7. 334, 2. sine uerbo. I p. 62, 13. 68, 9. 152, 5. 198, 27. 338, 14. 360, 16. 364, 26. 392, 14. 438, 8. 446, 10. II p. 154, 4. 156, 22. 232, 4, 17, 24. 234, 23 al. in eiusmodi locis semper auditur indicatious. — μείζων ή оста II р. 158, 14, 16. 160, 2. 274, 6.

Index uerborum apud Eutocium occurrentium.

Hic locos, quos Eutocius e uerbis Archimedis excerpsit et suis notis praefixit, ut par erat, neglexi. contra recepi uocabula in fragmentis aliorum ab Eutocio citatis occurrentia, quia haec fragmenta plerumque suis uerbis dedit. tamen in omnibus excepto fragmento illo Archimedis III p. 154, 23—172, 26, quod se ipsum retractasse diserte profitetur III p. 154, 15 sq., semper auctoris nomen significaui, in qua re his compendiis usus sum:

pl = Plato. h = Hero. ph = Philo. ap = Apollonius. dc = Diocles. pp = Pappus. sp = Sporus. m = Menechmus. ar = Archytas. e = Eratosthenes. n = Nicomedes. di = Dionysodorus.

A.

Άγαθός α. ὧ. άγγεῖον uas. III p. 106, 19 e. άγνο έω ignoro. ήγνοημότες p. 302, 1. αγω duco lineam rectam (perpendicularem, parallelam). άγομένη p. 38, 12, 14, 27. 40, 6. 174, 12. 326, 11, 17. ήμται p. 28, 4. 72, 18 h. 76, 4 ph. 126, 9. 134, 22. 194, 18 dc. 214, 22. 220, 26. 222, 18. ηχθω p. 16, 18, 21, 23. 38, 19. 72, 1 h. 78, 23 dc, 25 dc. 82, 22 dc. 84, 11 pp. 90, 7 sp. 92, 23 m. 98, 24 ar. 100, 17 ar. 120, 4 n. 122, 1 n. 154, 29. 156, 4. 160, 18, 19, 22, 27, 162, 26, 164, 25. 168, 7, 9, 170, 16, 182, 3 di. 192, 3 dc. 198, 15 dc, 28

dc, 29 dc. 204, 13 dc. 206, 18. 338, 22. 340, 1. ἤχθωσαν p. 74, 3 ph. 78, 20 dc. 90, 12 sp. 94, 2 m, 22 m. 96, 10 m. 98, 5 m. 108, 3 e. 164, 23. 182, 4 di. 190, 28 dc. 198, 18 dc. 328, 17. 340, 3. ήγμένη p. 162, 29. 164, 21. 194, 20 dc. 302, 4. ήχθαι p. 254, 18. ἀχθη p. 80, 20 dc. 82, 3 dc. 320, 20. dzθείσα p. 40, 12. 82, 4 dc. 94, 20 m. 170, 20. 194, 15 dc. 320, 21. 332, 7. άγάγωμεν p. 320, 16. 326, 14. άγαγών p. 300, 19. άγαγείν p. 300, 28. ή οΰτως άγομένη p. 30, 14. άδηλος p. 14, 1, 7. άδιαίρετος individuus. p. 142, 7. άδιαρθρώτως inarticulate. p. 140, 11.

άδυνατέω nequeo. άδυνατήσαντα p. 152, 21.

αδύνατος. ὅπες ἀδύνατον p. 120, 12 n. ἀ. πρόβλημα p. 176, 10. cum inf. p. 268, 22. 336, 23. ἀεί p. 68, 16 pl. 116, 14 n, 16 n, 18 n. 118, 6 n. 148, 28. αίρέω sumo. Ελης p. 112, 18 e. αίτω ησις sensus. p. 6, 12. αίτω postulo. ήτήσατο p. 6, 21. ὡς ἤτηται p. 220, 25. αίτημα postulatum. p. 6, 10, 15. 308, 4.

αίτία causa. διὰ τὴν αὐτὴν αίτίαν p. 356, 13.

απλαστος non fractus. p. 4, 14. απολουθέω sequor. ἀπολουθείο sequor. ἀπολουθοίντο p. 172, 27. ἀπολουθοίντο p. 28, 18. ἀπολουθών p. 302, 6. 306, 3. ἀπολουθήσει p. 146, 8.

ακολουθία tenor. p. 148, 26. ακόλουθος consentaneus. p. 60, 2. 178, 18. 208, 27.

ακολούθως congruenter. p 214, 10.

άκού ω intellego. άκού ειν p. 314, 3.

άκοιβής p. 2, 4. 272, 8. 276, 19. 288, 24. τὸ ἀκοιβές p. 272 col. III, 8. 274, 16, col. III, 8. 280, 7. 286, 7. 290 col. III, 9. 292, 13. 296, 17. 298, 12. ἀκοιβέστερος p. 300, 19, 27.

άποιβῶς p. 264, 17. 268, 21. 300, 24. 302, 10. 324, 1. άποιβέστερον p. 110, 9 e.

ακος extremus. of ακοι sc. δοι termini exteriores proportionis. p. 40, 26. 48, 25. 50, 3. 72, 13 ph. 146, 28. 182, 11 di. 224, 25. 234, 13, 18, 21. 246, 1. 256, 13. cfr. p. 356, 10. u. praeterea p. 112, 17 e. 116, 12 n.

άληθής uerus. p. 6, 21. 12, 26. άληθῶς re uera. ὡς ἀληθῶς p. 264, 7. recte. p. 328, 12. άllά autem. p. 4, 18. 10, 17, 20, 29. 12, 4, 10. 20, 8. 24, 8. 30, 1, 17. 36, 9. 40, 27. 44, 14. 46, 1. 64, 10. 72, 16 h. 74, 24 ph. 76, 1 ph. 80, 7 dc. 86, 24 pp. 88, 27. 90, 22 sp. 92, 1 sp, 5, 10, 13 sp. 94, 26 m. 98, 11 m. 108, 18 e, 20 e. 120, 10 n. 124, 16 n, 27 n. 126, 13. 130, 23. 134, 6, 27. 138, 5. 144, 14, 16, 156, 18, 22, 158, 24. 162, 3, 8. 170, 3. 172, 1. 182, 8, 21 di, 24 di. 184, 8, 18 di. 186, 13 di. 194, 26 dc. 196, 1 dc. 200, 16, 22 dc. 202, 9, 13, 16 dc. 212, 5, 19. 214, 29. 216, 20 sq. 218, 5. 222, 24. 228, 16. 280, 11. 232, 20. 238, 13, 18, 21. 240, 11, 15, 19. 242, 7, 17. 244, 6, 11. 246, 8. 250, 24. 296, 5. 314, 23 al. uerum. p. 4, 15, 21. 12, 22. 14, 19. 18, 13. 66, 1. 106, 10 e. 128, 6, 16. 140, 15. 146, 5. 178, 12. 268, 25. 336, 24. at certe. p. 142, 9. 266, 19, 27. cfr. p. 66, 16. $\alpha \lambda \lambda \dot{\alpha} \delta \dot{\eta}$ p. 20, 11. 120, 13 n. 170, 13. ἀλλὰ καί p. 8, 19. 16, 10. 36, 2. 44, 66, 14. 220, 26.

ållin 2005 p. 14, 5, 19. 34, 27. 36, 10, 12, 17. 46, 22. 52, 20. 56, 8. 60, 20. 62, 22. 68, 2 pl. 70, 11 h. 84, 22 pp. 96, 27 m. 98, 3 m. 110, 12 e. 112, 2 e. 114, 20 n. 188, 22 dc. 190, 3 dc. 204, 5 dc, 16 dc. 206, 1, 4 dc. 216, 3. 220, 17 al.

άλλος p. 2, 18, 21. 6, 25. 8, 3. 116, 2 n. 130, 5. 140, 26. 210, 2. κατ' άλλο καὶ άλλο σημείον p. 226, 19. 254, 8. cum articulo p. 2, 13. άλλος τις p. 36,

30. 48, 4. 88, 2 pp. 120, 6 n. 150, 8. 160, 2. 196, 20 dc. 210, 5, 6, 10. 222, 8. 224, 28. 260, 4. 346, 11. 348, 13, 14. 350, 7, 8. 358, 7. 366, 1. és ãllo p. 112, 14 e. ἄλλως p. 96, 5. 220, 23. 222, 224, 2. τὸ ἄλλως p. 234, 16. καὶ ἄλλως 214, 19. ούκ άλλως p. 28, 14. α̃μα p. 2, 9. 100, 8 ar. 114, 15. άμαρτάνω erro. ημαοτημέvog p. 154, 7. άμβλύς. άμβλεῖα γωνία p. 14, 22. 252, 7, 9. άμελετησία incuria. p. 178, 27. άμήχανος inhabilis. p. 114, 14. άμφότεροι p. 12, 13. 14, 4. 54, 12. 60, 7. 146, 6, 7, 9. 150, 26. 360, 4. αν cum optatiuo potentiali. p. 2, 16. 4, 11, 25. 64, 28. 78, 11 ap. 142, 5. 214, 5. 220, 23. 224, 1. 264, 1, 8, 13, 15. 268, 5, 6. 282, 15. pro ἐάν p. 14, 18. 214, 9. 286, 7. $n\tilde{\alpha}\nu = n\alpha l$ έάν p. 226, 18. 234, 20. post pronomina relativa et coniunctiones p. 106, 11 e. ἄχοις. $\dot{\alpha} \nu \dot{\alpha}$ distributiue. p. 18, 3. άναγκαϊος p. 178, 24. 266, 2. 324, 2. 326, 2. άνάγπη cum inf. p. 174, 8. άναγράφω, άναγράφεται p. 112, 22 e. τετράγωνον άναγεγράφθα άπό p. 62, 11. δμοίως άναγεγραμμένος p. 242, 364, 8. άναγράψωμεν p. 362, 5. άνάγω, άνήχθω διά παρά p. 180, 19 di. άνάθημα donum uotiuum. p. p. 110, 12 e, 17 e.

άναλέγεσθαι colligere. p. 270, 6 (\$\xi\$). 306, 6. άναλογία p. 46, 21. 66, 7 pl, 23 pl. 104, 14 e. 210, 1. 290, 5. 296, 3. 348, 1, 6. 350, 12. 354, 2. 358, 11. 368, 18. άνάλογον p. 106, 21 e, 24 e. α. έξης, μέσος. άνάλογον έχειν p. 54, 6. άναλογ. είναι p. 72, 14 ph. 92, 24 m. 102, 14 ar. 112, 4 e, 7 e. 138, 6. 182, 12 di. 212, 9. 216, 16. 220, 4. 228, 7. 230, 17. 234, 13. 242, 12, 13. 288, 5. 342, 19. 364, 6. 368, 14. άνάλυσις p. 66, 5. 160, 10. 164, 18. 166, 6, 13. 176, 28. 208, 23. κατά την άνάλυσιν p. 152, 11. ως έν τῆ ἀναλύσει p. 218, 19. διὰ τῆς ἀναλύσεως p. 66, 4. άναλύω, άναλύων p. 240, 25. άναλέλυται p. 174, 26. τὰ άναλελυμένα p. 154, 21. 176, 27. άναμετοέω dimetior. άναμετρείν p. 106, 18 e. άναμετοήσαιο p. 112, 17 e. άνάπαλιν p. 18, 25. 22, 1. 134, 16. 138, 19. 144, 12. 194, 7 dc. 282, 28, 300, 1, 346, 15. 350, 16. 352, 6. 354, 27. 364, 18. — alio sensu p. 236, 17. άναπλη ρόω. άναπληρούμενος p. 74, 22 ph. άναπεπληφωμένος p. 86, 6 pp. άναπληφοῦν p. 152, 26. άναστρέφομαι. άνεστραμμέvos p. 66, 17. άναστοέψαντι p. 20, 24, 26. 138, 18. 150, 6. 350, 20. 352, 2. άνατίθημι. άνέθηκα misi. p. 2, 15. άνατομή rima. p. 116, 4 n, 9 n, 15 n. άνελλειπής plenus. p. 114,16. άνελλειπῶς p. 266, 13.

άνεμιαῖος inanis. p. 2, 17. άνεπαίσθητος insensilis. p. **272**, 7. άνευ p. 106, 25 e. άνής p. 66, 9, 18. 114, 13. 264, 11. ανθεμα = ανάθημα p. 114, 7 e. **ἄνθοωπος** p. 178, 27. ανισος p. 8, 19. 10, 11. 12, 25. 14, 19. 18, 2. 46, 24. 90, 5 sp. 224, 10, 13, 18. 228, 22. 240, 3. al. els avida p. 254, άνισότης inaequalitas. p. 12, 21. 14, 8, 16. άνομοίως p. 350, 11. άντιάω. άντιάσειε accipiat (cum genet.) p. 114, 6 e. άντίγοαφον codex. p. 152, 19. 180, 2. άντιπάσχω, άντιπεπόνθασιρ. 64, 27. 158, 21. 160, 12. 184, 7 di. 186, 23 di. 216, 1. 370, άντιπεπονθέναι p. 164, 28. 260, 8. κατά τὸν άντιπεπονθότα λόγον p. 336, 2. άντιπεπόνθησις ratio contraria. p. 336, 10. άντιπεριάγω in contrariam partem circumago. άντιπεριαγόμενος p. 100, 11 ar. άντιστροφή conversum. 158, 8. 162, 21. 166, 17, 28. 196, 24 dc. ανω supra. p. 208, 27. άνωτέρω p. 4, 19. 142, 15. 148, 9. 174, 10. 178, 12. 222, 23. 228, 11, 23. 246, 4. 254, 7. 312, 23. 368, 13. έν τοῖς ά. p. 350, 2. ά. τοῦ P p. 336, 8. ανωθεν supra. p. 68, 13 pl. 116, 2 n. ἄξιος p. 2, 2. 264, 7. άξιόω censeo. άξιοῖ p. 6, 10. , άξιοῦν p. 104, 20 e.

άξίωμα p. 308, 4, 5. άξόνιον cardo. p. 116, 6 n, 11 n. αξων cylindri. p. 62, 7. 64, 16, 18. 66, 1. 116, 17 n. coni. p. 40, 1. 212, 9. parabolae. p. 94, 14 m. 96, 19 m, 23 m. 156, 27. 162, 15. 166, 3. 174, 23. 180, 15 di. 326, 12. 334, 1. cfr. πεοί. άπάγω. ἀπάγει είς connertit in. p. 190, 18 dc. $\tilde{\alpha}\pi\alpha\xi$ semel. p. 346, 26. 356, άπαρτάω suspendo. άπηρτημένος έξ p. 306, 22. äπας omnis. p. 106, 22 e. 300, 29. ἄπαντα πρὸς ἄπαντα Eucl. V, 12. p. 52, 21. 150, 2. 344, 11. 352, 16. ἄπειρος. ἐπ' ἄπειρον in infinitum. p. 96, 28 m. άπεναντίον, ἡ άπεν, πλευρά parallelogrammi. p. 42, 17. άπέχω. ἴσον ἀπέχουσαι genet. p. 334, 1. ἀπλῶς p. 4, 15. 176, 14. 268, ούχ ὰπλῶς p. 4, 13. άπό a (puncto). u. κάθετος, ό**οθ**ός, αξ άπὸ έπί (εc. άγόμεναι εύθεῖαι) p. 28, 15. 74, 6 ph, 7 ph. 78, 14 ap. αξ άπό p. 70, 16 h. 76, 13, 21. cfr. p. 80, 25 dc. ex (de fundamento) p. 22, 17. cfr. p. 306, 4. — cfr. ἀποτέμνω cett. τὸ ἀπό — τετράγωνον. u. τετράγωνον. omisso τετράγωvov p. 36, 8, 9, 10, 11. 40, 1. 46, 3 sq. 48, 28. 52, 7, 26. 54, 2, 21, 22. 64, 24, 25. 72, 4 h, 5 h, 6 h, 7 h. 74, 25 ph, 27 ph. 86, 12 pp, 13 pp, 18 sq. pp. 90, 25 sp, 26 sp. 92, 6 sp, 7 sp, 9 sp, 26 m, 27 m. 94, 1 m, 23 m. 96, 16 m, 18 m, 22 m. 98, 7 m, 10 m. 102, 10 ar. 124,

20, 23. 150, 19, 23. 152, 6. 154, 26. 156, 7 sq. 158, 19 sq. 160, 6 sq. 162, 2 sq. 164, 11 sq. 168, 14, 16. 170, 1 sq. 172, 4 sq. 174, 1 sq. 176, 10, 19, 20. 180, 18 di. 182, 13 di, 14 di sq. 186, 14 di, 15 di. 194, 10 dc sq. 196, 2 dc sq. 200, 11 dc sq. 202, 1 dc sq. 206, 21, 29. 208, 1 sq. 212, 16. 214, 29. 216, 1, 4, 7, 16. 218, 23, 24, 26. 220, 1, 2, 21. 222, 21 sq. 224, 5, 6, 26. 226, 2 sq. 228, 7 sq. 230, 4 sq. 232, 3 sq. 234, 2 sq. 238, 4 sq. 240, 7 sq. 242, 18, 19, 24. 244, 3 sq. 246, 5 sq. 248, 2, 27, 29. 250, 1 sq. 252, 8 sq. 254, 20, 22, 23. 256, 1 sq. 258, 6 sq. 272, 2, 3, 4, 5, col. I, 6. 274, 12, 13, 14. 276, 16, 17, 19. 278 col. I, 9. 280, 4, 5, 7. 286, 4, 5, 6, 7. 288, 21, 22, 24. 292, 9, 10, 11, 13. 296, 15, 16, 17. 298, 9, 10, 13. 328, 29. 330, 1, 2, 9, 16. 340, 8. 362, 14, 15. από? p. 232,11. δ απὸ — πύβος u. κύβος. omisso κύβος p. 86, 22 pp, 24 pp. πύλινδοος άπὸ κύκλου p. 64, 1, 21, 26. απὸ σημείου tangere. p. 74, 26 ph, 28 ph. 98, 23 ar. άπογράφω. άπεγοαψάμεθα p. 178, 19. 198, 18 dc.

2 n sq. 126, 12 sq. 132, 28.

134, 1 sq. 138, 3 sq. 148, 19,

p. 178, 19.
ἀποδείπνυμι. ἀποδείπνυσι p.
198, 18 dc. ἀπεδείπνυσι p.
128, 5. ἀπέδειξεν p. 188, 4
dc. 300, 17. ἀπεδείξαμεν p.
178, 13. ἀποδείξαι p. 66, 13.
ἀπεδείχθη p. 190, 2 dc. ἀποδειχθηναι p. 6, 13. ἀποδέδειπται p. 110, 2 e. 188, 16 dc.
ἀποδειπτικώς demonstrando.
p. 106, 6 e. 140, 15.

άπόδειξις p. 6, 11. 8, 13. 12, 17. 18, 14. 78, 17. 84, 4. 88, 20. 106, 26 e. 110, 8 e, 15 e. 112, 12 e. 132, 13. 148, 26. 153, 3. 174, 15. 178, 27. 266, 15. άπολαμβάνω abscindo (lineam rectam uel arcum). $\alpha\pi_0$ λαμβανομένη p. 80, 23 dc (ὑπό). 82, 4 dc (ἀπό ὑπό), 5 dc. 84, 26 pp. 94, 17 m (ἀπό πρός). 128, 17. ἀπολαβόντες p. 270, 9. 284, 20 (ἴσην ἀπό), 28 (id.). άποληφθείσα p. 270, 11. άπειλήφθω p. 78, 21 dc. άποπίμπλημι expleo. άποπλησαι p. 140, 12. άποπληρόω expleo. άποπληοων p. 114, 12. άπόρημα haesitatio. p. 104, 15 e, 16 e, 19 e. άποσυλάω excerpo. άποσυλήσαντες p. 154, 17. άποσώζω seruo. αποσώζειν p. 114, 21 n. ἀπέσωζον p. 154, άποσώζων p. 266, 14. άποτέμνω partem lineae. αί άποτεμνόμεναι abscisae p. 332, 8 (ἀπό), 10, 11. ἀπετέμνοντο αποτέμοις p. 70, p. 76, 14. 16 h. άποτεμόν p. 70, 17 h. άποτίθεμαι ἴσην. lineam aequalem abscindo uel pono. άποτίθεσθαι p. 18, 14. άποθέμενοι p. 208, 9. 270, 18. άπότμημα reliquum. p. 32, 7. απτομαι tango, de puncto in linea aliqua posito, uelut απτεται παραβολής et simil. p. 96, 19 m, 22 m. 158, 2, 13. 196, 27 dc. 198, 6 dc. ηπτετο p. 158, 14. 198, 7 dc. ἡπται p. 96, 23 m. άπώτερος remotior. p. 226, 21. άπωτέρω remotius, p. 174, 24. 254, 11.

αρα passim. mire collocatum

p. 200, 28 dc. 204, 18 dc. 212, • 8. 248, 17. u. praeterea p. 10, 22. 42, 2. 72, 12 h. 330, 6. in apodosi p. 14, 28. 24, 15. 26, 13. 48, 9. 56, 18. 86, 11 pp. 90, 17 sp, 25 sp. 92, 3 sp. 96, 18 m, 21 m. 98,6 m, 9 m. 102, 7 ar. 108, 16 e. 130, 21. 134, 11. 136, 5. 138, 2, 12. 140, 4. 144, 5, 10. 148, 12, 22. 150, 1, 13, 23, 156, 10, 158, 19, 162, 5. 164, 8. 170, 6, 27. 172, 6. 186, 17 di. 192, 7 dc, 13 dc. 194, 5 dc, 10 dc. 198, 10 dc. 200, 13 dc, 18 dc. 202, 6 dc, 20 dc. 206, 3 dc, 29. 214, 23. 216, 9. 222, 4, 9. 224, 6, 17. 230, 14, 17. 232, 9, 11, 17, 20. 234, 14. 238, 8. 248, 12. 278, 9. 284, 3, 14, 26. 292, 9. 298, 11. 300, 1, 3. 328, 28. 342, 10. 348, 23. 370, 6. cfr. καί.

ά ριθ μητικός. ἀρ. ἀναλογία proportio arithmetica p. 46, 21. ἀρ. είσαγωγή p. 142, 1. ἡ ἀριθμητική p. 142, 9.

ά ριθ μός p. 140, 18, 19, 25. 142, 2, 22. 144, 26. 146, 26. 268, 22, 24, 25. 300, 16, 18, 27. δ δοθείς ἀριθμός p. 268, 20. 270, 2. ἀρ. μὴ ὢν τετράγωνος p. 268, 21. τὸν ἀριθμόν numero p. 22, 19.

άφκέω satis sum. άφκεῖ p. 302, 12. ἤφκεσεν εἰς p. 8, 18. άφμόζω aptus sum. άφμόζειν p. 18, 15. άφμόσει p. 12, 17 (ἐπί). 78, 18. 146, 25.

άρτάω suspendo. άρτώμενος άπό p. 306, 11, 14, 17, 24. 312. 16, 24.

ἄρτη σις suspensio. κέντοον τῆς ἀρτήσεως p. 306, 2.

' οτιακισά οτιος pariter par (αnumerus). p. 22, 18. άρτιόπλευρος p. 22, 21. 24, . 11. 42, 15.

ἄρτιος par. ἀρτία διαίρεσις p. 22, 16.

άοχαιος antiquus. p. 102, 22 e.

τὸ ἀρχαΐον p. 154, 10. ἀρχή p. 4, 6. ἐν τῆ ἀρχη p. 314, 15. ἐξ ἀρχης p. 140, 19. 174, 4. 176, 13. 178, 17. 254, 28.

ἄοχομαι. ἀοχόμενος έξ p. 114, 2 e. ἀπό p. 146, 29.

άσάφεια obscuritas. p. 154, 6. άσαφής obscurus. p. 326, 1. 342, 17.

άσαφῶς obscure. ἀσαφέστερον p. 50, 26.

άσύμπτωτος asymptotus hyperbolae. p. 162, 28. 166, 27. 168, 10. 170, 19. 182, 5 di. 198, 5 dc. 200, 4 dc. 206, 27. 208, 4. περὶ άσυμπ. p. 158, 6. 162, 20. 166, 11. 180, 21 di. 198, 1 dc, 26 dc. 206, 7, 13. ἐν ἀσυμπ. p. 94, 6 m, 19 m. ἄσχαστος non hians. p. 110, 11 e.

άτον έω non ualeo. άτον ήσας p. 178, 22.

άτοπος p. 8, 12. 66, 16. ὅπες ἄτοπον p. 38, 5. οὐδὲν ἄτοπον p. 140, 16.

αὐτόθεν statim. p. 2, 18. 18, 13. 24, 13. 84, 8. 150, 10. 206,

8. 324, 8. 354, 15. $\alpha \dot{\nu} \dot{\tau} \dot{\nu} \dot{\sigma} \dot{\sigma}$ ipse. p. 4, 4, 5. 6, 12. 8, 8. 12, 18. 34, 13. 46, 11. 84, 9. 110, 13 e. 114, 5 e. 126, 7. 152, 26. 154, 13?, 15. 176, 2. 220, 28. 240, 5. 264, 11. 266, 12. 316, 17. $\alpha \dot{\nu} \dot{\tau} \dot{\sigma} \dot{\rho} \dot{\tau} \dot{\sigma}$ p. 268, 1. $\alpha \dot{\nu} \dot{\tau} \dot{\nu} \dot{\eta} \dot{\tau} \dot{\eta} \dot{\tau} \dot{\tau} \dot{\tau} \dot{\sigma}$ p. 202, 27 dc. $\delta \dot{\alpha} \dot{\nu} \dot{\tau} \dot{\sigma} \dot{\rho}$ p. 30, 3. 12, 13. 28, 18. 36, 22.

48, 7, 10. 76, 7, 9, 17. 78, 16.

86, 17 pp, 21 pp, 23 pp. 88, 5, 20. 92, 16. 112, 12 e. 114, 12. 150, 18, 21, 24. 168, 2. 182, 10 di. 186, 10 di. 188, 6 dc, 20 dc. 190, 1 dc. 192, 12 dc. 208, 13. 226, 9, 14. 232, 15. 234, 1, 3, 6. 238, 4. 242, 26. 244, 2 sq. 250, 13, 19, 25, 318, ή αὐτὴ δοθεῖσα p. 190, 15 dc, 26 dc. 204, 11 dc. ταντόν p. 46, 22. 142, 2. 246, 6. 254, 11. τὸ αύτὸ τοῦτο p. 16, 14. pronomen III personae p. 2, 6, 20. 4, 2. 6, 11, 20. 8, 5, 9, 11, 34, 13, 36, 8, 152, 24, 264, 4, 14. 266, 6. 338, 20. uacat p. 108, 4 e. 288, 22. 326, καὶ αὐταί p. 36, 2. 152, 24. 154, 1. 178, 26. αύξάνω augeo. αύξηθῆναι p. 106, 22 e. άφαιρέω. άφαιρεί p. 32, 12. κοινού άφαιρουμένου p. 20, 17. 26, 17. άφαιρεθείς άπό p. 18, 11. 46, 24. 132, 6. 354, 17, 19. 368, 25, 26. αφελείν άπό p. 314, 12. άφέλωμεν diuidendo p. 150, 27. ἀπό p. 272, 4. 286, 5, col. I, 7. άφανίζω obscuro. ήφανισμένος p. 180, 1. αφή p. 30, 20. 50, 8, 10. 54, 10, 14. ά φίστα μαι desisto. ἀπέστημεν p. 154, 5. disto. αφέστηκεν p. 226, 15. 254, 13. ἄχαρις inuenustus. p. 178, 24.

74, 6 ph. 76, 13, 16. 78, 14 ap. **B.**

äγρι cum genet. usque ad. p.

22, 25. äzeis äv p. 68, 19 pl.

βαδίζω adgredior. βαδίζων ἐπί p. 178, 23. βαίνω. γωνίαι βεβήπασι ἐπὶ

βεβηκυῖα ἐπί p. 22, 16. 284, 22. βάρος pondus. p. 306, 13. u. κέντρον. βαρύτης grauitas. p. 306, 2, 4. . βασιλεύς p. 102, 21 e. 114, 4 e. βασιλικός regius. p. 104, 1 e. βάσις. trianguli p. 24, 3. 28, 24. 30, 17. 88, 17, 18. 126, 9. 134, 24. 218, 22. 270, 22. 286, 20. 316, 20. 320, 13, 19, 20. 324, 12. 342, 4. την αύτην βάσιν έχων p. 326, 10. ίσων βάσεων p. 316, 19. coni p. 26, 23. 28, 2. 64, 12. 128, 28. 130, 20, 21. 132, 1, 3. 186, 10 di, 24 di. 188, 18 dc, 25 dc. 190, 1 dc. 212, 10. 216, 2. 260, κῶνος βάσιν ἔχων p. 126, 28. 128, 18, 26. 130, 3, 6, 12, 25. 132, 4, 6, 8. 184, 3 di sq. 186, 5 di sq. 188, 6 dc. 204, 20 dc, 26 dc. 252, 23, 26. ἐπὶ της αύτης βέσεως p. 184, 12 di. 206, 1 dc. 236, 14. ἴσων βάσεων p. 190, 3 dc. pyramidis p. 28, 14, 15, 17. segmenti sphaerae p. 52, 23, 25. 188, 8 dc. 218, 11. segm. parabolae p. 328, 13. 332, 7, 8. τμημα βάσιν έχον p. 204, 22 dc, 28 dc. cylindri p. 60, 7, 9, 16, 22, 24. 62, 4 sq. 64, 10, 17, 19 al. 252, 21. solidi p. 158, 20, 21. 160, 13. 164, 29. βάσιν έχον p. 364, 20, 26. 366, 6, 8. έπι των αύτων βάσεων ὄντα p. 362, 27. βεβαιόω confirmo. βεβαιωθή p. 2, 21. βελοποιικά liber Heronis de machinis construendis p. 70, 5. βιβλίδιον libellus. p. 264, 10. βιβλίου p. 152, 25. 154, 4. 264, 20. 300, 21. 306, 7, 10. τὸ

δεύτεφον β. p. 42, 1. 158, 9.

περιφερείας p. 286, 13. γωνία

162, 23. 166, 29. 182, 7 di. 200, 6 dc. 236, 8. 256, 6. 312, τὸ πρῶτον β. p. 60, 1. 128, 3, 4, 22. 166, 9, 18. 196, 25 dc. 200, 12 dc. 208, 5. 256, 8. 324, 17. εκτον βιβ. p. 272, **12.** 332, 6. βlos p. 266, 1, 2. 300, 22. βολή iactus. p. 106, 24 e. βούλομαι. βούλεται p. 4, 7. 42, 9. 264, 12. βούλοιτο p. 174, 18. ἐβούλετο p. 302, 4. βουλόμενος p. 106, 20 e. βραχύς breuis. p. 116, 3 n. βραχέα p. 326, 2. έπὶ βραχύ τι p. 106, 7 e. πρὸς βραχύ p. 140, 16. βραχύτερος p. 264, 2. βραχύ aduerb. p. 116, 1 n. βωμός ara. p. 104, 18 e. 106, 15 e.

г.

 $\gamma \alpha \rho$ passim, uelut p. 6, 17, 22. 10, 1, 12, 18. 12, 14, 27. 14, 7. al. και γάφ p. 366, 29. y s p. 76, 20. 104, 1 e. 112, 15 e, 19 e. δέ γε p. 114, 1 e? 306, 3. εί γε p. 2, 20. γενναῖος nobilis. γενναιότατε p. 306, 1. γένος p. 306, 2. γεωμετοέω. Τεωμετοούμενος p. 110, 1 e. γεωμέτοης p. 4, 3. 104, 7 e, γεωμετοία p. 66, 17. γεωμετοικός p. 114, 15. 264, γίγνομαι. γίνεται p. 30, 14. 38, 23. 44, 1, 12. 104, 5 e. 120, 3 n. 128, 18. 146, 2, 16. 148, 27. 168, 11. 170, 1. 172, 5. 208, 26. 226, 17. 254, 20. 256, 2, 4. 276, 3. 354, 18. yivovται p. 78, 28 dc. γινέσθω p. 308, 18. γίνεσθαι p. 174, 14. Archimedes, ed. Heiberg. III.

306, 5. γινόμενος p. 12, 18. 22, 17. 28, 25. 44, 10. 50, 1. 70, 18 h. 118, 14 n. 252, 8. γενέσθαι p. 10, 2. 106, 25 e. γένηται p. 14, 21. 60, 8. 66, 19. 74, 6 ph. 76, 26 ap. 84, 27 pp. 108, 7 e. 110, 23 e. 144, γένωνται p. 78, 14 ap. 24. 338, 6. γένοιτο p. 78, 11 ap. γενόμενος p. 50, 17 (ὑπό). 68, 15 pl. 78, 15 ap. 98, 16 n. 268, 24. ysváµevos p. 68, 26 pl. 80, 25 dc. γενήσεται (τὸ πρόβλημα) p. 62, 6. 64, 17. 66, 2. 272, 1. 366, 5. yéyovev p. 190, 9 dc. 202, 25 dc. 214, 27. 364, 21. 368, 24. γεγονέτω p. 18, 24. 48, 3. 64, 24. 82, 16 dc. 86, 2 pp. 92, 20 m. 120, 5 n. **154**, 27. **164**, 25. **170**, 1, 28. 186, 8 di. 190, 27 dc. 198, 21 dc. 230, 15. 232, 1. γεγονέτωσαν p. 96, 7 m. γεγονός είη p. 64, 28. γιγνώσκω. γνωσόμεθα ρ. 4, 11. γλῶσσα sermo. p. 154, 9. γνώμη sententia. p. 2, 20. γνωρίζω comperio. γνωρίζομεν p. 264, 12. γνώςιμος p. 120, 3 n. γνωρίμως p. 324, 21. 332, 2, 12. 336, 19, 21. 338, 7, 10. δμοίως γνωρίμως p. 338, 4. γοαμμή p. 2, 18. 4, 12 sq. 6, 18, 25. 8, 6, 8, 11. 10, 2, 8, 11, 23. 12, 16 sq. 14, 18. 16, 12, 27. 82, 2 dc, 8 dc, 15 dc, 20 dc. 88, 6, 9, 19. 100, 3 ar, 10 ar. 110, 9 e. 112, 22 e. 118, 3 n, 6 n, 8 n, 9 n. 120, 2 n, 13 n, 16 n. 136, 10. 310, 23. 326, 7, 8. μία γρ. p. 4, 16. 16, 1. εύθεια γο. p. 104, 13 e. γραφείον graphium. p. 118, $\gamma \varrho \alpha \varphi \dot{\eta}$ scriptum, opus. p. 66,9.

γράφω scribo. p. 60, 2. 66, 8, 11, 20. 78, 17. 92, 17. 106, 6 e. 114, 10, 18, 19, 152, 23, 27. 154, 5 sq. 178, 21. 188, 2. 264, 3, 6, 9. 266, 22. 268, 16. 348, explico p. 98, 16. describo. figuram p. 110, 18 e. circulum p. 22, 11. 62, 20, 29 (πεοί). 70, 11 h (περί). 74, 2 ph (περί). 76, 26 ap. 78, 2 ap, 6 ap. 84, 9 pp. 90, 9 sp. 98, 20 ar. 100, 14 ar. 120, 8 n. coni sectionem p. 94, 2 m, 13 m, 18 m, 19 m. 96, 28 m. 98, 1 m, 14. 156, 27. 158, 3, 7, 12. 162, 15, 17, 20, 24. 166, 3, 12. 174, 5, 21. 180, 16 di, 18 di, 21 di. 196, 20 dc, 26 dc. 198, 2 dc, 5 dc, 23 dc, 26 dc. 206, 7, 14, 23, 26. aliam lineam curuam p. 82, 13 dc. 100, 3 ar. 118, 2n. 122,4n. formae inueniuntur hae: γράφει p. 114, 10. 188, 2. γράφομεν p. 154, 18. γράφειν p. 66, 11. γράφων p. 114, 19. γράφεται p. 98, 14. 266, 22. γοάφεσθαι p. 154, 14. γοαφόμενος p. 70, 11 h. 100, 14 ar. 174, 5, 21. 178, 21. γοάψει p. 100, 3 ar. γοάψομεν p. 152, 23, 27. 162, 15, 20. γραφήσεται p. 66, 20. 118, 2 n. γοάψωμεν p. 196, 154, 29. 20 dc. 198, 2 dc. γράψαι p. 206, 7, 14. γράψαντες p. 62, 29. $\gamma \rho \alpha \phi \tilde{\eta}$ p. 156, 27. 158, 7. γραφείς p. 22, 11. 98, 16. 120, 8 n. γεγραφέναι p. 106, 6 e. γέγραπται p. 110, 18 e. 154, 15. γεγοάφθω p. 62, 20. 74, 2 ph. 76, 26 ph. 78, 2 ap, 6 ap. 82, 13 dc. 84, 9 pp. 90, 9 sp. 94, 13 m, 18 m, 19 m. 96, 28 m. 98, 1 m, 20 ar. 122, 4 n. 158, 3, 12. 160, 3, 12. 162, 17, 24. . 180, 16 di, 18 di, 21 di. 196,

26 di. 198, 5 di, 23 dc, 26 dc. 206, 23. γεγραμμένος p. 60, 2. 66, 8. 78, 17. 92, 17. 94, 2 m. 114, 10, 18. 154, 5. 206, 26. 264, 3, 6, 9. 268, 16. 348, έγέγραπτο p. 154, 10. γυμνάζομαι uersor. γυμνασάμενος cum genet. p. 266, 11. γωνία. ἡ πρὸς τῷ Β γωνία p. 14, 22. 74, 21 ph. 218, 2. 220, 6. 270, 20. ἡ ὑπὸ 耳ΗΝ γωνία p. 22, 28. 30, 19. 118, 17 n. 196, 22 dc. 210, 21. 270, 13. 278, 3. 288, 9. omisso γωνία p. 22, 24, 26. 24, 4 sq. 26, 3, 4. 28, 22 sq. 30, 21. cfr. p. 54, 3. u. praeterea p. 68, 18 pl, 19 pl. 308, 17. 310, 15. 312, 2. 318, 13. 320, 6. ή έν τμήματι γ. p. 214, 13. 220, 6. κατάγειν έν γωνία p. 196, 22 dc. γωνία γωνία (ίση) p. 30, 1, 18. αί έν τοῖς πολυγώνοις γωνίαι p. 36, 1. γωνίαι πολυγώνου p. 44, 16, 19, 21, 23. **52, 18, 23**.

1

δέ passim. καί - δέ p. 12, 12. 16, 12. 50, 9. cfr. καί. δέ tertio loco 152, 19, 26. δείκουμι. δείκουσι p. 118, 6 n (particip.). 266, 2 (οτι). δείκνυται p. 120, 18 n. 126, 18 (οτι). δεικνύμενος p. 8, 11. δεικνύειν p. 18, 2. δεικνύναι p. 126, 26 (omisso ων). δείξομεν p. 112, 3 e. 206, 7. 338, 20. ἐδείξαμεν p. 176, 22 (om. ών). δείξας p. 190, 17 dc. δείξαι p. 76, 6 ph. 152, 18. δεῖ ἄρα δείξαι, ὅτι p. 232, 14. 238, 6, 8, 15, 29. 246, 9. đeiξαι ὅτι p. 246, 6. om. ἄν p. 246, 4. u. δέω. δειχθήσεται p. 34, 21. 148, 15. 158, 27.

170, 11. 172, 15. 184, 24 di. οτι p. 18, 20. 30, 14. 52, 19. 72, 10 h. 128, 21. 186, 8 di. 208, 23. δειχθήσονται p. 28, 8 (particip.). 816, 3. ἐδείχθη p. 38, 24. 134, 13. 144, 14. 148, 21. 172, 18. 182, 22. 200, 26 dc. 228, 17. 346, 5. 352, 21. 364, 2. 366, 13. 368, 1, 3. öti p. 56, 3. 350, 1. ès p. 122, 19 n. cum inf.? p. 196, 10 dc. particip. p. 38, 4. om. $\tilde{\omega}\nu$ p. 16, 11. 24, 8. 124, 13 n. 130, 4, 23. 150, 19. 194, 2 dc, 12 dc. **216**, 8. 240, 20. 250, 25, 27. δειχθείς p. 122, 8 n. δειχθηναι ότι p. 238, 24. 246, 24. δέδεικται p. 32. 9. 34, 19. 128, **3.** 148, 18. 150, 11. 160, 10. 166, 6. 172, 28. 176, 11. 190, 16 dc. 210, 7. 210, 12. 222, 23. 228, 11. 236, 28. 238, 14. 246, 4. 328, 5. 330, 2, 19. 334, 25. 358, 2. 362, 19. ὅτι p. 32, 3. 48, 23. 54, 19. 324, 9. 326, 16. 334, 11. 342, 1. 360, 21. cum particip. p. 274, 10. 276, 13. 282, 24. 360, 5. om. av p. 52, 4. 278, 7. 340, 17. $\delta \varepsilon$ δειγμένος p. 6, 4. 128, 22. 204, 1 dc. 266, 16, 20. 324, 8. δεδείχθαι p. 266, 5. δεδειγμέναι είσί p. 368, 17. δειπτέον ὅτι p. 32, 11. 142, 23. 208, 17. δείξις demonstratio. p. 208, 27. δέκα p. 266, 4. 300, 10 al. δεκαέξ p. 330, 16, 18, 19. δεκαοκτώ p. 360, 2, 3. δεκαπέντε p. 342, 11, 13. δεκαπλάσιος p. 300, 11. 368, 2 (t') al. δέκατος p. 314, 15. 324, 16? 332, 21 al. δεπτικός capax. p. 106, 19 e. δεόντως necessario. p. 14, 16. δεύτερος p. 60, 3, 110, 18 e.

120, 1 n. 210, 4, 6. 260, 14. 324, 3. 346, 25, 26. 366, 3 al. terminus secundus proportionis p. 18, 18. 84, 6 pp. 88, 1 pp. 90, 2 (cfr. p. 91 not. 1). 126, 16. 138, 3. 182, 18 di, 19 di. 216, 17, 18, 20, 22, 23. 218, 24. 222, 22, 27. 228, 10. 246, 2. 256, 21, 23. 364, 8. δεύτεgov aduerb. p. 364, 24. δέω. δεῖ p. 68, 2 pl. 70, 7 h. 72, 24 ph. 76, 23 ap. 90, 6 sp. 92, 19 m. 98, 19 ar. 106, 21 e, 28 e. 120, 12 n. 122, 9 n. 158, 27. 180, 7 di. 198, 13 dc. 204, 4 dc. 206, 6. 226, 1. 246, 24. 270, 1. 314, 3, 12. ὅπες ἔδει εύρεῖν p. 72, 21 h. 82, 29 dc. 96, 4 m. 98, 13 m. ὅπερ ἔδει δείξαι p. 134, 17. 144, 23. 212, οπερ ἔδει ποιῆσαι p. 186, 3 di. 202, 28 dc. 206, 4 dc. δέοι p. 64, 16. δέον ἔστω p. 60, 11. 62, 10. 64, 20. 160, 3. δείν p. 12, 23. 14, 9, 17. 18, 13. 28, 13. 66, 6. 178, 12, 25. δέομαι egeo. δείται p. 2, 5. δεόμενος p. 264, 2, 4, 8. δή p. 6, 19. 40, 12. 48, 13. 62, 18, 21. 66, 18. 72, 1 h, 10 h. 84, 25 pp. 86, 9 pp. 90, 6 sp. 92, 20 m. 98, 20 ar, 27 ar. 100, 17 ar. 132, 12. 140, 22. 142, 20, 23. 166, 5. 180, 7 di. 182, 1 di. 190, 7 dc. 192, 8 dc. 194, 5 dc. 198, 11 dc. 210, 25. 218, 15, 25. 232, 4. 310, 3. 326, 8, **12**. **328**, **2**, **9**, **15**. **330**, **5**. **368**, **22**. $\delta \eta \lambda \alpha \delta \dot{\eta}$ scilicet. p. 18, 8. 236, 4. 320, 2. δηλονότι idem. p. 72, 2 h. 118, 14 n. 140, 25. 312, 16.

γηλος. δηλον, ότι p. 6, 27. 22, 17. 24, 13. 36, 2. 62, 3. 78, 17. 84, 5. 174, 9. 226, 15. 264,

14. 270, 16. 306, 19. 312, 2. 336, 7. 360, 14. δηλόν έστι, őτι p. 148, 28. 330, 24. ἔστι δη̃λον p. 48, 29. 78, 27 dc. 324, 16. 348, 6. ὅπως p. 34, 7. cum infinit. p. 266, 24. δηλόω planum facio. δήλωσον p. 2, 19. δηλοῦντα p. 324, 19. διά cum accus. p. 2, 3, 8, 12. 16, 24. 20, 9, 19. 82, 22 dc. 102, 15 ar. 154, 15. 168, 9, 15. 170, 22, 25. 200, 5 dc, 11 dc. 218, 5. 224, 20. 248, 29. 256, 5, 7. 300, 22. 314, 7. διὰ τὰ αύτά p. 24, 16, 32, 27, 190, 7 dc. 192, 8 dc. 198, 11 dc. 202, 20 dc. 210, 25. 218, 15, 25. 298, 1. 328, 9. 330, 5. 352, 11. διὰ ταῦτα p. 288, 20, 25. διὰ τοῦτο p. 20, 6, 18. 24, 17. 30, 22. 32, 5. 40, 1, 26. 44, 3, 13. 48, 29. 64, 6. 74, 29 ph. 88, 18. 90, 21 sp. 118, 19 n, 25 n. 126, 10. 138, 25. 168, 12. 194, 5 dc. 198, 4 dc. 200, 7 dc. 208, 26. 212, 20. 258, 4. 292, 7. 316, 19. 328, 11. 334, 4. 340, 9, 19. 360, 17. διὰ τό sequente infinitiuo p. 12, 18. 28, 17. 42, 10. 50, 7. 54, 6. 70, 12 h. 80, 2 dc. 86, 8 pp. 102, 1 ar. 156, 30. 158, 10. 164, 28. 166, 24. 170, 19. 176, 20. 178, 12. 182, 10 di. 198, 3 dc. 200, 23 dc. 202, 1 dc. 214, 7. 254, 17. 258, 2. 260, 8, 9, 270, 22, 286, 1, 340, 14. cum genet. p. 4, 6. 20, 20. 66, 12. 88, 9, 11. 98, 14. 106, 3 e, 4 e, 9 e, 18 e. 120, 17 n. 122, 19 n. 128, 21. 132, 13. 154, 2. 222, 12. 302, 7, 10. 314, 15. al. δια σημείου p. 70, 12 h. 74, 22 ph. 78, 22 dc, 25 dc. 80, 19 dc. 82, 3 dc, 14 dc, 21 dc. 88, 7. 94, 1 m, 13 m, 108, 8 e.

116, 17 n. 162, 15, 20. 166, 11. 168, 6, 8. 178, 20. 320, 20. 326, 13. 328, 17. 338, 23. Enlπεδον διὰ εύθείας p. 28, 1. 138, 24. διὰ τῶν αὐτῶν p. 8, 11. 126, 18. διαβήτης circinus quidam. p. 98, 14. διάγω lineam. διήχθω p. 90, 10 sp. $(\hat{\epsilon}\pi\hat{\iota})$, 11 sp. $(\hat{\alpha}\pi\hat{o})$, 108, 8 e. 122, 17 n. 154, 28 (ἐπί). διαχθη p. 118, 8 n. διαγαγείν p. 120, 21 n. διαγομένη p. 120, 1 n, 4 n, 13 n. διαγώνιος diagonalis. p. 196, 28 dc. διαίρεσις divisio. p. 22, 16. διαιρέω. διαιρ**εϊται** p. 142, 10. διαιρούσιν είς ίσα p. 308, 16. 318, 18. διαιφεθήσεται p. 22, 19. 328, 14. διαιρεθή p. 136, διαιφείσθαι p. 332, 13. διαιρούσα μέσον p. 114, 25 n. διαιρετέου p. 142, 8. διήρηνται p. 334, 2. διηφημένη άναλογία p. 66, 14. διηφημένος p. 76, 19 (είς). διελόντι p. 20, 13, 19. 20, 22, 29. 136, 16, 20. 184, 25 di. 190, 6 dc. 208, 18. 218, 8. 246, 28. 314, 22. 342, 6, 20. 352, 10. διαμαρτάνω erro. διαμαρτάνον p. 2, 19. διημαρτηκέναι 104, 4 e. διαμένω maneo. διαμένειν p. 68, 9 pl. διαμένων p. 104, 7 e. διαμένη p. 110, 11 e. διάμετοος. circuli p. 42, 11. 44, 17 sq. 46, 15. 62, 12, 22. 78, 20 dc. 82, 5 sq. dc. 88, 23. 100, 2 ar. 266, 3. 284, 5 sq. περί διάμετρον p. 62, 19. διαμ. τοῦ τόμου p. 360, 18. δ. βάσεως coni uel segmenti sphaerae p. 212, 10, 14. 216, 3. 218, 11. parabolae p. 166, 7, 174,

5, 9. 326, 5, 8, 15, 17. 328, 3, 8, 15. 330, 25. 332, 9, 14. 334, 1, 5. 338, 15, 21. 340, 1. 360, sphaerae 136, 5, 176, 3. 180, 6 di. 188, 13 dc. 204, 3 dc. 208, 8. 212, 20. 220, 19, 24. parallelogrammi p. 78, 4 ap. 108, 3 e. διανοούμαι reputo. διανοη**θείς** p. 2, 11. διανοείσθαι p. 154, 13. διαπειράζω experior. διαπειράζειν p. 76, 21. διαπέμπω mitto. διαπεμψάμενος p. 104, 19 e. διαπήγυυμι figo. διαπήγυυται p. 110, 3 e. διαπορέω haesito. διαπορῶν p. 104, 11 e. διασαφέω explico. διασαφησαι p. 4, 6. έφ' έν διάστατος extensus. διάστατος p. 266, 25. διάστημα radius. circuli p. 20, 10. 76, 25 ap. 78, 1 ap. 90, 8 sp. 120, 7 n. conchoidis p. 118, 4 n, 12 n. 122, 3 n. distantia p. 116, 8 n. διατηρέω conseruo. διατηçã♥ p. 106, 14 e. διατρέχω permeo, moueor. διατρέχειν p. 114, 23 n. διατρέχων (έν) p. 116, 7 n. διαφερόντως in primis. p. 2, 14. διαφέρω differo. διαφέρει p. 76, 11. διαφέρουσα p. 88, 6. διάφορος diuersus. p. 62, 7. διδάσκαλος magister. p. 56, 27. 98, 16. 260, 17. 300, 26. 302, 16. δίδωμι. διδόμενος p. 140, 26. δ. έστι 64, 19. 66, 1. δέδοται p. 136, 5, 6, 8, 10. 138, 20, 25, 27. 158, 15, 17. 194, 19 dc. 196, 16 dc. 198, 7 dc sq. 212,

13 sq. 214, 3 sq. 218, 10 sq. 220, 17 sq. δεδομένος p. 84, 3. 136, 5, 7. 138, 21, 22. 140, 5, 6. 156, 30. 158, 1. 176, 4. 194, 17 dc, 18 dc. 214, 15, 20, 24. 220, 12, 25. δεδομέναι είσί p. 212, 13. 214, 9. 218, 11 alibi. δεδόσθαι p. 6, 20. 158, 12. δοθήσεται p. 84, 8. 212, 16. 220, 20. δοθήσονται p. 214, 10. δεδόσθω p. 206, 11. δεδόσθωσαν p. 106, 28 e. 110, 21 e. 122, 8 n. δοθείς p. 32, 8. 34, 5, 8. 46, 20, 23. 64, 18, 21, 22. 66, 6, 22 pl. 68, 1 pl. 70, 6 h. 72, 23 ph. 76, 23 ap. 82, 9 dc. 84, 3, 6. 86, 27 pp. 90, 5 sp. 92, 19 m, 26 m. 94, 3 m, 4 m, 7 m, 10 m. 96, 6 m, 15 m, 18 m sq. 102, 18 ar. 104, 7 e. 106, 2 e, 10 e, 12 e. 110, 20 e. 112, 5 e, 6 e. 120, 20 n, 21 n. 122, 2 n sq. 136, 8, 9, 138, 27, 29, 142, 21, 146, 26. 154, 23. 158, 2 sq. 160, 1 sq. 164, 19. 174, 1, 2. 176, 9, 19. 180, 4 di, 6 di. 188, 21 dc. 190, 10 dc sq. 194, 21 dc, 22 dc. 198, 18 dc. 202, 22 dc, 26 dc. 204, 3 dc, 9 dc. 206, 6. 212, 17, 18, 20. 214, 2, 7, 17. 218, 15, 16. 220, 21, 23, 27, 28. 266, 7. 268, 11. 324, 14. 336, 24. δίζημαι quaero. δίζηαι p. 112, 21 e. δίμοιρος duae partes. όρθης p. 270, 20, 21. 284, 23, 26. διό quare. p. 6, 1. 14, 8. 286, 8. διορθόω corrigo. διορθωσάμενος p. 178, 26. διοφισμός p. 154, 20. ἔχει δ.

p. 178, 3, 6.

p. 344, 2.

διότι - οτι p. 254, 11. quod.

διπλάζω conduplico. δίπλαζε p. 104, 3 e? διπλασιάζω idem. διπλασιασθήσεται p. 104, 15 e. διπλασιάσαι p. 104, 10 e, 18 e. διπλασιάσειε p. 104, 8 e. διπλασιασθείς p. 104, 4 e. διπλασιασμός conduplicatio. p. 104, 9 e. διπλασιεπιτέταρτος λόγος. 21. p. 146, 19, 21. διπλάσιος p. 38, 20. 40, 3, 7. 46, 15. 62, 2. 64, 6, 8. 104, 2 e, 14 e. 152, 9. 158, 26. 164, 15., 166, 22. 172, 25. 176, 17. 178, 5. 196, 7 dc, 9 dc, 12 dc sq. 198, 22 dc. 200, 9 dc. 212, 7. 228, 24. 252, 25, 27. 258, 17, 20, 22. 282, 20. 320, 14, 17, 19. 330, 8. 336, 16. 356, 16, 17. 362, 6. λόγος διπλ. p. 144, 28. 146, 11. 238, 18. 240, 16. 242, 4. ἐλάσσων η δ. p. 252, 14. μείζων η δ. p. 252, 11. διπλήσιος p. 112, 13 e. διπλασίων. λόγος δ. p. 54, 1, 4. 56, 9. 92, 11 sp, 12 sp. 230, **12**, **13**, **19**. **242**, **24**. **316**, **10**. έλασσονα λόγον έχει η διπλασίονα p. 238, 7, 10. 240, 18, 23. διπλασίους γωνίαι p. **22**0, 6. διπλούς. διπλή p. 44, 4. 124, 14 n. 166, 19, 24. 270, 16, 24. 282, 26. 286, 2. 328, 29. 340. 4, 12, 13. 346, 2. δυνάμει διπλη p. 258, 19. dig bis. p. 346, 24, 25. 354, 15. 356, 9, 10, 12 al. δισσός duplex. p. 112, 18 e. δίχα τέμνειν. p. 14, 25. 16, 17, 20, 22. 50, 9. 60, 21. 70, 10 h. 72, 2 h, 3 h. 78, 5 ap. 88, 16. 112, 11 n. διαιφείν p. 328, 14. διχοτομέω in duo aequalia diuido. διχοτομείν p. 286, 1.

διχοτομήσαντες p. 270, 8. διχοτομείται p. 334, 13. διχοτομούμεναι ὺπό p. 360, 12. διχοτομία punctum medium. p. 28, 23. 76, 13. 214, 21. 226, 15, 20. 254, 9, 14. 320, 6, 10. διχοτ. τῆς γωνίας p. 276, 3. 278, 3. 282, 1. 290, 3. 296, 2. $\delta \iota \chi \tilde{\omega} \varsigma$ duobus modis. p. 60, 6. 64, 17. δοκέω uideor. δοκεί p. 50, 27. 266, 15. 300, 19. 308, 3. đóky р. 2, 17. бохў р. 214, 11. бо*ξειεν* р. 268, 6. *έδ*όκει р. 104, 4 e. δόξα sententia. p. 306, 6. δύναμαι. δυνάμεθα p. 324, 13. δυνώμεθα p. 110, 2 e. δυνάμενος p. 116, 4 n. δύνασθαι p. 28, 17. 106, 7 e. ήδύναντο p. 28, 16. δυνήσεται p. 114, 23 n. δυνησόμεθα p. 106, 11 e. 16 e. δύναται τὸ ἀπό p. 38, 28. 52, 2, 6. ή δυναμένη πλευρά p. 270, 1. δύνασθαι τὰ παρά p. 196, 22 dc. 206, 25. δυνάσθωσαν τὰ παρά p. 94, 16 m. δύνασθαι παρά p. 98, 1 m, 3 m. 156, 28. 162, 16. 166, 4. 174, 6. 180, 17 di. δύναμις, κατά δύναμιν p. 2, 178, 26. δυνάμει si rem spectes. p. 114, 18. δυνάμει p. 34, 27. 38, 18. 274, 17. 258. δύναμις quadratum. p. 272, 8. 276, 19. 288, 24. δυνατός p. 6, 13. 8, 9. 106, 25 e. 112, 19 n. 174, 16. 176, 22. 266, 26. κατά τὸ δ. p. 154, 18. 178, 19. 342, 18. đvνατόν γάο τοῦτο p. 22, 7. 90, 12 sp. δυνατόν sc. έστι cum inf. p. 14, 2. 18, 2. 42, 15. 142, 6. 204, 12 dc. 268, 12. 302, 10, 314, 15, 320, 20, 336,

23. δυνατόν έστι cum inf.

p. 32, 6. 60, 6. 174, 1. 204, 1 dc. 314, 6. δύο p. 4, 26. 6, 27. 14, 21. al. indeclinabile p. 330, 27. δύο δυσίν ζσαι p. 30, 1, 17. δύο αl p. 8, 1. 10, 2, 27. 14, 27. 30, 7. δυσθεώρητος difficilis perspectu. p. 2, 7. 324, 2. δυσκολία difficultas. p. 2, 9. δυσμήχανος inhabilis. p. 112, 19 e. δυσχερής difficilis. p. 154, 16. δυσχερῶς difficulter. p. 106, 8 e. 324, 3. δώδεκα p. 330, 6, 12. 340, 24, 27. δωδέκατος p. 282, 13. δωδέ**κατον** sc. μέρος 1/2. p. 270, 12, 13. δωρέομαι dono (τινίτι). έδω-**و**ήσω p. 114, 5 e.

E.

ἐάν p. 10, 13. 18, 17. 20, 15. 22, 23. 26, 3. 28, 23. 36, 27. 42, 23. 44, 10. 48, 13. 50, 6. 52, 13, 54, 10, 60, 16, 22, 62, 23. 68, 11 ph. 72, 13 h. 80, 18 dc. 84, 7. 88, 1 pp. 104, 12 e. 112, 6 e, 9 e. 116, 11 n. 118, 1 n, 8 n, 21 n. 136, 6. 140, 18. 144, 29. 146, 15, 26. 150, 7, 26. 156, 27. 158, 6. 162, 14, 19. 164, 2. 188, 11 dc. 196, 18 dc. 198, 1 dc. 212, 17. 214, 14. 216, 15, 27. 218, 19. 220, 12. 224, 9, 22, 26. 226, 24. 234, 12, 17. 242, 11. 244, 28. 254, 7, 17, 27. 260, 2. 270, 7, 17, 26. 272, 4. 284, 20, 26. 286, 2; 5. 320, 16, 18. 326, 8, 12. 336, 7. 346, 9. 362, 5. 368, 25 al. έαυτόν p. 32, 5, 13. 40, 7. 48, 5, 6. 104, 20 e. 106, 1 e. 110,

7 e. 220, 12. 236, 9. 268, 23, 24. 272, 1. 300, 26. 306, 20. έβδομηκοστομόνον 11. δέκα έβδ. p. 266, 4. 300, 10. **ξβδομος p. 266, 4. τὸ ξβδο**μον p. 284, 9, 13. έγγράφω, έγγράψαι p. 34, 6 (είς). έγγοάφεσθαι p. 324, 21. έγγοάφεται p. 338, 5. έγγοαφόμενον τοίγωνον p. 32, 4(είς).έγγραφομένη πυραμίς p. 28, 13. τὸ έγγραφόμενον p. 24, 13. 26, 12. 32, 3. 338, 11. 7ò έγγοαφόμενον σχημα (εὐθύγοαμμον) p. 332, 2, 12. 336, 13, 17, 20, 22. τὸ ἐγγεγραμμένον εύθυγραμμον p. 34, 7 $(\varepsilon \nu)$, 12 $(\varepsilon l \varsigma)$. 38, 16 $(\varepsilon l \varsigma)$, 25. 338, 8 (έν). το έγγεγραμμένον p. 24, 18. 34, 19, 23. 36, 29. 38, 1, 4. 44, 18, 22. 56, 6, 8, 16, 19, 22. ἐγγεγράφθω p. 34, 12 ($\epsilon l \varsigma$). έγγύς p. 292, 13. έγγύτεοον р. 174, 22. 336, 12. Еуую р. 226, 20. ἔγγιστα p. 274, 15 sq. 276, 19. 280, 6. 286, 7. 288, 23. 296, 17. 298, 12. 300, 11. έγγύτερος p. 254, 9. ἔγπειμαι comprehendor. έγneloeral els p. 116, 6 n. έγχωρέω. ένεχώρει fieri poterat. p. 300, 15. έγώ p. 302, 9. ἡμεῖς p. 178, 13. 180, 2. 240, 6. 248, 11. 338, 20. ἡμᾶς p. 2, 11. 66, 18. 270, 5. ημίν p. 60, 1. 264, 17. 268, 17. 310, 23. ἡμῶν p. 2, 2. 106, 9 e. 176, 27. 264, 5. ἔδαφος solum. p. 118, 2 n. el cum coniunctiuo. p. 2, 17. 64, 28. cum optatiuo p. 18, 9. 60, 21. 62, 26. 64, 16. 174, είγε p. 2, 20. εί καί p. 2, 12. 142, 8. καὶ εί p. 266, 26. eldos p. 94, 14 m, u. ogtios.

genus p. 112, 22 e (év). 266, 25. τὸ ὑπὸ — εἶδος p. 208, 3. τῷ εἰδει δεδομένος p. 214, 17. είκός ueri simile. p. 2, 10. είκοστός p. 196, 24 dc. δεύτερος και είκ. p. 48, 23. Εβδομος καὶ είκ. p. 166, 8. είκοστοτέταρτον 🛼 p. 282, είκότως iure. p. 12, 21. 252, 16. είμί. έστι passim. είσι p. 6, 24. 8, 1, 2. 10, 11 al. y p. 28, 18. 42, 5. 66, 1. 68, 20 pl. 72, 14 h. 158, 26. 172, 25. 188, 11 dc. ωσι p. 12, 12. 216, 15 είναι p. 6, 20. 8, 8, 19. 12, 22, 25. 14, 2. 64, 16 al. είη p. 4, 11, 25. 60, 21. 62, 26. 102, 24 e. 154, 13. 264, 1 al. έστω p. 6, 17. 26, 22. 62, 8 al. ἔστωσαν p. 46, 23. 68, 1 pl. 70, 6 h. 72, 23 ph. 76, 23 ap. 82, 9 dc al. 🐠 p. 6, 11, 21. 8, 5, 9, 11. 24, 4, 14. 26, 2. 30, 4. 36, 1. 44, 5 al. $\eta \nu$ p. 4, 23. 32, 6. 120, 1 n, 11 n. 132, 21. 136, 21 al. forai p. 20, 16, 17. 22, 11, 26. 28, 25. 34, 14. 36, 30 al. ἔσονται p. 46, 27. 50, 7. 80, 21 dc. fori p. 12, 26. 16, 14. 34, 5. 140, 13. 324, 9. τούτου γάς μή οντος p. 12, 25. 14, 18. 120, 17 n. ἔστωσαν data sint p. 18, 20 al. ἔσται ualebit p. 20, 23. έστι om. p. 32, 21, 22, 28. 62, 9, 25, 80, 2, 198, 8 dc, 220, 5, 27 al. ἐσόμενος p. 42, 13. ἔσται factum erit p. 68, 26 pl. 78, έστω datum sit. p. 326, 4. ὄντων datis. p. 122, 16 n. 148, 2. 210, 2. είπες p. 224, 28. els p. 2, 1 sq. 84, 13. 114, 23 n, al. u. έγγράφω. pro έν p. 34,

7. 98, 16. cfr. p. 68, 15 pl.

els p. 10, 13, 18. 28, 5. 38, 13, 18. 62, 20. 68, 5 pl. 70, 11 h. 72, 18 h. 114, 21 n. 320, 18. 386, 12. 840, 24 al. Evi nleíous p. 112, 10 e. Ev noòs ev p. 52, 20. 186, 25. 352, 16. 344, 11. δ εls p. 68, 17 pl. 84, 12 pp. 160, 4. 252, 10. 266, 17. εν καὶ ήμισυ p. 146, 23. είσαγω induco. είσαγαγεῖν p. 102, 22 e. είσαγωγή institutio. μηχανικαὶ είσαγ. Heronis. p. 70, 4. Pappi p. 84, 1. αριθμητική είσαγ. p. 142, 1. είτα p. 6, 8. 126, 26. 130, 28. 154, 21. 178, 2. είτε - είτε. p. 88, 11. είτε είτε καί p. 360, 15. ξκαστος p. 38, 27, 28. 40, 4. 66, 19. 104, 3 e. 110, 7 e. 310, 10. 332, 7. συναμφότερος έχάστη p. 354, 28. έπάτερος p. 14, 3. 32, 21. 74, 25 ph, 27 ph. 76, 16. 102, 5 ar. 122, 11 n. 136, 8. 140, 3. 156, 2. 158, 11. 190, 29 dc. 192, 12 dc, 16 dc. 196, 13 dc. 198, 4 dc. 200, 24 dc. 202, 2 dc, 5 dc. 208, 2. 220, 15. 232, 15 sq. 242, 27. 340, 18, 20. 366, 24. 368, 26. ἐφ' ἐκάτεφα p. 78, 22 dc. 80, 18 dc. 194, 15 dc. 198, 20 dc. έπάτερον έκατέφου p. 292, 5, 8. 360, 1. έκατόμπεδος centum pedes longus. p. 102, 24 e. έπβάλλω produco. ἐπβαλλομένη p. 88, 8. 166, 6. 170, 21. 318, 20. ἐκβεβλήσθω p. 84, 24 pp. 86, 7 pp (énl). 122, 2 n, 18 n, 20 n. 164, 20, 23 (ἐπί). 166, 10, 15 (έπί). 180, 10 di. 194, 14 dc. 198, 28 dc (¿πί). 200, 2 dc. 206, 15, 20 (ἐπί). 282, 20 (ἐπί). 318, 18. ἐκβεβλή-

σθωσαν p. 68, 3 pl (ἐπί). 70, 13 h $(\hat{\epsilon}\pi\hat{\iota})$. 96, 27 $(\hat{\alpha}\pi\hat{o})$. 200, 1 dc (έπί). Εκβληθέντων έπί p. 192, 1 dc. ἐκβληθείσα p. 78, 8 ap. 82, 19 dc. 88, 13 (ἐπί). 98, 22 ar. 108, 9 e. 122, 13 n, 21 n. 160, 20. 166, 14. 198, 20 dc. 206, 22. ἐκβληθείσα ducta p. 80, 23 dc. ἐκβεβλημένη p. 10, 26 (ἐπί). 74, 19 ph. 316, 24. ἐκβάλλειν ἐπίπεδον. éκβαλλόμενον διά p. 186, 2 di. έκβληθέν διά p. 204, 14 dc. žnoosis editio. p. 56, 25. 260, 15. 302, 15. *é × e i* ibi. p. 76, 12. žneivos ille. p. 88, 6. 112, 8 e. 142, 8. 184, 8 di. 288, 29. 244, 24. 254, 28. 264, 16. 270, 6. 318, 6. 346, 11. κάκεὶνο ρ. 14, 16. žκθεσις expositio. p. 4, 3. ἔκκειμαι expositus sum. έκπείσθω p. 92, 21 m. 128, 27. έκκε*ίσθωσαν* p. 130, 5. ἐκτίθεμαι expono. ἐκτίθεσθαι p. 4, 2. έκθέμενος p. 126, 27. 266, 16. 268, 5. ἐκθέσθαι p. 2, 6. 324, 3. Éxtetels p. 178, 22. ἐκτεθειμένος p. 266, 12. έκθησόμεθα p. 342, 17. έπτός p. 120, 20 n. 138, 12. 208, 23. 272, 12. 312, 4, 7, 18. Entos p. 332, 6 al. Entov 1 p. 300, 3 al. έλάσσων p. 26, 16, 18. 36, 30. 160, 30. 168, 16. 170. 8, 27. 172, 29. 174, 2. 224, 11. 286, 16 al. έλάττων p. 6, 20. 10, 15, 16, 17. 12, 1, 5, 10. 16, 10. 54, 4. 146, 5, 7. 170, 10. 175, 19 al. ἐπ΄ ἔλαττον p. 118, 7 n. έλάχιστος p. 272, 7. έλαττό ω minuo. έλαττῶσαι p. 226, 1.

ελιξ spiralis. p. 266, 6. έλλείπω desum, deficio. έλλείπει p. 274, 15, col. III, 8. 278, III, 9 al. έλλεϊπον όμοίφ p. 196, 23 dc. žlleiųis ellipsis. p. 196, 21 dc. 27 dc. 198, 7 dc, 23 dc, 27 dc. έμβάλλο. έμβαλλόμενος insertus. p. 106, 23 e. έμός p. 2, 6, 17. 264, 1. έμπίπτω incido. έμπέση p. 146, 18. έμπεσεϊν p. 104, 18 e. έμποδών γίνεται obstat. 148, 26. έμφανής apertus. p. 20, 24. 66, 18. 174, 16. έμφανίζω declaro. έμφανίζων p. 6, 9. év p. 2, 6. 4, 3. 6, 14. 48, 22. 56, 3. 98, 5 m, 8 m, al. pro els? p. 264, 5. έν τῷ cum inf. p. 110, 10 e. ἐναλλάξ p. 46, 12. 92, 4 sp. 132, 19. 136, 17, 20. 144, 11. 156, 14. 162, 7. 186, 12 di. 196, 5 dc. 200, 20 dc. 208, 19. 214, 28. 216, 10, 19. 228, 14. 246, 26, 30. 248, 17, 19, 25. 256, 24. 272, 14. 276, 6. 278, 6. 282, 4. 288, 12. 290, 6. 296, 4. 834, 3. 342, 20. 362, 1. τὸ έναλλὰξ τμῆμα p. 188, 10 dc. έναντίος contrarius. p. 14, 5. 100,5 ar. τάναντία p. 252,16 †. έναρμόζω apto. ένηρμόσθω p. 98, 22 ar. ἐνήρμοσται p. 110, 5 e. έναρμοσθείς p. 116, ένδέχομαι. ένδέχεται fieri potest. p. 76, 19. ἐνδεχόμενον αν είη fieri potest. p. 4, 24. ένδιατρίβω moror. ένδιατρίψας p. 140, 16. ένεκα p. 114, 17.

έλεφάντινος eburneus. p. 110,

ἔνεστι licet. p. 12, 13. 42, 16. 62, 6. 152, 19. 214, 19. ένίοτε interdum. p. 14, 19. έννατος nonus. το έννατον † p. 360, δ. ένατος p. 342, 17. έννέα nouem. p. 142, 17. 330, 17, 18. 342, 14. έννο έω cogito. έννοεῖν p. 12, ένενόουν p. 302, 7. έννοια p. 6, 9, 14. 8, 13. 66, 18. 140, 12. 154, 17. ένταῦθα p. 6, 27. 66, 20. 76, 15. 88, 9, 11. 174, 11, 12, 24, **25**. **208**, **27**. **222**, **13**. **234**, **23**. 244, 29, 302, 10, 13, 324, 8. 340, 19. κάνταῦθα p. 210, 7. έντεῦθεν hinc. p. 270, 16. έντός p. 10, 14, 18. 112, 18 e. 128, 17. 208, 22. 312, 1, 3, 17. έντυγγάνω incido. έντυγχάvov p. 140, 13. 154, 15. 264, 3. έντετυχήκαμεν p. 66, 10. ένετύχομεν p. 154, 5? 180, 2? έντυχών p. 178, 21. šķ p. 6, 13, 14. 132, 12 al. u. σύγκειμαι. propter. p. 154, 6. 178, 26. έκ τούτου p. 8, 7. έξ αὐτῶν p. 154, 13. έξ ων p. 300, 25. έκ τῶν αὐτῶν p. 20, 23. ቆ**ξ p. 142, 17 al**. έξαγωνον p. 42, 17. 270, 8, 11. ἡ τοῦ έξαγώνου p. 284, 20. έξάπις p. 346, 28. έξαπλάσιος λόγος 6:1. p. 144, 27. 146, 8. έξαπλασία p. 342, 12. 358, 20. έξεστι licet. p. 6, 6. 142, 20. 174, 17. 306, 6. égóv p. 270, 6. έξηγέομαι interpretor. έξηγούμενος p. 270, 4. έξης p. 6, 8, 11. 132, 13. 152, 23, 27. 184, 23 di. 190, 16 dc. 240, 25. 248, 11. 284, 17. 338, έξῆς ἀνάλογον p. 48, 16. 96, 3 m. 102, 16 ar. 230, 16.

368, 14. έ. άλλήλων κείμενα p. 364, 21. και τὰ έξῆς p. 50, 26. 334, 24. τὸ έξῆς p. 230, 24. 308, 6. έν τοις έξης p. κατά τὸ έξῆς p. 42, 13, 20. 146, 29. 234, 22. έξις habitus. p. 114, 15? έξουσία. κατ' έξουσίαν 800 arbitrio. p. 4, 4. έξω p. 226, 22. έξωτέρω p. 194, 7 dc. έξωθεν praeterea. p. 344, 28. ἐπαγγέλλομαι profiteor. έπαγγελλόμενος p. 66, 10. έπηγγείλατο p. 152, 8. έπηγγέλθαι p. 152, 25. έπηγγελμένος passiue. p. 154, 14. 178, 21. έπάγγελμα promissum. 152, 19, 26. έπαγω addo. έπαγει p. 240, έπήγαγεν p. 240, 5. έπαγαγών p. 132, 12. ἐπάγων p. 300, 23. έπαγωγη per inέπαγωγή. ductionem. p. 140, 15. έπαν άγ io reuertor. έπανακτέον p. 142, 21. έπαναλαμβάνω rursus adgredior. p. 178, 7. έπαναφέρω transfero. έπανοίσομεν έπί. p. 112, 8 e. έπανόρθωσις emendatio. p. 2, 15. έπάνω p. 108, 6 e. έπαυξάνω augeo. έπαυξηθηναι p. 106, 24 e. έπαύξω augeo. έπαύξειν p. 106, 14 e, 20 e. έπεγγελάω irrideo. Επεγγελῶν p. 114, 14. έπεί p. 32, 18. 42, 25. 66, 4. 126, 7. 134, 5, **22**. 136, 15. 146, 7. 216, 27. 218, 12, 20. 222, 8. 228, 12. 232, 10, 18. 240, 6. 248, 11. 280, 2. 330, 13. 348, 18. 350, 1. 354, 26.

έπει γάρ p. 20, 27. 24, 1. 26, 11, 25. 28, 21. 30, 16. 36, 16. 40, 4. 50, 12. 64, 2. 130, 29. 132, 18. 134, 1. 136, 4, 18. 138, 1, 10, 16. 148, 6, 18, 29. 150, 10, 18. 172, 28. 204, 17 dc. 206, 27. 208, 17. 212, 12. 214, 27. 216, 17. 218, 10. 220, 10, 24. 222, 3, 17. 224, 2, 16. 228, 6. 234, 10. 244, 1. 246, 24. 252, 21. 254, 25. 256, 19. 270, 26. 274, 10. 276, 13. 288, 9. 310, 1. 314, 20. 316, 8. 318, 11. 328, 26. 334, 24. 338, 9. 340, 22. 342, 9, 19. 348, 6. 860, 11, 21. έπεὶ δέ p. 140, 11. 178, 19. 316, 11. 324, 9. 336, 4. έπεὶ καί p. 44, 25. 102, 17 ar. 124, 15 n, 20 n. 258, 20. exel ovv p. 10, 13, 27. 14, 24, 26. 24, 5. 30, 1. 32, 9. 38, 24. 72, 2 h. 74, 22 ph. 80, 4 dc. 86, 10 pp. 88, 14. 90, 14 sp. 92, 9 sp, 24 m. . 94, 28 m. 96, 11 m, 17 m. 98, 5 m. 102, 5 ar. 180, 19. 140, 3. 156, 5. 158, 17. 160, 22. 162, 1, 27. 164, 4. 166, 19. 168, 9. 170, 2, 28. 182, 4 di. 192, 4 dc, 16 dc. 194, 7 dc, 17 dc. 200, 3 dc, 8 dc, 26 dc. 202, 3 dc. 204, 29 dc. 210, 19. 220, 15. 230, 9. 232, 7, 15. 238, 5. 272, 3. 282, 13, 24. 284, 11, 25. 298, 15. 330, 19. 340, 3, 11. 342, 21. 352, 21. 358, 2. 360, 5. 366, 30. 368, 14. 370, 3. nal énel p. 84, 28. 48, 5, 15. 82, 23 dc. 94, 3 m. 124, 8 n. 162, 18. 168, 14. 170, 22, 25. 182, 15 di. 186, 11 di. 190, 5 dc. 192, 9 dc. 194, 23 dc. 196, 28 dc. 198, 9 dc. 200, 14 dc. 202, 18 dc. 230, 16. 278, 7. 284, 1. 292, 8. 296, 12. 298, . 8. 300, 2. 328, 5. 330, 6. 344, 20.

έπειδή p. 4, 18. 52, 1. 66, 12. 138, 20, 27. 158, 4. 174, 8. 180, 17 di. 196, 7 dc. 206, 8. 214, 12. 216, 7, 20. 258, 18. 296, 7. 310, 24. 328, 2. 344, 6. 348, 22. 358, 22. 366, 25. ἐπειδή οῦν p. 326, 1.

ξπειτα p. 116, 13 n. ἐπεξεργασία elaboratio. p. 264, 4.

έπεξέοχομαι explico. ἐπεξελ-Φόντες p. 324, 1.

έπί cum accus. πίπτειν έπί p. 4, 27. cfr. praeterea p. 80, 29 dc. 100, 1 ar. 116, 12 n, 13 n. ἐπὶ τὰ αὐτά p. 8, 19; u. noilog, énátegog. cfr. épagμόζω, ἄγω, ἐπιζεύγνυμι. in multiplicando \times p. 158, 22 sq. 160, 7 sq. 164, 16, 27, 28. 166, 1. 170, 7 sq. 172, 7 sq. 174, 1 sq. 176, 9 sq. 230, 28. 232, 9, 12, 13. 234, 4 sq. 238, 5 sq. 240, 7 sq. 242, 18, 19. 246, 5. 250, 1 sq. 272 col. I, 2 cett. 284, 3. cum genet. σημείον έπλ γραμμῆς 4, 25. 6, 22, 24. 10, 13. 12, 14. 14, 23. 68, 20 pl. 82, 2 dc. 88, 7, 19. 108, 1 e, 2 e. 136, 9. 154, 24. 164, 17. 166, 2. 168, 5. 172, 21. 174, 16. 178, 14. 202, 23 dc. 204, 6 dc. 208, 11. 312, 4, 25. 320, 21. 336, 1. ἐπί — βάσεως p. 60, 19. u. βάσις. cfr. p. 158, 25. έπl — καταγραφῆς p. 32, 13. 68, 23 pl. 80, 28 dc. 108, 7 e. 118, 11 n. 126, 7. per. 116, 14 n. έφ' ού p. 252, 15 †. in. p. 6, 6. 14, 13, 14. 18, 1, 3. 28, 12, 16. 32, 3, 8. 34, 19. 42, 17. 52, 18. 76, 9, 16. 110, 1 e. 142, 4 sq. 146, 24. 148, 15. 170, 11. 172, 15, 19. 214, · 5. 268, 21. 312, 3 sq. 326, 16. cum dat. p. 114, 12. 116, 15 n.

έπιβάλλω. ἐπιβαλλόμενοι adgressi. p. 104, 17 e. έπιβαλεῖν inuenire p. 152, 21. έπίγοαμμα epigramma. p. 110, 16 e. έπιγραφή titulus. p. 264, 11. έ. έχου p. 264, 10. έπιγοάφω, έπιγεγοαμμένος p. 114, 10? ἐπιδείκνυμι ostendo. ἐπιδεῖξαι p. 264, 12. έπιδίδωμι. έπιδιδόντες έαυτούς adgressi. p. 106, 1 e. έπιζεύγνυμι. ἐπιζευγνύς p. 32, 7. ἐπιζευγνύουσα p. 44, 15 sq. 46, 1. 52, 18, 22, 24. 54, 2, 3. 328, 13. 334, 12. έπιζευγνυμένη p. 4, 27 (ἐπί). 10, 13. 12, 15 (έπί). 28, 9 (έπί— $\vec{\alpha}\pi\acute{o}$). 48, 29. 50, 8 ($\vec{\alpha}\pi\acute{o}$ $\vec{\epsilon}\pi\acute{\iota}$). 168, 13 (ἀπό ἐπί). 170, 23 (ἀπό έπί). 214, 14. 310, 18 (ἀπό έπί). 320, 10 (έπί). ἐπιζεύξωμεν p. 8, 4 (ἐπί). 22, 24 (ἀπό $-\vec{\epsilon}\pi i$). 28, 24 ($\vec{\alpha}\pi \acute{o}$ $\vec{\epsilon}\pi i$). 42, 23 (ἐπί). 54, 10 (ἀπό ἐπί). 270, 9, 18. 284, 21, 28. 326, 9. έπιζεύξας p. 8, 9. 82, 1 dc. ἐπέζευκται p. 30, 20 (ἀπό ἐπί). έπεζεύχθω p. 14, 26. 16, 18, 21, 24. 26, 24 (ἀπό — ἐπί). 28, 27. 78, 23 dc. 86, 7 pp, 9. 88, 13. 120, 9 n. 122, 6 n, 15 n. 166, 15. 192, 2 dc. 198, 16 dc. 206, 14. 338, 22. ἐπεζεύχθωσαν p. 6, 22, 26. 10, 12. 14, 24. 70, 9 h. 78, 3 ap. 102, 4 ar. 308, 15, 20. 320, $\bar{6}$ ($\alpha \pi \acute{o} \acute{\epsilon} \pi \acute{\iota}$). 328, 15, 19. enecevyµévη p. 16, 16. 32, 18. 34, 24. 38, 22 (ἐπί ἀπό). 210, 18. ἐπιζευχθείς p. 30, 15 (ἀπό). 54, 11, 14 (ἀπό ἐπί). 74, 1 ph. 78, 27 dc (ἀπό ἐπί). 80, 26 dc (ἀπό). 82, 18 dc. 84, 24 pp. 86, 6 pp. 90, 10 sp (ἀπό ἐπί). 102, 2 ar

(ἀπό ἐπί). 122, 12 n, 20 n. 154, 28. 164, 20. 192, 1 dc. 194, 14 dc. 206, 19. 252, 6 (ἀπό ἐπί). 258, 2. 308, 17 (ἀπό). ἐπιζευχθή p. 52, 13. 80, 20 dc. 164, 8 (ἀπό ἐπί). 254, 17. ἐπιζευχθώσι p. 44, 10. 50, 6 (ἀπό έπί). 216, 27. 218, 19. έπιλαμβάνω. ἐπιλαβόμενος adprehendens p. 116, 11 n. έπιλογή electio. p. 4, 23. έπιμελῶς diligenter. p. 264, 16. έπιμε φής superpartiens. p. 18, 9. 142, 6. έπιμόριος superparticularis. p. 18, 8, 142, 6. έπινο έω cogito. έπινενόηται p. 106, 8 e. énivosiv p. 6, 6. έπινοήσωμεν p. 118, 1 n. έπινοῶν p. 18, 2. ἐπενόησεν ὅτι p. 104, 12 e. έπινόημα inuentum. p. 106, 20 e. έπίπεδον p. 4, 12. 28, 5, 6. 204, 13 dc. 306, 13. 312, 1. τὸ ἐπίπεδον figura plana p. 104, 5 e. 324, 13. ἐπίπεδον σχημα p. 306, 11. ἐν ἐπὶπέδφ p. 4, 15, 17. 6, 17. 10, 2. 14, 21. 16, 15. 18, 5. ἐπίπεδον núnlov p. 26, 26. 100, 16 ar. έπιπέδω τέμνειν p. 180, 4 di, 8 di. έπισκέπτομαι. έπισκεπτόμενος p. 308, 7. έπεσκεμμένος p. 264, 19. έπίστασις deliberatio. p. 2, 4. 264, 2. έπιστημονικός peritus. p. 2, έπισυνάπτω adiungo. συνάψαι p. 178, 25. έπίταγμα propositum. p. 64, έπιτάττω iubeo. έπιτάξη p.

106, 11 e. ἐπιτετάχδω p. 84, 20 pp. ἐπιταττόμεδα p. 268, 19. ὁ ἐπιταχθεἰς ἰόγος p. 84, 23 pp. 86, 5 pp. ἐπιταχθέν p. 112, 10 e. τὸ ἐπιταχθέν p. 112, 9 e. ἐπιτάχθεν φ. ἐπιτάχθεν φ. ἐπιτάχθεν φ. 112, 9 e. ἐπιτάχθεν φ. ἐπιτάχθεν

έπιτ**ιθ**ημι impono. έπιτι**θείς** p. 268, 8.

έπίτοιτος p. 324, 11, 12. 342, 3, 6. 360, 22. έ. λόγος p. 142, 14. έπιτυγχάνω incido. έπιτυχών cum genet. p. 152, 21. έπιφάνεια p. 6, 6. 18, 3, 4.

110, e. regulae p. 68, 13 pl. 114, 21 n. 116, 2n. prismatis p. 36, 27. 38, 2. cylindri p. 36, 28. 38, 3. pyramidis p. 40, 3, 10, 18. τοῦ σχήματος p. 52, 1, 8. 56, 4, 6, 10. coni p. 50, 13, 17, 22. 100, 9 ar. 128, 7. sphaerae p. 128, 28. segmenti sphaerae p. 126, 28. 130, 7, 13, 25. 238, 7 sq. 240, 22, 24. 242, 17. 250, 28. 252, 2.

έπιχειφέω conor. έπεχείοησεν p. 152, 26.

έπιχείς ημα conatus. p. 152, 27.

επομαι. ἔπεται p. 210, 11. τὰ ἐπόμενα termini sequentes proportionis p. 136, 26. 210, 3 sq. 212, 7. 342, 24, 25. 344, 13, 15. 348, 8, 10, 13. 350, 6, 25, 28. 352, 17 sq. 358, 3 sq. 368, 6, 7. ἐπόμενος (ὄφος) p. 142, 3, 16. ἡ ἐπομένη p. 356, 1. ἐπταπλάσιος p. 284, 10 al. ἐπωστός mobilis. p. 110, 6 e. ἔφγον οpus. p. 112, 19 e. ἔφμηνενω interpretor. ἔφμηνενωι p. 2, 22.

ἔοχομαι. ἔοχεται διά p. 174, 7. ἔοχονται διά p. 320, 11. ἐοχέσθω cadat. p. 164, 3. 166, 13. 168, 14. 170, 24. ἐλθεῖν p. 2, 11, 18. 152, 23. ἐληλυ-θώς εἰς p. 66, 18. ἔσχατος extremus. p. 148, 1. ἔτεφος p. 10, 23. 16, 3. 34, 6, 9. 68, 11 pl. 96, 24 m. 104, 16 e. 106, 13 e. 118, 11 n. 132, 13. 152, 22. 154, 2, 23. 178, 23. 190, 18 dc. 198, 14 dc. 202, 22 dc. 254, 12. 270, 3. 800, 18. ὁ ἔτεφος p. 12, 23, 24. 14, 9, 10. 16, 6. 70, 12 h. 306, 21. ἔτεφός τις p. 6, 18. ἔν — ἔτεφον p. 178, 15. ἔτι porro. p. 10, 5. 42, 6. 148,

16. 158, 11. 266, 3. 272, 6. 148, 274, 8. 274, 8. 276, 8. 278, 8. 282, 6. 284, 8, 12, 15. 300, 10. ἔτι τε 188, 15 dc. 190, 13 dc, 24 dc. 202, 26 dc. 204, 9 dc. adhuc. p. 8, 5, 7, 10, 21.

ະບໍ່ bene. p. 112, 15 e. εύαίων beatus. p. 114, 3 e. εύεπίβολος diligens. p. 2, 5. εύθεῖα p. 4, 16, 17, 22, 27. 6, 17. 8, 4, 7, 10. 10, 10. 12, 15 sq. 14, 11, 21. 16, 13, 15. 22, 20. 46, 21, 24. 48, 16. 50, 6. 54, 11. 60, 18. 62, 1, 20. 108, 9 e. 110, 20 e. 114, 25 n. 116, 16 n. 118, 8 n. 120, 1 n. 122, 8 n. 154, 23. 160, 2. 164, 3, 19. 170, 24. 182, 11 di. 188, 6 dc. 190, 8 dc, 14 dc, 15 dc. αί ἐν τῷ **κύκλφ εὐθείαι** p. 302, 8. καθ' εύθείαν p. 108, 8 e. 110, 23 e. έπ' εύθείας είναι puncta p. 78, 11 ap. ἐπ' εὐθείας p. 68, 3 pl. omissum p. 22, 25. 28, 9, 15, 24. 30, 14. 66, 6. 80, 22 dc. 102, 3 ar, 18 ar. 252, 6. 320, 6.

ε ὅ θε τος aptus. πφός p. 76, 18. ε ὑ θ ὑ γ φ α μ μ ο ν p. 34, 23. 36, 16. 52, 28. 268, 12, 14. 324, 13. 336, 1, 14, 18, 22. 338, 8. χωρίον ε ὑ θ ὑ ν. p. 264, 12.

εθκαιρος tempestique. p. 800, 23. εύκατανόητος facilis intellectu. p. 118, 10 n. εύχολος facilis. p. 802, 3. εύκόλως facile. εύκολώτερον p. 76, 20 εὐλόγως ordine. p. 246, 4. εύμάρεια facilitas. p. 2, 3. ευρεσις inventio. p. 66, 8, 19. 106, 26 e. 178, 24. εΰοημα inuentum. p. 114, 14. ευρησις inventio. p. 98, 18. 268, 8. εύρίσκα, εύρίσκει p. 174, 24, εὐρίσκομεν p. 66, 9. 152, 20. εὐρίσκεται p. 84, 6. εὐρισκόμενος p. 84, 5. 106, 11 e. , εὺρήσει p. 174, 23. εὑρήσομεν p. 8, 4, 7. 106, 9 e. εὺρεθη p. 84, 7. 104, 12 e. εὐφεθτναι p. 84, 7. 86, 29 pp. εύρε-Đelg p. 98, 14. 178, 4. 260, 7. 326, 3. εὐρών p. 2, 2. 66, 15. 154, 16. 800, 24. εδοεθήσεται p. 300, 23. εύφεῖν p. 46, 21. 60, 12. 62, 10. 64, 20. 66, 22 pl. 68, 2 pl. 70, 7 h. 72, 21 h, 24 ph. 76, 24 ap. 82, 10 dc, 29 dc. 84, 2, 21 pp. 90, 6 sp. 92, 20 m. 98, 20 ar. 106, 1 e, 29 e. 110, 21 e. 112, 10 e. 122, 10 n. 140, 13. 152, 19. 268, 21. 270, 2. 300, 22. 302, 11. 324, 9. εύρήκασι p. 264, 17. ηύρηνται p. 102, 19 ar. 108, 23 e. 112, 5 e. εὐρῆσθαι p. 266, 6. εὐρηκέναι p. 106, 4 e. ηύρηκέναι p. 66, 13. ξσται ηὑρημένη p. 88, 3 pp. εύούς latus. p. 112, 16 e. εύχή uotum. p. 264, 6. έφάπτομαι linea circulum tangit. έφάπτεται p. 24, 5. 32, 21. 42, 24. έφαπτομένη p. 24, 1, 9. 32, 12. 50, 9. 74,

23 ar. coni sectionem. ἐφάπτεται p. 166, 16, 27. έφαπτο- $\mu \dot{\epsilon} \nu \eta$ p. 328, 1 ($\delta \iota \dot{\alpha}$), 9. 360, 14. έφήπτετο p. 168, 1. parabola hyperbolam p. 168, 3. sensu uulgari έφαπτόμενος p. 118, 2 n. έφα ομόζω. έφαρμόζει p. 308, 10 (dat.). ἐφαρμόσει p. 310, 12 (ἐπί). ἐφαρμόσουσι p. 310, 14 (ἐπί). ἐφαρμόζειν p. 4, 28 (ἐπί). ἐφαρμόζων p. 310, 13 $(\ell\pi\ell)$. 328,4(dat.). sensu uulg. έφαρμοσθη̃ p. 176, 2 (cum dat.). έφεξῆς deinceps. p. 108, 3 e. 126, 26. 264, 9. 300, 29. έφίστημι animaduerto. έπιστῆσαι p. 28, 12 (ὅτι). 172, 27 (dat.). ἐπιστῆναι adgredi (dat.) p. 264, 8. έχω. έχεις p. 2, 20. βάσιν έχειν lσόπλευφον et simil. p. 128, 14. 62, 11. 64, 1, 26 al. Exei p. 48, 2. 148, 5, 7, 10, 13 al. έντὸς έχει p. 312, 1, 3. Ισοφφοπούντα έχει p. 312, 24 al. α. λόγος. ουτως έχει p. 208, 17. cfr. ἔχουσι p. 176, 26. ώς ἔχει p. 68, 23 pl. 110, 24 e. 312, 10. Exovoi p. 48, 24 al. έχομεν p. 34, 10. έχης p. 110, 17 e. ἔχη p. 18, 18. 20, 21. 306, 25. έχωσι p. 18, 4. έχέτω p. 18, 22. 20, 12, 24. 86, 2 pp. 100, 9 ar. 130, 6. 180, 12 di. 266, 17. Exw p. 4, 14. 12, 20, 24. 38, 5. 110, 4 e. 116, 4 n. 180, 1 al. ἔχων πέρας p. 6, 19. 10, 4, 9. πλευφάς p. 282, 23. 284, 2. 300, 6. βάσιν p. 60, 17, 23, 24. 62, 24. 64, 11, 14, 23. 252, 21, 23, 26. 254, 2. 260, 6. 342, 4 al. έστιν έχον p. 154, 1. έσται έχον p. 326, 9. ézómevov consequens p. 264,

26 ph (ἀπό), 28 ph (ἀπό). 98,

1. κατὰ τοὺς ἐχομένους secundum ordinem deinceps sequentium. p. 148, 2. ἔχειν p. 314, 7 al. οῦτως ἔχειν p. 276, 15. εἶχεν p. 176, 15. εἶχεν p. 164, 8. ἔξει p. 20, 19. 64, 18. 220, 13. 362, 8. 370, 2. ἔξομεν p. 82, 1 dc. 146, 23. ἕως cum optat. p. 70, 16 h. ἔως ἄν p. 110, 22 e. ἔως οὖ p. 84, 26 pp. 108, 7 e (confunct.).

z.

ζητέω. ζητεῖν περί p. 270, 6. ἐξήτουν 104, 10 e. ζητῶν p. 104, 6 e. ζητῶν p. 106, 2 e. ἐξητεῖτο p. 104, 6 e. ζητήσας p. 264, 16. τὸ ζητούν p. 78, 15. 106, 1 e. 154, 8. 174, 17. 264, 15. ἐστι ζητούμενον p. 268, 1. ἐζητημένος p. 264, 14. ζήτημα quaestio. p. 268, 7. ζήτησις perscrutatio. p. 154, 4. 268, 9. ἔχειν ζήτησιν p. 266, 11. ζυγός p. 306, 14, 22, 25. 312, 24. 314, 7.

H.

η quam. passim, uelut p. 2, 8. 266, 4. 284, 16. 288, 14. 290, 8, 9. 296, 6. 298, 4. ñ ant. p. 60, 9. 62, 8. 64, 21, 23. 106, 13 e, 17 e? 110, 4 e. 112, 16 e. 122, 18 n. 142, 6, 10. 306, 12. 312, 18. $\ddot{\eta} - \ddot{\eta}$ p. 14, 9. 64, 17. 146, 6. 174, 18. η καί p. 14, 20. 222, 7. cfr. ητοι. ηνέομαι puto. ηγούμεθα p. 324, 2. τὰ ἡγούμενα termini antecedentes proportionis. p. 46, 14. 136, 26. 200, 28 dc. 210, 3 sq. 212, 1. 258, 13. 342. 23, 24. 344, 12, 13. 348, 7, 9,

21, 23, 29. 358, 2, 3, 22. 366, 20. 368, 5, 6. ηγούμενος (όρος) 142, 4, 17. $\eta \delta \eta$ iam. p. 114, 18. 266, 20. η̃κο uenio, cado (de linea recta uel sectione conica uel simil.) διά. ηξει p. 70, 12 h. 74, 22 ph. 156, 29. 158, 7. 162, 17, 21. 164, 3. 166, 5, 12. 168, 13. 170, 24. 180, 17 di. 196, 23 dc. 198, 2 dc. ήμέτερος noster. p. 56, 27. 98, 15. 260, 17. 302, 16. ήμικύκλιον semicirculus. p. 74, 2 ph. 84, 9 pp. 86, 11 pp. 90, 9 sp. 98, 25 ar, 26 ar, 27 ar. 100, 5 sq. ar. 102, 4 ar, 6 ar. 312, 5. ήμικυλίνδοιον p. 98, 24 ar, 26 ar. ήμικύλινδοος p. 106, 4 e (sed fort. scrib. ημικυλινδοίων). ημιόλιος dimidia parte maior. p. 60, 11, 15, 18, 23. 62, 3, 10, 16, 21, 25. 64, 2 sq. 222, 6. 252, 24. 342, 15. 358, 20, 23. n. lóyos p. 142, 12, 17. 146, 11, 17, 20, 24. 230, 20. 242, 15. 250, 27. μείζων η ημιόλ. p. (222, 5) 230, 7, 22. 252, 1. ημισυς. ημίσεια p. 34, 28. 50, 15, 19. 52, 16, 17, 23, 25. 62, 14. 120, 14 n. 194, 19 dc. 196, 22 dc. 198, 19 dc, 24 dc. 200, 24 dc. 208, 9. 210, 21. 212, 15, 21. 214, 14, 18. 218, 13. 254, 21. 258, 16. 270, 11. 282, 14 sq. μεζζον η τὸ ημισυ p. 32, 5, 12, 15, 28. 222, 3. 268, 10. τφ ημίσει p. 254, 22. το ημισυ p. 142, 13, 18, 146, 13, 15, 16. 258, 14. 270, 8, 22. τὰ ἡμίση p. 200, 28 dc. 212, 1. 258, 13. 362, 3.

16. 350, 9, 20, 24, 27. 352, 16,

ή μισφαίριον hemisphaerium. p. 128, 8. 252, 24. 254, 1. ἤπες p. 38, 1, 4, 12. 40, 18. 48, 10, 18. 290, 8. 336, 13. ἤτοι aut. p. 140, 18. 146, 26. 306, 13. 370, 6. ἤτοι — ἤ p. 18, 18. 60, 7. 120, 4 n. ἤτοι ἢ ἢ p. 12, 12. 18, 10. 160, 8. ἦττον minus. p. 6, 13.

Θ.

θάτερον p. 312, 18. θαυμαστός admirandus. 268, 6. θέλω uolo. Θελήσωμεν p. 346, θεός deus. p. 2, 10. θεουδής diuinus. p. 112, 21 e. θέσις. δ. έχειν p. 68, 24 pl, 25 pl. 70, 18 h. 74, 10 ph. 86, 2 pp. 100, 9 ar. κατά θέσιν p. 14, 5. θέσει οῦσης p. 190, 9 dc. δέσει δεδομένη p. 136, 10. 156, 29. 158, 2 sq. 190, 20 dc. 194, 17 dc, 20 dc, 23 dc. 196, 27 dc. 198, 2 dc, 3 dc, 6 dc, 7 dc. 214, 12, 20, 23. 220, 24, 26. ἡ θέσει sc. δεδομένη p. 94, 11 m. 214, 22. cfr. p. 92, 21 m. θεωρέω. θεωρῆσαι p. 16, 14. θεω**ρί**α p. 2, 14. **θ**εώ**ρημα p. 2, 4. 4, 2. 32, 11.** 34, 13. 38, 24. 40, 29. 48, 23. 60, 1, 3, 4. 132, 13, 14. 154, 5, 19. 158, 8. 162, 22. 168, 8, 18, 29. 182, 7 di. 196, 24 dc. 200, 5 dc, 11 dc. 208, 5, 24. 222, 12. 236, 8. 238, 15. 240, 25. 256, 5, 8. 266, 10. 268, 9, 19. 272, 12. 284, 17. 320, 19. 324, 4, 17. 332, 15. 342, 17.

I.

ενα ut. p. 14, 20. 60, 8. 66,17. 110, 2 e, 17 e. 144, 24.

τεχνητέον ΐνα p. 110, 10 e. ενα μή p. 320, 11. Εστιν ενα p. 33**2**, 14. ίσογώνιος. τρίγωνον ί. p. 36, **3. 44, 12.** 210, 23, 25. 218, 3. 220, 4. 288, 4. 362, 6. parallelogrammum p. 236, 23. *l*σόπλευ**ρ**ος p. 22, 21. 24, 10. 28, 14, 17. 38, 25. 270, 21, 23. 284, 28. **ισοπληθής p. 338,** 7. **ໄσο ρροπέω. Ισορροπήσει** p.306, 19. 318, 7. Ισορροπών p. 306, 25. 312, 24. ίσορροπία aequilibritas. 314, 5, 14. ίσος. passim, uelut p. 14, 20, 25. 16, 17, 19, 22. 18, 11, 14. 110, 4 e. 112, 6 e. ἴσος καὶ őμοιος p. 310, 10. ἴσα p. 224, 10. els l'oa p. 76, 20. 332, 1. δι' ίσου p. 44, 26. 134, 15. 194, 27 dc. 200, 17 dc. 210, 11, 27. 212, 6. 218, 7. 222, 28. 232, 24. 348, 1. 350, 12. 354, 2. 358, 11. 366, 5. ίσοσκελής p. 38, 26. lσότης aequalitas. p. 14, 7. **ξστημι. έστώς πατά p. 84, 15** pp. ἐστάναι p. 102, 1 ar. ίστοφέω trado. ίστοφεῖ p. 98, ίστος ία γεωμετοική Eudemi p. 264, 19.

154, 19. 176, 1. 214, 10. gilo-

Κ. καθά sicut. p. 142, 15. 148, 27.

καθάπες p. 108, 7 e. 114, 22 n.

καθαφμόζω apto. καθήφμοσται p. 110, 13 e. κάθετος p. 86, 11 pp. 94, 22 m. 96, 25 m. 118, 15 n, 16 n. 218, 21. 222, 18, 19. 254, 18, 19. 286, 1. — ΰψος p. 188, 10 dc, 11 dc. ἐπί p. 26, 25, 26. 28,

10, 24. 38, 23. 50, 8. 54, 11. άπό ἐπί p. 38, 12, 14, 19, 27. 40, 6. 54, 16. 72, 1 h. 90, 13 sp. 100, 17 ar. 122, 1 n. 126, 9. 158, 16. 162, 26. 174, 12. 182, 3 di. 188, 3 dc. 198, 28 dc. 326, 11. ἀπό p. 95, 5 m. 198, 8 dc. 258, 3.

καθίημι impendo. καθεΐναι p. 2, 8.

καθίστημι muto. είς. καθιστάναι p. 106, 13 e. καθίστασθαι p. 106, 17 e. καταστησόμεθα p. 112, 11 e.

παθόλου omnino. p. 106, 12 e. 154, 18. 174, 26. 176, 28. 178, 3. 216, 15. 224, 9. 226, 24. 320, 17.

καί et. passim. ὁ αὐτὸς καί p. 48, 10. etiam p. 2, 10. 4, 18, 21. 6, 13. 10, 1. 12, 19. 14, 2, 7, 13. 84, 5. 88, 4. 106, 20 e. 108, 18 e, 22 e. 110, 17 e. $\kappa \alpha i - \delta i$ p. 88, 20. 120, 3 n. 142, 19. 146, 24. 176, 12. 220, 23. $\kappa \alpha \lambda - \tilde{\alpha} \rho \alpha$ p. 46, 10. 202, · 14 dc, 17 dc. 212, 6, 15, 19. 216, 4, 22. 218, 2, 6. 220, 1, 3. 222, 27. 228, 3, 14, 17. 282, 21, 23. 256, 16. 258, 12. 288, 19. 330, 18. 344, 4, 10. 346, 6. 352, 13, 16. 356, 3, 27. 366, 14, 23. καὶ γάρ p. 48, 28. καὶ γὰο καί p. 190, 2 dc. modo p. 66, 17. $n\tilde{a}v = n\alpha l \, \tilde{a}v \, p$. 4, 17. 8, 3. 12, 12. 20, 21. 28, 18. 42, 15. 112, 15 e. 146, 18, 27. κάξ = καὶ έξ p. 6, 12. κάν $= n\alpha l \ \ell \nu \ p. 140, 10. 268, 6.$ nαλέω. καλεῖ p. 4, 12, 13, 21.

118, 3 n. 310, 22. naleiv p. 128, 9. ἐκάλει p. 326, 7. ἐκαλείτο p. 104, 8 e. καλούμενος p. 106, 4 e.

καλός. τὸ καλόν pulchrum illud. p. 104, 2 e.

Archimedes, ed. Heiberg. III.

καλώς recte. p. 14, 8. 18, 1. 28, 12. 308, 3. 352, 1. 354, 22. καμαρικά Heronis. p. 98, 17. 99 not. 2.

καμπύλος. κ. γραμμή p. 4, 12, 13, 16, 19, 66, 12, 14, 106, 5 e. 112, 22 e.

κανόνιον regula parua. p. 68, 11 pl. 70, 14 h. 74, 9 ph. 78, 11 ap. 84, 11 pp, 25 pp. 86,

1 pp.

κανών regula. p. 68, 6 pl, 19 pl, 21 pl, 25 pl. 74, 4 ph. 76, 11, 13, 19. 80, 29 dc. 88, 10, 11. 112, 18 e. 114, 20 n. 116, 1 n sq. 118, 5 n, 7 n, 9 n, 11 n.

122, 4 n.

καρκίνος circinus. p. 76, 20. κατά cum accus. secundum. p. 2, 6. 22, 16. cfr. 32, 5, 13. 40, 7. 142, 9, 10. 264, 9, 11. η κατά p. 814, 5, 14. κατά παν σημείον p. 8, 9. περιφέρειαν p. 130, 19, 23, 26. κατά σημείον secare. p. 14, 26. 16, 20. 46, 26. 60, 22. 72, 3 h. 78, 3 ap, 8 ap. 80, 28 dc. 82, 20 dc. 94, 22 m. 120, 8 n. 162, 25. 174, 8 sq. 180, 20 di. 182, 2 di. 190, 11 dc, 22 dc. 194, 21 dc. 198, 21 dc. 208, 11. 270, 24. 328, 16. 334, 13. 336, 2. 338, 23. 360, 13. tangere p. 42, 24, 68, 21 pl. 168, 2, 3. 360, 13. concidere p. 73, 19 ph. 98, 23 ar. 100, 7 ar. 102, 3 ar, 4 ar. 108, 10 e. 122, 6 n, 14 n, 21 n. 160, 20. 164, 22. . 166, 10. 168, 8. 170, 21. 194, 16 dc. 200, 3 dc. 318, 20. κατὰ – μέρος p. 68, 22 pl. (cfr. 100, 9 ar). 114, 24 n. 116, 9 n. cum genet. per. p. 42, 12, 15, 18. 50, 12, 13.

καταβάλλω conficio.

βεβλημένος p. 2, 2.

xαταγραφή figura. p. 12, 27. 32, 13. 38, 16. 68, 23 pl. 80, 29 dc. 118, 11 n. 126, 7. 134, 21. 148, 27. 154, 7. 172, 28. 176, 3. 198, 13 dc. 210, 18. 308, 13. 390, 24.

καταγοά φω describo. lineam. καταγεγομμένη p. 82, 1 dc. καταγράφειν p. 88, 6.

xατάγω redigo. εἰς ἔλασσον p. 302, δ (καταγαγεῖν). duco (lineam rectam ad aliam). κατήπται p. 98, 6 m, 9 m. αἰ καταγόμεναι ordinatae. p. 94, 15 m (ἐπί). 96, 29 m (ἐπί). 98, 2 m. 158, 28. 162, 16. 166, 4. 174, 6. 180, 16 di. 196, 21 dc. 198, 23 dc. 206, 24. 830, 25. κατάδηλος apertus. p. 10, 1. καταλείπω relinquo. καταλείπονται p. 286 col. I. 8. κατα

πονται p. 286 col. I, 8. καταλείπειν p. 32, 7. καταλειφθείς p. 152, 22. καταλειφθήσεται p. 272, 5. 286, 5. ιατανο έω intellego. κατα-

κατανοέω intellego. κατανοείν p. 142, 20. 176, 24. κατανοήσας p. 2, 3. κατανοήσαι p. 12, 26. 42, 16.

καταντά ω peruenio. είς. κατήντησεν p. 176, 28. κατηντήσαμεν p. 176, 5.

καταπαλτικόν catapulta. p. 106, 20 e.

κατασκευάζω. κατασκευάζων p. 102, 23 e. 154, 3. 208, 13. 284, 17. κατασκευάσας p. 188, 28 dc. κατεσκευάσθω p. 68, 3 pl. κατεσκευασμένος p. 68, 17 pl. 84, 19 pp. τῶν αὐτῶν κατασκευασθέντων p. 170, 16. κατασκευασθέντων p. 170, 16. κατασκευή p. 76, 7, 9, 17. 78, 16. 88, 4. 106, 26 e. 114, 12. 324, 16.

καταστοέφω conuerto. κατέστοεφεν intransit. p. 104, 16 e. πατάτοησις foramen. p. 106,23 e.

καταχοάομαι abutor. κατακετοήθαι p. 266, 15.

πτάχοησις abusus. p. 268, 5.
πεζμαι. πεζται p. 148, 27. 206,
8. πεζσθω p. 68, 17 pl. 92,
3 m. 108, 1 e. 154, 27. 160,
16. ἴση πείσθω p. 14, 25. 16,
16, 19. 46, 27. 60, 14. 62, 14.
92, 24 m. 96, 1 m. 166, 14.
180, 11 di. 190, 29 dc. 194,
13 dc. 198, 17 dc. 200, 7 dc.
206, 16, 18. 282, 19. πείμενος
p. 14, 5. 98, 27 ar. 182, 26.
146, 29. 830, 26. πείσθωσων
p. 70, 7 h. 72, 24 ph.

жет р. 114, 2 e. κέντρον. circuli. p. 30, 20. 34, 23. 38, 17. 84, 10 pp. 188, 13 dc. ή πρός τῷ κέντρφ γωνία p. 270, 13. κέντοφ τῷ B p. 76, 25 ap. 78, 1 ap, 6 ap. 90, 8 sp. 120, 7 n. τοῦ σχήματος p. 312, 4, 5, 7. τῆς βάσεως p. 26, 23. sphaerae p. 54, 10, 13, 15. 128, 1, 20. 130, 1, 10, 27. 128, 15, 24, 25. 138, 21. 204, 5 dc. 236, 11. 252, 7. &x τοῦ κ. είναι p. 34, 25. 44, 5. ή έκ του κέντρου p. 46, 3 sq. 50, 15, 18. 52, 2, 6, 9. 54, 14, 21, 22. 56, 4, 5, 9. 176, 4. 182, 25 di. 184, 2 sq. di. 186, 6 sq. di. 188, 9 dc. 246, 17. 252, 11. 266, 18. ἡ διὰ τοῦ κ. p. 88, αί ἐκ τῶν κέντρων p. 36, 17. 38, 10. κ. φοπης p. 306, 10, 13. βάρους p. 308, 14. 312, 2, 15. 320, 7, 21. 334, 15, 27. 336, 1, 15. 368, 21. βάρους om. p. 310,12. 312,23,26. 318, 8. 320, 11. 334, 2, 12, 29. 336, 9, 12, 17, 21, 838, 14, 370, 8, 9. $n\eta \varrho lo \nu$ nomen libri. p. 264, 20. 300, 26.

* L V É O έκινουμεν p. 76, 12. niv p. 116, 12 n. nivovueros p. 42, 11. 70, 15 h. 74, 4 ph. 76, 11. 78, 12. 88, 10. 100, 10 ar. nivelodo p. 68, 6 pl. 70, 16 h. 84, 11 pp, 17 pp. neni-ນήσθω p. 74, 5 ph. ແນກູອີຖໍσεται p. 116, 15 n. nivnois motus. p. 68, 16 pl. 100, 5 ar. 116, 16 n. nlεινός clarus. p. 66, 9. 264, 14. πογχοειδής γραμμή. conchoides. p. 114, 11. 118, 4 n, 13 n. 122, 4 n. κογχοειδής p. 122, 19 n. κοίλος. ἐπὶ τὰ αύτὰ κ. p. 4, 24, 26. 8, 19. 10, 5. 12, 22. 14, 1, 3. 16, 3. 310, 23, 25. u. praeterea p. 112, 16 e. κοινός p. 10, 16, 28. 12, 2, 7. 14, 15. 24, 2, 7. 30, 16. 88, 15. 150, 27. 306, 1. κ. άφαιρεῖσθαι p. 132, 6. 168, 11. π. προσκείσθω p. 14, 29. 42, 3. 72, 5 h. 86, 13 pp. 124, 3 n. ποινά έχειν p. 14, 13. ποινότερος p. 154, 17. nólovoog nõrog. truncatus. p. 50, 13, 17. ποςυφή. coni. p. 26, 22. 28, 10, 15, 23. 38, 15, 22. 40, 2. 128, 15, 27. sectoris. p. 130, 18, 24. segmenti parabolae. p. 326, 6, 7, 13, 18. 328, 12. 330, 24. 332, 9. 386, 13. 338, 9. 360, 16. segmenti sphaerae. 180, 9 di. 184, 23 di, 26 di, 27 di. 186, 7 di, 8 di. trianguli p. 320, 13, 19. πουφότης leuitas. p. 306, 2, 5. πρείττων. πράτιστος optimus. p. 2, 16. noívo accuso. noivoito p.

κρίσις iudicium. p. 2, 20. 14, 16.

κύβος p. 84, 2, 3, 21 pp. 104,

268, 5.

9 e, 10 e, 15 e. 106, 18 e, 17 e. 112, 13. δ άπὸ - πύβος p. 86, 3 pp, 4 pp, 21 pp, 24 pp, 28 pp. 242, 6 sq. 250, 20 sq. 362, 17, 18, 21. 364, 3, 4, 24, 25. κυκλικός. γραμμή κ. p. 4, 18. ×ύκλος p. 26, 13, 15. 64, 7, 8. 78, 20 dc. 82, 2 dc. 182, 25 sq. di. 184, 1 sq. di. 186, 5 sq. di. omissum. p. 34, 12. 252, 21. μέγιστος κ. p. 180, 3. δ B núnlos p. 34, 11. 36, 22, 29, 30. 38, 16. 60, 28. 62, 1. 6 ZO xúxlog p. 62, 24, 25. 64, 11, 14, 20. o AET núnlos p. 74, 21 ph. κύκλ. περί πολύγωνον p. 34, 25. 44, 17, 21. δ περί διάμετρον την - κύκλος p. 128, 24, 26. 132, 2, 9. 188, 12 dc, 19 dc, 25 dc. 204, 20 dc, 27 dc. 252, 21, 27. 254, 3. 260, 3, 4, 6. κυλινδρικός. ἐπιφάνεια. p. 42, 18, 100, 2 ar. γραμμή p. 100, 7 ar. uvlivde 10v p. 116, 1 n, 5 n, 10 n, 15 n. κύλινδρος p. 2, 1. 60, 9 sq. 62, 9, 10, 23. 64, 1 sq. 102, 1 ar. 112, 19 e. 116, 17 n. 252, 21. o AE núlivõços p. 62, 2, 3. **πυρίως** proprie. p. 128, 8. πυ**ριώτερον** p. 142, 4. πύτος cauerna. p. 112, 16 e. nõlog membrum, pars. p. 104, 3 e. **κωνικός. γραμμή κ. p. 4, 14.** έπιφάνεια p. 42, 12, 16. 50, 12. 100, 6 ar. 128, 14. xwy. στοιχεῖα p. 158, 9. 162, 23. 166, 9, 19. 168, 1. 182, 8 di. 196, 25 dc. 200, 6 dc, 12 dc. 206, 8. 208, 6. cfr. 312, 12. 326, 3. 328, 6. 332, 6. жото с р. 26, 22. 56, 21, 23. 60, 20, 24. 62, 8, 26. 64, 2, 15.

126, 27, 28. 128, 2, 6, 17. 184, 5 sq. di. 186, 5 sq. di. 188, 5 dc, 18 dc, 20 dc. 190, 1 dc, 3 dc. 212, 10. ὁ ΛΓ κῶνος p. 62, 1, 4. ὁ ἐν τμήματι κῶνος p. 236, 9.
κωνοτομέω. κωνοτομεῖν p. 112, 19 e.

1.

λαμβάνω, λαμβάνεται p. 140, 9. λαμβάνοιτο p. 142, 5. λαμβάνειν p. 6, 10. 8, 15. 110, 3 e. 174, 17, 18. λαμβάνεσθαι p. 110, 9 e. 142, 7. λαμβανόμεvos p. 12, 14. 18, 4. 40, 12. 46, 4, 7. 62, 5. 128, 5. 162, 11. 164, 7. 170, 12. 172, 17. 178, 14. 224, 4. 232, 23. 234, 12. 238, 23. 366, 2. u. νψος, μέσος, δμοίως. έλαμβάνετο p. 88, 7. 140, 11. ληψόμεθα p. 112, 7 e. λάβωμεν p. 286, 3. 368, 23. λαβεῖν p. 4, 25. 8, 10. 104, 14 e. 106, 3 e. 154, 24. 266, 19. λαβών p. 8, 3. 208, 11. 326, 12. είληπται p. 164, 13. 202, 23 dc. 368, 13. ελήφθω p. 6, 21. 14, 23. 64, 22. 98, 8 sp. 142, 22, 25, 160, 6. 168, 5. 170, 13. 180, 14 di. 204, 6 dc. 230, 8. είλήφθωσαν 6, 24. είλημμένος p. 8, 3. είλημμένη τις p. 368, 15. έσονται είλημμέναι p. 82, 28 dc. ληφθήσονται p. 12, 16. ληφθησομενος p. 112, 11 e. έληφθη p. 346, 25. 356, 26. ληφθη p. 82, 2 dc. 88, 12. 140, 18. 234, 18, 21. ληφθώσι p. 80, 18 dc. ληφθείς p. 8, 4. 66, 4. 76, 9. 140, 19. 320, 20. λέγω. λέγω (οὖν, δή) ὅτι p. 6, 21. 10, 25. 18, 22. 20, 12, 25. 26, 25. 48, 1. 74, 14 ph. 78, 23 dc. 86, 3 pp. 118, 15 n.

122, 21 n. 132, 27. 142, 29. 144, 26. 146, 9. 148, 3. 164, 29. 170, 14. 204, 15 dc. 206, 26. 224, 14. 280, 6, 25. 308, 16. 328, 23. léyei p. 306, 2, 4. 328, 12. 354, 22. λέγων p. 176, 29. 300, 27. λέγεται p. 106, 3 e. τί λέγω περί p. 66, λέγω δέ p. 106, 17 e. ἐλέγετο p. 140, 22. 236, 9. λέyous av p. 50, 27. 220, 23. léγοι p. 114, 7 e. λεγόμενος p. 140, 25. 176, 14, 26. 178, 3. τὸ λεγόμενον p. 4, 11. 60, 9. 140, 11, 15. 154, 19. 326, 2. ένὸς λεγομ. p. 330, 28. Ελεξας 104, 1 e. léyeur p. 214, 19. λέλεπται p. 140, 13. είπον p. 302, 9. είπεν p. 324, 10. είπείν p. 102, 24 e. 142, 2. 254, 11. 308, 3. 326, 2. είπών p. 178, 3, 12. 240, 5. lentéor p. 34, 11. έλέχθη p. 352, 1. λεχθείς p. 106, 27 e. ξηθείη p. 214, 5. λεχθήσεται p. 214, 11. 252, 16 . είρηται p. 4, 19. 34, 7. 42, 19. 70, 18 h. 74, 12 ph. 76, 17. 142, 15. 146, 24. 148, 9. 166, 13. 174, 20. 234, 17. 236, 5, 18. 254, 7. 268, 8, 15. 270, 2, 3. 310, 23. 312, 10, 22. 332, 12. τὸ εἰρημένον p. 50, 27. 146, 26. 228, 23. 302, 6, 10, 13. 314, 16. 324, 8, 16. 332, 21. 344, 7. είρημένος p. 14, 6. 34, 10. 68, 15 pl. 88, 5, 9. 100, 12 ar. 132, 4. 144, 25. 154, 16. 156, 3, 12. 172, 28. 184, 24 di. 188, 23 dc. 204, 29 dc. 208, 27. 222, 13. 250, 1. 300, 15, 28. 320, 14. 366, 12. lείπω desum. lείπει είς p. 272 col. III, 7. cum genet. 280, 6. leinor eis p. 118, 18 n. λείπεται τινί τινος p. 272, 7. 276, 19.

λέξις. κατὰ λέξιν ipsis uerbis. p. 84, 9. λέξει p. 154, 18. λεπτός tenuis. λεπτότατος p. 110, 5 e. λεπτά partes secundae. p. 302, 7.

λεύσσω cerno. λεύσσων p. 114, 7 e.

λήγω desino. λήξασα είς p. 66, 5. λήγοντες είς p. 148, 1. λήμμα p. 38, 24. 152, 22. 230, 24. 236, 28. 332, 13. 340, 18. λήψις methodus construendi. p. 106, 9 e.

λιθοβόλος ballisticus. p. 106, 21 e.

λογίζομαι cogito. λογισάμενος p. 2, 9.

λογιστικός, ἡ λογιστική p. 142, 9. λογιστικά p. 302, 4. λόγος. ὁ αὐτὸς λόγος p. 18, 19. 20, 23. 66, 1. 362, 10. ἐν τῷ αύτῷ λόγφ p. 82, 26 dc. 232, 23. 332, 10. 342, 21, 22. 344, 6. 354, 27. 366, 1. δ δοθείς λόγος p. 180, 7 di. 176, 14. 186, 8 di. 198, 14 dc. 204, 2 dc, 4 dc. 208, 11. lóyov ezeiv δεδομένον p. 140, 5, 6. 180, 5 di. 188, 23 dc. 206, 4 dc. 220, 11 sq. τὸν αὐτὸν λόγον ἔχειν őv p. 48, 24. 52, 19. 118, 23 n. 350, 3. τοῦτον ἔχει τὸν λόyor, or exer p. 186, 1 di. 236, 10. 346, 27. 354, 23. λόγον έχειν πρός p. 84, 3, 21 pp. 86, 4 pp. 154, 2. λόγον έχειν ον 184, 25 dc. 196, 11 dc, 15 dc. 274, 17. 316, 12, 14. 348, 19 sq. 350, 1. 358, 18 sq. 360, 3, 6. 368, 21. 370, 1, 2. λόγος, δν έχει p. 86, 21 pp, 23 pp. 140, 20. 180, 10 di. 188, 7 dc. 196, 10 dc. 204, 4 dc. δν έχει λόγον, έχέτω p. 180, 12 di. ov Ezer p. 180, 7 di. έχει ον p. 358, 24. δ λόγος τῶν τμημάτων et similia

p. 138, 28. 140, 19. 146, 28. 234, 18, 21. 240, 20, 21. 250. 26, 28. δ της — προς — λόγος p. 54, 1. 86, 14 pp, 17 pp, 23 pp. 132, 20, 27, 28. 136, 6. 142, 23. 144, 1, 19, 22, 27. 146, 3, 10, 13. 148, 4, 10, 12. 150, 18. 152, 1. 196, 18 dc. 204, 16 dc. 212, 22. 214, 2 al. omisso lóyos p. 54, 1, 4. 84, 23 pp. 138, 26. 146, 11, 14, 19. 148, 6. **150**, 19 sq. 152, 1. 202, 6 dc, 23 dc. 216, 8, 9. 230, 12 sq. 232, 3 sq. 234, 4, 7. 238, 4, 19. 240, 16, 19. 242, 4 sq. 244, 2 sq. 250, 9, 13, 18. μείζονα λόγον ἔχειν ἤπεο p. 18, 22, 23. 20, 2 sq. 26, 7. 38, 1, 3, 12, 40, 15, 17, 150, 3, 5. 222, 6, 9, 11. 224, 15, 17, 19. 226, 10. 228, 24, 25. 230, 5, 10, 14. 244, 24. 246, 11 sq. 248, 1 sq. 250, 3, 8, 16, 23. 256, 23, 25. 258, 11 al. έλάσσονα λόγον έχειν ήπες p. 18, 18. 20, 21, 26. 22, 2, 3. 26, 12, 14. 38, 5. 56, 19, 20, 22. 118, 24 n. 150, 7. 224, 24. 226, 27. 228, 3, 4. 238, 21, 28. 240, 9, 14. 246, 3, 7, 10. 282, 28. 284, 6. 288, 16, 17, 19. 292, 1 sq. 296, 9, 11. 298, 6, 15. έν διπλασίονι λόγφ είναι p. 52, 29. διπλασίονα λόγον έχειν η̃περ p. 56, 11. 92, 11 sp, 12 sp. 316, 10. μέσον λόγον έχειν p. 50, 15, 19. ο τοῦ άναστρέψαντι λόγος p. 20, 24. δ AΓ λόγος p. 140, 20, 21. 142, 25, 26. τον αύτον έχει λόγον p. 332, 15. 844, 4. 352, 15. 356, 17. 360, 7. τῆς ΡΛ ποὸς ΛΧ λόγος ἐστὶ δοθείς p. 140, 2, 3, 4. 188, 24 dc. 190, 4 dc, 12 dc. έν τῷ δοθέντι λόγω γίνεσθαι ρ. 202, 25 dc. lóyos p. 140, 22, 23, 26. 142, 3, 11. 202, 5 dc. 314, 8. 330, 23. ἐν τῷ λόγῷ p. 336, 7. ratiocinatio p. 146, 25. 148, 27. res p. 140, 17. λοιπός p. 286, 5. λοιπός ὁ p. 26, 17. 30, 21. 80, 2 dc. 118, 18 n, 19 n. 130, 24, 25. 132, 7. 150, 27. 220, 19. 314, 13. 318, 14. 330, 18, 21. 342, 14. 370, 2. ἡ λοιπή ἡ p. 370, 1. ὁ λοιπός p. 46, 25. 68, 22 pl. 84, 16 pp. 148, 15. 160, 6. 210, 22. 214, 16. 218, 3. 220, 13. 236, 11, 12. 266, 12. 284, 17. 316, 4. τὸ λοιπόν p. 18, 12. 382, 15.

M. μάθημα. τὰ μαθήματα p. 2, 15. 266, 10. μαθηματικός, μ. σύνταξις Ptolemaei. p. 302, 5. μαποῶς multis uerbis. μαποόтерот р. 190, 17 dc. μαλλον p. 2, 7. 8, 6. 120, 16 n. 268, 6. 300, 18. 306, 21. 336, 20. μάνδοα saeptum. p. 112, 15 e. μανθάνω. έμάθομεν p. 210, 1. μάθοιμεν p. 88, 12. μέγας. μεγάλη p. 270, 4. μείζων p. 6, 24, 27. 8, 2 sq. 10, 11 sq. 12, 2, 9, 11. 14, 1 sq. 16, 1 sq. 20, 5, 16, 17. 28, 22. 40, 15. 48, 8. 54, 3. 146, 5, 6, 9. 170, 15. 172, 9, 11. 176, 9, 17, 21. 178, 6. 180, 15 di. 208, 20, 21. 224, 11, 16 al. u. lóyog. μέγιστος p. 158, 24. 164, 16. 166, 1. 172, 23; u. núnlog. μεγάλα p. 114, 13.

μέγεθος p. 18, 20. 106, 22 e. 110, 6 e. 118, 5 n. 136, 7. 140, 18. 146, 26. 210, 2, 4. 220, 12. 224, 10. 234, 17, 22. 266, 23. 306, 24. 308, 2. 312, 23, 26. 314, 4, 6, 12. 318, 7. 334, 16, 17. 364, 21. τὰ πρῶτα μ. p.

342, 23. 348, 7, 13. 350, 6. 352, 21, 27. τὰ δεύτερα μ. p. 842, 24. 848, 8, 14. 350, 8. 352, 23, 28. τῷ μεγέθει δεδομένος p. 158, 1. 194, 23 dc. 214, 13. μέδιμνος p. 106, 17 e. μέλλω. μέλλει p. 106, 24 θ. μέλλοντα p. 4, 2. παρὰ μέλος contra μέλος. ueros numeros modosque. p. 2. 12. μέμψις uituperatio. p. 300, 23. μέντοι sed tamen. p. 78,9 ap. 152, 24. 154, 3, 7. 266, 6. μένω. μένει p. 306, 12, 18. 308, 354, 20. μένων p. 70, 15 h. 100, 1 ar, 4 ar. 108, 5 e. 118, 1 n. 142, 7. 312, 25. τοῦ αὐτοῦ μένοντος p. 62, 8. μερικώς particulariter. μερικώτεφον p. 178, 6. μερισμός diuisio. p. 302, 2. μέρος regio. : p. 4, 28. 68, 22 pl. 114, 24 n. 116, 13 n. 240, 25. τα Α, Β, Γ. μέρη p. 306, 20, 25. pars. p. 48, 5, 7, 8, 82, 7 dc (ἀπό). 84, 26 pp. 132, 14. 142, 10, 11. 284. 17. τρίτον μ. et simil. p. 62, 27. 208, 3. 266, 4. 282, 14. 284, 10, 16. 292, 5. 300, 4. 340, 28. τα μέρη p. 312, 24. 344, 3. 352, πάντα τὰ μ. p. 308, 10. 312, 1. έν μέρει p. 154, 8. μεσόγοαφον p. 114, 1 e. μέσος p. 108, 5 e, 6 e. 110, 5 e. 112, 17 e. 116, 16 n. 366, 26. έν τῷ μέσφ p. 306, 16. μέσος (õpos) p. 144, 25. 146, 4 sq. 148, 18, 20, 21. 182, 11 di. 234. 14. 246, 2. 256, 14. μ. λαμβανομένης τῆς p. 140, 10, 22. 286, 4. 244, 14. 250, 10. tò ύπὸ τῶν μέσων p. 40, 27. 48, 26. 72, 14 h. μέσον p. 234, 18, 19, 20. 342, 23, 25. ή μέση

p. 50, 21, 224, 26, 354, 29, 356, 10. ὁ ἀπὸ τῆς μέσης p. 50, 3. μέσαι p. 82, 27 dc. 84, 7. 90, 1. 96, 7 m. 106, 10 e, 25 9. 108, 24 e. 110, 3 e. 112, 6 e, 8 e, 10 e, 11 e. μέση (-αι) ανάλογον p. 46, 21. 66, 6, 22 pl. 68, 2 pl. 70, 7 h. 72, 21 h, 24 ph. 74, 15 ph. 76, 23 ap. 78, 24 dc. 80, 9 dc, 21 dc. 82, 5 sq. dc. 86, 29 pp. 88, 26. 90, 6 sp. 92, 8 sp, 20 m. 98, 20 ar. 102, 18 ar. 104, 14 e. 106, 2 e, 28 e. 110, 20 e. 122, 9 n. 134, 23. 180, 14 di. 218, 21. 230, 9. 244, 3. μετά cum genet. + p. 42, 4. 52, 23, 25. 72, 4 sq. h. 124, 23 n, 24 n. 226, 14, 16. 230, 27. 244, 4 sq. 248, 22. 250, 17. 256, 3, 4, 6. 350, 3, 22. 352, 7. 354, 5. 356, 3 sq. 358, 4. 364, 2, 15, 19, 20. cum accus. post. .110, 16 e. 116, 3 n. 176, 28. -μετά ταῦτα p. 6, 10. 8, 15. μετάγω transfero. μετάγων p. 86, 1 pp. μεταξύ p. 8, 3. 26, 4. 74, 7 ph. 80, 23 dc, 28 dc. 84, 18 sq. pp. 88, 7. 118, 8 n. 120, 1 n. 148, 28. 166, 26. 170, 12, 13. 172, 17, 20. 174, 19, 23, 25. 178, 15, 16. 182, 1 di. 194, 6 dc. 208, 16. 226, 17. 268, 13. 336, 18, 21, 360, 15, 16. μεταμορφόω transformo. μεταμοφφῶσαι p. 112, 15 e. μετασχηματίζω transformo. μετασχηματίζειν p. 106, 14 e. μεταφέρω transfero. μεταφερέσθω p. 68, 18 pl. μετέχω particeps sum. μετασχόντες p. 264, 19. μετρέω, μετρούμενος ὑπό p. μετοείσθαι ύπό p. 42, 14. 42, 10.

μέτοησις dimensio. p. 264, 10. 302, 15. μετοητής amphora. p. 106, 17 e. μετρικός, μετρικά Heronis. p. 270, 3. μετοίως satis. p. 66, 17. 300, **16. 308**, **6. 324**, **3**. μέτρον mensura. p. 106, 16 e. μέχοι. μ. τοσούτου eo usque. p. 76, 12. $\mu \dot{\eta}$ p. 42, 13. 66, 1, 14. 112, 6 e. μὴ ἄρα p. 154, 13. μηδέ p. 2, 18. 112, 19 e, 20 e, 21 e. μηδείς p. 2, 8. μηδέπω nondum. p. 266, 16, 26. μηδέτερος neuter. p. 4, 27. μηκέτι, p. 18, 13. μηπος p. 314, 7. μήπει p. 36, 19. 274, 18. 340, 11. μήν p. 44, 1. 158, 11. ἀλλὰ μην καί p. 212, 21. 214, 3. $\mu \dot{\eta} \tau \epsilon - \mu \dot{\eta} \tau \epsilon$. p. 64, 16. μηχανικός p. 56, 26. 98, 15. **2**60, 16. 302, 16. μικοός p. 104, 1 e. κατά μικοόν p. 154, 17. παρά μ. p. 302, 12. μοίοα pars (gradus). p. 302, 7. μονάς p. 142, 7 sq. 146, 16. 272, 8, col. III, 7. 284, 9. άπδ μονάδος p. 330, 26. μόνος. μόνη semel sumpta. p. 344, 16 sq. 346, 1 sq. 350, 9 sq. 352, 1. 354, 20. 366, 3 sq. 368, 2, 10. μόνον p. 76, 11. ·88, 5. σύ μόνον p. 4, 21. 8, 18. 12, 21. 16, 8. 106, 10 e. -336, 24. μόριον particula. p. 220, 12. fractio. p. 268, 24, 25. 272, 7. 274, 3. 276, 8. 278, 8. 282, 6. μοῦσα musa. p. 114, 4 e. μουσικός. περί μουσικής Νίcomachi p. 140, 27.

μυριάς p. 302, 2. μύριοι. μυρία p. 114, 1 e.

N.

ναός aedes: p. 106, 15 e. νεότης iuuentus. διὰ νεότητα p. 2, 12. νεῦφον neruus. p. 106, 24 e. νοέω. νοείν p. 14, 3. 114, 20 n. νοείσθαι p. 12, 20. νοούμενος p. 16, 1. 26, 5. 42, 25. 116, 18 n. 118, 11 n. νοείσθω p. 70, 14 h, 17 h. 110, 23 e. 128, 25. 308, 12. νοείσθωσαν p. 132, 26. 230, 2. νοήσωμεν p. 60, 16. 64, 1. 214, 14. vonσειας p. 816, 24. νοήσαιμεν p. 174, 5. νοηθη p. 10, 13. 60, 22. 62, 23. 68, 12 pl. veνοήσθω p. 26, 21. 38, 15, 21. 60, 9. 74, 8 ph. 86, 5 pp. 98, 24 ar. 128, 23. 168, 4. 176, 2. νενοήσθωσαν p. 10, 1, 26. 14, 21. 16, 14. 34, 22. 74, 17 ph. 210, 17. νομίζω puto. νομίζω p. 264, 18. voulzei p. 306, 5, 11. voμίζων p. 152, 25. vvv p. 8, 4. 34, 11. 76, 17. 128, 14. 316, 11.

Z.

ξηφός siccus. p. 106, 16 e. ξύλινος ligneus. p. 110, 3 e.

0.

δ. τοῦ ὅν p. 48, 2. 56, 17. 140, 21. 142, 24. 144, 22. 148, 4 sq. 176, 28. 190, 21 dc. 230, 7, 21. 234, 2, 6, 19. 238, 10, 12. 240, 14, 20, 22. 242, 15. 250, 11, 23. 252, 1. 336, 3, 8. of δέ p. 106, 1 e. τὰ μέν p. 114, 7 e. τὸ τοῦ p. 62, 2, 5. 84, 4. 110, 7 e. 348, 5.

őδε p. 112, 15 e. 114, 1 e. 188, 3. 300, 21. òđóg uia. p. 152, 22. 178 23. όθεν quare. p. 152, 20. 154, 14. οίδα scio.. ίστε p. 2, 5. είδέναι p. 178, 13. 264, 18. Ιστέον p. 4, 12. 76, 7. 128, 4. 300, 16. ο ίο μαι. ο ίμαι opinor. p. 266, 24. φήθημεν p. 178, 25. olog p. 68, 25 pl. 74, 10 ph. 118, 3 n. οδου έστίν ένός p. 328, 25. 330, 4 sq. 340, 28, 24, 25. 342, 10, 11, 13. olov uelut. p. 68, 6 pl. 106, 17 e. 188, 11 dc. 306, 14. olov ώς p. 32, 13. olov fere. p. 8, 11. 12, 18. όπνέω. όπνήσας p. 2, 9. όκταπλάσιος p. 104, 6 e. μετ' δλίγον p. 132, όλίγος. 23. έξ όλίγου p. 112, 13 e. ούπ όλίγος p. 154, 5. ölog. ölog ð p. 10, 6. 14, 9. 16, 27. 20, 5. 32, 28. 90, 19 sp. 138, 25. 140, 1. 150, 14. 212, 19. 220, 22. 328, 10. 340, 26. 342, 12. 360, 7, 8. 368, 24, 25. ò ölog p. 126, 10. 134, 25. 152, 22. 178, 23. 254, 19, 27. 370, 8. όλως p. 302, 4. ούδὲ ό. p. 66, 9. ομαλώς aequabiliter. p. 110. 11 e. δμοιος. **δ**ιὰ τῶν ὑμ**οί**ων p. 20, 20. — p. 80, 27 dc. — conus. p. 212, 10. segmenta sectionis coni. p. 332, 5, 11, 25. 338, 10, 14. δμοιον πολύγωvov p. 24, 13, 17. 26, 5. 34, 6 sq. 36, 1. cfr. p. 52, 28. 338, 10. τοίγωνον p. 50, 1. 102, 10 ar. 126, 10. 134, 25. 166, 21. 222, 19. 254, 19. 258, 8. 308, 14, 20. 310, 4. 316, 9, 16, 18. σχῆμα p. 106, 14 e. segmentum sphaerae p. 210, 19. 216, 27. 220, 7. έλλείπειν

ομοίφ p. 196, 23 dc. 198, 25 dc. 206, 26. cfr. p. 54, 5. 242, 13. 364. 8. δμοιότης similitudo. triangulorum. p. 102, 15 ar. 106, 15 e. 192, 6 dc. 194, 24 dc. 218, 6. 242, 10. 290, 4. 296, 2. 310, 7. όμοίως p. 10, 24. 20, 14. 24, 9. 28, 8. 34, 10. 42, 25. 62, 26. 72, 9 h. 74, 27 ph. 208, 23. 306, 22. 310, 3. 316, 3. 318, 18. 332, 13. 334, 2. 360, 15. όμοίως δή p. 6, 26. 8, 2. 30, 6. 50, 16. 52, 17. 146, 18, 25. 148, 15. 154, 2. 170, 11. 172, 234, 20. ὁμοίως λαμβανόμενα 158, 25. 164, 17. 166, 2. 172, 22. δμολογέω. δμολογούμενος p. 8, 12. ἀμολογημένος p. 6, 12. δμόλογος. latus p. 52, 29. 288, 5. δμοῦ p. 272, col. I, 5. II, 6. III, 6 cet. δμως p. 266, 21, 27. 312, 12. δνομα p. 6, 9. 154, 10. ονομάζω nomino. όνομάζει p. 4, 16. 6, 8. ονομαζόμενος p. 154, 11. ἀνομάσθη p. 332, ώνόμασται άπό p. 142, 11. ονομασία denominatio. p. 4, 4. όπή foramen. p. 116, 6 n, 10 n. οποίος qualis. ο. τις p. 28, 18. δπότερος uter. p. 14, 1. 174, 18. uteruis. p. 14, 6. 156, 4. $\delta \pi \omega c$ quo modo. p. 34, 5. 176, 23. 270, 1. ὅπως ποτέ p. 148, 25. όπωσοῦν quoquo modo. p. 4, 17. 264, 4. όργανικός p. 106, 9 e. 110, 13 e. όργανικῶς p. 110, 2 e. δογάνιον p. 112, 11 e.

ὄφγανον p. 106, 21 e, 27 e. 110, 22 e. 114, 11. 120, 18 n.

θην p. 2, 5. δοθιος, ὀρθία πλευρά p. 94. 14 m. όρθογώνιος. parallelogrammum. p. 70, 13 h. triangulus. 126, 8 n. 134, 22. 222, 17. 254, 17. 258, 2. 266, 17. 268, 3. όρθός. πρὸς όρθάς cum dat. (linea ad lineam). p. 16, 18, 20, 23. 28, 4. 68, 2 pl. 74, 3 ph. 82, 12 dc. 86, 10 pp. 90, 8 sp. 96, 6 m, 27 m. 114, 20 n. 122, 9 n, 14 n. 138, 24. 154, 27. 160, 17. 164, 19. 180, 13 di. 190, 28 dc. 198, 15 dc. 204, 13 dc. 214, 21. sequente $\pi \rho \delta c$ p. 28, 7. πρὸς όρθάς p. 78, 20 dc. 84, 10 pp. 88, 16, 17, 23. 92, 23 m. 96, 11 m. 194, 15 dc. 198, 18 dc. 220, 26. έπί p. 108, 1 e. linea ad planum. p. 28, 6. 102, 8 ar. όφθή (γω- $\nu(\alpha)$. p. 24, 4, 5. 30, 19. 32, 18. 36, 3. 42, 26. 44, 10. 68, 4 pl, 24 pl, 26 pl. 70, 7 h. 72, 24 ph. 74, 21 ph. 76, 24 ap. 80, 1 dc. 102, 12 ar, 13 ar. 118, 20 n. 210, 22. 218, 2, 14, 20. 284, 25. ἡ ὀρθή p. 22, 15, 17. 126, 8. 134, 23. 194, 19 dc. 196, 22 dc. 198, 19 dc, 24 dc. 200, 24 dc. 214, 15. 222, 18. 254, 18. 258, 3. 266, 18. 282, 13. 284, 23. ἐν ὀρθη γωνία p. 94, 15 m. αί δύο δοθαί p. 118, 18 n. αί τέσσαρες όρθαί p. 270, 14. 282, 14, 22. ἐπίπεδον όρθον πρός έπίπεδον p. 28, 2. 102, 6 ar. ὀοθὸν ἐπί cum genet. p. 98, 25 ar, 26 ar. πρὸς εύθεῖαν p. 180, 8 di. 186, 2 di. 204, 14 dc. όρθη εύθεία δοθή ποός p. p. 94, 18 m. 102, 9 ar. oodos núlivõgos p. 102, 1 ar.

όρέγομαι concupisco.

ὸρίζω, ἀρίσατο p. 332, 6. ὁ δρίζων p. 306, 12, 14, 18, 21. 308, 1. 312, 16, 25. õpos definitio. p. 4, 1, 5. 128, 8. terminus proportionis. p. 140, 18. 142, 3, 16. 146, 28, **29.** 148, 2. 226, 24. 230, 25. 234, 13. 244, 29. öş p. 2, 19. 4, 9. 32, 10. 38, 1. 42, 24. 46, 22. 48, 5. 80, 29 dc. 82, 11 dc. 106, 9 e, 28 e. 110, 5 e. 176, 28. η δή p. 100, 6 ar. adsimilatum. p. 146, 29. 234, 22. όσος p. 114, 4 e. όσφ p. 226, 15. 254, 18. 336, 19. อัสดเ ฉัง p. 106, 10 e. őσον πρός p. 148, 25. ὄσπερ p. 14, 20. 34, 11. 42, 4, 19. 66, 15. 76, 6 ph. 78, 11 ap. 146, 3. 176, 21. 258, 14. 264, 15. 284, 10. 300, 10. 302, 9. u. δείπνυμι, εδοίσκω. ὄστις = ὄς. p. 88, 23. 90, 2. 116, 6 n. 118, 3 n. 128, 8. 146. 16. 152, 23. οταν p. 8, 20. 18, 14. 140, 23. 158, 26. 172, 25. 194, 6 dc. 210, 3. 338, 5. őτε p. 112, 17 e. ότι passim. u. λέγω, δείμνυμι. uacat. p. 178, 6. 208, 14. 234, 23. ού μόνον ὅτι ού p. 16, 8. quod. p. 76, 12. 144, 3 e. = lotéon uel deintéon öti p. 12, 21. 238, 19. 248, 4. 332, 11. cfr. p. 246, 26, 30. ούδαμοῦ nusquam. p. 178, 20. ovdé p. 12, 25. 14, 18. 66, 9. 300, 22. οὐδέ -- ἀλλ' οὐδέ p. 266, 20. ούδὲ γάρ p. 154, 4. ovdels p. 2, 2. 152, 19. 266, 11, 22. 268, 1, 5, 8. ούδὲν πρός p. 176, 12. κατ' οὐδέν p. 148, 26. ούδέν p. 6, 12. 270, 5.

ούδέτερος p. 306, 21. οψπέτι p. 32, 9. 34, 10, 21. 142, 6, 178, 11. ov p. 68, 17 pl. 74, 9 ph. 110, 1 e, 17 e. 146, 15. 150, 26. 158, 3. 160, 81. 166, 13. 168, 4. 180, 18 di. 188, 21 dc. 190, 29 dc. 210, 7. 230, 15. 234. 28. 266, 5, 26. 286, 2. 288, 25. 296, 2. 852, 1. 354, 22. 358, 11, 26, 29. 364, 21. 368, 24 al. µèr ovr p. 34, 5. 62, 4. 160, 9. 178, 18. διὰ οὖν ταῦτα p. 288, 20. 290, 3. ώστε οὐν p. 812, 25. ούράνιος caelestis. p. 114, 5 e. ούτε. ούτε --- καί p. 302, 10. ούτος p. 2, 4 sq. 6, 21. 8, 5. 10, 1. 12, 25, 14, 18, 82, 9 dc, al. u. λόγος. καὶ ταῦτα p. 106, 8 e. καὶ τοῦτο p. 266, 24. τουτί p. 264, 15. ούτως p. 34, 21. 46, 23. 50, 27. 62, 4. 80, 22 dc. 88, 12. 94, 9 m. 96, 26 m. 114, 19, 21 n. 128, 21. 136, 15. 160, 1, 16. 164, 18. 174, 26. 186, 8 di. 198, 12 dc. 204, 2 dc. 206, 8. 208, 11. 224, 2. 274, 9. 338, 10. οΰτω p. 120, 3 n, 19 n. 154, 26. και ούτως p. 146, 7. 170, 14. 176, 12. 190, 17 dc. άφείλω, όφείλουσα p. 84, 7. 86, 28 pp.

П.

παζς filius. p. 114, 3 e. πάλαι iamdiu. p. 264, 13. παλαιός uetus. p. 154, 4. πάλιν p. 10, 18, 27. 16, 19, 22, 23. 20, 14, 22. 46, 7. 48, 14. 60, 22. 62, 8, 23. 64, 17. 78, 1 ap. 80, 21 dc. 98, 1 m. 100, 4 ar. 120, 20 n. 126, 20. 130, 28. 134, 5, 10. 136, 18. 138, 27. 144, 6. 146, 20. 158, 4. 164, 19. 170, 22, 25. 228, 11, 21. 232, 9, 18. 252, 11. 286, 2. 296, 1. 330, 12. 344, 5. 350, 1, 27. 854, 17, 19, 26. 368, 3. $\pi \dot{\alpha} \dot{\lambda} \dot{\nu} \dot{\nu} \dot{\alpha} \dot{\rho}$ p. 6, 24. 16, 16. $\pi \dot{\alpha} \dot{\lambda} \dot{\nu} \dot{\nu} \dot{\alpha} \dot{\rho}$ p. 278, 3. 280, 2. 282, 1. 364, 13. $\pi \dot{\alpha} \dot{\lambda} \dot{\nu} \dot{\nu} \dot{\alpha} \dot{\epsilon} \dot{\nu} \dot{\rho}$ p. 9, 8 sp. 94, 25 m. 96, 19 m. 98, 8 m. 108, 14 e. 204, 23 dc.

πανταχοῦ p. 102, 24 e.

πάντη omnino. p. 2, 19. 12, 26. πάντως p. 14, 19. 28, 13. 118, 9 n. 174, 7. 314, 4. 336, 12. οὐ πάντως p. 326, 12.

πάνυ p. 2, 10. 14, 16. 314, 8. 342, 17.

παρά cum accus. praeter. p. 4, 15. ἄγειν παρά et simil. p. 40, 13. 72, 18 h. 76, 8 ph, 4 ph. 94, 20 m. 98, 24 ar. 314, 24. 326, 17. 328, 2, 17 al. τὰ παρά p. 196, 23 dc. u. δύναμαι. πάρα = πάρεστι p. 112, 15 e. cum genet. = ὑπό. p. 300, 15. cum datiuo. apud. p. 104, 6 e, 19 e. 306, 3.

παραβά11ω adplico. παρά. παραβίηθη p. 212, 18. παραβαλείν p. 324, 14.

παραβολή parabola. p. 94, 14m, 22m. 96, 19m, 28m. 98, 4m, 6m, 8m. 98, 14. 154, 11. 156, 28. 1563, 3, 15. 162, 16, 25. 164, 12. 166, 4, 16. 168, 2, 3, 15. 170, 25. 174, 6, 7, 21, 23. 180, 16 di, 20 di. 182, 1 di, 15 di. 326, 4, 16. 332, 11. 334, 6. 338, 5, 21. π. περλ ἄξονα τήν 96, 19 m, 23 m, 29 m. 98, 2 m. cfr. p. 96, 24 m. ἐπλ παραβολῆς p. 94, 1 m.

παράγω promoueo. παραγέσθω p. 84, 25 pp. παραγόμενος p. 78, 13 ap.

παραδίδωμι. παφαδεδομένος p. 266, 21.

παράθεσις adplicatio. p. 80, 29 dc.

παραιτέω deprecor. παρητησάμεθα p. 66, 11.

παράπειμαι. de spatio. παρά. παραπείμενα p. 94, 16 m. de regula. παραπείσθω p. 74, 4 ph. παραπολουθέω consequor. παραπολουθεϊν p. 302, 3.

παρακολουσειν p. 302, 3. παρακολούθημα consequen-

παρακολούθημα consequentia. p. 120, 17 n.

παφαλαμβάνω adsumo. παφαλαμβάνονται p. 356, 10. παφελήφθη p. 14, 17. 346, 23. 354, 15.

παραλείπω omitto. παραλελειμμένος p. 154, 1.

παρα11 η 1 ο γραμμον p. 62, 16, 18, 27. 64, 8. 70, 9 h, 13 h. 76, 8. 78, 3 ap. 98, 26 ar. 106, 12 e. 108, 2 e, 5 e. 112, 11 n. 156, 3. 160, 21. 196, 28 dc. 236, 24. 318, 8. 334, 6. 840, 14. 346, 1 sq. 362, 5.

παράλληλος p. 24, 15. 30, 14, 22. 40, 24. 42, 18. 44, 2, 11. 52, 13. 68, 9 pl, 12 pl, 16 pl. 74, 20 ph. 78, 22 dc, 25 dc. 80, 19 dc, 22 dc, 27 dc. 82, 3 dc, 21. 86, 8 pp. 88, 14. 94, 2 m. 102, 13 ar. 108, 4 e. 110, 11 e. 120, 4 sq. n. 122, 16 n. 154, 29. 156, 1, 4. 160, 18, 19, **22**. 162, 27, 29. 164, 21, 22, 24. 166, 7, 24. 168, 7, 8. 170, 17, 20. 174, 9. 182, 3 di, 5 di. 192, 2 dc. 198, 29 dc. 206, 17, 28. 306, 12, 14, 18. 308, 1. 310, 2. 312, 16, 24. 316, 2. 318, 12. 320, 20, 326, 14, 328, 1 sq. 330, 22, 28. 332, 7, 8. 334, 4, 5, 13, 340, 1, 360, 13, 15, 362, 7. διὰ τὰς παραλλήλους p. 124, 508 INDEX II. 17 n. 316, 25. ἐν παραλλήπεμπτημόρια p. 360, 7. 366, lois p. 108, 11 sq. e. 110, 25 e. 25, 30. παραλογισμός p. 264, 17. παραναγιγνώσκω recognosco. παραναγνωσθείσης p. 56, 26. 260, 16. 302, 15. παρατεταγμένως p. 340, 2. παραφράζω, παραφράζοντες p. 342, 18. 368, 1 al. παρεμβάλλω interpono. terminos medios. παρεμβάλωμεν p. 82, 27 dc. 360, 1. παρεμπίπτω interponor. παρεμπίπτωσι p. 146, 27. παςεμπιπτέτω p. 144, 25. 146, 8. παρεμπιπτέτωσαν p. 148, 3. παρεμπίπτων p. 146, 4. παρίστημι trado. παραστῆσαι p. 140, 17. παριστών p. 140, 15. παροράω neglego. παροραθηναι p. 2, 4. παρώνυμος denominatus. p. 140, 25. πας p. 4, 15. 12, 19. 112, 14 e. 266, 24. 306, 4. πάση ή totus. 208, 24. δ πᾶς p. 336, 9. πάντα πᾶσιν p. 80, 1 dc. πάντες p. 4, 3. 18, 3. 24, 9. 28, 1. 42, 11. 44, 15 sq. 46, 1, 2, 5. 52, 18 sq. 54, 5. 104, 11 e. 106, 15 e. 110, 11 e. 114, 4 e.

12 ap. 98, 21 ar, al. u. xύnlos, παραβολή. περί γωνίαν p. 220, 4. 266, 17. κῶνος περὶ βάσιν p. 64, 12. περί καταγραφάς p. 154, 6. — u. περιγράφω. cfr. p. 34, 12. τὰ περί p. 36, 16. cum genet. de. p. 2, 1, 20. 78, 19. 114, 11. 152, 24. 188, 1, 2 al. 146, 28. 158, 25. 164, 16. 166, περιάγω circumduco. 2. 170, 11. 172, 16, 19. 234, 22. αγόμενος p. 100, 1 ar, 7 ar. πατής p. 114, 3 e. περιαγωγή circumuolutio. p. παῦρος paraus. p. 114, 2 e. 100, 3 ar. πάχος crassitudo. p. 106, 22 e. περιβαίνω comprehendo. πείθω persuadeo. πείθουσιν περιβαίνειν p. 116, 5 n. έαυτούς p. 110, 7 e.

πειράζω experior. πειράζων p. 86, 1 pp.

πειράομαι. πειρώμενος p. 126, πειράσομαι p. 2, 21.

πελεκινοειδής u. p. 69 not.p. 68, 14 pl. 114, 23 n. 116, 7 n. πεμπτημό φιον p. 366, 26. δύο πέμπτος p. 210, 12. δύο πέμπτα p. 366, 24. 368, 19. τρία πέμπτα p. 356, 22, 24. 358, 9, 14, 19, 21, 360, 2, 368, 17, 20, 23, 370, 5. πενταπλάσιος (ε') p. 366, 20.

πέντε p. 348, 19, 21 al. πεντεκαιδεκαπλάσιος

περαίνω, πεπερασμένος p. 6. 18. 92, 22 m. 94, 12 m. πέρας p. 6, 19. 10, 3. 70, 12 h. 84, 13 pp. 100, 2 ar. 116, 4 n. 138, 22. 326, 8. τὰ π. ἔχειν έν έπιπέδω p. 18, 4. τὰ αὐτὰ π. έχειν p. 12, 24, 28. 14, 4, 11, 17. 16, 7. 18, 1.

περί cum accus. in. p. 2, 13, 14. 66, 17. 114, 16. circum. p. 42, 11. 74, 5 ph. 76, 12. 78,

περιγραφή circumscriptio. p. **82, 8**.

περιγράφω. περί. polygonum circum circulum. περιγράψαι p. 34, 9. 268, 12. περιγραφόμενος p. 24, 11. 268, 14. τὸ περιγραφόμενον p. 26, 11, 14, 16. περιγεγραμμένος p. 34, 26,

27. 282, 23. τὸ περιγεγραμμένον p. 24, 18. 34, 10, 14, 20, 22. 36, 10, 12, 21, 22. 44, 16, 17, 20. 52, 23. 56, 7. figuram solidam circum sphaeram. περιγεγραμμένος p. 56, 15. τὸ περιγεγραμμένον p. 52, 8. 56, 5, 18, 21. describo. περιγράψει p. 100, 8 ar. περιέχω. περιέχεται ὑπό p. p. 128, 14. περιεχόμενος ὑπό p. 32, 15. 106, 12 e. 128, 6. 326, 4. 342, 2. εύθεία περιέχουσα χωρίον μετά p. 158, 1. έπιφάνεια περιέχουσα τμημα p. 128, 19. (εύθεἴαι) γωνίαν περιέχουσαι p. 14, 22. 22, 26? 76, 24 ap. 206, 11. 218, 14. περιέχειν γωνίαν p. 70, 8 h. 74, 1 ph. ίσας γωνίας περιέχουσιν p. 24, 3. περίπειμαι circumiaceo. περικείσθαι p. 84, 13 pp. πε οιλα μβάνω. πεοιλαμβάνων p. 10, 12, 25. 12, 12. 16, 9. περιλαμβανόμενος p. 10, 6. 12, 13. 14, 20. 16, 4. περιλαμβάνεσθαι p. 12, 23. 14, 10, 12. περιλαμβάνεται p. 14, 14. περιλαμβάνοιντο p. 14, 19. περίλειμμα p. 26, 18. 82, 13, 15, 26, 29. πεοιλείπω. περιλείπεται p. **350, 26, 29**. περίμετρος, polygoni, p. 38, 20. 40, 2, 11. 284, 2, 4, 14. circuli. p. 284, 13. figurae. p. 310, 25. 312, 4, 17, 18. περιττεύω supersum. περιττεύει p. 286, 7, col. III, 7. 298 col. III, 8. περιττός. οί περισσοί άριθμοί. p. 328, 24. 330, 22. περιφέρεια. arcus. p. 22, 18, 19, 20. 32, 6, 17. 76, 26 ap.

78, 2 ap, 21 dc. 80, 18 dc, 24

dc. 84, 28 pp. 88, 18. 120, 8 n. 268, 13. 270, 11. 286, 13. 800, περιφ. έξαγώνου p. 270, 8, 11. 284, 22. ambitus circuli. p. 74, 8 ph. 100, 17 ar. 220, 27. 266, 2 sq. 284, 15, 23. 300, 25. 302, 11. segmenti. p. 214, 22. περιφερής circularis. p. 4, 20. περιφέρω. περιενεχθη p. 100, 5 ar. πηλικότης λόγου. quantitas rationis. p. 140, 23, 25. 142, 6 sq. 144, 18 sq. 146, 2 sq. πιναπίσκος tabella. p. 110, 4 e, 10 e. 112, 10 e. $\pi \ell \nu \alpha \xi$ tabula. p. 110, 22 e. 114, 1 e. πίπτω. πίπτει p. 188, 13. 148, 28. πίπτη p. 194, 6 dc. πίπτειν p. 4, 28. πιπτέτω p. 102, 1 ar. πεσείται p. 100, 17 ar. (ἐπί). 194, 7 dc. 208, 22. 386, 9. ἐν τῷ αὐτῷ πεσεῖται p. 318, 21. πεσούνται p. 336, 18. πεσείν είς p. 106, 7 e. πλάτος p. 114, 25 n. πλ. ἔχειν 94, 17 m. πl. ποιείν p. 212, 18. πλευφά. figurae. p. 10, 14. 28, 15. 52, 29. 54, 6. polygoni. p. 22, 21. 24, 11. 38, 13 sq. 40, 5. 42, 10 sq. 44, 24, 25. 46, 2. 56, 7, 8, 11. 268, 4, 13. 282, 22, 23. 284, 2. 300, 5. 338, trianguli. p. 220, 4. 288, 5. 290, 5. 320, 7, 10, 18. quadrati. p. 62, 20, 29. cfr. reτραγωνικός. parallelogrammi. p. 76, 10. 236, 25, 362, 8. coni. p. 38, 11. cubi. p. 104, 4 e. 106, 18 e. ἡ ἐλάσσων πλ. p. 254, 12. πληθος p. 154, 16. 180, 1. ἴσοι τὸ πλήθος p. 210, 2. 332, 8. πλήν praeter. p. 106, 7 e.

 $\pi \lambda \dot{\eta} \varrho \eta \varsigma$ plenus, p. 268, 25.

πληρόω, πληρούντι p. 264, 1. mlive to vlaterculus. p. 110, 8 e. ποιέω. ποιεί p. 142, 19, 27. 144, 2, 18. 268, 23, 25. 284, 4. 314, 13. 354, 16, 19, 21. éxolei р. 176, 11. жогос р. 140, 24. ποιείτω p. 142, 28. 144, 2. 282, 5, 6. ποιῶν p. 8, 6. 142, 4. 164, 14. 174, 17. 178, 14, 23. 194, 18 dc. 314, 8. moisir p. 60, 7. 62, 8, 27. 106, 14 e. 120, 21 n. 122, 18 n. 142, 16. 174, 4, 13. 204, 12 dc. 302, 8. 314, 15. ποιήσει p. 100, 6 ar. 160, 11. ποιήσομεν p. 86, 1 pp. ποιήσουσιν p. 94, 21 m. 310, 15. ποιήσωμεν p. 20, 15. 36, 27. 48, 14. 88, 1 pp. 150, 7. 188, 13 dc. 196, 18 dc. 224, 27. 260, 2. ποιήσας p. 22, 23. **62**, 27. 112, 7 e. ποιῆσαι p. 202, 29 dc. 346, 10. ἔσονται ποιούσαι p. 46, 28. ἐσόμεθα πεποιημότες p. 112, 9 θ. ποιητέον p. 46, 23. πεποίηκεν p. 144, 4, 8, 9, 17. 232, 8 sq. πεποιήμειν αν p. 302, 8. πεποιηπέναι p. 152, 26. πεποιήσθω δ αύτός p. 84, 23 pp. ποῖος qualis. p. 300, 24. πολλάκις p. 302, 9.

πολλαπλασιάζω. πολλαπλασιάζεσθαι p. 18, 13. πολλαπλασιαζόμενος έπί. p. 142, 2, 16. 268, 23. 284, 4. πολλαπλασιασθείς p. 140, 24. 142, 18. 144, 19. πολλαπλασιάσας p. 142, 26, 27, 28. 144, 1 sq. 146, 23. 232, 5 sq. πολλαπλασιάσωμεν p. 146, 1, 15.

πολλαπλασιασμός multiplicatio. p. 272, 9. 274, 19. 276, 20. 280, 8. 286, 9. 290, 2. 292, 15. 296, 19. 298, 14. 302, 2. πολλαπλασιεπιμερής multiplex superpartiens, p. 18, 11.

πολλαπλασιεπιμόριος multiplex superparticularis. p. 18,

πολλαπλάσιος p. 18, 10. 142, 344, 3. τὰ ὡσαύτως πολλαπλάσια p. 352, 15.

πόλος polus conchoidis. p. 118,

5 n, 12 n. 122, 3 n.

πολύγωνον. p. 22, 20. 24, 10. 34, 6, 10. 40, 9, 18. 54, 20. 284, 1. de perimetro. p.284, 12. πολυπλασιάζω, πολυπλασιάσωμεν έπί p. 272, 1. πολύπλευρος. πολυπλευρό-

τερος p. 336, 19.

πολύς p. 66, 9. 140, 14. 154, 4. 178, 26. τὰ πολλά p. 178, 27. πολλά p. 114, 13. πολύ p. 76, 20. πολλφ p. 8, 2. 10, 19, 22. 12, 1, 5, 10. 26, 13. 48, 15. 120, 16 n. mire collocatum. p. 32, 25. πλείων p. 16, 13. 80, 22 dc. 112, 9 e. 146, 27. 148, 3. 234, 20. 264, 8. 270, 4. 806, 12. 320, 11. πλέον p. 254, 13.

πολυτρόπως multifariam. p. 154, 7.

πονέω laboro. πεπονημώς p. 114, 16.

πορίζω construo. πορίζεται p. 88, 9. ποριζόμενος p. 64, 18. πορισθείς p. 66, 2. έπορίσατο p. 90, 2. πορίσασθαι 266, 27.

πόρισμα p. 132, 12. 236, 8, 18. $\pi \acute{o} \sigma o \varsigma$ quantus. indirecte. p. 106, 19 e.

ποσός. ἐπὶ ποσόν aliquatenus. p. 266, 10.

ποτέ p. 148, 25. που p. 266, 24.

πράγμα. p. 264, 13. 266, 16. τὰ πράγματα res. p. 154, 10. πραγματεία p. 306, 8.

ποέπω. ποέποι decet. p. 4, 2.

πρίσμα p. 36, 28. 38, 2. ποό p. 2, 1. 264, 14. τὸ ποὸ τούτου p. 28, 12. 56, 3. 136, 14. προάγω adduco. προαχθείς p. 2, 7. προβαίνω procedo. προέβη p. 66, 4. προβαίνει p. 176, 23. ποόβλημα p. 62, 6. 64, 17. 66, 5, 10. 104, 9 e. 114, 16. 152, 23. 154, 3, 21. 176, 1, 10, 24. 178, 7. 190, 9 dc, 17 dc. condicio. p. 178, 4. ποογάφω. τὰ ποογεγοαμμένα p. 82, 22 dc. προδείκνυμι. προδειχθείς p. 122, 5 n. προδέδειαται p. 204, 12 dc. προδεδειγμένος p. 16, 24. 224, 20. 328, 21. πρόδηλος. πρόδηλον ότι adparet. p. 214, 10. πρόειμι progredior. προιών p. 132, 16. προέρχομαι. προέρχεται p. 84, 5. προελθών p. 208, 24. πρόθεσις. p. 84, 4. 176, 13. 178, 17. 264, 11. προκατασκευάζω. προκατεσκευασμένος p. 82, 9 dc. πρόκειμαι. προέκειτο p. 76, 6 ph. 146, 3. προκείσθω p. 154, 24. 206, 12. προκείμενος p. 10, 11. 64, 15. 80, 28 dc. 120, 18 n. 128, 14. τὸ προκείµeror p. 28, 16. 32, 10. 46, 20, 28. 68, 26 pl. 84, 6. 264, 9. ποολαμβάνω. ποοληφθείς p. 236, 28. 238, 3. ἐν τοῖς προλαβοῦσιν in praecedentibus. p. 234, 17. 238, 14. 332, 13. 334, 12. προλέγω. προλέγει p. 324, 19. προλέγων p. 188, 2. προρηθείς p. 152, 18. προειπών p. 4, 2. προείρηται p. 64, 22. 82, 15 dc. 178, 20. 268, 4. προειρημένος p. 10, 24. 12, 17.

18, 3. 146, 7. 174, 15. 332, 16. 366, 18. προοίμιον procemium. p. 66, 12. 310, 24. πρός cum accus. p. 6, 11. 10, 1, 14, 16, 42, 20, 76, 21, 264, 9. 266, 1. πρὸς τό cum infinit. p. 110, 8 e. cum datiuo. ή πρός γωνία πλευρά p. 24, 7. ἡ πρὸς τῷ Δ γωνία p. 24, 5. 26, 2. 28, 22. 36, 2. 42, 26. 44, 11. 70, 1 pl, 8 h. 74, 1 ph. 76, 25 ap. 80, 1 dc. 118, 20 n, 21 n. 198, 18 dc. 200, 25 dc. 206, 11. 210, 22. 214, 15. 218, 2, 20, 252, 7, 270, 10, 21, 284, 22. 310, 16. πρός σημείφ p. 50, 10. 70, 15 h. 74, 5 ph. 80, 24 dc. 82, 5 dc, 6 dc. 92, 22 m. 114, 24 n. 116, 3 sq. n. 270, 9. cfr. 76, 14? πρὸς τῆ μορυφη̃ p. 320, 19. 332, 9. praeter. p. 66, 13. 142, 13. cum genetiuo, $= \dot{v}\pi \dot{o}$. p. 114, 11. 264, 18. 266, 20. 268, 1, 2. προσαρμόζω adapto. προσαρμοσθήσεται p. 154, 21. προσαφηνίζω, προσαφηνισθείς p. 142, 20. προσβάλλω, προσβεβλήσθω p. 122, 14 n. προσδιορισμός p. 176, 15. προσεκβάλλω, προσεκβάλλων p. 208, 8. 284, 27 (ἐπί). προσεκβαλλόμενος p. 76, 10. 168, 4. ποοσεκβάλωμεν p. 22, 25. προσεκβαλών p. 270, 17 (έπί). προσεμβληθείς p. 22, 7. 62, 13. προσεκβεβλήσθω p. 60, 13. προσευρίσκω praeterea inuenio. προσευφείν p. 66, 6. 178, 22. προσέχω animaduerto. προσέχειν p. 88, 4. προσέχοι (cum accus.) p. 302, 12.

προσήκω, τὸ προσήκον p. 142, 9. τὰ προσήμοντα p. 266, 22. πρόσκειμαι. πρόσκειται p. 14, 8. 72, 3 h. 124, 1 n. 228, 22. προσέμειτο p. 28, 13. προσnείσθω p. 10, 16. 12, 2, 7. 42, 3. 72, 5 h. 86, 14 pp. 124, 4 n. πρόσκεινται p. 240, 4. προσκείσθωσαν p. 10, 28. 14, 29. 204, 7 dc. 224, 14. ποοσλαμβάνω adsumo. ποοσλαμβάνειν p. 8, 13. προσλα- $\beta \omega \nu$ p. 242, 25. 354, 15, 18, 20. προσμολυβδοχοέω plumbo adfigo. προσμεμολυβδοχοημέvog p. 110, 14 e. προσπίπτω, προσπιπτέτωσαν p. 118, 13 n (ἀπό). προσπίπτουσα p. 76, 15. προστίθημι. προσθήσομεν p. 240, 6. 248, 11. προσθείναι p. 190, 11 dc, 22 dc. προσέθηκεν p. 12, 23, 28, 16. προσετέθη p. 18, 1. προστεθείς p. 178, 4. 256, 1. προσετέθησαν p. 202, 24 dc. προστεθή p. 224, 10. 254, 27. πρότασις p. 66, 2. 266, 13. **324, 4**. προτείνω, προταθείς p. 188, 21 dc. πρότερον p. 60, 12. 64, 19. 120, 5 n. 140, 22, 176, 27, 178, 11. 208, 13. 248, 29. 264, 5. 344, 7. ποότεοος p. 118, 10 n. 346, 24. προτίθημι. προέθετο p. 84,2. προτεθείς p. 12, 18. 60, 18. 62, 5. 64, 2, 24. 142, 21. 268, πρῶτον p. 4, 7. 60, 4. 154, 19. πρῶτον μέν p. 364, 22. πφῶτος p. 6, 15. 104, 11 e. 148, 1. 208, 5. 210, 4, 6. 266, τὰ πρῶτα μεγέθη p. 346, 26. u. μέγεθος, τὸ πρῶτον

βιβλίον p. 200, 12 dc. u. βιβλίον. om. βιβλίον p. 140, 27. 324, 1, 7. 332, 22. terminus proportionis. p. 18, 17. 126, 15, 16. 136, 1. 138, 2, 3. 140, 20. 182, 18 di. 216, 16 sq. 218, 22, 24. 222, 20, 21, 26, 27. 228, 2. 234, 19. 246, 2. 256, 20, 22. 258, 5. 268, 9, 16. 364, 6, 7. πταῖσμα error. p. 154, 6, 16. 180, 1. πυθμήν fundamentum. p. 114, 2 e. πυνθάνομαι. πυθόμενος δτι p. 102, 23 e. πυραμίς p. 28, 14. 40, 4, 10, 19. πυρίον speculum causticum. τὸ περί πυρίων Dioclis. p. 78, 19. 152, 24. 188, 1, 2. πω p. 2, 8. $\pi \tilde{\omega} s$ indirecte. p.140, 22, 324, 20. πως p. 140, 12.

P.

φάδιος p. 106, 9 e. 268, 8. ξαδίως p. 86, 1 pp. ξεία p. 114, 2 e. ξέπω. ξέψει ἐπί p. 306, 21. 312, 18. 318, 6. ξήμα uerbum. p. 176, 1. 178, 18. 266, 12. ξητόν contextus. p. 38, 16. 126, 7. 134, 21. 148, 16. 154, 15. 176, 2. 314, 3. 368, 18. ξόμβος στεξεός. p. 6, 8. ξοπή p. 306, 1 4, 7, 11. 314, 7. cfr. κέντρον.

37

σαφήνεια perspicuitas. p. 10, 23. σαφηνίζω explico. ἐσαφηνίσθησαν p. 300, 16. σαφηνισθή p. 154, 20. σαφηνίσας p. 324, 1. σαφής perspicuus. p. 4, 11. 14, 20. 222, 12. 268, 7. 308,

6. 832, 15. ως έν σαφεστέρφ τῷ λέγειν p. 142, 12. τερος p. 60, 8. 154, 18. 264, 2. 140, 17. σαφῶς perspicue. p. 2, 6. 6, 9. 50, 27. 60, 1. 178, 19. 266, 12. 268, 15. 310, 23. 342, 18. σε μνύνο μαι. σεμνυνόμενος p. 114, 13. σηκός cubile. p. 104, 1 e. σημείον p. 4, 26. 6, 22, 25. 8, 3, 9. 12, 14. 14, 23. 32, 22. 42, 23. 68, 20 pl. 80, 26 dc, 28 dc. 82, 2 dc, al. σιρός sirus. p. 112, 16 e. σκέλος crus. p. 68, 5 pl, 17 pl, σκήπτοον p. 114, 6 e. σκοπός consilium. p. 2, 19. 264, 1. 300, 20, 21. 302, 1. σός p. 2, 13. 114, 6 e. σπουδαίως. σπουδαιότερου p. 154, 14. $\sigma\pi\sigma\nu\delta\eta$ studium. p. 2, 11, 17. 60, 3. στερεός p. 112, 14 e. al. u. δόμβος, τομεύς. στερεά γωνία p. 28, 21. τὸ στερεόν p. 56, 16. 104, 6 e, 7 e. 106, 12 e. 158, 19, 22. 160, 12. 164, 28. 242, 12. 364, 7, 22, 26. 366, 5, 8, 13. στερέω, έστερημένος p. 114, 15. στέ**ρησις p. 306, δ.** στεφάνη corona. p. 110, 14 e. στήλη columna. p. 110, 14 e, 19 e. στοιχείον. τὰ στοιχεία (Ευclidis) p. 6, 14. 34, 8. 210, 1, 12 al. u. κωνικός. στοιχείωσις Euclidis. p. 32, 3, 9. 34, 20. 42, 1. 140, 10, 23. 256, 6. 272, 13. 314, 16. 332, 21. στ. δεδομένων p. 214, στρογγύλος p. 116, 6 n.

Archimedes, ed. Heiberg. III.

σύ p. 112, 15 e, 19 e. σοι p. 2, 15, 16. 106, 27 e. 110, 17 e. τοί p. 112, 15 e. σύγγοαμμα p. 4, 6. 114, 11. συγγράφω. συγγεγραμμένος p. 152, 24. 306, 7. συνεγοάψατο p. 178, 24. σύγκειμαι. έξ. σύγκειται p. 4, 18. 140, 19. 144, 22, 27. 146, 11, 20, 28. 148, 4, 7, 10. 232, 2. 234, 18, 21. 250, 11. 362, 15, 17. συγκεῖσθαι p. 140, 22. συγκείμενος p. 4, 22. 8, 10. **12, 16, 17. 16, 14. 334, 15, 17.** 344, 17 sq. 348, 2 sq. 350, 4 sq. 352, 2 sq. 354, 1 sq. 356, 14 sq. 358, 1 sq. 364, 16, 23, 27. 366, 2 sq. 368, 7, 9, 11. ò συγκείμενος λόγος έκ—τε—καί p. 86, 15 pp, 17 pp, 19 pp. 150, 19, 23, 25. 230, 26. 234, 1, 5. 236, 19, 24. 244, 12. 250, 17. 362, 8, 11. σύγκρισις p. 114, 17. συγχωρέω, συγχωρήσης p. 2, 18. συλλαμβάνω comprehendo. συλλαμβάνων p. 2, 10. συλλογίζομαι. συλλογίσασθαι p. 32, 11. συμβαίνω. συμβαίνει p. 42, συμβαίνου p. 118, 6 n, 10 n. συμβέβηκε p. 106, 5 e. συμβάλλω, συμβάλλει p. 122, 5 n. συμβαλλέτω p. 122, 6'n. 168, 7. 170, 17, 21. συμβαλλέτωσαν p. 194, 16 dc. συμβαλεί p. 100, 7 ar. 170, 18. συμβαλέτω p. 102, 3 ar. συμβεβλημένος p. 114, 20 n. συμμετ**οί**α p. 110, 7 e. σύμμετ**ο**ος p. 314, 13. συμπέρασμα p. 266, 13. συμπίπτω. συμπίπτουσι p. 312, 9. συμπιπτέτω p. 98, 22 ar. 108, 9 e. 122, 13 n, 20 n.

160, 19. 164, 20. 166, 10. 200, 2 dc. συμπίπτειν p. 174, 8. συμπίπτουσα p. 74, 19 ph. 156, 1. 316, 24. 318, 19. συμπεσείται p. 120, 15 n. 166, 6. συμπληφόω, συμπεπληφώσθω p. 62, 15. 70, 8 h. 122, 10 n. 156, 2. 160, 20. συμπορεύσυμποφεύομαι. εσθαι p. 118, 7 n. σύμπτωσις p. 100, 10 ar, 13 ar. συμφανής p. 8, 7. 146, 25. συμφυής adfixus. p. 68, 12 pl, 14 pl. 116, 1 n, 6 n, 11 n. συμφώνως p. 176, 26. συνάγω concludo. συνάγει p. 132, 13. συνάγεται p. 208, 25. 274 col. I, 7. 280 col. I, 9. συνήγετο p. 136, 14. συνήχθη p. 132, 1. συναχθείη p. 224, 1. συναχθείς p. 132, 12. συναχθήσεται p. 214, 6. 274, 9. συνηχθαι p. 50, 27. συνάγεσθαι p. 214, 11. committo. συνάγω p. 110, 22 e. άγεσθαι p. 110, 10 e. συναίρω. συνάρασθαι p. 2, 17. συναμφότε οος ἡ (τε — καί). p. 50, 16, 19. 136, 15, 19. 138, 16. 188, 8 dc, 14 dc, 15 dc. 190, 5 dc. 192, 9 sq. dc. 194, 1 sq. dc. 196, 14 dc. 202, 2 sq. dc. 204, 19 dc, 25 dc. 208, 17. 210, 2, 4. 214, 1. 220, 10, 14, 16. 222, 4, 5, 10, 11. 236, 10. 246, 25, 27, 29. 248, 1 sq. 272, 13. 274, 1, 4. 276, 5, 6, 10. 278, 5, 6, 9, 10. 282, 3 sq. 288, 11, 13, 15. 290, 6, 9, 10. 296, 4, 5, 8. 298, 2, 5. 342, 25, 27. 344, 1 sq. 346, 6 sq. 348, 3 sq. 350, 4 sq. 352, 3 sq. 354, 5 sq. 356, 2 sq. 358, 1 sq. 366, 17 sq. 368, 4, 8, 10. συναμφότερα p. 274, 13. τὸ συναμφότερον p. 26, 13, 15, 16.

συναποδείκνυμι. συναποδέδεικται p. 238, 2. συνάπτω. συνάπτομεν p. 114, συναπτόμενος p. 4, 17. 110, 12 e. λόγος συνηπται έκ p. 142, 24. 148, 13. συνδρομάς p. 112, 18 e. σύνδυο p. 232, 23. 366, 2. συνεγγίζω, συνεγγίζει p. 336, 20. συνεγγίζων p. 8, 6. σύνεγγυς p. 266, 5. 270, 1. 300, 18, 21. 302, 12. συνέχεια p. 4, 14, 12, 19. συνεχής. συνεχή σημεῖα p. 12, 14. 82, 14 dc. 88, 7. συνεχής άναλογία p. 66, 7, 15, 28 pl. 90, 7 sp. 104, 14 e. 106, 29 e. 110, 21 e. u. praeterea p. 76, 20. 80, 22 dc. 224, 22. 264, 5. κατά τὸ συνεχές p. 122, 10 n. συνεχῶς perpetuo. p. 8, 5. 268, 19. συνηβάω. συνηβῶν p. 114, 3 e. συνήθης. p. 154, 9. τὸ σύνηθες p. 4, 3. σύνθεσις compositio problematis. p. 66, 3, 7. 208, 7, 8, 24. 218, 17. 222, 12. 240, 5. 248, 11. rationis p. 140, 9. 146, 7. συνίστημι. συνιστάμενος Ρ. p. 10, 14, 19. συστησώμεθα p. 26, 4. 118, 22 n. συστησάμενος p. 62, 28. συνεστάτω p. 28, 26, 62, 18, 108, 2 e. 198, 19 dc. συσταθήσεται p. 270, 18. συνοράω. συνορᾶν p. 266, 21. σύνταγμα p. 140, 14. σύνταξις p. 2, 2, 22. 302, 6. η μεγάλη σ. Ptolemaci. p.270.4. συντελέω conficio. συντελείται p. 110, 8 e. συντίθημι compono proσυντέθειται p. 174, blema. 26. συντεθέν p. 224, 12. συντεθήσεται p. 94, 9 m. 96, 26 m.

160, 1, 10, 16. 198, 12 dc. διά τοῦ συνθέντι p. 148, 22. cfr. p. 290, 5. 296, 4. συνθέντι p. 18, 19, 23. 20, 9, 22. 22, 2. 124, 18 n. 132, 20. 134, 2. 194, 25 dc. 200, 15 dc. 204, 18 dc, 24 dc. 208, 26. 210, 28. 212, 2. 214, 1. 222, 10. 224, 19. 228, 13. 248, 13, 21. 256, 12. 272, 13. 276, 5. 278, 4. 282, 2. 288, 11. 346, 19. 354, 6. 356, 3. 364, 1. 366, 16. συντόμως, συντομώτερον p. 110, 15 e. συνωθέω. συνωσθήτω p. 108, 5 e. σφαίρα p. 2, 1. 54, 15. 128, 23. 130, 2, 4, 22. 136, 4. 176, 13. 180, 4 di, 6 di, 8 di. 184, 20 di, 24 di. 186, 3 di. 188, 4 dc, 11 dc. 190, 18 dc. 204, 2 dc, 3 dc, 15 dc. σφαιρικός. ἐπιφάνεια σφ. p. 128, 7, 16, 19. 130, 19. τὰ σφαιρικά Theodosii p. 314, 17. σφάλλω. σφαλείς p. 104, 2 e. σχεδόν p. 76, 7. σχημα p. 52, 1. 110, 16 e, 18 e, 24 e. 128, 14, 18. 132, 8. 268, 11. 310, 25. 312, 3, 13, 16. 324, 11, 15, 20. 326, 4. 332, 2, 12. 342, 2. ἐν τῷ αὐτῷ σχήματι p. 104, 8 e. τὸ δεύτερον σχημα p. 108, 7 e. cfr. p. 252, 15†. 332, 16. σχόλιον. τὰ σχόλια p. 362, 19. σώζω. τῆς αὐτῆς βασέως σωζομένης p. 60, 7. 62, 5. $\sigma\omega\lambda\dot{\eta}\nu$ stria. p. 68, 7 pl, 14 pl, 15 pl. 114, 23 n. 116, 8 n. σωληνίζω strio. σωληνισθεισῶν p. 68, 13 pl.

T.

τάξις. τῆ — τάξει p. 148, 2. ταράττω. τεταραγμένη άνα-

λογία p. 210, 1. 348, 1. 350, 11. 354, 2. τάττω. τεταγμένη άναλογία. p. 358, 11. cfr. p. 350, 11. ταύτη p. 76, 11. τάφος p. 102, 23 e. 104, 1 e, 3 e. τάχος. ἐν τάχει p. 104, 3 e. τε = καί. p. 154, 6. cfr. έτι. τε - καί. p. 2, 13. 4, 5. 6, 13. 14, 7. 42, 2. 62, 5. 68, 19 pl. 74, 8 ph. 76, 2 ph. 86, 10 pp. 88, 16. 108, 24 e. 112, 2 e. 114, 15. 118, 8 n. 120, 2 n. 126, 10. 128, 6. 134, 25. 140, 14, 26. 152, 9. 176, 17. 182, 9 dc. 300, **28**. 306, 2, 6. 310, 18. 318, 12. 346, 23. 354, 15, 21. 362, 10. 364, 4. 366, 2, al. τε — μετά p. 350, 4. τε — τε p. 114, 16. τε transpositum. p. 78, 16. 92, 16. 144, 22, 27. 146, 9. 148, 4 sq. 178, 5. 236, 19. 250, 11, 18. 264, 18. 344, 17 sq. 348, 4, 17. 350, 10, 18. 352, 4, 20. 354, 1 sq. 356, 14, 15. 358, 12. 364, 16, 27. τελευταΐος p. 132, 14. τελέω. τελέοιτο p. 114, 7 e. τέλος, έπὶ τέλος p. 2, 11. έπὶ τέλει p. 132, 13. 152, 18. 178, έν τῷ τ. 154, 14. τέμνω. τέμνει p. 72, 2 h. 88, 24. 118, 9 n. 174, 9, 12. 186, 3 di. 328, 8. τέμνουσι p. 70, 10 h. 194, 21 dc. 198, 27 dc. 328, 24. 332, 1. έτέμνετο p. 176, 13. τέμνεται p. 72, 3 h. 88, 17. 166, 27. 330, 21. τέμνονται p. 330, 26. τέμνηται p. 226, 18. τεμνέτωσαν p. 98, 4 m. τεμνέτω p. 78, 2 ap. 82, 19 dc. 94, 22 m. 120, 8 n. 180, 20 di. 182, 2 di. 198, 20 dc. 204, 14 dc. τέμνων p. 32, 6. 74, 5 ph. 78, 7 ap, 12 ap. 88, 8. 162, 24. 174, 21. 338,

15. τέμνειν p. 120, 2 n. τεμών p. 208, 10. τεμεί p. 94, 21 m. 100, 2 ar. 182, 1 di. veμοῦσι p. 98, 3 m. τέμνεσθαι p. 50, 9. 270, 23. τεμνόμενος p. 174, 4. τμηθείς p. 60, 21. 336, 2, 16. $\tau \mu \eta \vartheta \tilde{\eta}$ p. 118, 11 dc. 254, 8. 320, 18. τεμείν p. 160, 3. 178, 12. 180, 4 di, 7 di. 188, 22 dc. 190, 11 dc, 22 dc. 198, 13 dc. 204, 2 dc. τμηθήσονται p. 80, 27 dc. 360, 17. τέμωμεν p. 336, 7. τετμήσθω p. 14, 25. 16, 17, 20, 22. 46, 25. 78, 5 ap. 122, 11 n. 128, 23. 338, 23. τετμήσθωσαν p. 328, 16. τετμημένος p. 138, 23. τέτμηται p. 122, 1 n. 288, 10. τέρμα p. 112, 17 e. τεσσαράποντα, τεσσαράποντα πέντε p. 358, 24. 360, 3. τέσσαρες p. 18, 20. 48, 16. 72, 14 h. 102, 16 ar. 182, 11 di. 216, 15. 226, 24. 230, 16, **25**. 234, 13. 242, 11. 244, 28. 256, 19. 340, 23 al. τεταγμένως p. 338, 22. τεταρτημόριον. circuli. p. 22, 15, 18. τέτα οτος p. 18, 19. 216, 17 sq. 246, 3. 256, 21, 24. 364, 7. 366, τέταρτον quarto. p. 364, τέταρτον (μέρος) p. 146, 14,16. τοία τέταοτα p. 146, 13. τετραγωνικός, πλευρά τ. p. 268, 20. 272, 6. 274, 14. 276, **18.** 280, 6. 286, 6. 288, 23. 292, 12. 296, 16. 298, 11. τετράγωνον p. 62, 13, 19, 28. 64, 3. τὸ ἀπό — τετο. p. 62, 22. 216, 3. 242, 5, 16. 362, 14, 16. 364, 23, 26. 366, 6, 8. τετράγωνος άριθμός. p. 268, 22, 23. 274, 16. τετράκις p. 346, 24. τετραπλάσιος p. 104, 5 e. 130,

τετραπλασίων p. 316, 11. 340, τετράς p. 42, 9, 14. τεύχω, τεύχειν p. 112, 3 e. τεύχοις p. 114, 1 e. τῆδε p. 112, 17 e. τη φέω. τη φῶν p. 4, 4. τη φεῖν p. 76, 19. τίθημι. τίθησι p. 208, 15. τεθείς p. 22, 8. 28, 27. 80, 24 dc. τεθη p. 148, 25. τίς indirecte. p. 4, 12, 104, 7 e. 264, 12. 310, 22. τις p. 4, 25. 6, 10, 18. 14, 12, 14. 32, 7. 68, 7 pl. 70, 15 h. 80, 28 dc. 82, 2 dc. 84, 14 pp. 86, 6. 90, 11 sp. 100, 4 ar, 8 ar. 104, 7 e, 17 e, 18 e. 106, 11 e. 108, 1 e. 112, 21 e. 114, 7 e. 116, 6 n. 118, 2 n, 11 n. 174, 18. 188, 7 dc, 12 dc. 190, 25 dc. 206, 11. 266, 6, 15, 23, 27. 268, 23. 302, 4, 12. 312, 3. 320, 19. τμῆμα. circuli. p. 32, 4, 5. 210, 20. 220, 7. τὸ μεῖζον τμῆμα p. 52, 24. τὸ ἔλασσον τ. p. 52, 25. sphaerae. p. 126, 26. 128, 20. 130, 8, 14, 25, 26. 132, 15. 138, 28. 180, 4 di, 9 di. 184, 22 sq. di. 186, 7 sq. di. 188, 5 sq. dc. 204, 4 sq. dc. 206, 3 dc. 212, 13, 14. 214, 5, 9, 12. 218, 1, 10. 236, 4 sq. 238, 3, 4, 6. 240, 19, 28. 242, 17, 18. 250, 28. 252, 1. pars. p. 134, 24. 136, 8. 160, 4, 6. 218, 22. 226, 19, 21. 254, 9, 10. 268, 12. 330, 24. 332, 14. parabolae. p. 326, 6 sq. 328, 4. 332, 5. 334, 13, 16. 336, 6 sq. 338, 7, 10. 340, 2. 342, 5, 7. 360, 22, 23, 24. 362, 1. 368, 22, 23. **370, 4, 7, 8.**

2, 4. 208, 1. 292, 6. 330, 1, 3,

9, 10. 340, 9 sq. 358, 20.

τοίνυν p. 114, 16. 116, 9 n. 118, 1 n. 140, 17. 268, 2. 324, 4. τοιόσδε. τὸ τοιόνδε. p. 6, 15. τοιοῦτος p. 8, 13. 190, 9 dc. 268, 2. 324, 11, 15. 328, 25. 330, 4 sq. 340, 24. 342, 11, 12, 14. τὸ τοιοῦτον p. 34, 19. 42, 13. 76, 7. 84, 4. 88, 4. 104, 9 e. 128, 5, 18. 174, 7. τομεύς p. 56, 20, 21. 128, 5. 130, 18. 132, 10. 370, 3, 6. τομ. στεφεός p. 6, 8. 128, 8, 9. 130, 23. τομή diuisio. p. 22, 16. 338, 5. punctum sectionis. p. 226, 17. 254, 10, 14. κώνου τ. p. 332, 360, 14. διάμετρος τῆς τομ. p. 326, 17. όρθογωνίου κώνου τομή p. 154, 11. 324, 20. 342, 2, 3. αμβλυγωνίου κώνου τομή p. 154, 12. κοινή τομή ἐπιπέδων p. 28, 3. 100, 15 ar. 102, 7 ar. linearum. p. 136, 9. τόμος p. 360, 18. 370, 9. τόπος p. 100, 10 ar. τοσοῦτος. έπὶ τοσοῦτον p. 68, 19 pl. 78, 13 ap. τοσούτφ p. 254, 13. 336, 20. τότε p. 194, 6 dc. τοντέστι p. 20, 18. 22, 13. 36, 18, 19. 38, 2. 40, 16, 18. 40, 8. 46, 3, 6. 52, 7. 54, 13, 14, 21. 70, 17 h. 74, 7 ph. 76, 14. 86, 5 pp, 12 pp, 16 pp. 88, 28. 90, 26 sp, 27 sp. 92, 5 sp, 6 sp, 27 m, 28 m. 96, 14 m, 16 m, 21 m, 22 m. 98, 6 m, 9 m. 102, 10 ar, 14 ar. 118, 22 n. 120, 11 n. 124, 6 n, 8 n. 126, 21. 130, 22. 132, 10, 14. 136, 17. 138, 17. 144, 1, 27. 146, 1, 13, 22. 148, 29. 150, 5. 152, 5, 9. 156, 12, 15. 158, 5. 160, 30. 162, 2, 19. 164, 5, 11. 166, 21. 170, 6. 172, 3, 5. 174, 22. 176,

16. 184, 11 di. 186, 14 di. 196, 22 dc. 200, 29 dc. 206, 2 dc. 208, 21. 210, 3, 4. 214, 2. 220, 20, 21. 224, 18. 228, 10, 26, 27. 230, 18. 232, 3, 4. 238, 12. 242, 16. 246, 10, 28, 30. 248, 3 sq. 250, 14. 252, 10. 254, 21, 22. 258, 5, 16. 316, 17. 328, 25. 330, 8, 16. 340, 7, 13. 342, 26. 344, 14. 350, 11. 356, 1. 358, 9. 368, 16, 17, 19. 370, 5. τραγφδοποιός p. 102, 22 e. τρείς p. 92, 24 m. 108, 2 e. 110, 4 e. 210, 2. 224, 22. 228, 8. 340, 25 al. τριάκοντα p. 860, 1, 2. τριακοστός, τέταρτος καί τρ. p. 166, 17. τριάς p. 112, 20 e. τρίγωνον p. 26, 5. 28, 2. 30, 2, 3, 5. 32, 4, 12, 14. 32, 23, 24. 36, 19, 23. 44, 12, 13. 72, 17 h. 76, 3 ph. 100, 5 ar, 12 102, 11 ar, 16 ar. 166, 22. 210, 23, 26. 214, 16. 218, 3. 220, 5. 268, 10. 306, 15. 308, 13. 310, 1 sq, al. τὰ πρὸς τῆ **καθέτφ τρίγωνα p. 126, 9. 134,** 24. 222, 19. 254, 19. τρ. ἀπό p. 316, 13, 16. omissum p. 10, 14, 19. 26, 5. 30, 4 sq. 32, 27, 28. 36, 20, 21. τοιπλάσιος p. 62, 2. 64, 4, 12. 252, 24. 266, 3. 284, 8, 15. 300, 9. 342, 7. το. λόγος p. 144, 28. 242, 6, 28. ἐλάσσων ἢ το. p. 284, 12. τοιπλασίων, τοιπλασίονα λόγον έχειν ήπες p. 48, 17. 230, 18. μείζονα ή τοιπλασίονα λόγον έχειν ήπες p. 48, 2, 19. 56, 18. έλάσσονα p. 56, 17 (τοῦ ὄν). τοιπλούς. τοιπλή p. 330, 3. 340, 25. 342, 10. τρίς p. 846, 25.

τρίτος p. 166, 29. 272, 12. 314, 16. 366, 3 al. terminus. p. 18, 18, 84, 8, 88, 2 pp. 126, 15, 136, 1, 138, 2, 140, 21, 182, 19 di. 216, 18, 19, 21. 218, 23. 222, 21 sq. 228, 9, 10. 234, 20. 246, 3. 256, 22, 24. 258, 5. τὸ Tortor p. 142, 14. 160, 7. 270, 10, 14. 282, 13. 284, 24, 25. δύο τρίτα p. 146, 22. έπ τρίτων tertio. p. 2, 11. τρίτον p. 364, 25. τρίχα p. 46, 26.

τρόπος p. 66, 19. 178, 24. τὸν δυνατόν τρόπον p. 264, 5. κατά τὸν αύτὸν τρόπον p. 60, 3. τινα τρόπον p. 104, 7 e.

τυγχάνω. τυγχάνει p. 142, 10. τυγχάνων p. 18, 9. 62, 7. 264, 7. τεύξεται p. 2, 15. έτύγχανεν p. 176, 9. τύχοι p. 336, 15. τυχών p. 4, 26. 6, 22, 25. 14, 23, 16, 15, 68, 18 pl. 82, 2 dc. 168, 6. 202, 24 dc. 206, 10. τυχόν fortasse. p. 2, 21.

τυλάριον clauiculus. p. 84,

τύλιον clauiculus. p. 84, 14 pp. τύλος clauus. p. 68, 14 pl. 70,

r.

ύγ**οός**. τὰ ὑγοά p. 106, 16 e. **ὑμέτερος p. 2, 20.** ΰπαρξις p. 12, 20. ὺπάρχω. υπάρχη p. 146, 5. ύπῆρχεν p. 12, 26. ὑπάρχων p. 176, 22. 244, 3. 272, 5. 314, 4. ὑπεπίτριτος subsesquitertius. lóyog v. p. 146, 10. ύπερβάλλω, ύπερβάλλοντα p. 206, 25. ὑπερβολή p. 94, 20 m. 154, 12. 158, 7, 14. 162, 21, 27. 166, 12, 26, 28, 268, 3, 4, 8, 9, 170,

18, 22. 174, 10, 22. 182, 1 di,

4 di. 198, 2 dc, 6 dc, 26 dc. 200, 3 dc. 206, 7, 14, 24, 27. 208, 4. 312, 6. ἐπὶ ὑπερβολῆς p. 94, 6 m. ύπερέχω. ύπερέχει p. 48, 5, 7, 10. 284, 8, 15. 288, 23. 290 col. III, 9 al. 292, 13. 296, 17. 298, 12. 300, 9. μείζονι ὑπε**φ**έχει p. 48, 9, 12. έλάττονι ύπερέχει p. 266, 3. ύπερέξει p. 18, 12. ὑπερέχων p. 116, 1 n. 284, 13. τῷ ἴσφ ὑπε**ę**έχειν p. 46, 22. ύπεςμεγέθης p. 268, 7. νπεροχή p. 116, 18 n. 350, 21, 26, 29. $\dot{v}\pi\acute{o}$ cum accus. sub. p. 32, 25. 110, 13 e. 130, 21 al. cum genet. sub. p. 110, 14 e. ab. p. 2, 13. 4, 2. 66, 8. 98, 16. 106, 9 e. 154, 20. 176, 25, 27. 178, 4. 264, 3, 5. 266, 21, 22. 300, 28. 302, 13. 342, 1. $\dot{\eta}$ $\dot{\nu}\pi\dot{o}$ ΚΕΜ (γωνία) p. 34, 28. 40, 4, 26 sq. 42, 1 sq. 68, 4 pl. 78, 28 dc. 86, 10 pp. 102, 12 ar. 118, 17sq. n. 122, 17n. 194,19 dc. 198, 19 dc. 282, 13 sq. 284, 25. τὸ ὑπό p. 38, 19. 40, 2. 46, 2, 5. 48, 25, 26, 28. 52, 2 sq. 54,4,5. 72, 4 sq. h. 74, 23 sq. ph. 92, 25 m, 26 m. 94, 3 sq. m. 96, 14 m, 17 m, 21 m. 98, 7 m, 9 m. 102, 9 ar. 124, 2 sq. n. 132, 28. 134, 1 sq. 156, 5 sq. 158, 5, 6. 162, 1 sq. 164, 1 sq. 166, 1. 168, 15, 16. 170, 1 sq. 172, 2, 3, 8, 10. 180, 18 di. 182, 6 sq. di. 192, 13 dc, 14 dc. 194, 2 sq. dc. 196, 2 sq. dc. 198, 25 dc. 200, 5 sq. dc. 202, 6 sq. dc. 206, 21, 26. 208, 2. 212, 17. 220, 20. 224, 3, 4, 5, 25. 226, 2 sq. 228, 1, 6. 230, 26, 28, 29. 232, 3 sq. 234, 2 sq. 244, 7 sq. 246, 1 sq. 250, 2 sq. 254, 9 sq. 256, 1 sq. ἡ ὑπό

44 Z

τρίτος p. 166, 29. 272, 12. 314, 16. 366, 3 al. terminus. p. 18, 18. 84, 8. 88, 2 pp. 126, 15. 136, 1. 138, 2. 140, 21. 182, 19 di. 216, 18, 19, 21. 218, 23. 222, 21 sq. 228, 9, 10. 284, 20. 246, 3. 256, 22, 24. 258, 5. Tò τρίτον p. 142, 14. 160, 7. 270, 10, 14. 282, 13. 284, 24, 25. δύο τρίτα p. 146, 22. ἐκ τρίτων tertio. p. 2, 11. τοίτον p. 864, 25. τρίχα p. 46, 26. τρόπος p. 66, 19. 178, 24. τὸν δυνατόν τρόπον p. 264, 5. κατά τὸν αύτὸν τρόπον p. 60, 3. τινα τρόπον p. 104, 7 e. τυγχάνω, τυγχάνει p. 142, 10. τυγχάνων p. 18, 9. 62, 7. 264, 7. τευξεται p. 2, 15. έτύγχανεν p. 176, 9. τύχοι p. 336, 15. τυχών p. 4, 26. 6, 22, 25. 14, 23. 16, 15. 68, 18 pl. 82, 2 dc. 168, 6. 202, 24 dc. 206, 10. τυχόν fortasse. p. 2, 21. τυλάριον clauiculus. p. 84, 17 pp. τύλιον clauiculus. p. 84, 14 pp. τύλος clauus. p. 68, 14 pl. 70, 15 h.

r.

ύγοός. τὰ ὑγοά p. 106, 16 e. **ὑμέτερος p. 2, 20.** ΰπα**ρξις p. 12, 20.** ὑπάρχω. ὑπάρχη p. 146, 5. ύπῆρχεν p. 12, 26. ὑπάρχων p. 176, 22. 244, 3. 272, 5. 314, 4. υπεπίτοιτος subsesquitertius. lóyog v. p. 146, 10. ύπερβάλλω, ύπερβάλλοντα p. 206, 25. ύπερβολή p. 94, 20 m. 154, 12. 158, 7, 14. 162, 21, 27. 166, 12, 26, 28, 268, 3, 4, 8, 9, 170, 18, 22. 174, 10, 22. 182, 1 di,

200, 3 dc. 206, 7, 14, 24, 27. 208, 4. 312, 6. ἐπὶ ὑπερβολῆς p. 94, 6 m. ύπερέχω. ὑπερέχει p. 48, 5, 7, 10. 284, 8, 15. 288, 23. 290 col. III, 9 al. 292, 13. 296, 17. 298, 12. 300, 9. μείζονι ύπεςέχει p. 48, 9, 12. έλάττονι υπερέχει p. 266, 3. **νπερέξει** p. 18, 12. ὑπερέχων p. 116, 1 n. 284, 13. τῷ ἴσφ ὑπερέχειν p. 46, 22. ύπεςμεγέθης p. 268, 7. ờπεροχή p. 116, 18 n. 350, 21, 26, 29. νπό cum accus. sub. p. 32, 25. 110, 13 e. 130, 21 al. cum genet. sub. p. 110, 14 e. ab. p. 2, 13. 4, 2. 66, 8. 98, 16. 106, 9 e. 154, 20. 176, 25, 27. 178, 4. 264, 3, 5. 266, 21, 22. 300, 28. 302, 13. 342, 1. ἡ ὑπὸ KEM (γωνία) p. 34, 28. 40, 4, 26 sq. 42, 1 sq. 68, 4 pl. 78, 28 dc. 86, 10 pp. 102, 12 ar. 118, 17sq. n. 122, 17n. 194, 19 dc. 198, 19 dc. 282, 13 sq. 284, 25. τὸ ὑπό p. 38, 19. 40, 2. 46, 2, 5. 48, 25, 26, 28. 52, 2 sq. 54,4,5. 72, 4 sq. h. 74, 23 sq. ph. 92, 25 m, 26 m. 94, 3 sq. m. 96, 14 m, 17 m, 21 m. 98, 7 m, 9 m. 102, 9 ar. 124, 2 sq. n. 132, 28. 134, 1 sq. 156, 5 sq. 158, 5, 6. 162, 1 sq. 164, 1 sq. 166, 1. 168, 15, 16. 170, 1 sq. 172, 2, 3, 8, 10. 180, 18 di. 182, 6 sq. di. 192, 13 dc, 14 dc. 194, 2 sq. dc. 196, 2 sq. dc. 198, 25 dc. 200, 5 sq. dc. 202, 6 sq. dc. 206, 21, 26. 208, 2. 212, 17. 220, 20. 224, 3, 4, 5, 25. 226, 2 sq. 228, 1, 6. 230, 26, 28, 29. 232, 3 sq. 234, 2 sq. 244, 7 sq. 246, 1 sq. 250, 2 sq. 264, 9 sq. 256, 1 sq. h vao

4 di. 198, 2 dc, 6 dc, 26 dc.

(εc. γενομένη) έπιφάνεια p. 50, 22, 23. cfr. 76, 8. 252, 8? ύπογοάφω. υπογέγ**ο**αφα p. 106,27 e. ὑπογεγράφθω p. 110, 16 e. ὑπόδειγμα. ἐπὶ ὑποδείγματος p. 144, 24. ύποδείκνυμι. ύποδείξαι p. 146, 4. ὑπόθεσις p. 4, 5, 6. 354, 28. res. p. 2, 8. καθ' ὑπόθεσιν p. 138, 23. ύπο**κάτω p. 106, 8 e.** ύπόκειμαι. ὑπόκειται p. 124, 19 n, 25 n. 136, 4. 166, 20. 192, 5 dc. 256, 11. 258, 18. 270, 26. 274, 2. 278, 10. 280, 2. 296, 7. 298, 8. 310, 6. 316, 11. 318, 8. 346, 26. 360, 11. 366, 26. 370, 3. ὅπες ούχ ὑπόκειται p. 312, 19. 318, 7. ὑποκείμενος p. 12, 27. 102, 6 ar. 308, 18. 314, 5. ὑπόκεινται p. 272, 9. 274, 19. 276, 20. 280, 8. 286, 10. 290, 2. 292, 15. 296, 20. 298, 14. ὑποκείσθω p. 60, 12. *ὑποκείσθωσαν* p. 10, 23. υπέκειτο p. 290, 7. ύπομιμνήσκω. ὑπομνηστέον p. 140, 21. **ὑπόμνημα p. 34, 8. 56, 24.** 98, 17. 142, 1. 260, 14. 302, 14. ύπομνηματίζω, ὑπομνημα∽ τίσαντες p. 306, 9. ύπονοέω. ύπονοῆσαι. p. 66, 16. ύπόστασις p. 154, 8. ύποτείνω. ύποτείνουσα (cum accus.) p. 22, 20 (de chorda). p. 288, 6 (γωνίας). ύποτίθημι. ύποθοίτο p. 274, 276, 15. ὑποθέμενος p. 104, 10 e. ΰστερον. τὸ ές ΰστερον p. 114, 5 e. subsesquialter. **ὺφημιόλιος**

p. 146, 20, 22.

ΰψος cylindri. p. 60, 8 sq. 62, 1 sq. 64, 1 sq. 252, 22. trianguli. p. 324, 12. 326, 10. 342, 5. coni. p. 64, 13. 128, 1, 20. 130, 1 sq. 132, 2, 3, 5, 7, 9. 184, 4 sq. di. 186, 6 sq. di. 188, 6 sq. dc. 190, 2 dc. 204, 21 dc, 27 dc. 206, 2 dc. 216, 2. 236, 15. 252, 23, 27. 254, 3. 260, 6, 8, 10. segmenti sphaerae. p. 184, 23 di, 26 di, 27 di. 186, 8 di. 204, 23 dc, 29 dc. 212, 14. 214, 9. .218, 12. 236, 11, 12. noivoù üwovs λαμβανομένης. p. 40, 11. 46, 4, 7. 134, 8, 10. 156, 23. 162, 10. 164, 7. 170, 4. 172, 2. 224, 4. 234, 12. 238, 23. 244, 7, 19. ύπὸ τὸ αύτὸ ῦψος εἶναι p. 32, 25. 130, 21. cfr. praeterea p. 158, 20, 21. 160, 13. 164, 29. 362, 27. 364, 14, 23, 27. 366, 6, 9.

φαίνομαι. cum particip. φαίνεται p. 114, 13. 266, 11. έφάνη δυνατόν p. 266, 26. cum intinit. φαίνονται p. 300, 29. έφαίνετο p. 128, 9. φανεφός p. 144, 24. 240, 3. 332, 20. φανερον δή, ότι p. 6, 23. 34, 24. 38, 19. 70, 10 h. 74, 20 ph. 326, 5. 328, 20. φανερον δέ, στι p. 20, 20. 92, 16. 150, 9. 234, 9. φανερον ουν, στι p. 16, 24. 336, 21. φανερον άρα, ότι p. 166, 16. φανερόν, ότι p. 140, 11. 320, 8. 324, 15. 334, 29. 336, 17. φαντασία p. 2, 5. φάσκω. ἔφασκε p. 88, 20 (ὅτι). 128, 9. φέρω. φέρεσθαι κατά p. 42, 12, 16, 19. φέρεται κατά p. 50, 13. οίσθήσεται p. 50, 14.

ένεχθήσεται p. 116, 14 n. έφέρετο p. 180, 2. φημί p. 10, 10, 140, 17, 300, 29. 350, 21. φησί p. 4, 7. 6, 1, 19. 8, 15. 32, 10. 60, 4. 66, 7, 12, 84, 9, 128, 2, 130, 28. 132, 16. 148, 16. 176, 5, 29. 178, 7. 188, 24 dc. 208, 14. 234, 23. 266, 1, 5, 17. 282, 19. 284, 18. 286, 8. 288, 25. 292, 8. 300, 26. 308, 7. 314, 12. 324, 4, 21. 360, 17. φασί p. 102, 22 e. 104, 17 e. 140, 26. έφαμεν p. 300, 20. φθέγγομαι. φθέγξομαι p. 2, 12. φιλομαθής p. 270, 6. 306, 6. φιλοπόνως p. 106, 1 e. φίλος p. 114, 4 e. 154, 9. φιλοσοφία p. 2, 13. φιλόσοφος p. 2, 16. 264, 14. φιλοτεχνέω. φιλοτεχνητέον p. 110, 9 e. φράζω. φραζομένη p. 110, 15 e. φράζεαι p. 112, 14 e. φρέαρ. φρείατος p. 112, 16 e. φροντίς p. 264, 8. φυσικός p. 306, 8. φύσις p. 122, 14 e. τῆ φύσει p. 268, 1.

X.

χαίςω. χαίςειν p. 102, 21 e. χαλποῦς p. 110, 4 e, 13 e. χα ς απτηςίζω. ἐχας απτήςισεν p. 12, 22. χάςις. χάςιν p. 10, 23. χείς p. 114, 6 e. χεις ους γέω. χεις ους γέω. χεις ους γήσαι p. 106, 6 e. χελωνάςιον p. 116, 7 n, 11 n. χελώνιον p. 114, 23 n. χοινικίς p. 106, 23 e. χοιέδς α p. 110, 6 e. χεάομαι. χς ήται p. 66, 15.

κέχ*ρηνται* p. 302, 1. έχρήσατο p. 4, 5. κεχοῆσθαι p. 66, 14. χοεία p. 106, 7 e. 114, 12. 266, 2. 300, 22. χ**ο**ή p. 28, 12. 88, 24. 114, 20 n. 172, 27. 176, 25. 238, 24. 266, 21. 270, 5. έχοῆν p. 246, 4. 302, 5. χοησιμεύω. χοησιμεύων p. 6, 10. χοήσιμος p. 42, 12, 20. 106, 19 e. 120, 18 n. 178, 17. 300, 20. χοησμός. πατά χο. p. 104, 18 e. χοῆσις p. 76, 18. χρόνος. μετά χρόνον p. 104, 17 e. έπὶ πολύν χοόνον p. 104, 11 e. χωρέω. χωρεῖ p. 106, 19 e. χωρίον p. 26, 18. 32, 8. 94, 16 m, 21 m. 154, 24, 26. 158, 5. 160, 3. 164, 10, 13. 174, 2. 264, 12. 268, 15. χωρίς p. 26, 22. 34, 22. 38, 15. 128, 23. 132, 26. 210, 17. 230, 3.

Ψ.

ψαύω. ψαύη p. 68, 22 pl. ψαύων p. 68, 18 pl, 21 pl. 166, 26.

Ω .

\$\frac{\pi}{\sigma}\$ p. 112, 13 e. 306, 1.
\$\frac{\pi}{\sigma}\$ s. \$\frac{\pi}{\sigma}\$ tote p. 2, 5. \$\frac{\pi}{\sigma}\$ \frac{\pi}{\sigma}\$ ten p. 2, 5. \$\frac{\pi}{\sigma}\$ \frac{\pi}{\pi}\$ ten p. 68, 23 pl. \$\frac{\pi}{\pi}\$ s \frac{\pi}{\pi}\$ ten p. 4, 18. 42, 19. 64, 22. 70, 18 h. 74, 12 ph. 82, 15 dc. 140, 26. 146, 24. 148, 9. 154, 15. 158, 3, 12. 166, 13. 174, 20. 178, 20. 264, 20. 268, 4, 8. \$\frac{\pi}{\pi}\$ \frac{\pi}{\pi}\$ ten p. 38, 24. 128, 3. 158, 26. 160, 10. 166, 5. 184, 23 di. 328, 4. post uerba sentiendi et simil. p. 2, 10, 12. 88, 4. 178, 3, 13. 204, 12 dc. 234, 17. 266, 22. 302, 9. 324, 10. uelut. p. 10, 24. 14, 6, 13, 15. 22, 7,

11. 28, 24. 62, 28. 64, 20. 68, 12 pl, 24 pl. 70, 15 h. 76, 15. 80, 26 dc. 82, 27 dc. 84, 16 pp. 98, 18. 100, 11 ar. 116, 3 n, 4 n. 120, 5 n. 14 n. 154, 25. 158, 4, 18. 162, 18, 24. 164, 4. 166, 13. 168, 14. 174, 11, 12. 196, 20 dc, 26 dc. 198, 5 dc. 224, 23. 226, 25. 230, 3. 326, 14. cfr. p. 170, 25. 180, 19 di. γεγονέτω ώς - ουτως p. 18,24. 48, 3. 64, 24. 120, 6 n. 164, 25. 186, 9 di. 198, 21 dc. 232, 1. 308, 18. 366, 5. 368, 24. omisso ovræg p. 82, 16 dc. 214, 27. 230, 15. 258, 3. 276, 4. ποιείν ώς — ούτως p. 20, 15. 36, 27. 48, 14. 52, 15, 16. 150, 8, 188, 14 dc, 15 dc, 196, 18 dc. 260, 2. omisso οὖτως p. 88, 1 pp. 224, 27. **ર્વે કે હે** દેશ મ ται ώς — ούτως p. 200, 26 dc. 210, 7. omisso οὖτως p. 148, 18, 21. 150, 11. ώς - οῦτως p. 20, 1. 36, 9, 11. 44, 14 sq. 46, 1 sq. 52, 20, 21, 26. 72, 16 h, 19 h. 76, 1 ph. 80, 11 dc. 82, 24 dc. 86, 24, 26. 90, 25 sp. 98, 11 m. 102, 14 ar. 120, 10 n. 124, 10 n, 12 n, 16 n. 126, 12 sq. 134, 4 sq. 136, 25. 138, 2, 5, 7, 18. 144, 13. 148, 19. 150, 1. 156, 7 sq. 162, 3 sq. 164, 6, 12. 170, 3. 172, 1. 182, 13 sq. di. 186, 13 di, 14 di. 190, 6 dc, 7 dc, 26 dc. 192, 5 dc, 7 dc. 194, 9 sq. dc. 196, 1 sq. dc. 200, 10 sq. dc. 202, 13 sq. dc. 204, 10 dc, 18 dc. 210, 5, 12. 212, 2. 216, 2, 20. 218, 5, 8, 25. 220, 1. 222, 20 sq. 224, 6. 226, 7. 228, 8, 16, 17. 238, 13, 22. 242, 7, 9, 17. 248, 2, 27. 250, 5. 256, 12. 258, 4, 6, 9. 282, 10. 330, 1. 342, 25, 27. 344, 4, 11. 346, 3, 19. 348, 2,

12. 350, 16, 20. 352, 6, 13, 16. 354, 6. 356, 4 sq. 358, 2, 6. 362, 3. 364, 3 sq. 366, 12 sq. 368, 1, 7. 370, 3, 4. ώς omisso οῦτως p. 20, 8. 46, 15. 80, 16 dc. 86, 25. 88, 27. 90, 22 sp. 92, 1 sq. sp. 94, 27 m. 98, 12 m. 108, 12 sq. e. 112, 1 e, 3 e. 124, 9 sq. n. 126, 2 n, 24. 132, 19, 20. 136, 1 sq. 138, 19. 144, 11, 15. 148, 22. 150, 2. 162, 9. 208, 18, 19. 210, 27, 28. 212, 1 sq. 214, 28, 29. 216, 4, 19, 22. 218, 7. 220, 3. 222, 23. 228, 7, 13, 14. 232, 20, 21. 240, 11. 246, 8. 256, 11. 272, 13. 276, 5 sq. 278, 5, 6. 282, 3, 4. 288, 11, 18, 314, 22, 28. 816, 1, 2, 25, 27, 352, 11, 21, 26. 354, 2. 362, 1, 29. 364, 1, 18. έστιν ώς — ουτως p. 26, 6. 36, 21. 44, 3, 13. 46, 8. 54, 20. 56, 3. 72, 15 h. 74, 29 ph. 82, 24 dc. 86, 12 pp. 88, 21, 24. 96, 8 m. 120, 9 n. 124, 15 n. 132, 27, 28. 134, 2, 8, 5. 136, 15, 19. 138, 4, 10, 16. 148, 29. 154, 25. 156, 6. 158, 17. 160, 4 sq. 162, 1. 164, 4. 182, 12 di. 186, 11 di. 190, 5 dc, 13 dc, 23 dc, 24 dc. 192, 4 dc, 9 dc. 194, 8 dc, 12 dc, 24 dc, 25 dc. 198, 9 dc. 200, 9 dc, 14 dc. 202, 8 dc, 18 dc, 26 dc. 204, 7 sq. dc. 208, 12. 210, 3, 24. 218, 4, 22. 224, 2. 232, 17, 24. 234, 10. 316, 15. 342, 22. 344, 8. 348, 7. 350, 6, 12. 352, 12, 17. 354, 29. 356, 13. 358, 12. 360, 23. 362, 20. 368, 5, 15. omisso οῦτως p. 36, 6. 40, 8, 13, 25. 50, 2. 52, 14. 54, 12. 70, 1 pl. 76, 4 ph. 80, 5 dc, 7 dc. 90, 14 sq. sp. 92, 9 sp. 94, 24 m, 26 m. 96, 2 m, 12 m, 20 m. 98, 7 m, 10 m, 108, 10 e, 14 e.

110, 24 e. 122, 21 n. 126, 1 n, 11. 132, 18, 21. 134, 25. 136, 21. 138, 1. 144, 5, 10. 208, 17, 25. 210, 26. 216, 10, 16, 18. 218, 26. 222, 19. 228, 1, 12. 232, 20. 278, 4. 282, 2. 288, 10. 290, 6. 296, 4. 298, 2. 310, 2, 5. 314, 21. 316, 25. 318, 21. 328, 6. 334, 3. 344, 9, 16. 346, 12, 16. 352, 2, 9. 362, 28. 364, 17. 370, 6. είναι πρός — ώς p. 34, 27. 36, 17, 60, 20, 62, 22. 132, 6. 140, 1. 184, 11 di, 13 di. 190, 4 dc. 206, 1 dc. 236, 15. 260, 10. 316, 19. 362, 27. 364, 14. ὑπόκειται ὡς p. 310, 8. sicut. p. 12, 26. 34, 13. 42, 16. 48, 29. 66, 15, 21. **72**, **22**. **78**, 19. **84**, 9, 11, 12. 110, 7 e, 17 e, 24 e. 140, 10, 13. 164, 18. 174, 15, 24, 25. 178, 11. 180, 3. 188, 1. 244, 29. cfr. p. 140, 23. 142, 11. enim. p. 2, 20. apud participium. p. 18, 8, 114, 14, 300, 24. 314, 3. apud praepositiones. p. 60, 22, 80, 25 dc. 84, 3. 100, 1 ar. 126, 6. 134, 21. 152, 10. 168, 5. 176, 2. 198, 12 dc. 264, 9. 308, 12. quantum. p. 300, 15. quomodo. p. $206, 6. = \omega \sigma \tau \epsilon p. 154, 13. apud$ superlatiu. p. 110, 5 e.

őς sic. p. 114, 7 e. ώσαύτως p. 110, 8 e. 112, 3 e. τὰ ὧσαύτως πολλαπλάσια p. 344, 3. 352, 15.

ωστε cum indicatino. p. 8, 1. 16, 1. 24, 5, 10, 16. 26, 7, 15. 28, 1. 30, 20, 22. 32, 23. 40, 8. 48, 18, 25. 64, 13. 74, 28 ph. 102, 8 ar. 104, 15 e. 118, 24 n. 134, 25. 136, 8. 138, 26. 158, 21. 174, 16. 186, 24 di. 206, 29. 208, 22. 212, 15. 214, 17. 216, 10. 218, 12, 16, 22. 220, 14. 224, 18. 226, 3, 18. 230, 21. 232, 12. 236, 18. 240, 8. **242**, 14. 244, 8, 14. 252, 10. 254, 20. 256, 8. 258, 21. 268, 4. 270, 5, 12. 272, 2. 274, 3. 282, 22. 292, 2, 4, 14. 296, 10. 300, 5, 22. 310, 9, 11. 312, 25. 320, 14, 17. 328, 12. 334, 15. 340, 7, 19. 342, 5, 15. 348, 27. 350, 26, 29. 356, 13, 16. 362, 5, 7. 368, 21. cum infinitiuo p. 4, 26. 8, 7. 18, 12. 68, 23 pl. 70, 7 h. 72, 24 ph. 78, 9 ap. 84, 12 pp. 86, 2 pp. 96, 8 m, 29 m. 114, 21 n. 142, 11, 14. 154, 25. 156, 28. 160, 4. 162, 16. 166, 4. 174, 6, 13. 180, 4 di, 8 di, 16 di. 188, 22 dc. 190, 12 dc, 23 dc. 196, 21 dc. 198, 23 dc. 204, 7 dc. 206, 24. 208, 12. 224, 23. 230, 4. 268, 12. 320, 18. 338, 6. omisso uerbo p. 16, 26. 22, 19. 28, 7. 36, 8. 48, 13. 50, 22. 52, 26. 62, 3. 90, 18 sp. 94, 8 m. 106, 15 e. 120, 16 n. 126, 12. 134, 3. 138, 29. 142, 8. 150, 13, 15. 164, 1. 208, 26. 210, 21. 212, 16. 214, 14. 218, 7. 220, 20. 228, 24. 256, 12. 310, 16. 320, 15. 328, 29. 880, 10. 350, 16. 352, 5. 356, 21. 362, 3. οῦτως ώστε p. 68, 9 pl. 90, 11 sp. 140, 12. 336, 16.

Index nominum propriorum . spud Archimedem, Eutocium, scholiasten Florentinum occurrentium.

'Απαδημία. οί ἐν 'Απαδημία γεωμέτραι ΙΙΙ p. 104, 20 e. Άπουπατής nomen corruptum. II p. 248, 8. Άλεξάνδρεια ΙΙ p. 450. Άμμώνιος philosophus. III p. 2, 16. Άντιφῶν III p. 264, 16. Απολλώνιος Pergaeus. III p. 76, 22. 158, 9. 162, 23. 166, 9, 19. 168, 1. 182, 8. 196, 25. 200, 6, 12. 208, 5. 300, 17. 312, 12. 326, 3, 7. 332, 5. schol. III p. 374, 12. 375, 3. κωνικά sine nomine III p. 206, 8. 328, 5. cfr. Ωπυτόπιον, Περγαΐος. Άρίσταρχος Samius. II p. 244, 9, 24. 246, 9. 248, 9, 19. 288, 9, 15, 23. 290, 3, 15. cfr. Σάmiog. Αριστοτέλης ΙΙΙ p. 306, 2, 8 (φυσικαλ πραγματεῖαι). Άριστοτελικός. κηρία 'Α. ΙΙΙ p. 264, 19. Άρκάδιος ΙΙΙ p. 140, 14. Aeχαί liber Archimedis. II p. 246, 11. Άρχιμήδειος ΙΙΙ p. 2, 21. 176, 1. Άφχιμήδης Ι p. 2, 1, 2. 188, 2. 274, 1. II p. 2, 1. 294, 2. 432. 433. 443. 444. 450. 454.

III p. 2, 1. 56, 25. 152, 25. 154, 8. 176, 18, 25. 178, 18, 21. 188, 4. 190, 16. 260, 15. 264, 3, 9. 266, 1, 12, 22., 268, 2. 300, 20, 24, 28. 302, 13, 14. 306, 10. 308, 3. 332, 2. schol. III p. 376, 22. τὸ περὶ σφαίeas nal nulludeou III p. 2, 1. 56, 24, 25. 236, 8. 260, 15. 264, 6. 268, 16. 310, 24. 324, 10. 332, 22. 362, 19. schol. IlI p. 375, 6. cfr. III p. 32, 11. 38, 24. 60, 4. κύκλου μέτρησις III p. 264, 10. τὸ πεοὶ τῆς τοῦ ὀρθογωνίου κώνου τομῆς III p. 342, 1—2. μηγανικά u. Index I. cfr. 'Agrαί. Άρχύτας Tarentinus. III p. 98, 18. 106, 3 e. 112, 19 e. cfr. Ταραντίνος. Άσκαλωνίτης έθνικόν Eutocii. III p. 56, 24, 260, 14. 302, 14.

Βυζάντιος έθνικόν Philonis. III p. 72, 22.

Γάδαρα patria Philonis iunioris. III p. 300, 27. Γέλων filius Hieronis. βασιλεύς II p. 242, 2. 290, 17. Γεμίνος III p. 308, 3. Γλαῦπος filius Minois. III p. 102, 23 e.

Δήλιοι III p. 104, 17 e.

Διοκλής III p. 78, 19. 88, 5, 12, 20, 21. 92, 17. 152, 23. 188, 1, 2. ἐν τῷ περὶ πυρίων III p. 78, 19. 152, 24. 188, 1, 2.

Διοκυσόδωρος III p. 152, 20. 154, 2. 178, 20. 180, 3.

Δοσίθεος amicus Archimedis. I p. 2, 2. 188, 2. 274, 1. II p. 2, 1. 294, 2.

Δωρίς γλώσσα Archimedis. III p. 154, 9.

Έραποσθένης Cyrenensis. II p. 450. III p. 102, 20, 21 e. 114, 8 e, 14, 17. cfr. Κυρηναίος.

Εὐδημος III p. 98, 18. 264, 18 (γεωμετοική Ιστορία).

Eὖδοξος Cnidius. I p. 4, 11, 17. II p. 248, 7. III p. 66, 11, 16. 106, 4 e. 112, 21 e. cfr. Κνίδιος.

Εύκλείδης Ι p. 14, 1. ΙΗ p. 272, 12. 314, 16. schol. III p. 383 quater. στοιχεῖα II p. 446. III p. 6, 14. 34, 8. 210, 1, 12. στοιχείωσις Ι p. 24, 6. ΙΙΙ p. 32, 3, 9. 34, 20. 42, 1. 140, 10, 28. 256, 6, 8. 272, 13. 314, 16. 382, 21. uerba elementorum citantur omisso nomine III p. 238, 28. 244, 23 al. νικά στοιχεῖα Ι p. 800, 10. 802, 3, 4. 304, 15. ή στοιχείωσις τῶν δεδομένων ΙΙΙ p. 214, 11. cfr. III p. 136, 6. 140, 5. 220, 12, 16. 212, 17 sq. Εὐτόπιος Ascalonita. III p.

56, 24. 260, 14. 302, 14. cfr. III p. 260 not. crit.

Zεύξιππος amicus Archimedis. II p. 242, 19. 266, 12. Ζεύς III p. 114, 5 e.

Hέλιος II p. 450 u. 1. 452 u. 27, u. 32.

Hρακλείδας amicus Archimedis. II p. 2, 4. 6, 9.

Hρακλείδης idem? ἐν τῷ Λοςιμήδους βίω III p. 266, 1.

Hρῶν Alexandrinus. III p. 70, 3. 76, 8, 9. 78, 16. 98, 17. citantur βελοποιικά et μηχανικά) είσαγωγαί III p. 70, 3. ἐν τοῖς μετρικοῖς III p. 270, 2.

Hρῶνας. ἐν τῷ ὑπομνήματι τῷ εἰς τὴν ἀριθμητικήν εἰσαγωγήν. III p. 140, 27.

Θεοδόσιος Tripolita. σφαιοικά. III p. 314, 17. Θέων Alexandrinus. comment. in Ptolemaeum. III p. 140, 14, 270, 3. Θοινακίη II p. 450 u. 4. 452 u. 36.

'Ιπποκράτης Chius. III p. 104, 12 e. 264, 15. cfr. Χίος. 'Ισίδωρος Milesius, magister Eutocii. III p. 56, 26. 98, 15. 260, 16. 302, 16.

Κλαύδιος Ptolemaeus. III p. 270, 4. 302, 6. *Κυίδιος ἐθνικόν* Eudoxi. III

p. 66, 11. Κόνων Alexandrinus, amicus et aequalis Archimedis. I p. 6, 3. 188, 4. II p. 2, 2, 13, 19. 294, 3, 4, 9.

Kυρηναίος έθνικόν Eratosthenis. II p. 450. III p. 114,8 e.

Μάγνης. λογιστικά III p. 302, 3. Μενέχμειος III p. 112, 20 e. Mένεχμος III p. 92, 18. 106, 8 e. Μιλήσιος ἐθνικόν Isidori. III p. 56, 26. 98, 15. 260, 16. 302, 16. Μίνως III p. 102, 23 e.

Νικαιεύς έθνικόν Pori. ΙΙΙ p. 300, 23.

Νικόμα χος. περίμουσικής. ΙΙΙ p. 140, 27. άριθμητική εἰσαγωγή ΙΙΙ p. 142, 1. Νικομή δης. περί κογχοειδῶν ΙΙΙ p. 114, 9, 10. 118, 3.

Πάππος. μηχανικαὶ εἰσαγωγαί III p. 84, 1, 2. 90, 3. 92, 17. ὑπόμνημα εἰς τὰ στοιχεῖα III p. 34, 7. comm. in Ptolemaeum III p. 140, 13. 270, 3. Περγαῖος ἐδνικόν Αpollonii. III p. 300, 17. Πέτρος III p. 306, 1. Πλάτων III p. 66, 21. 104, 20. 306, 4, 9 (in Timaeo). Πόρος Νίσαοπως. III p. 300, 23. πρότερον. οί πρότερον I p. 82, 13. 340, 4. II p. 246, 19. 294, 13. 296, 3. οί πρ. γεωμέτραι II p. 396, 13.

Πτολεμαίος III, rex Aegypti. III p. 102, 21 e. 114, 3 e. Claudius Ptolemaeus astrologus. III p. 270, 5. 302, 6. 306, 3. περὶ ξοπῶν III p. 306, 7. cfr. Κλαύδιος.

Σάμιος έθνικόν Aristarchi. II p. 244, 9.
Εικελή Sicilia. II p. 450 u. 3.
Εικελία II p. 242, 4.
Επόςος III p. 90, 4.
Ευράκουσαι II p. 242, 4.
Σωκρατικός. τὸ Σωκρατικόν III p. 2, 9.

Τα ς αντίνος ἐθνικόν Archytae. III p. 106, 3 e.
Τίμαιος ὁ παρὰ Πλάτωνι ΙΙΙ p. 306, 4, 9.

Φειδίας II p. 248, 8. Φίλων mechanicus. III p. 72, 22. 78, 16. Philo iunior Gadarensis III p. 300, 26.

Xios & vinóv Hippocratis. III p. 104, 12. 264, 16.

Ώμυτόκιον liber Apollonii. III p. 300, 17.

BIBLIOTHECA GRAECA

VIRORUM DOCTORUM OPERA

RECOGNITA ET COMMENTARIIS INSTRUCTA

FR. JACOBS ET VAL. CHR. FR. ROST.

LIPSIAE IN AEDIBUS B. G. TEUBNERI.

Bedeutend ermässigte Preise.

Erschienen sind bis jetzt:	
M. S.	M 31
Aeschinis in Ctesiphontem oratio	Lysiae et Aeschinis orationes se-
ed. Weidner 3. 60	lectae ed. Bremi 1, 50
Aeschyli Agamemno ed. R. Enger 3. 75	Lysiae orationes selectae ed. Bremi - 90
Aristophanis Nubes ed. Teuffel.	Pindari carmina cum deperdita-
Ed. II 1. 20	rum fragm., variet. lect. adi.
Delectus epigramm. Graec. ed.	et comment. illustr. L. Dissen.
Jacobs 1, 80	Ed. II. cur. Schneidewin. Vol. I. 3. 90
Demosthenis conciones ed. <i>H</i> .	Vol. II. Sect. I. II. (Comment. in
Sauppe. Sect. I. (cont. Philipp. I.	Olymp. et Pyth.) (à 1 <i>M</i> 50 ዲ.) 3. —
et Olynthiacae I—III.) Ed. II. 1. —	Platonis opera omnia ed. Stallbaum
Euripidis tragoediae ed. <i>Pflugk</i> et	X voll. (21 Sectiones.)
Klotz. Vol. I, II et III. Sect.	Einzeln:
I—III 14. 70	Vol. I. Sect. 1. Apologia Socratis
Einzeln:	et Crito. Ed. Wohlrab 2. 40
Vol. I. Sect. 1. Medea. Ed. III 1, 50	Vol. I. Sect. 2. Phaedo. Ed. V.
" I. " 2. Hecuba. Ed. III.	_ cur. Wohlrab 2. 70
ed. Wecklein 1, 20	Vol. I. Sect. 2. Symposium c. ind.
" I. " 3. Andromacha.	Ed. III 2. 25
Ed. II 1. 20	Vol. II. Sect. 1. Gorgias. Ed. III 2, 40
" I. " 4. Heraclidae. Ed.II 1. 20	Vol. II. Sect. 2. Protagoras c. ind.
" II. " 1. Helena. Ed. II. 1. 20	Ed. III. ed. Kroschel 1. 80
" II. " 2. Alcestis. Ed. II. 1. 20	Vol. III. Politia sive de republica
" II. " 3. Hercules furens	libri decem. 2 voll. Ed. II. [Vrgr.] 7. 50
Ed.II. cur. Wecklein 1. 80	Vol. III. Sect. 1, Politia lib. I-V 4. 20
" II. " 4 Phoenissae 1. 80	Vol. III. Sect. 2. lib. VI—X 3. 30
" III. " 1. Orestes 1. 20	Vol. IV. Sect. 1. Phaedrus. Ed. II 2. 40
" III. " 2. Iphigenia Taurica 1. 20	Vol. IV. Sect.2. Menexenus, Lysis,
" III. " 3. Iphigenia quae est	Hippias nterque, Io. Ed. II . 2. 70
Aulide 1. 20	Vol. V. Sect. 1. Laches, Charmides,
Hesiodi carmina ed. Goettling et	Alcibiades I. II. Ed. II 2. 70
Flach. Ed. III 6. 60	Vol. V. Sect. 2. Cratylus cum. ind. 2. 70
Homeri Ilias ed. Spitzner. Sect. I—IV4.50	Vol. VI. Sect. 1. Euthydemus . 2. 70 Vol. VI. Sect. 2. Meno et Euthy-
I—IV 4. 50 Einzeln:	
Sect. I, lib. 1—6 — 90	phro itemque incerti scriptoris
Sect. II. lib. 7—12 — 90	Theages, Erastae, Hypparchus.
Sect. III. lib. 13—18 1. 35	[Vergr.] 4. 20 Vol. VII. Timaeus et Critias.
Sect. IV. lib. 19—24 1, 35	[Vergriffen.] 5. 40
DOUG. IV, HU. 1044 1, 00	1 4 GT M T T T T T T T T T T T T T T T T T

	M A 1	•	M. S.
Platonis opera omnia ed. Stallbaum.		Thucydidis de bello Peloponne-	
· · ·		siaco libri VIII ed. Poppo.	
Einzelnen:		Einzeln:	
Vol. VIII. Sect. 1. Theaetetus.		Vol. I. Sect. 1. Lib. I. Ed. II .	8
Ed. II. rec. Wohlrab	8. —	Vol. I. Sect. 2. Lib. II. Ed. II.	2. 25
Vol. VIII. Sect. 2. Sophista	2. 70	Vol. II, Sect. 1. Lib. III, Ed. II	
Vol. IX. Sect. 1. Politicus et in-		ed. J. M. Stahl	2. 40
certi auctoris Minos	2. 70	Vol. II. Sect. 2. Lib. IV. Ed. II	
Vol. IX. Sect. 2. Philebus	2. 70	ed. J. M. Stahl	2. 70
Vol. X. Sect. 1. Leges. Vol. I. lib.		Vol. III. Sect. 1. Lib. V. Ed. II	
I—IV	3. 60	ed. J. M. Stahl	2. 40
Vol. X. Sect. 2, lib. V-VIII	3. 60	Vol. III. Sect. 2. Lib. VI. Ed. II	•
Vol. X. Sect. 3. lib. IX-XII et		ed. J. M. Stahl	2. 40
Epinomis	8 . 60	Vol. IV. Sect. 1. Lib. VII	1, 50
Sophoclis tragoediae ed. Wunderus.		Vol. IV. Sect. 2. Lib. VIII	1. 50
2 voll	9. 90	Xenophontis Cyropaedia ed. Borne-	
Ti1-		mann. [Vergriffen.]	1. 50
Einzeln:		Memorabilia ed. Kühner, Ed. II	2. 70
Vol. I. Sect. 1. Philoctetes. Ed. IV		— Anabasis ed. Kühner	3. 60
ed. Wecklein	1. 50		
Vol. I. Sect. 2. Oedipus Rex. Ed.V		Sect. I. lib. I—IV.	
ed. Wecklein	1. 50	Sect. II. lib. V—VIII.	
Vol. I. Sect. 3. Oedipus Coloneus.		Oeconomicus ed. Breitenbach	1. 50
Ed. III	1.80	Agesilaus ed. Breitenbach	1. 20
Vol. I. Sect. 4. Antigona. Ed. V		Hiero ed. Breitenbach	— 75
ed. Wecklein	1. 50	Hellenica, Sect. I. (lib. I. II.)	
Vol. II. Sect. 1. Electra, Ed. III	1. 20		1. 80
Vol. II. Sect. 2. Aiax. Ed. III .	1. 20		
Vol. II. Sect. 3. Trachiniae. Ed. II	1. 20	ed. Breitenbach	4. 80

•